#### Universidad Nacional de Río Negro Física III B - 2018

Unidad 01 -

Clase U01 C03 - 03

Fecha 19 Mar 2019

Cont Calores

Cátedra Asorey

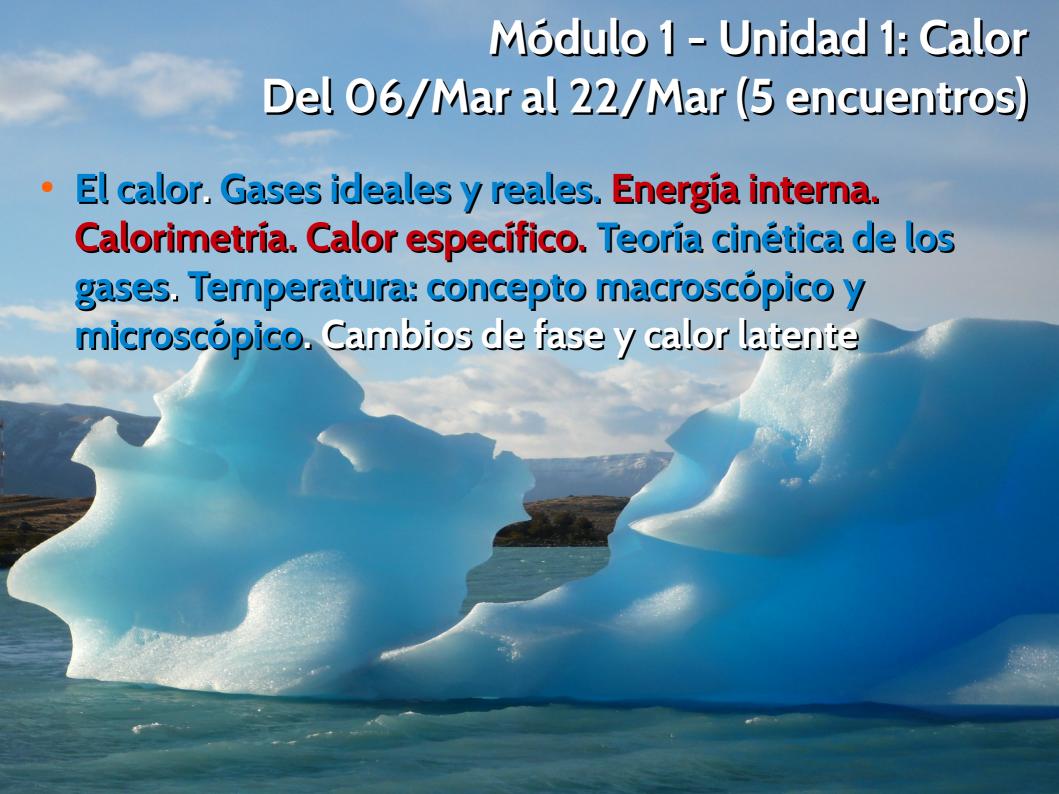
Web github.com/asoreyh/unrn-f3b

YouTube https://goo.gl/nNhGCZ



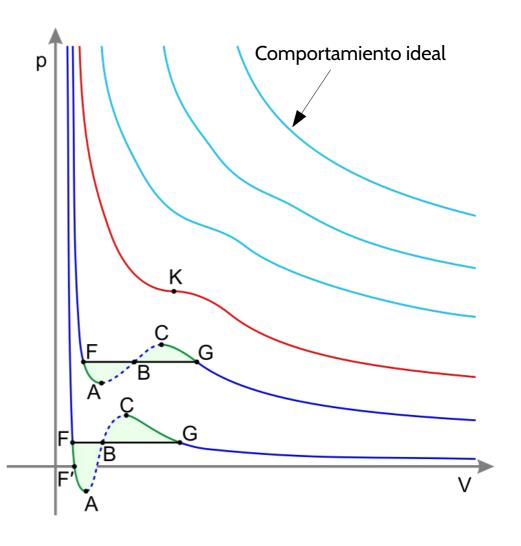
#### **Unidad 1: Calor**





#### Gases reales

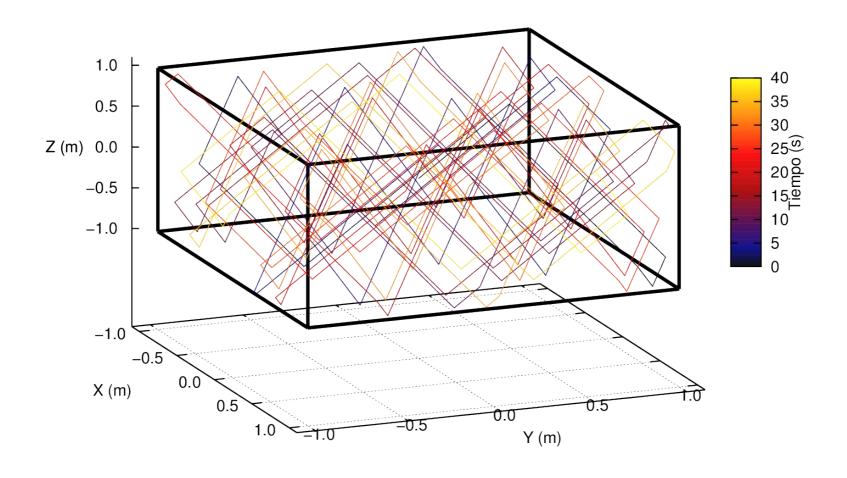
- Átomos y moléculas con interacción entre si (pero de corta distancia) → Fuerzas de Van der Waals
  - Monoatómicos: nobles, He, Ar,...
  - Diatómicos: H<sub>2</sub>, O<sub>2</sub>, N<sub>2</sub>,...
  - Triatómicos: CO<sub>2</sub>, H<sub>2</sub>O(\*)
  - Complejos: NH<sub>3</sub>
- Mejor aproximación: gases monoatómicos en condiciones de baja presión y temperatura (baja densidad)



#### Postulados de la teoría cinética: Gas ideal

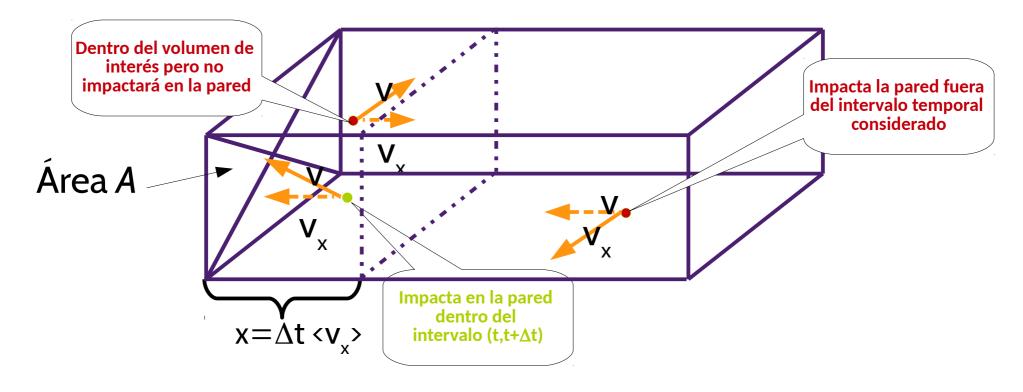
- Formado por un gran número de moléculas idénticas
- Separación media es grande respecto a las dimensiones
  - Volumen despreciable respecto al volumen contenedor
- Se mueven aleatoriamente con velocidades diferentes
  - La velocidad media de las moléculas es constante
- Obedecen las leyes de Newton
  - Sólo interactúan (entre sí y con el recipiente) a través de choques elásticos
- El gas está en equilibrio térmico con el recipiente

## Choques en las paredes del recipiente



## ¿Cuántos choques se producen en la pared en un tiempo At?

- En el intervalo ∆t, sólo impactarán en la pared A aquellas que estén a cierta distancia y en una cierta dirección
  - tres casos posibles



La presión, hasta aquí:

$$P = \frac{2}{3} \left( \frac{N}{V} \right) \left( \frac{1}{2} m \langle v^2 \rangle \right)$$

Reordenando

$$\frac{PV}{N} = \left(\frac{2}{3}\langle E_K \rangle\right)$$

Ecuación de estado microscópica

O también:

$$\frac{PV}{N}$$
 = constante

## ¿Cómo? ¿¿¿no era PV = n R T????

- La <E<sub>k</sub>> es "macroscópicamente inaccesible"
- Definimos la temperatura media

$$T \equiv \frac{1}{k_{B}} \left( \frac{2}{3} \langle E_{K} \rangle \right)$$

donde  $k_B$  = 1,3806 x 10<sup>-23</sup> J/K es la constante de Boltzmann.

- La temperatura media es una medida de la energía cinética media de las partículas del sistema.
- Luego:  $\frac{PV}{N} = k_b T$
- Y entonces

$$PV = Nk_bT$$

#### Al fin, PV = nRT

Multiplicando y dividiendo por el Número de Avogadro:

$$PV = \frac{N}{N_A}(N_A k_b)T$$

• N/N<sub>A</sub> es el número de moles de gas en el recipiente V, n:

$$PV = n(N_A k_b)T$$

• Y al producto  $(N_{\Delta} k_{B})$ :

$$R = N_A k_b = (6,022 \times 10^{23} \text{ mol}^{-1})(1,3806 \times 10^{-23} \text{ J K}^{-1})$$

$$R = N_A k_b = 8,314 \text{ J mol}^{-1} \text{ K}^{-1}$$

Resultando:

PV=nRTH. Asorey - F3B 2019

Ecuación de estado de un gas ideal 10/33

#### Aplicación: buscando al Helio

- La concentración de Helio en la atmósfera es tan baja (~5.2 ppm) que este gas fue descubierto en el Sol (Lockyer, 1868)
- Sin embargo, es muy abundante en el Universo
- ¿Dónde está el Helio?

#### Nota:

Vamos a hacer esta cuenta varias veces durante el semestre. Empezamos aquí

#### Escape atmosférico (1ra parte)

Ма

VOI-COZ - 2

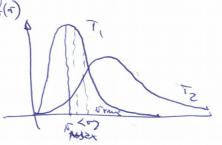
## Mejorando el cálculo

- Lo que hay que recordar es que hemos utilizado la velocidad promedio del Helio
- Un conjunto grande (~Número de Avogadro) de átomos de Helio a 300K, la <v> ~ 1370 m/s ~ 0,1 v<sub>e</sub>.
- Es ~ 10% de la velocidad de escape
- Las velocidades de cada átomo individual podrá distar (y mucho) de la promedio

#### Maxwell-Boltzmann

En um gos de N moleculos, harrà Cuatos prábados en   
odocudad o tengo? 
$$\rightarrow 0$$
. É y en robocudad   
of y N+2N?  $\rightarrow 0$   $f(\vec{r})$   $\rightarrow 0$   $f(\vec{r})$   $\rightarrow 0$   $\rightarrow$ 

$$\frac{\eta}{d\eta} = f(u) dr$$



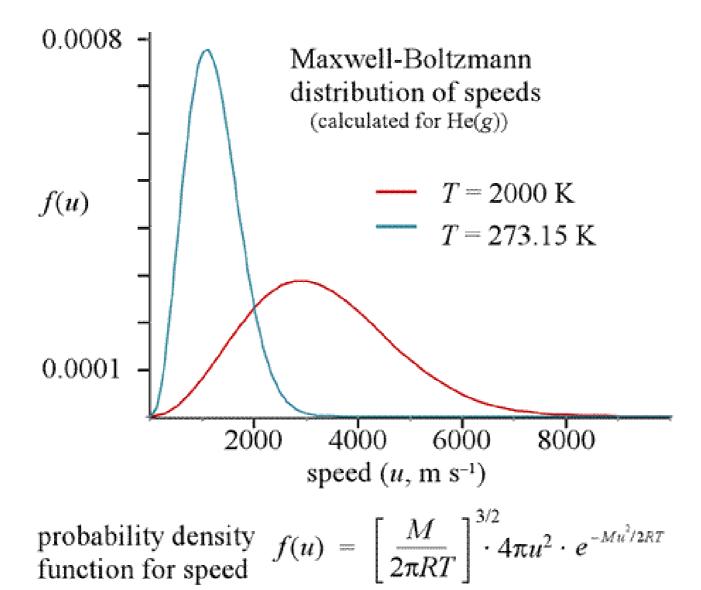
Se pende ver per 15m2 se do paro 3+ =0=5

$$f(v) = \frac{4}{\sqrt{\pi}} \left(\frac{m}{2kT}\right)^{3/2} v^2 e^{-\frac{mv^2}{2kT}}$$

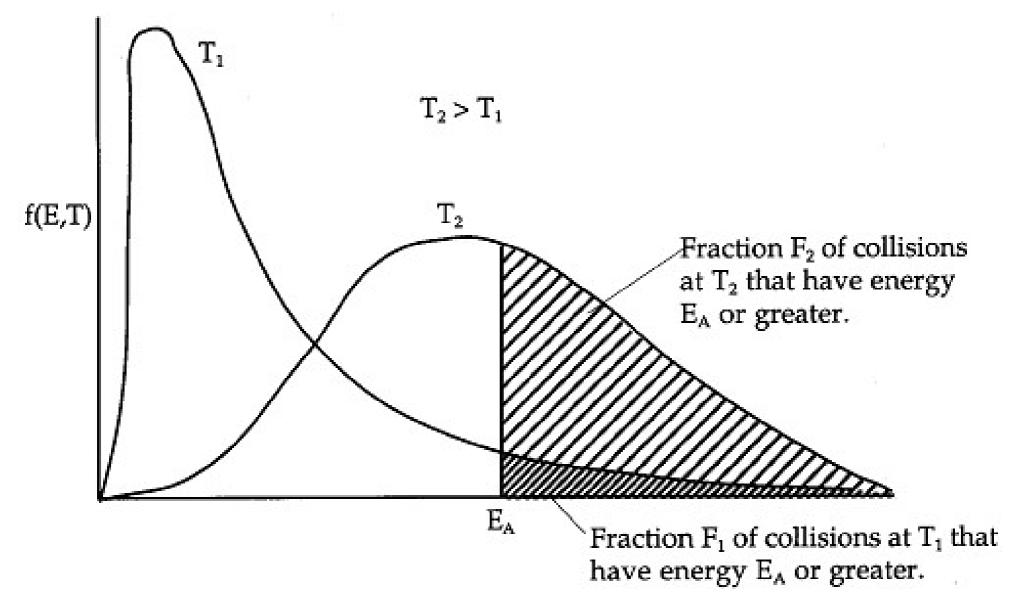
$$F(E) = \frac{2}{\sqrt{\pi}} \left(\frac{1}{kT}\right)^{3/2} E^{\frac{1}{2}} e^{-\frac{E}{kT}}$$

$$\frac{1}{\sqrt{E}} = \frac{1}{\sqrt{E}} = \frac{1$$

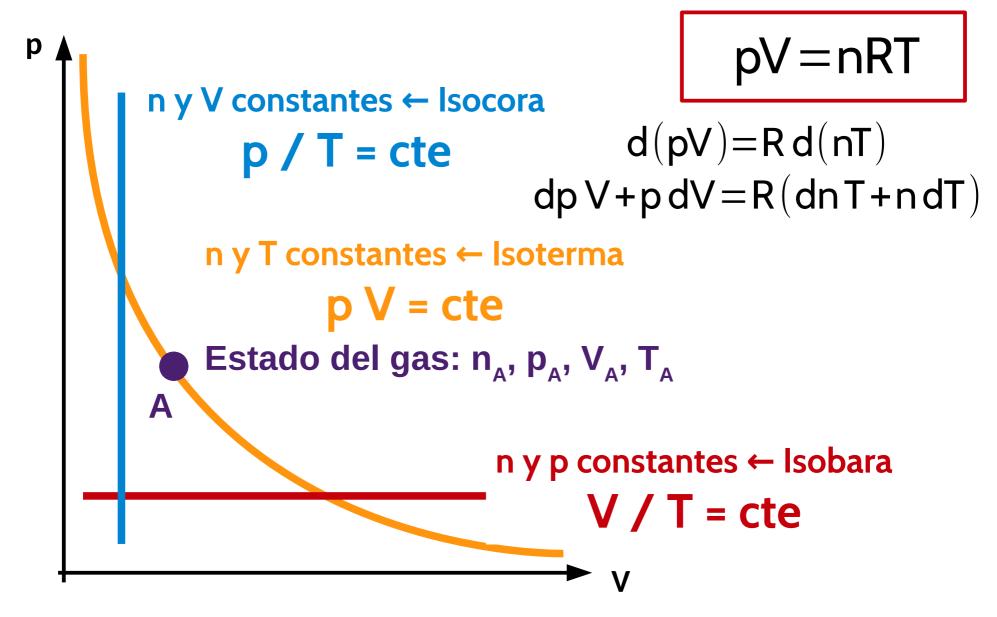
#### Funciones de distribución



## El problema de Richter



#### El diagrama PV

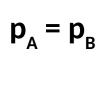


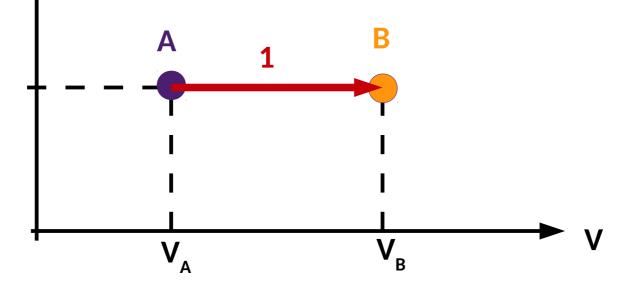
#### Transformaciones

P

## Una transformación representa al cambio de estado del gas

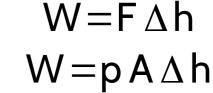
La transformación 1 modifica las condiciones del gas del estado "A" (n<sub>A</sub>,p<sub>A</sub>,V<sub>A</sub>,T<sub>A</sub>) al estado "B" (n<sub>B</sub>,p<sub>B</sub>,V<sub>B</sub>,T<sub>B</sub>)

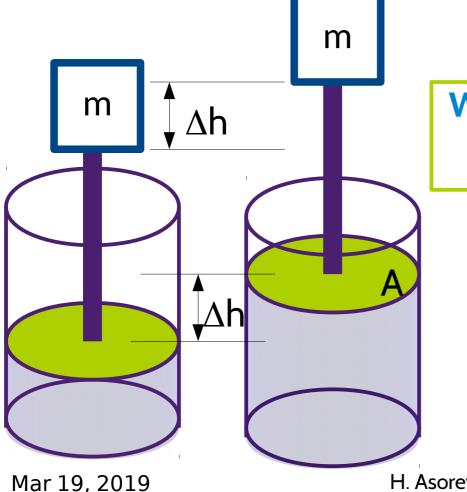




## ¿Qué sucede cuando un gas se expande?

- Si n y P son constantes, V aumenta  $\rightarrow V_f V_i = \Delta V$
- Sea un pistón de área A y Volúmen V





W es el trabajo realizado por el gas Tiene el signo de  $\Delta V$ 

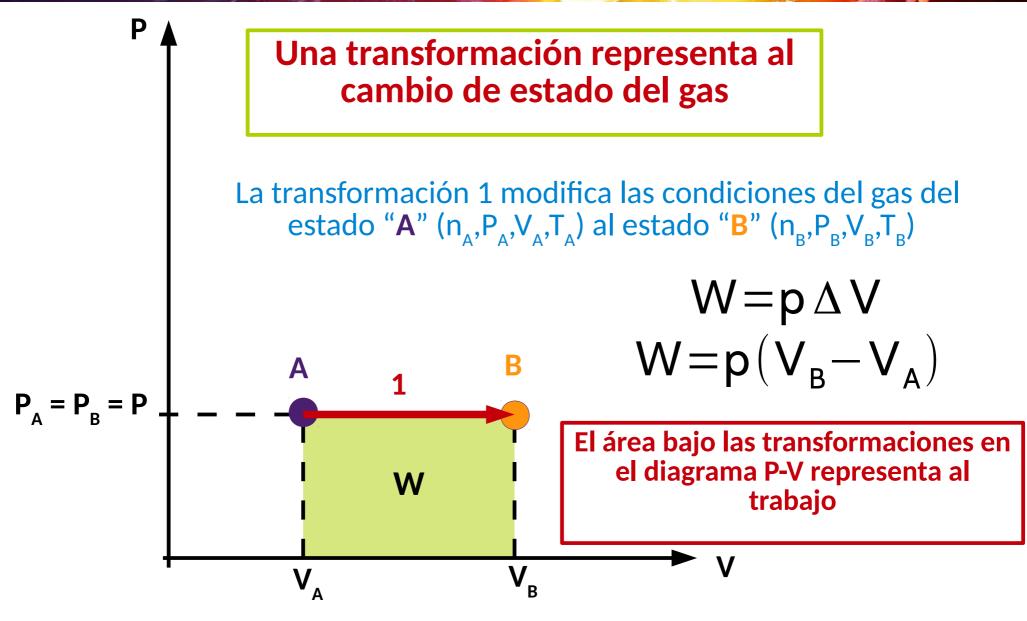
$$W = p \Delta V$$

Si  $\Delta V = 0 \rightarrow W=0$ 

Al expandirse, el gas realiza un trabajo sobre el medio → W=p △V = mg△h

#### Transformaciones

20/33



Mar 19, 2019 H. Asorey - F3B 2019

#### **Energia interna**

Energía media de las N partículas de un gas a temp. T:

$$U \stackrel{\text{def}}{=} N \langle E_K \rangle = N \frac{1}{N} \sum_{i_1}^{N} E_{i,k} = \sum_{i_1}^{N} E_{i,k}$$

$$U = N\left(\frac{3}{2}kT\right) = \frac{3}{2}\frac{N}{N_A}N_AkT + U = \frac{3}{2}nRT$$

Variaciones à n=cte,

$$dU = \frac{3}{2}Rd(nT) = \frac{3}{2}R(dnT + ndT)$$

$$dU = \frac{3}{2}nRdT \rightarrow \Delta U = \frac{3}{2}nR\Delta T$$
Mar 19, 2019

Si T cambia, necesariamente habrá un cambio en la energía interna del gas (y viceversa) ¿Qué es el calor específico?

# Calor específico: cantidad de calor necesaria para que un mol de una sustancia cambie su temperatura en 1 K

• Le entrego calor a n moles de una sustancia y su temperatura aumenta  $\Delta T$ , entonces:

$$C \stackrel{\text{def}}{=} \frac{Q}{n \Delta T} \rightarrow Q = C n \Delta T$$

#### Calor específico de un gas ideal

- Al calentar un gas, ¿cuántos tipos de transformaciones son posibles?
- A V=cte, caliento n moles de un gas ideal... ¿y T?
- ¿Qué pasa con la energía total?  $Q = \Delta U$
- Q se transforma en ... ¿?

$$C_{V} n \Delta T = \frac{3}{2} n R \Delta T$$

$$C_v = \frac{3}{2}R$$

El calor específico a V=cte de un gas ideal, C<sub>v</sub>, es proporcional a R

## ¿Qué pasa si caliento el gas a P=cte?

24/33

A P=cte, caliento n moles de un gas ideal... ¿y V?

• Si 
$$\Delta V$$
 no es  $O \rightarrow Trabajo \rightarrow W = p \Delta V$   
iuso la ec. de estado!  $W = p \left(\frac{nR\Delta T}{p}\right)$   
 $\Rightarrow W = nR\Delta T$ 

Además hay un cambio de la energía interna:

$$\Delta U = \frac{3}{2} nR \Delta T$$

• Ahora, ¿de donde proviene el trabajo y ∆U?

$$Q = \Delta U + W$$

$$C_{P} n \Delta T = \frac{3}{2} n R \Delta T + n R \Delta T$$

$$C_{P} n \Delta T = \left(\frac{3}{2} R + R\right) n \Delta T$$

$$C_{P} = \frac{3}{2} R + R \rightarrow C_{P} = C_{V} + R$$

#### Lo importante es que, ...

 ... en este contexto, la ley de la conservación de la energía nos dijo que:



Primer principio de la termodinámica

Q= Calor cedido al sistema (signo de  $\Delta T$ )

 $\Delta U$ = Cambio de la energía interna del sistema (signo de  $\Delta T$ )

W = Trabajo realizado por el sistema (signo de  $\Delta V$ )

## Seguimos: ¿qué pasa si es un gas biatómico?

- Grados de libertad de un sistema:
  - Número de parámetros que pueden variar de manera independiente en el sistema
- Si tuviera un sistema formado por partículas:

Número mínimo de variables necesarias para determinar la

posición de una partícula



En 3D hay 3 grados de libertad para una partícula libre

2 partículas por 3 grados de libertad c/u menos un vínculo: 5 grados de libertad

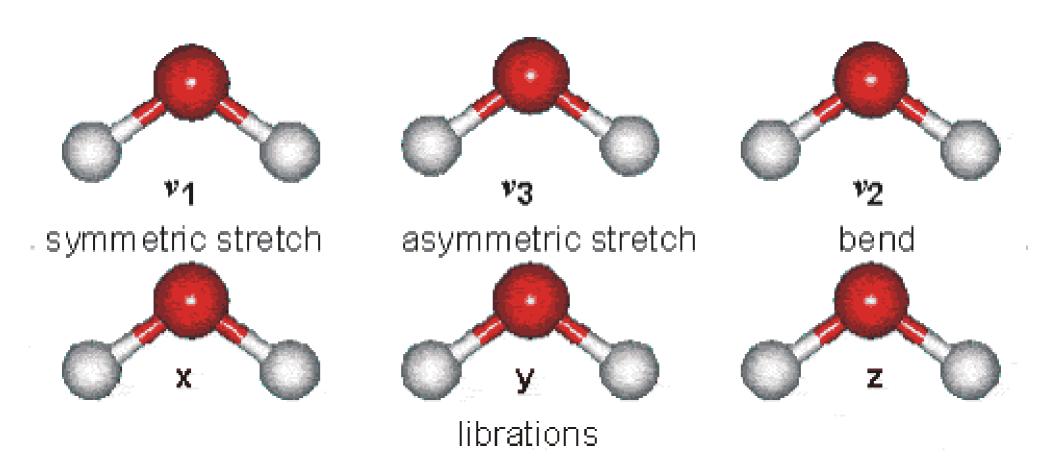
## Atomicidad y grados de libertad

- Número de átomos que forman una molécula:
  - Monoatómico → atomicidad = 1: He, Ar, Xe, Ne, ...
  - Biatómico → atomicidad = 2 : N<sub>2</sub>, O<sub>2</sub>, H<sub>2</sub>, ...
  - Triatómico → atomicidad = 3 : CO<sub>2</sub>, H<sub>2</sub>S, ...
- Grados de libertad:
  - Partícula libre: 3 (necesito 3 coord. Para definir la posición)
  - En general: a = 3 x n° de partículas n° de vínculos
  - Monoatómico: a = 3
  - Biatómico: a = 3 x 2 1 = 5
  - Triatómico: a = 3 x 3 3 = 6

# Molécula biatómica en un caso más realista (puede cambiar la distancia)

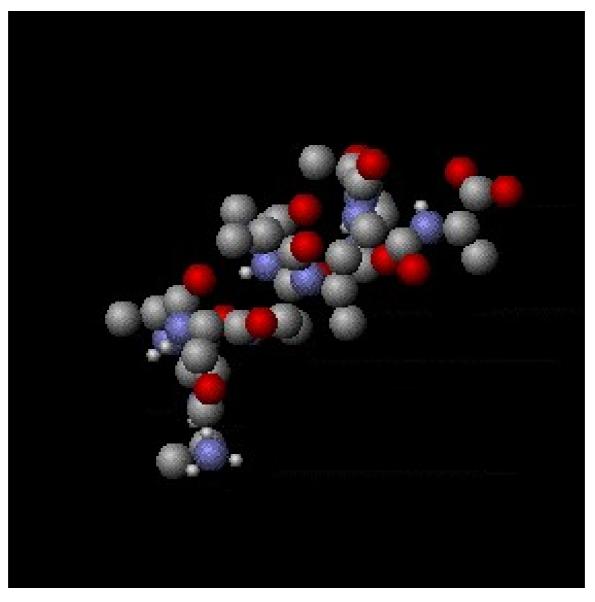


#### En un gas triatómico realista....



Mar 19, 2019 H. Asorey - F3B 2019 30/33

## Y una molécula compleja



Mar 19, 2019 H. Asorey - F3B 2019 31/33

#### Teorema de equipartición

 Para cada grado de libertad, hay un término aditivo en la expresión de la energía cinética:

#### Teorema de Equipartición de la Energía

En un sistema en equilibrio, la energía cinética promedio por molécula es igual a ½ kT (ó ½ RT por mol) por cada grado de libertad del sistema

- Grados de libertad en un gas ideal:
  - Gas monoatómico: z=3
  - Gas biatómico: z=5 En general:  $C_V = \frac{z}{2}$  y  $C_P = C_V + R$  Gas Triatómico: z=6

#### En un gas ideal con z grados de libertad....

Calor específico a Volumen constante:

$$C_V = \frac{z}{2}R$$

$$C_{V} = \frac{z}{2}R$$
  $C_{V,mono} = \frac{3}{2}R$   $C_{V,bi} = \frac{5}{2}R$   $C_{V,tri} = \frac{6}{2}R$ 

Calor específico a Presión constante:

$$C_{p} = \left(\frac{z}{2} + 1\right) R$$

$$C_{P} = \left(\frac{z}{2} + 1\right) R$$
  $C_{P,mono} = \frac{5}{2} R$   $C_{P,bi} = \frac{7}{2} R$   $C_{P,tri} = \frac{8}{2} R$ 

Razón de calor específico

$$\gamma \stackrel{\text{def}}{=} \frac{C_p}{C_V} = \frac{z+2}{z}$$

$$\gamma \stackrel{\text{def}}{=} \frac{C_{P}}{C_{V}} = \frac{z+2}{z}$$

$$\gamma_{\text{mono}} = \frac{5}{3} \quad \gamma_{\text{bi}} = \frac{7}{5} \quad \gamma_{\text{tri}} = \frac{4}{3}$$