## 1 Dans la peau d'Apollon

Les notations: A == Alexandre, R == Robin, M == Miguel, Ae == Alexandrine, F == Floriane

• Les sexes des caractères

$$homme(A) \wedge homme(R) \wedge homme(M) \wedge femme(Ae) \wedge femme(F)$$
 (1)

• Alex est en couple avec Alex et Robin est en couple avec Floriane.

$$couple(A, Ae) \wedge couple(R, F)$$
 (2)

• Il y a une femme et un homme qui aiment leur partenaire respectif mais qui ont aussi des sentiments pour une autre personne.

$$\exists a, a_1, a_2, b, b_1, b_2 \text{ tel que } (homme(a) \land femme(b) \\ \land couple(a, a_1) \land aime(a, a_1) \land aime(a, a_2) \\ \land couple(b, b_1) \land aime(b, b_1) \land aime(b, b_2) \\ \land a_1 \neq a_2 \land b_1 \neq b_2)$$

$$(3)$$

• Il y a une femme et un homme qui n'aiment que leur partenaire respectif.

$$\exists a, a_1, b, b_1, \forall a_2, b_2 \text{ tel que } (homme(a) \land femme(b) \\ \land couple(a, a_1) \land aime(a, a_1) \land \neg aime(a, a_2) \\ \land couple(b, b_1) \land aime(b, b_1) \land \neg aime(b, b_2) \\ \land a_1 \neq a_2 \land b_1 \neq b_2)$$

$$(4)$$

• Après une soirée de folie dans l'épisode 4, Miguel commence à éprouver des sentiments pour une personne qui aime une personne qui aime Alexandrine.

$$\exists x, y \text{ tel que } aime(M, x) \land aime(x, y) \land aime(y, Ae)$$
 (5)

• C'est un peu sexiste parce que toutes les femmes n'aiment que des hommes.

$$\forall v, v', femme(v, v') \implies \neg aime(v, v') \tag{6}$$

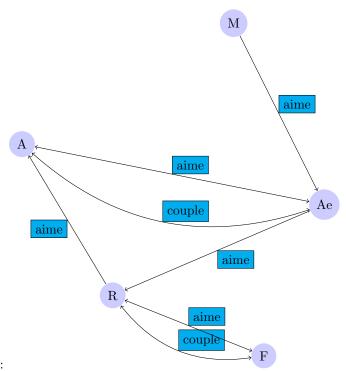
ou 
$$\forall v, w, femme(v) \land aime(v, w) \implies homme(w)$$
 (7)

• Robin aime une personne dans un triangle amoureux.

$$\exists d, e \text{ tel que } aime(Robin, d) \land aime(d, e) \land aime(e, Robin)$$
 (8)

• Personne ne s'aime soi-même.

$$\forall x, \neg aime(x, x)$$
 (9)



Une graphe de relation qui satisfait (1) à (9):

## 2 Saison 2

L'assertion représenté en utilisant les séquents (note: Alex peut représenter Alexandre OU Alexandrine):

$$(1),...,(9), \forall m, homme(m), \text{frère}(Alex,m) \vdash ([aime(Alex,m) \land aime(M,F)], \\ [\neg aime(Alex,m) \land \neg aime(M,F)])$$

Je vais utiliser le cas où Alex = Alexandre = A, et où j'ai choisit pour m = Robin

$$(1),...,(9), \text{frère}(A,R) \vdash [aime(A,R) \land aime(M,F)], [\neg aime(A,R) \land \neg aime(M,F)]$$

Vu qu'on a des AND après le turnstile, on a plusieurs branches possibles, choisissant  $\mathrm{aime}(M,\,F)$ 

$$(1), ..., (9), frère(A, R) \vdash aime(M, F), [\neg aime(A, R) \land \neg aime(M, F)]$$

Comme on ne peut pas avoir aime(M, F) et not aime(M, F) comme hypothèse en même temps, on peut représenter la deuxième possibilité par un delta maj.:

$$(1), ..., (9), frère(A, R) \vdash aime(M, F), \Delta$$

Un des possibles reduction de l'hypothèse (note: pour réduire la longeur, la relation couple représente aussi une amour bidirectionelle, comme (2) et (3), ensemble, demadent toujours que tous les personnes dans les 2 paires aime son partenaire) pour avoir inceste (pour satisfaire l'hypothèse initiale):

$$couple(A,Ae), couple(R,F), aime(F,A), \text{frère}(A,R), aime(A,R), (aime(M,F)) \\ \vee aime(M,Ae)) \vdash aime(M,F), \Delta$$

Si on choisit aime(M, Ae), on trouvera que l'hypothèse est fausse:

$$couple(A, Ae), couple(R, F), aime(F, A), frère(A, R), aime(A, R), aime(M, Ae) \vdash aime(M, F)$$

C'est fausse car l'hypothèse ne demande pas que Miguel aime Floriane