

## Funções de ordem superior

- **(.)** composição de funções

```
(.) :: (b -> c) -> (a -> b) -> a -> c
(.) f g x = f (g x)
```

Exemplo:

```
ultimo :: [a] -> a
ultimo = head . reverse
```

```
ultimo [1,2,3] = (head . reverse) [1,2,3]
               = head (reverse [1,2,3])
               = head [3,2,1]
               = 3
```

- **flip** troca a ordem dos argumentos de uma função binária.

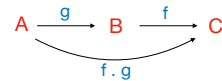
```
flip :: (a -> b -> c) -> b -> a -> c
flip f x y = f y x
```

```
> (^) 3 2
9
> flip (^) 3 2
8
```

Exemplo:

```
mytake :: [a] -> Int -> [a]
mytake = flip take
```

```
mytake [1..10] 3 = flip take [1..10] 3
                 = take 3 [1..10]
                 = [1,2,3]
```



## Funções de ordem superior

- **curry** transforma uma função que recebe como argumento um par, numa função equivalente que recebe um argumento de cada vez.

```
curry :: ((a,b) -> c) -> a -> b -> c
curry f x y = f (x,y)
```

- **uncurry** transforma uma função que recebe dois argumentos (um de cada vez), numa função equivalente que recebe um par.

```
uncurry :: (a -> b -> c) -> (a,b) -> c
uncurry f (x,y) = f x y
```

Exemplo:

```
quocientes :: [(Int,Int)] -> [Int]
quocientes l = map (\(x,y) -> div x y) l
```

Ou, em alternativa,

```
quocientes l = map (uncurry div) l
```

```
> quocientes [(10,3), (20,4)]
[3,5]
```

## Funções de ordem superior

- **zipWith** constrói uma lista cujos elementos são calculados por uma função que é aplicada a argumentos que vêm de duas listas.

```
zipWith :: (a -> b -> c) -> [a] -> [b] -> [c]
zipWith f (x:xs) (y:ys) = f x y : zipWith xs ys
zipWith _ _ _ = []
```

```
> zipWith div [10,20..50] [1..]
[10,10,10,10,10]
```

```
> zipWith (^) [1..5] [2,2..]
[1,4,9,16,25]
```

```
> map (uncurry (^)) (zip [1..5] [2,2..])
[1,4,9,16,25]
```

## Funções de ordem superior

- **takeWhile** recebe uma condição e uma lista e retorna o segmento inicial da lista cujos elementos satisfazem a condição dada.

```
takeWhile :: (a -> Bool) -> [a] -> [a]
takeWhile p [] = []
takeWhile p (x:xs) | p x = x : takeWhile p xs
                  | otherwise = []
```

```
> takeWhile (>3) [5,7,1,8,2]
[5,7]
```

- **dropWhile** recebe uma condição e uma lista e retorna a lista sem o segmento inicial de elementos que satisfazem a condição dada.

```
dropWhile :: (a -> Bool) -> [a] -> [a]
dropWhile p [] = []
dropWhile p (x:xs) | p x = dropWhile p xs
                  | otherwise = x:xs
```

```
> dropWhile (>3) [5,7,1,8,2]
[1,8,2]
```

## Funções de ordem superior

- **span** é uma função do Prelude que calcula simultaneamente o resultado das funções `takeWhile` e `dropWhile`. Ou seja, `span p l == (takeWhile p l, dropWhile p l)`

```
span :: (a -> Bool) -> [a] -> ([a],[a])
```

Exemplo: A função **lines** (do Prelude) que parte uma string numa lista de linhas.

```
> lines " \nabds\tbfsas\n26egd\n\n3673qw"
[" ", "abds\tbfsas", "26egd", "", "3673qw"]
```

```
lines :: String -> [String]
lines [] = []
lines s = let (l, r) = span (/='\n') s
           in case r of
               [] -> [l]
               x:xs -> l : lines xs
```

## Funções de ordem superior

- **break** é uma função do Prelude equivalente à função `span` invocada com a condição negada.

```
break :: (a -> Bool) -> [a] -> ([a],[a])
break p l = span (not . p) l
```

```
> break (>10) [3,4,5,30,8,12,9]
([3,4,5],[30,8,12,9])
```

Exemplo: A função **words** (do Prelude) que parte uma string numa lista de palavras.

```
> words " \nabds\tbfsas\n26egd\n\n3673qw"
["abds", "bfsas", "26egd", "3673qw"]
```

```
words :: String -> [String]
words [] = []
words s = let l = dropWhile isSpace s
           (a,b) = break isSpace l
           in a : words b
```

## foldr (right fold)

Considere as seguintes funções:

Estas funções fazem coisas distintas entre si, mas **a forma como operam é semelhante**: aplicam um operador binário à cabeça da lista e ao resultado de aplicar a função à cauda da lista, e quando a lista é vazia revolvem um determinado valor.

Estas funções têm um **padrão de computação** comum. Apenas diferem no operador binário que é usado e no valor a devolver quando a lista é vazia.

```
and [] = True
and (b:bs) = b && (and bs)
```

```
product [] = 1
product (x:xs) = x * (product xs)
```

```
sum [] = 0
sum (x:xs) = x + (sum xs)
```

```
concat [] = []
concat (l:ls) = l ++ (concat ls)
```

A função **foldr** do Prelude sintetiza este padrão de computação, abstraindo em relação ao operador binário que é usado e o resultado a devolver quando a lista é vazia.

## foldr (right fold)

```
foldr :: (a -> b -> b) -> b -> [a] -> b
foldr f z [] = z
foldr f z (x:xs) = f x (foldr f z xs)
```

**foldr** é uma função de ordem superior que recebe o operador **f** que é usado para construir o resultado, e o valor **z** a devolver quando a lista é vazia.

Exemplos:

```
and :: [Bool] -> Bool
and l = foldr (&&) True l
```

```
product :: Num a => [a] -> a
product xs = foldr (*) 1 xs
```

```
sum :: Num a => [a] -> a
sum l = foldr (+) 0 l
```

```
concat :: [[a]] -> [a]
concat l = foldr (++) [] l
```

```
sum [1,2,3] = foldr (+) 0 [1,2,3]
            = 1 + (foldr (+) 0 [2,3])
            = 1 + (2 + (foldr (+) 0 [3]))
            = 1 + (2 + (3 + (foldr (+) 0 [])))
            = 1 + (2 + (3 + 0))
            = 6
```

Note que **foldr f z [x1,...,xn] == f x1 (... (f xn z)...) == x1 `f` (... (xn `f` z)...)**   
Ou seja, aplica **f** associando à direita.

