Universidad Nacional de Río Negro Física III B - 2020

Unidad 01

Clase U01 C04 - 04

Fecha 19 Mar 2020

Cont Energía Interna

Cátedra Asorey

Web https://gitlab.com/asoreyh/unrn-f3b



Unidad 1: Calor



Módulo 1 - Unidad 1: Calor

• El calor. Gases ideales y reales. Energía interna.

Calorimetría. Calor específico. Teoría cinética de los gases. Temperatura: concepto macroscópico y microscópico. Cambios de fase y calor latente



Condiciones "Normales" de Presión y Temperatura (CNPT)

- Parámetros "estandarizados" para trabajar con un gas...
 - Hay muchas convenciones → no son estándares...
 - ¿qué presión? ¿qué temperatura? ¿en qué unidades?
- Nuestra convención:

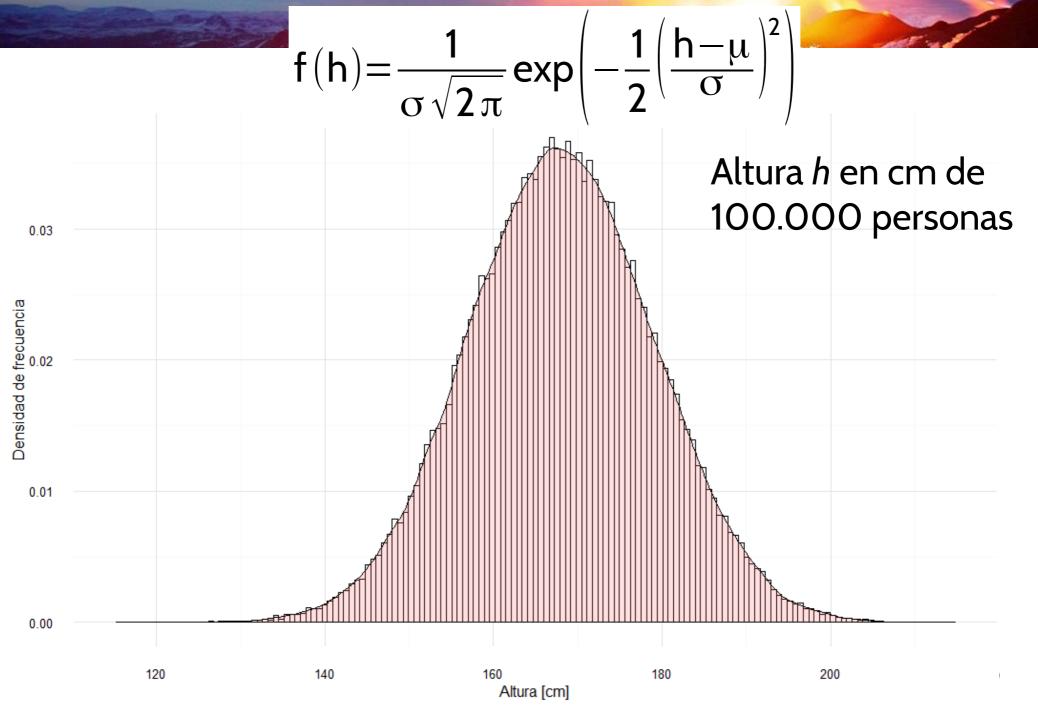
$$V = \frac{nRT}{P}$$

- $T = O^{\circ}C \rightarrow T = 273,15 \text{ K}$
- $P = 1atm \rightarrow P = 101325 Pa$ (ó P=1013,25 hPa ó P=101,325 kPa)
- \rightarrow V_{molar}=0,022309m³=22,398 L (volumen molar normal)
- Otras, por ej., T=273,15 K; P = 10^5 Pa \rightarrow V_{molar} = 22,7 L ó, T=293.15K; P = 1atm \rightarrow V_{molar} = 24,06 L, etc

Mejorando el cálculo

- Lo que hay que recordar es que hemos utilizado la velocidad promedio del Helio
- Un conjunto grande (~Número de Avogadro) de átomos de Helio a 300K, la <v> ~ 1370 m/s ~ 0,1 v_e.
- Es ~ 10% de la velocidad de escape
- Las velocidades de cada átomo individual podrá distar (y mucho) de la promedio

Distribución normal o Gaussiana



Sea un gas ideal a una temperatura T

 ¿Cuál es la distribución de probabilidad del módulo de la velocidad |v| de las moléculas que componen un gas

$$|\vec{\mathbf{v}}| = \sqrt{\mathbf{v}_{x}^{2} + \mathbf{v}_{y}^{2} + \mathbf{v}_{z}^{2}}$$

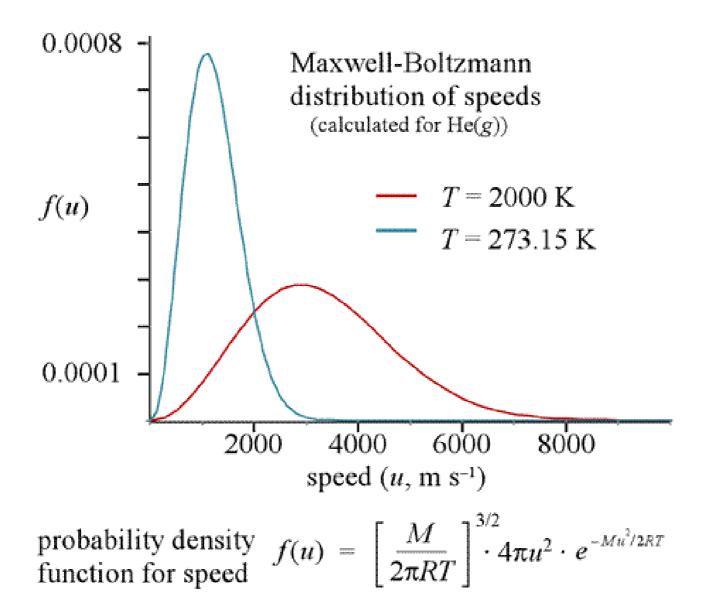
 ¿Cuál es la distribución de probabilidad de cada componente v_i de las moléculas que componen un gas?

Ley de los grandes números → v_i tiene distribución Normal

 La Distribución de Maxwel-Boltzmann representa la distribución |v| si sus componentes son normales

Si v_i tiene una distribución normal, |v| tiene una distribución de Maxwel-Boltzmann

Funciones de distribución

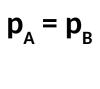


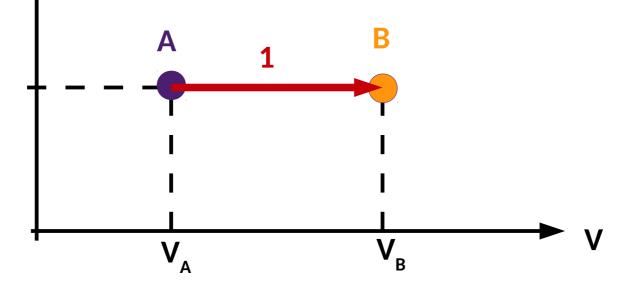
Transformaciones

P

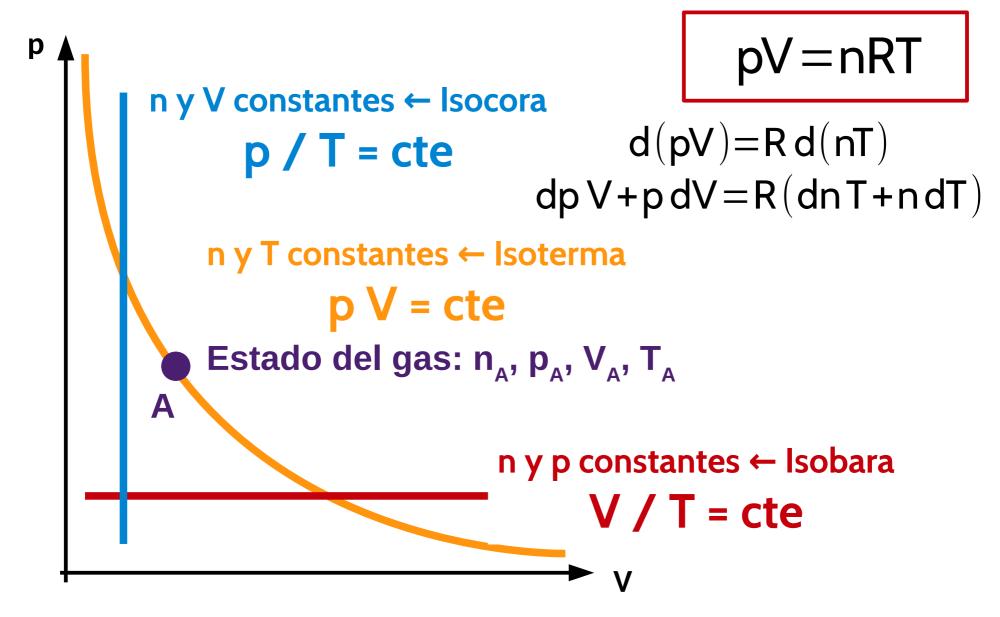
Una transformación representa al cambio de estado del gas

La transformación 1 modifica las condiciones del gas del estado "A" (n_A,p_A,V_A,T_A) al estado "B" (n_B,p_B,V_B,T_B)





El diagrama PV

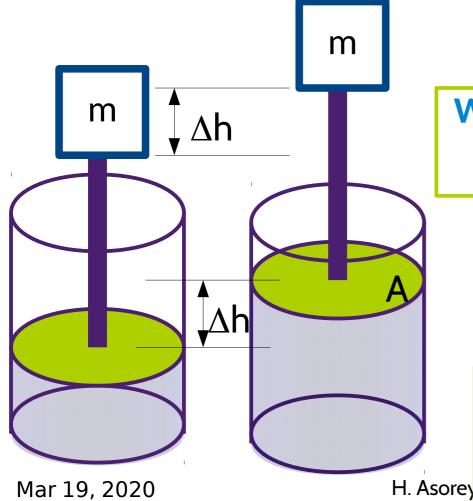


¿Qué sucede cuando un gas se expande?

- Si n y P son constantes, V aumenta $\rightarrow V_f V_i = \Delta V$
- Sea un pistón de área A y Volúmen V \

$$W=F\Delta h$$

 $W=pA\Delta h$



W es el trabajo realizado por el gas Tiene el signo de ΔV

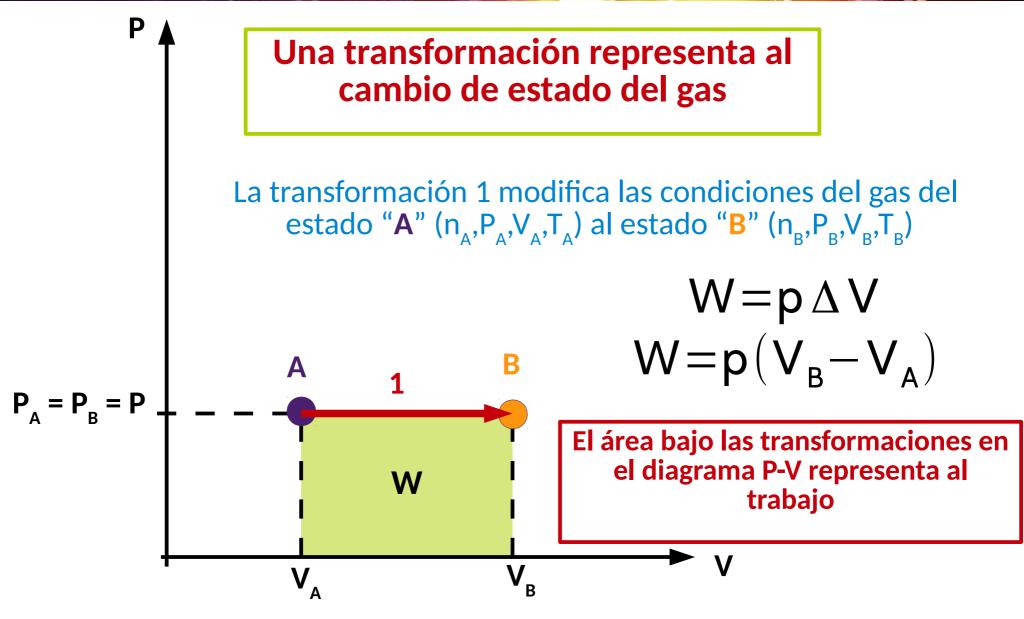
$$W = p \Delta V$$

Si $\Delta V = 0 \rightarrow W=0$

Al expandirse, el gas realiza un trabajo sobre el medio

→ W=p △V = mg△h

Transformaciones



Mar 19, 2020

Energia interna

Energía media de las N partículas de un gas a temp. T:

$$U \stackrel{\text{def}}{=} N \langle E_K \rangle = N \frac{1}{N} \sum_{i_1}^{N} E_{i,k} = \sum_{i_1}^{N} E_{i,k}$$

$$U = N\left(\frac{3}{2}kT\right) = \frac{3}{2}\frac{N}{N_A}N_AkT + U = \frac{3}{2}nRT$$

Variaciones à n=cte,

$$dU = \frac{3}{2}Rd(nT) = \frac{3}{2}R(dnT + ndT)$$

$$dU = \frac{3}{2}nRdT \rightarrow \Delta U = \frac{3}{2}nR\Delta T$$
Mar 19, 2020

Si T cambia, necesariamente habrá un cambio en la energía interna del gas (y viceversa) ¿Qué es el calor específico?

Calor específico: cantidad de calor necesaria para que un mol de una sustancia cambie su temperatura en 1 K

• Le entrego calor a n moles de una sustancia y su temperatura aumenta ΔT , entonces:

$$C \stackrel{\text{def}}{=} \frac{Q}{n \Delta T} \rightarrow Q = C n \Delta T$$

Calor específico de un gas ideal

- Al calentar un gas, ¿cuántos tipos de transformaciones son posibles?
- A V=cte, caliento n moles de un gas ideal... ¿y T?
- ¿Qué pasa con la energía total? $Q = \Delta U$
- Q se transforma en ... ¿?

$$C_{V} n \Delta T = \frac{3}{2} n R \Delta T$$

$$C_v = \frac{3}{2}R$$

El calor específico a V=cte de un gas ideal, C_v, es proporcional a R

¿Qué pasa si caliento el gas a P=cte?

A P=cte, caliento n moles de un gas ideal... ¿y V?

• Si
$$\Delta V$$
 no es $O \rightarrow Trabajo \rightarrow W = p \Delta V$

[juso la ec. de estado!

 $W = p \left(\frac{n R \Delta T}{p} \right)$
 $\Rightarrow W = n R \Delta T$

Además hay un cambio de la energía interna:

$$\Delta U = \frac{3}{2} nR\Delta T$$

• Ahora, ¿de donde proviene el trabajo y ∆U?

$$Q = \Delta U + W$$

$$C_{P} n \Delta T = \frac{3}{2} n R \Delta T + n R \Delta T$$

$$C_{P} n \Delta T = \left(\frac{3}{2} R + R\right) n \Delta T$$

$$C_{P} = \frac{3}{2} R + R \rightarrow C_{P} = C_{V} + R$$

Seguimos: ¿qué pasa si es un gas biatómico?

- Grados de libertad de un sistema:
 - Número de parámetros que pueden variar de manera independiente en el sistema
- Si tuviera un sistema formado por partículas:

Número mínimo de variables necesarias para determinar la

posición de una partícula



En 3D hay 3 grados de libertad para una partícula libre

2 partículas por 3 grados de libertad c/u menos un vínculo: 5 grados de libertad

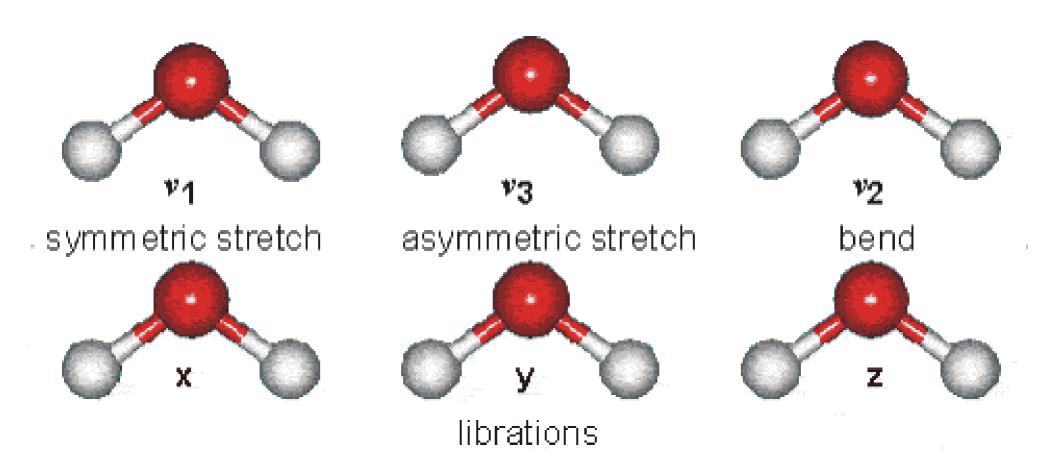
Atomicidad y grados de libertad

- Número de átomos que forman una molécula:
 - Monoatómico → atomicidad = 1: He, Ar, Xe, Ne, ...
 - Biatómico \rightarrow atomicidad = 2 : N₂, O₂, H₂, ...
 - Triatómico → atomicidad = 3 : CO₂, H₂S, ...
- Grados de libertad:
 - Partícula libre: 3 (necesito 3 coord. Para definir la posición)
 - En general: a = 3 x n° de partículas n° de vínculos
 - Monoatómico: a = 3
 - Biatómico: a = 3 x 2 1 = 5
 - Triatómico: a = 3 x 3 3 = 6

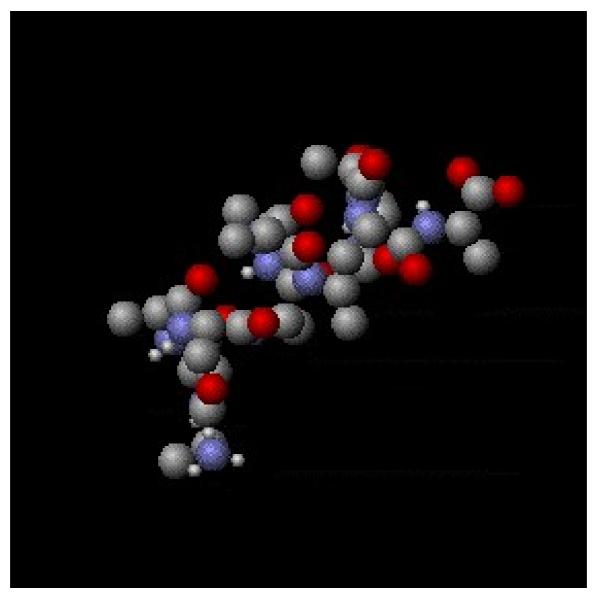
Molécula biatómica en un caso más realista (puede cambiar la distancia)



En un gas triatómico realista....



Y una molécula compleja



Teorema de equipartición

 Para cada grado de libertad, hay un término aditivo en la expresión de la energía cinética:

Teorema de Equipartición de la Energía

En un sistema en equilibrio, la energía cinética promedio por molécula es igual a ½ kT (ó ½ RT por mol) por cada grado de libertad del sistema

- Grados de libertad en un gas ideal:
 - Gas monoatómico: z=3
 - Gas biatómico: z=5 En general: $C_V = \frac{z}{2}$ y $C_P = C_V + R$ Gas Triatómico: z=6

En un gas ideal con z grados de libertad....

Calor específico a Volumen constante:

$$C_V = \frac{z}{2}R$$

$$C_{V} = \frac{z}{2}R$$
 $C_{V,mono} = \frac{3}{2}R$ $C_{V,bi} = \frac{5}{2}R$ $C_{V,tri} = \frac{6}{2}R$

Calor específico a Presión constante:

$$C_{P} = \left(\frac{z}{2} + 1\right) R$$

$$C_{P} = \left(\frac{z}{2} + 1\right) R$$
 $C_{P,mono} = \frac{5}{2} R$ $C_{P,bi} = \frac{7}{2} R$ $C_{P,tri} = \frac{8}{2} R$

Razón de calor específico

$$\gamma \stackrel{\text{def}}{=} \frac{C_p}{C_V} = \frac{z+2}{z}$$

$$\gamma \stackrel{\text{def}}{=} \frac{C_{P}}{C_{V}} = \frac{z+2}{z}$$

$$\gamma_{\text{mono}} = \frac{5}{3} \quad \gamma_{\text{bi}} = \frac{7}{5} \quad \gamma_{\text{tri}} = \frac{4}{3}$$

Teorema de equipartición

 Para cada grado de libertad, hay un término aditivo en la expresión de la energía cinética:

Teorema de Equipartición de la Energía

En un sistema en equilibrio, la energía cinética promedio por molécula es igual a ½ kT (ó ½ RT por mol) por cada grado de libertad del sistema

- Grados de libertad en un gas ideal:
 - Gas monoatómico: z=3
 - Gas biatómico: z=5 En general: $C_V = \frac{z}{2}$ y $C_P = C_V + R$ Gas Triatómico: z=6

Calor específico de un gas ideal

• En una transformación a volumen constante:

$$C_v = \frac{z}{2}R$$

Para calentar n moles de un gas ideal a V=cte,

$$Q = C_V n \Delta T$$

• En una transformación a presión constante:

$$C_p = C_V + R$$

Calentar n moles a P=cte:

$$Q = C_p n \Delta T$$

Siempre C_p>C_v:

A **V=cte** \rightarrow W=0 \rightarrow Todo el calor Q se usa para calentar al gas

A **P=cte** \rightarrow W!=0 \rightarrow Parte del calor Q se transforma en trabajo de expansión del gas \rightarrow **Se necesita más calor para lograr el mismo** Δ **T respecto al caso V=cte**

En general...

Calor específico:

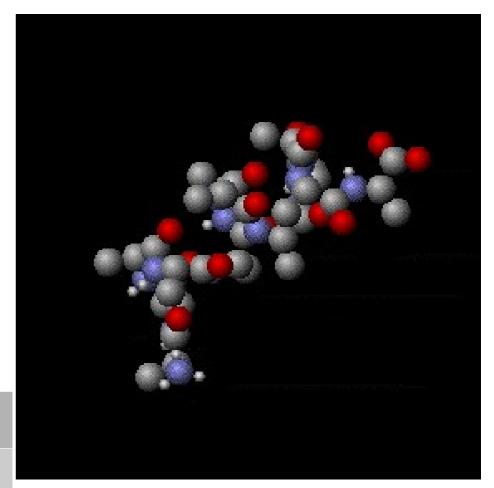
$$C_{V} = \frac{z}{2}R$$

$$C_{P} = C_{V} + R$$

• Índice adiabático:

$$\gamma = \frac{C_p}{C_V}$$

Atomicidad	C _v	C _p	γ
Monoatómico	3/2 R	5/2 R	5/3
Biatómico	5/2 R	7/2 R	7/5
Triatómico	6/2 R	8/2 R	4/3



Energía → Cinética + Vibracional

En resumen...

- Tengo n moles de un gas de una cierta atomicidad
- El gas se encuentra en un estado "A"
- ¿Cuánto calor necesito para cambiar su temp. en ΔΤ?
 - Transformación a V=cte: $Q=C_V n \Delta T$
 - Transformación a P=cte: $Q = C_D n \Delta T$

Atomicidad	C _v	C _p	γ
Monoatómico	3/2 R	5/2 R	5/3
Biatómico	5/2 R	7/2 R	7/5
Triatómico	6/2 R	8/2 R	4/3

El signo de Q coincide con ΔT

Q>0 → Calor entregado por el medio al sistema Q<0 → Calor entregado por el sistema al medio

Calores específicos de algunos gases

Sustancia	Fase	C_p	$C_{\scriptscriptstyle m v}$
Gas monoatómico (Ideal)	gas	(5/2)R = 20.8	(3/2)R = 12.5
Helio	gas	20,8	12,5
Argón	gas	20,8	12,5
Neón	gas	20,7862	12,47
Gas diatómico (Ideal)	gas	(7/2)R = 29.1	(5/2)R = 20.8
Hidrógeno	gas	28,82	20.4
Nitrógeno	gas	29,12	20,8
Oxígeno	gas	29,4	21.1
Aire (condiciones ambiente)	gas	29,19	20.9
Gas triatomico (ideal)	gas	8/2R = 33.33	(6/2)R=25
Agua	gas	37,47	28,03
Agua	líq (25 °C)	75,33	74,53
Agua	sól (0°C)	38,09	

Mar 19, 2020

H. Asorey - F3B 2020

29/29