РОССИЙСКИЙ УНИВЕРСИТЕТ ДРУЖБЫ НАРОДОВ

Факультет физико-математических и естественных наук

Кафедра математического моделирования и искусственного интеллекта

ОТЧЕТ ПО КОНТРОЛЬНОЙ РАБОТЕ № 7

Дисциплина: Методы машинного обучения

Студент: Маслова Анастасия

Группа: НКНбд-01-21

Москва 2024

Вариант 29

1. Набор данных: imagenette/160px-v2 с изменением разрешения до 32x32

2. Диапазон классов: 0, 2, 4, 6

3. Архитектура автокодировщика: MLP

4. Показатель качества: максимальная ошибка (MaxErr) для ошибки реконструкции

5. Показатель качества бинарной классификации:

индекс Жаккара, равный TP/(TP + FP + FN)

Решение:

1. Загрузите заданный в индивидуальном задании набор данных с изображениями из Tensorflow Datasets с разбиением на обучающую и тестовую выборки. Оставьте в обучающей и тестовой выборках диапазон классов, указанных в индивидуальном задании. Если изображения цветные (с тремя каналами), то перекодируйте их в одноцветные (оттенки серого).

```
import numpy as np
import matplotlib.pyplot as plt
import tensorflow.keras as keras
import pandas as pd
import time
import sys
from PIL import Image, ImageOps
from tensorflow.keras.layers import Input, Dense
from tensorflow.keras.models import Model
import tensorflow_datasets as tfds
import tensorflow as tf
from sklearn.model_selection import train_test_split
```

```
ds = tfds.load("imagenette/160px-v2", split="train")
df = tfds.as_dataframe(ds)
df.head(3)
\rightarrow
                                                                H
                                               image label
         [[[254, 254, 254], [254, 254, 254], [254, 254,...
                                                            2
                                                                 ıl.
          [[[99, 97, 98], [171, 169, 170], [220, 218, 21...
                                                            6
      2
              [[[2, 6, 18], [5, 9, 20], [5, 12, 22], [6, 13,...]
                                                            7
 Далее:

    Посмотреть рекомендованные графики

df.shape
→▼ (9469, 2)
df.label.unique()
\rightarrow array([2, 6, 7, 3, 4, 5, 8, 0, 1, 9])
df.label.value_counts()
\rightarrow
     label
     2
           993
     0
           963
     6
           961
     9
           960
     5
           956
     1
           955
     8
           951
     4
           941
     7
           931
     3
           858
     Name: count, dtype: int64
x = df[df['label'] == 0]
y = df[df['label'] == 2]
v = df[df['label'] == 4]
z = df[df['label'] == 6]
x['label'] = 0
y['label'] = 1
v['label'] = 2
z['label'] = 3
df1 = pd.concat([x, y, v, z])
y = df1['label']
X = df1['image']
\rightarrow
     <ipython-input-6-022e9db43411>:5: SettingWithCopyWarning:
     A value is trying to be set on a copy of a slice from a DataFrame.
     Try using .loc[row_indexer,col_indexer] = value instead
     See the caveats in the documentation: <a href="https://pandas.pydata.org/pandas-docs/stable/user_guide/i">https://pandas.pydata.org/pandas-docs/stable/user_guide/i</a>
        x['label'] = 0
     <ipython-input-6-022e9db43411>:6: SettingWithCopyWarning:
     A value is trying to be set on a copy of a slice from a DataFrame.
     Try using .loc[row_indexer,col_indexer] = value instead
```

```
See the caveats in the documentation: https://pandas.pydata.org/pandas-docs/stable/user_guide/j
y['label'] = 1
<ipython-input-6-022e9db43411>:7: SettingWithCopyWarning:
A value is trying to be set on a copy of a slice from a DataFrame.
Try using .loc[row_indexer,col_indexer] = value instead

See the caveats in the documentation: https://pandas.pydata.org/pandas-docs/stable/user_guide/j
v['label'] = 2
<ipython-input-6-022e9db43411>:8: SettingWithCopyWarning:
A value is trying to be set on a copy of a slice from a DataFrame.
Try using .loc[row_indexer,col_indexer] = value instead

See the caveats in the documentation: https://pandas.pydata.org/pandas-docs/stable/user_guide/j
```

```
X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X, y, test_size=0.2, random_state=42)
```

```
import random
def plot_random_sample(images):
    n = 10
    imgs = random.sample(list(images), n)
    num\ row = 2
    num_col = 5
   fig, axes = plt.subplots(num_row, num_col, figsize=(3.5 * num_col, 3 * num_row))
   # For every image
    for i in range(num_row * num_col):
        # Read the image
        img = imgs[i]
        # Display the image
        ax = axes[i // num_col, i % num_col]
        ax.imshow(img)
    plt.tight_layout()
    plt.show()
```

plot_random_sample(X_train)

z['label'] = 3



```
for i in range(len(X_train)):
    img = Image.fromarray(np.array(X_train.iloc[i]))
    X_train.iloc[i] = np.array(ImageOps.grayscale(img))
for i in range(len(X_test)):
    img = Image.fromarray(np.array(X_test.iloc[i]))
    X_test.iloc[i] = np.array(ImageOps.grayscale(img))

X_tr = np.zeros(shape=(X_train.shape[0],32,32), dtype=np.float32)
X_te = np.zeros(shape=(X_test.shape[0],32,32), dtype=np.float32)

for i in range(len(X_tr)):
    X_tr[i,:,:] = np.array(Image.fromarray(X_train.iloc[i]).resize((32,32)))
for i in range(len(X_te)):
    X_te[i,:,:] = np.array(Image.fromarray(X_test.iloc[i]).resize((32,32)))

X_tr.shape
```

→ (3086, 32, 32)

2. Постройте для набора данных график логарифмического правдоподобия профиля в зависимости от числа главных компонент и определите размерность латентного пространства.

Показатель качества: максимальная ошибка (MaxErr) для ошибки реконструкции

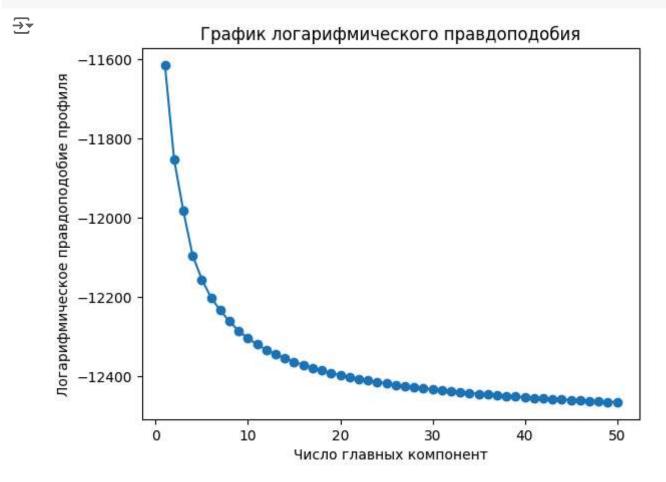
```
from sklearn.decomposition import PCA
from sklearn.metrics import max_error
from scipy.stats import multivariate_normal
import warnings
warnings.simplefilter("ignore", RuntimeWarning) # for some NaN values
# Function to calculate log likelihood of PCA from eigenvalues
def log_likelihood(evals):
    Lmax = len(evals)
    11 = np.arange(0.0, Lmax)
    for L in range(Lmax):
        group1 = evals[0 : L + 1] # Divide Eigenvalues in two groups
        group2 = evals[L + 1 : Lmax]
        mu1 = np.mean(group1)
        mu2 = np.mean(group2)
        sigma = (np.sum((group1 - mu1) ** 2) + np.sum((group2 - mu2) ** 2)) / Lmax
        ll_group1 = np.sum(multivariate_normal.logpdf(group1, mu1, sigma))
        11_group2 = np.sum(multivariate_normal.logpdf(group2, mu2, sigma))
        ll[L] = ll\_group1 + ll\_group2
    return 11
X1 = np.reshape(X_tr, (X_tr.shape[0], 32 * 32))
X2 = np.reshape(X_te, (X_te.shape[0], 32 * 32))
X_rank = np.linalg.matrix_rank(X1)
K_linspace = np.linspace(1, 0.75 * X_rank, 10, dtype=int)
Ks = np.unique(np.append([1, 5, 10, 20], K_linspace))
MaxErr_train = np.arange(len(Ks))
for index, K in enumerate(Ks):
    pca = PCA(n_components=K)
   Xtrain_transformed = pca.fit_transform(X1)
   Xtrain_proj = pca.inverse_transform(Xtrain_transformed)
   MaxErr_train[index] = np.max(np.abs(X1 - Xtrain_proj), axis=1).mean()
```

X_rank

→ 1024

```
n_samples, n_features = X1.shape
Kmax = min(n_samples, n_features)
pca = PCA(n_components=Kmax)
X_transformed = pca.fit_transform(X1)
evals = pca.explained_variance_ # eigenvalues in descending order
ll = log_likelihood(evals)
# Fraction of variance explained
fraction_var = np.cumsum(evals[0:50] / np.sum(evals))
```

```
fig, ax = plt.subplots()
xs = np.arange(1, 51)
ys = ll[0:50]
plt.xlabel("Число главных компонент")
plt.ylabel("Логарифмическое правдоподобие профиля")
plt.title("График логарифмического правдоподобия")
ax.plot(xs, ys, marker="o")
plt.show()
```



3. Создайте и обучите на обучающей выборке автокодировщик архитектуры, указанной в индивидуальном задании, с размерностью скрытого представления, равной размерности латентного пространства, определенной в п.2. Подберите такие параметры, как функции активации, оптимизатор, начальная скорость обучения, размер мини-пакета и др. самостоятельно, обеспечивая обучение нейронных сетей. Визуализируйте несколько исходных и восстановленных автокодировщиком изображений.

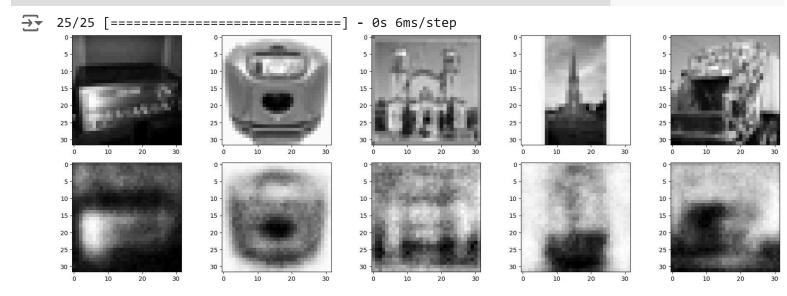
Архитектура автокодировщика: MLP

```
x_train1 = X_tr.astype('float32') / 255.
x_{test1} = X_{te.astype}('float32') / 255.
x_train1.shape, x_test1.shape
\rightarrow \overline{\phantom{a}} ((3086, 32, 32), (772, 32, 32))
x_trainMLP = x_train1.reshape((len(x_train1), np.prod(x_train1.shape[1:])))
x_testMLP = x_test1.reshape((len(x_test1), np.prod(x_test1.shape[1:])))
x_trainMLP.shape, x_testMLP.shape
((3086, 1024), (772, 1024))
def create_autoencoders (feature_layer_dim = 1024):
  input_img = Input(shape = (1024,), name = 'Input_Layer')
  encoded = Dense(feature_layer_dim, activation = 'relu', name = 'Encoded_Features')(input_img)
  decoded = Dense(1024, activation = 'sigmoid', name = 'Decoded_Input')(encoded)
  autoencoder = Model(input_img, decoded)
  encoder = Model(input_img, encoded)
  encoded_input = Input(shape = (feature_layer_dim,))
  decoder = autoencoder.layers[-1]
  decoder = Model(encoded_input, decoder(encoded_input))
  return autoencoder, encoder, decoder
autoencoder, encoder, decoder = create_autoencoders(1024)
autoencoder.compile(optimizer=keras.optimizers.Adam(), loss=keras.losses.binary_crossentropy)
history = autoencoder.fit(x_trainMLP, x_trainMLP,
           epochs=80,
           batch_size=128,
           shuffle=True,
           validation_data=(x_testMLP, x_testMLP),
           verbose = 1,
           callbacks=[tf.keras.callbacks.EarlyStopping(monitor='val_loss', patience=2)]);
→ Epoch 1/80
  Epoch 2/80
  Epoch 3/80
  Epoch 4/80
  Epoch 5/80
  Epoch 6/80
  Epoch 7/80
  Epoch 8/80
  Epoch 9/80
  Epoch 10/80
  Epoch 11/80
  Epoch 12/80
```

```
Epoch 13/80
  Epoch 14/80
  Epoch 15/80
  Epoch 16/80
  Epoch 17/80
  Epoch 18/80
  def plot_sample(images1, images2):
 n = 10
 imgs = list(images1[0:5]) + list(images2[0:5])
 num\_row = 2
 num_col = 5
 fig, axes = plt.subplots(num_row, num_col, figsize=(3.5 * num_col, 3 * num_row))
 # For every image
 for i in range(num_row * num_col):
   # Read the image
   img = imgs[i]
   # Display the image
   ax = axes[i // num_col, i % num_col]
   ax.imshow(img, cmap='gray')
 plt.tight_layout()
 plt.show()
```

Сверху исходные изображения, снизу - восстановленные

plot_sample(x_testMLP.reshape(x_testMLP.shape[0], 32, 32), autoencoder.predict(x_testMLP).reshape(>



4. Оцените качество модели автокодировщика на тестовой выборке по показателю, указанному в индивидуальном задании.

во всех моих попытках максимальная ошибка колеблется от 254 до 255

Maximum error (MaxErr): 254.0

Jacquard Index: 0.9132066007541828

В начале я перепутала и оценила не по тому показателю, но все равно оставлю эту часть кода здесь

5. Оставьте в наборах изображения первых двух классов диапазона, указанного в индивидуальном задании первыми. Визуализируйте набор данных на плоскости, соответствующей двум первым латентным признакам, отображая точки различных классов разными цветами. Подпишите оси и рисунок, создайте легенду для классов набора данных.

классы: 0, 2

```
df.head()
```

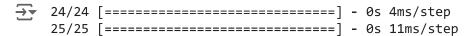
```
[[[254, 254, 254], [254, 254, 254], [254, 254,...
                                                               2
                                                                     ıl.
       1
           [[[99, 97, 98], [171, 169, 170], [220, 218, 21...
                                                               6
       2
               [[[2, 6, 18], [5, 9, 20], [5, 12, 22], [6, 13,...
                                                               7
       3
           [[[172, 167, 101], [180, 174, 112], [193, 188,...
                                                               3
       4
               [[[0, 2, 5], [26, 31, 34], [23, 28, 31], [6, 1...
                                                               4
 Далее:
            Посмотреть рекомендованные графики
x = df[df['label']==0]
x['label']=0
y = df[df['label']==2]
y['label']=1
df_02 = pd.concat([x,y])
df_02.head()
      <ipython-input-73-0f3cd8110b0d>:2: SettingWithCopyWarning:
      A value is trying to be set on a copy of a slice from a DataFrame.
      Try using .loc[row_indexer,col_indexer] = value instead
      See the caveats in the documentation: <a href="https://pandas.pydata.org/pandas-docs/stable/user_guide/j">https://pandas.pydata.org/pandas-docs/stable/user_guide/j</a>
        x['label']=0
      <ipython-input-73-0f3cd8110b0d>:4: SettingWithCopyWarning:
      A value is trying to be set on a copy of a slice from a DataFrame.
      Try using .loc[row_indexer,col_indexer] = value instead
      See the caveats in the documentation: <a href="https://pandas.pydata.org/pandas-docs/stable/user_guide/i">https://pandas.pydata.org/pandas-docs/stable/user_guide/i</a>
        y['label']=1
                                                                      m
                                                   image label
       18
            [[[113, 130, 78], [138, 156, 104], [142, 160, ...
                                                                      11.
       19
               [[[40, 48, 50], [41, 49, 51], [8, 16, 18], [0,...
                                                                0
       30
               [[[57, 83, 35], [56, 82, 34], [55, 81, 33], [5...
       39
            [[[252, 255, 255], [239, 242, 247], [233, 236,...
                                                                0
            [[[79, 139, 176], [80, 140, 177], [80, 140, 17...
                                                                0
       41
 Далее:
            Посмотреть рекомендованные графики
df 02.shape
     (1956, 2)
y_02 = df_02['label']
X_{02} = df_{02}['image']
X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X_02, y_02, test_size=0.2, random_state=42)
```

m

image label

₹

```
for i in range(len(X_train)):
    img = Image.fromarray(np.array(X_train.iloc[i]))
    X_train.iloc[i] = np.array(ImageOps.grayscale(img))
for i in range(len(X_test)):
    img = Image.fromarray(np.array(X_test.iloc[i]))
    X_test.iloc[i] = np.array(ImageOps.grayscale(img))
X tr = np.zeros(shape=(X train.shape[0],32,32), dtype=np.float32)
X_te = np.zeros(shape=(X_test.shape[0],32,32), dtype=np.float32)
X_tr.shape
→ (1564, 32, 32)
for i in range(len(X_tr)):
    X_tr[i,:,:] = np.array(Image.fromarray(X_train.iloc[i]).resize((32,32)))
for i in range(len(X_te)):
    X_te[i,:,:] = np.array(Image.fromarray(X_test.iloc[i]).resize((32,32)))
X_{tr} = X_{tr.reshape}(X_{tr.shape}[0], 32*32)
X_{te} = X_{te.reshape}(X_{te.shape}[0], 32*32)
X_{tr} = X_{tr.astype}('float32') / 255.
X_{te} = X_{te.astype}('float32') / 255
zxc = pd.concat([pd.DataFrame(X_tr),pd.DataFrame(y_train)],axis=1)
zxc0 = zxc[zxc.iloc[:,1024] == 0]
zxc1 = zxc[zxc.iloc[:,1024] == 1]
e0 = encoder.predict(zxc0.iloc[:,:1024])
e1 = encoder.predict(zxc1.iloc[:,:1024])
plt.scatter(e0[:,0], e0[:,1], label='Класс 0')
plt.scatter(e1[:,0], e1[:,1], label='Класс 2')
plt.xlabel('Первый латентный признак')
plt.ylabel('Второй латентный признак')
plt.title('Изображения первых двух классов диапазона')
plt.legend();
```



6. Выполните бинарную классификацию изображений по латентным (скрытым) признакам и всем признакам при помощи классификатора метода ближайших соседей (kNN). Оцените бинарный классификатор, указанный в индивидуальном задании, для двух построенных классификаторов.

0.02

0.04

0.00

Первый латентный признак

Показатель качества бинарной классификации:

индекс Жаккара, равный TP/(TP + FP + FN)

-0.04

-0.02

```
from sklearn import datasets
from sklearn.metrics import confusion_matrix
from sklearn.model_selection import train_test_split
import seaborn as sns
```

Классификация по скрытым признакам

```
from sklearn.neighbors import KNeighborsClassifier
encoded_imgs = encoder.predict(X_tr)
decoded_imgs = decoder.predict(encoded_imgs)
knn1 = KNeighborsClassifier(n_neighbors=7).fit(encoded_imgs, y_train)
accuracy = knn1.score(encoder.predict(X_te), y_test)
print(accuracy)
```

```
13/13 [============ ] - 0s 6ms/step 0.7806122448979592
```

Классификация по всем признакам

```
knn2 = KNeighborsClassifier(n_neighbors=7).fit(X_tr, y_train)
accuracy = knn2.score(X_te, y_test)
print(accuracy)
```

→ 0.8010204081632653

Функция оценки качества

```
def jk(y_true, y_predict):
    assert len(y_true) == len(y_predict)
    tp = np.sum((y_true == 0) & (y_predict == 0))
    fp = np.sum((y_true == 0) & (y_predict == 1))
    fn = np.sum((y_true == 1) & (y_predict == 0))
    return tp/(tp + fn + fp)
```

```
jk(knn1.predict(encoder.predict(X_te)), y_test), jk(knn2.predict(X_te), y_test)
```

7. Визуализируйте ROC-кривые для построенных классификаторов на одном рисунке (с легендой) (Указание: используйте метод predict_proba() класса KNeighborsClassifier).

```
def true_false_positive(threshold_vector, y_test):
    true_positive = np.equal(threshold_vector, 1) & np.equal(y_test, 1)
    true_negative = np.equal(threshold_vector, 0) & np.equal(y_test, 0)
    false_positive = np.equal(threshold_vector, 1) & np.equal(y_test, 0)
    false_negative = np.equal(threshold_vector, 0) & np.equal(y_test, 1)
    tpr = true_positive.sum() / (true_positive.sum() + false_negative.sum())
    fpr = false_positive.sum() / (false_positive.sum() + true_negative.sum())
    return tpr, fpr

def roc_from_scratch(probabilities, y_test, partitions=100):
    roc = np.array([])
    for i in range(partitions + 1):
        threshold_vector = np.greater_equal(probabilities, i / partitions).astype(int)
        tpr, fpr = true_false_positive(threshold_vector, y_test)
        roc = np.append(roc, [fpr, tpr])
    return roc.reshape(-1, 2)
```

```
from sklearn.metrics import roc_auc_score

plt.figure(figsize=(15,7))

m1 = np.array([i[1] for i in knn1.predict_proba(encoded_imgs)])

m2 = np.array([i[1] for i in knn2.predict_proba(X_tr)])

r1 = roc_auc_score(y_train, m1)

r2 = roc_auc_score(y_train, m2)

ROC1 = roc_from_scratch(m1.reshape(-1),y_train,partitions=50)

plt.plot(ROC1[:,0],ROC1[:,1],lw=5, label='Model 1, ROC AUC=' + str(r1))

ROC2 = roc_from_scratch(m2.reshape(-1),y_train,partitions=50)

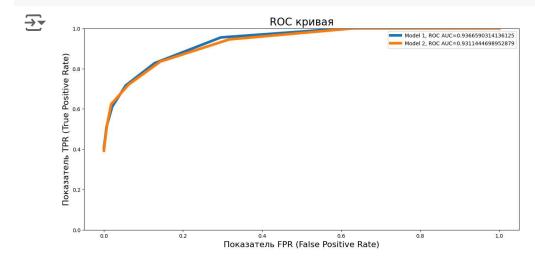
plt.plot(ROC2[:,0],ROC2[:,1],lw=5, label='Model 2, ROC AUC=' + str(r2))

plt.title('ROC кривая',fontsize=20)

plt.xlabel('Показатель FPR (False Positive Rate)',fontsize=16)

plt.ylabel('Показатель TPR (True Positive Rate)',fontsize=16)

plt.ylim(0,1);
plt.legend();
```



8. Визуализируйте границы принятия решений классификатора kNN для латентных признаков на плоскости, соответствующей двум первым латентным признакам (для прочих латентных признаков задайте средние/медианные значения).

```
def plot_decision_boundary(model, X, y):
    x_min, x_max = X[:, 0].min() - 0.1, X[:, 0].max() + 0.1
    y_min, y_max = X[:, 1].min() - 0.1, X[:, 1].max() + 0.1
    xx, yy = np.meshgrid(np.linspace(x_min, x_max, 100),
    np.linspace(y_min, y_max, 100))
    X_in = np.c_[xx.ravel(), yy.ravel()]
    # X_in = np.concatenate((X_in, X[:10000,2:]), axis=1)
    X_in = np.concatenate((X_in[:1564, :], X[:10000, 2:]), axis=1)
    y_pred = model.predict(X_in)
    y_pred = np_nound(y_pred)
    X.shape

X.shape
```

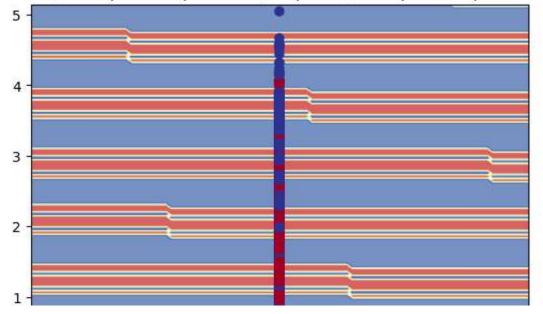
```
(772, 32, 32)
pit.xiim(xx.min(), xx.max())

X = encoded_imgs
X = pd.DataFrame(X)
x = X.median()
for i in range(2, 1024):
    X.loc[:, i] = x[i]
```

plt.title("kNN для скрытых признаков, первые два скрытых признака") plot_decision_boundary(model=knn1, X=np.array(X), y=y_train)

$\overline{\Rightarrow}$

kNN для скрытых признаков, первые два скрытых признака



9. Определите на первоначальной тестовой выборке изображение, имеющее наибольшую ошибку реконструкции. Выведите для этого изображения первоначальное и реконструированное изображения.

```
RE = ((X2 - decoded_imgs)**2).mean(axis = 1)
RE_original = RE.copy()
biggest_re_pos = np.argmax(RE_original)
fig = plt.figure(figsize = (14, 7))
ax = fig.add_subplot(1, 2, 1)
plt.title('Исходное изображение', fontsize = 16)
plt.imshow(X2[biggest_re_pos].reshape(32, 32),cmap='gray');
ax = fig.add_subplot(1, 2, 2)
plt.title('Реконструированное изображение', fontsize = 16)
plt.imshow(decoded_imgs[biggest_re_pos].reshape(32, 32),cmap='gray');
```

