EXAMEN DE ESTADÍSTICA (PROBABILIDAD Y VARIABLES ALEATORIAS)

1º Farmacia y Biotecnología	Modelo A	17 de enero de 2022
Nombre:	DNI:	Grupo:

Duración: 1 hora.

1. Para probar la eficacia de dos tests diferentes de antígenos para detectar la COVID se ha tomado un grupo de 100 personas y se les ha aplicado los dos tests obteniéndose los siguientes resultados:

Test A	Test B	Num Resultados
+	+	8
+	_	2
_	+	3
_	_	87

Definir los sucesos asociados y calcular sus probabilidades en los siguientes supuestos:

- a) Obtener resultado + en el test A.
- b) Obtener resultado + en el test A y en el B.
- c) Obtener resultado + en alguno de los tests.
- d) Obtener resultados diferentes en los dos tests.
- e) Obtener el mismo resultado en los dos tests.
- f) Si una persona ha dado + en el test A, obtener resultado + en test B.

¿Son independientes los resultados de los tests?

- 2. Un test diagnóstico para detectar una enfermedad tiene un valor predictivo positivo del $40\,\%$ y un valor predictivo negativo del $95\,\%$. Suponiendo que la prevalencia de la enfermedad es del $10\,\%$, se pide:
 - a) Calcular la sensibilidad y la especificidad del test.
 - b) Calcular la probabilidad de un diagnóstico acertado.
 - c) ¿Cuál debería ser la mínima sensibilidad del test para que el test permitiese diagnosticar la enfermedad?
- 3. Se sabe que la duración de la batería de un marcapasos sigue una distribución normal. Se ha observado que el $20\,\%$ de las baterías duran más de 15 años, mientras que el $10\,\%$ duran menos de 12 años.
 - a) Calcular la media y la desviación típica de la duración de las baterías. Nota: Si no se sabe calcular la media y la desviación típica, tomar una media de 14 años y una desviación típica de 1.5 años para los siguientes apartados.
 - b) Calcular el cuarto decil de la duración de las baterías.
 - c) Si se toma una muestra de 5 baterías, cuál es la probabilidad de que más de la mitad duren entre 13 y 14 años.
 - d) Si se toma una muestra de 100 baterías, ¿cuál es la probabilidad de que alguna no supere los 11 años de duración?