

# TESIS DE MAESTRÍA EN CIENCIAS FÍSICAS

## ANÁLISIS DE LAS DIRECCIONES DE ARRIBO DE RAYOS CÓSMICOS DE ULTRA-ALTA ENERGÍA EN EL OBSERVATORIO PIERRE AUGER

**Evelyn G. Coronel**  
**Maestrando**

**Dra. Silvia Mollerach**  
Director

**Miembros del Jurado**  
Dr. Diego Harari (Instituto Balseiro)

12 de Enero de 2021

Partículas y Campos – Centro Atómico Bariloche

Instituto Balseiro  
Universidad Nacional de Cuyo  
Comisión Nacional de Energía Atómica  
Argentina

# Índice de símbolos

CR:	Rayos cósmicos ( <i>Cosmic Rays</i> )
CMB:	Radiación Cósmica de Fondo ( <i>Cosmic Microwave Background</i> )
FD:	Detector de Fluorescencia ( <i>Fluorescence Detector</i> )
SD:	Detector de Superficie ( <i>Surface Detector</i> )
WCD:	Detector de radiación Cherenkov de agua
EAS:	Lluvia Atmosférica Extendida ( <i>Extensive Air Shower</i> )
VAOD:	Profundidad atmosférica óptica vertical ( <i>Vertical Atmospheric Optical Depth</i> )
CLF:	<i>Central Laser Facility</i>
XLF:	<i>eXtreme Laser Facility</i>
$X_{max}$ :	Profundidad atmosférica del máximo de la lluvia
LDF:	Función de Distribución Lateral ( <i>Lateral Distribution Function</i> )
S(1000):	Señal a 1000 m del núcleo de la lluvia y al nivel del suelo
$S(1000)_w$ :	Señal de S(1000) corregida por la modulación del clima.
CIC:	Corte de Intensidad Constante ( <i>Constant Intensity Cut</i> )
$S_{38}$ :	Señal a 1000 m del núcleo y al nivel del suelo si el ángulo cenital del evento fuera de
$S_{38,w}$ :	Señal $S_{38}$ corregida por la modulación del clima
eV:	electrón Voltio, $1 \text{ eV} = 1,602 \times 10^{-19} \text{ J}$
EeV:	$1 \text{ EeV} = 10^{18} \text{ eV}$
PMT:	Tubo fotomultiplicador ( <i>Photo-Multiplier Tube</i> )
VEM:	Muón vertical equivalente ( <i>Vertical Equivalent Muon</i> )
ICRC:	Conferencia Internacional de Rayos Cósmicos ( <i>International Cosmic Ray Conference</i> )
EW:	Método East - West

# Índice de contenidos

Índice de símbolos	i
Índice de contenidos	ii
Índice de figuras	v
Resumen	ix
<b>1. Introducción</b>	<b>1</b>
<b>2. Rayos cósmicos</b>	<b>2</b>
2.1. Espectro de energías . . . . .	2
2.2. Lluvias atmosféricas extendidas . . . . .	3
<b>3. El Observatorio Pierre Auger</b>	<b>5</b>
3.1. Introducción . . . . .	5
3.2. Detección de Rayos Cósmicos . . . . .	5
3.2.1. El detector de superficie y el detector de Fluorescencia . . . . .	6
3.2.2. Diseño híbrido . . . . .	7
3.3. Reconstrucción de eventos de los detectores de superficie . . . . .	8
3.3.1. Selección de eventos . . . . .	8
3.3.2. Reconstrucción de las lluvias . . . . .	8
3.3.3. Calibración de la energía . . . . .	9
3.3.4. Monitoreo del clima . . . . .	10
<b>4. Introducción</b>	<b>12</b>
4.1. Acerca de todos los disparos del SD . . . . .	13
4.2. Acerca de los eventos . . . . .	15
4.2.1. Acerca del registro de hexágonos . . . . .	15
4.3. Acerca de la tesis de licenciatura . . . . .	15

<b>5. Análisis de los efectos del clima sobre los datos del Observatorio Pierre Auger</b>	<b>17</b>
5.1. La física detrás de la modulación del clima . . . . .	17
5.1.1. Trabajos anteriores . . . . .	18
5.1.2. Condiciones climáticas y área activa del observatorio Pierre Auger	23
5.2. Resultados para el arreglo de detectores de superficie de 1500 m de distancia . . . . .	23
5.2.1. Datos presentados en la ICRC 2015 . . . . .	25
5.2.2. Datos presentados en la ICRC 2019 . . . . .	28
5.2.3. Datos presentados en la ICRC 2019 usando $S_{38}$ sin corregir por el clima . . . . .	30
5.2.4. Datos presentados en la ICRC 2019 usando la energía reconstruida en este trabajo . . . . .	33
5.3. Trabajos futuros . . . . .	34
<b>6. Anisotropías en las direcciones de arriba de los rayos cósmicos</b>	<b>35</b>
6.1. Introducción . . . . .	35
6.2. Métodos . . . . .	35
6.2.1. Exposición del detector . . . . .	35
6.2.2. Análisis en ascensión recta . . . . .	37
6.3. Características de los datos . . . . .	37
6.4. Anisotropías en ascensión recta en los archivos del ICRC 2017 y ICRC 2019 . . . . .	37
6.4.1. Eventos por encima de 8 EeV . . . . .	37
6.5. Anisotropías en ascensión recta en los archivos con todos los disparos . . . . .	39
6.5.1. Características de los archivos de datos analizados . . . . .	39
6.5.2. Eventos por encima de 1 EeV . . . . .	40
<b>7. Métodos</b>	<b>46</b>
7.1. Cálculo de los coeficientes de Fourier para el análisis de anisotropía en ascensión recta . . . . .	46
7.1.1. Variaciones relativas de los hexágonos . . . . .	47
7.1.2. Cálculo de Rayleigh en ascensión recta para una frecuencia dada	49
<b>8. Dipolo en el rango 1 EeV - 2 EeV</b>	<b>53</b>
8.1. Características del conjunto de datos . . . . .	53
8.1.1. Pesos de los eventos para frecuencias de referencia . . . . .	54
8.2. Análisis de anisotropías en ascensión recta para el primer armónico . . . . .	55
8.2.1. Trabajo a futuro . . . . .	58

<b>9. Método East-West</b>	<b>59</b>
9.1. Descripción de una anisotropía dipolar . . . . .	59
9.1.1. Representación en coordenadas locales de la anisotropía dipolar	60
9.2. Descripción formal del método East-West . . . . .	60
9.2.1. Flujo de eventos del Este y Oeste . . . . .	60
9.2.2. Aproximaciones del método . . . . .	61
9.2.3. Cálculo de la diferencia de flujos . . . . .	61
9.3. Estimación de la componente ecuatorial del dipolo mediante el análisis del primer armónico . . . . .	63
9.3.1. Cálculo de la amplitud del dipolo para los eventos de Todos los Disparos . . . . .	64
9.4. Verificación del código . . . . .	66
9.4.1. Comparación con el trabajo [1] de la colaboración . . . . .	66
9.4.2. Tabla comparando con la variable $\tilde{\alpha}$ con la ascensión recta del cenit . . . . .	66
<b>10. Distribución de probabilidad de la amplitud y fase del dipolo</b>	<b>68</b>
10.1. Distribución de probabilidad de la amplitud . . . . .	68
10.1.1. Haciendo la cuenta de los márgenes de confianza de la amplitud	69
10.2. Distribución de probabilidad de la fase del dipolo . . . . .	71
<b>11. Resultados del método East - West</b>	<b>73</b>
11.1. Resultados en distintos rangos de energía . . . . .	74
11.1.1. Resultados en el rango 0.25 EeV - 0.5 EeV . . . . .	74
11.1.2. Resultados en el rango 0.5 EeV - 1 EeV . . . . .	75
11.1.3. Resultados en el rango 1 EeV - 2 EeV . . . . .	77
11.2. Gráficos . . . . .	80
<b>12. Esto va a ir en otro capítulo que todavía no armé. Y los resultados no estan actualizados</b>	<b>82</b>
12.1. Comparando resultados entre métodos para barridos de frecuencias . .	82
12.2. Verificación del código escrito durante la maestría . . . . .	82
12.3. Comparando amplitud en función de la frecuencia . . . . .	83
<b>13. Conclusiones</b>	<b>85</b>
<b>Bibliografía</b>	<b>86</b>

# Índice de figuras

2.1. Espectro de rayos cósmicos medidos mediante lluvias atmosféricas en función de la energía $E$ . Figura extraída de [2] . . . . .	4
3.1. Distribución de los tanques del SD en el área del Observatorio Pierre Auger. Se muestra la ubicación de las estaciones del clima, otros módulos instalados sobre el observatorio y la posición de los detectores de fluorescencia (FD). Figura extraída de [3] . . . . .	6
3.2. Detectores empleados por el Observatorio Pierre Auger para la detección de rayos cósmicos. . . . .	7
3.3. Ejemplo de la reconstrucción de un evento de $(104 \pm 11)$ EeV de energía con un ángulo cenital de $(25,1 \pm 0,1^\circ)$ . . . . .	9
3.4. Distintas calibraciones hechas para los eventos重建在el Observatorio Pierre Auger. . . . .	10
4.1. Histograma de eventos por rango de tiempo medido por el Observatorio Pierre Auger . . . . .	13
4.2. La eficiencia del disparo en función de la energía para eventos con ángulo cenital $\theta$ menor a $60^\circ$ . Este figura fue extraída del trabajo [4] . . . . .	14
5.1. Mediciones de la temperatura a distintas alturas sobre el nivel del mar en función de la hora del día en Malargüe. (Hora Local: UTC-3) . . . . .	18
5.2. Diagramas simplificado de un lluvia de la misma energía para distintas condiciones atmosféricas . . . . .	20
5.3. Variaciones de las variables del clima en función del tiempo . . . . .	23
5.4. Evolución temporal del área efectiva del Observatorio Pierre Auger. La línea horizontal señala el área mínima considerada para el análisis. . . . .	24
5.5. Tasa de eventos por días comparadas con el ajuste entre los años 2005 hasta 2015. Los datos analizados fueron los presentados en la ICRC 2015 para energías mayores a 1 EeV donde se observa la modulación anual y diaria del clima. . . . .	26

5.6. Tasa de eventos por días comparadas con el ajuste entre los años 2005 hasta 2015. Los datos analizados son los presentados en la ICRC 2015 para energías mayores a 2 EeV. donde se observa la modulación anual y diaria del clima . . . . .	26
5.7. Parámetros de la modulación del clima considerando los datos de la ICRC 2015. Los mismos se comparan con los ajustes obtenidos en [5] y con los ajustes obtenidos sin considerar la dependencia con $\sin^2(\theta)$ . . . . .	27
5.8. Tasa de eventos promedio por cada día entre los años 2005 hasta 2015 del conjunto de datos presentado en la ICRC 2019. Se muestran las tasas para dos cortes en energía, mayor a 1 EeV y mayor a 2 EeV . . . . .	29
5.9. Tasa de eventos por hora del día por unidad de área entre los años 2005 hasta 2015 del conjunto de datos presentado en la ICRC 2019. Se muestran las tasas para dos cortes en energía, mayor a 1 EeV y mayor a 2 EeV . . . . .	30
5.10. Tasa de eventos entre los años 2005 hasta 2018 del conjunto de datos presentado en la ICRC 2019. . . . .	31
5.11. Parámetros de la modulación del clima considerando los datos sin corregir con el clima y la reconstrucción anterior. . . . .	32
5.12. Tasa de eventos por día para eventos de energía mayor a 2 EeV para los datos de ICRC 2019 y la tasa de eventos obtenida con la reconstrucción de energía en este trabajo comparados en los periodos estudiados . . . . .	33
 6.1. Pesos para dos frecuencias en particular, la frecuencia sidera y solar, de periodo 365,256 y 365,25 respectivamente . . . . .	36
6.2. Primer armónico en ascensión recta de los datos del ICRC 2017 . . . . .	38
6.3. Primer armónico en ascensión recta de los datos del ICRC 2019. . . . .	39
6.4. Diferencia entre las energías del archivo de 2017 y el archivo del 2019 . . . . .	40
6.5. Calibración de las energías del archivo de 2017 y el archivo del 2019 . . . . .	40
6.6. Tasa de eventos diaria por encima de 1 EeV para los datos de todos los disparos. . . . .	41
6.7. Parámetros de la modulación del clima considerando los datos para todos los disparos de 2017. Los mismos se comparan con los ajustes obtenidos en [5]. . . . .	42
6.8. Parámetros de la modulación del clima considerando los datos para todos los disparos de 2020. Los mismos se comparan con los ajustes obtenidos en [5]. . . . .	44
6.9. Parámetros de la modulación del clima considerando los datos para todos los disparos del archivo 2017 y 2020. Los mismos se comparan con los ajustes obtenidos en [5]. . . . .	45

---

7.1.	Valores de $\Delta N_{cell,k}$ en el rango 2004-2017 para distintas frecuencias obtenidas en el trabajo [6]. . . . .	48
7.2.	Valores de $\Delta N_{cell,k}$ en el rango 2004-2017 para distintas frecuencias utilizando el código escrito en este trabajo. . . . .	49
7.3.	Comparación entre los análisis de anisotropía hechos para el mismo conjunto de datos, con el código de [7] y con el código escrito para este trabajo. . . . .	52
8.1.	Tasa de eventos del conjunto más reciente de eventos con todos los disparos. Se observa un tasa baja en la segunda mitad del 2013. . . . .	53
8.2.	Diferencia entre las energías de entre la reconstrucción del 2017 y del 2019	54
8.3.	Variaciones de los hexágonos en función de la ascensión recta del observatorio para frecuencias características en rango mencionado. . . . .	55
8.4.	Anisotropía en función de la frecuencia para el rango de energía 1 EeV - 2 EeV. Se comparan los análisis sin los pesos y con los pesos de los hexágonos entre en 1 de Enero del 2014 y el 1 de Enero del 2020 . . . . .	56
8.5.	Distribución de la cantidad relativa de eventos en función de la ascensión recta a primer orden, en el rango de energía 1 EeV - 2 EeV. . . . .	57
8.6.	Distribución de la cantidad relativa de eventos en función de la ascensión recta a segundo orden en el rango de energía 1 EeV - 2 EeV entre en 1 de Enero del 2014 y el 1 de Enero del 2020. . . . .	57
10.1.	El gráfico de la función $p(r)$ y el límite de confianza para $s = 0,0047$ y $\sigma = 0,0038$ . . . . .	69
10.2.	. . . . .	70
10.3.	. . . . .	71
10.4.	La distribución de probabilidad de la fase para $s = 0,0047$ y $\sigma = 0,0038$ con los límites de confianza del 95,45 % . . . . .	72
11.1.	Valores de las fases obtenidos en este trabajo y en el trabajo [1] con sus respectivas incertidumbres para la frecuencia sidérea en el rango 0.25 EeV - 0.5 EeV . . . . .	75
11.2.	Barrido de frecuencias en el rango 0.25 EeV - 0.50 EeV . . . . .	75
11.3.	Valores de las fases obtenidos en este trabajo y en el trabajo [1] con sus respectivas incertidumbres para la frecuencia sidérea en el rango 0.5 EeV - 1.0 EeV . . . . .	77
11.4.	Barrido de frecuencias en el rango 0.5 EeV - 1.0 EeV . . . . .	77
11.5.	Valores de las fases obtenidos en este trabajo y en el trabajo [1] con sus respectivas incertidumbres para la frecuencia sidérea en el rango 1.0 EeV - 2.0 EeV . . . . .	79

11.6. Barrido de frecuencias en el rango 1 EeV - 2 EeV . . . . .	79
11.7. Valores normalizados con $d_{\perp,UL}$ . . . . .	80
11.8. Amplitudes con incertidumbre, apuntando en la dirección de la fase. Los círculos punteados los valores del trabajo [1] del trabajo [1] con sus respectivas incertidumbres y la línea punteada en negro marca la dirección del centro galáctico. . . . .	81
12.1. Barrido de frecuencias en el rango 0.25 EeV - 0.5 EeV . . . . .	84
12.2. Barrido de frecuencias en el rango 0.5 EeV - 1 EeV . . . . .	84
12.3. Barrido de frecuencias en el rango 1 EeV - 2 EeV . . . . .	84

# Resumen

Cuando un rayo cósmico interactúa con una molécula en la parte superior de la atmósfera, se inicia un proceso en el cual se generan otras partículas secundarias. Este proceso es conocido como lluvia atmosférica extendida. Estas lluvias pueden ser detectadas sobre la superficie de la Tierra mediante varios experimentos. Este trabajo utiliza los datos recolectados por los detectores de superficie separados en 1500 m entre sí del Observatorio Pierre Auger durante los años 2005-2015. Las condiciones atmosféricas como la presión ( $P$ ), la temperatura ( $T$ ) y la densidad ( $\rho \propto P/T$ ) afectan el desarrollo de la lluvia a través de la atmósfera. A partir de un análisis de la modulación inducida en la estimación de la energía por las variaciones en las condiciones atmosféricas. Estas fueron tenidas en cuenta en la reconstrucción oficial de eventos. En este trabajo extendimos el periodo de tiempo analizado para analizar esta modulación, y se observó que los parámetros obtenidos son comparables con la reconstrucción oficial.

**Palabras clave:** RAYOS CÓSMICOS, ANÁLISIS DE DATOS, INSTITUTO BALSEIRO

# Capítulo 1

## Introducción

*“We can only measure what Nature sends us”*

— Jim Cronin

Desde el descubrimiento de los rayos cósmicos en 1911 por Victor Hess, numerosos experimentos han intentado caracterizarlos. A partir del 2004, el Observatorio Pierre Auger ha detectado rayos cósmicos con el objetivo de estudiar su origen. Un análisis adecuado de los eventos registrados es necesario para estudiar las posibles fuentes de rayos cósmicos, además de su composición y su espectro de energía.

Un aspecto estudiado por varios trabajos [8] [9] es la distribución de las direcciones de arriba de los rayos cósmicos. Las direcciones de arriba son prácticamente isotrópicas salvo variaciones muy pequeñas alrededor de la media. Dado que estas anisotropías son pequeñas respecto a la media, es importante tener en cuenta todos los efectos que pueden ser fuentes de modulación de los datos. Un ejemplo claro de una modulación física que no aporta información sobre las anisotropías es la modulación del clima.

Este trabajo es parte del análisis de la direcciones de arriba de los rayos cósmicos de ultra alta energía obtenidas por el Observatorio Pierre Auger. En el mismo se estudia la modulación del clima sobre la determinación de la energía de los eventos medidos por los detectores de superficie. Las lluvias atmosféricas provocadas por los rayos cósmicos que llegan a la alta atmósfera, interactúan con los constituyentes de la atmósfera. Esta interacción puede ser afectada por los cambios en las condiciones atmosféricas en el momento de la lluvia. El trabajo está dividido en distintos capítulos organizados para introducir los rayos cósmicos, mencionar brevemente características del Observatorio Pierre Auger y presentar el análisis sobre la modulación del clima de la señal medida por el Observatorio.

# Capítulo 2

## Rayos cósmicos

Los rayos cósmicos (CRs) fueron descubiertos en el 1911 por Victor Hess [10]. Los mismos son partículas que llegan a la Tierra desde el espacio como electrones, positrones, rayos gamma entre otros, además de núcleos atómicos. En 1962, John Linsley detectó un evento de CR con una energía de  $10^{20}$  EeV, y otros experimentos encontraron más eventos por encima de esta energía. A pesar de que han sido medidos y estudiados en experimentos alrededor del mundo, el origen de los CRs es incierto. Las partículas con energía por encima de  $10^{18}$  EeV se conocen como rayos cósmicos de ultra alta energía (UHECRs) y son las partículas con más energía presentes en el universo. Las direcciones de arribo de los UHECRs son casi isotrópicas [8] [9] y se cree que son de origen extra-galáctico, es decir que no fueron producidos dentro de la Vía Láctea, debido a que los campos magnéticos galácticos no pueden confinarlos y la distribución de sus direcciones de arribo es cerca a ser isotrópica, sin correlación significativa con el plano o el centro galáctico. Para estudiar a los mismos, se disponen de tres observables principales: el espectro, la composición y la anisotropía. El espectro se refiere a la distribución de energía de los rayos cósmicos detectados, la composición es la distribución de masas nucleares, es decir, que elementos y en qué proporción se encuentran en los rayos cósmicos y el tercero, la anisotropía, es la distribución de las direcciones de arribo a diferentes energías.

### 2.1. Espectro de energías

Los mecanismos de interacción de protones y núcleos de origen extra-galáctico y su relevancia en la propagación fueron predichos por Greisen [11], e independientemente por Zatsepin y Kuzmin [12] tras el descubrimiento de la radiación cósmica de fondo (CMB). Primeramente todas las partículas sufren una pérdida de energía debido a la expansión del universo. Este es el principal mecanismo de pérdida de energía para protones de  $E < 2 \times 10^{18}$  eV y núcleos de  $E/A < 0,5 \times 10^{18}$  eV.

En la Fig. 2.1 se presenta el espectro de los rayos cósmicos medidos por los distintos experimentos que se desarrollaron para su estudio. La figura fue extraída de [2], donde los datos fueron multiplicado por  $E^{2,6}$  para resaltar los cambios en la forma del espectro. Considerando que el espectro de energías por debajo de  $\sim 0,1 \times 10^{18}$  eV es de origen galáctico, la rodilla correspondiente al cambio de pendiente en  $\sim 3 \times 10^{15}$  EeV podría reflejar el hecho que la mayoría de los aceleradores en la galaxia han alcanzado su energía máxima para la aceleración de protones. El experimento de Kascade-Grande ha reportado una segunda rodilla cercana a  $8 \times 10^{16}$  eV, que podría corresponder al límite de aceleración de primarios más pesados [2].

Considerando el tobillo en la Fig 2.1, es posible que sea el resultado de que una población de mayor energía esté sobrepasando a una población de menor energía, por ejemplo un flujo extra-galáctico empiece a dominar sobre un flujo galáctico [13]. Otra posibilidad es que el cambio de la forma de la curva se deba a la pérdida de energía de los protones extra-galácticos, debido por el proceso  $p\gamma \rightarrow e^+ + e^-$ , conocido como foto-desintegración con el CMB [14]. Para energías aun mayores ( $E/A \geq 60 \times 10^{18}$  eV) el proceso dominante es la producción de mesones por colisiones entre núcleos y fotones de muy altas energías.

El flujo de los rayos cósmicos en función de la energía puede aproximar una ley de potencias que tiene una forma del siguiente tipo

$$\frac{d\Phi_{CR}}{dE} \propto E^{-\gamma} \quad (2.1)$$

donde  $\gamma$  se lo denomina índice espectral, este valor varía ligeramente para distintos rangos de energía.

## 2.2. Lluvias atmosféricas extendidas

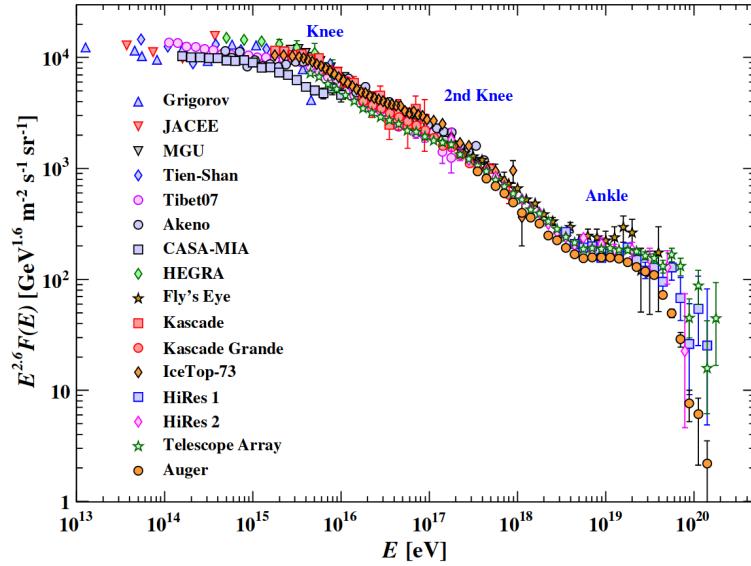
Una lluvia atmosférica extendida (EAS) es la cascada de partículas secundarias generadas por la interacción de un rayo cósmico, conocido como partícula primaria o el primario, con la atmósfera terrestre. Como se observa en la Fig. 2.1 el flujo de partículas decae rápidamente con la energía. Aunque para energías mayores a  $10^{14}$  EeV las partículas producidas en la atmósfera como secundarios pueden llegar a las montañas. Para energías mayores pueden llegar hasta el nivel del mar. El momento transversal que adquieren las partículas secundarias en el proceso de dispersión a través de la atmósfera es tal que los secundarios se dispersan sobre área de gran tamaño. Para energía mayores a 10 EeV, por ejemplo, la lluvia puede llegar a cubrir más de  $25 \text{ km}^2$ .

El desarrollo de la lluvia puede describirse mediante la profundidad atmosférica, definida como la masa de aire por unidad de área que atravesó una partícula en su

dirección de propagación,

$$X(L) = \int_L^\infty dx \rho(x) \quad (2.2)$$

donde  $\rho$  es la densidad del aire en función de la posición.



**Figura 2.1:** Espectro de rayos cósmicos medidos mediante lluvias atmosféricas en función de la energía  $E$ . Figura extraída de [2]

# Capítulo 3

## El Observatorio Pierre Auger

### 3.1. Introducción

Para realizar un estudio con mucha estadística de los CRs hasta altas energías se diseñó el Observatorio Pierre Auger. Las propiedades medidas de los lluvias extendidas determinan la energía y la dirección de arriba de cada CR, además de proveer información sobre la distribución de la composición del CR. El Observatorio Pierre Auger en la Provincia de Mendoza, Argentina ha registrado eventos desde el año 2004 mientras se agregaban detectores hasta su terminación en el 2008.

### 3.2. Detección de Rayos Cósmicos

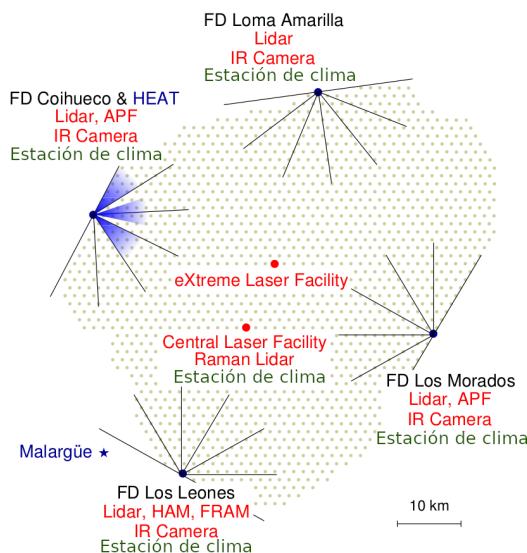
Una característica esencial del Observatorio es la capacidad de observar lluvias atmosférica extendidas (EAS) simultáneamente mediante dos técnicas distintas, combinando los detectores de superficie (SD) y los detectores de fluorescencia (FD). Los SD son un conjunto de 1660 detectores Cherenkov con agua hiper-pura colocados en un arreglo triangular, con una distancia de 1,5 km cubriendo  $\sim 3000 \text{ km}^2$ , además de un arreglo más pequeño llamado *Infill* separados por 750 m. El arreglo principal son los detectores de superficie distanciados 1500 m, que en el presente trabajo se referencia como *SD 1500 m* se muestra en la Fig. 3.1. Los FD están colocados en cuatro edificios alrededor del arreglo de SD: Coihueco, Loma Amarilla, Los Morados y Los Leones indicados en el mapa en la Fig. 3.1. Cada edificio contiene 6 FD, donde cada uno tiene un campo de visión de  $30^\circ \times 30^\circ$ , cubriendo así cada uno  $180^\circ$  en la horizontal.

El área del observatorio es generalmente plana, la altitud de los detectores varía entre 1340 m y 1610 m, con una altitud media de  $\sim 1400$  m. Estos detectores están distribuidos entre las latitudes  $35,0^\circ$  S y  $35,3^\circ$  S y entre las longitudes  $69,0^\circ$  W y  $69,4^\circ$  W.

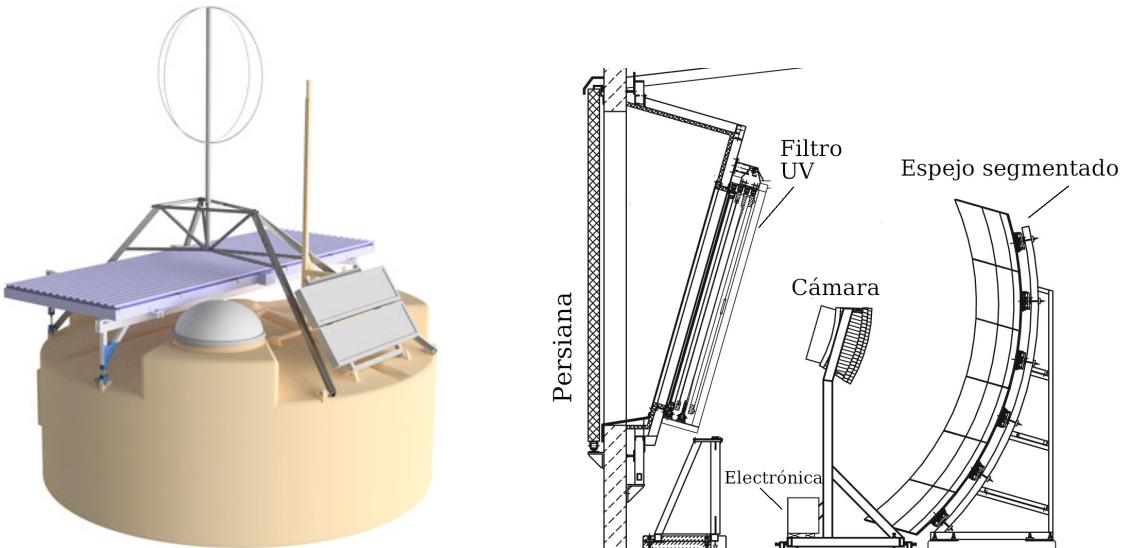
### 3.2.1. El detector de superficie y el detector de Fluorescencia

Un SD consiste en un tanque de polietileno de 3,6 m de diámetro que contiene 12 000 litros de agua agua hiper-pura. Su interior está recubierto por una lámina de alta reflectividad. En la parte superior se encuentran tres foto-multiplicadores (PMT) distribuidos simétricamente a 1,2 m respecto al centro del tanque. Los mismos colectan la radiación Cherenkov producida por una partícula cargada relativista que pasa por el agua del detector. La altura del tanque de 1,2 m lo hace sensible a fotones de altas energías, que pueden convertirse en pares electrón-positrón en el volumen de agua [3].

El detector de fluorescencia (FD) consiste en 24 telescopios de fluorescencia, esquematizados en la Fig 3.2b, distribuidos en 4 distintos lugares en los límite del observatorio. Cada telescopio tiene un espejo esférico segmentado de  $13\text{ m}^2$  y una cámara que consiste en 440 PMTs ordenados en una grilla de 22x20. Cada telescopio tiene un campo de visión de  $30^\circ \times 30^\circ$ .



**Figura 3.1:** Distribución de los tanques del SD en el área del Observatorio Pierre Auger. Se muestra la ubicación de las estaciones del clima, otros módulos instalados sobre el observatorio y la posición de los detectores de fluorescencia (FD). Figura extraída de [3]



(a) Detector de radiación Cherenkov con los elementos de la actualización para *Auger Prime*

(b) Esquema simplificado de un telescopio de fluorescencia. Extraído de [15]

**Figura 3.2:** Detectores empleados por el Observatorio Pierre Auger para la detección de rayos cósmicos.

El FD mide los fotones ultravioletas producidos por la componente electromagnética de la EAS. Mientras se produce la lluvia en la atmósfera, algunos átomos de nitrógeno se excitan y se desexcitan emitiendo fotones. El uso del FD para detectar estos fotones es solo posible en noches sin nubes y sin luna. La posible atenuación de los fotones en la atmósfera es tenida en cuenta para la estimación de energía. Ya que esta estimación se basa en la cantidad de fotones detectados. Otro factor a tener en cuenta es la presencia de aerosoles, como humo o polvo, esto se realiza midiendo la profundidad atmosférica óptica vertical *Vertical Atmospheric Optical Depth (VAOD)*. Estas mediciones son realizadas por los láseres de las instalaciones de Central Laser Facility (CLF) y de eXtreme Laser Facility (XLF), cuyas ubicaciones se muestra en la Fig.3.1.

### 3.2.2. Diseño híbrido

El SD detecta un corte de EAS que llega al nivel del suelo, los WCDs detectan la componentes electromagnética y muónica de la lluvia. Cabe resaltar que el SD funciona las 24 horas del día, por lo que detecta una mayor cantidad de eventos que el FD. Existen métodos para determinar la dirección de arriba y la energía del primario. La exposición se calcula contando la cantidad de hexágonos activos en un tiempo dado, y multiplicando la apertura de una sola celda hexagonal que vale  $4,59 \text{ km}^2 \cdot \text{sr}$  para lluvias verticales. El SD tiene la propiedad de que la calidad de sus mediciones aumenta con la energía del EAS. La exposición instantánea del SD se calcula fácilmente, especialmente para energías mayores a 3 EeV, donde la EAS detectada por cualquier parte del SD

es detectada con 100 % de eficiencia independientemente de la masa del primario que inicio la EAS.

El FD es usado para generar una imagen del desarrollo del EAS en la atmósfera. La luz de fluorescencia es emitida isotrópicamente en la parte ultravioleta del espectro, y es producida predominantemente por la componente electromagnética de la lluvia. Los períodos de observación están limitados a las noches sin luna y con buen clima, pero la ventaja del FD es la posibilidad de ver el desarrollo de la lluvia. Dado que la producción de los fotones por fotoluminiscencia es proporcional a la energía depositada en la atmósfera, se puede medir la energía del primario mediante calorimetría. Otro aspecto importante del FD es la posibilidad de medir la profundidad de la atmósfera donde la lluvia alcanza su máximo desarrollo,  $X_{max}$ , esta cantidad es uno de los más directos indicadores de la composición de masa. [9]

### **3.3. Reconstrucción de eventos de los detectores de superficie**

#### **3.3.1. Selección de eventos**

La reconstrucción de la energía y la dirección de arriba de los CRs se realiza mediante las señales medidas por el SD. La dirección es reconstruida mediante el tiempo de llegada de las señales registradas por estaciones individuales del SD. Para garantizar la selección de eventos bien contenidos en el SD, se aplica el corte llamado *6T5*. Este corte considera solo a los eventos donde el tanque con mayor señal está rodeado por otros 6 tanques activos. Esta condición asegura una buena reconstrucción de la energía. Al mismo tiempo, este corte simplifica el cálculo de la exposición [16], importante para el análisis del espectro. Para estudios de dirección de arriba pueden utilizar cortes menos estrictos.

#### **3.3.2. Reconstrucción de las lluvias**

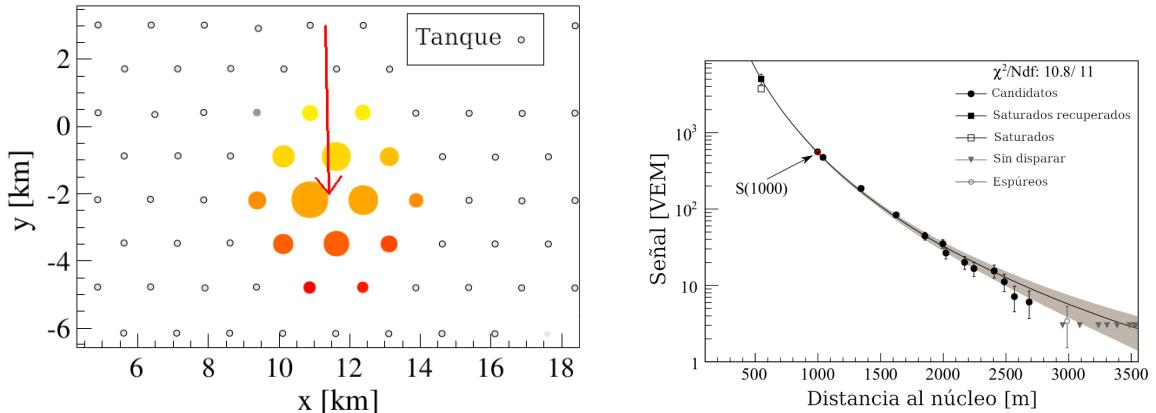
En una primera aproximación para la dirección de arriba de la lluvia se obtiene ajustando los tiempos de llegada de la señal en cada tanque. Para eventos con suficientes tanques disparados, estos tiempos de llegada pueden ser descritas como la evolución un frente de lluvia como una esfera que crece con la velocidad de la luz. Los puntos de impacto del EAS con el suelo son obtenidas mediante ajustes a las señales de los tanques. Este ajuste se realiza con una función de distribución lateral (LDF). La LDF también tiene en cuenta la probabilidad de que los tanques no sean disparados y que los tanques con mayor señal estén saturados.

Un ejemplo de la señal que deja un evento sobre el SD 1500 m se muestra en la Fig. 3.3a. Este evento fue producido por un rayo cósmico de  $(104 \pm 11)$  EeV con un ángulo cenital de  $(25,1 \pm 0,1^\circ)$ . La LDF de las señales para este evento se muestra en la Fig. 3.3b. La función utilizada para el ajuste de la LDF es una función  $f_{LDF}$  propuesta por Nishimura-Kamata-Greisen [9]

$$S(r) = S(r_{opt})f_{LDF}(r)$$

$$f_{LDF}(r) = \left(\frac{r}{r_{opt}}\right)^\beta \left(\frac{r + r_1}{r_{opt} + r_1}\right)^{\beta+\gamma}$$

donde  $f_{LDF}$  está normalizado tal que  $f_{LDF}(r_{opt}) = 1$  y  $r_{opt}$  es la distancia óptima, y  $S(r_{opt})$  es usado para estimar la energía. Para el arreglo SD 1500 m, el parámetro  $r_{opt} = 1000$  m, por lo tanto el tamaño de la lluvia o *shower size* es el valor de  $S(1000)$ . Dado que la forma de la LDF es desconocida, la forma funcional propuesta para la función  $f_{LDF}$  fue elegida empíricamente. El parámetro  $\beta$  depende del tamaño de la lluvia y del ángulo cenital. Los eventos verticales, es decir los eventos con  $\theta < 60^\circ$ , son medidas en una etapa menos desarrollada que eventos más inclinados. Los eventos con  $\theta > 60^\circ$  atraviesan un mayor cantidad de atmósfera.



**(a)** Ejemplo de la señal dejada por un evento sobre el SD 1500 m. La flecha indica la dirección de arriba de la lluvia. Los colores de los círculo representan el tiempo de arribo de la lluvia, los primeros en amarillo y los últimos en rojo. En área de los círculo pintados es proporcional a logaritmo de la señal. Figura extraída de [3].

**(b)** Dependencia de la señal con la distancia del núcleo de la lluvia. La función ajustada es la función de distribución lateral (LDF). Del ajuste se obtiene el valor de  $S(1000)$ . Figura extraída de [3].

**Figura 3.3:** Ejemplo de la reconstrucción de un evento de  $(104 \pm 11)$  EeV de energía con un ángulo cenital de  $(25,1 \pm 0,1^\circ)$ .

### 3.3.3. Calibración de la energía

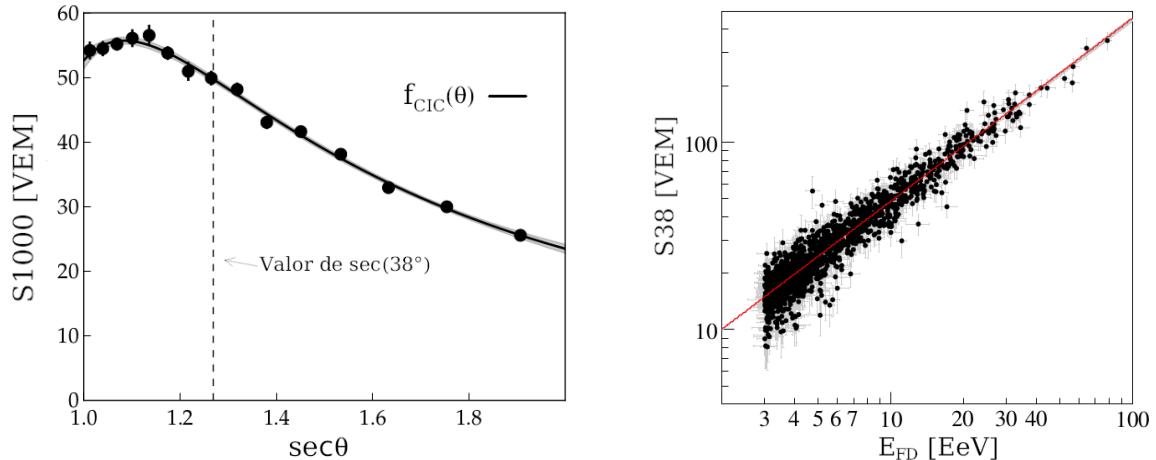
Para una energía dada, el valor de  $S(1000)$  disminuye con  $\theta$  debido a la atenuación de las partículas de la lluvia. Asumiendo un flujo isotrópico de los CR primarios sobre

la parte superior de la atmósfera, se obtiene la atenuación de los datos mostrados en la Fig. 3.4a usando el método de Corte de Intensidad Constante (CIC) [17]. La curva de atenuación  $f_{CIC}(\theta)$  fue ajustado con un polinomio de orden 3 del tipo  $f_{CIC}(\theta) = 1+ax+bx^2+cx^3$ , donde  $x = \cos^2(\theta) - \cos^2(38^\circ)$ . Según lo presentado por la colaboración [8], los valores son  $a = 0,980 \pm 0,004$ ,  $b = -1,68 \pm 0,01$  y  $c = -1,30 \pm 0,45$ , aunque estos coeficientes cambian ligeramente con la energía [9]. El ángulo cenital  $\theta = 38^\circ$  se toma como un punto de referencia para convertir  $S(1000)$  a  $S_{38}$  mediante  $S_{38} = S(1000)/f_{CIC}(\theta)$ . Este valor  $S_{38}$  puede considerarse como la señal  $S(1000)$  que hubiera tenido un evento que fue detectado mediante el SD con  $\theta = 38^\circ$ .

Los eventos con  $\theta < 60^\circ$  que fueron detectados por el SD y por el FD son utilizados para relacionar el tamaño de la lluvia con la energía  $E_{FD}$  medida por calorimetría por el FD. La correlación entre  $S_{38}$  y  $E_{FD}$  se calcula mediante el método de máxima verosimilitud, que considera la evolución de las incertezas con la energía. La relación entre  $S_{38}$  y  $E_{FD}$  se describe mediante un función de potencia como se muestra en la Ec. 3.1

$$E_{FD} = A (S_{38}/VEM)^B \quad (3.1)$$

donde los parámetros obtenidos son  $A = (1,86 \pm 0,03) \times 10^{17}$  eV y  $B = (1,031 \pm 0,004)$  [18]. En la Fig. 3.4b se observa el ajuste y la relación entre  $S_{38}$  y  $E_{FD}$



**(a)** Curva de atenuación descrita por un polinomio de orden 3. En este ejemplo se deducen los coeficientes de la dependencia del  $S(1000)$  a  $S_{38} \approx 50$  VEM que corresponde a un energía de 10,5 EeV.

**(b)** Correlación entre el valor  $S_{38}$  y la energía  $E_{FD}$  medida por el FD.

**Figura 3.4:** Distintas calibraciones hechas para los eventos reconstruidos en el Observatorio Pierre Auger.

### 3.3.4. Monitoreo del clima

Las condiciones atmosféricas, como la temperatura, presión y humedad, se deben tener en cuenta para estudiar el desarrollo de los EAS, así como también para estudiar

la cantidad de fotones de las lluvias sobre los moléculas de N<sub>2</sub>, emitidos por fluorescencia. Distintas estaciones monitorean las condiciones atmosféricas sobre el Observatorio Pierre Auger, cuatro cerca de los edificios donde se encuentran los FD y uno cerca del centro del SD 1500 m. Para este trabajo se utilizaron las mediciones de la presión y temperatura registradas la mayor parte del tiempo en la estación del clima cerca del CLF, la misma realiza una medición cada intervalo de 5 minutos la mayor parte del tiempo. Cuando no se cuenta con datos registrados para intervalos entre 10 minutos hasta 3 horas, en estos casos se utiliza una interpolación de los datos medidos. Si el período de tiempo es mayor a 3 horas, los eventos durante este periodo no son considerados para la determinación de los efectos del clima en la señal detectada por el SD 1500 m.

# Capítulo 4

## Introducción

La parte superior de la atmósfera terrestre está siendo constantemente bombardeada con partículas provenientes del espacio, con energías de los  $10^{10}$  eV para arriba. Estas partículas son conocidas como rayos cósmicos (RC) y han sido medidas desde los años 60s [19]. Aunque el área lleva tiempo siendo estudiada, los mecanismos que producen los RCs y las zonas del espacio donde se originan los mismos siguen siendo investigadas por distintos experimentos.

Por encima de una energía de  $10^{14}$  eV, los RCs que llegan a la atmósfera pueden interactuar con las moléculas de la misma, y así producir cascadas de partículas secundarias. Dependiendo de la energía del primario, es decir el RC que generó la lluvia, estas partículas pueden ser medidas usando detectores sobre la superficie de la Tierra. Esta cascada es conocida como lluvia atmosférica extendida o *EAS* y está compuesta por una componente electromagnética, que consiste en electrones, positrones y fotones, y una componente muónica. Las partículas secundarias cargadas también pueden excitar moléculas de nitrógeno en el aire que producen fotones de fluorescencia y pueden ser observados por telescopios durante noches claras.

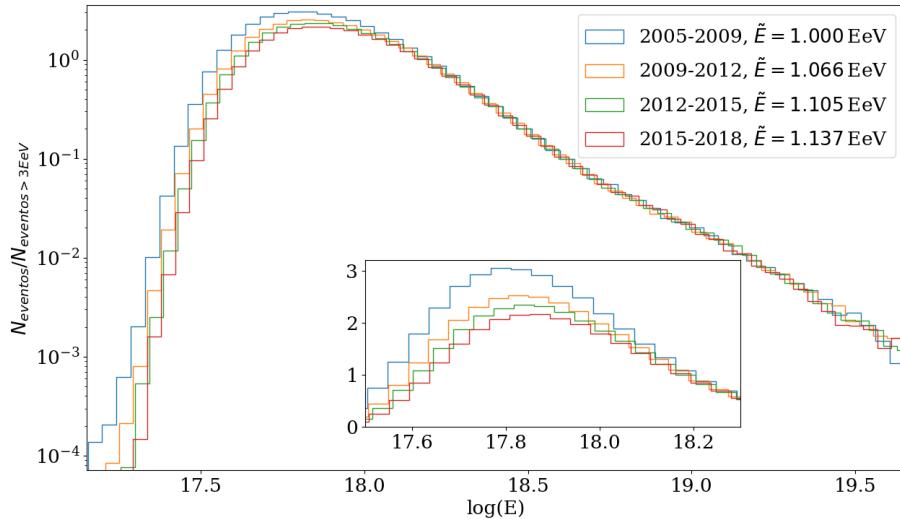
El observatorio Pierre Auger está ubicado en la ciudad de Malargüe, provincia de Mendoza. El mismo fue construido para detectar las partículas secundarias de las EASs producidas por RCs, con energía por encima de 0,1 EeV. La adquisición de datos empezó en el año 2004. El observatorio posee un sistema híbrido de detección, ya que combina un arreglo de detectores de partículas sobre la superficie y un conjunto de telescopios que detectan los fotones de fluorescencia. Cuando el observatorio registra una EAS que llega a la superficie y reconstruye la dirección de llegada del RC, se dice que se ha detectado un *evento*.

Los análisis presentados en este trabajo fueron realizados con los eventos obtenidos por  $\sim 1600$  detectores Cherenkov, dispuestos sobre de  $\sim 3000 \text{ km}^2$  a 1500 m entre sí. Un conjunto de 7 detectores adyacentes, es decir una en el medio y 6 en los lados, forman una celda hexagonal. Esta disposición de tanques se menciona como *arreglo*

*principal.* Cada detector consiste en un tanque cilíndrico con 12 toneladas de agua ultra-pura de 1,2 m de alto. En la parte superior del tanque están instalados 3 fotomultiplicadores que monitorean la radiación Cherenkov en el agua. El conjunto del tanque y la electrónica de detección se menciona durante este trabajo como *Surface Detector* o *SD*. Cada detector está midiendo constantemente los fotones en el agua. Muchos de estos fotones son producidos por ruido y otros por partículas secundarias de una EAS. Los SDs cuentan con algoritmos o reglas para discernir ruido de un evento causado por un rayo cósmico, estos son los algoritmos de disparo.

## 4.1. Acerca de todos los disparos del SD

A medida que los tanques pasan más tiempo midiendo, también van perdiendo sensibilidad a los eventos de bajas energías. Esto es una desventaja del disparo estándar en los SDs en el rango 1 EeV - 2 EeV, ya que la eficiencia completa del disparo estándar se obtiene para eventos de energía mayor a 2,5 EeV. En la Fig.4.1, para los datos presentados en el ICRC 2019, se observa como la energía media de los eventos para distintos rangos de tiempo va aumentando, además que la proporción de eventos por debajo de 3 EeV disminuye.



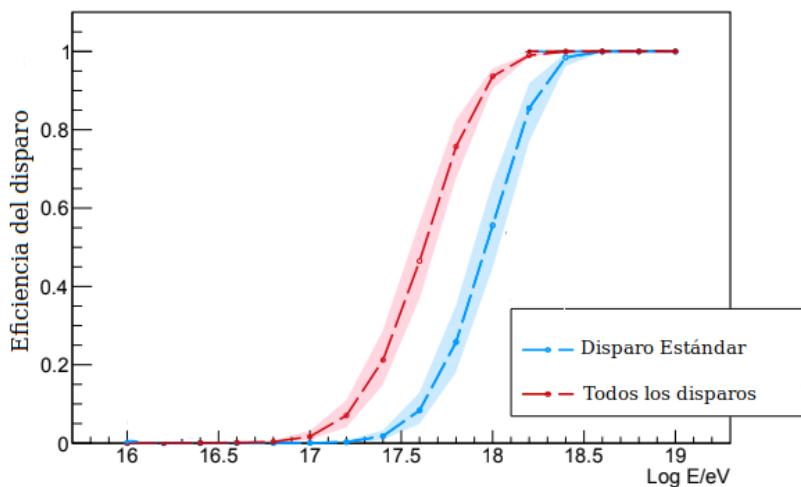
**Figura 4.1:** Histograma de eventos por rango de tiempo medido por el Observatorio Pierre Auger

El análisis del trabajo de licenciatura fue realizado sobre los eventos medidos utilizando el disparo estándar del arreglo principal, cuya eficiencia varía con la energía del CR. Para el disparo estándar, los eventos con energía mayor a 3 EeV y ángulo cenital  $\theta < 60^\circ$  o por encima de 4 EeV y  $\theta < 80^\circ$ , son detectados con una eficiencia del 100 %. Por lo tanto, el análisis en el rango de energía entre 1 EeV - 2 EeV requiere factores

relacionados con la eficiencia del disparo en función de la energía. Estos factores son obtenidos de manera fenomenológica [7].

Para superar esta dificultad y poder recuperar la sensibilidad para bajas energías, a partir del año 2013 se implementó otros algoritmos de disparo en los SDs, llamados ToTd y MoPS [20]. Estos algoritmos de disparo se mencionan en este trabajo como *todos los disparos*.

La implementación de los ToTd y MoPS fue llevada a cabo mediante una actualización de la electrónica de los SDs para bajar el umbral de disparo, en particular para las señales de la componente electromagnética de la EAS, mejorando así la reconstrucción de eventos mediante la separación fotón/hadrón para bajas energías [20]. Con esta mejora, el umbral de eficiencia completa para todos los disparos es menor que el disparo estándar, este umbral es de una energía de 1 EeV. En la Fig 4.2 se comparan las eficiencias del disparo estándar y todos los disparos en función de la energía del evento. De tal manera que, al estudiar los eventos en el rango 1 EeV - 2 EeV, no son necesarios los factores de eficiencia y sólo pueden afectar los cambios de la exposición direccional del observatorio.



**Figura 4.2:** La eficiencia del disparo en función de la energía para eventos con ángulo cenital  $\theta$  menor a  $60^\circ$ . Este figura fue extraída del trabajo [4]

Una desventaja de todos los disparos sobre el disparo estándar, es que el último tiene una mayor cantidad de años medidos, ya que se adquieren datos desde el año 2004 con este algoritmo. Esto es conveniente ya que mientras más años han sido medidos es más factible que los efectos espúreos se cancelen. En cambio, para todos los disparos, el análisis es posible desde el año 2013. Entre inicios del 2004 y finales del 2019, el conjunto de eventos del disparo estándar tiene 6 975 194 eventos sin clasificar, es decir todos los eventos registrados por el observatorio sin discriminar por energía. En cambio entre mediados del 2013 hasta fines del 2019, el archivo de eventos para todos los disparos tiene 13 739 351 eventos sin clasificar, por lo que el menor tiempo de medición

se compensa con la eficiencia del disparo.

## 4.2. Acerca de los eventos

Se aplican cortes a los eventos para asegurar la eficiencia completa de los detectores. Estos cortes implican límites en ángulo cenital  $\theta$  de los eventos, en la cantidad de vecinos al tanque de mayor señal, además de restringirse a eventos medidos en condiciones normales, es decir, cuando los sistemas de comunicación del Observatorio funcionan sin inconvenientes. De esta manera, podemos prescindir de otros factores de corrección.

A partir de los registros de eventos del arreglo principal con todos los disparos, se consideran solamente los eventos que cumplen las siguientes características:

1. La calidad de la reconstrucción depende de la energía y del ángulo cenital  $\theta$  del evento. Para el disparo estándar los eventos por debajo de los 4 EeV, se consideran los eventos con  $\theta < 60^\circ$ , en cambio para eventos por encima de esta energía se consideran hasta  $\theta < 80^\circ$ . Para todos los disparos se consideran solo los eventos con  $\theta < 60^\circ$ .
2. Los datos del evento son recopilados sin inconvenientes. Este filtro se conoce como *Bad period flag* o *ib*. Un valor de 1 indica un buen periodo. Con este filtro se descartan eventos debido a probables fallas de alimentación o problemas de comunicación o adquisición que podrían inducir errores en el análisis.
3. Buena reconstrucción de la lluvia atmosférica asociada al evento.
4. El tanque de mayor señal está en el interior de un hexágono de tanques activos. Estos eventos se conocen como *eventos 6T5*.

### 4.2.1. Acerca del registro de hexágonos

La cantidad de celdas activas sobre el observatorio está relacionado con el filtro de eventos 6T5, que garantiza la calidad de la reconstrucción del evento. El observatorio lleva un registro de la cantidad de hexágonos activos cada 5 min, además de registrar las condiciones atmosféricas en distintas estaciones de clima sobre la superficie del observatorio.

## 4.3. Acerca de la tesis de licenciatura

Durante la tesis de licenciatura se analizaron los efectos de las condiciones atmosféricas durante el desarrollo de las EAS. Se analizaron los datos adquiridos durante en el

periodo 2005-2018 por el arreglo principal. De esta manera, se extendió los periodos estudiados anteriormente en los siguientes trabajos [21], [22] y [5].

Los efectos atmosféricos afectan principalmente a la atenuación de la componente electromagnética de la EAS, en particular depende fuertemente de la temperatura y presión. Estos efectos se caracterizan por parámetros dependientes del ángulo cenital del evento y por la presión, densidad y temperatura al momento de su detección. Los parámetros mencionados se utilizan para corregir las señales registradas por los SDs. Las correcciones del clima utilizadas por la colaboración Pierre Auger fueron implementadas a partir del trabajo [5] en el 2017.

Durante el trabajo de la licenciatura se reprodujo el análisis de la modulación del clima sobre el periodo 2005-2015 del trabajo [5], obteniéndose resultados compatibles. También se estudió la modulación del clima mediante el valor de la señal medida por los SDs,  $S_{38}$ , sin la corrección propuesta por [5], además de extender el rango de tiempo analizado hasta el 2018. Se observó que los parámetros del clima obtenidos en este análisis sobre  $S_{38}$  son compatibles con los utilizados en la reconstrucción oficial.

# Capítulo 5

## Análisis de los efectos del clima sobre los datos del Observatorio Pierre Auger

Para el análisis y ajuste se trabajó con dos conjuntos de datos distintos. El primero fue el conjunto de datos que la colaboración Pierre Auger presentó en la Conferencia Internacional de Rayos Cósmicos (ICRC) del año 2015, este conjunto de datos se utilizó para el cálculo de las correcciones climáticas al estimador de energía [5]. El segundo conjunto de datos se presentó en la ICRC del año 2019. Entre estos dos conjuntos de datos existieron cambios en la reconstrucción de energía de los eventos, en particular en el valor de la señal de  $S(1000)$  [23], además de agregar la corrección por las modulaciones del clima propuesto en [5] sobre este mismo valor de señal y se implementó una función de corte de intensidad constante CIC que varía en función de la energía. El objetivo de este capítulo es comprobar si la corrección del clima de la reconstrucción de eventos es adecuada.

### 5.1. La física detrás de la modulación del clima

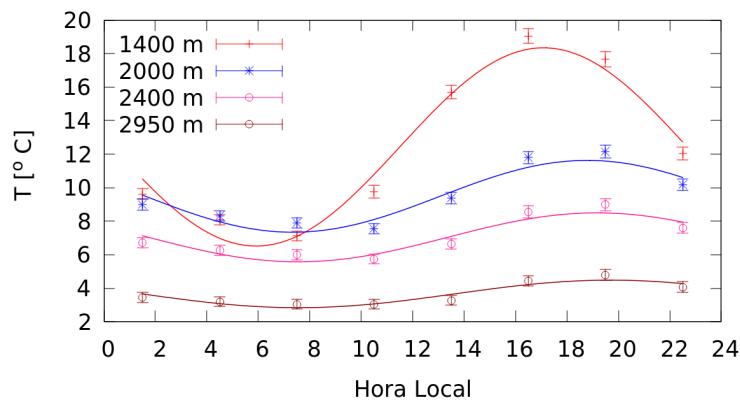
El SD mide las 24 horas del día las lluvias de partículas que llegan al suelo. Las señales registradas por los WCDs, ya sea mediante la componente electromagnética o muónica de las EAS, se usan para determinar la posición del núcleo, la dirección de arriba del CR y la energía del primario. La señal de los eventos son ajustados mediante un función de distribución lateral (LDF) para obtener una señal de referencia  $S(1000)$ . Existieron cambios en los parámetros de la LDF y, por lo tanto, de valor de  $S_{38}$ , utilizado para estimar la energía del primario. La conversión de  $S(1000)$  a  $S_{38}$  se realiza mediante el método de corte de intensidad constante (CIC) explicado anteriormente. Además en la nueva reconstrucción el CIC es función de la energía.

### 5.1.1. Trabajos anteriores

Debido a la modulación del clima dependiente de la estaciones, es de esperarse encontrar una modulación diaria y anual sobre la cantidad de eventos observados por el SD. Ya que en días con menor densidad y presión atmosférica, los tanques detectan eventos por debajo del umbral con mayor facilidad. Este fenómeno fue estudiado por trabajos anteriores realizados por la colaboración Pierre Auger [5] [24]. En particular, el trabajo [5] consideró el retraso que tienen los cambios de la temperatura a distintas alturas sobre la superficie, como se muestra en la Fig 5.1 que son datos del GDAS (Global Data Assimilation System) promediados por hora del día. Posteriormente esta corrección fue implementada en el proceso de análisis de datos del observatorio.

En la Fig. 5.1 se observa que los ajustes realizados a las variaciones de la temperatura según la hora del día con una función del tipo  $T(t) = T_{media} + A \times \sin((t - t_d)\pi/12\text{ hs})$ . En la Tabla 5.1 se observa que entre 1400 m (altitud del observatorio Pierre Auger) y la mayor altitud medida por el GDAS existe un corrimiento de  $2,1 \pm 0,7\text{ hs}$ .

Como la relación entre la densidad y la temperatura del aire están relacionadas mediante la expresión  $\rho \approx 0,3484P/T+273,16 \text{ kgm}^{-3}$ , con P en hPa y T en  $^{\circ}\text{C}$  [5], el corrimiento de la temperatura al aumentar la altitud también se ve reflejada en la densidad. Como la misma es una variable importante para el desarrollo de la cascada en la atmósfera, este retraso debe tenerse en cuenta.



**Figura 5.1:** Mediciones de la temperatura a distintas alturas sobre el nivel del mar en función de la hora del día en Malargüe. (Hora Local: UTC-3).

Altura [m]	$T_{media}$ [ $^{\circ}\text{C}$ ]	A [ $^{\circ}\text{C}$ ]	$t_d$ [h]
1400	$12,4 \pm 0,5$	$5,6 \pm 0,6$	$12,5 \pm 0,5$
2000	$9,5 \pm 0,2$	$2,1 \pm 0,3$	$10,8 \pm 0,6$
2400	$7,0 \pm 0,2$	$1,4 \pm 0,2$	$10,7 \pm 0,6$
2950	$3,7 \pm 0,1$	$0,8 \pm 0,1$	$10,4 \pm 0,6$

**Tabla 5.1:** Características de la modulación de la temperatura en función de la altura sobre el nivel del mar.

### Efectos de la atmósfera sobre los rayos cósmicos

La variación de las condiciones atmosféricas afecta las señales de las lluvias atmosféricas extendidas. Estas señales pueden ser detectadas en la superficie por un arreglo de detectores, como los que se encuentran en el Observatorio Pierre Auger. Estos efectos pueden inducir errores sistemáticos en la reconstrucción de energía de los rayos cósmicos. Se han realizado trabajos anteriores sobre los efectos del clima sobre la señal detectada en el Observatorio Pierre Auger [24] [5]. En este trabajo se estudió eventos con energía mayor a 1 EeV entre los años 2005-2018, extendiendo los períodos de tiempo estudiados anteriormente.

Para entender los parámetros utilizados para describir a la lluvia, debemos entender que son la longitud de radiación  $X_0$ , la profundidad de la lluvia  $X_{max}$  y el radio de Molière  $r_M$ . La longitud de radiación definida como  $X_0 = d/2$ , donde  $d$  es un parámetro que indica cuanta cantidad de materia debe atravesar un partícula cargada relativista para perder un factor de  $\approx 50\%$  de su energía. El  $X_0$  depende del material que atraviesa la partícula, y tiene unidades de  $[g\text{ cm}^{-2}]$ . La profundidad de la lluvia  $X_{max}$  de una cascada puramente electromagnética, i.e. iniciada por un fotón, tiene la siguiente expresión [25]

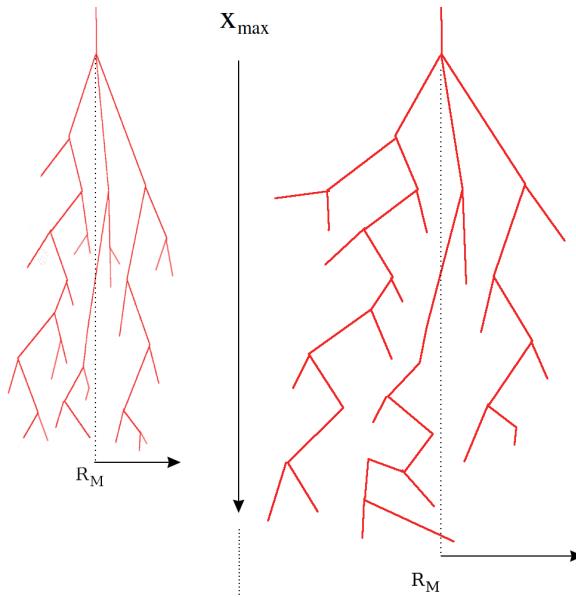
$$X_{max} = X_0 \ln\left(\frac{E}{\xi_c^e}\right) \quad (5.1)$$

donde  $\xi_c^e$  es la energía crítica para la cual las pérdidas de energía por radiación supera a la pérdida de energía por colisión, en el aire  $\xi_c^e = 85\text{ MeV}$ . Por último, el radio de Molière  $r_M$  que puede expresarse como

$$r_M = \frac{E_s}{\xi_c^e} \frac{X_0}{\rho} \quad (5.2)$$

es la máxima profundidad transversal que alcanza la lluvia. El valor de  $E_s \approx 21\text{ MeV}$  caracteriza las pérdidas por dispersión. Usualmente un cilindro con un radio  $r_M$  contiene al 90 % de la energía depositada en la atmósfera por el primario. El radio de Molière local en el aire para una altura  $h$  puede definirse como  $r_M = 9,6\text{ gcm}^{-2}/\rho(h)$  [26].

Las variables atmosféricas importantes que afectan al desarrollo de la EAS en la atmósfera son la presión y la densidad del aire. Por un lado la presión es una medida de cantidad de materia que atraviesa el CR. Si la presión sobre la superficie aumenta implica que la lluvia va a atravesar más partículas, y por el contrario si la presión disminuye la lluvia tiene menos materia para interactuar. Esto afecta el desarrollo longitudinal de la lluvia cuando llega a la superficie. En la Fig. 5.2 se muestran una esquema simplificado de las interacciones en la atmósfera de un primario de la misma energía. En la figura de la izquierda representa la lluvia donde la presión y la densidad están por encima de la media, y la figura de la derecha representa un lluvia donde la presión y la densidad de la atmósfera están por debajo de la media.



**Figura 5.2:** Diagramas simplificado de un lluvia de la misma energía para distintas condiciones atmosféricas

Estos efectos se ven reflejados en la señal sobre el SD del Observatorio Pierre Auger. La extensión de la señal sobre el SD, es decir el  $r_M$  puede cambiar según la densidad de la atmósfera por encima del SD. Los valores de  $r_M$  relevantes para la señal medida son a nivel del suelo y a 1000 m. Esto implica que las variaciones de densidad (o de temperatura) a estas alturas están relacionadas con las variaciones al nivel del suelo. La variación a  $\sim 2400$  m sobre el nivel del mar está atrasada dos horas con respecto a la variación sobre el Observatorio, que se encuentra a  $\sim 1400$  m sobre el nivel del mar. Otro aspecto importante es que la amplitud de esta variación disminuye con la altura. Entre las dos altitudes mencionadas existen una relación de aproximadamente  $1/3$  entre las amplitudes.

### Modelo teórico

Considerando lo analizado en [5] [24], en este trabajo se propone la siguiente modulación, presentada en la Ec. 5.3, para la señal  $S$  que reciben los tanques

$$S = S_0(1 + \alpha_P(P - P_0) + \alpha_\rho(\rho_{media} - \rho_0) + \beta_\rho(\rho_{2h} - \rho_{media})) \quad (5.3)$$

donde  $S_0$  es la señal del evento en condiciones atmosféricas medias,  $P$  es la presión en el momento del evento,  $P_0 = 862$  hPa es la presión media en el rango de tiempo estudiado,  $\rho_{media}$  es la densidad media del aire en 24 hs,  $\rho_0 = 1,06 \text{ kgm}^{-3}$  es la densidad media durante el periodo estudiado,  $\rho_{2h}$  es la densidad que se midió dos horas antes del evento y los coeficientes  $\alpha$  y  $\beta$  tiene en cuenta la modulación del clima sobre la señal. Si consideramos la tasa  $R_{ang}$  por ángulo sólido  $\Omega$

$$\frac{dR_{ang}}{d\Omega} = \int_{S_{min}}^{\infty} P_{Tr}(S, \theta) d\Phi_{CR} \quad (5.4)$$

donde  $P_{Tr}$  es la probabilidad de que sea detectado un evento para un valor de señal mínimo  $S_{min}$  dado, y  $\Phi_{CR}$  es la densidad de eventos por ángulo sólido. La función  $P_{Tr}$  tiene en cuenta la eficiencia del disparo de los tanques en función de la energía. Por ejemplo, para el SD 1500 m, como se mencionó anteriormente, la eficiencia máxima de disparo es a partir de 3 EeV. Considerando las Ecs. 3.1 y 2.1 , se puede reescribir la Ec.5.4 como integral de la señal medida S. Teniendo en cuenta que la corrección del clima es pequeña podemos escribir la Ec. 5.3 como  $S = S_0(1 + \epsilon)$  y las Ecs. 2.1 y 3.1.

$$\begin{aligned} \frac{d\Phi_{CR}}{dE} &\propto E^{-\gamma} & \frac{dE}{dS} &= \frac{dE}{dS_0} \frac{dS_0}{dS} \\ &= S^{-B\gamma}(1 + \epsilon)^{B\gamma} & &= AB S^{B-1} (1 + \epsilon)^{-B} \\ \frac{dR_{ang}}{d\Omega} &= \int_{S_{min}}^{\infty} P_{Tr}(S, \theta) \frac{d\Phi_{CR}}{dE} \frac{dE}{dS} dS \\ &\propto \int_{S_{min}}^{\infty} P_{Tr}(S, \theta) \left( S^{-B\gamma}(1 + \epsilon)^{B\gamma} \right) \left( AB S^{B-1} (1 + \epsilon)^{-B} \right) dS \\ &\propto A B (1 + \epsilon)^{B\gamma-B} \int_{S_{min}}^{\infty} P_{Tr}(S, \theta) S^{-B\gamma+B-1} dS \end{aligned}$$

Dado que  $\epsilon \ll 1$ , uno puede expandir la expresión  $(1 + \epsilon)^{B\gamma}$  hasta primer orden

$$(1 + \epsilon)^{B\gamma-B} \approx 1 + B(\gamma - 1)\epsilon$$

Por lo que la expresión final queda de la siguiente forma

$$\frac{dR_{ang}}{d\Omega} \propto AB(1 + B(\gamma - 1)\epsilon) \int_{S_{min}}^{\infty} P_{Tr}(S, \theta) S^{-B\gamma+B-1} dS$$

Considerando que  $d\Omega = \sin(\theta)d\theta d\phi$  y que el área efectiva que tiene el observatorio para dado un evento con ángulo cenital  $\theta$  es  $M_{eff} = M \times \cos(\theta)$ , donde  $M$  es el área activa del observatorio en el momento del evento. Podemos redefinir la tasa por área  $R$  como

$$\begin{aligned} dR &\propto \frac{dR_{ang}}{d\Omega} \frac{M_{eff}}{M} d\Omega \\ &\propto \frac{dR_{ang}}{d\Omega} \cos(\theta) \sin(\theta) d\theta d\phi \\ &\propto AB(1 + B(\gamma - 1)\epsilon) ds \sin^2 \theta d\phi \int_{S_{min}}^{\infty} P_{Tr}(S, \theta) S^{-B\gamma+B-1} dS \end{aligned}$$

Así pudiendo definir la tasa por área por  $\sin^2(\theta)$ , independiente del valor de  $\phi$

$$\frac{dR}{d(\sin^2\theta)} \propto AB(1 + B(\gamma - 1)\epsilon) 2\pi \int_{S_{min}}^{\infty} P_{Tr}(S, \theta) S^{-B\gamma+B-1} dS$$

Los parámetros  $\alpha_P$ ,  $\alpha_\rho$  y  $\beta_\rho$  podrían depender del ángulo cenital o de la energía (por ende de S). En este trabajo se considera solamente la dependencia en  $\theta$ . Si  $P_{Tr}$  es independiente de  $\theta$ , podemos absorber estas constantes y dejar la expresión como

$$\frac{dR}{d(\sin^2\theta)} = R_0 \left[ 1 + a_P(P - P_0) + a_\rho(\rho_{media} - \rho_0) + b_\rho(\rho_{2h} - \rho_{media}) \right] \quad (5.5)$$

donde los parámetros  $a_P = B(\gamma - 1)\alpha_P$ ,  $a_\rho = B(\gamma - 1)\alpha_\rho$  y  $b_\rho = B(\gamma - 1)\beta_\rho$ , donde los parámetros B y  $\gamma$  son conocidos.

### Estimador del ajuste

Para determinar los parámetros del clima, se calcula la tasa de eventos por hora durante un periodo seleccionado normalizada con el área correspondiente a ese momento. Durante el trabajo se menciona la tasa de eventos, pero debe tenerse en cuenta que es la tasa normalizada con el área. Esta área es calculada a partir de la cantidad de hexágonos activos. Por lo tanto, una vez obtenida la tasa, se ajusta la misma mediante la expresión de la Ec.5.5, obteniéndose los parámetros del clima.

Para realizar este ajuste, se supone que el número de eventos observado en una hora sigue una distribución de Poisson. Se realiza un ajuste de máxima verosimilitud (*Maximum Likelihood Estimator*) para estimar los coeficientes del clima de la Ec.5.5. La función a minimizar tiene la siguiente expresión

$$L = \prod_i \frac{\mu_i^{n_i} e^{-\mu_i}}{n_i!} \quad (5.6)$$

donde  $\mu_i$  es la media de la distribución de Poisson, que es el número de eventos esperado durante una hora que puede calcularse como

$$\mu_i = R_0 A_i C_i \quad (5.7)$$

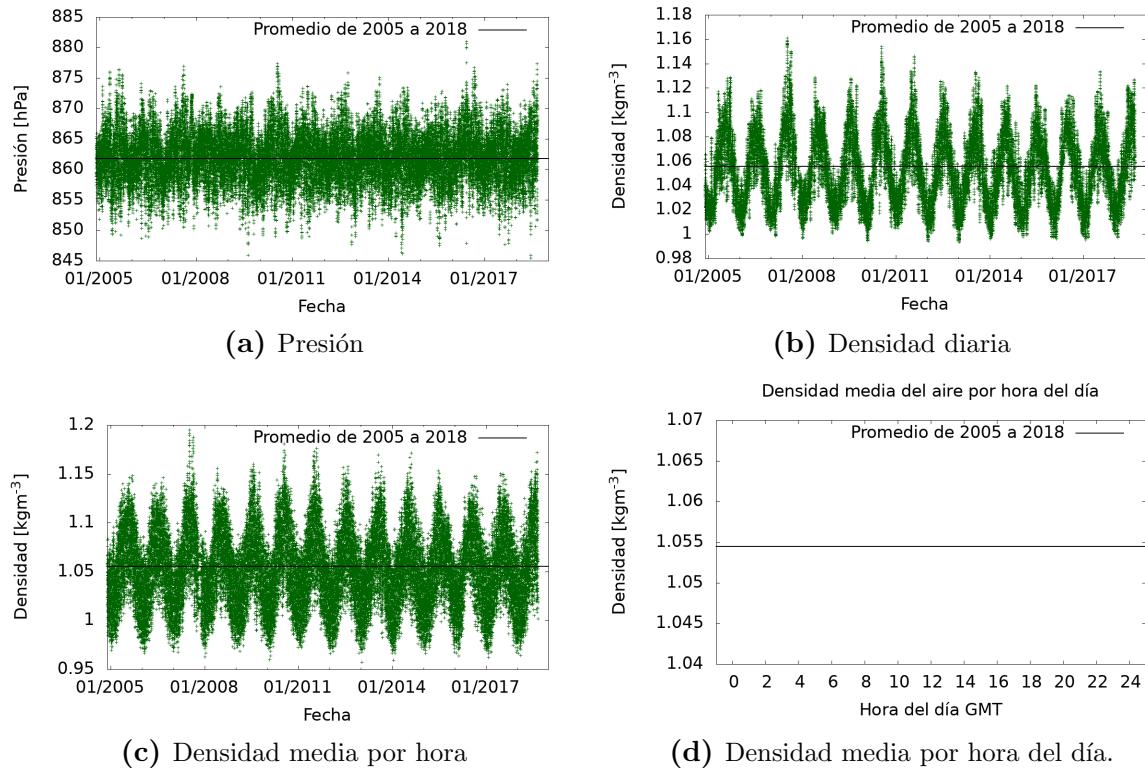
donde  $R_0$  es la tasa promedio que se observaría si los parámetros atmosféricos fueran los de referencia, es decir  $R_0 = \sum n_i / \sum A_i C_i$ , donde  $A_i$  es el área efectiva en el intervalo de tiempo  $i$  y el parámetro  $C_i$  tiene la forma

$$C_i = 1 + a_P(P - P_0) + a_\rho(\rho_{media} - \rho_0) + b_\rho(\rho_{2h} - \rho_{media}) \quad (5.8)$$

con  $\rho_{2h}$ , como fue mencionado anteriormente, es la densidad medida dos horas antes del evento.

### 5.1.2. Condiciones climáticas y área activa del observatorio Pierre Auger

Existen tres estaciones meteorológicas dentro del observatorio, que miden cada 5 minutos las condiciones climáticas en distintos puntos. Las ubicaciones de estas estaciones están indicadas en la Fig. 3.1. La Fig. 5.3 se muestran las variaciones de los valores de presión y densidad en el periodo del 2005 – 2018 con respecto a la media en este mismo periodo. En las mismas se observa las modulación anual de la densidad, Fig. 5.3c, y al modulación diaria de la densidad, Fig. 5.3d, que afecta a la detección de las lluvias por parte del SD.



**Figura 5.3:** Variaciones de las variables del clima en función del tiempo

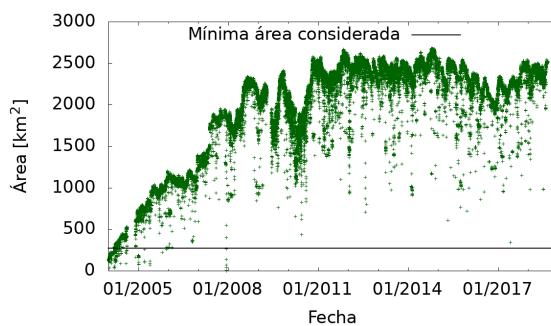
## 5.2. Resultados para el arreglo de detectores de superficie de 1500 m de distancia

Para el SD 1500 m se trabajó con los conjuntos de datos presentados en la ICRC 2015 y en la ICRC 2019. La señal de  $S(1000)$  fue corregida en la reconstrucción oficial de eventos por la modulación del clima, por los parámetros obtenidos en [5], mediante

un análisis de los datos registrados entre los años 2005-2015. En este trabajo se emula el análisis de datos realizado en [5] con los mismos datos, con el fin de verificar que se obtienen los mismos resultados. Luego se realizó un análisis similar con los datos de nueva reconstrucción de la señal  $S_{38}$  sin la corrección del clima del conjunto de datos de la ICRC 2019 en el periodo 2005-2018.

Los coeficientes atmosféricos se obtienen tomando una energía mayor a 1 EeV en el caso de los datos de la ICRC 2015. Para el caso del análisis con el valor de  $S_{38}$  de la ICRC 2019, se realiza el corte de eventos con el valor de  $S_{38}$  que tiene un evento de 1 EeV. Es posible que estos coeficientes dependan de la energía, por ejemplo por la dependencia del logaritmo de la energía de  $X_{max}$  o por los cambios de composición a distintas energías. En todo caso, se espera que estas dependencias sean pequeñas.

Para asegurarse eventos con una buena reconstrucción de energía, posición del núcleo y dirección de arriba, solo los eventos que están contenidos dentro del arreglo del SD son considerados. Este criterio requiere que el detector con mayor señal esté rodeado de 6 tanques activos. Teniendo en cuenta la geometría de arreglo de WCDs, se calcula el área efectiva mediante la suma del área asociada a cada tanque. El mismo contribuye un área de  $\sqrt{3} \frac{d^2}{2}$ , donde  $d$  es la distancia entre WCDs en una grilla triangular. Como la cantidad de hexágonos activos varía con el tiempo también lo hace el área efectiva del observatorio. En la Fig. 5.4 se muestra la evolución del área efectiva del SD 1500 m hasta el año 2018. La línea horizontal limita el área mínima considerada para el análisis. Estos periodos de baja exposición no proveen información suficiente para caracterizar la modulación. Este valor de corte en el área corresponde aproximadamente al 10 % del valor nominal.



**Figura 5.4:** Evolución temporal del área efectiva del Observatorio Pierre Auger. La línea horizontal señala el área mínima considerada para el análisis.

En este trabajo se utilizan los datos recabados por las estaciones del clima del observatorio. Como se menciona en la sección 3.3.4, existen periodos donde los datos del clima son interpolados. Es por ello que se consideran los eventos registrados durante un periodo en donde las condiciones climáticas fueron medidas o interpoladas para un periodo menor a 3 horas.

### 5.2.1. Datos presentados en la ICRC 2015

En esta sección de utilizaron los datos de la ICRC 2015 utilizando los cortes recomendados mencionados en la sección anterior. Además de considerar eventos con energía mayor a 1 EeV en un periodo de tiempo entre 01/01/2005 y 31/12/2015, y con ángulo cenital  $\theta$  menor que  $60^\circ$ . Tras los cortes mencionados, se analizaron 1146470 eventos con una la media de energía de 1,005 EeV. Nos referiremos a este subconjunto de datos de la ICRC 2015 como conjunto A. Las características del conjunto A se resumen en la Tabla 5.2.

Tiempo	01/01/2005-31/12/2015
Número de eventos	1146470
Energía media	2.00 EeV
Corte en energía	1 EeV
Ángulo cenital	$\theta < 60^\circ$

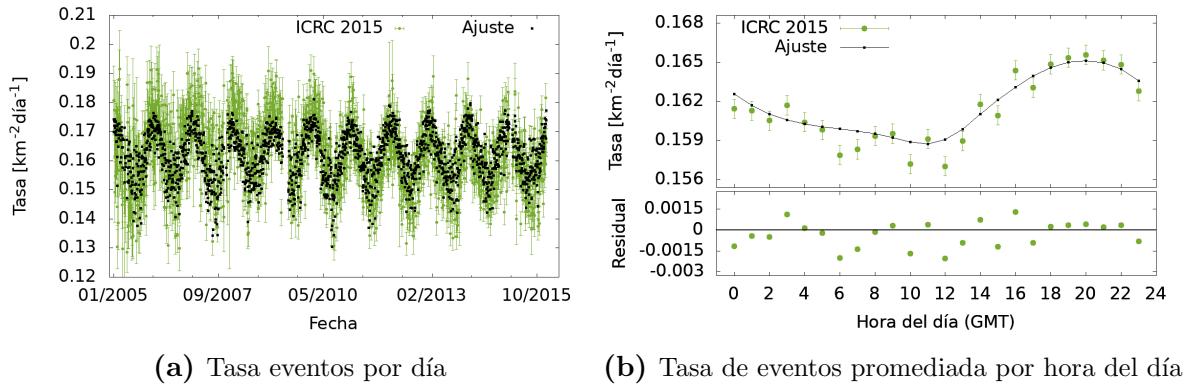
**Tabla 5.2:** Características de los datos ICRC 2015 utilizados para esta sección.

Se realiza un ajuste de la tasa de eventos por hora del conjunto A, que incluye todos los eventos de ángulo cenital  $\theta < 60^\circ$ . Los parámetros obtenidos se presentan y se comparan con [5] en la Tabla 5.3. Los errores presentados son los errores obtenidos por el ajuste. El  $\chi^2_\nu$  representa el  $\chi^2$  reducido, que para este ajuste es de  $\chi^2_\nu = 1,01328$ , por lo que el modelo propuesto representa adecuadamente los datos experimentales. Se observa que los parámetros obtenidos son compatibles con el trabajo anterior.

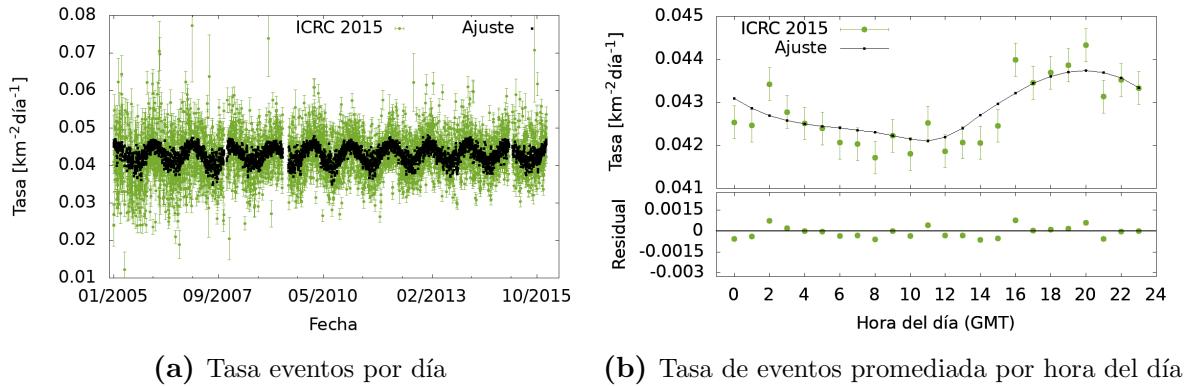
Parámetro	2005-2015	[5]
$a_P$ [hPa $^{-1}$ ]	$-0,0032 \pm 0,0002$	$-0,0032 \pm 0,0003$
$a_\rho$ [kg $^{-1}$ m $^3$ ]	$-1,71 \pm 0,04$	$-1,72 \pm 0,04$
$b_\rho$ [kg $^{-1}$ m $^3$ ]	$-0,51 \pm 0,05$	$-0,53 \pm 0,04$
$\chi^2_\nu$	1,01328	1,013

**Tabla 5.3:** Ajustes obtenidos considerando todos los eventos con  $\theta < 60^\circ$  y energía mayor a 1 EeV, comparados con los obtenidos en [5]

Mediante los coeficientes obtenidos se calculó la tasa de eventos por día que predice el modelo, teniendo en cuenta los valores medios de las variables del clima para cada hora. En la Fig. 5.5 se muestra el ajuste comparado con la tasa experimental. En esta figura se observa que el modelo propuesto se corresponde con los datos experimentales, como lo indica el valor de  $\chi^2_\nu = 1,01328$ . En la Fig.5.5a se muestra la tasa media por día donde la modulación anual es apreciable. Mientras que en la Fig.5.5b se muestra el promedio por cada hora del día a partir de la tasa de eventos por hora, donde la tasa medida experimentalmente presenta una modulación diaria.



**Figura 5.5:** Tasa de eventos por días comparadas con el ajuste entre los años 2005 hasta 2015. Los datos analizados fueron los presentados en la ICRC 2015 para energías mayores a 1 EeV donde se observa la modulación anual y diaria del clima.



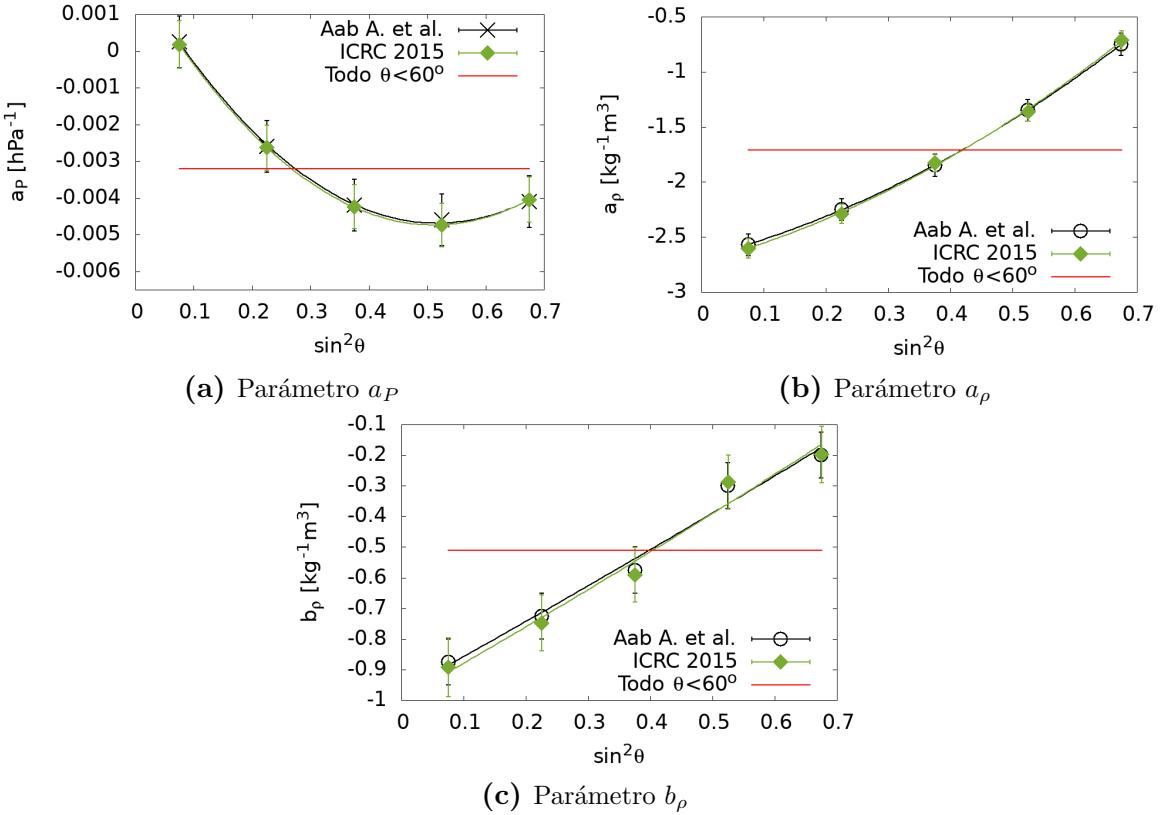
**Figura 5.6:** Tasa de eventos por días comparadas con el ajuste entre los años 2005 hasta 2015. Los datos analizados son los presentados en la ICRC 2015 para energías mayores a 2 EeV. donde se observa la modulación anual y diaria del clima

Como se menciona en la sección 3.2.2, el detector alcanza su máxima eficiencia para energías mayores que 3 EeV. A partir una energía de 2 EeV, los eventos tienen una mayor susceptibilidad al disparo de tres tanques, mínimo número necesario para la reconstrucción de un evento. Para el conjunto A, como se muestra en la Fig. 5.6, la modulación del clima aún es apreciable para una energía mayor a 2 EeV.

### Ajuste de los parámetros del clima

En esta sección se estudia la dependencia de los parámetros del clima con el ángulo cenital. Clasificamos los eventos en distintos subconjuntos según el valor de  $\sin^2(\theta)$  para realizar un ajuste análogo al presentado en la Tabla 5.3. Se clasifica mediante este valor para obtener números de eventos similares para cada subconjunto. Estos ajustes son presentados en las Figs. 5.7a, 5.7b y 5.7c. Los mismos se comparan con los datos presentados en [5], usados actualmente en la corrección de los datos del Observatorio

Pierre Auger. Se observa que los ajustes hechos sobre el conjunto A son compatibles con los ajustes realizados en el trabajo [5].



**Figura 5.7:** Parámetros de la modulación del clima considerando los datos de la ICRC 2015. Los mismos se comparan con los ajustes obtenidos en [5] y con los ajustes obtenidos sin considerar la dependencia con  $\sin^2(\theta)$ .

En la Fig. 5.7 también se compara los ajustes obtenidos considerando los datos sin clasificar por  $\sin^2\theta$ . Se observa que existe una dependencia con el ángulo cenital correspondiente al evento. Esta dependencia fue modelada mediante una función cuadrática dada en la Ec. 5.9

$$f(x) = c_0 + c_1x + c_2x^2 \quad (5.9)$$

donde  $x = \sin^2\theta$ . En la Tabla 5.4 se comparan los coeficientes obtenidos considerando la Ec. 5.9 con los mismos coeficiente obtenidos en el trabajo anterior [5].

La dependencia con el ángulo cenital se debe a que para distintos ángulos de incidencia la lluvia interactúa con más o menos atmósfera. Los efectos de las condiciones climáticas afectan el desarrollo de la lluvia. Por ejemplo, el coeficiente de la presión es negativo para  $\sin^2(\theta) > 0,3$  o  $\theta > 33^\circ$ , lo que indica que si presión sube la señal baja. Esto es una consecuencia de que la lluvia está en un estado más avanzado de su desarrollo. Para ángulos cenitales cercanos a  $60^\circ$ , la componente electromagnética es suprimida por las interacciones en la atmósfera, por lo tanto el efecto de la presión disminuye. El resultado obtenido en la Fig. 5.7a es consistente con este fenómeno, dado

que el valor de  $a_P$  disminuye al aumentar el ángulo. En el caso de los coeficientes relacionados con la densidad, también se observa que los parámetros son negativos, dado que un aumento de la densidad disminuye  $r_M$  y por lo tanto la extensión de la señal. Se observa también que los parámetros  $a_\rho$  y  $b_\rho$  tienen la misma tendencia con  $\sin^2(\theta)$ , además de que los coeficientes tienen una razón de aproximadamente  $1/3$ , lo cual se esperaba por lo discutido en la sección 5.1.

Parámetros	Coeficiente	Este Trabajo	[5]
$a_P$ [hPa $^{-1}$ ]	$c_0$	$0,00200 \pm 0,00005$	$0,0021 \pm 0,0009$
	$c_1$	$-0,0263 \pm 0,0002$	$-0,026 \pm 0,006$
	$c_2$	$0,0257 \pm 0,0002$	$0,026 \pm 0,007$
$a_\rho$ [kg $^{-1}$ m $^3$ ]	$c_0$	$-2,73 \pm 0,05$	$-2,7 \pm 0,1$
	$c_1$	$1,5 \pm 0,4$	$1,5 \pm 0,8$
	$c_2$	$2,1 \pm 0,7$	$2,2 \pm 1,0$
$b_\rho$ [kg $^{-1}$ m $^3$ ]	$c_0$	$-1,0 \pm 0,1$	$-1,0 \pm 0,1$
	$c_1$	$1,2 \pm 0,6$	$1,2 \pm 0,8$
	$c_2$	$0,1 \pm 0,8$	$0,0 \pm 1,1$

**Tabla 5.4:** Tabla de los coeficientes obtenidos para el conjunto de datos de la ICRC 2015, comparados con el trabajo anterior [5]

### 5.2.2. Datos presentados en la ICRC 2019

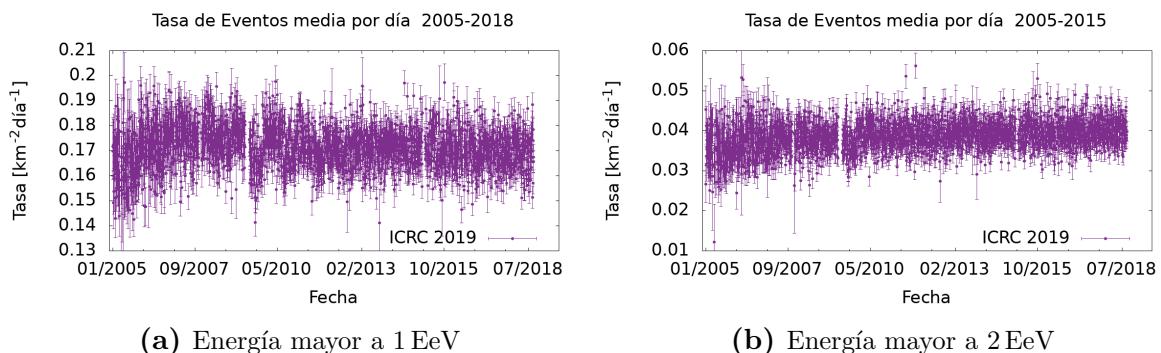
Comparando este conjunto de datos con los datos de la ICRC 2015, los datos de la ICRC 2019 contienen eventos de los tres años posteriores. Posterior al trabajo [5], la señal de S(1000) fue corregida por las condiciones climáticas en la reconstrucción oficial de eventos. Además el valor de S(1000) estimado para cada evento cambió entre estos dos conjuntos de datos, por parte de la reconstrucción oficial [23]. Se realizó también una nueva calibración de la energía mediante eventos híbridos, como la mostrada en la Fig. 3.4b en el trabajo [18]. En el conjunto de datos de la ICRC 2019, se realizó los mismos cortes que para el conjunto de A de la sección anterior. En el periodo 2005-2015 de los datos de la ICRC 2019 con los cortes mencionados de energía mayor a 1 EeV para eventos verticales, la cantidad de eventos con energías mayores a 1 EeV subió de 1146470 a 1280918 eventos. Esto puede deberse a la corrección del clima de los eventos, donde aquellos eventos que estaban por debajo del corte de energía, tras la corrección pudieron estar por encima de este corte. Otra posibilidad es la nueva reconstrucción haya aumentado la cantidad de eventos por encima de 1 EeV. Por eso la media de energía bajó de 2,00 EeV a 1,91 EeV. Las características de los datos en estos dos rangos de tiempo se resumen en la Tabla 5.5.

Tiempo	01/01/2005-31/12/2015	01/01/2005-31/12/2018
Número de eventos	1280918	1635045
Energía media	1.91	1.92
Corte en energía	1 EeV	1 EeV
Ángulo cenitales	60°	60°

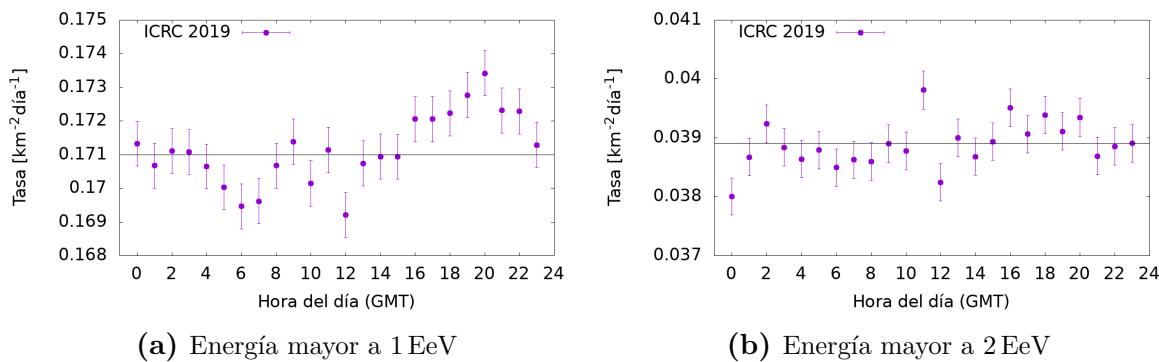
**Tabla 5.5:** Características de los datos de la ICRC 2019 utilizados para los ajustes de esta sección.

En la Fig. 5.8 se muestran las tasas de eventos por día para energía mayores a 1 EeV y 2 EeV, con la energía corregida por los efectos climáticos según la reconstrucción oficial [9]. En la Fig. 5.9 se comparan con los resultados de los datos de la ICRC 2015, la modulación en la tasa ya no es apreciable. Si comparamos las tasas de eventos por hora del día de los eventos por encima de 1 EeV y 2 EeV, por encima de 1 EeV, se aprecia un remanente de la modulación del clima diaria comparado con la tasa para 2 EeV. Esto se debe a que el SD tiene eficiencia para energía mayores a 3 EeV, comentado anteriormente.

Existe una modulación remanente en la tasa de eventos como se aprecia en las Figs. 5.8a y 5.9a. Esto se debe que la señal es mayor que la esperada como consecuencia de las condiciones atmosféricas en el momento del evento, por lo tanto la eficiencia del disparo ante este evento también es mayor. De esta forma la eficiencia tiene una dependencia con las condiciones atmosféricas.



**Figura 5.8:** Tasa de eventos promedio por cada día entre los años 2005 hasta 2015 del conjunto de datos presentado en la ICRC 2019. Se muestran las tasas para dos cortes en energía, mayor a 1 EeV y mayor a 2 EeV



**Figura 5.9:** Tasa eventos por hora del día por unidad de área entre los años 2005 hasta 2015 del conjunto de datos presentado en la ICRC 2019. Se muestran las tasas para dos cortes en energía, mayor a 1 EeV y mayor a 2 EeV

### 5.2.3. Datos presentados en la ICRC 2019 usando $S_{38}$ sin corregir por el clima

Además de tener más estadística de los eventos registrados, durante el periodo 2016-2018 también se recabaron datos sobre el clima en el observatorio. La modulación del clima fue estudiada anteriormente realizando un corte de la energía sin corregir. En esta sección se realiza el análisis de la modulación mediante un corte sobre la señal medida por el SD. En el conjunto de datos de la ICRC 2019, es posible acceder al valor de  $S(1000)$  sin corregir por el trabajo [5], por que uno puede obtener el valor de  $S_{38}$  sin corregir mediante la expresión

$$S_{38} = \frac{S(1000)}{S(1000)_w} S_{38,w} \quad (5.10)$$

donde las variables  $S(1000)_w$  y  $S_{38,w}$  indican los valores corregidos por clima. Estas variables están listadas en el conjunto de datos presentado en la ICRC 2019. Dado que los trabajos anteriores se basaron en la energía para hacer el corte de los eventos, se realizó el corte con la señal de  $S_{38} \geq 5,37 \text{ VEM}$  correspondiente a 1 EeV aproximadamente. Las características de este conjunto de datos están resumidos en la Tabla 5.6.

Tiempo	01/01/2005-31/12/2015	01/01/2005-31/12/2018
Número de eventos	1267265	1618717
Energía media	1.89	1.90
Corte en S <sub>38</sub>	5.37 VEM	5.37 VEM
Ángulo cenital	< 60°	< 60°

**Tabla 5.6:** Características de los datos de la ICRC 2019 utilizados para los ajustes de esta sección.

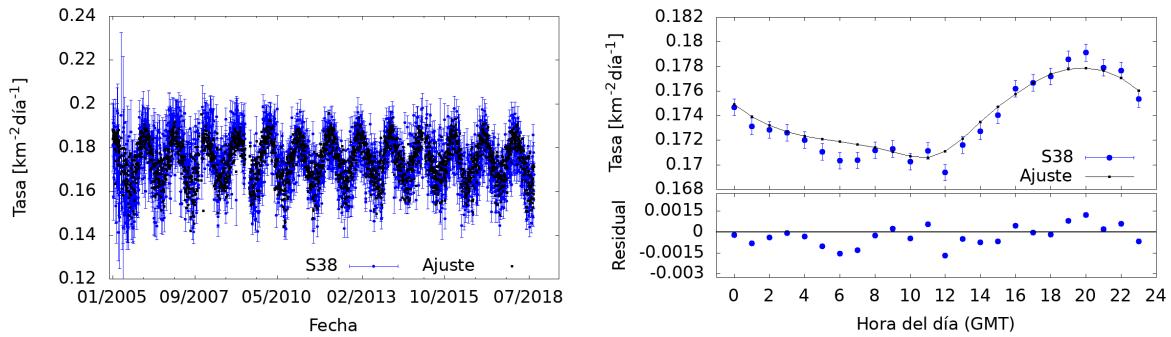
Con estos eventos, se realizó un ajuste de los parámetros del clima para todos

los ángulos cenitales de la tasa del eventos por hora. Así se obtienen los coeficientes promediados por ángulo cenital. Estos parámetros son presentados en la Tabla 5.7. Se observa que para ambos períodos estudiados los parámetros obtenidos son compatibles entre sí, además de ser compatibles con los resultados obtenidos para el periodo 2005-2015 de los datos de la ICRC 2015 y los parámetros de [5], presentados en la Tabla 5.3.

Parámetro	2005-2015	2005-2018
$a_P$ [hPa $^{-1}$ ]	$-0,0033 \pm 0,0003$	$-0,0032 \pm 0,0002$
$a_\rho$ [kg $^{-1}$ m $^3$ ]	$-1,75 \pm 0,04$	$-1,71 \pm 0,03$
$b_\rho$ [kg $^{-1}$ m $^3$ ]	$-0,51 \pm 0,04$	$-0,52 \pm 0,03$
$\chi^2_\nu$	1,00616	1,01819

**Tabla 5.7:** Parámetros del clima obtenidos para todos los ángulos cenitales para los dos rangos de tiempo estudiados.

Calculando la tasa de eventos esperado con los parámetros de la Tabla 5.7, esta se comparan con la tasa experimental medida con el SD, que se muestra en la Fig. 5.10 para el rango de tiempo 2005-2018. En estos gráficos se observa que la modulación del clima tiene las mismas características que las observadas en la sección 5.2.1.



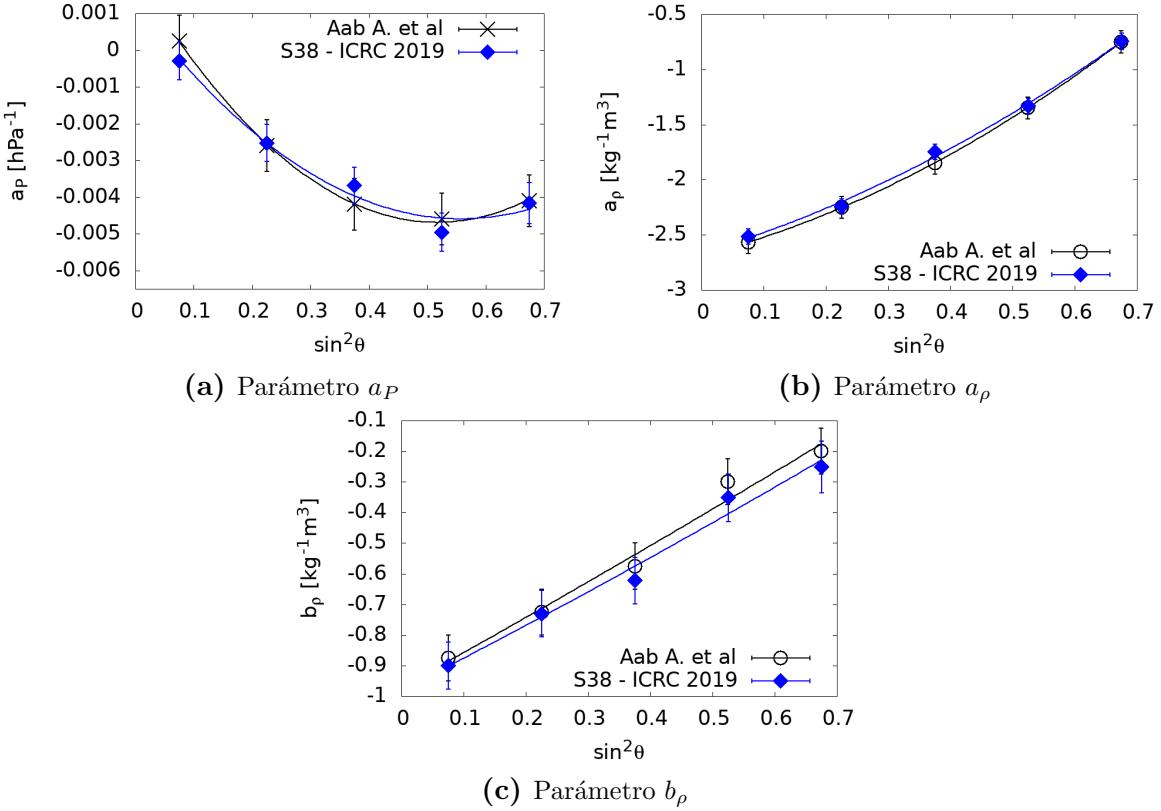
(a) Tasa eventos por cada día por unidad de área    (b) Tasa de eventos promedio por hora del día

**Figura 5.10:** Tasa de eventos entre los años 2005 hasta 2018 del conjunto de datos presentado en la ICRC 2019.

### Ajuste de los parámetros del clima

Se clasificó los eventos de esta sección mediante el valor de  $\sin^2\theta$  y se realizó el ajuste para obtener los parámetros del clima. Este ajuste se realizó en el periodo 2005-2018. Los valores obtenidos se resumen en la Tabla 5.8 y se observan en la Fig. 5.11. Comparando estos resultados con los resultados de [5], los eventos mediante el valor S<sub>38</sub> conservan la tendencia con  $\sin^2\theta$  que se observa en los datos de la ICRC 2015 en la Fig. 5.7. Además los parámetros obtenidos mediante el corte por S<sub>38</sub> son comparables con los resultados obtenidos para el conjunto de datos de la ICRC 2015. Por lo que

puede decirse que la modulación del clima es apreciable hasta el día de hoy con una amplitud comparable al año 2015.



**Figura 5.11:** Parámetros de la modulación del clima considerando los datos sin corregir con el clima y la reconstrucción anterior.

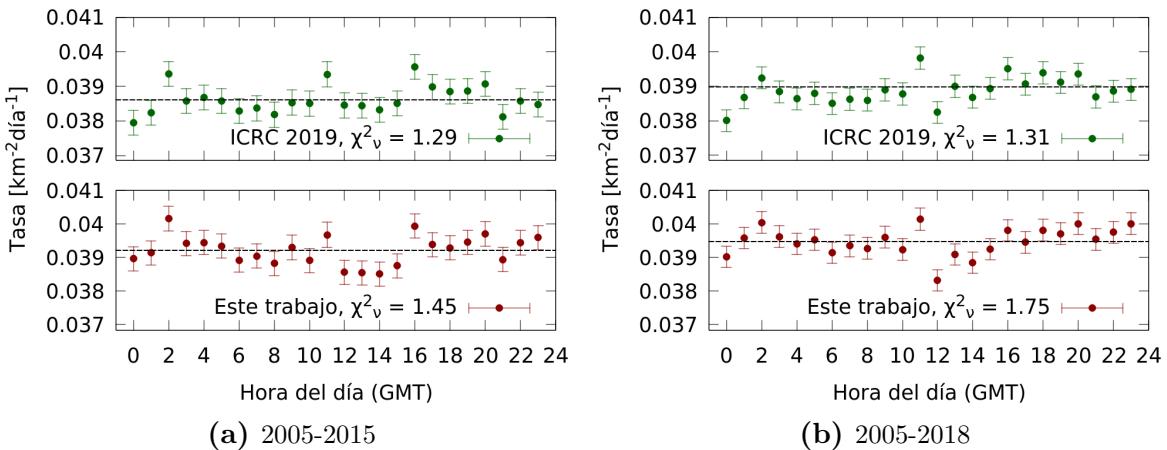
Parámetros	Coeficiente	Este Trabajo	[5]
$a_P [\text{hPa}^{-1}]$	$c_0$	$0,0012 \pm 0,0005$	$0,0021 \pm 0,0009$
	$c_1$	$-0,020 \pm 0,003$	$-0,026 \pm 0,006$
	$c_2$	$0,019 \pm 0,004$	$0,026 \pm 0,007$
$a_\rho [\text{kg}^{-1}\text{m}^3]$	$c_0$	$-2,66 \pm 0,07$	$-2,7 \pm 0,1$
	$c_1$	$1,7 \pm 0,4$	$1,5 \pm 0,8$
	$c_2$	$1,7 \pm 0,6$	$2,2 \pm 1,0$
$b_\rho [\text{kg}^{-1}\text{m}^3]$	$c_0$	$-0,98 \pm 0,08$	$-1,0 \pm 0,1$
	$c_1$	$1,00 \pm 0,5$	$1,2 \pm 0,8$
	$c_2$	$0,1 \pm 0,6$	$0,0 \pm 1,1$

**Tabla 5.8:** Tabla de los coeficientes obtenidos con el S<sub>38</sub> sin corregir por el clima, comparados con el trabajo anterior

### 5.2.4. Datos presentados en la ICRC 2019 usando la energía reconstruida en este trabajo

Con el subconjunto de datos de la ICRC 2019 con los cortes utilizados en la sección anterior, se realizó una corrección del valor de  $S_{38}$  con los parámetros del clima presentados en la Tabla 5.8. Con este valor corregido se calculó la energía corregida mediante la Ec. 3.1. Para una energía mayor de 2 EeV, se espera que los efectos del clima sean despreciables tras la corrección, porque se acerca a la eficiencia máxima de los detectores de superficie. El método de CIC está determinado usando los eventos donde el SD tiene un eficiencia máxima, evitando la susceptibilidad del disparo de los detectores.

En la Fig. 5.12 se comparan las tasas de eventos por hora del día para el conjunto de datos de la ICRC 2019 y para la corrección de energía realizada en este trabajo. En la figura superior se muestra la tasa de eventos por hora del día del conjunto de datos de la sección 5.2.2, comparada con la tasa de eventos para la energía corregida por este trabajo, presentada en la figura inferior. En ambos casos corrección queda plana, eliminando el error sistemático de la modulación del clima.



**Figura 5.12:** Tasa de eventos por día para eventos de energía mayor a 2 EeV para los datos de ICRC 2019 y la tasa de eventos obtenida con la reconstrucción de energía en este trabajo comparados en los períodos estudiados

Cabe aclarar que para la corrección de la energía para este trabajo, no se consideraron las posibles modulaciones de los valores del CIC o del posible cambio en los coeficientes de la Ec.3.1. Debido a que estos coeficientes son calibrados con eventos híbridos, que son detectados durante la noche, donde las condiciones atmosféricas difieren de las condiciones promedios. Por ejemplo, en el caso de la densidad, durante la noche es aproximadamente 2 % mayor que el promedio.

### 5.3. Trabajos futuros

Vimos que las modulaciones del clima son parametrizadas mediante los coeficientes obtenidos en este y en otros trabajos de manera precisa. Durante la maestría se realizará un análisis de anisotropía con las energías corregidas por las condiciones atmosféricas mediante este trabajo y [5]. Se analizará para distintos intervalos de energía por encima de 1 EeV, el primer armónico de ascensión recta en frecuencia solar y anti-sidérea, usando las dos correcciones mencionadas. En estas dos frecuencias la señal debería ser menor a las fluctuaciones estadísticas, si las modulaciones espurias debidas a las condiciones atmosféricas están corregidas correctamente. En ese caso se puede realizar un análisis de Fourier estándar en la frecuencia sidérea para estudiar las anisotropías a grandes escalas angulares.

Por otra parte se analizarán las correcciones del clima en la estimación de la energía para los eventos reconstruidos utilizando los disparos *ToTd* y *Mop*, que permiten detectar CRs de menor energía y dan lugar a un eficiencia máxima de disparo hasta energías del orden de 1 EeV. Se comprobará si los parámetros del trabajo [5] son los adecuados para estos eventos. Luego se estudiará la amplitud del primer armónico en la frecuencia solar y anti-sidérea para comprobar la ausencia de fluctuaciones espurias, antes de realizar análisis de anisotropía.

# Capítulo 6

## Anisotropías en las direcciones de arribo de los rayos cósmicos

### 6.1. Introducción

Puedo hablar lo que puse al final de mi presentación de la tesis.

### 6.2. Métodos

#### 6.2.1. Exposición del detector

Si consideramos la variación de la exposición del observatorio durante  $t_i$  y  $t_f$ , debido al crecimiento del SD o por periodos de mal funcionamiento de arreglo, modula el número de eventos en función del tiempo.

Para hacer el peso sigo los siguientes pasos

1. Selecciono un rango de tiempo entre  $t_i$  y  $t_f$ .
2. Para un periodo de tiempo  $T$  en días SIDEREOS (365.25 días normales a 366.2559 días sidereos) , lo trasformo a años **SIDEREOS** o vueltas, para ir barriendo las 24 hrs SIDEREAS de la ascensión recta con el periodo que estoy estudiando.
3. Voy sumando la cantidad de tanques por cada hora que voy recorriendo.

$$N_{tanques}(t) = \sum_j n_{tanques}(t + jT) \quad (6.1)$$

4. Después de obtener la suma de los tanques , hago la “integral”, es decir, vuelvo

a sumar pero sobre las 24 horas (sidereas),

$$I_{tanques} = \frac{1}{T} \int_0^T dt N_{tanques}(t) \rightarrow I_{tanques} = \sum_{t_{siderea}=1}^{288} \frac{N_{tanques}(t_{siderea}) \times 5 \text{ min}}{288 \times 5 \text{ min}} \quad (6.2)$$

5. Luego se puede calcular  $\Delta N_{tanques}$  para cada hora sidérea, mediante la siguiente expresión

$$\Delta N_{tanques}(t) = \frac{N_{tanques}(t)}{I_{tanques}} \quad (6.3)$$

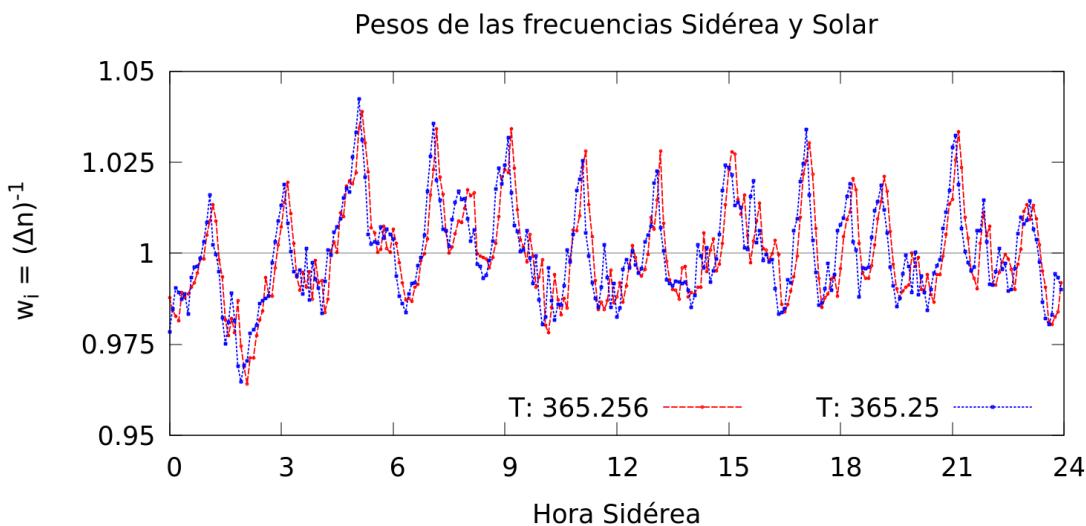
6. Posteriormente, uno puede calcularse el peso  $w_i$  correspondiente a un evento que ocurrió a un horario (sidereo)  $\tau$ , mediante la siguiente expresión

$$w_i = \frac{1}{\Delta N_{tanques}(\tau)} \quad (6.4)$$

En la práctica,  $\tau$  corresponde a un valor entre 0 y 287, por lo que cada intervalo de 5 min en hora siderea tiene un peso distinto .

*Intenté hacerlo sin tener en cuenta y lo que sale es una convolución de frecuencia y no tengo nada físico. 20/02/2020*

Ahora lo estoy haciendo en un span de 5 min. (24/02/2020)



**Figura 6.1:** Pesos para dos frecuencias en particular, la frecuencia sidera y solar, de periodo 365,256 y 365,25 respectivamente

En la Fig.6.1 se observa que el peso oscila alrededor de 1.

### 6.2.2. Análisis en ascensión recta

- Ya cuando tengo los pesos  $w_i$ , el valor de N es  $N = \sum_i w_i$
- La eficiencia del SD varía con la energía del CR. Para el disparo estandar, los eventos con energía mayor a 3 EeV y  $\theta_{max} < 60^\circ$  o por encima de 4 EeV y  $\theta_{max} < 80^\circ$ , son detectados con una eficiencia del 100 %. Para todos los disparos, la eficiencia completa de alcanza por encima de 1 EeV.
- Por lo tanto sin trabajamos con eventos donde la eficiencia es completa y sólo puede afectar el cambio de la exposición del observatorio, y no es necesario tener en cuenta en el peso la eficiencia.
- Para calcular el percentil 99, se usa que  $P(>r) = \exp(-Nr^2/4)$ , por lo tanto para el valor de  $r_{99\%}$  del percentil 99  $r_{99\%} = \sqrt{-4 \ln(0,01)/N} = \sqrt{4 \ln(100)/N}$ . Cabe resaltar que el P99 depende solamente de la cantidad de eventos que se está estudiando. La interpretación de este valor es cual es la probabilidad de tener una amplitud mayor como una fluctuación de una distribución isotrópica.
- Para el análisis de Rayleigh, que describe el paper [27] se toma que

$$a_\alpha = \frac{2}{N} \sum_i^{all} w_i \cos(\alpha_i) \quad b_\alpha = \frac{2}{N} \sum_i^{all} w_i \sin(\alpha_i) \quad (6.5)$$

Donde  $\alpha_i$  es el valor de la ascensión recta del evento. Para la amplitud  $r_\alpha$  y la fase  $\phi_\alpha$  de cada evento

$$r_\alpha = \sqrt{a_\alpha^2 + b_\alpha^2} \quad \tan \phi_\alpha = \frac{a_\alpha}{b_\alpha} \quad (6.6)$$

## 6.3. Características de los datos

### 6.4. Anisotropías en ascensión recta en los archivos del ICRC 2017 y ICRC 2019

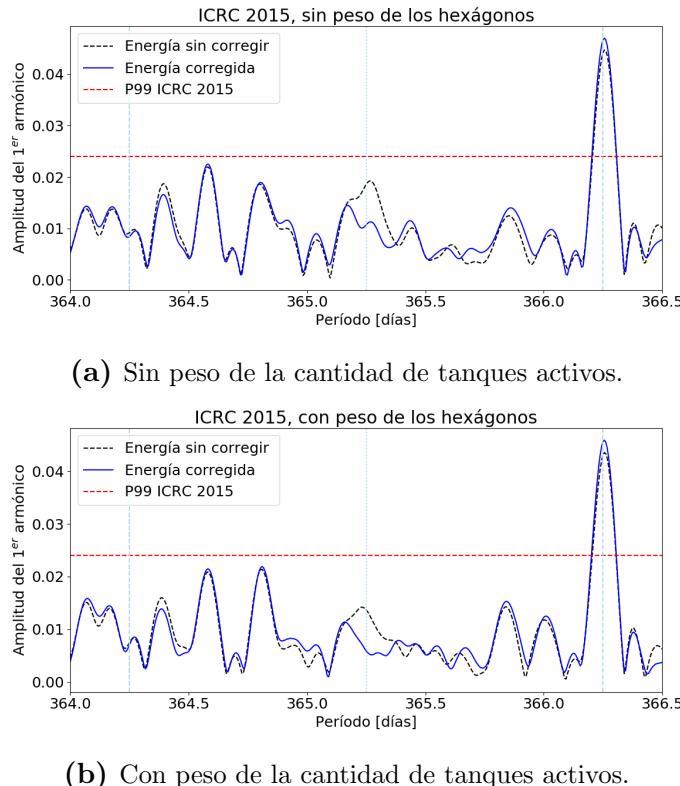
#### 6.4.1. Eventos por encima de 8 EeV

##### Resultados para los datos del ICRC 2017

Para este apartado analicé el archivo de datos de la tesis de doctorado de Oscar Taborda, solamente los eventos 6T5. El rango de tiempo en el cual hice el análisis es entre 1072969615 y 1472688000 ( 2004-01-01 15:06:55 y 2016-11-01 0:00:00 )

Sabemos que para energía mayores de 8 EeV, aparece el dipolo en sidérea.

En las Fig. 6.2a y 6.2b se muestra la amplitud del primer armónico sin considerar el peso de los hexágonos. Esta figura es compatible con la Fig. 5.7.b, página 90 de la tesis de Taborda.

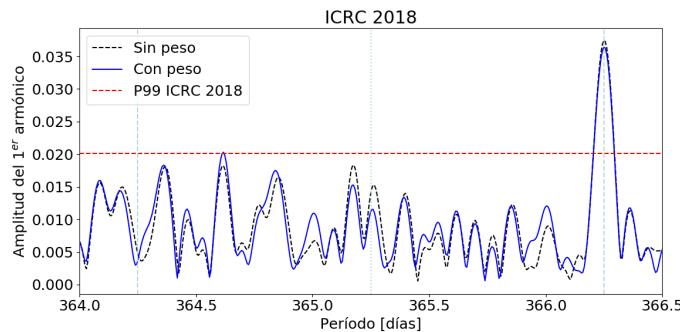


**Figura 6.2:** Primer armónico en ascensión recta de los datos del ICRC 2017

Con esto podemos decir que el código para la anisotropía funciona para el caso donde no se considera los hexágonos. No tengo un referencia para comparar las anisotropías con el peso de los hexágonos, solamente el valor del pico del dipolo.

### Resultados para los datos del ICRC 2019

Este es el conjunto de archivos donde se hicieron modificaciones como el uso de una nueva reconstrucción y la corrección del clima. Usé solamente los eventos 6T5. El rango de tiempo en el cual hice el análisis es entre 1072969615 y 1535789456 ( 2004-01-01 15:06:55 y 2018-09-01 08:10:56)



**Figura 6.3:** Primer armónico en ascensión recta de los datos del ICRC 2019.

## 6.5. Anisotropías en ascensión recta en los archivos con todos los disparos

### 6.5.1. Características de los archivos de datos analizados

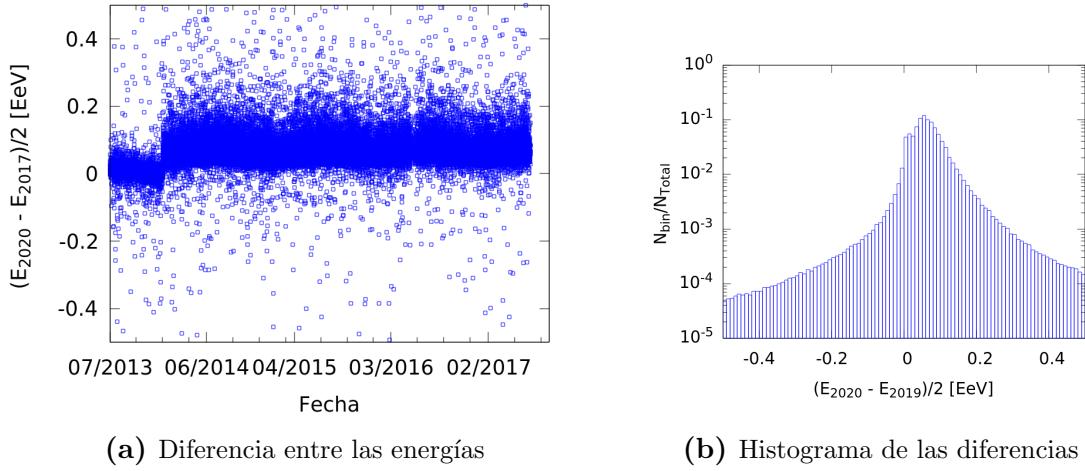
Tenemos que tener en cuenta el archivo de datos de todos los disparos es entre los años 2013 y 2019, por lo que no podemos comparar los análisis de anisotropía con el conjunto de datos del ICRC 2019 completo. Por lo que para compararlos, voy a hacer el análisis de ambos conjuntos de datos en el mismo rango de tiempo. Voy a hacer esto para poder comparar lo que sale. Este rango donde se está comparando entre archivo empieza en  $utc_i = 1372699409$ .

A continuación se presentan las características de los archivos estudiados, sin ningún filtro de energía, sin acotar por tiempo.

Archivo	Eventos	UTC inicial	UTC final
2020	13 739 351	1372680068	1577879983
2019	8 463 063	1372680068	1496318388
2017	8 592 302	1372680068	1498521517

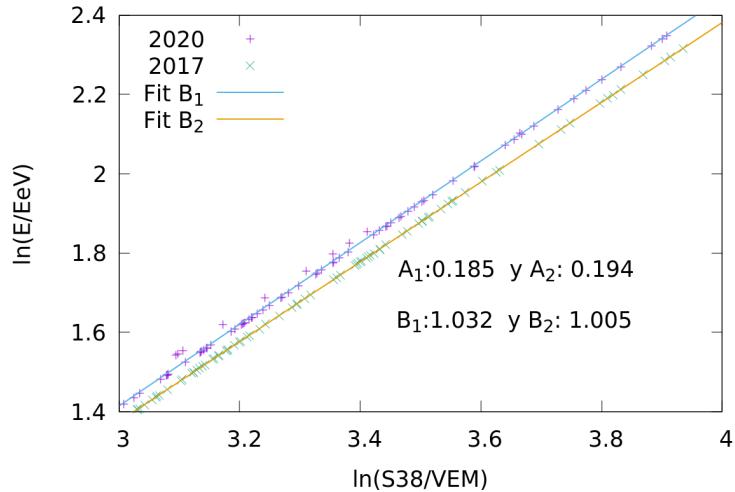
Puede verse que el Archivo de 2020 tiene más eventos, y además de tener un rango de tiempo mayor que el archivo del 2017 y 2019. Los archivos 2017 y 2019 tienen 7 072 964 eventos coincidentes y los archivos 2017 y 2020 tienen 6 902 21 A continuación se compara la diferencia de energía y la calibración entre estos eventos.

En las Figs. 8.2a y 8.2b se muestra la diferencia entre el valor de energía entre eventos coincidentes entre los archivos 2017 y 2020. Puede apreciarse que la diferencia no está centrada 0 y no parece tener una modulación del clima. Por lo tanto la diferencia se debe a una reconstrucción distinta de los eventos.



**Figura 6.4:** Diferencia entre las energías del archivo de 2017 y el archivo del 2019

Puede verse en la Fig. 6.5 que la curva de calibración entre ambos archivos es distinta, ya que la coordenada al origen como la pendiente es diferente entre para ambos archivos. Esto implica que los valores A y B de la curva  $E = A \times (S_{38})^B$  son distintos para ambos conjuntos de datos, ¿en qué afectaría? en primer lugar en el valor de la energía, segundo en análisis que dependan de estos parámetros como el análisis de la modulación del clima.



**Figura 6.5:** Calibración de las energías del archivo de 2017 y el archivo del 2019

### 6.5.2. Eventos por encima de 1 EeV

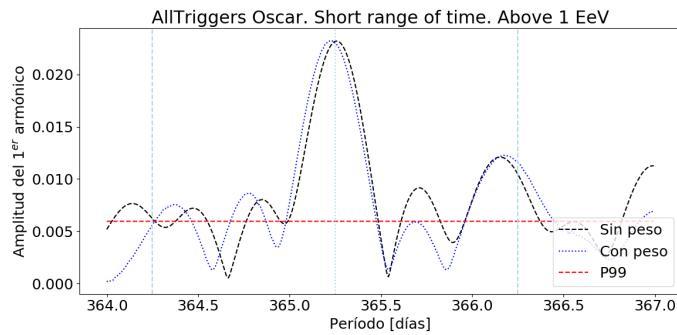
#### Características de los datos analizados

Comparando las cantidad de eventos por encima de 1 EeV para cada conjunto de datos

Archivo	Eventos	UTC inicial	UTC final
2020	1 515 872	1372680308	1577879886
2017	635 353	1372680308	1496275090

hasta acá está verificado

## Resultados del archivo de 2017

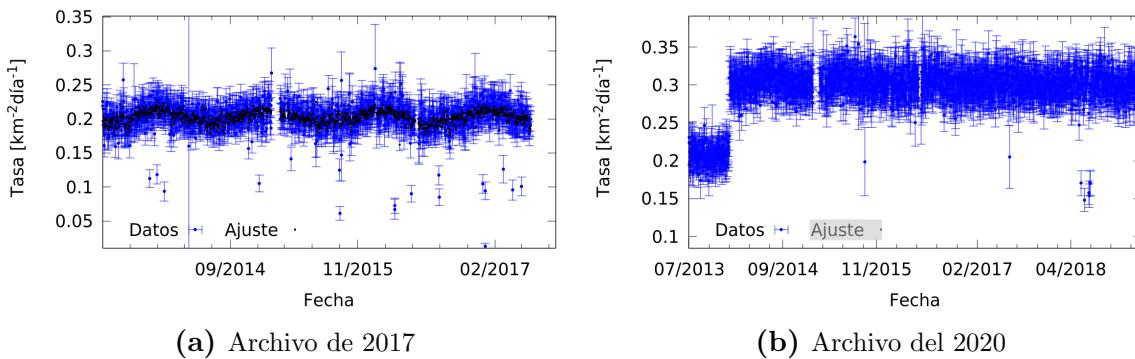


En el gráfico de todos los disparos para el archivo de 2017, se ve que hay una modulación anual importante. Es de esperarse ya que la corrección del clima aun no fue implementada para este conjuntos de datos.

Comentario: *Para el análisis en frecuencias, no hace ruido el hecho que la línea del P99 esté tan bajo, siendo que solo depende de la cantidad de eventos,*

## Modulación del clima para todos los triggers

Para corroborar los parámetros del clima, primero calculé las tasas de eventos de los archivos del 2017 y 2020 para energías mayores a 1 EeV, donde obtuve los siguientes gráficos Fig.6.6a y 6.6b.



**Figura 6.6:** Tasa de eventos diaria por encima de 1 EeV para los datos de todos los disparos.

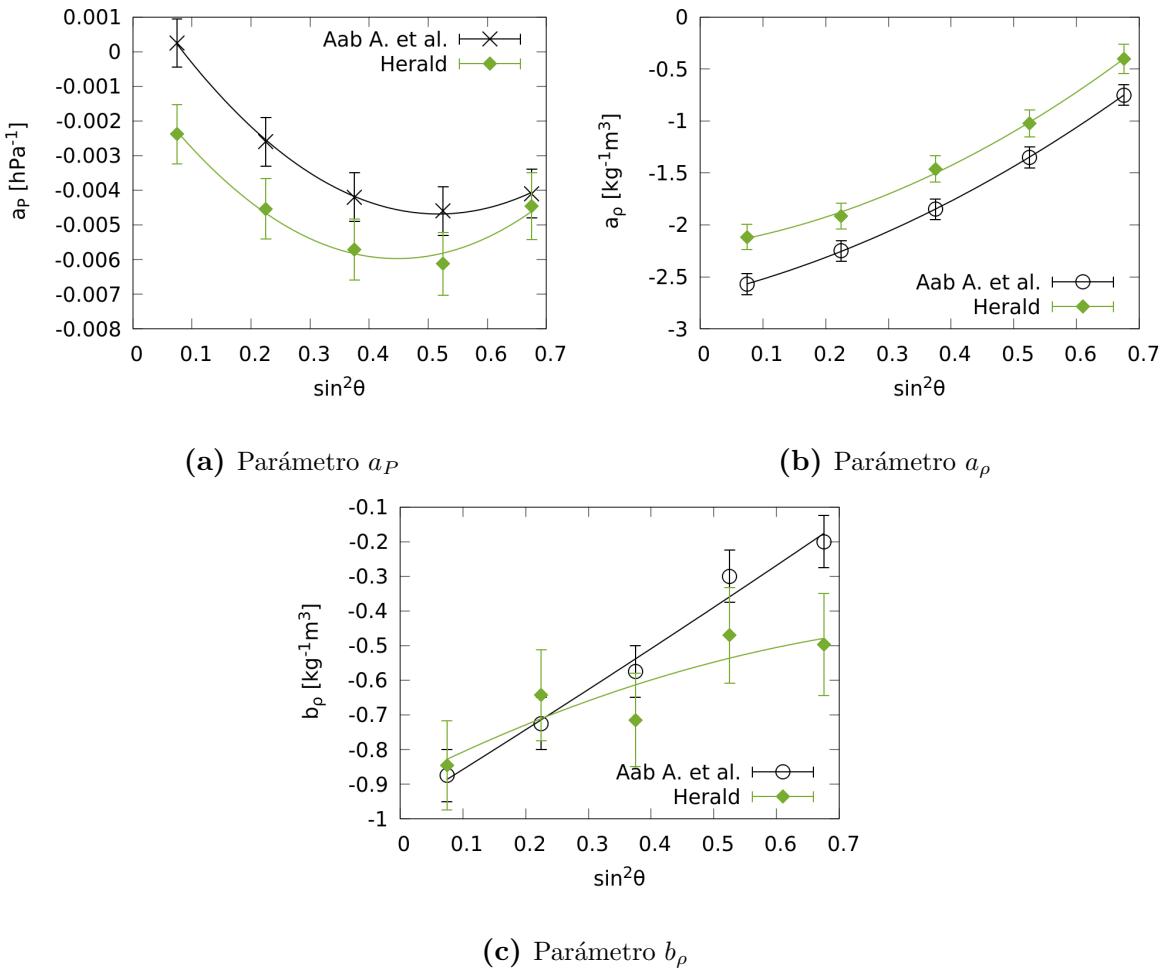
Después calculé los parámetros del clima para energía mayores a 1 EeV. Para el archivo de 2017 obtuve la Fig.6.7. Los comparé con el paper del weather del main

array, para ver si dan algo razonable. Verifiqué las siguientes cosas para el ajuste

- Me fijé que delay en la densidad cada momento fuera de dos horas
- Me fijé que el ajuste no tuviera en cuenta periodos malos, bad periods
- Me fijé que el delay de la densidad media también fuera tal que para cada evento estuviera centrada  $\pm 12$  horas
- También me fijé que el rango de tiempo estuviera bien, porque estos datos están disponibles desde el 2013 recién
- Me fijé que los  $\chi^2$  reducido fuera algo razonable. Todos rondaban alrededor de 1,05

EL rango de tiempo que usé fue este:

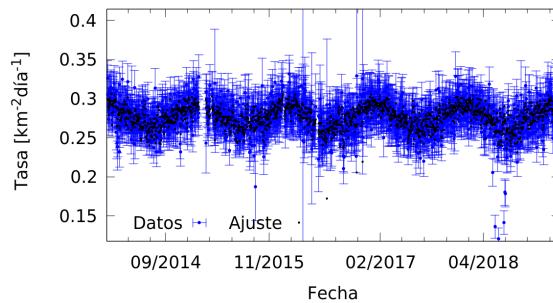
- Inicio: 1372680308
- Final: 1496275090



**Figura 6.7:** Parámetros de la modulación del clima considerando los datos para todos los disparos de 2017. Los mismos se comparan con los ajustes obtenidos en [5].

Lo que más me llama la atención es el comportamiento del parámetro  $b_\rho$ , que como se discutió en otras oportunidades, tiene que ver con el parámetro  $a_\rho$  con una razón de 1 : 3 más o menos.

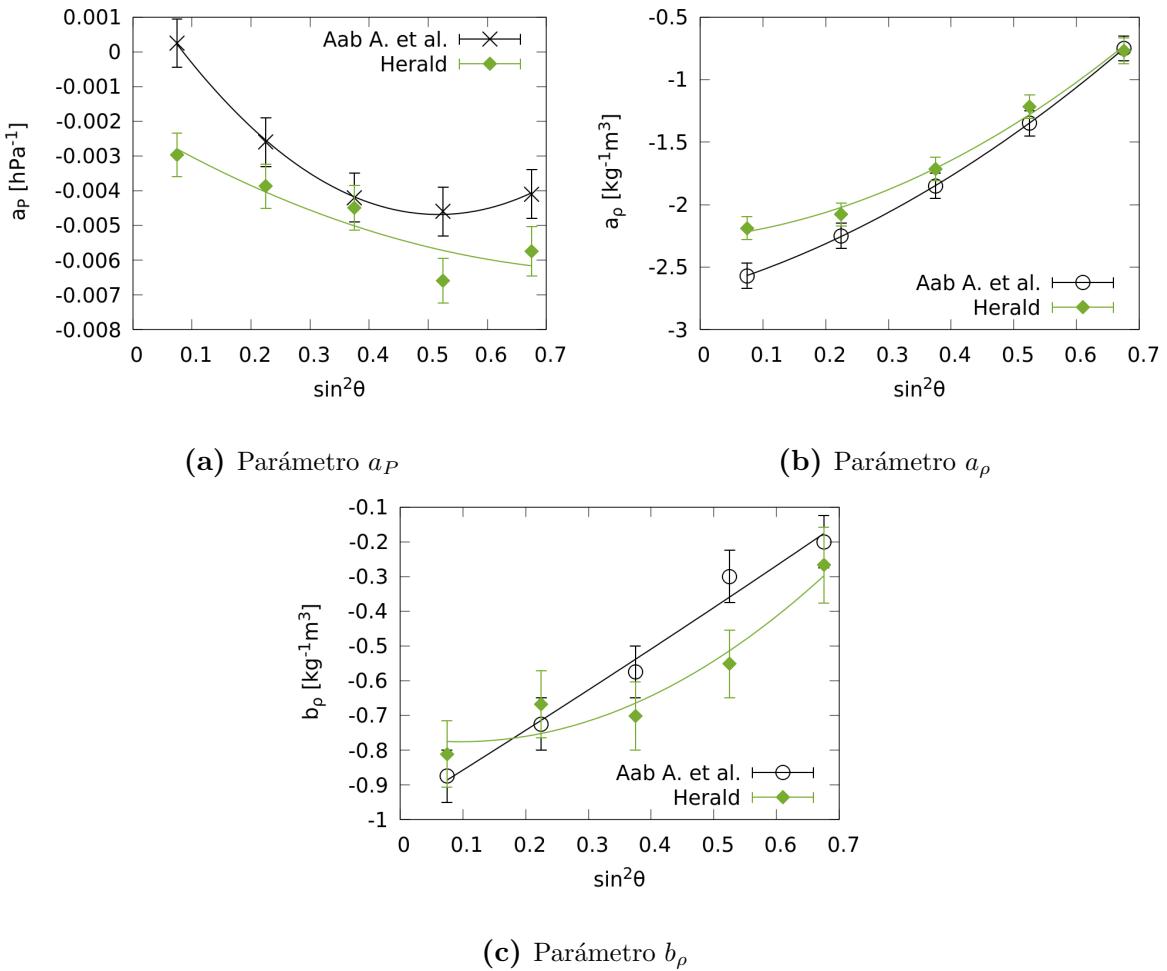
Hacemos el mismo procedimiento con el archivo 2020, **pero filtrando los eventos por el valor de S38 sin corregir por la modulación del clima**. Para calcular la tasa y los parámetros del clima, se toman los eventos después de ese salto de 0.2 a 0.3, obtengo los siguientes resultados:



Acá también verifiqué lo mismo que el caso anterior, lo único que ahora el  $\chi^2$  rondaba alrededor de los 1,08. Siempre verifico que no sea mucho mayor o menor a 1.

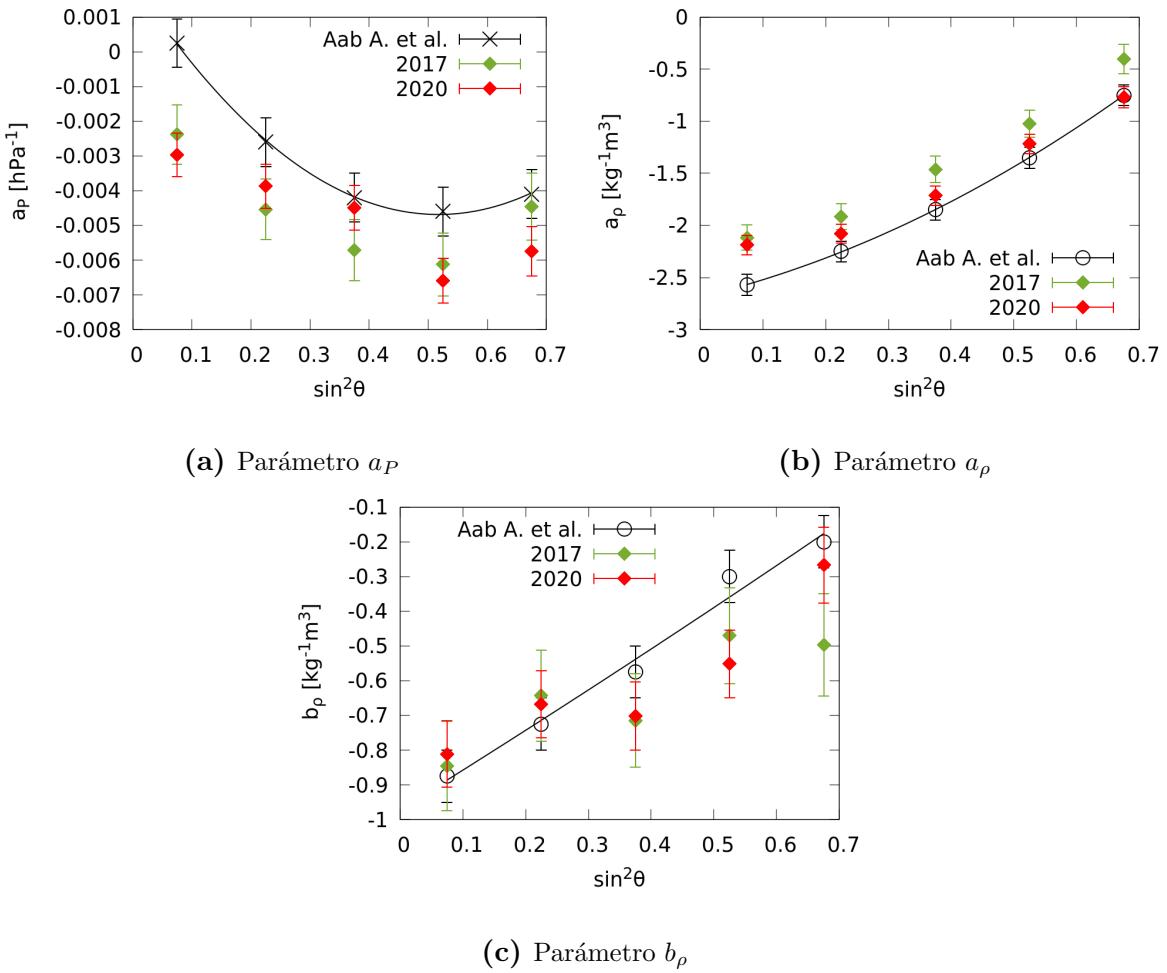
EL rango de tiempo que usé para este caso fue este:

- Inicio: 1388910508
- Final: 1550490858



**Figura 6.8:** Parámetros de la modulación del clima considerando los datos para todos los disparos de 2020. Los mismos se comparan con los ajustes obtenidos en [5].

Considerando el filtro con el S38 en el archivo 2020 y la energía en el 2017, quiero saber si obtengo parametros del clima comparables. Ya que el Main Array se corresponden los parametros del 2015 y 2019, yo esperaría que con todos los triggers pase lo mismo. Una diferencia importante entre ambos análisis es que los parametros del 2020 contienen eventos hasta el 31/12/2019.



**Figura 6.9:** Parámetros de la modulación del clima considerando los datos para todos los disparos del archivo 2017 y 2020. Los mismos se comparan con los ajustes obtenidos en [5].

Se ve que estos parametros no son comparables.

# Capítulo 7

## Métodos

El estudio de la distribución de las direcciones de arriba de los eventos es una herramienta importante para obtener información sobre el origen de los RCs . Las irregularidades sobre el flujo casi isotrópico de los RCs, en un rango de energía, pueden deberse a zonas del espacio donde se producen más RCs que en otras, estas irregularidades se conocen como anisotropías.

El análisis de anisotropías a grandes escalas angulares suele ser hecho sobre las irregularidades de la distribución de eventos en ascensión recta  $\alpha$ , ya que el arreglo principal tiene una exposición direccional en función de esta coordenada casi constante [28].

### 7.1. Cálculo de los coeficientes de Fourier para el análisis de anisotropía en ascensión recta

Las anisotropías son variaciones pequeñas por lo que eliminar todo factor espurio en el análisis es importante. Para obtener la amplitud de la misma en ascensión recta, se estudia la frecuencia sidérea ( $f_{sid} = 366,25$  ciclos/año) [7]. Los errores sistemáticos debido a la modulación de eventos por el clima u otros errores propios de la adquisición de datos, aparecen en la frecuencia solar ( $f_{sid} = 365,25$  ciclos/año), por lo que se debe tener en consideración el análisis de esta frecuencia. La frecuencia anti-sidérea ( $f_a = 364,25$  ciclos/año) es una frecuencia que puede indicar efectos sistemáticos en la amplitud de la anisotropía en la frecuencia sidérea [29]. La mezcla entre modulaciones diarias y anuales induce bandas laterales ubicadas a  $\pm 1$  ciclo/año con respecto a la solar [7]. Por estos motivos se toman estas frecuencias como referencia.

### 7.1.1. Variaciones relativas de los hexágonos

Para corregir las variaciones de la exposición del observatorio, podemos definir un peso  $w_i$  por cada evento  $i$ , que corrige la variación  $\Delta N_{cell}(\alpha^0)$  en función de la ascensión recta del cenit del observatorio  $\alpha^0$  durante el rango de tiempo estudiado. Estas variaciones pueden deberse al crecimiento del arreglo a través de los años, por caídas en la comunicación del observatorio con los SDs u otros motivos.

El factor  $\Delta N_{cell}(\alpha^0)$  tiene en cuenta que la exposición direccional el observatorio no es uniforme en tiempo sidéreo. Se obtiene sumando el número de celdas durante el periodo de medición, en cada segmento de  $\alpha^0$  y luego se normaliza con el valor medio de los segmentos.

Para calcular estos pesos  $w_i$ , se sigue el algoritmo presentado a continuación:

1. Se establecen una frecuencia  $f$  y un rango de tiempo a estudiar. Por ejemplo, se desea estudiar la frecuencia solar entre el 1 de Enero del 2014 a las 12:00:00 GMT y el 1 de Enero del 2020 a las 12:00:00 GMT.
2. Cada dato del registro de hexágonos, tomado en un momento  $t$  durante el rango seleccionado, se clasifica según la cantidad de horas desde un momento de referencia  $t_0$ . Esta referencia  $t_0$  se tomará como el 1 de Enero del 2005 a las 00:00:00 GMT, o 21 hs del 31 de Diciembre del 2004, según la hora local de Malargüe.
3. Podemos asociar una coordenada angular  $h$  a  $t$  y  $f$  utilizando la siguiente expresión:

$$h = (t - t_0) \times \frac{360^\circ}{24\text{hs}} \times \frac{f}{f_{Solar}} + h_0 \quad (7.1)$$

El factor  $f/f_{Solar}$  sirve para hacer un cambio de escala temporal entre los periodos de distintas frecuencias. Se usa como referencia la  $f_{Solar}$  dado que las horas (solares) se basan en esta frecuencia, y el valor de  $h_0 = 31,4971^\circ$  representa la ascensión recta del cenit del observatorio en el momento utilizado como referencia.

4. Para simplificar el cálculo del peso de los hexágonos, se divide los  $360^\circ$  de la ascensión recta en  $L$  segmentos de  $360/L^\circ$  cada uno. Para clasificar un dato se toma el valor  $h$  y se calcula

$$h' = h \bmod 360 \quad (7.2)$$

donde la función  $\bmod$  representa la función módulo que devuelve un número real positivo. Con el valor de  $h'$  del dato, se asigna el mismo al segmento  $k$  que le corresponde, mediante la siguiente expresión

$$k = \left\lceil \frac{h'}{360} \times L \right\rceil \quad (7.3)$$

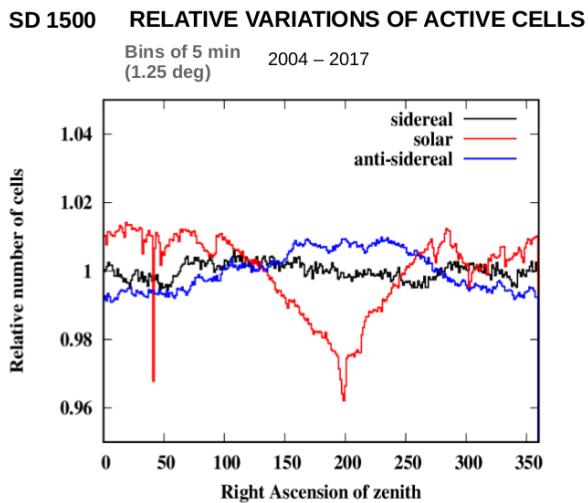
donde  $\lceil a \rceil$  representa la función techo<sup>1</sup>. Por ejemplo, si optamos por  $L = 24$  y un dato en particular resulta con  $h = 395^\circ$ , esto implica que  $h' = 35^\circ$  y que  $k = \lceil 2,333 \rceil = 3$ , por lo tanto, este registro corresponde al segmento en la 3<sup>a</sup> posición.

5. Una vez clasificados todos los datos del registro de hexágonos, se calcula la suma  $N_{hex,j}$  de los datos que cayeron un segmento  $j$  dado. Para definir la variación relativa de hexágonos  $\Delta N_{cell,k}$  de un segmento  $k$  en particular, necesitamos la media de hexágonos por segmento  $\langle N \rangle$  para normalizar las variaciones.

$$\langle N \rangle = \sum_{i=1}^L \frac{N_{cell,i}}{L} \quad \Delta N_{cell,k} = \frac{N_{cell,k}}{\langle N \rangle} \quad (7.4)$$

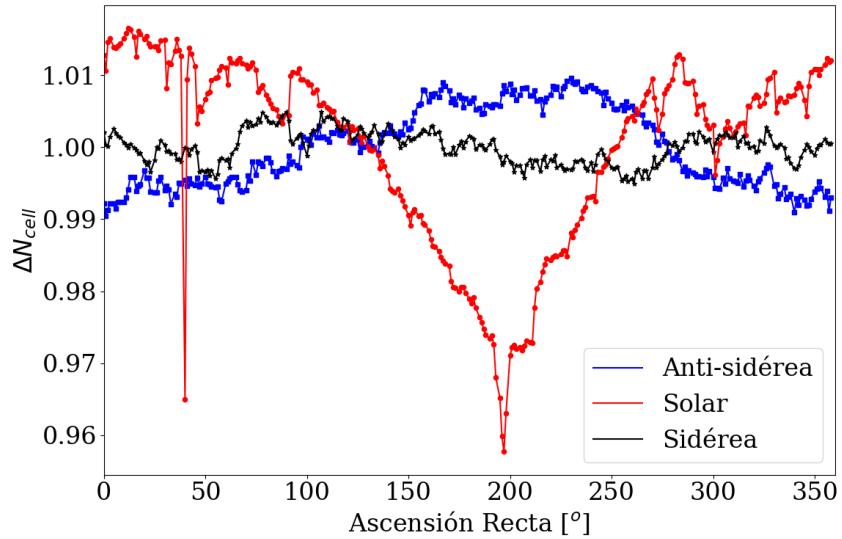
En la Fig.7.1 se muestran las variaciones relativas de los hexágonos en función de la ascensión recta del cenit del observatorio para las frecuencias mencionadas. Este análisis fue realizado en el marco del trabajo [6] con eventos del periodo 2004-2017.

En la Fig.7.2 se observan los valores obtenidos de  $\Delta N_{cell,k}$  con el código escrito para este trabajo, en función de la ascensión recta del cenit para  $L = 288$  segmentos. Se analizó el conjunto de datos utilizado para obtener los resultados la Fig.7.1, con el fin de validar dicho código. Los datos se analizaron desde el 1 de Enero del 2004 a las 00:00:00 GMT hasta el 1 de Enero del 2017 a las 00:00:00 GMT. Se observa que los resultados obtenidos son compatibles con la Fig.7.1



**Figura 7.1:** Valores de  $\Delta N_{cell,k}$  en el rango 2004-2017 para distintas frecuencias obtenidas en el trabajo [6].

<sup>1</sup>La función techo da como resultado el número entero más próximo por exceso



**Figura 7.2:** Valores de  $\Delta N_{cell,k}$  en el rango 2004-2017 para distintas frecuencias utilizando el código escrito en este trabajo.

Para una representación fiel entre los registros de los hexágonos y los pesos de los eventos, se optó por clasificar los datos de los hexágonos en 288 segmentos, donde cada segmento tiene un ancho de  $1,25^\circ$ . Esto es conveniente ya que la actualización del registro de hexágonos se realiza una vez cada 5 min como se menciona en la sección 4.2.1. Esta tasa de actualización es equivalente a decir que la adquisición se realiza cada vez que el cenit del observatorio barre  $1,25^\circ$  en ascensión recta sobre la esfera celeste.

### 7.1.2. Cálculo de Rayleigh en ascensión recta para una frecuencia dada

Un procedimiento para estudiar anisotropías en la direcciones de arribos de los RCs es realizar un análisis de Fourier en ascensión recta  $\alpha$ . La distribución en ascensión recta  $\alpha$  del flujo de RCs  $I(\alpha)$  que llega al arreglo principal puede caracterizarse por las amplitudes  $r_k$  y fases  $\phi_k$  de su expansión en serie de Fourier al  $k$ -ésimo orden.

$$I(\alpha) = I_0 \left( 1 + \sum_{k=1}^{\infty} r_k \cos [k(\alpha - \phi_k)] \right) = I_0 \left( 1 + \sum_{k=1}^{\infty} a_k \cos k\alpha + b_k \sin k\alpha \right) \quad (7.5)$$

donde  $a_k = r_k \cos k\phi_k$  y  $b_k = r_k \sin k\phi_k$ , y  $I_0$  es el flujo medio. La distribución  $I(\alpha)$  puede obtenerse a partir de la distribución de direcciones de arribo de los eventos observados. En este trabajo, suponiendo que existieron  $N$  eventos en el rango analizado, se considera que los mismos tienen una distribución en ascensión recta del tipo  $dN/d\alpha = \sum_{i=1}^N \delta(\alpha - \alpha_i)$  [7].

Como se mencionó anteriormente, los análisis en ascensión recta están asociados a la frecuencia sidérea. Para realizar el análisis de los eventos en cualquier frecuencia arbitraria, es necesario modificar  $\alpha$  por  $\tilde{\alpha}$ . Esta nueva variable tiene la forma como se utiliza en el trabajo [7]:

$$\tilde{\alpha} = 2\pi f_x t_i + \alpha_i - \alpha_i^0(t_i) \quad (7.6)$$

donde  $f_x$  es la frecuencia arbitraria a estudiar,  $t_i$  es el momento en que ocurrió el evento y  $\alpha_i^0(t_i)$  es la ascensión recta del cenit del observatorio en el momento del evento. Si la frecuencia a analizar es la sidérea, el análisis con  $\alpha$  y  $\tilde{\alpha}$  arrojan los mismos parámetros  $r_k$  y  $\phi_k$ .

Clasificando a los eventos mencionados en la sección 8.1 según el valor de la ascensión recta y considerando que todos los eventos tienen un peso uniforme de  $w_i = 1$ , se dicen que los eventos fueron analizados *sin pesos*, donde no consideramos la corrección de la exposición. En caso contrario, se habla de análisis *con pesos* de los hexágonos y estos pesos se calculan como se menciona en la sección anterior.

Para realizar el análisis de frecuencias de los eventos, en el  $k$ -ésimo orden en la expansión de Fourier, se siguen los siguientes pasos.

1. Fijando un rango de tiempo y un rango de energía en el cual se desea estudiar la anisotropía, se establece una frecuencia en particular  $f$  a analizar. Siguiendo el ejemplo de la sección anterior, se analiza la frecuencia solar entre el 1 de Enero del 2014 a las 12:00:00 GMT y 2019 hasta el 1 de Enero del 2020 a las 12:00:00 GMT.
2. Con los eventos ya filtrados según el criterio de la sección 4.2, asigno cada evento  $i$  un valor  $h_i$ , definida en la Ec.7.1
3. En caso de considerar los pesos de los hexágonos, para asignar el peso correspondiente al evento, se asocia a un segmento  $k$ , calculado en la sección 7.1.1, mediante el valor de  $h'_i$  definido en la Ec. 7.2. Luego, el peso asignado  $w_i$  al evento  $i$  es:  $w_i = (\Delta N_{cell,k})^{-1}$ , caso contrario, se toman que todos los eventos tienen  $w_i = 1$ .
4. Para el análisis en frecuencias, a partir del valor de  $h_i$  se asigna el ángulo  $\tilde{\alpha}_i$  definida en la Ec.7.6. La implementación en el código es de la siguiente manera:

$$\tilde{\alpha}_i = 2\pi \frac{h_i}{360^\circ} + \alpha_i - \alpha_i^0 \quad (7.7)$$

donde  $\alpha_i$  representa la ascensión recta del evento y  $\alpha_i^0$  la ascensión recta en el cenit del observatorio en el momento del evento. Cabe resaltar que la información de la frecuencia que se está estudiando se encuentra en el valor de  $h$ . Si la frecuencia a

estudiar fuera la sidérea, el término  $2\pi \frac{h}{360^\circ}$  seguiría el cenit del observatorio, por lo que este término sería equivalente a  $\alpha_i^0$ , por lo tanto en esta frecuencia  $\tilde{\alpha}_i = \alpha_i$  como es de esperarse.

5. Para calcular los coeficientes de Fourier del  $k$ -ésimo armónico  $a_k$  y  $b_k$ , se siguen los siguientes pasos:

- a) Por cada evento  $i$  se calculan los siguientes valores:

$$a'_{ik} = w_i \cos k\tilde{\alpha}_i \quad b'_{ik} = w_i \sin k\tilde{\alpha}_i \quad (7.8)$$

- b) Una vez que se obtuvieron los valores de  $a'_{ik}$  y  $b'_{ik}$  para todos los eventos en el rango de tiempo estudiado, se calculan los coeficientes definidos en el trabajo [30] mediante:

$$\mathcal{N} = \sum_i^{Eventos} w_i \quad a_k = \frac{2}{\mathcal{N}} \sum_i^{Eventos} a'_{ik} \quad b_k = \frac{2}{\mathcal{N}} \sum_i^{Eventos} b'_{ik} \quad (7.9)$$

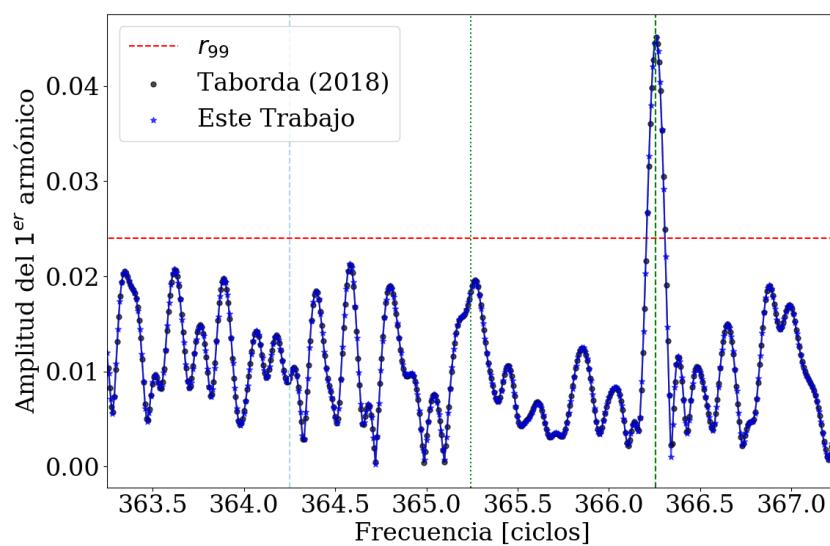
6. Con los coeficientes es posible calcular la amplitud de la frecuencia estudiada  $\tilde{r}$  y la fase  $\phi$ . Otros parámetros calculados para el análisis son la probabilidad  $P(\tilde{r})$  y  $r_{99}$ .

$$\tilde{r}_k = \sqrt{a_k^2 + b_k^2} \quad \phi_k = \frac{1}{k} \arctan \frac{a_k}{b_k} \quad (7.10)$$

$$P(\tilde{r}_k) = \exp\left(-\mathcal{N} \frac{\tilde{r}_k^2}{4}\right) \quad r_{99} = \sqrt{\frac{-4 \log(0,01)}{\mathcal{N}}} \quad (7.11)$$

Cabe resaltar que el  $r_{99}$  depende solamente de los pesos de los eventos que se está estudiando. La interpretación de este valor es cuál es la probabilidad de tener una amplitud mayor como una fluctuación de una distribución isotrópica sea del 1 %

Una forma de validar el código para el análisis de anisotropía es comparar los resultados del código con los obtenidos en otros trabajos [7]. En la Fig.7.3 se muestra el análisis hecho sobre el mismo conjunto de eventos. Estos eventos fueron adquiridos con el disparo estándar desde el 1 de Enero del 2004 a las 00:00:00 GMT hasta el 1 de Enero del 2017 a las 00:00:00 GMT. Se consideraron los eventos por encima de 8 EeV que además cumplan las condiciones dadas en la sección 4.2. En esta figura que los resultados obtenidos en [7] y con el código utilizado por este trabajo son indistinguibles.



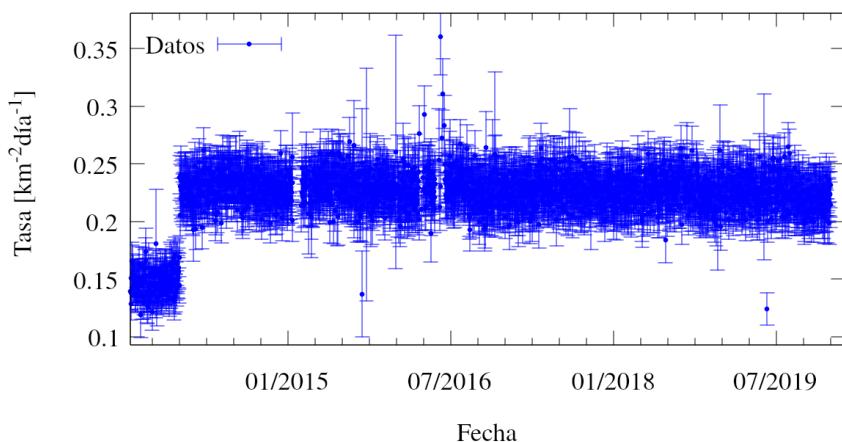
**Figura 7.3:** Comparación entre los análisis de anisotropía hechos para el mismo conjunto de datos, con el código de [7] y con el código escrito para este trabajo.

# Capítulo 8

## Dipolo en el rango 1 EeV - 2 EeV

### 8.1. Características del conjunto de datos

Además de los filtros aplicados mencionados en la sección 4.2, se aplican filtros adicionales sobre la energía y el rango de tiempo. Para estudiar los eventos en esta sección, consideramos los eventos entre 1 EeV y 2 EeV de energía y que ocurrieron entre las 12:00:00 GMT del 1 de enero de 2014 y las 12:00:00 GMT del 1 de enero de 2020. Se centró en este rango de tiempo porque entre hasta fines del año 2013, la tasa de eventos estuvo por debajo de la media de los años siguientes como se muestra en la Fig. 8.1. Además que el registro de eventos más reciente al que se tuvo para hacer este trabajo termina el 1 de Enero del 2020 a las 11:59:43 GMT, además de para estudiar una cantidad entera de años, se optó por considerar los eventos desde el 1 de Enero del 2014 a las 12:00:00 GMT.



**Figura 8.1:** Tasa de eventos del conjunto más reciente de eventos con todos los disparos. Se observa un tasa baja en la segunda mitad del 2013.

Un resumen de todos los filtros aplicados se encuentra a continuación

1. Son eventos obtenidos mediante todos los disparos.

2. Energía entre [1 EeV , 2 EeV)

3. Rango de tiempo:

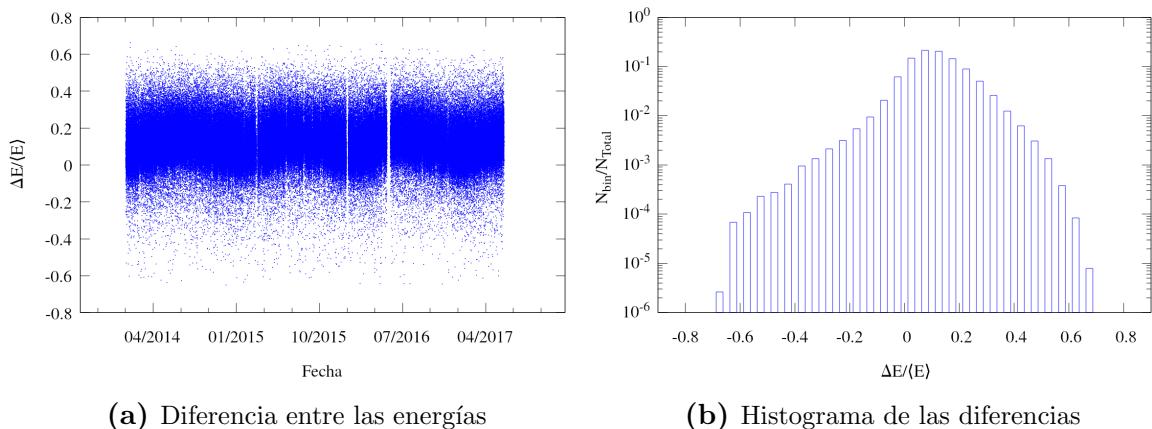
- Inicial: Jueves, 1 de Enero de 2014 12:00:00 GMT o 1388577600 UTC

- Final: Jueves, 1 de Enero de 2020 12:00:00 GMT o 1577880000 UTC

Aplicando estos filtros, se tienen 1 081 844 eventos para estudiar en este rango de energía.

Se debe tener cuenta que el archivo de evento para todos los disparos tiene diferencias con el conjunto de eventos del disparo estándar. Porque el primero es entre los años 2013 y 2019 y el segundo se adquieren usando el disparo estándar entre los años 2004 y 2018. Algo a considerar es que la colaboración cambió el algoritmo de reconstrucción de eventos en el 2019, con respecto a la versión del 2017.

En las Figs. 8.2a y 8.2b se muestra la diferencia entre las energías de la reconstrucción del año 2017  $E_{2017}$  de archivo de todos los disparos, que sigue sin ser corregida por los parámetros del clima, y la energía de último conjunto de datos  $E_{2019}$ , que ya fue corregida la modulación del clima y reconstruida por el nuevo algoritmo. Las variables utilizadas en las figuras son  $\Delta E = E_{2019} - E_{2017}$  normalizada por la energía media  $\langle E \rangle = (E_{2019} + E_{2017})/2$  para energías entre 1 EeV y 2 EeV de los dos conjuntos de datos. Se consideran eventos coincidentes entre las reconstrucciones del año 2017 y 2019. Puede apreciarse que la diferencia no está centrada 0 y parece tener una modulación del clima. La amplitud de esta modulación es pequeña respecto al valor medio de  $\Delta E$ . Por lo tanto la diferencia entre ambos conjuntos se debe a una reconstrucción distinta de los eventos.

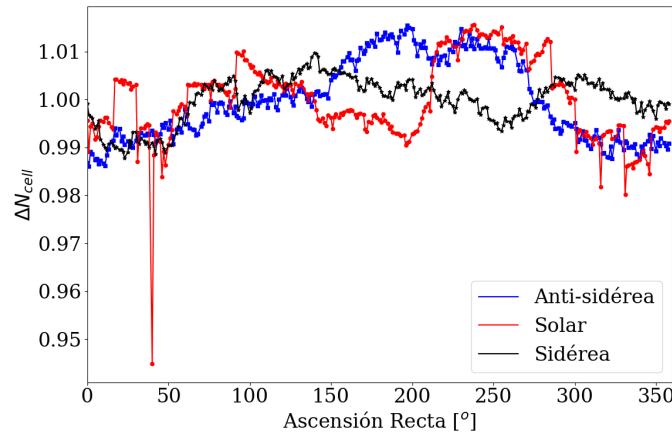


**Figura 8.2:** Diferencia entre las energías de entre la reconstrucción del 2017 y del 2019

### 8.1.1. Pesos de los eventos para frecuencias de referencia

En la Fig. 8.3 se muestran los valores de  $\Delta N_{cell,k}(\alpha^0)$  en función de la ascensión recta del cenit del observatorio, en el rango mencionado en la sección anterior 8.1, para

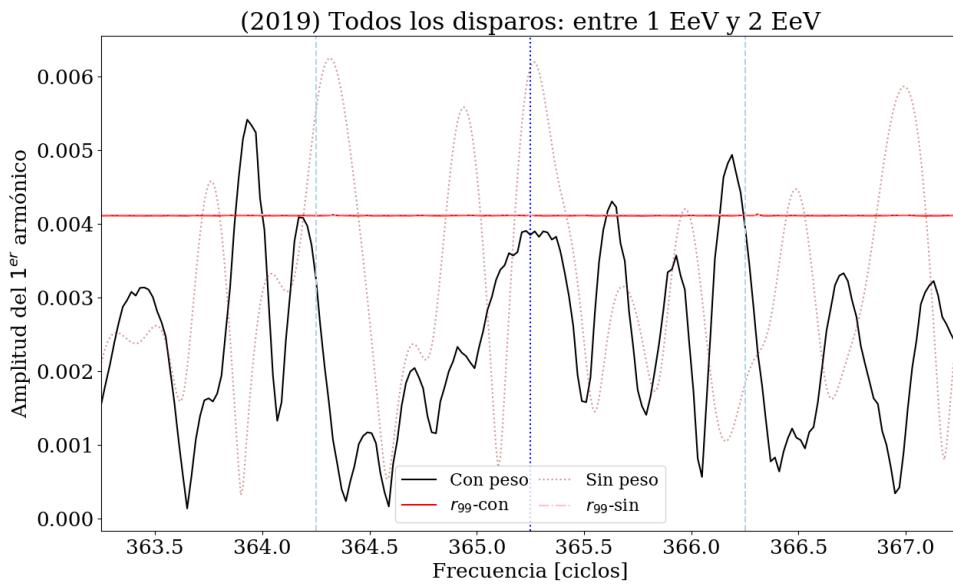
frecuencias de referencia.



**Figura 8.3:** Variaciones de los hexágonos en función de la ascensión recta del observatorio para frecuencias características en rango mencionado.

## 8.2. Análisis de anisotropías en ascensión recta para el primer armónico

En la Fig.8.4 se muestra en barrido de frecuencias para la amplitud del primer armónico de Fourier. Se marcan con líneas verticales las frecuencias de referencia mencionadas anteriormente. Se observa el barrido sin considerar las correcciones por las variaciones de los hexágonos con una línea discontinua. La amplitud en la frecuencia solar sin la corrección de los pesos es importante. Un ejemplo de errores sistemáticos puede ser que en épocas invernales el acceso a los tanques se dificulta y ponerlos en funcionamiento nuevamente tras una tormenta o para un cambio de baterías puede llevar más tiempo que durante verano.



**Figura 8.4:** Anisotropía en función de la frecuencia para el rango de energía 1 EeV - 2 EeV. Se comparan los análisis sin los pesos y con los pesos de los hexágonos entre en 1 de Enero del 2014 y el 1 de Enero del 2020

Cuando se consideran los pesos, esta amplitud disminuye y pasa a estar por debajo del umbral de  $\tilde{r}_{99}$ , y aparecen dos amplitudes por encima de este umbral: un pico es la frecuencia sidérea, donde buscamos las anisotropías en ascensión recta, y otro pico es cerca de la frecuencia anti-sidérea, que indica que existen componentes de errores sistemáticos sobre los datos que deben ser considerados. Por ejemplo, la corrección de clima que se analiza en el trabajo de licenciatura se realiza sobre el disparo estándar, se podría calcular los parámetros del clima utilizando los eventos de todos los disparos y comprobar si esto disminuye la amplitud del primer armónico de la frecuencia cercana a la anti-sidérea.

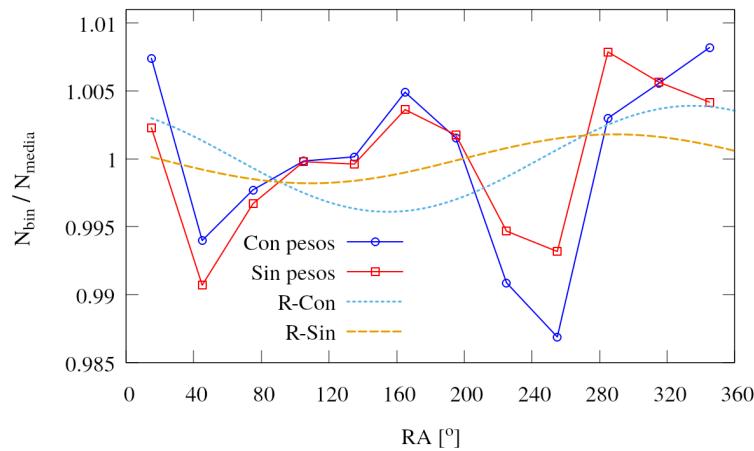
En la Tabla 8.1 se resumen las amplitudes y fases obtenidas mediante el análisis a primer orden en Fourier. Se

	Sin pesos		Con pesos	
Frecuencia:	Solar	Sidérea	Solar	Sidérea
Fase $\phi$ :	$(251 \pm 13)^\circ$	$(289 \pm 40)^\circ$	$(288 \pm 20)^\circ$	$(337 \pm 19)^\circ$
Amplitud $r$ :	0.0061	$0,0018 \pm 0,0001$	$0,0039 \pm 0,0001$	$0,0040 \pm 0,0001$
$P(r)$ :	0.0038 %	41 %	1.8 %	1.3 %

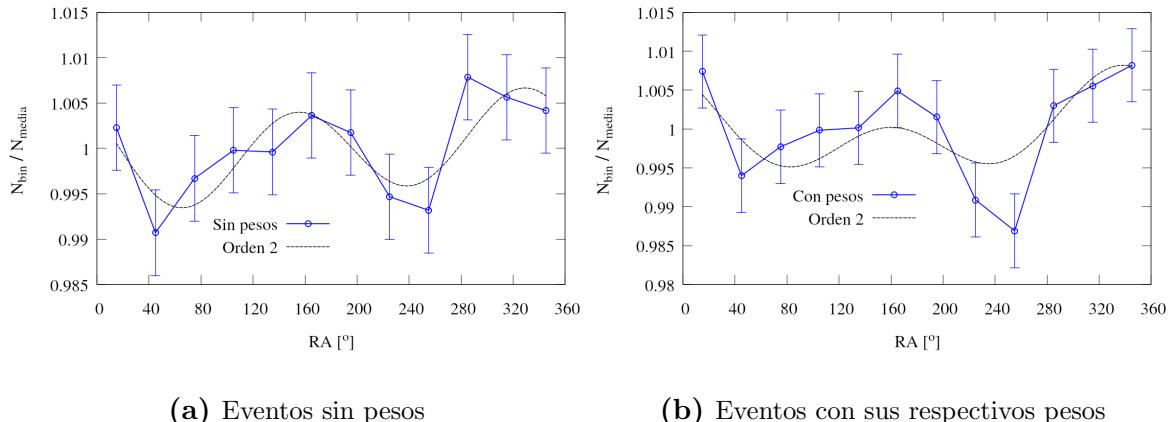
**Tabla 8.1:** Comparación de los parámetros de fase y amplitud para las frecuencias sidérea y solar, analizando sin pesos y con los pesos de los hexágonos con el análisis de Rayleigh entre en 1 de Enero del 2014 y el 1 de Enero del 2020

Las Fig. 8.5 se muestra la tasa de eventos normalizada con pesos y sin pesos para este rango de energía. Las líneas discontinuas representan los parámetros de la Tabla 8.1

para el primer armónico del análisis de Rayleigh de la frecuencia sidérea. Se observa que la modulación de los eventos con y sin pesos tiene características que la aproximación a primer orden no refleja. En las Fig. 8.6b se muestra la tasa de eventos con pesos y el ajuste hasta el segundo orden en Fourier, en el mismo se muestra que este orden refleja mejor las características de los datos. Los resultados del análisis de Rayleigh se muestran en la Tabla 8.2



**Figura 8.5:** Distribución de la cantidad relativa de eventos en función de la ascensión recta a primer orden, en el rango de energía 1 EeV - 2 EeV.



**Figura 8.6:** Distribución de la cantidad relativa de eventos en función de la ascensión recta a segundo orden en el rango de energía 1 EeV - 2 EeV entre en 1 de Enero del 2014 y el 1 de Enero del 2020.

	Sin Pesos	Con Pesos
Orden k :	2	2
Fase $\phi_k$ :	$(153 \pm 8)^\circ$	$(170 \pm 9)^\circ$
Amplitud $r_k$ :	$0,0054 \pm 0,0001$	$0,0041 \pm 0,0001$
$P(r_k)$ :	0,039 %	1.0 %

**Tabla 8.2:** Parámetros obtenidos del ajuste a segundo orden con el análisis de Rayleigh.

### 8.2.1. Trabajo a futuro

La modulación del primer armónico de los eventos entre 1 EeV y 2 EeV tiene amplitudes por encima del umbral de  $r_{99}$  para varias frecuencias, por lo que no puede decirse nada concreto sobre la existencia del dipolo en ascensión recta.

Durante el próximo semestre se trabajará en tratar de mejorar la calidad de los datos, en primer lugar implementando una corrección de los efectos climáticos a partir del conjunto de datos con todos los disparos.

# Capítulo 9

## Método East-West

El método de Rayleigh se basa ajustar el flujo de CRs en función de la ascensión recta mediante una función armónica. El mismo permite calcular la amplitud de la anisotropía para distintos armónicos, su fase y la probabilidad de detectar la misma señal debido a fluctuaciones de una distribución isótropa de RCs.

La dificultad en utilizar el método Rayleigh recae en procesamiento de los datos: efectos del clima, variaciones en el área del Observatorio, y la sensibilidad de los instrumentos deben tenerse en cuenta. Los efectos mencionados deben ser corregidos de la señal medida de los eventos, ya que los mismos inducen modulaciones espurias en el análisis.

En el método East - West consiste en el ajuste de una función armónica a la diferencia entre los flujos de eventos provenientes del Este y del Oeste. Si se consideran que las modulaciones espurias producidas por los efectos atmosféricos y sistemáticos son las mismas en ambas direcciones, la diferencia de flujos remueve estos efectos sin realizar correcciones adicionales. Una desventaja de este método es que su sensibilidad es menor que el método de Rayleigh [7].

### 9.1. Descripción de una anisotropía dipolar

Las anisotropías en las direcciones de llegada de los RCs indican que ciertas zonas del cielo tienen una variación significativa con respecto a la media de flujo de RCs. Esta anisotropía puede describirse mediante funciones armónicas, la más sencilla es la anisotropía dipolar es una aproximación a primer orden.

Una anisotropía dipolar se puede describir de la siguiente forma:

$$\Phi(\hat{\mathbf{u}}) = \Phi_0(1 + \mathbf{d} \cdot \hat{\mathbf{u}}) \quad (9.1)$$

donde  $\Phi_0$  es el flujo medio de eventos,  $\hat{\mathbf{u}}$  es un versor que apunta a la dirección a estudiar, y  $\mathbf{d}$  es el vector con módulo igual a la amplitud del dipolo y con dirección al

eje del mismo. Tomando coordenadas ecuatoriales <sup>1</sup>, la dirección de  $\mathbf{d}$  es  $(\alpha_d, \delta_d)$  y de  $\hat{\mathbf{u}}$  es  $(\alpha, \delta)$ , por lo tanto el producto escalar entre estos vectores se puede escribir de la siguiente manera <sup>2</sup>:

$$\mathbf{d} \cdot \hat{\mathbf{u}} = d(\cos \delta_d \cos \delta \cos(\alpha - \alpha_d) + \sin \delta_d \sin \delta) \quad (9.2)$$

Otro aspecto importante de la representación del dipolo en coordenadas ecuatoriales, es que la proyección de la amplitud del dipolo sobre el plano ecuatorial se puede aproximar de la siguiente manera:

$$r_1 \simeq d_{\perp} \langle \cos \delta \rangle \quad (9.3)$$

donde  $r_1$  es la amplitud de la aproximación a primer orden en Fourier, y  $\langle \cos \delta \rangle$  es el valor medio de  $\cos \delta$  de los eventos utilizados para realizar la aproximación mencionada.

### 9.1.1. Representación en coordenadas locales de la anisotropía dipolar

Podemos reescribir el producto escalar entre dipolo  $\mathbf{d}$  y el versor  $\hat{u}$  apunta en la dirección cualquiera mediante las coordenadas locales  $\theta$  y  $\phi$ <sup>3</sup>.

$$\mathbf{d} = d_x(\alpha^0)\hat{x} + d_y(\alpha^0)\hat{y} + d_z(\alpha^0)\hat{z} \quad (9.4)$$

$$\hat{\mathbf{u}} = \sin \theta \cos \phi \hat{x} + \sin \theta \sin \phi \hat{y} + \cos \theta \hat{z} \quad (9.5)$$

$$\mathbf{d} \cdot \hat{\mathbf{u}} = d_x(\alpha^0) \sin \theta \cos \phi + d_y(\alpha^0) \sin \theta \sin \phi + d_z(\alpha^0) \cos \theta \quad (9.6)$$

donde los versores  $\hat{x}$ ,  $\hat{y}$  y  $\hat{z}$  apuntan a la dirección Este, Norte y del cenit respectivamente.

El dipolo está fijo en el cielo pero visto desde las coordenadas locales para poder trabajar con  $\theta$  y  $\phi$ , sus proyecciones proyecciones  $d_x$ ,  $d_y$  y  $d_z$  tienen una dependencia con la ascensión recta  $\alpha^0$  y declinación  $\delta_0$  del cenit.

## 9.2. Descripción formal del método East-West

### 9.2.1. Flujo de eventos del Este y Oeste

El flujo de eventos observado  $I^{obs}(\alpha^0)$  para la ascensión recta del cenit  $\alpha^0$  entre los ángulos azimutales  $\phi_1$  y  $\phi_2$  puede calcularse mediante el flujo total de RCs  $\Phi(\theta, \phi, \alpha^0)$

<sup>1</sup>Referencia al apéndice de ecuatoriales

<sup>2</sup>Falta mencionar el producto de versor de esta representación para decir sale de acá. Eso va a estar en el apéndice porque el cálculo me sale fácil poniendo todo en cartesianas.)

<sup>3</sup>Referencia locales apéndice

(expresado en coordenadas locales) como

$$I^{obs}(\alpha^0) = \int_{\phi_1}^{\phi_2} d\phi \int_0^{\theta_{max}} d\theta \sin \theta \tilde{\omega}(\theta, \alpha^0) \Phi(\theta, \phi, \alpha^0), \quad (9.7)$$

donde el término  $\tilde{\omega}(\theta, \alpha^0)$  representa la exposición del Observatorio. Este término también incluye los efectos sistemáticos y atmosféricos, como la variación de los hexágonos del arreglo y las correcciones de la modulación del clima, mediante su dependencia con  $\alpha^0$ .

Para calcular los flujos de eventos del Este y Oeste,  $I_E^{obs}$  y  $I_O^{obs}$  respectivamente, se integra la Ec.9.7 en los siguientes rangos: para el Este: entre  $\phi_1 = -\pi/2$  y  $\phi_2 = \pi/2$  y para el Oeste: entre  $\phi_1 = \pi/2$  y  $\phi_2 = 3\pi/2$ .

### 9.2.2. Aproximaciones del método

Se considera que pueden desacoplarse de las variables  $\theta$  y  $\alpha^0$ , por lo tanto, podemos expresar  $\tilde{\omega}$  de la siguiente manera:

$$\tilde{\omega}(\theta, \alpha^0) = \omega(\theta) F(\alpha^0) \quad (9.8)$$

A su vez, consideremos que las amplitudes de las variaciones asociadas a  $\tilde{\omega}$  son pequeñas con respecto al valor medio, por lo que se puede tomar la expansión en primer orden de la función  $F(\alpha^0)$ :

$$\tilde{\omega}(\theta, \alpha^0) = \omega(\theta) (1 + \eta(\alpha^0)) \quad (9.9)$$

### 9.2.3. Cálculo de la diferencia de flujos

Teniendo en cuenta la Ec.9.9 y 9.1, se tiene la siguiente expresión:

$$I^{obs}(\alpha^0) = \int_{\phi_1}^{\phi_2} d\phi \int_0^{\theta_{max}} d\theta \sin \theta \omega(\theta) (1 + \eta(\alpha^0)) \Phi_0 (1 + \mathbf{d} \cdot \hat{\mathbf{u}}) \quad (9.10)$$

donde la primera parte de la igualdad puede simplificarse con una definición apropiada<sup>4</sup>. Además dado que la integral sobre  $\phi$  tiene el mismo valor para el Este y Oeste, se obtiene que la primera parte se puede escribir de la siguiente forma

$$\int_{\phi_1}^{\phi_2} d\phi \int_0^{\theta_{max}} d\theta \sin \theta \omega(\theta) (1 + \eta(\alpha^0)) \Phi_0 = \Phi_0 (1 + \eta(\alpha^0)) \bar{1}.$$

---

<sup>4</sup>Por simplicidad, definimos la siguiente expresión:  $\overline{f(\theta)} = \int_0^{\theta_{max}} d\theta \sin \theta \omega(\theta) f(\theta)$ , donde  $\overline{f(\theta)}$  es la media de la función  $f(\theta)$  sobre el ángulo cenital pesado por la exposición del Observatorio  $\omega(\theta)$ , hasta un ángulo máximo de  $\theta_{max}$ . En este trabajo se centra en eventos hasta 2 EeV, por lo que  $\theta_{max} = 60^\circ$  para los datos del Observatorio.

Trabajando con la segunda parte de la expresión 9.10, si consideramos la expresión 9.6 del producto escalar  $\mathbf{d} \cdot \hat{\mathbf{u}}$  en coordenadas locales, e integramos el ángulo  $\phi$  entre  $[-\pi/2, \pi/2]$  o  $[\pi/2, 3\pi/2]$ , se obtiene que:

$$\int_{\phi_1}^{\phi_2} d\phi \int_0^{\theta_{max}} d\theta \sin \theta \omega(\theta) (1 + \eta(\alpha^0)) \Phi_0 \mathbf{d} \cdot \hat{\mathbf{u}} = \quad (9.11)$$

$$= \Phi_0 (1 + \eta(\alpha^0)) \int_0^{\theta_{max}} d\theta (\pm 2d_x(\alpha^0) \sin \theta + \pi d_z(\alpha^0) \cos \theta) \quad (9.12)$$

donde  $+2$  corresponde al Este y  $-2$  al Oeste. No hay una dependencia con la proyección del dipolo  $d_y$  porque en la integral aparece el término  $\int_{\phi_1}^{\phi_2} d\phi d_y(\alpha^0) \sin \theta \sin \phi$ , que se anula al integrar sobre el Este y Oeste.

Usando la definición dada en la nota 4 y la expresión 9.12, podemos reescribir la expresión 9.10 y los flujos para el Este y el Oeste como:

$$\begin{aligned} I_E^{obs} &= \Phi_0 (1 + \eta(\alpha^0)) \left( \pi \bar{1} + 2d_x(\alpha^0) \overline{\sin \theta} + \pi d_z(\alpha^0) \overline{\cos \theta} \right) \\ I_O^{obs} &= \Phi_0 (1 + \eta(\alpha^0)) \left( \pi \bar{1} - 2d_x(\alpha^0) \overline{\sin \theta} + \pi d_z(\alpha^0) \overline{\cos \theta} \right) \\ I^{obs} &= \Phi_0 (1 + \eta(\alpha^0)) \left( 2\pi \bar{1} + \pi d_z(\alpha^0) \overline{\cos \theta} \right) \end{aligned}$$

Ya que se busca calcular la diferencia entre los flujos provenientes del Este y del Oeste,  $I_E^{obs}$  y  $I_O^{obs}$  respectivamente, esta resta queda como:

$$I_E^{obs} - I_O^{obs} = 4\Phi_0 (1 + \eta(\alpha^0)) d_x(\alpha^0) \overline{\sin \theta}$$

Para obtener las componentes del vector  $\mathbf{d}$ , tenemos que considerar que las mismas están en el plano x-z. Para hacer esto, consideremos a los versores  $\hat{\mathbf{u}}_x$  y  $\hat{\mathbf{u}}_z$  que apuntan al cenit y al Este respectivamente. Podemos obtener las proyecciones con un producto escalar con los versores en las direcciones de interés:

$$d_x(\alpha^0) \hat{x} = (\mathbf{d} \cdot \hat{\mathbf{u}}_x) \hat{\mathbf{u}}_x \rightarrow d_x(\alpha^0) = \mathbf{d} \cdot \hat{\mathbf{u}}_x, \quad (9.13)$$

donde estos versores en coordenadas ecuatoriales se escriben como:  $\hat{\mathbf{u}}_z = (\alpha^0, \delta_0)$  y  $\hat{\mathbf{u}}_x = (\alpha^0 + \frac{\pi}{2}, 0)$ <sup>5</sup>.

Usando la expresión 9.2 para el producto escalar en coordenadas ecuatoriales, se

---

<sup>5</sup>Se suma  $\frac{\pi}{2}$  para apuntar al Este, cuando el versor recorre  $\pi/2$  en ascensión recta, llega al plano del ecuador que tiene declinación 0.

obtienen las componentes:

$$d_z = \mathbf{d} \cdot \hat{\mathbf{u}}_z = d(\cos \delta_d \cos \delta_0 \cos(\alpha^0 - \alpha_d) + \sin \delta_d \sin \delta_0)$$

$$d_x = \mathbf{d} \cdot \hat{\mathbf{u}}_x = d(\cos \delta_d \cos\left(\alpha^0 + \frac{\pi}{2} - \alpha_d\right)) = -d \cos \delta_d \sin(\alpha^0 - \alpha_d)$$

Entonces la diferencia entre flujos queda como:

$$I_E^{obs} - I_O^{obs} = -4d\Phi_0(1 + \eta(\alpha^0)) \cos \delta_d \sin(\alpha^0 - \alpha_d) \overline{\sin \theta} \quad (9.14)$$

Esta diferencia se debe relacionar con la variación del flujo verdadero  $I(\alpha^0)$ , es decir el flujo que se observaría si no existieran variaciones temporales en ascensión recta en la exposición, que implicaría  $\eta(\alpha^0) = 0$ .

La variación del flujo verdadero en ascensión recta provee información sobre la componente  $d_z$  del dipolo.

$$\frac{dI(\alpha^0)}{d\alpha^0} = 2\pi\Phi_0 \overline{\cos \theta} \frac{d d_z(\alpha^0)}{d\alpha^0} \quad (9.15)$$

$$\frac{dI(\alpha^0)}{d\alpha^0} = -2d\pi\Phi_0 \overline{\cos \theta} \cos \delta_d \cos \delta_0 \sin(\alpha^0 - \alpha_d) \quad (9.16)$$

Para llegar a la expresión 9.14, hicimos la expansión hasta el primer orden de  $\tilde{\omega}(\theta, \alpha^0)$  y de  $\Phi(\alpha, \delta)$ , por lo tanto, para ser consistentes en el orden de aproximación, se desprecia el término de segundo orden de la expresión 9.14 que es proporcional de  $\eta \cdot d$  y la expresión 9.14 queda:

$$I_E^{obs} - I_O^{obs} \approx -4d\Phi_0 \cos \delta_d \sin(\alpha^0 - \alpha_d) \overline{\sin \theta} \quad (9.17)$$

Considerando las expresiones 9.16 y 9.17, se tiene una relación entre el flujo observado por el Observatorio y el flujo real de RCs<sup>6</sup>

$$I_E^{obs} - I_O^{obs} \approx \frac{2}{\pi \cos \delta_0} \frac{\langle \sin \theta \rangle}{\langle \cos \theta \rangle} \frac{dI(\alpha^0)}{d\alpha^0} \quad (9.18)$$

### 9.3. Estimación de la componente ecuatorial del dipolo mediante el análisis del primer armónico

El objetivo del método East - West es estimar la modulación dipolar de  $I(\alpha^0)$  a partir de la diferencia  $I_E^{obs} - I_O^{obs}$  mediante un análisis similar al método de Rayleigh,

---

<sup>6</sup>Se usa la expresión:  $\langle f(\theta) \rangle = \frac{\overline{f(\theta)}}{\overline{1}} = \frac{\int_0^{\theta_{max}} d\theta \sin \theta \omega(\theta) f(\theta)}{\int_0^{\theta_{max}} d\theta \sin \theta \omega(\theta)}$ , que es equivalente a hacer la media ponderada de todos los datos de  $f(\theta)$ .

salvo modificaciones para tener en cuenta la dirección de los eventos.

$$I_E^{obs} - I_O^{obs} = \frac{N}{2\pi} r_{EW} \cos(\alpha^0 - \phi_{EW}) \quad (9.19)$$

La amplitud  $r_{EW}$  y fase  $\phi_{EW}$  obtenidas por el Método East - West no es la amplitud del dípolo físico aunque está relacionada con la misma.

Esta relación puede obtenerse reescribiendo la expresión 9.18, teniendo en cuenta la proyección del dípolo físico sobre el ecuador  $d_{\perp} = d \cos \delta_0$ , la expresión 9.17 y que  $N \simeq 4\pi^2 \Phi_0 \bar{l}$ <sup>7</sup>:

$$I_E^{obs} - I_O^{obs} \approx -4d_{\perp} \frac{N}{4\pi^2 \bar{l}} \sin(\alpha^0 - \alpha_d) \overline{\sin \theta} \frac{1}{\bar{l}} \quad (9.20)$$

$$I_E^{obs} - I_O^{obs} \approx -4d_{\perp} \frac{N}{4\pi^2} \sin(\alpha^0 - \alpha_d) \langle \sin \theta \rangle \quad (9.21)$$

$$I_E^{obs} - I_O^{obs} \approx -\frac{N}{2\pi} d_{\perp} \frac{2 \langle \sin \theta \rangle}{\pi} \sin(\alpha^0 - \alpha_d) \quad (9.22)$$

Comparando las expresiones 9.19 y 9.22 y considerando la ecuación 9.3, se puede inferir que las relaciones entre la amplitud y fase obtenidas mediante EW y el dipolo físico son las siguientes:

$$d_{\perp} = \frac{2 \langle \sin \theta \rangle}{\pi} r_{EW} \quad (9.23)$$

$$\sigma_{x,y} = \frac{\pi}{2 \langle \sin \theta \rangle} \sqrt{\frac{2}{N}} \quad (9.26)$$

$$r_1 = \frac{\pi}{2} \frac{\langle \cos \delta \rangle}{\langle \sin \theta \rangle} r_{EW} \quad (9.24)$$

$$\sigma = \frac{\pi \langle \cos \delta \rangle}{2 \langle \sin \theta \rangle} \sqrt{\frac{2}{N}} \quad (9.27)$$

$$\alpha_d = \phi_{EW} + \frac{\pi}{2} \quad (9.25)$$

Como en el caso del análisis de Rayleigh, la probabilidad de obtener una amplitud mayor o igual a que  $r_{EW}$  a partir de una distribución isótropa es una distribución acumulada de Rayleigh:

$$P(\geq r_{EW}) = \exp\left(-\frac{N}{4} r_{EW}^2\right) \quad (9.28)$$

### 9.3.1. Cálculo de la amplitud del dipolo para los eventos de Todos los Disparos

- Definimos el rango de tiempo a estudiar, para los resultados para Todos los Disparos se utilizaron los límites: 1 de Enero del 2014 hasta el 1 de Enero del 2020.

---

<sup>7</sup>Porque es la integral con respecto a los dos ángulos,  $\theta$  y  $\phi$

2. Se recorre cada evento que cumpla con las siguientes características:

- Pertenezca el rango de energía a estudiar
- Sea un evento 6T5 con ángulo cenital menor a  $60^\circ$
- Se haya registrado en el rango de tiempo seleccionado

En cada evento se calcula los siguientes valores:

$$a'_i = \cos(X_i - \beta) \quad b'_i = \sin(X_i - \beta) \quad (9.29)$$

el valor de  $X_i$  depende la frecuencia a estudiar, la misma es igual a la ascensión recta del cenit  $\alpha_i^0$  al momento del evento si se estudia la frecuencia sidérea, en cambio para la frecuencia solar es igual al equivalente en grados de la hora local de Malargüe. El valor de  $\beta$  es depende si el evento provino del Este donde  $\beta = 180^\circ$  o  $\beta = 0$  caso contrario.

3. Una vez corridos todos los eventos se calculan los parámetros:

$$\begin{aligned} a_{EW} &= \frac{2}{N} \sum_{i=1}^N a'_i = \frac{2}{N} \sum_{i=1}^N \cos(X_i - \beta_i) \\ b_{EW} &= \frac{2}{N} \sum_{i=1}^N b'_i = \frac{2}{N} \sum_{i=1}^N \sin(X_i - \beta_i) \end{aligned}$$

donde N indica la cantidad eventos considerados. La cantidad de eventos por rango de energía se muestran en la tabla ??.

Con esto puedo calcular la amplitud asociada al análisis  $r_{EW}$  y la fase  $\phi_{EW}$ :

$$\begin{aligned} r_{EW} &= \sqrt{a_{EW}^2 + b_{EW}^2} \\ \phi_{EW} &= \tan^{-1}(b_{EW}/a_{EW}) \end{aligned}$$

Estos valores se traducen a los valores de amplitud  $r$ ,  $d_\perp$  y fase  $\phi$  del dipolo físico mediante las expresiones 9.23, 9.24 y 9.25. Los valores  $\langle \cos \delta \rangle$  y  $\langle \sin \delta \rangle$  son los valores medios de estas variables en los años estudiados.

4. Se calcula la amplitud límite  $r_{99}$  y la probabilidad  $P(r_{EW})$  utilizando la expresión 9.28:

$$\begin{aligned} r_{99} &= \frac{\pi}{2} \frac{\langle \cos \delta \rangle}{\langle \sin \theta \rangle} \sqrt{\frac{4}{N} \ln(100)} \\ d_{\perp,99} &= \frac{r_{99}}{\langle \cos \delta \rangle} \end{aligned}$$

5. Se calculan los límites de confianza de las variables  $r, \phi$  y  $d_{\perp}$  mediante los densidad de probabilidad de la amplitud y fase. Las mismas se describen en el capítulo 10.

Por último, estos resultados se comparan con los valores obtenidos con el método EW en el trabajo [1] en frecuencia sidérea, aplicado al conjunto de eventos del disparo estándar registrados entre el 1 de Enero del 2004 y el 1 de Agosto del 2018.

### Cálculo para frecuencias arbitrarias

Cambiamos la variable de la ascension recta del cenit  $\alpha^0$  por

$$\tilde{\alpha} = 2\pi f_x t_i \quad (9.30)$$

donde  $f_x$  es la frecuencia arbitraria a estudiar y  $t_i$  es el momento donde ocurre el evento a estudiar. Luego se realizan el mismo procedimiento que lo anterior para calcular el valor de la amplitud  $r$ .

En la siguiente sección se verifica que se obtiene los mismo resultados con esta variable general que con el valor de  $\alpha^0$  para la frecuencia sidérea.

## 9.4. Verificación del código

### 9.4.1. Comparación con el trabajo [1] de la colaboración

Se verificó el código escrito en este trabajo de la siguiente manera:

1. El conjunto de eventos del disparo estándar registrados entre el 1 de Enero del 2004 y el 1 de Agosto del 2018 fue analizado en el trabajo [1].
2. Utilizando el código y los datos de los eventos del paper [1], obtenidos de la página del *Publications Committee* de la colaboración Auger, se replicaron los datos del paper.
3. Luego utilizando el código escrito para este trabajo, se realizó el análisis de EW con los datos del trabajo [1].
4. Finalmente se verificó que los valores obtenidos en los item 2 y 3, con ambos códigos, sean el mismo.

### 9.4.2. Tabla comparando con la variable $\tilde{\alpha}$ con la ascension recta del cenit

Para verificar que la variable de la Ec.9.30 es útil para estudiar otras frecuencias, en la Tabla 9.1 se comparan los resultados de la referencia para el rango  $0,25 - 0,5$  EeV,

los obtenidos usando la ascensión recta del cenit y los valores obtenidos con la Ec.9.30 en el mismo rango de energía. Se observan que los valores son comparables entre sí.

(FALTA ACTUALIZAR LA TABLA)

	[1]	$\alpha^0$	$\alpha = 2\pi f_x t_i$
Frecuencia:	366.25	366.25	366.25
$d_{\perp} [\%]$ :	0.60	0.60	0.60
$\sigma_{x,y} [\%]$	0.48	0.48	0.48
Probabilidad:	0.45	0.45	0.45
Fase <sup>o</sup> :	$225 \pm 64$ [31]	$225 \pm 45$	$227 \pm 45$
$r_{99} [\%]$ :	1.5	1.5	1.5
$d_{\perp,99} [\%]$ :	1.8	1.8	1.8

**Tabla 9.1:** Verificando la variable  $\alpha = 2\pi f t$

# Capítulo 10

## Distribución de probabilidad de la amplitud y fase del dipolo

En el trabajo [27] se estudian los límites de confianza para la amplitud  $r_1$  y la fase  $\phi$  obtenidos mediante el análisis del primer armónico en Fourier. Las distribuciones de probabilidad describen a un conjunto de  $N$  mediciones cuya anisotropía está caracterizada por el vector  $\vec{s}$  con una dispersión  $\sigma = \sqrt{2/N}$ . Sin pérdida de generalidad, se puede restar a las mediciones la fase  $\phi$  para que las mismas varíen alrededor del 0. Este vector  $\vec{s}$  puede ser obtenido mediante distintos métodos, en este trabajo se utilizaron el método de Rayleigh e East - West, en este caso, el módulo del vector  $\vec{s}$  es igual a  $r_1$ .

La distribución de probabilidad de la amplitud y la fase está dada por la Ec.10.1. Las variables  $r$  y  $\psi$  representan las variaciones de módulo y fase de las mediciones con respecto a  $\vec{s}$

$$p(r, \psi) = dr d\psi \frac{r}{2\pi\sigma^2} \exp\left\{-\frac{(r^2 + s^2 - 2rs \cos \psi)}{2\sigma^2}\right\} \quad (10.1)$$

### 10.1. Distribución de probabilidad de la amplitud

Integrando la Ec.10.1 con respecto a  $\psi$ , se obtiene la función de densidad de probabilidad  $p(r)$  y el nivel de confianza  $CL_r(r_i, r_f, s)$  entre en rango  $[r_i, r_f]$ :

$$p(r) = \frac{r}{\sigma^2} \exp\left\{-\frac{(r^2 + s^2)}{2\sigma^2}\right\} K_0\left(\frac{rs}{\sigma^2}\right) \quad (10.2)$$

$$CL_r(r_i, r_f, s) = \int_{r_i}^{r_f} dr p(r) \quad (10.3)$$

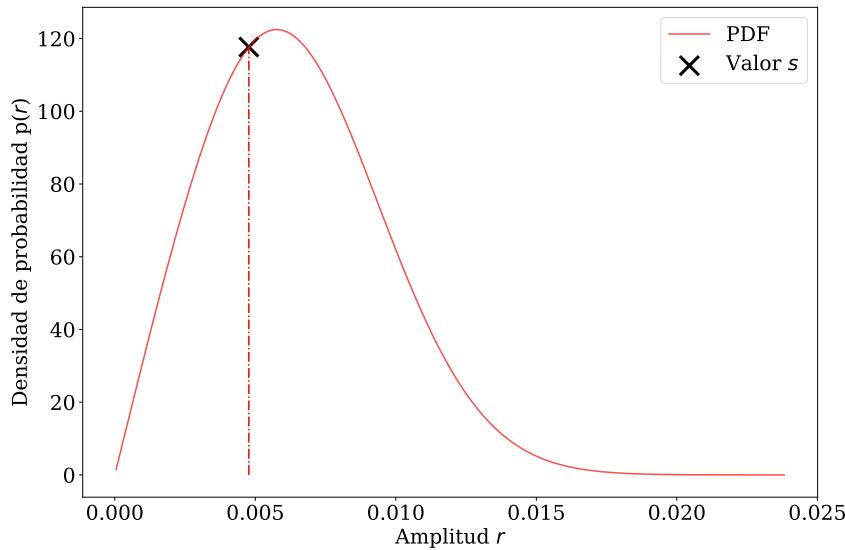
donde  $K_0(x)$  es la función de Bessel modificada de primer orden. Estas ecuaciones nos permiten determinar el nivel de confianza  $CL$  con el cual se puede afirmar que el módulo del dipolo se encuentra entre los valores  $r_i$  y  $r_f$ , dado un conjunto de mediciones.

Se define el valor  $r^{UL}$  como el límite superior donde se puede afirmar que el módulo

de dipolo se encuentra en el rango  $[0, r^{UL}]$  con un 99 % de certeza.

$$CL_r(0, r^{UL}, s) = 0,99 = \int_0^{r^{UL}} dr p(r) \quad (10.4)$$

Suponiendo que mediante el análisis de un conjunto de eventos, se obtiene que  $s = 0,0047$  y  $\sigma = 0,0038$ . El gráfico de la función  $p(r)$  se muestra a continuación:



**Figura 10.1:** El gráfico de la función  $p(r)$  y el límite de confianza para  $s = 0,0047$  y  $\sigma = 0,0038$

### 10.1.1. Haciendo la cuenta de los márgenes de confianza de la amplitud

Calculemos los márgenes de confianza para el ejemplo anterior de  $s = 0,0047$  y  $\sigma = 0,0038$ . En este trabajo los márgenes que se obtuvieron nos dicen que el nivel de confianza en ese intervalo del 68,27 %. Se toma este límite, dado que si  $N \gg 1$ , la distribución  $p(r)$  tiende a una distribución normal y el nivel de confianza sería  $1\sigma$ .

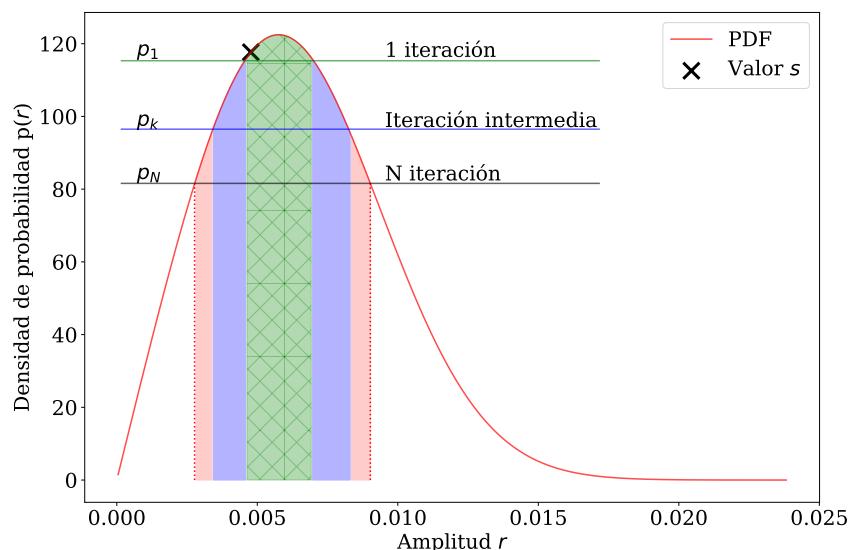
Los pasos para el cálculo sigo son los siguientes:

1. Dado que la distribución tiene una función de bessel modificada de primer orden que diverge en el 0, se toma una aproximación a la función con los primeros 8 términos de la sucesión. Por lo que la función no es exacta y la norma difiere de 1.

Para normalizar el área, se calcula la integral hasta  $r_{max} = s + 10\sigma$ , dado que está tan alejada del valor de amplitud obtenida, el nivel de confianza en  $CL_r(0, r_{max}, s) \simeq 1$ , por lo que se usa este valor para normalizar la Ec. 10.2 en el código.

2. Una vez que se tiene la función normalizada, se calcula la integral de la ecuación 10.3  $CL_r(0, s, s)$  en el intervalo  $[0, s]$  y se obtiene el valor de la función  $p(s) = p_1$ .
3. Si  $CL_r(0, s, s) < 0,683$ :
  - a) Teniendo en cuenta el valor inicial de  $p_1$ , se actualiza el valor  $p_2 \leftarrow p_1 - 0,01p_1$
  - b) Se calcula la integral entre los dos puntos con valores igual a  $p(r)_2$ .
  - c) Si la integral es menor a 0,6827, se repite el proceso desde el paso 3a. Caso contrario, si esta integral es mayor o igual a 0,6827, se calculan los valores límites de  $r$  mediante el valor  $p_2$  en el paso 5.

La Fig.10.2 se muestra el área calculada en la primera iteración que se muestra verde, el valor de área obtenido no es el nivel de confianza buscada se sigue iterando hasta alcanzar el valor  $p_N$ , donde la integral entre esos extremos es de 0,6827.



**Figura 10.2**

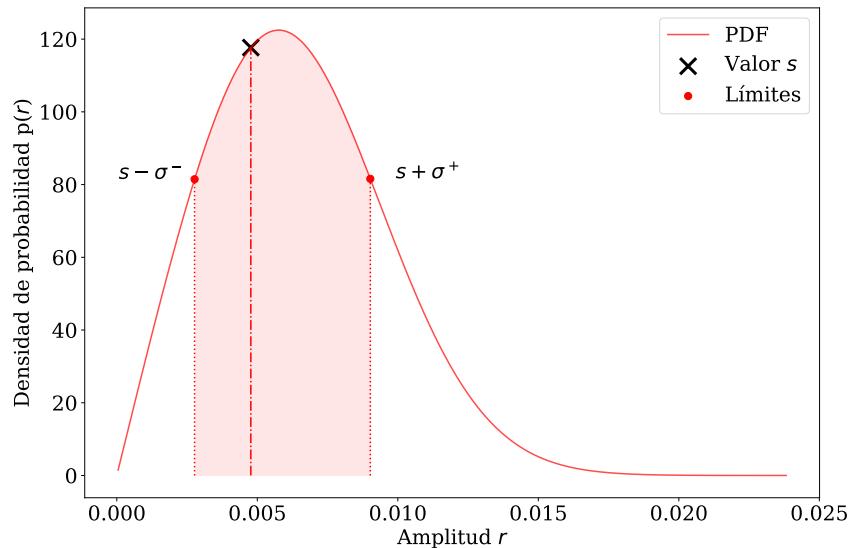
4. Si  $CL_r(0, s, s) > 0,683$ :
  - a) Se toma como límite inferior  $r^-$  el valor  $s$  y se busca el límite superior  $r^+$  de tal forma que  $CL(s, s + \sigma^+, s) \simeq 0,683$ .
5. Los límites de confianza superior  $r^+$  y inferior  $r^-$ , teniendo en cuenta el valor final  $p_N$  del paso 3c, son tales que se cumple  $p(r^+) = p(r^-) = p_N$ . Finalmente los

márgenes de confianza se calculan como:

$$\sigma^- = s - r^-$$

$$\sigma^+ = r^+ - s$$

En la Fig.10.3 se muestran los márgenes de confianza obtenidos para el ejemplo de  $s = 0,0047$  y  $\sigma = 0,0038$ , el área sombreada es igual al 0,6827



**Figura 10.3**

## 10.2. Distribución de probabilidad de la fase del dipolo

Integrando la ecuación 10.1 se obtiene la distribución de probabilidad de la fase  $\psi$  de la Ec.10.6. Este apartado considera que las fases de las mediciones varían alrededor del cero. De esta forma, la distribución de probabilidad tiene la característica de ser simétrica respecto a 0, por eso los límites de integración para obtener un nivel de confianza igual a 1 son  $[-\pi, \pi]$ .

$$p(\psi) = d\psi \frac{1}{2\pi} e^{-k} \left[ 1 + (\pi k)^{1/2} \cos \psi e^{(k \cos^2 \psi)} \left( 1 + L \operatorname{erf}(Lk^{1/2} \cos \psi) \right) \right] \quad (10.5)$$

$$CL_\psi(\phi_1, \phi_2, s) = \int_{\phi_1}^{\phi_2} d\psi p(\psi) \quad (10.6)$$

donde  $k = s^2/\sigma^2$  y  $\text{erf}(x)$  es la función error, y

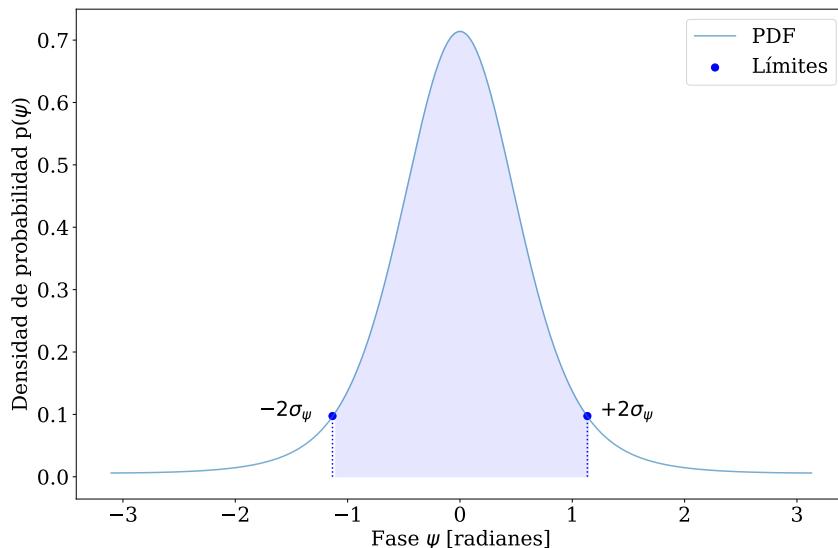
$$L = \begin{cases} +1 & \text{Si } -\frac{\pi}{2} \leq x \geq \frac{\pi}{2} \\ -1 & \text{Caso contrario} \end{cases}$$

Se definió que el nivel de confianza para la fase reportada en este trabajo sea del 95,45 %, ya que  $k \gg 1$  la distribución de la fase se acerca a una distribución normal y este nivel de confianza es equivalente a  $2\sigma_\phi$ .

Para calcular el margen de confianza  $2\sigma_\psi$  dada la simétrica con respecto al 0, se siguen los siguientes pasos:

1. Se toma un valor inicial de  $\sigma_{\psi,0} = 0,01|\phi|$ , donde  $\phi$  es valor de fase obtenida ya sea por el método Rayleigh o East-West. Se eligió este valor inicial por conveniencia.
2. Se integra la Ec.10.6 en el rango  $[-\sigma_{\psi,0}, \sigma_{\psi,0}]$  y se verifica si  $CL_\psi(-\sigma_{\psi,0}, \sigma_{\psi,0}, s) = 0,9545$ . Si ese es el caso, se reporta la fase como  $\psi \pm \sigma_{\psi,0}$ , caso contrario se vuelve al paso anterior con  $\sigma_{\psi,1} \leftarrow \sigma_{\psi,0} + 0,01\sigma_{\psi,0}$ . y se itera hasta obtener el valor de  $\sigma_{\psi,N}$  que cumpla  $CL_\psi(-\sigma_{\psi,N}, \sigma_{\psi,N}, s) = 0,9545$

En la Fig.10.4 se muestra la distribución de probabilidad de la fase para  $s = 0,0047$  y  $\sigma = 0,0038$ , también se incluye los límites de confianza obtenidos.



**Figura 10.4:** La distribución de probabilidad de la fase para  $s = 0,0047$  y  $\sigma = 0,0038$  con los límites de confianza del 95,45 %.

# Capítulo 11

## Resultados del método East - West

En este capítulo se presentan los resultados obtenidos mediante el método East-West con los eventos de Todos los Disparos, para distintos rangos de energía. Estos resultados se comparan con los valores obtenidos en [1] sobre los eventos del Disparo Estándar.

Los eventos son clasificados en los distintos rangos mediante la energía reportada por la Colaboración. El conjunto de eventos registrados mediante de Todos los Disparos abarca eventos medidos entre el 2014 y 2019, y para el Disparo Estándar se listan eventos medidos entre el 2004 y 2018. Las características de estos dos conjuntos de datos se especifican en la Tabla 11.1

Rango Tiempo	Todos	Inicio	1 de Enero, 2014
	6 años	Fin	1 de Enero, 2020
	Estándar	Inicio	1 de Enero, 2004
	14.8 años	Fin	1 de Octubre, 2018

Rango [EeV]	0.25 - 0.5	0.5 - 1	1 - 2
Eventos	Todos	3 967 368	3 638 226
	Estándar	770 323	2 388 468
Energía	Todos	0,38	0,69
	Media	0,42	0,71

**Tabla 11.1:** Características de los conjuntos de datos para distintos rangos de energía

## 11.1. Resultados en distintos rangos de energía

### 11.1.1. Resultados en el rango 0.25 EeV - 0.5 EeV

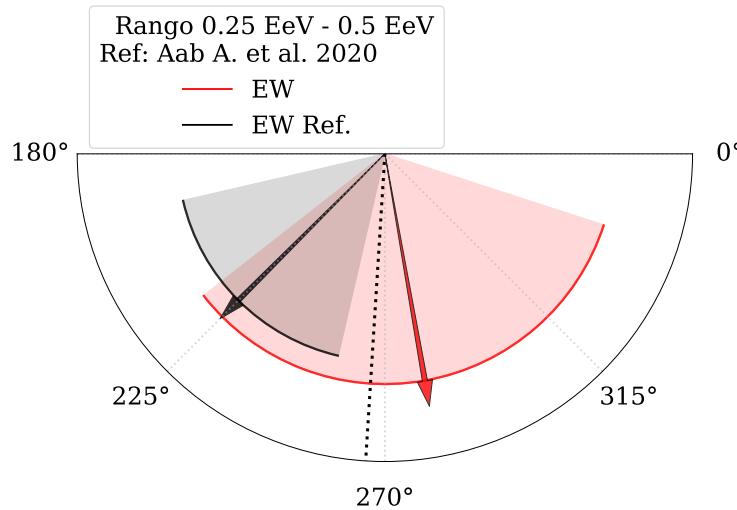
En la Tabla 11.2 se presentan los resultados para este rango de energía en las frecuencias solar y sidérea de Todos Los Disparos. Los mismos se comparan con resultados con el Disparo Estándar que fueron reportados en [1]. En esta tabla se observa que las amplitudes  $r$  en frecuencia sidérea no son compatibles dentro de los límites de confianza de cada uno. Los valores de  $\sigma$  de Todos los Disparos es la mitad que el valor reportado para el Disparo Estándar, esto se debe a que el primer conjunto de datos tiene registrados  $\sim 5$  veces más eventos que el segundo.

	Todos los disparos		Disparo Estándar
Frecuencia:	Solar	Sidérea	Sidérea [1]
Amplitud $r$ [%]:	$0,17^{+0,22}_{-0,07}$	$0,12^{+0,24}_{-0,03}$	$0,5^{+0,4}_{-0,2}$ [32]
$r_{99}$ [%]:		0.58	1.1[32]
$r^{UL}$ [%]:	0.67	0.64	1.4[32]
$\sigma$ [%]:		0.19	0.38[32]
Amplitud $d_\perp$ [%]:	-	$0,16^{+0,31}_{-0,04}$	$0,6^{+0,5}_{-0,3}$
$d_{99}$ [%]:	-	0.73	1.5 [32]
$d_\perp^{UL}$ [%]	-	0.80	1.8
$\sigma_{x,y}$ [%]:	-	0.24	0.48
Probabilidad :	0.66	0.81	0.45
Fase [ $^\circ$ ]:	$221 \pm 93$	$280 \pm 124$	$225 \pm 64$
$\langle \cos \delta \rangle$	0.79		0.79 [32]
$\langle \sin \theta \rangle$	0.46		0.52 [32]

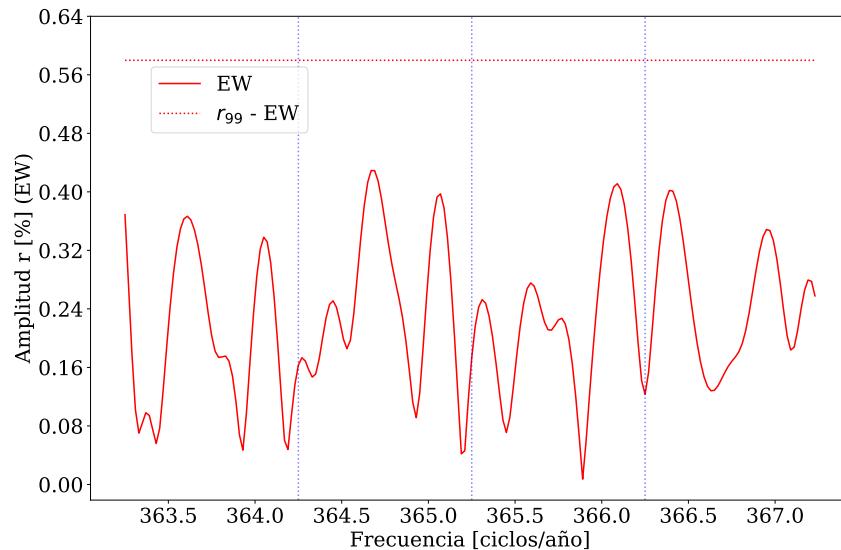
**Tabla 11.2:** Características para las frecuencias solar y sidérea con el método East-West en el primer armónico en rango de energía 0.25 EeV - 0.5 EeV.

En la Fig. 11.1 se comparan las fases en frecuencia sidérea obtenida en este trabajo y la reportada en [1], donde la línea punteada marca la dirección del centro galáctico. En esta figura en la tabla anterior, se observa que la incertidumbre obtenida para la fase de Todos los Disparos es amplia, esto se debe a que la amplitud  $r$  es pequeña comparada con el valor de  $\sigma$ .

Realizando el barrido de frecuencias con la variable de la Ec.9.30, se obtiene que en este rango de energía las amplitudes se distribuyen en frecuencia como se muestra en la Fig.11.2. La línea horizontal indica el valor de  $r_{99}$  para cada frecuencia, además se observa que ninguna amplitud supera dicho umbral.



**Figura 11.1:** Valores de las fases obtenidos en este trabajo y en el trabajo [1] con sus respectivas incertidumbres para la frecuencia sidérea en el rango 0.25 EeV - 0.5 EeV .



**Figura 11.2:** Barrido de frecuencias en el rango 0.25 EeV - 0.50 EeV .

### 11.1.2. Resultados en el rango 0.5 EeV - 1 EeV

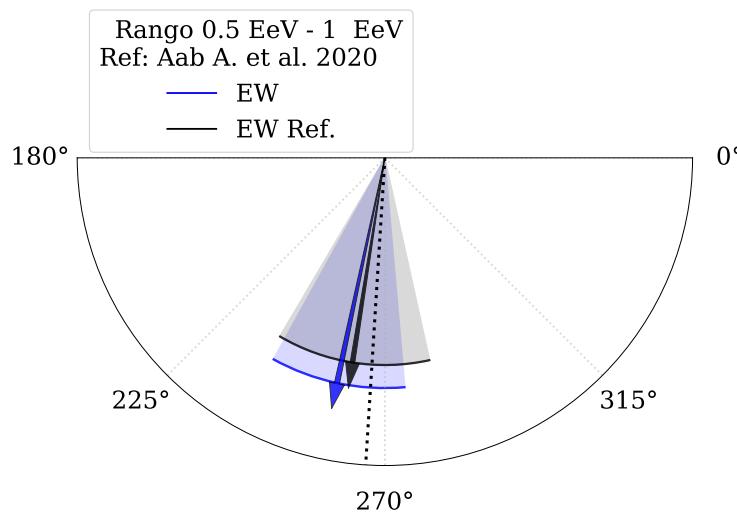
En la Tabla 11.2 se presentan los resultados para el rango 0.5 EeV - 1 EeV en las frecuencias solar y sidérea de Todos Los Disparos, además se comparan con los resultados reportados en [1].

Frecuencia:	Todos los disparos		Disparo Estándar
	Solar	Sidérea	Sidérea [1]
Amplitud $r$ [%]:	$0,43_{-0,14}^{+0,21}$	$0,44_{-0,14}^{+0,21}$	$0,38_{-0,14}^{+0,20}$ [32]
$r_{99}$ [%]:		0.56	0.64[32]
$r^{UL}$ [%]:	0.89	0.90	0.90 [32]
$\sigma$ [%]:		0.18	0.21 [32]
Amplitud $d_{\perp}$ [%]:	-	$0,56_{-0,18}^{+0,27}$	$0,5_{-0,2}^{+0,3}$
$d_{99}$ [%]:	-	0.71	0.8 [32]
$d_{\perp}^{UL}$ [%]	-	1.1	1.1
$\sigma_{x,y}$ [%]:	-	0.23	0.21
Probabilidad :	0.065	0.055	0.20
Fase[%]:	$205 \pm 35$	$258 \pm 34$	$261 \pm 43$
$\langle \cos \delta \rangle$		0.79	0.79 [32]
$\langle \sin \theta \rangle$		0.50	0.54[32]

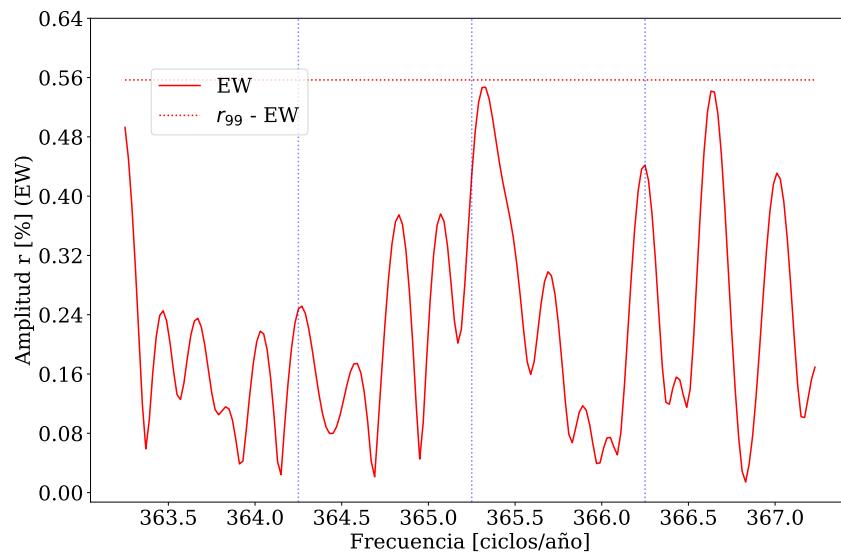
**Tabla 11.3:** Características para las frecuencias solar y sidérea con el método East-West en el primer armónico en rango de energía 0.5 EeV - 1 EeV

En la Fig. 11.3 se comparan las direcciones en las que apuntan la fase en frecuencia sidérea obtenida en este trabajo con la obtenida en [1]. En esta figura se observa que resultados similares entre sí en valor e incertidumbre, y apuntan a una dirección cercana al centro galáctico.

El barrido de frecuencias con la variable de la Ec.9.30 para este rango de energía se observa en la Fig.11.4. La línea horizontal indica el valor de  $r_{99}$  para cada frecuencia, además se observa que ninguna frecuencia supera dicho umbral.



**Figura 11.3:** Valores de las fases obtenidos en este trabajo y en el trabajo [1] con sus respectivas incertidumbres para la frecuencia sidérea en el rango 0.5 EeV - 1.0 EeV .



**Figura 11.4:** Barrido de frecuencias en el rango 0.5 EeV - 1.0 EeV .

### 11.1.3. Resultados en el rango 1 EeV - 2 EeV

En las Tablas 11.4 se comparan los resultados de este trabajo para la frecuencia solar. Las amplitudes están por debajo de  $r_{99}$  y con compatibles entre sí.

	Todos los disparos	
	Rayleigh	East - West
Frecuencia:		Solar
Amplitud $r$ [%]:	$0,24^{+0,16}_{-0,09}$	$0,28^{+0,35}_{-0,11}$
$r_{99}$ [%]:	0.41	0.91
$r_{UL}$ [%]:	0.58	1.1
$\sigma$ :	0.14	0.30
Probabilidad:	0.22	0.65
Fase:	$260 \pm 48$	$279 \pm 90$

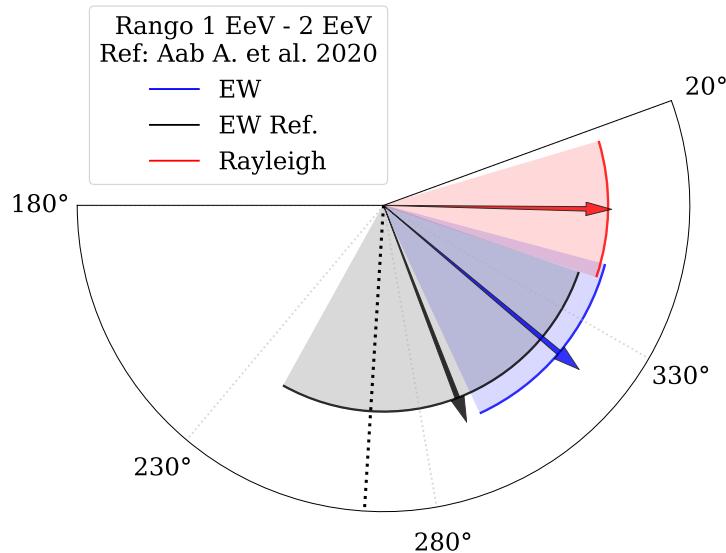
**Tabla 11.4:** Características para la frecuencia solar con los métodos de Rayleigh e East-West en el primer armónico.

En la Tabla 11.5 se comparan los resultados de este trabajo y los obtenidos en el trabajo [1] para la frecuencia sidérea. Para Todos los Disparos se comparan los métodos de Rayleigh y East-West, en el primer método se obtiene que la probabilidad que la amplitud obtenida se deba al ruido es de 63 % mientras que en segundo método 26 %. Esta diferencia entre probabilidades no puede deberse a la cantidad de eventos, porque es el mismo conjunto de datos. El método Rayleigh nos indica que en este rango de energía pueden existir efectos sistemáticos que no están siendo corregidos.

	Todos los Disparos		Disparo Estándar
	Rayleigh	East - West	East - West[1]
Frecuencia:	Sidérea		Sidérea
Amplitud $r$ [%]:	$0,32^{+0,16}_{-0,10}$	$0,5^{+0,3}_{-0,2}$	$0,14^{+0,37}_{-0,02}$ [32]
$r_{99}$ [%]:	0.41	0.91	0.84[32]
$r_{UL}$ [%]	0.66	1.3	0.89 [32]
$\sigma$ [%]:	0.14	0.30	0.28 [32]
Amplitud $d_{\perp}$ [%]:	$0,41^{+0,20}_{-0,13}$	$0,6^{+0,4}_{-0,3}$	$0,18^{+0,47}_{-0,02}$
$d_{99}$ [%]:	0.53	1.1	1.1[32]
$d_{\perp}^{UL}$ [%]	0.84	1.6	1.1
$\sigma_{x,y}$ [%]:	0.17	0.38	0.35
Probabilidad:	0.063	0.26	0.87
Fase [ $^{\circ}$ ]:	$357 \pm 35$	$320 \pm 50$	$291 \pm 100$
$\langle \cos \delta \rangle$	0.78		0.78
$\langle \sin \theta \rangle$	0.55		0.57

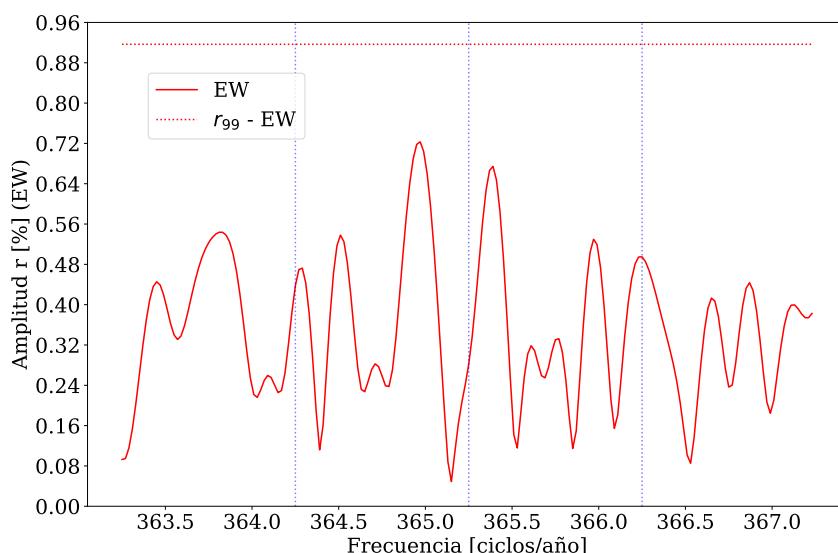
**Tabla 11.5:** Características para la frecuencia sidérea con los métodos de Rayleigh e East-West en el primer armónico.

En el Fig.11.5 se observan en un gráfico polar las fases del trabajo [1] y este trabajo para la frecuencia sidérea



**Figura 11.5:** Valores de las fases obtenidos en este trabajo y en el trabajo [1] con sus respectivas incertidumbres para la frecuencia sidérea en el rango 1.0 EeV - 2.0 EeV .

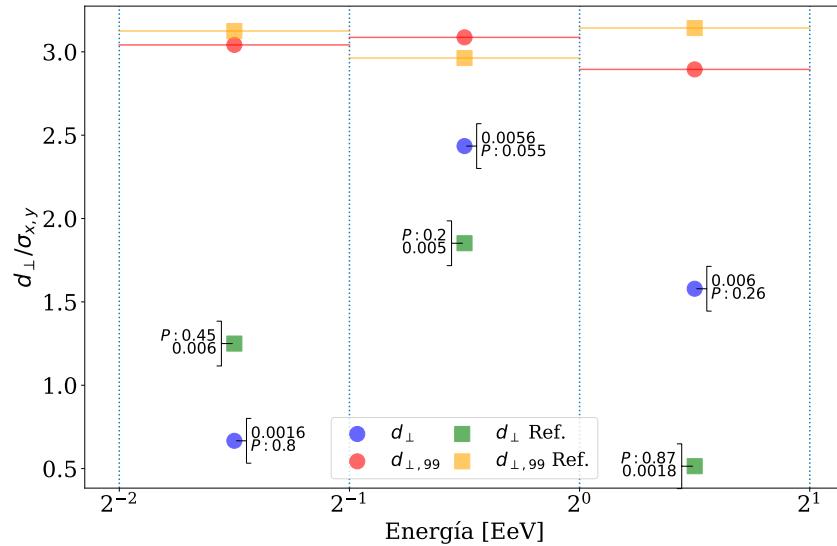
El barrido de frecuencias con la variable de la Ec.9.30 para este rango de energía se observa en la Fig.11.6. La línea horizontal indica el valor de  $r_{99}$  para cada frecuencia y se observa que ninguna frecuencia supera dicho umbral. En la frecuencia solar no se observa ningún pico, esto se debe a que el método East - West es robusto con respecto a las modulación del clima. Se observa un pico en sidérea pero el mismo no es significativo con respecto al  $r_{99}$ .



**Figura 11.6:** Barrido de frecuencias en el rango 1 EeV - 2 EeV .

## 11.2. Gráficos

Una forma para poder comparar los resultados de  $d_{\perp}$  calculados de distintos conjuntos de datos entre sí, es dividir estos valores con sus respectivos  $\sigma_{x,y}$ . De esta manera, podemos comparar cuan apartados están con respecto  $\sigma_{x,y}$ , así se obtiene la Fig.11.7.

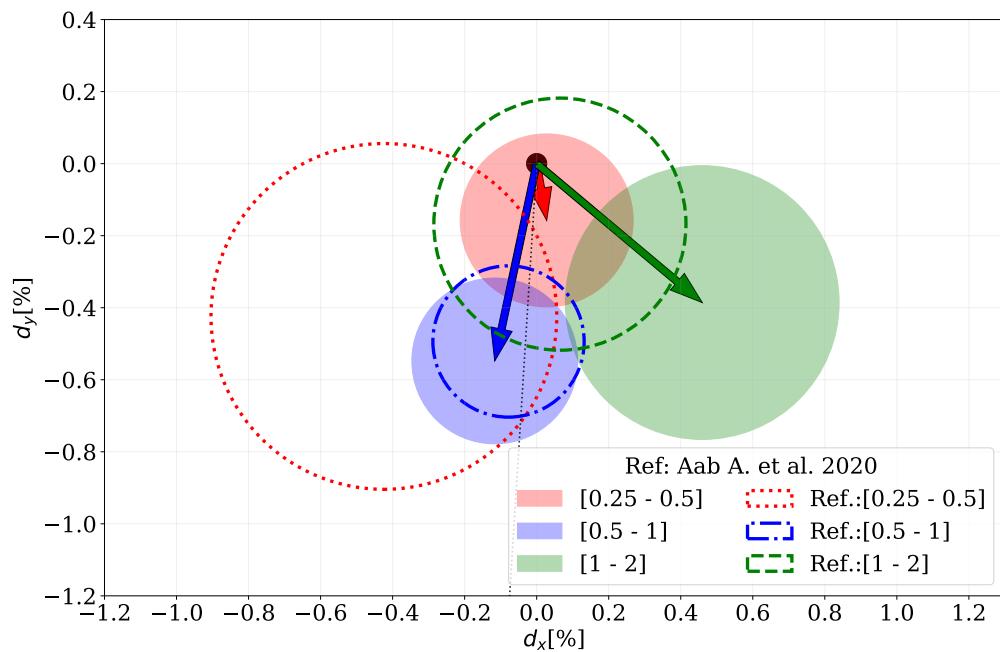


**Figura 11.7:** Valores normalizados con  $d_{\perp,UL}$

Por lo que ahora podemos decir que en los rangos entre 0.5 EeV - 1.0 EeV y 1.0 EeV - 2.0 EeV, la amplitud obtenida en este trabajo está por encima que en el trabajo [1] por  $\sim 1\sigma_{x,y}$  y  $\sim 2\sigma_{x,y}$  respectivamente.

Para comparar los resultados en el rango 0.25 EeV - 0.5 EeV, tenemos que tener en cuenta que el Disparo Estándar tiene una sensibilidad menor que el Todos los Disparos. Esto se ve claramente en la Tabla 11.1, donde el primero tiene 7 veces menos eventos para analizar que el segundo. Por lo tanto, la discrepancia entre en el trabajo [1] y los trabajos puede deberse a la diferencia de eventos a estudiar causada por la sensibilidad del disparo.

Considerando los valores de  $\sigma_{x,y}$  y  $d_{\perp}$  obtenidos para cada rango de energía, es posible comparar las direcciones, valores e incertidumbres en la Fig.11.8. Las líneas punteadas están centradas en los valores reportados en el trabajo [1] en cada rango de energía y con radio igual a sus  $\sigma_{x,y}$ .



**Figura 11.8:** Amplitudes con incertidumbre, apuntando en la dirección de la fase. Los círculos punteados los valores del trabajo [1] del trabajo [1] con sus respectivas incertidumbres y la línea punteada en negro marca la dirección del centro galáctico.

# Capítulo 12

**Esto va a ir en otro capítulo que todavía no armé. Y los resultados no estan actualizados**

## 12.1. Comparando resultados entre métodos para barridos de frecuencias

## 12.2. Verificación del código escrito durante la maestría

Para ver que todo cierre, obtuve los resultados del paper [1] con el código del Rayleigh para distintos bines. En el bin 2 EeV - 4 EeV tuve incongruencias entre mi código y los valores reportados en el paper, pero si comparo los valores obtenidos con el código utilizado para el paper con mis resultados si se corresponden. En los demás bines los resultados entre el código implementado en [1], los resultados publicados y los resultados de mi código se corresponden.

En el bin 2 EeV - 4 EeV, verifiqué sin cambiaba los números considerando los eventos hasta  $80^\circ$ , pero los parámetros de Rayleigh eran los mismos que usar  $60^\circ$  como límite en  $\theta$ . Cuando no considero los pesos en mi código, obtengo resultados congruentes con los publicados pero eso puede ser una casualidad.

	2 EeV - 4 EeV			
Frecuencia:	Sidérea	Sidérea (Sin pesos)	Sidérea [32]	Sidérea [1]
Amplitud r [%]:	$0,5^{+0,3}_{-0,2}$	$0,4^{+0,3}_{-0,2}$	$0,5^{+0,3}_{-0,2}$	-
$r_{99}$ [%]:	0.8	0.8	0.8	-
Amplitud $d_{\perp}$ [%]:	$0,7^{+0,4}_{-0,2}$	$0,5^{+0,4}_{-0,2}$	$0,7^{+0,4}_{-0,2}$	$0,5^{+0,4}_{-0,2}$
$d_{99}$ [%]:	1.0	1.0	1.0	-
$d_{\perp,UL}$ [%]:	1.9	1.7	-	1.4
$\sigma_{x,y}$ [%]:	0.34	0.34	0.34	0.34
Probabilidad :	0.14	0.33	0.15	0.34
Fase <sup>[o]</sup> :	$355 \pm 29$	$351 \pm 38$	$346 \pm 29$	$349 \pm 55$

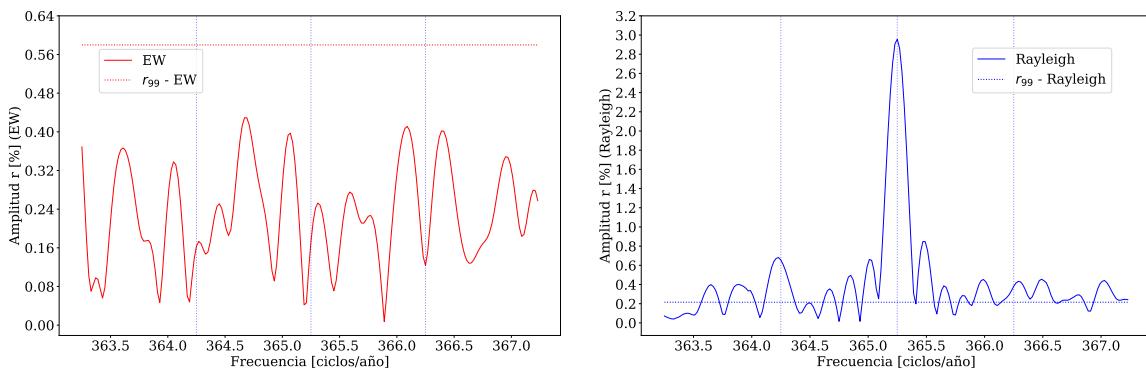
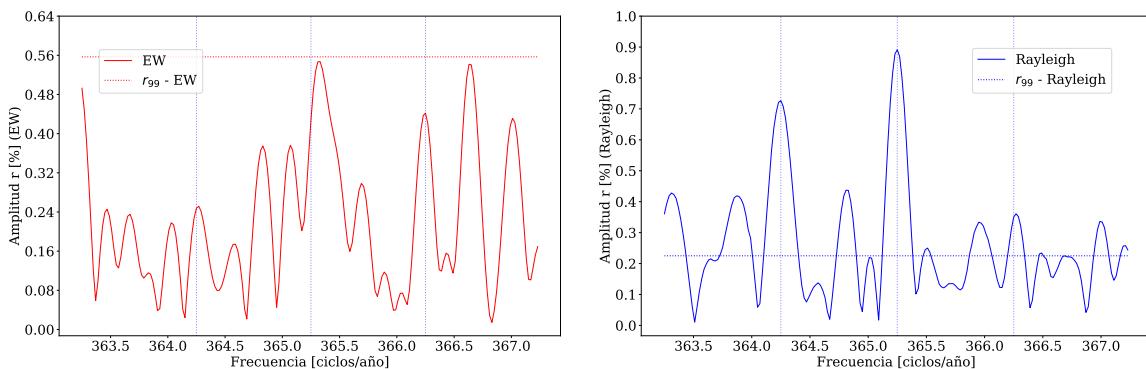
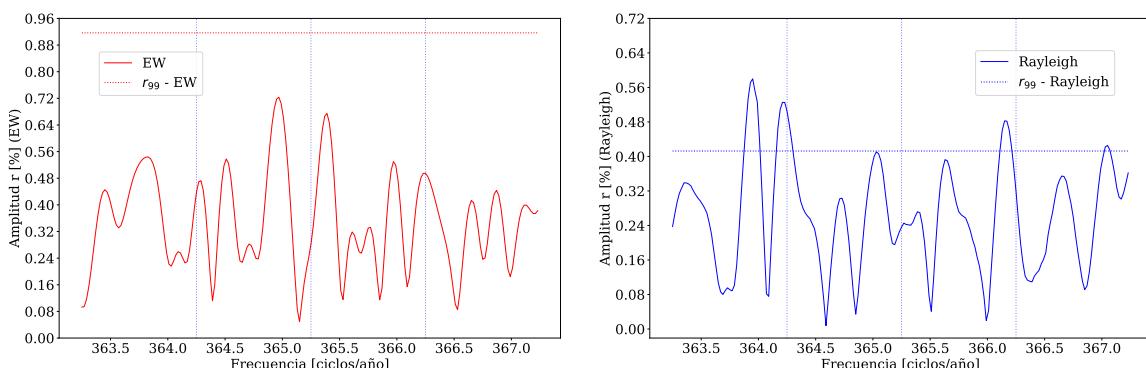
**Tabla 12.1:** Características para las frecuencias solar y sidérea con el método Rayleigh en el primer armónico en el rango de energía 2 EeV - 4 EeV, obtenidos con el código de este trabajo [1] y comparados con los resultados reportados en el último.

	8 EeV - 16 EeV		16 EeV - 32 EeV	
Frecuencia:	Sidérea	Sidérea [1]	Sidérea	Sidérea [1]
Amplitud r [%]:	$4,4^{+1,0}_{-0,8}$	-	$5,8^{+1,8}_{-1,3}$	-
$r_{99}$ [%]:	2.6	-	4.9	-
Amplitud $d_{\perp}$ [%]:	$5,6^{+1,2}_{-1,0}$	$5,6^{+1,2}_{-1,0}$	$7,5^{+2,3}_{-1,8}$	$7,5^{+2,3}_{-1,8}$
$d_{99}$ [%]:	3.3	-	6.3	-
$d_{\perp,UL}$ [%]:	10	-	16	-
$\sigma_{x,y}$ [%]:	1.1	1.1	2.1	2.1
Probabilidad :	$2,3 \times 10^{-6}$	$2,3 \times 10^{-6}$	$1,5 \times 10^{-3}$	$1,5 \times 10^{-3}$
Fase <sup>[o]</sup> :	$96 \pm 11$	$97 \pm 12$	$80 \pm 16$	$80 \pm 17$

**Tabla 12.2:** Características para las frecuencias solar y sidérea con el método Rayleigh en el primer armónico en distintos rangos de energía, obtenidos con el código de este trabajo [1] y comparados con los resultados reportados en el último.

## 12.3. Comparando amplitud en función de la frecuencia

En las Figs.12.1, 12.2 y 12.3 se comparan el barrido en frecuencia con el método East - West y el barrido con Rayleigh considerando los pesos de los hexágonos en distintos rangos de energía.

**Figura 12.1:** Barrido de frecuencias en el rango 0.25 EeV - 0.5 EeV .**Figura 12.2:** Barrido de frecuencias en el rango 0.5 EeV - 1 EeV .**Figura 12.3:** Barrido de frecuencias en el rango 1 EeV - 2 EeV .

# Capítulo 13

## Conclusiones

En este trabajo se analizaron los efectos de las variaciones de los parámetros del clima sobre el desarrollo en la atmósfera de las lluvias atmósferas. Se analizaron datos del arreglo de detectores espaciados 1500 m entre sí del Observatorio Pierre Auger, en el periodo 2005-2015 y 2005-2018 extendiendo los periodos de tiempo estudiados anteriormente. Se emuló los resultados de la corrección de la modulación del clima sobre el periodo 2005-2015 de la colaboración Pierre Auger, obteniéndose resultados compatibles. Se observó que posterior a la corrección, la modulación del clima se vio disminuida. Para eventos con energía mayor a 2 EeV, esta modulación es despreciable.

Posterior a los análisis anteriores, se estudió la modulación del clima mediante el valor del  $S_{38}$  sin la corrección propuesta por trabajos anteriores. Se observó que los parámetros del clima obtenidos de estos datos son compatibles con los utilizados en la reconstrucción oficial. Se realizó un corrección a la energía mediante los coeficientes nuevos, observándose que la modulación era despreciable para energías mayores a 2 EeV.

# Bibliografía

- [1] Aab A. et al. Cosmic-Ray Anisotropies in Right Ascension Measured by the Pierre Auger Observatory. *The Astrophysical Journal*, **891** (2), 142, mar 2020. URL <https://doi.org/10.3847%2F1538-4357%2Fab7236>.
- [2] Olive, K. Review of particle physics. *Chinese Physics C*, **40** (10), 100001, oct 2016. URL <https://doi.org/10.1088%2F1674-1137%2F40%2F10%2F100001>.
- [3] The Pierre Auger Cosmic Ray Observatory. *Nuclear Instruments and Methods in Physics Research Section A: Accelerators, Spectrometers, Detectors and Associated Equipment*, **798**, 172 – 213, 2015. URL <http://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0168900215008086>.
- [4] Justin M. Albury, B. R. D., Jose A. Bellido. Exploring the energy threshold for full trigger efficiency of the surface detector with hybrid events GAP 2018-038. *Artículo interno de la colaboración Pierre Auger*, 2018.
- [5] Aab, A., Abreu, P., Aglietta, M., Al Samarai, I., Albuquerque, I., Allekotte, I., et al. Impact of atmospheric effects on the energy reconstruction of air showers observed by the surface detectors of the Pierre Auger Observatory. *Journal of Instrumentation*, **12** (02), P02006, 2017.
- [6] Aab, A., Abreu, P., Aglietta, M., Albuquerque, I. F. M., Albury, J. M., et al., I. A. Large-scale cosmic-ray anisotropies above 4 EeV measured by the Pierre Auger Observatory. *The Astrophysical Journal*, **868** (1), 4, nov 2018. URL <https://doi.org/10.3847%2F1538-4357%2Faae689>.
- [7] Taborda, O. Estudios de anisotropías a grandes escalas angulares de los rayos cósmicos de alta energía detectados por el observatorio Pierre Auger. Tesis Doctoral, Instituto Balseiro, 2018.
- [8] The Pierre Auger Collaboration. The Pierre Auger Observatory: Contributions to the 33rd International Cosmic Ray Conference (ICRC 2013), 2013.
- [9] The Pierre Auger Collaboration. The Pierre Auger Observatory: Contributions to the 36th International Cosmic Ray Conference (ICRC 2019), 2019.

- [10] Hess, V. F. Über beobachtungen der durchdringenden strahlung bei sieben freiballonfahrten. *Phys. Z.*, **13**, 1084–1091, 1912.
- [11] Greisen, K. End to the cosmic-ray spectrum? *Physical Review Letters*, **16** (17), 748, 1966.
- [12] Zatsepin, G. T., Kuzmin, V. A. Upper limit of the spectrum of cosmic rays. *Journal of Experimental and Theoretical Physics Letters (JETP Letters)*, **4** (3), 78–80, 1966.
- [13] Bird, D., Corbato, S., Dai, H., Dawson, B., Elbert, J., Emerson, B., et al. The cosmic-ray energy spectrum observed by the fly's eye. *The Astrophysical Journal*, **424**, 491–502, 1994.
- [14] Berezinsky, V., Gazizov, A., Grigorjeva, S. On astrophysical solution to ultrahigh energy cosmic rays. *Physical Review D*, **74** (4), 043005, 2006.
- [15] Imagen extraída de <https://web.ikp.kit.edu/augeroracle/lib/exe/fetch.php?media=auger:telescope> visitada el 28/11/2019.
- [16] Abraham, J., Abreu, P., Aglietta, M., Ahn, E., Allard, D., Allekotte, I., et al. Trigger and aperture of the surface detector array of the Pierre Auger Observatory. *Nuclear Instruments and Methods in Physics Research Section A: Accelerators, Spectrometers, Detectors and Associated Equipment*, **613** (1), 29 – 39, 2010. URL <http://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0168900209021688>.
- [17] Hersil, J., Escobar, I., Scott, D., Clark, G., Olbert, S. Observations of extensive air showers near the maximum of their longitudinal development. *Phys. Rev. Lett.*, **6**, 22–23, Jan 1961. URL <https://link.aps.org/doi/10.1103/PhysRevLett.6.22>.
- [18] Aab, A., Abreu, P., Aglietta, M., Al Samarai, I., Albuquerque, I., Allekotte, I., et al. A measurement of the cosmic ray energy spectrum above  $2,5 \times 10^{18}$  eV using the Pierre Auger Observatory. *En proceso de preparación*.
- [19] Linsley, J., Scarsi, L., Rossi, B. Extremely energetic cosmic-ray event. *Phys. Rev. Lett.*, **6** (9), 485, 1961.
- [20] Pierre Auger Collaboration. Plans for a proposal to upgrade the Pierre Auger Observatory. Pierre Auger Collaboration, 2013.
- [21] Abraham, J., Abreu, P., Aglietta, M., Aguirre, C., Ahn, E., Allard, D., et al. Atmospheric effects on extensive air showers observed with the surface detector of the Pierre Auger Observatory. *Astroparticle Physics*, **32** (2), 89–99, 2009.

- [22] Abreu, P., Aglietta, M., Ahlers, M., Ahn, E., Albuquerque, I. F. d. M., Allard, D., *et al.* Description of atmospheric conditions at the Pierre Auger Observatory using the global data assimilation system (GDAS). *Astroparticle Physics*, **35** (9), 591–607, 2012.
- [23] Comunicación personal con Isabelle Lhenry-Yvon.
- [24] The Pierre Auger Collaboration. Atmospheric effects on extensive air showers observed with the Surface Detector of the Pierre Auger Observatory, 2009.
- [25] Matthews, J. A heitler model of extensive air showers. *Astroparticle Physics*, **22** (5-6), 387–397, 2005.
- [26] Gora, D., Engel, R., Heck, D., Homola, P., Klages, H., Pe, J., *et al.* Universal lateral distribution of energy deposit in air showers and its application to shower reconstruction. *Astroparticle Physics*, **24** (6), 484–494, 2006.
- [27] Linsley, J. Fluctuation effects on directional data. *Physical Review Letters*, **34** (24), 1530, 1975.
- [28] Aab, A., Abreu, P., Aglietta, M., Al Samarai, I., Albuquerque, I., Allekotte, I., *et al.* Observation of a large-scale anisotropy in the arrival directions of cosmic rays above  $8 \times 10^{18}$  ev. *Science*, **357** (6357), 1266–1270, 2017.
- [29] Farley, F., Storey, J. The sidereal correlation of extensive air showers. *Proceedings of the Physical Society. Section A*, **67** (11), 996, 1954.
- [30] Linsley, J. Fluctuation effects on directional data. *Phys. Rev. Lett.*, **34**, 1530–1533, Jun 1975. URL <https://link.aps.org/doi/10.1103/PhysRevLett.34.1530>.
- [31] Discrepancia de  $\sqrt{2}$  entre lo reportado y entre el código implementado para los resultados del trabajo [1].
- [32] Este valor fue obtenido con el código implementado en el trabajo [1].