Politechnika Poznańska

Wydział Informatyki

Przetwarzanie Równoległe

Programowanie CUDA na NVIDIA GPU

Autorzy: Adam Szczepański Mateusz Czajka Prowadzący: dr Rafał Walkowiak



24 lutego 2014

Spis treści

| 1 | Informacje o projekcie | 2 |
|----|----------------------------------|----|
| | 1.1 Dane autorów | 2 |
| | 1.2 Historia projektu | 2 |
| | 1.3 Parametry karty graficznej | 2 |
| 2 | Wprowadzenie | 3 |
| 3 | Ocena efektywności przetwarzania | 4 |
| | 3.1 Wersja 1 | 4 |
| | 3.2 Wersja 2 | 5 |
| | 3.3 Wersja 3 | 5 |
| | 3.4 Wersja 4 | 7 |
| | 3.5 Wersja 5 | 8 |
| 4 | Podsumowanie | 11 |
| 5 | Załączniki | 11 |
| Sį | pis rysunków | 12 |
| Sį | pis tablic | 13 |
| Sį | pis kodów źródłowych | 14 |

1 Informacje o projekcie

1.1 Dane autorów

Mateusz Czajka 106596 Adam Szczepański 106593

1.2 Historia projektu

1. Jest to pierwsza wersja projektu. Dokumentacja elektroniczna została przesłana w dniu 25 lutego 2014.

1.3 Parametry karty graficznej

| Nazwa | GeForce GT 240 |
|--------------------------------|----------------|
| Typ RAM | DDR3 |
| Frame Buffer Bandwidth (GB/s) | 25.6 |
| Graphics Clock (MHz) | 575 |
| Processor Clock (MHz) | 1400 |
| Memory Clock (MHz) | 800 |
| SM Count | 12 |
| CUDA Cores | 96 |
| MAX_THREADS_PER_BLOCK | 512 |
| MAX_BLOCK_DIM_X | 512 |
| MAX_BLOCK_DIM_Y | 512 |
| MAX_BLOCK_DIM_Z | 64 |
| MAX_GRID_DIM_X | 65535 |
| MAX_GRID_DIM_Y | 65535 |
| MAX_GRID_DIM_Z | 1 |
| MAX_SHARED_MEMORY_PER_BLOCK | 16384 |
| TOTAL_CONSTANT_MEMORY | 65536 |
| WARP_SIZE | 32 |
| MAX_REGISTERS_PER_BLOCK | 16384 |
| MULTIPROCESSOR_COUNT | 12 |
| Compute Capability | 1.2 |
| MAX_THREADS_PER_MULTIPROCESSOR | 1024 |

Tablica 1: Parametry wykorzystanej karty graficznej GeForce GT 240.

2 Wprowadzenie

Celem projektu było zapoznanie się z możliwościami przetwarzania na kartach graficznych na przykładzie technologi CUDA.

Przygotowaliśmy 5 wersji programu, którego zadaniem było mnożenie macierzy kwadratowych o jednakowych wymiarach na GPU. Każda kolejna wersja jest modyfikacją poprzedniej.

Efektywność programów zbadaliśmy przy pomocy profilera Nsight dla Visual Studio. Dla każdej instancji mierzyliśmy:

- czas wykonania
- ilość operacji zmienno przecinkowych na sekundę (GFLOPS)
- ilość instrukcji wykonanych na sekundę (GIPS)
- przepustowość pamięci globalnej
- stosunek operacji zmienno przecinkowych do ilości operacji odczytu/zapisu z pamięci globalnej (CGMA)
- zajętość warpami multiprocesorów

3 Ocena efektywności przetwarzania

3.1 Wersja 1

W pierwszej wersji programu wykorzystany został tylko jeden blok wątków. Jeśli rozmiar bloku jest równy rozmiarowi macierzy to każdy z wątków oblicza 1 element wyniku. W przeciwnym przypatku każdy z wątków oblicza

$$\left(\frac{\text{rozmiar macierzy}}{\text{rozmiar bloku}}\right)^2$$

elementów wyniku. Pamięć współdzielona nie jest wykorzystywana.

```
__global__ void MatrixMulKernel_1(const float* Ad, const float* Bd,
    float* Cd, const int WIDTH) {
    int tx = threadIdx.x;
    int ty = threadIdx.y;
    float C_local;

for (int i=0; i<WIDTH/blockDim.y; i++) {
    for (int j=0; j<WIDTH/blockDim.x; j++) {
        C_local = 0.0f;
        for (int k = 0; k < WIDTH; ++k) {
            float A_d_element = Ad[i*WIDTH*blockDim.y + ty*WIDTH + k];
            float B_d_element = Bd[j*blockDim.y + k*WIDTH + tx];
            C_local += A_d_element * B_d_element;
        }

        Cd[i*WIDTH*blockDim.y + j*blockDim.y + ty*WIDTH + tx] = C_local;
    }
}</pre>
```

Listing 1: Mnożenie macierzy kwadratowych na GPU – wersja 1.

Ponieważ wykorzystany jest tylko jeden blok, obliczenia przeprowadzane są na jednym SM, a co za tym idzie w danej chwili aktywny może być tylko jeden warp.

Duży wpływ na prędkość przetwarzania ma wielkość bloku, dla małych bloków efektywność jest bardzo niska – duża ilość dostępów do pamięci ogranicza prędkość przetwarzania.

| Rozmiar bloku | 8x8 | 16x16 | 22x22 |
|-----------------|---------|--------|--------|
| Macierz 176x176 | 49.79 | 13.17 | 7.45 |
| Macierz 352x352 | 401.35 | 103.85 | 59.70 |
| Macierz 528x528 | 1354.40 | 349.77 | 200.36 |

Tablica 2: Czas obliczeń [ms] – wersja 1.

3.2 Wersja 2

W drugiej wersji wykorzystywany jest grid wieloblokowy o rozmiarze

```
\frac{\text{rozmiar macierzy}}{\text{rozmiar bloku}}
```

Każdy wątek oblicza jeden element macierzy wynikowej. Pamięć współdzielona nie jest wykorzystywana.

```
__global___ void MatrixMulKernel_2(float* Ad, float* Bd, float* Cd, int
    WIDTH) {
    int Row = blockIdx.y * blockDim.y + threadIdx.y;
    int Col = blockIdx.x * blockDim.x + threadIdx.x;
    float C_local = 0.0f;

    for (int k = 0; k < WIDTH; ++k)
        C_local += Ad[Row*WIDTH + k] * Bd[k*WIDTH + Col];

    Cd[Row*WIDTH + Col] = C_local;
}</pre>
```

Listing 2: Mnożenie macierzy kwadratowych na GPU – wersja 2.

| Rozmiar bloku | 8x8 | 16x16 | 22x22 |
|-----------------|-------|-------|-------|
| Macierz 176x176 | 1.47 | 1.38 | 2.56 |
| Macierz 352x352 | 12.69 | 11.68 | 21.46 |
| Macierz 528x528 | 38.57 | 36.82 | 67.02 |

Tablica 3: Czas obliczeń [ms] – wersja 2.

3.3 Wersja 3

W trzecim podejściu wykorzystana została pamięć współdzielona. W kolejnych iteracjach pętli po blokach najpierw wczytywany jest blok do pamięci współdzielonej (każdy wątek wczytuje jedną komórkę), a następnie wykonywane są obliczenia na dostępnych danych. W tym podejściu niezbędne jest synchronizowanie się wątków dwukrotnie w każdej iteracji.

```
template <int BLOCK_SIZE> __global__ void
MatrixMulKernel_3(float *C, const float *A, const float *B, const int
    arraySize) {
    int bx = blockIdx.x;
    int by = blockIdx.y;

    int tx = threadIdx.x;
    int ty = threadIdx.y;

    int aBegin = arraySize * BLOCK_SIZE * by;
```

```
int aEnd = aBegin + arraySize - 1;
   int aStep = BLOCK_SIZE;
   int bBegin = BLOCK_SIZE * bx;
   int bStep = BLOCK_SIZE * arraySize;
   float Csub = 0;
   for (int a = aBegin, b = bBegin;
        a <= aEnd;
        a += aStep, b += bStep)
   {
       __shared__ float As[BLOCK_SIZE][BLOCK_SIZE];
       __shared__ float Bs[BLOCK_SIZE][BLOCK_SIZE];
       As[ty][tx] = A[a + arraySize * ty + tx];
       Bs[ty][tx] = B[b + arraySize * ty + tx];
       __syncthreads();
#pragma unroll
       for (int k = 0; k < BLOCK_SIZE; ++k) {</pre>
           Csub += As[ty][k] * Bs[k][tx];
       __syncthreads();
   }
   int c = arraySize * BLOCK_SIZE * by + BLOCK_SIZE * bx;
   C[c + arraySize * ty + tx] = Csub;
}
```

Listing 3: Mnożenie macierzy kwadratowych na GPU – wersja 3.

| Rozmiar bloku | 8x8 | 16x16 | 22x22 |
|-----------------|------|-------|-------|
| Macierz 176x176 | 0.31 | 0.19 | 0.32 |
| Macierz 352x352 | 2.33 | 1.27 | 2.23 |
| Macierz 528x528 | 7.66 | 4.07 | 7.39 |

Tablica 4: Czas obliczeń [ms] – wersja 3.

| Rozmiar bloku | 16x16 |
|-----------------|-------|
| Macierz 64x64 | 0.02 |
| Macierz 128x128 | 0.09 |
| Macierz 256x256 | 0.52 |
| Macierz 384x384 | 1.62 |
| Macierz 512x512 | 3.76 |

Tablica 5: Czas obliczeń [ms] – wersja 3.

3.4 Wersja 4

Jest to rozszerzona wersja 3 o równoległe z obliczeniami pobranie kolejnych danych (na poziomie bloku). Ma to spowodować złagodzenie kosztów synchronizacji.

```
template <int BLOCK_SIZE> __global__ void
MatrixMulKernel_4(float *C, const float *A, const float *B, const int
    arraySize) {
   int bx = blockIdx.x;
   int by = blockIdx.y;
   int tx = threadIdx.x;
   int ty = threadIdx.y;
   int aBegin = arraySize * BLOCK_SIZE * by;
   int aEnd = aBegin + arraySize - 1;
   int aStep = BLOCK_SIZE;
   int bBegin = BLOCK_SIZE * bx;
   int bStep = BLOCK_SIZE * arraySize;
   float Csub = 0.0f;
 float fetchA = A[aBegin + arraySize * ty + tx];
   float fetchB = B[bBegin + arraySize * ty + tx];
   for (int a = aBegin, b = bBegin;
        a <= aEnd;
        a += aStep, b += bStep)
       __shared__ float As[BLOCK_SIZE][BLOCK_SIZE];
       __shared__ float Bs[BLOCK_SIZE][BLOCK_SIZE];
   As[ty][tx] = fetchA;
   Bs[ty][tx] = fetchB;
       __syncthreads();
   if (a < aEnd) {</pre>
```

```
fetchA = A[a + aStep + arraySize * ty + tx];
  fetchB = B[b + bStep + arraySize * ty + tx];
}

#pragma unroll
  for (int k = 0; k < BLOCK_SIZE; ++k) {
      Csub += As[ty][k] * Bs[k][tx];
  }

  __syncthreads();
}

int c = arraySize * BLOCK_SIZE * by + BLOCK_SIZE * bx;
C[c + arraySize * ty + tx] = Csub;
}</pre>
```

Listing 4: Mnożenie macierzy kwadratowych na GPU – wersja 4.

| Rozmiar bloku | 16x16 |
|-----------------|-------|
| Macierz 64x64 | 0.02 |
| Macierz 128x128 | 0.10 |
| Macierz 256x256 | 0.60 |
| Macierz 384x384 | 1.89 |
| Macierz 512x512 | 4.44 |

Tablica 6: Czas obliczeń [ms] – wersja 4.

3.5 Wersja 5

Ostatnia wersja rozszerza wersję 4 – każdy wątek wykonuje większą pracę. Zostało to zrealizowane przez zwiększenie pobieranych i obliczanych danych z jednej do czterech.

```
template <int BLOCK_SIZE> __global__ void
MatrixMulKernel_5(float *C, const float *A, const float *B, const int
    arraySize) {
    int bx = blockIdx.x;
    int by = blockIdx.y;

    int tx = threadIdx.x;
    int ty = threadIdx.y;

    int aBegin = 2 * arraySize * BLOCK_SIZE * by;
    int aEnd = aBegin + arraySize - 1;
    int aStep = 2 * BLOCK_SIZE;

    int bBegin = 2 * BLOCK_SIZE * bx;
    int bStep = 2 * BLOCK_SIZE * arraySize;
```

```
float Csub00=0.0f, Csub01=0.0f, Csub10=0.0f, Csub11=0.0f;
float fetchA00, fetchA01, fetchA10, fetchA11;
float fetchB00, fetchB01, fetchB10, fetchB11;
fetchA00 = A[aBegin + arraySize * (2*ty+0) + 2*tx+0];
fetchA01 = A[aBegin + arraySize * (2*ty+0) + 2*tx+1];
fetchA10 = A[aBegin + arraySize * (2*ty+1) + 2*tx+0];
fetchA11 = A[aBegin + arraySize * (2*ty+1) + 2*tx+1];
fetchB00 = B[bBegin + arraySize * (2*ty+0) + 2*tx+0];
fetchB01 = B[bBegin + arraySize * (2*ty+0) + 2*tx+1];
fetchB10 = B[bBegin + arraySize * (2*ty+1) + 2*tx+0];
fetchB11 = B[bBegin + arraySize * (2*ty+1) + 2*tx+1];
 for (int a = aBegin, b = bBegin;
      a <= aEnd;
      a += aStep, b += bStep)
 {
     __shared__ float As[2 * BLOCK_SIZE][2 * BLOCK_SIZE];
     __shared__ float Bs[2 * BLOCK_SIZE][2 * BLOCK_SIZE];
 As[2*ty+0][2*tx+0] = fetchA00;
 As[2*ty+0][2*tx+1] = fetchA01;
 As[2*ty+1][2*tx+0] = fetchA10;
 As[2*ty+1][2*tx+1] = fetchA11;
 Bs[2*ty+0][2*tx+0] = fetchB00;
 Bs[2*ty+0][2*tx+1] = fetchB01;
 Bs[2*ty+1][2*tx+0] = fetchB10;
 Bs[2*ty+1][2*tx+1] = fetchB11;
     __syncthreads();
 fetchA00 = A[a + aStep + arraySize * (2*ty+0) + 2*tx+0];
 fetchA01 = A[a + aStep + arraySize * (2*ty+0) + 2*tx+1];
 fetchA10 = A[a + aStep + arraySize * (2*ty+1) + 2*tx+0];
 fetchA11 = A[a + aStep + arraySize * (2*ty+1) + 2*tx+1];
 fetchB00 = B[b + bStep + arraySize * (2*ty+0) + 2*tx+0];
 fetchB01 = B[b + bStep + arraySize * (2*ty+0) + 2*tx+1];
 fetchB10 = B[b + bStep + arraySize * (2*ty+1) + 2*tx+0];
 fetchB11 = B[b + bStep + arraySize * (2*ty+1) + 2*tx+1];
 for (int k = 0; k < (2*BLOCK_SIZE); ++k) {</pre>
   Csub00 += As[2*ty+0][k] * Bs[k][2*tx+0];
 }
 for (int k = 0; k < (2*BLOCK_SIZE); ++k) {</pre>
   Csub01 += As[2*ty+0][k] * Bs[k][2*tx+1];
 for (int k = 0; k < (2*BLOCK_SIZE); ++k) {</pre>
   Csub10 += As[2*ty+1][k] * Bs[k][2*tx+0];
```

```
for (int k = 0; k < (2*BLOCK_SIZE); ++k) {
    Csub11 += As[2*ty+1][k] * Bs[k][2*tx+1];
}

__syncthreads();
}

int c = 2 * arraySize * BLOCK_SIZE * by + 2 * BLOCK_SIZE * bx;
C[c + arraySize * (2*ty+0) + 2*tx+0] = Csub00;
C[c + arraySize * (2*ty+0) + 2*tx+1] = Csub01;
C[c + arraySize * (2*ty+1) + 2*tx+0] = Csub10;
C[c + arraySize * (2*ty+1) + 2*tx+1] = Csub11;
}</pre>
```

Listing 5: Mnożenie macierzy kwadratowych na GPU – wersja 5.

| Rozmiar bloku | 16x16 |
|-----------------|-------|
| Macierz 64x64 | 0.06 |
| Macierz 128x128 | 0.22 |
| Macierz 256x256 | 1.23 |
| Macierz 384x384 | 3.66 |
| Macierz 512x512 | 8.80 |

Tablica 7: Czas obliczeń [ms] – wersja 5.

4 Podsumowanie

5 Załączniki

1. Kody źródłowe

Spis rysunków

Spis tablic

| 1 | Parametry wykorzystanej karty graficznej GeForce GT 240 | 4 |
|---|---|----|
| 2 | Czas obliczeń [ms] – wersja 1 | 4 |
| 3 | Czas obliczeń [ms] – wersja 2 | ļ |
| 4 | Czas obliczeń [ms] – wersja 3 | (|
| 5 | Czas obliczeń [ms] – wersja 3 | - |
| 6 | Czas obliczeń [ms] – wersja 4 | 8 |
| 7 | Czas obliczeń [ms] – wersia 5 | 1(|

Listingi

| 1 | Mnożenie macierzy kwadratowych na GPU – wersja 1 | |
|---|--|--|
| 2 | Mnożenie macierzy kwadratowych na GPU – wersja 2 | |
| 3 | Mnożenie macierzy kwadratowych na GPU – wersja 3 | |
| 4 | Mnożenie macierzy kwadratowych na GPU – wersja 4 | |
| 5 | Mnożenie macierzy kwadratowych na GPU – wersja 5 | |