

# Rozdělení

Pro permutaci  $p = p[0] p[1] p[2] \dots p[n-1]$  čísel  $1, 2, 3, \dots, n$  definujeme *rozdělení* jako permutaci  $q$ , kterou lze získat následujícím procesem:

1. Vezmeme dvě množiny čísel  $A = \{i_1, i_2, \dots, i_k\}$  a  $B = \{j_1, j_2, \dots, j_l\}$  takové, že  $A \cap B = \emptyset$ ,  $A \cup B = \{0, 1, 2, \dots, n-1\}$ ,  $i_1 < i_2 < \dots < i_k$  a  $j_1 < j_2 < \dots < j_l$ .
2. Permutaci  $q$  určíme jako  $q = p[i_1] p[i_2] \dots p[i_k] p[j_1] p[j_2] \dots p[j_l]$ .

Dále definujeme  $S(p)$  jako množinu všech rozdělení permutace  $p$ .

Dostanete číslo  $n$  a množinu  $T$  obsahující  $m$  permutací délky  $n$ . Spočítejte, kolik existuje permutací  $p$  délky  $n$  takových, že  $T \subseteq S(p)$ . Protože toto číslo může být velké, najděte jeho zbytek po dělení číslem 998 244 353.

## Implementační podrobnosti

Máte implementovat následující funkci:

```
int solve(int n, int m, std::vector<std::vector<int>>& splits);
```

- $n$  je velikost permutace.
- $m$  je počet rozdělení.
- *splits* je pole  $m$  **po dvou různých** permutací, prvků množiny  $T$ , která má být podmnožinou  $S(p)$ .
- Funkce má vrátit počet možných permutací  $p$  modulo 998 244 353.
- Tato funkce bude zavolána právě jednou za každé spuštění programu.

## Omezení

- $1 \leq n \leq 300$
- $1 \leq m \leq 300$

## Podúlohy

1. (6 bodů)  $m = 1$
2. (7 bodů)  $1 \leq n, m \leq 10$
3. (17 bodů)  $1 \leq n, m \leq 18$
4. (17 bodů)  $1 \leq n \leq 30, 1 \leq m \leq 15$
5. (16 bodů)  $1 \leq n, m \leq 90$
6. (16 bodů)  $1 \leq n \leq 300, 1 \leq m \leq 15$
7. (21 bodů) *Bez dalších omezení.*

## Ukázka

Uvažujme následující volání:

```
solve(3, 2, {{1, 2, 3}, {2, 1, 3}})
```

V této ukázce je velikost permutace  $p$  rovná 3 a máme zadaná 2 rozdělení:

- 1 2 3
- 2 1 3

Funkce vrátí 4, protože existují pouze čtyři permutace  $p$ , které mohou vygenerovat obě zadaná rozdělení:

- 1 2 3
- 1 3 2
- 2 1 3
- 2 3 1

## Ukázkový grader

Ukázkový grader čte vstup v následujícím formátu:

- řádek 1:  $n \ m$
- řádek  $2 + i$ :  $s[i][0] \ s[i][1] \ \dots \ s[i][n - 1]$  pro všechna  $0 \leq i < m$

a vypíše návratovou hodnotu volání `solve` s odpovídajícími parametry.