TESIS DE MAESTRÍA EN CIENCIAS FÍSICAS

INFORME DE AVANCE

Evelyn G. Coronel Maestrando

Dra. Silvia Mollerach Director

Miembros del Jurado

Dr. Diego Harari (Instituto Balseiro)

20 de Junio de 2020

Partículas y Campos – Centro Atómico Bariloche

Instituto Balseiro Universidad Nacional de Cuyo Comisión Nacional de Energía Atómica Argentina

Índice de contenidos

Ìn	dice	de contenidos	ii
Ín	dice	de figuras	iv
1.	Intr	roducción	1
	1.1.	Acerca de la tesis de licenciatura	1
	1.2.	Acerca del archivo con todos los disparos	1
	1.3.	Acerca de los eventos	2
2.	Mét	codos	3
	2.1.	Cálculo de los coeficientes de Fourier para el análisis de anisotropía en ascensión recta	3
		2.1.1. Variaciones relativas de los hexágonos	3
		2.1.2. Cálculo de Rayleigh para una frecuencia dada	5
3.	Mo	dulación del clima para todos los disparos (2014-2020)	7
	3.1.	Pesos de los hexágonos	7
	3.2.	Anisotropía	8
		3.2.1. Lista detallada de los filtros aplicados de datos del herald	8
		3.2.2. Análisis en frecuencia	9
	3.3.	Corrección del clima	10
4.	Dip	olo en el rango 1 EeV - 2 EeV	11
	4.1.	Características del conjunto de datos	11
	4.2.	Pesos de los eventos para frecuencias de referencia	11
		4.2.1. Gráficos de los ajustes	12
		4.2.2. Tabla comparando los ajustes:	12
	4.3.	Gráfico de la anisotropía	13
Bi	bliog	rrafía	15

Índice de figuras

2.1.	Valores de $\Delta N_{cell,k}$ en el rango 2004-2017 para distintas frecuencias obtenidas en el	
	trabajo [5]	4
2.2.	Valores de $\Delta N_{cell,k}$ en el rango 2004-2017 para distintas frecuencias utilizando el código	_
	escrito en este trabajo	5
2.3.	Comparación entre los análisis de anisotropía hechos para el mismo conjunto de datos,	
	con el código de [4] y con el código escrito para este trabajo	6
3.1.	Pesos de los hexágonos	7
3.2.	Tasa de eventos en el rango de tiempo a trabajar	8
3.3.	Tasa de eventos en el rango de tiempo a trabajar para el ajuste de los parámetros del	
	clima	9
3.4.	Análisis en frecuencia en ascensión recta en rango 1 EeV - 2 EeV	9
3.5.	Parámetro de clima a_P calculado para la corrección del archivo de todos los disparos .	10
3.6.	Parámetro de clima a_{ρ} calculado para la corrección del archivo de todos los disparos $% a_{\rho}$.	10
3.7.	Parámetro de clima b_{ρ} calculado para la corrección del archivo de todos los disparos $$.	10
4.1.	Ajuste de los pesos de los eventos para varias frecuencias a primer orden en ascensión	
	recta	12
4.2.	Anisotropía en función de la frecuencia, se comparan los análisis sin los pesos y con los	
	pesos de los hexágonos	13
13	Distribución de la cantidad relativa de eventos en función de la accensión recta	1/1

Introducción

1.1. Acerca de la tesis de licenciatura

En el trabajo de tesis de licenciatura se analizaron los efectos de las variaciones de los parámetros del clima sobre el desarrollo en la atmósfera de las lluvias atmosféricas. Se analizaron datos del arreglo de detectores espaciados 1500 m entre sí, conocido como arreglo principal, del Observatorio Pierre Auger en el periodo 2005-2018, extendiendo así los periodos de tiempo estudiados anteriormente en los siguientes trabajos [1], [2] y [3]. Se emuló los resultados de la corrección de la modulación del clima sobre el periodo 2005-2015 de la colaboración Pierre Auger [3], obteniéndose resultados compatibles. Se observó que posterior a la corrección, la modulación del clima se vio disminuida. Para eventos con energía mayor a 2 EeV, esta modulación es despreciable.

En el mismo trabajo, se estudió la modulación del clima mediante el valor del S_{38} sin la corrección propuesta por trabajos anteriores. Se observó que los parámetros del clima obtenidos de estos datos son compatibles con los utilizados en la reconstrucción oficial. Se realizó una corrección de los efectos atmosféricos a la energía con estos coeficientes, observándose que la modulación era despreciable para energías mayores a $2 \, {\rm EeV}$ al igual que la reconstrucción oficial.

1.2. Acerca del archivo con todos los disparos

El análisis anterior fue realizado sobre los eventos medidos por el arreglo principal utilizando el disparo estándar. Este disparo tiene una eficiencia completa para eventos de energía mayor a 2,5 EeV. La eficiencia del SD varía con la energía del CR. Para el disparo estandar, los eventos con energía mayor a 3 EeV y $\theta_{max} < 60^{\circ}$ o por encima de 4 EeV y $\theta_{max} < 80^{\circ}$, son detectados con una eficiencia del 100 %. Por lo que el análisis de anisotropías en el rango de energía entre 1 EeV - 2 EeV, requiere factores relacionados a la eficiencia función de la energía que se obteniendo de manera fenomenológica [4]. Para todos los disparos, la eficiencia completa de alcanza por encima de 1 EeV. Por lo tanto sin trabajamos con eventos donde la eficiencia es completa y sólo puede afectar el cambio de la exposición del observatorio, y no es necesario tener en cuenta en el peso la eficiencia.

Para superar esta dificultad, a partir del año 2013 se implementó otros protocolos de disparo en el arreglo principal, llamados Mops y ToTs. Con esta mejora, la eficiencia completa se alcanza para una energía mayor a 1 EeV. De esta manera se aumenta la cantidad de eventos a estudiar en el rango 1 EeV - 2 EeV y no son necesarios factores relacionados a la eficiencia. La desventaja es que el disparo estándar tiene una mayor cantidad de datos ya que se adquieren datos desde el año 2004 con ese protocolo.

2 Introducción

1.3. Acerca de los eventos

Para poder prescindir de los factores de corrección a los datos de los eventos, se aplican cortes a los datos para asegurar la eficiencia completa de los detectores. Por eso se implementan límites en ángulo cenital, en la cantidad de vecinos al tanque de mayor señal, además de restringirse a los datos fueron medidos en condiciones normales, es decir cuando los sistemas de comunicación del Observatorio funciona sin incovenientes.

A partir de los registros de eventos del arreglo principal con todos los disparos, se consideran solamente los eventos que cumplan las siguientes características:

- 1. Ángulo cenital $\theta < 60^{\circ}$
- 2. ib = 1 Bad period flag. Un valor de 1 indica un buen periodo en el cual los datos son recopilados sin inconvenientes.
- 3. Buena reconstrucción de la lluvia atmósferica asociada al evento
- 4. La cantidad de vecinos alrededor del tanque con mayor señal sea de 6 tanques.

Métodos

2.1. Cálculo de los coeficientes de Fourier para el análisis de anisotropía en ascensión recta

2.1.1. Variaciones relativas de los hexágonos

Las anisotropías son variaciones pequeñas sobre el flujo casi isotrópico de CRs, eliminar todo factor espúreo en el análisis es importante. Los pesos de los eventos tiene en cuenta la variación en el número de tanques activos del observatorio durante un rango de tiempo entre t_i y t_f . La variación puede deberse al crecimiento del arreglo durante los años, por caídas en la comunicación por tormentas u otros motivos. La misma puede modular el número de eventos en función del tiempo y aparacer como un anisotropía que es propia de la distribución de CRs y más bien un efecto sistemático de la adquisición de datos.

Para una representación fiel entre los registros de los hexágonos y los pesos de los eventos, se optó por clasificar los datos en 288 segmentos sobre 360°. Cada segmento tiene un ancho de 1,25°. Esto es conveniente ya que la actualización tanto del clima como de los hexágonos se realiza una vez cada 5 min. Esta tasa de actualización es equivalente a decir que la adquisión de datos se realiza cada vez que el cenit del observatorio barre 1,25° sobre la esféra celeste.

Para calcular estos pesos, se sigue el algoritmo a continuación:

- 1. Se establece una frecuencia a estudiar f y el rango de tiempo de análisis, por ejemplo la frecuencia solar $f_{Solar} = 365,25\,$ ciclos en un año entre los años 2013 y 2019.
 - Existe un registro del Observatorio de los hexágonos 6T5 que se actualiza cada 5 min. Cada dato tomado en un momento t durante el rango seleccionado, se clasifica se clasifica el mismo según la cantidad de horas desde un momento de referencia t_0 . Esta referencia t_0 es el 1 de Enero del 2005 a las 00:00:00 GMT, o 21 hrs del 31 de Diciembre del 2004, según la hora local de Malargüe.
- 2. Podemos asociar una coordenada angular h a t y f utilizando la siguiente expresión:

$$h = (t - t_0) \times \frac{360^{\circ}}{24 \text{hs}} \times \frac{f}{f_{Solar}} + h_0$$
 (2.1)

El factor f/f_{Solar} sirve para hacer un escaleo de las horas entre diferentes frecuencias. Se usa como referencia la f_{Solar} dado que las horas (solares) se basan en esta frecuencia, y el valor de $h_0 = 31,4971^o$ representa la ascensión recta del cenit en el momento utilizado como referencia.

3. Para simplificar el cálculo del peso de los hexágonos, se divide los 360º de la ascensión recta

4 Métodos

en L segmentos de $^{360}/L^o$ cada uno. En este trabajo se utilizó L=288 por razones discutidas anteriormente. Para clasificar un dato se toma el valor h y se calcula

$$h' = h f mod 360 \tag{2.2}$$

donde la función fmod representa la función módulo que devuelve un número real. Luego con el valor de h' se asigna al dato con el segmento k correspondiente mediante la siguiente expresión

$$k = \left\lceil \frac{h'}{360} \times L \right\rceil \tag{2.3}$$

done $\lceil a \rceil$ representa la función techo ¹. Por ejemplo, si optamos por L = 24 y un registro en particular resulta con h = 395°, esto implica que h' = 35° y que $k = \lceil 2, 3 \rceil = 3$, por lo tanto, este registro corresponde al segmento en la 3° posición.

4. Una vez clasificado todos los datos del registro de hexágonos, se calcula la suma $N_{hex,j}$ de los registros de hexágonos que cayeron un segmento j dado. Para definir la variación relativa de hexágonos $\Delta N_{cell,k}$ de un segmento k en particular, se necesita la media de hexágonos por segmento $\langle N \rangle$ para normalizar las variaciones.

$$\langle N \rangle = \sum_{i=1}^{L} \frac{N_{hex,i}}{L} \qquad \Delta N_{cell,k} = \frac{N_{cell,k}}{\langle N \rangle}$$
 (2.4)

En la Fig.2.1 se muestran las variaciones relativas de los hexágonos en función de la ascensión recta del cenit del observatorio para las frecuencias sidérea, solar y antisidérea. Este análisis fue realizado en el marco del trabajo [5] en el periodo 2004-2017.

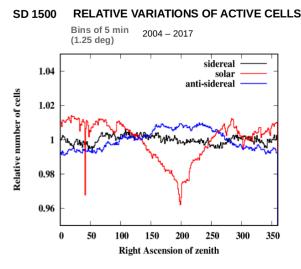


Figura 2.1: Valores de $\Delta N_{cell,k}$ en el rango 2004-2017 para distintas frecuencias obtenidas en el trabajo [5].

En la Fig.2.2 se observa valores obtenidos de $\Delta N_{cell,k}$ en función de la ascensión recta del cenit para L=288 segmentos con el programa escrito para este informe, utilizando el mismo conjunto de datos que el utilizado para obtener los resultados la Fig.2.1 desde el 1 de Enero del 2004 a las 00:00:00 hrs GMT hasta el 1 de Enero del 2017 a las 00:00:00 hrs GMT. Se observa que estos los resultados obtenidos son compatibles con la Fig.2.1

¹La función techo da como resultado el número entero más próximo por exceso

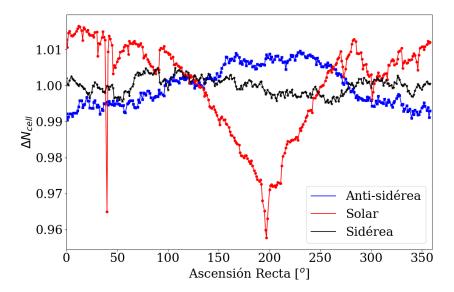


Figura 2.2: Valores de $\Delta N_{cell,k}$ en el rango 2004-2017 para distintas frecuencias utilizando el código escrito en este trabajo.

2.1.2. Cálculo de Rayleigh para una frecuencia dada

Clasificando a los eventos mencionados en la sección 4.1 según el valor de la ascensión recta y considerando que todos los eventos tienen un peso uniforme de $w_i = 1$, se dicen que los eventos fueron analizados $sin\ pesos$, caso contrario, se habla de análisis $con\ pesos$ de los hexágonos.

Para realizar el análisis con pesos de los hexágonos, se siguen los siguientes pasos.

- 1. Fijando un rango de tiempo y un rango de energía en el cual se desea estudiar la anisotropía, se establece una frecuencia en particular f a analizar.
- 2. Con los eventos ya filtrados según el criterio de la sección 1.3, asigno cada evento i un valor h_i , definida en la Ec.2.1
- 3. Para asignar el peso correspondiente al evento, se asocia a un segmento k, calculado en la sección 2.1.1, mediante el valor de h'_i definido en la Ec. 2.2. Luego, el peso asignado w_i al evento i es

$$w_i = (\Delta N_{cell,k})^{-1}$$

4. Para el análisis en frecuencias, a partir del valor de h_i se asigna un ángulo $\tilde{\alpha}_i$ como:

$$\tilde{\alpha}_i = 2\pi \frac{h}{24} + \alpha_i - \alpha_{cenit,i} \tag{2.5}$$

donde α_i representa la ascensión recta del evento y $\alpha_{cenit,i}$ la ascensión recta en el cenit del observatorio en el momento del evento. A partir de este ángulo $\tilde{\alpha}_i$ se realiza en análisis en frecuencias

- 5. Para calcular los coeficientes de Fourier del primer armónico a y b, se siguen los siguiente pasos:
 - a) Por cada evento i se calculan los siguientes valores:

$$a_i' = w_i \cos \tilde{\alpha}_i \qquad b_i' = w_i \sin \tilde{\alpha}_i$$
 (2.6)

6 Métodos

b) Una vez que se obtuvieron los valores de a'_i y b'_i para todos los eventos en el rango de tiempo estudiado, se calculan los coeficientes definidos en el trabajo [6] mediante:

$$\mathcal{N} = \sum_{i}^{Eventos} w_i \tag{2.7}$$

$$a = \frac{2}{\mathcal{N}} \sum_{i}^{Eventos} a'_{i} \qquad b = \frac{2}{\mathcal{N}} \sum_{i}^{Eventos} b'_{i}$$
 (2.8)

6. Con los coeficientes es posible calcular la amplitud de la frecuencia estudiada \tilde{r} y la fase ϕ . Otros parámetros calculados para el análisis son la probabilidad $P(\tilde{r})$ y r_{99} . Cabe resaltar que el P99 depende solamente de los pesos de los eventos que se está estudiando. La interpretación de este valor es cual es la probabilidad de tener una amplitud mayor como una fluctuación de una distribución isotrópica., y el valor de amplitud r_{99} para que dicha probabilidad sea del 1%.

$$\tilde{r} = \sqrt{a^2 + b^2}$$
 $\phi = \arctan \frac{a}{b}$ (2.9)

$$P(\tilde{r}) = \exp(-\mathcal{N}\frac{\tilde{r}^2}{4})$$
 $r_{99} = \sqrt{\frac{-4\log(0.01)}{\mathcal{N}}}$ (2.10)

Una forma de validar el código para el análisis de anisotropía es comparar los resultados del código con los obtenidos en otros trabajos [4]. En la Fig.2.3 se muestra el análisis hecho sobre el mismo conjunto de eventos. Estos eventos fueron adquiridos con el disparo estándar desde el 1 de Enero del 2004 a las 00 : 00 : 00 GMT hasta el 1 de Enero del 2017 a las 00 : 00 : 00 GMT. Se consideraron los eventos por encima de 8 EeV que además cumplan las condiciones dadas en la sección 1.3. En esta figura que los resultados obtenidos en [4] y con el código utilizado por este trabajo son indistinguibles.

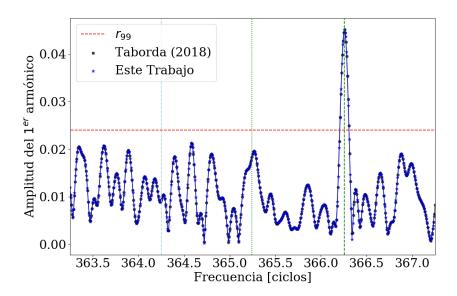


Figura 2.3: Comparación entre los análisis de anisotropía hechos para el mismo conjunto de datos, con el código de [4] y con el código escrito para este trabajo.

Modulación del clima para todos los disparos (2014-2020)

La selección de los eventos genera dos conjuntos de datos: uno para el análisis de anisotropía en el bin 1 EeV - 2 EeV, y el segundo de los eventos con energía mayor a 1 Eev para obtener los parámetros del clima. En esta selección se tiene en cuentan los eventos de $\theta < 60^{o-1}$, como también los mismos que no se encuentren en un periodo de mala adquisición datos, este parámetro se denomina ib de los **eventos del herald**. Este periodo consiste en momento donde el obsevatorio no recibe datos de las estaciones de clima o de los hexágonos.

El parámetro de ib de los **datos del clima** es irrelevante durante el proceso de filtrar eventos. Entra en juego cuando hago el análisis del clima, donde desecho los eventos que fueron recabados durante bad weather \mathbf{y} no fueron filtrados ya antes.

3.1. Pesos de los hexágonos

Para constatar que no exista ninguna anomalía en los pesos de los hexágonos, se realiza el cálculo de los mismos para tres frecuencias de referencia para el análisis de anisotropías. Los pesos se muestran en la Fig. 3.1. El rango de tiempo en el que se calculan estas curvas es entre 1 de Enero del 2014 y el 1 de Enero del 2020.

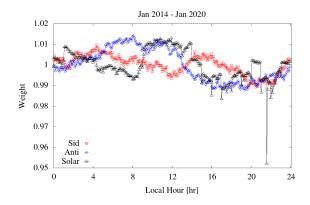


Figura 3.1: Pesos de los hexágonos

¹el archivo que bajo de http://ipnwww.in2p3.fr/~augers/AugerProtected/herald.php

3.2. Anisotropía

El archivo de de todos los disparon empieza el Mon, 1 July 2013 12:05:08 GMT ². Para trabajar en una cantidad entera de años, se trabaja a partir del Thur, 1 January 2014 12:00:00 GMT ³ y hasta el Thursday, 1 January 2020 12:00:00 GMT ⁴. En este rango se tiene la tasa de eventos por día que se muestra en la Fig. 3.2.

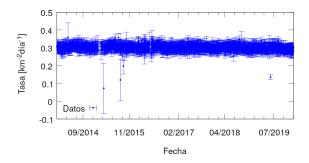


Figura 3.2: Tasa de eventos en el rango de tiempo a trabajar

3.2.1. Lista detallada de los filtros aplicados de datos del herald

Datos para el análisis de anisotropía

Esta sección muestra los filtros para los datos del análisis de anisotropía en el rango 1 EeV - 2 EeV.

- 1. Energía entre [1 EeV, 2 EeV)
- 2. Rango de tiempo:
 - Inicial:1388577600
 (Thursday, 1 January 2014 12:00:00 GMT)
 - Final: 1577880000
 (Thursday, 1 January 2020 12:00:00 GMT)
- 3. Sectancia: $\theta < 60^{\circ}$
- 4. 6T5
- 5. ib = 1 Bad period flag. Un valor de 1 indica un buen periodo

Con estos filtros se tienen 1092753 eventos

Datos para el cálculo de las correcciones del clima

Estos son los filtros para los datos a utilizar para el cálculo de los parámetros del clima:

- 1. Eventos con valor de señal de $S_{38}{}^5$ por encima de 5,36 VEM. Este valor corresponde a $\sim 1\,$ EeV en VEM.
- 2. Rango de tiempo:

 $^{^21372680308}$

 $^{^31388577600}$

 $^{^41577880000}$

⁵Valor de S38 sin la correccón del clima del paper del 2017

3.2 Anisotropía 9

- Inicial:1388577600
 (Thursday, 1 January 2014 12:00:00 GMT)
- Final: 1577880000
 (Thursday, 1 January 2020 12:00:00 GMT)
- 3. Sectancia: $\theta < 60^{\circ}$
- 4. iw < 4 (weather quality flag)
- 5. 6T5
- 6. ib = 1 Bad period flag del herald. Un valor de 1 indica un buen periodo
- 7. ib = 1 Bad period flag de los datos del clima. Un valor de 1 indica un buen periodo

Con estos filtros se tienen $1\,208\,615$ eventos, con una tasa de eventos que se muestra en la Fig. 3.3. En la figura se observa que utilizando el corte en la señal de S38 sin corregir por la modulación del clima del herald 6 se observa una modulación anual.

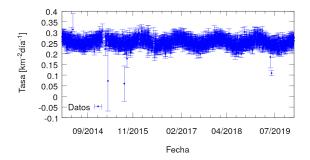
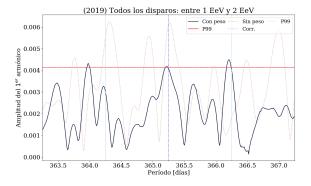


Figura 3.3: Tasa de eventos en el rango de tiempo a trabajar para el ajuste de los parámetros del clima.

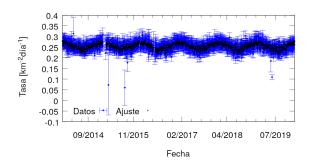
3.2.2. Análisis en frecuencia

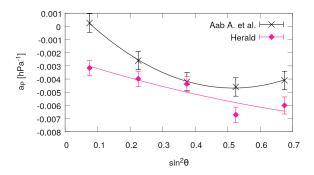


 $\bf Figura~3.4:~$ Análisis en frecuencia en ascensión recta en rango 1 EeV - 2 EeV

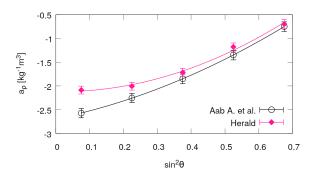
 $^{^6}$ Las correcciones se calcularon para el archivo del disparo estándar

3.3. Corrección del clima





 ${f Figura~3.5:}$ Parámetro de clima a_P calculado para la corrección del archivo de todos los disparos



 ${f Figura~3.6:}$ Parámetro de clima $a_{
ho}$ calculado para la corrección del archivo de todos los disparos

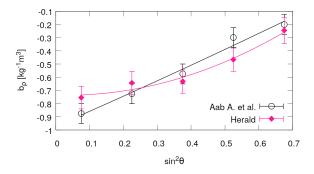


Figura 3.7: Parámetro de clima b_{ρ} calculado para la corrección del archivo de todos los disparos

Dipolo en el rango 1 EeV - 2 EeV

4.1. Características del conjunto de datos

Además de los filtros aplicados mencionados en la sección 1.3, se aplican filtros adicionales sobre la energía y el rango de tiempo. Para estudiar los eventos en esta sección, consideramos los eventos entre 1 EeV y 2 EeV de energía y que ocurrieron entre las 12 : 00 : 00 GMT del 1 de enero de 2004 y las 12 : 00 : 00 GMT del 1 de enero de 2020. Se eligió ese rango de tiempo, ya que el registro de eventos más reciente al que se tuvo para hacer este trabajo termina el 1 de Enero del 2020 a las 11 : 59 : 43 GMT, además de para estudiar una cantidad entera de años, se optó por considerar los eventos desde el 1 de Enero del 2013 a las 12 : 00 : 00 GMT.

Un resumen de todos los filtros aplicados se encuentra a continuación

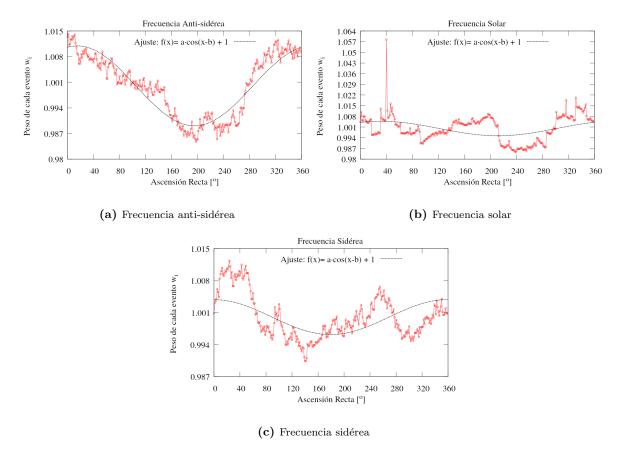
- 1. Son eventos obtenidos mediante todos los disparos.
- 2. Energía entre [1 EeV , 2 EeV)
- 3. Rango de tiempo:
 - Inicial:1388577600 (Jueves, 1 de Enero de 2014 12:00:00 GMT)
 - Final: 1577880000 (Jueves, 1 de Enero de 2020 12:00:00 GMT)
- 4. Ángulo cenital $\theta < 60^{\circ}$
- 5. 6T5
- 6. ib=1 Bad period flag. Un valor de 1 indica un buen periodo

Aplicando estos filtros, se tienen 1081844 eventos para estudiar en este rango de energía.

4.2. Pesos de los eventos para frecuencias de referencia

Se toman las frecuencia anti-sidérea ($f_a=364,25\,{\rm ciclos}$), solar ($f_{Solar}=365,25\,{\rm ciclos}$) y sidérea ($f_{sid}=366,25\,{\rm ciclos}$) como referencia para obtener una aproximación a primer orden del análisis en frecuencias. A cada una de estas frecuencias, se ajusta una función del tipo $f(x)=a\cdot{\rm cos}\,(\alpha-\phi)+1$, con el se busca aproximar la amplitud a y el desfase ϕ de las curvas de los pesos en función de la ascensión recta α . Los ajustes se observan en las Figs. 4.1a, 4.1b y 4.1c.

4.2.1. Gráficos de los ajustes



 ${\bf Figura~4.1:}~{\bf Ajuste~de~los~pesos~de~los~eventos~para~varias~frecuencias~a~primer~orden~en~ascensi\'on~recta$

4.2.2. Tabla comparando los ajustes:

	Anti-sidérea	Solar	Sidérea
Fase ϕ	$0,0109 \pm 0,0003$	$0,0038 \pm 0,0003$	$0,0047 \pm 0,0007$
Amplitud a	15 ± 1	360 ± 5	31 ± 8

Tabla 4.1: Parámetros obtenidos del ajuste a primer orden en α sobre los pesos.

4.3. Gráfico de la anisotropía

Análisis de anisotropías en ascensión recta

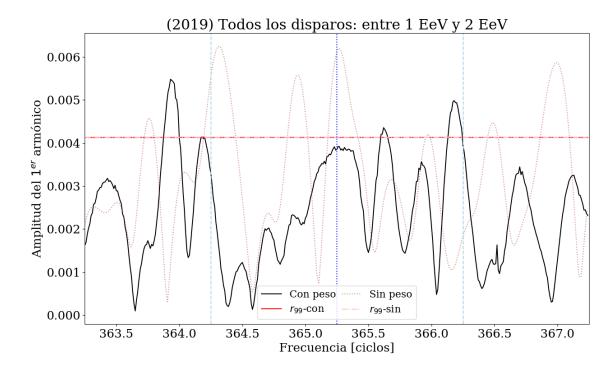


Figura 4.2: Anisotropía en función de la frecuencia, se comparan los análisis sin los pesos y con los pesos de los hexágonos

	Solar (sin peso)	Solar (con peso)	Sidérea (sin peso)	Sidérea (con peso)
Fase ϕ	251	288	289	335
Amplitud r	0.0061	0.0038	0.0041	0.0039

Tabla 4.2: Comparación de los parámetros de fase y amplitud para las frecuencias sidérea y solar, analizando sin pesos y con los pesos de los hexágonos con el análisis de Rayleigh

Bineado de eventos

Considerando que estamos trabajando con la frecuencia solar al hacer el análisis con pesos, se obtiene la siguiente distribución de eventos en función de su ascensión recta.

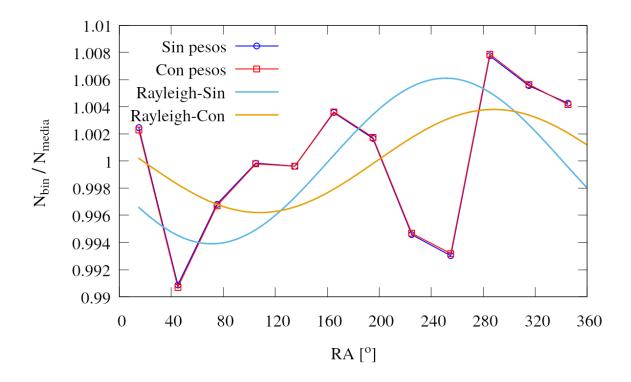


Figura 4.3: Distribución de la cantidad relativa de eventos en función de la ascensión recta.

Bibliografía

- [1] Abraham, J., Abreu, P., Aglietta, M., Aguirre, C., Ahn, E., Allard, D., et al. Atmospheric effects on extensive air showers observed with the surface detector of the pierre auger observatory. Astroparticle Physics, 32 (2), 89–99, 2009.
- [2] Abreu, P., Aglietta, M., Ahlers, M., Ahn, E., Albuquerque, I. F. d. M., Allard, D., et al. Description of atmospheric conditions at the pierre auger observatory using the global data assimilation system (gdas). Astroparticle Physics, **35** (9), 591–607, 2012.
- [3] Aab, A., Abreu, P., Aglietta, M., Al Samarai, I., Albuquerque, I., Allekotte, I., et al. Impact of atmospheric effects on the energy reconstruction of air showers observed by the surface detectors of the Pierre Auger Observatory. *Journal of Instrumentation*, 12 (02), P02006, 2017.
- [4] Taborda, O. Estudios de anisotropías a grandes escalas angulares de los rayos cósmicos de alta energía detectados por el observatorio Pierre Auger, 2017.
- [5] Aab, A., Abreu, P., Aglietta, M., Albuquerque, I. F. M., Albury, J. M., et al., I. A. Large-scale cosmic-ray anisotropies above 4 EeV measured by the pierre auger observatory. *The Astrophysical Journal*, 868 (1), 4, nov 2018. URL https://doi.org/10.3847%2F1538-4357%2Faae689.
- [6] Linsley, J. Fluctuation effects on directional data. Phys. Rev. Lett., 34, 1530-1533, Jun 1975.URL https://link.aps.org/doi/10.1103/PhysRevLett.34.1530.