

POLITECHNIKA POZNAŃSKA

WYDZIAŁ INFORMATYKI

PRZETWARZANIE RÓWNOLEGŁE

Równoległe sumowanie komórek pamięci za pomocą wielu wątków przetwarzania

Autorzy:

Adam SZCZEPAŃSKI

Mateusz CZAJKA

Prowadzący:

dr Rafał WALKOWIAK



11 lutego 2014

Spis treści

1	Informacje o projekcie	2
1.1	Dane autorów	2
1.2	Historia projektu	2
2	Wstęp	3
2.1	Opis problemu	3
2.2	Punkt odniesienia (algorytm sekwencyjny - kolejność ij)	3
2.3	Badane algorytmy	4
2.3.1	Algorytm sekwencyjny - kolejność ji	4
2.3.2	Algorytm zrównoleglony - kolejność ij	4
2.3.3	Algorytm zrównoleglony - kolejność jj	4
2.3.4	Algorytm na sekcynność pamięci	5
2.3.5	Algorytm na pobranie z wyprzedzeniem	5
3	Pomiary efektywności	6
3.1	Przyśpieszenie obliczeń równoległych	6
3.1.1	Pomiary	6
3.1.2	Podsumowanie	6
3.2	Ilość wykonanych instrukcji na jeden cykl procesora	7
3.3	Współczynniki braku trafień do pamięci	8
3.3.1	Znaczenie danych	8
3.3.2	Pomiary	8
4	Wpływ rozmiaru danych	8
4.1	Wstęp	8
4.2	Wyniki	8
4.3	Podsumowanie	8
5	Wpływ sekcynności pamięci	9
6	Wyprzedzające pobranie danych	9
	Spis rysunków	9
	Spis tablic	9

1 Informacje o projekcie

1.1 Dane autorów

Mateusz Czajka	106596
Adam Szczepański	106593

1.2 Historia projektu

1. Jest to pierwsza wersja projektu. Dokumentacja elektroniczna została przesłana w dniu 20 stycznia 2013.

2 Wstęp

2.1 Opis problemu

Głównym założeniem projektu było zapoznanie się biblioteką OpenMP na podstawie równoległego sumowania komórek tablicy. W ramach projektu zrealizowaliśmy 4 algorytmy sekwencyjne oraz 2 algorytmy zrównoleglone. Celem zastosowania czterech różnych algorytmów sekwencyjnych było zbadanie wpływu sekwencyjności pamięci podręcznej, wyprzedzającego pobrania danych do pamięci podręcznej oraz kolejności uszeregowania pętli na czas realizacji zadania. W przypadku algorytmów zrównoleglonych badaliśmy wpływ kolejności uszeregowania pętli na końcowy rezultat.

Nasze badania podzieliliśmy na 3 spójne części. Kolejno badaliśmy

- rozmiar danych
- sekwencyjność pamięci
- wyprzedzające pobranie

na czas realizacji problemu.

Sam problem sprowadzał się do zsumowania wartości komórek w tabeli. Dla zachowania czytelności w kolejności pętli zastosowaliśmy tablicę dwuwymiarową. Ponieważ sam problem jest prosty obliczeniowo zmuszeni byliśmy do stosowania maksymalnego rozmiaru tablicy tj $[2^{28} - \text{wierszy}]$ na $[2^4 - \text{kolumn}]$.

2.2 Punkt odniesienia (algorytm sekwencyjny - kolejność ij)

Punktem odniesienia dla wszystkich algorytmów był podstawowy algorytm sekwencyjny w którym sumowaliśmy elementy tablicy wierszami. Nazywany dalej *sum_ij*.

```
__declspec(noinline) int sum_ij() {
    int sum = 0;
    for (int i=0; i<ROWS; i++) {
        for (int j=0; j<COLS; j++) {
            sum += tab[i][j];
        }
    }
    return sum;
}
```

2.3 Badane algorytmy

2.3.1 Algorytm sekwencyjny - kolejność ji

Algorytm sekwencyjny ze zmienioną kolejnością pętli (sumujemy kolumnami). Nazywany dalej *sum_ji*.

```
__declspec(noinline) int sum_ji() {
    int sum = 0;
    for (int j=0; j<COLS; j++) {
        for (int i=0; i<ROWS; i++) {
            sum += tab[i][j];
        }
    }
    return sum;
}
```

2.3.2 Algorytm zrównoleglony - kolejność ij

Algorytm sumujący wierszami realizowany równolegle. Nazywany dalej *sum_par_ij*.

```
__declspec(noinline) int sum_par_ij() {
    int sum = 0;
    int i;
#pragma omp parallel for default(none) shared(tab) private(i) reduction(+:sum)
    for (i=0; i<ROWS; i++) {
        for (int j=0; j<COLS; j++) {
            sum += tab[i][j];
        }
    }
    return sum;
}
```

2.3.3 Algorytm zrównoleglony - kolejność jj

Algorytm realizowany równolegle ze zmienioną kolejnością pętli (sumujemy kolumnami). Nazywany dalej *sum_par_ji*.

```
__declspec(noinline) int sum_par_ji() {
    int sum = 0;
    int j;
#pragma omp parallel for default(none) shared(tab) private(j) reduction(+:sum)
    for (j=0; j<COLS; j++) {
        for (int i=0; i<ROWS; i++) {
            sum += tab[i][j];
        }
    }
    return sum;
}
```

```
}
```

2.3.4 Algorytm na sekwencyjność pamięci

Algorytm sekwencyjny w którym badaliśmy wpływ sekwencyjności pamięci na czas wykonania zadania. Nazywany dalej *sum_sec*.

```
__declspec(noinline) int sum_sec() {  
    int sum = 0;  
    for (int j=0; j<COLS; j++) {  
        for (int k=0; k<CACHE_LINES_ON_PAGE; k++) {  
            for (int i=k; i<ROWS; i+=CACHE_LINES_ON_PAGE) {  
                sum += tab[i][j];  
            }  
        }  
    }  
    return sum;  
}
```

2.3.5 Algorytm na pobranie z wyprzedzeniem

Algorytm sekwencyjny w którym badaliśmy wpływ wyprzedzającego pobrania danych do pamięci podręcznej na czas realizacji zadania. Nazywany dalej *sum_pf*.

```
int tmp;  
  
__declspec(noinline) int sum_pf() {  
    int sum = 0;  
    int i;  
    for (i=0; i<ROWS-1; i++) {  
        for (int j=0; j<COLS; j++) {  
            sum += tab[i][j];  
            tmp = tab[i+1][j];  
        }  
    }  
  
    for (int j=0; j<COLS; j++) {  
        sum += tab[i][j];  
    }  
    return sum;  
}
```

3 Pomiary efektywności

3.1 Przyspieszenie obliczeń równoległych

3.1.1 Pomiary

Tablica 1: Porównanie szybkości wybranych algorytmów wobec sum_{ij}

Algorytm	Czas wykonania w ms	Przyspieszenie względem sum_{ij}
sum_{ij}	253	1.000
sum_{ji}	2362	0.107
$sum_{par_{ij}}$	87	2.908
$sum_{par_{ji}}$	1189	0.213

Warto zwrócić uwagę na fakt, że oprócz braku lub obecności zrównoleglenia znaczący wpływ na szybkość przetwarzania ma kolejność uszeregowania pętli. Zostało to szerzej omówione w sekcji 3.3. Przyspieszenia dla poszczególnych uszeregowień pętli prezentują się następująco:

Tablica 2: Porównanie szybkości wybranych algorytmów (o kolejności pętli ij) wobec sum_{ij}

Algorytm	Czas wykonania w ms	Przyspieszenie względem sum_{ij}
sum_{ij}	2362	1.000
$sum_{par_{ij}}$	87	2.908

Tablica 3: Porównanie szybkości wybranych algorytmów (o kolejności pętli ji) wobec sum_{ji}

Algorytm	Czas wykonania w ms	Przyspieszenie względem sum_{ji}
sum_{ji}	2362	1.000
$sum_{par_{ji}}$	1189	1.987

3.1.2 Podsumowanie

Zrównoleglenie przetwarzania znacząco przyspiesza jego czas przetwarzania. Znaczący wpływ na wielkość wartości tego przyspieszenia ma kolejność uszeregowania pętli. W przybliżeniu jest to:

- trzykrotne przyspieszenie dla uszeregowania pętli ij
- dwukrotne przyspieszenie dla uszeregowania pętli ji

3.2 Ilość wykonanych instrukcji na jeden cykl procesora

IPC (instructions per cycle) jest jednym z wyznaczników prędkości procesora. Oznacza on liczbę wykonywanych instrukcji przez procesor w jednym cyklu zegara. Wskaźnik IPC obliczaliśmy dla każdej funkcji na podstawie wzoru:

$$IPC = \frac{ret_instr}{CPU_clocks}. \quad (1)$$

CPI (cycles per instruction) jest odwrotnością CPI:

$$CPI = \frac{CPU_clocks}{ret_instr}. \quad (2)$$

Tablica 4: Wartości IPC i CPI dla poszczególnych algorytmów

Algorytm	<i>ret_instr</i>	<i>CPU_clocks</i>	<i>IPC</i>	<i>CPI</i>
<i>sum_ij</i>	12640	14736	0.86	1.17
<i>sum_ji</i>	9780	136048	0.07	13.91
<i>sum_par_ij</i>	12684	20096	0.63	1.58
<i>sum_par_ji</i>	11524	259628	0.04	22.53
<i>sum_sec</i>	14420	1139472	0.01	79.02
<i>sum_pf</i>	14996	13140	1.14	0.88

Zgodnie z oczekiwaniami najwyższe wartości wskaźnika IPC (a zarazem najniższe CPI) występują w przypadku algorytmów, które spełniają zasadę lokalności przestrzennej, są to:

- *sum_ij*
- *sum_par_ij*
- *sum_pf*

IPC dla wyżej wymienionej grupy algorytmów jest kilkunasto a w niektórych przypadkach kilkudziesięć razy większe niż dla algorytmów z pozostałej grupy.

3.3 Współczynniki braku trafień do pamięci

3.3.1 Znaczenie danych

Tablica 5: Badane dane

Nazwa	Znaczenie
DC accesses	ilość odwołań do pamięci podręcznej
DC misses	ilość chybień do pamięci podręcznej
L2 requests	ilość odwołań do pamięci L2
L2 misses	ilość chybień do pamięci L2
Read req L3	ilość odwołań do pamięci L3
L3 misses	ilość chybień do pamięci L3
DRAM accesses	ilość odwołań do pamięci dynamicznej

3.3.2 Pomiary

4 Wpływ rozmiaru danych

4.1 Wstęp

W celu sprawdzenia wpływu rozmiaru danych na czas realizacji zadania dokonaliśmy pomiarów czasów dla dwóch rozmiarów danych:

- Instancja A: $tab[2^{28}][2^4]$
- Instancja B: $tab[2^{24}][2^4]$

Spodziewaliśmy się, że czas obliczeń dla Instancji B będzie kilkukrotnie krótszy.

4.2 Wyniki

Wyniki pomiarów prezentują się następująco:

Tablica 6: Czas realizacji kodu dla poszczególnych funkcji w *ms*.

Problem	sum_{ij}	sum_{ji}	sum_{sec}	sum_{pf}	$sum_{par_{ij}}$	$sum_{par_{ji}}$
Instancja A	253	2352	19552	225	87	1189
Instancja B	62	59	4890	57	23	304
Stosunek A/B	4.081	4.003	3.998	3.947	3.783	3.911

4.3 Podsumowanie

Wyniki eksperymentu są bardzo zadowalające. W przypadku każdego algorytmu rozmiar danych ma liniowy wpływ na czas przetwarzania. Jest to zgodne ze złożonością algorytmu która jest liniowa wobec n gdzie n to *liczba_wierszy* *

liczba_kolumn.

W każdym przypadku czas realizacji dla Instancji B był około 4 razy krótszy niż dla Instancji A. Średnia tych wartości wynosi 3.954.

5 Wpływ sekcyjności pamięci

6 Wyprzedzające pobranie danych

Spis rysunków

Spis tablic

1	Porównanie szybkości wybranych algorytmów wobec <i>sum_ij</i> . . .	6
2	Porównanie szybkości wybranych algorytmów (o kolejności pętli <i>ij</i>) wobec <i>sum_ij</i>	6
3	Porównanie szybkości wybranych algorytmów (o kolejności pętli <i>ji</i>) wobec <i>sum_ji</i>	6
4	Wartości IPC i CPI dla poszczególnych algorytmów	7
5	Wartości IPC i CPI dla poszczególnych algorytmów	8
6	Czas realizacji kodu dla poszczególnych funkcji w <i>ms.</i>	8