

Problema 1

Nos piden utilizar la ley $P = At^b$

Debemos transformar la misma para poder utilizar el método de cuadrados mínimos.

$$P' = \ln(P) \text{ y } t' = \ln(t), \quad C_0 = \ln(C_0)$$

$$C_0 = A, \quad C_1 = b$$

$$\ln(f(x)) = \ln(C_0) + C_1 \ln(x)$$

No lo escribo
lo mismo
col de \ln es 12

P	t	P'	t'	ℓ_0	ℓ_1	$\ell_0 \times \ell_1$	$\ell_0 \times \ell_1$	$\ell_1 \times \ell_1$	P' $\times \ell_1$	P' $\times \ell_0$
19,8	75	2,9856	4,31749	1	4,31749	1		18,64072	12,890298	2,9856
21,2	95	3,05400	4,55388	1	4,55388	1		20,7378	13,90755	3,05400
21,5	120	3,06805	4,787492	1	4,787492	1		22,92008	14,68828	3,06805
23,6	160	3,16128	5,075174	1	5,075174	1		25,75739	16,04389	3,16128
24,1	190	3,18221	5,247024	1	5,247024	1		27,53126	16,697132	3,18221
26,5	220	3,27714	5,393628	1	5,393628	1		29,09122	17,67567	3,27714
28,9	250	3,36384	5,521461	1	5,521461	1		30,48653	18,57331	3,36384
29,2	280	3,374169	5,63479	1	5,63479	1		31,75086	19,01273	3,374169
31,9	330	3,462606	5,799093	1	5,799093	1		33,62948	20,07997	3,462606

$$\langle \ell_0, \ell_0 \rangle = 9$$

$$\langle \ell_1, \ell_1 \rangle = 240,54534$$

$$\langle P', \ell_0 \rangle = 28,928865$$

$$\langle \ell_0, \ell_1 \rangle = 46,321869$$

$$\langle P', \ell_1 \rangle = 149,56833$$

$$\begin{bmatrix} \langle \ell_0, \ell_0 \rangle & \langle \ell_0, \ell_1 \rangle \\ \langle \ell_1, \ell_0 \rangle & \langle \ell_1, \ell_1 \rangle \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 9 & 46,321869 \\ 46,321869 & 240,54534 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} C_0' \\ C_1' \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 28,928865 \\ 149,56833 \end{bmatrix}$$

Ahora buscamos C_0 y C_1 :

$$\begin{bmatrix} 9 & 46,321869 \\ 46,321869 & 240,54534 \end{bmatrix} \begin{bmatrix} C_0 \\ C_1 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} 28,928865 \\ 149,56833 \end{bmatrix}$$

$$\begin{cases} 9C_0 + 46,321869C_1 = 28,928865 & (1) \end{cases}$$

$$\begin{cases} 46,321869C_0 + 240,54534C_1 = 149,56833 & (2) \end{cases}$$

$$9C_0 = 28,928865 - 46,321869C_1$$

$$C_0 = \frac{1}{9} (28,928865 - 46,321869C_1)$$

Reemplazo C_0 en (2):

$$46,321869 \left(\frac{1}{9} (28,928865 - 46,321869C_1) \right) + 240,54534C_1 = 149,56833$$

$$46,321869 (3,21432 - 5,146874C_1) + 240,54534C_1 = 149,56833$$

$$148,89331 - 238,4128232C_1 + 240,54534C_1 = 149,56833$$

$$2,1325168C_1 = 0,67523$$

$$C_1 = 0,316635$$

Reemplazo C_1 para encontrar C_0 :

$$C_0 = \frac{1}{9} (28,928865 - 46,321869 (0,316635)) = \frac{1}{9} (14,26174) = 1,584638$$

$$\text{Valores a transformar: } C_0 = e^{C_0} = e^{1,584638} = \boxed{4,8775 = A}$$

$$C_1 = 0,316635 = B$$

Problema 2

Primero analizamos si la matriz es diagonal dominante así como esta:

$$\begin{bmatrix} 2 & 4 & 1 & 0 \\ 5 & 1 & 0 & 0 \\ 0 & 0 & 1 & 2 \\ 0 & 1 & 3 & 1 \end{bmatrix}$$

$$2 > 4 + 1 ? \times$$

Podemos ver que no es diag. dominante, así que procedemos a cambiar el orden de las filas:

Quedando entonces:

$$\begin{bmatrix} 5 & 1 & 0 & 0 \\ 2 & 4 & 1 & 0 \\ 0 & 1 & 3 & 1 \\ 0 & 0 & 1 & 2 \end{bmatrix}$$

$$|5| > |1| \checkmark$$

$$|4| > |1| + |1| \checkmark$$

$$|3| > |1| + |1| \checkmark$$

$$|2| > |1| \checkmark$$

Es estrictamente
diagonal
dominante

Como es diagonal dominante sabemos que GS converge por propiedad.

Nos dan la semilla $(x_1, x_2, x_3, x_4)^T = (0,1; 0,1; 1,0; 0,1)^T$

Planteamos las ecuaciones:

$$x_{1k+1} = \frac{1 - x_{3k}}{5}$$

$$x_{4k+1} = \frac{4 - x_{3k+1}}{2}$$

$$x_{2k+1} = \frac{2 - 2x_{4k+1} - x_{3k}}{4}$$

$$x_{3k+1} = \frac{3 - x_{4k+1} - x_{4k}}{3}$$

k	X_1	X_2	X_3	X_4
0	0,1	0,1	1,0	0,1
1	0,18	0,16	0,913	1,544
2	0,164	0,1898	0,422	1,789
3	0,1672	0,3109	0,3000	1,85

$$X_{0+1} =$$

1