```
Contents
                                4 String
                                  4.3 Hash . . . . . . . . . . . .
  Basic
                                   4.4 Zvalue . .
  1.1 Default Code .....
                                                 . . . . . . . . .
                                   4.5 最長迴文子字串.....
  1.2 PBDS . . . . . . . . . . . . . . .
                                   4.6 Suffix Array . . . . . . .
  1.3 int128 Input Output . . . .
  1.4 Python . . . . . . . . . . 1
                                  Geometry
                                  2 Math
  2.1 質數表 ......
                                   5.3 向量應用 . . . .
                                  2.2 快速幕 ......
  2.3 擴展歐幾里得 . . . . . . . . .
  2.4 矩陣..........
                                6 Data Structure
  2.5 Miller rabin Prime test . .
                                  6.1 Sparse Table . . . . . . . . . 6.2 Segement Tree . . . . . . .
  2.6 Pollard's Rho.....
  2.7 皮薩諾定理 . . . . . . . . . . .
                                   6.3 Link Cut Tree . . . . . . .
  2.8 卡特蘭數 ..... 3
                                7 Dynamic Programing
                                  3 Graph
  3.1 DSU ........
  3.2 Dijkstra . . . . . . . . . .
                                   7.4 經典 dp 轉移式 ..... 10
  3.3 SPFA . . . . . . . . . . . . . . .
  3.4 Floyd Warshell . . . . . .
                                  Divide and conquer
  3.5 Tarjan SCC . . . . . . . . .
                                   8.1 逆序數對 . . . . . . . . . . . . . . . .
                                                            10
  3.6 2 SAT . . . . . . . . . . . . .
                                  Tree
9.1 樹直徑 .....
  3.7 Euler Path . . . . . . . . 4
  3.8 Max flow min cut . . . . .
                                  3.9 Minimum cost maximum
                                10 Else
          . . . . . . . . . . . .
  3.10 二分圖 . . . . . . . . . . . . .
                                  10.1 Big Number . . . . . . . . . 11
```

Basic

1.1 Default Code

```
#include <bits/stdc++.h>
#define int long long
#define endl '\n' // 如果是互動題要把這個註解掉
// #pragma GCC target("popcnt")
// #pragma GCC optimize("03")
using namespace std;
int tt = 1;
void pre() {
 cout.tie(nullptr); // 輸出加速
  cin >> tt; // 多筆輸入
void solve() {}
signed main() {
  ios_base::sync_with_stdio(false);
  cin.tie(nullptr);
#ifdef LOCAL
  // g++ -DLOCAL -std=c++17 <filename> && ./a.out
  freopen("input.txt", "r", stdin);
// freopen("output.txt", "w", stdout);
#endif // LOCAL
 pre();
  while (tt--) { solve(); }
  return 0;
```

1.2 PBDS

```
#include <bits/stdc++.h>
#include <ext/pb_ds/assoc_container.hpp>
using namespace __gnu_pbds;
using namespace std;
    <class T> using Tree = tree<T, null_type, less<T
   >, rb_tree_tag, tree_order_statistics_node_update>;
如果有 define int long long 記得拿掉
Tree<int> t 就跟 set<int> t 一樣,有包好 template
rb_tree_tag 使用紅黑樹
第三個參數 less<T> 為由小到大, greater<T> 為由大到小
插入 t.insert(); 刪除 t.erase();
t.order_of_key
   (k); 從前往後數 k 是第幾個 (0-base 且回傳 int 型別)
```

```
t.find_by_order(k);
   從前往後數第 k 個元素 (0-base 且回傳 iterator 型別)
t.lower bound
    (); t.upper_bound(); 用起來一樣 回傳 iterator
可以用 Tree<pair<int, int>> T 來模擬 mutiset
```

1.3 int128 Input Output

```
// 抄 BBuf github 的
#include <bits/stdc++.h>
using namespace std;
void scan(__int128 &x) // 輸入
  x = 0;
  int f = 1;
  char ch;
  if((ch = getchar()) == '-') f = -f;
  else x = x*10 + ch - '0';
  while((ch = getchar()) >= '0' && ch <= '9')</pre>
   x = x*10 + ch - '0';
  x *= f;
}
void print(__int128 x) // 輸出
  if(x < 0)
    putchar('-');
  if(x > 9) print(x/10);
  putchar(x%10 + '0');
int main()
    int128 a, b;
  scan(a);
  scan(b);
  print(a + b);
puts("");
  print(a*b);
  return 0;
```

1.4 Python

```
## Input
# p q 都是整數,中間以空白分開輸入
p, q = map(int, input().split())
# 輸入很多個用空
    白隔開的數字,轉成 float 放進陣列,s 是 input 字串
arr = list(map(float, s.split()))
# 分數用法 Fraction(被除數,除數)
from fractions import Fraction
frac = Fraction(3, 4)
numerator = frac.numerator # 取出分子
denominator = frac.denominator # 取出分母
arr = [Fraction
    (0), Fraction(1, 6), Fraction(1, 2), Fraction(5
     12), Fraction(0), Fraction(-1, 12), Fraction(0)]
# 可以直接做乘除
def fx(x):
    x = Fraction(x)
    ans = Fraction(0)
    for i in range(1, 7):
    ans += arr[i] * x ** (7 - i)
    return ans
```

Math

2.1 質數表

```
vector<int> prime table(int n){
  vector<int> table(n + 1, 0);
  for(int i = 1; i <= n; i++){</pre>
    for(int j = i; j <= n; j += i){</pre>
      table[j]++;
    }
 }
  return table;
```

2.2 快速冪

```
#define int long long
// 根據費馬小定
   理,若 a p 互質,a^{(p-2)} 為 a 在 mod p 時的乘法逆元
// a ^ (b ^ c
   ) % mod = fast_pow(a, fast_pow(b, c, mod - 1), mod)
typedef unsigned long long ull;
inline int ksc(ull
    x, ull y, int p) { // O(1)快速乘(防爆long long)
  return (x
     * y - (ull)((long double)x / p * y) * p + p) % p;
inline int fast_pow(int a, int b, int mod)
  // a^b % mod
  int res = 1;
 while(b)
   if(b & 1) res = ksc(res, a, mod);
   a = ksc(a, a, mod);
   b >>= 1;
 }
  return res;
```

2.3 擴展歐幾里得

```
int gcd(int a, int b)
  return b == 0 ? a : gcd(b, a % b);
int lcm(int a, int b)
  return a * b / gcd(a, b);
}
pair<int, int> ext_gcd
   (int a, int b) //擴展歐幾里德 ax+by = gcd(a,b)
 if (b == 0)
   return {1, 0};
  if (a == 0)
   return {0, 1};
 int x, y;
 tie(x, y) = ext_gcd(b % a, a);
 return make_pair(y - b * x / a, x);
```

2.4 矩陣

```
// 矩陣乘法 (A * B) % mod
template <typename T>
vector < vector < T >> matrix_mult(const vector <</pre>
    vector<T>>& A, const vector<vector<T>>& B, T mod) {
  int m = A.size();
  int n = A[0].size();
  int p = B[0].size();
  assert(A[0].size() == B.size());
  vector<vector<T>> result(m, vector<T>(p, 0));
for (int i = 0; i < m; ++i) {</pre>
    for (int j = 0; j < p; ++j) {
      for (int k = 0; k < n; ++k) {</pre>
        result[i][j]
             = (result[i][j] + A[i][k] * B[k][j]) % mod;
    }
  return result;
```

2.5 Miller rabin Prime test

```
|// fast_pow 去前面抄,需要處裡防暴乘法
|// 記得 #define int long long 也要放
// long long 範圍內測試過答案正確
// time: O(logn)
 inline bool mr(int x, int p) {
  if (fast_pow(x, p - 1, p) != 1) return 0;
   int y = p - 1, z;
   while (!(y & 1)) {
      y >>= 1;
       z = fast_pow(x, y, p);
if (z != 1 && z != p - 1) return 0;
       if (z == p - 1) return 1;
   return 1;
 inline bool prime(int x) {
   if (x < 2) return 0;</pre>
   if (x == 2 ||
       x == 3 \mid \mid x == 5 \mid \mid x == 7 \mid \mid x == 43) return 1;
   // 如果把 2
      到 37 前 12 個質數都檢查一遍 可以保證 2^78 皆可用
   return mr(2, x)
       && mr(3, x) && mr(5, x) && mr(7, x) && mr(43, x);
```

2.6 Pollard's Rho

```
|// 主函數記得放 srand(time(nullptr))
// prime 檢測以及快速冪, gcd 等請從前面抄
// 輸入一個數字 p,隨
    機回傳一個 非 1 非 p 的因數,若 p 是質數會無窮迴圈
#define rg register int
inline int rho(int p) {
  int x, y, z, c, g;
  rg i, j;
  while (1) {
    y = x = rand() % p;
    z = 1;
    c = rand() % p;
    i = 0, j = 1;
    while (++i) {
      x = (ksc(x, x, p) + c) \% p;

z = ksc(z, abs(y - x), p);
      if (x == y || !z) break;
      if (!(i % 127) || i == j) {
        g = gcd(z, p);
        if (g > 1) return g;
        if (i == j) y = x, j <<= 1;
      }
    }
  }
}
 // 回傳隨機一個質因數,若 input 為質數,則直接回傳
int prho(int p){
  if(prime(p)) return p;
  int m = rho(p);
  if(prime(m)) return m;
  return prho(p / m);
 // 回傳將 n 質因數分解的結果,由小到大排序
// ex: input: 48, output: 2 2 2 2 3
vector<int> prime_factorization(int n){
  vector<int> ans;
  while(n != 1){
    int m = prho(n);
    ans.push_back(m);
    n /= m;
  sort(ans.begin(), ans.end());
  return ans;
```

2.7 皮薩諾定理

```
| // fib(x) % m = fib(x + kn) % m 當 k >= 1, 求 n
// n 為費式數列 % m 會重複的週期
// pisano_period(m) <= 6m
```

```
// 通常這都要本地跑
#define int long long
int pisano_period(int m) {
  int pre = 0, cur = 1;
  int temp;
  for (int i = 0; i < m * m; i++) {
    temp = pre;
    pre = cur;
    cur = (temp + cur) % m;
    if (pre == 0 && cur == 1) return i + 1;
  }
  return 0;
}</pre>
```

2.8 卡特蘭數

```
卡特蘭數 Catalan
公式:H(n) = C(2 * n, n) // (n + 1), n >= 2, n 為正整數
快速計算方式:
1. H(0) = H(1) = 1, H(n) = sum(H(i - 1) * H(n - i) for i in range(1, n + 1))

2. H(n) = H(n - 1) * (4 * n - 2) // (n + 1)
3. H(n) = C(2 * n, n) - C(2 * n, n - 1)
可解問題:
有效括號匹配問題:
   給定 n 個左括號與右括號,求有幾種不同的正確括號匹配
 二元樹結構問題:給定 n 個節點,求有幾種不同的二元樹結構
將一個凸
    n + 2 邊形劃分成多個三角形,求有幾種不同的劃分方式
狄克路徑: 給定 n * n 的網格,
   從左下到右上的路徑中,永不超過對角線的路徑有幾種
 -個 stack 在 push 順
   序不變的情況下 (1, 2, 3, ..., n), 有幾種 pop 的方式
在圖上選擇 2 * n 個
   點,將這些點兩兩連接使得 n 條線段不相交的方法有幾種
n = int(input())
catalan = [1 for _ in range(n + 1)]
for i in range(1, n + 1):
   catalan
       [i] = catalan[i - 1] * (4 * i - 2) // (i + 1)
for i in range(0, n + 1): # 卡特蘭數的平方
   ans += catalan[i] * catalan[n - i]
print(ans)
# 185ms in codeforces, n <= 5000
```

3 Graph

3.1 DSU

```
class dsu{
  public:
    vector < int > parent;
    dsu(int num){
      parent.resize(num);
      for(int i = 0; i < num; i++) parent[i] = i;
    }
  int find(int x){
    if(parent[x] == x) return x;
    return parent[x] = find(parent[x]);
  }
  bool same(int a, int b){
    return find(a) == find(b);
  }
  void Union(int a, int b){
    parent[find(a)] = find(b);
  }
};</pre>
```

3.2 Dijkstra

```
// 傳入圖的 pair 為 {權重, 點}, 無限大預設 1e9 是情況改
#define pii pair<int, int>
vector<
   int> dijkstra(vector<vector<pii>>> &graph, int src){
  int n = graph.size();
  vector<int> dis(n, 1e9);
  vector<bool> vis(n, false);
  priority_queue<pii, vector<pii>, greater<pii>> pq;
  pq.push({0, src});
  dis[src] = 0;
  while(!pq.empty()){
    auto [w, node] = pq.top();
    pq.pop();
    if(vis[node]) continue;
    vis[node] = true;
    for(auto [nw, nn]:graph[node]){
      if(w + nw < dis[nn]){</pre>
       dis[nn] = w + nw;
       pq.push({dis[nn], nn});
   }
  return dis;
```

3.3 SPFA

```
#define pii pair<int, int>
// {在 src 可到達
    的點中是否存在負環,最短路徑}, arg 中 n 為點的數量
// arg 中 pair 裡的第一個值為權重, 第二個為點
pair < bool , vector < int >>
     SPFA(vector<vector<pii>>> &graph, int n, int src){
  vector<int> dis(n + 1, 1e9);
  vector<int> cnt(n + 1, 0);
  vector<bool> vis(n + 1, false);
  queue<int> q;
  vis[src] = true; q.push(src); dis[src] = 0;
  while(!q.empty()){
    auto node = q.front(); vis[node] = false; q.pop();
    for(auto [w, nn]:graph[node]){
      if(w + dis[node] < dis[nn]){</pre>
        dis[nn] = w + dis[node];
        if(!vis[nn]){
          if(++cnt[nn] >= n) return {true, {}};
          q.push(nn);
          vis[nn] = true;
       }
     }
   }
  return {false, dis};
```

3.4 Floyd Warshell

3.5 Tarjan SCC

```
National Chung Cheng University AutoTemp
         // 看看往下有沒有辦法回到更上面的點
         low[node] = min(low[node], low[j]);
       else if(in_stack[j]){
         low[node] = min(low[node], low[j]);
       }
     }
     vector<int> t; // 儲存這個強連通分量
if(dfn[node] == low[node]){
while(s.top() != node){
         t.push_back(s.top());
         in_stack[s.top()] = false;
         scc_id[s.top()] = id;
         s.pop();
       t.push_back(s.top());
       scc_id[s.top()] = id;
       in_stack[s.top()] = false;
       s.pop();
       id++;
     if(!t.empty()) ans.push_back(t);
    }
  public:
    vector<int> scc_id;
    vector<vector<int>> ans;
    // ans ans[i] 代表第 i 個強連通分量裡面包涵的點
    // scc_id[i] 代表第 i 個點屬於第幾個強連通分量
    vector
       <vector<int>> scc(vector<vector<int>> &graph){
      int num = graph.size();
      scc_id.resize(num, -1);
     dfn.resize(num, 0);
     low.resize(num, 0);
      in_stack.resize(num, false);
      for(int i = 1; i < num; i++){</pre>
       if(dfn[i] == 0) dfs(i, graph);
      return ans;
    }
};
3.6 2 SAT
|// 用
    下面的 tarjan scc 算法來解 2 sat 問題,若 事件 a 發
    生時,事件 b 必然發生,我們須在 a \rightarrow b 建立一條有向
     cses 的 Giant Pizza 來舉例子,給定 n 個人 m 個配料
    表,每個人可以提兩個要求,兩個要求至少要被滿足一個
// 3 5
// + 1 + 2
// - 1 + 3
// + 4 - 2
// 以這
    個例子來說,第一個人要求要加 配料1 或者 配料2 其中
    一項,第二個人要求不要 配料1 或者 要配料3 其中一項
// 試問能不能滿足所有人的要求,我們可以把 要加
    配料 i 當作點 i , 不加配料 i 當作點 i + m(配料數量)
// 關於第一個人的要求 我們可以看成若不加 配
    料1 則必定要 配料2 以及 若不加 配料2 則必定要 配料1
// 關於第二個人要求 可看做加了 配料
    1 就必定要加 配料3 以及 不加 配料3 就必定不加 配料1
// 以這些條件建立有像圖,並且
    找尋 scc ,若 i 以及 i + m 在同一個 scc 中代表無解
// 若要求解,則若 i 的 scc_id
    小於 i + m 的 scc_id 則 i 為 true ,反之為 false
// tarjan 的模板在上面
cin >> n >> m:
vector<vector<int>> graph(m * 2 + 1);
function < int(int)> tr = [&](int x){
  if(x > m) return x - m;
  return x + m;
                                                   // 若求無向圖最大流 , 則反向邊建邊為 capacity
for(int i = 0; i < n; i++){</pre>
                                                   class edge{
  char c1, c2;
  int a, b;
```

cin >> c1 >> a >> c2 >> b;

```
// a 代表 a 為真,m + a 代表 a 為假
  if(c1 == '-') a += m;
  if(c2 == '-') b += m;
  graph[tr(a)].push_back(b);
  graph[tr(b)].push_back(a);
tarjan t;
auto scc = t.scc(graph);
for(int i = 1; i <= m; i++){
  if(t.scc_id[i] == t.scc_id[tr(i)]){</pre>
    cout << "IMPOSSIBLE\n";
    return 0;
  }
}
for(int i = 1; i <= m; i++){</pre>
  if(t.scc_id[i] < t.scc_id[tr(i)]){</pre>
    cout << '+';
  else cout << '-';</pre>
  cout << ' ';
cout << '\n';
3.7 Euler Path
|// 1. 無向圖是歐拉圖:
// 非零度頂點是連通的
// 頂點的度數都是偶數
// 2. 無向圖是半歐拉圖(有路沒有環):
// 非零度頂點是連通的
// 恰有 2 個奇度頂點
// 3. 有向圖是歐拉圖:
// 非零度頂點是強連通的
// 每個頂點的入度和出度相等
// 4. 有向圖是半歐拉圖(有路沒有環):
// 非零度頂點是弱連通的
// 至多一個頂點的出度與入度之差為 1
// 至多一個頂點的入度與出度之差為 1
// 其他頂點的入度和出度相等
vector<set<int>> adj;
vector<int> ans;
void dfs(int x) { // Hierholzer's Algorithm
  while (!adj[x].empty()) {
    auto next = *(adj[x].begin());
    adj[x].erase(next);
    adj[next].erase(x);
    dfs(next);
  ans.emplace_back(x);
}
void solve() {
  // 建立雙向邊,set用來防重邊,點數n,邊數m
  for (int i = 1; i <= n; i++)</pre>
    if (adj[i].size() & 1) return; /* impossible */
  dfs(1);
  if (ans.size() != m + 1) return; /* impossible */
  reverse(ans.begin(), ans.end()); /* then print it */
3.8 Max flow min cut
#define int long long
// dicnic Algorithm Time: O(V^2E) 實際上會快一點
|// 記得在 main 裡面 resize graph
// 最小割,找
    到最少條的邊切除,使得從 src 到 end 的 maxflow 為 0
// 枚舉所有邊 i -> j , src 可
    以到達 i 但無法到達 j , 那這條邊為最小割裡的邊之一
```

public:

int next;

int capacity;

```
int rev;
    bool is_rev;
    edge(int _n, int _c, int _r, int _ir) :
    next(_n), capacity(_c), rev(_r), is_rev(_ir){};
};
vector<vector<edge>> graph;
vector<int> level, iter;
void add_edge(int a, int b, int capacity){
  graph[a].push_back
      (edge(b, capacity, graph[b].size(), false));
  graph[b].
      push_back(edge(a, 0, graph[a].size() - 1, true));
}
void bfs(int start) {
  fill(level.begin(), level.end(), -1);
  queue<int> q;
  level[start] = 0;
  q.push(start);
  while (!q.empty()) {
    int v = q.front();
    q.pop();
    for (auto& e : graph[v]) {
      if (e.capacity > 0 && level[e.next] < 0) {
    level[e.next] = level[v] + 1;</pre>
        q.push(e.next);
    }
 }
}
int dfs(int v, int end, int flow) {
  if (v == end) return flow;
  for (int &i = iter[v]; i < graph[v].size(); i++) {</pre>
    edge &e = graph[v][i];
    if (e.capacity > 0 && level[v] < level[e.next]) {</pre>
      int d = dfs(e.next, end, min(flow, e.capacity));
      if (d > 0) {
        e.capacity -= d;
        graph[e.next][e.rev].capacity += d;
        return d;
      }
    }
  }
  return 0;
int maxflow(int start, int end) {
  int flow = 0;
  level.resize(graph.size() + 1);
  while (true) {
    bfs(start);
    if (level[end] < 0) return flow;</pre>
    iter.assign(graph.size() + 1, 0);
    int f;
    while ((f = dfs(start, end, 1e9)) > 0) {
      flow += f;
 }
```

3.9 Minimum cost maximum flow

```
#define int long long
#define pii pair<int, int>
// Edmonds-Karp Algorithm Time: O(VE^2) 實際上會快一點
// 一條邊的費用為 單位花費 * 流過流量
// 把原本的 BFS 換成 SPFA 而已
// 記得在 main 裡面 resize graph
// MCMF 回傳 {flow, cost}
class edge{
  public:
    int next:
    int capacity;
    int rev;
    int cost;
    bool is_rev;
    edge(int _n, int _c,
    int _r, int _co, int _ir) : next(_n), capacity
        (_c), rev(_r), cost(_co), is_rev(_ir){};
};
```

```
vector<vector<edge>> graph;
void add_edge(int a, int b, int capacity, int cost){
  graph[a].push_back(
      edge(b, capacity, graph[b].size(), cost, false));
  graph[b].push back
      (edge(a, 0, graph[a].size() - 1, -cost, true));
pii dfs(int now
     int end, pii data, vector<pii> &path, int idx){
  auto [flow, cost] = data;
  if(now == end) return {flow, 0};
  auto &e = graph[now][path[idx + 1].second];
  if(e.capacity > 0){
    auto [ret, nc] = dfs(e.next, end, {min(flow
          e.capacity), cost + e.cost}, path, idx + 1);
    if(ret > 0){
      e.capacity -= ret;
      graph[e.next][e.rev].capacity += ret;
      return {ret, nc + ret * e.cost};
    }
  return {0, 0};
}
vector<pii> search_path(int start, int end){
  int n = graph.size() + 1;
  vector < int > dis(n + 1, 1e9);
  vector<bool> vis(n + 1, false);
  vector<pii> ans; queue<int> q;
  vis[start] = true; q.push(start); dis[start] = 0;
  vector<pii> parent(graph.size(), {-1, -1});
  q.push(start);
  while(!q.empty()){
    auto node = q.front(); vis[node] = false; q.pop();
    for(int i = 0; i < graph[node].size(); i++){</pre>
      auto &e = graph[node][i];
      if(e.capacity
        > 0 and e.cost + dis[node] < dis[e.next]){
dis[e.next] = e.cost + dis[node];</pre>
        parent[e.next] = {node, i};
        if(!vis[e.next]){
          q.push(e.next);
          vis[e.next] = true;
        }
      }
    }
  if(parent[end].first == -1) return ans;
  int now = end;
  while(now != start){
    auto [node, idx] = parent[now];
    ans.emplace_back(node, idx);
    now = node;
  ans.emplace_back(start, -1);
  reverse(ans.begin(), ans.end());
  return ans;
}
pii MCMF(int start, int end){
  int ans = 0, cost = 0;
  while(1){
    vector<bool> visited(graph.size() + 1, false);
    auto tmp = search_path(start, end);
    if(tmp.size() == 0) break;
    auto [flow, c] = dfs(start, end, \{1e9, 0\}, tmp, \emptyset);
    ans += flow:
    cost += c;
  return {ans, cost};
```

3.10 二分圖

|判定二分圖: 著色法 dfs 下去,顏色相撞非二分圖 | |二分圖最大匹配: 用 maxflow 去做,一個 src | 點聯通所有左圖,左圖建邊向右圖,右圖再建邊向 end | 點,計算 src 跟 end 的最大流,若要還原,找出左圖 | 通往右圖中 capacity 為 θ 的邊,他的兩個端點就是答案

```
最小點覆蓋:選最少的點,保證每條邊至少有一個端點被選到, 最小點覆蓋 = 二分圖最大匹配最大獨立集:選最多的點,滿足這些點兩兩間互不相連, 最大獨立集 = n - 二分圖最大匹配*/
```

4 String

4.1 trie

```
class trie{
  public:
    class node{
      public:
        int count;
        vector<trie::node*> child;
        node(){
          child.resize(26, nullptr);
          count = 0;
         ~node() {
          for (auto c : child)
            if (c) delete c;
        }
    node* root;
    trie(){
      root = new node;
    ~trie() {
      delete root;
    void insert(string s){
      auto temp = root;
for(int i = 0; i < s.size(); i++){</pre>
        if(!temp -> child[s[i] -
             'a']) temp -> child[s[i] - 'a'] = new node;
        temp = temp -> child[s[i] - 'a'];
      }
      temp -> count++;
    bool search(string &s){
      auto temp = root;
      for(int i = 0; i < s.size(); i++){</pre>
        temp = temp -> child[s[i] - 'a'];
         if(!temp) return false;
      if(temp -> count > 0) return true;
      return false;
};
```

4.2 KMP

```
vector<int> build(string &s){
  vector<int> next = {0, 0};
  // 匹配失敗跳去哪 (最長共同前後綴)
  int length = s.size(), j = 0;
  for(int i = 1; i < length; i++){</pre>
    while(j > 0 and s[j] != s[i]){
      j = next[j];
    if(s[j] == s[i]) j++;
    next.push_back(j);
  return next:
}
int match(string &a, string &b){
  auto next = build(b);
  int length
      = a.size(), length2 = b.size(), j = 0, count = 0;
  for(int i = 0; i < length; i++){
  while(j > 0 and a[i] != b[j]){
      j = next[j];
    if(a[i] == b[j]) j++;
    if(j == length2){
      count++;
      j = next[j];
   }
  return count:
```

4.3 Hash

```
vector<int> Pow(int num){
  int p = 1e9 + 7;
  vector<int> ans = {1};
  for(int i = 0; i < num; i++)</pre>
    ans.push_back(ans.back() * b % p);
  return ans:
vector<int> Hash(string s){
  int p = 1e9 + 7;
  vector<int> ans = {0}:
  for(char c:s){
    ans.push_back((ans.back() * b + c) % p);
  return ans:
}
// 閉區間[l, r]
int query
     (vector<int> &vec, vector<int> &pow, int l, int r){
  int p = 1e9 + 7;
  int length = r - l + 1;
  return
        (vec[r + 1] - vec[l] * pow[length] % p + p) % p;
}
```

4.4 Zvalue

```
vector<int> z_func(string s1){
  int l = 0, r = 0, n = s1.size();
  vector<int> z(n, 0);
  for(int i = 1; i < n; i++){</pre>
    if(i
         \leftarrow r \text{ and } z[i - l] < r - i + 1) z[i] = z[i - l];
    else{
      z[i] = max(z[i], r - i + 1);
       while(i + z
           [i] < n \text{ and } s1[i + z[i]] == s1[z[i]]) z[i]++;
    if(i + z[i] - 1 > r){
      i = i;
      r = i + z[i] - 1;
  }
  return z;
}
```

4.5 最長迴文子字串

```
// 找到對於每個位置的迴文半徑
vector<int> manacher(string s) {
  string t = "#";
  for (auto c : s) {
    t += c;
    t += '#';
  int n = t.size();
  vector<int> r(n);
  for (int i = 0, j = 0; i
     < n; i++) {      // i 是中心, j 是最長回文字串中心
if (2 * j - i >= 0 && j + r[j] > i) {
     r[i] = min(r[2 * j - i], j + r[j] - i);
    while (i - r[i] >= 0 &&
         i + r[i] < n \&\& t[i - r[i]] == t[i + r[i]]) {
      r[i] += 1;
    if (i + r[i] > j + r[j]) {
      j = i;
    }
  }
  return r;
  // # a # b # a #
  // 1 2 1 4 1 2 1
  ..
// # a # b # b # a #
 // 1 2 1 2 5 2 1 2 1
  // 值 -1 代表原回文字串長度
  // (id - val + 1) / 2 可得原字串回文開頭
```

4.6 Suffix Array

```
struct SuffixArray {
 int n; string s;
 vector<int> sa, rk, lc;
  // 想法:
       排序過了,因此前綴長得像的會距離很近在差不多位置
 // n: 字串長度
 // sa: 後綴數組, sa[i] 表示第 i 小的後綴的起始位置
 // rk: 排名數組, rk[i] 表示從位置 i 開始的後綴的排名
 // lc: LCP 數組,
      lc[i] 表示 sa[i] 和 sa[i + 1] 的最長公共前綴長度
  // 求 sa[i] 跟 sa[j] 的
       LCP 長度 當 i < j : min(lc[i] ...... lc[j - 1])
  SuffixArray(const string &s_) {
    s = s_; n = s.length();
    sa.resize(n);
    lc.resize(n - 1);
    rk.resize(n);
    iota(sa.begin(), sa.end(), 0);
    sort(sa.begin(), sa.end
        (), [&](int a, int b) { return s[a] < s[b]; });
    rk[sa[0]] = 0;
    for (int i = 1; i < n; ++i)</pre>
     rk[sa[i]]
          = rk[sa[i - 1]] + (s[sa[i]] != s[sa[i - 1]]);
    int k = 1;
    vector<int> tmp, cnt(n);
    tmp.reserve(n);
    while (rk[sa[n - 1]] < n - 1) {</pre>
      tmp.clear();
      for (int i = 0; i < k; ++i)</pre>
        tmp.push_back(n - k + i);
      for (auto i : sa)
        if (i >= k)
          tmp.push_back(i - k);
      fill(cnt.begin(), cnt.end(), 0);
      for (int i = 0; i < n; ++i)</pre>
        ++cnt[rk[i]];
      for (int i = 1; i < n; ++i)</pre>
      cnt[i] += cnt[i - 1];
for (int i = n - 1; i >= 0; --i)
       sa[--cnt[rk[tmp[i]]]] = tmp[i];
      swap(rk, tmp);
      rk[sa[0]] = 0;
      for (int i = 1; i < n; ++i)
  rk[sa[i]] = rk[sa[i - 1]] + (tmp[</pre>
            sa[i - 1]] < tmp[sa[i]] || sa[i - 1] + k ==
             n || tmp[sa[i - 1] + k] < tmp[sa[i] + k]);</pre>
    for (int i = 0, j = 0; i < n; ++i) {</pre>
      if (rk[i] == 0) {
       j = 0;
      } else {
        for (j -= j > 0; i + j < n \&\& sa[rk[i] - 1] + j
             < n \& s[i + j] == s[sa[rk[i] - 1] + j]; )
       lc[rk[i] - 1] = j;
      }
   }
 }
```

5 Geometry

5.1 Point

```
template < tvpename T>
class point{
    public:
    T x;
    Тy;
    point(){}
    point(T_x, T_y){
        x = _x;
        y = y;
    point<T> operator+(const point<T> &a);
    point<T> operator -(const point<T> &a);
    point<T> operator/(const point<T> &a);
    point<T> operator/(T a);
    point<T> operator*(const T &a);
    bool operator < (const point < T > &a);
};
```

```
template < typename T>
point<T> point<T>::operator+(const point<T> &a){
    return point<T>(x + a.x, y + a.y);
template < typename T>
point<T> point<T>::operator - (const point<T> &a){
    return point<T>(x - a.x, y - a.y);
template < typename T>
point<T> point<T>::operator/(const point<T> &a){
    return point<T>(x / a.x, y / a.y);
template < typename T>
point<T> point<T>::operator/(T a){
    return point<T>(x / a, y / a);
}
template < typename T>
point<T> point<T>::operator*(const T &a){
    return point<T>(x * a, y * a);
template < typename T>
bool point<T>::operator<(const point<T> &a){
    if(x != a.x) return x < a.x;</pre>
    return y < a.y;</pre>
}
5.2 內積,外積,距離
template < typename T>
T dot(const point<T> &a,const point<T> &b){
    return a.x * b.x + a.y * b.y;
}
template < typename T>
T cross(const point<T> &a,const point<T> &b){
    return a.x * b.y - a.y * b.x;
}
template < typename T>
T len(point<T> p){
    return sqrt(dot(p, p));
5.3 向量應用
template < typename T>
bool collinearity
    (point<T> p1, point<T> p2, point<T> p3){
    //檢查三點是否共線
    return cross(p2 - p1, p2 - p3) == 0;
template < typename T>
bool inLine(point<T> a, point<T> b, point<T> p){
    //檢查 p 點是否在ab線段
    return collinearity
        (a, b, p) \&\& dot(a - p, b - p) <= 0;
template < typename T>
bool intersect
    (point<T> a, point<T> b, point<T> c, point<T> d){
    //ab線段跟cd線段是否相交
    return (cross(b - a, c - a) *
        cross(b - a, d - a) < 0 && \
        cross(d - c, a - c) * \
cross(d - c, b - c) < 0) \
        || inLine(a, b, c) || \
inLine(a, b, d) || inLine(c, d, a) \
        || inLine(c, d, b);
}
template < typename T>
point<T> intersection
    (point<T> a, point<T> b, point<T> c, point<T> d){
    //ab線段跟cd線段相交的點
    assert(intersect(a, b, c, d));
    return a + (b
        a) * cross(a - c, d - c) / cross(d - c, b - a);
}
```

```
template < typename T>
bool inPolygon(vector<point<T>> polygon, point<T> p){
    //判斷點
        p是否在多邊形polygon裡, vector裡的點要連續填對
    for(int i = 0; i < polygon.size(); i++)</pre>
        if(cross(p - polygon[i], \
            polygon[(i - 1 + polygon.size()) % \
            polygon.size()] - polygon[i]) * \
            cross(p - polygon[i], \
            polygon[(i +
                1) % polygon.size()] - polygon[i]) > 0)
            return false;
    return true:
}
template < typename T>
T triangleArea(point<T> a, point<T> b, point<T> c){
    //三角形頂點,求面積
    return abs(cross(b - a, c - a)) / 2;
template < typename T, typename F, typename S>
long double triangleArea_Herons_formula(T a, F b, S c){
    //三角形頂點,求面積(給邊長)
    auto p = (a + b + c)/2;
    return sqrt(p * (p - a) * (p - b) * (p - c));
template < typename T>
T area(vector<point<T>> &p){
    //多邊形頂點,求面積
    T ans = 0;
    for(int i = 0; i < p.size(); i++)
    ans += cross(p[i], p[(i + 1) % p.size()]);</pre>
    return ans / 2 > 0 ? ans / 2 : -ans / 2;
}
```

5.4 Static Convex Hull

```
// 需要使
    用前一個向量模板的 point , 需要 operator - 以及 <
// 需要前面向量模板的 cross
template < typename T>
vector<point<T>> getConvexHull(vector<point<T>>& pnts){
    sort(pnts.begin(), pnts.end());
    auto cmp = [&](point<T> a, point<T> b)
    { return a.x == b.y && a.x == b.y; };
    pnts.erase(unique
        (pnts.begin(), pnts.end(), cmp), pnts.end());
    if(pnts.size()<=1) return pnts;</pre>
    vector<point<T>> hull;
    for(int i = 0; i < 2; i++){</pre>
        int t = hull.size();
        for(point<T> pnt : pnts){
           while(hull.size() - t >= 2 &&
                 cross(hull.back() - hull[hull.size()
                - 2], pnt - hull[hull.size() - 2]) < 0)
                // <= 0 或者 < 0 要看點有沒有在邊上
               hull.pop_back();
           hull.push_back(pnt);
       hull.pop_back();
       reverse(pnts.begin(), pnts.end());
    return hull:
```

5.5 外心,最小覆蓋圓

```
int sign(double a)
{
    // 小於 eps
        回傳 0, 否則正回傳 1 , 負回傳 應付浮點數誤差用
    const double eps = 1e-10;
    return fabs(a) < eps ? 0 : a > 0 ? 1 : -1;
}

// 輸入三個點求外心
template <typename T>
point<T> findCircumcenter(point <
        T > A, point <T > B, point <T > C, const T eps = 1e-10){
        point <T > AB = B - A;
```

```
point<T> AC = C - A;
T AB_len_sq = AB.x * AB.x + AB.y * AB.y;
    T AC_len_sq = AC.x * AC.x + AC.y * AC.y;
T D = AB.x * AC.y - AB.y * AC.x;
    // 若三點接近共線
    assert(fabs(D) < eps);</pre>
    // 外心的座標
    T circumcenterX = A.x + (
        AC.y * AB_len_sq - AB.y * AC_len_sq) / (2 * D);
    T circumcenterY = A.y + (
        AB.x * AC_len_sq - AC.x * AB_len_sq) / (2 * D);
    return point<T>(circumcenterX, circumcenterY);
template < typename T>
pair<T, point<T>> MinCircleCover(vector<point<T>> &p) {
    // 引入前面的 len 跟 point
    // 回傳最小覆蓋圓{半徑,中心}
    random_shuffle(p.begin(), p.end());
    int n = p.size();
    point<T> c = p[0]; T r = 0;
    for(int i=1;i<n;i++) {</pre>
        if(sign(len(c-p[i])-r) > 0) { // 不在圓內
            c = p[i], r = 0;
             for(int j=0;j<i;j++) {</pre>
                 if(sign(len(c-p[j])-r) > 0) {
                     c = (p[i]+p[j])/2.0;
                     r = len(c-p[i]);
                     for(int k=0;k<j;k++) {</pre>
                          if(sign(len(c-p[k])-r) > 0) {
                              c = findCircumcenter
                                   (p[i],p[j],p[k]);
                              r = len(c-p[i]);
                          }
                     }
                 }
            }
        }
    return make_pair(r, c);
```

6 Data Structure6.1 Sparse Table

```
class Sparse_Table{
  // 0-base
  // 要改成找最大把min換成max就好
  private:
  public:
    int spt[500005][22][2];
    Sparse_Table(vector<int> &ar){
      int n = ar.size();
      for (int i = 0; i < n; i++){</pre>
           spt[i][0][0] = ar[i];
           // spt[i][0][1] = ar[i];
      for (int j = 1; (1 << j) <= n; j++) {
  for (int i = 0; (i + (1 << j) - 1) < n; i++) {</pre>
           spt[i][j][0] = min(spt[i + (1 <<</pre>
                     1))][j - 1][0], spt[i][j - 1][0]);
           // spt[i][j][1] = max(spt[i + (1 <<
                (j - 1))][j - 1][1], spt[i][j - 1][1]);
        }
      }
    int query_min(int l, int r)
      if(l>r) return INT_MAX;
      int j = (int)__lg(r - l + 1);
      ///j = 31 - \_builtin_clz(r - l+1);
      return min
           (spt[l][j][0], spt[r - (1 << j) + 1][j][0]);
    int query_max(int l, int r)
      if(l>r) return INT_MAX;
      int j = (int)__lg(r - l + 1);
      ///j = 31 - \_builtin_clz(r - l+1);
      return max
           (spt[l][j][1], spt[r - (1 << j) + 1][j][1]);
```

6.2 Segement Tree

```
// #define int long long
// 要改最大或
    者最小值線段樹需改 build 跟 queryRange, updateRange
// 0-base 注意
template < typename T>
class segment_tree {
  vector<T> tree, lazy, arr;
  int size:
  void build
      (vector<T> &save, int node, int start, int end) {
    if (start == end) tree[node] = save[start];
      int mid = (start + end) / 2;
      build(save, 2 * node, start, mid);
      build(save, 2 * node + 1, mid + 1, end);
      tree[node] = tree[2 * node] + tree[2 * node + 1];
  void updateRange(int node
        int start, int end, int l, int r, T delta) {
    if (lazy[node] != 0) {
      tree[node] += (end - start + 1) * lazy[node];
      if (start != end) {
        lazy[2 * node] += lazy[node];
        lazy[2 * node + 1] += lazy[node];
      lazy[node] = 0;
    if (start > end or start > r or end < l) return;</pre>
    if (start >= l and end <= r) {</pre>
      tree[node] += (end - start + 1) * delta;
      if (start != end) {
        lazy[2 * node] += delta;
        lazy[2 * node + 1] += delta;
      return;
    int mid = (start + end) / 2;
    updateRange(2 * node, start, mid, l, r, delta);
    updateRange
    (2 * node + 1, mid + 1, end, l, r, delta);
tree[node] = tree[2 * node] + tree[2 * node + 1];
  T queryRange
      (int node, int start, int end, int l, int r) {
    if (lazy[node] != 0) {
      tree[node] += (end - start + 1) * lazy[node];
      if (start != end) {
    lazy[2 * node] += lazy[node];
        lazy[2 * node + 1] += lazy[node];
      lazv[node] = 0;
    if (start > end or start > r or end < l){</pre>
      // return numeric_limits
          <T>::max(); // 找區間最小值用這行
      // return numeric_limits
          <T>::min(); // 找區間最大值用這行
      return 0; // 區間和
    if (start >= l and end <= r) return tree[node];</pre>
    int mid = (start + end) / 2;
    T p1 = queryRange(2 * node, start, mid, l, r);
    T p2
        = queryRange(2 * node + 1, mid + 1, end, l, r);
    return p1 + p2;
  void updateNode(
      int node, int start, int end, int idx, T delta) {
    if (start == end) tree[node] += delta;
      int mid = (start + end) / 2;
      if (start <= idx and idx <= mid)</pre>
          updateNode(2 * node, start, mid, idx, delta);
      else updateNode
          (2 * node + 1, mid + 1, end, idx, delta);
      tree[node] = tree[2 * node] + tree[2 * node + 1];
  }
public:
```

```
void build(vector<T> &save, int l, int r) {
    int n = size = save.size();
tree.resize(4 * n);
     lazy.resize(4 * n);
     arr = save;
    build(save, 1, l, r);
  void modify_scope(int l, int r, T delta) {
     updateRange(1, 0, size - 1, l, r, delta);
  void modify_node(int idx, T delta) {
  updateNode(1, 0, size - 1, idx, delta);
    query(int l, int r) {
    return queryRange(1, 0, size - 1, l, r);
};
signed main()
  int n, q;
  cin >> n >> q;
  vector<int> save(n, 0);
  for(int i = 0; i < n; i++){</pre>
    cin >> save[i];
  segment_tree < int > s;
  // init [0, n - 1]
  s.build(save, 0, n - 1);
  // modify [a, b] add c
  s.modify_scope(a, b, c);
  // query [a, b]
  s.query(a, b)
```

6.3 Link Cut Tree

```
1// 通常用於對樹上任兩點間的路徑做加值、修改、查詢等工作
// 與線段樹相同,要修改 LCT 的功能只需更改
// pull、push、fix、query 等函數,再加上需要的懶標即可
// 範例為樹上任兩點 x, y 路徑上的權值 xor
// 和,樹上任意點單點改值
const int N = 300005;
class LinkCutTree {
private:
#define lc(x) node[x].ch[0]
#define rc(x) node[x].ch[1]
#define fa(x) node[x].fa
#define rev(x) node[x].rev
#define val(x) node[x].val
#define sum(x) node[x].sum
  struct Tree {
    int val, sum, fa, rev, ch[2];
  } node[N];
  inline void pull(int x) {
    sum(x) = val(x) ^ sum(lc(x)) ^ sum(rc(x));
  inline void reverse(int x) {
    swap(lc(x), rc(x));
    rev(x) ^= 1;
  inline void push(int x) {
    if (rev(x)) {
      reverse(lc(x)):
      reverse(rc(x));
      rev(x) ^= 1;
  inline bool get(int x) { return rc(fa(x)) == x; }
  inline bool isroot(int x) {
    return (lc(fa(x)) ^ x) && (rc(fa(x)) ^ x);
  inline void update(int x) {
    if (!isroot(x)) update(fa(x));
    push(x);
  void rotate(int x) {
    int y = fa(x), z = fa(y), d = get(x);
    if (!isroot(y))
      node[z].ch[get(y)] = x; // 重要,不能更換順序
    fa(x) = z:
    node[fa(node[x].ch[d ^ 1]) = y].ch[d] =
      node[x].ch[d ^ 1];
    node[fa(y) = x].ch[d ^ 1] = y;
    pull(y), pull(x); // 先 y 再 x
```

```
void splay(int x) {
    update(x);
    for (int y = fa(x); !isroot(x);
         rotate(x), y = fa(x)) {
      if (!isroot(y)) rotate(get(x) == get(y) ? y : x);
    pull(x);
  int access(int x) {
    int p = 0;
    for (; x; x = fa(p = x)) {
      splay(x), rc(x) = p, pull(x);
    return p;
  inline void makeroot(int x) {
    access(x), splay(x), reverse(x);
  inline int findroot(int x) {
    access(x), splay(x);
    while (lc(x)) { push(x), x = lc(x); }
    return splay(x), x;
  inline void split(int x, int y) {
    makeroot(x), access(y), splay(y);
  inline void init(int len, int *data) {
   for (int i = 1; i <= len; ++i) {
  node[i].val = data[i];</pre>
  inline void link(int x, int y) { // 連邊
    makeroot(x);
    if (findroot(y) == x) return;
    fa(x) = y;
 inline void cut(int x, int y) { // 斷邊
    makeroot(x);
    if (findroot(y) != x || fa(y) != x || lc(y))
      return;
    fa(y) = rc(x) = 0;
   pull(x);
 inline void fix(int x, int v) { // 單點改值
   splay(x);
    val(x) = v;
  // 區間查詢
  inline int query(int x, int y) {
    return split(x, y), sum(y);
LinkCutTree LCT:
int n, a[N];
signed main() {
 int n, q, op, x, y;
  cin >> n >> q;
  for (int i = 1; i <= n; ++i) { cin >> a[i]; }
 LCT.init(n, a);
  while (q--) {
    cin >> op >> x >> y;
    if (op == 0) {
     cout << LCT.query(x, y) << endl;</pre>
   } else if (op == 1) {
     LCT.link(x, y);
    } else if (op == 2) {
      LCT.cut(x, y);
   } else {
      LCT.fix(x, y);
   }
  return 0;
```

7 Dynamic Programing

7.1 LCS

```
int LCS(string t1, string t2) {
   if(t1.size() < t2.size()) swap(t1, t2);</pre>
```

```
for (int i = 0; i < n; i++) {
   auto it = lower_bound(dp.begin(),dp.end(),save[i]);
   if(it == dp.end()) dp.push_back(save[i]);
   else *it = save[i];
}
return dp.size();
}</pre>
```

7.3 位元 dp

int LIS(vector<int>& save) {

int n = save.size();

vector<int> dp;

```
// 檢查第 n 位是否為1
if(a & (1 << n))

// 強制將第 n 位變成1
a |= (1 << n)

// 強制將第 n 位變成0
a &= ~(1 << n)

// 將第 n 位反轉(1變0, 0變1)
a ^= (1 << n)

// 第 0 ~ n - 1位 全部都是1
(1 << n) - 1

// 兩個集合的聯集
S = a & b
```

7.4 經典 dp 轉移式

```
| /*
| 最大區間和:
| dp[i] 代表 由第 i 項結尾時的最大區間和 | dp[0] = arr[0] | dp[i] = max(dp[i - 1], arr[i]) | ans = max_element(dp) | */
```

8 Divide and conquer

8.1 逆序數對

```
int merge(
    vector<pair<int, int>>& v, int l, int mid, int r) {
    vector<pair<int, int>> temp(r - l + 1);
    int i = l, j = mid + 1, k = 0, inv_count = 0;
    while (i <= mid && j <= r) {
        if (v[i].second <= v[j].second) {
            temp[k++] = v[i++];
        } else {
            temp[k++] = v[j++];
            inv_count += (mid - i + 1);
        }
    }
    while (i <= mid) temp[k++] = v[i++];
    while (j <= r) temp[k++] = v[j++];
    for (int i = l; i <= r; i++) {
        v[i] = temp[i - l];
    }
    return inv_count;
}</pre>
```

```
int meraeSort
    (vector<pair<int, int>>& v, int l, int r) {
  int count = 0;
  if (l < r) {
    int mid = l + (r - l) / 2;
    count += mergeSort(v, l, mid);
    count += mergeSort(v, mid + 1, r);
    count += merge(v, l, mid, r);
  return count;
}
signed main()
  int n;
 cin >> n;
  vector<pair<int, int>> arr(n);
  for(int i = 0; i < n; i++){</pre>
    arr[i].first = i;
   cin >> arr[i].second;
 cout << mergeSort(arr, 0, n - 1) << ' \mid n';
```

9 Tree

9.1 樹直徑

```
int d1[200005], d2[200005], ans;
void dfs(int now, int fa, vector<vector<int>> &graph){
  for(auto i: graph[now]){
   if(i != fa){
      dfs(i, now, graph);
      if(d1[i] + 1 > d1[now]){
        d2[now] = d1[now];
        d1[now] = d1[i] + 1;
      else if(d1[i] + 1 > d2[now]){
        d2[now] = d1[i] + 1;
   }
 }
  ans = max(ans, d1[now] + d2[now]);
signed main()
 int n;
  vector<vector<int>> graph(n + 1);
 for(int i = 0; i < n - 1; i++){</pre>
   int a, b;
    cin >> a >> b;
    graph[a].push_back(b);
    graph[b].push_back(a);
 dfs(1, 0, graph);
 cout << ans << '\n';
```

9.2 LCA

```
// n 為點數, graph 由子節點往父節點建有向邊
// graph 要 resize
int n, q;
int fa[20][200001];
int dep[200001];
vector<vector<int>> graph;
void dfs(int now, int lst){
  fa[0][now] = lst;
  for(int &i:graph[now]){
    dep[i] = dep[now] + 1;
    dfs(i, now);
void build_lca(int root){
  dep[root] = 1;
  dfs(root, root);
  for(int i = 1; i < 18; i++){
  for(int j = 1; j < n + 1; j++){</pre>
      fa[i][j] = fa[i - 1][fa[i - 1][j]];
```

```
}
}
int lca(int a, int b){
  // 預設a比b淺
  if(dep[a] > dep[b]) return lca(b, a);
  // 讓a和b跳到同一個地方
  int step = dep[b] - dep[a];
  for (int i = 0; i < 18; i++)</pre>
    if(step >> i & 1){
      b = fa[i][b];
  if(a == b) return a;
for(int i = 17; i >= 0; i--){
    if(fa[i][a] != fa[i][b]){
      a = fa[i][a];
      b = fa[i][b];
    }
  return fa[0][a];
```

10 Else

10.1 Big Number

```
string Add(const string &a, const string &b) {
    int n
         = a.length() - 1, m = b.length() - 1, car = 0;
    string res;
    while (n >= 0 || m >= 0 || car) {
        int x = (n >= 0 ? a[n]
             '0' : 0) + (m >= 0 ? b[m] - '0' : 0) + car;
        res += (x \% 10) + '0';
        car = x / 10;
        n--, m--;
    while (res.length() > 1 && res.back() == '\theta') {
        res.pop_back();
    reverse(res.begin(), res.end());
    return res;
string Minus(const string &a, const string &b) {
    int n
         = a.length() - 1, m = b.length() - 1, bor = 0;
    string res;
    while (n >= 0) {
        int x = a[n] - '0' - bor;
int y = m >= 0 ? b[m] - '0' : 0;
        bor = 0;
        if (x < y) {
             x += 10;
             bor = 1;
        }
        res += x - y + '\theta';
        n--. m--:
    while (res.length() > 1 && res.back() == '\theta') {
        res.pop_back();
    reverse(res.begin(), res.end());
    return res;
string Multiple(const string &a, const string &b) {
    string res = "0"
    int n = a.length() - 1, m = b.length() - 1;
    for (int i = m; i >= 0; i--) {
        string add;
        int car = 0;
        for (int j = n; j >= 0 || car; j--) {
             int x = (j >= 0
? a[j] - '0' : 0) * (b[i] - '0') + car;
             add += (x % 10) + '0';
             car = x / 10;
        while (add.length() > 1 && add.back() == '\theta') {
             add.pop_back();
        reverse(add.begin(), add.end());
        res = Add(res, add + string(m - i, '0'));
```

```
return res;
```