

t-test za aritmetčku sredinu

Statistički metodi 2019/2020

dr Aleksandar Tomašević 09.10.2019.

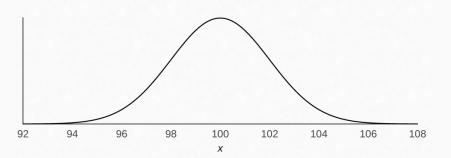
Filozofski fakultet u Novom Sadu

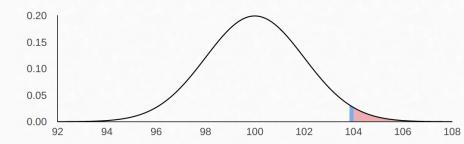
Plan časa

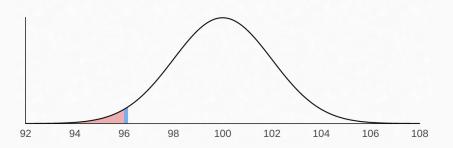
- 1. Primer za z-test
- 2. z-tablica
- 3. t-test za artimetičku sredinu
- 4. Interval poverenja

Primer za z-test

$$\overline{X} = 105$$
 $n = 50$
 $\sigma = 15$







z-statistika

$$z = \frac{X - \mu_0}{\sigma_{\overline{X}}}$$

$$\sigma_{\overline{X}} = \frac{\sigma}{\sqrt{n}}$$

Uslov odbijanja nulte hipoteze

$$Z > Z_{\frac{\alpha}{2}}$$

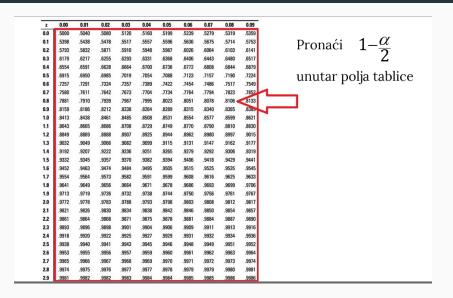
Kritične vrednosti

$$\alpha = 10\% \Rightarrow Z_{\frac{\alpha}{2}} = 1.645$$
 $\alpha = 5\% \Rightarrow Z_{\frac{\alpha}{2}} = 1.96$
 $\alpha = 1\% \Rightarrow Z_{\frac{\alpha}{2}} = 2.58$

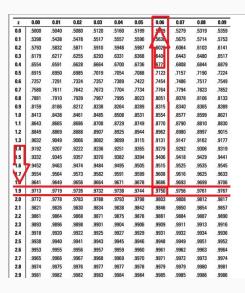
7

z-tablica

z-tablica



z-tablica



- Iz reda tablice pročitati prva dva prve cifre pre i posle decimalnog zareza
- 2) Iz kolone tablice pročitati drugu cifru nakon decimalnog zareza
- 3) Zajedno ove tri cifre zajedno sa zarezom predstavljaju Z_{CC}

Interval poverenja za aritmetičku sredinu

$$\overline{X} - z_{\frac{\alpha}{2}} \sigma_{\overline{X}} \le \mu \le \overline{X} + z_{\frac{\alpha}{2}} \sigma_{\overline{X}}$$

Preostali intervali poverenja

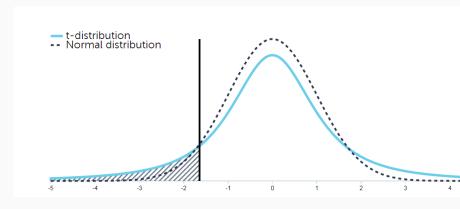
Pronaći intervale poverenja za druge rizike greške

$$\alpha = 1\%$$

$$\alpha = \text{10}\%$$

t-test za artimetičku sredinu

t-distribucija



Nulta i alternativna hipoteza

$$H_0: \mu = \mu_0$$

$$H_1: \mu \neq \mu_0$$

t-statistika

$$t = \frac{\overline{X} - \mu_0}{s_{\overline{X}}}$$

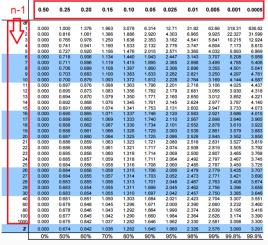
Ocena standardne greške AS

$$s_{\overline{X}} = \frac{s}{\sqrt{n}}$$

Uslov odbijanja nulte hipoteze

$$t > t_{n-1;\frac{\alpha}{2}}$$

t-tablica



- <u>| a</u>
- 1) U naslovu redova pronaći n-1
- 2) U naslovu kolona pronaći $\frac{\alpha}{2}$
- 3) Ükrštanjem pronađenog reda i pronađene kolone nalazi se vrednost

$$t_{n-1;\frac{\alpha}{2}}$$

Primer

Na uzorku od 144 stanovnika jedne opštine izračunata je prosečna plata i ona iznosi 406,5€. Standardna devijacija u uzorku je 52€. Da li se prosečna plata svih stanovnika ove opštine razlikuje od *republičke prosečne plate* koja je 400€? (Analizu izvršiti uz rizik greške od 5 %)

Interval poverenja

Interval poverenja za aritmetičku sredinu

$$\overline{X} - t_{n-1;\frac{\alpha}{2}} s_{\overline{X}} \le \mu \le \overline{X} + t_{n-1;\frac{\alpha}{2}} s_{\overline{X}}$$