Implementação de Controle com Redução Modal

Ataias Pereira Reis Emanuel Pereira Barroso Neto

7 de janeiro de 2016

1 Introdução

O objetivo deste documento é de apresentar todos os procedimentos necessários para implementar o controle apresentado no artigo "*Modal Reduction Based Tracking Control for Installation of Subsea Equipments*", desenvolvido por Fabrício et al, em um controlador industrial da Rockwell. Para alguém iniciante no assunto, é difícil só ler o artigo e realizar a implementação diretamente.

2 EQUAÇÕES GOVERNANTES

Para o riser, a Equação 2.1 representa o deslocamento horizontal $\Upsilon(z,t)$ do tubo — um barbante, no presente caso — sob a ação de forças hidrodinâmicas externas e tração:

$$m_s \frac{\partial^2 \Upsilon}{\partial t^2} = -EJ \frac{\partial^4 \Upsilon}{\partial z^4} + \frac{\partial}{\partial z} \left(T(z) \frac{\partial \Upsilon}{\partial z} \right) + F_n(z, t)$$
 (2.1)

Antes de prosseguir, é importante definir termos desta equação:

- m_s é a massa linear do barbante (o professor Eugênio disse isso, mas o que seria massa linear? É a densidade do linear? Ou é simplesmente a massa do barbante?)
- E é o módulo de Young do barbante e ele é desconhecido

- J é o segundo momento de área e representa a resistência do barbante à flexão. O barbante não apresenta tal resistência, daí J=0
- T(z) é a força de tração e é dada por

$$T(z) = \left(m_b + \frac{z}{L}m_s\right)g,$$

sendo m_b a massa da bolinha, L o comprimento do barbante, z a posição vertical sendo o carrinho o zero e g é a força da gravidade. (Aqui, estou considerando m_s como a massa total do barbante)

A força externa resultante, $F_n(z, t)$, é dada por

$$F_n(z,t) = -m_f \frac{\partial^2 Y}{\partial t^2} - \mu \left| \frac{\partial Y}{\partial t} \right| \frac{\partial Y}{\partial t}, \tag{2.2}$$

na qual μ é o coeficiente de arrasto e m_f é a massa do fluido adicionado, que será posteriormente pormenorizada. Fazendo $m=m_s+m_f$ e substituindo a Equação 2.2 na 2.1, obtém-se:

$$\frac{\partial^{2} \Upsilon}{\partial t^{2}} = -\frac{EJ}{m} \frac{\partial^{4} \Upsilon}{\partial z^{4}} + \frac{\partial}{\partial z} \left(\frac{T(z)}{m} \frac{\partial \Upsilon}{\partial z} \right) - \frac{\mu}{m} \left| \frac{\partial \Upsilon}{\partial t} \right| \frac{\partial \Upsilon}{\partial t}$$
(2.3)

No artigo do Fabrício, fala "Since the traction T(z) is mostly due to the heavy payload, it can be assumed an average value T for it, taken in the middle of the riser's length.". Eu suspeito da veracidade desta frase quando analisado os dados

• Massa do isopor: 0.15g

• Diâmetro da bolinha: 30.6mm

Massa do barbante: 0.492g

· Comprimento do barbante: 0.82m

• Diâmetro do barbante: 2mm

• Densidade linear considerando densidade volumétrica 191kg/m³ é de 0.6g/m.

• Massa do barbante pela da bolinha aproximadamente 3 (0.492/0.15).

Nota-se que o barbante pesa mais que o isopor, o que faria com que a tração não fosse principalmente devida pela bolinha, mas sim pelo isopor. Neste caso, pode-se prosseguir com o uso de um valor médio para T(z)? No momento considero que sim, pois acho que foi assim que foi feito nas simulações. Definindo uma constante τ que substitui o termo $\frac{\mu}{m} \left| \frac{\partial \Upsilon}{\partial t} \right|$ já levando em conta um valor médio para $\left| \frac{\partial \Upsilon}{\partial t} \right|$ e usando o valor médio T para a tração, tem-se

$$\frac{\partial^2 \Upsilon}{\partial t^2} = -\frac{EJ}{m} \frac{\partial^4 \Upsilon}{\partial z^4} + \frac{T}{m} \frac{\partial^2 \Upsilon}{\partial z^2} - \tau \frac{\partial \Upsilon}{\partial t}$$
 (2.4)

Antes de prosseguirmos para a discretização, e então obter as matrizes em espaço de estados, é importante pensar nas condições de contorno. No topo, z=L, tem-se $\Upsilon(L,t)=u(t)$, ou seja, o carrinho se move conforme uma trajetória u(t) definida. Neste mesmo ponto, $\frac{\partial \Upsilon}{\partial z}(L,t)=0$. Para a ponta na qual a carga está situada, z=0, tem-se $\frac{\partial \Upsilon}{\partial z}(0,t)=\frac{F_L}{T}$, sendo F_L a força aplicada pela ponta do riser na carga. (Outra coisa que confundi, eu entendi u(t) sendo uma trajetória, pois Υ é deslocamento, mas no artigo do Fabrício está escrito em uma momento que é uma força).

2.1 DISCRETIZAÇÃO

3 REDUÇÃO MODAL