#### Universidad Nacional de Río Negro Física III B - 2022

Unidad
 O1 – El calor

Clase U01 C04 - 04/30

Cont Energía Interna

Cátedra Asorey

• **Web** https://campusbimodal.unrn.edu.ar/course/view.php?id=24220



#### **Unidad 1: Calor**



## Unidad 01: El calor Del 08/Mar al 29/Mar (6 encuentros)

El calor. Gases ideales y reales. Energía interna. Calorimetría. Calor específico. Teoría cinética de los gases. Temperatura: concepto macroscópico y microscópico. Cambios de fase y calor latente

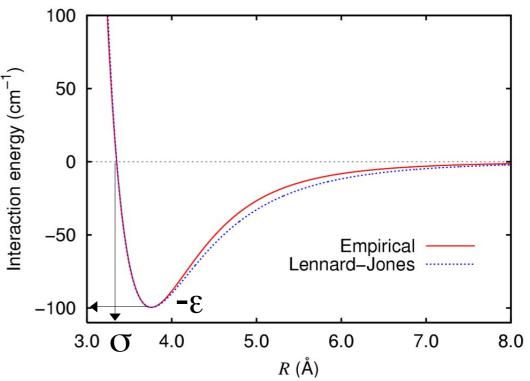


#### Van de Waals

- Fuerzas de Van der Waals.
   Originadas por potenciales moleculares:
  - atractivo a largas distancias:
    - Multipolos permanentes o inducidos en las moléculas
    - En general son asimétricas (orientación molecular)
  - Repulsivo a cortas distancias
    - Repulsión de Pauli (superposición de orbitales)

**FÍSICA IIIB** 

 Débiles respecto a enlaces covalentes o iónicos



Potencial de Lenard Jones

$$V(r) = 4 \epsilon \left[ \left( \frac{\sigma}{r} \right)^{12} - \left( \frac{\sigma}{r} \right)^{6} \right]$$

€ → potencial en el mínimoσ → distancia potencial nulo

$$\vec{F}(r) = -\vec{\nabla} V(r) = 4 \epsilon \left[ 12 \frac{\sigma^{12}}{r^{13}} - 6 \frac{\sigma^6}{r^7} \right] \hat{r}$$

## Mejorando el cálculo

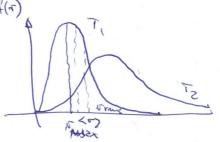
- Lo que hay que recordar es que hemos utilizado la velocidad promedio del Helio
- Un conjunto grande (~Número de Avogadro) de átomos de Helio a 300K, la <v> ~ 1370 m/s ~ 0,1 v<sub>e</sub>.
- Es ~ 10% de la velocidad de escape
- Las velocidades de cada átomo individual podrá distar (y mucho) de la promedio

5/29

#### Fourain de Mexical Botte monn.

En un gos de N moleculos, hay à Custos problevos en ordoonsal or kings?  $\rightarrow 0$ . Ge an aboutons or y when?  $\Rightarrow 0$  f(x) in f(x)  $\Rightarrow 0$   $\Rightarrow 0$  f(x)  $\Rightarrow 0$   $\Rightarrow 0$ 

$$\frac{n}{2} = t(n) dr$$



Se pende ver per 15m2 se do poro 3+=0=5

di funo en engra = Se hare un contro di monthe

$$\frac{1}{2} Nf(r) = N F(E) dE em E = 1 mn^{2}$$

$$\frac{1}{2} \frac{3}{2} = \frac{2}{2} \left( \frac{1}{\sqrt{1}} \right)^{3/2} = \frac{1}{2} e^{-\frac{1}{2} \ln T}$$

$$\frac{1}{2} \frac{3}{2} = \frac{1}{2} e^{-\frac{1}{2} \ln T}$$

$$\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} e^{-\frac{1}{2} \ln T}$$

$$\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} e^{-\frac{1}{2} \ln T}$$

$$\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{2} e^{-\frac{1}{2} \ln T}$$

$$\frac{1}{2} \frac{1}{2} \frac{1}{$$

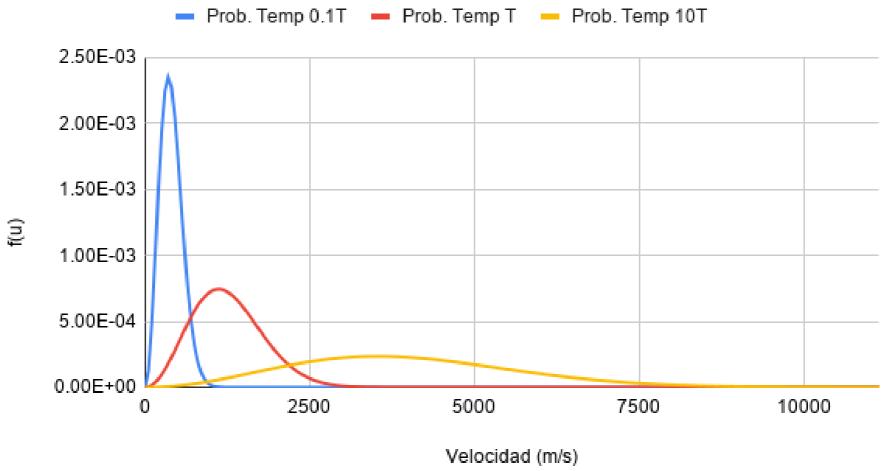
#### Maxwell-Boltzmann

$$f(v) = \frac{4}{\sqrt{\pi}} \left(\frac{m}{2kT}\right)^{3/2} v^2 e^{-\frac{mv^2}{2kT}}$$

$$F(E) = \frac{2}{\sqrt{\pi}} \left(\frac{1}{kT}\right)^{3/2} E^{\frac{1}{2}} e^{-\frac{E}{kT}}$$

## Distribución de Boltzmann (google sheet)

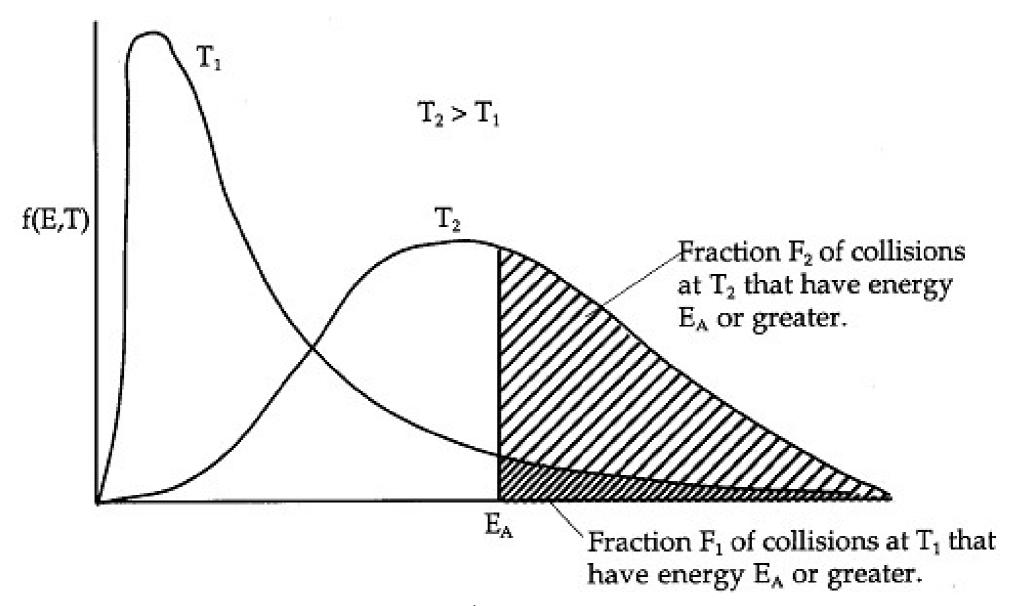
#### Distribución de Maxwell-Boltzmann



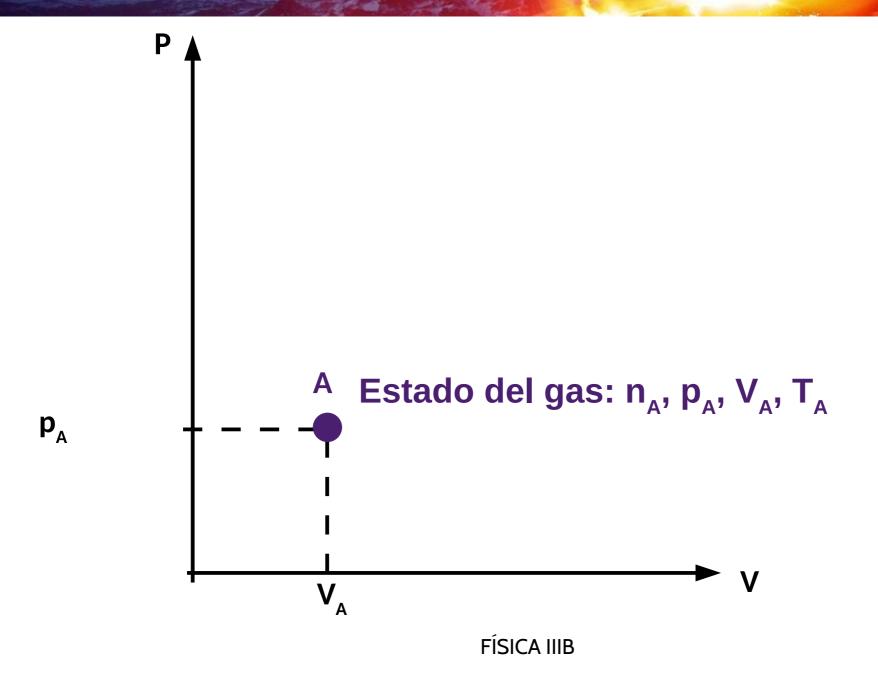
#### Distribución de Maxell-Boltzmann para 1 mol He a T=300K

https://docs.google.com/spreadsheets/d/10XqxvzYkFXKWgC1mOw8eqaVhJz6qjnUEoIBcjsTv6bM/edit#gid=0

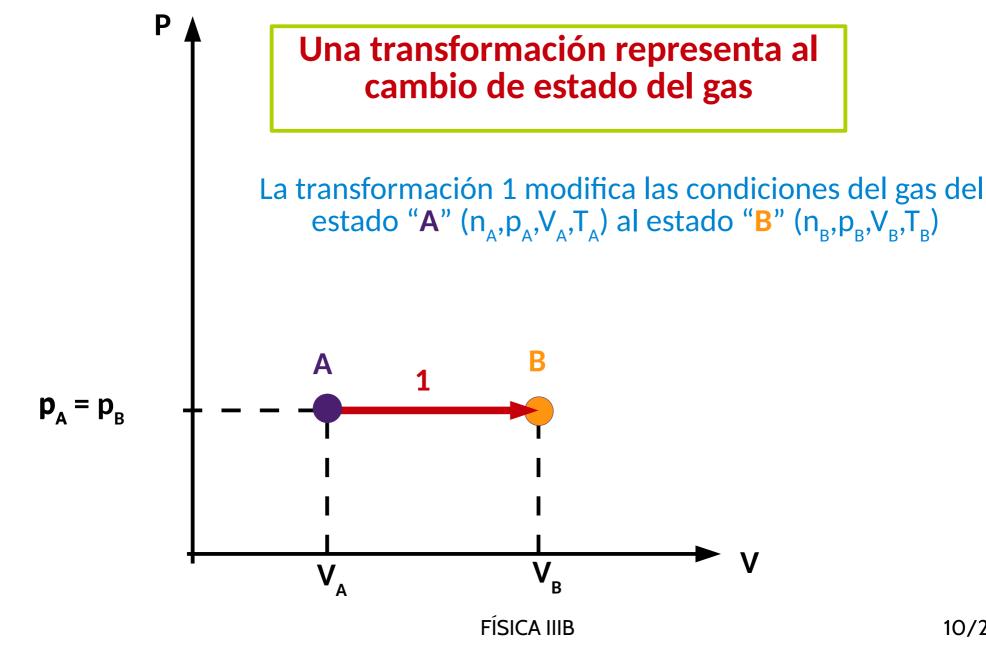
#### El problema de Richter



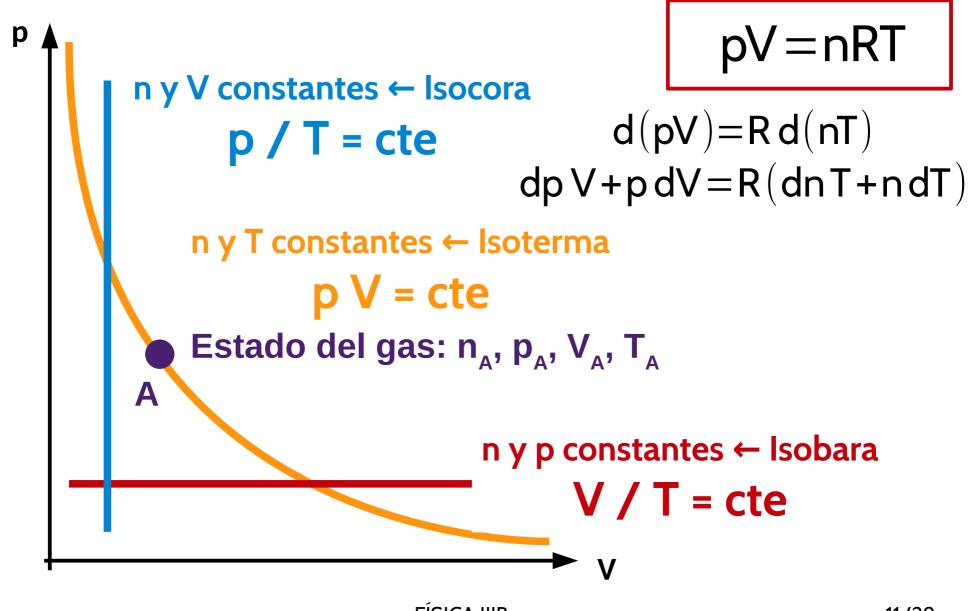
## El diagrama PV



## Estados y transformaciones



#### El diagrama PV

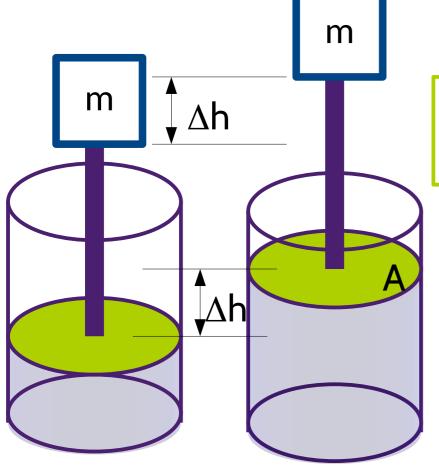


#### ¿Qué sucede cuando un gas se expande?

Si n y P son constantes, V aumenta → V<sub>f</sub>-V<sub>i</sub>=∆V

Sea un pistón de área A y Volúmen V W=F∆h

 $W = r \Delta h$  $W = p A \Delta h$ 



W es el trabajo realizado por el gas Tiene el signo de  $\Delta V$ 

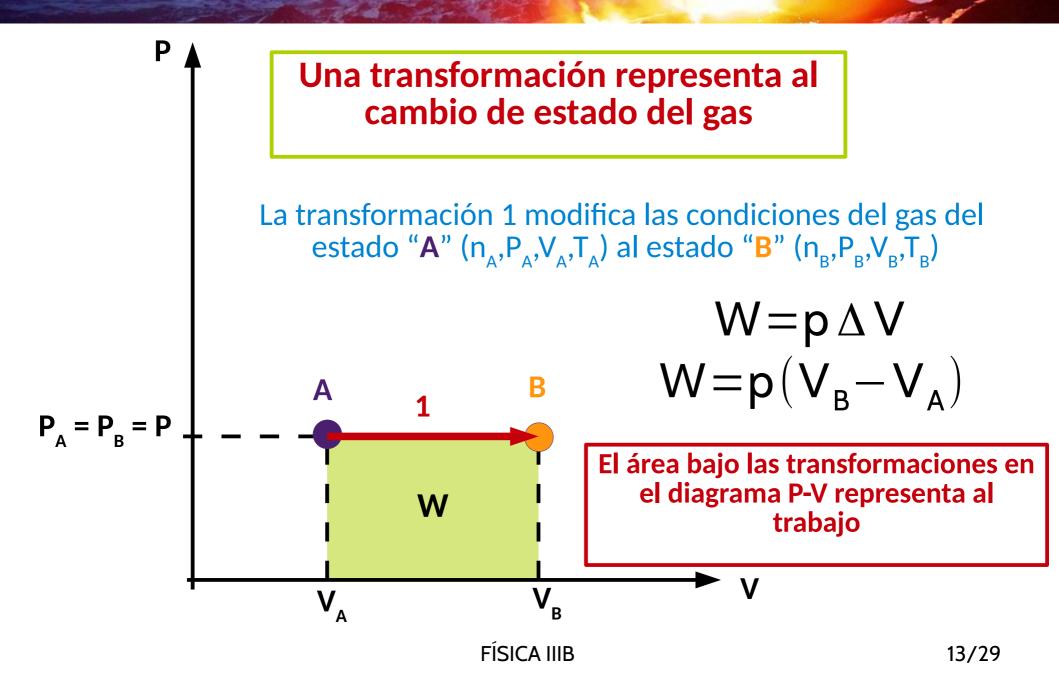
$$W = p \Delta V$$

Si  $\Delta V = 0 \rightarrow W=0$ 

Al expandirse, el gas realiza un trabajo sobre el medio → W=p △V = mg△h

FÍS

#### Transformaciones



#### **Energia interna**

Energía media de las N partículas de un gas a temp. T:

$$U \stackrel{\text{def}}{=} N \langle E_K \rangle = N \frac{1}{N} \sum_{i_1}^{N} E_{i,k} = \sum_{i_1}^{N} E_{i,k}$$

$$U = N\left(\frac{3}{2}kT\right) = \frac{3}{2}\frac{N}{N_A}N_AkT + U = \frac{3}{2}nRT$$

Variaciones à n=cte,

$$dU = \frac{3}{2}Rd(nT) = \frac{3}{2}R(dnT + ndT)$$

$$dU = \frac{3}{2}nRdT \rightarrow \Delta U = \frac{3}{2}nR\Delta T$$

Si T cambia, necesariamente habrá un cambio en la energía interna del gas (y viceversa)

#### Calor específico

15/29

¿Qué es el calor específico?

# Calor específico: cantidad de calor necesaria para que un mol de una sustancia cambie su temperatura en 1 K

• Le entrego calor a n moles de una sustancia y su temperatura aumenta  $\Delta T$ , entonces:

$$C \stackrel{\text{def}}{=} \frac{Q}{n \Delta T} \rightarrow Q = C n \Delta T$$

#### Calor específico de un gas ideal

- Al calentar un gas, ¿cuántos tipos de transformaciones son posibles?
- A V=cte, caliento n moles de un gas ideal... ¿y T?
- ¿Qué pasa con la energía total?  $Q = \Delta U$
- Q se transforma en ... ¿?

$$C_{V} n \Delta T = \frac{3}{2} n R \Delta T$$

$$C_v = \frac{3}{2}R$$

El calor específico a V=cte de un gas ideal, C<sub>v</sub>, es proporcional a R

## ¿Qué pasa si caliento el gas a P=cte?

- A P=cte, caliento n moles de un gas ideal... ¿y V?
- Si  $\Delta V$  no es  $O \rightarrow Trabajo \rightarrow W = p \Delta V$ ¡uso la ec. de estado!  $W = p \left(\frac{nR\Delta T}{p}\right)$  $\Rightarrow W = nR\Delta T$
- Además hay un cambio de la energía interna:

$$\Delta U = \frac{3}{2} nR \Delta T$$

• Ahora, ¿de donde proviene el trabajo y ∆U?

## Entonces... C<sub>p</sub> es...

$$Q = \Delta U + W$$

$$C_{P} n \Delta T = \frac{3}{2} n R \Delta T + n R \Delta T$$

$$C_{P} n \Delta T = \left(\frac{3}{2} R + R\right) n \Delta T$$

$$C_{P} = \frac{3}{2} R + R \rightarrow C_{P} = C_{V} + R$$

#### Seguimos: ¿qué pasa si es un gas biatómico?

- Grados de libertad de un sistema:
  - Número de parámetros que pueden variar de manera independiente en el sistema
- Si tuviera un sistema formado por partículas:

Número mínimo de variables necesarias para determinar la

posición de una partícula



En 3D hay 3 grados de libertad para una partícula libre 2 partículas por 3 grados de libertad c/u menos un vínculo: 5 grados de libertad

#### Atomicidad y grados de libertad

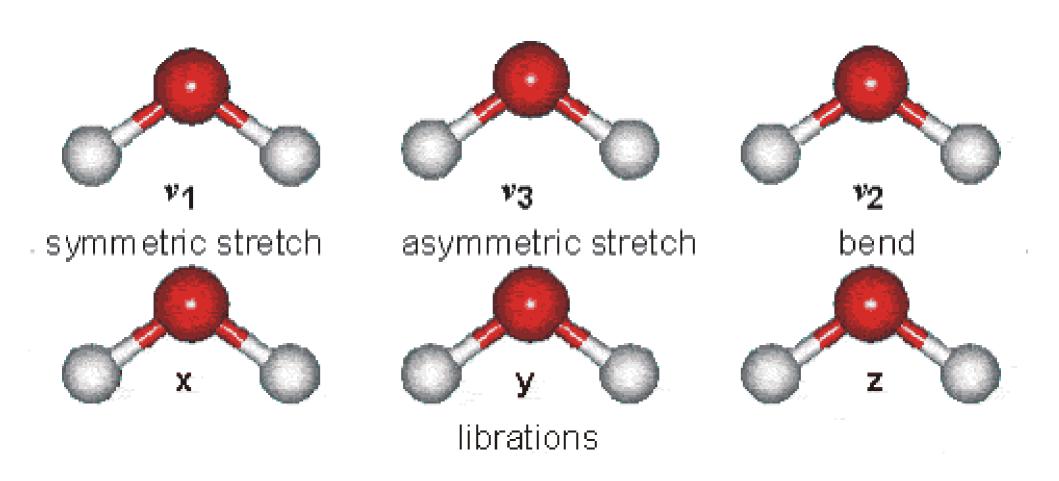
- Número de átomos que forman una molécula:
  - Monoatómico → atomicidad = 1: He, Ar, Xe, Ne, ...
  - Biatómico → atomicidad = 2 : N<sub>2</sub>, O<sub>2</sub>, H<sub>2</sub>, ...
  - Triatómico → atomicidad = 3 : CO<sub>2</sub>, H<sub>2</sub>S, ...
- Grados de libertad:
  - Partícula libre: 3 (necesito 3 coord. Para definir la posición)
  - En general: a = 3 x n° de partículas n° de vínculos
  - Monoatómico: a = 3
  - Biatómico: a = 3 x 2 1 = 5
  - Triatómico: a = 3 x 3 3 = 6

## Molécula biatómica en un caso más realista (puede cambiar la distancia)



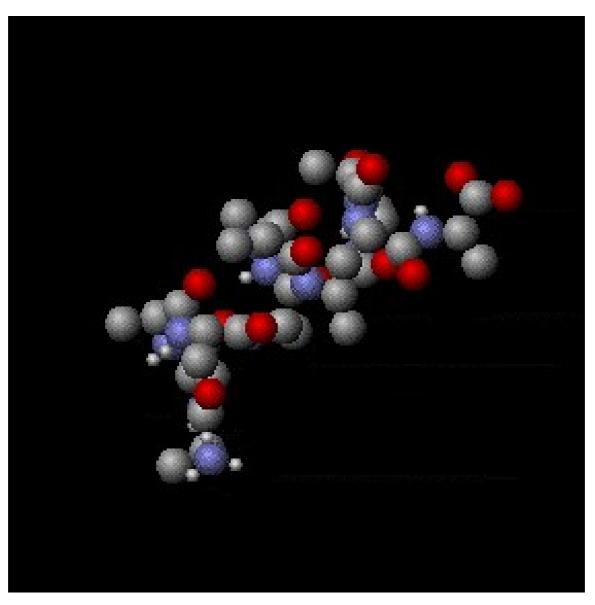
FÍSICA IIIB 21/29

#### En un gas triatómico realista....



FÍSICA IIIB 22/29

## Y una molécula compleja



#### Teorema de equipartición

 Para cada grado de libertad, hay un término aditivo en la expresión de la energía cinética:

#### Teorema de Equipartición de la Energía

En un sistema en equilibrio, la energía cinética promedio por molécula es igual a ½ kT (ó ½ RT por mol) por cada grado de libertad del sistema

- Grados de libertad en un gas ideal:
  - Gas monoatómico: z=3
  - Gas biatómico: z=5 En general:  $C_V = \frac{z}{2}$  y  $C_P = C_V + R$  Gas Triatómico: z=6

FÍSICA IIIB 24/29

#### En un gas ideal con z grados de libertad....

Calor específico a Volumen constante:

$$C_V = \frac{z}{2}R$$

$$C_{V} = \frac{z}{2}R$$
  $C_{V,mono} = \frac{3}{2}R$   $C_{V,bi} = \frac{5}{2}R$   $C_{V,tri} = \frac{6}{2}R$ 

Calor específico a Presión constante:

$$C_{P} = \left(\frac{z}{2} + 1\right) R$$

$$C_{P} = \left(\frac{z}{2} + 1\right) R$$
  $C_{P,mono} = \frac{5}{2} R$   $C_{P,bi} = \frac{7}{2} R$   $C_{P,tri} = \frac{8}{2} R$ 

Razón de calor específico

$$\gamma \stackrel{\text{def}}{=} \frac{C_{p}}{C_{V}} = \frac{z+2}{z}$$

$$\gamma \stackrel{\text{def}}{=} \frac{C_{P}}{C_{V}} = \frac{z+2}{z}$$

$$\gamma_{\text{mono}} = \frac{5}{3} \quad \gamma_{\text{bi}} = \frac{7}{5} \quad \gamma_{\text{tri}} = \frac{4}{3}$$

#### Calor específico de un gas ideal

• En una transformación a volumen constante:

$$C_V = \frac{z}{2}R$$

Para calentar n moles de un gas ideal a V=cte,

$$Q = C_V n \Delta T$$

• En una transformación a presión constante:

$$C_p = C_V + R$$

Calentar n moles a P=cte:

$$Q = C_p n \Delta T$$

#### Siempre $C_p > C_v$ :

A **V=cte**  $\rightarrow$  W=0  $\rightarrow$  Todo el calor Q se usa para calentar al gas

A **P=cte**  $\rightarrow$  W!=0  $\rightarrow$  Parte del calor Q se transforma en trabajo de expansión del gas  $\rightarrow$  **Se necesita más calor para lograr el mismo**  $\Delta$ **T respecto al caso V=cte** 

## En general...

Calor específico:

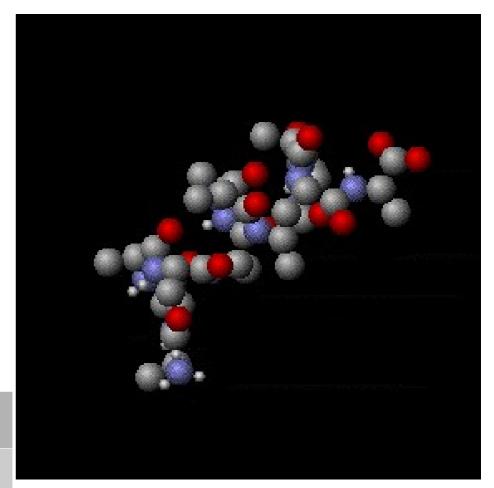
$$C_{V} = \frac{z}{2}R$$

$$C_{P} = C_{V} + R$$

• Índice adiabático:

$$\gamma = \frac{C_p}{C_V}$$

Atomicidad	C <sub>v</sub>	C <sub>P</sub>	γ
Monoatómico	3/2 R	5/2 R	5/3
Biatómico	5/2 R	7/2 R	7/5
Triatómico	6/2 R	8/2 R	4/3



Energía → Cinética + Vibracional

#### En resumen...

- Tengo n moles de un gas de una cierta atomicidad
- El gas se encuentra en un estado "A"
- ¿Cuánto calor necesito para cambiar su temp. en ΔΤ?
  - Transformación a V=cte:  $Q=C_V n \Delta T$
  - Transformación a P=cte:  $Q = C_p n \Delta T$

Atomicidad	C <sub>v</sub>	C <sub>p</sub>	γ
Monoatómico	3/2 R	5/2 R	5/3
Biatómico	5/2 R	7/2 R	7/5
Triatómico	6/2 R	8/2 R	4/3

#### El signo de Q coincide con $\Delta T$

Q>0 → Calor entregado por el medio al sistema Q<0 → Calor entregado por el sistema al medio

## Calores específicos de algunos gases

Sustancia	Fase	$C_p$	$C_{\scriptscriptstyle  m v}$
Gas monoatómico (Ideal)	gas	(5/2)R = 20.8	(3/2)R = 12.5
Helio	gas	20,8	12,5
Argón	gas	20,8	12,5
Neón	gas	20,7862	12,47
Gas diatómico (Ideal)	gas	(7/2)R = 29.1	(5/2)R = 20.8
Hidrógeno	gas	28,82	20.4
Nitrógeno	gas	29,12	20,8
Oxígeno	gas	29,4	21.1
Aire (condiciones ambiente)	gas	29,19	20.9
Gas triatomico (ideal)	gas	8/2R = 33.33	(6/2)R=25
Agua	gas	37,47	28,03
Agua	líq (25 °C)	75,33	74,53
Agua	sól (0 °C)	38,09	