

$$p(x=1)=\sum_{n=1}^{\infty}\frac{1}{2^{2n-1}}=\frac{2}{3}?$$