



Escuela José Antonio Balseiro 2016

Nuevas Tendencias en Investigación en Física Médica

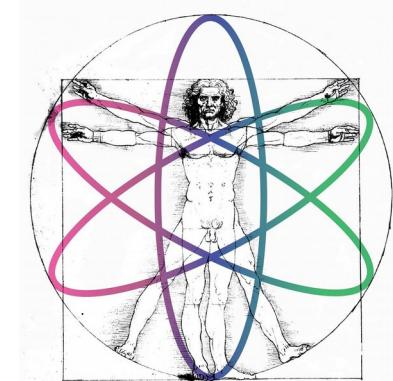
Introducción a muchas cosas

Miércoles, Física Nuclear

Hernán Asorey

asoreyh@cab.cnea.gov.ar

Laboratorio Detección Partículas y Radiación
Centro Atómico Bariloche



Clases en

<https://github.com/asoreyh/intro-nuclear-fisica-medica>

 asoreyh Clase 01 lista	Latest commit db0d282 2 days ago
 clases Clase 01 lista 2 days ago	
 README.md Commit inicial 4 days ago	

 README.md



Curso de Introducción a Física Nuclear y Detectores

Escuela José Antonio Balseiro - Nuevas Tendencias en Investigación en Física Médica

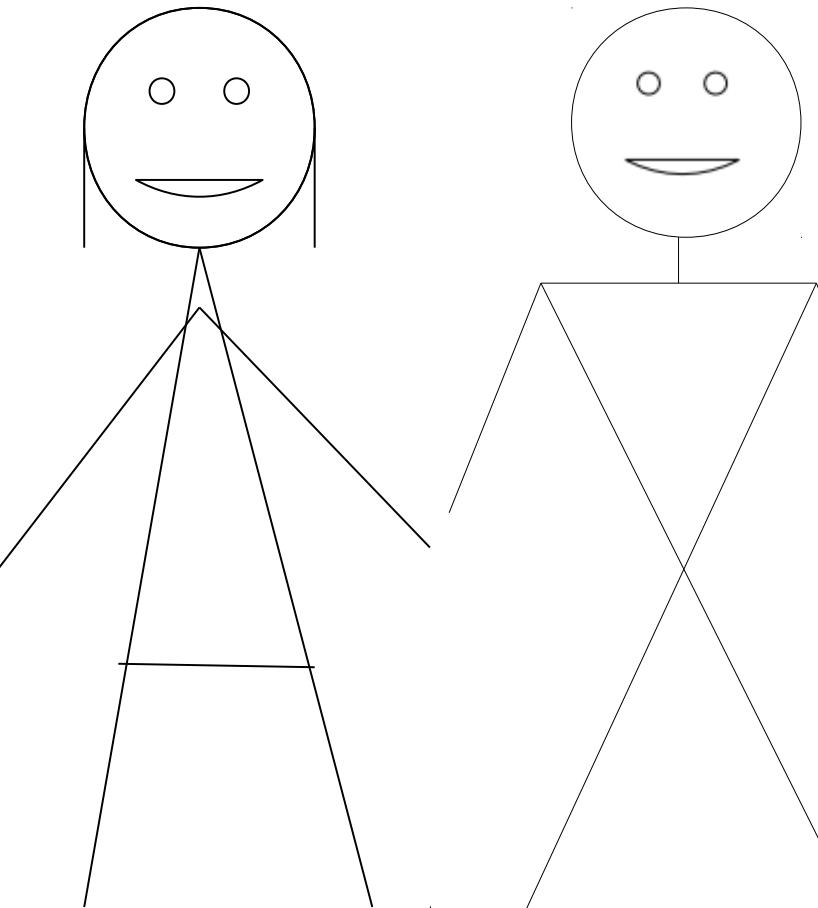
Octubre 2016 - Centro Atómico Bariloche e Instituto Balseiro

(C) 2016 - Hernán Asorey (@asoreyh)



Este trabajo se distribuye en forma gratuita bajo la [Licencia Creative Commons Attribution-NonCommercial-ShareAlike 4.0 International](#).

**Pero seguro estarán muy lejos de la realidad....
(¡por suerte!)**



La foto de la familia...

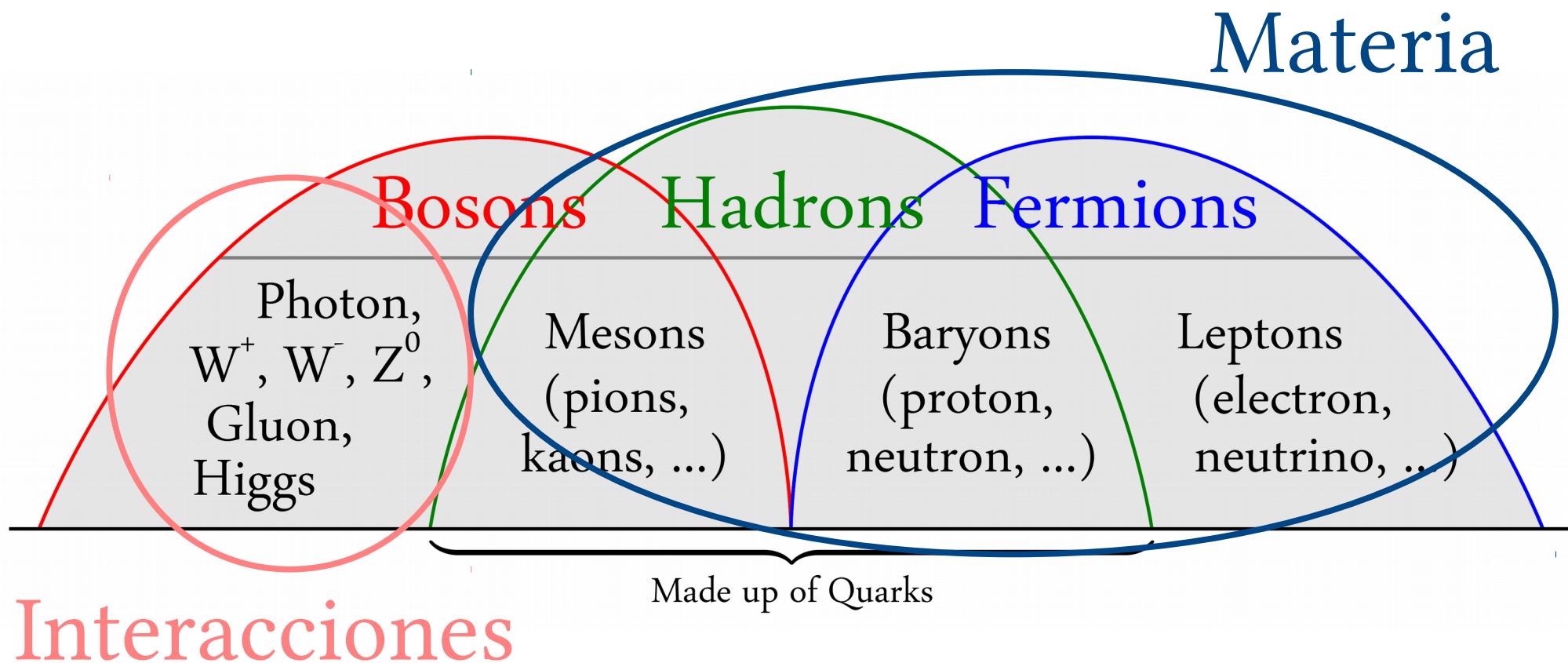


La foto de la familia...

	mass → $\approx 2.3 \text{ MeV}/c^2$ charge → 2/3 spin → 1/2 up	mass → $\approx 1.275 \text{ GeV}/c^2$ charge → 2/3 spin → 1/2 charm	mass → $\approx 173.07 \text{ GeV}/c^2$ charge → 2/3 spin → 1/2 top	mass → 0 charge → 0 spin → 1 gluon	mass → $\approx 126 \text{ GeV}/c^2$ charge → 0 spin → 0 Higgs boson
QUARKS	u	c	t	g	H
	mass → $\approx 4.8 \text{ MeV}/c^2$ charge → -1/3 spin → 1/2 down	mass → $\approx 95 \text{ MeV}/c^2$ charge → -1/3 spin → 1/2 strange	mass → $\approx 4.18 \text{ GeV}/c^2$ charge → -1/3 spin → 1/2 bottom	mass → 0 charge → 0 spin → 1 photon	
	d	s	b	γ	
LEPTONS	e electron	μ muon	τ tau	Z Z boson	Gauge Bosons
	mass → 0.511 MeV/c^2 charge → -1 spin → 1/2 electron	mass → 105.7 MeV/c^2 charge → -1 spin → 1/2 muon	mass → 1.777 GeV/c^2 charge → -1 spin → 1/2 tau	mass → 91.2 GeV/c^2 charge → 0 spin → 1 W boson	
	ν_e electron neutrino	ν_μ muon neutrino	ν_τ tau neutrino	W W boson	

Clasificación de partículas

- Teorema de Espín-Estadística (Bosones-Fermiones)
- Carga de Fuerza Fuerte (hadrones o mesones)



Leptones, quarks y mediadores

three generations of matter (fermions)				
	I	II	III	
mass →	2.4 MeV/c ²	1.27 GeV/c ²	171.2 GeV/c ²	
charge →	$\frac{2}{3}$	$\frac{2}{3}$	$\frac{2}{3}$	
spin →	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	
name →	up	charm	top	
QUARKS				
mass →	4.8 MeV/c ²	104 MeV/c ²	4.2 GeV/c ²	
charge →	$-\frac{1}{3}$	$-\frac{1}{3}$	$-\frac{1}{3}$	
spin →	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	
name →	down	strange	bottom	
LEPTONS				
mass →	<2.2 eV/c ²	<0.17 MeV/c ²	<15.5 MeV/c ²	
charge →	0	0	0	
spin →	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	
name →	ν_e electron neutrino	ν_μ muon neutrino	ν_τ tau neutrino	
mass →	0.511 MeV/c ²	105.7 MeV/c ²	1.777 GeV/c ²	
charge →	-1	-1	-1	
spin →	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	$\frac{1}{2}$	
name →	electron	muon	tau	
GAUGE BOSONS				
mass →			91.2 GeV/c ²	
charge →			0	
spin →			1	
name →			Z boson	
mass →			80.4 GeV/c ²	
charge →			± 1	
spin →			1	
name →			W boson	

- Materia
- Interacciones
- Masa
- Parece inocente:
 - (6·2) leptones = 12 l
 - ((6·3)·2) quarks = 36 q
 - (1+8+3+1)=13 bosones de calibre (gauge, interacciones)
- **61 partículas “fundamentales”**

Cuatro interacciones cuatro

Force	Strength	Theory	Mediator
Strong	10^0	Chromodynamics	Gluon
Electromagnetic	10^{-2}	Electrodynamics	Photon
Weak	10^{-13}	Flavordynamics	W and Z
Gravitational	10^{-42}	Geometrodynamics	Graviton

- Dos de largo alcance (infinito) → Gravedad y EM
- Dos de muy corto alcance (~fm) → Débil y fuerte

Teorema de Noether

- **Simetrías de las ecuaciones \leftrightarrow Cargas conservadas**
 - Invariancia rotaciones \leftrightarrow Cons. momento angular
 - Invariancia traslaciones espaciales \leftrightarrow Cons. momento lineal
 - Invariancia traslaciones temporales \leftrightarrow Cons. Energía
 - Ver por ejemplo, Landau & Lifshitz, Vol 1 (Mechanics, Cap II)
 - Para simetrías, caldo Knorr, Landay & Lifshitz, Vol 3 (Quantum Mechanics, Non-Relativistic Theory, Cap XII)
- ¡Cuidado! Dice “simetría de las ecuaciones”, no del problema → un cuerpo en rotación puede no tener un sólo eje de simetría pero conserva el impulso angular

Las ecuaciones de movimiento son simétricas $\leftrightarrow \leftrightarrow$ Hay cargas conservadas

Acción, simetrías y cargas

- ¿Qué fue primero, el huevo o la gallina?
 - ¿La conservación de la energía o la invariancia temporal?
- Aquí es simple: el huevo fue primero...
 - Los principios de conservación se basan en observaciones de los sistemas naturales → “prejuicios”
 - Las ecuaciones movimiento, y por ende la acción, debe tener las simetrías necesarias para verificar las conservaciones observadas
- “La carga [eléctrica] es una magnitud conservada”
- Significa que nunca en la historia (es decir, *nunca hasta hoy y esperamos que eso no cambie -prejuicio-*) se observó un proceso donde la cantidad de carga [eléctrica] inicial y final difieren
- Moraleja 1: Nuestra acción deberá incluir alguna simetría que, Noether mediante, contemple la conservación de la carga eléctrica
- Moraleja 2: La física es una ciencia natural, de carácter observational y/o experimental → no es una ciencia “exacta”

Nuevas cargas conservadas

- Conservación de la Energía (E)
- Conservación del impulso lineal (\mathbf{p})
- Conservación del impulso angular (\mathbf{J})
- Conservación de la carga eléctrica (Q)
- **Conservación del número leptónico (L)**

- *electrónico (L_e)*
- *muónico (L_μ)*
- *tauónico (L_τ)*

$$n \rightarrow p e^- \bar{\nu}_e$$

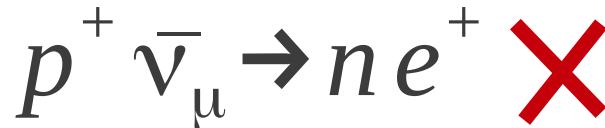
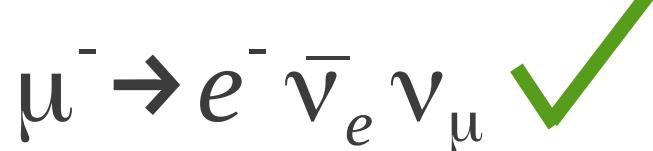
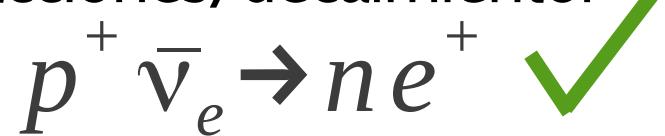
- **Conservación del número bariónico (B)**

$$p \ p \rightarrow p \ p \ p \bar{p}$$

- *Atención: una magnitud conservada hoy podría no haberse conservado en el pasado y viceversa \leftrightarrow Simetrías rotas*

Número leptónico

- Sean las siguientes reacciones/decaimiento:



- Algunas se producen, otras no
- La 2da viola la conservación de la carga eléctrica
- ¿Qué pasa con la 4ta?
- La cantidad de leptones (o antileptones) por familia (o sabor) debe conservarse!

Magnitudes conservadas

LEPTON CLASSIFICATION

l	Q	L_e	L_μ	L_τ
e	-1	1	0	0
	0	1	0	0
μ	-1	0	1	0
	0	0	1	0
τ	-1	0	0	1
	0	0	0	1



- Carga eléctrica
- Número leptónico por sabor (*flavor*)
- Las antipartículas tienen signos opuestos en todos los números
- Entonces, hay “12” leptones diferentes
- **Los números antes y después de la reacción deben conservarse**

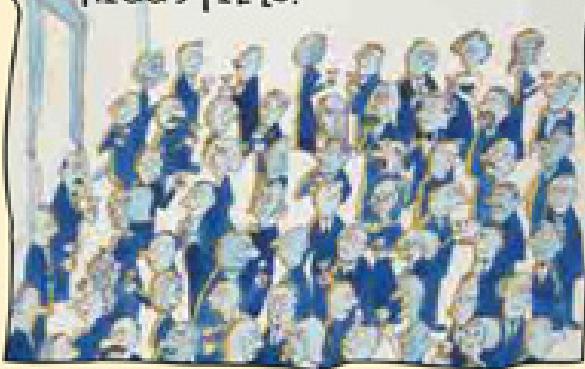
Para terminar, el Higgs

THE HIGGS MECHANISM

Illustration courtesy of CERN

①

TO UNDERSTAND THE HIGGS MECHANISM, IMAGINE THAT A ROOM FULL OF PHYSICISTS QUIETLY CHATTERING IS LIKE SPACE FILLED ONLY WITH THE HIGGS FIELD.

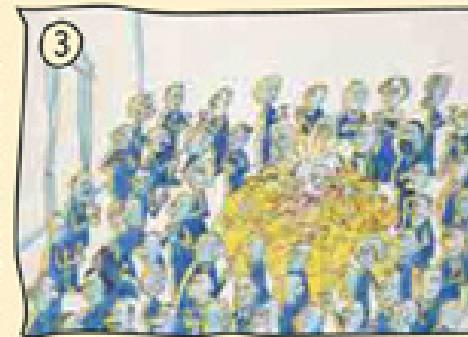


②

A WELL KNOWN SCIENTIST, ALBERT EINSTEIN, WALKS IN, CREATING A DISTURBANCE AS HE MOVES ACROSS THE ROOM, AND ATTRACTING A CLUSTER OF OBSERVERS WITH EACH STEP.

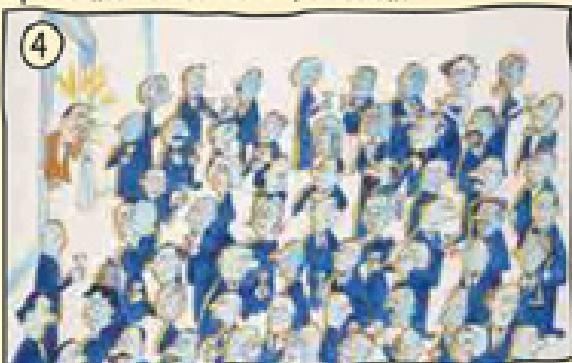
③

THIS INCREASES HIS RESISTANCE TO MOVEMENT - IN OTHER WORDS, HE ACQUIRES MASS, JUST LIKE A PARTICLE MOVING THROUGH THE HIGGS FIELD.



IF A RUMOUR CROSSES THE ROOM ...

④



⑤

IT CREATES THE SAME KIND OF CLUSTERING, BUT THIS TIME AMONG THE PHYSICISTS THEMSELVES. IN THIS ANALOGY, THESE CLUSTERS ARE THE HIGGS PARTICLES.

Constituyentes del núcleo

- En un núcleo, ${}^A_N X_Z$, encontramos $A=Z+N$ nucleones:
 - **Z protones**, p^+ , $m_p = 938,27 \text{ MeV}/c^2$
 - **N=(A-Z) neutrones**, n^0 , $m_n = 939,565 \text{ MeV}/c^2$
 - Otras verduras (originadas por las interacciones EM y Fuerte) cuyo resultado es la:
 - **Energía de ligadura**

¿Cuál es la masa de un sistema ligado?

- La masa total de un sistema ligado, ¿es mayor, menor o igual a la de sus constituyentes?
- Pensemos en el sistema Tierra – Luna...



En el núcleo es más evidente

- Hay un “**faltante de masa**” originado en la energía de ligadura nuclear $B(A,Z)$:

$$m_{^{A_Z}X} = Z m_p + (A - Z) m_n - B(A, Z)$$

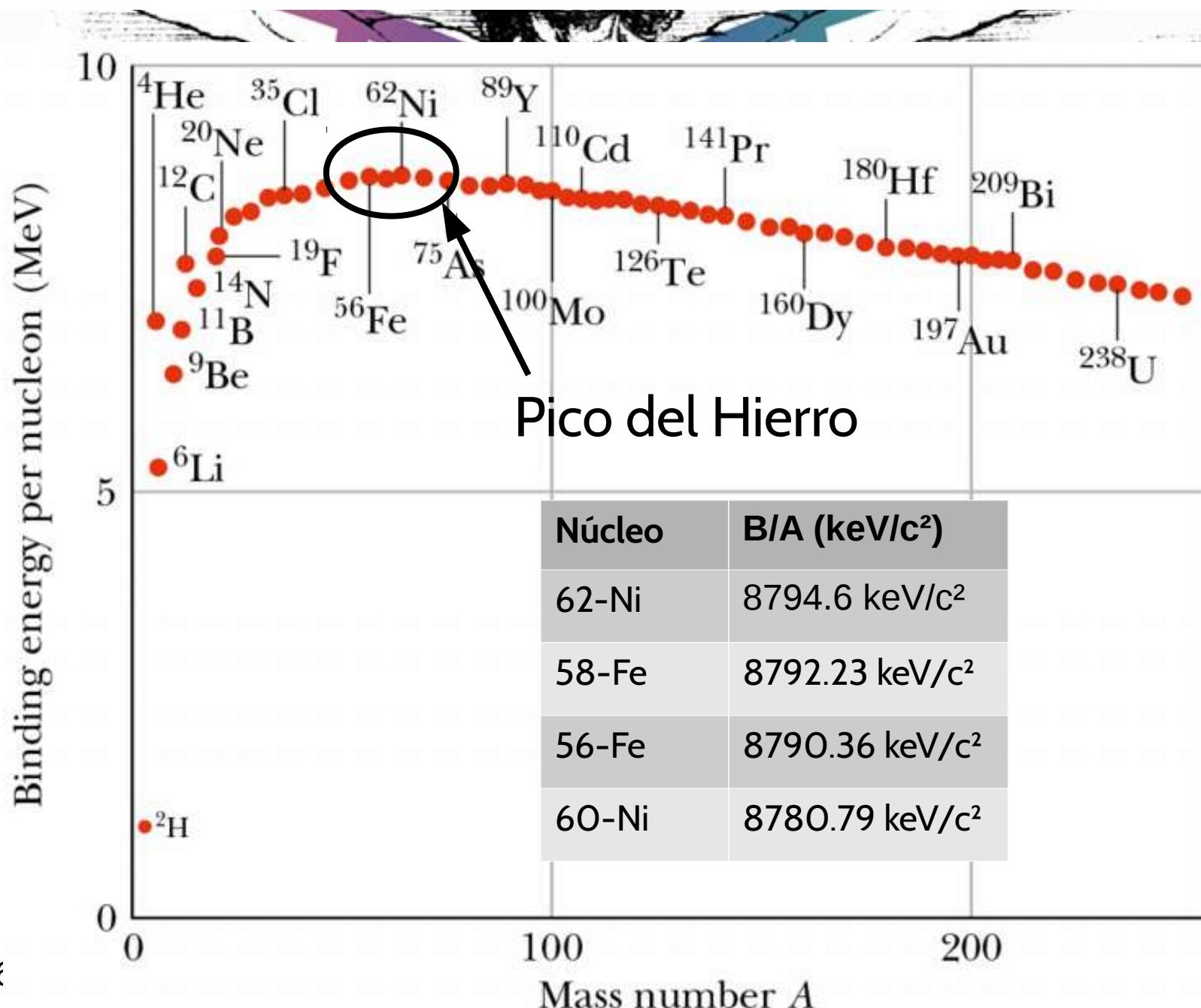
- **$B(A,Z)$ está definido explícitamente positivo. $B(A,Z) > 0$: el núcleo está ligado.** Por ej: $B(12,6) = 89.09 \text{ MeV}$
- Luego, la masa del núcleo carbono-12 será

$$m_{^{12}C_6} = 6 \times 938.27 \text{ MeV} + 6 \times 939.565 \text{ MeV} - 89.09 \text{ MeV}$$

$$m_{^{12}C_6} = 11.1772 \text{ GeV} \quad \frac{B(12,6)}{m_{^{12}C_6}} \simeq 0.8\% \quad \frac{B(12,6)}{A} = 7.424 \text{ MeV}$$

- El valor de $B(A,Z)$ puede calcularse, por ejemplo, con la **fórmula semiempírica de la masa**

Energía de ligadura por nucleón (def. positiva)



¿Y para el átomo?

- Faltan los electrones y sus energías de ligadura

$$M_{^A X_z} = Z m_p + (A - Z) m_n - \underbrace{B(A, Z) + Z m_e - B_e(A, Z)}_{\approx \frac{m}{2000} \text{ para el } ^1 H_1}$$

- Unidad de masa atómica unificada** (“u” ó “Da”, por dalton) a la 12-ava parte de la masa del átomo de Carbono-12

$$1 \text{ Da} = \frac{M_{^{12} X_6}}{12} = 931.4941 \text{ MeV}/c^2 = 1.66054 \times 10^{-27} \text{ kg}$$

$$\Rightarrow M_{^{12} X_6} = 12 \text{ Da}$$

- La masa de 1 mol de Da es 1 g → **masa molar ${}^A X_z = A$ g/mol**

Constituyentes del núcleo (reload)

- En un núcleo, ${}^A_N X_Z$, encontramos $A=Z+N$ nucleones:
 - **Z protones**, p^+ , $m_p = 938,27 \text{ MeV}/c^2 = 1.007276 \text{ Da}$
 - **N=(A-Z) neutrones**, n^0 , $m_n = 939,565 \text{ MeV}/c^2 = 1.008665 \text{ Da}$
 - Otras verduras (originadas por las interacciones EM y Fuerte) cuyo resultado es la:
 - **Energía de ligadura**

Exceso de masa

- Se define como la diferencia entre la masa del núcleo y su número másico en daltons:

$$\Delta m_{^A X_z} = m_{^A X_z} - A \quad [\Delta m_{^A X_z}] = \text{MeV}/c^2$$

- Se relaciona con la energía de ligadura del núcleo, relativa a la energía de ligadura del 12-carbono:

$\Delta m_{^A X_z} < 0$: el núcleo está más ligado que el $^{12}C_6$

- Es una manera de tabular las masas de los núcleos.

$$m_{^A X_z} = A + \Delta m_{^A X_z}$$

Ya salió! si no tiene lugar, desinstale facebook y whatsapp e instale cosas útiles como la NWC

The image shows the Google Play Store listing for the "Isotope Browser" app. The app is developed by the IAEA Nuclear Data Section and has a rating of 4.36 stars from 436 reviews. It is categorized under "Todos". A note indicates that the app is compatible with all devices. A green "Instalada" button is visible. The main interface of the app is displayed, featuring a search bar at the top with "Chart" and "Element" options, and a dropdown menu showing "12C or C or 6". Below the search bar are several filters: "N", "A", "Jp", "Stable", "s <T%< Y", "Decay mode 0 <%< 100", and "Decay Rad. 0 <keV< 100". To the right of the search bar is a grid of element symbols with their names: Hydrogen (H), Lithium (Li), Beryllium (Be), Sodium (Na), Magnesium (Mg), Potassium (K), Calcium (Ca), Scandium (Sc), Titanium (Ti), Vanadium (V), Chromium (Cr), Rb, Strontium (Sr), Yttrium (Y), Zirconium (Zr), Niobium (Nb), Manganese (Mo), Cs, Barium (Ba), Hafnium (Hf), Tantalum (Ta), tungsten (W), Francium (Fr), Radium (Ra), Rutherfordium (Rf), Dubnium (Db), Seaborgium (Sg), Lanthanum (La), Cerium (Ce), Praseodymium (Pr), Neodymium (Nd), Promethium (Pm), Actinium (Ac), Thorium (Th), Protactinium (Pa), Uranium (U), Neptunium (Np). On the right side of the interface is a detailed isotope chart showing various isotopes and their decay chains. Isotopes like ¹³B-209, ⁸²Pb-203, ⁸²Po-208, ⁸³Po-207, ⁸⁴Po-209, ⁸⁴Po-210, ⁸⁵Po-209, ⁸⁶Po-209, ⁸⁷Po-209, ⁸⁸Po-209, ⁸⁹Po-209, ⁹⁰Po-209, ⁹¹Tl-206, ⁹¹Tl-207, ⁹²U-238, ⁹³Np-237, ⁹⁴Ru-238, ⁹⁵Ru-238, ⁹⁶Ru-238, ⁹⁷Ru-238, ⁹⁸Ru-238, ⁹⁹Ru-238, ¹⁰⁰Ru-238, ¹⁰¹Ru-238, ¹⁰²Ru-238, ¹⁰³Ru-238, ¹⁰⁴Ru-238, ¹⁰⁵Ru-238, ¹⁰⁶Ru-238, ¹⁰⁷Ru-238, ¹⁰⁸Ru-238, ¹⁰⁹Ru-238, ¹¹⁰Ru-238, ¹¹¹Ru-238, ¹¹²Ru-238, ¹¹³Ru-238, ¹¹⁴Ru-238, ¹¹⁵Ru-238, ¹¹⁶Ru-238, ¹¹⁷Ru-238, ¹¹⁸Ru-238, ¹¹⁹Ru-238, ¹²⁰Ru-238, ¹²¹Ru-238, ¹²²Ru-238, ¹²³Ru-238, ¹²⁴Ru-238, ¹²⁵Ru-238, ¹²⁶Ru-238, ¹²⁷Ru-238, ¹²⁸Ru-238, ¹²⁹Ru-238, ¹³⁰Ru-238, ¹³¹Ru-238, ¹³²Ru-238, ¹³³Ru-238, ¹³⁴Ru-238, ¹³⁵Ru-238, ¹³⁶Ru-238, ¹³⁷Ru-238, ¹³⁸Ru-238, ¹³⁹Ru-238, ¹⁴⁰Ru-238, ¹⁴¹Ru-238, ¹⁴²Ru-238, ¹⁴³Ru-238, ¹⁴⁴Ru-238, ¹⁴⁵Ru-238, ¹⁴⁶Ru-238, ¹⁴⁷Ru-238, ¹⁴⁸Ru-238, ¹⁴⁹Ru-238, ¹⁵⁰Ru-238, ¹⁵¹Ru-238, ¹⁵²Ru-238, ¹⁵³Ru-238, ¹⁵⁴Ru-238, ¹⁵⁵Ru-238, ¹⁵⁶Ru-238, ¹⁵⁷Ru-238, ¹⁵⁸Ru-238, ¹⁵⁹Ru-238, ¹⁶⁰Ru-238, ¹⁶¹Ru-238, ¹⁶²Ru-238, ¹⁶³Ru-238, ¹⁶⁴Ru-238, ¹⁶⁵Ru-238, ¹⁶⁶Ru-238, ¹⁶⁷Ru-238, ¹⁶⁸Ru-238, ¹⁶⁹Ru-238, ¹⁷⁰Ru-238, ¹⁷¹Ru-238, ¹⁷²Ru-238, ¹⁷³Ru-238, ¹⁷⁴Ru-238, ¹⁷⁵Ru-238, ¹⁷⁶Ru-238, ¹⁷⁷Ru-238, ¹⁷⁸Ru-238, ¹⁷⁹Ru-238, ¹⁸⁰Ru-238, ¹⁸¹Ru-238, ¹⁸²Ru-238, ¹⁸³Ru-238, ¹⁸⁴Ru-238, ¹⁸⁵Ru-238, ¹⁸⁶Ru-238, ¹⁸⁷Ru-238, ¹⁸⁸Ru-238, ¹⁸⁹Ru-238, ¹⁹⁰Ru-238, ¹⁹¹Ru-238, ¹⁹²Ru-238, ¹⁹³Ru-238, ¹⁹⁴Ru-238, ¹⁹⁵Ru-238, ¹⁹⁶Ru-238, ¹⁹⁷Ru-238, ¹⁹⁸Ru-238, ¹⁹⁹Ru-238, ²⁰⁰Ru-238, ²⁰¹Ru-238, ²⁰²Ru-238, ²⁰³Ru-238, ²⁰⁴Ru-238, ²⁰⁵Ru-238, ²⁰⁶Ru-238, ²⁰⁷Ru-238, ²⁰⁸Ru-238, ²⁰⁹Ru-238, ²¹⁰Ru-238, ²¹¹Ru-238, ²¹²Ru-238, ²¹³Ru-238, ²¹⁴Ru-238, ²¹⁵Ru-238, ²¹⁶Ru-238, ²¹⁷Ru-238, ²¹⁸Ru-238, ²¹⁹Ru-238, ²²⁰Ru-238, ²²¹Ru-238, ²²²Ru-238, ²²³Ru-238, ²²⁴Ru-238, ²²⁵Ru-238, ²²⁶Ru-238, ²²⁷Ru-238, ²²⁸Ru-238, ²²⁹Ru-238, ²³⁰Ru-238, ²³¹Ru-238, ²³²Ru-238, ²³³Ru-238, ²³⁴Ru-238, ²³⁵Ru-238, ²³⁶Ru-238, ²³⁷Ru-238, ²³⁸Ru-238, ²³⁹Ru-238, ²⁴⁰Ru-238, ²⁴¹Ru-238, ²⁴²Ru-238, ²⁴³Ru-238, ²⁴⁴Ru-238, ²⁴⁵Ru-238, ²⁴⁶Ru-238, ²⁴⁷Ru-238, ²⁴⁸Ru-238, ²⁴⁹Ru-238, ²⁵⁰Ru-238, ²⁵¹Ru-238, ²⁵²Ru-238, ²⁵³Ru-238, ²⁵⁴Ru-238, ²⁵⁵Ru-238, ²⁵⁶Ru-238, ²⁵⁷Ru-238, ²⁵⁸Ru-238, ²⁵⁹Ru-238, ²⁶⁰Ru-238, ²⁶¹Ru-238, ²⁶²Ru-238, ²⁶³Ru-238, ²⁶⁴Ru-238, ²⁶⁵Ru-238, ²⁶⁶Ru-238, ²⁶⁷Ru-238, ²⁶⁸Ru-238, ²⁶⁹Ru-238, ²⁷⁰Ru-238, ²⁷¹Ru-238, ²⁷²Ru-238, ²⁷³Ru-238, ²⁷⁴Ru-238, ²⁷⁵Ru-238, ²⁷⁶Ru-238, ²⁷⁷Ru-238, ²⁷⁸Ru-238, ²⁷⁹Ru-238, ²⁸⁰Ru-238, ²⁸¹Ru-238, ²⁸²Ru-238, ²⁸³Ru-238, ²⁸⁴Ru-238, ²⁸⁵Ru-238, ²⁸⁶Ru-238, ²⁸⁷Ru-238, ²⁸⁸Ru-238, ²⁸⁹Ru-238, ²⁹⁰Ru-238, ²⁹¹Ru-238, ²⁹²Ru-238, ²⁹³Ru-238, ²⁹⁴Ru-238, ²⁹⁵Ru-238, ²⁹⁶Ru-238, ²⁹⁷Ru-238, ²⁹⁸Ru-238, ²⁹⁹Ru-238, ³⁰⁰Ru-238, ³⁰¹Ru-238, ³⁰²Ru-238, ³⁰³Ru-238, ³⁰⁴Ru-238, ³⁰⁵Ru-238, ³⁰⁶Ru-238, ³⁰⁷Ru-238, ³⁰⁸Ru-238, ³⁰⁹Ru-238, ³¹⁰Ru-238, ³¹¹Ru-238, ³¹²Ru-238, ³¹³Ru-238, ³¹⁴Ru-238, ³¹⁵Ru-238, ³¹⁶Ru-238, ³¹⁷Ru-238, ³¹⁸Ru-238, ³¹⁹Ru-238, ³²⁰Ru-238, ³²¹Ru-238, ³²²Ru-238, ³²³Ru-238, ³²⁴Ru-238, ³²⁵Ru-238, ³²⁶Ru-238, ³²⁷Ru-238, ³²⁸Ru-238, ³²⁹Ru-238, ³³⁰Ru-238, ³³¹Ru-238, ³³²Ru-238, ³³³Ru-238, ³³⁴Ru-238, ³³⁵Ru-238, ³³⁶Ru-238, ³³⁷Ru-238, ³³⁸Ru-238, ³³⁹Ru-238, ³⁴⁰Ru-238, ³⁴¹Ru-238, ³⁴²Ru-238, ³⁴³Ru-238, ³⁴⁴Ru-238, ³⁴⁵Ru-238, ³⁴⁶Ru-238, ³⁴⁷Ru-238, ³⁴⁸Ru-238, ³⁴⁹Ru-238, ³⁵⁰Ru-238, ³⁵¹Ru-238, ³⁵²Ru-238, ³⁵³Ru-238, ³⁵⁴Ru-238, ³⁵⁵Ru-238, ³⁵⁶Ru-238, ³⁵⁷Ru-238, ³⁵⁸Ru-238, ³⁵⁹Ru-238, ³⁶⁰Ru-238, ³⁶¹Ru-238, ³⁶²Ru-238, ³⁶³Ru-238, ³⁶⁴Ru-238, ³⁶⁵Ru-238, ³⁶⁶Ru-238, ³⁶⁷Ru-238, ³⁶⁸Ru-238, ³⁶⁹Ru-238, ³⁷⁰Ru-238, ³⁷¹Ru-238, ³⁷²Ru-238, ³⁷³Ru-238, ³⁷⁴Ru-238, ³⁷⁵Ru-238, ³⁷⁶Ru-238, ³⁷⁷Ru-238, ³⁷⁸Ru-238, ³⁷⁹Ru-238, ³⁸⁰Ru-238, ³⁸¹Ru-238, ³⁸²Ru-238, ³⁸³Ru-238, ³⁸⁴Ru-238, ³⁸⁵Ru-238, ³⁸⁶Ru-238, ³⁸⁷Ru-238, ³⁸⁸Ru-238, ³⁸⁹Ru-238, ³⁹⁰Ru-238, ³⁹¹Ru-238, ³⁹²Ru-238, ³⁹³Ru-238, ³⁹⁴Ru-238, ³⁹⁵Ru-238, ³⁹⁶Ru-238, ³⁹⁷Ru-238, ³⁹⁸Ru-238, ³⁹⁹Ru-238, ⁴⁰⁰Ru-238, ⁴⁰¹Ru-238, ⁴⁰²Ru-238, ⁴⁰³Ru-238, ⁴⁰⁴Ru-238, ⁴⁰⁵Ru-238, ⁴⁰⁶Ru-238, ⁴⁰⁷Ru-238, ⁴⁰⁸Ru-238, ⁴⁰⁹Ru-238, ⁴¹⁰Ru-238, ⁴¹¹Ru-238, ⁴¹²Ru-238, ⁴¹³Ru-238, ⁴¹⁴Ru-238, ⁴¹⁵Ru-238, ⁴¹⁶Ru-238, ⁴¹⁷Ru-238, ⁴¹⁸Ru-238, ⁴¹⁹Ru-238, ⁴²⁰Ru-238, ⁴²¹Ru-238, ⁴²²Ru-238, ⁴²³Ru-238, ⁴²⁴Ru-238, ⁴²⁵Ru-238, ⁴²⁶Ru-238, ⁴²⁷Ru-238, ⁴²⁸Ru-238, ⁴²⁹Ru-238, ⁴³⁰Ru-238, ⁴³¹Ru-238, ⁴³²Ru-238, ⁴³³Ru-238, ⁴³⁴Ru-238, ⁴³⁵Ru-238, ⁴³⁶Ru-238, ⁴³⁷Ru-238, ⁴³⁸Ru-238, ⁴³⁹Ru-238, ⁴⁴⁰Ru-238, ⁴⁴¹Ru-238, ⁴⁴²Ru-238, ⁴⁴³Ru-238, ⁴⁴⁴Ru-238, ⁴⁴⁵Ru-238, ⁴⁴⁶Ru-238, ⁴⁴⁷Ru-238, ⁴⁴⁸Ru-238, ⁴⁴⁹Ru-238, ⁴⁵⁰Ru-238, ⁴⁵¹Ru-238, ⁴⁵²Ru-238, ⁴⁵³Ru-238, ⁴⁵⁴Ru-238, ⁴⁵⁵Ru-238, ⁴⁵⁶Ru-238, ⁴⁵⁷Ru-238, ⁴⁵⁸Ru-238, ⁴⁵⁹Ru-238, ⁴⁶⁰Ru-238, ⁴⁶¹Ru-238, ⁴⁶²Ru-238, ⁴⁶³Ru-238, ⁴⁶⁴Ru-238, ⁴⁶⁵Ru-238, ⁴⁶⁶Ru-238, ⁴⁶⁷Ru-238, ⁴⁶⁸Ru-238, ⁴⁶⁹Ru-238, ⁴⁷⁰Ru-238, ⁴⁷¹Ru-238, ⁴⁷²Ru-238, ⁴⁷³Ru-238, ⁴⁷⁴Ru-238, ⁴⁷⁵Ru-238, ⁴⁷⁶Ru-238, ⁴⁷⁷Ru-238, ⁴⁷⁸Ru-238, ⁴⁷⁹Ru-238, ⁴⁸⁰Ru-238, ⁴⁸¹Ru-238, ⁴⁸²Ru-238, ⁴⁸³Ru-238, ⁴⁸⁴Ru-238, ⁴⁸⁵Ru-238, ⁴⁸⁶Ru-238, ⁴⁸⁷Ru-238, ⁴⁸⁸Ru-238, ⁴⁸⁹Ru-238, ⁴⁹⁰Ru-238, ⁴⁹¹Ru-238, ⁴⁹²Ru-238, ⁴⁹³Ru-238, ⁴⁹⁴Ru-238, ⁴⁹⁵Ru-238, ⁴⁹⁶Ru-238, ⁴⁹⁷Ru-238, ⁴⁹⁸Ru-238, ⁴⁹⁹Ru-238, ⁵⁰⁰Ru-238, ⁵⁰¹Ru-238, ⁵⁰²Ru-238, ⁵⁰³Ru-238, ⁵⁰⁴Ru-238, ⁵⁰⁵Ru-238, ⁵⁰⁶Ru-238, ⁵⁰⁷Ru-238, ⁵⁰⁸Ru-238, ⁵⁰⁹Ru-238, ⁵¹⁰Ru-238, ⁵¹¹Ru-238, ⁵¹²Ru-238, ⁵¹³Ru-238, ⁵¹⁴Ru-238, ⁵¹⁵Ru-238, ⁵¹⁶Ru-238, ⁵¹⁷Ru-238, ⁵¹⁸Ru-238, ⁵¹⁹Ru-238, ⁵²⁰Ru-238, ⁵²¹Ru-238, ⁵²²Ru-238, ⁵²³Ru-238, ⁵²⁴Ru-238, ⁵²⁵Ru-238, ⁵²⁶Ru-238, ⁵²⁷Ru-238, ⁵²⁸Ru-238, ⁵²⁹Ru-238, ⁵³⁰Ru-238, ⁵³¹Ru-238, ⁵³²Ru-238, ⁵³³Ru-238, ⁵³⁴Ru-238, ⁵³⁵Ru-238, ⁵³⁶Ru-238, ⁵³⁷Ru-238, ⁵³⁸Ru-238, ⁵³⁹Ru-238, ⁵⁴⁰Ru-238, ⁵⁴¹Ru-238, ⁵⁴²Ru-238, ⁵⁴³Ru-238, ⁵⁴⁴Ru-238, ⁵⁴⁵Ru-238, ⁵⁴⁶Ru-238, ⁵⁴⁷Ru-238, ⁵⁴⁸Ru-238, ⁵⁴⁹Ru-238, ⁵⁵⁰Ru-238, ⁵⁵¹Ru-238, ⁵⁵²Ru-238, ⁵⁵³Ru-238, ⁵⁵⁴Ru-238, ⁵⁵⁵Ru-238, ⁵⁵⁶Ru-238, ⁵⁵⁷Ru-238, ⁵⁵⁸Ru-238, ⁵⁵⁹Ru-238, ⁵⁶⁰Ru-238, ⁵⁶¹Ru-238, ⁵⁶²Ru-238, ⁵⁶³Ru-238, ⁵⁶⁴Ru-238, ⁵⁶⁵Ru-238, ⁵⁶⁶Ru-238, ⁵⁶⁷Ru-238, ⁵⁶⁸Ru-238, ⁵⁶⁹Ru-238, ⁵⁷⁰Ru-238, ⁵⁷¹Ru-238, ⁵⁷²Ru-238, ⁵⁷³Ru-238, ⁵⁷⁴Ru-238, ⁵⁷⁵Ru-238, ⁵⁷⁶Ru-238, ⁵⁷⁷Ru-238, ⁵⁷⁸Ru-238, ⁵⁷⁹Ru-238, ⁵⁸⁰Ru-238, ⁵⁸¹Ru-238, ⁵⁸²Ru-238, ⁵⁸³Ru-238, ⁵⁸⁴Ru-238, ⁵⁸⁵Ru-238, ⁵⁸⁶Ru-238, ⁵⁸⁷Ru-238, ⁵⁸⁸Ru-238, ⁵⁸⁹Ru-238, ⁵⁹⁰Ru-238, ⁵⁹¹Ru-238, ⁵⁹²Ru-238, ⁵⁹³Ru-238, ⁵⁹⁴Ru-238, ⁵⁹⁵Ru-238, ⁵⁹⁶Ru-238, ⁵⁹⁷Ru-238, ⁵⁹⁸Ru-238, ⁵⁹⁹Ru-238, ⁶⁰⁰Ru-238, ⁶⁰¹Ru-238, ⁶⁰²Ru-238, ⁶⁰³Ru-238, ⁶⁰⁴Ru-238, ⁶⁰⁵Ru-238, ⁶⁰⁶Ru-238, ⁶⁰⁷Ru-238, ⁶⁰⁸Ru-238, ⁶⁰⁹Ru-238, ⁶¹⁰Ru-238, ⁶¹¹Ru-238, ⁶¹²Ru-238, ⁶¹³Ru-238, ⁶¹⁴Ru-238, ⁶¹⁵Ru-238, ⁶¹⁶Ru-238, ⁶¹⁷Ru-238, ⁶¹⁸Ru-238, ⁶¹⁹Ru-238, ⁶²⁰Ru-238, ⁶²¹Ru-238, ⁶²²Ru-238, ⁶²³Ru-238, ⁶²⁴Ru-238, ⁶²⁵Ru-238, ⁶²⁶Ru-238, ⁶²⁷Ru-238, ⁶²⁸Ru-238, ⁶²⁹Ru-238, ⁶³⁰Ru-238, ⁶³¹Ru-238, ⁶³²Ru-238, ⁶³³Ru-238, ⁶³⁴Ru-238, ⁶³⁵Ru-238, ⁶³⁶Ru-238, ⁶³⁷Ru-238, ⁶³⁸Ru-238, ⁶³⁹Ru-238, ⁶⁴⁰Ru-238, ⁶⁴¹Ru-238, ⁶⁴²Ru-238, ⁶⁴³Ru-238, ⁶⁴⁴Ru-238, ⁶⁴⁵Ru-238, ⁶⁴⁶Ru-238, ⁶⁴⁷Ru-238, ⁶⁴⁸Ru-238, ⁶⁴⁹Ru-238, ⁶⁵⁰Ru-238, ⁶⁵¹Ru-238, ⁶⁵²Ru-238, ⁶⁵³Ru-238, ⁶⁵⁴Ru-238, ⁶⁵⁵Ru-238, ⁶⁵⁶Ru-238, ⁶⁵⁷Ru-238, ⁶⁵⁸Ru-238, ⁶⁵⁹Ru-238, ⁶⁶⁰Ru-238, ⁶⁶¹Ru-238, ⁶⁶²Ru-238, ⁶⁶³Ru-238, ⁶⁶⁴Ru-238, ⁶⁶⁵Ru-238, ⁶⁶⁶Ru-238, ⁶⁶⁷Ru-238, ⁶⁶⁸Ru-238, ⁶⁶⁹Ru-238, ⁶⁷⁰Ru-238, ⁶⁷¹Ru-238, ⁶⁷²Ru-238, ⁶⁷³Ru-238, ⁶⁷⁴Ru-238, ⁶⁷⁵Ru-238, ⁶⁷⁶Ru-238, ⁶⁷⁷Ru-238, ⁶⁷⁸Ru-238, ⁶⁷⁹Ru-238, ⁶⁸⁰Ru-238, ⁶⁸¹Ru-238, ⁶⁸²Ru-238, ⁶⁸³Ru-238, ⁶⁸⁴Ru-238, ⁶⁸⁵Ru-238, ⁶⁸⁶Ru-238, ⁶⁸⁷Ru-238, ⁶⁸⁸Ru-238, ⁶⁸⁹Ru-238, ⁶⁹⁰Ru-238, ⁶⁹¹Ru-238, ⁶⁹²Ru-238, ⁶⁹³Ru-238, ⁶⁹⁴Ru-238, ⁶⁹⁵Ru-238, ⁶⁹⁶Ru-238, ⁶⁹⁷Ru-238, ⁶⁹⁸Ru-238, ⁶⁹⁹Ru-238, ⁷⁰⁰Ru-238, ⁷⁰¹Ru-238, ⁷⁰²Ru-238, ⁷⁰³Ru-238, ⁷⁰⁴Ru-238, ⁷⁰⁵Ru-238, ⁷⁰⁶Ru-238, ⁷⁰⁷Ru-238, ⁷⁰⁸Ru-238, ⁷⁰⁹Ru-238, ⁷¹⁰Ru-238, ⁷¹¹Ru-238, ⁷¹²Ru-238, ⁷¹³Ru-238, ⁷¹⁴Ru-238, ⁷¹⁵Ru-238, ⁷¹⁶Ru-238, ⁷¹⁷Ru-238, ⁷¹⁸Ru-238, ⁷¹⁹Ru-238, ⁷²⁰Ru-238, ⁷²¹Ru-238, ⁷²²Ru-238, ⁷²³Ru-238, ⁷²⁴Ru-238, ⁷²⁵Ru-238, ⁷²⁶Ru-238, ⁷²⁷Ru-238, ⁷²⁸Ru-238, ⁷²⁹Ru-238, ⁷³⁰Ru-238, ⁷³¹Ru-238, ⁷³²Ru-238, ⁷³³Ru-238, ⁷³⁴Ru-238, ⁷³⁵Ru-238, ⁷³⁶Ru-238, ⁷³⁷Ru-238, ⁷³⁸Ru-238, ⁷³⁹Ru-238, ⁷⁴⁰Ru-238, ⁷⁴¹Ru-238, ⁷⁴²Ru-238, ⁷⁴³Ru-238, ⁷⁴⁴Ru-238, ⁷⁴⁵Ru-238, ⁷⁴⁶Ru-238, ⁷⁴⁷Ru-238, ⁷⁴⁸Ru-238, ⁷⁴⁹Ru-238, ⁷⁵⁰Ru-238, ⁷⁵¹Ru-238, ⁷⁵²Ru-238, ⁷⁵³Ru-238, ⁷⁵⁴Ru-238, ⁷⁵⁵Ru-238, ⁷⁵⁶Ru-238, ⁷⁵⁷Ru-238, ⁷⁵⁸Ru-238, ⁷⁵⁹Ru-238, ⁷⁶⁰Ru-238, ⁷⁶¹Ru-238, ⁷⁶²Ru-238, ⁷⁶³Ru-238, ⁷⁶⁴Ru-238, ⁷⁶⁵Ru-238, ⁷⁶⁶Ru-238, ⁷⁶⁷Ru-238, ⁷⁶⁸Ru-238, ⁷⁶⁹Ru-238, ⁷⁷⁰Ru-238, ⁷⁷¹Ru-238, ⁷⁷²Ru-238, ⁷⁷³Ru-238, ⁷⁷⁴Ru-238, ⁷⁷⁵Ru-238, ⁷⁷⁶Ru-238, ⁷⁷⁷Ru-238, ⁷⁷⁸Ru-238, ⁷⁷⁹Ru-238, ⁷⁸⁰Ru-238, ⁷⁸¹Ru-238, ⁷⁸²Ru-238, ⁷⁸³Ru-238, ⁷⁸⁴Ru-238, ⁷⁸⁵Ru-238, ⁷⁸⁶Ru-238, ⁷⁸⁷Ru-238, ⁷⁸⁸Ru-238, ⁷⁸⁹Ru-238, ⁷⁹⁰Ru-238, ⁷⁹¹Ru-238, ⁷⁹²Ru-238, ⁷⁹³Ru-238, ⁷⁹⁴Ru-238, ⁷⁹⁵Ru-238, ⁷⁹⁶Ru-238, ⁷⁹⁷Ru-238, ⁷⁹⁸Ru-238, ⁷⁹⁹Ru-238, ⁸⁰⁰Ru-238, ⁸⁰¹Ru-238, ⁸⁰²Ru-238, ⁸⁰³Ru-

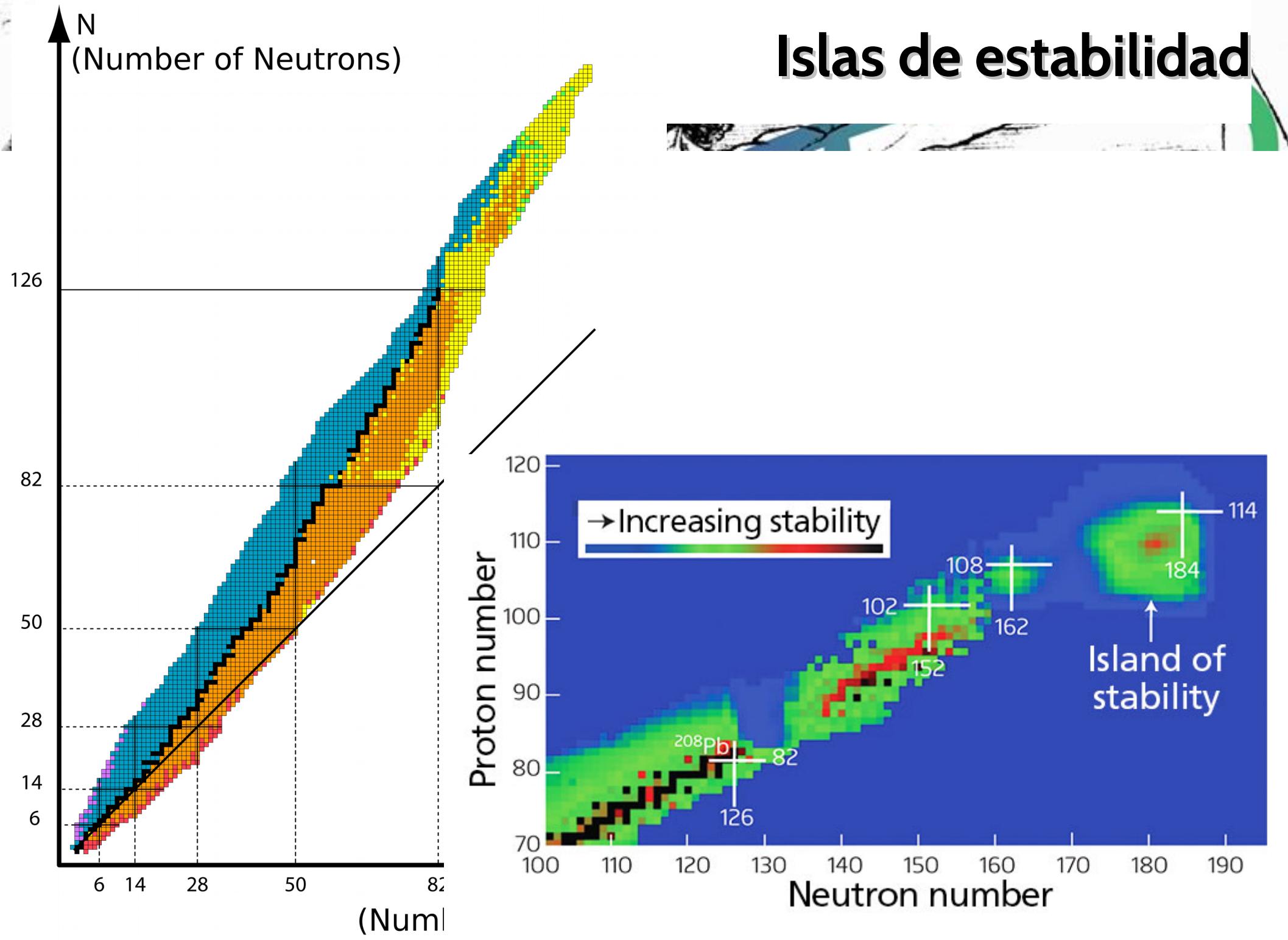
Por ejemplo, el pdf tiene estética *vintage*

¡CUIDADO!
Son masas
atómicas!

Nuclear Wallet Cards

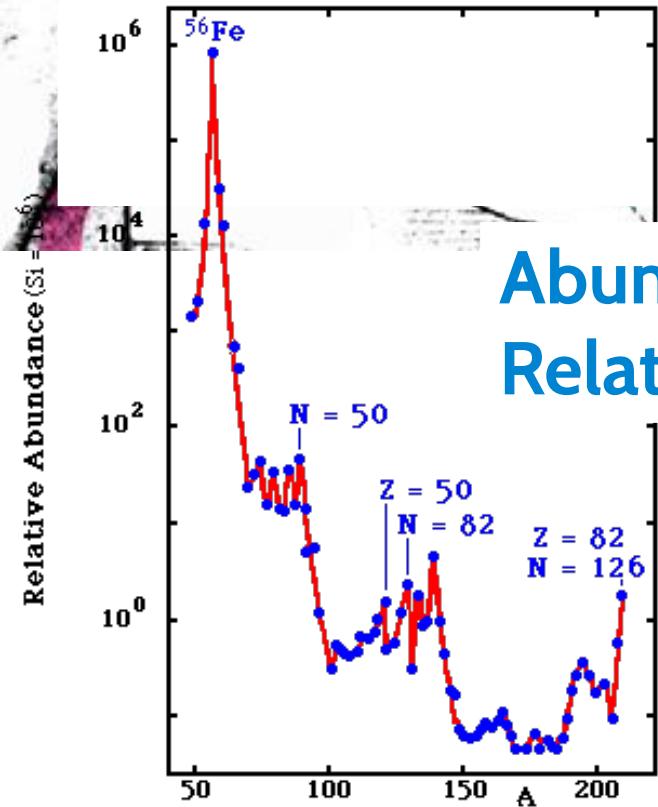
Nuclide Z E1 A	Jπ	Δ (MeV)	T½, Γ, or Abundance	Decay Mode
5 B 15		28.96	9.93 ms 7	β_- , $\beta\text{-}n$ 93.6%, $\beta\text{-}2n$ 0.4%
16	0-	37.12	<190 ps	n
17	3/2-)	43.8	5.08 ms 5	β_- , $\beta\text{-}n$ 63%, $\beta\text{-}2n$ 11%, $\beta\text{-}3n$ 3.5%, $\beta\text{-}4n$ 0.4%
18	(4-)	51.9s	<26 ns	n?
19	3/2-)	58.8s	2.92 ms 13	β_- , $\beta\text{-}n$ 72%, $\beta\text{-}2n$ 16%
20		67.1s		
21		75.7s		
6 C 8	0+	35.08	230 keV 50	p, α
9	3/2-)	28.909	126.5 ms 9	ε , εp 61.6%, $\varepsilon\alpha$ 38.4%
10	0+	15.698	19.308 s 4	ε
11	2/2	10.650	20.334 m 24	ε
12	0+	0.000	98.93% 8	
13	1/2-	3.125	1.07% 8	
14	0+	3.020	5700 y 30	β_-
15	1/2+	9.873	2.449 s 5	β_-
16	0+	13.694	0.747 s 8	β_- , $\beta\text{-}n$ 99%
17	3/2+	21.03	193 ms 13	β_- , $\beta\text{-}n$ 32%
18	0+	24.92	92 ms 2	β_- , $\beta\text{-}n$ 31.5%
19	1/2+	32.41	49 ms 4	β_- , $\beta\text{-}n$ 61%
20	0+	37.6	14 ms +6-5	β_- , $\beta\text{-}n$ 72%
21	1/2+)	45.6s	<30 ns	n?
22	0+	52.1s	6.1 ms +14-12	β_- , $\beta\text{-}n$ 61%, $\beta\text{-}2n$ <37%
23		62.7s		

Islas de estabilidad

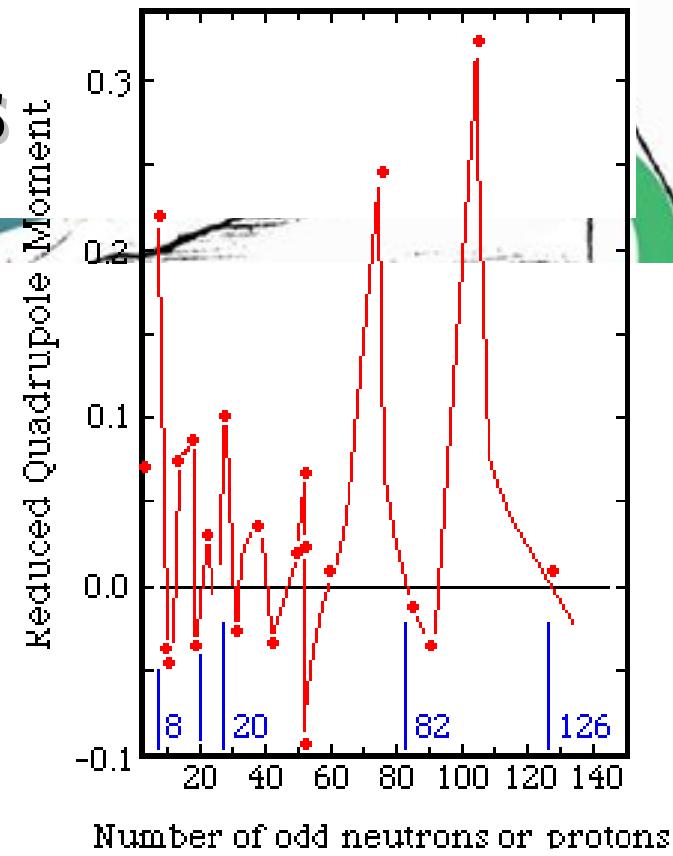


Números mágicos

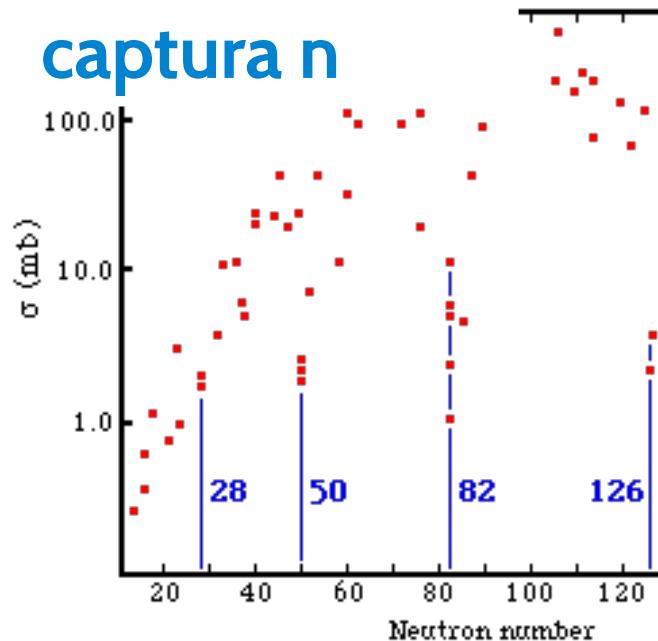
Abundancias
Relativas



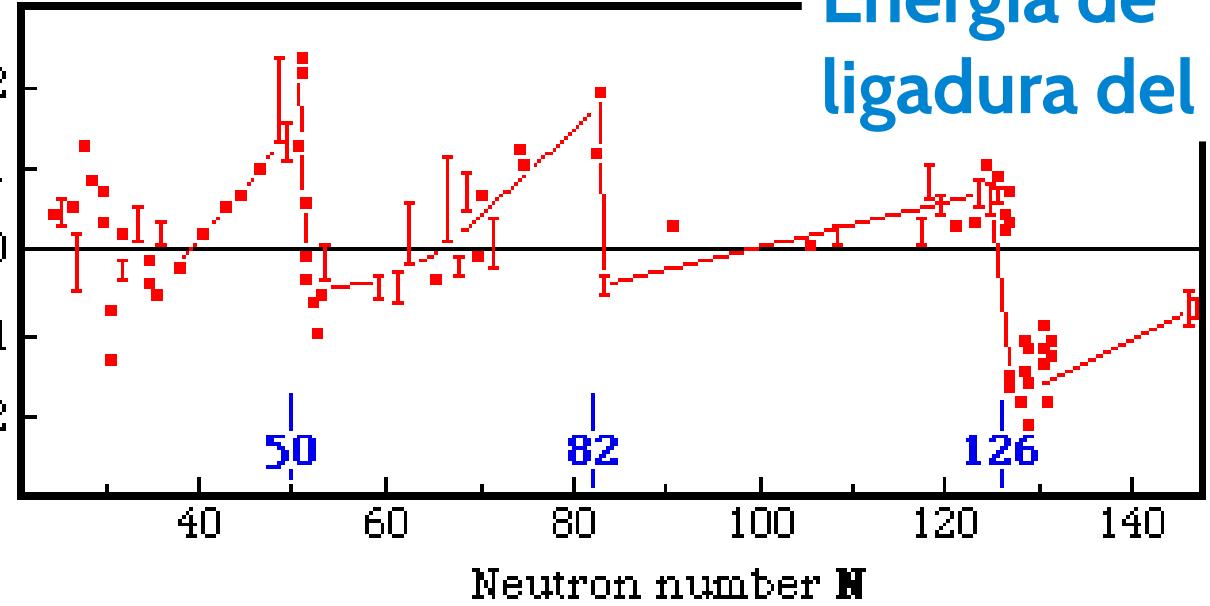
Momento
cuadrupolar E



Sección eficaz
captura n



Binding Energy of
last neutron (MeV)



Energía de
ligadura del n

El modelo de capas

- Los datos experimentales indican
 - máximos locales en la energía de ligadura nuclear
 - mínimos locales en el radio nuclear
 - mínimos locales en el momento cuadrupolar (anesfericidad)
 - y mínima sección eficaz de captura de nucleón adicional
- cuando el Z y/o N son iguales a:

2, 8, 20, 28, 50, 82, 126

- A estos números se los conoce como **números mágicos**
- ¿podría sugerir una estructura de capas como en los átomos?

2, 8, 20, 28, 50, 82, 126

- Los niveles de energía dependen del potencial

$$i\hbar \frac{\partial}{\partial t} \psi(\vec{r}, t) = \hat{H} \psi(\vec{r}, t)$$

$$\hat{H} = -\frac{\hbar^2}{2m} \nabla^2 + V(\vec{r})$$

- $L=0 \rightarrow s, L=1 \rightarrow p, L=2 \rightarrow d, L=3 \rightarrow f$

- Un nivel puede acomodar:
 $n = 2 \times (2L+1)$

nucleones

Oct, 2016

Falto poco

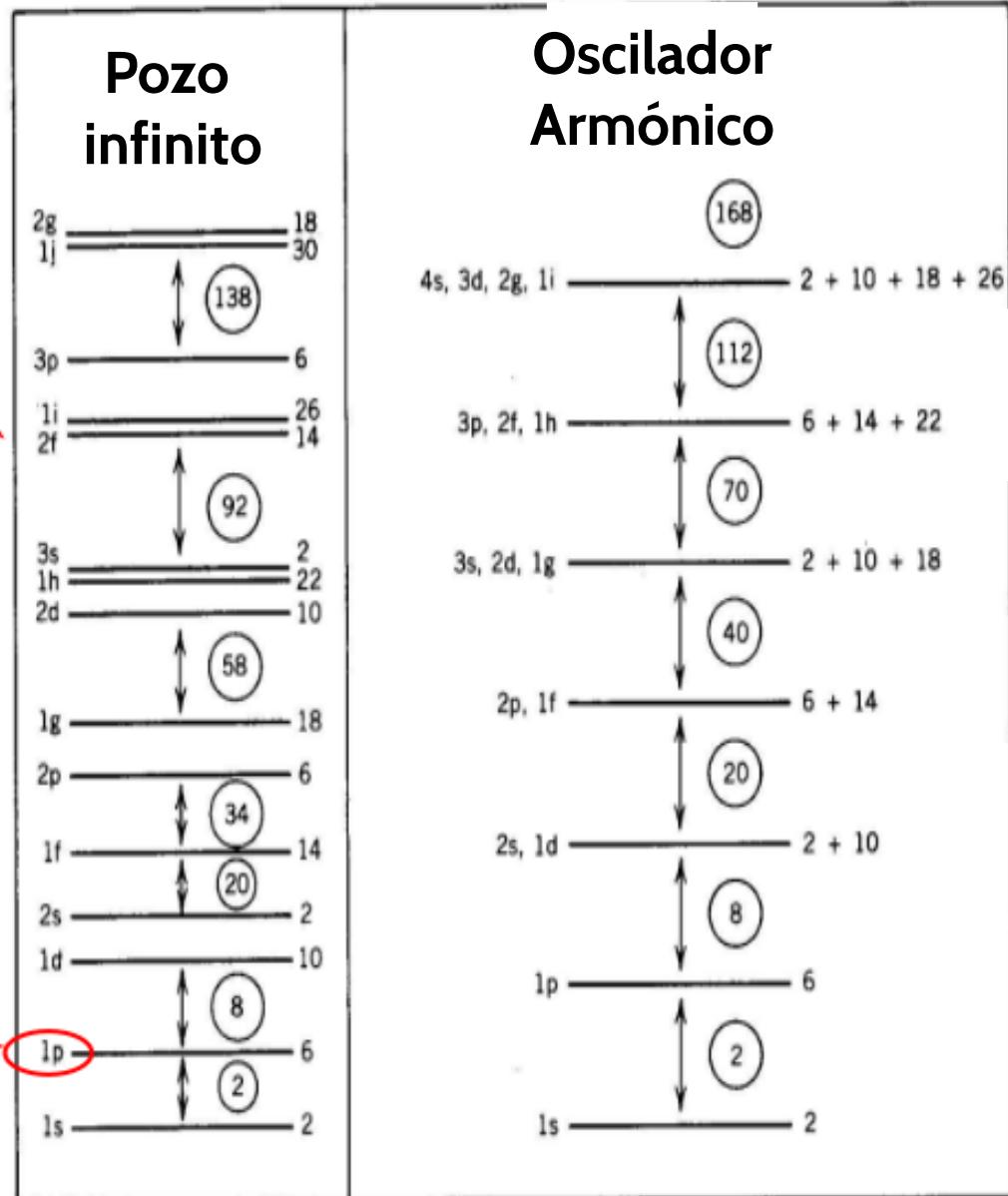


Figure 5.4 Shell structure obtained with infinite well and harmonic oscillator potentials. The capacity of each level is indicated to its right. Large gaps occur between the levels, which we associate with closed shells. The circled numbers indicate the total number of nucleons at each shell closure.

Potencial nuclear realista

2, 8, 20, 28, 50, 82, 126

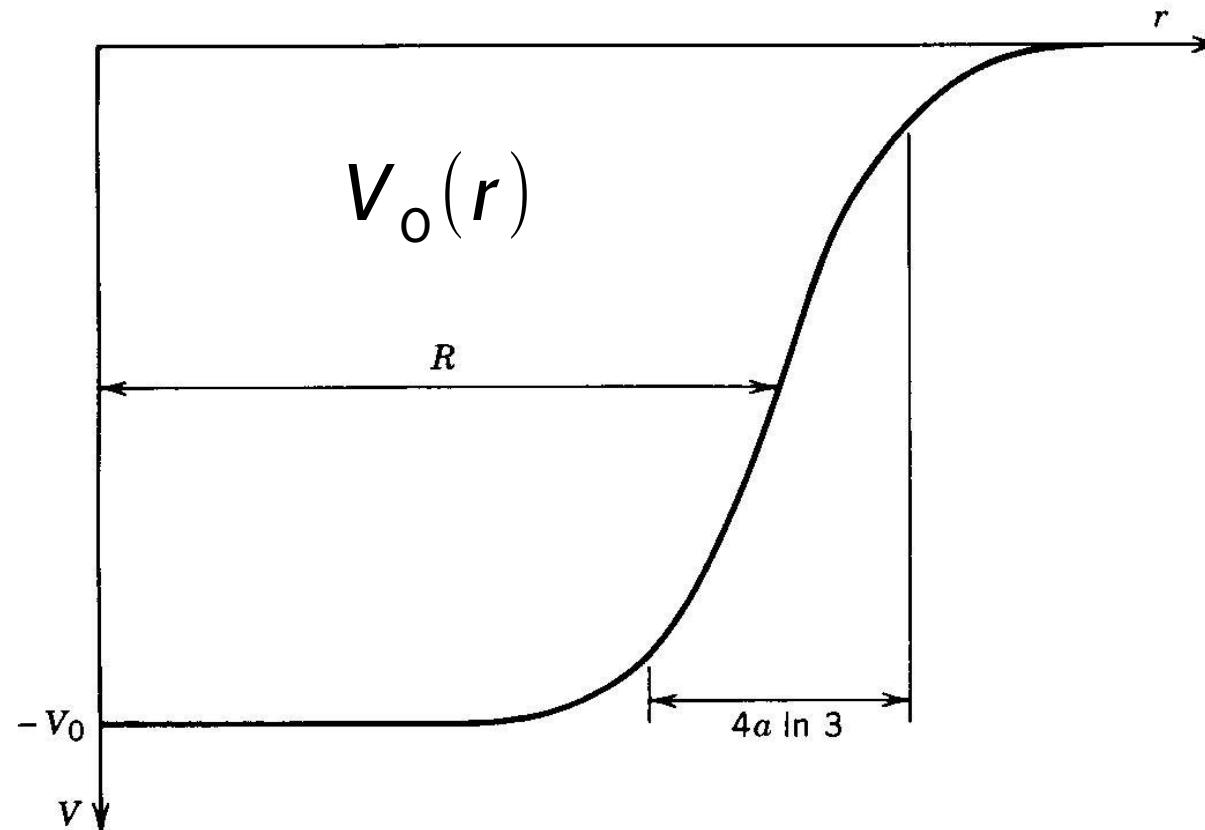
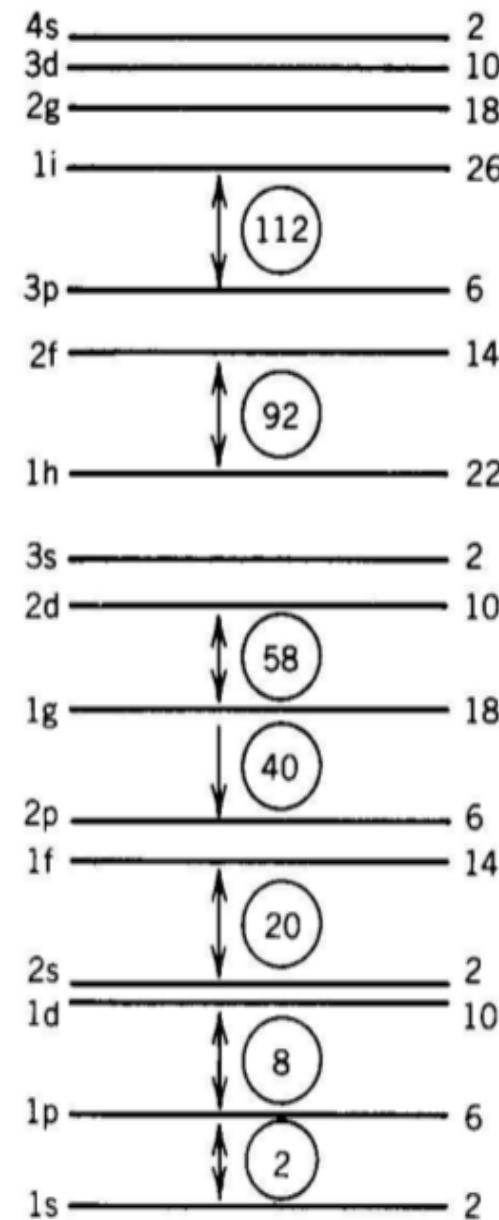
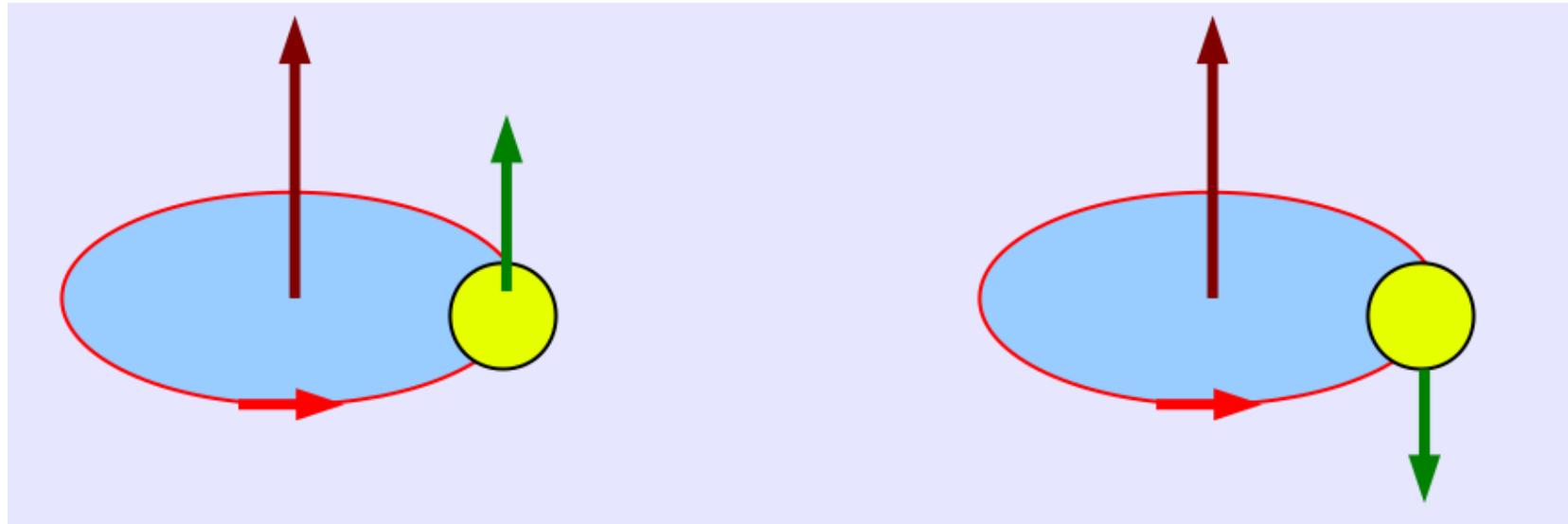


Figure 5.5 A realistic form for the shell-model potential. The “ski” $4a \ln 3$ is the distance over which the potential changes from $0.9V_0$ to



Fermi: Acoplamiento spin-órbita



- Término de acoplamiento al potencial:

$$V(r) = V_0(r) + V_{LS} \vec{L} \cdot \vec{S}$$

- L y S paralelos, potencial más atractivo
- L y S antiparalelos, potencial menos atractivo

¡Splitting!

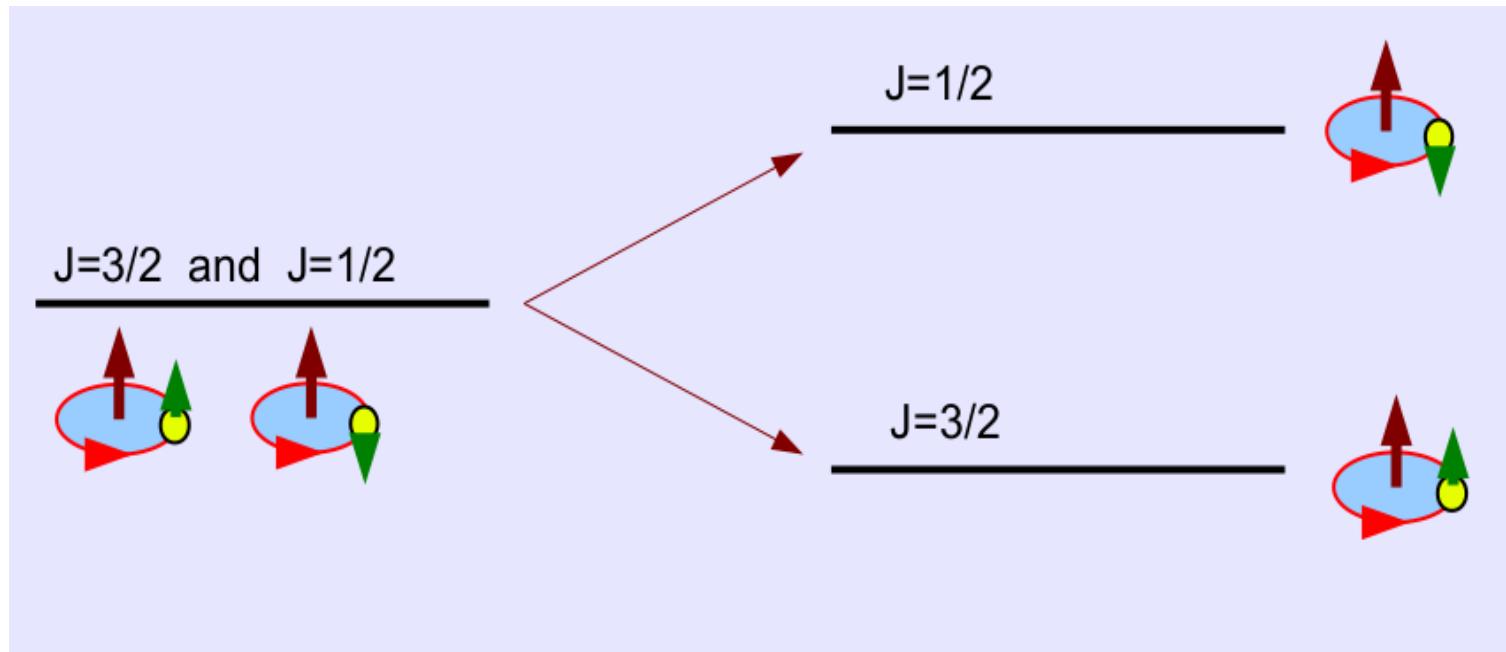
Suma de momentos angulares

- En cuántica, la suma de momentos angulares

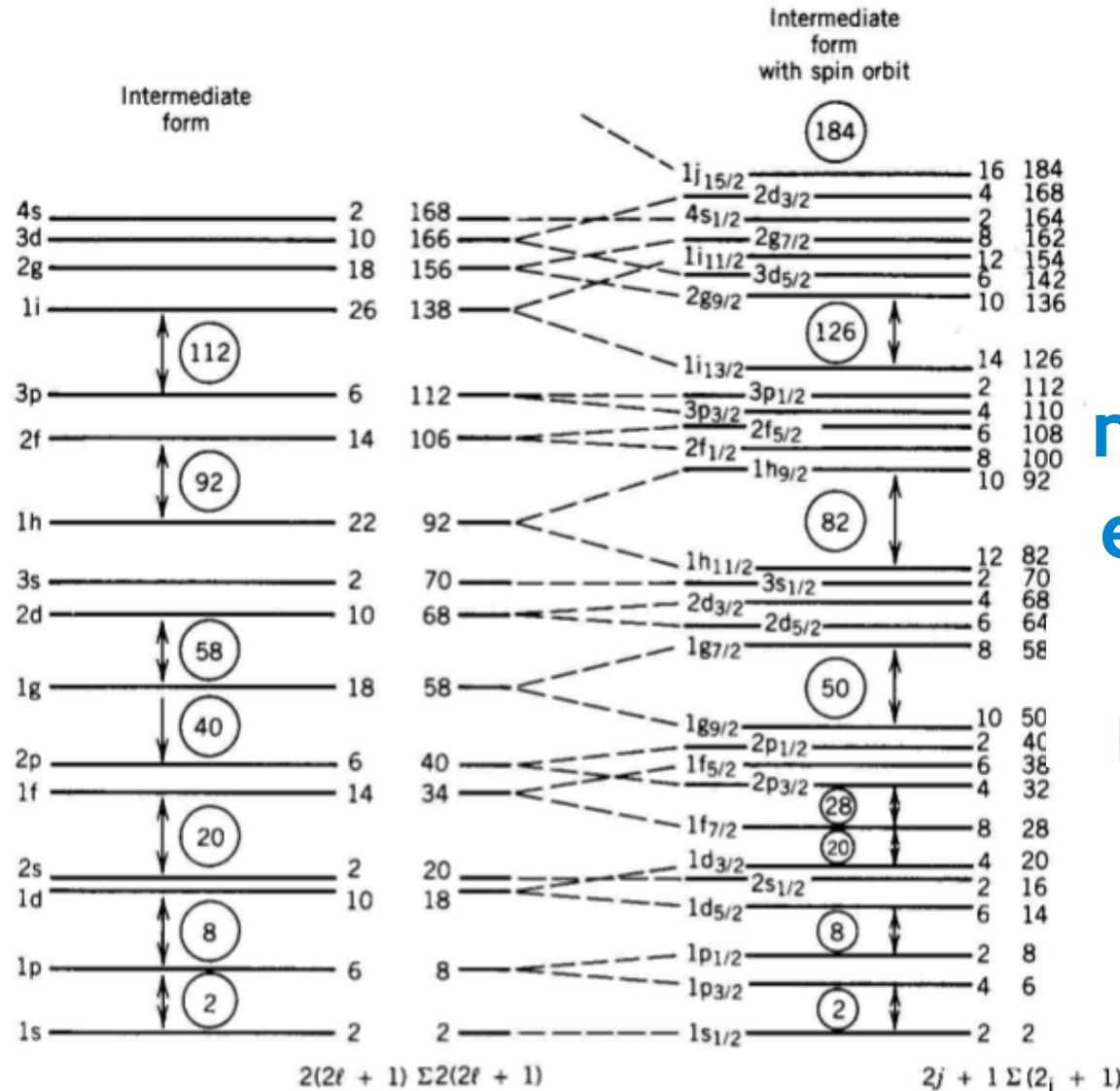
$$\vec{J} = \vec{L} + \vec{S} \rightarrow |l - s| \leq j \leq (l + s)$$

- Por ejemplo, $L=1$, $S=1/2$

- paralelos, $j=1/2$
- antiparalelos, $j=3/2$



Potencial nuclear incluyendo spin-órbita



Al incluir el potencial nuclear y el acoplamiento espín-órbita aparecen las “capas” nucleares y los números mágicos se reproducidos:
2, 8, 20, 28, 50, 82, 126

Momento angular total y paridad

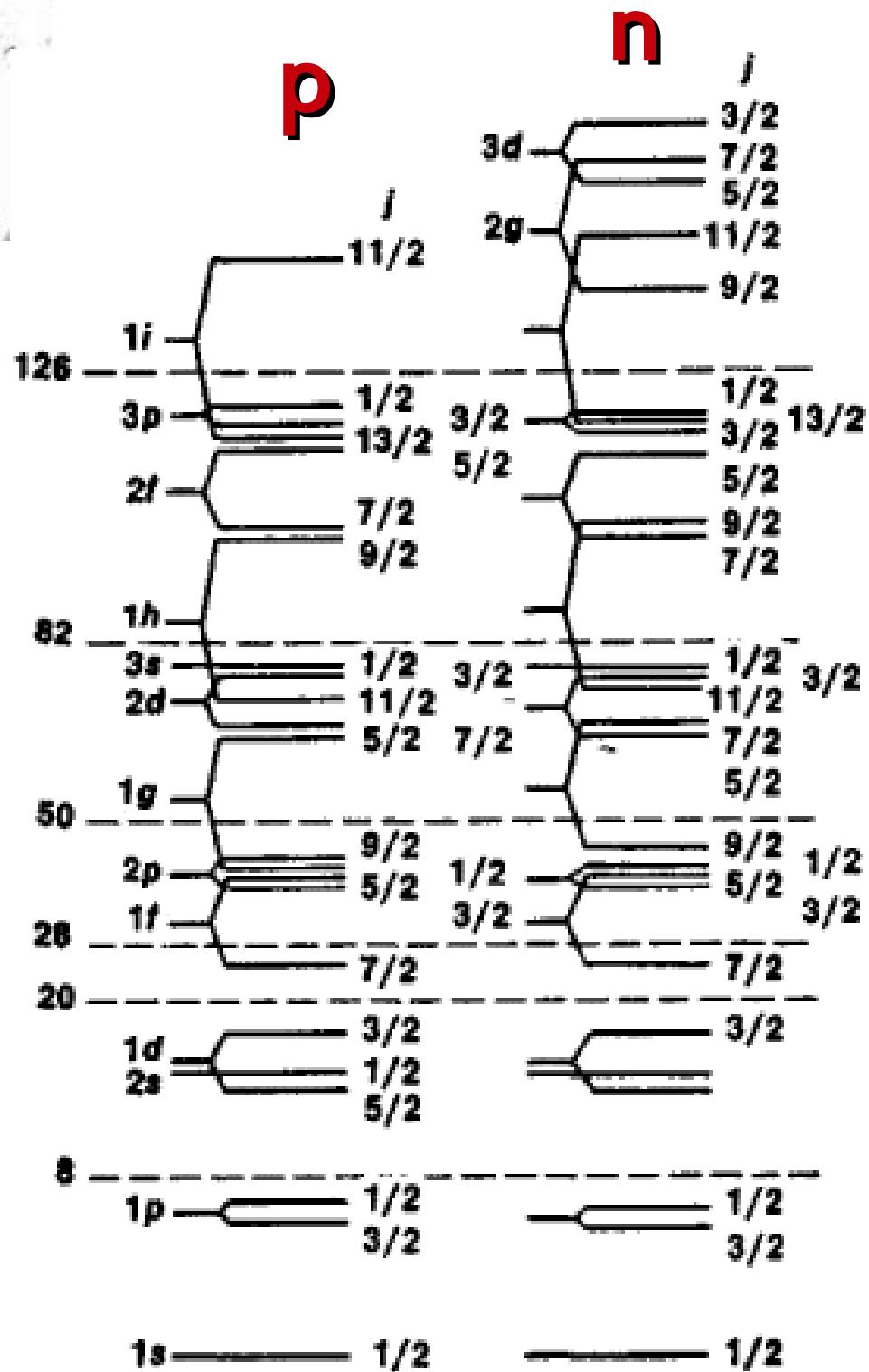
- Momento angular total J
- Paridad: Simetría de la función de onda frente a reflexiones espaciales, autovalores: +1 o -1
- La paridad de nivel es

$$\Pi = (-1)^l \Rightarrow l = 0, + ; l = 1, - ; l = 2, +$$

- El momento angular total y la paridad de un núcleo quedan dados por la configuración de nucleones en las capas:

$$J^{\Pi}$$

p y n, diferentes capas



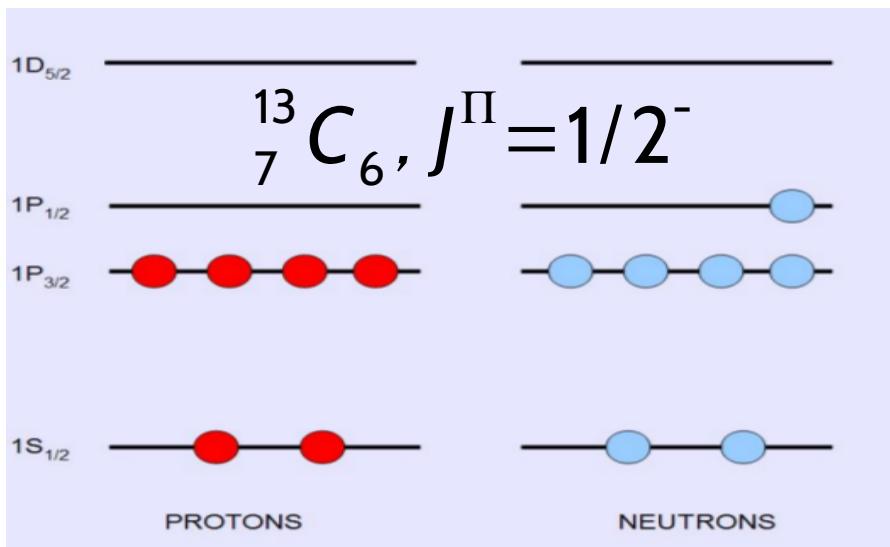
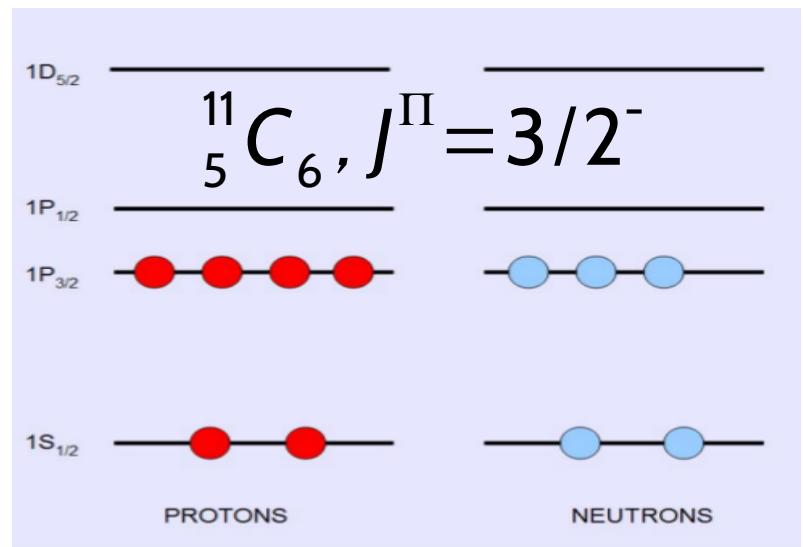
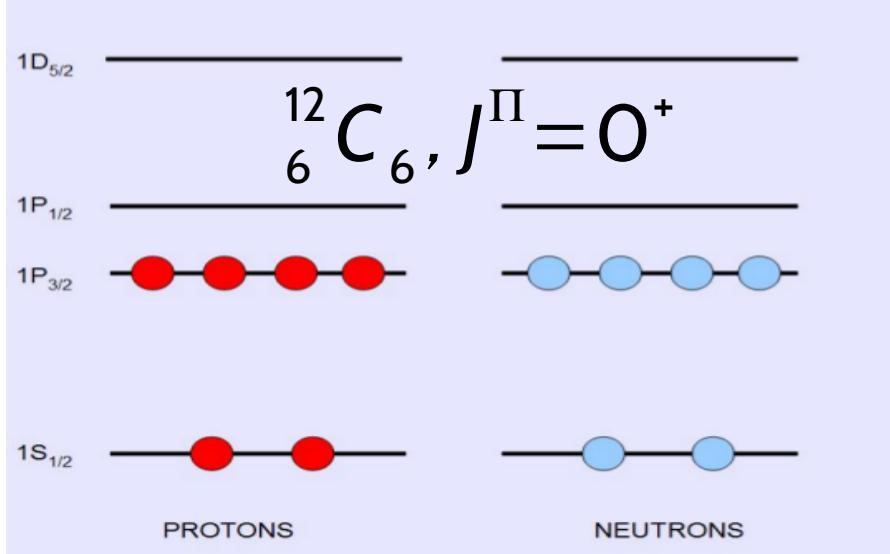
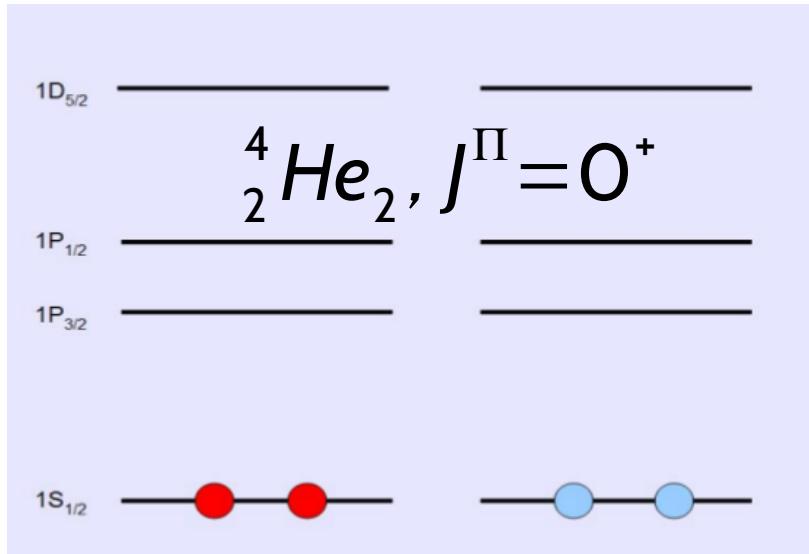
Momento angular total y paridad del núcleo

- Un nivel J puede acomodar $2J+1$ nucleones
- protones o neutrones apareados forman un estado 0^+
- Entonces, estado fundamental de un núcleo...
 - **Par-Par es 0^+**
 - **Par-Impar es el del orbital que ocupa el nucleón desapareado, y su paridad es $(-1)^l$.**
 - **Impar-impar es complicado, corresponde a la suma (cuántica) de los momentos angulares del protón, j_p , y del neutrón, j_n :**

$$|j_p - j_n| \leq J \leq |j_p + j_n| \quad \Pi = (-1)^{l_p + l_n}$$

P. ej: ${}^6Li_3 \rightarrow j_p = 3/2^-, j_n = 3/2^- \Rightarrow \Pi = (-1)^2 = +1$, pero $0 \leq J \leq 3$

Por ejemplo

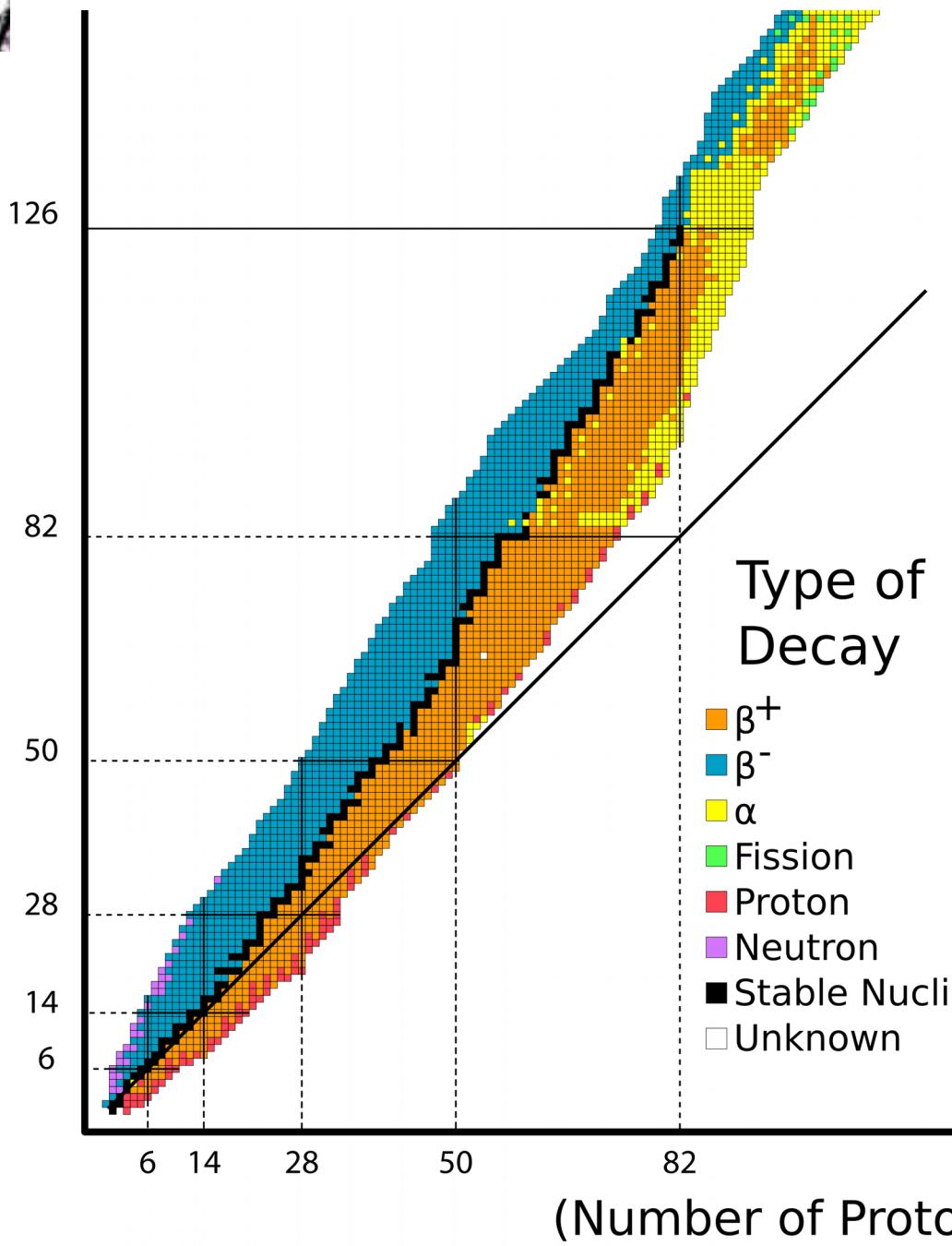


J y paridad de los núcleos

Nuclear Wallet Cards

Nuclide	Z	E1	A	Jπ	Δ (MeV)	T½, Γ, or Abundance	Decay Mode
5 B	5	B	15		28.96	9.93 ms 7	β_- , $\beta\text{-}n$ 93.6%, $\beta\text{-}2n$ 0.4%
	16			0-(3/2-)	37.12	<190 ps	n
	17				43.8	5.08 ms 5	β_- , $\beta\text{-}n$ 63%, $\beta\text{-}2n$ 11%, $\beta\text{-}3n$ 3.5%, $\beta\text{-}4n$ 0.4%
	18			(4-)	51.9s	<26 ns	n?
	19			(3/2-)	58.8s	2.92 ms 13	β_- , $\beta\text{-}n$ 72%, $\beta\text{-}2n$ 16%
	20				67.1s		
	21				75.7s		
	6 C	6	C	8	0+	230 keV 50	p, α
		9		(3/2-)	28.909	126.5 ms 9	ε , εp 61.6%, $\varepsilon\alpha$ 38.4%
	10			0+	15.608	10.308 s 4	ε
	11			3/2-	10.650	20.334 m 24	ε
	12			0+	0.000	98.93% 8	
	13			1/2-	3.125	1.07% 8	
	14			0+	3.020	5700 y 30	β_-
	15			1/2+	9.873	2.449 s 5	β_-
	16			0+	13.694	0.747 s 8	β_- , $\beta\text{-}n$ 99%
	17			3/2+	21.03	193 ms 13	β_- , $\beta\text{-}n$ 32%
	18			0+	24.92	92 ms 2	β_- , $\beta\text{-}n$ 31.5%
	19			1/2+	32.41	49 ms 4	β_- , $\beta\text{-}n$ 61%
	20			0+	37.6	14 ms +6-5	β_- , $\beta\text{-}n$ 72%
	21			(1/2+)	45.6s	<30 ns	n?
	22			0+	52.1s	6.1 ms +14-12	β_- , $\beta\text{-}n$ 61%, $\beta\text{-}2n$ <37%
	23				62.7s		

Tabla de nucléidos



Type of Decay

- β^+
- β^-
- α
- Fission
- Proton
- Neutron
- Stable Nuclide
- Unknown

Radiactividad





Radiactividad

- **Fenómeno físico por el cual algunos elementos inestables decaen en otros más estables emitiendo radiación ionizante (Energías típicas: keV – MeV).**

Tipos:

- **Alfa:** emisión de un núcleo de Helio (2 protones, 2 neutrones). Poca capacidad de penetración (las detiene un papel)
- **Beta:** emisión de un electrón o un positrón (media capacidad de penetración: láminas metálicas delgadas)
- **Gamma:** emisión de un fotón de alta energía (alta capacidad de penetración, hasta plomo)
- Otros: neutrones, protones, fisión espontánea, fragmentación



Tipos de decaimiento

- **Emisión de partículas cargadas** (alfa, beta, protón, fisión, fragmentación): implican cambios en el número atómico
- **Emisión de neutrones**: cambios en el número másico
- **Emisión de fotones**: desexcitación nuclear
- En todo decaimiento **se libera energía, Q** , usualmente en forma de energía cinética de los productos del decaimiento. **El decaimiento ocurre si y sólo si $Q>0$**
- En general, **Q es igual a la diferencia de masa entre reactivos y productos (cuidado, ¡son masas nucleares!).**

$$Q = (m_{\text{reactivos}} - m_{\text{productos}}) c^2$$