

گزارش کار پروژه

نام و نام خانوادگی : اشکان مقرب رازلیقی

شماره دانشجویی : ۹۸۲۳۰۸۱

نام استاد : دکتر عامری

سوال ۱ (ii) :

```

8 public static void main(String[] args) {
9     Scanner sc = new Scanner(System.in);
10    //input of f(x)
11    int x;
12    while (true) {
13        System.out.println("x = ");
14        x = sc.nextInt();
15        //Tape of input
16        ArrayList<String> Tape = new ArrayList<>();
17        Tape.add("B");
18        for (int i = 1; i <= x; i++) {
19            Tape.add("1");
20        }
21        Tape.add("B");
22        if (x % 2 == 1) {
23            Tape.add("B");
24            plusOne(Tape);
25        }
26        halve(Tape);
27        System.out.print("f(" + x + ")= ...Blank ");
28        for (int i = 1; i < x; i++) {
29            if (Tape.get(i).equals("1")) {
30                System.out.print("1 ");
31            } else {
32                break;
33            }
34        }
35        System.out.println("Blank...");
36        int select = 3;
37        System.out.println("1:continue" + '\n' + "2:exit");
38        do {
39            select = sc.nextInt();
40        } while (select != 1 && select != 2);
41        if (select == 2) {
42            System.out.println("Goodbye,coming back soon :)");
43            break;
44        }
45    }
46 }

```

توضیحات : در متد main، در ابتدا یک آرایه برای نگه داشتن عناصر روی نوار در نظر می گیریم و سپس ورودی تابع (x) را از کاربر می گیریم. سپس به ابتدای آن کاراکتر B را که نشان دهنده Blank است، اضافه می کنیم . سپس با توجه به اینکه عدد ما چه مقداری دارد به همان تعداد، ۱ به نوار اضافه می کنیم. بعد از آن ، اگر ورودی زوج بود، یک B (به منظور نشان دادن انتهای نوار) و اگر فرد بود ، دو B (دوم در متد plusOne به ۱ تبدیل می شود) به انتهای نوار اضافه می کنیم. در انتها با استفاده از متد halve، تعداد ۱ ها روی نوار را به نصف کاهش می دهیم و خروجی را چاپ می کنیم.

```

52     private static void plusOne(ArrayList<String> Tape) {
53         int j = 1;
54         String Q = "q0";
55         while (true) {
56             if (Q.equals("q0") && Tape.get(j).equals("1")) {
57                 Q = "q0";
58                 Tape.set(j, "1");
59                 j++;
60             } else if (Q.equals("q0") && Tape.get(j).equals("B")) {
61                 Q = "q1";
62                 Tape.set(j, "1");
63                 j--;
64             } else if (Q.equals("q1") && Tape.get(j).equals("1")) {
65                 Q = "q1";
66                 Tape.set(j, "1");
67                 j--;
68             } else if (Q.equals("q1") && Tape.get(j).equals("B")) {
69                 Tape.set(j, "B");
70                 break;
71             }
72         }
73     }

```

توضیحات : درمتد plusOne، به دلیل این که ورودی فرد بوده، قصد داریم آن B اضافه که به انتهای نوار اضافه کردیم را به ۱ تبدیل کنیم .

این تابع مطابق تابع انتقال زیر پیاده سازی شده است :

$$S(q_0, 1) = (q_0, 1, R)$$

دراین قسمت تا جایی که ۱ وجود دارد به سمت راست می رویم.

$$S(q_0, B) = (q_1, 1, L)$$

دراین قسمت به آن B اضافه می رسیم و به ۱ تبدیلش می کنیم و به چپ می رویم.

$$S(q_1, 1) = (q_1, 1, L)$$

دراین قسمت بعد از ۱ کردن B اضافه، تا جایی که ۱ وجود دارد به سمت چپ می رویم.

$$S(q_1, B) = (q_f, B, R)$$

درانتها وقتی به اولین B که در ابتدای نوار بود رسیدیم، به حالت نهایی می رویم.

متد halve از دو بخش تشکیل شده است که در بخش اول، قصد داریم همه ۱ هایی که روی نوار ورودی وجود دارد به X تبدیل کنیم و سپس در بخش دوم هر کدام از X های نیمه اول نوار را به ۱ تبدیل میکنیم و به ازای هربار ۱ کردن ، یک ۱ از انتهای نوار را به B تبدیل می کنیم .

```

80 private static void halve(ArrayList<String> Tape) {
81     int j = 1;
82     String Q = "q2";
83     while (true) {
84         if (Q.equals("q2") && Tape.get(j).equals("1")) {
85             Q = "q3";
86             Tape.set(j, "X");
87             j++;
88         } else if (Q.equals("q3") && Tape.get(j).equals("1")) {
89             Q = "q3";
90             Tape.set(j, "X");
91             j++;
92         } else if (Q.equals("q3") && Tape.get(j).equals("B")) {
93             Q = "q4";
94             Tape.set(j, "B");
95             j--;
96         } else if (Q.equals("q4") && Tape.get(j).equals("X")) {
97             Q = "q4";
98             Tape.set(j, "X");
99             j--;
100        } else if (Q.equals("q4") && Tape.get(j).equals("B")) {
101            Q = "q5";
102            Tape.set(j, "B");
103            j++;
104            break;
105        }
106    }

```

توضیحات بخش اول : این قسمت مطابق تابع انتقال زیرپیاده سازی شده است :

$$S(q2,1) = (q3,X,R)$$

در این قسمت با دیدن اولین ۱ آن را به X تبدیل میکنیم و به راست می رویم .

$$S(q3,1) = (q3,X,R)$$

در این قسمت تا جایی که ۱ وجود دارد به سمت راست می رویم و ۱ ها را به X تبدیل می کنیم.

$$S(q3,B) = (q4,B,L)$$

در این قسمت به B که در انتهای نوار است می‌رسیم و به سمت چپ می‌رویم.

$S(q_4, X) = (q_4, X, L)$

در این قسمت تا جایی که X وجود دارد به سمت چپ می‌رویم.

$S(q_4, B) = (q_5, B, R)$

در انتها وقتی به اولین B که در ابتدای نوار بود رسیدیم، به حالت q_5 می‌رویم.

```
107 while (true) {
108     if (Q.equals("q5") && Tape.get(j).equals("X")) {
109         Q = "q6";
110         Tape.set(j, "1");
111         j++;
112     } else if (Q.equals("q6") && Tape.get(j).equals("X")) {
113         Q = "q6";
114         Tape.set(j, "X");
115         j++;
116     } else if (Q.equals("q6") && Tape.get(j).equals("B")) {
117         Q = "q7";
118         Tape.set(j, "B");
119         j--;
120     } else if (Q.equals("q7") && Tape.get(j).equals("X")) {
121         Q = "q8";
122         Tape.set(j, "B");
123         j--;
124     } else if (Q.equals("q8") && Tape.get(j).equals("X")) {
125         Q = "q8";
126         Tape.set(j, "X");
127         j--;
128     } else if (Q.equals("q8") && Tape.get(j).equals("1")) {
129         Q = "q5";
130         Tape.set(j, "1");
131         j++;
132     } else if (Q.equals("q5") && Tape.get(j).equals("B")) {
133         Tape.set(j, "B");
134         break;
135     }
}
```

توضیحات بخش دوم : این قسمت مطابق تابع انتقال زیرپایه سازی شده است :

$S(q_5, X) = (q_6, 1, R)$

در این قسمت با دیدن اولین X آن را به 1 تبدیل می‌کنیم و به سمت راست می‌رویم.

$$S(q6,X)=(q6,X,R)$$

در این قسمت تا جایی که X وجود دارد به سمت راست می رویم.

$$S(q6,B)=(q7,B,L)$$

در این قسمت به B که در انتهای نوار است می رسیم و به سمت چپ می رویم.

$$S(q7,X)=(q8,B,L)$$

در این قسمت به آخرین X می رسیم و آن را به B تبدیل می کنیم.

$$S(q8,X)=(q8,X,L)$$

در این قسمت بعد از تبدیل آخرین X به B، تا جایی که X وجود دارد به سمت چپ می رویم.

$$S(q8,1)=(q5,1,R)$$

در این قسمت با رسیدن به آخرین ۱ به حالت اولیه q5 و سمت راست می رویم.

$$S(q5,B)=(qf,B,L)$$

این قسمت شرط خاتمه تابع است و اگر در حالت q5 بودیم و B روی نوار بود، بدین معنا است که نیمه اول نوار تماماً به ۱ و نیمه دوم نوار تماماً به B تبدیل شده است.

چند نمونه Test case :

```
x =
5
f(5)= ...Blank 1 1 1 Blank...
```

```
x =
10
f(10)= ...Blank 1 1 1 1 1 Blank...
```

سوال ۲ :

findNullVariables Method in contextFree Class

```
23 @ public ArrayList<Character> findNullVariables(ArrayList<String> grammarRules) {
24     ArrayList<Character> newNullVariables = new ArrayList<>();
25     ArrayList<Character> oldNullVariables = new ArrayList<>();
26     for (String st : grammarRules) {
27         if (st.charAt(3) == '.') {
28             newNullVariables.add(st.charAt(0));
29         }
30     }
31     while(!newNullVariables.equals(oldNullVariables)){
32         oldNullVariables.clear();
33         oldNullVariables.addAll(newNullVariables);
34         for (String st : grammarRules) {
35             int flag = 0;
36             for (int i = 3; i < st.length(); i++) {
37                 if (!newNullVariables.contains(st.charAt(i))) {
38                     flag = 1;
39                     break;
40                 }
41             }
42             if (flag == 0) {
43                 if(!newNullVariables.contains(st.charAt(0))) {
44                     newNullVariables.add(st.charAt(0));
45                 }
46             }
47         }
48     }return newNullVariables;}
```

توضیحات : برای اینکه قواعد لامبدا را حذف کنیم، نیاز است که ابتدا nullVariables را پیدا کنیم. در این متد با استفاده از الگوریتم زیر nullVariables را پیدا می کنیم.

Input: $G = (V, T, P, S)$
output: Set of Nullable Variables

```
begin
    OLDNULL  $\leftarrow \emptyset$ ; NEWNULL  $\leftarrow \{A \mid A \rightarrow a \text{ is in } P\}$ 
    while (OLDNULL  $\neq$  NEWNULL) do
        begin
            OLDNULL  $\leftarrow$  NEWNULL;
            NEWNULL  $\leftarrow$  NEWNULL  $\cup \{A \mid A \rightarrow \alpha, \text{ and all symbols in } \alpha \text{ are nullable}\}$ 
        end;
    return (NEWNULL)
end
```

$\alpha \in \text{OLDNULL}$

findSubsets Method in contextFree Class

```
60 @ private ArrayList<String> findSubsets(ArrayList<Character> nullVariables) {  
61     ArrayList<String> Subsets = new ArrayList<>();  
62     int n = nullVariables.size();  
63     // Run a loop for finding all 2^n  
64     // subsets one by one  
65     for (int i = 1; i < (1 << n); i++) {  
66         String Subset = "";  
67         // find current subset  
68         for (int j = 0; j < n; j++) {  
69  
70             // (1<<j) is a number with jth bit 1  
71             // so when we 'and' them with the  
72             // subset number we get which numbers  
73             // are present in the subset and which  
74             // are not  
75             if ((i & (1 << j)) > 0) {  
76                 Subset = Subset.concat(" " + nullVariables.get(j));  
77             }  
78         }  
79         Subsets.add(Subset);  
80     }  
81     return Subsets;  
82 }
```

توضیحات : برای اینکه قواعد لامبدا را حذف کنیم نیاز است که پس از پیدا کردن nullVariables، به ازای هر زیرمجموعه غیرتهی از آن ها، اعضای آن زیرمجموعه را از سمت راست هر قاعده ای که شامل همه آن ها می شود، حذف کنیم و یک قاعده جدید تولید کنیم. در این متد، همه زیرمجموعه های غیرتهی از nullVariables برگردانده می شود.

removeLambdaRules Method in contextFree Class

```
80 public void removeLambdaRules(ArrayList<String> grammarRules) {
81     ArrayList<Character> nullVariables = findNullVariables(grammarRules);
82     ArrayList<String> Subsets = findSubsets(nullVariables);
83     ArrayList<String> newRules = new ArrayList<>();
84     for (String st : Subsets) {
85         int flag = -1;
86         for (int k = 0; k < grammarRules.size(); k++) {
87             if(flag == 0) {
88                 k--;
89                 String newRule = grammarRules.get(k).substring(0, 3);
90                 for (int i = 3; i < grammarRules.get(k).length(); i++) {
91                     int flag2 = 0;
92                     for (int j = 0; j < st.length(); j++) {
93                         if (grammarRules.get(k).charAt(i) == st.charAt(j)) {
94                             flag2 = 1;
95                             break;
96                         }
97                     }
98                     if (flag2 == 0) {
99                         newRule = newRule.concat(" " + grammarRules.get(k).charAt(i));
100                     }
101                 }
102                 newRules.add(newRule);
103                 k++;
104             }
105             else{
106                 flag = 0;
107             }
108             for (int i = 0; i < st.length(); i++) {
109                 if (grammarRules.get(k).substring(3, grammarRules.get(k).length()).contains(" " + st.charAt(i))) {
110                     flag = 1;
111                     break;
112                 }
113             }
114         }
115     }
116     grammarRules.addAll(newRules); grammarRules.removeIf(st -> st.length() == 3 || st.charAt(3) == ' ');
117 }
```

توضیحات : در این قسمت همان طور که در توضیحات قسمت قبل گفته شد، به ازای هر زیرمجموعه غیرتهی از nullVariables، اعضای آن زیرمجموعه را از سمت راست هر قاعده ای که شامل همه آن ها می شود، حذف و یک قاعده جدید تولید می کنیم.

در انتها هر قاعده ای که به شکل $X \rightarrow$ باشد (دلیل به وجود آمدن همچنین قاعده ای این است که به عنوان مثال قاعده اصلی به شکل $X \rightarrow AB$ بوده و A, B عضوی از nullVariables بوده اند و پس از انجام مراحل بالا، A, B حذف شده اند) یا $X \rightarrow .$

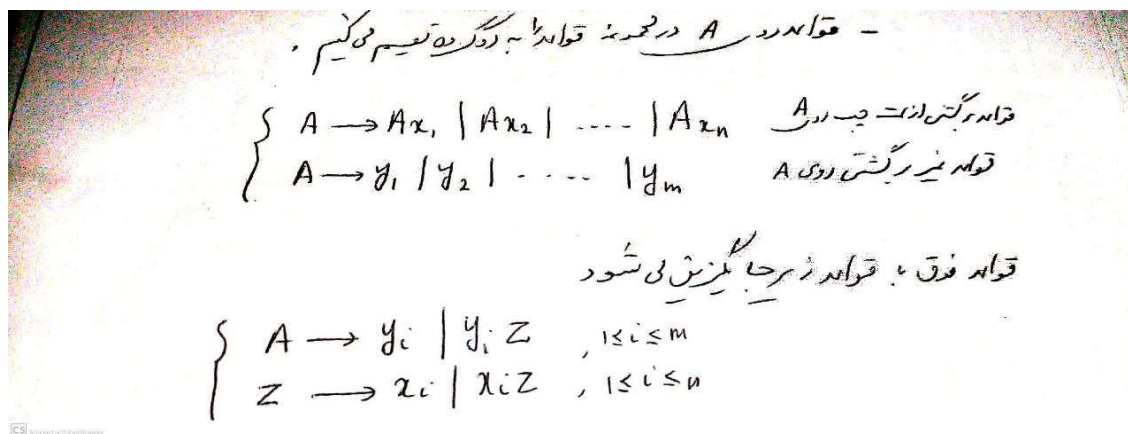
(. نماد لامبدا است) را حذف می کنیم.

removeLeftRecursionRules Method in contextFree Class

```
133 @ public void removeLeftRecursionRules(ArrayList<String> grammarRules) {
134     ArrayList<Character> variables = new ArrayList<>();
135     for (String grammarRule : grammarRules) {
136         if (grammarRule.charAt(0) == grammarRule.charAt(3)) {
137             if (!variables.contains(grammarRule.charAt(0))) {
138                 variables.add(grammarRule.charAt(0));
139             }
140         }
141     }
```

```
142     ArrayList<Character> variablesWithLeftRecursionRules = new ArrayList<>();
143     ArrayList<String> newRules = new ArrayList<>();
144     for (char variable : variables) {
145         ArrayList<String> leftRecursions = new ArrayList<>();
146         ArrayList<String> nonLeftRecursions = new ArrayList<>();
147         for (String grammarRule : grammarRules) {
148             if (grammarRule.charAt(0) == variable) {
149                 if (grammarRule.charAt(3) == variable) {
150                     leftRecursions.add(grammarRule);
151                     if (!variablesWithLeftRecursionRules.contains(variable)) {
152                         variablesWithLeftRecursionRules.add(variable);
153                     }
154                 } else {
155                     nonLeftRecursions.add(grammarRule);
156                 }
157             }
158         }
159         for (String nonLeftRecursion : nonLeftRecursions) {
160             char newVariable = (char) ('Z' - variablesWithLeftRecursionRules.size() + 1);
161             newRules.add(nonLeftRecursion + newVariable);
162         }
163         for (String leftRecursion : leftRecursions) {
164             char newVariable = (char) ('Z' - variablesWithLeftRecursionRules.size() + 1);
165             String newRule = newVariable + "->";
166             newRule = newRule.concat(leftRecursion.substring(4, leftRecursion.length()));
167             newRules.add(newRule);
168             newRules.add(newRule + newVariable);
169         }
170     }
171     Iterator<String> it = grammarRules.iterator();
172     for (char variable : variablesWithLeftRecursionRules) {
173         while (it.hasNext()) {
174             String grammarRule = it.next();
175             if (grammarRule.charAt(0) == variable && grammarRule.charAt(3) == variable) {
176                 it.remove();
177             }
178         }
179     }
180     grammarRules.addAll(newRules);}
```

توضیحات : در این متد، در ابتدا (خطوط ۱۳۵ تا ۱۴۰) متغیرهایی که دارای قاعده بازگشتی از سمت چپ هستند را شناسایی می کنیم (شرط این که یک قاعده به شکل $X \rightarrow Y \dots$ بازگشتی از سمت چپ باشد این است که $X=Y$ باشد). سپس، با استفاده از الگوریتم زیر قواعد غیر بازگشتی از سمت چپ معادل با این قواعد را تولید می کنیم.



در انتها (خطوط ۱۷۱ تا ۱۷۹)، تمام قواعد برگشتی از سمت چپ را از مجموعه قواعد حذف می‌کنیم و قواعد جدید تولید شده را به آن اضافه می‌کنیم.

removeUnitRules Method in contextFree Class

```

207 public void removeUnitRules(ArrayList<String> grammarRules) {
208     ArrayList<String> unitRules = new ArrayList<>();
209     for (String grammarRule : grammarRules) {
210         if (Character.isUpperCase(grammarRule.charAt(3)) && grammarRule.length() == 4) {
211             unitRules.add(grammarRule);
212         }
213     }
214     ArrayList<Character> additionalVariables = new ArrayList<>();
215     ArrayList<String> newRules = new ArrayList<>();
216     for (String unitRule : unitRules) {
217         if (!additionalVariables.contains(unitRule.charAt(0))) {
218             ArrayList<Character> dependency = new ArrayList<>();
219             dependency.add(unitRule.charAt(0));
220             dependency.add(unitRule.charAt(3));
221             char ch = unitRule.charAt(3);
222             for (String unitRule : unitRules) {
223                 if (unitRule.charAt(0) == ch) {
224                     additionalVariables.add(ch);
225                 }
226             }
227             for (String grammarRule : grammarRules) {
228                 if (grammarRule.charAt(0) == ch && Character.isUpperCase(grammarRule.charAt(3)) && grammarRule.length() == 4) {
229                     dependency.add(grammarRule.charAt(3));
230                     ch = grammarRule.charAt(3);
231                     for (String unitRule : unitRules) {
232                         if (unitRule.charAt(0) == ch) {
233                             additionalVariables.add(ch);
234                         }
235                     }
236                 }
237             }
238             for (int i = dependency.size() - 1; i >= 0; i--) {
239                 for (String grammarRule : grammarRules) {
240                     if (grammarRule.charAt(0) == dependency.get(i) && (grammarRule.length() > 4 || Character.isLowerCase(grammarRule.charAt(3)))) {
241                         for (int j = i - 1; j >= 0; j--) {
242                             newRules.add(dependency.get(j) + "-" + grammarRule.substring(3, grammarRule.length()));
243                         }
244                         grammarRules.removeIf(st -> dependency.contains(st.charAt(0)) && dependency.contains(st.charAt(3)) && st.length() == 4);
245                     }
246                 }
247             }
248             grammarRules.addAll(newRules);
249             ArrayList<String> temp = new ArrayList<>();
250             for (String grammarRule : grammarRules) {
251                 if (!temp.contains(grammarRule)) {
252                     temp.add(grammarRule);
253                 }
254             }
255             grammarRules.clear();
256             grammarRules.addAll(temp);
257         }
258     }
259 }

```

توضیحات: در این متد، در ابتدا (خطوط ۱۸۹ تا ۱۹۴) قواعد واحد را شناسایی می‌کنیم (شرط این که یک قاعده به شکل $X \rightarrow \dots$ واحد باشد این است که طول قاعده (با

احتساب – و> هر کدام به عنوان یک کاراکتر) دقیقاً ۴ باشد و اولین و تنهاترین حرف در سمت راست قاعده از حروف بزرگ انگلیسی باشد(Variable) باشد.

سپس به ازای هر قاعده واحد، تمام متغیرهایی که به متغیری که در سمت چپ قاعده واحد فعلی وابسته هستند را پیدا می کنیم (خطوط ۱۹۷ تا ۲۱۹). پس از آن، از آخرین متغیر که در آرایه وابستگی وجود دارد شروع کرده و به ازای هر متغیری که قبل از آن در این آرایه وجود دارد و هر قاعده غیرواحدی که مربوط به آن است، یک قاعده جدید که سمت چپ آن متغیری که قبل از این متغیر در آرایه وابستگی و سمت راست آن سمت راست قاعده غیرواحد مذکور می باشد، تولید می کنیم و این کار را برای متغیرهای قبل از آن تا متغیر با $index = 1$ تکرار می کنیم و در انتها قواعد واحدی را از قواعد گرامر که سمت چپ و راست آن ها عضوی از آرایه وابستگی باشد، حذف می کنیم (خطوط ۲۲۰ تا ۲۲۷).

در خطوط ۲۲۹ تا ۲۳۷ اگر قواعد گرامر بعد از اضافه کردن قواعد جدید دارای قواعد تکراری باشد، آن قواعد تکراری را از قواعد گرامر حذف می کنیم.

convertToGreibachNormalForm Method in contextFree Class

```
248 private void convertToGreibachNormalForm(ArrayList<String> grammarRules) {
249     ArrayList<String> newRules = new ArrayList<>();
250     ArrayList<String> removedRules = new ArrayList<>();
251     for (int j = 0; j < grammarRules.size(); j++) {
252         if (Character.isLowerCase(grammarRules.get(j).charAt(3))) {
253             for (int i = 4; i < grammarRules.get(j).length(); i++) {
254                 if (Character.isLowerCase(grammarRules.get(j).charAt(i))) {
255                     newRules.add(Character.toUpperCase(grammarRules.get(j).charAt(i)) + "-" + grammarRules.get(j).charAt(1));
256                     grammarRules.set(j, grammarRules.get(j).substring(0, 4) + Character.toUpperCase(grammarRules.get(j).charAt(4)) +
257                         grammarRules.get(j).substring(5, grammarRules.get(j).length()));
258                 }
259             }
260         } else {
261             removedRules.add(grammarRules.get(j));
262             for (String grammarRule : grammarRules) {
263                 if (grammarRule.charAt(0) == grammarRules.get(j).charAt(3)) {
264                     newRules.add(grammarRules.get(j).charAt(0) + "-" + grammarRule.substring(3, grammarRule.length())
265                         + grammarRules.get(j).substring(4, grammarRules.get(j).length()));
266                 }
267             }
268         }
269     }
270     ArrayList<String> temp = new ArrayList<>();
271     for (String newRule : newRules) {
272         if (!temp.contains(newRule)) {
273             temp.add(newRule);
274         }
275     }
276     grammarRules.removeAll(removedRules);
277     grammarRules.addAll(temp);
278 }
```

توضیحات : در این متد، قصد داریم قواعد را به فرم نرمال گریباخ در آوریم (ینی قواعد به یکی از دو شکل $X \rightarrow a$ یا $X \rightarrow a V_1 V_2 \dots$ باشد که a عضو ترمینال ها و V_i ها عضو Variables هستند). برای این کار، در ابتدا (خطوط ۲۵۱ تا ۲۵۹) سمت راست

هرقاعده گرامر که با حروف کوچک شروع شده را در نظر گرفتیم و اگر حروف بعد از آن کوچک بودند آن ها را به حروف بزرگ تبدیل کردیم (حروف بزرگ نشان دهنده Variable شدنشان است) و هم چنین یک قاعده جدید به شکل $X \rightarrow x$ که x آن حرف کوچک است و X حرف بزرگ متناظر با آن است، تولید می کنیم.

اما اگر سمت راست قاعده ای با حروف کوچک شروع نشده باشد، به ازای هر قاعده ای از قواعد گرامر که سمت چپ آن ، حرف اول سمت راست قاعده مذکور باشد، یک قاعده جدید که سمت چپ آن سمت چپ قاعده مذکور و سمت راست آن همان سمت راست قاعده مذکور با این تفاوت که به جای اولین حرف آن ، سمت راست قاعده دومی است، تولید می کنیم (خطوط ۲۶۰ تا ۲۶۹).

در انتها، از قواعد گرامر قواعد گفته شده در پاراگراف قبل را حذف می کنیم و قواعد جدید غیر تکراری را به آن اضافه می کنیم.

normalize Method in contextFree Class

```
11 public void normalize(ArrayList<String> grammarRules) {
12     removeLambdaRules(grammarRules);
13     removeLeftRecursionRules(grammarRules);
14     removeUnitRules(grammarRules);
15     convertToGreibachNormalForm(grammarRules);
16 }
```

توضیحات : در این متد، به ترتیب متد های `removeLambdaRules` و `removeLeftRecursionRules` و `removeUnitRules` و `convertToGreibachNormalForm` را روی قواعد گرامر مستقل از متن داده شده اعمال می کنیم تا به فرم نرمال گریباخ آن برسیم.

checkMembershipByPDA Method in contextFree Class

```
289 public boolean checkMembershipByPDA(ArrayList<String> grammarRules, String word, int index, Stack<Character> stack)
290 {
291     ArrayList<String> relatedRules = new ArrayList<>();
292     for (String grammarRule : grammarRules) {
293         if (grammarRule.charAt(3) == word.charAt(index) && stack.peek() == grammarRule.charAt(0)) {
294             relatedRules.add(grammarRule);
295         }
296     }
297     for (String relatedRule : relatedRules) {
298         Stack<Character> temp = new Stack<>();
299         for (Character variable : stack) {
300             temp.push(variable);
301         }
302         temp.pop();
303
304         for (int i = relatedRule.length() - 1; i >= 4; i--) {
305             temp.push(relatedRule.charAt(i));
306         }
307         if (index == word.length() - 1) {
308             if (temp.peek() == '$') {
309                 return true;
310             }
311         } else {
312             if (checkMembershipByPDA(grammarRules, word, index + 1, temp)) {
313                 return true;
314             }
315         }
316     }
317     return false;
318 }
```

توضیحات: در این متد، قصد داریم عضویت یک رشته را با استفاده از PDA مربوط به گرامر مستقل از متن داده شده بررسی کنیم. شرط پذیرش یک رشته این است که از بین تمام حالت های ممکن برای آن رشته، حداقل در یک حالت بعد از به پایان رسیدن رشته، در پشته تنها \$ مانده باشد.

برای پیاده سازی این PDA از الگوریتم زیر استفاده شده است:

Input: $G = (V, \Sigma, P, s)$ in Greibach Normal Form
 output: $PDA = (Q, \Sigma, \Gamma, \delta, q_0, z, F)$ accepting $L(G)$

$$Q = \{q_0, q_1, q_f\}$$

$$\Gamma = V \cup \{z\}$$

$$q_0 = s$$

$$F = \{q_f\}$$

$$\delta : \text{if } A \rightarrow a\alpha \text{ is in } P \text{ then} \\ \text{create } \delta(q_1, a, A) = \{(q_1, \alpha)\}$$

$$S \rightarrow aA$$

$$A \rightarrow aABC \mid bB \mid a$$

$$B \rightarrow b$$

$$C \rightarrow c$$

$$\delta(q_0, \lambda, z) = \{(q_1, sz)\}$$

$$S \rightarrow aA \rightarrow$$

$$A \rightarrow aABC \rightarrow$$

$$A \rightarrow bB \rightarrow$$

$$A \rightarrow a$$

$$B \rightarrow b$$

$$C \rightarrow c$$

$$\delta(q_1, a, s) = \{(q_1, A)\}$$

$$\delta(q_1, a, A) = \{(q_1, ABC)\}$$

$$\delta(q_1, b, A) = \{(q_1, B)\}$$

$$\delta(q_1, a, A) = \{(q_1, \lambda)\}$$

$$\delta(q_1, b, B) = \{(q_1, \lambda)\}$$

$$\delta(q_1, c, C) = \{(q_1, \lambda)\}$$

$$\delta(q_f, \lambda, z) = \{(q_f, z)\}$$

توجه: گرامر داده شده در انتهای الگوریتم بالا در انتهای گزارش کار به عنوان ورودی داده می شود و عضویت چندین رشته توسط متد مذکور بررسی می شود.

convertToSimpleForm Method in regular Class

```
8 @ public void convertToSimpleForm(ArrayList<String>grammarRules){
9     ArrayList<String>newRules = new ArrayList<>();
10    int count = - 1;
11    for(int i = 0 ; i < grammarRules.size();i++){
12        if(grammarRules.get(i).length()>=5 && Character.isLowerCase(grammarRules.get(i).charAt(4))){
13            count++;
14            String st = grammarRules.get(i).substring(4,grammarRules.get(i).length());
15            char newVariable1 = (char) ('M' + count);
16            grammarRules.set(i,grammarRules.get(i).substring(0,4) + newVariable1) ;
17            char newVariable2 = '.';
18            if(st.length() == 1){
19                newRules.add(newVariable1 + "->" + st);
20            }
21            for(int j = 0 ; j<st.length()-1;j++){
22                if(j == st.length()-2){
23                    newRules.add(newVariable1 + "->" + st.substring(j,j+2));
24                }
25                else {
26                    count++;
27                    newVariable2 = (char) ('M' + count);
28                    newRules.add(newVariable1 + "->" + st.charAt(j) + newVariable2);
29                    newVariable1 = newVariable2;
30                }
31            }
32        }
33    }
34    }
35    grammarRules.addAll(newRules);
36 }
```

توضیحات : این متد بعد از حذف قواعد لامبدای گرامر منظم انجام می شود و قصد داریم قواعدی به عنوان مثال $A \rightarrow bbB$ را به دو قاعده $A \rightarrow bC$ و $C \rightarrow bB$ تبدیل کنیم.

change Method in regular Class

```
42 @ public void change(ArrayList<String>grammarRules){
43     for(int i = 0 ; i< grammarRules.size();i++){
44         if(grammarRules.get(i).length() == 4 && Character.isLowerCase(grammarRules.get(i).charAt(3))){
45             grammarRules.set(i,grammarRules.get(i) + "f");
46         }
47     }
48 }
49 }
```

توضیحات : در این متد، قصد داریم به سمت راست هر قاعده ای که سمت راستش تنها یک حرف کوچک (ترمینال) دارد و طولش ۴ است، حرف f را که نشان دهنده یکی از حالات نهایی است اضافه کنیم.

checkMembershipByFA Method in regular Class

```
58 public boolean checkMembershipByFA(ArrayList<String> grammarRules, ArrayList<Character> finalStates, String word, int index, char Q) {
59     ArrayList<String> relatedRules = new ArrayList<>();
60     for (String grammarRule : grammarRules) {
61         if (grammarRule.charAt(3) == word.charAt(index) && Q == grammarRule.charAt(0)) {
62             relatedRules.add(grammarRule);
63         }
64     }
65     for (String relatedRule : relatedRules) {
66         char temp = relatedRule.charAt(4);
67         if (index == word.length() - 1) {
68             if (finalStates.contains(temp)) {
69                 return true;
70             }
71         } else {
72             if (checkMembershipByFA(grammarRules, finalStates, word, index + 1, temp)) {
73                 return true;
74             }
75         }
76     }
77     return false;
78 }
```

توضیحات: در این متد، قصد داریم عضویت یک رشته را با استفاده از FA مربوط به گرامر منظم داده شده بررسی کنیم. شرط پذیرش یک رشته این است که از بین تمام حالت های ممکن برای آن رشته، حداقل در یک حالت بعد از به پایان رسیدن رشته، دریکی از حالات نهایی باشیم.

main Method in P_2_9823081 Class

```
6 public static void main(String[] args) {
7     while (true) {
8         System.out.println("1:check regularity" + '\n' + "2:check being context free" + '\n' + "3:Quit");
9         Scanner sc = new Scanner(System.in);
10        String select = "";
11        do {
12            select = sc.next();
13        } while (!select.equals("1") && !select.equals("2") && !select.equals("3"));
```

توضیحات : در این قسمت از این متد، از کاربر می خواهیم که بین سه گزینه بررسی منظم بودن، بررسی مستقل از متن بودن و یا خروج یکی را انتخاب کند.

```
14         if (select.equals("1")){
15             ArrayList<String> grammarRules = new ArrayList<>();
16             System.out.println("please enter your rules one by one(with this format : leftSide->rightSide) and enter -1 at the end");
17             int flag = 0;
18             while (flag != -1) {
19                 String grammarRule = sc.next();
20                 if (grammarRule.equals("-1")) {
21                     flag = -1;
22                 } else {
23                     if (grammarRule.charAt(1) == '-' && grammarRule.charAt(2) == '>' && Character.isUpperCase(grammarRule.charAt(0))) {
24                         int counter = 0;
25                         for(int i = 3 ; i < grammarRule.length(); i++){
26                             if(Character.isUpperCase(grammarRule.charAt(i))){
27                                 counter++;
28                             }
29                         }
30                         if(counter <= 1) {
31                             grammarRules.add(grammarRule);
32                         }
33                         else{
34                             System.out.println(" input grammar is not regular");
35                         }
36                     } else {
37                         System.out.println("invalid format or input grammar is not regular");
38                         flag = -1;
39                     }
40                 }
41             }
42             if(grammarRules.isEmpty()){
43                 continue;
44             }
45             System.out.println("input grammar is regular");
```

توضیحات : بعد از انتخاب بررسی منظم بودن توسط کاربر، در این قسمت از متد به بررسی منظم بودن گرامری که کاربر وارد می کند می پردازیم.(شرط منظم بودن این است که سمت چپ هر قاعده گرامر داده شده یک حرف بزرگ (Variable) و سمت راست آن شامل فقط یک حرف بزرگ (Variable) باشد.

```

46: String sel = "";
47: contextFree contextFree = new contextFree();
48: regular reg = new regular();
49: ArrayList<Character> finalStates = new ArrayList<>(contextFree.findNullVariables(grammarRules));
50: finalStates.add('f');
51: contextFree.removeLambdaRules(grammarRules);
52: reg.convertToSimpleForm(grammarRules);
53: reg.change(grammarRules);
54: contextFree.removeUnitRules(grammarRules);
55: while (true) {
56:     System.out.println("do you want to check membership of a word?" + '\n' + "1:yes" + '\n' + "2:No");
57:     do {
58:         sel = sc.next();
59:     } while (!sel.equals("1") && !sel.equals("2"));
60:     if (sel.equals("2")) {
61:         break;
62:     } else {
63:         System.out.println("please enter the word:");
64:         String word = sc.next();
65:         if (reg.checkMembershipByFA(grammarRules, finalStates, word, index 0, Q: 'S')) {
66:             System.out.println("accepted");
67:         } else {
68:             System.out.println("Not accepted");
69:         }
70:     }
71: }
72:

```

توضیحات : بعد از اینکه مشخص شد گرامر وارد شده از سمت کاربر منظم است، ابتدا به کمک متد findNullVariables از کلاس contextFree حالات نهایی FA را بدست می آوریم . و بعد از آن حالت f را که در متد change از کلاس regular به کاررفت، به آن ها اضافه می کنیم. سپس قواعد لامبدا را به کمک متد removeLambdaRules از کلاس contextFree حذف می کنیم و پس از آن به ترتیب دو متد convertToSimpleForm و change از کلاس regular را روی قواعد گرامر اعمال می کنیم و بعد از آن به کمک متد removeUnitRules از کلاس contextFree قواعد واحد را نیز حذف می کنیم . در انتها به کمک متد checkMembershipByFA از کلاس regular عضویت رشته وارد شده توسط کاربر را بررسی و نتیجه را چاپ می کنیم.

```

73         else if (select.equals("2")) {
74             ArrayList<String> grammarRules = new ArrayList<>();
75             System.out.println("please enter your rules one by one(with this format : leftSide->rightSide) and enter -1 at the end");
76             int flag = 0;
77             while (flag != -1) {
78                 String grammarRule = sc.next();
79                 if (grammarRule.equals("-1")) {
80                     flag = -1;
81                 } else {
82                     if (grammarRule.charAt(1) == '-' && grammarRule.charAt(2) == '>' && Character.isUpperCase(grammarRule.charAt(0)))
83                         grammarRules.add(grammarRule);
84                 } else {
85                     System.out.println("invalid format or input grammar is not context free");
86                     flag = -1;
87                 }
88             }
89         }
90         if(grammarRules.isEmpty()){
91             continue;
92         }
93         System.out.println("input grammar is context free");

```

توضیحات : بعد از انتخاب بررسی مستقل از متن بودن توسط کاربر، در این قسمت از متد به بررسی مستقل از متن بودن گرامری که کاربر وارد می کند می پردازیم.(شرط مستقل از متن بودن این است که سمت چپ هر قاعده گرامر داده شده یک حرف بزرگ (Variable) باشد.

```

94         String sel = "";
95         contextFree contextfree = new contextFree();
96         contextfree.normalize(grammarRules);
97         while (true) {
98             System.out.println("do you want to check membership of a word?" + '\n' + "1:yes" + '\n' + "2:No");
99             do {
100                 sel = sc.next();
101             } while (!sel.equals("1") && !sel.equals("2"));
102             if (sel.equals("2")) {
103                 break;
104             } else {
105                 System.out.println("please enter the word:");
106                 String word = sc.next();
107                 Stack<Character> stack = new Stack<>();
108                 stack.push( new Character('$') );
109                 stack.push( new Character('$') );
110                 if (contextfree.checkMembershipByPDA(grammarRules, word, index 0, stack)) {
111                     System.out.println("accepted");
112                 } else {
113                     System.out.println("Not accepted");
114                 }
115             }
116         }
117     }
118     else {
119         break;
120     }
121 }
122 }
123 }

```

توضیحات : بعد از اینکه مشخص شد گرامر وارد شده از سمت کاربر مستقل از متن است، ابتدا به کمک متد normalize از کلاس contextFree آن گرامر را به فرم

نرمال گریباخ درمی آوریم سپس با استفاده از متد checkMembershipByPDA از همان کلاس عضویت رشته وارد شده توسط کاربر را بررسی و نتیجه را چاپ می کنیم.

یک نمونه گرامر منظم و بررسی عضویت چند رشته در آن :

S->abcS

S->A

A->aaA

A->B

B->bB

B->.

```
please enter your rules one by one(with this format : leftSide->rightSide) and enter -1 at the end
S->abcS
S->A
A->aaA
A->B
B->bB
B->d
B->.
-1
input grammar is regular
```

```
do you want to check membership of a word?
1:yes
2:No
1
please enter the word:
abc
accepted
```

```
do you want to check membership of a word?
1:yes
2:No
1
please enter the word:
abcabc
accepted
```

```
do you want to check membership of a word?
1:yes
2:No
1
please enter the word:
aaaaa
accepted
```

```
do you want to check membership of a word?
1:yes
2:No
1
please enter the word:
aab
accepted
```

```
do you want to check membership of a word?
1:yes
2:No
1
please enter the word:
aabb
accepted
```

```
do you want to check membership of a word?
1:yes
2:No
1
please enter the word:
aba
Not accepted
```

```
do you want to check membership of a word?
1:yes
2:No
1
please enter the word:
a
Not accepted
```

یک نمونه گرامر مستقل از متن و بررسی عضویت چند رشته در آن :

S->aA

A->aABC

A->bB

A->a

B->b

C->c

```
please enter your rules one by one(with this format : leftSide->rightSide) and enter -1 at the end
S->aA
A->aABC
A->bB
A->a
B->b
C->c
-1
input grammar is context free
```

```
do you want to check membership of a word?  
1:yes  
2:No  
1  
please enter the word:  
a  
Not accepted
```

```
do you want to check membership of a word?  
1:yes  
2:No  
1  
please enter the word:  
aa  
accepted
```

```
do you want to check membership of a word?  
1:yes  
2:No  
1  
please enter the word:  
abb  
accepted
```

```
do you want to check membership of a word?  
1:yes  
2:No  
1  
please enter the word:  
aaabc  
accepted
```

```
do you want to check membership of a word?  
1:yes  
2:No  
1  
please enter the word:  
aabbc  
Not accepted
```

```
do you want to check membership of a word?  
1:yes  
2:No  
1  
please enter the word:  
aabbbc  
accepted
```