# Министерство науки и высшего образования Российской Федерации Севастопольский государственный университет Кафедра ИС

#### Отчет

#### по лабораторной работе №2

«Расчет числовых характеристик и энтропии дискретной случайной величины» по дисциплине

«ТЕОРИЯ ИНФОРМАЦИОННЫХ ПРОЦЕССОВ И СИСТЕМ»

Выполнил студент группы ИС/б-17-2-о Горбенко К. Н. Проверил

Заикина Е.Н.

Севастополь 2019

# 1 ЦЕЛЬ РАБОТЫ

- Изучение способов описания дискретных случайных величин.
- Приобретение практических навыков расчета числовых характеристик и энтропии дискретной случайной величины по ее закону распределения.

# 2 ЗАДАНИЕ НА РАБОТУ

- 1. Получить у преподавателя вариант задания.
- 2. Написать функцию, определяющую распределение вероятностей дискретной случайной величины в соответствии с заданным законом распределения.
  - 3. Проверить условие нормировки.
- 4. Написать функцию для определения начального момента s-го порядка. Выписать соответствующую формулу.
  - 5. Найти начальный момент нулевого порядка. Объяснить результат.
- 6. Написать функцию для определения математического ожидания. Выписать соответствующую формулу.
- 7. Построить графики зависимости математического ожидания от параметров распределения.
- 8. Написать функцию для определения центрального момента s-го порядка. Выписать соответствующую формулу
  - 9. Найти центральный момент нулевого порядка. Объяснить результат.
  - 10. Найти центральный момент первого порядка. Объяснить результат.
- 11. Написать функцию для определения дисперсии. Выписать соответствующую формулу.
- 12. Построить графики зависимости дисперсии от параметров распределения.
- 13. Написать функцию для определения среднеквадратического отклонения. Выписать соответствующую формулу.
- 14. Построить графики зависимости среднеквадратического отклонения от параметров распределения.
- 15. Написать функцию для определения коэффициента асимметрии. Выписать соответствующую формулу.
- 16. Построить графики зависимости коэффициента асимметрии от параметров распределения.

- 17. Написать функцию для определения коэффициента эксцесса. Выписать соответствующую формулу.
- 18. Построить графики зависимости коэффициента эксцесса от параметров распределения.
- 19. Построить графики распределения вероятностей для разных параметров распределения.
- 20. Написать функцию, определяющую интегральный закон распределения дискретной случайной величины, подчиненной заданному закону распределения.
- 21. Построить графики интегрального закона распределения для разных параметров распределения
  - 22. Написать функцию для вычисления энтропии.
- 23. Построить графики зависимости энтропии от параметров распределения.
  - 24. Сделать развернутые выводы по результатам исследований.

# 3 ХОД РАБОТЫ

Задание ограничений, функции плотности вероятности, функции определения начального момента порядка в, функции определения математического ожидания, график зависимости математического ожидания от количества испытаний:

```
assume(N::integer, N>0):
   assume(m :: integer, m > 0, m \le r):
   assume(r::integer, r > 0, r \le N-m):
   assume(k::integer):
> P(r, N, m, k) := \frac{C(k, m) \cdot C(r - k, N - m)}{C(r, N)}:
> sum(P(r, N, m, k), k=0..m);
                                                                                                                        (1)
\rightarrow Moment(r, N, m, s) := sum(k^{s} \cdot P(r, N, m, k), k=0..m):
simplify(Moment(r, N, m, s))
                                                                                                                        (2)
   simplify(Moment(r, N, m, 0))
                                                                                                                        (3)
   M(r, N, m) := Moment(r, N, m, 1):
   simplify(M(r, N, m))
                                                                                                                        (4)
> plot([M(r, 10, 5), M(r, 20, 15), M(r, 30, 25)], r = 0..5)
```

Рисунок 1 – График зависимости математического ожидания от количества испытаний

Функция определения центрального момента порядка s, дисперсии, график зависимости дисперсии от количества испытаний:

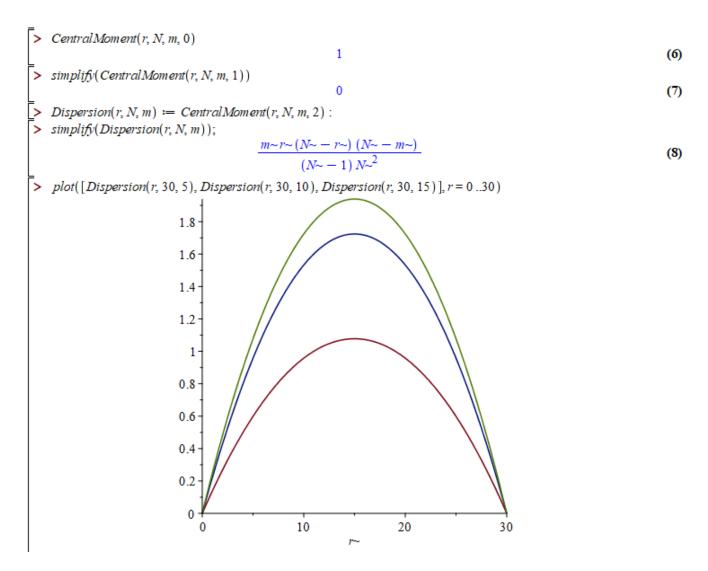


Рисунок 2 – График зависимости дисперсии от количества испытаний

Функция определения среднеквадратического отклонения, график его заввисимости от количества испытаний:

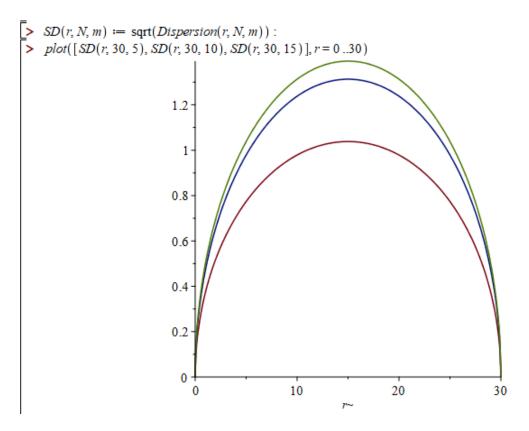


Рисунок 3 – График зависимости среднеквадратического отклонения от количества испытаний

Функция определения коэффициента ассиметрии, график его зависимости от количества испытаний:

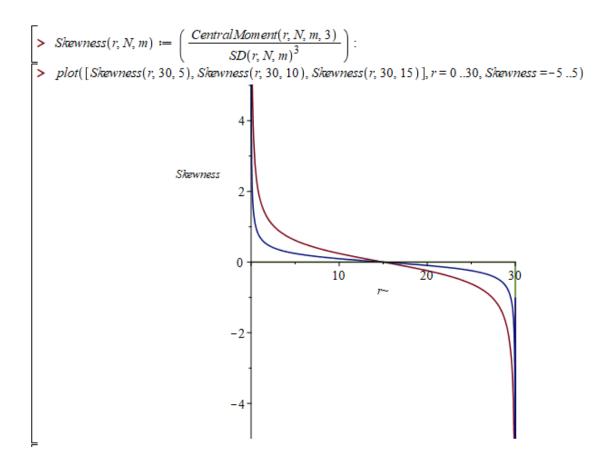


Рисунок 4 – График зависимости коэффициента ассиметрии от количества испытаний

Функция определения коэффициента эксцесса, график его зависимости от количества испытаний:

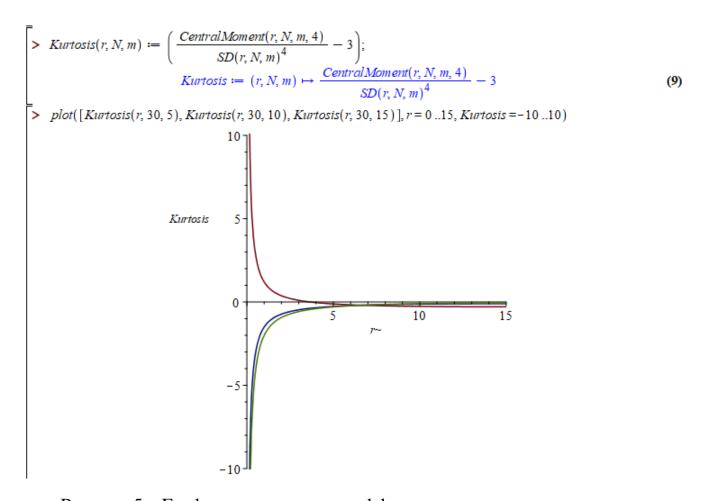


Рисунок 5 – График зависимости коэффициента эксцесса от количества испытаний

Графики зависимости функции распределения вероятностей от количества испытаний:

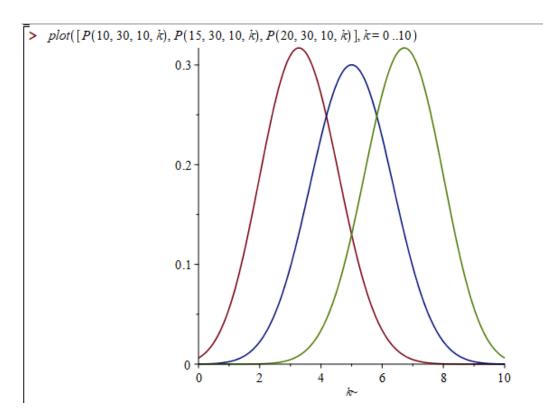


Рисунок 6 – График зависимости функции плотности распределения от количества испытаний

График интегральной функции распределения:

```
> points := Vector():
for i from 1 to 11 do points(i) := [i − 1, sum(P(20, 30, 10, k), k = 0..i − 1)] od:
plot(points);
```

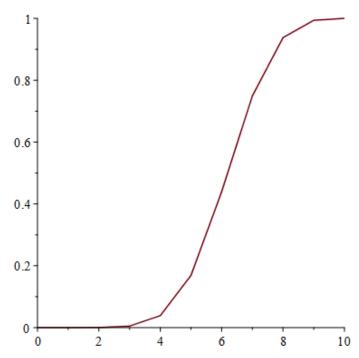


Рисунок 7 – График интегральной функции распределения

### Графики зависимости энтропии от количества испытаний:

> Entropy := Vector():
for i from 1 to 11 do Entropy(i) := [i - 1, -sian(P(20, 30, 10, k) ·ln[2](P(20, 30, 10, k)), k = 0..i - 1)] od:
plot(Entropy);

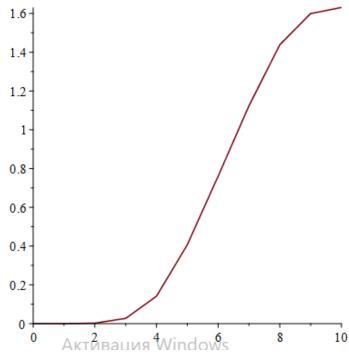


Рисунок 8 – График зависимости энтропии от количества испытаний

# выводы

В ходе лабораторной работы было исследовано гипергеометрическое распределение и его числовые характеристики. Параметрами распределения являются: r - количество испытаний, N - количество предметов в выборке, m - количесво предметов с искомым признаком в выборке. Математическое ожидание зависит от всех параметров.