	EXAMEN DE ANÁLISIS I	
CEU	$1^{\Omega}$ Grado en Ingeniería Matemática	Nombre:
	Asignatura: Análisis I	DNI:
	Fecha: 26/01/2023	Modelo A

Duración: 1 hora y 15 minutos.

- 1. (2.5 puntos) Estudiar si los polinomios de primer grado son funciones inyectivas, sobreyectivas o biyectivas. ¿Y los polinomios de segundo grado?
- 2. (2 puntos) Sea  $(x_n)_{n=1}^{\infty}$  una sucesión tal que las subsucesiones de los términos pares  $(x_{2n})_{n=1}^{\infty}$  e impares  $(x_{2n+1})_{n=1}^{\infty}$  convergen a un mismo límite. Demostrar que la sucesión  $(x_n)$  converge a ese límite.
- 3. (2.5 puntos) Utilizar el teorema de la compresión de sucesiones para calcular el límite de la sucesión  $\left(\frac{3n+\cos(n)}{2n+\sin(n)}\right)_{n=1}^{\infty}$ .
- 4. (3 puntos) Dada la función  $f(x) = \frac{ax^n}{x^2 + bx}$ ,
  - ¿Cuánto debe valer a, b y n para que f tenga una asíntota vertical x=3 y una asíntota horizontal y=2?
  - $\blacksquare$ ¿Cuánto debe valer a, b y n para que f tenga una asíntota oblicua y=3x-1?