МОСКОВСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ имени М. В. ЛОМОНОСОВА

Вычислительный центр Г. Я. Гойхман

Стандартная подпрограмма обращения матрицы методом окаймления (в системе ИП-3).

Серия:

Математическое обслуживание машины «Сетунь»

Под общей редакцией Е.А.Жоголева Выпуск 23

> Москва 1968

Содержание

§1. Назначение и возможности подпрограммы
§2. Инструкция к использованию подпрограммы
§3. Описание метода5
§4. Некоторые особенности подпрограммы7
§5. Таблица остановов
§6. Блок-схема подпрограммы обращения матрицы§
Литература:10
Приложение. Подпрограмма обращения матрицы11

§1. Назначение и возможности подпрограммы.

Данная подпрограмма предназначена для вычисления обратной матрицы и занимает 9 зон магнитного барабана (с 14 но 23). Подпрограмма может быть использована на машине «Сетунь» с серийным магнитным барабаном, а также с магнитным барабаном удвоенной емкости. При этом в первом случае максимальный возможный порядок обращаемой матрицы равен 22, а во втором — 38. Предполагается, что к моменту обращения к подпрограмме элементы исходной матрицы записаны на магнитном барабане последовательно по строкам. В процессе работы подпрограммы элементы обратной матрицы записываются на месте соответствующих элементов исходной матрицы.

Подпрограмма составлена в системе ИП-3 [1]. В соответствии с этим элементы исходной матрицы, а также промежуточные результаты вычислений и элементы полученной обратной матрицы представляются в форме ИП-3. Все операции в программе, кроме организации циклов, выполняются в режиме плавающей запятой. Подпрограмма обращения матрицы использует подпрограммы системы ИП-3 «Операции типа сложения» и «Умножение и деление».

Время обращения матрицы зависит от её порядка и характеризуется следующей таблицей:

Порядок обраща- емой матрицы	Время обращения
4	12 сек.
10	2 мин. 15 сек.
22	23 мин.
38	1 час. 53 мин. 40 сек.

§2. Инструкция к использованию подпрограммы.

Программа вводится с фотоввода №1 начальным пуском. При правильном вводе всей программы происходит останов Ω_{l} , при неправильном вводе какой-либо зоны происходит останов Ω_{2} (см. §5, Таблица остановов). Предполагается, что при обращении к данной подпрограмме она вместе с ИП-3 и подпрограммами «Операции типа сложения» и «Умножение и деление» находится на магнитном барабане. Обращение к подпрограмме имеет следующий вид:

где An/n — обобщенный адрес начала подпро-граммы,

 $A \; a_{\it II} \; - \;$ обобщенный адрес первого элемента матрицы A ,

n - порядок обращаемой матрицы.

Все зоны подпрограммы обращения матрицы выполняются в зоне Φ_{ℓ} оперативной памяти. Состояние зоны Φ_{θ} оперативной памяти при обращении к данной подпрограмме не запоминается — в случае необходимости это следует сделать перед обращением к подпрограмме. Непосредственно после выхода из подпрограммы нельзя обращаться к входу І ИП-3, так как содержимое ячейки МО основной зоны ИП-3 не соответствует номеру зоны МБ, находящейся к моменту выхода в зоне Φ_{θ} оперативной памяти.

Подпрограмма использует массив из n^2 длинных ячеек, начиная с A a_{II} , для размещения элементов вычисляемой обратной матрицы и, кроме того, n — длинных ячеек непосредственно за указанным массивом используются как рабочие ячейки. Таким образом, общее количество используемых рабочих ячеек равно n(n+1).

§3. Описание метода.

В подпрограмме реализован метод окаймления [2], сущность которого состоит в следующем.

Пусть элементы заданной матрицы $A = \{a_{ij}\}$, $i,j = 1,2,\dots,n$.

Рассмотрим матрицу:

$$A_{k} = \begin{bmatrix} a_{11} & a_{12} & \dots & a_{1k-1} & a_{1k} \\ a_{21} & a_{22} & \dots & a_{2k-1} & a_{2k} \\ \dots & \dots & \dots & \dots & \dots \\ a_{kl} & a_{k2} & \dots & a_{kk-1} & a_{kk} \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} A_{k-1} & \vdots & U_{k} \\ \dots & \dots & \dots \\ V_{k} & \vdots & a_{kk} \end{bmatrix}$$

где $A_{k \cdot l}$ — матрица (k-1) -го порядка, аналогичная матрице A_k ,

$$V_k$$
 — вектор-строка: $V_k \! = \! (a_{kl}, a_{k2}, \ldots, a_{k,k-1})$, U_k — вектор столбец:

$$\begin{pmatrix} a_{1k} \\ a_{2k} \\ \vdots \\ a_{k-1,k} \end{pmatrix}$$

Предположим, что определитель матрицы $A_{k\cdot l}$ отличен от нуля. Тогда, полагая $\alpha_k = a_{kk} - V_k A_{k-1}^{-1} U_k$, будем иметь согласно [2]:

$$\begin{bmatrix} A_{k-1}^{-1} + \frac{A_{k-1}^{-1} U_k V_k A_{k-1}}{\alpha_k} & \vdots & \frac{-A_{k-1}^{-1} U_k}{\alpha_k} \\ \dots & \dots & \dots \\ -\frac{V_k A_{k-1}}{\alpha_k} & \vdots & \frac{1}{\alpha_k} \end{bmatrix}$$

Отсюда непосредственно видно, что можно построить последовательно обратные матрицы для матриц

$$A_{2,}A_{3,}...,A_{n}=A$$
 , учитывая, что $A_{11}^{-1}=\frac{1}{a_{11}}$.

Обозначим элементы матрицы A_k^{-1} через $\alpha_{ij}^{(k)}$, $i,j=1,2,\ldots,k$. Применение указанного выше разложения для вычисления A_k^{-1} сводится к реализации следующих операций:

- вычисление столбца $-A_{k-1}^{-1}U_k$, элементы которого обозначим через β_{ik} , где i=1,2,...,k-1;
 - вычисление чисел $\alpha_k = a_{kk} + \sum_{i=1}^{k-1} a_{kk} \beta_{ik}$, $\alpha_{kk}^{(k)} = \frac{1}{\alpha_k}$;
 - вычисление элементов обратной матрицы $lpha_{ik}^{(k)}$

для $i \leq k-1$ по формуле $\alpha_{ik}^{(k)} = \frac{\beta_{ik}}{\alpha_k}$;

- вычисление строки $-V_{k}A_{k-1}^{-1}$, элементы которой обозначим через γ_{ki} , i=1,2,...,k-1;
- вычисление остальных элементов обратной матрицы:

$$\alpha_{kj}^{(k)} = \frac{\gamma_{kj}}{\alpha_k}$$
 для $j \leq k-1$ и $\alpha_{ij}^{(k)} = \alpha_{ij}^{(k-1)} + \frac{\beta_{ik} \gamma_{kj}}{\alpha_k}$ для $i, j \leq k-1$.

§4. Некоторые особенности подпрограммы.

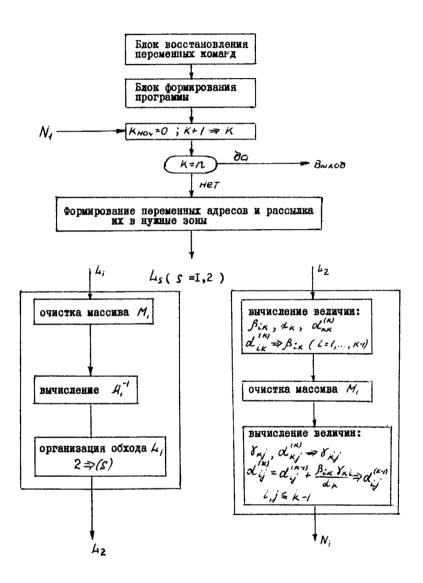
Можно показать, что величина $\alpha_k = \frac{\Delta_k}{\Delta_{k-1}}$ (см. §3), где Δ_k и Δ_{k-1} суть определители матриц A_k и A_{k-1} ,

соответственно. Поэтому для осуществимости изложенного метода обращения матрицы необходимо, чтобы $\Delta_k \neq 0$ при всех k, $1 \leq k \leq n$. Если величина Δ_k равна или достаточно близка к нулю при некотором k, $1 \leq k \leq n$, то произойдет предупредительный останов Ω_3 (см. §5). Это означает, что заданная матрица не может быть обращена данной подпрограммой. Однако можно попытаться добиться обращения матрицы, полученной из исходной подходящей перестановкой строк или столбцов. При этом нужно помнить, что после того как процесс обращения выполнен, надо переставить в полученной матрице столбцы (строки) с теми же номерами, с которыми переставлялись в исходной матрице строки (столбцы).

§5. Таблица остановов.

Символ оста- нова	Адрес	Команда	Причина останова	Примечания
Ω_1	043	0 44 2X	Конец ввода под- программы.	
Ω_2	021	0 42 2X	Несовпадение контрольных сумм при вводе какой- либо зоны подпро- граммы.	Оттянуть на фототрансмиттере №1 одну зону назад и нажать кнопку «ПУСК».
Ω_3	040	Z 44 2X	Порядок промежуточного результата больше 40.	Матрица не может быть обращена дан- ной подпрограммой (см. §4).

§6. Блок-схема подпрограммы обращения матрицы.



Литература:

- 1. ЖОГОЛЕВ Е.А., ЕСАКОВА Л.В., Интерпретирующая система ИП-3, выпуск 4 данной серии, 1964
- 2. ВОЕВОДИН В.В., Численные методы линейной алгебры, М., Изд-во «Наука», 1966.

Приложение. Подпрограмма обращения матрицы.

Обозначения, встречающиеся в подпрограмме:

- $r_{\scriptscriptstyle 0}$ рабочая ячейка для обобщенного адреса $A \, a_{\scriptscriptstyle II}$.
- r_l рабочая ячейка для счётчика порядка миноров.
- r_2 рабочая ячейка для величины $3(\mathit{n_i}{-}1)e_{\mathit{F}}$, где $\mathit{n_i}$ порядок минора.
- $r_{\scriptscriptstyle 3}$ рабочая ячейка для обобщенного адреса $A_{\scriptscriptstyle eta_{\scriptscriptstyle i}} = A_{\scriptscriptstyle \gamma_{\scriptscriptstyle i}}$.
- r_4 рабочая ячейка для величины $3\,ne_F$, где n порядок матрицы.
- r_5 рабочая ячейка для обобщенного адреса $A_{ul.}$
- $r_{\it 6}$ рабочая ячейка для обобщенного адреса $A_{\it vL}$
- r_7 рабочая ячейка для величины α_k
- r_8 счётчик элементов в строке минора.
- r_9 счётчик строк минора.
- $\sum_{{\scriptscriptstyle 1}} -$ ячейка для вычисления величины $-A_{k-1}^{{\scriptscriptstyle -1}} U_k$.
- \sum_2 ячейка для вычисления величины $\sum_{i=1}^{k-1} lpha_{ki} oldsymbol{eta}_{ik}$.
- $\sum_{\scriptscriptstyle 3}$ ячейка для вычисления величины $-V_{\scriptscriptstyle k}A_{\scriptscriptstyle k-1}^{\scriptscriptstyle -1}$
- $\Phi(k)$ формирование величины x.

Зона ввода.

Адрес	Команда	Адрес	Команда
$\Pi_{\varphi} = 0$		$\Pi_{\varphi} = 0$	
XW WX	0 00 0Z 1 32 WY - ∑18	02 03 04	Z 14 XX O 3X ZO
WZ WO	0 00 01	1W 1X	
W1	z xy 42 ∫ Σ _{6β}	1Y	
₩2 ₩3 ₩4	0 00 02) 1 43 WY) \(\sum_{14}\)	1Z 10 11	0 WW 42 0 WX 42
XW XX	0 00 04)	12 13	0 1X ZX
XY	1 W1 X2 \(\sum_{2W}	14	0 10 13
XZ XO	റ ററ റമ്	2W 2X	0 00 Z0
X1	Z 2W YO] \(\sum_{2x}\)	2 Y	O ZZ 3W
X2 X3	0 00 0Z	27 20	_
ХY	1 20 W2 \\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\\	21	~
YW YX	0 00 00) 0 \(\pi_1 21 \) \(\sum_{2\equiv} \)	22 23	
YY	_	24	
YZ YO	0 00 04) Z 1Z 10 \(\sum_{20}\)	3W 3X	
Y1	<u> </u>	37	Z OZ XY
Y2 Y3	0 00 0Z) 7 0X 431 \(\sum_{2/}\)	3Z 30	0 04 00
Y 4	D 04 10	31	0 1X ZX
ZW ZX ZY	0 00 04) z xx zo) \(\sum_{22}\)	32 33 34	0 00 0X 0 43 1X
ZZ ZO	3	4 W 4X	0 43 1X
22 23 Z1	0 00 01/ Z ₂₃	47	0 4X ZX
Z2 Z3	0 00 00	42 40	0 01 0X
Z4	0 00 00	41	
OW OX	0 00 00	42 43	_
OY	0 30 00	44	0 00 00
0Z 00	0 30 00	KÇ	0 00 01
01	0 14 X3 Bxq4		Z XY 42

Программа формирования.

		Зона М	МБ 14
Адрес	Команда	Адрес	Команда
$\Pi_{\varphi}=1$		$\Pi_{\varphi}=1$	
AM AX	Z 47 037 Brod,	02 03	0 3Y 3X)
WY	Z X3 00 (S) =7 Aa,,	04	0 30 20 $\{p(z_*)$
WZ WO	O IN YX	1₩ 1X	0 43 TS
W1	z 33 Y 3)	17	0 33 30 ັງ
W2 W3	z 47 03)	1Z 10	Z XX 33 7, +1e, =7 2,
₩4	0 YX 00 (6) -7 An	11	о за Үз∫
XW XX	1 23 73	12 13	1 23 3X 2,-n -7(s)
XY	$0.43.307 \ \%(Ax)$	14	
XZ XO	1 20 Ya) 3 (AZ)	2 W 2 X	
X1	0 21 XX	24	
X2 X3	0 3Y ZO BOCCTAHOBAEHWE	22 20	3
ХЧ	0 33 0X Z,	21	0 1Z 00 8 e _A
YW YX	0 2\ X3)	22 23	, A
YY	Z 03 Z3) MEPEKOA, K BOCCIA-	24	0 00 00/
YZ YO	Z WY OOT HOBAEHAM NERE-	SW SX	Z W1 YO (7)
Y1	0 21 24 MEHHOIX KOMAHA	SY	0 34 13)
Y2 Y3	1 23 30	3Z 30	0 31 33)
YЧ	Z W1 YO $\mathcal{P}(z_4)$	31	0 30 20 $\mathscr{D}(r_5)$
ZW ZX	0 4 T 7 3/	32 33	0 40 X3
ZY	2 33 30 Aa, =7 20	34	o an ao J
ZZ Z0	0 31 13)	YW YX	1 23 40
Z1	1 23 30	47	0 44 YO (26)
22 23	1 23 40	4Z 40	0 31 33
24	1 21 YO ~	41	0 30 20
OM OX	z 33 33 $\mathscr{F}_{(z_3)}$	42 43	0 41 Y8)
OΥ	0 30 20	44	0 27 X3 [Pb]=7[Zw]
0Z 00	O 4X Y3)	KC	0 00 02
01	0 4¥ 33?		1 43 WY

Рассылка переменных адресов.

	Зона МБ 2W
Адрес Команда	Адрес Команда
Π_{ϕ} =1	Π_{ϕ} =1
WW WX 0 2X XX [2X] =1[0] WY 1 31 30 WZ W0 0 X1 Y3 W1 0 WX Y3 W2 W3 1 4X 30 W4 0 YY Y3 XW XX 0 Y1 Y3 XY 1 40 30 XZ X0 0 W4 Y3 X1 1 33 30 X2 X3 0 WY Y3 X4 0 W0 Y3 YW YX 0 2X X3 [2x] =1[2X]	02 03 0 23 X3 [\$\mathcal{O}_0\$] = 2[\text{Z3}]\$ 04 0 22 XX [\text{Z2}] = 7[\text{O}_0\$]\$ 1W 1X 0 41 Y3 1Y 0 43 Y3 1Z 10 1 4X 30 11 0 XX Y3 12 13 1 40 30 14 0 W0 Y3 2W 2X 1 31 30 2Y 0 X3 Y3 2Z 20 0 YX Y3 21 0 44 Y3 22 23 Z 03 Z3] \$\end{Terexoa} \text{RPQAQA}\$
YY 0 2Y XX [24] 7 (%]	24 2 WY 00 2:25 HAND PAC- 3W 3X 0 2Z 01 COINK N

Вычисление $\alpha_{\scriptscriptstyle k}$ и $\frac{1}{\alpha_{\scriptscriptstyle k}}$.

	Зона МБ 2Ү
Адрес Команда	Адрес Команда
$\Pi_{\phi}=1$	Π_{ϕ} =1
WW WX 1 YX 30	02 03 1 YX 30)
WY 0 34 33	OH O SY 33 DEPENAPERALIA
WZ WO 0 30 20 7 (Aakk)	1 1X 0 30 20 Aari
W1 1 XY Y3	1Y 1 YX Y3
W2 W3 1 4X Y3)	17 10 1 73 30
W4 Z 4Y 03	11 0 SY 33 NEPEAAPECAUAR
XW XX Z OY OO	12 13 0 30 20 ABin
XY 0 00 00 XZ XO Z 00 YY	14 1 Y3 Y3) 2\forall 2\forall 1 43 30)
XZ XO Z OO YY X1 O OO OO	2Y Z YX 3X1 73-1ep-924
X2 X3 Z 4Y 03) ← 1	22 20 1 43 Y3
X4 Z Z3 00	21 1 X3 13 4/7 -1 -11
YW YX 0 00 00 aki= 2(v)	22 23 % 47 03)
YY Z OO YY	24 Z OY 00
YZ YO Z 00 4Z	3W 3X Z 00 32 (dr => (r)
Y1 Z OY OO)	3Y Z 00 YY
Y2 Y3 0 00 00 ari Bir = 7(V)	3Z 30 Z 00 4Z
Y4 0 1Z 0X	31 Z OY 00)
Z₩ 2X Z 00 4Z	32 33 1 00 44 1 => A arr
zy z oy ooj	01 0 18 "11 0 10
ZZ ZO 0 00 00 xx+Z2=3xx	4W 4X 0 00 00 /
21 0 11 25	$\begin{array}{ccc} 4Y & 1 & 4X & 20 \\ 4Z & 40 & 0 & 00 & X4 \end{array} \left[\mathcal{D}_{b} \right] \Rightarrow \left[\mathcal{M} a_{i,x} \right]$
z2 z3 0 00 00J	
$ZH = 1 Z3 Z0$ $[Q_1] = 2[M_1]$	41 Z WX 00 <i>57 Bx V</i>
$ \begin{array}{cccc} 24 & 1 & 23 & 20 \\ 08 & 0X & 0 & 00 & X4 \\ 09 & 1 & 01 & 20 \\ 07 & 00 & 7 & 44 & 0X \end{array} $ $ \begin{array}{cccc} 24 & 1 & 23 & 20 \\ 07 & 0X & 0 & 0X & 7 \end{array} $	42 43 0 00 00 28 44 0 00 30 1
$\begin{array}{ccccc} 0Y & 1 & 01 & 20 \\ 0Z & 00 & Z & 44 & 0X \end{array} O2W \Rightarrow (JU_o)$	44 0 00 30 A KC 0 00 0Z
	1 20 W2
01 0 2W XX/	1 70 112

Вычисление $\frac{eta_{ik}}{lpha_k}$; очистка массива M_l ; продолжение рассылки переменных адресов.

		Зона МБ 2Z
Адрес	Команда	Адрес Команда
$\Pi_{\varphi} = 1$		Π_{ϕ} =1
WW WX	Z 4Y 03) -1	02 03 Z 2W XX)
WY	2 OY OO Bir 1 = Aair	04 Z 33 30 (
WZ WO	0 00 00	1W 1X 1 00 Y3
W 1	0 1Z 0X	11 Z 40 30
172 173	0 00 00)	1Z 10 1 W3 Y3
774	2 23 00	11 Z 4X 30
XM XX	1 00 44 04nc A	12 13 1 X0 Y3
XY	Z 00 YI	14 1 WO Y3/
XZ XO	0 00 00 77	2₩ 2X 0 21 XX [2/] → [Ф]
X1	1 X0 Z0	27 0 X3 Y3
X2 X3	0 00 X4)	2Z 20 Z 41 30 PACCONKA
X4	1 TO 30	21 0 YX Y3 AAPECOB 22 23 Z 33 30
YW YX YY	1 WO 30 SHEEK MACCHEA	
YZ YO	0 30 20 M	
	· · · · · · · · · · · · · · · · · · ·	2, 0j ·· L≈1j
Y1 Y2 Y3	1 WO Y3/ 1 XO Y3)	3Y 0 20 XX [20] → [Φ _ο] 3Z 30 0 41 Y3)
12 13 Y4		31 0 44 43
ZW ZX		22 22 7 21 20) PACEBOKA
ZWZX	0 4Y 337 Aa _{ix}	34 0 43 Y3
ZZ Z0	1 W3 Y3	477 4X 0 XX Y3
22 Z1	1 00 30)	UV 0 4V VV
72 Z3	Z YX 3X} 2-100 = 2	41 2 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11 11
24	1 00 Y3	41 Z WY OO PACCUAKH
OW OX	1 WX 13 977-1	42 43 0 21 04)
011	Z WX 00 5/1 AX V	44 0 00 00 0
02 00	0 00 00 22	KC 0 00 00
01	0 22 X3 [Φ _o] ⇒[22]	0 W1 21
	red -[-e]	

Вычисление γ_{ki} .

3она МБ 20 Адрес Команда Адрес Команда $\Pi_{\phi}=1$ $\Pi_{\phi}=1$ 02 03 ## WX 2 4Y 03) ←¬1 0 33 30) BOXLTAHOBAEHHE Z 0Y 00 140 1 44 Y3 WY WZ WO 0 00 00 1W 1X 0 41 30 BOCCTAHOBAENHE W1 Z 00 YY 1Y 1 WO Y3 Aaxi W2 W3 Z 00 4Z 1Z 10 1 43 30 0 3Y 33 WY ZOYOD 11 NE PEAAPECAUMS XW XX 0 00 00 0 30 20 12 13 Aail 14 1 43 Y3 XΥ 0 1Z 0X 1 XX Y3, XZ XO Z 00 4Z 27 2X 27 1 X3 30 X1 Z OY OO X2 X3 0 00 00 \ \S_3-a_{ki}a_{il} + \S_3 27 20 0 3Y 33 MEPEAAPECALUS 0 30 20 21 X4 O 1Y ZX $A_{\Sigma_{i}}$ 22 23 1 X3 Y3 YW YX 0 00 00 YY 1 YX ZÔ 24 1 YX Y3 YZ YO O OO X4 [P] > [ME.] 3W 3X 1 41 30 Y1 0 2\ XX [2w] = [\$\varphi_0\$] ЗҮ Z YX 3X 3Z 30 1 41 Y3 Y2 Y3 1 XX 30 YЧ 0 47 33 31 1 WX 13 417-1-11 REPEAAPELAUMA Z WX 00 32 33 51 BX V ZW ZX 0 30 20 ACIE 0 00 00 1 XX Y3 34 ZY 0 00 00 YF WF CB050AHDIE 1 WO 30 ZZ ZO RYEHKH 0 00 00/ ЧY 0 3Y 33 21 **NEPEAAPECALUIS** 0 00 00 Auri 42 40 Z2 Z3 0 30 20 0 00 00 41 1 WO YS 29 **Z4** 42 43 0 00 00 Aail XO WO 1 44 30 44 0 00 00 Z YX 3X) OY. КC 0 00 04 0Z 00 1 44 Y3 Z 1Z Y0 01 1 WX 13 417-1-1

Вычисление $\frac{\mathcal{Y}_{ki}}{\alpha_k}$; продолжение рассылки адресов; восстановление переменных команд.

		Зона МБ 21	
Адрес	Команда	Адрес Команда	
$\Pi_{\varphi}=1$		Π_{ϕ} =1	
WW WX	0 2 Y XX <i>[24]=[0₀]</i>	02 03 % WX 00 න නැ <i>⊻ි</i>	
WY	0 4X 3C)	04 Z 2W XX	
WZ WO	1 W4 Y3) ACCC 1 104	1W 1X Z 4X 30	
₩1	Z 4Y 03)	1Y 0 X3 Y3	
W2 W3	z oy 00	1Z 10 0 YX Y3 AAPECOB	
44	0 00 00 \ \frac{1}{dk} \(\gamma(V) \)	11 Z 41 30	
XM XX	Z 00 YY 22	12 13 0 WO Y3	
XY	z 00 42)	14 0 20 X3)	
XZ XO	Z 4Y 03)+	2₩ 2X Z 1X XX ←2	
X1	z oy 00/	2Y Z 03 Z3(
X2 X3	0 00 00 8kj 1 => Aanj	2Z 20 Z WY 00 8/1/ ~3	
XЧ	0 12 0X	21 0 23 WX)	
YW YX	0 00 00)	22 23 0 23 WX const	
YY	1 YX 20 (012/42 7	24 1 23 30) BOCCTAHOBAEH	ME
YZ YO	0 00 X4] [Po] =[Mazi]	3₩ 3X 1 21 Y3 КОМАНДЫ	
Y1	0 2₩ XX [2W] =[P,7	3Y Z 03 Z3)	
Y 2 Y3	1 X3 30)	3Z 30 Z WY 00 DEPENDA HA	E
YЧ	O 3Y 33 DEPENAPECALINA	31 0 23 34) КОМАНДЫ	
ZW ZX	0 30 20 Arej	32 33 0 2W XX)	
ZY	1 X3 Y3/	34 Z 23 XX	/4e
ZZ ZO	1 YX 30)	AW 4X 0 4X 30 AAPECA	~~
Z1	O SY 33 REPEALPETALINA	4Y Z X3 Y3	
Z 2 Z3	0 30 20 Aacj	42 40 2 23 X3/	
24	1 YX Y3/	41 1 2X 00 511 \$2	
OM OX	1 43 30)	42 43 0 00 00 2 ₈	
YC	Z YX 3X 28-16" 3 28	44 0 2X W1 const	
0Z 00	1 43 Y3J	KC O OO OZ	
01	1 X0 13 9n-1 1	Z 0X 43	

Вычисление α_{ij} (для i, $j \leq k-1$).

3она МБ 22

Адрес	Команда	Адрес	Команда
$\Pi_{\varphi}=1$		$\Pi_{\varphi} = 1$	
XR PP	Z 4Y 03) < 1	02 03	1 WX 13 <i>9/1-1</i> *'
WY	z oy oo	Orl	1 44 ૩૦)
WZ WO	0 00 00 Bix → (V)	1W 1X	о чү зз∫
W 1	Z 00 YY 2 7 (1)	1Y	0 30 20 NEPEARPELALING
W2 W3	z 00 4z)	1Z 10	1 44 Y3 Aai
74	z oy oo	11	1 X3 Y3
XM XX	0 00 00 $\left\{ \begin{array}{l} 8\pi i \frac{\beta i \kappa}{d \kappa} = 7(V) \end{array} \right.$	1 2 13	1 YX Y3/
XY		14	0 34 33)
XZ XO	z 00 42)	2W 2X	0 30 20 DEPEARPELALING
X1	Z 0Y 00)	2 Y	1 110 13)
X2 X3	0 00 00 dig + 8 = Bin = Aag	22 20	O 4X 30 BOCCTAHUBAEHME
ХЧ	· 1. 25/		1 XX Y3] Are
XY WY	0 00 00	22 23	0 33 30 BOCCTAHOBAEHNE
YY	1 YX ZO [Po] =[Maii]	24	1 43 Y3 23
YZ YO	· •	3W 3X	1 41 30)
Y1	0 2# XX [2W] =7[Po]	3Y	Z YX 3X 29-1ep = 29
Y2 Y3	1 XX 30	3Z 30	1 41 Y3
Y 4	O SY 33 NEAEAAPECALING	31	E 00 E03
Z₩ ZX	0 30 20 Araj	32 33 34	Z WY OOL OUNCINE
ZY ZZ ZO	1 XX Y3] 1 X3 30)	34 477 4X	0 23 XX MACCHBA M.
		4Y	0 00 00) EBUSUAHDIE
Z1	D DO COL TEPEAAPECALUS	4Z 40	0 00 00 AAENKN
Z2 Z3	0 30 20 Aai	41	
24	1 10 10	42 43	
OM OX	1 YX Y3/ 1 43 30)	42 43 44	0 00 00 2x.
		KC 17	0 00 04
0Z 00	Z YX 3X 48-1ep=728	n C	Z YX 20
01	1 43 Y3)		7 IV 70

Вычисление $\frac{1}{a_{11}}$; очистка массива M_l ; организация обхода L_l .

		Зона МБ 23
Адрес	Команда	Адрес Команда
$\Pi_{\varphi}=1$		Π_{ϕ} =1
णण णX	0 14 XX <i>[14] =1[Φ₀]</i>	02 03 0 27 44) 4
<i>i</i> A	0 23 30 0 = 144	04 0 12 WX a.,
WZ WO	1 44 Y3)	1W 1X 0 00 00
₩1	z 33 30)	1Y 1 1X 20) (C) 7-5(4, 7
#2 #3	1 OX Y3 BACHINKA	11 1 1 1 20 [[P₀] → [Ma,,] 12 10 0 00 X4] [P₀] → [Ma,,]
44	1 1X Y3) Aa,	11 2 YX 30 1ep =7 z,
XM XX	Z 4Y 03) <-1 2 4	12 13 1 44 Y3] 12 12 13
XY	3 OY OO OYUCTKA	14 0 21 XX)
XZ XO	0 22 44 MACEMBA M.	27 2X 0 44 30 N3MEHEHNE
X 1	Z 00 YY	2Y 0 21 Y3 KOMAHADI NEPEXOAA
X2 X3	0 00 00)	27 20 0 21 X3J
ХЧ	$ \begin{array}{cccccccccccccccccccccccccccccccccccc$	21 143 30 OPTAHNSAUNG
AM AX		22 23 1 23 Y3 nepexoas
YY	0 2¶ XX [2W] =7[Q]	24 Z 03 Z3 nepexoa
YZ YO	1 X3 30	3W 3X Z WY 00 HA CUET
¥1	O SY 33 MEPEAAPETALING	3Y 0 21 33 Bix
Y2 Y3	0 30 20 AYEEK MI	3Z 30 Z 03 Z3 NEPENOA, HA
¥4	1 X3 Y3)	31 Z WY 00 CYEM CNEAUNO-
ZW ZX	1 44 30)	32 33 0 14 11)
ZY	Z YX 3X 2, -/ep => 2,	34 1 XX 30 BOCCTAHOBAEHNE
ZZ ZO	1 44 Y3)	18 IA 1 45.10)
Z1	1 XX 13 y ₁₇₋₁ £1	44 Z 03 Z3) NEPEXUA HA
Z2 Z3	Z 4Y 03	4Z 40 Z WY 00 BOCCTAHOBAEHME
Z4	Z 0Y 00	11 0 11 13
0 W 0X	$0.00 00 \ a_{11} = 7(V)$	2. 10 1 00 00
YO	Z 00 YY	44 0 00 00 75 27
0Z 00	z 00 4z)	KC 0 00 01
01	Z OY 00	0 Z4 4X

Издано в 1964 году:

Выпуск 1.

ЖОГОЛЕВ Е.А. ОСОБЕННОСТИ ПРОГРАММИРОВАНИЯ И МАТЕМАТИЧЕСКОЕ ОБСЛУЖИВАНИЕ МАШИНЫ «СЕТУНЬ».

Выпуск 2.

Фурман Г.А. ИНТЕРПРЕТИРУЮЩАЯ СИСТЕМА ДЛЯ ДЕЙСТВИЙ С КОМПЛЕКСНЫМИ ЧИСЛАМИ (ИП-4).

Выпуск 3.

Франк Л.С, Рамиль Альварес Х. ПОДПРОГРАММА ВЫЧИСЛЕНИЯ ЗНАЧЕНИЙ ОПРЕДЕЛЕННЫХ ИНТЕГРАЛОВ ДЛЯ ИП-2. Уточнение к выпуску 3 опубликовано в выпуске 19 (1967).

Выпуск 4.

Жоголев Е.А., Есакова Л.В. ИНТЕРПРЕТИРУЮЩАЯ СИСТЕМА ИП-3. Поправка к выпуску 4 опубликована в выпуске 9 (1965 г.)

Выпуск 5.

Фурман Г.А. ПОДПРОГРАММА ВЫЧИСЛЕНИЯ ВСЕХ КОРНЕЙ МНОГОЧЛЕНА ДЛЯ ИП-4.

Выпуск 6.

Прохорова Г.В. ИНТЕРПРЕТИРУЮЩАЯ СИСТЕМА ДЛЯ ДЕЙ-СТВИЙ С ПОВЫШЕННОЙ ТОЧНОСТЬЮ (ИП-5), Изменение к выпуску 6 опубликовано в выпуске 11 (1966 г.) Издано в 1965 году:

Выпуск 7.

Гордонова В.И. ТИПОВАЯ ПРОГРАММА РАСЧЕТА КОРРЕЛЯЦИ-ОННЫХ И СПЕКТРАЛЬНЫХ ФУНКЦИЙ.

Выпуск 8.

Бондаренко Н.В. СИСТЕМА ПОДПРОГРАММ ВВОДА И ВЫВОДА АЛФАВИТНО-ЦИФРОВОЙ ИНФОРМАЦИИ ДЛЯ ИП-3.

Выпуск 9.

Черепенникова Ю.Н. НАБОР ПОДПРОГРАММ ДЛЯ ВВОДА и ВЫВОДА ЧИСЛОВОЙ ИНФОРМАЦИИ В СИСТЕМЕ ИП-2.

Выпуск 10.

Жоголев Е.А., Лебедева Н.Б. СИМПОЛИЗ 64 — ЯЗЫК ДЛЯ ПРОГРАММИРОВАНИЯ В СИМВОЛИЧЕСКИХ ОБОЗНАЧЕНИЯХ.

Издано в 1966 году:

Выпуск 11.

Прохорова Г.В. ПОДПРОГРАММЫ ВВОДА И ВЫВОДА ЧИСЛОВОЙ ИНФОРМАЦИИ ДЛЯ ИП—5. Изменение к выпуску 11 опубликовано в выпуске 17 (1967 г.).

Выпуск 12.

Черепенникова Ю.Н. СТАНДАРТНАЯ ПОДПРОГРАММА ДЛЯ РЕ-ШЕНИЯ СИСТЕМ ЛИНЕЙНЫХ АЛГЕБРАИЧЕСКИХ УРАВНЕНИЙ (В системе ИП—2).

Выпуск 13.

Лебедева Н.Б., Рамиль Альварес X. ИНСТРУКЦИЯ ИС-ПОЛЬЗОВАНИЯ СИСТЕМЫ АВТОМАТИЧЕСКОГО КОДИРОВАНИЯ ПО-ЛИЗ.

Выпуск 14.

Черепенникова Ю.Н. ПОДПРОГРАММЫ ВВОДА И ВЫВОДА ЧИ-СЕЛ В СИСТЕМЕ ИП-4.

Выпуск 15.

Федорченко В.Е. МОДЕЛИРОВАНИЕ РАВНОМЕРНЫХ ПСЕВДО-СЛУЧАЙНЫХ ЧИСЕЛ НА МАШИНЕ «СЕТУНЬ».

Выпуск 16.

Черепенникова Ю.Н. ТИПОВАЯ ПРОГРАММА ДЛЯ РЕШЕНИЯ СИСТЕМ ЛИНЕЙНЫХ АЛГЕБРАИЧЕСКИХ УРАВНЕНИЙ. Издано в 1967 году:

Выпуск 17.

Гордонова В.И. СТАНДАРТНАЯ ПОДПРОГРАММА ДЛЯ ВЫЧИС-ЛЕНИЯ СОБСТВЕННЫХ ЗНАЧЕНИЙ И СОБСТВЕННЫХ ВЕКТОРОВ ВЕЩЕСТВЕННОЙ МАТРИЦЫ, ИМЕЮЩЕЙ ТОЛЬКО ВЕЩЕСТВЕННЫЕ СОБСТВЕННЫЕ ЗНАЧЕНИЯ (в системе ИП—3).

Выпуск 18.

Титакаева П.Т. СТАНДАРТНАЯ ПОД ПРОГРАММА RKG РЕШЕ-НИЯ ЗАДАЧИ КОШИ ДЛЯ СИСТЕМЫ ОБЫКНОВЕННЫХ ДИФФЕРЕН-ЦИАЛЬНЫХ УРАВНЕНИЙ В СИСТЕМЕ ИП—3.

Выпуск 19.

Жоголев Е.А. ИНТЕРПРЕТИРУЮЩАЯ СИСТЕМА ИП-2.

Выпуск 20.

Черепенникова Ю.Н. СТАНДАРТНАЯ ПОДПРОГРАММА ВЫЧИС-ЛЕНИЯ ОПРЕДЕЛИТЕЛЯ (В системе ИП-2).

Выпуск 21.

Гордонова В.И. ТИПОВАЯ ПРОГРАММА РЕШЕНИЯ СИСТЕМЫ ЛИНЕЙНЫХ АЛГЕБРАИЧЕСКИХ УРАВНЕНИЙ С СИММЕТРИЧНОЙ ПОЛОЖИТЕЛЬНО ОПРЕДЕЛЕННОЙ МАТРИЦЕЙ МЕТОДОМ КВАДРАТНОГО КОРНЯ (ЛАУСК).

Выпуск 22.

Титакаева П.Т. СТАНДАРТНАЯ ПОДПРОГРАММА GI ВЫЧИСЛЕ-НИЯ ЗНАЧЕНИЙ ОПРЕДЕЛЕННЫХ ИНТЕГРАЛОВ В СИСТЕМЕ ИП-3.