EXAMEN DE ESTADÍSTICA (DESCRIPTIVA Y REGRESIÓN)

$1^{\underline{o}}$ Farmacia	Modelo A		14 de octubre de 2019
Nombre:		DNI:	Grupo:

Duración: 1 hora y 15 minutos.

(4,5 pts.) 1. Se ha medido la tensión arterial sistólica (en mmHg) en dos grupos de 100 personas cada uno de dos poblaciones A y B, obteniendo los siguientes resultados:

Tensión sistólica	Num personas A	Num personas B
(80, 90]	4	6
(90, 100]	10	18
(100, 110]	28	30
(110, 120]	24	26
(120, 130]	16	10
(130, 140]	10	7
(140, 150]	6	2
(150, 160]	2	1

Se pide:

- a) ¿Cuál de las dos distribuciones de la tensión sistólica es menos asimétrica? ¿Cuál es más apuntada? ¿Pueden provenir estas muestras de poblaciones normales?
- b) ¿En cuál de los dos grupos es más representativa la media de la tensión sistólica?
- c) ¿Por encima de qué tensión sistólica se encuentra el 30 % de las personas del grupo de la población A?
- d) ¿Qué tensión sistólica es relativamente más alta, 132 mmHg en el grupo de la población A, o 130 mmHg en el grupo de la población B?
- e) Si a las 100 personas de la población A se les mide la tensión sistólica con otro tensiómetro, y la tensión obtenida (Y) está relacionada con la del primer tensiómetro (X) mediante la ecuación y = 0.98x - 1.4, ¿en cuál de las dos tensiones X o Y es más representativa la media? Justificar la respuesta.

Usar las siguientes sumas para los cálculos.

Grupo A: $\sum x_i n_i = 11520$ mmHg, $\sum x_i^2 n_i = 1351700$ mmHg², $\sum (x_i - \bar{x})^3 n_i = 155241,6$ mmHg³ y $\sum (x_i - \bar{x})^4 n_i = 16729903,52$ mmHg⁴. Grupo B: $\sum x_i n_i = 11000$ mmHg, $\sum x_i^2 n_i = 1230300$ mmHg², $\sum (x_i - \bar{x})^3 n_i = 165000$ mmHg³ y $\sum (x_i - \bar{x})^4 n_i = 13632500$ mmHg⁴.

- 2. Se sabe que en una distribución de frecuencias simétrica la media vale 15, el primer cuartil vale 12 y (1 pts.) el máximo valor es 25. Se pide:
 - a) Dibujar el diagrama de caja y bigotes.
 - b) ¿Podría considerarse como atípico en esta distribución un valor de 2?
- (4,5 pts.) 3. Un laboratorio está ensayando tres analgésicos diferentes y se quiere determinar si existe relación entre los tiempos que tardan en hacer efecto en un paciente. Para ello, realizan una prueba administrando los diferentes analgésicos a un grupo de 20 pacientes evaluando el tiempo que tarda en hacer efecto

cada analgésico, denominándolos $X,\ Y\ y\ Z$ a cada uno de los tiempos, obteniéndose los siguientes datos:

$$\begin{array}{l} \sum x_i = 668 \text{ min, } \sum y_i = 855 \text{ min, } \sum z_i = 1466 \text{ min,} \\ \sum x_i^2 = 25056 \text{ min}^2, \sum y_i^2 = 42161 \text{ min}^2, \sum z_i^2 = 123904 \text{ min}^2, \\ \sum x_i y_j = 31522 \text{ min}^2, \sum y_j z_j = 54895 \text{ min}^2. \end{array}$$
 Se pide:

- a) ¿Existe relación lineal entre los tiempos X e Y? ¿Y entre los tiempos Y y Z?
- b)Según un modelo lineal, ¿cuánto aumentaría el tiempo X por cada minuto que aumente el tiempo Y?
- c) Si deseamos realizar una predicción del tiempo Y mediante un modelo lineal, ¿Cuál de los dos tiempos X o Z sería el más adecuado? ¿Por qué?
- d) Predecir según el mejor modelo lineal elegido en el apartado anterior el valor del tiempo Y para un valor del tiempo X o Z, según el modelo elegido, de 40 minutos.
- e) Si el coeficiente de correlación lineal entre los tiempos X y Z es r=-0,69, ¿Cuál es el modelo lineal que explica el tiempo X en función del tiempo Z?