# Universidad Nacional de Río Negro Física III B - 2020

Unidad 02

Clase U02 C02

Fecha 07 Abr 2020

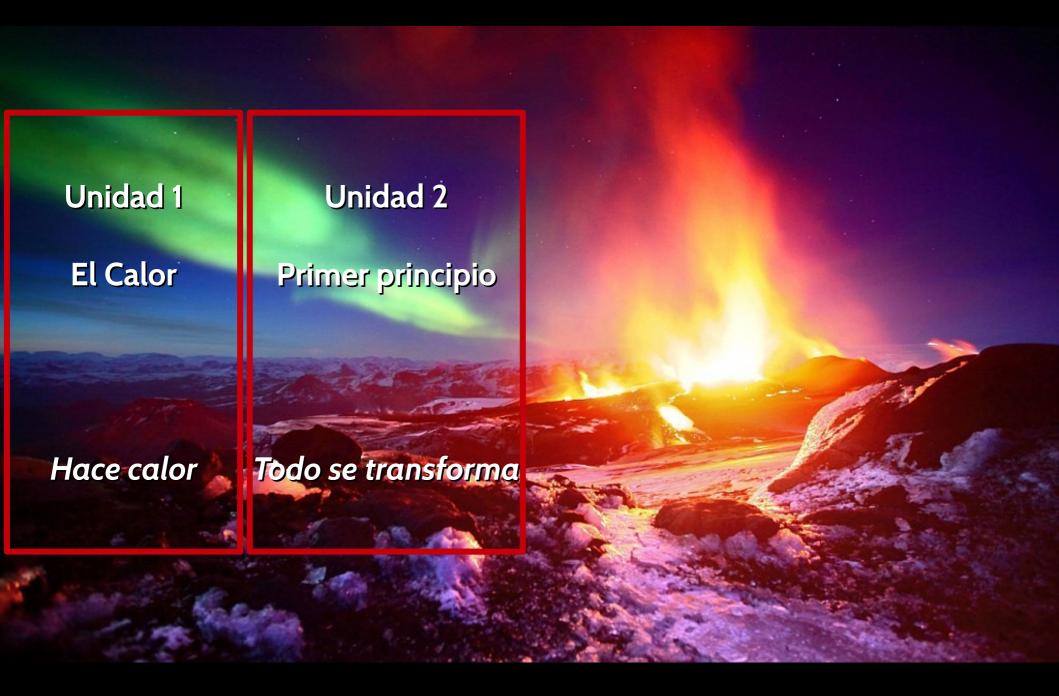
Cont Ciclos

Cátedra Asorey

Web http://gitlab.com/asoreyh/unrn-f3b



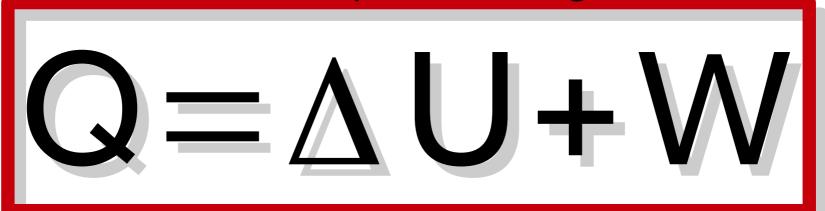
# Contenidos: Termodinámica, alias F3B, alias F4A





# Nada se gana, nada se pierde, todo se transforma

 La conservación de la energía para un sistema termodinámico se expresa de la siguiente forma



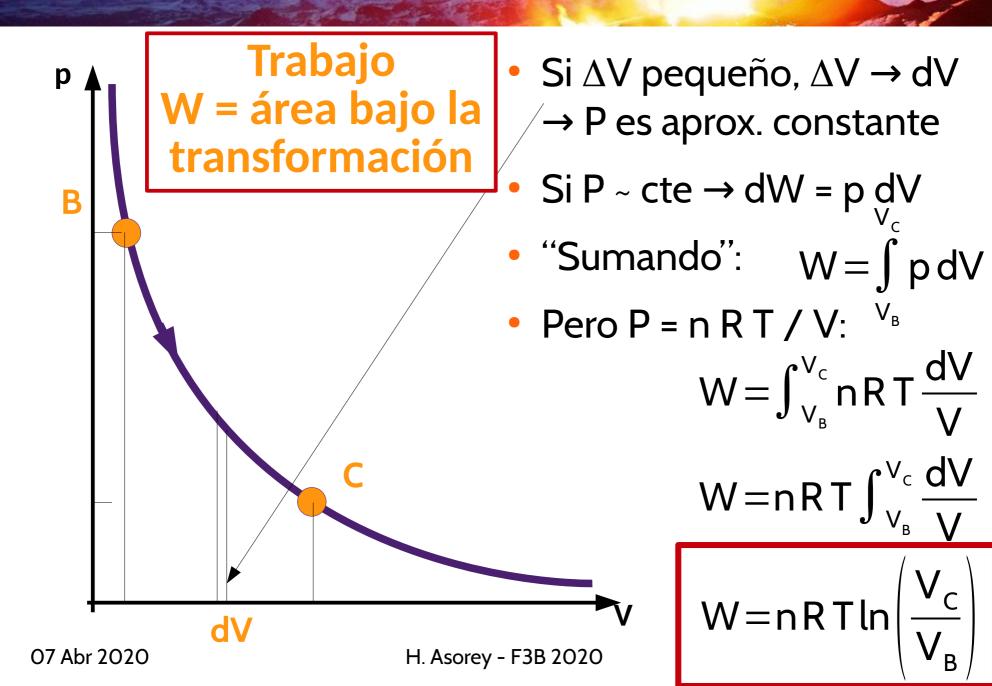
Primer principio de la termodinámica

Q= Calor cedido al sistema (signo de  $\Delta$ T)  $\Delta$ U= Cambio de la energía interna del sistema (signo de  $\Delta$ T) W = Trabajo realizado por el sistema (signo de  $\Delta$ V)

### Paréntesis semántico

- ¿Por qué se usa U para la energía interna?
  - En el Siglo XIX se usaba en general la letra V como símbolos para las energías potenciales (típicamente por la relación entre la energía potencial electrostática y el Voltaje)
  - Rankine introduce en 1853 el concepto de Energía Interna (W. J. Rankine, On the general law of the transformation of energy, Proc. of the Philosophical Society of Glasgow, vol. 3, no. 5, pages 276-280, Feb 1853)
  - Usó la letra U para esta forma de energía
    - Error tipográfico: la U y la V eran intercambiables en latín
    - Pragmatismo: Para diferenciar del volumen V

### Transformación isotérmica



### En resumen.... Il

### Isobara:

• 
$$\Delta U = (z/2) n R \Delta T$$

• 
$$Q = \Delta U + W$$

#### Isoterma:

• 
$$W = n R T ln (V_f / V_i)$$

• 
$$Q = \Delta U + W \rightarrow Q = W$$

#### Isocora:

• 
$$Q = C_V n \Delta T$$

• 
$$Q = \Delta U$$

#### Adiabática

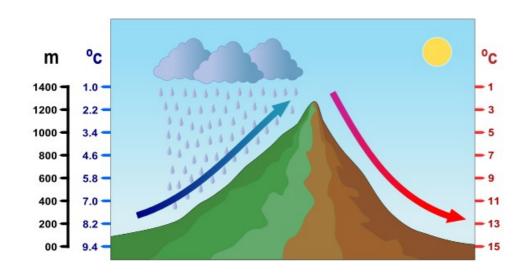
Índice adiabático

$$\gamma = \frac{C_p}{C_v} \rightarrow \gamma = \frac{z+2}{z}$$

# Último caso: No hay intercambio de calor

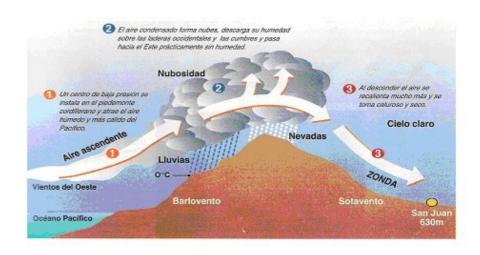
- No hay intercambio de calor con el medio
  - Recipiente muy aislado (calorímetro); ó
  - Transformación muy rápida (abriendo una Coca Cola)
- En este caso: Q = O ← Transformación Adiabática
- Q =  $\Delta U$  + W  $\rightarrow$  O =  $\Delta U$  + W  $\rightarrow$  W = - $\Delta U$
- En una expansión adiabática, el trabajo se realiza a costa de la energía interna del gas
- Expansión adiabática → Brusco descenso de T
   Y viceversa: en una compresión adiabática, todo el trabajo se convierte en energía interna (Zonda)

## El zonda: efecto Föhn









# El primer principio dice:

- Q=0 → W = ∆U → límite: dW = -dU → p dV=-dU
- Pero dU = (z/2) d (n R T) y por la ec. Estado, nRT=pV:

$$dU = \left(\frac{z}{2}\right)d(pV) \rightarrow dU = \left(\frac{z}{2}\right)(dpV + pdV)$$

$$\Rightarrow$$
 pdV =  $-\frac{z}{2}$  V dp  $-\frac{z}{2}$  pdV

$$p dV + \left(\frac{z}{2}\right) p dV = -\left(\frac{z}{2}\right) V dp \rightarrow \left(\frac{z+2}{2}\right) p dV = -\left(\frac{z}{2}\right) V dp$$

$$\left(\frac{z+2}{z}\right)p\,dV = -V\,dp \rightarrow \gamma p\,dV = -V\,dp \rightarrow -\gamma \left(\frac{dV}{V}\right) = \frac{dp}{p}$$

07 Abr 2020

H. Asorey - F3B 2020

10/25

• Integrando ambos lados:

$$-\gamma \int_{V_{i}}^{V_{f}} \frac{dV}{V} = \int_{p_{i}}^{p_{f}} \frac{dp}{p}$$

$$-\gamma \ln\left(\frac{V_{f}}{V_{i}}\right) = \ln\left(\frac{p_{f}}{p_{i}}\right)$$

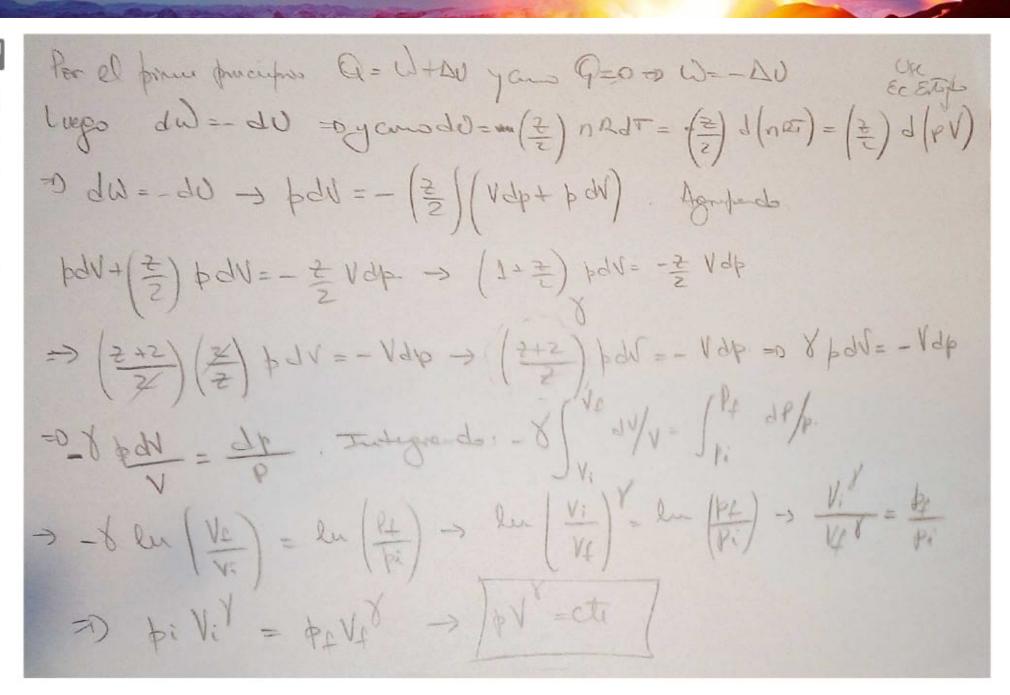
$$\ln\left(\frac{V_{i}}{V_{f}}\right)^{\gamma} = \ln\left(\frac{p_{f}}{p_{i}}\right)$$

$$\left(\frac{V_{i}}{V_{f}}\right)^{\gamma} = \left(\frac{p_{f}}{p_{i}}\right)$$

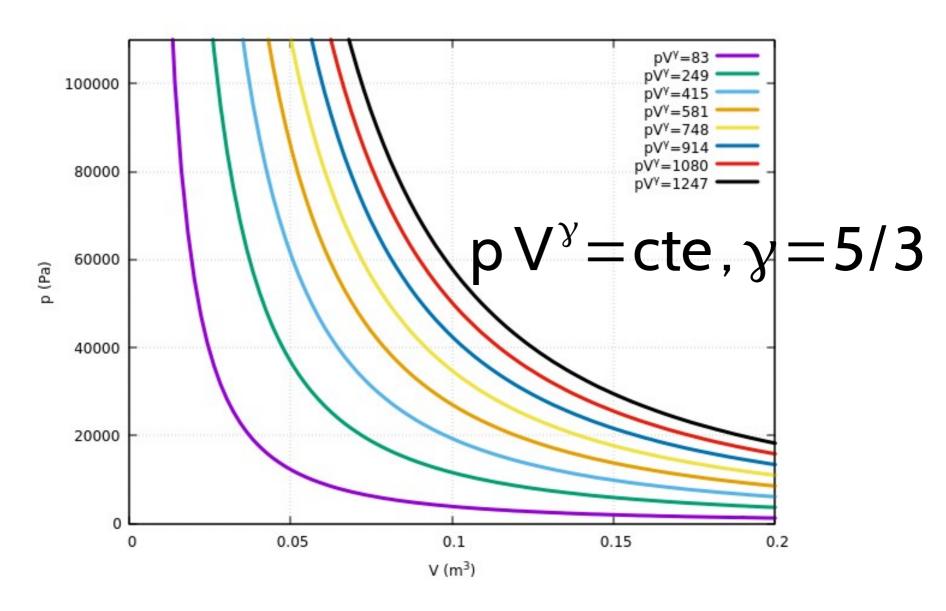
Transformación Adiabática

$$p_i V_i^{\gamma} = p_f V_f^{\gamma} \rightarrow p V^{\gamma} = cte \rightarrow T V^{\gamma-1} = cte$$

### La cuenta "a mano"



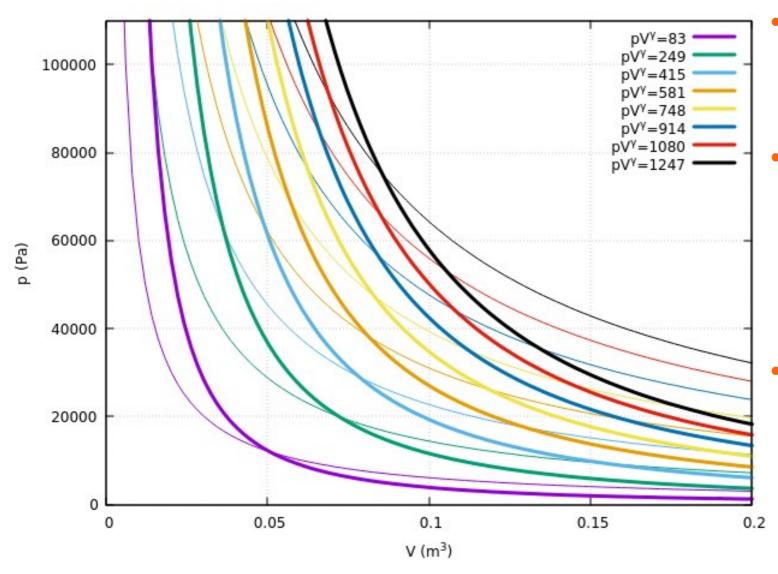
### Curvas adiabáticas



07 Abr 2020

H. Asorey - F3B 2020

### Adiabáticas vs isotermas



- Se aproximan asintóticamente a los ejes
- Cada adiabática intersecta a una isoterma en un único punto (volveremos...)
- Las adiabáticas son isentrópicas (volveremos...)

# Trabajo adiabático

Según el primer principio y teniendo en cuenta Q=0:

$$W = -\Delta U \rightarrow W = -\frac{z}{2} nR\Delta T \rightarrow W = -\frac{z}{2} nR(T_f - T_i)$$

$$W = -\frac{z}{2} (P_f V_f - P_i V_i)$$

$$W = -\left(\frac{P_f V_f - P_i V_i}{\gamma - 1}\right)$$

### En resumen.... II

#### Isobara:

- W = p ∆V
- $\Delta U = (z/2) n R \Delta T$
- $Q = \Delta U + W$

#### Isoterma:

- W = n R T ln  $(V_f / V_i)$
- ∆U = O
- $Q = \Delta U + W \rightarrow Q = W$

$$Q = \Delta U + W$$

#### Isocora:

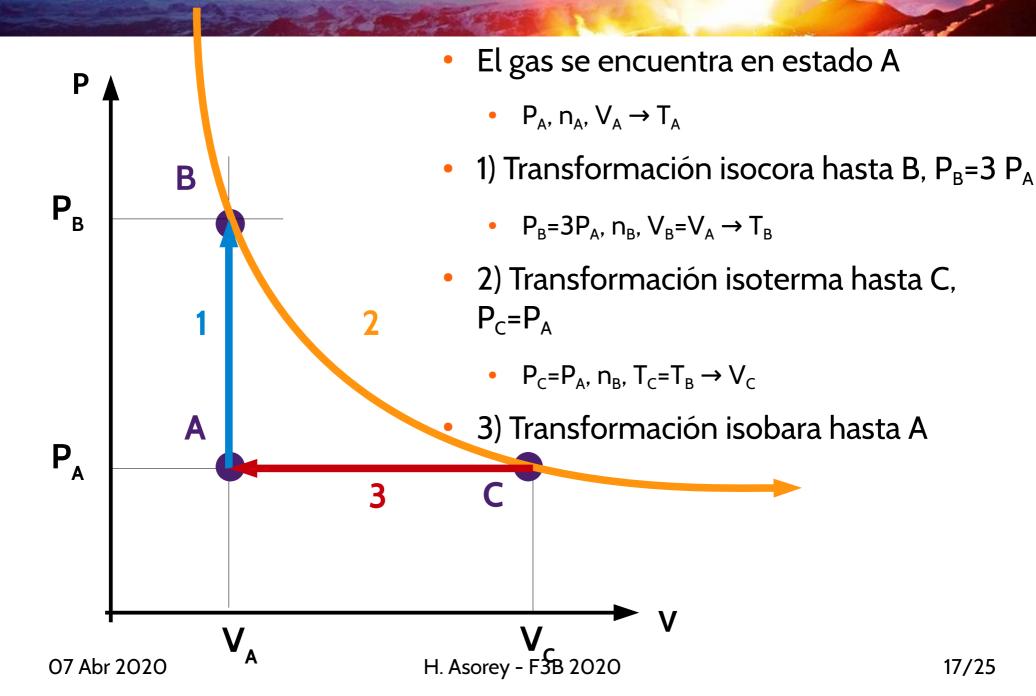
- W = O
- $Q = C_V n \Delta T$
- $Q = \Delta U$

#### Adiabática

- W =  $-\Delta U$
- $\Delta U = (z/2) n R \Delta T$
- $Q = O \rightarrow W = -\Delta U$

PV = nRT

### Sucesión de transformaciones



### Cuadro de estados

| Estado          | р                              | V                              | T              | n              |
|-----------------|--------------------------------|--------------------------------|----------------|----------------|
| A 1             | <b>p</b> <sub>A</sub>          | V <sub>A</sub>                 | T <sub>A</sub> | n <sub>A</sub> |
| B 2             | $p_B = 3p_A$                   | V <sub>B</sub> =V <sub>A</sub> | T <sub>B</sub> | n <sub>A</sub> |
| C 3             | p <sub>c</sub> =p <sub>A</sub> | V <sub>c</sub>                 | $T_{c}=T_{B}$  | n <sub>A</sub> |
| $\rightarrow A$ | <b>p</b> <sub>A</sub>          | V <sub>A</sub>                 | T <sub>A</sub> | n <sub>A</sub> |

- Identificar los datos en el problema
- Determinar datos faltantes con las transformaciones
- Calcular datos faltantes con ec. de estado → pV=nRT

### Cuadro de transformaciones

| Transf      | Q           | W  | ΔU                       |
|-------------|-------------|--|--------------------------|
| 1: isocora  | <b>= ΔU</b> | 0  | $=(z/2) n R (T_B-T_A)$   |
| 2: isoterma | = W         | =nRT In(V <sub>c</sub> /V <sub>A</sub> ) | 0                        |
| 3: isobara  | = ΔU+W      | $=P(V_A-V_C)$                            | $=(z/2) n R (T_A - T_C)$ |

- Identificar aquellos valores que no cambian en cada transformación
- Dejar el calor Q para el final (evita confusiones)
- En un ciclo  $\Delta U_{total} = O \leftarrow El$  gas vuelve a su estado inicial  $U_f = U_i$

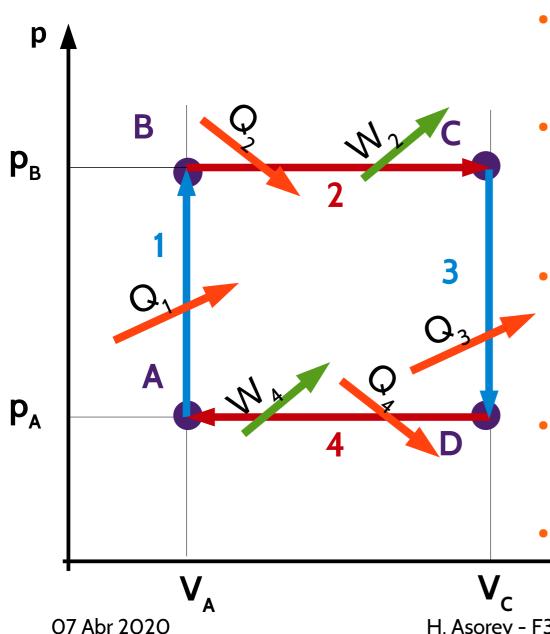
### Entendiendo el ciclo

- A medida que el ciclo avanza, el sistema intercambia calor (Q) y trabajo mecánico (W) con el medio
- El sistema "almacena" energía en forma de energía interna (→ Temperatura → Energía Cinética)
- Al finalizar el ciclo, U<sub>f</sub> = U<sub>i</sub> → ∆U = O
- Para el ciclo completo, el primer principio garantiza

$$Q = W$$

Pero esos valores son "netos"

# Otro ciclo, el cuadrado letal necte



El gas se encuentra en estado A

• 
$$P_A, n_A, V_A \rightarrow T_A$$

1) Transformación isócora hasta B,
 P<sub>B</sub>=3 P<sub>A</sub>

• 
$$P_B=3P_A$$
,  $n_A$ ,  $V_B=V_A \rightarrow T_B$ 

2) Transformación isóbara hasta C, V<sub>C</sub>=3V<sub>A</sub>

• 
$$P_C = P_B$$
,  $n_A$ ,  $V_C = 3V_B \rightarrow T_C$ 

3) Transformación isócora hasta D

• 
$$V_D = V_C$$
,  $n_A$ ,  $P_D = P_A \rightarrow T_D$ 

4) Transformación isóbara hasta A

H. Asorey - F3B 2020

# Cuadro de estados

| Estado | р                                 | V                              | T              | n              |
|--------|-----------------------------------|--------------------------------|----------------|----------------|
| Α      | p <sub>A</sub>                    | V <sub>A</sub>                 | T <sub>A</sub> | n <sub>A</sub> |
| 1:B    | $p_B = 3p_A$                      | V <sub>B</sub> =V <sub>A</sub> | T <sub>B</sub> | n <sub>A</sub> |
| 2:C    | $\mathbf{p}_{C} = \mathbf{p}_{B}$ | $V_c = 3V_B$                   | T <sub>c</sub> | n <sub>A</sub> |
| 3:D    | $\mathbf{p}_{D} = \mathbf{p}_{A}$ | $V_D = V_C$                    | T <sub>D</sub> | n <sub>A</sub> |
| 4:A    | p <sub>A</sub>                    | V <sub>A</sub>                 | T <sub>A</sub> | n <sub>A</sub> |

# Cuadro de transformaciones

| Transf                    | Q           | W                   | ΔU                       |
|---------------------------|-------------|---------------------|--------------------------|
| 1 <sub>A→B</sub> :isócora | <b>= ΔU</b> | 0                   | $=(z/2) n R (T_B-T_A)$   |
| 2 <sub>B→c</sub> :isóbara | =∆U+W       | $= p_B (V_C - V_B)$ | $=(z/2) n R (T_c-T_B)$   |
| 3 <sub>c→D</sub> :isócora | <b>= ΔU</b> | 0                   | $=(z/2) n R (T_D-T_C)$   |
| 4 <sub>D→A</sub> :isóbara | =∆U+W       | $= p_D (V_D - V_A)$ | $=(z/2) n R (T_A - T_D)$ |

#### Calor

- Q>0 ← Calor entra al sistema desde una fuente
- Q<0 ← Calor sale del sistema → No es aprovechable</li>
- Trabajo
  - W>O ← Trabajo producido por el sistema → Útil
  - W<O ← Trabajo realizado sobre el sistema → Costo</li>
- ¿Qué obtuve luego de un ciclo? → Trabajo Neto
- ¿Que tuve que poner para lograr el ciclo? → Calor Q>O

Definimos al rendimiento como

• En términos del ciclo,