$$p(\mathbf{x}_{1:n}|y_{1:n}) \propto g(y_n|\mathbf{x}_{1:n}) f(\mathbf{x}_n|\mathbf{x}_{1:n-1}) p(\mathbf{x}_{1:n-1}|y_{1:n-1})$$