DEVOIR LIBRE 2

Exercice 1

- 1. On considère le polynôme $P(x) = 3x^3 + 8x^2 5x 6$.
 - (a) Déterminer les diviseurs de 6.
 - (b) Calculer l'image de chacun des diviseurs de 6 par le polynôme P(x). En déduire une racine a de P(x).
 - (c) Calculer l'image de chacun des diviseurs de 6 par le polynôme P(x). En déduire une racine b de P(x).
 - (d) Déterminer le polynôme Q(x) tel que P(x) = (x a)(x b)Q(x).
- 2. On considère le polynôme $R(x) = 2x^3 3x^2 + ax + 6$.
 - (a) Déterminer la valeur du réel a, sachant que le reste de la division euclidienne de R(x) par x+1 est 12.
 - (b) Montrer que x 3 divise R(x).
 - (c) Déterminer le polynôme S(x) tel que R(x) = (x-3)S(x).
 - (d) Montrer que -2 est une racine de S(x).
 - (e) En déduire une factorisation de R(x) en produit de binômes de premier degré.

Exercice 2

Soit *x* un réel de l'intervalle]0; 1[. On pose $A = \frac{1+\sqrt{x}}{2}$.

- 1. Montrer que $A 1 = \frac{x 1}{2(1 + \sqrt{x})}$.
- 2. Montrer que $0 < \frac{1}{1+\sqrt{x}} < 1$.
- 3. Montrer que $|A-1| < \frac{1}{2}|x-1|$.
- 4. En déduire que 1 est une valeur approchée de $\frac{1+\sqrt{0.8}}{2}$ à 10^{-1} prés.

Exercice 3

ABCD est un parallélogramme de centre *O*.

Soient *E* et *F* deux points vérifiant: $\overrightarrow{AE} = -\frac{1}{4}\overrightarrow{AB}$ et $\overrightarrow{AF} = \frac{2}{3}\overrightarrow{AD}$.

On considère le point K, intersection des deux droites (AC) et (EF), et les points B' et D', projetés respectifs de B et D, sur (AC) parallèlement à (EF).

- 1. Construire une figure.
- 2. Montrer que O le milieu de [B'D'].
- 3. Montrer que: $\overrightarrow{AK} = -\frac{1}{4}\overrightarrow{AB'}$ et $\overrightarrow{AK} = \frac{2}{3}\overrightarrow{AD'}$.
- 4. Exprimer \overrightarrow{AC} en fonction de \overrightarrow{AK} .