Ani Güç

$$p = vi.$$

$$v(t) = V_m \cos(\omega t + \theta_v)$$

$$i(t) = I_m \cos(\omega t + \theta_i)$$

$$p(t) = v(t)i(t) = V_m I_m \cos(\omega t + \theta_v) \cos(\omega t + \theta_i)$$

$$\cos A \cos B = \frac{1}{2} [\cos(A - B) + \cos(A + B)]$$

$$p(t) = \frac{1}{2} V_m I_m \cos(\theta_v - \theta_i) + \frac{1}{2} V_m I_m \cos(2\omega t + \theta_v + \theta_i)$$

1/63

#### Ortalama Güç

$$p(t) = \frac{1}{2} V_m I_m \cos(\theta_v - \theta_i) + \frac{1}{2} V_m I_m \cos(2\omega t + \theta_v + \theta_i)$$

Ortalama güç, ani gücün bir periyottaki ortalamasıdır.

$$P = \frac{1}{T} \int_0^T p(t) dt$$

$$P = \frac{1}{T} \int_{0}^{T} \frac{1}{2} V_{m} I_{m} \cos(\theta_{v} - \theta_{i}) dt + \frac{1}{T} \int_{0}^{T} \frac{1}{2} V_{m} I_{m} \cos(2\omega t + \theta_{v} + \theta_{i}) dt$$

$$\frac{1}{2}V_mI_m\cos(\theta_v-\theta_i)$$

Bir periyot boyunca bir sinusoidin integrali 0'dır.

$$P = \frac{1}{2} V_m I_m \cos(\theta_v - \theta_i)$$

$$\mathbf{V} = V_m / \underline{\theta_v} \qquad \mathbf{I} = I_m / \underline{\theta_i}$$

$$\frac{1}{2}\mathbf{V}\mathbf{I}^* = \frac{1}{2}V_m I_m / \theta_v - \theta_i$$

$$= \frac{1}{2}V_m I_m [\cos(\theta_v - \theta_i) + j\sin(\theta_v - \theta_i)]$$

$$P = \frac{1}{2} \text{Re}[\mathbf{V}\mathbf{I}^*] = \frac{1}{2} V_m I_m \cos(\theta_v - \theta_i)$$

3/63

### Ortalama Güç

$$P = \frac{1}{2} V_m I_m \cos(\theta_v - \theta_i)$$

Eğer devrede sadece direnç varsa, voltaj ve akım aynı fazda olacaktır.

$$P = \frac{1}{2} V_m I_m = \frac{1}{2} I_m^2 R = \frac{1}{2} |\mathbf{I}|^2 R$$

Eğer devrede sadece kapasitör ve bobin varsa:  $\theta_v - \theta_i = \pm 90^\circ$ 

$$P = \frac{1}{2} V_m I_m \cos 90^\circ = 0$$

Yani: resistif bir yük her zaman güç tüketir, reaktif yük 0 ortlama güç tüketir.

Soru: Verilen akım ve voltaj değerlerine göre devrenin tükettiği ani ve ortalama gücü bulunuz.

$$v(t) = 120 \cos(377t + 45^{\circ}) \text{ V}$$
 and  $i(t) = 10 \cos(377t - 10^{\circ}) \text{ A}$   
 $p = vi = 1200 \cos(377t + 45^{\circ}) \cos(377t - 10^{\circ})$   
 $\cos A \cos B = \frac{1}{2} [\cos(A + B) + \cos(A - B)]$   
 $p = 600 [\cos(754t + 35^{\circ}) + \cos 55^{\circ}]$   
 $p(t) = 344.2 + 600 \cos(754t + 35^{\circ}) \text{ W}$  ani güç  
 $P = \frac{1}{2} V_m I_m \cos(\theta_v - \theta_i) = \frac{1}{2} 120(10) \cos[45^{\circ} - (-10^{\circ})]$   
 $= 600 \cos 55^{\circ} = 344.2 \text{ W}$  ortalama güç

### Ortalama Güç

Ödev: Verilen akım ve voltaj değerlerine göre devrenin tükettiği ani ve ortalama gücü bulunuz.

$$v(t) = 165 \cos(10t + 20^{\circ}) \text{ V}$$
 and  $i(t) = 20 \sin(10t + 60^{\circ}) \text{ A}$   
  $1.0606 + 1.65 \cos(20t - 10^{\circ}) \text{ kW}, 1.0606 \text{ kW}.$ 

Soru: Verilen empedansın tüketeceği ortalama gücü bulunuz.

$$Z = 30 - j70 \Omega$$
  $V = 120/0^{\circ}$ 

$$\mathbf{I} = \frac{\mathbf{V}}{\mathbf{Z}} = \frac{120/0^{\circ}}{30 - j70} = \frac{120/0^{\circ}}{76.16/-66.8^{\circ}} = 1.576/66.8^{\circ} \,\text{A}$$

$$P = \frac{1}{2} V_m I_m \cos(\theta_v - \theta_i) = \frac{1}{2} (120)(1.576) \cos(0 - 66.8^\circ) = 37.24 \text{ W}$$

7/62

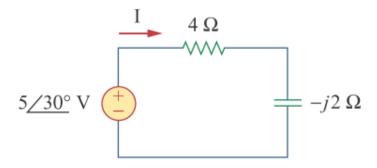
# Ortalama Güç

Ödev: Verilen empedansın tüketeceği ortalama gücü bulunuz.

$$\mathbf{Z} = 40 / -22^{\circ} \,\Omega$$

3.709 kW.

Soru: Verilen devrede kaynak tarafından sağlanan gücü ve direncin tükettiği gücü hesaplayınız.

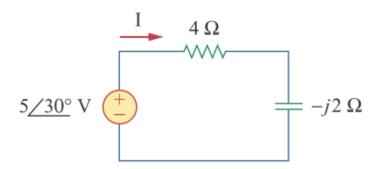


$$\mathbf{I} = \frac{5/30^{\circ}}{4 - j2} = \frac{5/30^{\circ}}{4.472/-26.57^{\circ}} = 1.118/56.57^{\circ} \,\mathrm{A}$$

$$P = \frac{1}{2}(5)(1.118)\cos(30^{\circ} - 56.57^{\circ}) = 2.5 \text{ W}$$

9/63

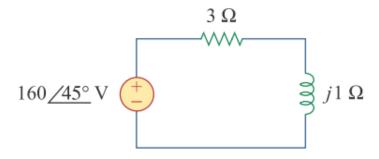
# Ortalama Güç



$$\mathbf{I}_R = \mathbf{I} = 1.118 / 56.57^{\circ} \,\text{A}$$
  $\mathbf{V}_R = 4\mathbf{I}_R = 4.472 / 56.57^{\circ} \,\text{V}$ 

$$P = \frac{1}{2} (4.472)(1.118) = 2.5 \,\text{W}$$

Ödev: Verilen devrede kaynak tarafından sağlanan gücü, bobinin ve direncin tükettiği gücü hesaplayınız.

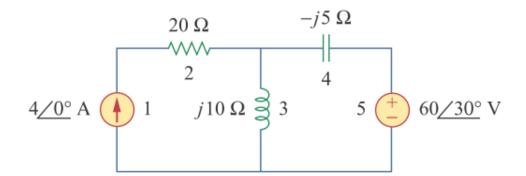


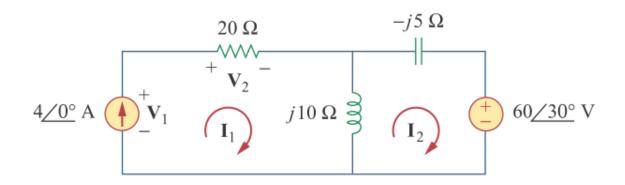
3.84 kW, 0 W, 3.84 kW.

11/63

# Ortalama Güç

Soru: Verilen devrede her kaynak ve pasif devre elemanları tarafından üretilen ve tüketilen gücü hesaplayınız.





$$(j10 - j5)\mathbf{I}_2 - j10\mathbf{I}_1 + 60/30^\circ = 0, \quad \mathbf{I}_1 = 4 \text{ A}$$
  
 $j5\mathbf{I}_2 = -60/30^\circ + j40 \implies \mathbf{I}_2 = -12/-60^\circ + 8$   
 $= 10.58/79.1^\circ \text{ A}$ 

$$P_5 = \frac{1}{2}(60)(10.58)\cos(30^\circ - 79.1^\circ) = 207.8 \text{ W}$$

13/0

# Ortalama Güç

$$\mathbf{V}_1 = 20\mathbf{I}_1 + j10(\mathbf{I}_1 - \mathbf{I}_2) = 80 + j10(4 - 2 - j10.39)$$

$$= 183.9 + j20 = 184.984 / 6.21^{\circ} \text{ V}$$

$$P_1 = -\frac{1}{2}(184.984)(4)\cos(6.21^{\circ} - 0) = -367.8 \text{ W}$$

$$20\mathbf{I}_{1} = 80\underline{/0^{\circ}} \qquad \mathbf{I}_{1} = 4\underline{/0^{\circ}} \qquad \qquad \mathbf{I}_{2} = 10.58\underline{/79.1^{\circ}}$$

$$P_{2} = \frac{1}{2}(80)(4) = 160 \text{ W} \qquad \qquad -j5\mathbf{I}_{2} = (5\underline{/-90^{\circ}})(10.58\underline{/79.1^{\circ}})$$

$$P_4 = \frac{1}{2}(52.9)(10.58)\cos(-90^\circ) = 0$$

$$\mathbf{I}_{1} - \mathbf{I}_{2} = 2 - j10.39 = 10.58 / -79.1^{\circ}$$

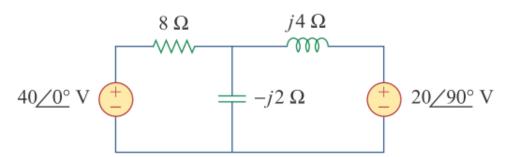
$$j10(\mathbf{I}_{1} - \mathbf{I}_{2}) = 10.58 / -79.1^{\circ} + 90^{\circ}$$

$$P_{3} = \frac{1}{2}(105.8)(10.58)\cos 90^{\circ} = 0$$

$$P_1 + P_2 + P_3 + P_4 + P_5 = -367.8 + 160 + 0 + 0 + 207.8 = 0$$

# Ortalama Güç

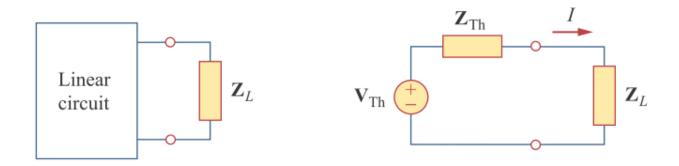
Ödev: Verilen devrede her kaynak ve pasif devre elemanları tarafından üretilen ve tüketilen gücü hesaplayınız.



40-V Voltage source: -60 W; j20-V Voltage source: -40 W;

resistor: 100 W; others: 0 W.

# Maksimum Ortalama Güç Transferi



$$\mathbf{Z}_L = R_L + jX_L = R_{\mathrm{Th}} - jX_{\mathrm{Th}} = \mathbf{Z}_{\mathrm{Th}}^*$$

Yüke aktarılan max güç:

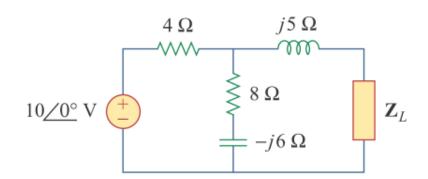
$$P_{max} = \frac{1}{2} \frac{(|V_{Th}|/2)^2}{R_{Th}} = \frac{|V_{Th}|^2}{8R_{Th}}$$

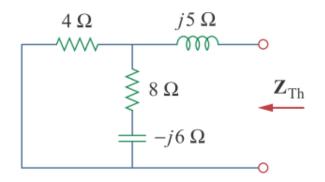
Eğer yük sadece resistif ise:  $R_L = |Z_{Th}|$  olmalıdır.

17/63

# Maksimum Ortalama Güç Transferi

Soru: Yüke  $(Z_L)$  maksimum güç transferi yapılabilmesi için  $Z_L$  ne olmalıdır? Yapılan max güç transferi nedir?



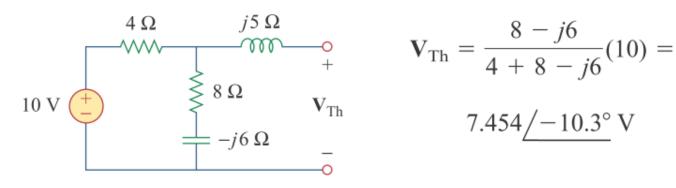


$$\mathbf{Z}_{\text{Th}} = j5 + 4 \| (8 - j6) =$$

$$j5 + \frac{4(8 - j6)}{4 + 8 - j6} =$$

$$2.933 + j4.467 \Omega$$

### Maksimum Ortalama Güç Transferi



$$\mathbf{V}_{\text{Th}} = \frac{8 - j6}{4 + 8 - j6} (10) =$$

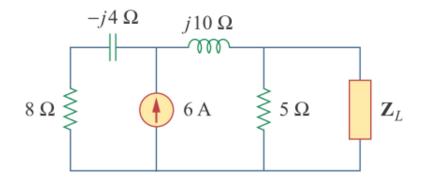
$$7.454 / -10.3^{\circ} \text{ V}$$

$$\mathbf{Z}_L = \mathbf{Z}_{\text{Th}}^* = 2.933 - j4.467 \,\Omega$$

$$P_{\text{max}} = \frac{|\mathbf{V}_{\text{Th}}|^2}{8R_{\text{Th}}} = \frac{(7.454)^2}{8(2.933)} = 2.368 \text{ W}$$

### Maksimum Ortalama Güç Transferi

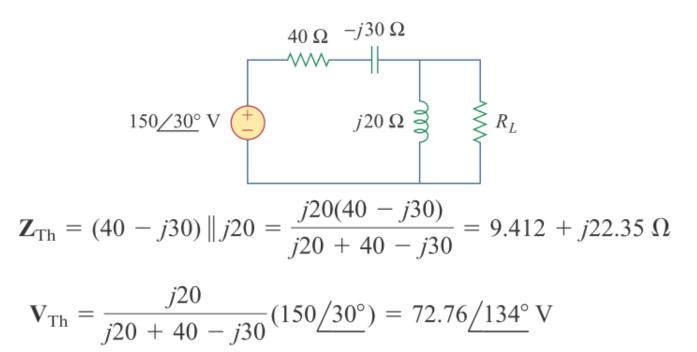
Ödev:  $Z_L$ 'ye maksimum güç transferi yapılabilmesi için  $Z_L$  ne olmalıdır? Yapılan max güç transferi nedir?



$$3.415 - j0.7317 \Omega$$
, 12.861 W.

### Maksimum Ortalama Güç Transferi

Soru: Maksimum ortalama güç tüketimi için  $R_L$ ne olmalıdır?  $R_L$ 'ye yapılan güç transferi nedir?



21/63

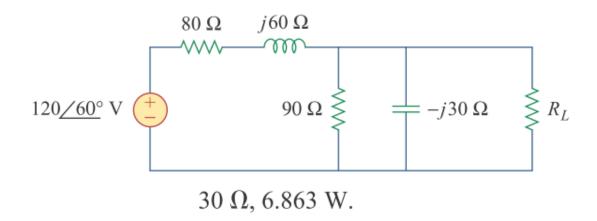
# Maksimum Ortalama Güç Transferi

$$R_L = |\mathbf{Z}_{Th}| = \sqrt{9.412^2 + 22.35^2} = 24.25 \,\Omega$$

$$\mathbf{I} = \frac{\mathbf{V}_{Th}}{\mathbf{Z}_{Th} + R_L} = \frac{72.76 / 134^{\circ}}{33.66 + j22.35} = 1.8 / 100.42^{\circ} \,\text{A}$$

$$P_{\text{max}} = \frac{1}{2} |\mathbf{I}|^2 R_L = \frac{1}{2} (1.8)^2 (24.25) = 39.29 \,\text{W}$$

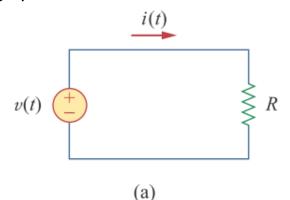
Ödev: Verilen devrede direnç maksimum ortalama güç çekecek şekilde ayarlanmıştır: Direnç ve çektiği gücü bulunuz.

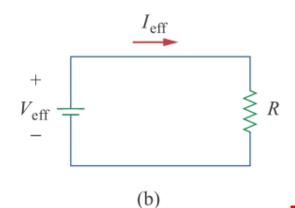


23/63

# Etkin Değer veya RMS Değeri

Bir periyodik akım veya gerilimin etkin değeri, ayni ortalama güç tüketimine neden olabilecek DC değeridir.





AC devrede direnç tarafından tüketilen ortalama güç:

$$P = \frac{1}{T} \int_0^T i^2 R \, dt = \frac{R}{T} \int_0^T i^2 \, dt$$

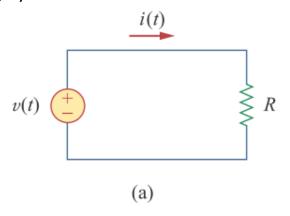
Aynı güç DC kaynaktan sağlansaydı:

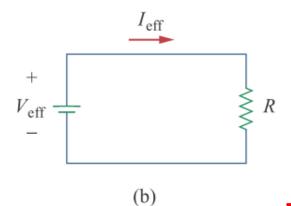
$$P = I_{\text{eff}}^2 R$$

$$I_{\text{eff}} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_{0}^{T} i^2 dt}$$

24/6

Bir periyodik akım veya gerilimin etkin değeri, ayni ortalama güç tüketimine neden olabilecek DC değeridir.





$$I_{\rm eff} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T i^2 \, dt}$$

$$V_{\rm eff} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T v^2 \, dt}$$

$$I_{\text{eff}} = I_{\text{rms}}, \qquad V_{\text{eff}} = V_{\text{rms}}$$

Herhangi bir periyodik sinya için

$$X_{\rm rms} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T x^2 dt}$$

25/6

# Etkin Değer veya RMS Değeri

$$i(t) = I_m \cos \omega t$$

$$cos^2(x) = \frac{1}{2} + \frac{cos(2x)}{2}$$

$$I_{\rm rms} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_0^T I_m^2 \cos^2 \omega t \, dt}$$

Kolay hesaplamak için f=1 olsun

$$= \sqrt{\frac{I_m^2}{T} \int_0^T \frac{1}{2} (1 + \cos 2\omega t) dt} = \sqrt{\frac{I_m^2}{2T} (\int_0^1 dt + \int_0^1 \cos(2\pi t) dt)}$$

$$= \sqrt{\frac{I_m^2}{2T}(T + \int_0^1 \cos(2\pi t)dt)} = \frac{I_m^2}{\sqrt{2}}$$

$$V_{\rm rms} = \frac{V_m}{\sqrt{2}}$$

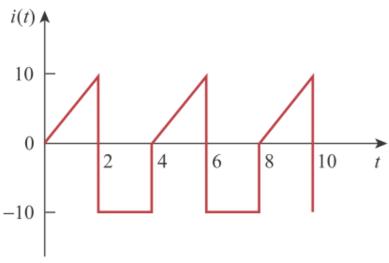
$$P = \frac{1}{2} V_m I_m \cos(\theta_v - \theta_i) = \frac{V_m}{\sqrt{2}} \frac{I_m}{\sqrt{2}} \cos(\theta_v - \theta_i)$$
$$= V_{\text{rms}} I_{\text{rms}} \cos(\theta_v - \theta_i)$$

Bir direnç tarafından tüketilen güç:

$$P = I_{\rm rms}^2 R = \frac{V_{\rm rms}^2}{R}$$

# Etkin Değer veya RMS Değeri

Soru: Grafikte bir akımın dalga formu verilmiştir. Bu akımın rms değerini bulunuz. Eğer bu akım 2  $\Omega$  dirençten geçiyorsa dirençte tüketilen gücü bulunuz.



27/63

$$T = 4$$
.

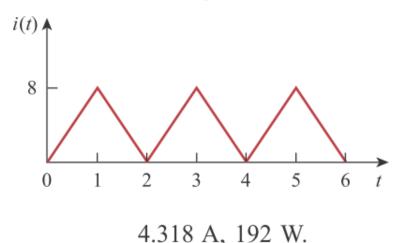
$$i(t) = \begin{cases} 5t, & 0 < t < 2 \\ -10, & 2 < t < 4 \end{cases}$$

$$I_{\text{rms}} = \sqrt{\frac{1}{T} \int_{0}^{T} i^{2} dt} = \sqrt{\frac{1}{4} \left[ \int_{0}^{2} (5t)^{2} dt + \int_{2}^{4} (-10)^{2} dt \right]}$$
$$= \sqrt{\frac{1}{4} \left[ 25 \frac{t^{3}}{3} \Big|_{0}^{2} + 100t \Big|_{2}^{4} \right]} = \sqrt{\frac{1}{4} \left( \frac{200}{3} + 200 \right)} = 8.165 \text{ A}$$

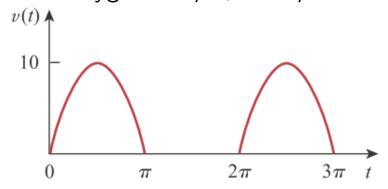
$$P = I_{\rm rms}^2 R = (8.165)^2 (2) = 133.3 \text{ W}$$

# Etkin Değer veya RMS Değeri

Ödev: Grafikte bir akımın dalga formu verilmiştir. Bu akımın rms değerini bulunuz. Eğer bu akım 9  $\Omega$  dirençten geçiyorsa dirençte tüketilen gücü bulunuz.



Aşağıda yarım dalga doğrultulmuş bir sinüs sinyali verilmitir. Bu gerilim sinyalinin rms değerini bulunuz. Bu voltaj  $10\Omega$  dirence uygulanmışsa, dirençte tüketilen gücü bulunuz.



$$v(t) = \begin{cases} 10 \sin t, & 0 < t < \pi \\ 0, & \pi < t < 2\pi \end{cases}$$

$$V_{\rm rms}^2 = \frac{1}{T} \int_0^T v^2(t) \, dt = \frac{1}{2\pi} \left[ \int_0^\pi (10 \sin t)^2 \, dt + \int_\pi^{2\pi} 0^2 \, dt \right]$$

31/63

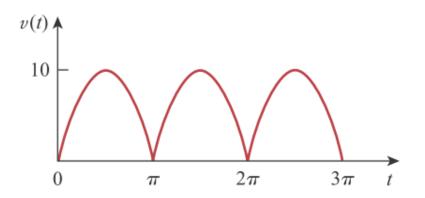
# Etkin Değer veya RMS Değeri

$$\sin^2 t = \frac{1}{2}(1 - \cos 2t)$$

$$V_{\text{rms}}^2 = \frac{1}{2\pi} \int_0^{\pi} \frac{100}{2} (1 - \cos 2t) \, dt = \frac{50}{2\pi} \left( t - \frac{\sin 2t}{2} \right) \Big|_0^{\pi}$$
$$= \frac{50}{2\pi} \left( \pi - \frac{1}{2} \sin 2\pi - 0 \right) = 25, \qquad V_{\text{rms}} = 5 \text{ V}$$

$$P = \frac{V_{\rm rms}^2}{R} = \frac{5^2}{10} = 2.5 \text{ W}$$

Ödev: Aşağıda tam dalga doğrultulmuş bir sinüs sinyali verilmitir. Bu gerilim sinyalinin rms değerini bulunuz. Bu voltaj  $6\Omega$  dirence uygulanmışsa, dirençte tüketilen gücü bulunuz.



7.071 V, 8.333 W.

#### Görünen Güç ve Güç Faktörü

$$\mathbf{V} = V_m / \underline{\theta_v}$$
 and  $\mathbf{I} = I_m / \underline{\theta_i}$ ,  $P = \frac{1}{2} V_m I_m \cos(\theta_v - \theta_i)$ 

 $v(t) = V_m \cos(\omega t + \theta_v)$  and  $i(t) = I_m \cos(\omega t + \theta_i)$ 

$$P = V_{\text{rms}}I_{\text{rms}}\cos(\theta_v - \theta_i) = S\cos(\theta_v - \theta_i)$$

$$S = V_{\text{rms}}I_{\text{rms}}$$

$$\text{pf} = \cos(\theta_v - \theta_i)$$

Ortalama güç iki terimin çarpımı olarak ifade edilebilir. $V_{rms}I_{rms}$  çarpımı görünen güçtir (S).  $\cos(\theta_v-\theta_i)$ ise güç faktörü (power factor - pf) olarak isimlendirilir. Görünen güç voltaj ve akımın rms değerlerinin çarpımıdır ve birimi volt-amperdir (VA).

 $pf = cos(\theta_i, -\theta_i)$ 

Gerilim ile akım arasındaki faz farkının cosinüsü güç faktörüdür. Aynı zamanda yük empedansının açısının cosinüsüdür.

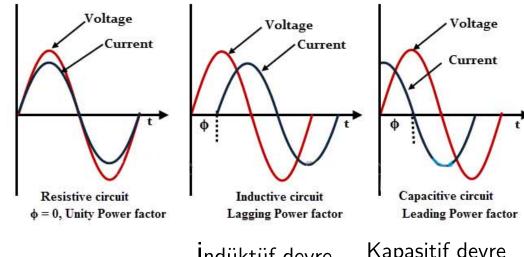
$$\mathbf{Z} = \frac{\mathbf{V}}{\mathbf{I}} = \frac{\mathbf{V}_{\text{rms}}}{\mathbf{I}_{\text{rms}}} = \frac{V_{\text{rms}}}{I_{\text{rms}}} / \theta_v - \theta_i$$

$$pf = \frac{P}{S} = \cos(\theta_v - \theta_i)$$

Saf resistif yük için  $\theta_v - \theta_i = 0$ , pf=1 Saf reaktif yük için  $\theta_v - \theta_i = \pm 90$ , pf=0 Güç faktörünün **ileride** veya **geride** olduğu ifade edilir. Akım voltajın ilerisinde ise pf ileridedir, yük kapasitiftir. Akım voltajın gerisinde ise pf geridedir, yük indüktiftir.

35/63

### Görünen Güç ve Güç Faktörü

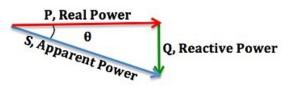


Indüktüf devre PF geride Kapasitif devre PF ileride

Lagging Power Factor

S, Apparent Power

Leading Power Factor



Soru: Aşağıda verilen voltaj ve akım değerleri bir yük üzerinde görülüyorsa, görünen güç ve güç faktörünü bulunuz. Yükün hangi devre bileşenlerinden oluştuğunu ve büyüklüklerini bulunuz.

$$i(t) = 4\cos(100\pi t + 10^{\circ}) \text{ A}$$
  $v(t) = 120\cos(100\pi t - 20^{\circ}) \text{ V}$ 

$$S = V_{\text{rms}}I_{\text{rms}} = \frac{120}{\sqrt{2}} \frac{4}{\sqrt{2}} = 240 \text{ VA}$$

$$pf = cos(\theta_v - \theta_i) = cos(-20^\circ - 10^\circ) = 0.866$$

Akım voltajın ilerisinde olduğu için güç faktörü de ileridedir.

$$\mathbf{Z} = \frac{\mathbf{V}}{\mathbf{I}} = \frac{120/-20^{\circ}}{4/10^{\circ}} = 30/-30^{\circ} = 25.98 - j15 \,\Omega$$

37/63

#### Görünen Güç ve Güç Faktörü

$$\mathbf{Z} = \frac{\mathbf{V}}{\mathbf{I}} = \frac{120/-20^{\circ}}{4/10^{\circ}} = 30/-30^{\circ} = 25.98 - j15 \,\Omega$$

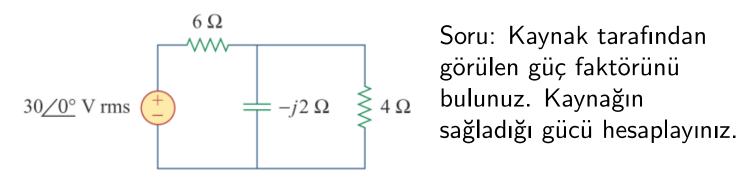
$$X_C = -15 = -\frac{1}{\omega C}$$
  $C = \frac{1}{15\omega} = \frac{1}{15 \times 100\pi} = 212.2 \,\mu\text{F}$ 

38/63

Ödev: Aşağıda verilen voltaj ve ve empedans değerleri için görünen güç ve güç faktörünü bulunuz.

$$\mathbf{Z} = 60 + j40 \Omega$$
  $v(t) = 160 \cos(377t + 10^{\circ}) \text{ V}.$ 

# Görünen Güç ve Güç Faktörü



Soru: Kaynak tarafından

$$\mathbf{Z} = 6 + 4 \| (-j2) = 6 + \frac{-j2 \times 4}{4 - j2} = 6.8 - j1.6 = 7 / -13.24^{\circ} \Omega$$

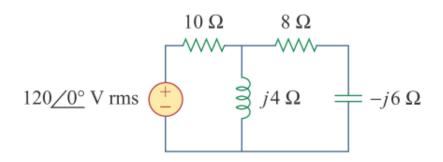
$$pf = cos(-13.24) = 0.9734$$
 ileride

$$\mathbf{I}_{\text{rms}} = \frac{\mathbf{V}_{\text{rms}}}{\mathbf{Z}} = \frac{30/0^{\circ}}{7/-13.24^{\circ}} = 4.286/13.24^{\circ} \,\text{A}$$

$$P = V_{\text{rms}}I_{\text{rms}} \text{ pf} = (30)(4.286)0.9734 = 125 \text{ W}$$

$$P = I_{\text{rms}}^2 R = (4.286)^2 (6.8) = 125 \text{ W}$$

Ödev: Kaynak tarafından görülen güç faktörünü bulunuz. Kaynağın sağladığı gücü hesaplayınız.



0.936 lagging, 1.062 kW. geri

41/63

# Karmaşık Güç

Yükün tüm etkisi Karmaşık Güç ile gösterilebilir.

 $\mathbf{S} = I_{\text{rms}}^2 \mathbf{Z} = \frac{V_{\text{rms}}^2}{\mathbf{Z}^*} = \mathbf{V}_{\text{rms}} \mathbf{I}_{\text{rms}}^*$ 

$$\mathbf{S} = \frac{1}{2}\mathbf{V}\mathbf{I}^{*} \qquad \mathbf{S} = \mathbf{V}_{rms}\mathbf{I}_{rms}^{*}$$

$$\mathbf{V}_{rms} = \frac{\mathbf{V}}{\sqrt{2}} = V_{rms}\underline{/\theta_{v}}$$

$$\mathbf{I}_{rms} = \frac{\mathbf{I}}{\sqrt{2}} = I_{rms}\underline{/\theta_{i}}$$

$$\mathbf{V} = V_{m}\underline{/\theta_{v}}$$

$$\mathbf{V} = V_{m}\underline{/\theta_{v}}$$

$$\mathbf{I} = I_{m}\underline{/\theta_{i}}$$

$$\mathbf{I} = I_{m}\underline{/\theta_{i}}$$

$$\mathbf{I} = I_{m}\underline{/\theta_{i}}$$

42/63

$$\mathbf{S} = I_{\text{rms}}^2 (R + jX) = P + jQ$$

$$P = V_{\text{rms}} I_{\text{rms}} \cos(\theta_v - \theta_i), \qquad Q = V_{\text{rms}} I_{\text{rms}} \sin(\theta_v - \theta_i)$$

Q=0: Resistif yük, güç faktörü beraber

Q < 0: Kapasitif yük, güç faktörü önde

Q>0: İndüktif yük, güç faktörü geride.

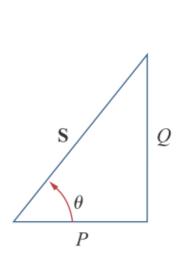
13/63

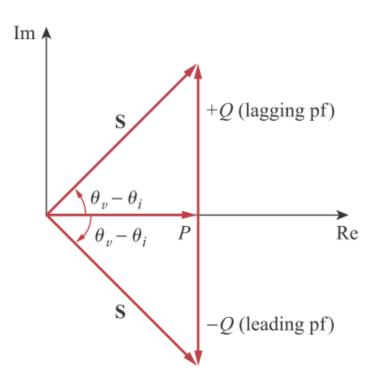
# Karmaşık Güç

Karmaşık Güç 
$$\mathbf{S} = P + jQ = \mathbf{V}_{\mathrm{rms}}(\mathbf{I}_{\mathrm{rms}})^* = \mathbf{V}_{\mathrm{rms}}\mathbf{I}_{\mathrm{rms}}/\underline{\theta_v - \theta_i}$$
 Görünen Güç  $S = |\mathbf{S}| = \mathbf{V}_{\mathrm{rms}}\mathbf{I}_{\mathrm{rms}} = \sqrt{P^2 + Q^2}$  VA Aktif Güç  $P = \mathrm{Re}(\mathbf{S}) = S\cos(\theta_v - \theta_i)$  Watt Reaktif Güç  $Q = \mathrm{Im}(\mathbf{S}) = S\sin(\theta_v - \theta_i)$  VAR

Güç Faktörü  $\frac{P}{S} = \cos(\theta_v - \theta_i)$ 

# Güç Üçgeni





45/63

# Karmaşık Güç

$$v(t) = 60 \cos(\omega t - 10^{\circ})$$
  $i(t) = 1.5 \cos(\omega t + 50^{\circ}) \text{ A}$ 

Soru: Bir yükün üzerindeki gerilim ve yükten geçen akım aşağıda verilmiştir.

- a) Karmaşık ve görünen gücü,
- b) Aktif ve reaktif gücü,
- c) Güç faktörünü ve yük empedansını bulunuz.

$$\mathbf{V}_{\text{rms}} = \frac{60}{\sqrt{2}} \underline{/-10^{\circ}}, \qquad \mathbf{I}_{\text{rms}} = \frac{1.5}{\sqrt{2}} \underline{/+50^{\circ}}$$

$$\mathbf{S} = \mathbf{V}_{\text{rms}} \mathbf{I}_{\text{rms}}^* = \left(\frac{60}{\sqrt{2}} \underline{/-10^{\circ}}\right) \left(\frac{1.5}{\sqrt{2}} \underline{/-50^{\circ}}\right) = 45 \underline{/-60^{\circ}} \text{ VA}$$

$$S = |\mathbf{S}| = 45 \text{ VA}$$

$$\mathbf{S} = 45 / -60^{\circ} = 45 [\cos(-60^{\circ}) + j \sin(-60^{\circ})] = 22.5 - j38.97$$
  
 $\mathbf{S} = P + jQ$   $P = 22.5 \text{ W}$   $Q = -38.97 \text{ VAR}$ 

 $pf = cos(-60^{\circ}) = 0.5$  Reaktif güç negatif olduğu için önde

$$\mathbf{Z} = \frac{\mathbf{V}}{\mathbf{I}} = \frac{60/-10^{\circ}}{1.5/+50^{\circ}} = 40/-60^{\circ} \,\Omega$$

47/63

#### Karmaşık Güç

Ödev: Bir yükteki akım ve gerilim aşağıda verilmiştir.

- a) Karmaşık ve görünen gücü,
- b) Aktif ve reaktif gücü,
- c) Güç faktörünü ve yük empedansını bulunuz.

$$V_{\rm rms} = 110/85^{\circ} V$$
  $I_{\rm rms} = 0.4/15^{\circ} A$ 

(a) 
$$44/70^{\circ}$$
 VA, 44 VA, (b) 15.05 W, 41.35 VAR,

(c) 0.342 (geri), 
$$94.06 + j258.4 \Omega$$

Soru: Bir yük, 0.856 geri güç faktörü ile 120 Vrms bir kaynaktan 12 kVA güç çekiyor. a) aktif ve reaktif gücü, b) akımın max değerini, c) yük empedansını bulunuz.

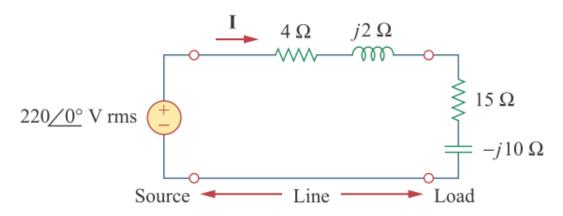
pf = 
$$\cos \theta = 0.856$$
  $\theta = \cos^{-1} 0.856 = 31.13^{\circ}$   $S = 12,000$  VA.  
 $P = S \cos \theta = 12,000 \times 0.856 = 10.272$  kW  
 $Q = S \sin \theta = 12,000 \times 0.517 = 6.204$  kVA  
 $\mathbf{S} = P + jQ = 10.272 + j6.204$  kVA  $\mathbf{S} = \mathbf{V}_{rms} \mathbf{I}_{rms}^*$   
 $\mathbf{I}_{rms}^* = \frac{\mathbf{S}}{\mathbf{V}_{rms}} = \frac{10,272 + j6204}{120/0^{\circ}} = 85.6 + j51.7$  A =  $100/31.13^{\circ}$  A  
 $\mathbf{I}_{rms} = 100/-31.13^{\circ}$   $I_m = \sqrt{2}I_{rms} = \sqrt{2}(100) = 141.4$  A  
 $\mathbf{Z} = \frac{\mathbf{V}_{rms}}{\mathbf{I}_{rms}} = \frac{120/0^{\circ}}{100/-31.13^{\circ}} = 1.2/31.13^{\circ}$   $\Omega$ 

# Karmaşık Güç

Ödev: Bir kaynak empedansı  ${\bf Z}=250/\!\!\!\!/-75$  olan yüke 20kVAR reaktif güç sağlamaktadır.

- a) Güç faktörü b) yükteki görünen gücü c) rms voltajını bulunuz.
  - (a) 0.2588 leading, (b) 20.71 kVA, (c) 2.275 kV.

Soru: Verilen devrede yük bir voltaj kaynağı tarafından iletim hattından beslenmektedir. Hattın empedansı  $4+j2\Omega$  ile temsil edilmektedir. Kaynak, hat ve yükün gerçek gücü ve reaktif gücünü hesaplayınız.



51/63

# Karmaşık Güç

$$\mathbf{Z} = (4 + j2) + (15 - j10) = 19 - j8 = 20.62 / -22.83^{\circ} \Omega$$

$$\mathbf{I} = \frac{\mathbf{V}_s}{\mathbf{Z}} = \frac{220 / 0^{\circ}}{20.62 / -22.83^{\circ}} = 10.67 / 22.83^{\circ} \text{ A rms}$$

$$\mathbf{S}_s = \mathbf{V}_s \mathbf{I}^* = (220 / 0^{\circ})(10.67 / -22.83^{\circ})$$

$$= 2347.4 / -22.83^{\circ} = (2163.5 - j910.8) \text{ VA}$$

$$\mathbf{V}_{\text{line}} = (4 + j2)\mathbf{I} = (4.472 / 26.57^{\circ})(10.67 / 22.83^{\circ})$$

$$= 47.72 / 49.4^{\circ} \text{ V rms}$$

$$\mathbf{S}_{\text{line}} = \mathbf{V}_{\text{line}} \mathbf{I}^* = (47.72 / 49.4^{\circ})(10.67 / -22.83^{\circ})$$

 $= 509.2/26.57^{\circ} = 455.4 + j\overline{227.7} \text{ VA}$ 

 $\mathbf{S}_{\text{line}} = |\mathbf{I}|^2 \mathbf{Z}_{\text{line}} = (10.67)^2 (4 + j2) = 455.4 + j227.7 \text{ VA}$ 

$$\mathbf{V}_{L} = (15 - j10)\mathbf{I} = (18.03 / -33.7^{\circ})(10.67 / 22.83^{\circ})$$

$$= 192.38 / -10.87^{\circ} \text{ V rms}$$

$$\mathbf{S}_{L} = \mathbf{V}_{L}\mathbf{I}^{*} = (192.38 / -10.87^{\circ})(10.67 / -22.83^{\circ})$$

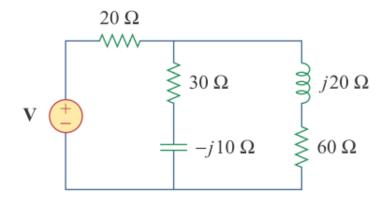
$$= 2053 / -33.7^{\circ} = (1708 - j1139) \text{ VA}$$

$$\mathbf{S}_{S} = \mathbf{S}_{\text{line}} + \mathbf{S}_{L}$$

53/63

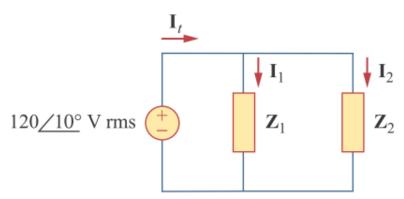
### Karmaşık Güç

Ödev: Verilen devrede 60  $\Omega$  direnç 240 W ortlama güç tüketiyor ise  $\mathbf V$  ve her dalın komplex gücünü hesaplayınız. (60  $\Omega$  dirençten akan akımda faz kayması olmadığını farzedin.)



**Answer:**  $240.67/21.45^{\circ}$  V (rms); the  $20-\Omega$  resistor: 656 VA; the (30-j10)  $\Omega$  impedance: 480-j160 VA; the (60+j20)  $\Omega$  impedance: 240+j80 VA; overall: 1376-j80 VA.

Soru: Verilen devrede  ${\bf Z}_1=60/\!\!\!/-30$  ve  ${\bf Z}_2=40/\!\!\!/45$  ise, görünen gücü, gerçek gücü, reaktif gücü ve güç faktörünü hesaplayınız.



$$I_1 = \frac{\mathbf{V}}{\mathbf{Z}_1} = \frac{120/10^{\circ}}{60/-30^{\circ}} = 2/40^{\circ} \text{ A rms}$$

$$I_2 = \frac{\mathbf{V}}{\mathbf{Z}_2} = \frac{120/10^{\circ}}{40/45^{\circ}} = 3/-35^{\circ} \text{ A rms}$$

55/6

### Karmaşık Güç

$$\mathbf{S}_{1} = \frac{V_{\text{rms}}^{2}}{\mathbf{Z}_{1}^{*}} = \frac{(120)^{2}}{60/30^{\circ}} = 240/-30^{\circ} = 207.85 - j120 \text{ VA}$$

$$\mathbf{S}_{2} = \frac{V_{\text{rms}}^{2}}{\mathbf{Z}_{2}^{*}} = \frac{(120)^{2}}{40/-45^{\circ}} = 360/45^{\circ} = 254.6 + j254.6 \text{ VA}$$

$$\mathbf{S}_{t} = \mathbf{S}_{1} + \mathbf{S}_{2} = 462.4 + j134.6 \text{ VA}$$

$$|\mathbf{S}_{t}| = \sqrt{462.4^{2} + 134.6^{2}} = 481.6 \text{ VA}.$$

$$P_{t} = \text{Re}(\mathbf{S}_{t}) = 462.4 \text{ W or } P_{t} = P_{1} + P_{2}.$$

$$Q_{t} = \text{Im}(\mathbf{S}_{t}) = 134.6 \text{ VAR or } Q_{t} = Q_{1} + Q_{2}.$$

 $pf = P_t/|S_t| = 462.4/481.6 = 0.96$  geride

56/63

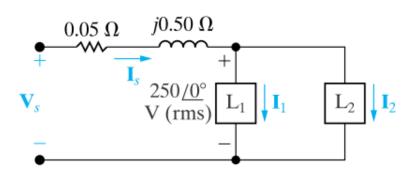
Ödev: Paralel bağlı iki yük sırasıyla ileri 0.75 güc faktörü ile 2 kW ve geri 0.95 güç faktrü ile 4 kW güç geçmektedir. Kaynak tarafından sağlanılan karmaşık gücü ve iki yükün güç faktörünü hesaplayınız.

0.9972 (leading), 
$$6 - j0.4495$$
 kVA.

57/63

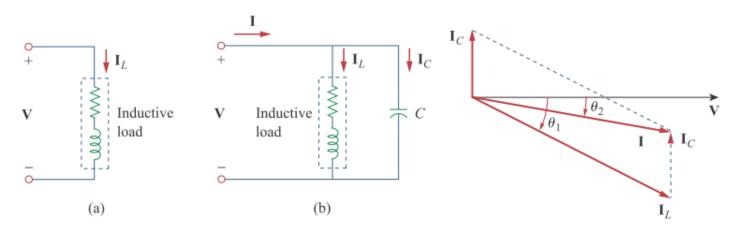
# Karmaşık Güç

Ödev: Verilen devrede 1. Yük 8 kW ileri 0.8 güç faktörü ile çalışmaktadır. Yük 2 0.6 geri güç faktöründe 20 kVA güç çekmektedir. a) Her iki yükün güç faktörünü b) Yükleri beslemek için gerekli olan görünen gücü,  $\mathbf{I}_s$  ve iletim hattındaki kaybı c) Kaynağın frekansı 60 Hz ise güç faktörünü 1 yapmak için gerekli olan kapasitörü bulunuz. Güç faktörü 1 olduktan sonra (b)'deki hesaplamaları tekrar yapınız.

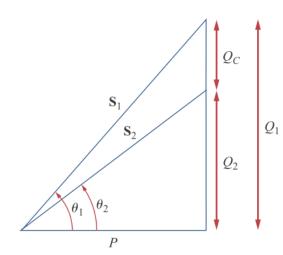


### Güç Faktörü Düzeltme

Güç faktörünün, orjinal yüke gelen akım veya voltajın değiştirilmeden arttırılmasına güç faktörü düzeltme (power factor correction) denir.



# Güç Faktörü Düzeltme



$$P = S_1 \cos \theta_1$$

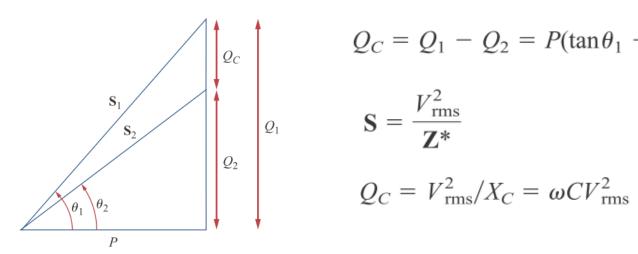
$$Q_1 = S_1 \sin \theta_1 = P \tan \theta_1$$

$$Q_2 = P \tan \theta_2$$

Reaktif güçteki düşmeye şönt kapasitör neden olur.

$$Q_C = Q_1 - Q_2 = P(\tan \theta_1 - \tan \theta_2)$$

### Güç Faktörü Düzeltme



$$Q_C = Q_1 - Q_2 = P(\tan \theta_1 - \tan \theta_2)$$

$$\mathbf{S} = \frac{V_{\text{rms}}^2}{\mathbf{Z}^*}$$

$$Q_C = V_{\rm rms}^2 / X_C = \omega C V_{\rm rms}^2$$

$$C = \frac{Q_C}{\omega V_{\rm rms}^2} = \frac{P(\tan \theta_1 - \tan \theta_2)}{\omega V_{\rm rms}^2}$$

# Güç Faktörü Düzeltme

Soru: 4 kWpf=0.8 geri bir yük 120 Vrms 60 Hz iletim hattına bağlanmıştır.pf=0.95 yapılması için bağlanması gereken kapasitör nedir?

$$\cos \theta_1 = 0.8 \quad \theta_1 = 36.87^{\circ}$$

$$\cos \theta_1 = 0.8$$
  $\theta_1 = 36.87^{\circ}$   $S_1 = \frac{P}{\cos \theta_1} = \frac{4000}{0.8} = 5000 \text{ VA}$ 

$$Q_1 = S_1 \sin \theta = 5000 \sin 36.87 = 3000 \text{ VAR}$$

$$\cos \theta_2 = 0.95 \qquad \Rightarrow \qquad \theta_2 = 18.19^{\circ}$$

$$S_2 = \frac{P}{\cos \theta_2} = \frac{4000}{0.95} = 4210.5 \text{ VA}$$
  $Q_2 = S_2 \sin \theta_2 = 1314.4 \text{ VAR}$ 

$$Q_C = Q_1 - Q_2 = 3000 - 1314.4 = 1685.6 \text{ VAR}$$

$$C = \frac{Q_C}{\omega V_{\rm rms}^2} = \frac{1685.6}{2\pi \times 60 \times 120^2} = 310.5 \,\mu\text{F}$$

# Güç Faktörü Düzeltme

Ödev: Yük 110 V(rms) 60 Hz hattan besleniyorsa, pf=0.85 geri, 140 kVAR yükün güç faktörünü bir yapmak için bağlanması gereken paralel kapasitans ne olmalıdır.

30.69 mF.

63/63