# Dynamiczne sumy na przedziałach (z1)

Limit pamięci: 1024 MB Limit czasu: 2.00 s

Dany jest ciąg N liczb całkowitych. Twoim zadaniem jest przetworzyć Q zapytań w formie:

- 1. zamień liczbę na pozycji k na wartość u,
- 2. policz sumę na przedziale [a, b].

### Wejście

W pierwszym wierszu wejścia znajdują się dwie liczby całkowite N oraz Q, oznaczające kolejno długość ciągu oraz liczbę zapytań.

Drugi wiersz wejścia zawiera N oddzielonych pojedynczymi odstępami liczb całkowitych  $x_1, x_2, \ldots, x_N$ , oznaczających elementy ciągu.

Kolejne Q wierszy zawiera zapytania. Każde z nich ma formę "1 k u" lub "2 a b", a ich znaczenie opisane jest powyżej.

### Wyjście

Dla każdego zapytania typu 2 wypisz na wyjściu jeden wiersz zawierający jedną liczbę, oznaczającą sumę liczb z podanego przedziału [a,b].

### Ograniczenia

 $1 \le N, Q \le 200\,000, 1 \le x_i, u \le 10^9, 1 \le k \le N, 1 \le a \le b \le N.$ 

Wejście	Wyjści		
8 4	14		
3 2 4 5 1 1 5 3	2		
2 1 4	11		
2 5 6			
1 3 1			
2 1 4			

### Skoki (z2)

Limit pamięci: 1024 MB Limit czasu: 2.00 s

Dany jest ciąg liczb całkowitych  $x_1, x_2, \dots, x_N$  oraz Q zapytań składających się z dwóch liczb całkowitych a oraz b.

Twoim zadaniem jest dla każdego zapytania policzyć sumę  $x_a + x_{a+b} + x_{a+2\cdot b}, x_{a+3\cdot b}, \ldots$ , aż do końca ciągu.

### Wejście

W pierwszym wierszu wejścia znajduje się jedna liczba całkowita N, oznaczająca liczbę elementów w ciągu.

W drugim wierszu wejścia znajduje się N liczb całkowitych  $x_1, \ldots, x_N$ .

W trzecim wierszu wejścia znajduje się jedna liczba całkowita Q, oznaczająca liczbę zapytań.

W kolejnych Q wierszach znajdują się kolejne zapytania. Każde z nich składa się z dwóch liczb całkowitych a oraz b.

### Wyjście

Na wyjściu wypisz Q wierszy, a w każdym z nich jedną liczbę całkowitą, będącą odpowiedzią na kolejne zapytanie.

### Ograniczenia

$$1 \le N, Q \le 200\,000, 1 \le x_i \le 10^9, 1 \le a, b \le N.$$

Wejście	Wyjście			
3	6			
1 2 3	4			
2				
1 1				
1 2				

## Punkty na płaszczyźnie (z3)

Limit pamięci: 1024 MB Limit czasu: 2.00 s

W tym zadaniu będziemy posługiwali się metryką miejską, czyli odległość miedzy punktami a oraz b będziemy liczyli ze wzoru  $dist(a,b)=|x_a-x_b|+|y_a-y_b|$ .

Dane jest N punktów na płaszczyźnie. Twoim zadaniem jest ułożyć je w takiej kolejności  $p_1, p_2, \dots, p_N$ , że  $\sum_{i=1}^{N-1} dist(p_i, p_{i+1}) \leq 2.1 \cdot 10^9$ .

#### Wejście

W pierwszym wierszu wejścia podana jest jedna liczba całkowita N, oznaczająca liczbę punktów.

W kolejnych N wierszach podane są po dwie liczby całkowite x oraz y, oznaczające współrzędne kolejnych punktów.

### Wyjście

W pierwszym i jedynym wierszu wyjścia wypisz N oddzielonych pojedynczymi odstępami liczb, będących permutacją liczb od 1 do N, oznaczających w jakiej kolejności powinniśmy ułożyć punkty, aby spełnić warunki zadania.

Jeśli istnieje wiele poprawnych odpowiedzi, możesz wypisać dowolną z nich. Możesz też założyć, że poprawne rozwiązanie zawsze istnieje.

### Ograniczenia

 $1 \le N \le 1000000$ ,  $0 \le x, y \le 1000000$ .

W	/ejście	Wyjście					
5		1	3	4	2	5	
0	7						
8	10						
3	4						
5	0						
9	12						

# Punkty stałe (z4)

Limit pamieci: 1024 MB Limit czasu: 1.00 s

Dany jest ciąg liczb całkowitych  $x_1, x_2, \dots, x_N$  oraz Q zapytań składających się z dwóch liczb całkowitych p oraz k.

Twoim zadaniem jest dla każdego zapytania policzyć ile jest takich wartości x, które występują w przedziale [p,k] dokładnie x razy.

### Wejście

W pierwszym wierszu wejścia znajdują się dwie liczby całkowite N oraz Q, oznaczające kolejno liczbę elementów w ciągu oraz liczbę zapytań.

W drugim wierszu wejścia znajduje się N liczb całkowitych  $x_1, \ldots, x_N$ .

W kolejnych Q wierszach znajdują się kolejne zapytania. Każde z nich składa się z dwóch liczb całkowitych p oraz k.

### Wyjście

Na wyjściu wypisz Q wierszy, a w każdym z nich jedną liczbę całkowitą, będącą odpowiedzią na kolejne zapytanie.

### **Ograniczenia**

 $1 \le N, Q \le 100\,000, 1 \le x_i \le 10^9, 1 \le p \le k \le N.$ 

Wejście	Wyjście	Wyjaśnienie
7 2	3	W całym przedziale liczba 1 występuje 1
3 1 2 2 3 3 7	1	raz, liczba $2$ występuje $2$ razy, $3$
1 7		występuje 3 razy, a 7 występuje raz.
3 1		