

TESIS DE MAESTRÍA EN CIENCIAS FÍSICAS

**ANÁLISIS DE LAS DIRECCIONES DE ARRIBO DE
RAYOS CÓSMICOS DE ULTRA-ALTA ENERGÍA EN
EL OBSERVATORIO PIERRE AUGER**

Evelyn Gabriela Coronel
Maestrando

Dra. Silvia Mollerach
Directora

Miembros del Jurado

Dr. Diego Harari
Dra. Geraldina Golup
Dr. Xavier Bertou

23 de Enero de 2021

Partículas y Campos – Centro Atómico Bariloche

Instituto Balseiro
Universidad Nacional de Cuyo
Comisión Nacional de Energía Atómica
Argentina

Índice de símbolos

CR:	Rayos cósmicos (<i>Cosmic Rays</i>)
CMB:	Radiación Cósmica de Fondo (<i>Cosmic Microwave Background</i>)
FD:	Detector de Fluorescencia (<i>Fluorescence Detector</i>)
SD:	Detector de Superficie (<i>Surface Detector</i>)
WCD:	Detector de radiación Cherenkov de agua
EAS:	Lluvia Atmosférica Extendida (<i>Extensive Air Shower</i>)
VAOD:	Profundidad atmosférica óptica vertical (<i>Vertical Atmospheric Optical Depth</i>)
CLF:	<i>Central Laser Facility</i>
XLF:	<i>eXtreme Laser Facility</i>
X_{max} :	Profundidad atmosférica del máximo de la lluvia
LDF:	Función de Distribución Lateral (<i>Lateral Distribution Function</i>)
S(1000):	Señal a 1000 m del núcleo de la lluvia y al nivel del suelo
$S(1000)_w$:	Señal de S(1000) corregida por la modulación del clima.
CIC:	Corte de Intensidad Constante (<i>Constant Intensity Cut</i>)
S_{38} :	Señal a 1000 m del núcleo y al nivel del suelo si el ángulo cenital del evento fuera de 38°
$S_{38,w}$:	Señal S_{38} corregida por la modulación del clima
eV:	electrón Voltio, $1 \text{ eV} = 1,602 \times 10^{-19} \text{ J}$
EeV:	$1 \text{ EeV} = 10^{18} \text{ eV}$
PMT:	Tubo fotomultiplicador (<i>Photo-Multiplier Tube</i>)
VEM:	Muón vertical equivalente (<i>Vertical Equivalent Muon</i>)
ICRC:	Conferencia Internacional de Rayos Cósmicos (<i>International Cosmic Ray Conference</i>)
EW:	Método East - West
Ray:	Método de Rayleigh

Índice de contenidos

Índice de símbolos	i
Índice de contenidos	ii
Índice de figuras	v
1. Introducción	1
1.1. Rayos cósmicos	2
1.2. Espectro de energías	2
1.3. Lluvias atmosféricas extendidas	4
1.4. Descripción de una anisotropía dipolar	4
1.4.1. Representación en coordenadas locales de una anisotropía dipolar	5
2. El Observatorio Pierre Auger	6
2.1. Introducción	6
2.2. Detección de Rayos Cósmicos	6
2.2.1. El Detector de Superficie y el Detector de Fluorescencia	7
2.2.2. Diseño híbrido	9
2.3. Reconstrucción de eventos de los detectores de superficie	10
2.3.1. Selección de eventos	10
2.3.2. Reconstrucción de las lluvias	10
2.3.3. Calibración de la energía	12
2.3.4. Monitoreo del clima	13
2.4. Algoritmos de disparo del detector de superficie	13
2.4.1. Disparo Estándar	13
2.4.2. Todos los Disparos	14
2.5. Acerca de los eventos utilizados en este trabajo	16
2.5.1. Acerca del registro de hexágonos	16
3. Modulación del clima para eventos registrados por el Observatorio Pierre Auger	18
3.1. Eventos asociados al Disparo Estándar en el rango 2004-2018	18

3.2.	La física detrás de la modulación del clima	18
3.2.1.	Trabajos anteriores	18
3.2.2.	Condiciones climáticas y área activa del observatorio Pierre Auger	24
3.3.	Resultados para el arreglo de detectores de superficie de 1500 m de distancia	24
3.3.1.	Datos presentados en la ICRC 2015	26
3.3.2.	Datos presentados en la ICRC 2019	29
3.3.3.	Datos presentados en la ICRC 2019 usando S_{38} sin corregir por el clima	31
3.3.4.	Datos presentados en la ICRC 2019 usando la energía reconstruida en este trabajo	34
3.4.	Trabajos futuros	35
3.5.	Eventos asociados a Todos los Disparos en el rango 2014-2020	35
3.5.1.	Pesos de los hexágonos	35
3.5.2.	Anisotropía	36
3.5.3.	Corrección del clima	38
4.	Método Rayleigh	44
4.1.	Frecuencias de referencia	44
4.2.	Variaciones relativas de los hexágonos	44
4.2.1.	Cálculo de las variaciones relativas de los hexágonos	45
4.3.	Descripción del método Rayleigh	47
4.3.1.	Caso dipolar	48
4.3.2.	Análisis para frecuencias arbitrarias	48
4.3.3.	Cálculo de Rayleigh en ascensión recta para una frecuencia dada	48
5.	Método East-West	51
5.1.	Descripción formal del método East-West	51
5.1.1.	Flujo de eventos del Este y Oeste	51
5.1.2.	Aproximaciones del método	52
5.1.3.	Cálculo de la diferencia de flujos	52
5.2.	Estimación de la componente ecuatorial del dipolo mediante el análisis del primer armónico	54
5.2.1.	Cálculo de la amplitud del dipolo para los eventos de Todos los Disparos	55
5.2.2.	Cálculo para frecuencias arbitrarias	57
5.3.	Verificación del código	57
5.3.1.	Comparación con el trabajo de la Colaboración Auger	57
5.3.2.	Comparando con la variable $\tilde{\alpha}$ con la ascensión recta del cenit .	57

6. Distribución de probabilidad de la amplitud y fase del dipolo	59
6.1. Distribución de probabilidad de la amplitud	59
6.1.1. Haciendo la cuenta de los márgenes de confianza de la amplitud	60
6.2. Distribución de probabilidad de la fase del dipolo	62
7. Resultados del método Rayleigh	65
8. Resultados del método East - West	66
8.1. Resultados en distintos rangos de energía	67
8.1.1. Resultados en el rango 0.25 EeV - 0.5 EeV	67
8.1.2. Resultados en el rango 0.5 EeV - 1 EeV	68
8.1.3. Resultados en el rango 1 EeV - 2 EeV	70
8.2. Análisis de los resultados	73
9. Conclusiones	75
A. Coordenadas celestes	76
A.1. Coordenadas Ecuatoriales	76
A.2. Coordenadas Locales	76
A.2.1. Relación entre las coordenadas locales y ecuatoriales	76
Bibliografía	77

Índice de figuras

1.1. Espectro de rayos cósmicos medidos mediante lluvias atmosféricas en función de la energía E . Figura extraída de [1]	3
2.1. Distribución de los detectores de superficie en el área del Observatorio Pierre Auger. Se muestra la ubicación de las estaciones del clima, otros módulos instalados sobre el observatorio y la posición de los detectores de fluorescencia (FD). Figura extraída de [2]	8
2.2. Detectores empleados por el Observatorio Pierre Auger para la detección de rayos cósmicos.	8
2.3. Ejemplo de la señal dejada por un evento de (104 ± 11) EeV de energía con un ángulo cenital de $(25,1 \pm 0,1^\circ)$ sobre el arreglo principal SD 1500 m. La flecha indica la dirección de arribo de la lluvia. Los colores de los círculo representa el tiempo de arribo de la lluvia, los primeros en amarillo y los últimos en rojo. En área de los círculo pintados es proporcional a logaritmo de la señal. Figura extraída de [2].	11
2.4. Dependencia de la señal con la distancia del núcleo de la lluvia de un evento de (104 ± 11) EeV de energía con un ángulo cenital de $(25,1 \pm 0,1^\circ)$. La función ajustada es la función de distribución lateral (LDF). Del ajuste se obtiene el valor de $S(1000)$. Figura extraída de [2].	11
2.5. Curva de atenuación descrita por un polinomio de orden 3. En este ejemplo se deducen los coeficientes de la dependencia del $S(1000)$ a $S_{38} \approx 50$ VEM que corresponde a un energía de 10,5 EeV. Figura extraída de [2].	12
2.6. Correlación entre el valor S_{38} y la energía E_{FD} medida por el FD. Con estos datos se ajustan los parámetros A y B que relacionan la señal y la energía. Figura obtenida del trabajo [3].	13
2.7. Histograma de eventos del Disparo Estándar por rango de tiempo medido por el Observatorio Pierre Auger	14
2.8. Histograma de eventos de Todos Los Disparos por rango de tiempo medido por el Observatorio Pierre Auger	15

2.9. La eficiencia del disparo en función de la energía para eventos con ángulo cenital θ menor a 60° . Este figura fue extraída del trabajo [4]	15
3.1. Mediciones de la temperatura a distintas alturas sobre el nivel del mar en función de la hora del día en Malargüe. (Hora Local: UTC-3).	19
3.2. Diagramas simplificado de un lluvia de la misma energía para distintas condiciones atmosféricas	21
3.3. Variaciones de las variables del clima en función del tiempo	24
3.4. Evolución temporal del área efectiva del Observatorio Pierre Auger. La línea horizontal señala el área mínima considerada para el análisis.	25
3.5. Tasa de eventos por días comparadas con el ajuste entre los años 2005 hasta 2015. Los datos analizados fueron los presentados en la ICRC 2015 para energías mayores a 1 EeV donde se observa la modulación anual y diaria del clima.	27
3.6. Tasa de eventos por días comparadas con el ajuste entre los años 2005 hasta 2015. Los datos analizados son los presentados en la ICRC 2015 para energías mayores a 2 EeV. donde se observa la modulación anual y diaria del clima	27
3.7. Parámetros de la modulación del clima considerando los datos de la ICRC 2015. Los mismos se comparan con los ajustes obtenidos en [5] y con los ajustes obtenidos sin considerar la dependencia con $\sin^2(\theta)$	28
3.8. Tasa de eventos promedio por cada día entre los años 2005 hasta 2015 del conjunto de datos presentado en la ICRC 2019. Se muestran las tasas para dos cortes en energía, mayor a 1 EeV y mayor a 2 EeV	30
3.9. Tasa eventos por hora del día por unidad de área entre los años 2005 hasta 2015 del conjunto de datos presentado en la ICRC 2019. Se muestran las tasas para dos cortes en energía, mayor a 1 EeV y mayor a 2 EeV	31
3.10. Tasa de eventos entre los años 2005 hasta 2018 del conjunto de datos presentado en la ICRC 2019.	32
3.11. Parámetros de la modulación del clima considerando los datos sin corregir con el clima y la reconstrucción anterior.	33
3.12. Tasa de eventos por día para eventos de energía mayor a 2 EeV para los datos de ICRC 2019 y la tasa de eventos obtenida con la reconstrucción de energía en este trabajo comparados en los periodos estudiados	34
3.13. Pesos de los hexágonos	36
3.14. Tasa de eventos en el rango de tiempo a trabajar	36
3.15. Tasa de eventos en el rango de tiempo a trabajar para el ajuste de los parámetros del clima.	38
3.16. Análisis en frecuencia en ascensión recta en rango 1 EeV - 2 EeV	38

3.17. Parámetros de clima calculados para la corrección del archivo de todos los disparos	39
3.18. Tasa de eventos diaria por encima de 1 EeV para los datos de todos los disparos.	39
3.19. Parámetros de la modulación del clima considerando los datos para todos los disparos de 2017. Los mismos se comparan con los ajustes obtenidos en [5].	40
3.20. Parámetros de la modulación del clima considerando los datos para todos los disparos de 2020. Los mismos se comparan con los ajustes obtenidos en [5].	42
3.21. Parámetros de la modulación del clima considerando los datos para todos los disparos del archivo 2017 y 2020. Los mismos se comparan con los ajustes obtenidos en [5].	43
4.1. Valores de $\Delta N_{cell,k}$ en el rango 2004-2017 para distintas frecuencias obtenidas en el trabajo [6].	46
4.2. Valores de $\Delta N_{cell,k}$ en el rango 2004-2017 para distintas frecuencias utilizando el código escrito en este trabajo.	47
4.3. Comparación entre los análisis de anisotropía hechos para el mismo conjunto de datos, con el código de [7] y con el código escrito para este trabajo.	50
6.1. El gráfico de la densidad de probabilidad $p(r)$ de la amplitud r para $s = 0,0047$ y $\sigma = 0,0038$	60
6.2. Iteraciones para encontrar los márgenes de confianza del 68,27 % de la distribución de probabilidad de la amplitud. En la N-ésima iteración se obtiene los límite de confianza buscados.	61
6.3. Densidad de probabilidad de la amplitud r para $s = 0,0047$ y $\sigma = 0,0038$. Se muestran los márgenes de confianza del 68,27 %	62
6.4. La distribución de probabilidad de la fase ψ para $s = 0,0047$ y $\sigma = 0,0038$ con los márgenes de confianza del 68,27 %.	64
8.1. Valores de las fases obtenidos en este trabajo y en el trabajo [8] con sus respectivas incertidumbres para la frecuencia sidérea en el rango 0.25 EeV - 0.5 EeV	68
8.2. Barrido de frecuencias en el rango 0.25 EeV - 0.50 EeV mediante el método East-West.	68
8.3. Valores de las fases obtenidos en este trabajo y en el trabajo [8] con sus respectivas incertidumbres para la frecuencia sidérea en el rango 0.5 EeV - 1.0 EeV	69

8.4. Barrido de frecuencias en el rango 0.5 EeV - 1.0 EeV mediante el método East-West.	70
8.5. Valores de las fases obtenidos en este trabajo y en el trabajo [8] con sus respectivas incertidumbres para la frecuencia sidérea en el rango 1.0 EeV - 2.0 EeV	72
8.6. Barrido de frecuencias en el rango 1 EeV - 2 EeV mediante el método East-West.	72
8.7. Variaciones de la amplitud d_{\perp} con respecto a $\sigma_{x,y}$ comparados con $d_{\perp,99}$ para distintos rangos de energía	73
8.8. Amplitudes con incertidumbre, apuntando en la dirección de la fase. Los círculos punteados los valores del trabajo [8]del trabajo [8] con sus respectivas incertidumbres y la línea punteada en negro marca la dirección del centro galáctico.	74

Capítulo 1

Introducción

“We can only measure what Nature sends us”

— Jim Cronin

La parte superior de la atmósfera terrestre está siendo constantemente bombardeada con partículas provenientes del espacio, con energías de los 10^{10} eV para arriba. Estas partículas son conocidas como rayos cósmicos (RC) y han sido descubiertas en 1911 por Victor Hess. Aunque el área lleva tiempo siendo estudiada, los mecanismos que producen los RCs y las zonas del espacio donde se originan los mismos siguen siendo investigadas por distintos experimentos. A partir del 2004, el Observatorio Pierre Auger ha detectado rayos cósmicos con el objetivo de estudiar su origen. Un análisis adecuado de los eventos registrados es necesario para estudiar las posibles fuentes de rayos cósmicos, además de su composición y espectro de energía.

Un aspecto estudiado por varios trabajos [9] [10] es la distribución de las direcciones de arribo de los rayos cósmicos. Estas direcciones son prácticamente isotrópicas salvo variaciones pequeñas alrededor de la media, por lo que es importante tener en cuenta todos los efectos que pueden ser fuentes de modulación espuria sobre los datos. Un ejemplo claro de una modulación que no aporta información sobre las anisotropías es la modulación del clima.

Este trabajo consiste en el análisis de las direcciones de arribo de los rayos cósmicos de ultra alta energía registrados por el Observatorio Pierre Auger. En el mismo se estudia la modulación del clima sobre los eventos medidos por los detectores de superficie, y además se estudian las anisotropías a grandes escalas angulares para distintos rangos de energía desde 0.25 EeV.

Los distintos capítulos de este trabajo están organizados para introducir los rayos cósmicos, mencionar brevemente algunas características del Observatorio Pierre Auger y describir los métodos utilizados para el estudio de los rayos cósmicos, para luego presentar los resultados del análisis sobre la modulación del clima de la señal medida por el Observatorio, y por último reportar los resultados de las amplitudes y fases de

las modulaciones de sobre la tasa de eventos para distintos rangos de energía.

1.1. Rayos cósmicos

Los rayos cósmicos (CRs) fueron descubiertos en 1911 por Victor Hess [11]. Los mismos son partículas que llegan a la Tierra desde el espacio como electrones, positrones, rayos gamma entre otros, además de núcleos atómicos. En 1962, John Linsley detectó un evento asociado a un CR con energía cercana a 10^{20} eV. Posterior a esta medición, otros experimentos encontraron más eventos por encima de esta energía.

A pesar de que han sido medidos y estudiados en experimentos alrededor del mundo, el origen de los CRs es incierto. Las partículas con energía por encima de 10^{18} eV se conocen como rayos cósmicos de ultra alta energía (UHECRs) y son las partículas con más energía en el universo actual. Las direcciones de arribo de los UHECRs son casi isotrópicas [9] [10] y se cree que son de origen extra-galáctico, es decir, que no fueron producidos dentro de la Vía Láctea. Esto se debe a que los campos magnéticos galácticos no pueden confinarlos, además que la distribución de sus direcciones de arribo es aproximadamente uniforme en el cielo, sin correlación significativa con el plano o el centro galáctico.

Para estudiar los CRs, se disponen de tres observables principales: el espectro, la composición y la anisotropía. El espectro se refiere a la distribución de energía de los CRs detectados, la composición es la distribución de masas nucleares, es decir que elementos y en que proporción se encuentran en los CRs, y el tercero, la anisotropía, es la distribución de las direcciones de arribo a distintas energías.

1.2. Espectro de energías

Los mecanismos de interacción con el medio de protones y núcleos de origen extra-galáctico y su relevancia en la propagación fueron predichos por Greisen [12], e independientemente por Zatsepin y Kuzmin [13] tras el descubrimiento de la radiación cósmica de fondo (CMB). Durante la propagación de estas partículas por el medio extra-galáctico, las mismas sufren una pérdida de energía debido a la expansión del universo. Este es el principal mecanismo de pérdida de energía para protones de $E < 2 \times 10^{18}$ eV y núcleos de $E/A < 0,5 \times 10^{18}$ eV. Además estos RCs de origen de extra-galáctico, pierden energía al interactuar con los fotones del CMB. Estos procesos de pérdida de energía se conocen como el efecto GZK.

En la Fig. 1.1 se presenta el espectro de los rayos cósmicos medidos por distintos experimentos. La figura fue extraída del trabajo [1], en la misma los datos fueron multiplicados por $E^{2,6}$ para resaltar los cambios en la forma del espectro. **Considerando**

que los CRs de energías por debajo de $\sim 10^{17}$ eV son de origen galáctico [7], la rodilla que marca el cambio de pendiente alrededor de $\sim 3 \times 10^{15}$ eV podría reflejar una transición en el origen de los CRs. La rodilla indicaría el límite donde la mayoría de los procesos que aceleran los RCs han alcanzado su energía máxima. El experimento de Cascade-Grande ha reportado una segunda rodilla cercana a 8×10^{16} eV, que podría corresponder al límite de aceleración de primarios más pesados [1].

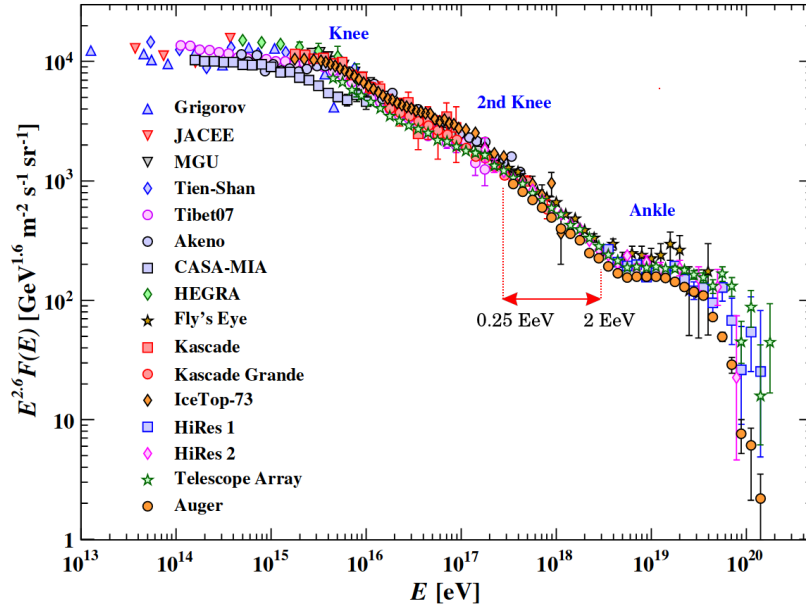


Figura 1.1: Espectro de rayos cósmicos medidos mediante lluvias atmosféricas en función de la energía E . Figura extraída de [1]

Hay dos teorías detrás del tobillo alrededor de $\sim 10^{19}$ EeV en la Fig 1.1. La primera dice que el mismo se debe a que una población de mayor energía está superando a otra de menor energía, por ejemplo un flujo extra-galáctico empieza a dominar sobre un flujo galáctico [14]. La segunda dice que el cambio de la forma de la curva se debe a la pérdida de energía de los protones extra-galácticos, debido al proceso $p\gamma \rightarrow e^+ + e^-$ conocido como foto-desintegración con el CMB [15]. Para RCs con energías mayores a $E/A \geq 6 \times 10^{19}$ eV, el proceso dominante en la pérdida de energía están asociados al efecto GZK [7].

El flujo de los rayos cósmicos Φ en función de la energía E puede aproximarse a una ley de potencias que tiene una forma del siguiente tipo

$$\frac{d\Phi}{dE} \propto E^{-\gamma} \quad (1.1)$$

donde γ se lo denomina índice espectral. Este valor varía ligeramente para distintos rangos de energía. Para este trabajo se toma un valor de $\gamma = 3,29$ [2]. Este valor es un promedio de los distintos valores del índice espectral para UHCRs del rango 0.25 EeV y 2 EeV como se indica en la Fig.1.1.

1.3. Lluvias atmosféricas extendidas

Por encima de una energía de 10^{14} eV, los RCs que llegan a la atmósfera pueden interactuar con las moléculas de la misma, y así producir cascadas de partículas secundarias. Dependiendo de la energía del primario, es decir el RC que generó la lluvia, estas partículas pueden ser medidas usando detectores sobre la superficie de la Tierra. Esta cascada es conocida como lluvia atmosférica extendida o *EAS* y está compuesta por una componente electromagnética, que consiste en electrones, positrones y fotones, y una componente muónica. Las partículas secundarias cargadas también pueden excitar moléculas de nitrógeno en el aire que producen fotones de fluorescencia y pueden ser observados por telescopios durante noches claras.

El momento transversal que adquieren las partículas secundarias en el proceso de dispersión a través de la atmósfera es tal que los secundarios se dispersan sobre un área de gran tamaño. Por ejemplo, para energías mayores a 10 EeV, la lluvia puede llegar a cubrir más de 25 km^2 .

El desarrollo de la lluvia puede describirse mediante la profundidad atmosférica $X(L)$, definida como la masa de aire por unidad de área que atravesó una partícula en su dirección de propagación **tras recorrer una distancia L** ,

$$X(L) = \int_L^\infty dx \rho(x) \quad (1.2)$$

donde ρ es la densidad del aire en función de la posición.

1.4. Descripción de una anisotropía dipolar

Las anisotropías en las direcciones de llegada de los RCs indican que ciertas zonas del cielo tienen una variación significativa con respecto a la media de flujo de RCs. Estas anisotropías pueden describirse mediante una superposición de funciones armónicas. El primer orden corresponde a una anisotropía dipolar, la misma se puede describir de la siguiente forma:

$$\Phi(\hat{\mathbf{u}}) = \Phi_0(1 + \mathbf{d} \cdot \hat{\mathbf{u}}) \quad (1.3)$$

donde Φ_0 es el flujo medio de eventos, $\hat{\mathbf{u}}$ es un versor que apunta a la dirección a estudiar, y \mathbf{d} es un vector con módulo igual a la amplitud del dipolo y cuya dirección está apuntando al máximo del flujo.

Tomando coordenadas ecuatoriales ¹, la dirección de \mathbf{d} es (α_d, δ_d) y de $\hat{\mathbf{u}}$ es (α, δ) , entonces el producto escalar entre estos vectores se puede escribir de la siguiente ma-

¹El sistema de coordenadas ecuatoriales se desarrolla en el apéndice A.1

nera:

$$\mathbf{d} \cdot \hat{\mathbf{u}} = d(\cos \delta_d \cos \delta \cos(\alpha - \alpha_d) + \sin \delta_d \sin \delta) \quad (1.4)$$

El desarrollo para obtener esta expresión se encuentra en el apéndice A.2.1.

Otro aspecto importante de la representación del dipolo en coordenadas ecuatoriales, es que la proyección de la amplitud del dipolo sobre el plano ecuatorial d_{\perp} se puede aproximar de la siguiente manera [7] :

$$d_{\perp} \simeq \frac{r_1}{\langle \cos \delta \rangle} \quad (1.5)$$

donde r_1 es la amplitud del primer armónico en ascensión recta, y $\langle \cos \delta \rangle$ es el valor medio de $\cos \delta$ de los eventos.

1.4.1. Representación en coordenadas locales de una anisotropía dipolar

Podemos reescribir el producto escalar entre el dipolo \mathbf{d} y el versor $\hat{\mathbf{u}}$ que apunta en una dirección cualquiera mediante las coordenadas locales θ y ϕ ² como se muestra en la siguiente expresión:

$$\mathbf{d} = d_{x'}(\alpha^0, \delta^0)\hat{x}' + d_{y'}(\alpha^0, \delta^0)\hat{y}' + d_{z'}(\alpha^0, \delta^0)\hat{z}' \quad (1.6)$$

$$\hat{\mathbf{u}} = \sin \theta \cos \phi \hat{x}' + \sin \theta \sin \phi \hat{y}' + \cos \theta \hat{z}' \quad (1.7)$$

$$\mathbf{d} \cdot \hat{\mathbf{u}} = d_{x'}(\alpha^0, \delta^0) \sin \theta \cos \phi + d_{y'}(\alpha^0, \delta^0) \sin \theta \sin \phi + d_{z'}(\alpha^0, \delta^0) \cos \theta \quad (1.8)$$

donde los versores \hat{x}' , \hat{y}' y \hat{z}' apuntan a la dirección Este, Norte y del cenit respectivamente.

El dipolo \mathbf{d} está fijo en el cielo pero visto desde las coordenadas locales, para poder trabajar con θ y ϕ , sus proyecciones $d_{x'}$, $d_{y'}$ y $d_{z'}$ tienen una dependencia con la ascensión recta α^0 y declinación δ^0 del cenit.

²El sistema de coordenadas locales se desarrolla en el apéndice A.2.

Capítulo 2

El Observatorio Pierre Auger

2.1. Introducción

El observatorio Pierre Auger está ubicado en la ciudad de Malargüe, provincia de Mendoza. El mismo fue construido para detectar las partículas secundarias de las EASs producidas por RCs. Las propiedades medidas de las lluvias extendidas determinan la energía y la dirección de arribo de cada CR, además de proveer información sobre la composición de la misma. El observatorio posee un sistema híbrido de detección, ya que combina un arreglo de detectores de partículas sobre la superficie y un conjunto de telescopios que detectan los fotones de fluorescencia. Cuando el observatorio registra una EAS que llega a la superficie y reconstruye la dirección de llegada del RC, se dice que se ha detectado un *evento*. La adquisición de datos empezó en el año 2004 y sigue hasta la actualidad.

2.2. Detección de Rayos Cósmicos

Una característica esencial del Observatorio es la capacidad de registrar lluvias atmosféricas extendidas (EAS) simultáneamente mediante dos técnicas distintas, combinando los detectores de superficie y los detectores de fluorescencia (FD).

Los análisis presentados en este trabajo fueron realizados con los eventos obtenidos por 1660 detectores Cherenkov, dispuestos sobre de $\sim 3000 \text{ km}^2$ a 1500 m entre sí en forma triangular. Un conjunto de 7 detectores adyacentes, es decir una en el medio y 6 en los lados, forman una celda hexagonal o hexágono. Esta disposición de tanques se menciona como *arreglo principal* y se muestra en la Fig. 2.1. El conjunto del tanque y la electrónica de detección se menciona durante este trabajo como *Surface Detector* o *SD*. Además, el Observatorio tiene otro arreglo de SDs separados por 750 m llamado *Infill*.

Los FDs están colocados en cuatro edificios alrededor del arreglo principal: Coihue-

co, Loma Amarilla, Los Morados y Los Leones indicados en el mapa en la Fig. 2.1. Cada edificio contiene 6 FDs, donde cada uno tiene un campo de visión de $30^\circ \times 30^\circ$, cubriendo así cada uno 180° en la horizontal.

El área del observatorio es generalmente plana, la altitud de los detectores varía entre 1340 m y 1610 m, con una altitud media de ~ 1400 m. Estos detectores están distribuidos entre las latitudes $35,0^\circ$ S y $35,3^\circ$ S y entre las longitudes $69,0^\circ$ W y $69,4^\circ$ W.

2.2.1. El Detector de Superficie y el Detector de Fluorescencia

Un detector de superficie (SD), que se muestra en la Fig. 2.2a, consiste en un tanque cilíndrico de polietileno de 3,6 m de diámetro y 1,2 m de altura con 12 toneladas de agua ultra-pura. En la parte superior del tanque se encuentran tres foto-multiplicadores (PMT) distribuidos simétricamente a 1,2 m respecto al centro del tanque. Los mismos colectan la radiación Cherenkov producida por una partícula cargada relativista que pasa por el agua del detector. **El interior está recubierto por una lámina de alta reflectividad para minimizar la pérdida de energía de los fotones energía por el rebote con las paredes.** La altura del tanque lo hace sensible a detectar fotones de altas energías, que pueden convertirse en pares electrón-positrón en el volumen de agua [2]. Cada detector está midiendo constantemente los fotones en el agua, muchos de estos fotones son producidos por ruido y otros por partículas secundarias de una EAS. Los SDs cuentan con algoritmos o reglas para discernir ruido de un evento causado por un rayo cósmico, estos son los algoritmos de disparo que se mencionan en el apartado 2.4 .

El detector de fluorescencia (FD) consiste en 24 telescopios de fluorescencia, esquematizados en la Fig 2.2b, distribuidos en 4 edificios en los límites del observatorio. Cada telescopio tiene un espejo esférico segmentado de $13 m^2$ y una cámara que consiste en 440 PMTs ordenados en una grilla de 22x20. Cada telescopio tiene un campo de visión de $30^\circ \times 30^\circ$.

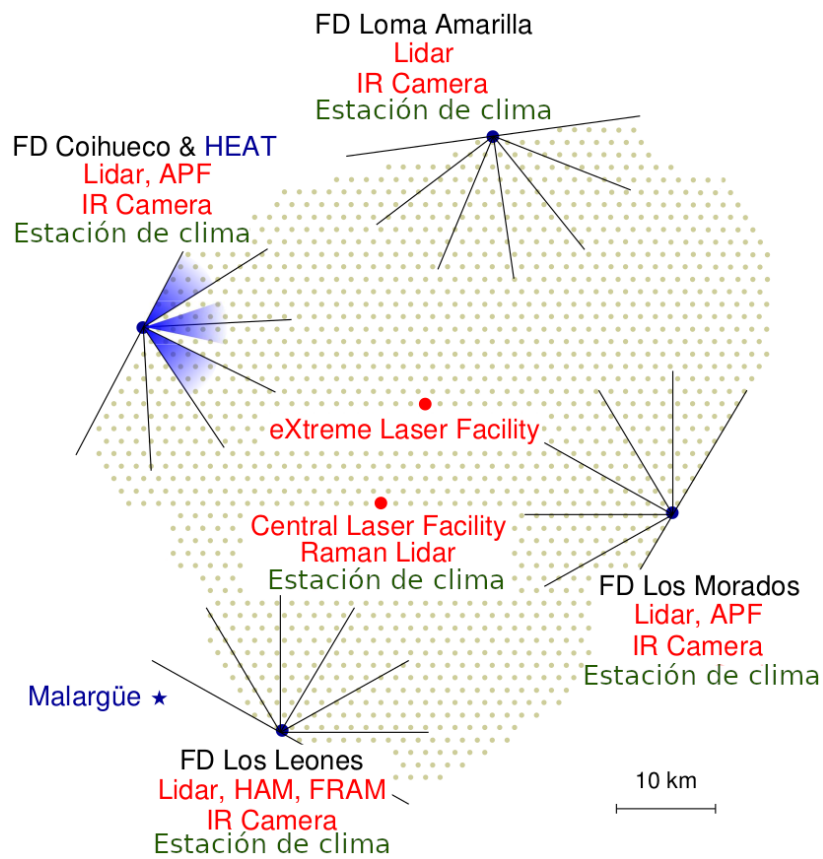
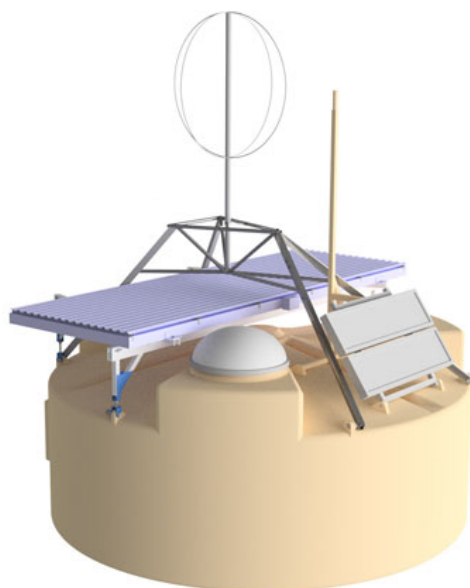
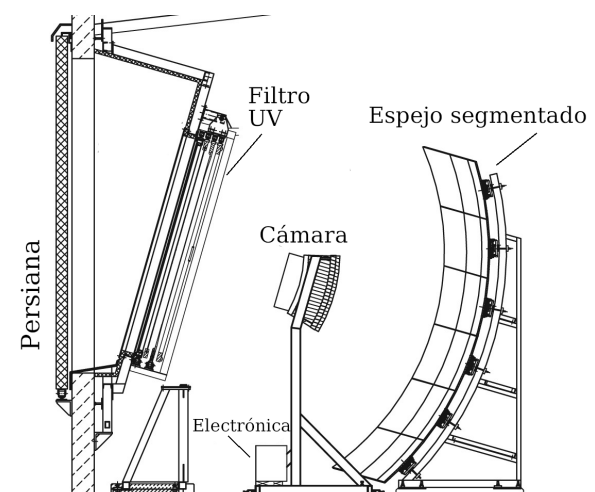


Figura 2.1: Distribución de los detectores de superficie en el área del Observatorio Pierre Auger. Se muestra la ubicación de las estaciones del clima, otros módulos instalados sobre el observatorio y la posición de los detectores de fluorescencia (FD). Figura extraída de [2]



(a) Detector de radiación Cherenkov con los elementos de la actualización para *Auger Prime*



(b) Esquema simplificado de un telescopio de fluorescencia. Extraído de [16]

Figura 2.2: Detectores empleados por el Observatorio Pierre Auger para la detección de rayos cósmicos.

El FD mide los fotones ultravioletas producidos por la componente electromagnética de la EAS. Mientras se produce la lluvia en la atmósfera, algunos átomos de nitrógeno se excitan y se desexcitan emitiendo fotones. El uso del FD para detectar estos fotones es solo posible en noches sin nubes y sin luna. La posible atenuación de los fotones en la atmósfera es tomada en cuenta para la estimación de la energía, ya que se basa en la cantidad de fotones detectados. Otro factor a tener en cuenta es la presencia de aerosoles, como humo o polvo, esto se realiza midiendo la profundidad atmosférica óptica vertical *Vertical Atmospheric Optical Depth (VAOD)*. Estas mediciones son realizadas por los láseres de las instalaciones de Central Laser Facility (CLF) y de eXtreme Laser Facility (XLF), cuyas ubicaciones se muestra en la Fig.2.1.

2.2.2. Diseño híbrido

Los SDs detectan un corte de EAS que llega al nivel del suelo, midiendo las componentes electromagnética y muónica de la lluvia. Cabe resaltar que los SDs funcionan las 24 horas del día, por lo que detectan una mayor cantidad de eventos que el FD. Existen métodos para determinar la dirección de arribo y la energía del primario a partir de la mediciones. El SD tiene la propiedad de que la calidad de sus mediciones aumenta con la energía del EAS.

La exposición se calcula contando la cantidad de hexágonos activos en un tiempo dado, y multiplicado la apertura de un solo SD que vale $4,59 \text{ km}^2 \cdot \text{sr}$ para lluvias verticales. La exposición instantánea del SD se calcula fácilmente, especialmente para energías mayores a 3 EeV, donde la EAS detectada por cualquier parte del SD es detectada con 100 % de eficiencia independientemente de la masa del primario que inicio la EAS.

El FD es usado para generar una imagen del desarrollo del EAS en la atmósfera. La luz de fluorescencia es emitida isotrópicamente en la parte ultravioleta del espectro, y es producida predominantemente por la componente electromagnética de la lluvia. Los períodos de observación están limitados a las noches sin luna y con buen clima, pero la ventaja del FD es la posibilidad de ver el desarrollo de la lluvia. Dado que la producción de los fotones por fotoluminiscencia es proporcional a la energía depositada en la atmósfera, se puede medir la energía del primario mediante calorimetría. Otro aspecto importante del FD es la posibilidad de medir la profundidad de la atmósfera donde la lluvia alcanza su máximo desarrollo, X_{max} , esta cantidad es uno de los más directos indicadores de la composición de masa. [10]

2.3. Reconstrucción de eventos de los detectores de superficie

2.3.1. Selección de eventos

La reconstrucción de la energía y la dirección de arribo de los CRs se realiza mediante las señales medidas por los SDs. La dirección es reconstruida mediante el tiempo de llegada de las señales registradas por detectores individuales. Para garantizar la selección de eventos bien contenidos en el SD, se aplica el corte llamado *6T5*. Este corte considera solo a los eventos donde el tanque con mayor señal está rodeado por otros 6 tanques activos. Esta condición asegura una buena reconstrucción de la energía. Al mismo tiempo, este corte simplifica el cálculo de la exposición [17]. Para estudios de dirección de arribo pueden utilizar cortes menos estrictos dependiendo del rango de energía a estudiar.

2.3.2. Reconstrucción de las lluvias

En una primera aproximación para la dirección de arribo de la lluvia se obtiene ajustando los tiempos de llegada de la señal en cada tanque. Para eventos con suficientes tanques disparados, estos tiempos de llegada pueden ser descritas como la evolución un frente de lluvia como una esfera que crece con la velocidad de la luz. Los puntos de impacto del EAS con el suelo son obtenidas mediante ajustes a las señales de los tanques. Este ajuste se realiza con un función de distribución lateral (LDF). La LDF también tiene en cuenta la probabilidad de que los tanques no sean disparados y que los tanques con mayor señal estén saturados.

Un ejemplo de la señal que deja un evento sobre el SD 1500 m se muestra en la Fig. 2.3. Este evento fue producido por un rayo cósmico de (104 ± 11) EeV con un ángulo cenital de $(25,1 \pm 0,1^\circ)$. La LDF de las señales para este evento se muestra en la Fig. 2.4. La función utilizada para el ajuste de la LDF es una función f_{LDF} propuesta por Nishimura-Kamata-Greisen [10]

$$S(r) = S(r_{opt})f_{LDF}(r)$$

$$f_{LDF}(r) = \left(\frac{r}{r_{opt}}\right)^\beta \left(\frac{r+r_1}{r_{opt}+r_1}\right)^{\beta+\gamma}$$

donde f_{LDF} está normalizado tal que $f_{LDF}(r_{opt}) = 1$ y r_{opt} es la distancia óptima, y $S(r_{opt})$ es usado para estimar la energía. Para el arreglo SD 1500 m, el parámetro $r_{opt} = 1000$ m, por lo tanto el tamaño de la lluvia o *shower size* es el valor de $S(1000)$. Dado que la forma de la LDF es desconocida, la forma funcional propuesta para la función f_{LDF} fue elegida empíricamente. El parámetro β depende del tamaño de la

lluvia y del ángulo cenital. Los eventos verticales, es decir los eventos con $\theta < 60^\circ$, son medidas en una etapa menos desarrollada que eventos más inclinados. Los eventos con $\theta > 60^\circ$ atraviesan una mayor cantidad de atmósfera.

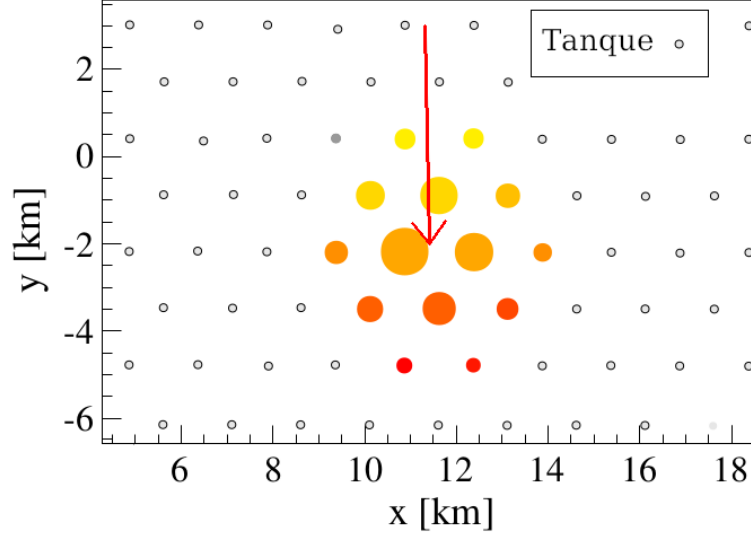


Figura 2.3: Ejemplo de la señal dejada por un evento de (104 ± 11) EeV de energía con un ángulo cenital de $(25,1 \pm 0,1^\circ)$ sobre el arreglo principal SD 1500 m. La flecha indica la dirección de arribo de la lluvia. Los colores de los círculos representan el tiempo de arribo de la lluvia, los primeros en amarillo y los últimos en rojo. En el área de los círculos pintados es proporcional al logaritmo de la señal. Figura extraída de [2].

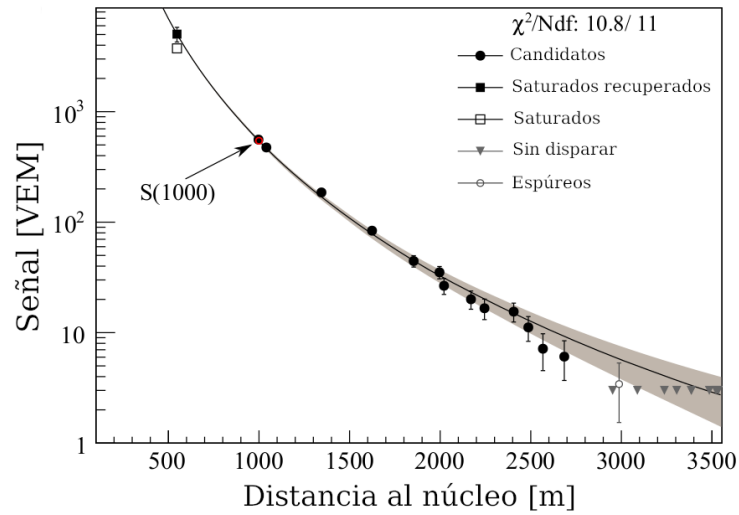


Figura 2.4: Dependencia de la señal con la distancia del núcleo de la lluvia de un evento de (104 ± 11) EeV de energía con un ángulo cenital de $(25,1 \pm 0,1^\circ)$. La función ajustada es la función de distribución lateral (LDF). Del ajuste se obtiene el valor de $S(1000)$. Figura extraída de [2].

2.3.3. Calibración de la energía

Para una energía dada, el valor de $S(1000)$ disminuye con θ debido a la atenuación de las partículas de la lluvia. Asumiendo un flujo isotrópico de los CR primarios sobre la parte superior de la atmósfera, se obtiene la atenuación de los datos mostrados en la Fig. 2.5 usando el método de Corte de Intensidad Constante (CIC) [18]. La curva de atenuación $f_{CIC}(\theta)$ fue ajustado con un polinomio de orden 3 del tipo $f_{CIC}(\theta) = 1 + ax + bx^2 + cx^3$, donde $x = \cos^2(\theta) - \cos^2(38^\circ)$. Según lo presentado por la colaboración [9], los valores son $a = 0,980 \pm 0,004$, $b = -1,68 \pm 0,01$ y $c = -1,30 \pm 0,45$, aunque estos coeficientes cambian ligeramente con la energía [10]. El ángulo cenital $\theta = 38^\circ$ se toma como un punto de referencia para convertir $S(1000)$ a S_{38} mediante $S_{38} = S(1000)/f_{CIC}(\theta)$. Este valor S_{38} puede considerarse como la señal $S(1000)$ que hubiera tenido un evento que fue detectado mediante el SD con $\theta = 38^\circ$.

Los eventos con $\theta < 60^\circ$ que fueron detectados por el SD y por el FD son utilizados para relacionar el tamaño de la lluvia con la energía E_{FD} medida por calorimetría por el FD. La correlación entre S_{38} y E_{FD} se calcula mediante el método de máxima verosimilitud, que considera la evolución de las incertezas con la energía. La relación entre S_{38} y E_{FD} se describe mediante un función de potencia como se muestra en la Ec. 2.1

$$E_{FD} = A (S_{38}/VEM)^B \quad (2.1)$$

donde los parámetros obtenidos son $A = (1,86 \pm 0,03) \times 10^{17}$ eV y $B = (1,031 \pm 0,004)$ [3]. En la Fig. 2.6 se observa el ajuste y la relación entre S_{38} y E_{FD}

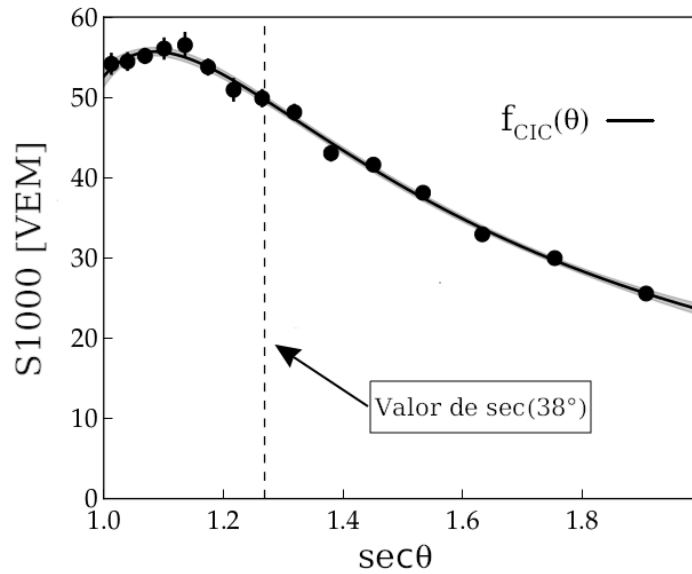


Figura 2.5: Curva de atenuación descrita por un polinomio de orden 3. En este ejemplo se deducen los coeficientes de la dependencia del $S(1000)$ a $S_{38} \approx 50$ VEM que corresponde a un energía de 10,5 EeV. Figura extraída de [2].

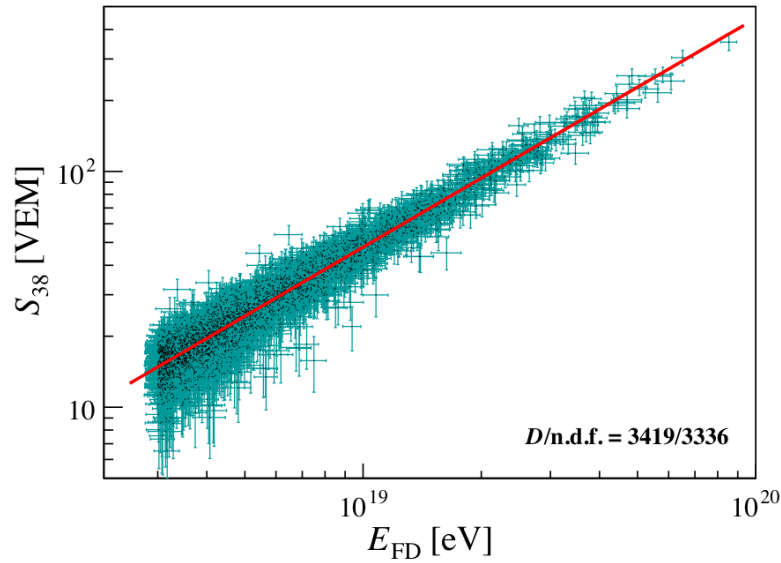


Figura 2.6: Correlación entre el valor S_{38} y la energía E_{FD} medida por el FD. Con estos datos se ajustan los parámetros A y B que relacionan la señal y la energía. Figura obtenida del trabajo [3].

2.3.4. Monitoreo del clima

Las condiciones atmosféricas, como la temperatura, presión y humedad, se deben tener en cuenta para estudiar el desarrollo de los EAS, así como también para estudiar la cantidad de fotones de las lluvias sobre las moléculas de N_2 , emitidos por fluorescencia. Distintas estaciones monitorean las condiciones atmosféricas sobre el Observatorio Pierre Auger, cuatro cerca de los edificios donde se encuentran los FD y uno cerca del centro del SD 1500 m. Para este trabajo se utilizaron las mediciones de la presión y temperatura registradas la mayor parte del tiempo en la estación del clima cerca del CLF, la misma realiza una medición cada intervalo de 5 minutos la mayor parte del tiempo. Cuando no se cuenta con datos registrados para intervalos entre 10 minutos hasta 3 horas, en estos casos se utiliza una interpolación de los datos medidos. Si el período de tiempo es mayor a 3 horas, los eventos durante este periodo no son considerados para la determinación de los efectos del clima en la señal detectada por el SD 1500 m.

2.4. Algoritmos de disparo del detector de superficie

2.4.1. Disparo Estándar

El eventos comúnmente presentados en los trabajos de la Colaboración Auger son registrados con un algoritmo de disparo que se menciona como *Disparo Estándar*. Estos

eventos son medidos utilizando un algoritmo cuya eficiencia varía con la energía del CR. Para el disparo estándar, los eventos con energía mayor a 3 EeV y ángulo cenital $\theta < 60^\circ$ o por encima de 4 EeV y $\theta < 80^\circ$, son detectados con una eficiencia del 100 %. Por lo tanto, el análisis en el rango de energía entre 1 EeV - 2 EeV requiere factores relacionados con la eficiencia del disparo en función de la energía. Estos factores son obtenidos de manera fenomenológica [7].

A medida que los tanques pasan más tiempo midiendo van perdiendo sensibilidad a los eventos de bajas energías. Esto es una desventaja del disparo estándar en los SDs en el rango 1 EeV - 2 EeV. En la Fig.2.7, para los datos presentados en el ICRC 2019, se observa como la cantidad de eventos para energía menores a 3 EeV va disminuyendo, además la energía media de los eventos para distintos rangos de tiempo va aumentando.

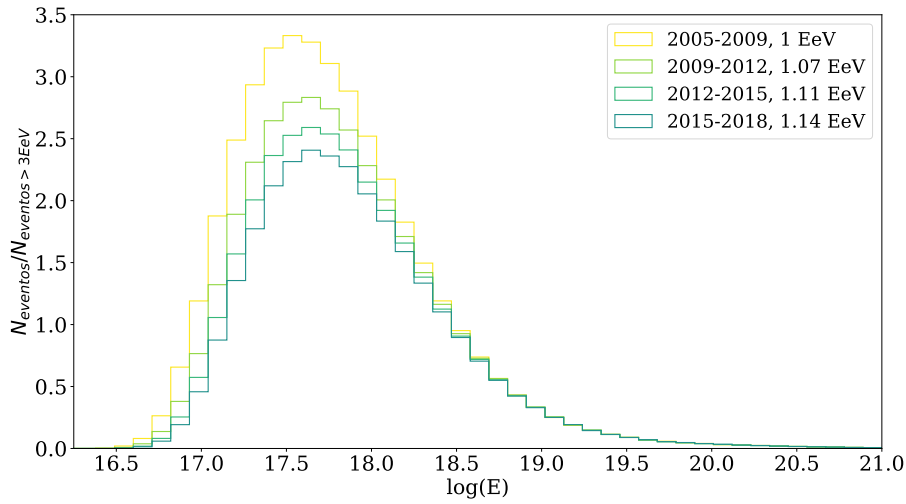


Figura 2.7: Histograma de eventos del Disparo Estándar por rango de tiempo medido por el Observatorio Pierre Auger

2.4.2. Todos los Disparos

Para recuperar la sensibilidad para bajas energías, a partir del año 2013 se implementan otros algoritmos de disparo en los SDs, llamados ToTd y MoPS [19]. Estos algoritmos de disparo se mencionan en este trabajo como *Todos los Disparos*. En la Fig.2.8 se observa como la cantidad de eventos para energía menores a 2 EeV va disminuyendo como el caso del Disparo Estándar pero en una menor proporción con respecto a los eventos registrados con eficiencia completa.

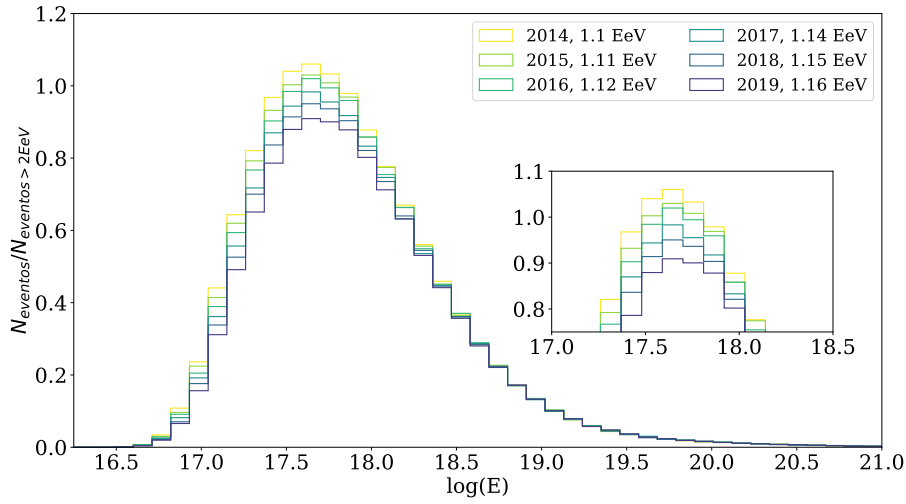


Figura 2.8: Histograma de eventos de Todos Los Disparos por rango de tiempo medido por el Observatorio Pierre Auger

La implementación de los ToTd y MoPS fue llevada a cabo mediante una actualización de la electrónica de los SDs para bajar el umbral de disparo, en particular para las señales de la componente electromagnética de la EAS, mejorando así la reconstrucción de eventos mediante la separación fotón/hadrón para bajas energías [19]. Con esta mejora, el umbral de eficiencia completa para todos los disparos es menor que el disparo estándar, este umbral es de una energía de 1 EeV. En la Fig 2.9 se comparan las eficiencia del disparo estándar y todos los disparos en función de la energía del evento. De tal manera que, al estudiar los eventos en el rango 1 EeV - 2 EeV, no son necesarios los factores de eficiencia y sólo pueden afectar los cambios de la exposición direccional del observatorio.

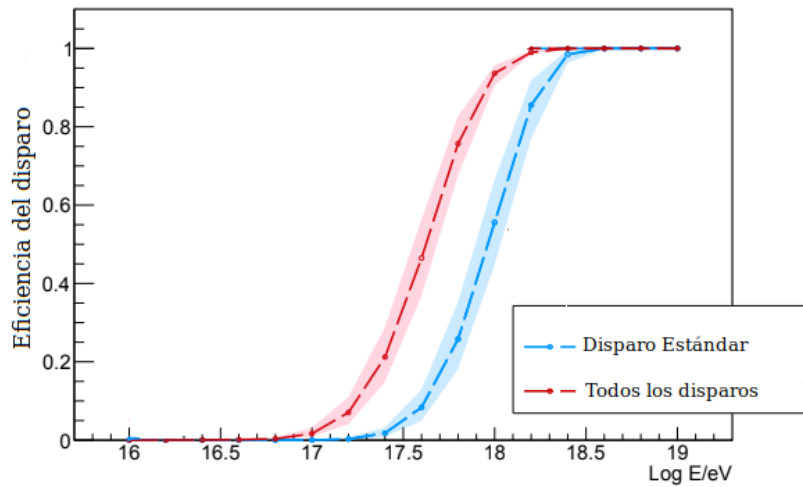


Figura 2.9: La eficiencia del disparo en función de la energía para eventos con ángulo cenital θ menor a 60° . Este figura fue extraída del trabajo [4]

Una desventaja de todos los disparos sobre el disparo estándar, es que el último

tiene una mayor cantidad de años medidos, ya que se adquieren datos desde el año 2004 con este algoritmo. Esto es conveniente ya que mientras más años han sido medidos es más factible que los efectos espúreos se cancelen. En cambio, para todos los disparos, el análisis es posible desde el año 2013. Entre inicios del 2004 y finales del 2019, el conjunto de eventos del disparo estándar tiene 6 975 194 eventos sin clasificar, es decir todos los eventos registrados por el observatorio sin discriminar por energía. En cambio entre mediados del 2013 hasta fines del 2019, el archivo de eventos para todos los disparos tiene 13 739 351 eventos sin clasificar, por lo que el menor tiempo de medición se compensa con la eficiencia del disparo.

2.5. Acerca de los eventos utilizados en este trabajo

Se aplican cortes a los eventos para asegurar la eficiencia completa de los detectores. Estos cortes implican límites en ángulo cenital θ de los eventos, en la cantidad de vecinos al tanque de mayor señal, además de restringirse a eventos medidos en condiciones normales, es decir, cuando los sistemas de comunicación del Observatorio funcionan sin inconvenientes. De esta manera, podemos prescindir de otros factores de corrección.

A partir de los registros de eventos del arreglo principal con todos los disparos, se consideran solamente los eventos que cumplan las siguientes características:

1. La calidad de la reconstrucción depende de la energía y del ángulo cenital θ del evento. Para el disparo estándar los eventos por debajo de los 4 EeV, se consideran los eventos con $\theta < 60^\circ$, en cambio para eventos por encima de esta energía se consideran hasta $\theta < 80^\circ$. Para todos los disparos se consideran solo los eventos con $\theta < 60^\circ$.
2. Los datos del evento son recopilados sin inconvenientes. Este filtro se conoce como *Bad period flag* o *ib*. Un valor de 1 indica un buen periodo. Con este filtro se descartan eventos debido a probables fallas de alimentación o problemas de comunicación o adquisición que podrían inducir errores en el análisis.
3. Buena reconstrucción de la lluvia atmosférica asociada al evento.
4. El tanque de mayor señal está en el interior de un hexágono de tanques activos. Estos eventos se conocen como *eventos 6T5*.

2.5.1. Acerca del registro de hexágonos

La cantidad de celdas activas sobre el observatorio está relacionado con el filtro de eventos 6T5, que garantiza la calidad de la reconstrucción del evento. El observatorio lleva un registro de la cantidad de hexágonos activos cada 5 min, además de registrar

las condiciones atmosféricas en distintas estaciones de clima sobre la superficie del observatorio.

Capítulo 3

Modulación del clima para eventos registrados por el Observatorio Pierre Auger

3.1. Eventos asociados al Disparo Estándar en el rango 2004-2018

3.2. La física detrás de la modulación del clima

El arreglo principal mide las 24 horas del día las lluvias de partículas que llegan al suelo. Las señales registradas por los WCDs, ya sea mediante la componente electromagnética o muónica de las EAS, se usan para determinar la posición del núcleo, la dirección de arribo del CR y la energía del primario. La señal de los eventos son ajustados mediante una función de distribución lateral (LDF) para obtener una señal de referencia $S(1000)$. Existieron cambios en los parámetros de la LDF y, por lo tanto, de valor de S_{38} , utilizado para estimar la energía del primario. La conversión de $S(1000)$ a S_{38} se realiza mediante el método de corte de intensidad constante (CIC) explicado anteriormente. Además en la nueva reconstrucción el CIC es función de la energía.

3.2.1. Trabajos anteriores

Debido a la modulación del clima dependiente de la estaciones, es de esperarse encontrar una modulación diaria y anual sobre la cantidad de eventos observados por el SD. Ya que en días con menor densidad y presión atmosférica, los tanques detectan eventos por debajo del umbral con mayor facilidad. Este fenómeno fue estudiado por trabajos anteriores realizados por la colaboración Pierre Auger [5] [20]. En particular, el trabajo [5] consideró el retraso que tienen los cambios de la temperatura a distintas

alturas sobre la superficie, como se muestra en la Fig 3.1 que son datos del GDAS (Global Data Assimilation System) promediados por hora del día. Posteriormente esta corrección fue implementada en el proceso de análisis de datos del observatorio.

En la Fig. 3.1 se observa que los ajustes realizados a las variaciones de la temperatura según la hora del día con una función del tipo $T(t) = T_{media} + A \times \sin((t - t_d)\pi/12 \text{ hs})$. En la Tabla 3.1 se observa que entre 1400 m (altitud del observatorio Pierre Auger) y la mayor altitud medida por el GDAS existe un corrimiento de $2,1 \pm 0,7 \text{ hs}$.

Como la relación entre la densidad y la temperatura del aire están relacionadas mediante la expresión $\rho \approx 0,3484P/T + 273,16 \text{ kgm}^{-3}$, con P en hPa y T en °C [5], el corrimiento de la temperatura al aumentar la altitud también se ve reflejada en la densidad. Como la misma es una variable importante para el desarrollo de la cascada en la atmósfera, este retraso debe tenerse en cuenta.

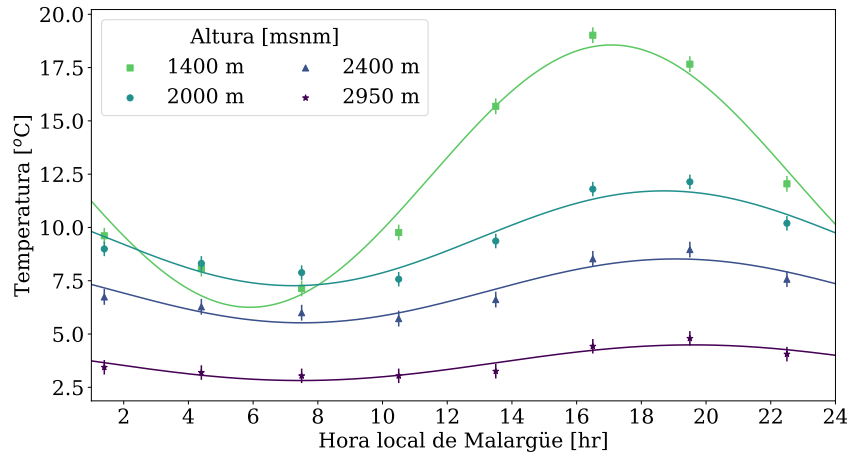


Figura 3.1: Mediciones de la temperatura a distintas alturas sobre el nivel del mar en función de la hora del día en Malargüe. (Hora Local: UTC-3).

Altura [msnm]	T_{media} [°C]	A [°C]	t_d [h]
1400	$12,4 \pm 0,5$	$5,6 \pm 0,6$	$12,5 \pm 0,5$
2000	$9,5 \pm 0,2$	$2,1 \pm 0,3$	$10,8 \pm 0,6$
2400	$7,0 \pm 0,2$	$1,4 \pm 0,2$	$10,7 \pm 0,6$
2950	$3,7 \pm 0,1$	$0,8 \pm 0,1$	$10,4 \pm 0,6$

Tabla 3.1: Características de la modulación de la temperatura en función de la altura sobre el nivel del mar.

Efectos de la atmósfera sobre los rayos cósmicos

La variación de las condiciones atmosféricas afecta las señales de las lluvias atmosféricas extendidas. Estas señales pueden ser detectadas en la superficie por un arreglo de detectores, como los que se encuentran en el Observatorio Pierre Auger.

Estos efectos pueden inducir errores sistemáticos en la reconstrucción de energía de los rayos cósmicos. Se han realizado trabajos anteriores sobre los efectos del clima sobre la señal detectada en el Observatorio Pierre Auger [20] [5]. En este trabajo se estudió eventos con energía mayor a 1 EeV entre los años 2005-2018, extendiendo los periodos de tiempo estudiados anteriormente.

Para entender los parámetros utilizados para describir a la lluvia, debemos entender que son la longitud de radiación X_0 , la profundidad de la lluvia X_{max} y el radio de Molière r_M . La longitud de radiación definida como $X_0 = d/2$, donde d es un parámetro que indica cuanta cantidad de materia debe atravesar una partícula cargada relativista para perder un factor de $\approx 50\%$ de su energía. El X_0 depende del material que atraviesa la partícula, y tiene unidades de $[\text{g cm}^{-2}]$. La profundidad de la lluvia X_{max} de una cascada puramente electromagnética, i.e. iniciada por un fotón, tiene la siguiente expresión [21]

$$X_{max} = X_0 \ln\left(\frac{E}{\xi_c^e}\right) \quad (3.1)$$

donde ξ_c^e es la energía crítica para la cual las pérdidas de energía por radiación supera a la pérdida de energía por colisión, en el aire $\xi_c^e = 85 \text{ MeV}$. Por último, el radio de Molière r_M que puede expresarse como

$$r_M = \frac{E_s}{\xi_c^e} \frac{X_0}{\rho} \quad (3.2)$$

es la máxima profundidad transversal que alcanza la lluvia. El valor de $E_s \approx 21 \text{ MeV}$ caracteriza las pérdidas por dispersión. Usualmente un cilindro con un radio r_M contiene al 90 % de la energía depositada en la atmósfera por el primario. El radio de Molière local en el aire para una altura h puede definirse como $r_M = 9.6 \text{ g cm}^{-2} / \rho(h)$ [22].

Las variables atmosféricas importantes que afectan al desarrollo de la EAS en la atmósfera son la presión y la densidad del aire. Por un lado la presión es una medida de cantidad de materia que atraviesa el CR. Si la presión sobre la superficie aumenta implica que la lluvia va a atravesar más partículas, y por el contrario si la presión disminuye la lluvia tiene menos materia para interactuar. Esto afecta el desarrollo longitudinal de la lluvia cuando llega a la superficie. En la Fig. 3.2 se muestran un esquema simplificado de las interacciones en la atmósfera de un primario de la misma energía. En la figura de la izquierda representa la lluvia donde la presión y la densidad está por encima de la media, y la figura de la derecha representa una lluvia donde la presión y la densidad de la atmósfera están por debajo de la media.

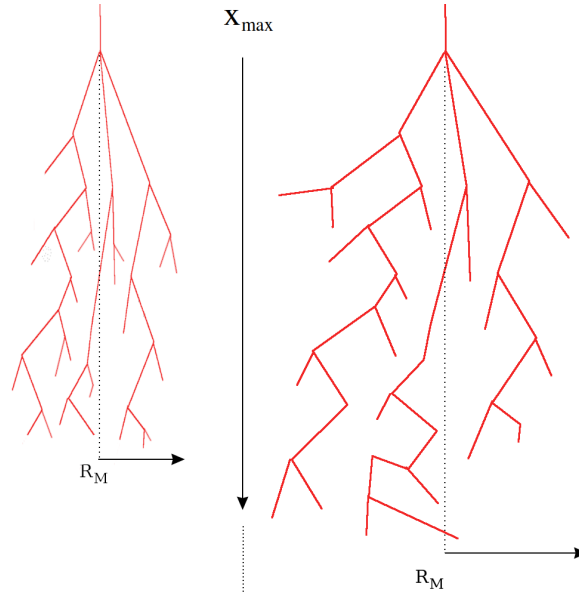


Figura 3.2: Diagramas simplificado de un lluvia de la misma energía para distintas condiciones atmosféricas

Estos efectos se ven reflejados en la señal sobre el SD del Observatorio Pierre Auger. La extensión de la señal sobre el SD, es decir el r_M puede cambiar según la densidad de la atmósfera por encima del SD. Los valores de r_M relevantes para la señal medida son a nivel del suelo y a 1000 m. Esto implica que las variaciones de densidad (o de temperatura) a estas alturas están relacionadas con las variaciones al nivel del suelo. La variación a ~ 2400 m sobre el nivel del mar está atrasada dos horas con respecto a la variación sobre el Observatorio, que se encuentra a ~ 1400 m sobre el nivel del mar. Otro aspecto importante es que la amplitud de esta variación disminuye con la altura. Entre las dos altitudes mencionadas existen una relación de aproximadamente $1/3$ entre las amplitudes.

Modelo teórico

Considerando lo analizado en [5] [20], en este trabajo se propone la siguiente modulación, presentada en la Ec. 3.3, para la señal S que reciben los tanques

$$S = S_0(1 + \alpha_P(P - P_0) + \alpha_\rho(\rho_{media} - \rho_0) + \beta_\rho(\rho_{2h} - \rho_{media})) \quad (3.3)$$

donde S_0 es la señal del evento en condiciones atmosféricas medias, P es la presión en el momento del evento, $P_0 = 862$ hPa es la presión media en el rango de tiempo estudiado, ρ_{media} es la densidad media del aire en 24 hs, $\rho_0 = 1,06$ kgm $^{-3}$ es la densidad media durante el periodo estudiado, ρ_{2h} es la densidad que se midió dos horas antes del evento y los coeficientes α y β tiene en cuenta la modulación del clima sobre la señal. Si consideramos la tasa R_{ang} por ángulo sólido Ω

$$\frac{dR_{ang}}{d\Omega} = \int_{S_{min}}^{\infty} P_{Tr}(S, \theta) d\Phi_{CR} \quad (3.4)$$

donde P_{Tr} es la probabilidad de que sea detectado un evento para un valor de señal mínimo S_{min} dado, y Φ_{CR} es la densidad de eventos por ángulo sólido. La función P_{Tr} tiene en cuenta la eficiencia del disparo de los tanques en función de la energía. Por ejemplo, para el SD 1500 m, como se mencionó anteriormente, la eficiencia máxima de disparo es a partir de 3 EeV. Considerando las Ecs. 2.1 y 1.1, se puede reescribir la Ec. 3.4 como integral de la señal medida S . Teniendo en cuenta que la corrección del clima es pequeña podemos escribir la Ec. 3.3 como $S = S_0(1 + \epsilon)$ y las Ecs. 1.1 y 2.1.

$$\begin{aligned} \frac{d\Phi_{CR}}{dE} &\propto E^{-\gamma} & \frac{dE}{dS} &= \frac{dE}{dS_0} \frac{dS_0}{dS} \\ &= S^{-B\gamma} (1 + \epsilon)^{B\gamma} & &= AB S^{B-1} (1 + \epsilon)^{-B} \\ \frac{dR_{ang}}{d\Omega} &= \int_{S_{min}}^{\infty} P_{Tr}(S, \theta) \frac{d\Phi_{CR}}{dE} \frac{dE}{dS} dS \\ &\propto \int_{S_{min}}^{\infty} P_{Tr}(S, \theta) \left(S^{-B\gamma} (1 + \epsilon)^{B\gamma} \right) \left(AB S^{B-1} (1 + \epsilon)^{-B} \right) dS \\ &\propto AB (1 + \epsilon)^{B\gamma-B} \int_{S_{min}}^{\infty} P_{Tr}(S, \theta) S^{-B\gamma+B-1} dS \end{aligned}$$

Dado que $\epsilon \ll 1$, uno puede expandir la expresión $(1 + \epsilon)^{B\gamma}$ hasta primer orden

$$(1 + \epsilon)^{B\gamma-B} \approx 1 + B(\gamma - 1)\epsilon$$

Por lo que la expresión final queda de la siguiente forma

$$\frac{dR_{ang}}{d\Omega} \propto AB(1 + B(\gamma - 1)\epsilon) \int_{S_{min}}^{\infty} P_{Tr}(S, \theta) S^{-B\gamma+B-1} dS$$

Considerando que $d\Omega = \sin(\theta)d\theta d\phi$ y que el área efectiva que tiene el observatorio para dado un evento con ángulo cenital θ es $M_{eff} = M \times \cos(\theta)$, donde M es el área activa del observatorio en el momento del evento. Podemos redefinir la tasa por área R como

$$\begin{aligned} dR &\propto \frac{dR_{ang}}{d\Omega} \frac{M_{eff}}{M} d\Omega \\ &\propto \frac{dR_{ang}}{d\Omega} \cos(\theta) \sin(\theta) d\theta d\phi \\ &\propto AB(1 + B(\gamma - 1)\epsilon) d\sin^2\theta d\phi \int_{S_{min}}^{\infty} P_{Tr}(S, \theta) S^{-B\gamma+B-1} dS \end{aligned}$$

Así pudiendo definir la tasa por área por $\sin^2(\theta)$, independiente del valor de ϕ

$$\frac{dR}{d(\sin^2\theta)} \propto AB(1 + B(\gamma - 1)\epsilon) 2\pi \int_{S_{min}}^{\infty} P_{Tr}(S, \theta) S^{-B\gamma+B-1} dS$$

Los parámetros α_P , α_ρ y β_ρ podrían depender del ángulo cenital o de la energía (por ende de S). En este trabajo se considera solamente la dependencia en θ . Si P_{Tr} es independiente de θ , podemos absorber estas constantes y dejar la expresión como

$$\frac{dR}{d(\sin^2\theta)} = R_0 \left[1 + a_P(P - P_0) + a_\rho(\rho_{media} - \rho_0) + b_\rho(\rho_{2h} - \rho_{media}) \right] \quad (3.5)$$

donde los parámetros $a_P = B(\gamma - 1)\alpha_P$, $a_\rho = B(\gamma - 1)\alpha_\rho$ y $b_\rho = B(\gamma - 1)\beta_\rho$, donde los parámetros B y γ son conocidos.

Estimador del ajuste

Para determinar los parámetros del clima, se calcula la tasa de eventos por hora durante un periodo seleccionado normalizada con el área correspondiente a ese momento. Durante el trabajo se menciona la tasa de eventos, pero debe tenerse en cuenta que es la tasa normalizada con el área. Esta área es calculada a partir de la cantidad de hexágonos activos. Por lo tanto, una vez obtenida la tasa, se ajusta la misma mediante la expresión de la Ec.3.5, obteniéndose los parámetros del clima.

Para realizar este ajuste, se supone que el número de eventos observado en una hora sigue una distribución de Poisson. Se realiza un ajuste de máxima verosimilitud (*Maximum Likelihood Estimator*) para estimar los coeficientes del clima de la Ec.3.5. La función a minimizar tiene la siguiente expresión

$$L = \prod_i \frac{\mu_i^{n_i} e^{-\mu_i}}{n_i!} \quad (3.6)$$

donde μ_i es la media de la distribución de Poisson, que es el número de eventos esperado durante una hora que puede calcularse como

$$\mu_i = R_0 A_i C_i \quad (3.7)$$

donde R_0 es la tasa promedio que se observaría si los parámetros atmosféricos fueran los de referencia, es decir $R_0 = \Sigma n_i / \Sigma A_i C_i$, donde A_i es el área efectiva en el intervalo de tiempo i y el parámetro C_i tiene la forma

$$C_i = 1 + a_P(P - P_0) + a_\rho(\rho_{media} - \rho_0) + b_\rho(\rho_{2h} - \rho_{media}) \quad (3.8)$$

con ρ_{2h} , como fue mencionado anteriormente, es la densidad medida dos horas antes del evento.

3.2.2. Condiciones climáticas y área activa del observatorio Pierre Auger

Existen tres estaciones meteorológicas dentro del observatorio, que miden cada 5 minutos las condiciones climáticas en distintos puntos. Las ubicaciones de estas estaciones están indicadas en la Fig. 2.1. La Fig. 3.3 se muestran las variaciones de los valores de presión y densidad en el periodo del 2005 – 2018 con respecto a la media en este mismo periodo. En las mismas se observa la modulación anual de la densidad, Fig. 3.3c, y al modulación diaria de la densidad, Fig. 3.3d, que afecta a la detección de las lluvias por parte del SD.

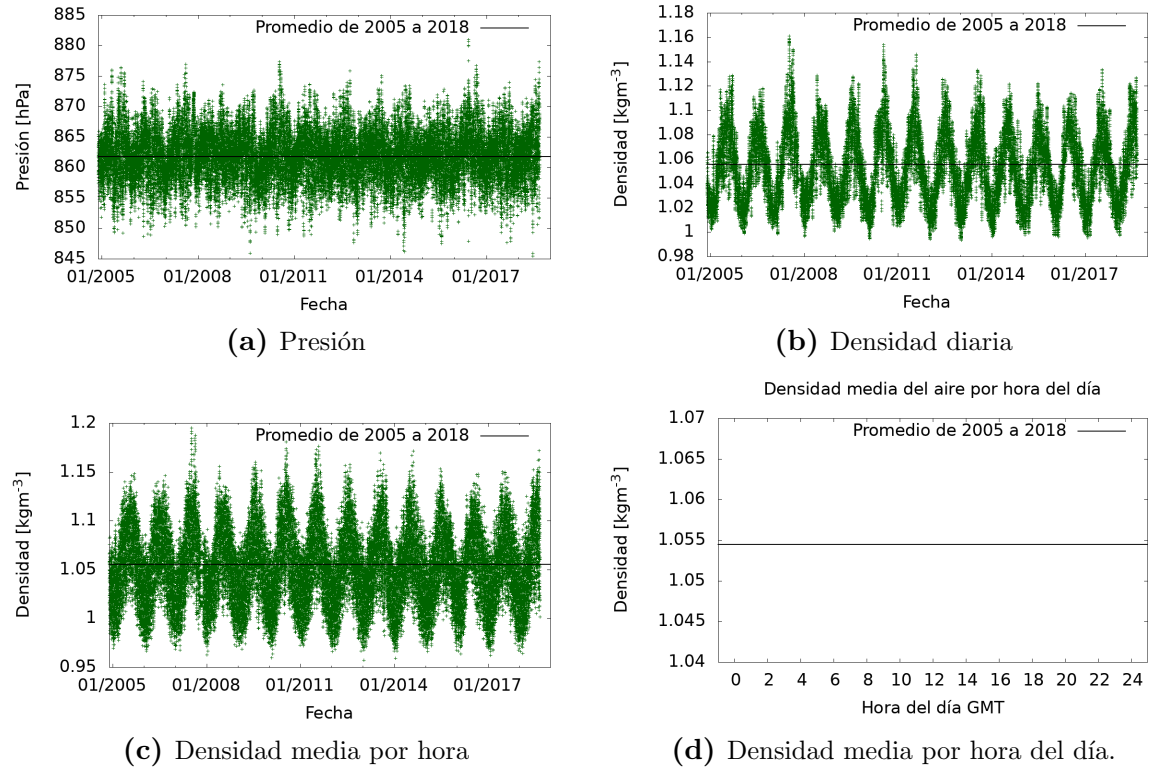


Figura 3.3: Variaciones de las variables del clima en función del tiempo

3.3. Resultados para el arreglo de detectores de superficie de 1500 m de distancia

Para el SD 1500 m se trabajó con los conjuntos de datos presentados en la ICRC 2015 y en la ICRC 2019. La señal de $S(1000)$ fue corregida en la reconstrucción oficial de eventos por la modulación del clima, por los parámetros obtenidos en [5], mediante

un análisis de los datos registrados entre los años 2005-2015. En este trabajo se emula el análisis de datos realizado en [5] con los mismos datos, con el fin de verificar que se obtienen los mismos resultados. Luego se realizó un análisis similar con los datos de nueva reconstrucción de la señal S_{38} sin la corrección del clima del conjunto de datos de la ICRC 2019 en el periodo 2005-2018.

Los coeficientes atmosféricos se obtienen tomando una energía mayor a 1 EeV en el caso de los datos de la ICRC 2015. Para el caso del análisis con el valor de S_{38} de la ICRC 2019, se realiza el corte de eventos con el valor de S_{38} que tiene un evento de 1 EeV. Es posible que estos coeficientes dependan de la energía, por ejemplo por la dependencia del logaritmo de la energía de X_{max} o por los cambios de composición a distintas energías. En todo caso, se espera que estas dependencias sean pequeñas.

Para asegurarse eventos con una buena reconstrucción de energía, posición del núcleo y dirección de arribo, solo los eventos que están contenidos dentro del arreglo del SD son considerados. Este criterio requiere que el detector con mayor señal esté rodeado de 6 tanques activos. Teniendo en cuenta la geometría de arreglo de WCDs, se calcula el área efectiva mediante la suma del área asociada a cada tanque. El mismo contribuye un área de $\sqrt{3}\frac{d^2}{2}$, donde d es la distancia entre WCDs en una grilla triangular. Como la cantidad de hexágonos activos varía con el tiempo también lo hace el área efectiva del observatorio. En la Fig. 3.4 se muestra la evolución del área efectiva del SD 1500 m hasta el año 2018. La línea horizontal limita el área mínima considerada para el análisis. Estos periodos de baja exposición no proveen información suficiente para caracterizar la modulación. Este valor de corte en el área corresponde aproximadamente al 10 % del valor nominal.

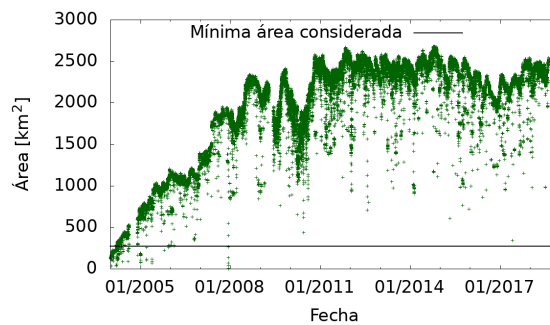


Figura 3.4: Evolución temporal del área efectiva del Observatorio Pierre Auger. La línea horizontal señala el área mínima considerada para el análisis.

En este trabajo se utilizan los datos recabados por las estaciones del clima del observatorio. Como se menciona en la sección 2.3.4, existen periodos donde los datos del clima son interpolados. Es por ello que se consideran los eventos registrados durante un periodo en donde las condiciones climáticas fueron medidas o interpoladas para un periodo menor a 3 horas.

3.3.1. Datos presentados en la ICRC 2015

En esta sección se utilizaron los datos de la ICRC 2015 utilizando los cortes recomendados mencionados en la sección anterior. Además de considerar eventos con energía mayor a 1 EeV en un periodo de tiempo entre 01/01/2005 y 31/12/2015, y con ángulo cenital θ menor que 60° . Tras los cortes mencionados, se analizaron 1146470 eventos con una la media de energía de 1,005 EeV. Nos referiremos a este subconjunto de datos de la ICRC 2015 como conjunto A. Las características del conjunto A se resumen en la Tabla 3.2.

Tiempo	01/01/2005-31/12/2015
Número de eventos	1146470
Energía media	2.00 EeV
Corte en energía	1 EeV
Ángulo cenital	$\theta < 60^\circ$

Tabla 3.2: Características de los datos ICRC 2015 utilizados para esta sección.

Se realiza un ajuste de la tasa de eventos por hora del conjunto A, que incluye todos los eventos de ángulo cenital $\theta < 60^\circ$. Los parámetros obtenidos se presentan y se comparan con [5] en la Tabla 3.3. Los errores presentados son los errores obtenidos por el ajuste. El χ_ν^2 representa el χ^2 reducido, que para este ajuste es de $\chi_\nu^2 = 1,01328$, por lo que el modelo propuesto representa adecuadamente los datos experimentales. Se observa que los parámetros obtenidos son compatibles con el trabajo anterior.

Parámetro	2005-2015	[5]
a_P [hPa $^{-1}$]	$-0,0032 \pm 0,0002$	$-0,0032 \pm 0,0003$
a_ρ [kg $^{-1}$ m 3]	$-1,71 \pm 0,04$	$-1,72 \pm 0,04$
b_ρ [kg $^{-1}$ m 3]	$-0,51 \pm 0,05$	$-0,53 \pm 0,04$
χ_ν^2	1,01328	1,013

Tabla 3.3: Ajustes obtenidos considerando todos los eventos con $\theta < 60^\circ$ y energía mayor a 1 EeV, comparados con los obtenidos en [5]

Mediante los coeficientes obtenidos se calculó la tasa de eventos por día que predice el modelo, teniendo en cuenta los valores medios de las variables del clima para cada hora. En la Fig. 3.5 se muestra el ajuste comparado con la tasa experimental. En esta figura se observa que el modelo propuesto se corresponde con los datos experimentales, como lo indica el valor de $\chi_\nu^2 = 1,01328$. En la Fig.3.5a se muestra la tasa media por día donde la modulación anual es apreciable. Mientras que en la Fig.3.5b se muestra el promedio por cada hora del día a partir de la tasa de eventos por hora, donde la tasa medida experimentalmente presenta una modulación diaria.

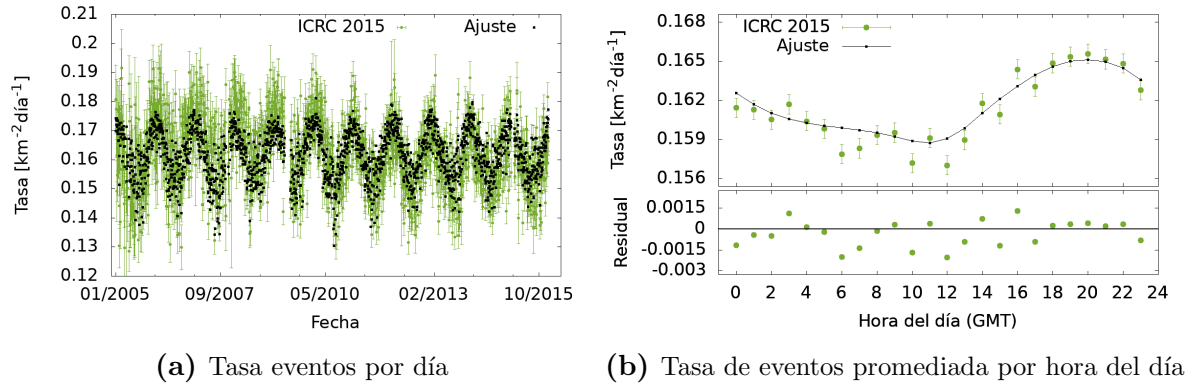


Figura 3.5: Tasa de eventos por días comparadas con el ajuste entre los años 2005 hasta 2015. Los datos analizados fueron los presentados en la ICRC 2015 para energías mayores a 1 EeV donde se observa la modulación anual y diaria del clima.

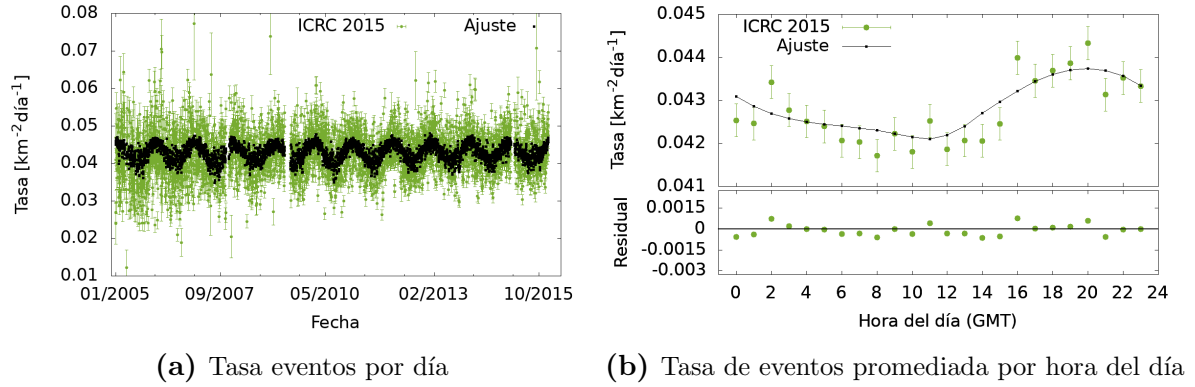


Figura 3.6: Tasa de eventos por días comparadas con el ajuste entre los años 2005 hasta 2015. Los datos analizados son los presentados en la ICRC 2015 para energías mayores a 2 EeV. donde se observa la modulación anual y diaria del clima

Como se menciona en la sección 2.2.2, el detector alcanza su máxima eficiencia para energías mayores que 3 EeV. A partir una energía de 2 EeV, los eventos tienen una mayor susceptibilidad al disparo de tres tanques, mínimo número necesario para la reconstrucción de un evento. Para el conjunto A, como se muestra en la Fig. 3.6, la modulación del clima aún es apreciable para una energía mayor a 2 EeV.

Ajuste de los parámetros del clima

En esta sección se estudia la dependencia de los parámetros del clima con el ángulo cenital. Clasificamos los eventos en distintos subconjuntos según el valor de $\sin^2(\theta)$ para realizar un ajuste análogo al presentado en la Tabla 3.3. Se clasifica mediante este valor para obtener números de eventos similares para cada subconjunto. Estos ajustes son presentados en las Figs. 3.7a, 3.7b y 3.7c. Los mismos se comparan con los datos presentados en [5], usados actualmente en la corrección de los datos del Observatorio

Pierre Auger. Se observa que los ajustes hechos sobre el conjunto A son compatibles con los ajustes realizados en el trabajo [5].

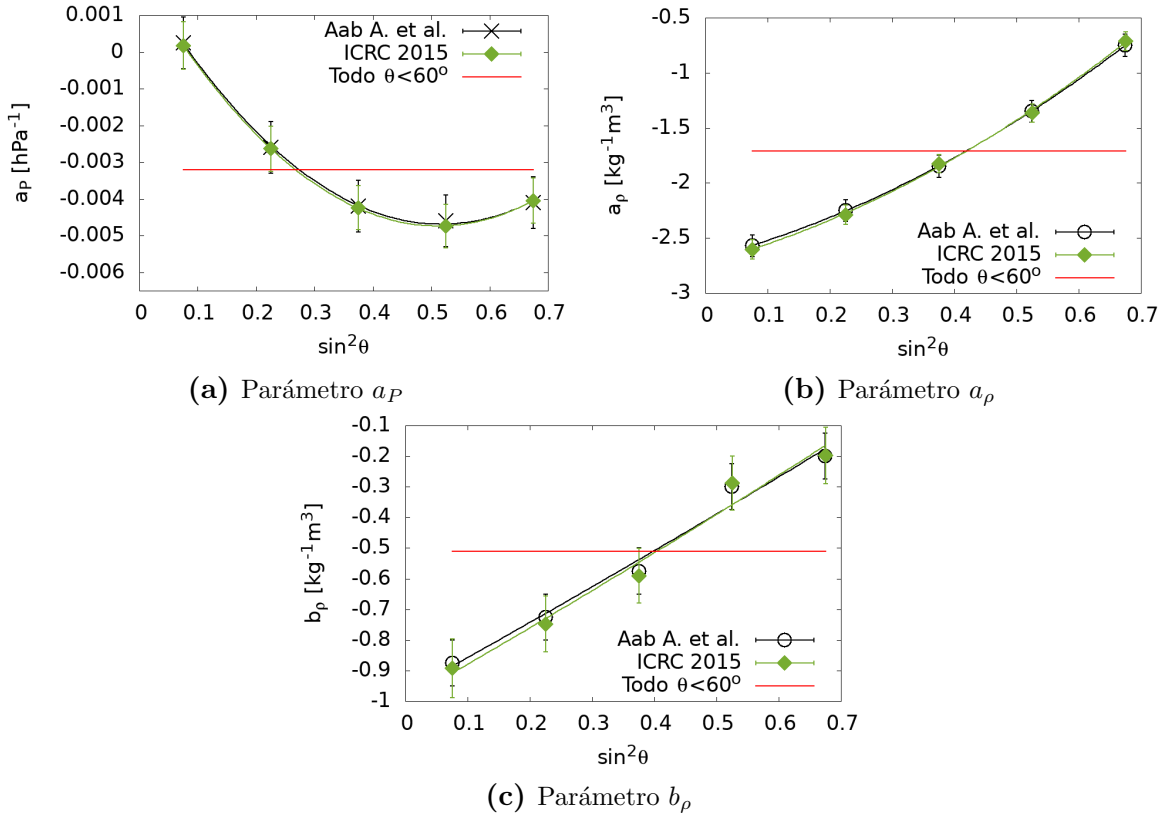


Figura 3.7: Parámetros de la modulación del clima considerando los datos de la ICRC 2015. Los mismos se comparan con los ajustes obtenidos en [5] y con los ajustes obtenidos sin considerar la dependencia con $\sin^2(\theta)$.

En la Fig. 3.7 también se compara los ajustes obtenidos considerando los datos sin clasificar por $\sin^2\theta$. Se observa que existe una dependencia con el ángulo cenital correspondiente al evento. Esta dependencia fue modelada mediante una función cuadrática dada en la Ec. 3.9

$$f(x) = c_0 + c_1x + c_2x^2 \quad (3.9)$$

donde $x = \sin^2\theta$. En la Tabla 3.4 se comparan los coeficientes obtenidos considerando la Ec. 3.9 con los mismos coeficiente obtenidos en el trabajo anterior [5].

La dependencia con el ángulo cenital se debe a que para distintos ángulos de incidencia la lluvia interactúa con más o menos atmósfera. Los efectos de las condiciones climáticas afectan el desarrollo de la lluvia. Por ejemplo, el coeficiente de la presión es negativo para $\sin^2(\theta) > 0,3$ o $\theta > 33^\circ$, lo que indica que si presión sube la señal baja. Esto es una consecuencia de que la lluvia está en un estado más avanzado de su desarrollo. Para ángulos cenitales cercanos a 60° , la componente electromagnética es suprimida por las interacciones en la atmósfera, por lo tanto el efecto de la presión disminuye. El resultado obtenido en la Fig. 3.7a es consistente con este fenómeno, dado

que el valor de a_P disminuye al aumentar el ángulo. En el caso de los coeficientes relacionados con la densidad, también se observa que los parámetros son negativos, dado que un aumento de la densidad disminuye r_M y por lo tanto la extensión de la señal. Se observa también que los parámetros a_ρ y b_ρ tienen la misma tendencia con $\sin^2(\theta)$, además de que los coeficientes tienen una razón de aproximadamente $1/3$, lo cual se esperaba por lo discutido en la sección 3.2.

Parámetros	Coeficiente	Este Trabajo	[5]
a_P [hPa ⁻¹]	c_0	$0,00200 \pm 0,00005$	$0,0021 \pm 0,0009$
	c_1	$-0,0263 \pm 0,0002$	$-0,026 \pm 0,006$
	c_2	$0,0257 \pm 0,0002$	$0,026 \pm 0,007$
a_ρ [kg ⁻¹ m ³]	c_0	$-2,73 \pm 0,05$	$-2,7 \pm 0,1$
	c_1	$1,5 \pm 0,4$	$1,5 \pm 0,8$
	c_2	$2,1 \pm 0,7$	$2,2 \pm 1,0$
b_ρ [kg ⁻¹ m ³]	c_0	$-1,0 \pm 0,1$	$-1,0 \pm 0,1$
	c_1	$1,2 \pm 0,6$	$1,2 \pm 0,8$
	c_2	$0,1 \pm 0,8$	$0,0 \pm 1,1$

Tabla 3.4: Tabla de los coeficientes obtenidos para el conjunto de datos de la ICRC 2015, comparados con el trabajo anterior [5]

3.3.2. Datos presentados en la ICRC 2019

Comparando este conjunto de datos con los datos de la ICRC 2015, los datos de la ICRC 2019 contienen eventos de los tres años posteriores. Posterior al trabajo [5], la señal de S(1000) fue corregida por las condiciones climáticas en la reconstrucción oficial de eventos. Además el valor de S(1000) estimado para cada evento cambió entre estos dos conjuntos de datos, por parte de la reconstrucción oficial [23]. Se realizó también una nueva calibración de la energía mediante eventos híbridos, como la mostrada en la Fig.2.6 en el trabajo [3]. En el conjunto de datos de la ICRC 2019, se realizó los mismos cortes que para el conjunto de A de la sección anterior. En el periodo 2005-2015 de los datos de la ICRC 2019 con los cortes mencionados de energía mayor a 1 EeV para eventos verticales, la cantidad de eventos con energías mayores a 1 EeV subió de 1146470 a 1280918 eventos. Esto puede deberse a la corrección del clima de los eventos, donde aquellos eventos que estaban por debajo del corte del energía, tras la corrección pudieron estar por encima de este corte. Otro posibilidad es la nueva reconstrucción haya aumentado la cantidad de eventos por encima de 1 EeV. Por eso la media de energía bajó de 2,00 EeV a 1,91 EeV. Las características de los datos en estos dos rangos de tiempo se resumen en la Tabla 3.5.

Tiempo	01/01/2005-31/12/2015	01/01/2005-31/12/2018
Número de eventos	1280918	1635045
Energía media	1.91	1.92
Corte en energía	1 EeV	1 EeV
Ángulo cenitales	60°	60°

Tabla 3.5: Características de los datos de la ICRC 2019 utilizados para los ajustes de esta sección.

En la Fig. 3.8 se muestran las tasas de eventos por día para energía mayores a 1 EeV y 2 EeV, con la energía corregida por los efectos climáticos según la reconstrucción oficial [10]. En la Fig. 3.9 se comparan con los resultados de los datos de la ICRC 2015, la modulación en la tasa ya no es apreciable. Si comparamos las tasas de eventos por hora del día de los eventos por encima de 1 EeV y 2 EeV, por encima de 1 EeV, se aprecia un remanente de la modulación del clima diaria comparado con la tasa para 2 EeV. Esto se debe a que el SD tiene eficiencia para energía mayores a 3 EeV, comentado anteriormente.

Existe una modulación remanente en la tasa de eventos como se aprecia en las Figs. 3.8a y 3.9a. Esto se debe que la señal es mayor que la esperada como consecuencia de las condiciones atmosféricas en el momento del evento, por lo tanto la eficiencia del disparo ante este evento también es mayor. De esta forma la eficiencia tiene una dependencia con las condiciones atmosféricas.

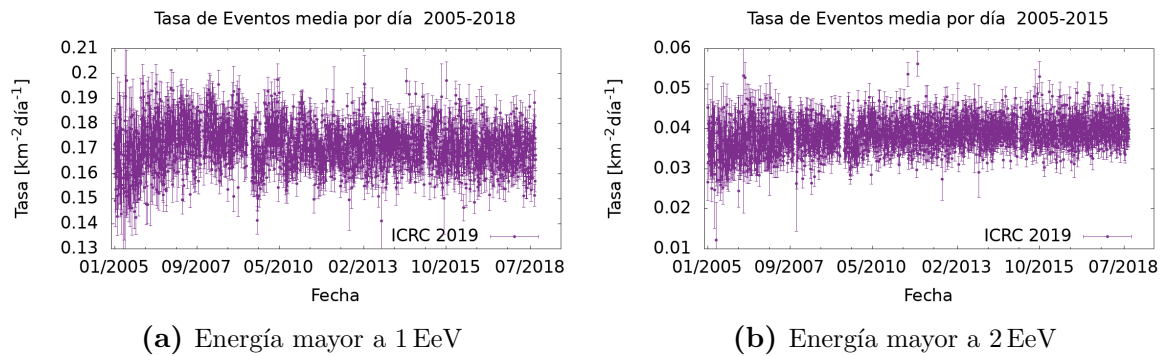


Figura 3.8: Tasa de eventos promedio por cada día entre los años 2005 hasta 2015 del conjunto de datos presentado en la ICRC 2019. Se muestran las tasas para dos cortes en energía, mayor a 1 EeV y mayor a 2 EeV

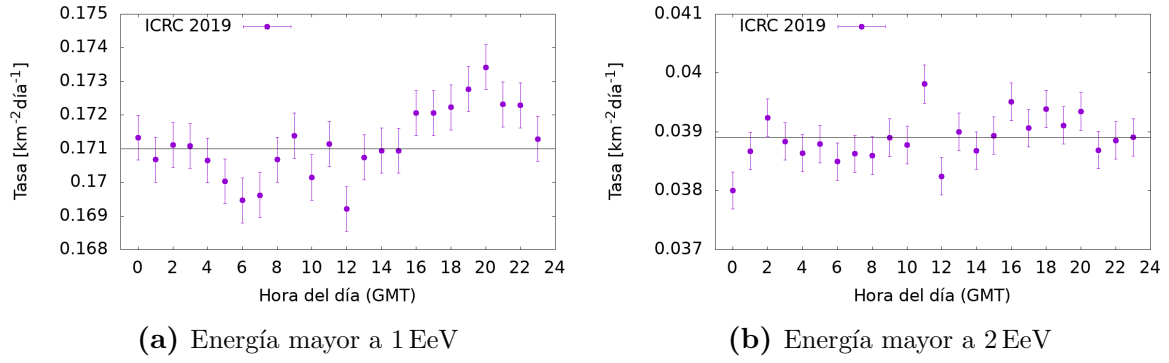


Figura 3.9: Tasa eventos por hora del día por unidad de área entre los años 2005 hasta 2015 del conjunto de datos presentado en la ICRC 2019. Se muestran las tasas para dos cortes en energía, mayor a 1 EeV y mayor a 2 EeV

3.3.3. Datos presentados en la ICRC 2019 usando S_{38} sin corregir por el clima

Además de tener más estadística de los eventos registrados, durante el periodo 2016-2018 también se recabaron datos sobre el clima en el observatorio. La modulación del clima fue estudiada anteriormente realizando un corte de la energía sin corregir. En esta sección se realiza el análisis de la modulación mediante un corte sobre la señal medida por el SD. En el conjunto de datos de la ICRC 2019, es posible acceder al valor de $S(1000)$ sin corregir por el trabajo [5], por que uno puede obtener el valor de S_{38} sin corregir mediante la expresión

$$S_{38} = \frac{S(1000)}{S(1000)_w} S_{38,w} \quad (3.10)$$

donde las variables $S(1000)_w$ y $S_{38,w}$ indican los valores corregidos por clima. Estas variables están listadas en el conjunto de datos presentado en la ICRC 2019. Dado que los trabajos anteriores se basaron en la energía para hacer el corte de los eventos, se realizó el corte con la señal de $S_{38} \geq 5.37$ VEM correspondiente a 1 EeV aproximadamente. Las características de este conjunto de datos están resumidos en la Tabla 3.6.

Tiempo	01/01/2005-31/12/2015	01/01/2005-31/12/2018
Número de eventos	1267265	1618717
Energía media	1.89	1.90
Corte en S_{38}	5.37 VEM	5.37 VEM
Ángulo cenital	$< 60^\circ$	$< 60^\circ$

Tabla 3.6: Características de los datos de la ICRC 2019 utilizados para los ajustes de esta sección.

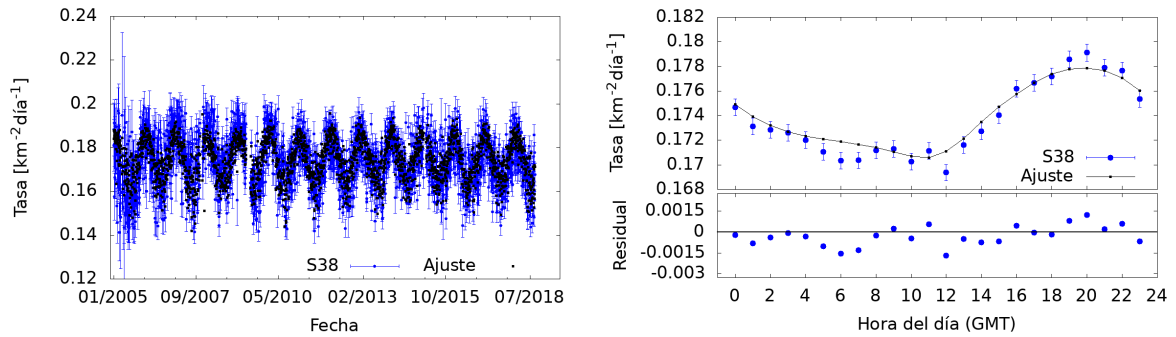
Con estos eventos, se realizó un ajuste de los parámetros del clima para todos

los ángulos cenitales de la tasa del eventos por hora. Así se obtienen los coeficientes promediados por ángulo cenital. Estos parámetros son presentados en la Tabla 3.7. Se observa que para ambos periodos estudiados los parámetros obtenidos son compatibles entre sí, además de ser compatibles con los resultados obtenidos para el periodo 2005-2015 de los datos de la ICRC 2015 y los parámetros de [5], presentados en la Tabla 3.3.

Parámetro	2005-2015	2005-2018
a_P [hPa $^{-1}$]	$-0,0033 \pm 0,0003$	$-0,0032 \pm 0,0002$
a_ρ [kg $^{-1}$ m 3]	$-1,75 \pm 0,04$	$-1,71 \pm 0,03$
b_ρ [kg $^{-1}$ m 3]	$-0,51 \pm 0,04$	$-0,52 \pm 0,03$
χ^2_ν	1,00616	1,01819

Tabla 3.7: Parámetros del clima obtenidos para todos los ángulos cenitales para los dos rangos de tiempo estudiados.

Calculando la tasa de eventos esperado con los parámetros de la Tabla 3.7, esta se comparan con la tasa experimental medida con el SD, que se muestra en la Fig. 3.10 para el rango de tiempo 2005-2018. En estos gráficos se observa que la modulación del clima tiene la mismas características que las observadas en la sección 3.3.1.



(a) Tasa eventos por cada día por unidad de área (b) Tasa de eventos promedio por hora del día

Figura 3.10: Tasa de eventos entre los años 2005 hasta 2018 del conjunto de datos presentado en la ICRC 2019.

Ajuste de los parámetros del clima

Se clasificó los eventos de esta sección mediante el valor de $\sin^2\theta$ y se realizó el ajuste para obtener los parámetros del clima. Este ajuste se realizó en el periodo 2005-2018. Los valores obtenidos se resumen en la Tabla 3.8 y se observan en la Fig. 3.11. Comparando estos resultados con los resultados de [5], los eventos mediante el valor S_{38} conservan la tendencia con $\sin^2\theta$ que se observa en los datos de la ICRC 2015 en la Fig. 3.7. Además los parámetros obtenidos mediante el corte por S_{38} son comparables con los resultados obtenidos para el conjunto de datos de la ICRC 2015. Por lo que

puede decirse que la modulación del clima es apreciable hasta el día de hoy con una amplitud comparable al año 2015.

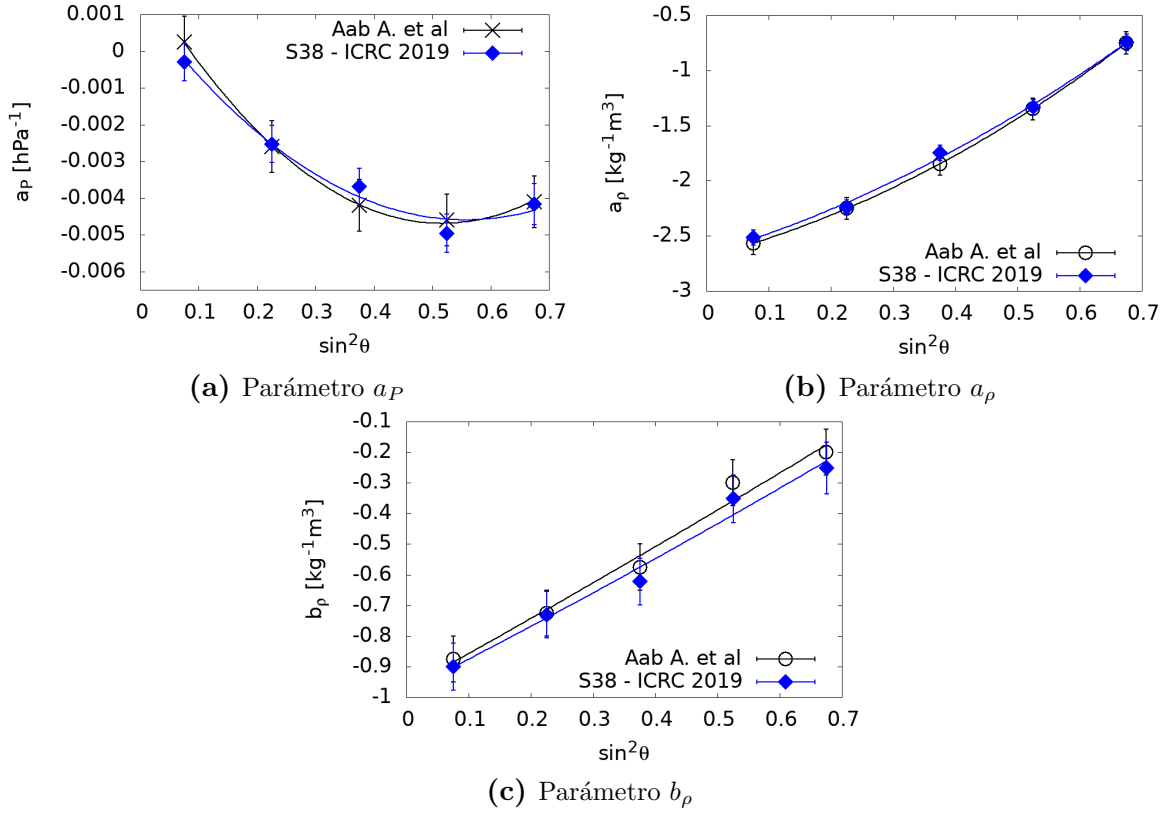


Figura 3.11: Parámetros de la modulación del clima considerando los datos sin corregir con el clima y la reconstrucción anterior.

Parámetros	Coficiente	Este Trabajo	[5]
a_P [hPa ⁻¹]	c_0	$0,0012 \pm 0,0005$	$0,0021 \pm 0,0009$
	c_1	$-0,020 \pm 0,003$	$-0,026 \pm 0,006$
	c_2	$0,019 \pm 0,004$	$0,026 \pm 0,007$
a_ρ [kg ⁻¹ m ³]	c_0	$-2,66 \pm 0,07$	$-2,7 \pm 0,1$
	c_1	$1,7 \pm 0,4$	$1,5 \pm 0,8$
	c_2	$1,7 \pm 0,6$	$2,2 \pm 1,0$
b_ρ [kg ⁻¹ m ³]	c_0	$-0,98 \pm 0,08$	$-1,0 \pm 0,1$
	c_1	$1,00 \pm 0,5$	$1,2 \pm 0,8$
	c_2	$0,1 \pm 0,6$	$0,0 \pm 1,1$

Tabla 3.8: Tabla de los coeficientes obtenidos con el S₃₈ sin corregir por el clima, comparados con el trabajo anterior

3.3.4. Datos presentados en la ICRC 2019 usando la energía reconstruida en este trabajo

Con el subconjunto de datos de la ICRC 2019 con los cortes utilizados en la sección anterior, se realizó una corrección del valor de S_{38} con los parámetros del clima presentados en la Tabla. 3.8. Con este valor corregido se calculó la energía corregida mediante la Ec. 2.1. Para una energía mayor de 2 EeV, se espera que los efectos del clima sean despreciables tras la corrección, porque se acerca a la eficiencia máxima de los detectores de superficie. El método de CIC está determinado usando los eventos donde el SD tiene un eficiencia máxima, evitando la susceptibilidad del disparo de los detectores.

En la Fig. 3.12 se comparan los tasas de eventos por hora del día para el conjunto de datos de la ICRC 2019 y para la corrección de energía realizada en este trabajo. En la figura superior se muestra la tasa de eventos por hora del día del conjunto de datos de la sección 3.3.2, comparada con la tasa de eventos para la energía corregida por este trabajo, presentada en la figura inferior. En ambos casos corrección queda plana, eliminando el error sistemático de la modulación del clima.

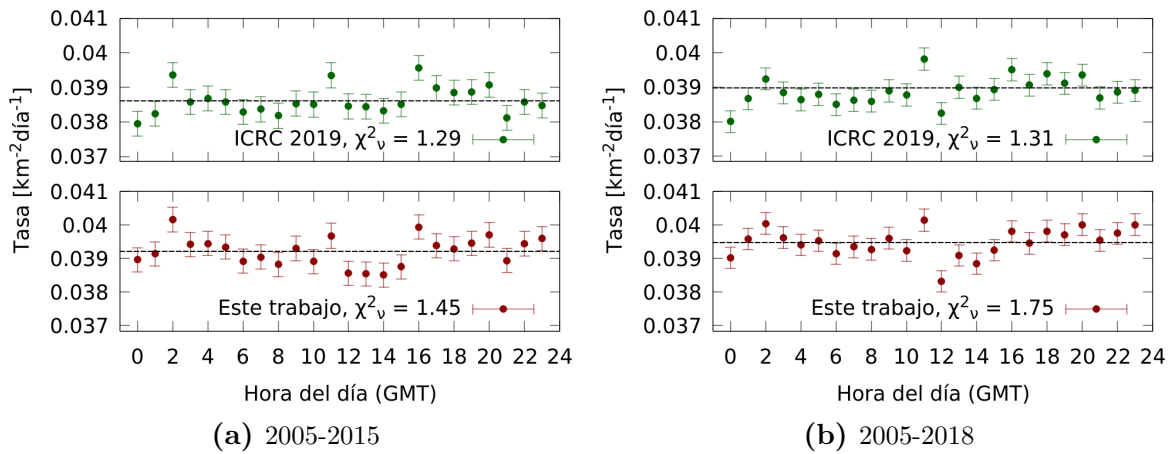


Figura 3.12: Tasa de eventos por día para eventos de energía mayor a 2 EeV para los datos de ICRC 2019 y la tasa de eventos obtenida con la reconstrucción de energía en este trabajo comparados en los periodos estudiados

Cabe aclarar que para la corrección de la energía para este trabajo, no se consideraron las posibles modulaciones de los valores del CIC o del posible cambio en los coeficientes de la Ec. 2.1. Debido a que estos coeficientes son calibrados con eventos híbridos, que son detectados durante la noche, donde las condiciones atmosféricas difieren de las condiciones promedios. Por ejemplo, en el caso de la densidad, durante la noche es aproximadamente 2 % mayor que el promedio.

3.4. Trabajos futuros

Vimos que las modulaciones del clima son parametrizadas mediante los coeficientes obtenidos en este y en otros trabajos de manera precisa. Durante la maestría se realizará un análisis de anisotropía con las energías corregidas por las condiciones atmosféricas mediante este trabajo y [5]. Se analizará para distintos intervalos de energía por encima de 1 EeV, el primer armónico de ascensión recta en frecuencia solar y anti-sidérea, usando las dos correcciones mencionadas. En estas dos frecuencias la señal debería ser menor a las fluctuaciones estadísticas, si las modulaciones espurias debidas a las condiciones atmosféricas están corregidas correctamente. En ese caso se puede realizar un análisis de Fourier estándar en la frecuencia sidérea para estudiar las anisotropías a grandes escalas angulares.

Por otra parte se analizarán las correcciones del clima en la estimación de la energía para los eventos reconstruidos utilizando los disparos *ToTd* y *Mop*, que permiten detectar CRs de menor energía y dan lugar a un eficiencia máxima de disparo hasta energías del orden de 1 EeV. Se comprobará si los parámetros del trabajo [5] son los adecuados para estos eventos. Luego se estudiará la amplitud del primer armónico en la frecuencia solar y anti-sidérea para comprobar la ausencia de fluctuaciones espurias, antes de realizar análisis de anisotropía.

3.5. Eventos asociados a Todos los Disparos en el rango 2014-2020

La selección de los eventos genera dos conjuntos de datos: uno para el análisis de anisotropía en el rango 1 EeV - 2 EeV, y el segundo de los eventos con energía mayor a 1 EeV para obtener los parámetros del clima. En esta selección se tiene en cuenta los eventos de $\theta < 60^\circ$, como también los mismos que no se encuentren en un periodo de mala adquisición de datos, este parámetro se denomina *ib* de los **eventos del herald**. Este periodo consiste en momento donde el observatorio no recibe datos de las estaciones de clima o de los hexágonos.

El parámetro de *ib* de los **datos del clima** es irrelevante durante el proceso de filtrar eventos. Entra en juego cuando hago el análisis del clima, donde desecho los eventos que fueron recabados durante *bad weather* y no fueron filtrados ya antes.

3.5.1. Pesos de los hexágonos

Para constatar que no exista ninguna anomalía en los pesos de los hexágonos, se realiza el cálculo de los mismos para tres frecuencias de referencia para el análisis de

anisotropías. Los pesos se muestran en la Fig. 3.13. El rango de tiempo en el que se calculan estas curvas es entre 1 de Enero del 2014 y el 1 de Enero del 2020.

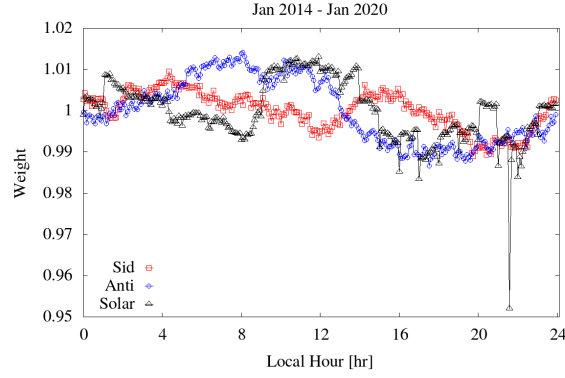


Figura 3.13: Pesos de los hexágonos

3.5.2. Anisotropía

El archivo de de todos los disparos empieza el Mon, 1 July 2013 12:05:08 GMT ¹. Para trabajar en una cantidad entera de años, se trabaja a partir del Thur, 1 January 2014 12:00:00 GMT ² y hasta el Thursday, 1 January 2020 12:00:00 GMT ³. En este rango se tiene la tasa de eventos por día que se muestra en la Fig. 3.14.

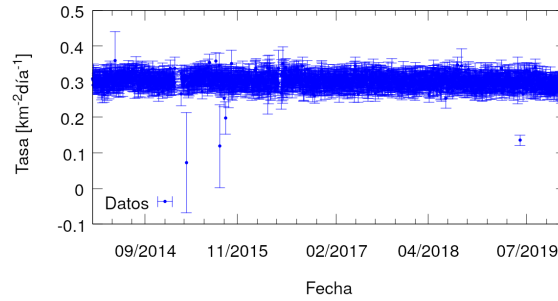


Figura 3.14: Tasa de eventos en el rango de tiempo a trabajar

Lista detallada de los filtros aplicados de datos del herald

Datos para el análisis de anisotropía

Esta sección muestra los filtros para los datos del análisis de anisotropía en el rango 1 EeV - 2 EeV.

1. Energía entre [1 EeV , 2 EeV)
2. Rango de tiempo:

¹1372680308

²1388577600

³1577880000

- Inicial:1388577600
(Thursday, 1 January 2014 12:00:00 GMT)
- Final: 1577880000
(Thursday, 1 January 2020 12:00:00 GMT)

3. Sectancia: $\theta < 60^\circ$

4. 6T5

5. $ib = 1$ Bad period flag. Un valor de 1 indica un buen periodo

Con estos filtros se tienen 1 092 753 eventos

Datos para el cálculo de las correcciones del clima

Estos son los filtros para los datos a utilizar para el cálculo de los parámetros del clima:

1. Eventos con valor de señal de S_{38} ⁴ por encima de 5,36 VEM. Este valor corresponde a ~ 1 EeV en VEM.
2. Rango de tiempo:
 - Inicial:1388577600
(Thursday, 1 January 2014 12:00:00 GMT)
 - Final: 1577880000
(Thursday, 1 January 2020 12:00:00 GMT)
3. Sectancia: $\theta < 60^\circ$
4. $iw < 4$ (weather quality flag)
5. 6T5
6. $ib = 1$ Bad period flag del herald. Un valor de 1 indica un buen periodo
7. $ib = 1$ Bad period flag de los datos del clima. Un valor de 1 indica un buen periodo

Con estos filtros se tienen 1 208 615 eventos, con una tasa de eventos que se muestra en la Fig. 3.15. En la figura se observa que utilizando el corte en la señal de S38 sin corregir por la modulación del clima del herald⁵ se observa una modulación anual.

⁴Valor de S38 sin la corrección del clima del paper del 2017

⁵Las correcciones se calcularon para el archivo del disparo estándar

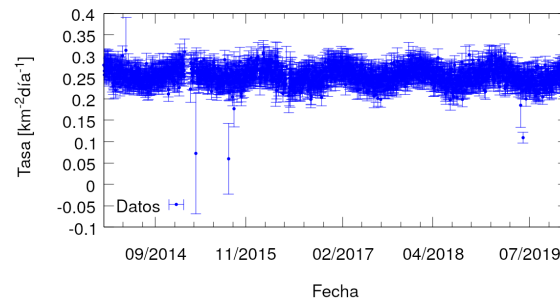


Figura 3.15: Tasa de eventos en el rango de tiempo a trabajar para el ajuste de los parámetros del clima.

Análisis en frecuencia

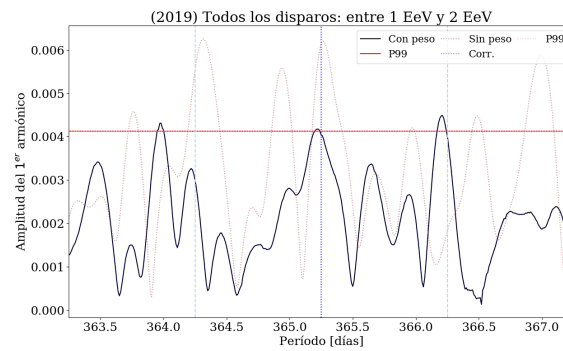
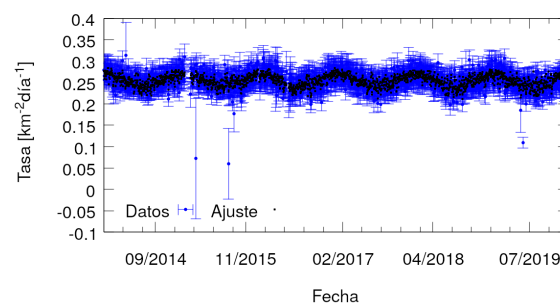


Figura 3.16: Análisis en frecuencia en ascensión recta en rango 1 EeV - 2 EeV

3.5.3. Corrección del clima



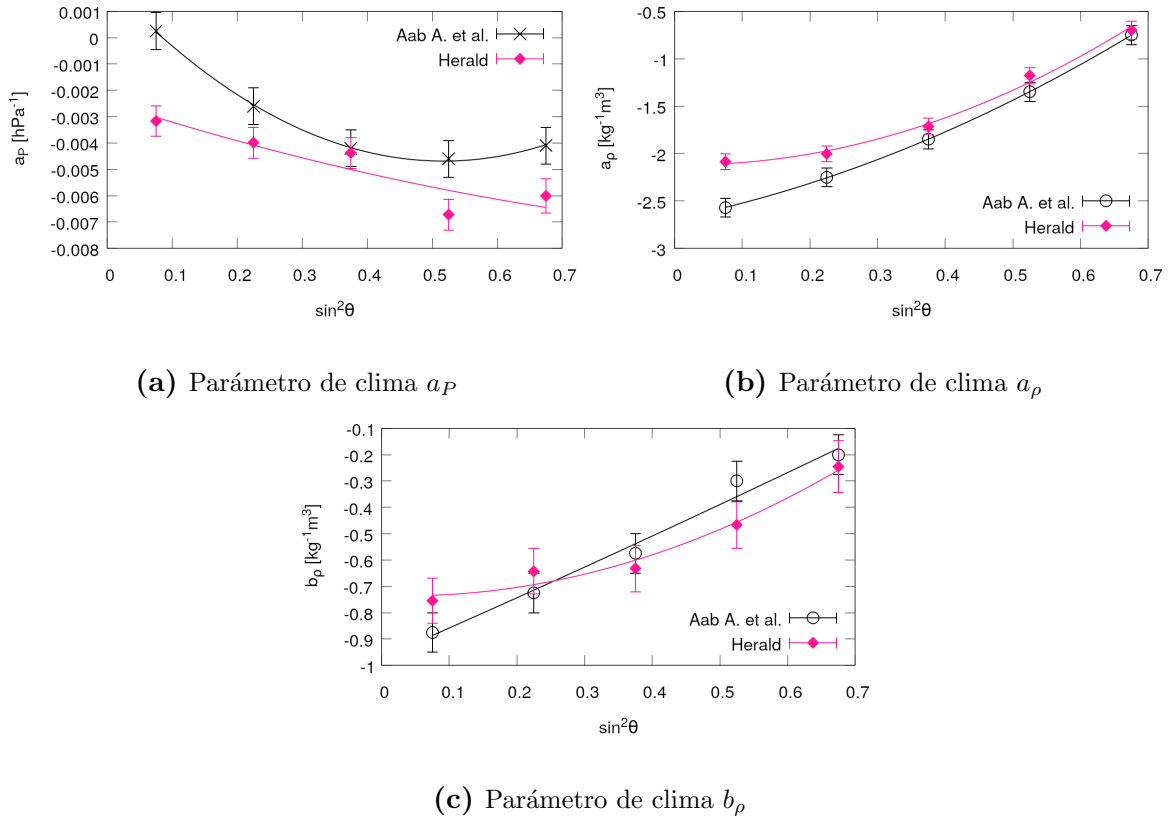


Figura 3.17: Parámetros de clima calculados para la corrección del archivo de todos los disparos

Modulación del clima para todos los triggers

Para corroborar los parámetros del clima, primero calculé las tasas de eventos de los archivos del 2017 y 2020 para energías mayores a 1 EeV, donde obtuve los siguientes gráficos Fig.3.18a y 3.18b.

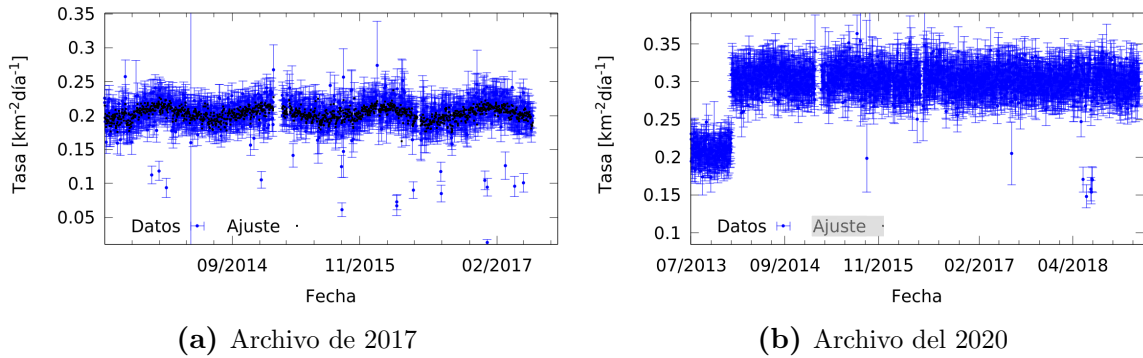


Figura 3.18: Tasa de eventos diaria por encima de 1 EeV para los datos de todos los disparos.

Después calculé los parámetros del clima para energía mayores a 1 EeV. Para el archivo de 2017 obtuve la Fig.3.19. Los comparé con el paper del weather del main array, para ver si dan algo razonable. Verifiqué las siguientes cosas para el ajuste

- Me fijé que delay en la densidad cada momento fuera de dos horas

- Me fijé que el ajuste no tuviera en cuenta periodos malos, bad periods
- Me fijé que el delay de la densidad media también fuera tal que para cada evento estuviera centrada ± 12 horas
- También me fijé que el rango de tiempo estuviera bien, porque estos datos están disponibles desde el 2013 recién
- Me fijé que los χ^2 reducido fuera algo razonable. Todos rondaban alrededor de 1,05

EL rango de tiempo que usé fue este:

- Inicio: 1372680308
- Final: 1496275090

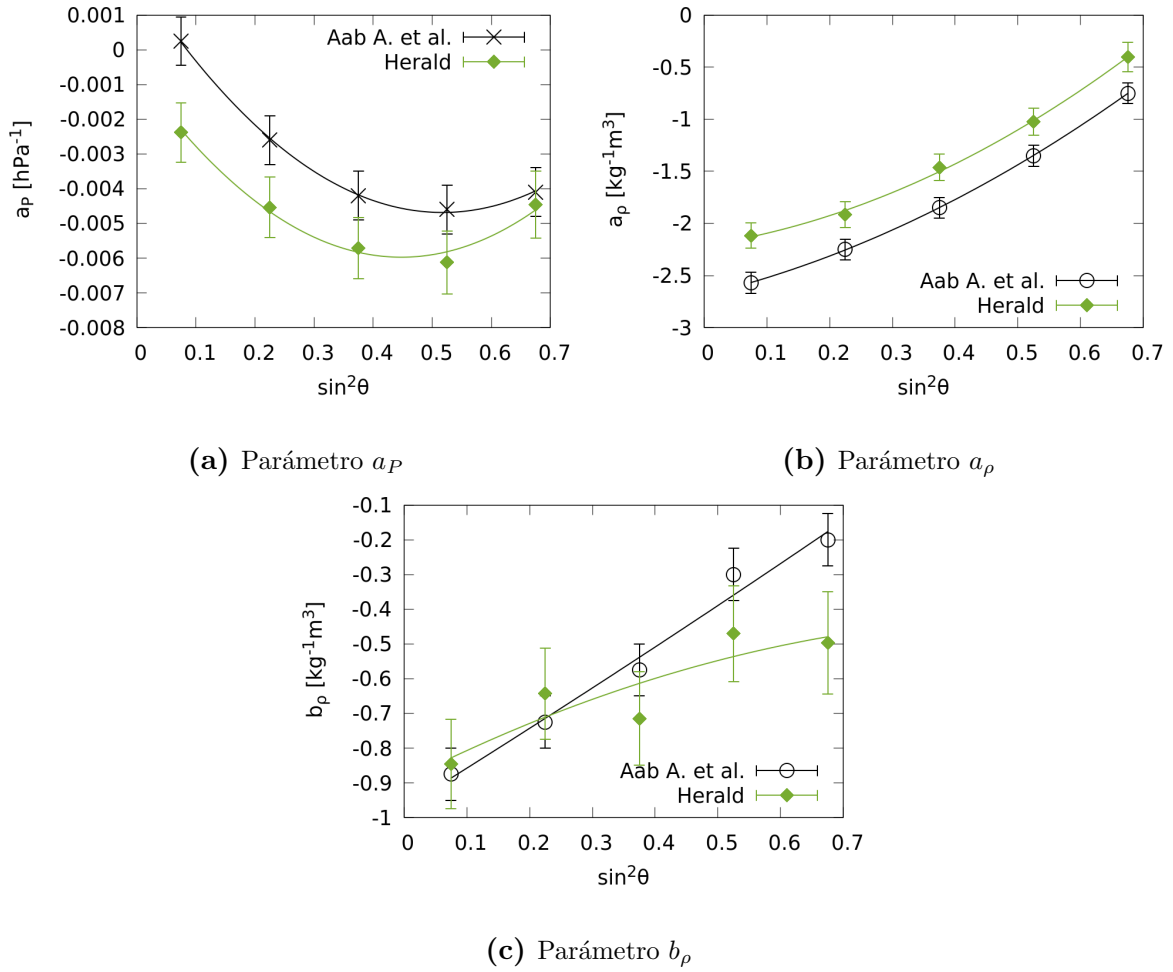
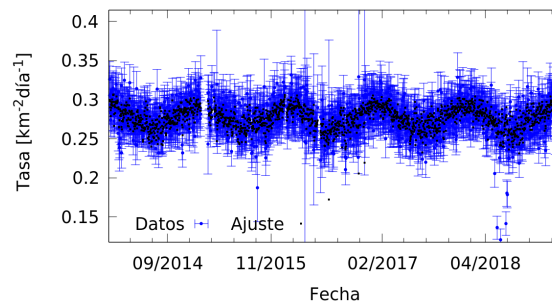


Figura 3.19: Parámetros de la modulación del clima considerando los datos para todos los disparos de 2017. Los mismos se comparan con los ajustes obtenidos en [5].

Lo que más me llama la atención es el comportamiento del parámetro b_ρ , que como se discutió en otras oportunidades, tiene que ver con el parámetro a_ρ con una razón de 1 : 3 más o menos.

Hacemos el mismo procedimiento con el archivo 2020, **pero filtrando los eventos por el valor de S38 sin corregir por la modulación del clima**. Para calcular la tasa y los parámetros del clima, se toman los eventos después de ese salto de 0.2 a 0.3, obtengo los siguientes resultados:



Acá también verifiqué lo mismo que el caso anterior, lo único que ahora el χ^2 rondaba alrededor de los 1,08. Siempre verifico que no sea mucho mayor o menor a 1.

EL rango de tiempo que usé para este caso fue este:

- Inicio: 1388910508
- Final: 1550490858

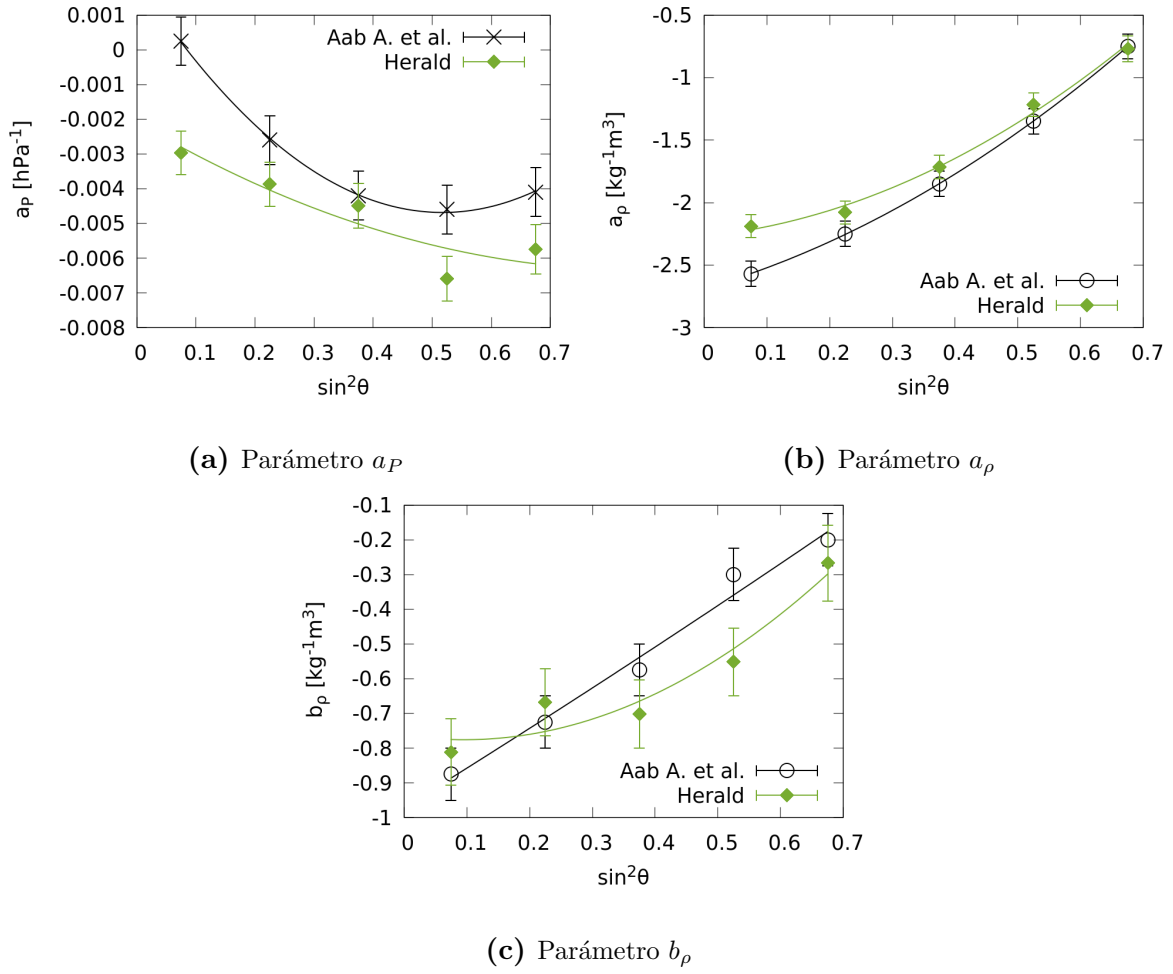


Figura 3.20: Parámetros de la modulación del clima considerando los datos para todos los disparos de 2020. Los mismos se comparan con los ajustes obtenidos en [5].

Considerando el filtro con el S38 en el archivo 2020 y la energía en el 2017, quiero saber si obtengo parametros del clima comparables. Ya que el Main Array se corresponden los parametros del 2015 y 2019, yo esperarí que con todos los triggers pase los mismo. Una diferencia importante entre ambos análisis es que los parametros del 2020 contienen eventos hasta el 31/12/2019.

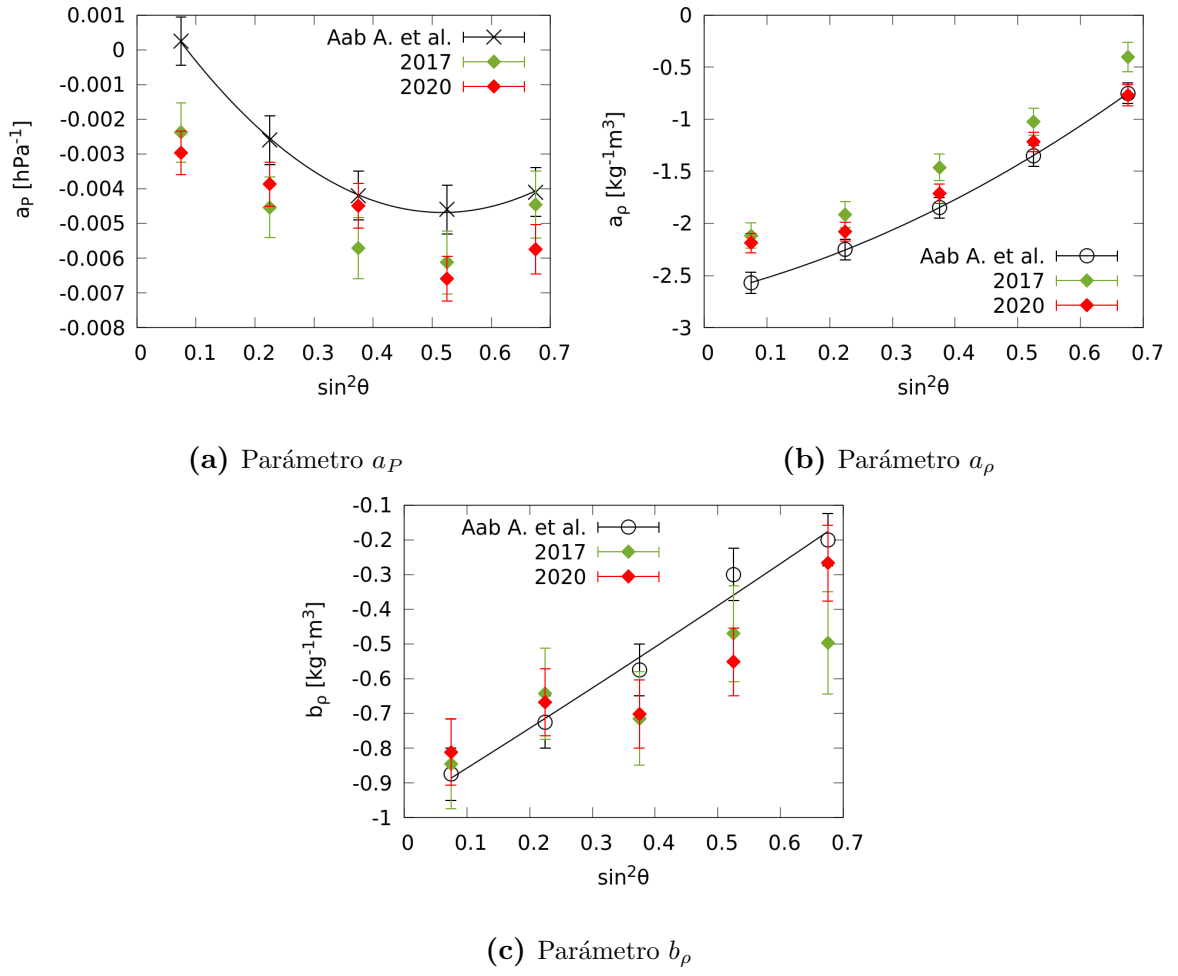


Figura 3.21: Parámetros de la modulación del clima considerando los datos para todos los disparos del archivo 2017 y 2020. Los mismos se comparan con los ajustes obtenidos en [5].

Se ve que estos parámetros no son comparables.

Capítulo 4

Método Rayleigh

El estudio de la distribución de las direcciones de arribo de los eventos es una herramienta importante para obtener información sobre el origen de los RCs. Las irregularidades sobre el flujo casi isotrópico de los RCs, en un rango de energía, pueden deberse a zonas del espacio donde se producen más RCs que en otras, estas irregularidades se conocen como anisotropías.

El análisis de anisotropías a grandes escalas angulares suele ser hecho sobre las irregularidades de la distribución de eventos en ascensión recta α , ya que el arreglo principal tiene una exposición direccional en función de esta coordenada casi constante [24].

4.1. Frecuencias de referencia

Las anisotropías son variaciones pequeñas por lo que eliminar todo factor espurio en el análisis es importante. Para obtener la amplitud de la misma en ascensión recta, se estudia la frecuencia sidérea ($f_{sid} = 366,25$ ciclos/año) [7]. Los errores sistemáticos debido a la modulación de eventos por el clima u otros errores propios de la adquisición de datos, aparecen en la frecuencia solar ($f_{sid} = 365,25$ ciclos/año), por lo que se debe tener en consideración el análisis de esta frecuencia. La frecuencia anti-sidérea ($f_a = 364,25$ ciclos/año) es una frecuencia que puede indicar efectos sistemáticos en la amplitud de la anisotropía en la frecuencia sidérea [25]. La mezcla entre modulaciones diarias y anuales induce bandas laterales ubicadas a ± 1 ciclo/año con respecto a la solar [7]. Por estos motivos se toman estas frecuencias como referencia.

4.2. Variaciones relativas de los hexágonos

Para corregir las variaciones de la exposición del observatorio, podemos definir un peso w_i por cada evento i , que corrige la variación $\Delta N_{cell}(\alpha^0)$ en función de la

ascensión recta del cenit del observatorio α^0 durante el rango de tiempo estudiado. Estas variaciones pueden deberse al crecimiento del arreglo a través de los años, por caídas en la comunicación del observatorio con los SDs u otros motivos.

El factor $\Delta N_{cell}(\alpha^0)$ tiene en cuenta que la exposición direccional el observatorio no es uniforme en tiempo sidéreo. Se obtiene sumando el número de celdas durante el periodo de medición, en cada segmento de α^0 y luego se normaliza con el valor medio de los segmentos.

4.2.1. Cálculo de las variaciones relativas de los hexágonos

Para calcular estos pesos w_i , se sigue el algoritmo presentado a continuación:

1. Se establecen una frecuencia f y un rango de tiempo a estudiar. Por ejemplo, se desea estudiar la frecuencia solar entre el 1 de Enero del 2014 a las 12:00:00 GMT y el 1 de Enero del 2020 a las 12:00:00 GMT.
2. Cada dato del registro de hexágonos, tomado en un momento t durante el rango seleccionado, se clasifica según la cantidad de horas desde un momento de referencia t_0 . Esta referencia t_0 se tomará como el 1 de Enero del 2005 a las 00:00:00 GMT, o 21 hs del 31 de Diciembre del 2004, según la hora local de Malargüe.
3. Podemos asociar una coordenada angular h a t y f utilizando la siguiente expresión:

$$h = (t - t_0) \times \frac{360^\circ}{24\text{hs}} \times \frac{f}{f_{Solar}} + h_0 \quad (4.1)$$

El factor f/f_{Solar} sirve para hacer un cambio de escala temporal entre los periodos de distintas frecuencias. Se usa como referencia la f_{Solar} dado que las horas (solares) se basan en esta frecuencia, y el valor de $h_0 = 31,4971^\circ$ representa la ascensión recta del cenit del observatorio en el momento utilizado como referencia.

4. Para simplificar el cálculo del peso de los hexágonos, se divide los 360° de la ascensión recta en L segmentos de $360/L^\circ$ cada uno. Para clasificar un dato se toma el valor h y se calcula

$$h' = h \bmod 360 \quad (4.2)$$

donde la función *mod* representa la función módulo que devuelve un número real positivo. Con el valor de h' del dato, se asigna el mismo al segmento k que le corresponde, mediante la siguiente expresión

$$k = \left\lceil \frac{h'}{360} \times L \right\rceil \quad (4.3)$$

donde $\lceil a \rceil$ representa la función techo ¹. Por ejemplo, si optamos por $L = 24$ y un dato en particular resulta con $h = 395^\circ$, esto implica que $h' = 35^\circ$ y que $k = \lceil 2,333 \rceil = 3$, por lo tanto, este registro corresponde al segmento en la 3ª posición.

- Una vez clasificados todos los datos del registro de hexágonos, se calcula la suma $N_{hex,j}$ de los datos que cayeron un segmento j dado. Para definir la variación relativa de hexágonos $\Delta N_{cell,k}$ de un segmento k en particular, necesitamos la media de hexágonos por segmento $\langle N \rangle$ para normalizar las variaciones.

$$\langle N \rangle = \sum_{i=1}^L \frac{N_{cell,i}}{L} \quad \Delta N_{cell,k} = \frac{N_{cell,k}}{\langle N \rangle} \quad (4.4)$$

En la Fig.4.1 se muestran las variaciones relativas de los hexágonos en función de la ascensión recta del cenit del observatorio para las frecuencias mencionadas. Este análisis fue realizado en el marco del trabajo [6] con eventos del periodo 2004-2017.

En la Fig.4.2 se observan los valores obtenidos de $\Delta N_{cell,k}$ con el código escrito para este trabajo, en función de la ascensión recta del cenit para $L = 288$ segmentos. Se analizó el conjunto de datos utilizado para obtener los resultados la Fig.4.1, con el fin de validar dicho código. Los datos se analizaron desde el 1 de Enero del 2004 a las 00:00:00 GMT hasta el 1 de Enero del 2017 a las 00:00:00 GMT. Se observa que los resultados obtenidos son compatibles con la Fig.4.1

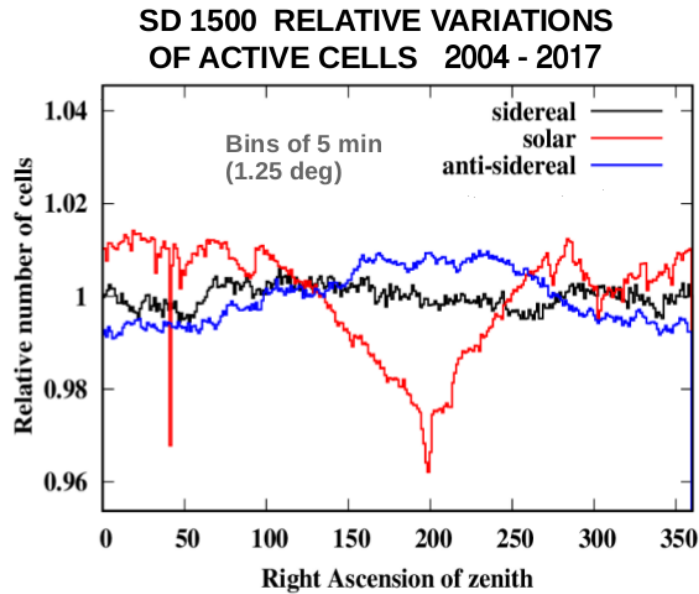


Figura 4.1: Valores de $\Delta N_{cell,k}$ en el rango 2004-2017 para distintas frecuencias obtenidas en el trabajo [6].

¹La función techo da como resultado el número entero más próximo por exceso

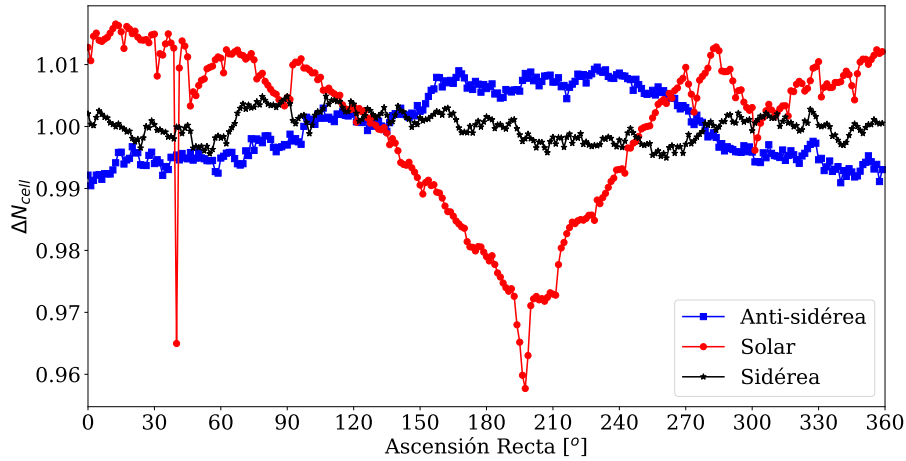


Figura 4.2: Valores de $\Delta N_{cell,k}$ en el rango 2004-2017 para distintas frecuencias utilizando el código escrito en este trabajo.

Para una representación fiel entre los registros de los hexágonos y los pesos de los eventos, se optó por clasificar los datos de los hexágonos en 288 segmentos, donde cada segmento tiene un ancho de $1,25^\circ$. Esto es conveniente ya que la actualización del registro de hexágonos se realiza una vez cada 5 min como se menciona en la sección 2.5.1. Esta tasa de actualización es equivalente a decir que la adquisición se realiza cada vez que el cenit del observatorio barre $1,25^\circ$ en ascensión recta sobre la esfera celeste.

4.3. Descripción del método Rayleigh

Un procedimiento para estudiar anisotropías en la direcciones de arribos de los RCs es realizar un análisis de Fourier en ascensión recta α . La distribución en ascensión recta α del flujo de RCs $I(\alpha)$ que llega al arreglo principal puede caracterizarse por las amplitudes r_k y fases ϕ_k de su expansión en serie de Fourier al k -ésimo orden.

$$I(\alpha) = I_0 \left(1 + \sum_{k=1}^{\infty} r_k \cos [k(\alpha - \phi_k)] \right) = I_0 \left(1 + \sum_{k=1}^{\infty} a_k \cos k\alpha + b_k \sin k\alpha \right) \quad (4.5)$$

donde $a_k = r_k \cos k\phi_k$ y $b_k = r_k \sin k\phi_k$, y I_0 es el flujo medio. La distribución $I(\alpha)$ puede obtenerse a partir de la distribución de direcciones de arribo de los eventos observados. En este trabajo, suponiendo que existieron N eventos en el rango analizado, se considera que los mismos tienen una distribución en ascensión recta del tipo $dN/d\alpha = \sum_{i=1}^N \delta(\alpha - \alpha_i)$ [7].

4.3.1. Caso dipolar

Para el caso de una modulación dipolar, el análisis de Rayleigh se realiza con el primer armónico, es decir $k = 1$. Por lo que la Ec.4.5 se simplifica y queda de la siguiente forma:

$$I(\alpha) = \frac{N}{2\pi} \left(1 + r_1 \cos(\alpha - \phi) \right) = \frac{N}{2\pi} \left(1 + a \cos \alpha + b \sin \alpha \right) \quad (4.6)$$

donde a , b , r_1 y ϕ son las amplitudes y fase asociados al análisis del primer armónico, y el flujo medio $I_0 = N/2\pi$ [7].

4.3.2. Análisis para frecuencias arbitrarias

Como se mencionó anteriormente, los análisis en ascensión recta están asociados a la frecuencia sidérea. Para realizar el análisis de los eventos en cualquier frecuencia arbitraria, es necesario modificar α por $\tilde{\alpha}$. Esta nueva variable tiene la forma como se utiliza en el trabajo [7]:

$$\tilde{\alpha} = 2\pi f_x t_i + \alpha_i - \alpha_i^0(t_i) \quad (4.7)$$

donde f_x es el frecuencia arbitraria a estudiar, t_i es el momento en que ocurrió el evento y $\alpha_i^0(t_i)$ es la ascensión recta del cenit del observatorio en el momento del evento. Si la frecuencia a analizar es la sidérea, el análisis con α y $\tilde{\alpha}$ arrojan los mismos parámetros r_k y ϕ_k .

4.3.3. Cálculo de Rayleigh en ascensión recta para una frecuencia dada

Clasificando a los eventos mencionados en la sección ?? según el valor de la ascensión recta y considerando que todos los eventos tienen un peso uniforme de $w_i = 1$, se dicen que los eventos fueron analizados *sin pesos*, donde no consideramos la corrección de la exposición. En caso contrario, se habla de análisis *con pesos* de los hexágonos y estos pesos se calculan como se menciona en la sección anterior.

Para realizar el análisis de frecuencias de los eventos, en el k -ésimo orden en la expansión de Fourier, se siguen los siguientes pasos.

1. Fijando un rango de tiempo y un rango de energía en el cual se desea estudiar la anisotropía, se establece una frecuencia en particular f a analizar. Siguiendo el ejemplo de la sección anterior, se analiza la frecuencia solar entre el 1 de Enero del 2014 a las 12:00:00 GMT y 2019 hasta el 1 de Enero del 2020 a las 12:00:00 GMT.

2. Con los eventos ya filtrados según el criterio de la sección 2.5, asigno cada evento i un valor h_i , definida en la Ec.4.1
3. En caso de considerar los pesos de los hexágonos, para asignar el peso correspondiente al evento, se asocia a un segmento k , calculado en la sección 4.2, mediante el valor de h'_i definido en la Ec.4.2. Luego, el peso asignado w_i al evento i es: $w_i = (\Delta N_{cell,k})^{-1}$, caso contrario, se toman que todos los eventos tienen $w_i = 1$.
4. Para el análisis en frecuencias, a partir del valor de h_i se asigna el ángulo $\tilde{\alpha}_i$ definida en la Ec.4.7. La implementación en el código es de la siguiente manera:

$$\tilde{\alpha}_i = 2\pi \frac{h_i}{360^\circ} + \alpha_i - \alpha_i^0 \quad (4.8)$$

donde α_i representa la ascensión recta del evento y α_i^0 la ascensión recta en el cenit del observatorio en el momento del evento. Cabe resaltar que la información de la frecuencia que se está estudiando se encuentra en el valor de h . Si la frecuencia a estudiar fuera la sidérea, el término $2\pi \frac{h}{360^\circ}$ seguiría el cenit del observatorio, por lo que este término sería equivalente a α_i^0 , por lo tanto en esta frecuencia $\tilde{\alpha}_i = \alpha_i$ como es de esperarse.

5. Para calcular los coeficientes de Fourier del k -ésimo armónico a_k y b_k , se siguen los siguiente pasos:

a) Por cada evento i se calculan los siguientes valores:

$$a'_{ik} = w_i \cos k\tilde{\alpha}_i \quad b'_{ik} = w_i \sin k\tilde{\alpha}_i \quad (4.9)$$

b) Una vez que se obtuvieron los valores de a'_{ik} y b'_{ik} para todos los eventos en el rango de tiempo estudiado, se calculan los coeficientes definidos en el trabajo [26] mediante:

$$\mathcal{N} = \sum_i^{Eventos} w_i \quad a_k = \frac{2}{\mathcal{N}} \sum_i^{Eventos} a'_{ik} \quad b_k = \frac{2}{\mathcal{N}} \sum_i^{Eventos} b'_{ik} \quad (4.10)$$

6. Con los coeficientes es posible calcular la amplitud de la frecuencia estudiada \tilde{r} y la fase ϕ . Otros parámetros calculados para el análisis son la probabilidad $P(\tilde{r})$ y r_{99} .

$$\tilde{r}_k = \sqrt{a_k^2 + b_k^2} \quad \phi_k = \frac{1}{k} \arctan \frac{a_k}{b_k} \quad (4.11)$$

$$P(\tilde{r}_k) = \exp\left(-\mathcal{N} \frac{\tilde{r}_k^2}{4}\right) \quad r_{99} = \sqrt{\frac{-4 \log(0,01)}{\mathcal{N}}} \quad (4.12)$$

Cabe resaltar que el r_{99} depende solamente de los pesos de los eventos que se está estudiando. La interpretación de este valor es cual es la probabilidad de tener una amplitud mayor como una fluctuación de una distribución isotrópica sea del 1 %

Una forma de validar el código para el análisis de anisotropía es comparar los resultados del código con los obtenidos en otros trabajos [7]. En la Fig.4.3 se muestra el análisis hecho sobre el mismo conjunto de eventos. Estos eventos fueron adquiridos con el disparo estándar desde el 1 de Enero del 2004 a las 00:00:00 GMT hasta el 1 de Enero del 2017 a las 00:00:00 GMT. Se consideraron los eventos por encima de 8 EeV que además cumplan las condiciones dadas en la sección 2.5. En esta figura que los resultados obtenidos en [7] y con el código utilizado por este trabajo son indistinguibles.

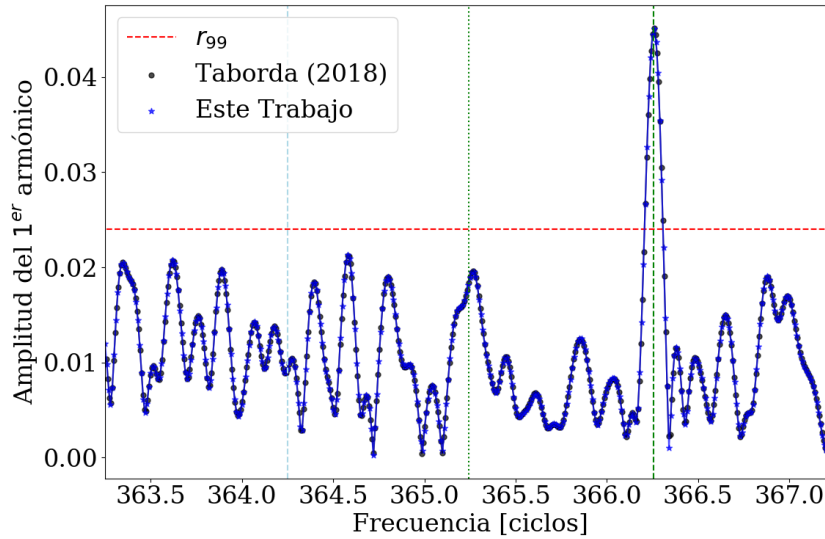


Figura 4.3: Comparación entre los análisis de anisotropía hechos para el mismo conjunto de datos, con el código de [7] y con el código escrito para este trabajo.

Capítulo 5

Método East-West

El método de Rayleigh se basa en ajustar el flujo de CRs en función de la ascensión recta α mediante una función armónica. El mismo permite calcular la amplitud y fase de la anisotropía para distintos armónicos, además de la probabilidad de detectar la misma señal debido a fluctuaciones de una distribución isótropa de RCs.

La dificultad de utilizar el método Rayleigh recae en su sensibilidad a efectos sistemáticos: efectos del clima, variaciones en el área del Observatorio, y la sensibilidad de los instrumentos deben tenerse en cuenta. Los efectos mencionados deben ser corregidos de la señal medida de los eventos, ya que los mismos inducen modulaciones espurias en el análisis.

El método East - West consiste en el ajuste de una función armónica a la diferencia entre los flujos de eventos provenientes del Este y del Oeste. Si se consideran que las modulaciones espurias producidas por los efectos atmosféricos y sistemáticos son las mismas en ambas direcciones, la diferencia de flujos remueve estos efectos sin realizar correcciones adicionales. Una desventaja de este método es que su sensibilidad es menor que la del método de Rayleigh [7].

5.1. Descripción formal del método East-West

5.1.1. Flujo de eventos del Este y Oeste

El flujo de eventos observado $I_{\phi_1, \phi_2}^{obs}(\alpha^0)$ entre los ángulos azimutales ϕ_1 y ϕ_2 cuando el cenit se encuentra en la posición α^0 en el cielo, puede calcularse de la siguiente manera:

$$I_{\phi_1, \phi_2}^{obs}(\alpha^0) = \int_{\phi_1}^{\phi_2} d\phi \int_0^{\theta_{max}} d\theta \sin \theta \tilde{\omega}(\theta, \alpha^0) \Phi(\theta, \phi, \alpha^0), \quad (5.1)$$

donde el término $\tilde{\omega}(\theta, \alpha^0)$ representa la exposición del Observatorio y $\Phi(\theta, \phi, \alpha^0)$ es el flujo total de RCs expresado en coordenadas locales. El primer término mencionado también incluye los efectos sistemáticos y atmosféricos, como la variación de los hexágo-

nos del arreglo y las correcciones de la modulación del clima, mediante su dependencia con α^0 .

Para calcular los flujos de eventos del Este y Oeste, I_E^{obs} y I_O^{obs} respectivamente, se integra la Ec.5.1 en los siguientes rangos: para el Este entre $\phi_1 = -\pi/2$ y $\phi_2 = \pi/2$ y para el Oeste entre $\phi_1 = \pi/2$ y $\phi_2 = 3\pi/2$.

5.1.2. Aproximaciones del método

Se considera que la exposición $\tilde{\omega}$ no depende de ϕ y que pueden desacoplarse de las variaciones en θ y α^0 . Por lo tanto, podemos expresar $\tilde{\omega}$ de la siguiente manera:

$$\tilde{\omega}(\theta, \alpha^0) = \omega(\theta)F(\alpha^0) \quad (5.2)$$

A su vez, consideremos que las amplitudes de las variaciones temporales asociadas a $\tilde{\omega}$ son pequeñas con respecto al valor medio, por lo que se puede tomar la expansión en primer orden de la función $F(\alpha^0)$:

$$\tilde{\omega}(\theta, \alpha^0) = \omega(\theta)(1 + \eta(\alpha^0)) \quad (5.3)$$

5.1.3. Cálculo de la diferencia de flujos

Teniendo en cuenta las expansiones hasta el primer orden de $\tilde{\omega}$ en la Ec.5.3 y del flujo de RCs Φ en la Ec. 1.3, se tiene la siguiente expresión:

$$I_{\phi_1, \phi_2}^{obs}(\alpha^0) = \int_{\phi_1}^{\phi_2} d\phi \int_0^{\theta_{max}} d\theta \sin \theta \omega(\theta) (1 + \eta(\alpha^0)) \Phi_0 (1 + \mathbf{d} \cdot \hat{\mathbf{u}}) \quad (5.4)$$

donde la segunda parte de la igualdad puede simplificarse con una definición apropiada¹. Dado que la integral sobre ϕ tiene el mismo valor para el Este y Oeste, se obtiene que la expresión asociada a orden cero de Φ puede escribirse de la siguiente forma

$$\int_{\phi_1}^{\phi_2} d\phi \int_0^{\theta_{max}} d\theta \sin \theta \omega(\theta) (1 + \eta(\alpha^0)) \Phi_0 = \Phi_0 (1 + \eta(\alpha^0)) \pi \bar{1}.$$

Trabajando con la expresión asociada al primer orden de Φ , si consideramos la expresión 1.8 del producto escalar $\mathbf{d} \cdot \hat{\mathbf{u}}$ en coordenadas locales, e integramos el ángulo ϕ entre

¹Por simplicidad, definimos la siguiente expresión: $\overline{f(\theta)} = \int_0^{\theta_{max}} d\theta \sin \theta \omega(\theta) f(\theta)$, donde $\overline{f(\theta)}$ es la media de la función $f(\theta)$ sobre el ángulo cenital pesado por la exposición del Observatorio $\omega(\theta)$, hasta un ángulo máximo de θ_{max} . En este trabajo se centra en eventos hasta 2 EeV, por lo que $\theta_{max} = 60^\circ$ para los datos del Observatorio.

$[-\pi/2, \pi/2]$ o $[\pi/2, 3\pi/2]$, se obtiene que:

$$\int_{\phi_1}^{\phi_2} d\phi \int_0^{\theta_{max}} d\theta \sin \theta \omega(\theta) (1 + \eta(\alpha^0)) \Phi_0 \mathbf{d} \cdot \hat{\mathbf{u}} = \quad (5.5)$$

$$= \Phi_0 (1 + \eta(\alpha^0)) \int_0^{\theta_{max}} d\theta (\pm 2d_{x'} \sin \theta + \pi d_{z'} \cos \theta) \quad (5.6)$$

donde +2 corresponde al Este y -2 al Oeste. No hay una dependencia con la proyección del dipolo $d_{y'}$ porque en la integral aparece el término $\int_{\phi_1}^{\phi_2} d\phi d_{y'}(\alpha^0, \delta^0) \sin \theta \sin \phi$, que se anula al integrar sobre el Este y Oeste.

Usando la definición dada en la nota de pie 1 de la página anterior y la expresión 5.6, podemos reescribir la expresión 5.4 y los flujos para el Este y el Oeste como:

$$\begin{aligned} I_E^{obs} &= \Phi_0 (1 + \eta(\alpha^0)) (\pi \bar{1} + 2d_{x'} \overline{\sin \theta} + \pi d_{z'} (\alpha^0) \overline{\cos \theta}) \\ I_O^{obs} &= \Phi_0 (1 + \eta(\alpha^0)) (\pi \bar{1} - 2d_{x'} \overline{\sin \theta} + \pi d_{z'} \overline{\cos \theta}) \\ I_{Total}^{obs} &= I_E^{obs} + I_O^{obs} = \Phi_0 (1 + \eta(\alpha^0)) (2\pi \bar{1} + 2\pi d_{z'} \overline{\cos \theta}) \end{aligned}$$

Ya que se busca calcular la diferencia entre los flujos provenientes del Este y del Oeste, I_E^{obs} y I_O^{obs} respectivamente, esta resta queda como:

$$I_E^{obs} - I_O^{obs} = 4\Phi_0 (1 + \eta(\alpha^0)) d_{x'} (\alpha^0) \overline{\sin \theta}$$

Para obtener las componentes del vector \mathbf{d} , **tenemos que considerar que las proyecciones que están en el plano x'-z' ya que no hay dependencia con la proyección $d_{y'}$.** Para hacer esto, consideremos a los versores $\hat{\mathbf{u}}_{x'}$ y $\hat{\mathbf{u}}_{z'}$ que apuntan al cenit y al Este respectivamente. Podemos obtener las proyecciones con un producto escalar con los versores en las direcciones de interés:

$$d_{x'}(\alpha^0) \hat{x}' = (\mathbf{d} \cdot \hat{\mathbf{u}}_{x'}) \hat{\mathbf{u}}_{x'} \rightarrow d_{x'}(\alpha^0) = \mathbf{d} \cdot \hat{\mathbf{u}}_{x'}, \quad (5.7)$$

donde estos versores en coordenadas ecuatoriales se escriben como: $\hat{\mathbf{u}}_{z'} = (\alpha^0, \delta^0)$ y $\hat{\mathbf{u}}_{x'} = (\alpha^0 + \frac{\pi}{2}, 0)$ ².

Usando la expresión 1.4 para el producto escalar en coordenadas ecuatoriales, se obtienen las componentes:

$$d_{z'} = \mathbf{d} \cdot \hat{\mathbf{u}}_{z'} = d(\cos \delta_d \cos \delta^0 \cos(\alpha^0 - \alpha_d) + \sin \delta_d \sin \delta^0) \quad (5.8)$$

$$d_{x'} = \mathbf{d} \cdot \hat{\mathbf{u}}_{x'} = d \cos \delta_d \cos\left(\alpha^0 + \frac{\pi}{2} - \alpha_d\right) = -d \cos \delta_d \sin(\alpha^0 - \alpha_d) \quad (5.9)$$

²Se suma $\frac{\pi}{2}$ para apuntar al Este, cuando el versor recorre $\pi/2$ en ascensión recta, llega al plano del ecuador que tiene declinación 0.

Entonces la diferencia entre flujos queda como:

$$I_E^{obs} - I_O^{obs} = -4d\Phi_0(1 + \eta(\alpha^0)) \cos \delta_d \sin(\alpha^0 - \alpha_d) \overline{\sin \theta} \quad (5.10)$$

Esta diferencia se debe relacionar con la variación del flujo total verdadero $I(\alpha^0)$, es decir el flujo que se observaría si no existieran variaciones temporales en ascensión recta en la exposición, que implicaría $\eta(\alpha^0) = 0$. Las ecuaciones relacionadas con el flujo total medido I_{Total}^{obs} son válidas para el caso de $\eta(\alpha^0) = 0$.

Considerando la Ec.5.9 para el caso de $I(\alpha^0)$ con $\eta(\alpha^0) = 0$, la variación del flujo verdadero en ascensión recta provee información sobre la componente $d_{z'}$ del dipolo.

$$\frac{dI(\alpha^0)}{d\alpha^0} = 2\pi\Phi_0 \overline{\cos \theta} \frac{d d_{z'}(\alpha^0)}{d\alpha^0} \quad (5.11)$$

$$\frac{dI(\alpha^0)}{d\alpha^0} = -2d\pi\Phi_0 \overline{\cos \theta} \cos \delta_d \cos \delta^0 \sin(\alpha^0 - \alpha_d) \quad (5.12)$$

Para llegar a la expresión 5.10, hicimos la expansión hasta el primer orden de $\tilde{\omega}(\theta, \alpha^0)$ y de $\Phi(\alpha, \delta)$, por lo tanto, para ser consistentes en el orden de aproximación, se desprecia el término de segundo orden de la expresión 5.10 que es proporcional de $\eta \cdot d$ y la expresión 5.10 queda:

$$I_E^{obs} - I_O^{obs} \approx -4d\Phi_0 \cos \delta_d \sin(\alpha^0 - \alpha_d) \overline{\sin \theta} \quad (5.13)$$

Considerando las expresiones 5.12 y 5.13, se tiene una relación entre la diferencia de flujo del Este y del Oeste medido por el Observatorio y el flujo real de RCs ³

$$I_E^{obs} - I_O^{obs} \approx \frac{2}{\pi \cos \delta^0} \frac{\langle \sin \theta \rangle}{\langle \cos \theta \rangle} \frac{dI(\alpha^0)}{d\alpha^0} \quad (5.14)$$

5.2. Estimación de la componente ecuatorial del dipolo mediante el análisis del primer armónico

El objetivo del método East - West es estimar la modulación dipolar de $I(\alpha^0)$ a partir de la diferencia $I_E^{obs} - I_O^{obs}$ mediante un análisis similar al método de Rayleigh que se muestra en la Ec.4.6, salvo modificaciones para tener en cuenta la dirección de los eventos.

$$I_E^{obs} - I_O^{obs} = \frac{N}{2\pi} r_{EW} \cos(\alpha^0 - \phi_{EW}) \quad (5.15)$$

³Se usa la expresión: $\langle f(\theta) \rangle = \frac{\overline{f(\theta)}}{1} = \frac{\int_0^{\theta_{max}} d\theta \sin \theta \omega(\theta) f(\theta)}{\int_0^{\theta_{max}} d\theta \sin \theta \omega(\theta)}$, que es equivalente a hacer la media de todos los datos medidos de $f(\theta)$.

donde a diferencia de la expresión original, la amplitud r_{EW} y fase ϕ_{EW} no son la amplitud y fase del dipolo físico. Las mismas están asociadas a la modulación en la diferencia de flujos, a continuación se explica como se relacionan con r_1 y ϕ a partir del método East - West.

Esta relación puede obtenerse reescribiendo la expresión 5.14, teniendo en cuenta la proyección del dipolo físico sobre el ecuador $d_{\perp} = d \cos \delta^0$, la expresión 5.13 y que $N \simeq 4\pi^2 \Phi_0 \bar{1}$ ⁴:

$$I_E^{obs} - I_O^{obs} \approx -4d_{\perp} \frac{N}{4\pi^2 \bar{1}} \sin(\alpha^0 - \alpha_d) \overline{\sin \theta} \bar{1} \quad (5.16)$$

$$I_E^{obs} - I_O^{obs} \approx -4d_{\perp} \frac{N}{4\pi^2} \sin(\alpha^0 - \alpha_d) \langle \sin \theta \rangle \quad (5.17)$$

$$I_E^{obs} - I_O^{obs} \approx -\frac{N}{2\pi} d_{\perp} \frac{2\langle \sin \theta \rangle}{\pi} \sin(\alpha^0 - \alpha_d) \quad (5.18)$$

Comparando las expresiones 5.15 y 5.18 y considerando la ecuación 1.5, se puede inferir que las relaciones entre la amplitud y fase obtenidas mediante EW y el dipolo físico son las siguientes:

$$d_{\perp} = \frac{\pi}{2\langle \sin \theta \rangle} r_{EW} \quad (5.19)$$

$$r_1 = \frac{\pi}{2} \frac{\langle \cos \delta \rangle}{\langle \sin \theta \rangle} r_{EW} \quad (5.20)$$

$$\alpha_d = \phi_{EW} + \frac{\pi}{2} \quad (5.21)$$

$$\sigma_{x,y} = \frac{\pi}{2\langle \sin \theta \rangle} \sqrt{\frac{2}{N}} \quad (5.22)$$

$$\sigma = \frac{\pi \langle \cos \delta \rangle}{2\langle \sin \theta \rangle} \sqrt{\frac{2}{N}} \quad (5.23)$$

Como en el caso del análisis de Rayleigh, la probabilidad de obtener una amplitud mayor o igual a que r_{EW} a partir de una distribución isotropa es una distribución acumulada de Rayleigh:

$$P(\geq r_{EW}) = \exp\left(-\frac{N}{4} r_{EW}^2\right) \quad (5.24)$$

5.2.1. Cálculo de la amplitud del dipolo para los eventos de Todos los Disparos

1. Definimos el rango de tiempo a estudiar, para los resultados para Todos los Disparos se utilizaron los límites: 1 de Enero del 2014 hasta el 1 de Enero del 2020.
2. Se recorre cada evento que cumpla con las siguientes características:

⁴Porque es la integral con respecto a los dos ángulos, θ y ϕ

- Pertenezca el rango de energía a estudiar
- Sea un evento 6T5 con ángulo cenital menor a 60°
- Se haya registrado en el rango de tiempo seleccionado

En cada evento se calcula los siguientes valores:

$$a'_i = \cos(X_i - \beta) \quad b'_i = \sin(X_i - \beta) \quad (5.25)$$

el valor de X_i depende la frecuencia a estudiar, la misma es igual a la ascensión recta del cenit α_i^0 al momento del evento si se estudia la frecuencia sidérea, en cambio para la frecuencia solar es igual al equivalente en grados de la hora local de Malargüe. El valor de β es depende si el evento provino del Este donde $\beta = 180^\circ$ o $\beta = 0$ caso contrario.

3. Una vez corridos todos los eventos se calculan los parámetros:

$$a_{EW} = \frac{2}{N} \sum_{i=1}^N a'_i = \frac{2}{N} \sum_{i=1}^N \cos(X_i - \beta_i)$$

$$b_{EW} = \frac{2}{N} \sum_{i=1}^N b'_i = \frac{2}{N} \sum_{i=1}^N \sin(X_i - \beta_i)$$

donde N indica la cantidad eventos considerados. La cantidad de eventos por rango de energía se muestran en la tabla 8.1.

Con esto puedo calcular la amplitud asociada al análisis r_{EW} y la fase ϕ_{EW} :

$$r_{EW} = \sqrt{a_{EW}^2 + b_{EW}^2}$$

$$\phi_{EW} = \tan^{-1}(b_{EW}/a_{EW})$$

Estos valores se traducen a los valores de amplitud r_1 , d_\perp y fase ϕ del dipolo físico mediante las expresiones 5.19, 5.20 y 5.21. Los valores $\langle \cos \delta \rangle$ y $\langle \sin \theta \rangle$ son los valores medios de estas variables en los eventos estudiados. **En el caso de ϕ se espera que el mismo sea un estimador del valor de α_d .**

4. Se calcula la amplitud límite r_{99} y la probabilidad $P(r_{EW})$ utilizando la expresión 5.24:

$$r_{99} = \frac{\pi}{2} \frac{\langle \cos \delta \rangle}{\langle \sin \theta \rangle} \sqrt{\frac{4}{N} \ln(100)}$$

$$d_{\perp,99} = \frac{r_{99}}{\langle \cos \delta \rangle}$$

5. Se calculan los límites de confianza de las variables r, ϕ y d_{\perp} mediante los densidad de probabilidad de la amplitud y fase. Las mismas se describen en el capítulo 6.

Por último, estos resultados se comparan con los valores obtenidos con el método EW en el trabajo [8] en frecuencia sidérea, aplicado al conjunto de eventos del disparo estándar registrados entre el 1 de Enero del 2004 y el 1 de Agosto del 2018.

5.2.2. Cálculo para frecuencias arbitrarias

Cambiamos las variable de la ascensión recta del cenit α^0 por

$$\tilde{\alpha} = 2\pi f_x t_i \quad (5.26)$$

donde f_x es la frecuencia arbitraria a estudiar y t_i es el momento donde ocurre el evento a estudiar. Luego se realizan el mismo procedimiento que lo anterior para calcular el valor de la amplitud r .

En la siguiente sección se verifica que se obtiene los mismo resultados con esta variable general que con el valor de α^0 para la frecuencia sidérea.

5.3. Verificación del código

5.3.1. Comparación con el trabajo de la Colaboración Auger

Se verificó el código escrito en este trabajo de la siguiente manera:

1. El conjunto de eventos del disparo estándar registrados entre el 1 de Enero del 2004 y el 1 de Agosto del 2018 fue analizado en el trabajo [8].
2. Utilizando el código y los datos de los eventos del paper [8], obtenidos de la página del *Publications Committee* de la colaboración Auger, se replicaron los datos del paper.
3. Luego utilizando el código escrito para este trabajo, se realizó el análisis de EW con los datos del trabajo [8].
4. Finalmente se verificó que los valores obtenidos en los item 2 y 3, con ambos códigos, sean el mismo.

5.3.2. Comparando con la variable $\tilde{\alpha}$ con la ascensión recta del cenit

Para verificar que la variable de la Ec.5.26 es útil para estudiar otras frecuencias, en la Tabla 5.1 se comparan los resultados de la referencia para el rango 0.25 - 0.5 EeV,

los obtenidos usando la ascensión recta del cenit y los valores obtenidos con la Ec.5.26 en el mismo rango de energía. Se observan que los valores son comparables entre sí.

	[8]	α^0	$\alpha = 2\pi f_x t_i$
Frecuencia:	366.25	366.25	366.25
d_{\perp} [%]:	0.60	0.60	0.60
$\sigma_{x,y}$ [%]	0.48	0.48	0.48
Probabilidad:	0.45	0.45	0.45
Fase[°]:	225±64	225±64	225±64
r_{99} [%]:	1.5	1.5	1.5
$d_{\perp,99}$ [%]:	1.8	1.8	1.8

Tabla 5.1: Verificando la variable $\tilde{\alpha} = 2\pi ft$ para el análisis de frecuencias arbitrarias en el método East-West.

Capítulo 6

Distribución de probabilidad de la amplitud y fase del dipolo

En el trabajo [27] se estudian los límites de confianza para la amplitud r_1 y la fase ϕ obtenidos mediante el análisis del primer armónico en Fourier. Las distribuciones de probabilidad describen a un conjunto de N mediciones cuya modulación en ascensión recta está caracterizada por el vector \vec{s} con una dispersión $\sigma = \sqrt{2/N}$. Sin pérdida de generalidad, se puede restar a las mediciones la fase ϕ para que las mismas varíen alrededor del 0. Este vector \vec{s} puede ser obtenido mediante distintos métodos, en este trabajo se utilizaron el método de Rayleigh e East - West, en este caso, el módulo del vector \vec{s} es igual a r_1 .

La distribución de probabilidad de la amplitud y la fase está dada por la Ec.6.1. Las variables r y ψ representan las amplitudes y fases medidas respectivamente

$$p(r, \psi) = dr d\psi \frac{r}{2\pi\sigma^2} \exp\left\{-\frac{(r^2 + s^2 - 2rs \cos \psi)}{2\sigma^2}\right\} \quad (6.1)$$

6.1. Distribución de probabilidad de la amplitud

Integrando la Ec.6.1 con respecto a ψ , se obtiene la función de densidad de probabilidad $p(r)$ y el nivel de confianza $CL_r(r_i, r_f, s)$ entre en rango $[r_i, r_f]$:

$$p(r) = \frac{r}{\sigma^2} \exp\left\{-\frac{(r^2 + s^2)}{2\sigma^2}\right\} K_0\left(\frac{rs}{\sigma^2}\right) \quad (6.2)$$

$$CL_r(r_i, r_f, s) = \int_{r_i}^{r_f} dr p(r) \quad (6.3)$$

donde $K_0(x)$ es la función de Bessel modificada de primer orden. Estas ecuaciones nos permiten determinar el nivel de confianza CL con el cual se puede afirmar que el módulo del dipolo se encuentra entre los valores r_i y r_f , dado un conjunto de mediciones.

Se define el valor r^{UL} como el límite superior donde se puede afirmar que el módulo de dipolo se encuentra en el rango $[0, r^{UL}]$ con un 99 % de certeza.

$$CL_r(0, r^{UL}, s) = 0,99 = \int_0^{r^{UL}} dr p(r) \quad (6.4)$$

Suponiendo que mediante el análisis de un conjunto de eventos, se obtiene que $s = 0,0047$ y $\sigma = 0,0038$. El gráfico de la función $p(r)$ se muestra a continuación:

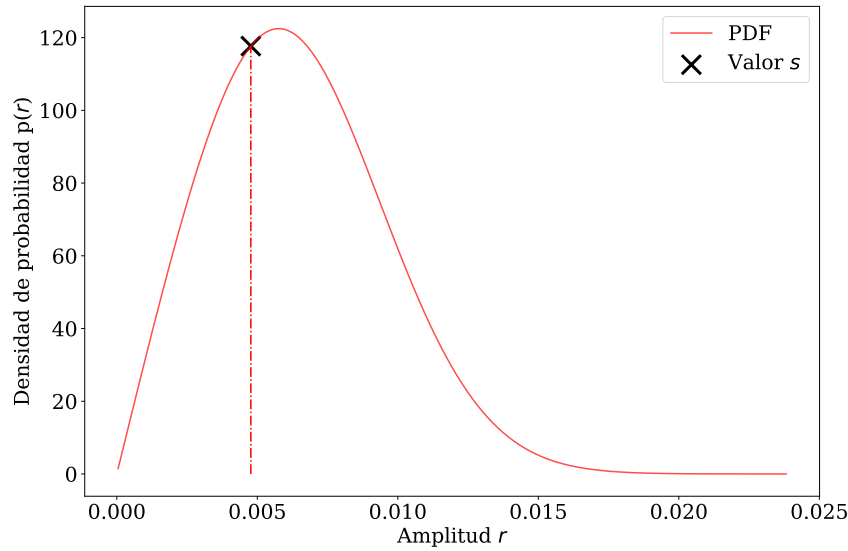


Figura 6.1: El gráfico de la densidad de probabilidad $p(r)$ de la amplitud r para $s = 0,0047$ y $\sigma = 0,0038$

6.1.1. Haciendo la cuenta de los márgenes de confianza de la amplitud

Calculemos los márgenes de confianza para el ejemplo anterior de $s = 0,0047$ y $\sigma = 0,0038$. En este trabajo los márgenes que se obtuvieron nos dicen que el nivel de confianza en ese intervalo del 68,27 %. Se toma este límite, dado que si $N \gg 1$, la distribución $p(r)$ tiende a una distribución normal y el nivel de confianza sería 1σ .

Los pasos para el cálculo sigon son los siguientes:

1. Dado que la distribución tiene una función de Bessel modificada de primer orden que diverge en el 0, se toma una aproximación a la función con los primeros 8 términos de la sucesión. Por lo que la función no es exacta y la norma difiere de 1.

Para normalizar el área, se calcula la integral hasta $r_{max} = s + 10\sigma$, dado que está tan alejada del valor de amplitud obtenida, el nivel de confianza en

$CL_r(0, r_{max}, s) \simeq 1$, por lo que se usa este valor para normalizar la Ec. 6.2 en el código.

2. Una vez que se tiene la función normalizada, se calcula la integral de la ecuación 6.3 $CL_r(0, s, s)$ en el intervalo $[0, s]$ y se obtiene el valor de la función $p(s) = p_1$.
3. Si $CL_r(0, s, s) < 0,6827$:

- a) Teniendo en cuenta el valor inicial de p_1 , se actualiza el valor $p_2 \leftarrow p_1 - 0,01p_1$.
- b) Se calcula la integral entre los dos puntos con valores igual a $p(r)_2$.
- c) Si la integral es menor a 0,6827, se repite el proceso desde el paso 3a. Caso contrario, si esta integral es mayor o igual a 0,6827, se calculan los valores límites de r mediante el valor p_2 en el paso 5.

La Fig.6.2 se muestra el área calculada en la primera iteración que se muestra verde, el valor de área obtenido no es el nivel de confianza buscada se sigue iterando hasta alcanzar el valor p_N , donde la integral entre esos extremos es de 0,6827.

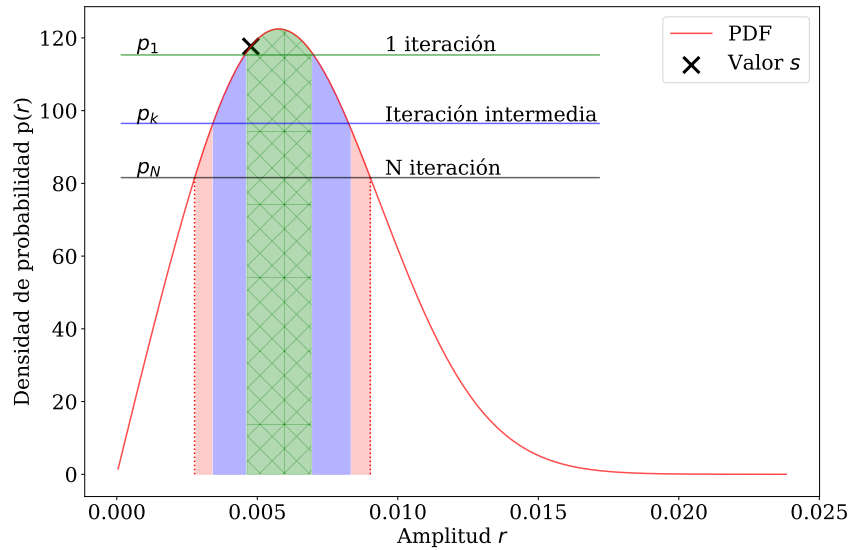


Figura 6.2: Iteraciones para encontrar los márgenes de confianza del 68,27 % de la distribución de probabilidad de la amplitud. En la N-ésima iteración se obtiene los límite de confianza buscados.

4. Si $CL_r(0, s, s) > 0,6827$:

- a) Se toma como límite inferior r^- el valor s y se busca el límite superior r^+ de tal forma que $CL(s, s + \sigma^+, s) \simeq 0,6827$.

5. Los límites de confianza superior r^+ y inferior r^- , teniendo en cuenta el valor final p_N del paso 3c, son tales que se cumple $p(r^+) = p(r^-) = p_N$. Finalmente los márgenes de confianza se calculan como:

$$\sigma^- = s - r^-$$

$$\sigma^+ = r^+ - s$$

En la Fig.6.3 se muestran los márgenes de confianza obtenidos para el ejemplo de $s = 0,0047$ y $\sigma = 0,0038$, el área sombreada es igual al 0,6827

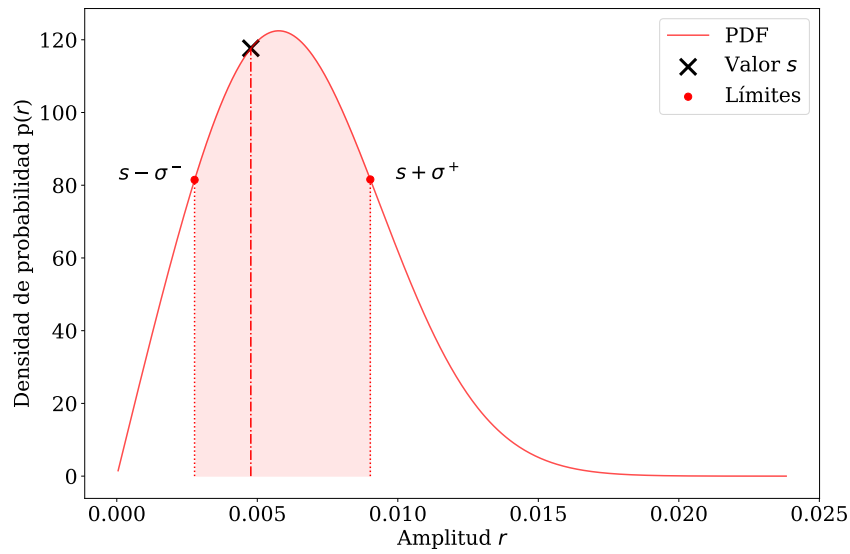


Figura 6.3: Densidad de probabilidad de la amplitud r para $s = 0,0047$ y $\sigma = 0,0038$. Se muestran los márgenes de confianza del 68,27 %

6.2. Distribución de probabilidad de la fase del dipolo

Integrando la ecuación 6.1 con respecto a r en el rango $[0, \infty]$, se obtiene la distribución de probabilidad de la fase ψ de la Ec.6.6. Este apartado considera que las fases de las mediciones varían alrededor del cero. De esta forma, la distribución de probabilidad tiene la característica de ser simétrica respecto a 0, por eso los límites de integración

para obtener un nivel de confianza igual a 1 son $[-\pi, \pi]$.

$$p(\psi) = d\psi \frac{1}{2\pi} e^{-k} \left[1 + (\pi k)^{1/2} \cos \psi e^{(k \cos^2 \psi)} \left(1 + L \operatorname{erf}(L k^{1/2} \cos \psi) \right) \right] \quad (6.5)$$

$$CL_\psi(\phi_1, \phi_2, s) = \int_{\phi_1}^{\phi_2} d\psi p(\psi) \quad (6.6)$$

donde $k = s^2/2\sigma^2$ y $\operatorname{erf}(x)$ es la función error, y

$$L = \begin{cases} +1 & \text{Si } -\frac{\pi}{2} \leq x \leq \frac{\pi}{2} \\ -1 & \text{Caso contrario} \end{cases}$$

Se definió que el nivel de confianza para la fase reportada en este trabajo sea del 68,27%, ya que $k \gg 1$ la distribución de la fase se acerca a una distribución normal y este nivel de confianza es equivalente a σ_ϕ .

Para calcular el margen de confianza σ_ψ , dada la simetría de la función 6.6 con respecto al 0, se siguen los siguientes pasos:

1. Se toma un valor inicial de $\sigma_{\psi,0} = 0,01|\phi|$, donde ϕ es valor de fase obtenida ya sea por el método Rayleigh o East-West. Se eligió este valor inicial por conveniencia.
2. Se integra la Ec.6.6 en el rango $[-\sigma_{\psi,0}, \sigma_{\psi,0}]$ y se verifica si $CL_\psi(-\sigma_{\psi,0}, \sigma_{\psi,0}, s) = 0,9545$. Si ese es el caso, se reporta la fase como $\psi \pm \sigma_{\psi,0}$, caso contrario se vuelve al paso anterior con $\sigma_{\psi,1} \leftarrow \sigma_{\psi,0} + 0,01\sigma_{\psi,0}$. y se itera hasta obtener el valor de $\sigma_{\psi,N}$ que cumpla $CL_\psi(-\sigma_{\psi,N}, \sigma_{\psi,N}, s) = 0,6827$

En la Fig.6.4 se muestra la distribución de probabilidad de la fase para $s = 0,0047$ y $\sigma = 0,0038$, también se incluye los límites de confianza obtenidos.

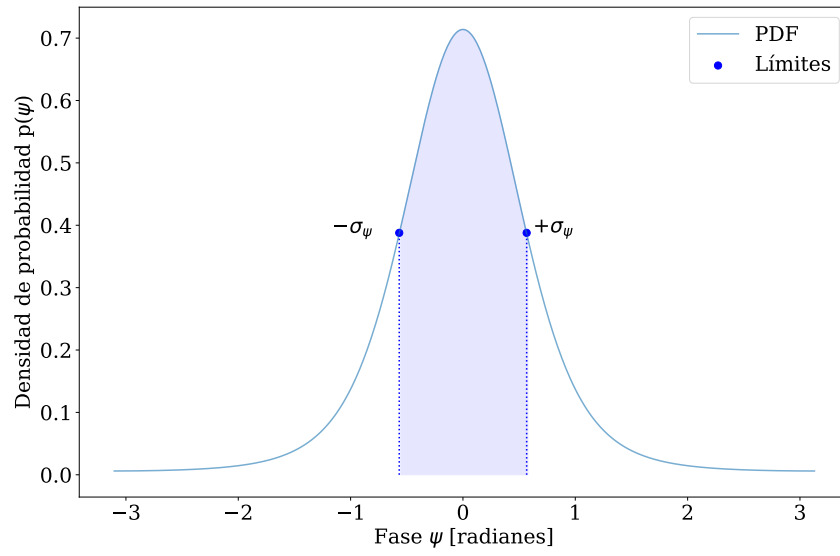


Figura 6.4: La distribución de probabilidad de la fase ψ para $s = 0,0047$ y $\sigma = 0,0038$ con los márgenes de confianza del 68,27%.

Capítulo 7

Resultados del método Rayleigh

Capítulo 8

Resultados del método East - West

En este capítulo se presentan los resultados obtenidos mediante el método East-West con los eventos de Todos los Disparos, para distintos rangos de energía. Estos resultados se comparan con los valores obtenidos en [8] sobre los eventos del Disparo Estándar.

Los eventos son clasificados en los distintos rangos mediante la energía reportada por la Colaboración. El conjunto de eventos registrados mediante de Todos los Disparos abarca eventos medidos entre el 2014 y 2019, y para el Disparo Estándar se listan eventos medidos entre el 2004 y 2018. Las características de estos dos conjuntos de datos se especifican en la Tabla 8.1

Rango Tiempo	Todos 6 años	Inicio	1 de Enero, 2014
		Fin	1 de Enero, 2020
	Estándar 14.7 años	Inicio	1 de Enero, 2004
		Fin	1 de Agosto, 2018

Rango [EeV]		0.25 - 0.5	0.5 - 1	1 - 2
Eventos	Todos	3 967 368	3 638 226	1 081 846
	Estándar	770 316	2 388 467	1 243 103
Energía	Todos	0,38	0,69	1,32
Media	Estándar	0,43	0,70	1,28

Tabla 8.1: Características de los conjuntos de datos para distintos rangos de energía

8.1. Resultados en distintos rangos de energía

8.1.1. Resultados en el rango 0.25 EeV - 0.5 EeV

En la Tabla 8.2 se presentan los resultados para este rango de energía en las frecuencias solar y sidérea de Todos Los Disparos. Los mismos se comparan con resultados con el Disparo Estándar que fueron reportados en [8]. Los valores de σ de Todos los Disparos es la mitad que el valor reportado para el Disparo Estándar, esto se debe a que el primer conjunto de datos tiene registrados ~ 5 veces más eventos que el segundo.

	Todos los disparos		Disparo Estándar
Frecuencia:	Solar	Sidérea	Sidérea [8]
Amplitud r [%]:	$0,17^{+0,22}_{-0,07}$	$0,12^{+0,24}_{-0,03}$	$0,5^{+0,4}_{-0,2}$ [28]
r_{99} [%]:	0.58		1.1[28]
r^{UL} [%]:	0.67	0.64	1.4[28]
σ [%]:	0.19		0.38[28]
Amplitud d_{\perp} [%]:	-	$0,16^{+0,31}_{-0,04}$	$0,6^{+0,5}_{-0,3}$
d_{99} [%]:	-	0.73	1.5 [28]
d_{\perp}^{UL} [%]:	-	0.80	1.8
$\sigma_{x,y}$ [%]:	-	0.24	0.48
Probabilidad :	0.66	0.81	0.45
Fase[°]:	221 ± 77	280 ± 90	225 ± 64
$\langle \cos \delta \rangle$	0.79		0.79 [28]
$\langle \sin \theta \rangle$	0.46		0.52 [28]

Tabla 8.2: Características para las frecuencias solar y sidérea con el método East-West en el primer armónico en rango de energía 0.25 EeV - 0.5 EeV.

En la Fig. 8.1 se comparan las fases en frecuencia sidérea obtenida en este trabajo y la reportada en [8], donde la línea punteada marca la dirección del centro galáctico. En esta figura en la tabla anterior, se observa que la incertidumbre obtenida para la fase de Todos los Disparos es amplia, esto se debe a que la amplitud r es pequeña comparada con el valor de σ .

Realizando el barrido de frecuencias con la variable de la Ec.5.26, se obtiene que en este rango de energía las amplitudes se distribuyen en frecuencia como se muestra en la Fig.8.2. La línea horizontal indica el valor de r_{99} para cada frecuencia, además se observa que ninguna amplitud supera dicho umbral.

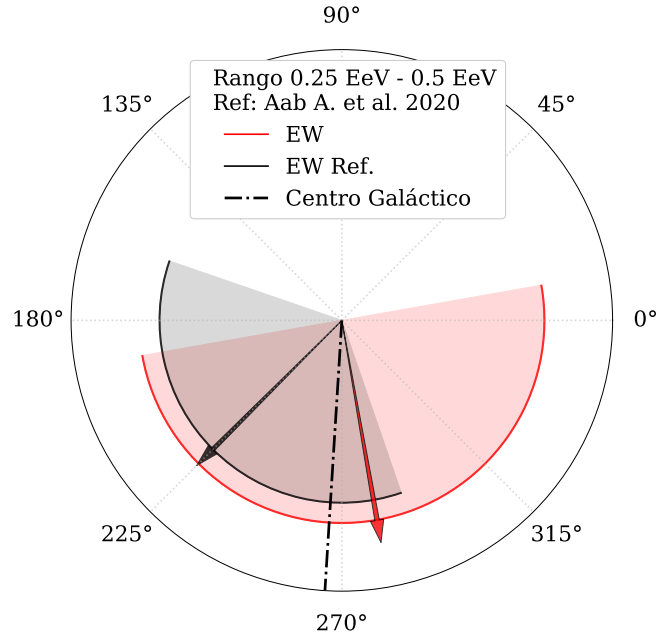


Figura 8.1: Valores de las fases obtenidos en este trabajo y en el trabajo [8] con sus respectivas incertidumbres para la frecuencia sidérea en el rango 0.25 EeV - 0.5 EeV .

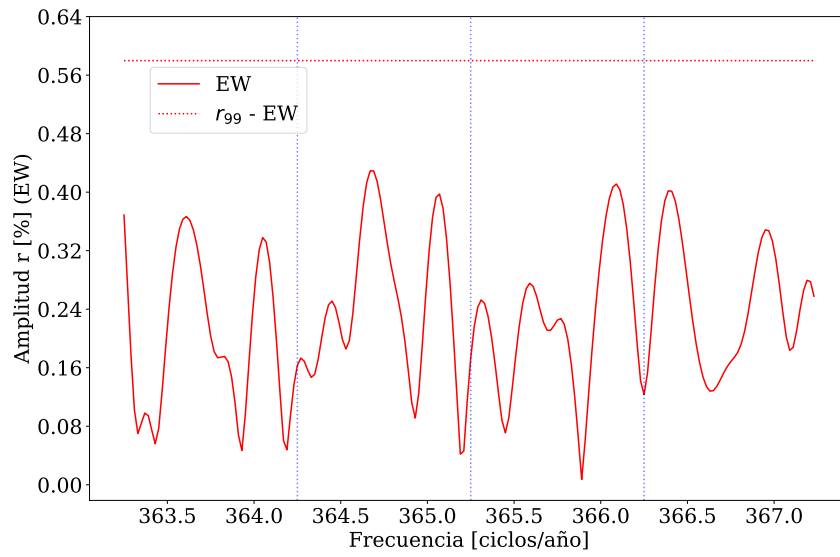


Figura 8.2: Barrido de frecuencias en el rango 0.25 EeV - 0.50 EeV mediante el método East-West.

8.1.2. Resultados en el rango 0.5 EeV - 1 EeV

En la Tabla 8.2 se presentan los resultados para el rango 0.5 EeV - 1 EeV en las frecuencias solar y sidérea de Todos Los Disparos, además se comparan con los resultados reportados en [8].

	Todos los disparos		Disparo Estándar
Frecuencia:	Solar	Sidérea	Sidérea [8]
Amplitud r [%]:	$0,43^{+0,21}_{-0,14}$	$0,44^{+0,21}_{-0,14}$	$0,38^{+0,20}_{-0,14}$ [28]
r_{99} [%]:	0.56		0.64[28]
r^{UL} [%]:	0.89	0.90	0.90 [28]
σ [%]:	0.18		0.21 [28]
Amplitud d_{\perp} [%]:	-	$0,56^{+0,27}_{-0,18}$	$0,5^{+0,3}_{-0,2}$
d_{99} [%]:	-	0.71	0.8 [28]
d_{\perp}^{UL} [%]:	-	1.1	1.1
$\sigma_{x,y}$ [%]:	-	0.23	0.21
Probabilidad :	0.065	0.055	0.20
Fase[°]:	205 ± 34	258 ± 34	261 ± 43
$\langle \cos \delta \rangle$	0.79		0.79 [28]
$\langle \sin \theta \rangle$	0.50		0.54[28]

Tabla 8.3: Características para las frecuencias solar y sidérea con el método East-West en el primer armónico en rango de energía 0.5 EeV - 1 EeV

En la Fig. 8.3 se comparan las direcciones en las que apuntan la fase en frecuencia sidérea obtenida en este trabajo con la obtenida en [8]. En esta figura se observa que resultados similares entre sí en valor e incertidumbre, y apuntan a una dirección cercana al centro galáctico.

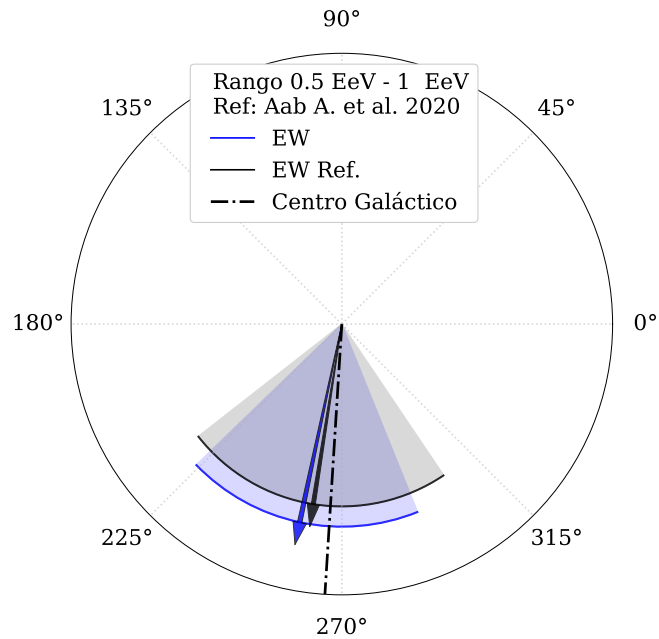


Figura 8.3: Valores de las fases obtenidos en este trabajo y en el trabajo [8] con sus respectivas incertidumbres para la frecuencia sidérea en el rango 0.5 EeV - 1.0 EeV .

El barrido de frecuencias con la variable de la Ec.5.26 para este rango de energía

se observa en la Fig.8.4. La línea horizontal indica el valor de r_{99} para cada frecuencia, además se observa que ninguna frecuencia supera dicho umbral.

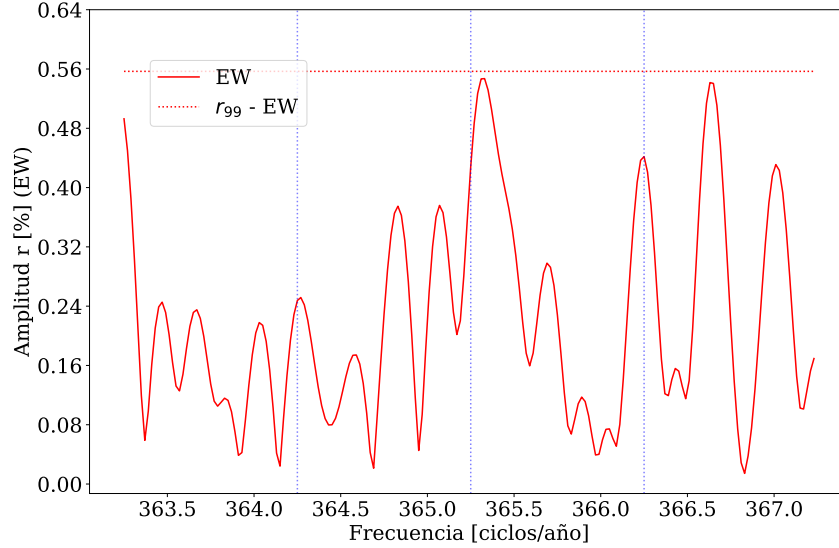


Figura 8.4: Barrido de frecuencias en el rango 0.5 EeV - 1.0 EeV mediante el método East-West.

8.1.3. Resultados en el rango 1 EeV - 2 EeV

En las Tablas 8.4 se comparan los resultados de este trabajo para la frecuencia solar. Las amplitudes están por debajo de r_{99} y con compatibles entre sí.

	Todos los disparos		
	Rayleigh	Rayleigh ¹	East - West
Frecuencia:	Solar		
Amplitud r [%]:	$0,24^{+0,16}_{-0,09}$	$3,08^{+0,14}_{-0,13}$	$0,28^{+0,35}_{-0,11}$
r_{99} [%]:	0.41	0.41	0.91
r_{UL} [%]:	0.58	3.4	1.1
σ :	0.14	0.14	0.30
Probabilidad:	0.22	~ 0	0.65
Fase:	260 ± 48	169 ± 3	279 ± 76

Tabla 8.4: Características para la frecuencia solar con los métodos de Rayleigh e East-West en el primer armónico.

En la Tabla 8.5 se comparan los resultados de este trabajo y los obtenidos en el trabajo [8] para la frecuencia sidérea. Para Todos los Disparos se comparan los métodos

¹Con la energía de la sección 3.5

de Rayleigh y East-West, en el primer método se obtiene que la probabilidad que la amplitud obtenida se deba al ruido es de 63 % mientras que en segundo método 26 %. Esta diferencia entre probabilidades no puede deberse a la cantidad de eventos, porque es el mismo conjunto de datos. El método Rayleigh nos indica que en este rango de energía pueden existir efectos sistemáticos que no están siendo corregidos. En la Fig.8.5 se observan en una figura en coordenadas polares mostrando las fases del trabajo [8] y este trabajo para la frecuencia sidérea.

	Todos los Disparos			Disparo Estándar
	Rayleigh	Rayleigh ²	East - West	East - West[8]
Frecuencia:	Sidérea			Sidérea
Amplitud r [%]:	$0,32^{+0,16}_{-0,10}$	$0,63^{+0,15}_{-0,12}$	$0,5^{+0,3}_{-0,2}$	$0,14^{+0,37}_{-0,02}$ [28]
r_{99} [%]:	0.41	0.41	0.91	0.84[28]
r^{UL} [%]	0.66	0.97	1.3	0.89 [28]
σ [%]:	0.14	0.14	0.30	0.28 [28]
Amplitud d_{\perp} [%]:	$0,41^{+0,20}_{-0,13}$	$0,64^{+0,15}_{-0,12}$	$0,6^{+0,4}_{-0,3}$	$0,18^{+0,47}_{-0,02}$
d_{99} [%]:	0.53	0.42	1.1	1.1[28]
d_{\perp}^{UL} [%]	0.84	0.98	1.6	1.1
$\sigma_{x,y}$ [%]:	0.17	0.14	0.38	0.35
Probabilidad:	0.063	2×10^{-5}	0.26	0.87
Fase[°]:	357 ± 35	8 ± 13	320 ± 48	291 ± 100
$\langle \cos \delta \rangle$	0.78			0.78
$\langle \sin \theta \rangle$	0.55			0.57

Tabla 8.5: Características para la frecuencia sidérea con los métodos de Rayleigh e East-West en el primer armónico.

²Según la energía de la sección 3.5

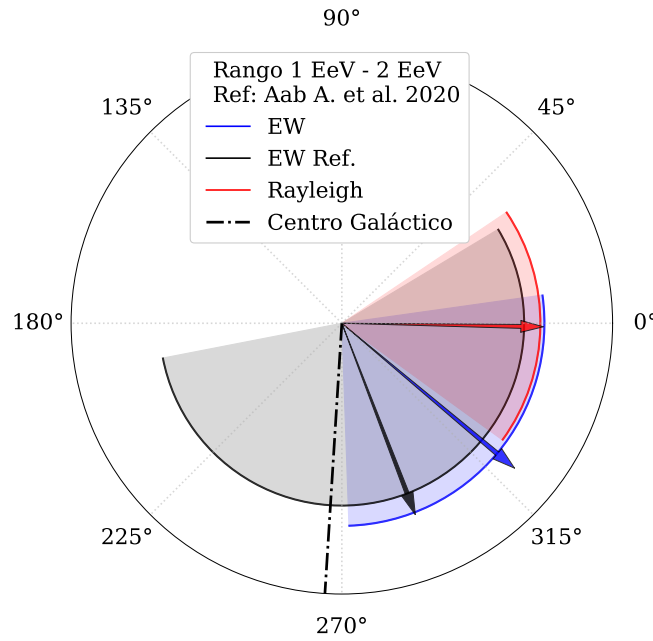


Figura 8.5: Valores de las fases obtenidos en este trabajo y en el trabajo [8] con sus respectivas incertidumbres para la frecuencia sidérea en el rango 1.0 EeV - 2.0 EeV .

El barrido de frecuencias con la variable de la Ec.5.26 para este rango de energía se observa en la Fig.8.6. La línea horizontal indica el valor de r_{99} para cada frecuencia y se observa que ninguna frecuencia supera dicho umbral. En la frecuencia solar no se observa ningún pico, esto se debe a que el método East - West es robusto con respecto a las modulación del clima. Se observa un pico en sidérea pero el mismo no es significativo con respecto al r_{99} .

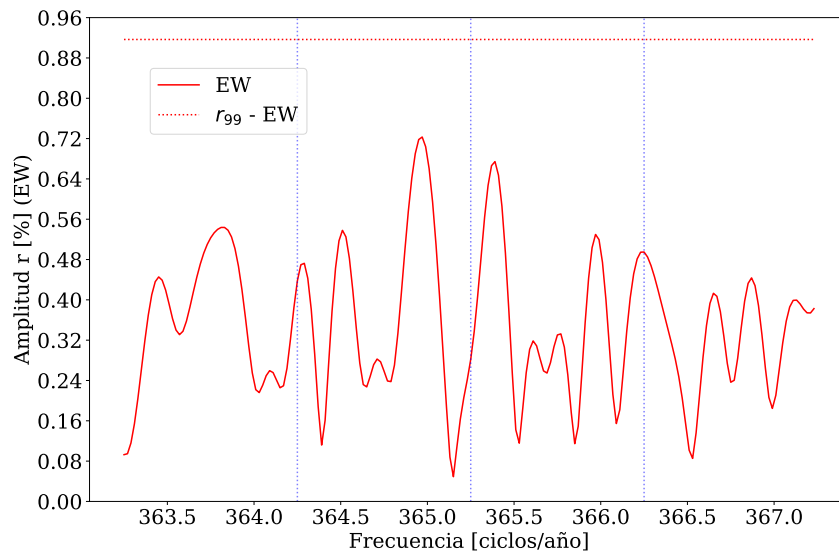


Figura 8.6: Barrido de frecuencias en el rango 1 EeV - 2 EeV mediante el método East-West.

8.2. Análisis de los resultados

El barrido de frecuencias para el conjunto de datos de Todos los Disparos contiene datos de 6 años. Este rango de tiempo permite tener una resolución de $1/6 \sim$ ciclos/año [29]. Los picos obtenidos en los barridos presentados en las Figs.8.2, 8.4 y 8.6 están distanciados en promedio $1/5$ ciclos/año entre sí por lo que están dentro de la resolución posible del análisis.

Una forma para poder comparar los resultados de d_{\perp} calculados de distintos conjuntos de datos entre sí, es dividir estos valores con sus respectivos $\sigma_{x,y}$. De esta manera, podemos comparar cuan apartados están con respecto $\sigma_{x,y}$, así se obtiene la Fig.8.7.

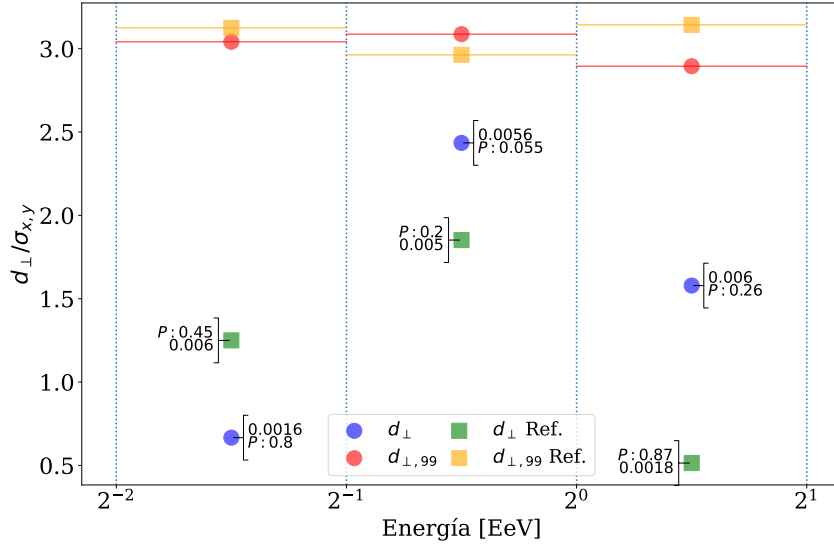


Figura 8.7: Variaciones de la amplitud d_{\perp} con respecto a $\sigma_{x,y}$ comparados con $d_{\perp,99}$ para distintos rangos de energía

Por lo que ahora podemos decir que en los rangos entre 0.5 EeV - 1.0 EeV y 1.0 EeV - 2.0 EeV, la amplitud obtenida en este trabajo está por encima que en el trabajo [8] por $\sim 1\sigma_{x,y}$ y $\sim 2\sigma_{x,y}$ respectivamente.

Para comparar los resultados en el rango 0.25 EeV - 0.5 EeV, tenemos que tener en cuenta que el Disparo Estándar tiene una sensibilidad menor que el Todos los Disparos. Esto se ve claramente en la Tabla 8.1, donde el primero tiene 7 veces menos eventos para analizar que el segundo. Por lo tanto, la discrepancia entre el trabajo [8] y los trabajos puede deberse a la diferencia de eventos a estudiar causada por la sensibilidad del disparo.

Considerando los valores de $\sigma_{x,y}$ y d_{\perp} obtenidos para cada rango de energía, es posible comparar las direcciones, valores e incertidumbres en la Fig.8.8. Las líneas punteadas están centradas en los valores reportados en el trabajo [8] en cada rango de energía y con radio igual a sus $\sigma_{x,y}$.

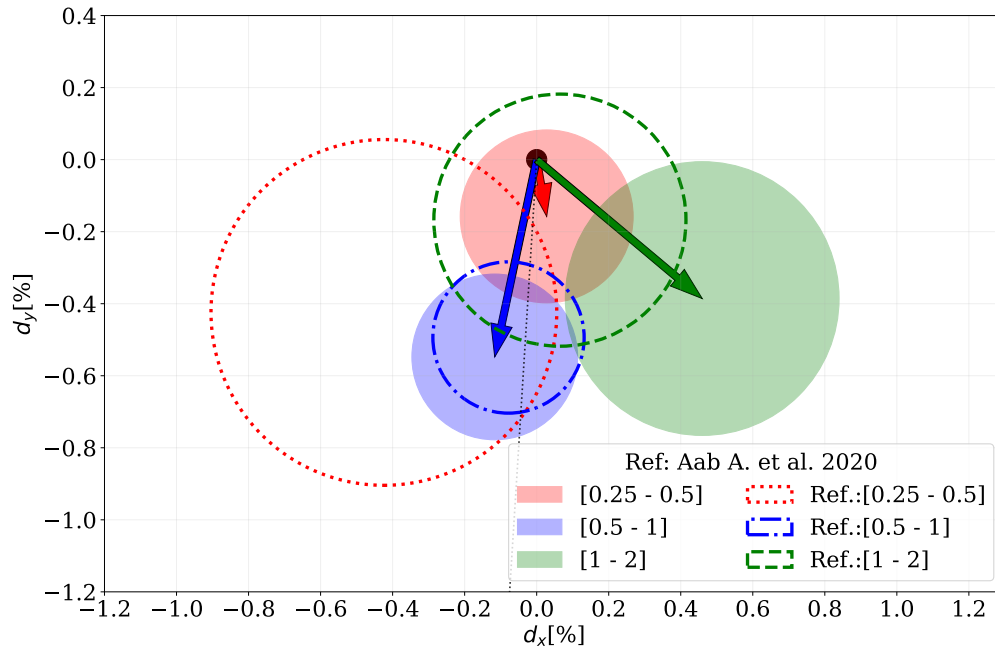


Figura 8.8: Amplitudes con incertidumbre, apuntando en la dirección de la fase. Los círculos punteados los valores del trabajo [8] del trabajo [8] con sus respectivas incertidumbres y la línea punteada en negro marca la dirección del centro galáctico.

Capítulo 9

Conclusiones

Apéndice A

Coordenadas celestes

A.1. Coordenadas Ecuatoriales

Gráficos, fórmulas y explicación

A.2. Coordenadas Locales

Gráficos, fórmulas y explicación

A.2.1. Relación entre las coordenadas locales y ecuatoriales

Bibliografía

- [1] Olive, K. Review of particle physics. *Chinese Physics C*, **40** (10), 100001, oct 2016. URL <https://doi.org/10.1088%2F1674-1137%2F40%2F10%2F100001>.
- [2] The Pierre Auger Cosmic Ray Observatory. *Nuclear Instruments and Methods in Physics Research Section A: Accelerators, Spectrometers, Detectors and Associated Equipment*, **798**, 172 – 213, 2015. URL <http://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0168900215008086>.
- [3] Aab, A., Abreu, P., Aglietta, M., Albury, J. M., Allekotte, I., Almela, A., *et al.* Measurement of the cosmic-ray energy spectrum above $2,5 \times 10^{18}$ eV using the pierre auger observatory. *Phys. Rev. D*, **102**, 062005, Sep 2020. URL <https://link.aps.org/doi/10.1103/PhysRevD.102.062005>.
- [4] Justin M. Albury, B. R. D., Jose A. Bellido. Exploring the energy threshold for full trigger efficiency of the surface detector with hybrid events GAP 2018-038. *Artículo interno de la colaboración Pierre Auger*, 2018.
- [5] Aab, A., Abreu, P., Aglietta, M., Al Samarai, I., Albuquerque, I., Allekotte, I., *et al.* Impact of atmospheric effects on the energy reconstruction of air showers observed by the surface detectors of the Pierre Auger Observatory. *Journal of Instrumentation*, **12** (02), P02006, 2017.
- [6] Aab, A., Abreu, P., Aglietta, M., Albuquerque, I. F. M., Albury, J. M., *et al.*, I. A. Large-scale cosmic-ray anisotropies above 4 EeV measured by the Pierre Auger Observatory. *The Astrophysical Journal*, **868** (1), 4, nov 2018. URL <https://doi.org/10.3847%2F1538-4357%2Faae689>.
- [7] Taborda, O. Estudios de anisotropías a grandes escalas angulares de los rayos cósmicos de alta energía detectados por el observatorio Pierre Auger. Tesis Doctoral, Instituto Balseiro, 2018.
- [8] Aab A. *et al.* Cosmic-Ray Anisotropies in Right Ascension Measured by the Pierre Auger Observatory. *The Astrophysical Journal*, **891** (2), 142, mar 2020. URL <https://doi.org/10.3847%2F1538-4357%2Fab7236>.

-
- [9] The Pierre Auger Collaboration. The Pierre Auger Observatory: Contributions to the 33rd International Cosmic Ray Conference (ICRC 2013), 2013.
- [10] The Pierre Auger Collaboration. The Pierre Auger Observatory: Contributions to the 36th International Cosmic Ray Conference (ICRC 2019), 2019.
- [11] Hess, V. F. Über beobachtungen der durchdringenden strahlung bei sieben freiballonfahrten. *Phys. Z.*, **13**, 1084–1091, 1912.
- [12] Greisen, K. End to the cosmic-ray spectrum? *Physical Review Letters*, **16** (17), 748, 1966.
- [13] Zatsepin, G. T., Kuzmin, V. A. Upper limit of the spectrum of cosmic rays. *Journal of Experimental and Theoretical Physics Letters (JETP Letters)*, **4** (3), 78–80, 1966.
- [14] Bird, D., Corbato, S., Dai, H., Dawson, B., Elbert, J., Emerson, B., *et al.* The cosmic-ray energy spectrum observed by the fly’s eye. *The Astrophysical Journal*, **424**, 491–502, 1994.
- [15] Berezhinsky, V., Gazizov, A., Grigorieva, S. On astrophysical solution to ultrahigh energy cosmic rays. *Physical Review D*, **74** (4), 043005, 2006.
- [16] Imagen extraída de Auger Oracle del KIT. Visitada el 28/11/2019. URL <https://web.ikp.kit.edu/augeroracle/lib/exe/fetch.php?media=auger:telescope.jpeg>.
- [17] Abraham, J., Abreu, P., Aglietta, M., Ahn, E., Allard, D., Allekotte, I., *et al.* Trigger and aperture of the surface detector array of the Pierre Auger Observatory. *Nuclear Instruments and Methods in Physics Research Section A: Accelerators, Spectrometers, Detectors and Associated Equipment*, **613** (1), 29 – 39, 2010. URL <http://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0168900209021688>.
- [18] Hersil, J., Escobar, I., Scott, D., Clark, G., Olbert, S. Observations of extensive air showers near the maximum of their longitudinal development. *Phys. Rev. Lett.*, **6**, 22–23, Jan 1961. URL <https://link.aps.org/doi/10.1103/PhysRevLett.6.22>.
- [19] Pierre Auger Collaboration. Plans for a proposal to upgrade the Pierre Auger Observatory. Pierre Auger Collaboration, 2013.
- [20] The Pierre Auger Collaboration. Atmospheric effects on extensive air showers observed with the Surface Detector of the Pierre Auger Observatory, 2009.

- [21] Matthews, J. A heitler model of extensive air showers. *Astroparticle Physics*, **22** (5-6), 387–397, 2005.
- [22] Gora, D., Engel, R., Heck, D., Homola, P., Klages, H., Pe, J., *et al.* Universal lateral distribution of energy deposit in air showers and its application to shower reconstruction. *Astroparticle Physics*, **24** (6), 484–494, 2006.
- [23] Comunicación personal con Isabelle Lhenry-Yvon.
- [24] Aab, A., Abreu, P., Aglietta, M., Al Samarai, I., Albuquerque, I., Allekotte, I., *et al.* Observation of a large-scale anisotropy in the arrival directions of cosmic rays above 8×10^{18} ev. *Science*, **357** (6357), 1266–1270, 2017.
- [25] Farley, F., Storey, J. The sidereal correlation of extensive air showers. *Proceedings of the Physical Society. Section A*, **67** (11), 996, 1954.
- [26] Linsley, J. Fluctuation effects on directional data. *Phys. Rev. Lett.*, **34**, 1530–1533, Jun 1975. URL <https://link.aps.org/doi/10.1103/PhysRevLett.34.1530>.
- [27] Linsley, J. Fluctuation effects on directional data. *Physical Review Letters*, **34** (24), 1530, 1975.
- [28] Este valor fue obtenido con el código implementado en el trabajo [8].
- [29] Abreu, P., Aglietta, M., Ahn, E., Albuquerque, I., Allard, D., Allekotte, I., *et al.* Search for first harmonic modulation in the right ascension distribution of cosmic rays detected at the pierre auger observatory. *Astroparticle Physics*, **34** (8), 627 – 639, 2011. URL <http://www.sciencedirect.com/science/article/pii/S0927650510002422>.