

PARTICLE SWARM OPTIMIZATION (PSO)

agungsetiabudi@ub.ac.id



Particle Swarm Optimization (PSO)

- Particle Swarm Optimization (PSO) adalah algoritma optimasi yang terinspirasi oleh perilaku sosial dari burung yang mencari makanan.
- PSO digunakan untuk menyelesaikan masalah optimasi dengan cara mengelola sekelompok solusi kandidat yang disebut "partikel".
- Setiap partikel memiliki posisi dan kecepatan di ruang pencarian, dan mereka berinteraksi satu sama lain untuk menemukan solusi optimal.



Konsep Dasar PSO

- 1. **Inisialisasi**: Setiap partikel diinisialisasi dengan posisi dan kecepatan acak di ruang pencarian.
- 2. **Evaluasi**: Nilai fitness dari setiap partikel dihitung menggunakan fungsi tujuan yang ingin dioptimalkan.





3. Update Posisi dan Kecepatan:

- Setiap partikel memiliki dua nilai penting: posisi terbaik yang pernah dicapai (pBest) dan posisi terbaik global yang dicapai oleh seluruh partikel (gBest).
- Kecepatan dan posisi partikel diperbarui dengan rumus:

$$egin{aligned} v_i &= w \cdot v_i + c_1 \cdot r_1 \cdot (pBest_i - x_i) + c_2 \cdot r_2 \cdot (gBest - x_i) \ x_i &= x_i + v_i \end{aligned}$$





Di mana:

- v_i : kecepatan partikel i
- x_i : posisi partikel i
- w: koefisien inersia
- c_1, c_2 : koefisien akselerasi
- r_1, r_2 : bilangan acak antara 0 dan 1
- $pBest_i$: posisi terbaik partikel i
- gBest: posisi terbaik global



Konsep Dasar PSO

4. **Iterasi**: Langkah evaluasi dan pembaruan diulang sampai kriteria berhenti tercapai (misalnya, jumlah iterasi maksimum atau konvergensi).





Misalkan kita ingin meminimalkan fungsi berikut:

$$f(x) = x^2 - 4x + 4$$

Ini adalah fungsi kuadrat dengan titik minimum di x=2.





- Jumlah partikel: 3
- Posisi awal (random): $x_1 = 0, x_2 = 4, x_3 = 5$
- ullet Kecepatan awal (random): $v_1=0.5, v_2=-0.5, v_3=0.3$
- pBest: posisi awal sama dengan posisi awal
- ullet gBest: posisi terbaik di antara semua partikel





• Hitung nilai fungsi untuk setiap partikel:

$$f(x_1) = f(0) = 4$$

$$f(x_2) = f(4) = 0$$

$$f(x_3) = f(5) = 1$$

ullet Jadi, $pBest_1=0, pBest_2=4, pBest_3=5$ dan gBest=4.



3. Update Kecepatan dan Posisi

- Misalkan kita menggunakan $w=0.5, c_1=1.5, c_2=1.5,$ dan r_1, r_2 diambil acak sebagai 0.2 dan 0.6.
 - Untuk partikel 1:

$$v_1 = 0.5 \cdot 0.5 + 1.5 \cdot 0.2 \cdot (0 - 0) + 1.5 \cdot 0.6 \cdot (4 - 0) = 3.85$$

 $x_1 = 0 + 3.85 = 3.85$

Untuk partikel 2:

$$v_2 = 0.5 \cdot (-0.5) + 1.5 \cdot 0.2 \cdot (4 - 4) + 1.5 \cdot 0.6 \cdot (4 - 4) = -0.25$$

 $x_2 = 4 - 0.25 = 3.75$



3. Update Kecepatan dan Posisi

Untuk partikel 3:

$$v_3 = 0.5 \cdot 0.3 + 1.5 \cdot 0.2 \cdot (5 - 5) + 1.5 \cdot 0.6 \cdot (4 - 5) = -0.75$$

 $x_3 = 5 - 0.75 = 4.25$





• Hitung nilai fungsi lagi:

$$f(x_1) = f(3.85) = 0.0225$$

$$f(x_2) = f(3.75) = 0.0625$$

$$f(x_3) = f(4.25) = 0.0625$$

• Update pBest dan gBest:

$$\circ pBest_1 = 3.85, pBest_2 = 4, pBest_3 = 4.25$$

 \circ gBest tetap 4.





Proses diulang hingga konvergen.