Нейросетевой синтез текстур с трендами

Будакян Я.С. Научный руководитель к.т.н., доц. Грачев Е. А.

2017 г.

Введение

Задача состоит в синтезе изображений среды, которые будут содержать в себе тренд, т.е. изменение некоторой статистической характеристики. Такими трендами могут быть, например, изменение интенсивности появления частиц среды вдоль изображения, или изменение пористости среды.

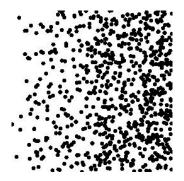


Рис.: Пример текстуры с трендом интенсивности частиц

Математическая постановка

С математической точки зрения, задача сводится к синтезу случайного изображения X' (и построению соотвествующей процедуры синтеза), имеющего распределение, близкое к желаемому:

$$P_{X'} \approx P_X$$
,

где P_X - распределение изображений с трендами, удовлетворяющих следующим ограничениям (для упрощения задачи):

- Это монохромные изображения 256 х 256 пикселей
- ullet Изменяющимся свойством является интенсивность появления частиц λ
- Тренд является линейным и направлен вдоль оси х: $\lambda = \lambda_0 + kx$

Подходы к решению задачи

Существует несколько подходов к решению задач подобного рода:

- 'Классический' статистический подход
- Первый нейросетевой подход
- Генеративные состязательные сети (GAN)

'Классический' статистический подход

- ullet Вводится параметризированное семейство распределений вероятности $P_{ heta}(x)$
- ullet Параметры heta находятся из обучающей выборки:

$$\mathcal{L}_{\theta}(D) = \prod_{x \in D} P_{\theta}(x)$$

$$\theta^* = \arg\max_{\theta} \mathcal{L}_{\theta}(D)$$

ullet Сгенерировать семпл из $P_{ heta^*}$

Этот подход приводит к проблемам:

- ullet Пространство параметров heta может быть огромной размерности
- Или же известной параметрической модели распределения может вообще не существовать

Простой пример - генерирование человеческих лиц, похожих на реальные: параметрической модели для такой задачи не существует.

Первый нейросетевой подход

- ullet Вводится параметризированное семейство распределений вероятности $P_{ heta}(x)$
 - Вводятся скрытые переменные V и функция(нейросеть) для получения x из V (фактически, классификация, развернутая в другую сторону)
- Определяются параметры распределения (т.е. обучение нейросети)
- ullet Генерируются семплы из $P_{ heta^*}$

Этот подход возможен, однако на практике трудноосуществим.

Изначальная задача: найти процеруду генерирования X' так, чтобы $P_{X'}pprox P_X$. Переформулируем:

$$\rho(P_{X'}, P_X) \longrightarrow \min_{P_{X'}}$$

• Введем некоторые скрытые переменные с фиксированным распределением, например

$$V \sim U^n[-1,1]$$

и параметризированную процедуру генерации:

$$X'=g_{\theta}(V)$$

Переформулируем:

$$\rho(P_{X'}, P_X) \longrightarrow \min_{P_{X'}}$$

$$\rho(g_{\theta}(V), P_X) \longrightarrow \min_{g_{\theta}(V)}$$

$$\rho(g_{\theta}(V), P_X) \longrightarrow \min_{a}$$

Остается вопрос: что использовать в качестве метрики похожести двух распределений ho, где одно из распределений задано обучающей выборкой.

• В качестве метрики статистической похожести можно использовать loss-функцию обученного классификатора:

$$\rho(P_{X'}, P_X) \longrightarrow \min \Leftrightarrow \mathcal{L} \longrightarrow \max,$$

где \mathcal{L} - функция потерь обученного классификатора.

- Введем две нейросети:
 - $d_{\zeta}(x)$ классификатор для измерения расстояния, дискриминатор $g_{\theta}(x)$ сеть, трансформирующая V в x, генератор
- Введем loss-функцию дискриминатора(например, кросс-энтропия):

$$L(X,X') = \frac{1}{2} \mathbb{E}_{x \sim X} I(d_{\zeta}(x),1) + \frac{1}{2} \mathbb{E}_{x' \sim X'} I(d_{\zeta}(x'),0) =$$

$$= -\frac{1}{2} (\mathbb{E}_{x \sim X} \log d_{\zeta}(x) + \mathbb{E}_{x' \sim X'} \log(1 - d_{\zeta}(x'))) =$$

$$= -\frac{1}{2} (\mathbb{E}_{x \sim X} \log d_{\zeta}(x) + \mathbb{E}_{v \sim V} \log(1 - d_{\zeta}(g_{\theta}(v)))) =$$

$$= L(\zeta,\theta)$$

Loss-функция обученного классификатора:

$$L^*(\theta) = \min_{\zeta} L(\zeta, \theta)$$

Научный руководитель к.т.н Нейросетевой синтез текстур с трендами

Соответственно,

$$\begin{split} & \min_{\zeta} L(\zeta, \theta) \longrightarrow \max_{\theta} \\ & \theta^* = \arg\max_{\theta} \left[\min_{\zeta} L(\zeta, \theta) \right] \end{split}$$

• Определим оптимальный дискриминатор:

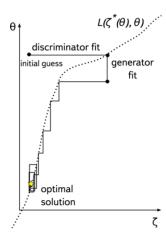
$$d^*_{ heta} = d_{\zeta^*(heta)}$$
 $\zeta^*(heta) = rgmin_{\zeta} L(\zeta, heta)$

Обучение GAN

В итоге, процесс обучения принимает следующий вид:

- Обучаем дискриминатор при 'замороженном' генераторе
- Обучаем генератор при замороженном дискриминаторе
- Повторяем много раз

Схематически процесс обучения изображен на иллюстрации справа



Критерий качества

Результаты, графики

Графики-2

Выводы