

# Najekonomickejšie narábanie s krvou s cieľom presnej prepravy medzi dvoma konkrétnymi bodmi s využitím dvoch módov transportu

V alternatívnom vesmíre je Vlad uväznený vo futuristickej verzii hradu Poenari, ktorý teraz pozostáva z n poschodí, očíslovaných od 0 po n-1. Z každého poschodia i ( $0 \le i \le n-1$ ) sa môže pohybovať iba nahor – buď po schodoch za cenu 1 kvapky krvi (mena, ktorou upíri platia v Rumunsku), alebo sa môže premeniť na netopiera a preletieť cez ventilačné šachty, čo ho stojí 2 kvapky krvi. Schody ho môžu vyniesť najviac o v[i] poschodí vyššie, ventilačné šachty až o w[i] poschodí vyššie, kde v a w sú dané polia:

```
v = v[0], v[1], \dots, v[n-1]

w = w[0], w[1], \dots, w[n-1].
```

Formálne, z poschodia i ( $0 \le i \le n-1$ ), Vlad môže ísť:

- na akékoľvek poschodie od i+1 do  $\min(n-1,i+v[i])$ , za cenu 1
- na akékoľvek poschodie od i+1 do  $\min(n-1,i+w[i])$ , za cenu 2

Ďalej jeho bratia Radu a Mircea navrhli m scenárov, pričom každý pozostáva z dvoch poschodí A a B (  $A \leq B$ ). Vlad musí odpovedať na ich m otázok: aké je **minimálne množstvo krvi**, ktoré musí obetovať, aby sa dostal z poschodia A na poschodie B?

# Implementačné detaily

Treba implementovať funkciu solve:

```
vector<int> solve(vector<int>& v, vector<int>& w, vector<pair<int,int>>& queries);
```

- Prijíma polia v (výšky schodov) a w (výšky ventilačných šácht), obe veľkosti n.
- Tiež prijíma pole queries, vektor dvojíc veľkosti m, každá dvojica obsahuje A a B ako bolo popísané v zadaní.
- Funkcia vracia vektor veľkosti m s odpoveďami na m otázok.

### Obmedzenia

- $1 \le n, m \le 500\,000$
- $1 \le v[i], w[i] \le n$  pre všetky  $0 \le i \le n-1$
- $0 \le A \le B \le n-1$  pre všetky otázky

# Podúlohy

```
1. (5 bodov) 1 \le n \le 300, \ 1 \le m \le 500\,000
```

- 2. (7 bodov)  $1 \le n \le 3\,000,\ 1 \le m \le 3\,000$
- 3. (11 bodov)  $1 \le n \le 20\,000,\ 1 \le m \le 20\,000$
- 4. (44 bodov)  $1 \le n \le 200\,000,\ 1 \le m \le 200\,000$
- 5. (8 bodov)  $1 \leq n \leq 500\,000,\ 1 \leq m \leq 500\,000$ , kde  $v[i] \leq v[j]$  a  $w[i] \leq w[j]$  pre všetky  $0 \leq i < j \leq n-1$
- 6. (25 bodov) Bez ďalších obmedzení

## Príklady

### Príklad 1

Pozrime sa na nasledujúce volanie:

```
solve({2, 3, 1, 1, 1, 1, 2}, {3, 4, 1, 2, 1, 2, 2}, {{0, 4}, {0, 5}, {0, 6}})
```

Máme n=7 a m=3 otázky, v=[2,3,1,1,1,1,2] a w=[3,4,1,2,1,2,2].

Pre prvú otázku (0,4) musí Vlad urobiť dva 1-kvapkové skoky: z 0 na 1 (aj keď môže skočiť na 2, poschodie 1 ho dostane ďalej), potom z 1 na 4. Celková cena: 1+1=2.

Pre druhú otázku (0,5) existujú 2 optimálne cesty: 0 na 1 (cena 1), 1 na 4 (cena 1), 4 na 5 (cena 1); druhá cesta je 0 na 1 (cena 1), 1 na 5 (cena 2). Celková cena: 1+1+1=1+2=3.

Pre tretiu otázku (0,6), príklad jednej cesty s cenou 4 je: 0 na 1 (cena 1), 1 na 5 (cena 2), 5 na 6 (cena 1). Celková cena: 1+2+1=4

Takže vector, ktorý funkcia vráti, musí byť:

```
{2, 3, 4}
```

### Príklad 2

Pozrime sa na nasledujúce volanie:

```
solve(
    {1, 1, 1, 2, 3, 2, 1, 1, 2, 3},
    {2, 4, 1, 4, 1, 4, 1, 3, 2, 3},
    {{3, 9}, {0, 9}, {0, 7}, {0, 4}, {3, 5}}
)
```

Toto sú optimálne cesty pre jednotlivé otázky:

```
(3,9): 3 na 5 (cena 1), 5 na 9 (cena 2) \Longrightarrow dokopy: 3
```

- (0,9): 0 na 1 (cena 1), 1 na 5 (cena 2), 5 na 9 (cena 2)  $\Longrightarrow$  dokopy: 5
- (0,7): 0 na 1 (cena 1), 1 na 5 (cena 2), 5 na 7 (cena 1)  $\Longrightarrow$  dokopy: 4

```
(0,4): 0 na 1 (cena 1), 1 na 4 (cena 2) \Longrightarrow dokopy: 3
```

$$(3,5)$$
:  $3$  na  $5$  (cena  $1) \Longrightarrow$  dokopy:  $1$ 

Takže vector, ktorý funkcia vráti, musí byť:

```
{3, 5, 4, 3, 1}
```

# Hodnotič príkladov

Hodnotič príkladov číta vstup v nasledujúcom formáte:

- riadok 1:n
- riadok 2: v[0] v[1] . . . v[n-1]
- riadok 3: w[0] w[1] . . . w[n-1]
- riadok 4:m
- riadok  $5+i (0 \le i \le m-1)$ : A B

a vypíše m riadkov — výsledky volania  ${\tt solve}.$