# Третье домашнее задание

27 февраля 2021 г.

### 1 Дисперсия геометрического распределения

Случайная величина X следует геометрическому распределению  $\operatorname{Geom}(p)$ . Вычислите ее дисперсию.

#### 2 Параллельное подкидывание монет 1

Бесконечно много раз поочередно кидаем 2 честных монеты. Определите вероятность того, что после n пар бросков число орлов, выпавших на первой монете равно числу орлов, выпавших на второй. Есть ли матожидание у общего числа таких совпадений?

#### 3 Параллельное подкидывание монет 2

В условиях предыдущей задачи мы перестаем подкидывать монеты, как только у нас впервые происходит совпадение числа выпавших орлов на обеих монетах. Каково матожидание совершенных бросков?

#### 4 Два геометрических распределения

Пусть есть случайные величины  $X_1 \sim \text{Geom}(p)$  и  $X_2 \sim \text{Geom}(p)$  (с одинаковым параметром p). Введем две новых случайных величины:  $Y = \min\{X_1, X_2\}$  и  $Z = X_1 - X_2$ . Зависимы ли Y и Z?

## 5 Два показательных распределения

Вопрос тот же, что в предыдущей задаче, только  $X_1 \sim \text{pow}(+\infty,\beta)$  и  $X_2 \sim \text{pow}(+\infty,\beta)$  (с одинаковым параметром  $\beta > 1$ )

### 6 Сумма двух с.в.

Пусть есть с.в. Z = X + Y, где X и Y — не константы. Известно, что Z принимает значения 0, 1 или 2, каждое с вероятностью 1/3. Могут ли X и Y быть независимыми?

#### 7 Альтернативная дисперсия

На лекциях вскользь говорилось, что теоретически отклонение от среднего можно было бы считать и через модуль, а не квадрат. Рассмотрим n подбрасываний честной монеты. Каково матожидание модуля отклонения числа выпавших орлов от  $\frac{n}{2}$ , если n — нечетное? А если n — четное?