
Front matter

title: "Компьютерный практикум по статистическому анализу данных"
subtitle: "Отчёт по лабораторной работе №5: Построение графиков"
author: "Ахлиддинзода Аслиддин"

Generic options

lang: ru-RU
toc-title: "Содержание"

Bibliography

bibliography: bib/cite.bib
csl: pandoc/csl/gost-r-7-0-5-2008-numeric.csl

Pdf output format

toc: true # Table of contents
toc-depth: 2
lof: true # List of figures
lot: true # List of tables
fontsize: 12pt
linestretch: 1.5
papersize: a4
documentclass: scrreprt

I18n polyglossia

polyglossia-lang:
name: russian
options:
- spelling=modern
- babelshorthands=true
polyglossia-otherlangs:
name: english

I18n babel

babel-lang: russian
babel-otherlangs: english

Fonts

mainfont: PT Serif
romanfont: PT Serif
sansfont: PT Sans
monofont: PT Mono
mainfontoptions: Ligatures=TeX
romanfontoptions: Ligatures=TeX

sansfontoptions: Ligatures=TeX,Scale=MatchLowercase
monofontoptions: Scale=MatchLowercase,Scale=0.9

Biblatex

biblatex: true

biblio-style: "gost-numeric"

biblatexoptions:

- parenttracker=true
- backend=biber
- hyperref=auto
- language=auto
- autolang=other*
- citestyle=gost-numeric

Pandoc-crossref LaTeX customization

figureTitle: "Рис."

tableTitle: "Таблица"

listingTitle: "Листинг"

lolTitle: "Листинги"

Misc options

indent: true

header-includes:

- \usepackage{indentfirst}
- \usepackage{float} # keep figures where there are in the text
- \floatplacement{figure}{H} # keep figures where there are in the text
- \usepackage{unicode-math}
- \setmathfont{Latin Modern Math}

Цель работы

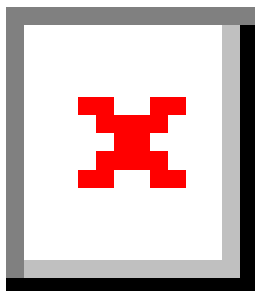
Основной целью работы освоить синтаксис языка Julia для построения графиков.

Выполнение лабораторной работы

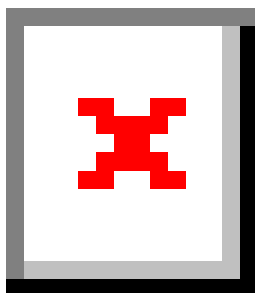
Основные пакеты для работы с графиками в Julia

Julia поддерживает несколько пакетов для работы с графиками. Использование того или иного пакета зависит от целей, преследуемых пользователем при построении. Стандартным для Julia является пакет Plots.jl.

Рассмотрим построение графика функции $f(x) = (3x^2 + 6x - 9)e^{-0,3x}$ разными способами (рис. [-fig@:001] - рис. [-fig@:002]):



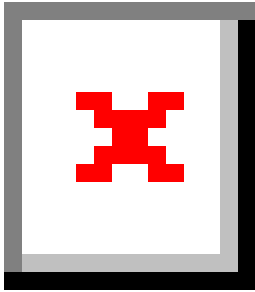
{ #fig:001 width=100% height=100% }



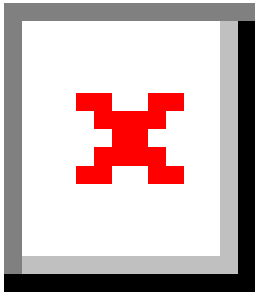
{ #fig:002 width=100% height=100% }

Опции при построении графика

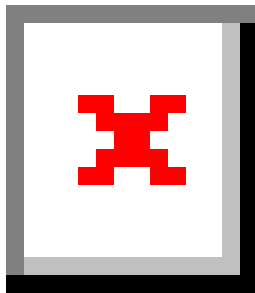
На примере графика функции $\sin(x)$ и графика разложения этой функции в ряд Тейлора рассмотрим дополнительные возможности пакетов для работы с графикой(рис. [-fig@:003] - рис. [-fig@:005]);



{ #fig:003 width=100% height=100% }

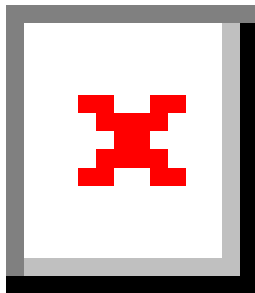


{ #fig:004 width=100% height=100% }



{ #fig:005 width=100% height=100% }

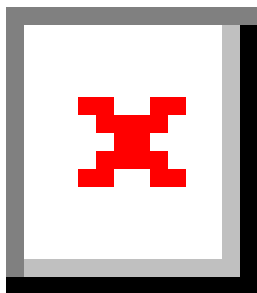
Затем добавим различные опции для отображения на графике (рис.[-fig@:006]):



{ #fig:006 width=100% height=100% }

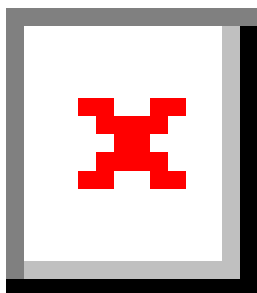
Точечный график

Как и при построении обычного графика для точечного графика необходимо задать массив значений x , посчитать или задать значения y , задать опции построения график (рис. [-@fig:007]):



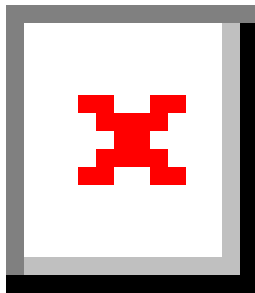
```
{ #fig:007 width=100% height=100% }
```

Для точечного графика можно задать различные опции, например размер маркера, его тип, цвет и и т.п. (рис. [-@fig:008]):



```
{ #fig:008 width=100% height=100% }
```

Также можно строить и 3-мерные точечные графики (рис. [-@fig:009]):

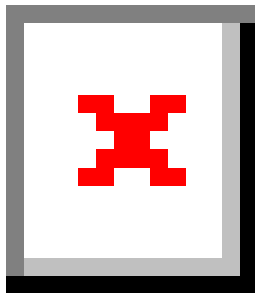


{ #fig:009 width=100% height=100% }

Аппроксимация данных

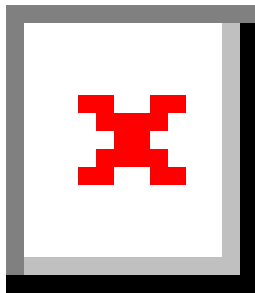
Аппроксимация — научный метод, состоящий в замене объектов их более простыми аналогами, сходными по своим свойствам.

Для демонстрации зададим искусственно некоторую функцию, в данном случае похожую по поведению на экспоненту (рис. [-@fig:010]):



{ #fig:010 width=100% height=100% }

Аппроксимируем полученную функцию полиномом 5-й степени (рис. [-@fig:011]):

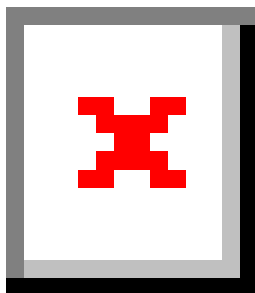


{ #fig:011 width=100% height=100% }

Две оси ординат

Иногда требуется на один график вывести несколько траекторий с существенными отличиями в значениях по оси ординат.

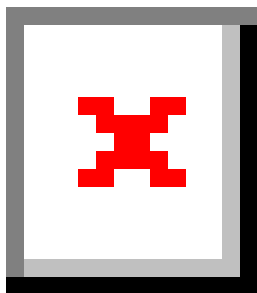
Пример первой траектории (рис. [-@fig:012]):



{ #fig:012 width=100% height=100% }

Полярные координаты

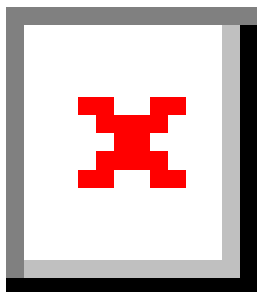
Приведём пример построения графика функции в полярных координатах (рис. [-@fig:013]):



{ #fig:013 width=100% height=100% }

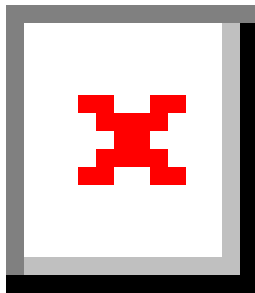
Параметрический график

Приведём пример построения графика параметрически заданной кривой на плоскости (рис. [-@fig:014]):



{ #fig:014 width=100% height=100% }

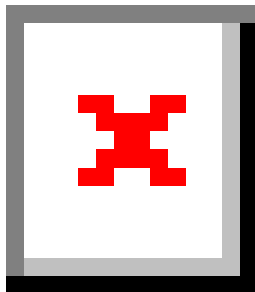
Далее приведём пример построения графика параметрически заданной кривой в пространстве (рис. [-@fig:015]):



{ #fig:015 width=100% height=100% }

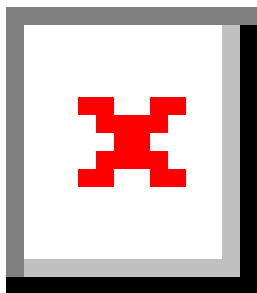
График поверхности

Для построения поверхности, заданной уравнением $f(x, y) = x^2 + y^2$, можно воспользоваться функцией `surface()` (рис. [-@fig:016]):



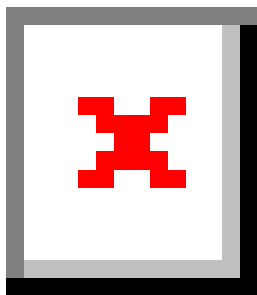
{ #fig:016 width=100% height=100% }

Также можно воспользоваться функцией `plot()` с заданными параметрами (рис. [-@fig:017]):



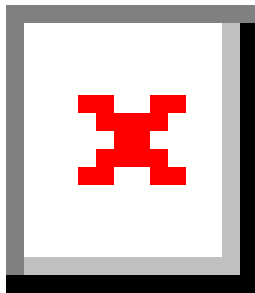
{ #fig:017 width=100% height=100% }

Можно задать параметры сглаживания (рис. [-@fig:018]):



{ #fig:018 width=100% height=100% }

Можно задать определённый угол зрения (рис. [-@fig:019]):



{ #fig:019 width=100% height=100% }

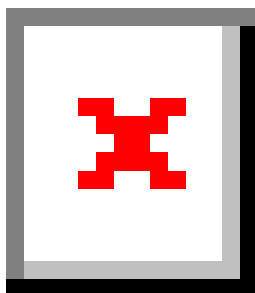
Линии уровня

Линией уровня некоторой функции от двух переменных называется множество точек на координатной плоскости, в которых функция принимает одинаковые значения. Линий уровня бесконечно много, и через каждую точку области определения можно провести линию уровня.

С помощью линий уровня можно определить наибольшее и наименьшее значение исходной функции от двух переменных. Каждая из этих линий соответствует определённому значению высоты.

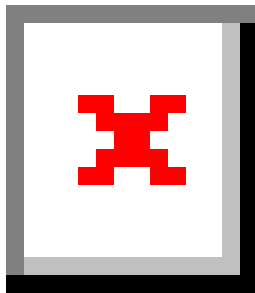
Поверхности уровня представляют собой непересекающиеся пространственные поверхности.

Рассмотрим поверхность, заданную функцией $g(x, y) = (3x + y^2) | \sin(x) + \cos(y) |$ (рис.[-fig@:020]):



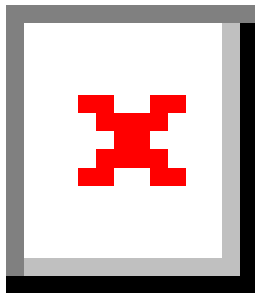
{ #fig:020 width=100% height=100% }

Линии уровня можно построить, используя проекцию значений исходной функции на плоскость (рис.[-fig@:021]):



{ #fig:021 width=100% height=100% }

Можно дополнительно добавить заливку цветом (рис.[-fig@:022]):



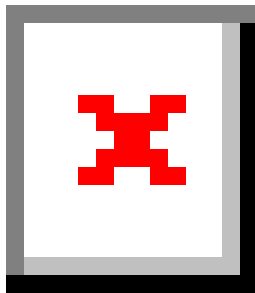
{ #fig:022 width=100% height=100% }

Векторные поля

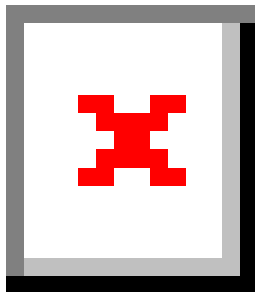
Если каждой точке некоторой области пространства поставлен в соответствие вектор с началом в данной точке, то говорят, что в этой области задано векторное поле.

Векторные поля задают векторными функциями.

Для функции $h(x, y) = x^3 - 3x + y^2$ сначала построим её график (рис.[-fig@:023]) и линии уровня (рис.[-fig@:024]):



{ #fig:023 width=100% height=100% }



{ #fig:024 width=100% height=100% }

Векторное поле можно охарактеризовать векторными линиями. Каждая точка векторной линии является началом вектора поля, который лежит на касательной в данной точке.

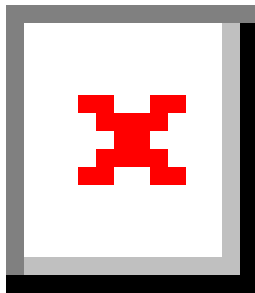
Для нахождения векторной линии требуется решить дифференциальное уравнение.

Анимация

Технически анимированное изображение представляет собой несколько наложенных изображений (или построенных в разных точках графиках) в одном файле.

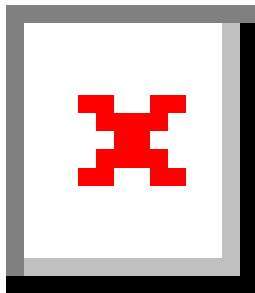
В Julia рекомендуется использовать gif-анимацию в `pyplot()`.

Строим поверхность (рис.[-fig@:025])



{ #fig:025 width=100% height=100% }

Добавляем анимацию (рис.[-fig@:026])

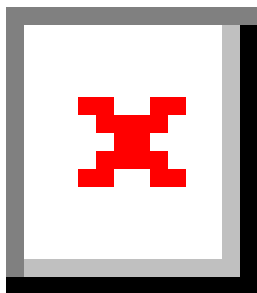


{ #fig:026 width=100% height=100% }

Гипоциклоида

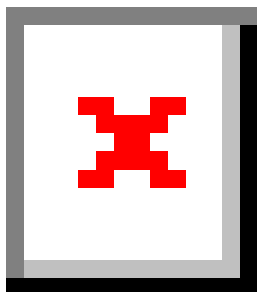
Гипоциклоида — плоская кривая, образуемая точкой окружности, катящейся по внутренней стороне другой окружности без скольжения.

Построим большую окружность (рис.[-fig@:027]):



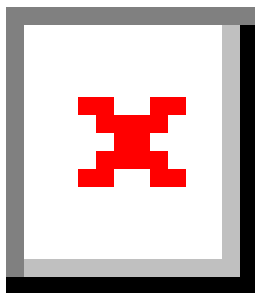
{ #fig:027 width=100% height=100% }

Для частичного построения гипоциклоиды будем менять параметр t (рис.[-fig@:028]):



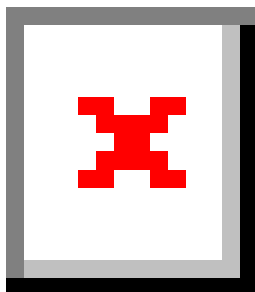
{ #fig:028 width=100% height=100% }

Добавляем малую окружность гипоциклоиды (рис.[-fig@:029]):



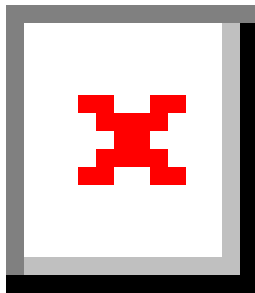
{ #fig:029 width=100% height=100% }

Добавим радиус для малой окружности (рис.[-fig@:030]):



{ #fig:030 width=100% height=100% }

В конце сделаем анимацию получившегося изображения (рис.[-fig@:031]):

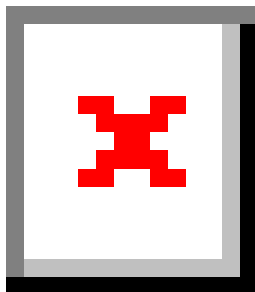


{ #fig:031 width=100% height=100% }

Errorbars

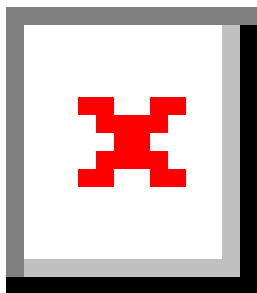
В исследованиях часто требуется изобразить графики погрешностей измерения.

Построим график исходных значений (рис.[-fig@:032]):



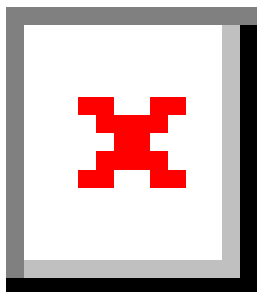
{ #fig:032 width=100% height=100% }

Построим график отклонений от исходных значений (рис.[-fig@:033]):



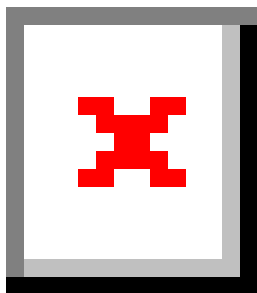
{ #fig:033 width=100% height=100% }

Повернем график (рис.[-fig@:034]):



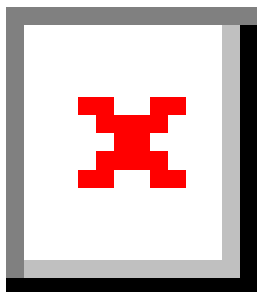
{ #fig:034 width=100% height=100% }

Заполним область цветом (рис.[-fig@:035]):



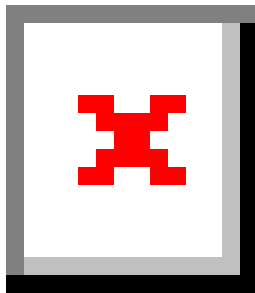
{ #fig:035 width=100% height=100% }

Можно построить график ошибок по двум осям (рис.[-fig@:036]):



{ #fig:036 width=100% height=100% }

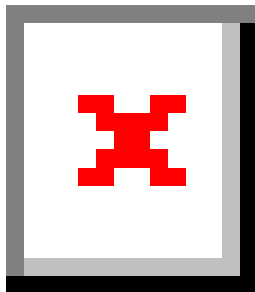
Можно построить график ассиметричных ошибок по двум осям (рис.[-fig@:037]):



{ #fig:037 width=100% height=100% }

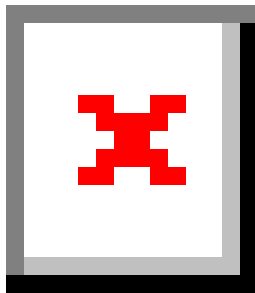
Использование пакета Distributions

Строим гистограмму (рис. [-@fig:038]):



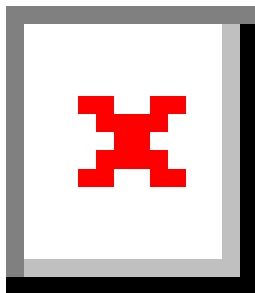
{ #fig:038 width=100% height=100% }

Задаём нормальное распределение и строим гистограмму (рис. [-@fig:039]):



```
{ #fig:039 width=100% height=100% }
```

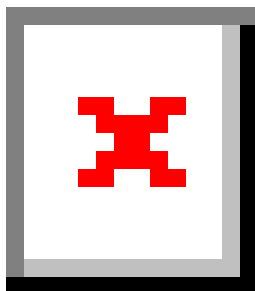
Далее применим для построения нескольких гистограмм распределения людей по возрастам на одном графике `plotly()` (рис. [-@fig:040]):



```
{ #fig:040 width=100% height=100% }
```

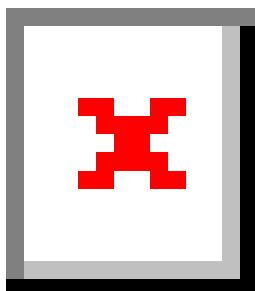
Подграфики

Определим макет расположения графиков. Команда `layout` принимает кортеж `layout = (N, M)`, который строит сетку графиков $N \times M$. Например, если задать `layout = (4, 1)` на графике четыре серии, то получим четыре ряда графиков (рис. [-@fig:041]):



{ #fig:041 width=100% height=100% }

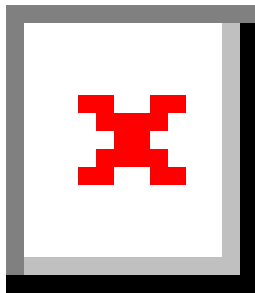
Для автоматического вычисления сетки необходимо передать layout целое число (рис. [-@fig:042]):



{ #fig:042 width=100% height=100% }

Аргумент heights принимает в качестве входных данных массив с долями желаемых высот. Если в сумме дроби не составляют 1,0, то некоторые подзаголовки могут отображаться неправильно.

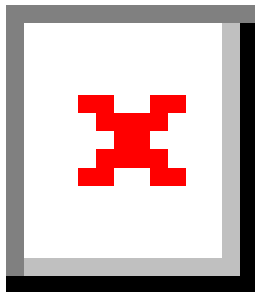
Можно сгенерировать отдельные графики и объединить их в один, например, в сетке 2×2 (рис. [-@fig:043]):



```
{ #fig:043 width=100% height=100% }
```

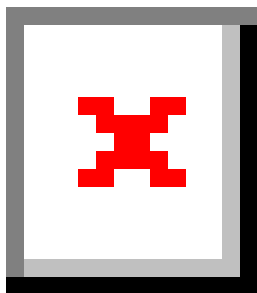
Обратите внимание, что атрибуты на отдельных графиках применяются к отдельным графикам, в то время как атрибуты в последнем вызове `plot` применяются ко всем графикам.

Разнообразные варианты представления данных (рис. [-@fig:044]):



```
{ #fig:044 width=100% height=100% }
```

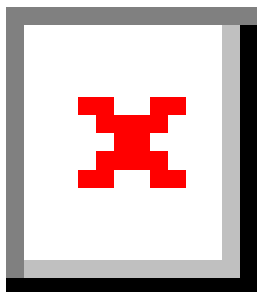
Применение макроса `@layout` наиболее простой способ определения сложных макетов. Точные размеры могут быть заданы с помощью фигурных скобок, в противном случае пространство будет поровну разделено между графиками (рис. [-@fig:045]):



{ #fig:045 width=100% height=100% }

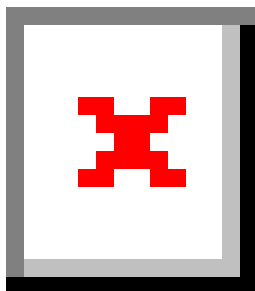
Самостоятельное выполнение

Выполнение задания №1 (рис. [-@fig:046]):



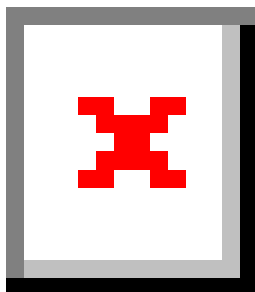
{ #fig:046 width=100% height=100% }

Выполнение задания №2 (рис. [-@fig:047]):



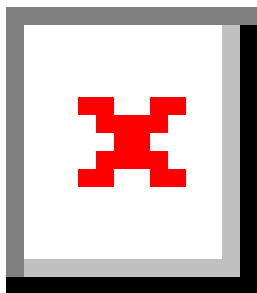
{ #fig:047 width=100% height=100% }

Выполнение задания №3 (рис. [-@fig:048]):



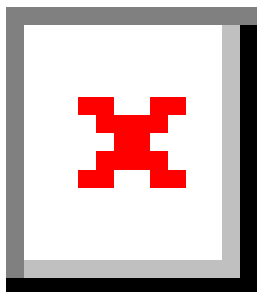
{ #fig:048 width=100% height=100% }

Выполнение задания №4 (рис. [-@fig:049]):



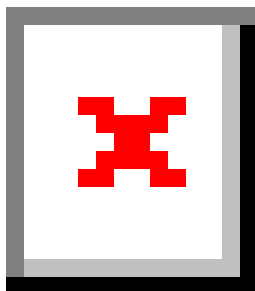
{ #fig:049 width=100% height=100% }

Выполнение задания №5. Часть 1 (рис. [-@fig:050]):



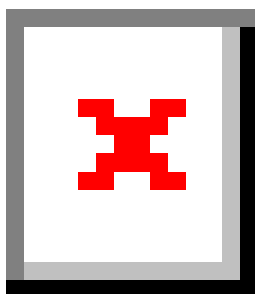
{ #fig:050 width=100% height=100% }

Выполнение задания №5. Часть 2 (рис. [-@fig:051]):



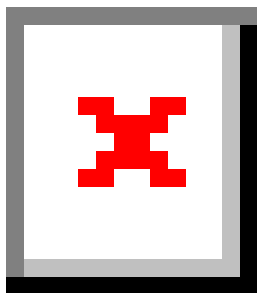
{ #fig:051 width=100% height=100% }

Выполнение задания №6 (рис. [-@fig:052]):



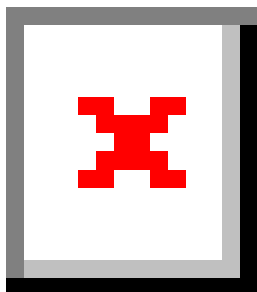
{ #fig:052 width=100% height=100% }

Выполнение задания №7 (рис. [-@fig:053]):



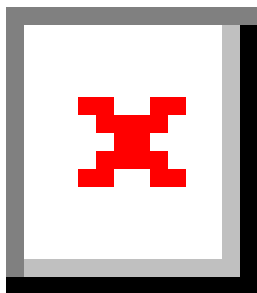
{ #fig:053 width=100% height=100% }

Выполнение задания №8 (рис. [-@fig:054]):



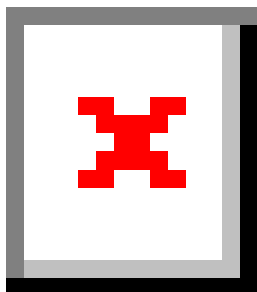
{ #fig:054 width=100% height=100% }

Выполнение задания №9 (рис. [-@fig:055]):



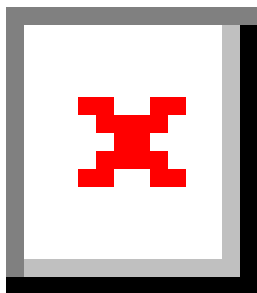
{ #fig:055 width=100% height=100% }

Выполнение задания №10 (рис. [-@fig:056]):



{ #fig:056 width=100% height=100% }

Выполнение задания №11 (рис. [-@fig:057]):



{ #fig:057 width=100% height=100% }

Вывод

В ходе выполнения лабораторной работы был освоен синтаксис языка Julia для построения графиков

Список литературы. Библиография

[1] Mininet: <https://mininet.org/>