```
Contents
                                   4 String
                                      4.1 Hash . . . . . . . . . . . . .
                                      4.2 Zvalue . . . . . . . . . . .
1 Basic
                                      4.3 Suffix Array . . . . . . . .
  1.1 Default Code . . . . . . .
  1.2 PBDS . . . . . . . . . . . .
                                  5 Geometry
                                     1.3 int128 Input Output . . . .
                                      5.3 向量應用 . . .
2 Math
                                     5.4 Static Convex Hull . . . . .
  6 Data Structure
                                     6.1 Sparse Table . . . . . . . . 6.2 Segement Tree . . . . . .
3 Graph
  3.1 Tarjan SCC . . . . . . . . .
  3.2 2 SAT . . . . . . . . . . . . . . .
                                  7 Dynamic Programing
  3.3 Max flow min cut . . . . .
```

#### 1 Basic

#### 1.1 Default Code

```
#include <bits/stdc++.h>
#define int long long
// #pragma GCC target("popent")
// #pragma GCC optimize("03")
using namespace std;

void solve() {
}

signed main() {
  ios_base::sync_with_stdio(false);
  cin.tie(nullptr);
  int tt = 1;
  cin >> tt;
  while (t--) {
      solve();
  }
  return 0;
}
```

#### **1.2 PBDS**

```
#include <bits/stdc++.h>
#include <ext/pb_ds/assoc_container.hpp>
using namespace __gnu_pbds;
using namespace std;
template
    <class T> using Tree = tree<T, null_type, less<T
   >, rb_tree_tag, tree_order_statistics_node_update>;
如果有 define int long long 記得拿掉
Tree<int> t 就跟 set<int> t 一樣,有包好 template
rb tree tag 使用紅黑樹
第三個參數 less<T> 為由小到大, greater<T> 為由大到小
插入 t.insert(); 刪除 t.erase();
t.order_of_key
   (k); 從前往後數 k 是第幾個 (0-base 且回傳 int 型別)
t.find_by_order(k);
   從前往後數第 k 個元素 (0-base 且回傳 iterator 型別)
t.lower_bound
   (); t.upper_bound(); 用起來一樣 回傳 iterator
可以用 Tree<pair<int, int>> T 來模擬 mutiset
```

## 1.3 int128 Input Output

```
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;

void scan(__int128 &x) // 輸入
{
    x = 0;
    int f = 1;
    char ch;
    if((ch = getchar()) == '-') f = -f;
    else x = x*10 + ch-'0';
```

```
while((ch = getchar()) >= '0' && ch <= '9')</pre>
    x = x*10 + ch - '0';
  x *= f:
}
 void print(__int128 x) // 輸出
   if(x < 0)
    x = -x;
     putchar('-');
   if(x > 9) print(x/10);
   putchar(x%10 + '0');
 int main()
   __int128 a, b;
   scan(a);
   scan(b);
   print(a + b);
  puts("");
   print(a*b);
   return 0;
}
```

### 2 Math

## 2.1 快速冪

```
|// 根據費馬小定
理,若 a p 互質,a^(p-2) 為 a 在 mod p 時的乘法逆元
int fast_pow(int a, int b, int mod)
{
    // a^b % mod
    int res = 1;
    while(b)
    {
        if(b & 1) res = (res * a) % mod;
        a = (a * a) % mod;
        b >>= 1;
    }
    return res;
}
```

#### 2.2 擴展歐幾里得

# 3 Graph

# 3.1 Tarjan SCC

```
class tarjan{
    // 1-base
    int time = 1;
    int id = 1;
    stack < int > s;
    vector < int > low;
    vector < int > dfn;
    vector < bool > in_stack;
    void dfs(int node, vector < vector < int >> &graph){
        in_stack[node] = true;
        s.push(node);
}
```

```
dfn[node] = low[node] = time++:
      for(auto &j : graph[node]){
        if(dfn[j] == 0){
          dfs(j, graph);
          // 看看往下有沒有辦法回到更上面的點
          low[node] = min(low[node], low[j]);
        else if(in_stack[j]){
          low[node] = min(low[node], low[j]);
        }
      }
      vector < int > t; // 儲存這個強連通分量
      if(dfn[node] == low[node]){
        while(s.top() != node){
          t.push_back(s.top());
          in_stack[s.top()] = false;
          scc_id[s.top()] = id;
          s.pop();
        t.push_back(s.top());
        scc id[s.top()] = id;
        in_stack[s.top()] = false;
        s.pop();
        id++;
      if(!t.empty()) ans.push_back(t);
  public:
    vector<int> scc_id;
    vector<vector<int>> ans;
    // ans ans[i] 代表第 i 個強連通分量裡面包涵的點
    // scc_id[i] 代表第 i 個點屬於第幾個強連通分量
        <vector<int>> scc(vector<vector<int>> &graph){
      int num = graph.size();
      scc_id.resize(num, -1);
      dfn.resize(num, ⊖);
      low.resize(num, ⊖);
      in_stack.resize(num, false);
      for(int i = 1; i < num; i++){</pre>
        if(dfn[i] == 0) dfs(i, graph);
      return ans;
};
```

#### 3.2 2 SAT

```
|// 用
   下面的 tarjan scc 算法來解 2 sat 問題,若 事件 a 發
   生時,事件 b 必然發生,我們須在 a \rightarrow b 建立一條有向
    cses 的 Giant Pizza 來舉例子,給定 n 個人 m 個配料
   表,每個人可以提兩個要求,兩個要求至少要被滿足一個
// 3 5
// + 1 + 2
// - 1 + 3
// + 4 - 2
// 以這
   個例子來說,第一個人要求要加 配料1 或者 配料2 其中
   一項,第二個人要求不要 配料1 或者 要配料3 其中一項
// 試問能不能滿足所有人的要求,我們可以把 要加
   配料 i 當作點 i , 不加配料 i 當作點 i + m(配料數量)
// 關於第一個人的要求 我們可以看成若不加 配
   料1 則必定要 配料2 以及 若不加 配料2 則必定要 配料1
// 關於第二個人要求 可看做加了 配料
   1 就必定要加 配料3 以及 不加 配料3 就必定不加 配料1
// 以這些條件建立有像圖,並且
   找尋 scc ,若 i 以及 i + m 在同一個 scc 中代表無解
// 若要求解,則若 i 的 scc_id
    小於 i + m 的 scc_id 則 i 為 true ,反之為 false
// tarjan 的模板在上面
cin >> n >> m;
vector<vector<int>> graph(m * 2 + 1);
function < int(int) > tr = [&](int x){
  if(x > m) return x - m;
  return x + m;
```

```
for(int i = 0; i < n; i++){</pre>
  char c1, c2;
  int a, b;
  cin >> c1 >> a >> c2 >> b;
  // a 代表 a 為真, m + a 代表 a 為假
  if(c1 == '-') a += m;
if(c2 == '-') b += m;
  graph[tr(a)].push_back(b);
  graph[tr(b)].push_back(a);
tarjan t;
auto scc = t.scc(graph);
for(int i = 1; i <= m; i++){</pre>
  if(t.scc_id[i] == t.scc_id[tr(i)]){
    cout << "IMPOSSIBLE\n";</pre>
    return 0:
  }
}
for(int i = 1; i <= m; i++){</pre>
  if(t.scc_id[i] < t.scc_id[tr(i)]){</pre>
    cout << '+';
  else cout << '-';</pre>
  cout << ' ';
cout << '\n';
```

#### 3.3 Max flow min cut

int now = q.front();

q.pop();

```
#define int long long
// Edmonds-Karp Algorithm Time: O(VE^2) 實際上會快一點
// 記得在 main 裡面 resize graph
// 最小割,找
    到最少條的邊切除,使得從 src 到 end 的 maxflow 為 0
// 枚舉所有邊 i -> j , src 可
    以到達 i 但無法到達 j , 那這條邊為最小割裡的邊之一
class edge{
  public:
    int next;
    int capicity;
    int rev;
    bool is_rev;
    edge(int _n, int _c, int _r, int _ir) :
        next(_n), capicity(_c), rev(_r), is_rev(_ir){};
};
vector<vector<edge>> graph;
void add_edge(int a, int b, int capacity){
  graph[a].push back
     (edge(b, capacity, graph[b].size(), false));
  graph[b].
     push_back(edge(a, 0, graph[a].size() - 1, true));
}
int dfs(int now, int end
     int flow, vector<pair<int, int>> &path, int idx){
  if(now == end) return flow;
  auto &e = graph[now][path[idx + 1].second];
  if(e.capicity > 0){
    auto ret = dfs(e.next
         end, min(flow, e.capicity), path, idx + 1);
    if(ret > 0){
     e.capicity -= ret;
     graph[e.next][e.rev].capicity += ret;
      return ret;
   }
 }
  return 0;
vector<pair<int, int>> search_path(int start, int end){
 vector<pair<int, int>> ans;
  queue<int> q;
  vector
      <pair<int, int>> parent(graph.size(), {-1, -1});
  q.push(start);
  while(!q.empty()){
```

```
for(int i = 0; i < (int)graph[now].size(); i++){</pre>
      auto &e = graph[now][i];
      if(e.
          capicity > 0 and parent[e.next].first == -1){
        parent[e.next] = {now, i};
        if(e.next == end) break;
        q.push(e.next);
      }
    }
  if(parent[end].first == -1) return ans;
  int now = end;
  while(now != start){
    auto [node, idx] = parent[now];
    ans.emplace_back(node, idx);
    now = node;
  ans.emplace_back(start, -1);
  reverse(ans.begin(), ans.end());
  return ans;
}
int maxflow(int start, int end, int node_num){
  while(1){
    vector<bool> visited(node num + 1, false);
    auto tmp = search_path(start, end);
    if(tmp.size() == 0) break;
    auto flow = dfs(start, end, 1e9, tmp, 0);
    ans += flow;
  return ans;
}
```

# 4 String

## 4.1 Hash

```
vector<int> Pow(int num){
 int p = 1e9 + 7:
  vector < int > ans = {1};
  for(int i = 0; i < num; i++)</pre>
    ans.push_back(ans.back() * b % p);
  return ans:
vector<int> Hash(string s){
 int p = 1e9 + 7;
  vector < int > ans = {0};
  for(char c:s){
    ans.push_back((ans.back() * b + c) % p);
  return ans;
}
// 閉區間[l, r]
int query
    (vector<int> &vec, vector<int> &pow, int l, int r){
  int p = 1e9 + 7;
  int length = r - l + 1;
       (vec[r + 1] - vec[l] * pow[length] % p + p) % p;
```

## 4.2 Zvalue

## 4.3 Suffix Array

```
struct SuffixArray {
  int n; string s;
  vector<int> sa, rk, lc;
  // 想法:
       排序過了,因此前綴長得像的會距離很近在差不多位置
  // n: 字串長度
  // sa: 後綴數組, sa[i] 表示第 i 小的後綴的起始位置
  // rk: 排名數組, rk[i] 表示從位置 i 開始的後綴的排名
  // lc: LCP 數組,
      lc[i] 表示 sa[i] 和 sa[i + 1] 的最長公共前綴長度
  // 求 sa[i] 跟 sa[j] 的
       LCP 長度 當 i < j : min(lc[i] ...... lc[j - 1])
  SuffixArray(const string &s_) {
    s = s_; n = s.length();
    sa.resize(n);
    lc.resize(n - 1);
    rk.resize(n);
    iota(sa.begin(), sa.end(), 0);
    sort(sa.begin(), sa.end
        (), [&](int a, int b) { return s[a] < s[b]; });
    rk[sa[0]] = 0;
    for (int i = 1; i < n; ++i)</pre>
      rk[sa[i]]
          = rk[sa[i - 1]] + (s[sa[i]] != s[sa[i - 1]]);
    int k = 1;
    vector<int> tmp, cnt(n);
    tmp.reserve(n);
    while (rk[sa[n - 1]] < n - 1) {
      tmp.clear();
      for (int i = 0; i < k; ++i)</pre>
        tmp.push_back(n - k + i);
      for (auto i : sa)
        if (i >= k)
          tmp.push_back(i - k);
      fill(cnt.begin(), cnt.end(), 0);
      for (int i = 0; i < n; ++i)</pre>
        ++cnt[rk[i]];
      for (int i = 1; i < n; ++i)</pre>
        cnt[i] += cnt[i - 1];
      for (int i = n - 1; i >= 0; --i)
       sa[--cnt[rk[tmp[i]]]] = tmp[i];
      swap(rk, tmp);
      rk[sa[0]] = 0;
      for (int i = 1; i < n; ++i)
  rk[sa[i]] = rk[sa[i - 1]] + (tmp[</pre>
            sa[i - 1]] < tmp[sa[i]] || sa[i - 1] + k ==
             n || tmp[sa[i - 1] + k] < tmp[sa[i] + k]);</pre>
    for (int i = 0, j = 0; i < n; ++i) {</pre>
      if (rk[i] == 0) {
        j = 0;
      } else {
        for (j -= j > 0; i + j < n && sa[rk[i] - 1] + j</pre>
             < n && s[i + j] == s[sa[rk[i] - 1] + j];)
        lc[rk[i] - 1] = j;
      }
    }
 }
};
```

# 5 Geometry

#### 5.1 Point

```
template < typename T>
class point{
    public:
    T x;
    Тy;
    point(){}
    point(T_x, T_y){
        x = _x;
        y = y;
    }
    point<T> operator+(const point<T> &a);
    point<T> operator -(const point<T> &a);
    point<T> operator/(const point<T> &a);
    point<T> operator/(T a);
    point<T> operator*(const T &a);
    bool operator < (const point < T > &a);
};
```

```
template < typename T>
point<T> point<T>::operator+(const point<T> &a){
    return point<T>(x + a.x, y + a.y);
template < typename T>
point<T> point<T>::operator - (const point<T> &a){
    return point<T>(x - a.x, y - a.y);
template < typename T>
point<T> point<T>::operator/(const point<T> &a){
    return point<T>(x / a.x, y / a.y);
template < typename T>
point<T> point<T>::operator/(T a){
    return point<T>(x / a, y / a);
template < typename T>
point<T> point<T>::operator*(const T &a){
    return point<T>(x * a, y * a);
template < typename T>
bool point<T>::operator<(const point<T> &a){
    if(x != a.x) return x < a.x;</pre>
    return y < a.y;</pre>
```

#### 5.2 內積外積距離

```
template < typename T>
T dot(const point < T> &a, const point < T> &b){
    return a.x * b.x + a.y * b.y;
}

template < typename T>
T cross(const point < T> &a, const point < T> &b){
    return a.x * b.y - a.y * b.x;
}

template < typename T>
T len(point < T> p){
    return sqrt(dot(p, p));
}
```

#### **5.3** 向量應用

```
template < typename T>
bool collinearity
    (point<T> p1, point<T> p2, point<T> p3){
    //檢查三點是否共線
    return cross(p2 - p1, p2 - p3) == 0;
template < typename T>
bool inLine(point<T> a, point<T> b, point<T> p){
    //檢查 p 點是否在ab線段
    return collinearity
        (a, b, p) \&\& dot(a - p, b - p) <= 0;
template < typename T>
bool intersect
    (point < T > a, point < T > b, point < T > c, point < T > d){
    //ab線段跟cd線段是否相交
    return (cross(b - a, c - a) * '
        cross(b - a, d - a) < 0 && \
        cross(d - c, a - c) * \
        cross(d - c, b - c) < 0) \
        || inLine(a, b, c) || \
inLine(a, b, d) || inLine(c, d, a) \
        || inLine(c, d, b);
}
template < typename T>
point<T> intersection
    (point<T> a, point<T> b, point<T> c, point<T> d){
    //ab線段跟cd線段相交的點
    assert(intersect(a, b, c, d));
    return a + (b ·
        a) * cross(a - c, d - c) / cross(d - c, b - a);
}
```

```
template < typename T>
bool inPolygon(vector<point<T>> polygon, point<T> p){
    //判斷點
        p是否在多邊形 polygon裡, vector裡的點要連續填對
    for(int i = 0; i < polygon.size(); i++)</pre>
        if(cross(p - polygon[i], \
            polygon[(i - 1 + polygon.size()) \% \setminus
            polygon.size()] - polygon[i]) * \
            cross(p - polygon[i], \
polygon[(i +
                1) % polygon.size()] - polygon[i]) > 0)
            return false;
    return true:
template < typename T>
T triangleArea(point<T> a, point<T> b, point<T> c){
    //三角形頂點,求面積
    return abs(cross(b - a, c - a)) / 2;
template < typename T, typename F, typename S>
long double triangleArea_Herons_formula(T a, F b, S c){
    //三角形頂點,求面積(給邊長)
    auto p = (a + b + c)/2;
    return sqrt(p * (p - a) * (p - b) * (p - c));
}
template < typename T>
T area(vector<point<T>> &p){
    //多邊形頂點,求面積
    T \text{ ans } = 0;
    for(int i = 0; i < p.size(); i++)</pre>
        ans += cross(p[i], p[(i + 1) % p.size()]);
    return ans / 2 > 0 ? ans / 2 : -ans / 2;
```

#### 5.4 Static Convex Hull

```
用前一個向量模板的 point , 需要 operator - 以及 <
// 需要前面向量模板的 cross
template < typename T>
vector<point<T>> getConvexHull(vector<point<T>>& pnts){
    sort(pnts.begin(), pnts.end());
    auto cmp = [&](point<T> a, point<T> b)
    { return a.x == b.y && a.x == b.y; };
    pnts.erase(unique
        (pnts.begin(), pnts.end(), cmp), pnts.end());
    if(pnts.size()<=1) return pnts;</pre>
    vector<point<T>> hull;
    for(int i = 0; i < 2; i++){</pre>
        int t = hull.size();
        for(point<T> pnt : pnts){
            while(hull.size() - t >= 2 &&
                cross(hull.back() - hull[hull.size()
                - 2], pnt - hull[hull.size() - 2]) < 0)
                // <= 0 或者 < 0 要看點有沒有在邊上
                hull.pop_back();
           hull.push_back(pnt);
        hull.pop_back();
        reverse(pnts.begin(), pnts.end());
    return hull;
```

# 6 Data Structure

## 6.1 Sparse Table

```
for (int j = 1; (1 << j) <= n; j++) {
  for (int i = 0; (i + (1 << j) - 1) < n; i++) {</pre>
          spt[i][j][0] = min(spt[i + (1 <<
                   - 1))][j - 1][0], spt[i][j - 1][0]);
           // spt[i][j][1] = max(spt[i + (1 <<
                (j - 1))][j - 1][1], spt[i][j - 1][1]);
        }
      }
    int query_min(int l, int r)
      if(l>r) return INT_MAX;
      int j = (int)__lg(r - l + 1);
      ///j = 31 - __builtin_clz(r - l+1);
      return min
           (spt[l][j][0], spt[r - (1 << j) + 1][j][0]);
    int query_max(int l, int r)
      if(l>r) return INT_MAX;
      int j = (int)__lg(r - l + 1);
      ///j = 31 - \_builtin_clz(r - l+1);
      return max
           (spt[l][j][1], spt[r - (1 << j) + 1][j][1]);
};
```

### 6.2 Segement Tree

```
// #define int long long
// 要改最大或者最小值線段樹需改 build 跟 queryRange
// 0-base 注意
template < typename T>
class segment_tree {
private:
  vector<T> tree, lazy;
  int size;
  void build
       (vector<T> &save, int node, int start, int end) {
    if (start == end) tree[node] = save[start];
    else {
      int mid = (start + end) / 2;
      build(save, 2 * node, start, mid);
build(save, 2 * node + 1, mid + 1, end);
       tree[node] = tree[2 * node] + tree[2 * node + 1];
    }
  }
  void updateRange(int node
    , int start, int end, int l, int r, T delta) {
if (lazy[node] != 0) {
       tree[node] += (end - start + 1) * lazy[node];
       if (start != end) {
         lazy[2 * node] += lazy[node];
         lazy[2 * node + 1] += lazy[node];
      lazy[node] = 0;
    if (start > end or start > r or end < l) return;</pre>
    if (start >= l and end <= r) {</pre>
       tree[node] += (end - start + 1) * delta;
      if (start != end) {
         lazy[2 * node] += delta;
         lazy[2 * node + 1] += delta;
      return:
    int mid = (start + end) / 2;
    updateRange(2 * node, start, mid, l, r, delta);
    updateRange
    (2 * node + 1, mid + 1, end, l, r, delta);
tree[node] = tree[2 * node] + tree[2 * node + 1];
  T queryRange
       (int node, int start, int end, int l, int r) {
    if (lazy[node] != 0) {
       tree[node] += (end - start + 1) * lazy[node];
      if (start != end) {
         lazy[2 * node] += lazy[node];
         lazy[2 * node + 1] += lazy[node];
      lazy[node] = 0;
    if (start > end or start > r or end < l){</pre>
      // return numeric_limits
           <T>::max(); // 找區間最小值用這行
```

```
// return numeric limits
           <T>::min(); // 找區間最大值用這行
       return 0; // 區間和
    if (start >= l and end <= r) return tree[node];</pre>
    int mid = (start + end) / 2;
    T p1 = queryRange(2 * node, start, mid, l, r);
    T p2
         = queryRange(2 * node + 1, mid + 1, end, l, r);
    return p1 + p2;
  void updateNode(
       int node, int start, int end, int idx, T delta) {
    if (start == end) tree[node] += delta;
    else {
       int mid = (start + end) / 2;
       if (start <= idx and idx <= mid)</pre>
           updateNode(2 * node, start, mid, idx, delta);
       else updateNode
       (2^{'} * node + 1, mid + 1, end, idx, delta);

tree[node] = tree[2 * node] + tree[2 * node + 1];
  }
public:
  void build(vector<T> &save, int l, int r) {
    int n = size = save.size();
tree.resize(4 * n);
    lazy.resize(4 * n);
    build(save, 1, l, r);
  void modify_scope(int l, int r, T delta) {
    updateRange(1, 0, size - 1, l, r, delta);
  void modify_node(int idx, T delta) {
  updateNode(1, 0, size - 1, idx, delta);
    query(int l, int r) {
    return queryRange(1, 0, size - 1, l, r);
};
signed main()
  int n, q;
  cin >> n >> q;
  vector<int> save(n, 0);
  for(int i = 0; i < n; i++){</pre>
    cin >> save[i]:
  segment_tree<int> s;
  // init [0, n - 1]
  s.build(save, 0, n - 1);
  // modify [a, b] add c
  s.modify_scope(a, b, c);
  // query [a, b]
  s.query(a, b)
```

# 7 Dynamic Programing

#### 7.1 位元 dp

```
| // 檢查第 n 位是否為1
if(a & (1 << n))

| // 強制將第 n 位變成1
a |= (1 << n)

| // 強制將第 n 位變成0
a &= ~(1 << n)

| // 將第 n 位反轉(1變0, 0變1)
a ^= (1 << n)

| // 第 0 ~ n - 1位 全部都是1
(1 << n) - 1

| // 兩個集合的聯集
S = a | b

| // 兩個集合的交集
S = a & b
```