LAPORAN TUGAS BESAR II IF2123 ALJABAR LINIER DAN GEOMETRI

APLIKASI KONSEP EIGENVALUE DAN EIGENFACE PADA TEKNOLOGI PENGENALAN WAJAH (FACE RECOGNITION)



Kelompok:

in Bill we trust

Anggota:

Jeffrey Chow 13521046
Bill Clinton 13521064
Chiquita Ahsanunnisa 13521129

PROGRAM STUDI TEKNIK INFORMATIKA SEKOLAH TEKNIK ELEKTRO DAN INFORMATIKA INSTITUT TEKNOLOGI BANDUNG

2022

DAFTAR ISI

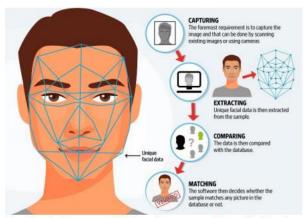
DAFTA	AR ISI	i
BAB I l	DESKRIPSI MASALAH	1
BAB II	TEORI SINGKAT	2
2.1	Eigenvalue	2
2.2	Eigenvector	2
2.3	Perkalian Matriks	2
2.4	Dekomposisi QR	3
2.5	Metode Gram-Schmidt	3
2.6	Perhitungan Eigenvalue dan Eigenvector	3
2.7	Matriks Kovarian	4
2.8	Euclidean Distance	4
2.9	Image Normalization	4
BAB II	I IMPLEMENTASI PROGRAM	6
3.1	Algoritma	6
3.1	.1 Tahap Image Preprocessing	6
3.1	.2 Tahap Training	6
3.1	.3 Tahap Testing	8
3.2	Tech Stack	9
3.3	Program	10
3.3	.1 Modul dan File	10
3.3	.2 Modul configImages	10
3.3		
3.3		
BAB IV	EKSPERIMEN	13

4.1	Masukan Testing Image dari File	
4.2	Masukan Testing Image dari Kamera	13
BAB V	V KESIMPULAN, SARAN, DAN REFLEKSI	14
5.1	Kesimpulan	14
5.2	Saran	14
5.3	Refleksi	14
REFE	RENSI	15
LAMP	PIRAN	16

BABI

DESKRIPSI MASALAH

Face Recognition atau pengenalan wajah merupakan teknologi biometrik yang dapat dipakai untuk mengidentifikasi wajah manusia. Face recognition dapat digunakan untuk berbagai kepentingan, khususnya keamanan, misalnya saja fitur Face ID. Program pengenalan wajah melibatkan berbagai citra wajah yang telah disimpan dalam database yang kemudian berdasarkan kumpulan wajah tersebut, program dapat mempelajari bentuk wajah lalu mencocokkan citra yang akan diidentifikasi dengan kumpulan citra wajah yang sudah dipelajari. Alur untuk sistem pengenalan wajah terlihat pada Gambar 1 berikut.



Gambar 1. Alur proses di dalam sistem pengenalan wajah (Sumber: https://www.shadowsystem.com/page/20)

Ada berbagai metode yang dapat digunakan untuk memeriksa citra wajah dari kumpulan citra yang telah diketahui, misalnya *cosine similarity* dan jarak Euclidean, *principal component analysis* (PCA), serta *eigenface*. Pada tugas besar II kali ini, akan dibuat program pengenalan wajah menggunakan *eigenface*.

Kumpulan citra wajah akan digunakan dengan representasi matriks. Dari representasi tersebut, akan dicari matriks *eigenface*. Program pengenalan wajah dapat dibagi menjadi dua tahap berbeda, yakni tahap *training* dan pencocokkan. Pada tahap *training*, diberikan kumpulan *dataset* berupa citra wajah. Citra tersebut akan dinormalisasi dari RGB (*Red*, *Green*, *and Blue*) ke *Grayscale* (matriks). Hasil normalisasi tersebut akan digunakan dalam perhitungan *eigenface*. Perhitungan ini melibatkan *eigenvalue* atau nilai eigen dan *eigenvector* atau vektor eigen.

BAB II

TEORI SINGKAT

2.1 Eigenvalue

"Eigen" adalah kata yang berasal dari bahasa Jerman yang memiliki arti yaitu karakteristik. Definisi nilai eigen sendiri berhubungan dengan transformasi linear. Nilai eigen atau eigenvalue menyatakan nilai karakteristik dari sebuah matriks persegi berukuran $n \times n$. Eigenvalue merupakan nilai skalar yang digunakan untuk mentransformasi sebuah vektor eigen atau eigenvector.

2.2 Eigenvector

Jika ada suatu matriks A berukuran $n \times n$, maka vektor tidak nol di \mathbb{R}^n adalah vektor eigen atau eigenvector dari matriks A jika

$$Ax = \lambda x$$

dengan λ adalah *eigenvalue* dari matriks A dan x adalah eigenvector yang bersesuaian dengan λ . Eigenvector ini menyatakan matriks kolom yang apabila dikalikan dengan sebuah matriks persegi akan menghasilkan vektor yang merupakan kelipatan dari vektor itu sendiri.

2.3 Perkalian Matriks

Misalkan ada matriks A berukuran m x r dan matriks B berukuran r x n. Jika kedua matriks tersebut dikalikan, akan dihasilkan matriks berukuran m x n. Perkalian dua matriks ini memiliki syarat yaitu untuk perkalian A X B, jumlah kolom A harus sama dengan jumlah baris B. Algoritma untuk melakukan dua buah matriks adalah sebagai berikut.

Perkalian matriks: $C_{m \times n} = A_{m \times r} \times B_{r \times n}$

Algoritma:

```
for i\leftarrow1 to m do

for j\leftarrow1 to n do

c_{ij} \leftarrow 0

for k\leftarrow1 to r do

c_{ij} \leftarrow c_{ij} + a_{ik} * b_{kj}

end for

end for
```

2.4 Dekomposisi QR

Dekomposisi matriks merupakan proses memfaktorkan sebuah matriks menjadi hasil kali dari beberapa matriks lain. Ada berbagai metode dalam mendekomposisi matriks dan salah satunya adalah menggunakan metode QR decomposition atau dekomposisi QR. Metode dekomposisi QR adalah metode untuk mendekomposisi sebuah matriks persegi dengan memfaktorkannya menjadi matriks Q dan R, dengan Q adalah matriks ortogonal, yaitu matriks yang memenuhi syarat $Q^TQ = I$, dan R adalah matriks segitiga atas, yaitu matriks persegi yang elemen-elemen di bawah diagonal utamanya bernilai nol. Ada berbagai metode yang dapat digunakan untuk mencari melakukan dekomposisi ini, namun metode yang kami gunakan untuk tugas besar kali ini adalah metode Gram-Schmidt.

2.5 Metode Gram-Schmidt

Misal ada suatu matriks persegi A yang dapat ditulis sebagai berikut.

$$A = \left[\begin{array}{c|c} \mathbf{a}_1 & \mathbf{a}_2 & \cdots & \mathbf{a}_n \end{array} \right].$$

Setelah itu,

$$\begin{array}{lcl} \mathbf{u}_1 & = & \mathbf{a}_1, & \mathbf{e}_1 = \frac{\mathbf{u}_1}{||\mathbf{u}_1||}, \\ \\ \mathbf{u}_2 & = & \mathbf{a}_2 - (\mathbf{a}_2 \cdot \mathbf{e}_1)\mathbf{e}_1, & \mathbf{e}_2 = \frac{\mathbf{u}_2}{||\mathbf{u}_2||}. \\ \\ \mathbf{u}_{k+1} & = & \mathbf{a}_{k+1} - (\mathbf{a}_{k+1} \cdot \mathbf{e}_1)\mathbf{e}_1 - \dots - (\mathbf{a}_{k+1} \cdot \mathbf{e}_k)\mathbf{e}_k, & \mathbf{e}_{k+1} = \frac{\mathbf{u}_{k+1}}{||\mathbf{u}_{k+1}||}. \end{array}$$

Dengan demikian, matriks A dapat didekomposisi menjadi matriks Q dan R dengan ketentuan sebagai berikut.

$$A = \begin{bmatrix} \mathbf{a}_1 \mid \mathbf{a}_2 \mid \cdots \mid \mathbf{a}_n \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} \mathbf{e}_1 \mid \mathbf{e}_2 \mid \cdots \mid \mathbf{e}_n \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \mathbf{a}_1 \cdot \mathbf{e}_1 & \mathbf{a}_2 \cdot \mathbf{e}_1 & \cdots & \mathbf{a}_n \cdot \mathbf{e}_1 \\ 0 & \mathbf{a}_2 \cdot \mathbf{e}_2 & \cdots & \mathbf{a}_n \cdot \mathbf{e}_2 \\ \vdots & \vdots & \ddots & \vdots \\ 0 & 0 & \cdots & \mathbf{a}_n \cdot \mathbf{e}_n \end{bmatrix} = QR.$$

2.6 Perhitungan Eigenvalue dan Eigenvector

Metode yang kami gunakan untuk menghitung eigenvalue dan eigenvector adalah dengan menggunakan power iteration dan QR decomposition. Power iteration sendiri adalah metode aljabar linier untuk memperkirakan eigenvalue dan eigenvector dari suatu matriks simetris. Untuk

mendapatkan eigenvalue, dilakukan proses dekomposisi QR pada matriks untuk menemukan matriks Q lalu matriks awal diganti dengan hasil dari Q^TAQ dengan A adalah matriks awal. Kedua proses tersebut diulangi berkali-kali dan diagonal dari matriks hasil operasi yang terakhir adalah kumpulan nilai eigennya. Proses mendapatkan eigenvector juga berhubungan dengan proses mendapatkan eigenvalue. Vektor eigennya dapat diperoleh dengan mengali matriks semua Q yang didapat dalam proses iterasi.

2.7 Matriks Kovarian

Matriks kovarian adalah matriks yang mewakili nilai kovarian antara pasangan elemen dalam vektor acak. Kovarian sendiri berarti ukuran yang untuk melihat hubungan antara perubahan dalam satu variabel dengan perubahan dalam variabel lainnya. Matriks kovarian sendiri dapat dihitung menggunakan rumus sebagai berikut.

$$C = AA^T$$

2.8 Euclidean Distance

Secara umum, *euclidean distance* adalah perhitungan yang merepresentasikan jarak terpendek antara dua titik. Dalam konteks \mathbb{R}^n , euclidean distance di antara dua vektor adalah norma dari selisih kedua vektor tersebut. Misal, euclidean distance antara dua vektor $\mathbf{x} = (x_1, x_2, ..., x_n)$ dan $\mathbf{y} = (y_1, y_2, ..., y_n)$ adalah

$$ED(x,y) = ||x - y|| = \sqrt{\sum_{i=1}^{n} (x_i - y_i)^2} = \sqrt{(x_1 - y_1)^2 + (x_2 - y_2)^2 + \dots + (x_n - y_n)^2}$$

Euclidean distance merupakan salah satu distance metric yang banyak digunakan dalam bidang machine learning, terutama untuk menyelesaikan masalah classification dan clustering. Dengen euclidean distance, kemiripan antara dua hasil observasi yang direpresentasikan dalam vektor di ruang Euclidean dapat dihitung.

2.9 Image Normalization

Dalam konteks *image processing*, normalisasi adalah proses untuk mengubah range dari intensitas pixel yang ada pada gambar. Normalisasi akan mengubah sebuah vektor gambar *grayscale I*: $\{X \subseteq \mathbb{R}^n\}$ yang memiliki range intensitas pixel (Min,Max) menjadi sebuah *image* baru I_N : $\{X \subseteq \mathbb{R}^n\}$ dengan range intensitas pixel (newMin,newMax). Keduanya dihubungkan dengan persamaan

$$I_N = \frac{newMax - newMin}{Max - Min} (I - Min) + newMin$$
 (pers. 2.8.1)

dengan *Min* adalah vektor berdimensi n yang memiliki nilai (*Min, Min, ..., Min*) dan *newMin* adalah vektor berdimensi n yang memiliki nilai (*newMin, newMin, ..., newMin*).

Metode normalisasi gambar ini dapat meningkatkan kualitas gambar yang memiliki kontras rendah. Metode ini digunakan dalam image preprocessing pada *face recognition*, untuk menyamakan intensitas pixel maksimum dan minimum dari keseluruhan gambar yang digunakan.

BAB III

IMPLEMENTASI PROGRAM

3.1 Algoritma

Algoritma yang digunakan dalam pembuatan face recognition ini adalah algoritma eigenfaces (PCA *algorithm*) yang memanfaatkan konsep nilai dan vektor eigen pada matriks. Secara garis besar, algoritma ini terdiri dari tiga tahap, yaitu tahap *image preprocessing*, tahap *training* dan tahap *testing*.

3.1.1 Tahap Image Preprocessing

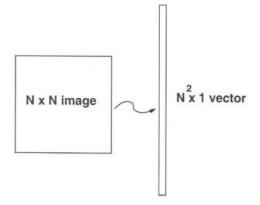
Tahap *image preprocessing* adalah tahap untuk menyamakan standar gambar yang akan dipakai. Tahap ini terdiri atas:

- 1. Mengubah gambar menjadi grayscale dengan ukuran 256 \times 256 pixel
- 2. Menormalisasi gambar menjadi gambar dengan range intensitas pixel (0,255) sesuai persamaan 2.8.1

3.1.2 Tahap *Training*

Tahap *training* adalah tahap untuk "melatih mesin" dengan *dataset* (yang sudah dipreprocessing) yang dimiliki. Berikut adalah langkah-langkah pada tahap *training*.

1. Misalkan terdapat m buah gambar wajah (yang sudah di-preprocessing) pada dataset. Sesuai pembahasan sebelumnya, gambar ini akan memiliki dimensi 256 \times 256 pixel. Ubah matriks setiap gambar menjadi vektor wajah berukuran 256². Sebut vektor-vektor gambar ini $x_1, x_2, ..., x_m$.



2. Hitung rata-rata (ψ) dari seluruh vektor wajah ini.

$$\boldsymbol{\psi} = \frac{1}{m} \sum_{i=1}^{m} x_i$$

3. Kurangkan setiap vektor wajah dengan vektor rata-rata. Untuk vektor wajah x_i , akan dihasilkan vektor a_i . Gabungkan vektor a_i menjadi sebuah matriks A berukuran $256^2 \times m$.

$$a_i = x_i - \psi$$

$$A = [a_1 \ a_2 \ a_3 \ \dots . a_m]$$

4. Hitung matriks kovarian. Matriks kovarian (C) dapat dihitung dengan persamaan

$$C = AA^T$$

Dari matriks kovarian, nilai eigen (λ_i) dan vektor eigen (u_i) akan dicari.

$$AA^T \mathbf{u}_i = \lambda_i \mathbf{u}_i$$

Namun, penggunaan persamaan di atas akan terlalu banyak memakan memori karena matriks yang dikalikan berukuran relatif sangat besar, dan matriks yang dihasilkan juga berukuran sangat besar $256^2 \times 256^2$. Oleh karena itu, dalam perhitungan kovarian, digunakan cara lain.

Untuk matriks A, nilai eigen dan vektor eigen dari A^TA dinyatakan dengan persamaan

$$A^T A \boldsymbol{v_i} = \lambda_i \boldsymbol{v_i}$$

Kalikan kedua ruas dengan matriks A.

$$AA^{T}A\boldsymbol{v_{i}} = \lambda_{i}A\boldsymbol{v_{i}}$$

$$CA\boldsymbol{v_{i}} = \lambda_{i}A\boldsymbol{v_{i}}$$

$$C\boldsymbol{u_{i}} = \lambda_{i}\boldsymbol{u_{i}}$$

Selanjutnya kita akan menyebut vektor ata sebagai *simplified covariance* (C'). Dari persamaan di atas dapat dilihat bahwa C' dan C akan memiliki nilai eigen yang sama, dan vektor eigen keduanya dihubungkan dengan persamaan

$$u_i = Av_i$$

Hal ini berarti kita cukup mencari nilai eigen dan vektor eigen dari matriks A^TA yang memiliki dimensi relatif jauh lebih kecil dibanding AA^T , dan mengalikan vektor eigen dari A^TA dengan matriks A. Vektor eigen dari kovarian (\mathbf{u}_i) akan dinormalisasi menjadi $\hat{\mathbf{u}}_i$. Vektor $\hat{\mathbf{u}}_i$ disebut *eigenface*. Vektor-vektor eigenface akan membangun *eigenspace* (ruang eigen).

- 5. Selanjutnya, pilih k nilai eigen terbesar (tersignifikan). Ambil eigenface yang bersesuaian dengan k nilai eigen tersebut.
- 6. Eigenface ini akan menjadi "basis" dari setiap wajah yang ada. Setiap vektor wajah akan dinyatakan dalam kombinasi linear *eigenface*

$$a_i = x_i - \psi = \sum_{j=1}^k w_{ij} \widehat{u}_j$$

dengan w_{ij} adalah weight dari eigenface $\widehat{\boldsymbol{u}}_{j}$ pada \boldsymbol{x}_{i} . Untuk mencari w_{ij} , digunakan persamaan berikut.

$$w_{ij} = \hat{u}_i^T a_i = \hat{\boldsymbol{u}}_i \cdot \boldsymbol{a}_i$$

7. Gabungkan koefisien weight dari gambar x_i dalam vektor W_i .

$$\boldsymbol{W_i} = \begin{bmatrix} w_{i1} \\ w_{i2} \\ \vdots \\ w_{ik} \end{bmatrix}$$

3.1.3 Tahap Testing

Tahap *testing* adalah tahap untuk mengetes gambar yang ingin dicek klasifikasinya. Berikut adalah langkah-langkahnya.

- 1. Ubah matriks gambar *testing* (yang sudah di-*preprocessing*) menjadi vektor berukuran $256^2 (x_{test})$.
- 2. Kurangkan vektor x_{test} dengan vektor rata-rata (ψ) yang sudah dihitung pada tahap training untuk menghasilkan vektor a_{test} .

$$a_{test} = x_{test} - \psi$$

3. Training image akan dinyatakan dalam kombinasi linear eigenface

$$a_{test} = x_{test} - \psi = \sum_{j=1}^{k} w_{test,j} \widehat{u}_{j}$$

dengan $w_{test,j}$ adalah weight dari eigenface u_j pada x_{test} . Untuk mencari $w_{test,j}$, digunakan persamaan berikut.

$$w_{test,j} = \hat{u}_j^T a_{test} = \hat{u}_j \cdot a_{test}$$

4. Gabungkan koefisien weight dari gambar x_{test} dalam vektor W_{test} .

$$m{W_{test}} = egin{bmatrix} W_{test,1} \ W_{test,2} \ dots \ W_{test,k} \end{bmatrix}$$

- 5. Cari vektor W_i yang memiliki *euclidean distance* terkecil (ED_{min}) dengan W_{test} . Gambar yang bersesuaian dengan vektor W_i berarti adalah gambar terdekat dengan gambar testing.
- 6. Suatu gambar dikatakan terklasifikasi ke dalam dataset jika ED_{min} memenuhi ketidaksamaan berikut.

$$ED_{min} < T$$

T adalah threshold yang biasanya dihitung dengan persamaan

$$T = \frac{1}{2}ED_{max}$$

3.2 Tech Stack

Seluruh bagian dari program *Face Regocnition with Eigenface* diimplementasikan dalam bahasa pemrograman Python. Python adalah bahasa pemrograman *high-level* dan bisa digunakan untuk berbagai tujuan. Bahasa pemrograman Python juga memiki *package manager* (pip) yang mudah untuk digunakan dan memiliki berbagai *libraries* untuk berbagai tujuan.

Pada program ini digunakan berbagai library Python, yaitu:

1. OpenCV

OpenCV adalah *library computer vision* Python. *Library* ini memungkinkan kita untuk melakukan pemrosesan gambar, mulai dari pengambilan gambar, mengubah ukuran gambar, mengubah warna gambar, dan melakukan transformasi gambar menjadi matriks.

2. Numpy

Numpy adalah *library* Python untuk memudahkan proses komputasi dan perhitungan matriks dan vektor. Numpy digunakan untuk beberapa proses seperti perkalian matriks, transpose matriks, dan sebagainya.

3. Tkinter

Tkinter adalah *library* Python untuk mengimplementasi *Graphical User Interface* (GUI) program. Pemilihan library ini didasari atas penggunaanya yang *beginner-friendly* dan bisa mencukupi fitur yang diperlukan oleh program ini.

4. Pillow (PIL)

Pillow adalah *library* Python untuk menampilkan image pada GUI. Image yang akan ditampilkan adalah *image* untuk *test image* dan hasil *recognition* program.

5. Timeit/Time

Timeit/Time adalah *library* Python yang digunakan untuk menghitung waktu eksekusi program sehingga dapat ditampilkan pada GUI.

6. OS

OS adalah *library* Python yang menyediakan fungsi untuk berinteraksi dengan sistem operasi. *Library* ini digunakan untuk mengurus segala keperluan *file* dan *folder*, misalnya untuk mendapatkan *path* dari suatu *folder* ataupun *file*.

3.3 Program

3.3.1 Modul dan File

Program kami terdiri dari beberapa modul dan file sebagai berikut.

No.	Modul	File	Isi
1	configImages	configImages.py	konfigurasi gambar, preprocessing
			gambar
2	function	function.py	pengolahan vektor dan matriks, pencarian
			nilai eigen dan vektor eigen, <i>face</i>
			recognition
3	gui	gui.py	pengaturan tampilan (interface) aplikasi
			dan sebagai main program

3.3.2 Modul configImages

No.	Fungsi	Keterangan
1	readImage(pathFile)	menerima argumen pathFile Mengubah 1 image
		dengan path pathFile menjadi Mat, grayscale, dan
		berukuran 256 x 256
2	convertFrame(frame)	Mengubah 1 frame menjadi grayscale, dan
		berukuran 256 x 256
		# frame : Mat dari sebuah image
3	resizeImage(source)	
4	filesInsideFolder(folderName,	# Mengembalikan list berisi path-path dari
	listFiles)	setiap file images yang ada di folder
		# Mengabaikan file dengan format selain image
		yang disupport oleh OpenCV
		# folderName : string nama folder

3.3.3 Modul function

No.	Fungsi	Keterangan
1	normalizeImg(imgVec)	Image Pre Processing (Normalizing An Image)
2	normalize(vec)	Normalizing A Vector
3	<pre>minorMatrix(matrix, row, col)</pre>	Menghitung matriks minor
4	euclidean_norm(vector)	Menghitung panjang vektor
5	orthogonal_matrix(matrix)	Menemukan matriks ortogonal (Q) dari dekomposisi QR menggunakan prosedur Gram- Schmidt
6	<pre>upper_triangle(matrix, Q)</pre>	Menemukan matriks segitiga atas (R) dari dekomposisi QR menggunakan prosedur Gram- Schmidt menggunakan Q yang didapatkan dari dekomposisi QR menggunakan prosedur Gram- Schmidt
7	eigen(matrix)	Menemukan nilai eigen atau <i>eigenvalue</i> dan vektor eigen atau <i>eigenvector</i> dari suatu matriks persegi yang simetri
8	testImgCam(rawTestImgMat)	
9	testImgFile(pathfile)	
10	<pre>faceRecog(pathfolder, testImgMat)</pre>	

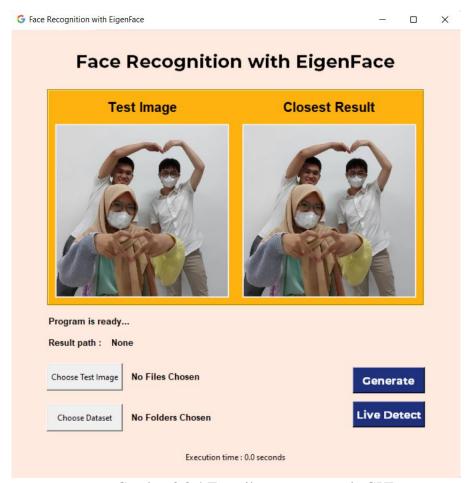
3.3.4 GUI dan Program Utama

Program utama *Face Regocnition with Eigenface* diimplementasikan pada file gui.py. File gui.py adalah file yang berfungsi sebagai main program sekaligus GUI program. Pada gui, user bisa memilih file test image dan folder dataset. Pengambilan test image juga bisa dilakukan secara *live* melalui kamera perangkat dengan menekan tombol *Live Detect*, lalu program akan menunggu selama 5 detik sebelum mengambil foto. Program akan menampilkan foto test image, *path* dan foto hasil rekognisi yang disertai dengan persentase kedekatan antara kedua foto tersebut. Tombol *Generate* berfungsi untuk memulai proses rekognisi dan waktu yang digunakan untuk melakukan rekognisi akan ditampilkan pada bagian bawah program.

Program utama menggunakan modul-modul yang telah dibuat seperti modul configImages dan function. Modul bawaan Python yang digunakan adalah tkinter, PIL, cv2, dan time. Terdapat beberapa modul yang dibuat pada GUI:

No.	Fungsi	Keterangan
1	chooseTest()	Memilih file yang akan digunakan sebagai
		testImage

2	chooseDataset()	Memilih folder yang akan digunakan sebagai
		dataset
3	generate()	Melakukan proses rekognisi pada program
4	detect()	Melakukan pengambilan test image secara <i>live</i>
		dari kamera perangkat



Gambar 3.3.4 Tampilan program pada GUI

BAB IV

EKSPERIMEN

- 4.1 Masukan Testing Image dari File
- 4.2 Masukan Testing Image dari Kamera

BAB V

KESIMPULAN, SARAN, DAN REFLEKSI

5.1 Kesimpulan

Dari hasil tugas besar II IF2123 Aljabar Linier dan Geometri ini, kami berhasil memperoleh kesimpulan-kesimpulan sebagai berikut.

- Face Recognition atau pengenalan wajah merupakan teknologi biometrik untuk mengidentifikasi wajah manusia yang dapat digunakan untuk berbagai kepentingan, khususnya di bidang keamanan.
- Ada berbagai metode yang bisa digunakan untuk melakukan pencocokkan suatu wajah dengan wajah lain dalam suatu kumpulan citra wajah, salah satunya adalah *Eigenface*.
- Metode *Eigenface* melibatkan perhitungan *eigenvalue* atau nilai eigen dan *eigenvector* atau vektor eigen.
- Metode Eigenface berhasil kami gunakan untuk mengimplementasikan Face Recognition ini.

5.2 Saran

Dari pengerjaan tugas besar II IF2123 Aljabar Linier dan Geometri ini, kami menyarankan untuk mengadakan fitur untuk pembersihan *dataset* serta memakai *image preprocessing* yang lebih baik lagi.

5.3 Refleksi

Dari hasil tugas besar II IF2123 Aljabar Linier dan Geometri ini, kami mendapatkan refleksi-refleksi sebagai berikut.

- Kami berhasil mendapatkan *eigenvalue* dan *eigenvector* tanpa menggunakan fungsi eigen yang ada di library bahasa pemrograman Python.
- Kami berhasil mengimplementasikan metode *Eigenface* untuk merealisasikan *Face Recognition*.
- Kami berhasil membuat GUI (*Graphical User Interface*) yang menarik untuk mendukung *Face Recognition* yang kami buat untuk tugas besar II IF2123 Aljabar Linier dan Geometri ini.

REFERENSI

- Munir, Rinaldi. 2022. IF2123 Aljabar Geometri Semester I Tahun 2022/2023. https://informatika.stei.itb.ac.id/~rinaldi.munir/AljabarGeometri/2022-2023/algeo22-23.htm
- Pawangfg. 2021. ML Face Recognition Using Eigenfaces (PCA Algorithm).

 https://www.geeksforgeeks.org/ml-face-recognition-using-eigenfaces-pca-algorithm/
- Yanovsky, Igor. 2007. *QR Decomposition with Gram-Schmidt*.

 https://www.math.ucla.edu/~yanovsky/Teaching/Math151B/handouts/GramSchmidt.pdf

LAMPIRAN

Repository GitHub: https://github.com/ashnchiquita/Algeo02-21046.git