Министерство науки и Высшего образования Российской Федерации Севастопольский государственный университет Кафедра ИС

Отчет

по лабораторной работе №6

«Исследование алгоритмов сортировки данных методами пузырька и Шелла, используемых при проектировании параллельных вычислительных программных систем»

по дисциплине

«ТЕОРИЯ РАСПРЕДЕЛЕННЫХ СИСТЕМ И ПАРАЛЛЕЛЬНЫХ ВЫЧИСЛЕНИЙ»

Выполнил студент группы ИС/б-17-2-о Горбенко К. Н. Проверил Дрозин А.Ю.

Севастополь 2020

1 ЦЕЛЬ РАБОТЫ

Программно реализовать и исследовать эффективность алгоритмов параллельной сортировки с использованием функций библиотеки MPI в сравнении с последовательными версиями тех же алгоритмов.

2 ПОСТАНОВКА ЗАДАЧИ

Выполнить разработку и отладку программы параллельной сортировки данных с использованием вызовов требуемых функций библиотеки МРІ в соответствии с вариантом, указанным преподавателем. Дополнительно реализовать последовательный вариант того же метода сортировки. Получить результаты работы программы в виде протоколов сообщений, комментирующих параллельное выполнение процессов и их взаимодействие в ходе выполнения. Оценить эффективность параллельного процесса сортировки в сравнении с последовательным на том же наборе исходных данных. Вариант №1 – Четная-нечетная.

3 ХОД РАБОТЫ

Текст программы:

```
1 #include <iostream>
3 using namespace std;
5 void OddEvenSort(int* vector, int size);
6 void ShowVector(int vector[], int size);
8 int main()
9 {
10
      const int size = 15;
      int A[size] = \{ 41, 67, 34, 0, 69, 24, 78, 58, 62, 64, 5, 45, 81, 27, 61 \};
11
12
13
      ShowVector(A, size);
14
      OddEvenSort(A, size);
15
      ShowVector(A, size);
16 }
17
18 void OddEvenSort(int* vector, int size)
19 {
      for (int i = 0; i < size; i++)
20
21
```

```
if (i % 2 == 0)
22
23
           {
24
                for (int j = 0; j < size; j += 2)
25
26
                    if (j < size - 1)
27
                    {
28
                         if (vector[j] > vector[j + 1])
29
30
                             int tmp = vector[j];
31
                             vector[j] = vector[j + 1];
32
                             vector[j + 1] = tmp;
33
                         }
34
                    }
35
                }
           }
36
37
           else
38
           {
39
                for (int j = 1; j < size; j += 2)
40
41
                    if (j < size - 1)
42
                    {
43
                         if (vector[j] > vector[j + 1])
44
45
                             int tmp = vector[j];
46
                             vector[j] = vector[j + 1];
47
                             vector[j + 1] = tmp;
48
                         }
49
                    }
50
               }
51
           }
52
       }
53 }
54
55 void ShowVector(int vector[], int size)
57
       for (int i = 0; i < size; i++)
58
59
           cout << vector[i] << " ";</pre>
60
61
       cout << endl;</pre>
62 }
63
64 Программа 2. Параллельный метод сортировки:
65 #include <iostream>
66 #include <mpi.h>
67
68 using namespace std;
69
```

```
70 const int data_tag = 2001;
71 \text{ const int } N = 15;
72.
73 void ShowVector(int vector[], int size);
74 int* GetHalfVector(int vector[], int size, bool mode);
75 int Partition(int vector[], int start, int end);
76 void Quicksort(int vector[], int start, int end);
77 int* MergeSort(int firstVector[], int secondVector[], int firstVectorSize, int
       secondVectorSize);
78
79 int main(int argc, char** argv)
80 {
81
       // 41 67 34 0 69 24 78 58 62 64 5 45 81 27 61
82
       int rank, processes;
83
       MPI_Init(&argc, &argv);
       MPI_Comm_rank(MPI_COMM_WORLD, &rank);
84
       MPI_Comm_size(MPI_COMM_WORLD, &processes);
85
86
       MPI_Status status;
87
88
       int masterProcess = 0;
89
       int vector[N];
90
       int* sortedVector = new int[N];
91
       int blockSize = N / processes;
92
       int* blockVector = new int[blockSize];
93
94
       if (rank == masterProcess)
95
96
            for (int i = 0; i < N; i++)
97
                vector[i] = 0 + rand() % 100;
98
99
            }
100
101
            cout << "Unsorted vector: ";</pre>
102
            ShowVector(vector, N);
103
            cout << endl:</pre>
104
       }
105
106
       MPI_Scatter(vector, blockSize, MPI_INT, blockVector, blockSize, MPI_INT,
           masterProcess, MPI_COMM_WORLD);
107
108 #pragma region DEBUG
109
        cout << "P" << rank << "-unsorted: ";</pre>
110
       ShowVector(blockVector, blockSize);
111
       MPI_Barrier(MPI_COMM_WORLD);
112 #pragma endregion
113
114
        Quicksort(blockVector, 0, blockSize - 1);
115
```

```
116 #pragma region DEBUG
       cout << "P" << rank << "-sorted: ";</pre>
117
118
       ShowVector(blockVector, blockSize);
119 #pragma endregion
120
121
       MPI_Barrier(MPI_COMM_WORLD);
122
123
       for (int i = 0; i < processes - 1; i++)
124
            if (i \% 2 == 0)
125
126
127
                if (rank \% 2 == 0)
128
129
                    if (rank != processes - 1)
130
                    {
131
                         int* blockVectorFromNext = new int[blockSize];
132
                        MPI_Send(blockVector, blockSize, MPI_INT, rank + 1,
                            data_tag, MPI_COMM_WORLD);
133
                        MPI_Recv(blockVectorFromNext, blockSize, MPI_INT, rank + 1,
                             data_tag, MPI_COMM_WORLD, &status);
134
135
                         int* merged = MergeSort(blockVector, blockVectorFromNext,
                            blockSize, blockSize);
136
                         blockVector = GetHalfVector(merged, blockSize * 2, 0);
137
138 #pragma region DEBUG
139
                         cout << "P" << rank << "-merged-sorted: ";</pre>
140
                         ShowVector(merged, blockSize * 2);
141
142
                         cout << "P" << rank << "-half: ";</pre>
143
                         ShowVector(blockVector, blockSize);
144 #pragma endregion
145
146
                         delete[] blockVectorFromNext;
147
                        delete[] merged;
148
                    }
                }
149
150
                else
151
                {
152
                    int* blockVectorFromPrev = new int[blockSize];
153
                    MPI_Send(blockVector, blockSize, MPI_INT, rank - 1, data_tag,
                        MPI_COMM_WORLD);
154
                    MPI_Recv(blockVectorFromPrev, blockSize, MPI_INT, rank - 1,
                        data_tag, MPI_COMM_WORLD, &status);
155
156
                    int* merged = MergeSort(blockVector, blockVectorFromPrev,
                        blockSize, blockSize);
157
                    blockVector = GetHalfVector(merged, blockSize * 2, 1);
```

```
158
159 #pragma region DEBUG
160
                     cout << "P" << rank << "-merged-sorted: ";</pre>
161
                     ShowVector(merged, blockSize * 2);
162
163
                     cout << "P" << rank << "-half: ";</pre>
164
                     ShowVector(blockVector, blockSize);
165 #pragma endregion
166
167
                     delete[] blockVectorFromPrev;
                     delete[] merged;
168
169
                }
            }
170
171
            else
172
            {
173
                if (rank \% 2 == 0)
174
175
                     if (rank != 0)
176
177
                         int* blockVectorFromPrev = new int[blockSize];
178
                         MPI_Send(blockVector, blockSize, MPI_INT, rank - 1,
                             data_tag, MPI_COMM_WORLD);
                         MPI_Recv(blockVectorFromPrev, blockSize, MPI_INT, rank - 1,
179
                              data_tag, MPI_COMM_WORLD, &status);
180
181
                         int* merged = MergeSort(blockVector, blockVectorFromPrev,
                            blockSize, blockSize);
182
                         blockVector = GetHalfVector(merged, blockSize * 2, 1);
183
184 #pragma region DEBUG
                         cout << "P" << rank << "-merged-sorted: ";</pre>
185
186
                         ShowVector(merged, blockSize * 2);
187
                         cout << "P" << rank << "-half: ";</pre>
188
189
                         ShowVector(blockVector, blockSize);
190 #pragma endregion
191
192
                         delete[] blockVectorFromPrev;
193
                         delete[] merged;
194
                     }
195
                }
196
                else
197
                {
198
                     int* blockVectorFromNext = new int[blockSize];
199
                     MPI_Send(blockVector, blockSize, MPI_INT, rank + 1, data_tag,
                        MPI_COMM_WORLD);
200
                     MPI_Recv(blockVectorFromNext, blockSize, MPI_INT, rank + 1,
                        data_tag, MPI_COMM_WORLD, &status);
```

```
201
202
                     int* merged = MergeSort(blockVector, blockVectorFromNext,
                        blockSize, blockSize);
                     blockVector = GetHalfVector(merged, blockSize * 2, 0);
203
204
205 #pragma region DEBUG
206
                     cout << "P" << rank << "-merged-sorted: ";</pre>
207
                     ShowVector(merged, blockSize * 2);
208
209
                     cout << "P" << rank << "-half: ";</pre>
210
                     ShowVector(blockVector, blockSize);
211 #pragma endregion
212
213
                     delete[] blockVectorFromNext;
214
                     delete[] merged;
                }
215
216
            }
217
            MPI_Barrier(MPI_COMM_WORLD);
218
219
        }
220
221
        MPI_Barrier(MPI_COMM_WORLD);
222
        MPI_Gather(blockVector, blockSize, MPI_INT, sortedVector, blockSize,
           MPI_INT, masterProcess, MPI_COMM_WORLD);
223
        MPI_Barrier(MPI_COMM_WORLD);
224
225
        if (rank == masterProcess)
226
227
            cout << endl << "Sorted vector: ";</pre>
228
            ShowVector(sortedVector, N);
229
        }
230
231
        delete[] blockVector;
232
233
        MPI_Finalize();
234
235
        return 0;
236
237 }
238
239 void ShowVector(int vector[], int size)
240 {
241
        for (int i = 0; i < size; i++)
242
            cout << vector[i] << " ";</pre>
243
244
        }
245
        cout << endl;</pre>
246 }
```

```
247
248 int* GetHalfVector(int vector[], int size, bool mode)
249 {
        int* result = new int[size / 2];
250
251
252
       if (mode)
253
254
            copy(vector + size / 2, vector + size, result);
255
       }
256
       else
257
258
            copy(vector, vector + size / 2, result);
259
260
261
       return result;
262 }
263
264 int Partition(int vector[], int start, int end)
265 {
266
       int pivot = vector[end];
267
        int pIndex = start;
268
269
       for (int i = start; i < end; ++i)
270
271
            if (vector[i] < pivot)</pre>
272
            {
273
                swap(vector[i], vector[pIndex]);
274
                pIndex++;
275
            }
276
       }
277
        swap(vector[pIndex], vector[end]);
278
279
280
       return pIndex;
281 }
282
283 void Quicksort(int vector[], int start, int end)
284 {
285
        int* stack = (int*)malloc((end - start + 1) * sizeof(int));
286
        int top = -1;
287
        stack[++top] = start;
        stack[++top] = end;
288
289
290
       while (top >= 0)
291
       {
292
            end = stack[top--];
293
            start = stack[top--];
294
```

```
295
            int pivot_index = Partition(vector, start, end);
296
297
            if (pivot_index - 1 > start)
298
299
                 stack[++top] = start;
300
                 stack[++top] = pivot_index - 1;
301
            }
302
            if (pivot_index + 1 < end)</pre>
303
            {
304
                 stack[++top] = pivot_index + 1;
305
                 stack[++top] = end;
306
            }
307
        }
308 }
309
310 int * MergeSort(int firstVector[], int secondVector[], int firstVectorSize, int
       secondVectorSize)
311 {
312
        int i = 0;
313
        int j = 0;
314
        int index = 0;
315
        int* result = new int[firstVectorSize + secondVectorSize];
316
317
        while (i < firstVectorSize && j < secondVectorSize)</pre>
318
319
            if (firstVector[i] < secondVector[j])</pre>
320
            {
321
                 result[index] = firstVector[i];
322
                 i++;
323
            }
324
            else
325
            {
326
                 result[index] = secondVector[j];
327
                 j++;
328
            }
329
            index++;
        }
330
331
332
        while (i < firstVectorSize)</pre>
333
            result[index] = firstVector[i];
334
335
            index++;
336
            i++;
337
        }
338
339
        while (j < secondVectorSize)</pre>
340
341
            result[index] = secondVector[j];
```

Первым этапом был разработан последовательный алгоритм чет-нечетной сортировки. Результат сортировки таким методом представлен на рисунке 1.

```
Консоль отладки Microsoft Visual Studio
41 67 34 0 69 24 78 58 62 64 5 45 81 27 61
0 5 24 27 34 41 45 58 61 62 64 67 69 78 81
```

Рисунок 1 – Результат выполнения последовательного алгоритма чет-нечетной сортировки

Далее было осуществлено моделирование параллельного алгоритма четнечетной сортировки. Каждый этап был проведен вручную, что позволило полностью понять, как работает данный алгоритм. Данные для сортировки были взяты из примера выше. Результат показан на рисунке 2.

| 0 | | | 1 | | | | 2 | | 3 | | | 4 | | |
|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|----|
| 41 | 67 | 34 | 0 | 69 | 24 | 78 | 58 | 62 | 64 | 5 | 45 | 81 | 27 | 61 |
| 34 | 41 | 67 | 0 | 24 | 69 | 58 | 62 | 78 | 5 | 45 | 64 | 27 | 61 | 81 |
| 0 | 24 | 34 | 41 | 67 | 69 | 5 | 45 | 58 | 62 | 64 | 78 | 27 | 61 | 81 |
| 0 | 24 | 34 | 5 | 41 | 45 | 58 | 67 | 69 | 27 | 61 | 62 | 64 | 78 | 81 |
| 0 | 5 | 24 | 34 | 41 | 45 | 27 | 58 | 61 | 62 | 67 | 69 | 64 | 78 | 8 |
| 0 | 5 | 24 | 27 | 34 | 41 | 45 | 58 | 61 | 62 | 64 | 67 | 69 | 78 | 8 |

Рисунок 2 – Результат моделирования параллельного алгоритма чет-нечетной сортировки

Как видим, из рисунка 2 следует, что существует processes – 1 итераций из четной и нечетной фазы. На каждой четной фазе процессы (0 1), (2 3) и т.д. обмениваются блоками и составляют общий массив и сортируют его, после этого каждый оставляет себе половину по правилу: процесс с меньшим номером оставляет себе левую половину, процесс с большим – правую. Таким же образом действуют процессы на нечетной фазе, однако уже (1 2), (3 4) и т.д.

После всех итераций мы собираем данные с процессов и получаем отсортированный массив.

```
Unsorted vector: 41 67 34 0 69 24 78 58 62 64 5 45 81 27 61
P0-unsorted: 41 67 34
P4-unsorted: 81 27 61
P1-unsorted: 0 69 24
P2-unsorted: 78 58 62
P3-unsorted: 64 5 45
P2-sorted: 58 62 78
P4-sorted: 27 61 81
P3-sorted: 5 45 64
P1-sorted: 0 24 69
P0-sorted: 34 41 67
P0-merged-sorted: 0 24 34 41 67 69
P0-half: 0 24 34
P1-merged-sorted: 0 24 34 41 67 69
P1-half: 41 67 69
P3-merged-sorted: 5 45 58 62 64 78
P2-merged-sorted: 5 45 58 62 64 78
P3-half: 62 64 78
P2-half: 5 45 58
P2-merged-sorted: 5 41 45 58 67 69
P1-merged-sorted: 5 41 45 58 67 69
P2-half: 58 67 69
P4-merged-sorted: 27 61 62 64 78 81
P1-half: 5 41 45
P4-half: 64 78 81
P3-merged-sorted: 27 61 62 64 78 81
P3-half: 27 61 62
P2-merged-sorted: 27 58 61 62 67 69
P3-merged-sorted: 27 58 61 62 67 69
P2-half: 27 58 61
P3-half: 62 67 69
P1-merged-sorted: 0 5 24 34 41 45
P0-merged-sorted: 0 5 24 34 41 45
P1-half: 34 41 45
P0-half: 0 5 24
P1-merged-sorted: 27 34 41 45 58 61
P2-merged-sorted: 27 34 41 45 58 61
P4-merged-sorted: 62 64 67 69 78 81
P2-half: 45 58 61
P4-half: 69 78 81
P1-half: 27 34 41
P3-merged-sorted: 62 64 67 69 78 81
P3-half: 62 64 67
Sorted vector: 0 5 24 27 34 41 45 58 61 62 64 67 69 78 81
```

Рисунок 3 – Результат выполнения параллельного алгоритма чет-нечетной сортировки

выводы

В ходе данной лабораторной работы были изучены основные понятия составления параллельных методов сортировок их последовательных аналогов. Программно реализован и исследован алгоритм чет-нечетной параллельной сортировки с использованием функций библиотеки МРІ в сравнении с последовательными версиями тех же алгоритмов.