

**ANÁLISIS NUMÉRICO I**  
**75.12 - 95.04 - Curso 3**  
**MÉTODOS MATEMÁTICOS y NUMÉRICOS**  
**95.13 – Curso 5**

**FACULTAD DE INGENIERÍA**  
**UNIVERSIDAD DE BUENOS AIRES**  
**Primer Cuatrimestre 2023**

**Primera fecha de evaluación integradora – 10/07/2023**

**Ejercicio 1**

- a) Estimar el valor de  $I = \int_1^{1.6} \frac{2x}{x^2-4} \cdot dx$  mediante la regla compuesta de los trapecios con  $h=0.2$ .
- b) Estimar el valor de  $I = \int_{1.8}^{2.6} f(x) \cdot dx$  mediante el método de Romberg si  $f(x)$  viene dada por la tabla:

x	1.8	2.0	2.2	2.4	2.6
f(x)	3.12014	4.42569	6.04241	8.03014	10.46675

- c) Estimar el valor de  $I = \int_0^{2.4} \frac{2}{x^2+4} \cdot dx$  mediante la regla compuesta de Simpson con  $n=6$ .

**Ejercicio 2**

- a) Dada la ecuación diferencial ordinaria de segundo orden :  
 $y''(t) + 2 \cdot y'(t) + y(t) = 5$  con  $0 \leq t$ ;  $y(0) = 0$ ;  $y'(0) = 1$ . Se pide discretizarla mediante el método de salto de rana  $w_{n+1} = w_{n-1} + 2 \cdot h \cdot f(t_n; w_n)$  convenientemente generalizado.
- b) Dada la ecuación diferencial de primer orden :  $y'(t) = t + y(t) + 3$  con  $y(1) = 4$ , estudiar la estabilidad cuando se la discretiza por el método de Adams-Bashforth :

$$w_{n+1} = w_n + \frac{h}{2} \cdot [3 \cdot f(t_n; w_n) - f(t_{n-1}; w_{n-1})].$$

- c) Estudiar la consistencia del método de Crank-Nicholson:

$$w_{n+1} = w_n + \frac{h}{2} \cdot [f(t_n; w_n) + f(t_{n+1}; w_{n+1})]$$