Egzamin z analizy NUMERYCZNEJ (L)

8 lutego 2021 r.

Pierwszy termin

Pracuj samodzielnie!!!

Część 4: godz. 11.45–12.30, jedno zadanie.

Deklaracja wyboru: godz. $11.45-12.00 \Rightarrow SKOS$.

- 1. | 12 punktów | Udowodnij, że dodatnia liczba rzeczywista ma skończone rozwinięcie dziesiętne wtedy i tylko wtedy, gdy jest postaci $m/10^n$, gdzie m i n są liczbami naturalnymi.
- 2. | 12 punktów | Wytłumacz dokładnie kiedy występuje i na czym polega zjawisko utraty cyfr znaczących wyniku. Dla jakich wartości x obliczanie wartości wyrażeń
 - a) $x^5 + \sqrt{x^{10} + 2021}$, b) $x^{-3}(\sin x x)$,

może wiązać się z utratą cyfr znaczących wyniku? Zaproponuj sposoby obliczenia wyniku dokładniejszego.

- 3. | 12 punktów | Do rozwiązania zadania obliczeniowego \mathcal{A} użyto komputera i algorytmu numerycznie poprawnego. Czy można mieć pewność, że otrzymany w ten sposób wynik jest bliski rzeczywistego rozwiązania zadania A? Odpowiedź uzasadnij.
- 12 punktów | Sprawdź czy następujący algorytm jest algorytmem numerycznie poprawnym:

```
S:=x[0];
  for i from 1 to 4
    do
      S:=5*S+x[i]
    od:
return(S)
```

Powodzenia!

Pamiętaj, że

- 1. rozwiązanie musi być spisane na szablonie udostępnionym w SKOSie;
- 2. plik PDF z rozwiązaniem musi mieć orientację pionową, być czytelny oraz zawierać następujące dane: imię i nazwisko, numer części i numer zadania;
- 3. sprawdzane moga być jedynie zadeklarowane zadania spełniające podane warunki oraz przesłane w ustalonym czasie (patrz wyżej i SKOS).