

## EXAMEN DE ESTADÍSTICA (DESCRIPTIVA Y REGRESIÓN)

1º Óptica

Modelo A

13 de noviembre de 2020

**Duración:** 1 hora.

- (5 pts.) 1. En una muestra de familias se ha medido la estatura del padre ( $X$ ), de la madre ( $Y$ ) y de un hijo ( $Z$ ) en centímetros, obteniendo los siguientes resultados:

Estatura padre	Estatura madre	Estatura hijo
175	164	177
182	175	180
190	165	193
165	160	172
172	155	173
183	172	188
187	160	185
174	151	177
168	165	168
178	163	182

Se pide:

- ¿En qué grupo es más representativa la media, en el de padres o en el de madres?
- ¿Hay algún punto atípico entre los hijos?
- Según su forma, ¿Puede provenir la muestra de madres de una distribución normal?
- ¿Quién es más alto dentro de su grupo, una madre con una altura de 165 cm o un hijo con una altura de 178 cm?
- ¿Cómo afectaría a la representatividad de las medias que las alturas se midiesen en metros en vez de en centímetros?

Usar las siguientes sumas para los cálculos:

Estatura padre:  $\sum x_i = 1774$  cm,  $\sum x_i^2 = 315300$  cm<sup>2</sup>,  $\sum (x_i - \bar{x})^3 = 210,48$  cm<sup>3</sup> y  $\sum (x_i - \bar{x})^4 = 67596,27$  cm<sup>4</sup>.

Estatura madre:  $\sum y_i = 1630$  cm,  $\sum y_i^2 = 266150$  cm<sup>2</sup>,  $\sum (y_i - \bar{y})^3 = 180$  cm<sup>3</sup> y  $\sum (y_i - \bar{y})^4 = 52324$  cm<sup>4</sup>.

Estatura hijo :  $\sum z_i = 1795$  cm,  $\sum z_i^2 = 322737$  cm<sup>2</sup>,  $\sum (z_i - \bar{z})^3 = 1008$  cm<sup>3</sup> y  $\sum (z_i - \bar{z})^4 = 61906,62$  cm<sup>4</sup>.

### Solución

- (5 pts.) 2. Uno de los parámetros que se suele utilizar para diagnosticar el glaucoma de ángulo abierto es la distancia mínima al borde de la abertura de la membrana de Bruch ( $X$ ) de la retina, pero se sabe que esta medida depende de la edad del paciente ( $Y$ ) en años y del área de la abertura de esta membrana por la que pasa el nervio óptico ( $Z$ ). En un estudio se ha medido en 1000 pacientes estas variables obteniendo los siguientes resultados:

$$\begin{aligned} \sum x_i &= 346337,03 \text{ } \mu\text{m}, \sum y_i = 47212,1 \text{ años}, \sum z_i = 2002,384 \text{ mm}^2, \\ \sum x_i^2 &= 123828243,48 \text{ } \mu\text{m}^2, \sum y_i^2 = 2601264,99 \text{ años}^2, \sum z_i^2 = 4175,89 \text{ mm}^4, \\ \sum x_i y_j &= 15855138,59 \text{ } \mu\text{m} \cdot \text{años}, \sum x_i z_j = 686623,65 \text{ } \mu\text{m} \cdot \text{mm}^2, \sum y_i z_j = 94144,37 \text{ años} \cdot \text{mm}^2. \end{aligned}$$

Se pide:

- a) Calcular las rectas de regresión de la distancia mínima al borde de la abertura de la membrana de Bruch sobre la edad, y de la distancia mínima al borde de la abertura de la membrana de Bruch sobre el área de la abertura de la membrana.
- b) ¿Cuánto aumenta o disminuye la distancia mínima al borde de la abertura de la membrana de Bruch por cada año más del paciente?
- c) ¿Qué porcentaje de la variabilidad de la distancia mínima al borde de la abertura de la membrana de Bruch explica cada uno de los modelos lineales anteriores?
- d) Utilizando el mejor de los modelos lineales anteriores predecir la distancia mínima al borde de la abertura de la membrana de Bruch de un paciente de 60 años con un área de la abertura de la membrana de  $2 \text{ mm}^2$ .

---

**Solución**

---