CII
LU

EXAMEN DE ANÁLISIS (1ª PARTE)		
$1^{ m Q}$ Grado en Ingeniería Matemática	Nombre:	
Asignatura: ANÁLISIS I	DNI:	
Fecha: 2024-01-29	Modelo A	

Duración: 1 hora y 15 minutos.

- 1. (2.5 puntos) Dado el conjunto $A = \{x \in \mathbb{Q} : 2x^3 3x^2 + x > 0\}$, calcular su supremo, su ínfimo, su máximo y su mínimo. ¿Es un conjunto abierto o cerrado? Dar sus puntos de acumulación que no pertenecen al conjunto y demostrarlo.
- 2. (2.5 puntos) El tipo de interés de una cuenta corriente cambia cada año según la sucesión $\left(\frac{n^2+n}{\sqrt{e^n}}\right)_{n=1}^{\infty}$. ¿Es una sucesión monótona? ¿Hacia dónde tiende el tipo de interés a largo plazo?
- 3. (2.5 puntos) La tangente hiperbólica $\tanh(x) = \frac{e^x e^{-x}}{e^x + e^{-x}}$ se utiliza a menudo como función de activación en las redes neuronales artificiales. Estudiar sus asíntotas.
- 4. (2.5 puntos) Calcular las derivadas de las siguientes funciones usando la definición de derivada.
 - $a) f(x) = e^x.$
 - $f(x) = \ln(x)$.