# МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ имени М. В. ЛОМОНОСОВА

Вычислительный центр Е.А. Жоголев, Л.В.Есакова

Интерпретирующая система ИП-3

# Серия:

Математическое обслуживание машины «Сетунь»

Под общей редакцией В.А.Морозова Выпуск 25

> Москва 1969

# Аннотация.

Данный выпуск является вторым, исправленным изданием выпуска 4 данной серии. Переиздание этой работы обусловлено многочисленными просьбами пользователей машины «Сетунь» выслать в их адрес описание системы ИП-3. В данное издание внесены исправления, объявленные в выпуске 9 данной серии.

# Содержание

Аннотация2
Предисловие к первому изданию4
§1. Назначение и краткая характеристика ИП-35
§2. Общая характеристика стандартных подпрограмм,
реализующих режим плавающей запятой12
§3. Подпрограммы выполнения арифметических опе-
раций17
§4. Подпрограмма извлечения квадратного корня19
$\S 5$ . Подпрограмма для вычисления функций $\sin U$ , $\cos U$ .21
§6. Подпрограмма для вычисления функции ${\sf e}^{\it u}$ 22
§7. Подпрограмма для вычисления функции $\ln U \dots 23$
Цитированная литература25

Предисловие к первому изданию.

Данная интерпретирующая система возникла на базе интерпретирующей системы ИП-2 как её вариант, предназначенный для действий с компактно представленными числами с плавающей запятой, в 1961-62 годах. Однако эта система оказалась весьма удобной для других целей.

Алгоритм работы ИП-3 почти не отличается от алгоритма работы ИП-2 [1]. Все стандартные подпрограммы данной системы получены из соответствующих подпрограмм для ИП-2 получены добавлением процедур «распаковки» и «запаковки» (см. §2), а так же уменьшением порядка некоторых полиномов в связи с меньшей точностью вычисления. Поэтому в данной работе схемы ИП-3 и стандартных программ не приводятся, их можно легко восстановить по приводимым в приложении подпрограммам, а также по соответствующим схемам для ИП-2 в работах [1, 2].

Здесь при описании подпрограмм не приводится также анализ полной вычислительной ошибки, так как ошибки округления здесь практически не влияют на точность результата, а погрешность метода можно сделать меньше некоторой заданной величины (см. §2). Все формулы приводятся без их вывода, желающие могут ознакомиться с их выводом по работе [2].

### §1. Назначение и краткая характеристика ИП-3.

Интерпретирующая система, включающая интерпретирующую программу ИП-3 и соответствующую библиотеку подпрограмм, предназначена для манипуляций как с длинными, так и с короткими словами машины «Сетунь». Подобно ИП-1 [1], ИП-3 автоматизирует процесс обмена информацией между магнитным барабаном и оперативной памятью и процесс обращения к стандартным подпрограммам. Приводимые в данной работе стандартные подпрограммы обеспечивают ведение вычислений с плавающей запятой, при этом каждое число с плавающей запятой представляется одним длинным словом (тогда как в системе ИП-2 плавающее число представляется одним длинным и одним коротким словами). Так как при манипуляциях со словами ИП-3 осуществляет только необходимые пересылки их, не проводя никаких\* преобразований (в отличие от ИП-2), а функции преобразования задаются подпрограммами, то эту систему можно использовать не только для вычислений с плавающей запятой, но и для самых разнообразных действий со словами (например, для вычислений с фиксированной запятой или действий с символами). Для этого достаточно расширить (или

<sup>\*</sup> В действительности при пересылке слова в рабочие ячейки выделяются пять его старших разрядов, которые запоминаются в отдельной короткой ячейке в качестве порядка числа (с целью упрощения подпрограммы, реализующих режим плавающей запятой. Но это не меняет сути дела, так как само слово в неизменном виде посылается в другую, длинную рабочую ячейку.

полностью заменить) приводимую здесь библиотеку стандартных подпрограмм. Часть функций преобразований (так же как и в системе ИП-2) несет основная программа. Удобно при решении некоторых задач использовать и нестандартные (рассчитанные на одну конкретную задачу) подпрограммы.

При работе ИП-3 зоны оперативной памяти используются следующим образом:

- $arPhi_{l}$  служит местом для выполнения очередной зоны основной программы;
- $\varPhi_{\theta}$  служит местом, на которое считывается зона информации, требующаяся при выполнении программы, а также местом для выполнения стандартных подпрограмм;
- $arPhi_{Z}$  служит местом для размещения интерпретирующей программы вместе с её рабочими ячейками;

Основная программа выполняется в режиме частичной интерпретации (см. [1]). При этом ИП-3 выполняет следующие функции:

- 1) реализует обращение к стандартным подпрограммам и, как частный случай этого, производит пересылку информации с одного места на другое;
- 2) производит передачу управления по обобщенному адресу (обобщенный переход) [1];
- 3) продолжает выполнение линейных (без передач управления кусков программ при переходе от одной зоны программы к следующей.

Интерпретирующая программа каждый раз запоминает номера зон магнитного барабана  $M_{\theta}$  и  $M_{I}$ , содержимое которых в данный момент вызвано в оперативную память, соответственно, на место зон  $\Phi_{\theta}$  и  $\Phi_{I}$ . Поэтому при каждом считывании зоны магнитного барабана содержимое соответствующей зоны оперативной памяти в случае необходимости запоминается на магнитном барабане.

Так же как и ИП-2, ИП-3 занимает две зоны магнитного барабана:

зону 1W (зона переходов ИП-3) и зону 1X (основная зона ИП-3).

Основная зона находится в оперативной памяти все время, пока не потребуется реализовать обобщенный переход или продолжение линейных кусков основной программы. Распределение функций между основной зоной и зоной перехода данной интерпретирующей программы такое же, что и для ИП-2 [1]. Работа ИП-3 базируется на понятии обобщенного адреса, имеющего тот же смысл, что и в работе [1].

Внутри основной зоны ИП-3 имеются две длинные рабочие ячейки для хранения величин U и V, доступных как для основной программы, так и для стандартных подпрограмм. Эти величины имеют обобщенные адреса соответственно:

Z 00 32 Z 00 4Z

Первая из этих величин (U) рассматривается как первый аргумент подпрограмм, на место её посылается также первый результат подпрограмм. Вторая величина (V) рассматривается как второй аргумент и второй результат подпрограмм.

ИП-3 имеет шесть входов, к каждому из которых можно обратиться из основной программы (в отличие от ИП-2 здесь можно обращаться еще к входу IV). Обращения к этим входам имеют соответственно следующий вид:

I. 
$$(X_0)$$
: Z 4Y 03  $(C) \Rightarrow (\alpha)$   
 $(X_1)$ : Z Z3 00  $E\Pi r Bx.I \ M\Pi - 3$   
 $(X_2)$ :  $A_x$   
 $(X_3)$ :  $A_f$   
 $(X_4)$ :  $A_y$ 

II. 
$$(X_0)$$
:  $Z 4Y 03$   $(C) \Rightarrow (\alpha)$   
 $(X_1)$ :  $Z 0Y 00$   $E\Pi \vdash Bx.II \, U\Pi - 3$   
 $(X_2)$ :  $A_x$   
 $(X_3)$ :  $A_f$   
 $(X_4)$ :  $A_y$ 

III. 
$$(X_0)$$
: Z 4Y 03  $(C) \Rightarrow (\alpha)$   
 $(X_1)$ : Z X3 00  $E\Pi \Rightarrow Bx.III U\Pi - 3$ 

$$\begin{array}{ccc}
(X_2): & A_f \\
(X_3): & A_y
\end{array} \qquad f(U) \Rightarrow Y$$

IV. 
$$(X_0)$$
: Z 4Y 03  $(C) \Rightarrow (\alpha)$   
 $(X_1)$ : Z YY 00  $E\Pi \Rightarrow Bx.III \ U\Pi - 3$   
 $(X_2)$ :  $A_y$   $U \Rightarrow y$ 

V. Для обращения к этому входу никакой информации не требуется. При этом реализуется продолжение линейных участков основной программы.

VI. 
$$(X_0)$$
: Z 03 Z3  $(C)+3l_A\Rightarrow (F)$   
 $(X_1)$ : Z WY 00  $E\Pi 
ightharpoonup Bx. VI  $U\Pi -3$   
 $(X_2)$ :  $A_j$$ 

Здесь обобщенный адрес  $A_x = \Pi_{\phi_x} M_x \Delta_x$  указывает место в памяти аргумента, обобщенный адрес  $A_x = \Pi_{\phi_f} M_f \Delta_f$  является наименованием подпрограммы (началом её в памяти), которую нужно выполнить, обобщённый адрес  $A_x = \Pi_{\phi_y} M_y \Delta_y$  задает место в памяти результата, а обобщенный адрес  $A_x = \Pi_{\phi_j} M_j \Delta_j$  указывает адрес команды при обобщенном переходе.

Обращение к первым трем входам ИП-3 вызывает те же самые действия, что и обращение к соответствующим входам ИП-2. Однако следует иметь в виду, что всегда можно избежать обращения к входам II и III. В этом случае ИП-3 гарантирует правильный об-

мен информацией между оперативной памятью и магнитным барабаном. Использование же входов II и III, хотя и повышает быстродействие системы в целом, требует от программиста правильного решения вопроса о том, когда можно обходить запись на магнитный барабан содержимого зоны  $\Phi_{\theta}$ . При этом нужно учитывать, что при записи результата вызванная в  $\Phi_{\theta}$  зона информации обратно на магнитный барабан не записывается до следующего обращения к входу I ИП-3, поэтому зону  $\Phi_{\theta}$  нельзя до этого момента использовать для вызова другой информации.

Обращение к входу IV ИП-3 производит вызов в  $\Phi_{\theta}$  содержимого зоны  $M_y$  магнитного барабана и запись по адресу  $0\Delta_y$  значения U. Полезно также знать один частный случай обращения к входам I, II и III с  $A_f$ = $Z00{\rm YY}$ , являющимся обобщенным адресом входа IV ИП-3. В этом случае не производится никакого преобразования информации, так что, например, при обращении к входу I будет выполнено действие  $x \Rightarrow y$ .

Во всех этих случаях первая строка  $(x_0)$  может быть пропущена, если данное обращение непосредственно следует за другим обращением к одному из первых четырех входов.

Для передачи управления из одной зоны программы в другую используется обращение к входу VI ИП-3 (обобщенный переход). При этом, так же как и при обращении к входу V, ИП-3 выполняет буквально те же самые действия, что и ИП-2.

Следует подчеркнуть, что при обращении к любому из перечисленных входов все строки одного обращения должны находиться в одной зоне программы. Однако обобщенный переход может использоваться для обращения к сложным подпрограммам. В этом случае вслед за обобщенным переходом располагают информационные строки, используемые при работе соответствующей подпрограммы. Эти информационные строки вместе со строками обобщенного перехода не обязательно должны размещаться в одной зоне программы, лишь бы они имели последовательные обобщенные адреса.

Для «извлечения» этих информационных строк внутри «сложных» подпрограмм используется специальная подпрограмма, расположенная в зоне переходов ИП-3. Обращение к этой подпрограмме в общем случае производится следующим образом:

 $(v_0)$ : Z 4Y 03  $(C) \Rightarrow (\alpha)$ 

 $(v_1)$ : Z Z3 00  $E\Pi \rightarrow Bx$ .  $I \, H\Pi - 3$ 

 $(\nu_2)$ :  $A_x$ 

 $(v_3)$ : 01WYX  $E\Pi 
ightharpoonup ^6$  зоны переходов.

Здесь  $A_x$  может быть произвольным (например,  $A_x = A_u = Z0032$ ), так как этот «аргумент» в данной подпрограмме не используется.

Данная подпрограмма производит засылку в регистр S очередной «извлекаемой» строки  $(A_{xi})$ , где  $A_{xi} = 0 \, M_{xi} \Delta_{xi}$  (первоначально  $A_{xi} = 0 \, M_{xi} \Delta_{xi}$ ), а на место

 $A_{xi}$  — обобщенного адреса следующей строки  $(0M_{x_{ai}}\Delta_{x_{ai}}\!\!\to\! A_{x})$  .

Последующие обращения к данной подпрограмме, если они не разделяются другими обращениями к ИП-3, можно производить с помощью следующих двух строк.

$$(v_0)$$
: Z 4Y 03  $(C) \Rightarrow (\alpha)$   
 $(v_1)$ : 0 YX 00  $E\Pi \Rightarrow 6$ 

После «извлечения» всех строк информации величина  $A_{xi}$ , хранящая в ячейке 043 (с обобщенным адресом 0.1W 43), будет означать обобщенный адрес команды основной программы, к которой нужно вернуться по окончании работы подпрограммы, указанной при обобщенном переходе.

§2. Общая характеристика стандартных подпрограмм, реализующих режим плавающей запятой.

Все числа  $x_i$  С плавающей запятой В системе ИП-3 представляются в виде:

$$x_i = X_i \cdot 3^{P_{xi}}$$

где  $X_i$  — мантисса числа  $x_i$ ,  $P_{xi}$  — целое число, являющееся троичным порядком  $x_i$ .

При этом величины  $X_i$  и  $P_{Xi}$  удовлетворяют следующим соотношениям:

$$\begin{array}{ccc}
0.5 < X_i < 1.5, & |P_{xi}| \le 40 & npu \ x_i \ne 0 \\
X_i = 0, & P_{xi} = 0 & npu \ x_i = o
\end{array}$$
(2.2)

Величины  $P_{xi}$  и  $X_i$  числа  $x_i$  составляют одно длинное (18-ти разрядное) слово, причем в старших пяти разрядах задается порядок  $P_{xi}$ , а младших 13-ти разрядах — мантисса  $X_i$ . Так как  $|P_{xi}| \le 40$ , то в старшем разряде слова, представляющего такое число с плавающей запятой, всегда содержится нуль.

Каждая подпрограмма, реализующая какое-либо действие в режиме плавающей запятой, в начале своей работы «распаковывает» свои аргументы U и V, т.е. мантиссу каждого аргумента, сдвинутую на 4 разряда влево, записывает в одну длинную ячейку, а порядок его — в другую короткую ячейку (при этом учитывается, что для аргумента U порядок  $P_u$  является уже выделенным интерпретирующей программой или подпрограммой). В конце своей работы каждая подпрограмма «запаковывает» свои результаты, т.е. соединяет порядок и мантиссу каждого результата в одно длинное слово (сдвигая предварительно нормализованную мантиссу на 4 разряда вправо). При этом для результата U сохраняется также и порядок  $P_u$ , в отдельной ячей-

ке (для результата V это может быть и не выполнено).

<u>Примечание</u>. В том случае, когда какие-либо действия в режиме плавающей запятой выполняются в основной программе, необходимо соблюдать те же правила. Однако, кроме засылки на место величины V какого-либо значения, изменения её порядка, (т.е. умножения на число вида  $3^k$ ) и пересылки величины V в другое место, выполнение в основной программе других действий с числами с плавающей запятой вряд ли является целесообразным.

В случае получения результата U, такого, что  $40 < |Pu| \le 121$ , этот результат полагается равным нулю, если  $P_u < 0$ , в противном случае, т.е. при  $P_u > 40$ , происходит «предупредительный» останов  $\Omega_\theta$  по команде:

#### Z 44 2X

Этот останов эквивалентен сигналу о переполнении разрядной сетки данной системы, причем в ячейке Z44 (содержимое этой ячейки будет посылаться в регистр R при нажатии кнопки «пуск» после такого останова) будет храниться номер зоны той подпрограммы, при выполнении которой произошел этот предупредительный останов. Нажатием кнопки «пуск» можно всегда продолжить вычисления, т.е. игнорировать такой оста-

нов, так как сам результат U получается правильным в своей обычной форме (но уже с единицей в старшем разряде порядка). Однако, при этом может произойти уже обычное переполнение разрядной сетки машины, если в промежуточных вычислениях получится порядок, по модулю больший 121.

Таким образом, указанная форма представления чисел обеспечивает вычисления, примерно, с шестью верными десятичными знаками в диапазоне изменений абсолютных значений, примерно, от  $10^{-19}$  до  $10^{+19}$ , а при игнорировании предупредительного останова — в диапазоне от  $10^{-19}$  до  $10^{+57}$ .

Полная вычислительная погрешность получения результата в каждой подпрограмме, не превосходит единицы младшего разряда, так как ошибки округления меньше половины значения младшего разряда, а вторую половину могут вносить другие источники ошибок.

В некоторых подпрограммах имеются аварийные остановы в тех случаях, когда операции нельзя выполнить над заданными аргументами:

- $\Omega_{\it l}$  (по команде  $1~44~2{\rm X}$ ) означает, что требуется выполнить деление на нуль;
- $\Omega_2$  (по команде  $Z \ WW \ 2X$ ) означает, что требуется извлечь квадратный корень из отрицательного числа;
- $\Omega_3$  (по команде Z 44 2X ) означает, что требуется вычислить  $e^u$  при  $U > \frac{\ln 3}{2} \cdot 3^4$  ;

 $\Omega_{4}$  (по команде  $0~0\mathrm{W}~2\mathrm{X}$ ) — означает, что требуется вычислить  $\ln U$  при  $U \leq 0$  .

Данная библиотека подпрограмм занимает 6 зон магнитного барабана (с IV по 13) без ИП-3 и характеризуется следующей таблицей:

Номер по по- рядку	Операция, реализуемая подпрограммой	Обобщен- ный адрес начала	Действия, выполняе- мые подпрограммой
1.	Сложение	0 1Y Z3	$U+V\Rightarrow U$
2.	Вычисление	0 1Y ZX	$U-V\Rightarrow U ; -V\Rightarrow V$
3.	Вычитание модулей	0 1Y X1	$ U - V \Rightarrow U$ ; $- V \Rightarrow V$
4.	Обратное сложение	0 1Y W3	$-U-V\Rightarrow U$ ; $-V\Rightarrow V$
5.	Обратное вычитание	0 1Y XY	$-U+V\Rightarrow U$
6.	Умножение	0 1Z 0X	$U \times V \Rightarrow U$
7.	Деление	0 1Z WX	$U/V \Rightarrow U$ ; $1/V \Rightarrow V$
8.	Извлечение квадратного корня	0 10 WX	$1/\sqrt{U} \Rightarrow V \; ; \; \sqrt{U} \Rightarrow U$
9.	Вычисление синуса	0 11 XY	$\sin U \Rightarrow U$
10.	Вычисление косинуса	0 11 W4	$\cos U \Rightarrow U$
11.	Вычисление экспоненты	0 12 WX	$e^U \Rightarrow U$
12.	Вычисление натурального логарифма	0 13 WX	$\ln U \Rightarrow U$

§3. Подпрограммы выполнения арифметических операций.

Алгоритм сложения двух чисел с плавающей запятой  $u = U \cdot 3^{P_u}$  и  $v = V \cdot 3^{P_v}$  использует известное соотношение:

$$U + V = \begin{cases} (U + V \cdot 3^{Pv - Pu}) \cdot 3^{Pu} & npu P_{u} > P_{v} \\ (U \cdot 3^{Pu - Pv} + V) \cdot 3^{Pv} & npu P_{u} \leq P_{v} \end{cases}$$

Остальные действия типа сложения сводятся к сложению соответствующим изменением знаков у аргументов.

Алгоритм умножения двух чисел U и V использует известное соотношение:

$$U \times V = U \cdot V \cdot 3^{Pu+Pv} \tag{3.1}$$

Деление сводится к умножению предварительным вычислением обратной величины  $\it{V}$ ,

$$z = Z \cdot 3^{Pz} = \frac{1}{V}$$

где 
$$Z = \frac{1}{V}$$
,  $P_z = -P_v$ .

При этом величина Z при  $V \neq 0$  ,  $V = \delta + h$  ,  $|\delta| = 1$  ,  $|h| < \frac{1}{2} \; \text{,} \;\; \text{вычисляется по формуле:}$ 

$$Z = (\delta - h)(1 + h^2 + h^4 + ... + h^{18})$$

Результаты выполнения всех этих действий нормализуются. Подпрограммы выполнения действий типа сложения занимают зону 1Y, а подпрограммы выполнения умножения и деления — зону 1Z магнитного барабана.

Время выполнения сложения не превосходит 5420 мксек в том случае, когда порядок результата не меньше — 40; в противном случае требуется дополнительно 1095 мксек для того, чтобы положить результат равным нулю.

Для выполнения остальных действий типа сложения требуется дополнительно ко времени сложения время, не превосходящее 2430 мксек.

Время выполнения умножения не превосходит 4370 мксек в том случае, когда порядок результата не меньше — 40; в противном случае требуется дополнительно 1465 мксек.

Для выполнения деления требуется дополнительно ко времени умножения время, не превосходящее 10090 мксек.

§4. Подпрограмма извлечения квадратного корня.

Вычисление  $\sqrt{u}$  сводится к умножению (3.1) предварительным вычислением:

$$U = V \cdot 3^{Pv} = \frac{1}{\sqrt{u}}$$

по формулам  $P_v = -[1/2P_v + 1/3]\delta n$ 

$$V = \begin{cases} \frac{1}{\sqrt{u}} & npu \ P_u + 2P_v = 0 \\ \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{u}} & npu \ P_u + 2P_v = -1 \end{cases}$$

При u<0 происходит аварийный останов  $\Omega_2$ , при u=0 значение  $\sqrt{u}$  полагается равным нулю, а значение V не вычисляется (не определено). В остальных случаях вычисление  $\frac{1}{\sqrt{u}}$  производится в два этапа. Сначала вычисляется  $V_0$ ,

$$V_0 = a_0 + a_1 h + a_2 h^2 + a_3 h^3$$
,

где 
$$h=U-1$$
,  $a_0=0.9973$   $a_1=-0.5000$ 

$$a_2$$
=0.4586  $a_3$ =-0.4120

Затем вычисляется  $V_1 \approx \frac{1}{\sqrt{u}}$  по итерационной формуле:

$$V_1 = V_0 \left( \frac{15}{8} - \frac{5}{4} U V_0^2 + \frac{3}{8} U^2 V_0^4 \right)$$

Последнюю формулу целесообразно преобразовать к следующему виду:

$$V_1 = V_0 \left( 1 - \frac{1}{2} H_0 + \frac{3}{8} H_0^2 \right)$$
,

где

$$H_0 = U \cdot V_0^2 - 1$$

Данная подпрограмма размещается в зоне 10 магнитного барабана.

Время извлечения квадратного корня не превосходит 11810 мксек. §5. Подпрограмма для вычисления функций  $\sin U$ ,  $\cos U$ .

Алгоритм вычисления  $\sin U$  использует соотношение:

$$\sin = (-1)_0^{\alpha} \sin \frac{\pi}{2} t_0 = \sin (-1)_0^{\alpha} \frac{\pi}{2} t_0 ,$$

где  $u=2\pi\,k+\pi\,\alpha_0+\frac{\pi}{2}\,t_0$  ,  $k=[u/2\,\pi]\,\delta\,\pi$  ,  $\alpha_0=[\,2\,(u/2\,\pi-K)\,]\,\delta\,\pi$  ,  $|t_o|<1$  .

вычисление  $\cos U$  сводится к вычислению  $\sin (-1)^{\alpha_1} \frac{\pi}{2} \, t_1$  ,

где 
$$\alpha_1 \! = \! \big[ 2 (u/2\pi \! - \! K) \! + \! 1/2 \big] \delta \, \pi \; ,$$
 
$$t_1 \! = \! 2 (2u/2\pi \! - \! K) \! + \! 1/2 \, \delta \, \pi \;$$

При этом выполнено неравенство  $|\alpha_1| \le 1$  , так как

$$|U/2\pi - K| < \frac{1}{2}$$
.

Для вычисления  $\sin\frac{\pi}{2}t$ , |t|<1, используется формула (см.[2]).

$$3\sin\frac{\pi}{2}t\approx\tau(b_0+b_1T+b_2T^2+b_3T^3)$$
,

где 
$$\tau = \frac{3}{2}t$$
,  $T = \frac{3}{4}t^2$ ,

$$b_0$$
=3.141 582 0  
 $b_1$ =-1.722 380 4  
 $b_2$ =0.282 431 9  
 $b_3$ =-0.020 541 1

Данная подпрограмма занимает зону 11 магнитного барабана. Время вычисления  $\sin U$  не превосходит 7745 мксек, а  $\cos U$  — 7845 мксек.

 $\S6$ . Подпрограмма для вычисления функции  $e^U$ .

Алгоритм вычисления  $\mathbf{e}^{U}$  использует соотношение

$$e^U = Z_2 \cdot 3^{Pz} ,$$

где 
$$P_z = [1/ln 3 \cdot U] \delta \pi$$
 ,  $Z = 3 \frac{t}{2}$  ,  $t = 1/ln 3 \cdot U \delta \pi$  .

При  $U\!>\!\ln\frac{3}{2}\,3^4$  происходит аварийный останов  $\Omega_3$ . Для вычисления Z используется полином 4-ой степени:

$$Z=1+a_1t+a_2t^2+a_3t^3+a_4t^4$$
,

где 
$$a_1$$
=0.549 298 0  $a_2$ =0.150 867 3  $a_3$ =0.027 754 8  $a_4$ =0.003 806 7

Данная подпрограмма занимает зону 12 магнитного барабана. Время вычисления  $e^u$  не превосходит 7290 мксек.

 $\S7$ . Подпрограмма для вычисления функции  $\ln U$ .

Алгоритм вычисления  $\ln U$ , U > 0, использует соотношение:

$$\ln (U \cdot 3^{Pu}) = P_u \cdot \ln 3 + \ln U,$$
  
$$\ln U = -\ln \lambda_i + \ln(\lambda_i U), \quad i = 1, 2,$$

где

$$1 - H < \lambda_i H < 1 + H ,$$

$$H = \frac{\sqrt{3} - 1}{\sqrt{3} + 1}$$

откуда

$$\lambda_1 = (\sqrt{3} - 1)\sqrt{3}$$
$$\lambda_2 = 2(\sqrt{3} - 1)$$

В случае  $U\!\leq\!0$  происходит аварийный останов  $\Omega_4$ . Для вычисления величины  $\ln\!U$  используется формула (см.[2])

$$\ln U = -\ln \lambda + \sum_{k=1}^{6} a_k h_i^k$$
,  $i = 1,2$ ,

где 
$$h_i = \lambda_i U - 1$$
,  $|h_i| < H$ ,

а коэффициенты  $a_k$  имеют следующие значения:

$$a_1 = 1.0000064$$

$$a_2$$
=-0.500 005 6

$$a_3$$
=0.332 623 6

$$a_4$$
=-0.249 380 2

$$a_5 = 0.2193224$$

$$a_6$$
=-0.183 573 9

Данная подпрограмма занимает зону 13 магнитного барабана. Время вычисления  $\ln U$  не превосходит 7810 мксек.

# Цитированная литература.

- 1. Е.А.Жоголев. Система команд и интерпретирующая система для машины «Сетунь». Ж.вычисл.матем. и матем. физ. 1961, I, № 3, 499-512.
- 2. Е.А.Жоголев. Математическое обслуживание машины «Сетунь». Отчет ВЦ МГУ, 1961 г.

Приложение ИП-3 с библиотекой подпрограмм.

Инструкция ввода ИП-3 с библиотекой подпрограмм.

- 1. Поставить перфоленту на фототрансмиттер №1. Нажать «Начальный пуск».
- 2. При неправильном вводе (останов  $\Omega_{\mathfrak{I}}$ ) оттянуть перфоленту на одну зону назад и нажать «Пуск».
- 3. По окончании ввода останов  $\Omega_6$ .

# Программа ввода системы ИП-3.

Адрес	Команда	Адрес	Команда
$\Pi_{\varphi} = 0$		$\Pi_{\varphi} = 0$	
XW WX	0 00 02)	02 03	$z : W \times [W] \Rightarrow [\varphi_z]$
₩Y	0 00 02} Z XY Y4} \( \Sigma_{\theta B} \)	04	
	0 00 Z2) 5	1W 1X	$0.41.20 M \Rightarrow (F) = 2$
W 1	z x3 4z}∠ <sub>3n</sub>	14	0 13 ZX $(F)+C_A\Rightarrow (F)$
W2 W3	0 00 ZZ 0 W0 XZ} Z 03	1Z 10	$0.41.0X (F) \Rightarrow M$
			0 2X 1X 4/7-7-5
	0 00 ZO} 5	12 13	0 01 2X \$\hat{\Omega}_6
	1 #0.31 / Len		0 41 20 $M \Rightarrow (F) = 3$
	0 00 Z3} 5		1 01 X0 BB00 ->[P]]415
X1	0 14 24 6		1 14 X4 $[\varphi_i] \Rightarrow [M+13]$
X2 X3	0 00 24) z 73 04) Zr		Z 14 XY $[M+13] \Rightarrow [\varphi_z]$
			0 WX 20 0 ⇒ (F) = 14
YW YX	0 00 Z4}∑		$0.42.0X (F) \Rightarrow \Sigma$
	1 X2 ZZ \ SIN	24	0 ZY ZX (F)-8/2 ⇒(F)-12
YZ YO	0 00 <b>0</b>		0 WX 31 a⊕ ⇒(S) ≥16
Y 1	0 42 44) LEXP	зұ	0 4x 40 (gb (s) 44-9=15)
	0 00 OM } Z	3Z 30	0 42 33 (S) + F => (S)
	1 32 01 \ ZIW	31	
	0 03 00 34		0 ZX ZX (F) +3 la =>(F)
-	2 00 00 -814	34	
ZZ Z0	0 41 20 $M \Rightarrow (F) \neq 1$	4W 4X	0 20 13 9/7-1 1-1
Z1	0 41 ZX (F)+M=(F)	44	0 13 20 $\ell_A \Rightarrow (F)$ 0 24 00 $E\Pi r^{+7}$
Z2 Z3	$0 41 ZX (F) + M \Rightarrow (F)$	42 40 41	
Z4	0 ZW SY $(S) - \Sigma_i \Rightarrow (S)$ 0 IX 10 $9/7 - Or \ge 2$		
XO WO	0 11 10 3//-01-2	42 43	0 00 0Y \\ 1 32 2\\ \} \Sigma = -\Sigma_{BB}
	0 42 2X Ω <sub>5</sub>		
	0 14 00 5/7 +3	КС	0 00 02
01	0 1 x3 [P <sub>0</sub> ] ⇒[1w]		Z XY Y4

# Зона переходов ИП-3.

```
Зона МБ 1W
Адрес Команда
                                   Адрес Команда
\Pi_{\Phi}=0,
                                   \Pi_{\phi}=0, z
z
 WW WX Z 1X XX [1X] ⇒ [$\phi_2] = 144
                                     02 03 0 00 01 lc
                                        04 0 00 00 /8)
    WY Z 4Y 20 (d) =>(F)
                                     1 1 1 X Z 43 20 A + =>(F) d1
 WZ WO 0 03 01 Bb/x0d
    ₩1 Z 43 OX (F) => Axe.
                                        1Y Z Y4 20 00 TA 00=>(5)
 ₩2 ₩3 Z 44 Z0 M, ⇒ (F)
                                     12 10 2 20 33 (s) + 20120=x(s)
    WY 1 00 XY [\phi_1] \Rightarrow [M_1]
                                        11 2 43 33 (5) + A 2e =>(S)
 XW XX Z Y4 ZX (F) + \ell_A \Rightarrow (F)
                                     12 13 7 41 YO
                                       14 2 44 33 OM, Dx, = (S)
    XY 2 43 30 A_{3e} \Rightarrow (S)
                                     2W 2X Z 43 Y3 (S) => A xi
 XZ XO Z 1X 13 9/7-1 -1
                                     X1 Z 00 30 OWXOO \Rightarrow (S)
 X2 X3 Z 3Y 00 5/1 5-2
    X4 Z 1X XX \(\int 1x7 => \(\int \P_2\) \(743\)
                                     21 Z 04 Y3 (S) ⇒(d)
                                     22 23 Z 04 Z0 (\delta) = > (F)
 YW YX Z 1X X3 [42] = [1X] = 6
                                     3W 3X Z 01 20 ∫ 0∆, 00 ⇒ (S)
    YY 0 43 20 Azei = (F)
 YZ YO Z OO XY [Maei] ⇒ [Pz]
                                        3Y Z W4 33 (5) + 100x4=>(5)+12
    ¥1 0 43.30 Aze ⇒ (5)
 Y2 Y3 0 ZX Y0 } 0 ∆<sub>3€</sub> 00 ⇒(5)
                                     3Z 30 Z 04 Y3 (S) =>(d)
                                        31 1 00 XY [M,] ⇒[4,7
 2W 7X 0 04 Y3 (5) \Rightarrow (6)
                                     32 33 Z 44 0X (F) \Rightarrow M_1
    ZY = 0 \text{ O4 } ZO \text{ } (\delta) \Rightarrow (F)
                                        34 Z 04 Z0 (\delta) \Rightarrow (F)
                                     4W 4X Z 43 30 Axe =>(5)
 22 20 0 43 30 Aze => (5)
    Z1 0 03 20 0000 \mathcal{I}_{\mathcal{L}_{\mathcal{L}}} \Rightarrow (5) 4Y Z 1W X3 [\Phi_z] \Rightarrow [1w]
 22 23 0 43 33 (5) + A_{22} \Rightarrow (5) 42 40 2 x4 00 5/7 \rightarrow 3
    24 0 03 33 (S) + G=> (S)
                                      41 0 0W 00 -4CA
                                     42 43 0 00 00 Aze; = OMze aze
 OW OX 0 43 Y3 (5) => Aza
                                        44 0 18 00 M1
    OY 2 00 31 (A_{3e_{i-1}}) = -(S)
 02 00 0 WX 00 5/7 -- 4
                                     КC
                                             0 00 Z2
                                             Z X3 4Z
    01 0 44 44
```

#### Основная зона ИП-3.

02 00 2 31 0x  $(F) \Rightarrow (G) \downarrow^{I}$ 

 $z 4 y z 0 (\alpha) \Rightarrow (F)$ 

#### Зона МБ 1Х Адрес Команда Адрес Команда $\Pi_{h}=Z$ $\Pi_{h}=Z$ 02 03 0 03 31/(x) +3ea) $\Rightarrow$ (5) WW WX Z XX 20 0 => (F) -1 8x V WY Z 1X X3 [P2] => [1X] = BXVI 04 2 W4 20 Two OC 1 => (5) WZ WO Z IW XX $[147] \Rightarrow [\Phi_{+}]$ 1W 1X Z 44 Y3 (5) => Mo 1Y 2 21 YO 0 \$\triangle 0 \triangle 0 \triangle 0 == \frac{1}{2} \ W1 0 01 00 G 12 10 2 44 3X $(S)-M_0 \Longrightarrow (S)$ W2 W3 0 00 00 (B) W4 Z 00 44 11 0 03 21 $((d) + 3e_A) \Rightarrow (F)$ XW XX 0 00 31 $\mathcal{X} \Rightarrow (S)$ 12 13 Z 44 ZX $(F) + M_0 \Rightarrow (F)$ XY Z 32 Y3 (5) ⇒ W 14 Z 44 OX (F) => Mc 2W 2X Z 20 10 417-07-4 XZ XO Z 33 ZO $\mathcal{X} \Rightarrow (F)$ $X1 \quad Z \quad 4X \quad 0X \quad (F) \Rightarrow P_{\mu}$ 24 0 00 XY [M] => [4.] X2 X3 Z 03 Z3 (C)+3 lA ⇒(F)+Bx1112Z 20 Z ¥3 Y3 (S) → B = 4 X4 Z 00 00 5 ∏ → 1 21 Z W3 70 $(\beta) \Longrightarrow (F)$ YW YX 0 00 01 517 1- no agrecy 00 + 22 23 2 44 30 (d) => (5) YY 2 03 23 (c) + 3 la => (F K+1 Bx/V 24 2 W1 20 00 ST400=> (5) YZ YO Z 00 00 577-1 3W 3X Z 4Y 33 $(5) + (d) \Rightarrow (5)$ $Y1 \ Z \ 32 \ 30 \ \mathcal{U} \Rightarrow (S)$ 3Y Z W1 33 (S) + la = (S) Y2 Y3 0 00 Y4 (5) => 4 32 30 2 44 43 $(5) \Rightarrow (d)$ Y4 2 4Y 20 (d) ⇒ (F) 31 0 00 00 (6) ZW ZX 2 03 ZX $(F) + 3 \ell_{H} \Rightarrow (F)$ 32 33 0 00 00] 2Y ? 31 0X $(F) \Longrightarrow (\Theta)$ 34 0 00 00 4W 4X 0 00 00 22 7.0 2 23 00 5/7 -2 Pui 0 00 00 (2) 21 0 04 00 4 CA чч Z2 Z3 Z 44 Z0 Mo => (F) = Bx I 4Z 40 0 00 00] 24 Z OY 10 9/7-01→3 41 0 00 00 \$ OW OX 0 00 X4 $[\mathcal{P}_0] \Rightarrow [M_0]$ 42 43 0 00 00 Pv Z WW 20 ZXX => (F) 13 18x11 44 0 00 00 Mo

КC

0 00 ZZ

O WO XZ

Подпрограмма выполнения действий типа сложения.

#### Зона МБ 1Ү

```
Адрес Команда
                                 Адрес Команда
\Pi_{\phi} = 0
                                  \Pi_{\phi} = 0
 WW WX Z 44 2X 52 ~ 7
                                   02 03 Z OY 20 -(S) => (S)
    WY Z YY 00 \delta \Pi \rightarrow \beta x iv un - 3 04 Z XX 20 C \Rightarrow (F)
                                   1 1 1X Z W3 Y3 (S) => B = 19
 WZ WO 1 44 WW)
   W1 ZWW WW } const
                                   1Y Z 4Z 3Z V = - (S)
                                   12 10 2 32 24 U € → R
 ₩2 ₩3 0 ₩Z 30 € OBP. CA.
                                   11 0 30 10 477-05-5
    ₩4 242207-15-15
                                   12 13 Z 43 3W (S)-P, (S)
 XW XX Z 4Z Y3)
    XY 0 01 20 01X => (F) & OFP. B biy 14 2 $ 3 YO Cgb(S) Ha (B) => (S).
                                   2# 2X 2 32 34 (5) + U => (5)
 XZ XO 0 ZY 00 617 5-1
                                   2Y 7, 4X 3Y (S) - P_{\omega}^{\oplus} \Rightarrow (S)
    X1 Z 32 307
 X2 X3 Z XX 20} sign U ⇒(5)
                                   27, 20 0 30 10 417-05-6
                                   21 Z Z1 YO (gB(S) Ha 4=(S)
    X4 0 Y1 13 477-1 プス
                                   22 23 Z 32 YX HOPM(S)=>U; N=XS)
 YW YX O WZ 30)
                                   24 Z 4X 34 (S) + PE =>(S)
    YY Z 32 20
                                   3W 3X Z 32 23 U \Rightarrow (R)
 YZ YO Z 32 Y3 )
                                      3Y 0 43 43 (5)+(R).3 4(5)
    Y1 Z 4Z 30) 22
 Y2 Y3 Z XX 20 | Sign V ⇒ (S)
                                   32 30 2 32 Y3 (S) = 425,6,8
                                      31 0 44 20 Pu 00 => (S)
    Y4 0 Z3 1X 917-Z 1→3
 ZW ZX Z XX ZO \mathcal{O} \Rightarrow (F) + \frac{Bb14}{32} 32 33 Z 4X Y3 (5) \Rightarrow \rho_u
                                      34 Z X4 20 Tip 0000 =>(S)
    ZY 0 WZ 30)
                                   47 4X Z YY 10 917-0 - BX 1447-3
 22 70 2 42 22
                                      4Y 0 WX 1X 977-7 137
    Z1 Z 4Z Y2 /
 22 23 2 42 20 U = (F) = (F) = 31 CA 42 40 0 OF YO 0 = (S)
                               41 0 30 00 5/7/→8
    74 \text{ Z } 43 \text{ OX } (F) \Rightarrow P_V
                                   42 43 0 00 30 3-4
 OW OX 0 01 7.0 O(X \Rightarrow (F)
                                      44 1 44 00 12/la
 02 00 2 43 3X P_u - P_v \Rightarrow (S)
    OY Z 4X 30)
                                  КC
                                          0 00 20
    01 0 1X 1X 4/7-Z 134
                                          1 WO 31
```

# Подпрограмма выполнения умножения и деления.

#### Зона МБ 1Z

```
Адрес Команда
                                   Адрес Команда
\Pi_{\phi}=0
                                   \Pi_{\phi}=0
                                    02 03 7. 21 YO Cab (5) HA 4=>(5)
 WW WX 2 42 20 U ⇒ (F) - AEA.
                                       04 Z 32 Y3 (S) => 11
    WY Z 43 OX (F) => P_{12}
 WZ WO Z 4Z 30 U => (S)
                                     18 1X Z 4Z 30 V => (S)
                                      14 2 43 3X (S) - P- => (S)
    W1 Z Z1 YO Cgb (5) Ha 4=>(5)
                                    12 10 2 21 YO Cab (S) Ha 4 - (S)
 W2 W3 0 42 20 - €+h ⇒(S)
                                        11 Z 32 40 (S) U => (S)
    ₩4 0 44 10 4/7-0 ->1
 XW XX Z 4Z Y3 (S) ⇒ U
                                    12 13 0 34 10 417-01-3
    XY 04220 S+h ⇒(S)
                                       14 Z 32 YX HOPFI (S)=>U, N=B)
                                    27 2X 2 4X 33 (5) + Pu => 5)
    \begin{array}{ccc} & & & & & & & & \\ & & & & & & & \\ X1 & 0 & 4Y & 3X \end{array} \right\} h^2 \Rightarrow (S)
 XZ XO Z 4Z 40)
                                       28 Z 43 33 (S) + Pv =>(S)
 X2 X3 0 4Y 40 (5) \Rightarrow (R); -1-(R) \Rightarrow (S) 2Z 20 Z 4X Y3 (S) \Rightarrow Pu
                                       21 Z 32 30 U \Longrightarrow (S)
    X4 0 4Y 33 (5) - 1 \Rightarrow (5)
                                    22 23 0 33 YO Cgb(S) Ha-4 →(S)
 YW YX 0 X3 Z0 34 la ⇒(F)
    YY 0 44 4x (s)(R)-1=>(s)=12
                                       24 2 4X 33 (5) + Pu => (5)
                                    3W 3X Z 32 Y3 (5) => U =15
 YZ YO O 33 ZX (F)-4 CA =>(F)
                                       3Y Z YO 20 Ftax 00 => (S)
    Y1 0 YY 13 Yn-1→2
                                    37 30 Z YY 10 9/7-01-BXIVUN-3
 Y2 Y3 Z 4Z 40 (5) V \Rightarrow (S)
    Y4 Z 4Z YX Hopm (S) ⇒U; N ⇒ (S) 31 0 40 1X 4/1-Z 1→4
                                    32 33 0 OW YO 0 => (S)
 ZW ZX Z 43 3X (s) - P_{v} \Rightarrow (s)
                                       34 Z 4X Y3 (S) => Pu <13
    ZY Z 43 Y3 (S) => PW
                                    ч₩ чХ 0 3X 00 БП - 5
 22 20 2 42 30 V -> (S)
    Z1 0 33 Y0 CgB(5)4a-4⇒(5) 4Y 0 X0 00 -1
                                    42 40 2 44 2X 520 414
 22 23 Z 43 33 (S) + Pr =>(S)
                                       41 Z YY 00 6717 Bx IV UN-3
    24 2 42 Y3 (5) => U
 OW OX Z 4Z ZO V=>(F) = 47H 42 43
                                           0 Y4 44
                                           1 44 2X 52, 🛂
    OY Z 43 OX (F) => Pr
                                      . 44
 02 00 2 32 30 \mathcal{U} \Rightarrow (5)
                                    КC
                                            0 00 23
    01 2 4x 3x (S) -\rho_{\mu} \Rightarrow (S)
                                            0 14 24
```

# Программа извлечения квадратного корня.

#### Зона МБ 10

```
Адрес Команда
                                   Адрес Команда
\Pi_{\phi}=0
                                   \Pi_{\phi} = 0
                                    02 03 0 0  4x a, +(s)·(R) =>(5)
 WW WX Z 4X 30 P => (5) 41√
                                      04 0 Z3 4X Q +(S)·(R) ⇒>(S)
    WY 0 0W 40 - 12·(S) → (S)
 WZ WO 0 13 3X (5) - \frac{1}{3} \ell_A \Rightarrow (5)
                                    1W 1X Z 4Z Y3 (S) => U
    ₩1 Z 43 Y3 (5) ⇒ Pr
                                        1Y Z 4Z 40 (S). ~>(S)
 W2 W3 Z 43 ZO Pr ⇒ (F)
                                    12 10 2 32 40 (5)·U =>(5)
    W4 Z 43 OX (F) ⇒ Pv
                                       11 0 ZX 3X H_0 \Rightarrow (S)
 XW XX Z 4X ZX (F) + P_u \Rightarrow (F)
                                    12 13 0 00 40 (5) \Rightarrow (R), b_2(R) \rightarrow (S)
    XY Z 32 30 \mathcal{U} \Rightarrow (S)
                                       14 0 0₩ 33-1/2+(S) ⇒(S)
 XZ XO Z 4X 3X (S) - P_u => (S)
                                    2W 2X 0 ZX 4X 1+(S)(R) ->(S)
    X1 0 41 YO Cab (S) Ha 4 \Rightarrow (S)
                                       2Y Z 4Z 40 (S) \cdot V \Rightarrow (S)
                                    22 20 Z 43 ZX (F) + Pr =>(F)
 X2 X3 Z 32 Y3 (S) => U
    X4 0 20 10 4N-01→1
                                       21 0 ZX 4Z (S) \cdot A \Longrightarrow (S)
 YW YX 0 OY 1X 4/7-712
                                    22 23 Z 4Z Y3 (S) => U
                                       24 2 32 40 (S)·U =>(S)
    YY Z 4X OX (F) => Pu
 YZ YO O ZX 3X h \Rightarrow (S)
                                    3W 3X 0 Z4 Z0 Q \Rightarrow (F)
    Y1 0 Y4 40 (S) =>(R); Q3 (R) =>(S) 3Y 0 WH YW Hopin (S) => U ? N => (S)+4
                                    3Z 30 0 WO 32 (5)+P_r \Rightarrow (S)
 Y2 Y3 0 01 00 5/7 53. LA
                                       31 0 WO Y2 (5) - P.F
    Y4 0. ZY ZZ 23
                                    32 33 0 WW 3Z V => (S)
 ZW ZX 0 30 00 1
                                           0 03 YO CAB(S) HQ-4 =>(S)
    ZY 1 72 YZ V3
                                       34
                                            0 NO 32 (5)+P==>(S)
 ZZ ZO Z 4X Y3 (S) ⇒ Pu <11
                                    4W 4X
                                       4Y O WW Y2 (S) >> U-
    21 2 YY 00 5/7 = Bx. WUIT-3
                                    42 40
                                           Z 4Z 30 V => (S)
 Z2 Z3 0 30 Z3 Qo
                                       41 0 04 ZX (F) + b \Rightarrow (F)
  . 24 0 13 34 a2
                                    42 43 0 3Y 13 417-1 -4
    OY Z WW 2X 52,42}-1/2
 OW OX O ZW WW
                                       44 Z YY 00 B∏ -Bx W MN-3
                                    КC
                                            0 00 24
 0Z 00 0 11 11 82
    01 0 24 33 a2+(S) => (S) +13
                                            Z Y3 04
```

# Подпрограмма для вычисления функций $\sin U$ , $\cos U$ .

#### 3она МБ 11

```
Адрес Команда
                                    Адрес Команда
\Pi_{\Phi}=0
                                    \Pi_{\phi}=0
WW WX 0 43 X1 \ 9/2\T
                                      02 03 0 22 4x b1+(5)(R) =>(5)
                                          04 0 WZ 4X B + (S)(R) =>(S)
                                      1W 1X Z 32 40 (S). U => (S)
 W7. WO 1 04 Y4)
    W1 Z Z2 42
                                          14 Z 32 YX Hopn (S) = ((, N=(S)
W2 W3 0 20 00 2/3
                                      12 10 2 W1 3X (S)-la=>(S)
    ₩4 Z 03 Z0 3 CA =>(F) <1 COS
                                          11 2 4x Y3 (S) ⇒ P, ←13
XW XX 0 X0 00 5/7 / 1
                                      12 13 7 32 30 U => (5)
                                         14 0 21 YO Cgb(5) Ha-4 ⇒ (5)
    XY 0 4W ZO 0 => (F) = SLIT
XZ XO Z 32 30 U \Rightarrow (S) \stackrel{1}{\smile} 1
                                      2W 2X Z 4X 33 (s) + P_{4} \Rightarrow (s)
    X1 \quad Z \quad 4X \quad 3X \quad (S) - P_{L} \Rightarrow (S)
                                         2Y
                                              2 32 Y3 (S) => U
                                              Z YY 00 5/7 - BX IV HIT-3
X2 X3 Z Z1 Y0 Cgb(S) Ha 4\Rightarrow(S) 27. 20
    X4 0 WW 40 (5) \frac{9}{2\pi} = (5)
                                              0 OW 00 -4 Ca
                                         21
YW YX Z 4X YO Cg6 (5) Ha Pu => (5) 22 23
                                              7. 4Y 447
    YY 0 W3 40 (5) \frac{2}{3} \Rightarrow (S)
                                         24
                                              0 41 44 $
YZ YO O 4₩ 32 (S)+\<sup>©</sup>=>(S)
                                      3₩ 3X
                                              0 1Z XX )
    Y1 Z 32 Y3 (S) \Rightarrow U
                                         ЗY
                                              Z 03 Z0
Y2 Y3 Z X4 20 (5) Ø(-3) ≈ (5) 37 30
                                              0 OZ 407
    Y4 Z 4X Y3 (S) ⇒> P4
                                         31
                                              0 21 XX
ZW ZX Z 32 33 (S) + U \Rightarrow (S)
                                      32 33
                                              0 44 447
    2Y \quad Z \quad 4X \quad 20 \quad P_{u} \Rightarrow (F)
                                         34
                                              1 44 44
22 20 0 23 10 47-01-2
                                      YW YX
                                              0.00.00)
    21 0 XX 40 -(S) \Rightarrow (S)
                                              0 00 00
                                         47
22 23 2 32 ¥3 (S) ⇒ U 2 2
                                      4Z 40
                                              0 00 00
    24 0 11 10 41-0 +3
                                              0 00 00
                                         41
OW OX Z 32 40 (S) \cdot U \Rightarrow (S)
                                      42 43
                                              0 00 00
    OY 0 30 YO (gb (S) Ha-1=(S)
                                         44
                                              0 00 00
02 00 0 32 40 (S) ⇒(R), b<sub>3</sub> (R) ⇒(S) KC
                                              0 00 Z4
    01 0 3W 33 62 + (S) \Rightarrow (S)
                                              1 X2 ZZ
```

# Подпрограмма для вычисления функции $e^U$ .

#### 3она МБ 12

```
Адрес Команда
                                    Адрес Команда
\Pi_{\Phi}=0
                                    \Pi_{\phi}=0
                                     02 03 0 13 YO (gl(5) 4-4=)(S)
 WW WX 2 32 30 U ⇒(5) exp
                                         04 2 4X 33 (5) +P_{u} \Rightarrow (5)
     WY Z 4X 3X (S) - P_{u} = > (S)
 WZ WO 7 21 YO (yb(5) Hq4 ⇒ (5) 1W 1X Z 32 Y3 (5) => U
     W1 0 3W 40 (5) 1/en3=>(5)
                                         14 2 44 00 5/7 - Bx 14 MIT-3
 #2 #3 Z 32 YX Hop4(5) ⇒U, N > (5)1Z 10 Z 32 23 U > (R) = 1
    W4 2 4X 33 (S) + Pu \Rightarrow (S)
                                         11 0 20 13 47-15-2
                                      12 13 0 OW YO
 XW XX Z W3 Y3 (S) \Longrightarrow (B)
                                                       C => (S)
     XY 0 44 3X (S)-3 & =>(S)
                                         14 7 32 Y3 (S) => U
 XZ XO 0 10 13 917-11-1
                                     2W 2X 7 4X Y3
                                                       (5) => Pu
                                         24 Z YY 00 517 - BX WHIT-3
    X1 Z 4X Y3 (S) \Rightarrow \rho_{\mu}
 X2 X3 Z 32 30 U \Rightarrow (5)
                                     22 20 7 44 2X 23 12 2
    X4 Z 4X YO Cgb (S) H4 Px =>(S)
                                         21 0 30 00
 YW YX 0 43 20 [27(5)]<sub>81</sub> C<sub>4</sub> ⇒ P<sub>u</sub>
                                     22 23
                                             0 14 44)
                                             1 44 44 (
                                         24
     YY
         Z 4X Y3/
                                     3W 3X
 YZ YO Z 32 30 U ⇒ (S)
                                             0 3Y W2 1
    Y1 7. ₩3 YO Cgl(5) Ha(B) =>(5)
                                         ЗΥ
                                             Z 1X 40
 Y2 Y3 0 22 20 {($)}<sub>S1</sub> ⇒ (5)
                                     37. 30
                                             0 2X Y4 )
    Y4 0 42 40 (5) $(R), a, (R) $(5)
                                         31
                                             1 Z4 42
 ZW ZX 0 4W 33 (5) +a_3 \Rightarrow (5)
                                      32 33
                                             0 04 1X)
                                             0 ZW 1W
     ZY 0 32 4X (5) (R) +a_2 \Rightarrow (5)
                                         34
                                             0 01 YY 7
 22 20 0 32 4x (S) (R) + a \Rightarrow (S) 47 4x
                                         4 Y
                                             7. 1Z 02
    21 \ 0 \ 21 \ 4X(S)(R) + a_0 \Rightarrow (S)
                                     4Z 40
                                             0 00 1Z7
 22 23 Z 32 Y3 (S) => W
                                             1 OY 177
     24 2 32 40 (5)· U => (5)
                                         41
                                                        121 GA
 ON OX 7. 32 YX Hopu(S) >U; N >(S) 42 43
                                             1 44 00
                                            0 03 00
                                                         3 G
     OY Z 4X 33 (5) + P_u \Rightarrow (5)
                                         44
                                             0 00 01
                                     КC
 02 00 2 4X Y3 (S) => Pu
                                             0 4Z 4Y
     01 2 32 30 U ⇒(5)
```

# Подпрограмма для вычисления функции $\ln U$ .

#### 3она МБ 13

```
Адрес Команда
                                    Адрес Команда
\Pi_{\phi}=0
                                    \Pi_{\phi}=0
 WY WX Z 32 30 U ⇒ (5) den
                                     02 03 Z 32 YX Hop.u(5) => 4, N=>(5)
    WY Z 4X 3X (S) -P_u => (S)
                                         04 2 W3 3X (S)-(B) \Rightarrow (S)
 WZ NO Z Z1 YO Cgb (S) Ha 4 => (S) 1W 1X Z 4X Y3 (S) => Pix
    V1 2 32 Y3 (S) \Rightarrow U
                                         1Y Z 32 30 U \Rightarrow (5)
 W2 W3 0 XX 13 97-1 →2
                                     12 10 0 W4 YO (gb(5),14-4=>(5)
    174 0 OW 2X 524
                                             2 4 \times 33 (5) + P_4 \Rightarrow (5)
                                         11
 XW XX 0 41 3X(5) - \sqrt{3}/2 \Rightarrow (5) + \sqrt{2} 12 13 2 32 Y3(5) \Rightarrow U
                                             Z YY OU 5/71-> Bx IV HIT-3
    XY 0 X1 13 9/7-15-3
                                         14
 XZ XO Z O3 ZX (F) + 3 C_{A} = (F)
                                     2W 2X
                                             0 33 X0)
    X1 Z 4X 30 P2 => (5) =3"
                                        2Y . Z 00 XW /
 X2 X3 0 Y0 10 917-0 -1
                                     27, 20
                                             0 ZZ X3)
                                             1 XZ ZW
    X4 2 4X YX Hop. 4 (S) => P : N=(S) 21
 YW YX 2 03 33 (5) +3\ell_A \Rightarrow (5)
                                     22 23 0 1W WY?
    YY Z OY 20 -(5) \Rightarrow (5)
                                        24
                                             0 44 47
 YZ YO Z W3 Y3 (S) => (B) =1
                                     3W 3X 0 1X Z3 as
    Y1 Z 32 30 U ⇒ (5)
                                        ЗY
                                             0 22 24 Q4
 Y2 Y3 0 00 4Z (S) · 1 => (S)
                                     3Z 30
                                             0 10 OY)
    YY 0 4X 3X (5)-1 => (5)
                                             1 31 ZW
                                        31
                                             0 Y4 44)
 ZW ZX 0 44 40 (5)=(R); Q (R)=(S)32 33
                                             1 42 WYS
    2Y = 0 3X 33  a_3 + (5) \Rightarrow (5)
                                        34
 22 20 0 3Y 4X Q4 + (5) (R) => (5) 4W 4X
                                             0 30 007
    21 0 32 4x Q_3 + (S)(R) \Rightarrow (S)
                                        4 Y
                                             0 03 41
 Z2 Z3 0 32 4X Q2 +(5)(R) =>(5) 4Z 40
                                             0 44 WY A2
    24 0 4W 4X a_1 + (s)(R) \Rightarrow (s)
                                        41 0 3W 34 \sqrt{3}/2
 OW OX O YZ 4W - ln 20+(5)(R)= (5) 42 43 O SW Y4 1
    OY Z #3 YO (g. (5) HQ (B) => (S)
                                        44
                                             0 Z4 04 QA
 02.00 \ 0.24 \ 23 \ en 3 \Rightarrow (R)
                                     КC
                                             770 00 G
    01 Z 4X 43 (S) +P4 (R) =>(S)
                                             1 3Z 01
```

Серия: «Математическое обслуживание машины «Сетунь».

Выпуск 1.

ЖОГОЛЕВ Е.А. ОСОБЕННОСТИ ПРОГРАММИРОВАНИЯ И МАТЕМАТИЧЕСКОЕ ОБСЛУЖИВАНИЕ МАШИНЫ «СЕТУНЬ».

Выпуск 2.

Фурман Г.А. ИНТЕРПРЕТИРУЮЩАЯ СИСТЕМА ДЛЯ ДЕЙСТВИЙ С КОМПЛЕКСНЫМИ ЧИСЛАМИ (ИП-4).

Выпуск 3.

Франк Л.С.Рамиль Альварес Х. ПРОГРАММА ВЫЧИСЛЕНИЯ ЗНАЧЕНИЙ ОПРЕДЕЛЕННЫХ ИНТЕГРАЛОВ ДЛЯ ИП-2. Уточнение к выпуску 3 опубликовано в выпуске 19.

Выпуск 4.

Жоголев Е.А., Есакова Л.В. ИНТЕРПРЕТИРУЮЩАЯ СИСТЕМА ИП-3. Поправка к выпуску 4 опубликована в выпуске 9. Исправленный вариант публикуется в данном выпуске.

Выпуск 5.

Фурман Г.А. ПОДПРОГРАММА ВЫЧИСЛЕНИЯ ВСЕХ КОРНЕЙ МНОГОЧЛЕНА ДЛЯ ИП-4.

Выпуск 6.

Прохорова Г.В. ИНТЕРПРЕТИРУЮЩАЯ СИСТЕМА ДЛЯ ДЕЙ-СТВИЙ С ПОВЫШЕННОЙ ТОЧНОСТЬЮ (ИП-5). Изменение к выпуску 6 опубликовано в выпуске 11.

Выпуск 7.

Гордонова В.И. ТИПОВАЯ ПРОГРАММА РАСЧЕТА КОРРЕЛЯЦИ-ОННЫХ И СПЕКТРАЛЬНЫХ ФУНКЦИЙ.

Выпуск 8.

Бондаренко Н.В. СИСТЕМА ПОДПРОГРАММ ВВОДА И ВЫВОДА АЛФАВИТНО-ЦИФРОВОЙ ИНФОРМАЦИИ ДЛЯ ИП-3.

Выпуск 9.

Черепенникова Ю.Н. НАБОР ПОДПРОГРАММ ДЛЯ ВВОДА И ВЫВОДА ЧИСЛОВОЙ ИНФОРМАЦИИ В СИСТЕМЕ ИП-2.

Выпуск 10.

Жоголев Е.А., Лебедева Н.Б. СИМПОЛИЗ 64 — ЯЗЫК ДЛЯ ПРОГРАММИРОВАНИЯ В СИМВОЛИЧЕСКИХ ОБОЗНАЧЕНИЯХ.

Выпуск 11.

Прохорова Г.В. ПОДПРОГРАММА ВВОДА И ВЫВОДА ЧИСЛОВОЙ ИНФОРМАЦИИ ДЛЯ ИП-5. Изменение к выпуску 11 опубликовано в выпуске 17.

Выпуск 12.

Черепенникова Ю.Н. СТАНДАРТНАЯ ПОДПРОГРАММА ДЛЯ РЕ-ШЕНИЯ СИСТЕМ ЛИНЕЙНЫХ АЛГЕБРАИЧЕСКИХ УРАВНЕНИЙ (В системе ИП-2).

Выпуск 13.

Лебедева Н.Б., Рамиль Альварес X. ИНСТРУКЦИЯ ИС-ПОЛЬЗОВАНИЯ СИСТЕМЫ АВТОМАТИЧЕСКОГО КОДИРОВАНИЯ ПО-ЛИЗ.

Выпуск 14.

Черепенникова Ю.Н. ПОДПРОГРАММЫ ВВОДА И ВЫВОДА ЧИ-СЕЛ В СИСТЕМЕ ИП-4.

Выпуск 15.

Федорченко В.Е. МОДЕЛИРОВАНИЕ РАВНОМЕРНЫХ ПСЕВДО-СЛУЧАЙНЫХ ЧИСЕЛ НА МАШИНЕ «СЕТУНЬ».

Выпуск 16.

Черепенникова Ю.Н. ТИПОВАЯ ПРОГРАММА ДЛЯ РЕШЕНИЯ СИСТЕМЫ ЛИНЕЙНЫХ АЛГЕБРАИЧЕСКИХ УРАВНЕНИЙ.

Выпуск 17.

Гордонова В.И. СТАНДАРТНАЯ ПОДПРОГРАММА ДЛЯ ВЫЧИС-ЛЕНИЯ СОБСТВЕННЫХ ЗНАЧЕНИЙ И СОБСТВЕННЫХ ВЕКТОРОВ ВЕЩЕСТВЕННОЙ МАТРИЦЫ, ИМЕЮЩЕЙ ТОЛЬКО ВЕЩЕСТВЕННЫЕ СОБСТВЕННЫЕ ЗНАЧЕНИЯ (В СИСТЕМЕ ИП-3). Выпуск 18.

Титакаева П.Т. СТАНДАРТНАЯ ПОДПРОГРАММА RKG РЕШЕНИЯ ЗАДАЧИ КОШИ ДЛЯ СИСТЕМЫ ОБЫКНОВЕННЫХ ДИФФЕРЕНЦИАЛЬНЫХ УРАВНЕНИЙ В СИСТЕМЕ ИП-3.

Выпуск 19.

Жоголев Е.А. ИНТЕРПРЕТИРУЮЩАЯ СИСТЕМА ИП-2.

Выпуск 20.

Черепенникова Ю.Н. СТАНДАРТНАЯ ПОДПРОГРАММА ДЕТ ВЫ-ЧИСЛЕНИЯ ОПРЕДЕЛИТЕЛЯ (В системе ИП-2).

Выпуск 21.

Гордонова В.И. ТИПОВАЯ ПРОГРАММА РЕШЕНИЯ СИСТЕМЫ ЛИНЕЙНЫХ АЛГЕБРАИЧЕСКИХ УРАВНЕНИЙ С СИММЕТРИЧНОЙ ПОЛОЖИТЕЛЬНО ОПРЕДЕЛЕННОЙ МАТРИЦЕЙ МЕТОДОМ КВАДРАТ-НОГО КОРНЯ (ЛАУСК).

Выпуск 22.

Титакаева П.Т. СТАНДАРТНАЯ ПОДПРОГРАММА GI ВЫЧИСЛЕ-НИЯ ЗНАЧЕНИЙ ОПРЕДЕЛЕННЫХ ИНТЕГРАЛОВ В СИСТЕМЕ ИП-3.

Выпуск 23.

Гойхман Г.Я. СТАНДАРТНАЯ ПРОГРАММА ОБРАЩЕНИЯ МАТРИ-ЦЫ МЕТОДОМ ОКАЙМЛЕНИЯ (в системе ИП-3). Выпуск 24.

Дрейер А.А., Черепенникова Ю.Н. АВТОМАТИЗИРОВАННАЯ СИСТЕМА СТАТИСТИЧЕСКОЙ ОБРАБОТКИ МАТЕРИАЛОВ ИЗМЕРЕ-НИЙ НА ЭЦВМ «СЕТУНЬ».