

z-test za proporciju

Statistički metodi 2019/2020

dr Aleksandar Tomašević 23.10.2019.

Filozofski fakultet u Novom Sadu

Plan časa

- 1. Proporcija
- 2. z-test za proprociju (1 uzorak)
- 3. Interval poverenja proporcije za 1 uzorak
- 4. z-test za proporcije dve nezavisna uzorka

Proporcija

Proporcija = relativna frekvencija

$$p = f_r = \frac{f_i}{n}$$

Proporcija uzorka i proporcija osnovnog skupa

Proporcija uzorka Proporcija populacije π

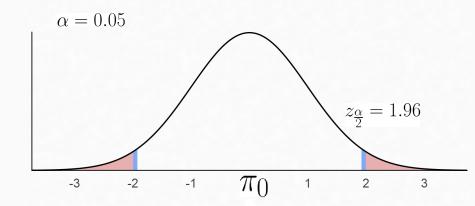
z-test za proprociju (1 uzorak)

Nulta i alternativna hipoteza

$$H_0: \pi = \pi_0$$

$$H_1: \pi \neq \pi_0$$

z-distribucija



z-statistika

$$z = \frac{p - \pi_0}{s_p}$$

Standardna greška proporcije
$$S_p = \sqrt{rac{\pi_0(1-\pi_0)}{n}}$$

Uslov odbacivanja nulte hipoteze

$$|Z| > Z_{\frac{\alpha}{2}}$$

Primer 1

U jednom anketnom istraživanju sprovedenom na uzorku od 140 ispitanika, njih 75 je izjavili da namerava da glasa na narednim parlamentarnim izborima. Da li možemo reći, uz rizik greške od 5%, da se procenat građana Republike Srbije koji planiraju da izađu na naredne izbore razlikuje od 50%?

Interval poverenja proporcije za 1 uzorak

Interval poverenja

$$p - z_{\frac{\alpha}{2}} s_p \le \pi_0 \le p + z_{\frac{\alpha}{2}} s_p$$

z-test za proporcije dve

nezavisna uzorka

Nulta i alternativna hipoteza

$$H_0: \pi_1 = \pi_2$$

$$H_1: \pi_1 \neq \pi_2$$

z-statistika

$$Z = \frac{p_1 - p_2}{\mathsf{S}_{p_1 - p_2}}$$

Standardna greška razlike proprocija

Združena proprocija

$$\overline{p} = \frac{f_1 + f_2}{n_1 + n_2}$$

Standardna greška razlike proporcije

$$s_p = \sqrt{\overline{p}(1-\overline{p})(\frac{1}{n_1}+\frac{1}{n_2})}$$

Primer 2

U jednom anketnom istraživanju na slučajnom uzorku građana Republike Srbije, 27 od 180 muškaraca izjavilo je da bi podržali članstvo Srbije u NATO-u ukoliko bi bio raspisan referendum, a isti odgovor na isto pitanje dalo je 28 od 130 ispitanica ženskog pola. Sa pouzdanošću od 95% utvrditi da li postoje razlike u podršci članstvu u NATO građana Srbije u zavisnosti od njihovog pola?