

# Highest

Într-un univers alternativ, Vlad este plasat într-o versiune futuristică a Cetății Poienari, având  $n$  etaje, numerotate de la 0 la  $n - 1$ . De la fiecare etaj  $i$  ( $0 \leq i \leq n - 1$ ), el poate urca doar în sus fie sărind pe scări, plătind 1 picătură de sânge (aceasta este valuta, pe care o folosesc pentru plăți vampirii în România), fie transformându-se într-un liliac și zburând prin canalele de ventilație, plătind pentru aceasta 2 picături de sânge. Scările îl pot duce cu până la  $v_i$  etaje în sus, în timp ce prin canalele de ventilație se poate ridica cu până la  $w_i$  etaje. Aici  $v$  și  $w$  sunt două tablouri liniare date:  $v = v[0], v[1], \dots, v[n - 1]$  și  $w = w[0], w[1], \dots, w[n - 1]$ .

Formal, de la etajul  $i$  ( $0 \leq i \leq n - 1$ ), Vlad poate:

- sări la oricare dintre etajele de la  $i + 1$  până la  $i + v_i$  fără a depăși etajul  $n - 1$ , pentru un cost de 1
- zbura la oricare dintre etajele de la  $i + 1$  până la  $i + w_i$  fără a depăși etajul  $n - 1$ , pentru un cost de 2

Mai mult, frații lui, Radu și Mircea au propus  $m$  scenarii pentru Vlad, fiecare conținând indicii a două etaje  $A$  și  $B$  ( $A \leq B$ ). Vlad trebuie să răspundă la  $m$  interogări: care este cea mai mică cantitate de sânge pe care el urmează să o sacrifice pentru a ajunge de la etajul  $A$  la etajul  $B$ ?

## Detalii de Implementare

Urmează să implementați funcția solve:

```
std::vector<int> solve(std::vector<int> &v, std::vector<int> &w,  
    std::vector<std::pair<int,int>> &queries);
```

- Primește vectorii  $v$ , înălțimile săriturilor pe scări, și  $w$ , înălțimile zborurilor prin canalele de ventilație, pornind de la fiecare etaj, ambele de dimensiunea  $n$ .
- De asemenea primește interogările, un vector de perechi de întregi de dimensiunea  $m$ . Fiecare pereche conține valorile  $A$  și  $B$  după cum sunt descrise în enunț.
- Returnează un vector de dimensiunea  $m$ .

## Restricții

- $1 \leq n, m \leq 500\,000$ .
- $1 \leq v_i, w_i \leq n$  pentru toți  $0 \leq i \leq n - 1$ .

- $0 \leq A \leq B \leq n - 1$  în toate interogările.

## Subtask-uri

1. (5 puncte)  $1 \leq n \leq 300$ ,  $1 \leq m \leq 500\,000$
2. (7 puncte)  $1 \leq n \leq 3\,000$ ,  $1 \leq m \leq 3\,000$
3. (11 puncte)  $1 \leq n \leq 20\,000$ ,  $1 \leq m \leq 20\,000$
4. (44 puncte)  $1 \leq n \leq 200\,000$ ,  $1 \leq m \leq 200\,000$
5. (8 puncte)  $1 \leq n \leq 500\,000$ ,  $1 \leq m \leq 500\,000$  și  $v_i \leq v_j$  și  $w_i \leq w_j$  pentru toți  $0 \leq i < j \leq n - 1$
6. (25 points) Fără restricții suplimentare.

## Exemple

### Exemplul 1

Se consideră următorul apel:

```
solve({2, 3, 1, 1, 1, 1, 2}, {3, 4, 1, 2, 1, 2, 2},
      {{0, 4}, {0, 5}, {0, 6}})
```

Aici avem  $n = 7$  și 3 interogări,  $v = [2, 3, 1, 1, 1, 1, 2]$  și  $w = [3, 4, 1, 2, 1, 2, 2]$

Pentru prima interogare (0,4), Vlad trebuie să facă două sărituri de cost 1: 0 la 1 (chiar dacă el poate sări la etajul 2, etajul 1 îl poate duce mai departe), apoi de la 1 la 4. Costul total:  $1 + 1 = 2$ .

Pentru cea de a doua interogare (0,5), există 2 drumuri optimale: De la 0 la 1 (cost 1), de la 1 la 4 (cost 1), de la 4 la 5 (cost 1); al doilea traseu este de la 0 la 1 (cost 1), de la 1 la 5 (cost 2). Cost total:  $1 + 1 + 1 = 1 + 2 = 3$ .

Pentru a treia interogare (0,6), un exemplu de drum cu cost 4 ar fi de la 0 la 1 (cost 1), de la 1 la 5 (cost 2), de la 5 la 6 (cost 1). Cost total:  $1 + 2 + 1 = 4$

Astfel, vectorul returnat de funcție va fi:

```
{2, 3, 4}
```

### Exemplul 2

Se consideră următorul apel:

```
solve({1, 1, 1, 2, 3, 2, 1, 1, 2, 3}, {2, 4, 1, 4, 1, 4, 1, 3, 2, 3},
      {{3, 9}, {0, 9}, {0, 7}, {0, 4}, {3, 5}})
```

Acestea sunt drumurile optimale pentru interogări:

(3,9): de la 3 la 5 (cost 1), de la 5 la 9 (cost 2)  $\implies$  total: 3

(0,9): de la 0 la 1 (cost 1), de la 1 la 5 (cost 2), de la 5 la 9 (cost 2)  $\implies$  total: 5

(0,7): de la 0 la 1 (cost 1), de la 1 la 5 (cost 2), de la 5 la 7 (cost 1)  $\implies$  total: 4

(0,4): de la 0 la 1 (cost 1), de la 1 la 4 (cost 2)  $\implies$  total: 3

(3,5): de la 3 la 5 (cost 1)  $\implies$  total: 1

Astfel, vectorul returnat de funcție va fi:

```
{ 3, 5, 4, 3, 1 }
```

## Grader Local

Graderul local citește datele din input în următorul format:

- linie 1:  $n$
- linie 2:  $v[0] \ v[1] \ \dots \ v[n-1]$
- linie 3:  $w[0] \ v[1] \ \dots \ w[n-1]$
- linie 4:  $m$
- linie  $5 + i$  ( $0 \leq i < n$ ):  $A \ B$

și afișează  $m$  linii, rezultatul apelului funcției `solve`.