

「料紙研究の最新手法と成果」関連データ

渋谷 綾子

このファイルは、2020 年 10 月 12 日（月）東京大学史料編纂所前近代日本史情報国際センター・画像史料解析センター共同研究会の資料作成に使用した R マークダウンのコードである。

Fig1 は、現生標本（イネ、アワ、キビ、ヒエ）と松尾大社社蔵史料で確認された料紙のデンプン粒（イネ、トロロアオイ、種不明）について、Fig2 は同じく現生標本と陽明文庫所蔵史料で確認された料紙のデンプン粒（イネ、トロロアオイ、種不明）について、粒径の比較・検討を行い、それぞれの特徴を可視化した。デンプン粒の粒径範囲は標本によって左右されるが（藤本 1994）、現生標本は渋谷（2010）で計測したデータ（任意で 20 個抽出）にもとづくものである。松尾大社社蔵史料の料紙におけるデンプン粒は、調査史料 63 点の撮影箇所における計測結果を用いており、イネ 223 個、トロロアオイ 30 個、種不明 106 個である。陽明文庫所蔵史料の料紙のデンプン粒は、調査史料 90 点の撮影箇所における計測結果を用いており、イネ 329 個（函番号 11：89 個、函番号 47：223 個、函番号 132：17 個）、トロロアオイ 111 個（函番号 11：49 個、函番号 47：42 個、函番号 47：20 個）、種不明 3 個（函番号 11 のみ）である。

Fig3 は、松尾大社社蔵史料の年代と細胞組織／柔組織、繊維の含有量について、それぞれ撮影 1 箇所あたりの計測数を表す。2018 年度・2019 年度の調査史料 63 点における含有状況であり、松尾大社のすべての史料を網羅しているわけではないことを断っておく。

Fig4～9 は、松尾大社社蔵史料と陽明文庫所蔵史料に含有されたデンプン粒、鉍物、細胞組織、繊維に対する主成分分析の結果を示し、Fig10 は陽明文庫所蔵史料について、調査史料における料紙面積と構成物（合計）の相関分析の結果である。さらに、松尾大社社蔵史料と陽明文庫所蔵史料の料紙構成物（デンプン粒、鉍物、細胞組織、繊維、ほか）に対する因子分析のコードを示す。これらの因子分析の結果については、報告資料（PDF）で説明する。

パッケージの読み込み

```
library(ggplot2)
library(readr)
library(tidyverse)
library(knitr)
library(rmarkdown)
library(revealjs)
library(scales)
```

```
library(reshape2)
library(ggfortify)
```

現生デンプン粒標本と料紙のデンプン粒の比較

松尾大社社蔵史料の料紙に含有されたデンプン粒の特徴

Fig1 作成のためのCSV ファイルの読み取り

```
starch <- read_csv("matsuono_ryoshi-starch.csv")
```

```
head(starch) # データフレームの上6行を表示
```

```
# A tibble: 6 x 2
```

デンプン粒の種類 粒径範囲

<chr> <dbl>

1 現生アワ	10
2 現生アワ	11.5
3 現生アワ	7.69
4 現生アワ	8.46
5 現生アワ	11.5
6 現生アワ	7.69

```
names(starch) # starch に含まれるすべての変数名
```

```
[1] "デンプン粒の種類" "粒径範囲"
```

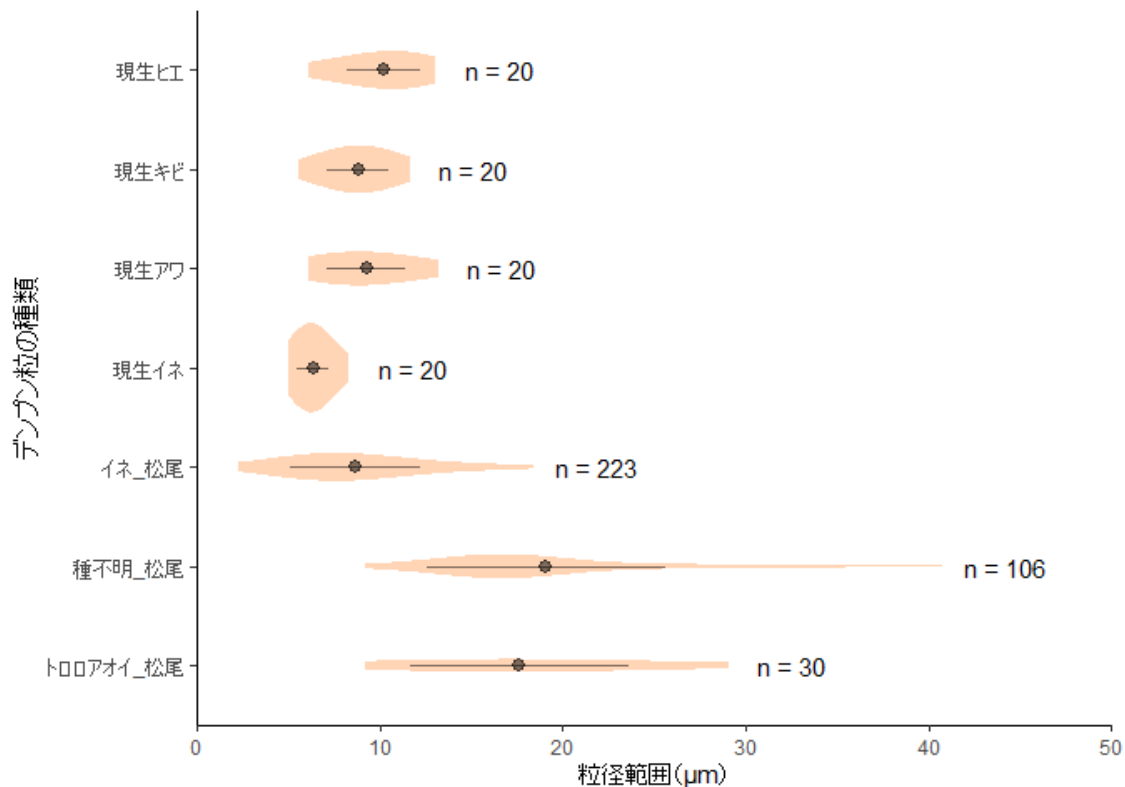
```
dim(starch) # starch に含まれる観測数と変数の数を表示させる
```

```
[1] 439 2
```

```
n_fun <- function(x){
  return(data.frame(y = max(x)+3.5, label = paste0("n = ",length(x))))
}
```

```
ggplot(starch, aes(x = デンプン粒の種類, y = 粒径範囲)) +
  geom_violin(trim=T,fill="#FF8223",linetype="blank",alpha=I(1/3),adjust=
2.5)+ # バイオリンプロット作成
  stat_summary(geom="pointrange",fun = mean, fun.min = function(x) mean
(x)-sd(x),
              fun.max = function(x) mean(x)+sd(x), size=.5,alpha=.5)+ #
  平均値±標準偏差をプロット
  stat_summary(fun.data = n_fun, geom = "text",colour="black",size=4)+ #
  各グループのデータ数を最大値の位置に追加
  scale_y_continuous(breaks = c(0,10,20,30,40,50), limits = c(0,50), expa
nd = c(0,0))+ # 数値軸の目盛りを指定
```

```
scale_x_discrete(limit=c("トロロアオイ_松尾", "種不明_松尾", "イネ_松尾", "現生イネ", "現生アワ", "現生キビ", "現生ヒエ")) +
# 文字軸の順番を指定
coord_flip() + # 90度横向きにする
labs(x = "デンプン粒の種類", y = "粒径範囲 (μm)") + # ラベルの指定
theme_classic()
```



```
ggsave(file = "fig1.png", dpi = 300) # ファイルの保存
```

料紙におけるデンプン粒の粒径は分散が大きい。

陽明文庫所蔵史料の料紙に含有されたデンプン粒の特徴

Fig2 作成のためのCSV ファイルの読み取り

```
starch <- read_csv("yomei-starch.csv")
```

```
head(starch) # データフレームの上6行を表示
```

```
# A tibble: 6 x 2
```

```
デンプン粒の種類 粒径範囲
```

```
<chr> <dbl>
```

```
1 現生アワ 10
```

```
2 現生アワ 11.5
```

3 現生アワ	7.69
4 現生アワ	8.46
5 現生アワ	11.5
6 現生アワ	7.69

```
names(starch) # starch に含まれるすべての変数名
```

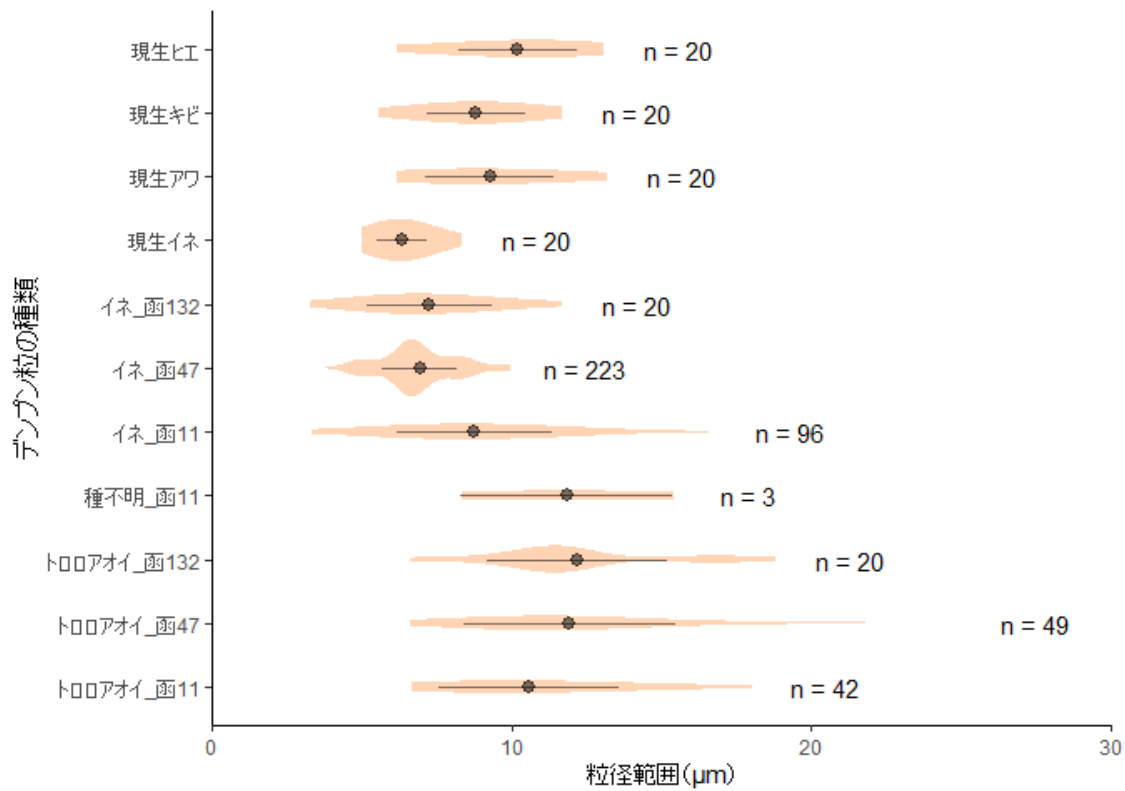
```
[1] "デンプン粒の種類" "粒径範囲"
```

```
dim(starch) # starch に含まれる観測数と変数の数を表示させる
```

```
[1] 533 2
```

```
n_fun <- function(x){
  return(data.frame(y = max(x)+2.5, label = paste0("n = ",length(x))))
}
```

```
ggplot(starch, aes(x = デンプン粒の種類, y = 粒径範囲)) +
  geom_violin(trim=T,fill="#FF8223",linetype="blank",alpha=I(1/3),adjust=
2.5)+ # バイオリンプロット作成
  stat_summary(geom="pointrange",fun = mean, fun.min = function(x) mean
(x)-sd(x),
              fun.max = function(x) mean(x)+sd(x), size=.5,alpha=.5)+ #
  平均値±標準偏差をプロット
  stat_summary(fun.data = n_fun, geom = "text",colour="black",size=4)+ #
  各グループのデータ数を最大値の位置に追加
  scale_y_continuous(breaks = c(0,10,20,30), limits = c(0,30), expand = c
(0,0))+ # 数値軸の目盛りを指定
  scale_x_discrete(limit=c("トロロアオイ_函 11","トロロアオイ_函 47","トロロ
アオイ_函 132","種不明_函 11","イネ_函 11","イネ_函 47","イネ_函 132","現生イネ
","現生アワ","現生キビ","現生ヒエ")) + # 文字軸の順番を指定
  coord_flip() + # 90 度横向きにする
  labs(x = "デンプン粒の種類", y = "粒径範囲 (μm) ") + # ラベルの指定
  theme_classic()
```



```
ggsave(file = "fig2.png", dpi = 300) # ファイルの保存
```

料紙におけるデンプン粒の粒径は分散が大きい。

松尾大社社蔵史料の料紙構成物における時期的変化

細胞組織・柔細胞

Fig3(1) 作成のための CSV ファイルの読み取り

```
tissue <- read_csv("matsunoo_tissue-fibre.csv")
```

```
head(tissue) # データフレームの上 6 行を表示
```

```
# A tibble: 6 x 4
```

史料名 <chr>	西暦 <dbl>	細胞組織 <dbl>	繊維 <dbl>
1 池田庄立券文 (案)	1171	0	0
2 左辨官下文	1181	55.2	0.67
3 源頼朝下知状	1196	87.7	0
4 沙彌證阿讓状	1197	39.3	0.83

5	左辨官下文（残欠）	1204	34.5	1
6	兩六波羅下知状	1231	34.5	1

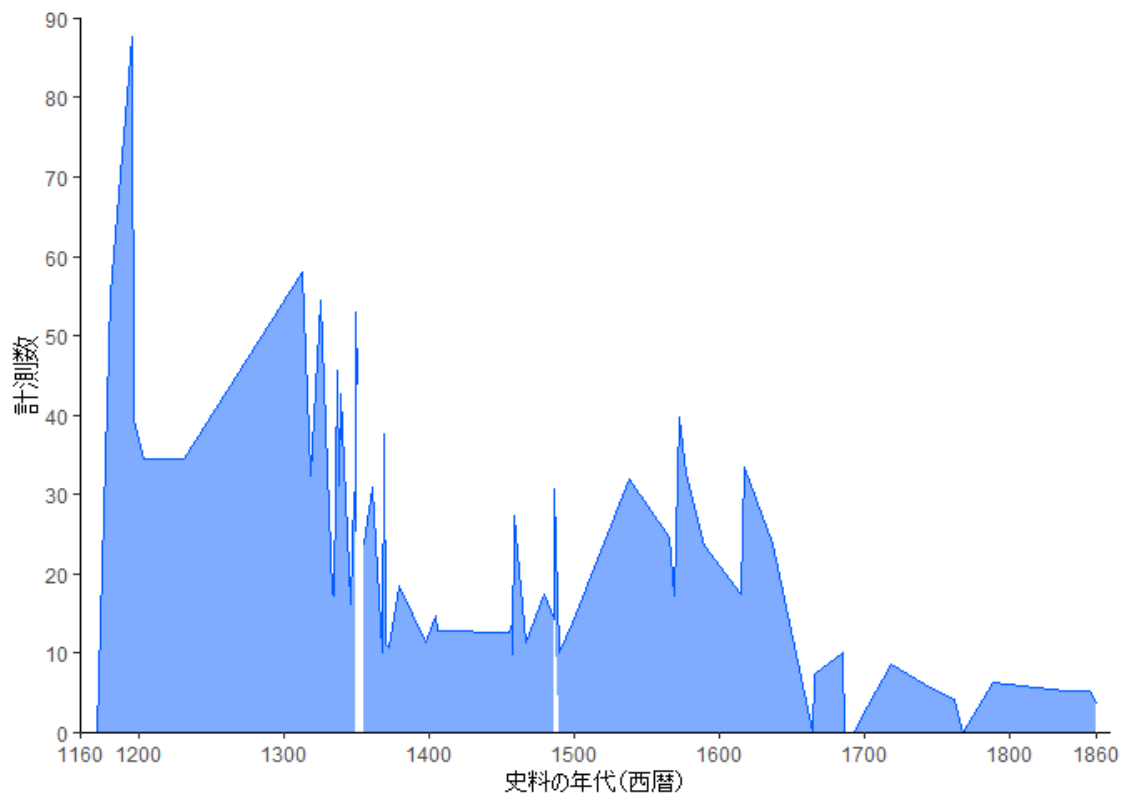
```
names(tissue) # tissue-fibre に含まれるすべての変数名
```

```
[1] "史料名" "西暦" "細胞組織" "繊維"
```

```
dim(tissue) # tissue-fibre に含まれる観測数と変数の数を表示させる
```

```
[1] 63 4
```

```
ggplot(tissue, aes(x = 西暦, y = 細胞組織)) +  
  geom_area(colour = "#005aff", fill = "#005aff", alpha=0.5) + # 網掛け領  
域付きの折れ線グラフの作成  
  scale_x_continuous(breaks = c(1160,1200,1300,1400,1500,1600,1700,1800,1  
860),  
                      limits = c(1160,1870), expand = c(0,0)) + # X 軸の目  
盛りを指定  
  scale_y_continuous(breaks = c(0,10,20,30,40,50,60,70,80,90), limits = c  
(0,90), expand = c(0,0)) + # Y 軸の目盛りを指定  
  labs(x = "史料の年代（西暦）", y = "計測数") + # ラベルの指定  
  theme_classic()
```

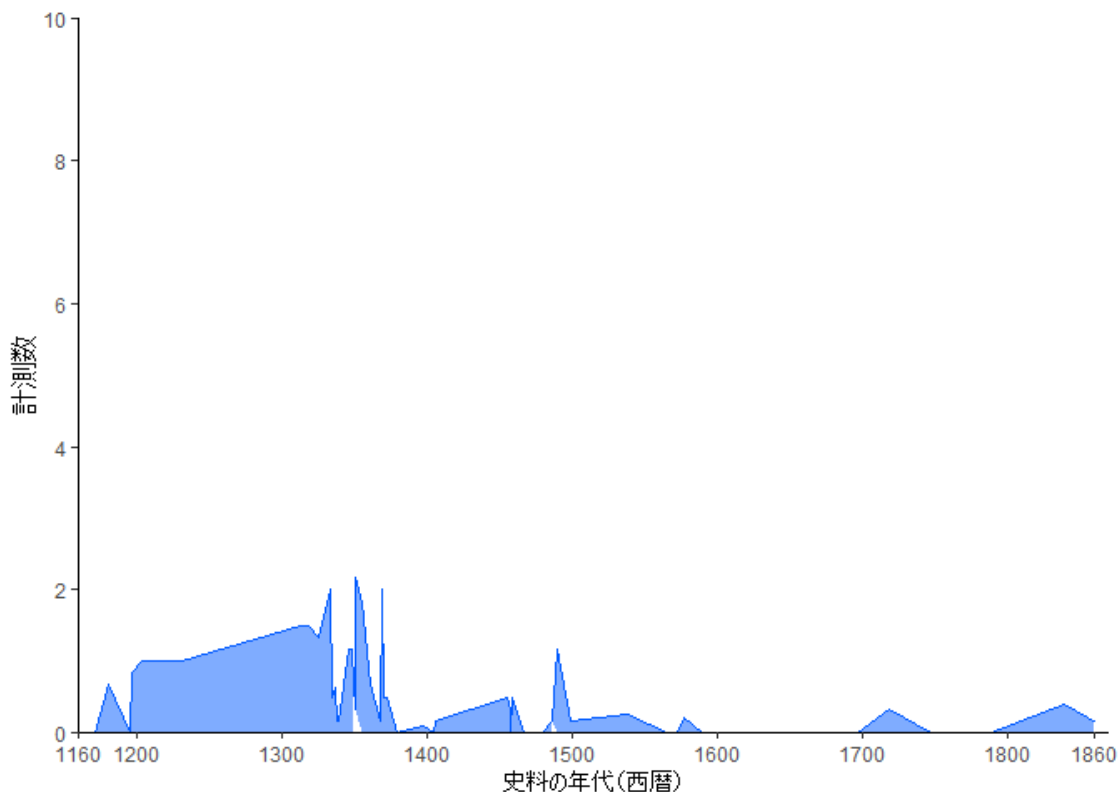


```
ggsave(file = "fig3-1.png", width = 6, height = 4, dpi = 300) # ファイル  
の保存
```

調査史料では 1300 年代と 1600 年代後半に画期がある。

繊維

```
ggplot(tissue, aes(x = 西暦, y = 繊維)) +  
  geom_area(colour = "#005aff", fill = "#005aff", alpha=0.5) + # 網掛け領  
域付きの折れ線グラフの作成  
  scale_x_continuous(breaks = c(1160,1200,1300,1400,1500,1600,1700,1800,1  
860),  
                    limits = c(1160,1870), expand = c(0,0)) + # X 軸の目  
盛りを指定  
  scale_y_continuous(breaks = c(0,2,4,6,8,10), limits = c(0,10), expand =  
c(0,0)) + # Y 軸の目盛りを指定  
  labs(x = "史料の年代（西暦）", y = "計測数") + # ラベルの指定  
  theme_classic()
```



```
ggsave(file = "fig3-2.png", width = 6, height = 4, dpi = 300) # ファイル  
の保存
```

調査史料では 1500 年代以降は減少傾向。

松尾大社社蔵史料の料紙構成物に対する主成分分析

```
tbs <- read_csv("matsunoo-compo.csv") # CSV ファイルの読み取り
tbs # 読み込んだデータ
```

```
# A tibble: 63 x 7
```

	目録番号	紙素材	デンプン粒	鉍物	細胞組織	繊維	ほか
	<dbl>	<chr>	<dbl>	<dbl>	<dbl>	<dbl>	<dbl>
1	1	コウゾ	0	0	0	0	41
2	2	コウゾ	0	0	497	6	62
3	3	コウゾ	2	6	263	0	0
4	4	コウゾ	0	1	236	5	0
5	5	コウゾ	0	0	207	6	0
6	6	コウゾ	0	0	207	6	0
7	7	コウゾ	0	0	348	9	0
8	8	コウゾ	0	0	194	9	0
9	9	コウゾ	0	0	326	8	0
10	10	宿紙	20	0	35	4	0

```
# ... with 53 more rows
```

```
# 構成物の種類を実数型に変換
```

```
tbs2 <-
  tbs %>%
  filter(紙素材 %in% "コウゾ") %>% # コウゾだけを選択
  select(デンプン粒, 鉍物, 細胞組織, 繊維, ほか) %>%
  mutate(
    デンプン粒 = as.numeric(デンプン粒), # デンプン粒を実数に変換
    鉍物 = as.numeric(鉍物), # 鉍物を実数に変換
    細胞組織 = as.numeric(細胞組織), # 細胞組織を実数に変換
    繊維 = as.numeric(繊維), # 繊維を実数に変換
    ほか = as.numeric(ほか)) # ほか (他の物質) を実数に変換
```

```
# 主成分分析を行うパッケージFactoMineRを読み込み, 主成分分析を実行
```

```
library(FactoMineR)
```

```
# 主成分分析を実行
```

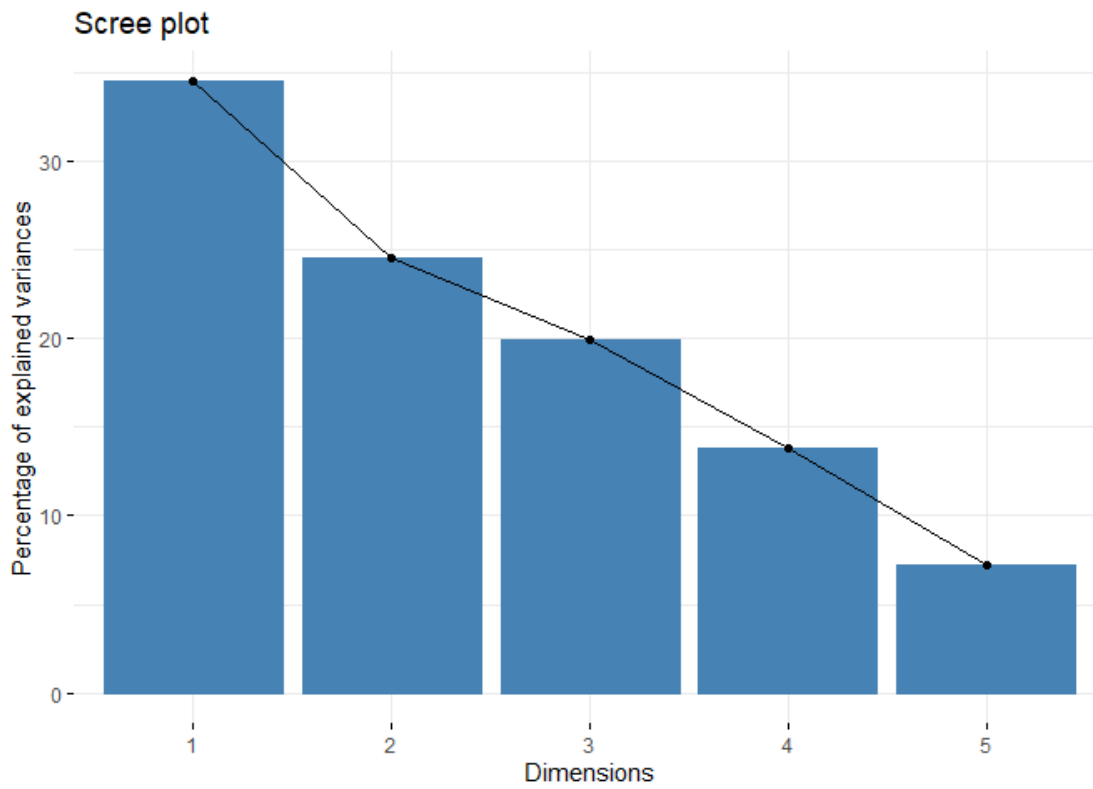
```
res.pca <-
  PCA(tbs2, graph = FALSE)
```

```
# 多変量解析の可視化に特化したfactoextraパッケージ
```

```
library(factoextra)
```

```
# 各主成分の寄与率を描画
```

```
fviz_screplot(res.pca)
```

```
ggsave(file = "fig4.png", width = 6, height = 6, dpi = 300) # ファイルの保存
```

```
# 主成分分析の概要を表示
summary(res.pca)
```

```
Call:
PCA(X = tbs2, graph = FALSE)
```

Eigenvalues

	Dim.1	Dim.2	Dim.3	Dim.4	Dim.5
Variance	1.724	1.229	0.994	0.692	0.361
% of var.	34.480	24.580	19.880	13.848	7.211
Cumulative % of var.	34.480	59.060	78.940	92.789	100.000

Individuals (the 10 first)

	Dist	Dim.1	ctr	cos2	Dim.2	ctr	cos2	Dim.3
ctr								
1	3.149	-1.780	3.170	0.320	0.052	0.004	0.000	-2.021 7.081

2 156		5.492		1.109	1.230	0.041		3.626	18.443	0.436		-2.647	12.
3 802		2.592		-0.358	0.128	0.019		0.687	0.663	0.070		2.121	7.
4 255		1.233		1.144	1.310	0.862		0.206	0.060	0.028		0.383	0.
5 001		1.350		1.331	1.773	0.972		0.008	0.000	0.000		0.018	0.
6 001		1.350		1.331	1.773	0.972		0.008	0.000	0.000		0.018	0.
7 023		2.708		2.554	6.522	0.889		0.892	1.117	0.109		0.114	0.
8 000		2.073		1.868	3.489	0.812		0.129	0.023	0.004		0.003	0.
9 017		2.374		2.258	5.097	0.904		0.721	0.730	0.092		0.100	0.
10 148		0.684		0.160	0.026	0.055		-0.572	0.458	0.698		0.292	0.

	cos2
1	0.412
2	0.232
3	0.670
4	0.097
5	0.000
6	0.000
7	0.002
8	0.000
9	0.002
10	0.182

Variables

	Dim.1	ctr	cos2	Dim.2	ctr	cos2	Dim.3	ctr
cos2								
デンプン粒 0.000	-0.466	12.587	0.217	0.664	35.858	0.441	-0.007	0.004
鉍物 0.642	-0.364	7.696	0.133	0.306	7.614	0.094	0.801	64.597
細胞組織 0.007	0.670	26.035	0.449	0.629	32.212	0.396	0.082	0.683
繊維 0.000	0.872	44.058	0.760	0.231	4.329	0.053	-0.006	0.004
ほか 0.345	-0.407	9.624	0.166	0.496	19.988	0.246	-0.587	34.711
デンプン粒								
鉍物								

細胞組織 |
繊維 |
ほか |

```
res.pca$eig %>%  
  kable()
```

	eigenvalue	percentage of variance	cumulative percentage of variance
comp 1	1.7240043	34.480085	34.48009
comp 2	1.2290034	24.580068	59.06015
comp 3	0.9940092	19.880184	78.94034
comp 4	0.6924212	13.848425	92.78876
comp 5	0.3605619	7.211238	100.00000

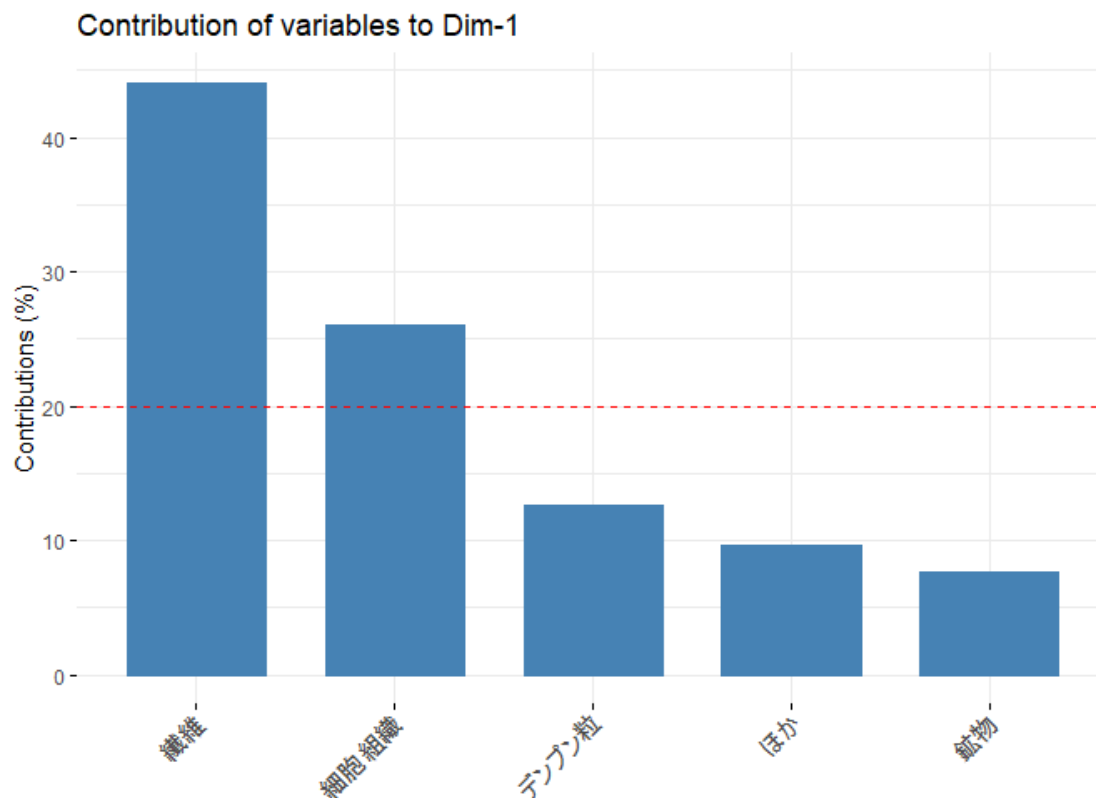
eigenvalues は主成分の分散, *percentage of variance* は寄与率, *cumulative percentage of variance* が累積寄与率を示す

スクリーンプロットを作成する *fviz_screepLot()* は, 自動的に *percentage of variance* を *y* 値に出力する

第 1 主成分が 34% 超, 第 2 主成分も合わせると 90% 近い。

主成分に対する各変数の寄与率を出図

```
fviz_contrib(res.pca,  
             choice = "var", # 変数ごとの寄与率(ctr)  
             axes = 1,      # 主成分 1 を指定 (変更すると各主成分が指定でき  
る)  
             top = 10)      # 表示する変数の数を指定
```



```
ggsave(file = "fig5.png", width = 6, height = 6, dpi = 300) # ファイルの保存
```

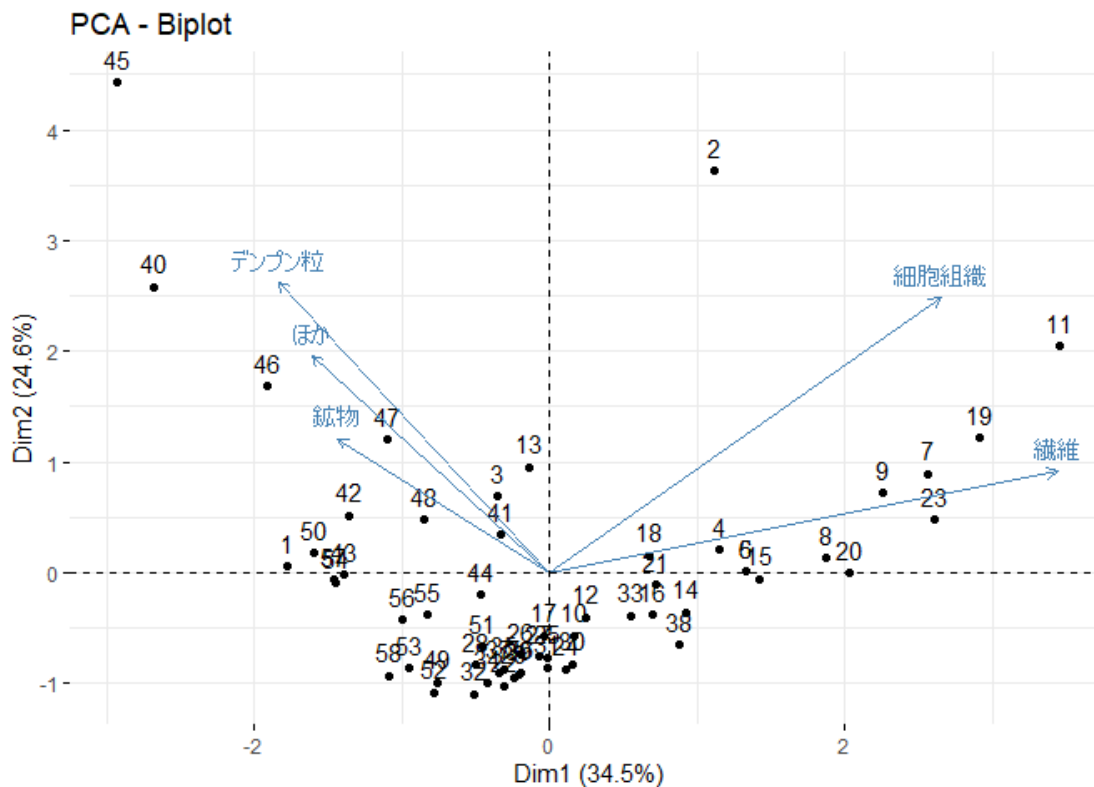
```
res.pca$var$contrib %>%  
  kable() # y 軸に指定されている"var"でres.pca オブジェクトの要素であるres.pca$var  
          を引数に指定
```

	Dim.1	Dim.2	Dim.3	Dim.4	Dim.5
デンプン粒	12.587254	35.857544	0.0043032	47.1251195	4.425780
鉱物	7.695513	7.613503	64.5973511	17.8404525	2.253181
細胞組織	26.034852	32.212331	0.6832773	0.1188592	40.950680
繊維	44.057997	4.328647	0.0042373	0.3357157	51.273403
ほか	9.624384	19.987975	34.7108311	34.5798530	1.096956

第 1 主成分は繊維，細胞組織が高い寄与率を占めることから，第 1 主成分は「素材由来」と要約できる。

主成分得点の散布図を出力

```
fviz_pca_biplot(res.pca) # 主成分1と2を表示, axes = C(0,0)) で別の主成分を表示可能
```



```
ggsave(file = "fig6.png", width = 6, height = 6, dpi = 300) # ファイルの保存
```

細胞組織の断片と繊維は同じ意味をもつ変数，すなわち素材由来の構成物であり，デンプン粒と鉱物，ほか（他の物質）は填料を示している。

陽明文庫所蔵史料の料紙構成物に対する主成分分析

```
tbs3 <- read_csv("yomei-compo.csv") # CSV ファイルの読み取り
tbs3 # 読み込んだデータ
```

A tibble: 89 x 7

	史料番号	紙素材	デンプン粒	鉱物	細胞組織	繊維	ほか
	<chr>	<chr>	<dbl>	<dbl>	<dbl>	<dbl>	<dbl>
1	11-391	コウゾ	20	3	97	1	28
2	11-392	コウゾ	0	0	62	0	0
3	11-393	コウゾ	5	1	119	0	0

4	11-394	コウゾ	0	0	74	0	10
5	11-396	コウゾ	0	1	108	0	0
6	11-397	コウゾ	0	1	58	1	0
7	11-398	コウゾ	0	0	91	0	0
8	11-399	コウゾ	0	0	48	0	10
9	11-400	コウゾ	81	4	95	0	0
10	11-401	コウゾ	0	0	19	0	5

... with 79 more rows

構成物の種類を実数型に変換

tbs4 <-

tbs3 %>%

filter(紙素材 %in% "コウゾ") %>% # コウゾだけを選択

select(デンプン粒, 鉍物, 細胞組織, 繊維, ほか) %>%

mutate(

デンプン粒 = as.numeric(デンプン粒), # デンプン粒を実数に変換

鉍物 = as.numeric(鉍物), # 鉍物を実数に変換

細胞組織 = as.numeric(細胞組織), # 細胞組織を実数に変換

繊維 = as.numeric(繊維), # 繊維を実数に変換

ほか = as.numeric(ほか)) # ほか (他の物質) を実数に変換

主成分分析を行うパッケージFactoMineRを読み込み, 主成分分析を実行

library(FactoMineR)

主成分分析を実行

res.pca <-

PCA(tbs4, graph = FALSE)

多変量解析の可視化に特化したfactoextraパッケージ

library(factoextra)

各主成分の寄与率を描画

fviz_screplot(res.pca)

2 202		0.903		-0.761	0.495	0.710		-0.239	0.053	0.070		-0.400	0.
3 514		1.461		-0.634	0.344	0.188		1.145	1.218	0.614		0.638	0.
4 028		0.895		-0.384	0.126	0.184		-0.326	0.099	0.133		0.149	0.
5 335		1.298		-0.735	0.462	0.321		0.912	0.773	0.494		0.515	0.
6 024		1.294		0.302	0.078	0.055		-0.203	0.038	0.025		0.137	0.
7 030		1.036		-0.965	0.796	0.867		0.048	0.002	0.002		0.155	0.
8 153		1.015		-0.201	0.035	0.039		-0.583	0.316	0.330		-0.348	0.
9 380		6.146		3.290	9.250	0.287		4.873	22.063	0.629		-1.045	1.
10 428		1.419		-0.228	0.045	0.026		-0.767	0.547	0.292		-1.063	1.

	cos2
1	0.171
2	0.196
3	0.190
4	0.028
5	0.157
6	0.011
7	0.022
8	0.118
9	0.029
10	0.561

Variables

	Dim.1	ctr	cos2	Dim.2	ctr	cos2	Dim.3	ctr
cos2								
デンプン粒 0.069	0.650	30.655	0.422	0.432	14.755	0.187	-0.262	7.365
鉤物 0.001	0.396	11.373	0.157	0.756	45.131	0.571	0.032	0.112
細胞組織 0.595	-0.345	8.627	0.119	0.466	17.117	0.217	0.771	63.929
繊維 0.141	0.541	21.281	0.293	-0.470	17.409	0.220	0.375	15.128
ほか 0.125	0.622	28.064	0.386	-0.266	5.588	0.071	0.354	13.465
デンプン粒								
鉤物								

細胞組織 |
繊維 |
ほか |

```
res.pca$eig %>%  
  kable()
```

	eigenvalue	percentage of variance	cumulative percentage of variance
comp 1	1.3766096	27.53219	27.53219
comp 2	1.2662437	25.32487	52.85707
comp 3	0.9304291	18.60858	71.46565
comp 4	0.8380248	16.76050	88.22614
comp 5	0.5886928	11.77386	100.00000

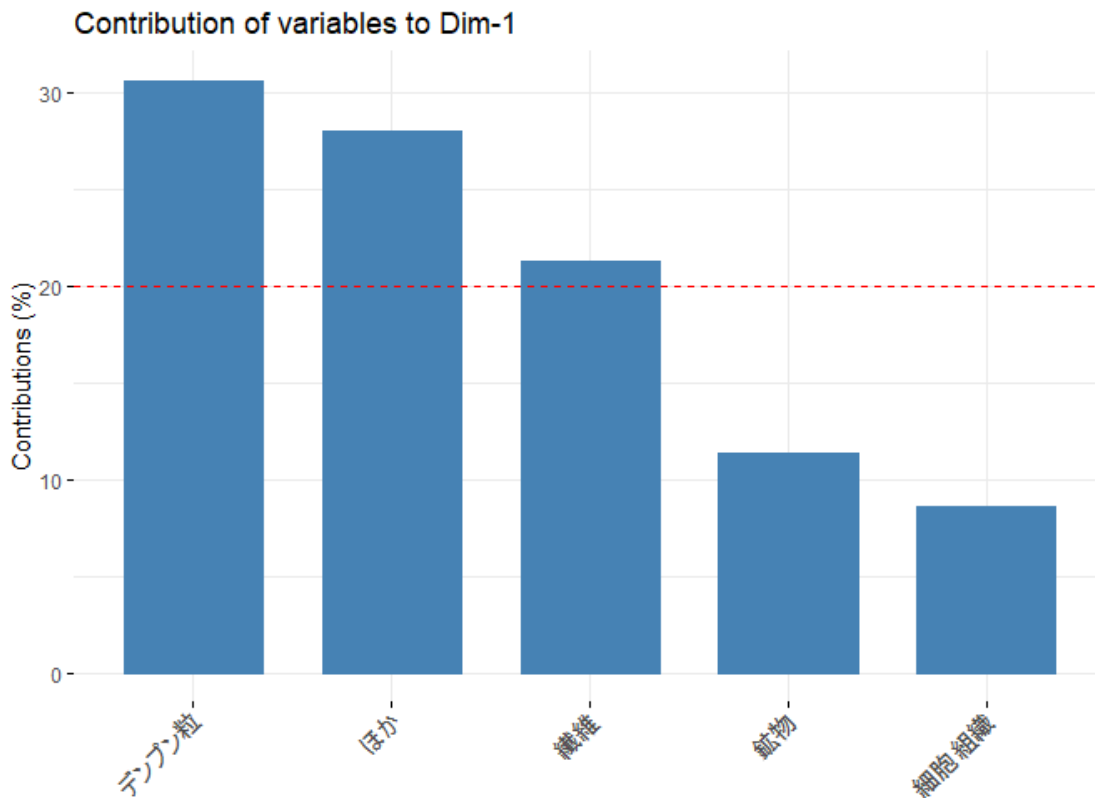
eigenvalues は主成分の分散, *percentage of variance* は寄与率, *cumulative percentage of variance* が累積寄与率を示す

スクリーンプロットを作成する *fviz_screepLot()* は, 自動的に *percentage of variance* を *y* 値に出力する

第 1 主成分が 27%超, 第 2 主成分も合わせると 80%近い。

主成分に対する各変数の寄与率を出図

```
fviz_contrib(res.pca,  
             choice = "var", # 変数ごとの寄与率(ctr)  
             axes = 1,      # 主成分1を指定 (変更すると各主成分が指定でき  
る)  
             top = 10)      # 表示する変数の数を指定
```



```
ggsave(file = "fig8.png", width = 6, height = 6, dpi = 300) # ファイルの保存
```

```
res.pca$var$contrib %>%  
  kable() # y 軸に指定されている"var"でres.pca オブジェクトの要素である res.pca$var を引数に指定
```

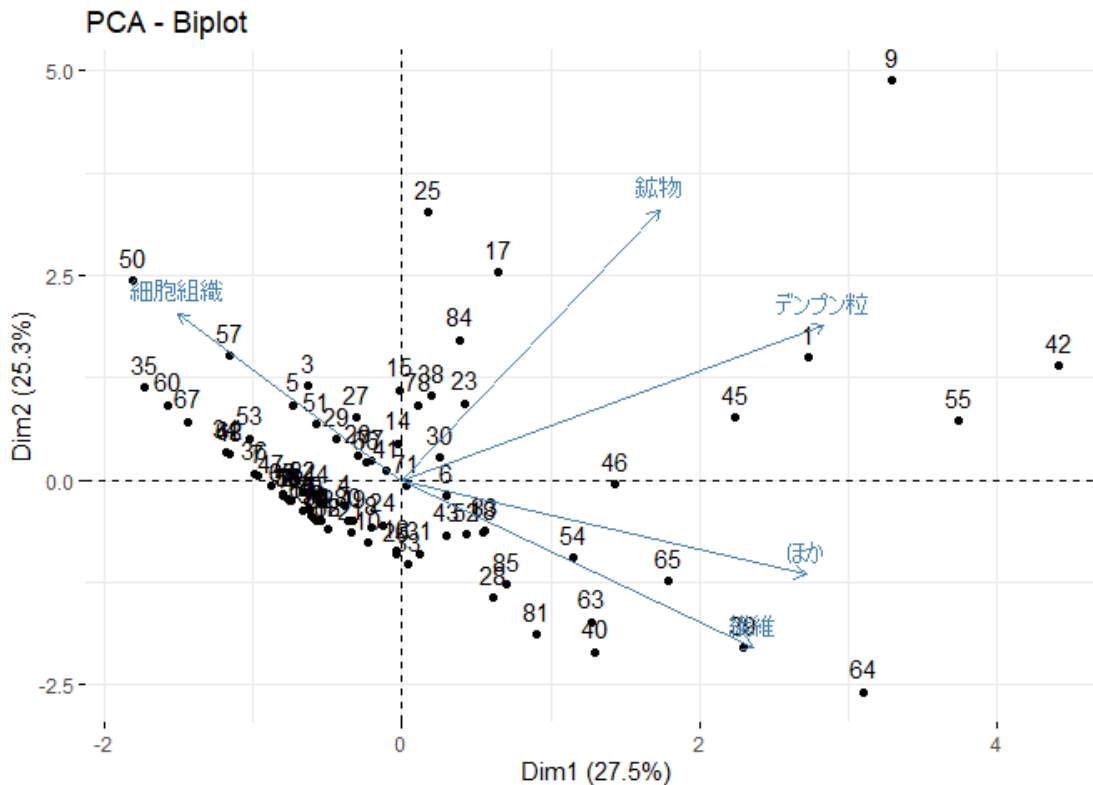
	Dim.1	Dim.2	Dim.3	Dim.4	Dim.5
デンプン粒	30.654628	14.755364	7.3649657	17.899973	29.325069
鉱物	11.372538	45.130749	0.1119077	6.230577	37.154228
細胞組織	8.627449	17.117302	63.9292627	3.562390	6.763597
繊維	21.281049	17.408648	15.1283692	29.670742	16.511191
ほか	28.064335	5.587937	13.4654946	42.636318	10.245915

第 1 主成分はデンプン粒，ほか（塵や墨などの物質）が高い寄与率を占めることから，第 1 主成分は「填料とたの物質の混合」と要約できる。

主成分得点の散布図を出力

主成分1と2を表示

`fviz_pca_biplot(res.pca)` # 主成分1と2を表示, `axes = C(0,0)` で別の主成分を表示可能



`ggsave(file = "fig9.png", width = 6, height = 6, dpi = 300)` # ファイルの保存

デンプン粒と鉱物は、同じ意味を持つ変数、すなわち填料である。細胞組織の断片、繊維とほか（他の物質）は異なる変数を示すため、素材由来の構成物だけの含有ではない。

陽明文庫所蔵史料の料紙面積と構成物の相関分析（無相関検定）

帰無仮説 H_0 : 母相関は 0 である「調査史料では料紙面積と構成物に相関がない」
対立仮説 H_1 : 母相関は 0 ではない「調査史料では料紙面積と構成物に相関がある」

```

tbs5 <- read_csv("yomei-square.csv") # CSV ファイルの読み取り
tbs5 # 読み込んだデータ

# A tibble: 89 x 4
  番号  紙素材 料紙面積 構成物合計
  <chr> <chr>    <dbl>    <dbl>
1 11-391 コウゾ 2612.      149
2 11-392 コウゾ 2650.       62
3 11-393 コウゾ 2015.     125
4 11-394 コウゾ 1991.       84
5 11-396 コウゾ 2020.     109
6 11-397 コウゾ 2141.       60
7 11-398 コウゾ 2036.       91
8 11-399 コウゾ 1944.       58
9 11-400 コウゾ 2056.     180
10 11-401 コウゾ 2116.       24
# ... with 79 more rows

# 構成物の種類を実数型に変換
tbs6 <-
  tbs5 %>%
  filter(紙素材 %in% "コウゾ") %>% # コウゾだけを選択
  mutate(
    面積 = as.numeric(料紙面積), # 料紙面積を実数に変換
    構成物合計 = as.numeric(構成物合計)) # 構成物合計を実数に変換

# 料紙面積と構成物合計の相関計数と無相関検定
attach(tbs6)

cor(構成物合計, 料紙面積, method="spearman") # スピアマンの相関係数

[1] -0.186486

cor.test(構成物合計, 料紙面積, method="pearson") # 無相関かどうかの検定

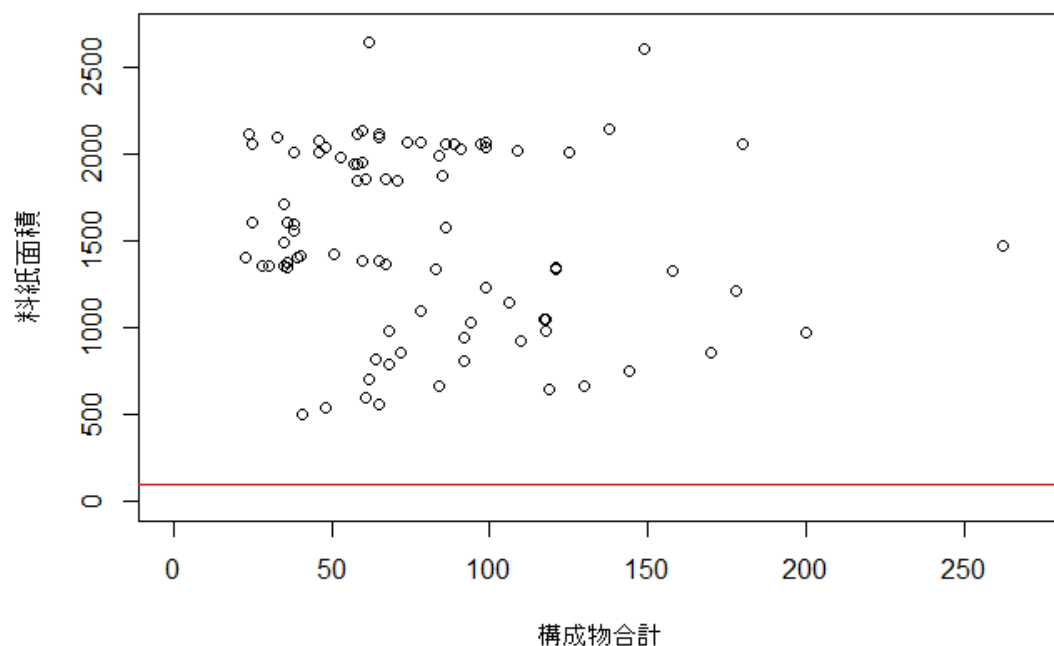
Pearson's product-moment correlation

data: 構成物合計 and 料紙面積
t = -1.3249, df = 83, p-value = 0.1888
alternative hypothesis: true correlation is not equal to 0
95 percent confidence interval:
 -0.34641471  0.07139816
sample estimates:

```

```
cor  
-0.1439158
```

```
plot(構成物合計,料紙面積, xlim=c(0,270), ylim=c(0,2700)) # xlim と ylim で範囲を指定  
# 回帰直線を入れる場合は以下を追加  
abline(lm(構成物合計~料紙面積), col="red") # 回帰直線を入れる→fig10 として保存
```



相関係数が-0.186486 であり，対立仮説「調査史料では料紙面積と構成物に相関がある」は棄却される（ほとんど相関はない）。

料紙構成物の因子分析

料紙構成物に共通して影響する因子を仮定，この因子から変数間の相関関係を考える。

松尾大社社蔵史料の料紙構成物

```
# 因子分析を行うパッケージを読み込む  
library(psych)  
library(GPArotation)
```

```
tbs7<- read_csv("matsunoo-compo.csv") # CSV ファイルの読み取り
tbs7 # 読み込んだデータ
```

```
# A tibble: 63 x 7
```

```
  目録番号 紙素材 デンプン粒  鉱物 細胞組織  繊維 ほか
      <dbl> <chr>      <dbl> <dbl>      <dbl> <dbl> <dbl>
1         1   コウゾ         0     0         0     0    41
2         2   コウゾ         0     0        497     6    62
3         3   コウゾ         2     6        263     0     0
4         4   コウゾ         0     1        236     5     0
5         5   コウゾ         0     0        207     6     0
6         6   コウゾ         0     0        207     6     0
7         7   コウゾ         0     0        348     9     0
8         8   コウゾ         0     0        194     9     0
9         9   コウゾ         0     0        326     8     0
10        10  宿紙        20     0         35     4     0
# ... with 53 more rows
```

```
# 構成物の種類を実数型に変換
```

```
tbs8 <-
  tbs7 %>%
  filter(紙素材 %in% "コウゾ") %>% # コウゾだけを選択
  select(デンプン粒, 鉱物, 細胞組織, 繊維, ほか) %>%
  mutate(
    デンプン粒 = as.numeric(デンプン粒), # デンプン粒を実数に変換
    鉱物 = as.numeric(鉱物), # 鉱物を実数に変換
    細胞組織 = as.numeric(細胞組織), # 細胞組織を実数に変換
    繊維 = as.numeric(繊維), # 繊維を実数に変換
    ほか = as.numeric(ほか)) # ほか (他の物質) を実数に変換
```

```
# 構成物間の相関係数を出す
```

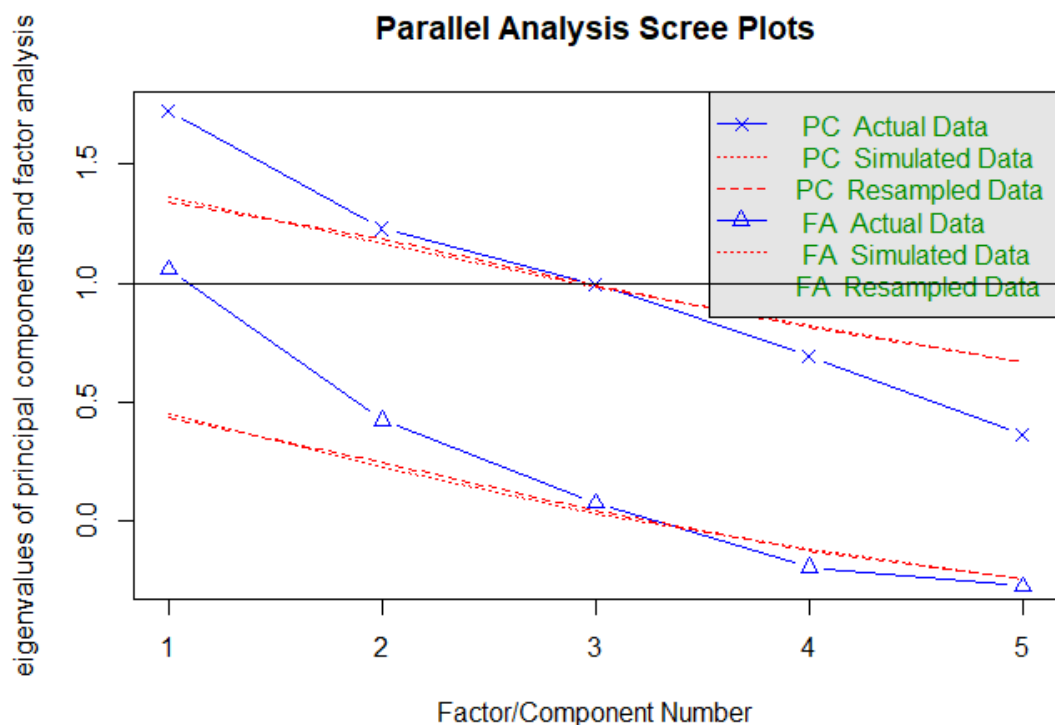
```
相関行列 <- cor(tbs8)
```

```
相関行列
```

	デンプン粒	鉱物	細胞組織	繊維	ほか
デンプン粒	1.00000000	0.178117057	0.04013211	-0.2260588	0.251047101
鉱物	0.17811706	1.00000000	-0.01007123	-0.1963919	0.006946198
細胞組織	0.04013211	-0.010071233	1.00000000	0.5646413	-0.019583962
繊維	-0.22605882	-0.196391894	0.56464126	1.0000000	-0.186244340
ほか	0.25104710	0.006946198	-0.01958396	-0.1862443	1.000000000

```
# 因子数を決める
```

```
fa.parallel(tbs8, SMC=TRUE) # スクリーンプロットを表示
```



Parallel analysis suggests that the number of factors = 2 and the number of components = 1

```
vss(tbs8, n.obs=N, rotate="varimax")
```

Warning in fa.stats(r = r, f = f, phi = phi, n.obs = n.obs, np.obs = np.obs, :
bs, :

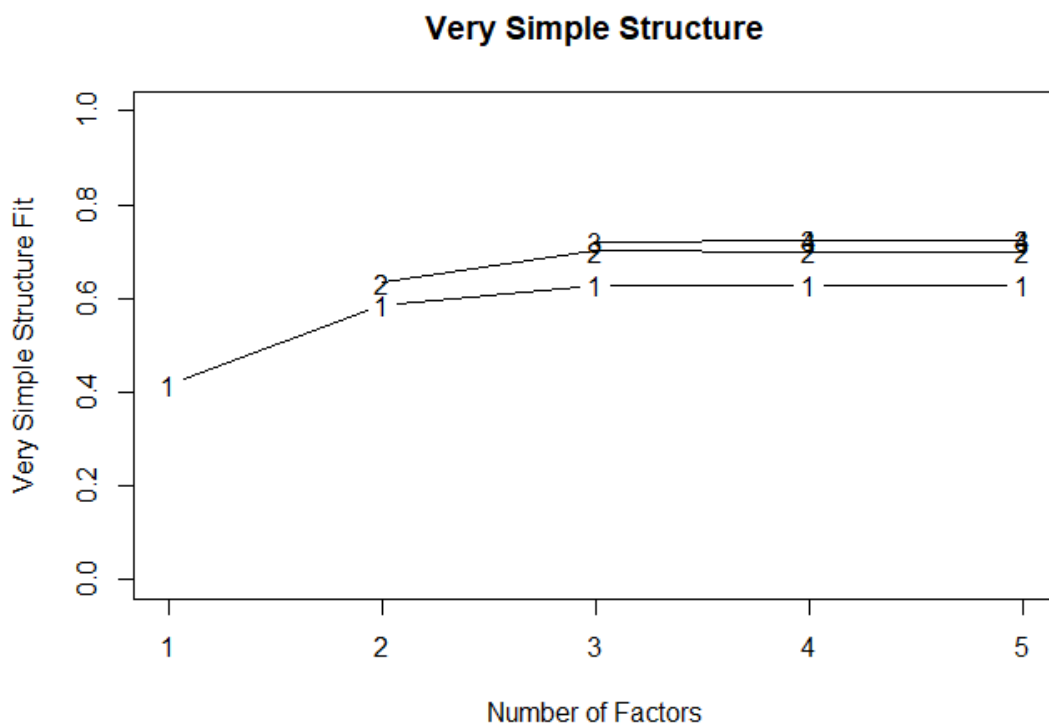
The estimated weights for the factor scores are probably incorrect. Try a different factor score estimation method.

Warning in fac(r = r, nfactors = nfactors, n.obs = n.obs, rotate = rotate, : An

ultra-Heywood case was detected. Examine the results carefully

Warning in fac(r = r, nfactors = nfactors, n.obs = n.obs, rotate = rotate, : An

ultra-Heywood case was detected. Examine the results carefully



Very Simple Structure

Call: `vss(x = tbs8, rotate = "varimax", n.obs = N)`

VSS complexity 1 achieves a maximum of 0.63 with 3 factors

VSS complexity 2 achieves a maximum of 0.7 with 3 factors

The Velicer MAP achieves a minimum of NA with 1 factors

BIC achieves a minimum of NA with 1 factors

Sample Size adjusted BIC achieves a minimum of NA with 2 factors

Statistics by number of factors

	vss1	vss2	map	dof	chisq	prob	sqresid	fit	RMSEA	BIC	SABIC	complex
1	0.42	0.00	0.096	5	7.5e+00	0.19	3.5	0.42	0.091	-12.8	2.892	1.0
2	0.59	0.63	0.181	1	9.5e-01	0.33	2.2	0.63	0.000	-3.1	0.032	1.2
3	0.63	0.70	0.394	-2	2.2e-10	NA	1.7	0.72	NA	NA	NA	1.3
4	0.63	0.70	1.000	-4	0.0e+00	NA	1.7	0.73	NA	NA	NA	1.3
5	0.63	0.70	NA	-5	0.0e+00	NA	1.7	0.73	NA	NA	NA	1.3
eChisq SRMR eCRMS eBIC												
1	1.2e+01	1.0e-01	0.143	-8.5								
2	9.0e-01	2.8e-02	0.088	-3.2								
3	1.1e-10	3.1e-07	NA	NA								


```
4 2.6e-20 4.8e-12 NA NA
5 2.6e-20 4.8e-12 NA NA
```

結果として、平行分析では3因子、MAP法では1因子、適合度基準（BIC）では2因子が良い。ここでは3因子で決める。

因子分析を行う

```
fa.result1 <- fa(tbs8, nfactors=3, fm="ML")
print(fa.result1, sort=T, cut=0.3) # 因子負荷が0.3以下の値を非表示
```

Factor Analysis using method = ml

Call: fa(r = tbs8, nfactors = 3, fm = "ML")

Standardized loadings (pattern matrix) based upon correlation matrix

	item	ML1	ML2	ML3	h2	u2	com
細胞組織	3	0.82			0.65	0.35	1.1
繊維	4	0.73			0.71	0.29	1.2
ほか	5		0.55		0.27	0.73	1.2
デンプン粒	1		0.49		0.34	0.66	1.3
鉱物	2			0.58	0.31	0.69	1.0

	ML1	ML2	ML3
SS loadings	1.22	0.62	0.43
Proportion Var	0.24	0.12	0.09
Cumulative Var	0.24	0.37	0.45
Proportion Explained	0.54	0.27	0.19
Cumulative Proportion	0.54	0.81	1.00

With factor correlations of

	ML1	ML2	ML3
ML1	1.00	-0.17	-0.16
ML2	-0.17	1.00	0.39
ML3	-0.16	0.39	1.00

Mean item complexity = 1.2

Test of the hypothesis that 3 factors are sufficient.

The degrees of freedom for the null model are 10 and the objective function was 0.64 with Chi Square of 35.03

The degrees of freedom for the model are -2 and the objective function was 0

The root mean square of the residuals (RMSR) is 0

The df corrected root mean square of the residuals is NA

The harmonic number of observations is 58 with the empirical chi square 0 with prob < NA

```
The total number of observations was 58 with Likelihood Chi Square = 0
with prob < NA
```

```
Tucker Lewis Index of factoring reliability = 1.421
```

```
Fit based upon off diagonal values = 1
```

```
Measures of factor score adequacy
```

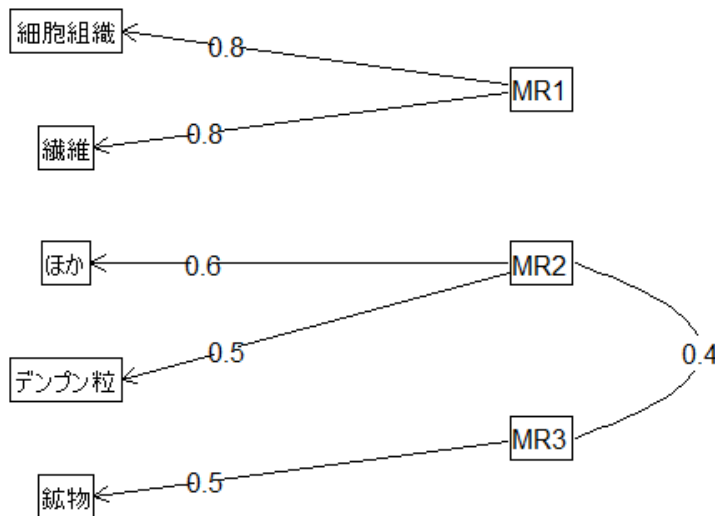
	ML1	ML2	ML3
Correlation of (regression) scores with factors	0.89	0.72	0.67
Multiple R square of scores with factors	0.79	0.52	0.45
Minimum correlation of possible factor scores	0.58	0.05	-0.10

```
# 因子負荷の可視化
```

```
fa.result1 = fa(tbs8, nfactors=3, fm="minres", rotate="oblimin", use="complete.obs")
```

```
fa.diagram(fa.result1)
```

Factor Analysis



```
# 因子負荷量の表示
```

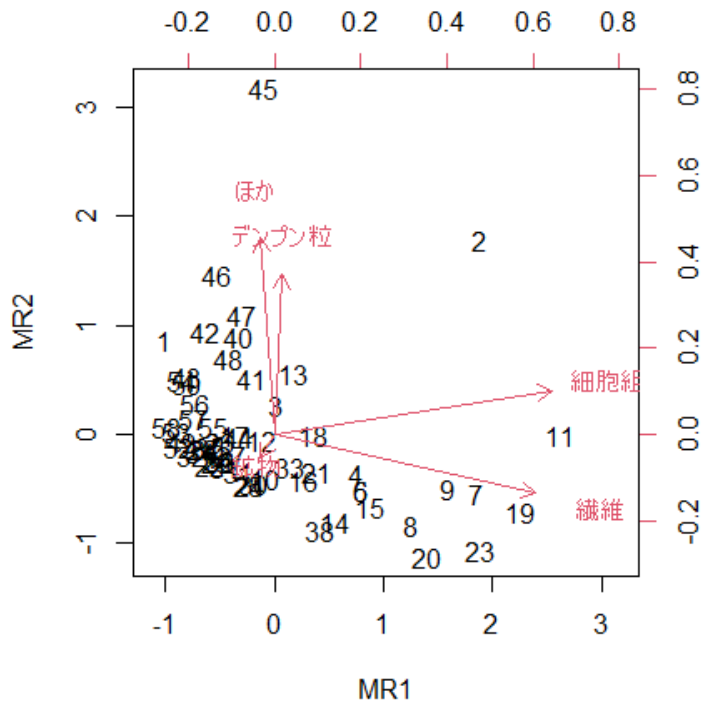
```
unclass(fa.result1$loadings)
```

	MR1	MR2	MR3
デンプン粒	0.02216235	0.46395200	0.2130674
鉍物	-0.04041092	-0.06896046	0.5434480
細胞組織	0.80277436	0.12666155	0.1189321

```
繊維      0.75713597 -0.16936664 -0.1628024
ほか      -0.04003187  0.56883444 -0.1576144
```

描画

```
biplot(fa.result1$scores,fa.result1$loading,cex=1)
```



陽明文庫所蔵史料の料紙構成物

```
tbs9<- read_csv("yomei-compo.csv") # CSV ファイルの読み取り
```

```
tbs9 # 読み込んだデータ
```

A tibble: 89 x 7

	史料番号	紙素材	デンプン粒	鉱物	細胞組織	繊維	ほか
	<chr>	<chr>	<dbl>	<dbl>	<dbl>	<dbl>	<dbl>
1	11-391	コウゾ	20	3	97	1	28
2	11-392	コウゾ	0	0	62	0	0
3	11-393	コウゾ	5	1	119	0	0
4	11-394	コウゾ	0	0	74	0	10
5	11-396	コウゾ	0	1	108	0	0
6	11-397	コウゾ	0	1	58	1	0
7	11-398	コウゾ	0	0	91	0	0
8	11-399	コウゾ	0	0	48	0	10

```

  9 11-400 コウゾ 81 4 95 0 0
 10 11-401 コウゾ 0 0 19 0 5
# ... with 79 more rows

```

構成物の種類を実数型に変換

```

tbs10 <-
  tbs9 %>%
  filter(紙素材 %in% "コウゾ") %>%      # コウゾだけを選択
  select(デンプン粒, 鉍物, 細胞組織, 繊維, ほか) %>%
  mutate(
    デンプン粒 = as.numeric(デンプン粒), # デンプン粒を実数に変換
    鉍物 = as.numeric(鉍物),             # 鉍物を実数に変換
    細胞組織 = as.numeric(細胞組織),      # 細胞組織を実数に変換
    繊維 = as.numeric(繊維),             # 繊維を実数に変換
    ほか = as.numeric(ほか)              # ほか（他の物質）を実数に変換
  )

```

構成物間の相関係数を出す

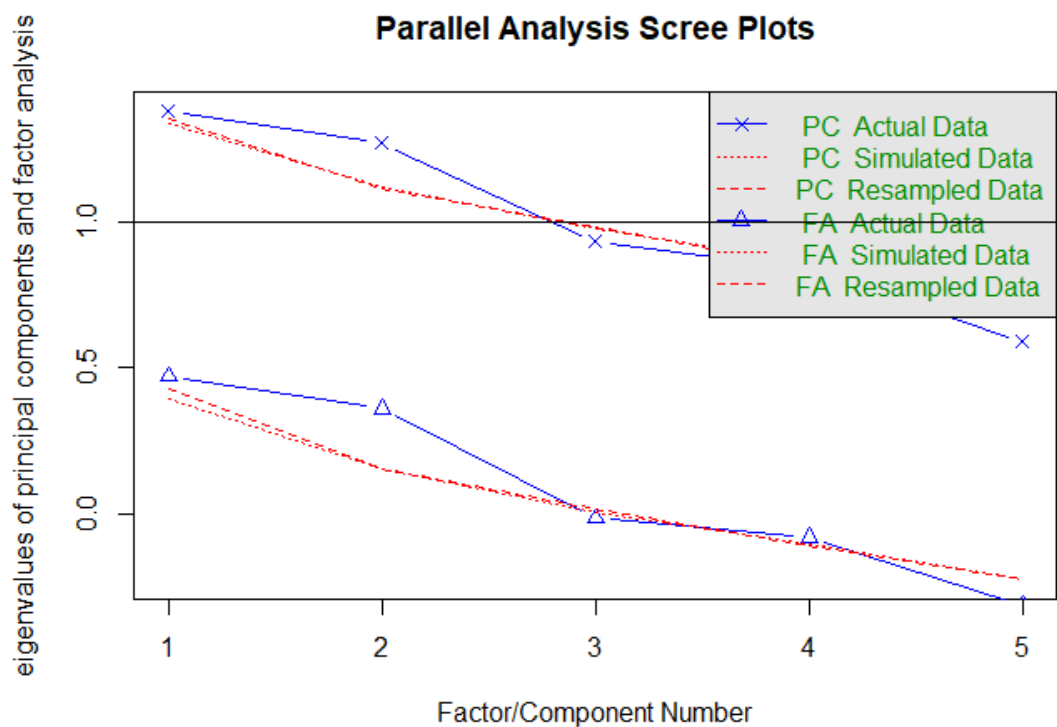
```
相関行列 <- cor(tbs10)
```

相関行列

	デンプン粒	鉍物	細胞組織	繊維	ほか
デンプン粒	1.00000000	0.29252650	-0.07469807	0.11404069	0.06666722
鉍物	0.29252650	1.00000000	0.10766770	-0.09679362	0.07799736
細胞組織	-0.07469807	0.10766770	1.00000000	-0.09181340	-0.11933025
繊維	0.11404069	-0.09679362	-0.09181340	1.00000000	0.21947530
ほか	0.06666722	0.07799736	-0.11933025	0.21947530	1.00000000

因子数を決める

```
fa.parallel(tbs10, SMC=TRUE) # スクリーンプロットを表示
```

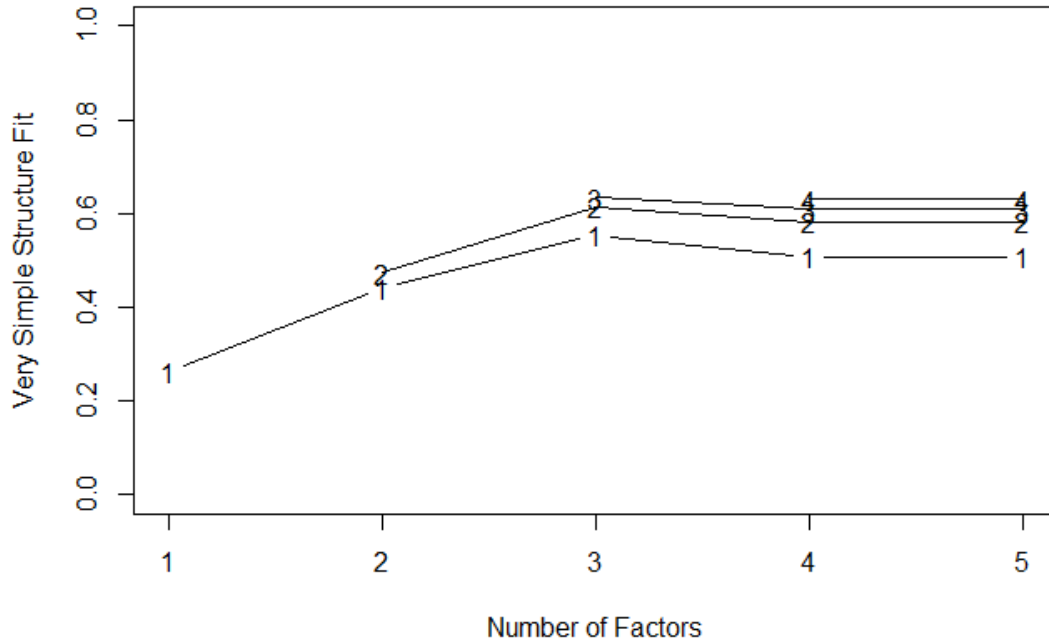


Parallel analysis suggests that the number of factors = 0 and the number of components = 0

```
vss(tbs10, n.obs=N, rotate="varimax")
```

Warning in fac(r = r, nfactors = nfactors, n.obs = n.obs, rotate = rotate,
: An
ultra-Heywood case was detected. Examine the results carefully

Very Simple Structure



Very Simple Structure

Call: `vss(x = tbs10, rotate = "varimax", n.obs = N)`

VSS complexity 1 achieves a maximum of 0.55 with 3 factors

VSS complexity 2 achieves a maximum of 0.61 with 3 factors

The Velicer MAP achieves a minimum of NA with 1 factors

BIC achieves a minimum of NA with 1 factors

Sample Size adjusted BIC achieves a minimum of NA with 2 factors

Statistics by number of factors

	vss1	vss2	map	dof	chisq	prob	sqresid	fit	RMSEA	BIC	SABIC	complex
1	0.26	0.00	0.086	5	9.1e+00	0.1	4.0	0.26	0.098	-13.1	2.68	1.0
2	0.44	0.47	0.179	1	1.1e+00	0.3	2.8	0.47	0.027	-3.4	-0.21	1.2
3	0.55	0.61	0.412	-2	2.1e-09	NA	2.0	0.63	NA	NA	NA	1.4
4	0.51	0.58	1.000	-4	0.0e+00	NA	2.0	0.63	NA	NA	NA	1.4
5	0.51	0.58	NA	-5	0.0e+00	NA	2.0	0.63	NA	NA	NA	1.4
eChisq SRMR eCRMS eBIC												
1	1.7e+01	1.0e-01	0.141	-5.3								
2	1.3e+00	2.8e-02	0.087	-3.1								
3	3.3e-09	1.4e-06	NA	NA								

```
4 1.7e-18 3.2e-11 NA NA
5 1.7e-18 3.2e-11 NA NA
```

結果として、平行分析では3因子、MAP法では1因子、適合度基準（BIC）では2因子が良い。ここでは3因子で決める。

因子分析を行う

```
fa.result2 <- fa(tbs10, nfactores=3, fm="ML")
print(fa.result2, sort=T, cut=0.3) # 因子負荷が0.3以下の値を非表示
```

Factor Analysis using method = ml

Call: fa(r = tbs10, nfactores = 3, fm = "ML")

Standardized loadings (pattern matrix) based upon correlation matrix

	item	ML1	ML2	ML3	h2	u2	com
鉱物	2	0.99			0.995	0.005	1.0
デンプン粒	1		0.85		0.721	0.279	1.0
ほか	5			0.68	0.465	0.535	1.0
繊維	4			0.32	0.145	0.855	2.0
細胞組織	3				0.061	0.939	2.7

	ML1	ML2	ML3
SS loadings	1.03	0.75	0.60
Proportion Var	0.21	0.15	0.12
Cumulative Var	0.21	0.36	0.48
Proportion Explained	0.43	0.31	0.25
Cumulative Proportion	0.43	0.75	1.00

With factor correlations of

	ML1	ML2	ML3
ML1	1.00	0.33	0.08
ML2	0.33	1.00	0.14
ML3	0.08	0.14	1.00

Mean item complexity = 1.6

Test of the hypothesis that 3 factors are sufficient.

The degrees of freedom for the null model are 10 and the objective function was 0.22 with Chi Square of 18.17

The degrees of freedom for the model are -2 and the objective function was 0

The root mean square of the residuals (RMSR) is 0

The df corrected root mean square of the residuals is NA

The harmonic number of observations is 85 with the empirical chi square 0 with prob < NA

```
The total number of observations was 85 with Likelihood Chi Square = 0
with prob < NA
```

```
Tucker Lewis Index of factoring reliability = 2.294
```

```
Fit based upon off diagonal values = 1
```

```
Measures of factor score adequacy
```

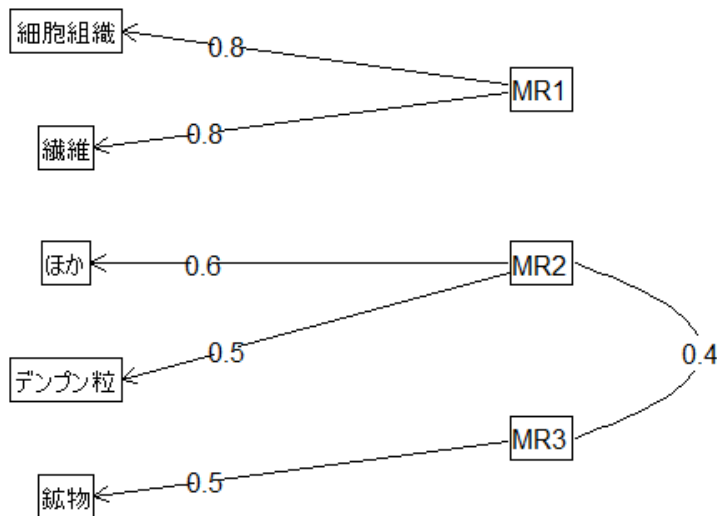
	ML1	ML2	ML3
Correlation of (regression) scores with factors	1.00	0.86	0.71
Multiple R square of scores with factors	0.99	0.73	0.51
Minimum correlation of possible factor scores	0.99	0.47	0.02

```
# 因子負荷の可視化
```

```
fa.result2 = fa(tbs8, nfactors=3, fm="minres", rotate="oblimin", use="complete.obs")
```

```
fa.diagram(fa.result2)
```

Factor Analysis



```
# 因子負荷量の表示
```

```
unclass(fa.result2$loadings)
```

	MR1	MR2	MR3
デンプン粒	0.02216235	0.46395200	0.2130674
鉍物	-0.04041092	-0.06896046	0.5434480
細胞組織	0.80277436	0.12666155	0.1189321

繊維	0.75713597	-0.16936664	-0.1628024
ほか	-0.04003187	0.56883444	-0.1576144

描画

```
biplot(fa.result2$scores, fa.result2$loading, cex=1)
```

