

9.5. Юра и Влад играют в игру на клетчатой таблице 4×100 . Сначала Юра выбирает 73 квадрата 2×2 (квадраты могут пересекаться между собой, но не могут совпадать). Затем Влад красит клетки таблицы в 4 цвета так, чтобы и в каждом столбце таблицы, и в каждом квадрате, выбранном Юрай, присутствовали клетки всех 4 цветов. После этого за каждый не выбранный Юрай квадрат 2×2 , в котором встречаются клетки всех 4 цветов, Влад платит Юре по две копейки.

Какое наибольшее количество копеек Юра может получить независимо от действий Влада?

9.6. Даны пары $(a_1, b_1), (a_2, b_2), \dots, (a_n, b_n)$ неотрицательных действительных чисел такие, что для любых действительных чисел x и y верно равенство

$$\sqrt{a_1x^2 + b_1y^2} + \sqrt{a_2x^2 + b_2y^2} + \dots + \sqrt{a_nx^2 + b_ny^2} = \sqrt{x^2 + y^2}.$$

Докажите, что $a_1 = b_1, a_2 = b_2, \dots, a_n = b_n$.

9.7. Найдите все пары натуральных чисел (m, n) , для которых верно равенство

$$(m^n - n)^m = n! + m.$$

9.8. Дан правильный шестиугольник H со стороной 1. На сторонах шестиугольника H отметили внутренние точки A_1, A_2, \dots, A_k такие, что по крайней мере одна из них является серединой стороны и для каждого i от 1 до k прямые $A_{i-1}A_i$ и A_iA_{i+1} образуют равные углы со стороной, содержащей точку A_i (считаем, что $A_0 = A_k$ и $A_{k+1} = A_1$). Известно, что длина ломаной $A_1A_2 \dots A_kA_1$ равна натуральному числу n .

Докажите, что n делится на 3.