

หมายเหตุ: นำหนังสือและเอกสารที่ใช้ในการสอนทั้งหมดเข้าห้องทดลองทุกครั้งที่ทำการศึกษา

ภาควิชาวิศวกรรมคอมพิวเตอร์ คณะวิศวกรรมศาสตร์

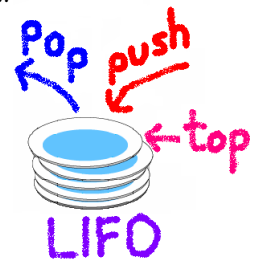
สถาบันเทคโนโลยีพระจอมเกล้าเจ้าคุณทหารลาดกระบัง

01072118 วิชา Data Structure and Algorithm Laboratory

การทดลองที่ 1 สแต็ก (Stacks)

วัตถุประสงค์

1. อิมพลีเมนต์ stack abstract data type ที่ใช้อาร์เรย์เป็นโครงสร้างข้อมูลพื้นฐาน (array-based implementation) โดยสร้างคลาส Stack
2. เขียนโปรแกรมทำแอปพลิเคชัน Parenthesis Matching ที่ใช้สแต็กแก้ปัญหา โดยใช้คลาส Stack ที่สร้างขึ้น
3. แบบฝึกหัดเพิ่มเติม
 - 3.1. Evaluate Postfix Notation
 - 3.2. Parking Lodge



ความรู้พื้นฐาน

สแต็กในความเป็นจริง(real world) คือกองซ้อนทับของสิ่งของ ของในกองมีลำดับ

การเอาของใส่กอง (**push**) และเอาของออกจากกอง (**pop**) ทำที่ปลายด้านบนเรียกว่าทอป (**top**) ของสแต็ก ทำให้ของที่เอาเข้าไปเป็นลำดับสุดท้ายถูกเอาออกจากสแต็กก่อน สแต็กจึงเป็น (Last-In First-Out) **LIFO** list ตัวอย่างสแต็กในชีวิตประจำวันได้แก่ กองจานในโรงอาหาร การใส่ถุงเท้า รองเท้า ลูกจิ้งจอกเลี้ยงไม่

แบบสแต็กดาต้าไทป์ (Abstract Data Type) หมายถึง การกำหนดส่วนดาต้าและส่วนโอเปอเรชันเพื่อแทนรูปแบบ (model) ที่ต้องการ เช่น integer array stack queue linked list tree graph

สแต็กแบบสแต็กดาต้าไทป์ (Stack Abstract Data Type)

1. ส่วนดาต้า เป็นกองซ้อนทับของสิ่งของ ของในกองมีลำดับ มีปลาย 1 ด้านเรียกว่าทอป (top) ของสแต็ก
2. ส่วนโอเปอเรชันพื้นฐาน เมื่อ s เป็นสแต็ก และ i เป็นข้อมูลใดๆของสแต็ก s

- 2.1. push(s, i) ใส่ข้อมูล i เข้าไปที่ทอปของสแต็ก
- 2.2. i = pop(s) นำข้อมูลที่ทอปของสแต็กออกมาเก็บไว้ที่ i
- 2.3. init(s) ให้ค่าตั้งต้นแก่สแต็ก s ให้เป็นสแต็กว่าง

อาจต้องการโอเปอเรชันเพิ่มเติม เช่น

- 2.4. empty(s) ตรวจสอบว่าสแต็ก s ว่าง (ไม่มีของใดๆ อยู่ในสแต็ก) หรือไม่
- 2.5. i = top(s) ดูข้อมูลที่ทอปของสแต็กมาเก็บไว้ที่ i โดยไม่ pop ข้อมูลออกจากสแต็ก
- 2.6. full(s) ตรวจสอบว่าสแต็ก s เต็มหรือไม่

การทดลองที่ 1 อิมพลีเมนต์(หรือเรพรีเซนท)สแต็กแบบสแต็กดาต้าไทป์ (Stack Abstract Data Type Implementation/Representation)

1. ส่วนดาต้า คิดตามและตอบคำถามข้างล่าง หากไม่แน่ใจ ตรวจสอบคำตอบจากฟุต์โนตท้ายหน้า

1. จะใช้อะไรเป็นกองซ้อนทับของสิ่งของ ? _____¹
(ดาต้าไทป์อะไร ? ที่สามารถเก็บของ(ชนิดเดียวกัน)ได้หลายๆ อัน และของที่เก็บไว้สามารถมีลำดับได้)
2. วาดรูปดาต้าไทป์ที่เลือกเพื่อแทนสแตกในความเป็นจริงด้านซ้าย



3. จะใช้ดาต้าไทป์อะไรแทน top? เพื่อทำโอเปอเรชันต่างๆ เช่น push/pop ทำที่ top ทั้งสิ้น ตอบ _____³
4. วาดรูปแสดงดาต้าไทป์และค่าของ top ลงในรูปสแตกที่วาดข้างต้น top มีค่า _____⁴
5. จากข้อมูลข้างต้น สร้างคลาส stack ของ char ขนาด 10 โดยเติมส่วน data ลงในคลาส

```
class stack {
private :
    _____5           //for keeping stack items
    _____6           //to show the top of stack
};
```

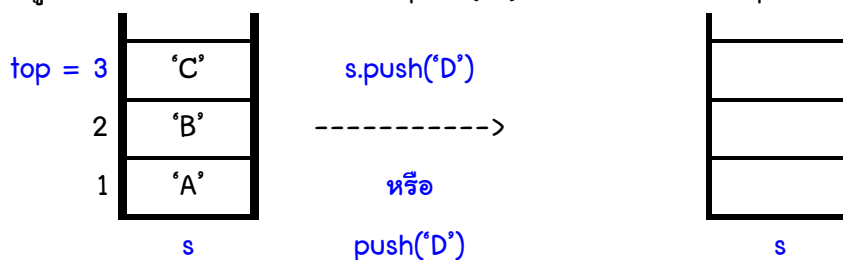
6. เพื่อให้ไทป์ของของในสแตกและขนาดของอะเรย์เปลี่ยนได้ ทำ **template** โดยให้ทั้งสองส่วนเป็นพารามิเตอร์

```
template <class T,int MAX = 10>
class stack {
private :
    int top;
    T items[MAX];
};
stack sc<char>;           //define sc เป็น สแตกของ char ขนาด 10 ซึ่งเป็นค่า default ของ MAX
stack si<int, 50>;        //define si เป็น สแตกของ int ขนาด 50
```

2. ส่วนโอเปอเรชันพื้นฐาน เมื่อ s เป็นสแตก และ i เป็นข้อมูลใดๆ ของสแตก s

1. push(s, i) ใส่ข้อมูล i เข้าไปที่ทอปของสแตก

1. วาดรูปสแตก s หลังทำโอเปอเรชัน s.push('D') พร้อมทั้งแสดงค่า top ใหม่



¹ array

² หากดาต้าไทป์พื้นฐาน (char int double struct array pointer ...) หรือดาต้าไทป์ที่มีอยู่แล้ว (string vector)

³ int top;

⁴ 3 (เริ่มอันแรกที่ index 0)

⁵ char items[10];

⁶ int top;

2. push push เมมเบอร์ฟังก์ชัน ต้องการ parameter อะไร? ก็ค่า? typeใด? และต้อง pass โดยวิธีใด? เขียน parameter ของฟังก์ชัน push _____⁷
3. push ต้องมีค่า return หรือไม่? return type ต้องเป็น _____⁸
4. push ทำให้ data ของสแตกเปลี่ยนแปลงอย่างไรบ้าง? ต้องเขียนโค้ดอย่างไร?⁹
 1. ส่วน top _____⁹
 2. ส่วน array _____¹⁰
 3. push ทำให้ออปเจกต์เปลี่ยน state (มีการเปลี่ยนค่าของออปเจกต์) จึงไม่เป็น **const** ฟังก์ชัน
5. เขียน push จากข้อมูลข้างต้น ทั้งโปรโตไทป์ในคลาสเดฟนิชัน และตัวฟังก์ชันเดฟนิชันนอกคลาส¹¹

```
template <class T,int MAX = 10>
class stack {
    int top;
    T items[MAX];
public :
    _____12 //push prototype เพื่อ push i ลงบน top ของสแตก
};

template <class T,int MAX = 10>
void stack<T, MAX>::push(T& i) { //push function definition ของคลาส stack
    _____13
}

stack sc<char>; //define sc เป็น สแตกของ char ขนาด 10
```

2. $i = \text{pop}(s)$ นำข้อมูลที่ทอปของสแตกออกมาเก็บไว้ที่ i
 1. วาดรูปสแตก s หลังทำโอเปอเรชัน $i = s.\text{pop}()$ พร้อมทั้งแสดงค่า top ใหม่

top = 3

3	'C'
2	'B'
1	'A'

s

----->

หรือ

$i = s.\text{pop}()$

s
2. pop เมมเบอร์ฟังก์ชัน ต้องการ parameter หรือไม่? _____¹⁴
3. pop ต้องมีค่า return กลับจากฟังก์ชันหรือไม่? typeใด? พาสกลับแบบใด?

15

⁷ มีค่าเดียวคือค่า item ใหม่ที่จะใส่เข้าไปในสแตกค่าเดียวเป็น type เดียวกับของในสแตก ควรพาสแบบบาววลเพราะเอาไปใช้เฉยๆ ไม่ได้ต้องการเปลี่ยนค่าพารามิเตอร์โดยฟังก์ชัน push แล้วส่งกลับออกมา แต่การพาสบาววลต้องเรียก copy constructor จึงใช้การพาสแบบ const & ดังนี้ T& i

⁸ ไม่มี

⁹ เปลี่ยนค่า top ไปชี้ที่ top ใหม่ ++top

¹⁰ ใส่พารามิเตอร์บน top ใหม่ของสแตก item[top] = i

¹¹ เนื่องจากเป็น template ฟังก์ชัน จึงต้องมีบรรทัดบอกไว้ว่าเป็น template < > หรือทั้งระบุพารามิเตอร์ของเทมเพลต และทุกที่ที่ใช้ stack เป็น type ต้องใส่พารามิเตอร์ของเทมเพลตด้วยคือ stack<T, 10> ดังแสดงในส่วนของโปรแกรม

¹² void push(T&);

¹³ void stack<T, MAX>::push(T& i) { item[++top] = i; }

¹⁴ ไม่มี

¹⁵ ต้องการ item ที่อยู่ที่ top เป็น type เดียวกับของในสแตก ในที่นี้คือ T คือ return ค่า items[top] แบบบาววล

4. pop ทำให้ data ของสแตกเปลี่ยนแปลงอย่างไรบ้าง?

1. ส่วน array _____¹⁶

2. ส่วน top _____¹⁷

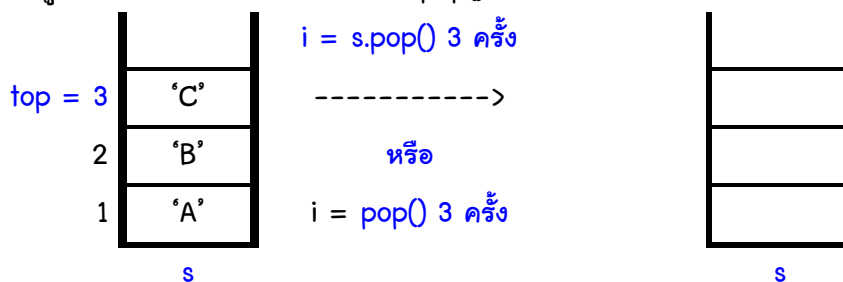
3. pop ทำให้ออปเจตเปลี่ยน state จึงไม่เป็น const ฟังก์ชัน

5. เขียน pop จากข้อมูลข้างต้น ทั้งโปรโตไทป์ในคลาสเดฟนิชัน และตัวฟังก์ชันเดฟนิชันนอกคลาส

```
template <class T,int MAX = 10>
class stack {
    int top;
    T items[MAX];
public :
    _____18 //pop prototype เพื่อ pop top ของสแตกออกมา
};
template <class T,int MAX = 10>
T stack<T, MAX>::pop() { //pop function definition ของคลาส stack
    _____19
}
```

3. init(s) ให้ค่าตั้งต้นแก่สแตก s ให้เป็นสแตกว่าง

1. วาดรูปสแตก s หลังทำโอเพอร์เรชัน s.pop() ไป 3 ครั้งจนของหมด พร้อมทั้งแสดงค่า top ใหม่



2. การให้ค่าตั้งต้นของออปเจตใน C++ ทำได้โดยฟังก์ชันที่เรียกว่า _____²⁰ ซึ่งเป็นฟังก์ชัน
ชื่อเหมือนกับชื่อคลาสและไม่มี return ไทป์

3. จากรูปของสแตกว่าง ค่าของ top = _____²¹

4. ส่วน array ไม่มีของ จึงไม่ต้องให้ค่าตั้งต้น ดังนั้นเมื่อดีฟายด์ออปเจตใหม่ array จะมีค่าขยะเก๋าค้างอยู่
แต่ไม่เป็นไร สำคัญที่ค่า top

5. constructor ให้ค่าตั้งต้นออปเจตที่ดีฟายด์ เปลี่ยน state ของออปเจต จึงไม่ใช่ const ฟังก์ชัน

6. เขียน constructor ของคลาส โดยใช้ข้อมูลในข้อข้างต้น เนื่องจากฟังก์ชันสั้นมาก เราอาจทำให้เป็น
inline ฟังก์ชัน ซึ่งทำได้ 2 แบบ คือ เขียน function prototype และ function definition
แบบเดิม แต่เติมคีย์เวิร์ดคำว่า inline หน้า function definition หรือแบบที่ 2 เขียนตัวฟังก์ชันเข้าไป
ในคลาสเดฟนิชันเลยจะทำให้เป็น inline โดยอัตโนมัติ ข้างล่างเป็นแบบแรก

¹⁶ ต้องการเอา item ที่ top ออกมาเป็นค่า return กลับ แต่จริงๆ แล้วไม่จำเป็นต้องลบค่าที่อยู่ในที่ top ก็ได้ เพียงแต่เปลี่ยนค่า top ให้ลดลงไป 1 ก็พอ

¹⁷ เปลี่ยนค่า top ลดลง 1 top--

¹⁸ T pop();

¹⁹ T stack<T, MAX>::pop() { return item[top--]; }

²⁰ constructor

²¹ -1

```

template <class T,int MAX = 10>
class stack {
    int top;
    T items[MAX];
public :
    _____ 22 //constructor prototype
};
template <class T,int MAX = 10>
stack<T, MAX>::stack() { //constructor definition
    _____ 23
}

```

7. เราสามารถใช้กลไกของ **initializer list** ให้ค่าตั้งต้นของ data ของออบเจกต์โดยใช้ชื่อฟิลด์และวงเล็บค่าที่ต้องการให้ไว้ภายใน ในที่นี้ต้องการให้ค่า top ค่าเดียว ดังแสดงข้างล่าง ใช้การเขียนตัวบอด้ของฟังก์ชันในคลาสเดฟนิชันเป็นการแสดง inline ฟังก์ชัน

```

template <class T,int MAX = 10>
class stack {
    int top;
    T items[MAX];
public :
    stack() :top(-1) {} //constructor init empty stack
};

```

```

template <class T,int MAX = 10>
class stack {
    int top;
    T items[MAX];
public :
    stack() :top(-1) {} //constructor init empty stack
    _____ //top prototype
    _____ //inline empty function
    _____ // inline full function
};
template <class T,int MAX = 10>
const T& stack<T, MAX>::top() const { //top definition
    _____
}

```

4. $i = \text{top}(s)$ สำหรับตรวจสอบค่าข้อมูลที่ทอปของสแตกโดยไม่นำข้อมูลออกจากสแตก ค่าที่ได้เก็บไว้ที่ i
1. พิจารณา พารามิเตอร์ ค่ารีเทิร์นกลับ วิธีการพาสค่าเข้า/ออก เขียน top^{24}
 2. เนื่องจาก top ไม่ได้เปลี่ยนค่าใดๆ ของออบเจกต์ เพียงแต่ดูค่าเฉยๆ จึงควรให้ top เป็น **const function**

²² stack();

²³ stack<T, MAX>::stack() {top = -1;}

²⁴ T stack<T, MAX>::top() { return item[top];}

3. เหตุที่ return type เป็น const & ผิดกับ pop ที่มี return type เป็น by value เนื่องจาก logic ของ top ต้องการเพียงดูค่าที่ top เฉยๆ ไม่ต้องการนำไปทำอย่างอื่น จึงไม่พาส by value ซึ่งเรียก copy constructor มาคัดลอกออบเจกตบนสแตกออกมา ทำให้เสียเวลา แต่ pop เอาออบเจกตออกไป อาจต้องนำไปทำอะไร จึงต้องคัดลอกมา
5. empty(s) สำหรับตรวจสอบว่าสแตก s ว่าง (ไม่มีของใดๆ อยู่ในสแตก) หรือไม่
 คอนดิชันใดที่ทำให้สแตกว่าง _____²⁵ เขียนโอเพอเรชั่น empty ให้เป็น inline function²⁶
6. full(s) สำหรับตรวจสอบว่าสแตก s เต็มหรือไม่ (ถ้าใส่เข้าไปจะเกิน range ของ array)
 คอนดิชันใดที่ทำให้สแตกเต็ม _____²⁷ เขียนโอเพอเรชั่น full ให้เป็น inline function²⁸
7. ต่างจากสแตกจริง สแตกที่อิมพลิเม้นต์มีหน่วยความจำจำกัด จึงต้องตรวจการเกิน range ของ array push ทำไม่ได้เมื่อสแตกเต็ม (full) เรียกสแตกโอเวอร์โฟล (stack overflow) pop ทำไม่ได้เมื่อสแตกว่าง (empty) เรียกสแตกอันเดอร์โฟล (stack underflow) เพิ่มการตรวจสอบใน push²⁹ และ pop ที่เขียนไปแล้ว
8. เขียนฟังก์ชัน print เพื่อพิมพ์ของในสแตก และ ฟังก์ชัน make_empty เพื่อทำให้สแตกกลายเป็นสแตกว่าง
9. พิจารณาว่าต้องเขียน copy constructor operator= และ destructor หรือไม่? ถ้าไม่เขียนและใช้ copy copy constructor operator= และ destructor ตัวที่คอมไพเลอร์สร้างให้แล้ว มันทำอะไรให้ในแต่ละฟังก์ชัน?³⁰
- copy constructor _____
- operator= _____
- destructor _____

การทดลองที่ 2 จะเขียนโปรแกรมเรียกใช้คลาส stack ที่ implement เพื่อทดสอบให้แน่ใจว่าใช้งานได้ถูกทุกกรณีได้อย่างไร? อาจลองใช้ตัวทดสอบในหน้าถัดไป

²⁵ ค่า top เป็น -1

²⁶ `bool empty(){return top == -1;}`

²⁷ ค่า top เท่ากับ MAX - 1

²⁸ `bool full(){return top == MAX - 1;}`

²⁹ `if (top == MAX - 1) throw overflow_error("stack overflow"); else items[++top] = i;`

³⁰ ไม่ต้องเขียนเลย เพราะ stack ไม่มี data เป็น pointer จึงไม่มีการ allocate memory แบบ dynamic ดังนั้น การ copy ของ copy constructor และ operator= ไม่ต้อง allocate memory แบบ dynamic เพื่อไม่ให้ data pointer ชี้ไปที่เดียวกัน ส่วน destructor ไม่ต้องเก็บกวาดอะไร จึงสามารถใช้ version ที่คอมไพเลอร์ synthesize ให้ได้ทั้ง 3 routines โดย copy constructor และ operator= ของคอมไพเลอร์ทำการคัดลอก byte by byte ส่วน destructor ของคอมไพเลอร์ไม่ได้ทำอะไร

```

void main() {
// 1. testing stack
const int MAXSTACK = 2;
cout << "==== stack testing part 1 =====\n";
stack<char,MAXSTACK> s;
try {
    s.print();
    s.push('A');      s.push('B');          s.print();
    s.push('C');      s.print();
    s.pop();          s.print();
} catch (exception &e) {
    cerr << "-----In part 1-----\n";
    cerr << "Caught: " << e.what( ) << "\n";
    cerr << "-----";
}
}

```

การทดลองที่ 3

1. ใช้สแตกที่สร้างขึ้นแก้ปัญหา parenthesis matching โดยสร้างโปรแกรมรับสตริงอินพุทแล้วตรวจสอบว่าสตริงนั้นมีวงเล็บเข้าคู่กันอย่างถูกต้องหรือไม่ (น.ศ.อาจฝึกออกแบบเองโดยใช้ Warnier-Orr Diagram Design Tool หากทำได้ค่อยไปดูเฉลยที่เรียนไปแล้วในภาคทฤษฎี)
2. เติม data structure เพื่อเช็คสอพบเพิ่มเติม เช่น ผิดที่ตำแหน่ง (char) ตัวใด ผิดเพราะเหตุใด เช่น วงเล็บเปิดปิดไม่เข้าคู่กัน ขาดวงเล็บปิด วงเล็บเปิดเกิน
3. หากเริ่มต้นไม่ได้ อาจเริ่มต้นดังนี้

```

//2. try parenthesis matching problem
char c;
char open;
int err_pos = 0; //error position
int error = 0; //err.type(not match, LackOpenParen, LackCloseParen)
bool b;

cout << "\n\n==== part 2 =====\n";
s.make_empty();
s.print();
cout << "Enter expression to test parenthesis matching problem : ";
try {
    while (cin >> c && !error) {
        //your code
    }
    if (error == 1)
        //your code
} catch (exception &e) {
    cerr << "-----In part 2 : parenthesis matching-----\n";
    cerr << "Caught: " << e.what( );
    cerr << "at position: " << err_pos << "of input." << "\n";
} //catch

```

การทดลองที่ 4 การทดลองนี้สำคัญที่ต้องคิด algorithm เพื่อใช้แก้ปัญหาโดยใช้ stack

ใช้สแตกที่สร้างขึ้นแก้ปัญหาโปรแกรมที่จำลองที่จอดรถ (parking lot) ซึ่งสามารถจอดรถได้เรียงเดียว โดยมีที่สำหรับให้จอดรถได้มากที่สุด 10 คัน ทุกครั้งที่มียานพาหนะมาจอด จะมีการบันทึกเลขทะเบียนและออกไปรับรถคันนั้น เมื่อเจ้าของรถมารับรถเจ้าหน้าที่จะเลื่อนรถคันอื่น ๆ ที่จอดซ้อนท้ายออกเพื่อนำรถมาให้ จากนั้นก็จะเลื่อนรถคันที่ถูกเลื่อนออกมากลับเข้าที่ตามลำดับเดิม (ให้ใช้สแตกแก้ปัญหาคือการเอารถเข้า/ออกต้องใช้ push/pop เท่านั้น ห้ามเอารถออกโดยเอาออกจาก array แล้วเลื่อนคันอื่นๆ ลงมา เพราะเรากำลังศึกษาเรื่องสแตกอยู่ ในการแก้ปัญหา อาจใช้สแตกมากกว่า 1 สแตกได้) การจำลองโดยใช้โปรแกรมให้ทำดังนี้

- แสดงทะเบียนรถที่เข้าหรือออกจากที่จอดรถทุกครั้ง พร้อมทั้งบอกด้วยว่ามีที่ว่างเหลือสำหรับจอดรถได้อีกกี่คันหลังจากที่นำรถเข้าหรือออกจากที่จอดแล้ว
- ทุกครั้งที่มียานพาหนะมาจอด ถ้าไม่มีที่ว่างให้บอกว่าเต็ม และไม่ให้อจอด
- แสดงลำดับการเคลื่อนย้ายรถเพื่อนำรถที่เจ้าของมารับออก ทั้งลำดับการเลื่อนรถออก และลำดับการเลื่อนรถกลับเข้าที่

ตัวอย่าง input (A=arrive D=depart Q=quit)

A 10

A 20

A 30

A 40

ตัวอย่าง output

10 arrived spaces left = 9

20 arrived spaces left = 8

30 arrived spaces left = 7

40 arrived spaces left = 6

การทดลองที่ 5 (ทำเป็นแบบฝึกหัด หากต้องการ) ใช้สแตกที่สร้างขึ้นแก้ปัญหา postfix (evaluating postfix notation เช่น 1 2+4 3+*) โดยสร้างโปรแกรมรับ postfix notation แล้วเอาพหุค่าตอบ

ตัวอย่าง การนิยามสแตกทำได้หลายลักษณะด้วยกันดังแสดงข้างล่าง

นักศึกษาอาจลองเปรียบเทียบคลาสที่เราทำขึ้นกับคลาส std::stack ซึ่งเป็นสแตกในไลบรารีมาตรฐานของภาษา C++ แล้วพิจารณาเหตุผลว่าทำไมเราจึงออกแบบคลาสต่างออกไปจากคลาสที่มีให้ใช้อยู่แล้ว?

ตัวอย่างที่ 1 ใช้ structure + function (หรือรูปแบบที่ใช้ในภาษา C แต่ดัดแปลงมาเขียนตามไวยากรณ์ภาษา C++)

```
// The following declarations are put into the header file
// and their definitions are put into some source file.
// T is a placeholder for the type of the data item in the stack.
typedef T Stack_entry;

enum Stack_error_code { // This type is for error checking and reporting.
    STACK_UNDERFLOW, STACK_OVERFLOW, // ...
};

struct Stack {
    // ... underlying data structure
};

void stack_initialize(Stack* s);
void stack_destroy(Stack* s); // declare and define only when necessary
bool stack_empty(const Stack* s);

Stack_error_code stack_get_top(const Stack* s, Stack_entry* item);
```



```
Stack_error_code stack_set_top(Stack* s, const Stack_entry* item);

Stack_error_code stack_push(Stack* s, const Stack_entry* item);
Stack_error_code stack_pop(Stack* s);
```

ตัวอย่างข้างต้น แสดงเฉพาะฟังก์ชันหลัก ๆ ที่มีใช้ตามนิยามของสแตกเท่านั้น ในการสร้างจริงอาจมีฟังก์ชันอื่น ๆ เสริมได้ เช่น ฟังก์ชันที่ใช้ในการคัดลอกข้อมูลในสแตก เพื่อให้ได้สแตก 2 ชุดที่มีข้อมูลเหมือนกัน เป็นต้น

ตัวอย่างที่ 2 ใช้ class เพื่อนิยาม ADT (Abstract Data Types)

```
// The following class definitions is put into the header file
// and their implementation details are put into some source file.

// T is a placeholder for the type of the data item in the stack.
typedef T Stack_entry;

// Stack_underflow and Stack_overflow for error checking and reporting
class Stack_overflow: public std::exception {
    // ...
};

class Stack_underflow: public std::exception {
    // ...
};

class Stack {
public:
    Stack();

    // Copy constructor, assignment op, and destructor
    // are declare and define only when necessary.
    Stack(const Stack& rhs);
    Stack& operator=(const Stack& rhs);
    ~Stack();

    bool empty() const;

    // both top function may throw Stack_underflow
    Stack_entry& top(); // mutator (or setter) function
    const Stack_entry& top() const; // accessor (or getter) function

    void push(const Stack_entry& item); // may throw Stack_overflow
    void pop(); // may throw Stack_underflow
private:
    // ... underlying data structure
};
```

เฉลยสำหรับอาจารย์คุม lab อ.กบกรุดาเก็บไว้เพื่อเฉลยให้ค.ศ.ภายหลัง

```
//HOW TO USE ONLINE HELP
//just type the topic you want anywhere in the source file
//for example to understand template type template and click on
//that word you will see the topic about it on Dynamic Help window
//just click on the topic you want. This is a very good help since
//there are both explanations and examples.
#include <iostream>
#include <stdexcept>
using namespace std;
template <class T,int MAX = 10> //pass integer MAX to the template, see online help
for more information
class stack {
public:
    stack():top(-1){} //constructor init empty the stack
    void push(const T& x); //push item x on the top of the stack
    T pop(); //pop the stack, return the popped item
    const T& topstack() const; //return item at the top but NOT pop it out
    bool empty(){return top == -1;} //check if the stack is empty
    bool full(){return top == MAX-1;} //check if the stack is full
    void make_empty() {top = -1;} //make the stack empty
    void print(); //print items in the stack from bottom to top
private:
    int top;
    T items[MAX];
};

template <class T,int MAX = 10>
void stack<T, MAX>::push(const T& x){
    if (top == MAX - 1)
        throw overflow_error("Stack overflow from push().");
    else items[++top] = x;
}
template <class T,int MAX = 10>
T stack<T, MAX>::pop(){
    if (top == - 1)
        throw underflow_error("Stack underflow from pop().");
    else return items[top--];
}
template <class T,int MAX = 10>
const T& stack<T,MAX>::topstack() const{
    if (top == - 1)
        throw underflow_error("Stack underflow from topstack().");
    else return items[top];
}
template <class T,int MAX = 10>
void stack<T,MAX>::print(){
    if (top == -1) cout << "nothing in the stack";
    for(int i=0; i <= top; i++)
        cout<<items[i]<<" ";
    cout<<"\n";
}
// for part 2
bool notmatch(char open, char close){
    return (!(open == '(' && close == ')') ||
            (open == '{' && close == '}') ||
            (open == '[' && close == ']')));
}
```

```

void main(){
// 1. testing stack
const int MAXSTACK = 2;
cout << "===== stack testing part 1 =====\n";
stack<char,MAXSTACK> s;
try {
    s.print();
    s.push('A');
    s.push('B');
    s.print();
    s.push('C');
    s.print();
    s.pop();
    s.print();
} catch (exception &e) {
    cerr << "-----In part 1-----\n";
    cerr << "Caught: " << e.what( ) << "\n";
    cerr << "-----";
}

//2. after it works try parenthesis matching problem
char c;
char open;
int err_pos = 0; //error position
int error = 0; //err.type(not match, LackOpenParen, LackCloseParen
bool b;

cout << "\n\n===== part 2 =====\n";
s.make_empty();
s.print();
cout << "Enter expression to test parenthesis matching problem : ";
try {
    while (cin >> c && !error) {
        err_pos++;
        if (c == '(' || c == '{' || c == '[') // find open paren.
            s.push(c);
        else if (c == ')' || c == '}' || c == ']') // find close paren.
            if (s.empty())
                error = 2; //lack of open paren for the close paren.
            else if (b = notmatch(open = s.pop(), c))
                error = 1; //open and close parens are not match.
        }
        if (error == 1)
            cout << "error at pos: " << err_pos << " close paren not match the open "
<< open << "\n";
        else if (error == 2)
            cout << "error at pos: " << err_pos << " lack of open paren for the close
paren. " << c << "\n";
        else if (s.empty())
            cout << "MATCH" << "\n";
        else cout << " open paren. is exceed " << s.topstack() << "\n";
    } catch (exception &e) {
        cerr << "-----In part 2 : parenthesis matching-----\n";
        cerr << "Caught: " << e.what( );
        cerr << "at position: " << err_pos << "of input." << "\n";
    }
} //main()

```