



Escuela
Superior
de Cómputo



INSTITUTO POLITÉCNICO NACIONAL

ESCUELA SUPERIOR DE CÓMPUTO

Pruebas a Posteriori (Algoritmos de ordenamiento)

Unidad de aprendizaje: Análisis de algoritmos

Grupo: 3CM2

Equipo Atenea:

Pérez García Atziri Loretto Estrada
Galilea América

M. en C.:

Edgardo Adrian Martínez

16 de septiembre de 2018



Índice

1. Planteamiento del problema	3
2. Actividades	3
3. Implementación de los algoritmos	4
3.1. Burbuja Simple	4
3.2. Burbuja Optimizada	6
3.3. Inserción	8
3.4. Selección	10
3.5. Shell	12
3.6. Arbol de búsqueda binaria	14
3.6.1. Estructura del árbol	14
3.6.2. Busqueda Binaria	16
3.6.3. Programa final	17
4. Especificaciones técnica	19
5. Gráficas de barras	19
6. Comparación de resultados	21
7. Comportamiento temporal de cada algoritmo y aproximacion polinomial	22
7.1. Burbuja Simple	22
7.2. Burbuja Optimizada	24
7.3. Inserción	27
7.4. Selección	29
7.5. Shell	32
7.6. Arbol Binario	34
8. Comparación en tiempo real	37
9. Preguntas	37
10. Anexos	38
10.1. Codigo Fuente	38
10.2. Burbuja Simple	38
10.3. Burbuja Optimizada	40
10.4. Inserción	42
10.5. Selección	44
10.6. Shell	46
10.7. Arbol de búsqueda binaria	49
10.7.1. Estructura del árbol	49
10.7.2. Busqueda Binaria	51
10.7.3. Programa final	51
10.8. Scripts	53
10.8.1. Burbuja Simple	53

10.8.2. Burbuja Optimizada	53
10.8.3. Inserción	54
10.8.4. Selección	55
10.8.5. Shell	55
10.8.6. Arbol Binario	56
11. Referencias	56

Ejercicio 2: Complejidad temporal y análisis de casos

Pérez, Loretto
3CM2

16 de septiembre de 2018

1. Planteamiento del problema

Con base en el archivo de entrada proporcionado que tiene 10,000,000 de números diferentes, ordenarlo bajo los siguientes métodos de ordenamiento y comprara experimentalmente las complejidades de estos.

- Burbuja (Bubble Sort).
 - Burbuja Simple
 - Burbuja Mejorada
- Inserción (Insertion Sort).
- Selección (Selection Sort).
- Shell (Shell Sort).
- Ordenamiento con árbol binario de búsqueda (Binary Search Tree)

2. Actividades

Programar en ANSI C, cada uno de los algoritmos de ordenamiento mencionados. Adaptar el programa para que sea capaz de recibir un parámetro ‘n’ que indica el número de enteros a ordenar a partir de un archivo con máximo 10,000,000 de números en desorden. Medir el tiempo que tarda cada algoritmo en ordenar el archivo completo (n=10,000,000) y compare los tiempos (Real y de CPU) de cada algoritmo gráficamente en una gráfica de barras (2 gráficas de barras). Nota: Auxiliarse de la librería de C proporcionada para medir tiempo de ejecución bajo Linux. Realizar un análisis temporal para cada algoritmo ordenado:

3. ■ Los primeros 100, 1000, 5000, 10000, 50000, 100000, 200000, 400000, 600000, 800000, 1000000, 2000000, 3000000, 4000000, 5000000, 6000000, 7000000, 8000000, 9000000 y 10000000.
- Graficar el comportamiento temporal de cada algoritmo.

4. Graficar una comparativa de los 5 algoritmos de ordenamiento (Tiempo real).
5. Realizar una aproximación polinomial del comportamiento temporal (tiempo real), de cada uno de los algoritmos probados según el punto 4.
Nota: Aproximar cada algoritmo con un polinomio de grado 1, 2, 3, 4 y 8.
6. Mostrar gráficamente la comparativa de las aproximaciones para cada algoritmo (5 graficas) y determinar de manera justificada cuál es la mejor aproximación para cada algoritmo.
7. Determine con base en las aproximaciones obtenidas, cuál será el tiempo real de cada algoritmo para intervalo de 50000000, 100000000, 500000000, 1000000000 y 5000000000 de números a ordenar.

3. Implementación de los algoritmos

Cada uno de los programas tienen una función que realiza el algoritmo, mientras lo demás es la captura de datos y la medición del tiempo.

3.1. Burbuja Simple

```

1  *****BURBUJA SIMPLE*****
2  LORETTO ESTRADA GALILEA AMERICA
3  PEREZ GARCIA ATZIRI***/
4  *****LIBRERIAS*****/
5  #include <stdio.h>
6  #include <stdlib.h>
7  #include <string.h>
8  #include "tiempo.h"
9
10 *****Funcion Burbuja*****/
11 //Toma como entrada el arreglo donde es encuentran los números a ordenar y la
   ↪ longitud
12 void Burbuja(int *A, int n){
13     int aux;//Se declara variable auxiliar para hacer el cambio
14     for(int i = 0; i<n-2; i++){//Se realiza n-1 veces el proceso para ordenar todos los
       ↪ numeros
15         for(int j=0; j<n-2; j++){
16             if(*(A+j) > *(A+j+1)){//Comparacion si el primero número es mayor al
               ↪ siguiente
17                 aux = *(A+j);//Se asigna el valor del numero mayor de ambos a aux
18                 *(A+j) = *(A+j+1);//Se hace el intercambio
19                 *(A+j+1) = aux;//Se establece el numero mayor en la poscion +1
20             }
21         }
22     }
23 }
24 *****Funcion PRINCIPAL*****/
25 //Toma como entrada la longitud del arreglo.
26 int main(int argc, char const *argv[]){

```

```

27  int *array; //Espacio en memoria donde se guardan los números a ordenar
28  double utime0, stime0, wtime0, utime1, stime1, wtime1; //Variables para medición de
    ↪ tiempos
29  int n;
30  //*****
31  //Recepción y decodificación de argumentos
32  //*****
33
34  //Si no se introducen exactamente 2 argumentos (Cadena de ejecución y cadena=n)
35  if (argc!=2)
36  {
37      printf("\nIndique el tamaño del algoritmo - Ejemplo: [user@equipo]$ %s
    ↪ 100\n", argv[0]);
38      exit(1);
39  }
40  //Tomar el segundo argumento como tamaño del algoritmo
41  else
42  {
43      n=atoi(argv[1]);
44  }
45
46  //*****
47  //Iniciar el conteo del tiempo para las evaluaciones de rendimiento
48  //*****
49  uswtime(&utime0, &stime0, &wtime0);
50  //*****
51
52  //*****
53  //Algoritmo
54  //*****
55  array =(int*)(malloc(sizeof(int)*n)); //se pide espacio en memoria para guardar los
    ↪ números a ordenar
56  for(int i=0; i<n; i++){//Se guardan los elementos pedidos en la entrada en cada
    ↪ espacio de memoria pedido anteriormente
57  scanf("%d", array+i);
58  }
59  Burbuja(array, n);
60      //*****
61  //Evaluar los tiempos de ejecución
62  //*****
63  uswtime(&utime1, &stime1, &wtime1);
64
65  //Calculo del tiempo de ejecución del programa
66  printf("\n");
67  printf("real (Tiempo total) %.10f s\n", wtime1 - wtime0);
68  printf("user (Tiempo de procesamiento en CPU) %.10f s\n", utime1 - utime0);
69  printf("sys (Tiempo en acciones de E/S) %.10f s\n", stime1 - stime0);
70  printf("CPU/Wall %.10f %% \n", 100.0 * (utime1 - utime0 + stime1 - stime0) /
    ↪ (wtime1 - wtime0));
71  printf("\n");

```

```

72
73 //Mostrar los tiempos en formato exponencial
74 printf("\n");
75 printf("real (Tiempo total) %.10e s\n", wtime1 - wtime0);
76 printf("user (Tiempo de procesamiento en CPU) %.10e s\n", utime1 - utime0);
77 printf("sys (Tiempo en acciones de E/S) %.10e s\n", stime1 - stime0);
78 printf("CPU/Wall %.10f %% \n", 100.0 * (utime1 - utime0 + stime1 - stime0) /
    ↪ (wtime1 - wtime0));
79 printf("\n");
80 //*****
81
82 //Terminar programa normalmente
83 exit (0);
84
85 }

```

3.2. Burbuja Optimizada

```

1  /*****BURBUJA OPTIMIZADA*****/
2  LORETTO ESTRADA GALILEA AMÉRICA
3  PEREZ GARCIA ATZIRI***/
4  /*****LIBRERIAS*****/
5  #include <stdio.h>
6  #include <stdlib.h>
7  #include <string.h>
8  #include "tiempo.h"
9
10 /*****Funcion BurbujaOpt*****/
11 //Toma como entrada el arreglo donde se encuentran los números a ordenar y la longitud
    ↪ de este.
12 void BurbujaOpt(int *A, int n){
13     int aux, i, cambios;//Se declaran variables auxiliares para hacer el cambio
14     cambios = 1;
15     i = 0;
16     while(i<n && cambios!=0){//Se realiza n-1 veces el proceso para ordenar todos los
        ↪ números
17         cambios= 0;
18         for(int j=0; j<n-2; j++){
19             if(*(A+i) < *(A+j)){//Compraci3n si el primero número es mayor al siguiente
20                 aux = *(A+i);//Se asigna el valor del numero mayor de ambos a aux
21                 *(A+i) = *(A+j);//Se hace el intercambio
22                 *(A+j) = aux;//Se establece el numero mayor en la poscion +1
23                 cambios = 1;
24             }
25         }
26         i++;
27     }
28 }
29
30 /*****Funcion PRINCIPAL*****/

```

```

31 //Toma como entrada la longitud del arreglo.
32 int main(int argc, char const *argv[]){
33     int *array; //Espacio en memoria donde se guardan los números a ordenar
34     double utime0, stime0, wtime0, utime1, stime1, wtime1; //Variables para medición de
        ↪ tiempos
35     int n;
36     //*****
37     //Recepción y decodificación de argumentos
38     //*****
39
40     //Si no se introducen exactamente 2 argumentos (Cadena de ejecución y cadena=n)
41     if (argc!=2)
42     {
43         printf("\nIndique el tamaño del algoritmo - Ejemplo: [user@equipo]$ %s
        ↪ 100\n", argv[0]);
44         exit(1);
45     }
46     //Tomar el segundo argumento como tamaño del algoritmo
47     else
48     {
49         n=atoi(argv[1]);
50     }
51
52     //*****
53     //Iniciar el conteo del tiempo para las evaluaciones de rendimiento
54     //*****
55     uswtime(&utime0, &stime0, &wtime0);
56     //*****
57
58     //*****
59     //Algoritmo
60     //*****
61     array =(int*)(malloc(sizeof(int)*n)); //se pide espacio en memoria para guardar los
        ↪ números a ordenar
62     for(int i=0; i<n; i++){ //Se guardan los elementos pedidos en la entrada en cada
        ↪ espacio de memoria pedido anteriormente
63     scanf("%d", array+i);
64     }
65     BurbujaOpt(array, n);
66     //*****
67     //Evaluar los tiempos de ejecución
68     //*****
69     uswtime(&utime1, &stime1, &wtime1);
70
71     //Cálculo del tiempo de ejecución del programa
72     printf("\n");
73     printf("real (Tiempo total) %.10f s\n", wtime1 - wtime0);
74     printf("user (Tiempo de procesamiento en CPU) %.10f s\n", utime1 - utime0);
75     printf("sys (Tiempo en acciones de E/S) %.10f s\n", stime1 - stime0);

```



```

76 printf("CPU/Wall   %.10f %% \n",100.0 * (utime1 - utime0 + stime1 - stime0) /
   ↪ (wtime1 - wtime0));
77 printf("\n");
78
79 //Mostrar los tiempos en formato exponencial
80 printf("\n");
81 printf("real (Tiempo total)   %.10e s\n", wtime1 - wtime0);
82 printf("user (Tiempo de procesamiento en CPU) %.10e s\n", utime1 - utime0);
83 printf("sys (Tiempo en acciones de E/S)   %.10e s\n", stime1 - stime0);
84 printf("CPU/Wall   %.10f %% \n",100.0 * (utime1 - utime0 + stime1 - stime0) /
   ↪ (wtime1 - wtime0));
85 printf("\n");
86 //*****
87
88 //Terminar programa normalmente
89 exit (0);
90
91 }

```

3.3. Inserción

```

1  LORETTO ESTRADA GALILEA AMERICA
2  PEREZ GARCIA ATZIRI***/
3  /*****LIBRERIAS*****/
4  #include <stdio.h>
5  #include <stdlib.h>
6  #include <string.h>
7  #include "tiempo.h"
8
9  /*****Funcion Insercion*****/
10 //Toma como entrada el arreglo donde es encuentran los números a ordenar y la
   ↪ longitud
11 void Insercion(int* Arreglo, int n){
12     int auxiliar, j;
13     for(int i=0; i<n ; i++){ // Ordenar los n elementos
14         j = i; // los iteradores i y j se igualan
15         auxiliar = Arreglo[i]; // Auxiliar toma el valor de la posicion i del arreglo
16         while((j>0)&&(auxiliar<Arreglo[j-1])){
17             Arreglo[j] = Arreglo[j-1]; // Se le asigna el valor de la posicion anterior
18             j--; // Disminuye el iterador j.
19         }
20         Arreglo[j] = auxiliar; // se asigna el valor de la posicion j del arreglo a
   ↪ auxiliar
21     }
22 }
23 /*****Funcion PRINCIPAL*****/
24 //Toma como entrada la longitud del arreglo.
25 int main(int argc, char const *argv[]){
26     int *array;//Espacio en memoria donde se guardan los números a ordenar

```

```

27 double utime0, stime0, wtime0, utime1, stime1, wtime1; //Variables para medición de
    ↪ tiempos
28 int n;
29 //*****
30 //Recepción y decodificación de argumentos
31 //*****
32
33 //Si no se introducen exactamente 2 argumentos (Cadena de ejecución y cadena=n)
34 if (argc!=2)
35 {
36     printf("\nIndique el tamaño del algoritmo - Ejemplo: [user@equipo]$ %s
    ↪ 100\n", argv[0]);
37     exit(1);
38 }
39 //Tomar el segundo argumento como tamaño del algoritmo
40 else
41 {
42     n=atoi(argv[1]);
43 }
44
45 //*****
46 //Iniciar el conteo del tiempo para las evaluaciones de rendimiento
47 //*****
48 uswtime(&utime0, &stime0, &wtime0);
49 //*****
50
51 //*****
52 //Algoritmo
53 //*****
54 array =(int*)(malloc(sizeof(int)*n)); //se pide espacio en memoria para guardar los
    ↪ numeros a ordenar
55 for(int i=0; i<n; i++){//Se guardan los elementos pedidos en la entrada en cada
    ↪ espacio de memoria pedido anteriormente
56 scanf("%d", array+i);
57 }
58 Insercion(array, n);
59 //*****
60 //Evaluar los tiempos de ejecución
61 //*****
62 uswtime(&utime1, &stime1, &wtime1);
63
64 //Cálculo del tiempo de ejecución del programa
65 printf("\n");
66 printf("real (Tiempo total) %.10f s\n", wtime1 - wtime0);
67 printf("user (Tiempo de procesamiento en CPU) %.10f s\n", utime1 - utime0);
68 printf("sys (Tiempo en acciones de E/S) %.10f s\n", stime1 - stime0);
69 printf("CPU/Wall %.10f %% \n", 100.0 * (utime1 - utime0 + stime1 - stime0) /
    ↪ (wtime1 - wtime0));
70 printf("\n");
71

```

```

72 //Mostrar los tiempos en formato exponencial
73 printf("\n");
74 printf("real (Tiempo total) %.10e s\n", wtime1 - wtime0);
75 printf("user (Tiempo de procesamiento en CPU) %.10e s\n", utime1 - utime0);
76 printf("sys (Tiempo en acciones de E/S) %.10e s\n", stime1 - stime0);
77 printf("CPU/Wall %.10f %% \n", 100.0 * (utime1 - utime0 + stime1 - stime0) /
    ↪ (wtime1 - wtime0));
78 printf("\n");
79 //*****
80
81 //Terminar programa normalmente
82 exit (0);
83
84 }

```

3.4. Selección

```

1  /*****SELECCION*****/
2  LORETTO ESTRADA GALILEA AMÁRICA
3  PEREZ GARCIA ATZIRI***/
4  /*****LIBRERIAS*****/
5  #include <stdio.h>
6  #include <stdlib.h>
7  #include <string.h>
8  #include "tiempo.h"
9
10 /*****Funcion Seleccion*****/
11 //Toma como entrada el arreglo donde se encuentran los números a ordenar y la
    ↪ longitud
12 void Seleccion(int *A, int n){
13     int min = 0, aux = 0; // se declara la variable usada para determinar el numero
    ↪ minimo, y el auxiliar para realizar el intercambio
14     for(int i = 0; i < n; i++){ //Se realiza este proceso n veces para sacar el minimo n
    ↪ veces y acomodarlo en el lugar correcto
15         min = i; //Se establece la premisa inicial que el primer numero es el mínimo del
    ↪ arreglo
16         for (int j = i+1; j < n; ++j) //Se busca el minimo de todo el cto de numeros. Se
    ↪ empieza desde +1 debido a que como el primer numero es el minimo (según
    ↪ premisa anterior) no es necesario incluir este numero.
17         {
18             if(*(A+j) < *(A+min)) //Si el numero en el apuntador es menor al que se tenía
    ↪ considerado como mínimo:
19                 min = j; //Se establece el nuevo Minimo
20         }
21         aux = *(A+min); //Se realiza el intercambio sabiendo ya que min va al principio
    ↪ del arreglo.
22         *(A+min) = *(A+i); //intercambian lugares, ahora el que es minimo toma el lugar
    ↪ del que se creía minimo anteriormente.
23         *(A+i) = aux; //El minimo anterior toma el lugar en el que estaba el minimo
    ↪ nuevo.

```

```

24     }
25     //for(int i = 0; i <n; i++)
26     //    printf("%d\n",*(A+i));
27 }
28 /*****Funcion PRINCIPAL*****/
29 //Toma como entrada la longitud del arreglo.
30 int main(int argc, char const *argv[]){
31     int *array;//Espacio en memoria donde se guardan los números a ordenar
32     double utime0, stime0, wtime0, utime1, stime1, wtime1; //Variables para medición de
        ↪ tiempos
33     int n;
34     /*****
35     //Recepción y decodificación de argumentos
36     *****/
37
38     //Si no se introducen exactamente 2 argumentos (Cadena de ejecución y cadena=n)
39     if (argc!=2)
40     {
41         printf("\nIndique el tamaño del algoritmo - Ejemplo: [user@equipo]$ %s
        ↪ 100\n",argv[0]);
42         exit(1);
43     }
44     //Tomar el segundo argumento como tamaño del algoritmo
45     else
46     {
47         n=atoi(argv[1]);
48     }
49
50     /*****
51     //Iniciar el conteo del tiempo para las evaluaciones de rendimiento
52     *****/
53     uswtime(&utime0, &stime0, &wtime0);
54     /*****
55
56     //Algoritmo
57     *****/
58     array =(int*)(malloc(sizeof(int)*n)); //se pide espacio en memoria para guardar los
        ↪ numeros a ordenar
59     for(int i=0; i<n; i++){//Se guardan los elementos pedidos en la entrada en cada
        ↪ espacio de memoria pedido anteriormente
60     scanf("%d", array+i);
61     }
62     Seleccion(array, n);
63     /*****
64     //Evaluar los tiempos de ejecución
65     *****/
66     uswtime(&utime1, &stime1, &wtime1);
67
68     //Cálculo del tiempo de ejecución del programa
69

```

```

70     printf("\n");
71     printf("real (Tiempo total)  %.10f s\n", wtime1 - wtime0);
72     printf("user (Tiempo de procesamiento en CPU) %.10f s\n", utime1 - utime0);
73     printf("sys (Tiempo en acciones de E/S)  %.10f s\n", stime1 - stime0);
74     printf("CPU/Wall  %.10f %% \n", 100.0 * (utime1 - utime0 + stime1 - stime0) /
    ↪ (wtime1 - wtime0));
75     printf("\n");
76
77     //Mostrar los tiempos en formato exponencial
78     printf("\n");
79     printf("real (Tiempo total)  %.10e s\n", wtime1 - wtime0);
80     printf("user (Tiempo de procesamiento en CPU) %.10e s\n", utime1 - utime0);
81     printf("sys (Tiempo en acciones de E/S)  %.10e s\n", stime1 - stime0);
82     printf("CPU/Wall  %.10f %% \n", 100.0 * (utime1 - utime0 + stime1 - stime0) /
    ↪ (wtime1 - wtime0));
83     printf("\n");
84     //*****
85
86     //Terminar programa normalmente
87     exit (0);
88
89 }

```

3.5. Shell

```

1  /***** SHELL *****/
2  LORETTO ESTRADA GALILEA AMERICA
3  PEREZ GARCIA ATZIRI*/
4  /*****LIBRERIAS*****/
5  #include <stdlib.h>
6  #include <stdio.h>
7  #include <math.h> // Biblioteca para 'TRUNC'
8  #include <string.h>
9  #include "tiempo.h"
10
11 /*****Funcion Shell*****/
12 //Toma como entrada el arreglo donde es encuentran los números a ordenar y la
    ↪ longitud
13 void Shell(int* A, int n){
14     int i,j,k,auxiliar; // Declarando variables auxiliares, iteradores
15     k = (n/2, -1); // Definiendo el tamaño del paso
16
17     while(k>0){
18         for(i=k;i<n; i++){ // Se lleva a cabo n-1 veces el procedimiento.
19             j = i; // Hacemos que i sea igual a j
20             auxiliar = A[i];
21             while((j>=k)&&(A[j-k]>auxiliar)){ // Hacemos el cambio si es que se cumple la
    ↪ condicion.
22                 A[j] = A[j-k]; // Se hace el cambio.
23                 j = j-k; // El iterador j cambia su valor con respecto de k.

```

```

24     }
25     A[j] = auxiliar; // El numero mayor se establece en la posicion j.
26 }
27 k=(k/2,-1); // Definiendo un nuevo tamaño de paso.
28 }
29 //for(int i = 0; i <n; i++)
30 //    printf("%d\n",*(A+i));
31
32 }
33 /*****Funcion PRINCIPAL*****/
34 //Toma como entrada la longitud del arreglo.
35 int main(int argc, char const *argv[]){
36     int *array;//Espacio en memoria donde se guardan los números a ordenar
37     double utime0, stime0, wtime0,utime1, stime1, wtime1; //Variables para medición de
        ↪ tiempos
38     int n;
39     /*****
40     //Recepción y decodificación de argumentos
41     *****/
42
43     //Si no se introducen exactamente 2 argumentos (Cadena de ejecución y cadena=n)
44     if (argc!=2)
45     {
46         printf("\nIndique el tamaño del algoritmo - Ejemplo: [user@equipo]$ %s
        ↪ 100\n",argv[0]);
47         exit(1);
48     }
49     //Tomar el segundo argumento como tamaño del algoritmo
50     else
51     {
52         n=atoi(argv[1]);
53     }
54
55     /*****
56     //Iniciar el conteo del tiempo para las evaluaciones de rendimiento
57     *****/
58     uswtime(&utime0, &stime0, &wtime0);
59     /*****
60
61     *****/
62     //Algoritmo (llamada a la función que contiene el algoritmo)
63     /*****
64     array =(int*)(malloc(sizeof(int)*n)); //se pide espacio en memoria para guardar los
        ↪ numeros a ordenar
65     for(int i=0; i<n; i++){//Se guardan los elementos pedidos en la entrada en cada
        ↪ espacio de memoria pedido anteriormente
66     scanf("%d", array+i);
67     }
68     Shell(array, n);
69     /*****

```

```

70 //Evaluar los tiempos de ejecución
71 //*****
72 uswtime(&utime1, &stime1, &wtime1);
73
74 //Cálculo del tiempo de ejecución del programa
75 printf("\n");
76 printf("real (Tiempo total) %.10f s\n", wtime1 - wtime0);
77 printf("user (Tiempo de procesamiento en CPU) %.10f s\n", utime1 - utime0);
78 printf("sys (Tiempo en acciones de E/S) %.10f s\n", stime1 - stime0);
79 printf("CPU/Wall %.10f %% \n", 100.0 * (utime1 - utime0 + stime1 - stime0) /
    ↪ (wtime1 - wtime0));
80 printf("\n");
81
82 //Mostrar los tiempos en formato exponencial
83 printf("\n");
84 printf("real (Tiempo total) %.10e s\n", wtime1 - wtime0);
85 printf("user (Tiempo de procesamiento en CPU) %.10e s\n", utime1 - utime0);
86 printf("sys (Tiempo en acciones de E/S) %.10e s\n", stime1 - stime0);
87 printf("CPU/Wall %.10f %% \n", 100.0 * (utime1 - utime0 + stime1 - stime0) /
    ↪ (wtime1 - wtime0));
88 printf("\n");
89 //*****
90
91 //Terminar programa normalmente
92 exit (0);
93
94 }

```

3.6. Arbol de búsqueda binaria

3.6.1. Estructura del árbol

```

1  #include "Elem.h"
2  typedef struct Nodo
3  {
4      Elem raiz;
5      struct Nodo *izq;
6      struct Nodo *der;
7  } *Arbin;
8
9  Arbin
10 cons (Elem r, Arbin i, Arbin d)
11 {
12     Arbin t = (Arbin) malloc (sizeof (struct Nodo));
13     t->raiz = r;
14     t->izq = i;
15     t->der = d;
16     return t;
17 }
18

```

```
19 Arbin
20 vacio ()
21 {
22     return NULL;
23 }
24
25 int
26 esvacio (Arbin a)
27 {
28     return a == NULL;
29 }
30
31 Elem
32 raiz (Arbin a)
33 {
34     return a->raiz;
35 }
36
37 Arbin
38 izquierdo (Arbin a)
39 {
40     return a->izq;
41 }
42
43 Arbin
44 derecho (Arbin a)
45 {
46     return a->der;
47 }
48
49 void
50 ImpPreorden (Arbin a)
51 {
52     if (!esvacio (a))
53     {
54         ImpElem (raiz (a));
55         ImpPreorden (izquierdo (a));
56         ImpPreorden (derecho (a));
57     }
58 }
59
60
61 void
62 ImpInorden (Arbin a)
63 {
64     if (!esvacio (a))
65     {
66         ImpInorden (izquierdo (a));
67         ImpElem (raiz (a));
68         ImpInorden (derecho (a));
```



```

69     }
70 }
71
72 void
73 ImpPostorden (Arbin a)
74 {
75     if (!esvacio (a))
76     {
77         ImpPostorden (izquierdo (a));
78         ImpPostorden (derecho (a));
79         ImpElem (raiz (a));
80     }
81 }
82 }
83
84 int
85 maximo (int a, int b)
86 {
87     if (a > b)
88         return a;
89     else
90         return b;
91 }
92
93 int
94 altura (Arbin a)
95 {
96     if (esvacio (a))
97         return 0;
98     else
99         return 1 + maximo (altura (izquierdo (a)), altura (derecho (a)));
100 }

```

3.6.2. Búsqueda Binaria

```

1  #include "ArBin.h"
2  typedef Arbin DicBin;
3
4
5  /******Funcion InsOrd******/
6  //Toma como entrada elemento por elemento que se quiere ingresar al arbol, y el Arbol
   ↪ en cuestiÃ³n.
7  DicBin InsOrd (Elem e, DicBin a)
8  {
9      //Si el arbol es vacio, solo se inserta el elemento en el hijo izquierdo
10     if (esvacio (a))
11         return cons (e, vacio (), vacio ());
12     //Si el Ã¡rbol no es vacio, se evalua si el elemento a ingresar es menor a la raiz
       ↪ del arbol
13     else if (EsMenor (e, raiz (a)))

```

```

14     //Si lo es, se ingresa el nuevo elemto en el hijo izquierdo
15     return cons (raiz (a), InsOrd (e, izquierdo (a)), derecho (a));
16 else
17     //Si es mayor o igual, se ingresa el elemento en la hoja derecha
18     return cons (raiz (a), izquierdo (a), InsOrd (e, derecho (a)));
19 }

```

3.6.3. Programa final

```

1  /***** BUSQUEDA BINARIA *****/
2  LORETTO ESTRADA GALILEA AMÁRICA
3  PEREZ GARCIA ATZIRI*/
4  /*****LIBRERIAS*****/
5  #include <stdio.h>
6  #include <stdlib.h>
7  #include "BusBin.h"
8  #include <string.h>
9  #include "tiempo.h"
10
11 /*****Funcion PRINCIPAL*****/
12 //Toma como entrada la longitud del arreglo.
13 int main(int argc, char const *argv[]){
14     DicBin a = vacio ();
15     Elem *array;
16     double utime0, stime0, wtime0, utime1, stime1, wtime1; //Variables para medición de
17     ↪ tiempos
18     int n;
19     //*****
20     //Recepción y decodificación de argumentos
21     //*****
22     //Si no se introducen exactamente 2 argumentos (Cadena de ejecución y cadena=n)
23     if (argc!=2)
24     {
25         printf("\nIndique el tamaño del algoritmo - Ejemplo: [user@equipo]$ %s
26         ↪ 100\n",argv[0]);
27         exit(1);
28     }
29     //Tomar el segundo argumento como tamaño del algoritmo
30     else
31     {
32         n=atoi(argv[1]);
33     }
34     //*****
35     //Iniciar el conteo del tiempo para las evaluaciones de rendimiento
36     //*****
37     uswtime(&utime0, &stime0, &wtime0);
38     //*****
39     //*****

```

```

40 //Algoritmo (llamada a la función que contiene el algoritmo)
41 //*****
42 array =(int*)(malloc(sizeof(int)*argc)); //se pide espacio en memoria para guardar
    ↪ los numeros a ordenar
43 for(int i=0; i<argc; i++){//Se guardan los elementos pedidos en la entrada en cada
    ↪ espacio de memoria pedido anteriormente
44     scanf("%d", array+i);
45     if (*(array+i))
46         a = InsOrd (*(array+i), a); //Se van guardando en orden dentro del arbol
47     }
48 //*****
49 //Evaluar los tiempos de ejecución
50 //*****
51 uswtime(&utime1, &stime1, &wtime1);
52
53 //Cálculo del tiempo de ejecución del programa
54 printf("\n");
55 printf("real (Tiempo total) %.10f s\n", wtime1 - wtime0);
56 printf("user (Tiempo de procesamiento en CPU) %.10f s\n", utime1 - utime0);
57 printf("sys (Tiempo en acciones de E/S) %.10f s\n", stime1 - stime0);
58 printf("CPU/Wall %.10f %% \n", 100.0 * (utime1 - utime0 + stime1 - stime0) / (wtime1
    ↪ - wtime0));
59 printf("\n");
60
61 //Mostrar los tiempos en formato exponencial
62 printf("\n");
63 printf("real (Tiempo total) %.10e s\n", wtime1 - wtime0);
64 printf("user (Tiempo de procesamiento en CPU) %.10e s\n", utime1 - utime0);
65 printf("sys (Tiempo en acciones de E/S) %.10e s\n", stime1 - stime0);
66 printf("CPU/Wall %.10f %% \n", 100.0 * (utime1 - utime0 + stime1 - stime0) / (wtime1
    ↪ - wtime0));
67 printf("\n");
68 //*****
69
70 //Terminar programa normalmente
71 exit (0);
72 return 0;
73 }

```

4. Especificaciones técnica

Plataforma	Experimental	
Hardware	Procesador	AMD E1 Essential
H	Computadora	Lenovo G405 H
Conjunto de instrucciones	64 Bits	
H	Reloj	1000Mhz
H	RAM	2GB
Software	Compilador	gcc
S	Sistema Operativo	Ubuntu

5. Gráficas de barras

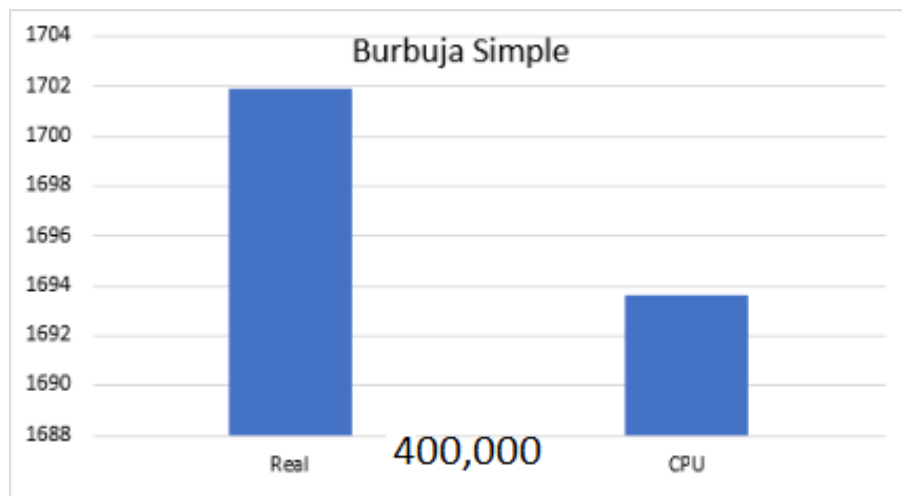


Figura 1: Burbuja Simple

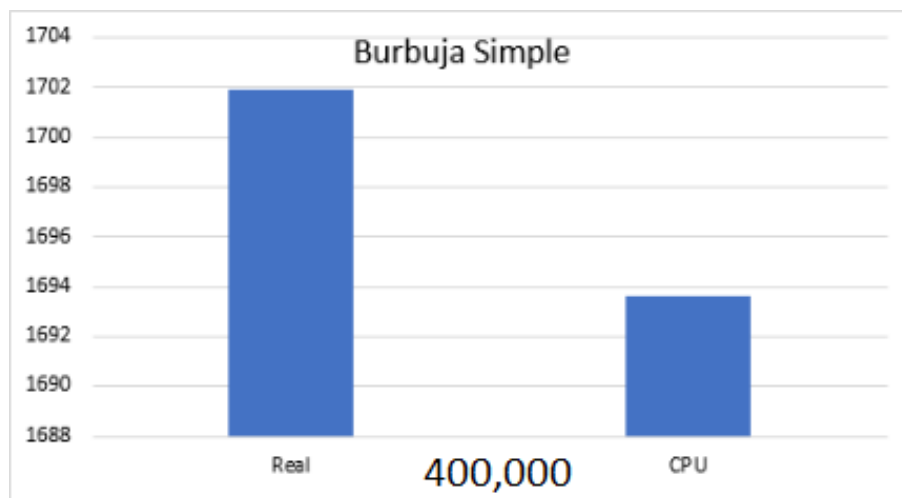


Figura 2: Burbuja Optimizada

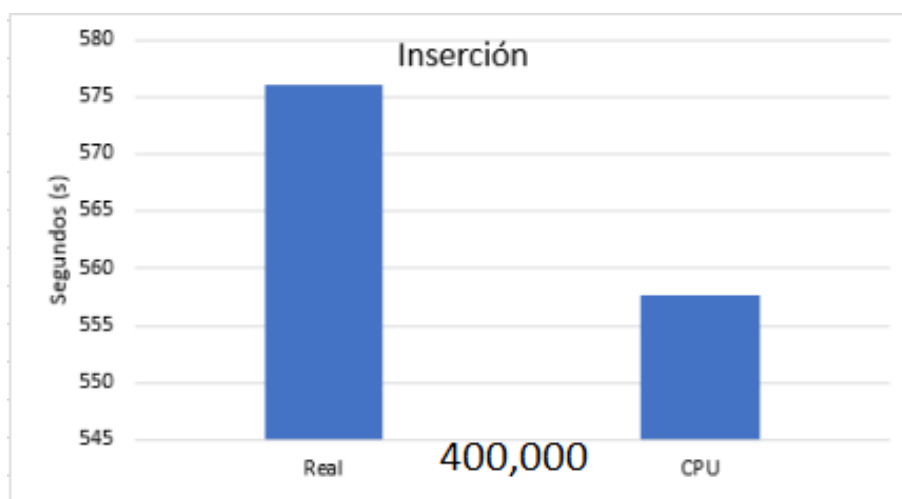


Figura 3: Inserción

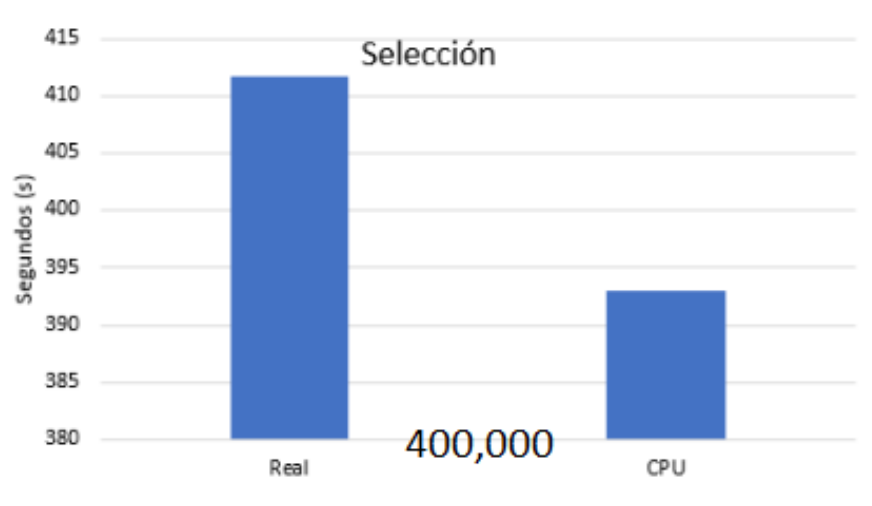


Figura 4: Selección

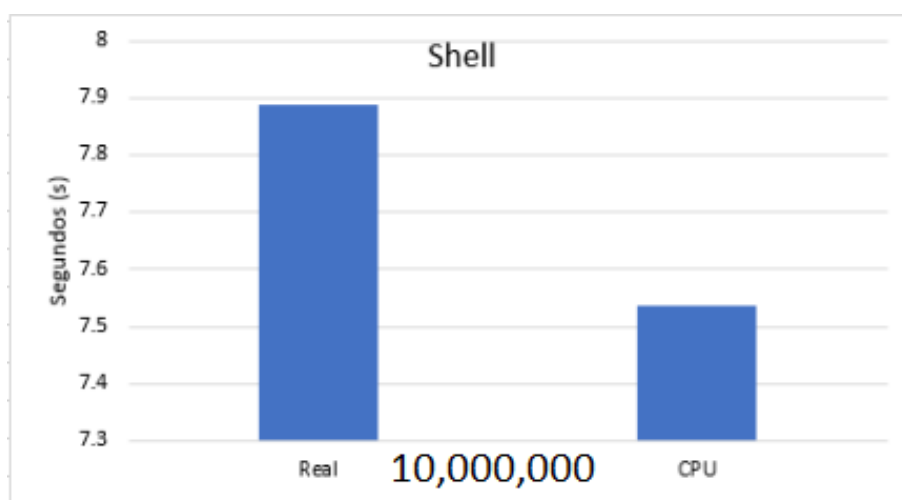


Figura 5: Shell

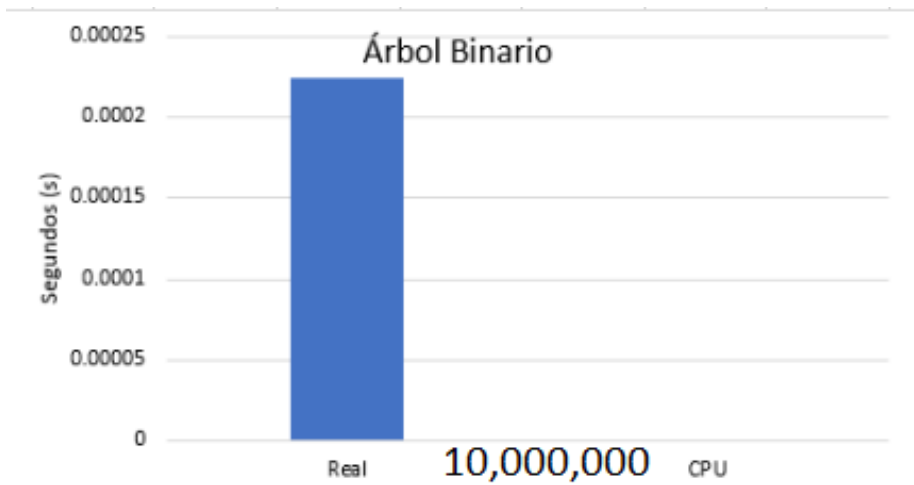


Figura 6: Arbol Binario

6. Comparación de resultados

Algoritmo	Numeros ordenados	Tiempo real (s)	Tiempo CPU (s)	Tiempo E/S (s)	CPU/Wall
Burbuja Simple	400000	1701.926	1693.64	0.4	99.537 %
Burbuja Optimizada	400000	2675.73	2662.656	1.18	99.553 %
Inserción	400000	576.1012	557.664	0.512	96.88 %
Selección	400000	411.852	392.975	0.103	95.5448 %
Shell	10000000	7.888	7.536	0.268	98.93 %
Burbuja Simple	10000000	0.000225	0.00	0.0	0.0001 %

7. Comportamiento temporal de cada algoritmo y aproximación polinomial

7.1. Burbuja Simple

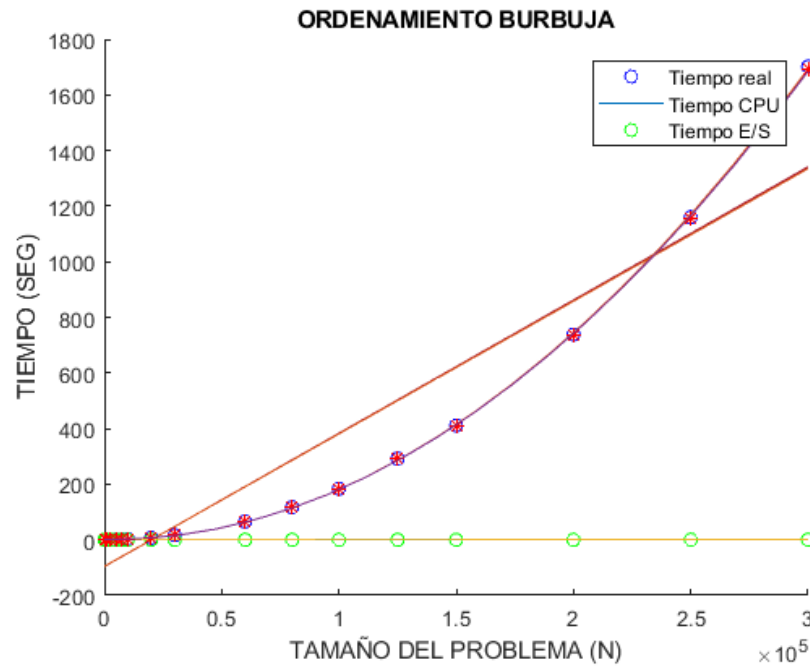


Figura 7: Burbuja Simple Polinomio Grado 1

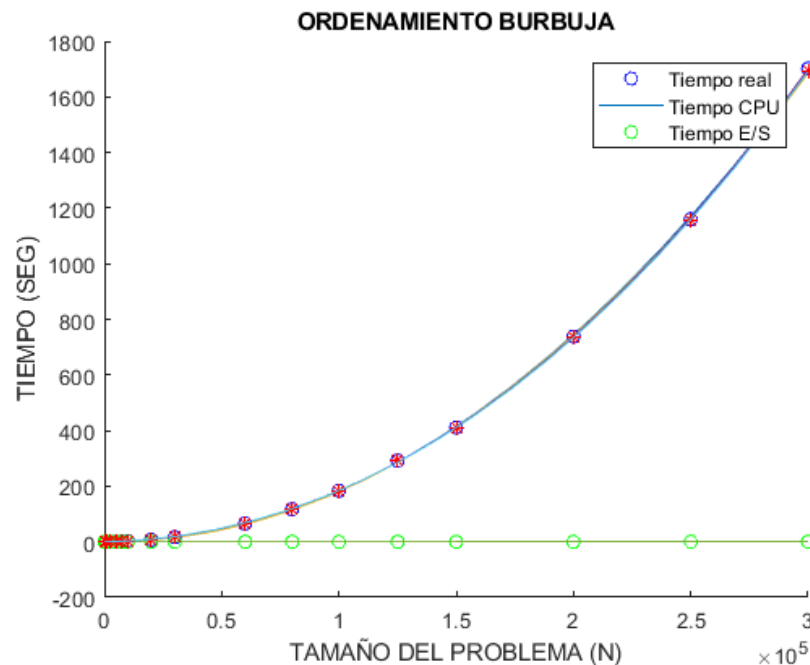


Figura 8: Burbuja Simple Polinomio Grado 2

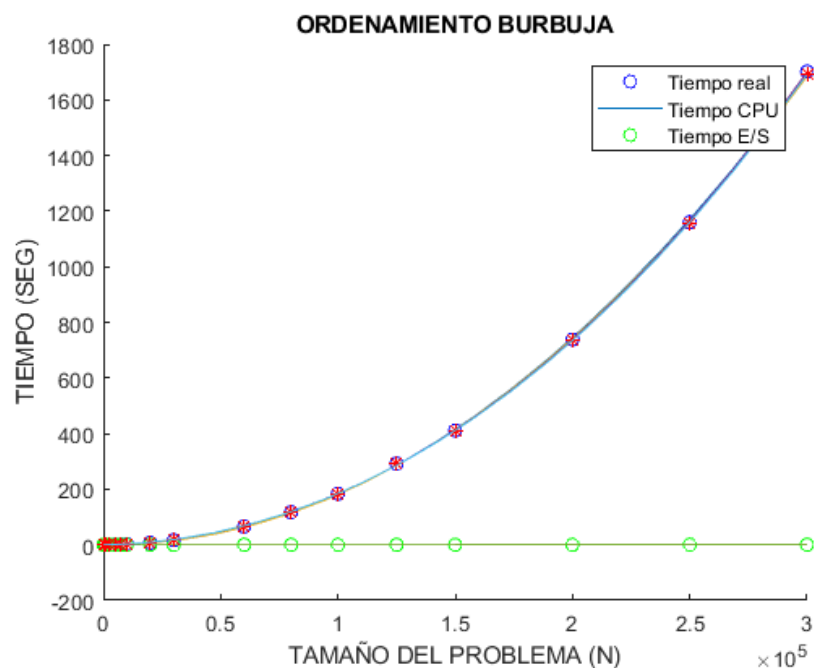


Figura 9: Burbuja Simple Polinomio Grado 3

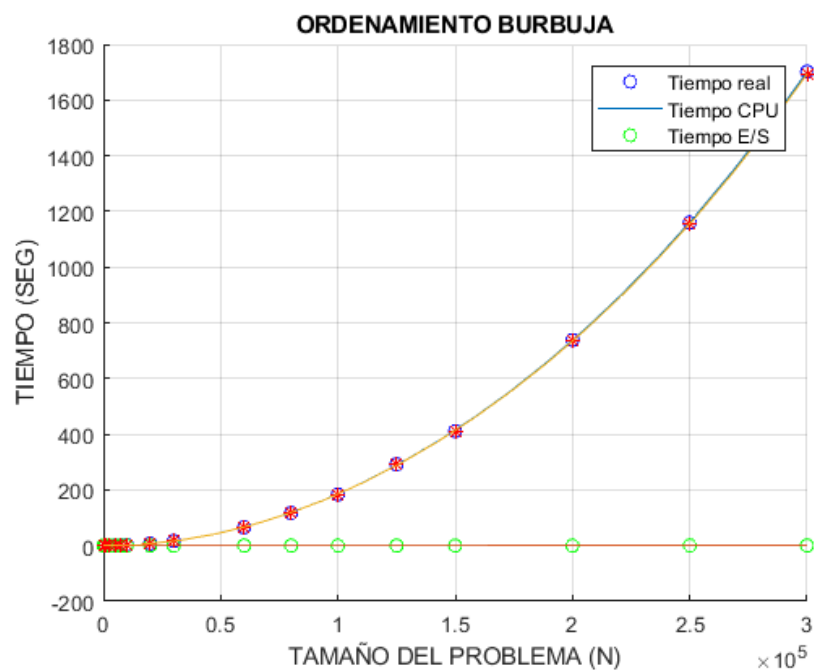


Figura 10: Burbuja Simple Polinomio Grado 4

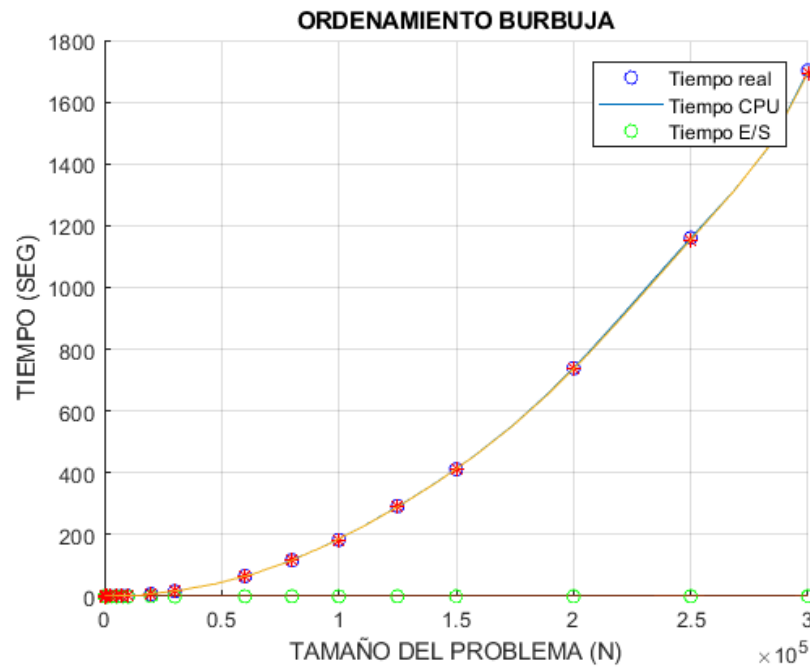


Figura 11: Burbuja Simple Polinomio Grado 8

7.2. Burbuja Optimizada

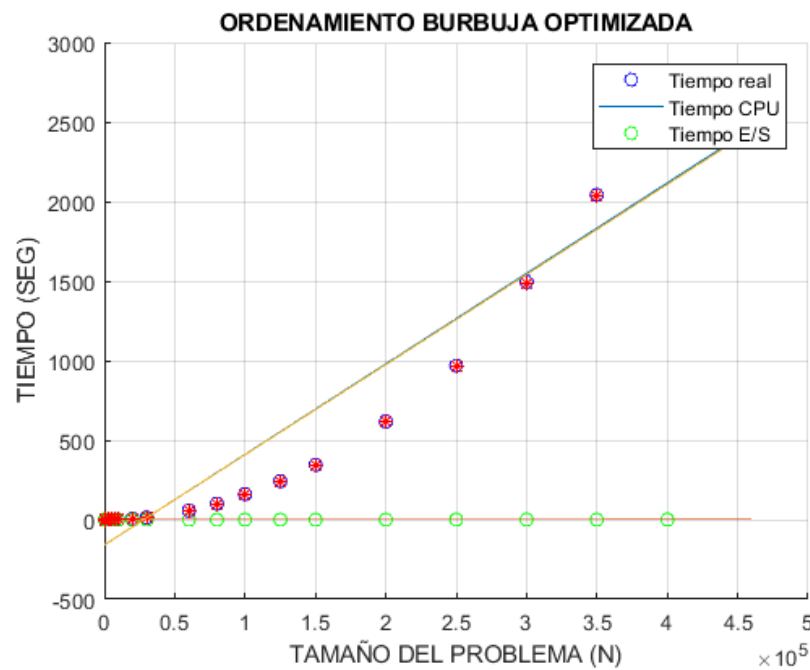


Figura 12: Burbuja Optimizada Polinomio Grado 1

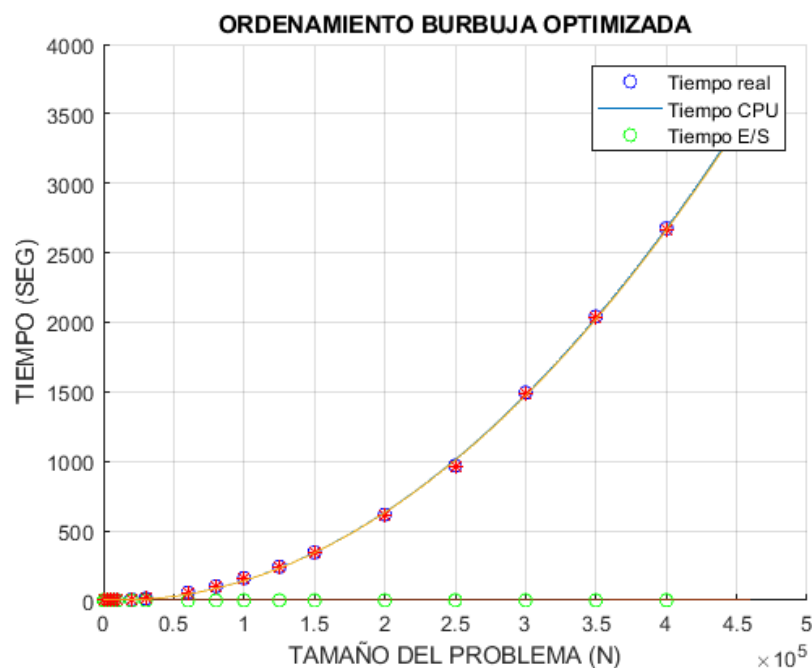


Figura 13: Burbuja Optimizada Polinomio Grado 2

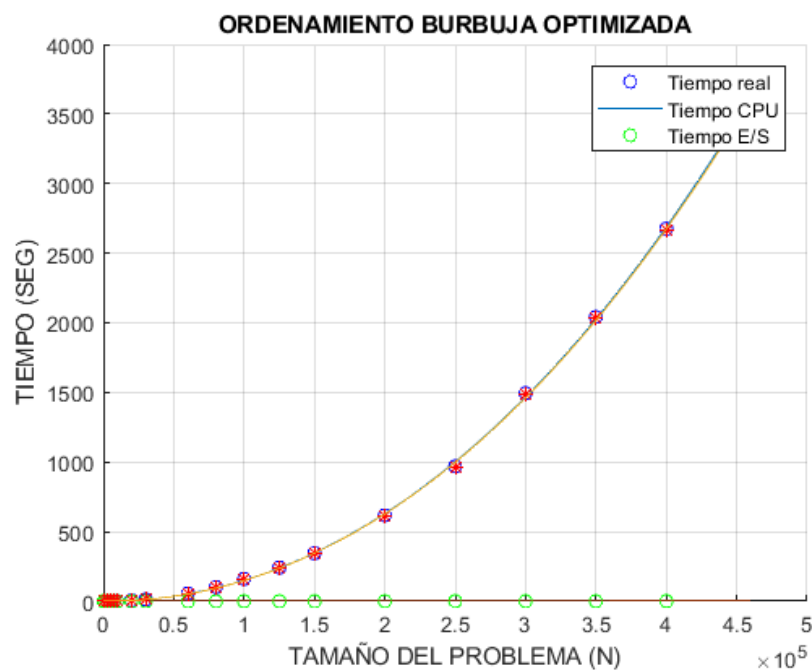


Figura 14: Burbuja Optimizada Polinomio Grado 3

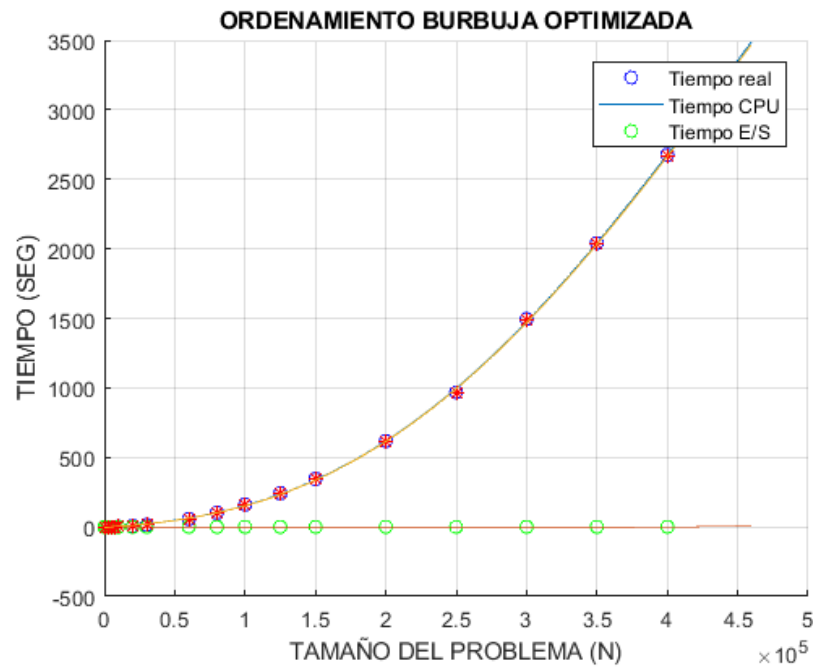


Figura 15: Burbuja Optimizada Polinomio Grado 4

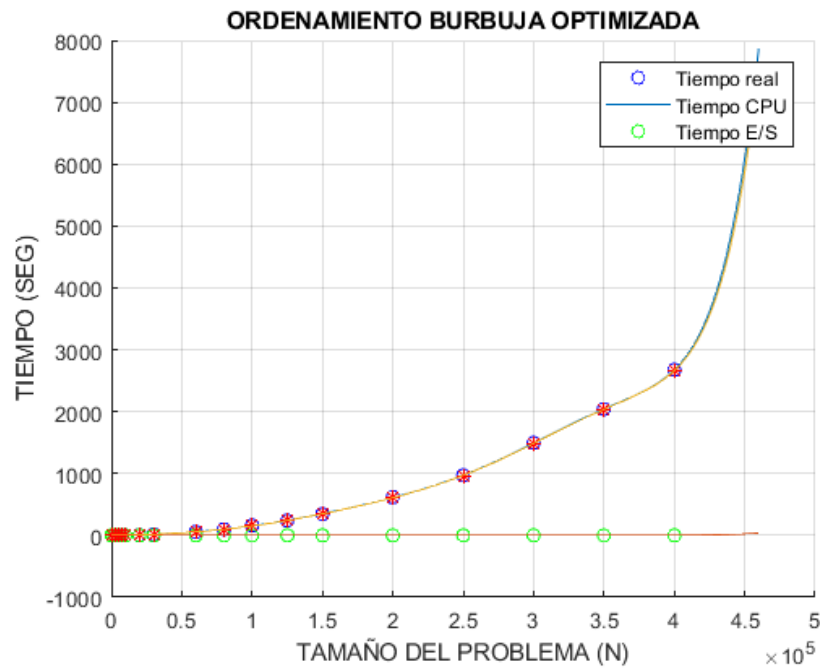


Figura 16: Burbuja Optimizada Polinomio Grado 8

7.3. Inserción

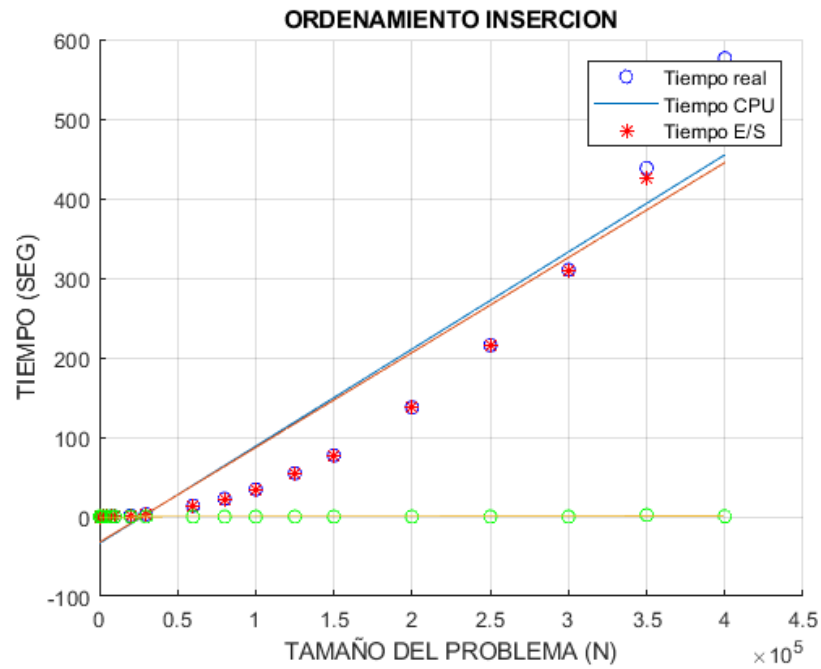


Figura 17: Inserción Polinomio Grado 1

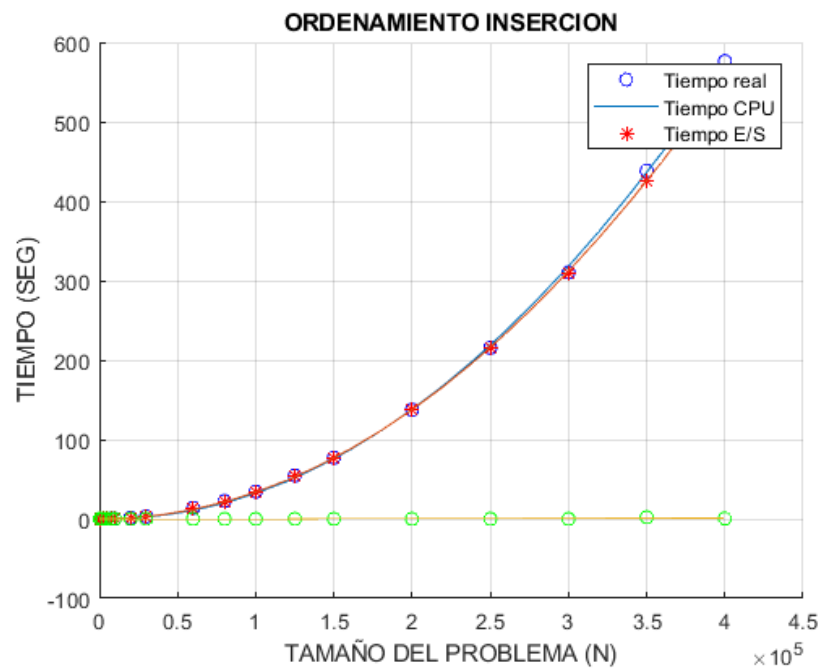


Figura 18: Inserción Polinomio Grado 2

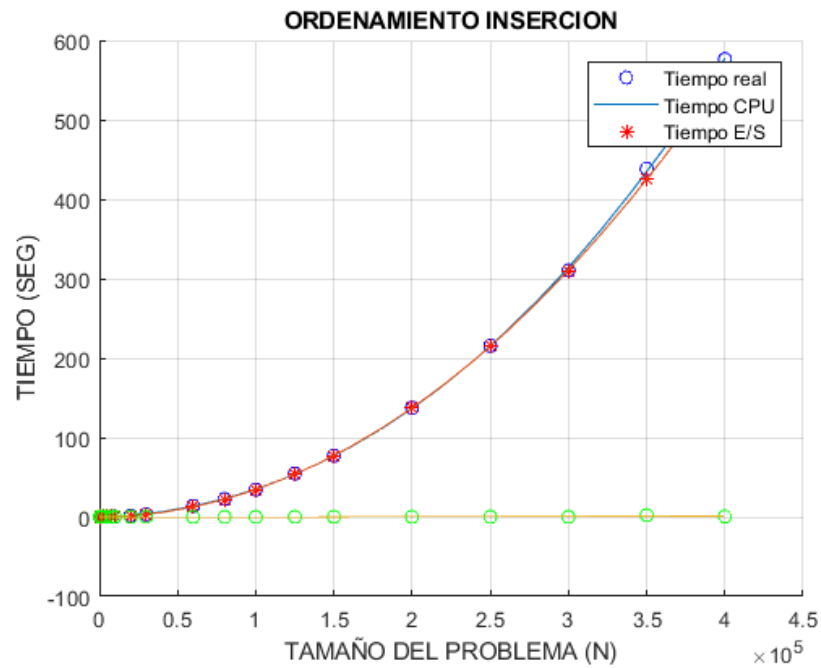


Figura 19: Inserción Polinomio Grado 3

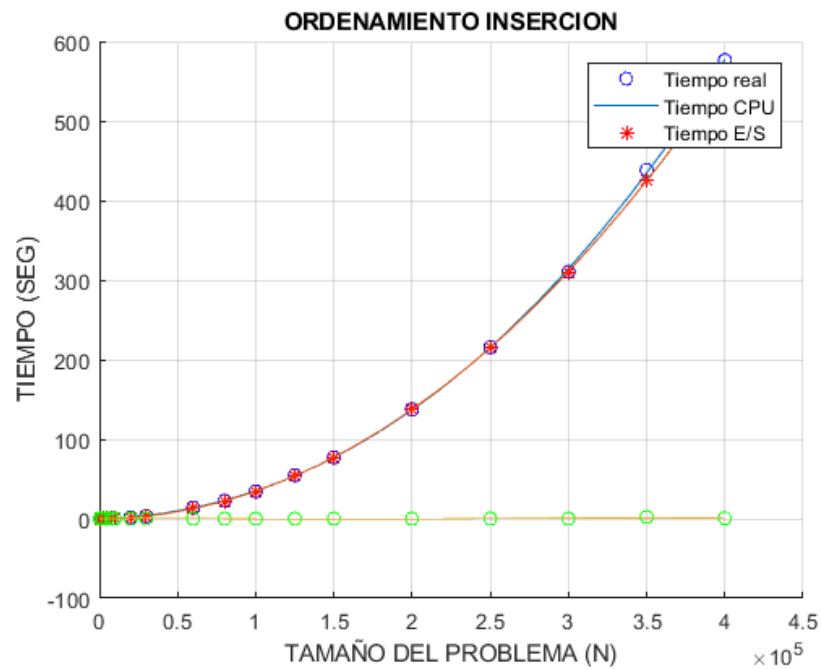


Figura 20: Inserción Polinomio Grado 4

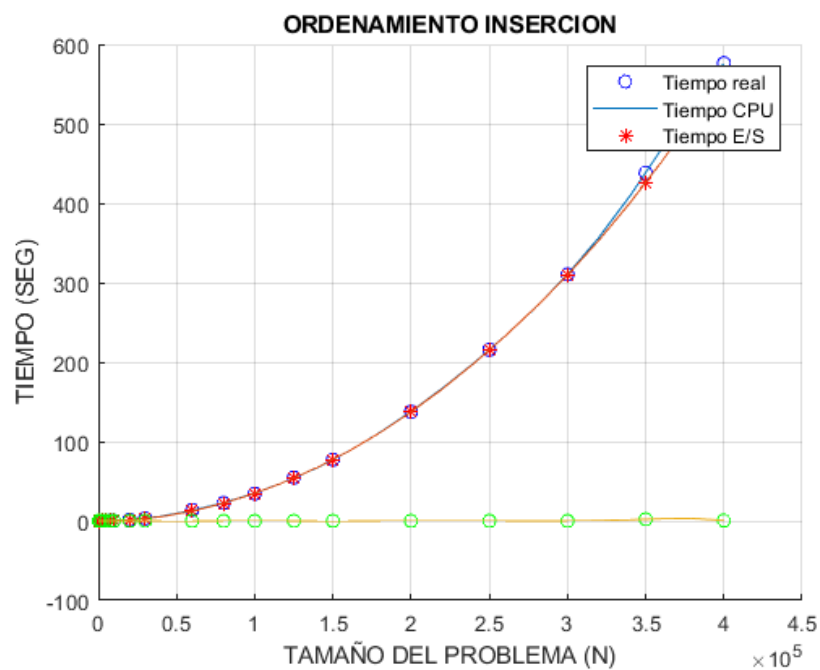


Figura 21: Inserción Polinomio Grado 8

7.4. Selección

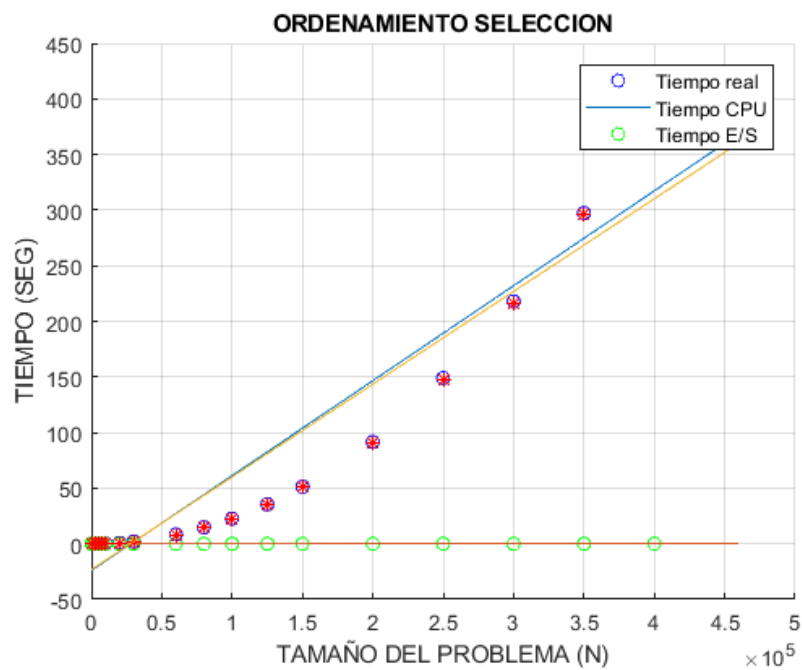


Figura 22: Selección Polinomio Grado 1

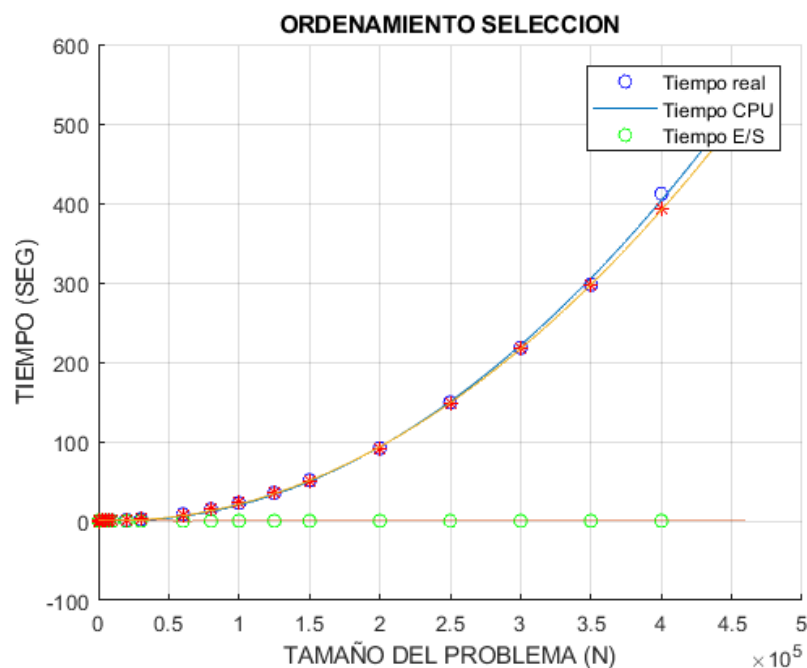


Figura 23: Selección Polinomio Grado 2

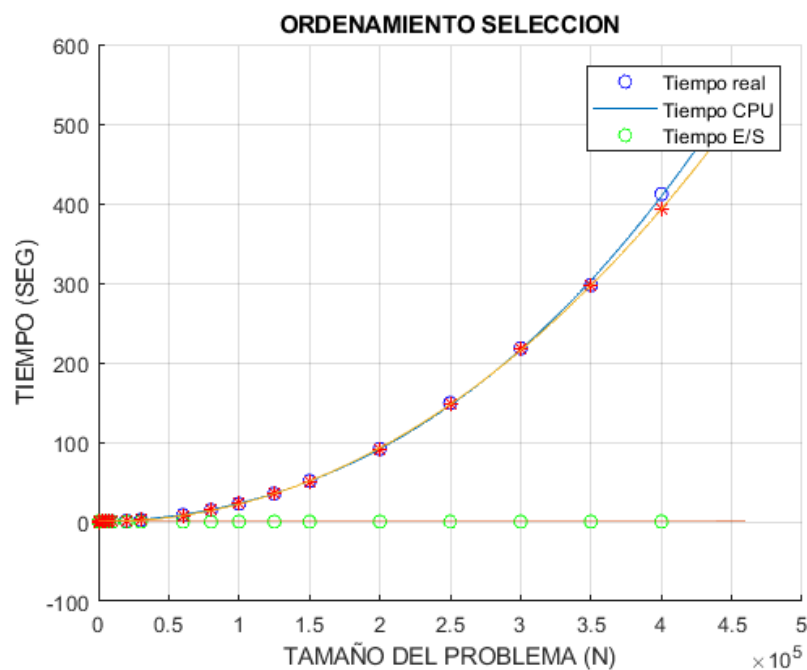


Figura 24: Selección Polinomio Grado 3

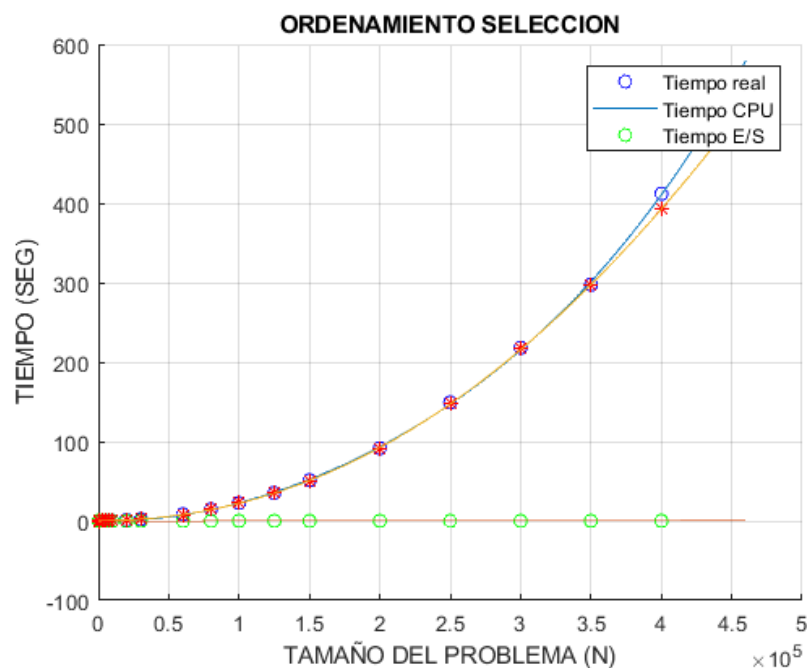


Figura 25: Selección Polinomio Grado 4

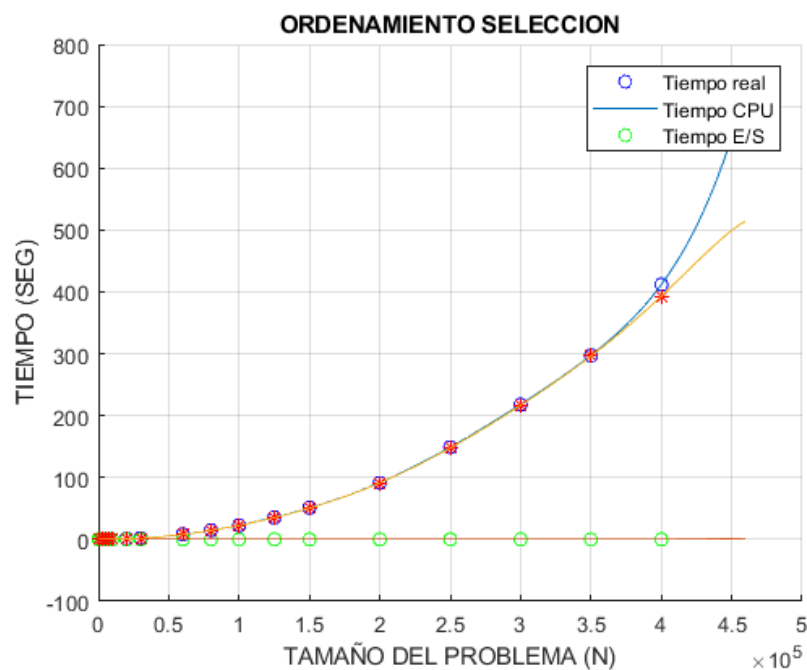


Figura 26: Selección Polinomio Grado 8

7.5. Shell

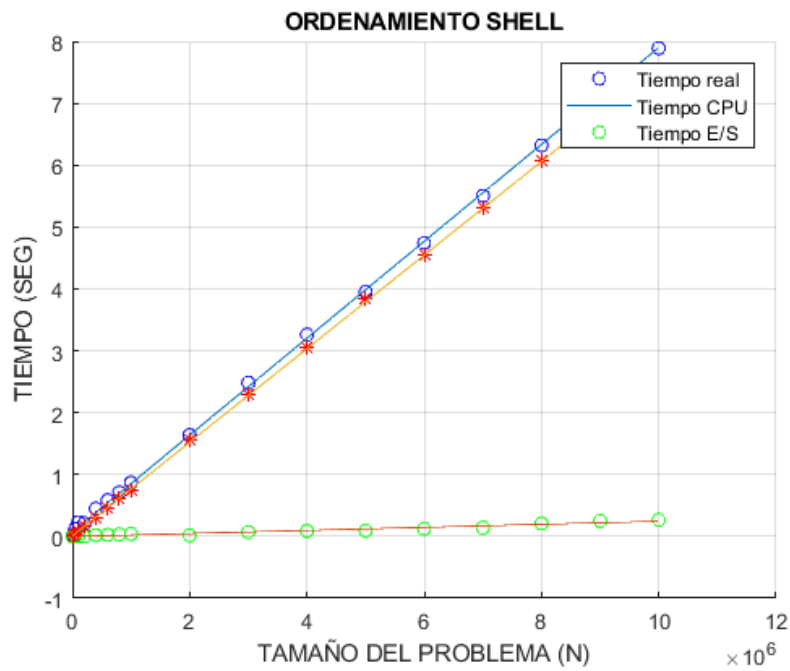


Figura 27: Shell Polinomio Grado 1

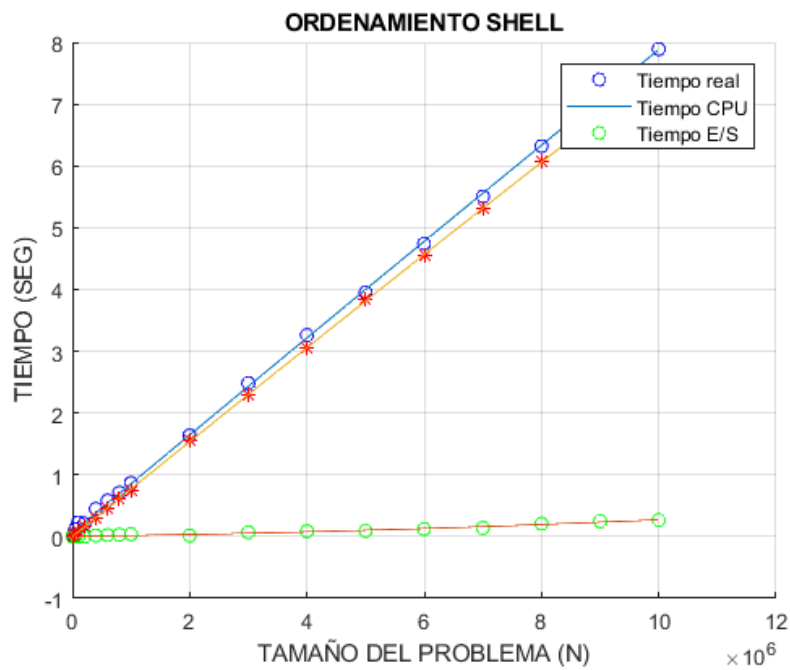


Figura 28: Shell Polinomio Grado 2

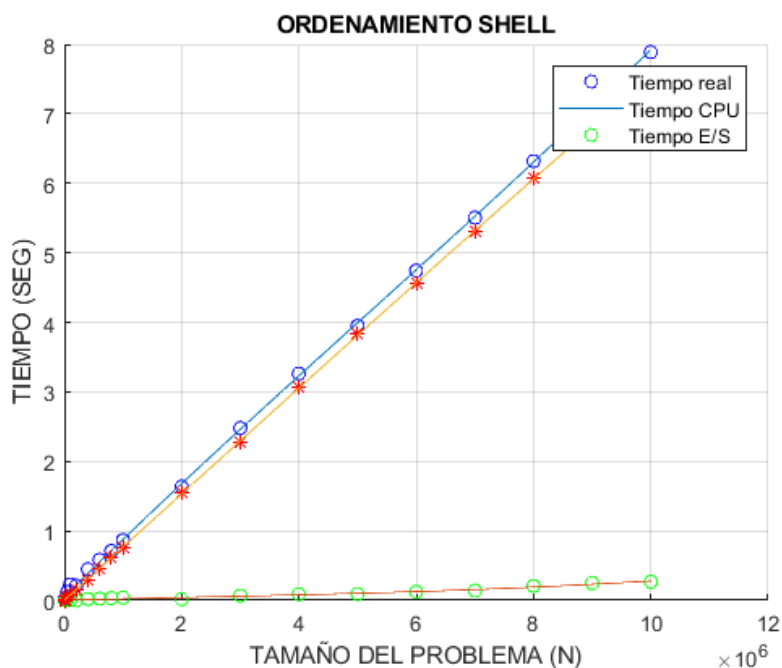


Figura 29: Shell Polinomio Grado 3

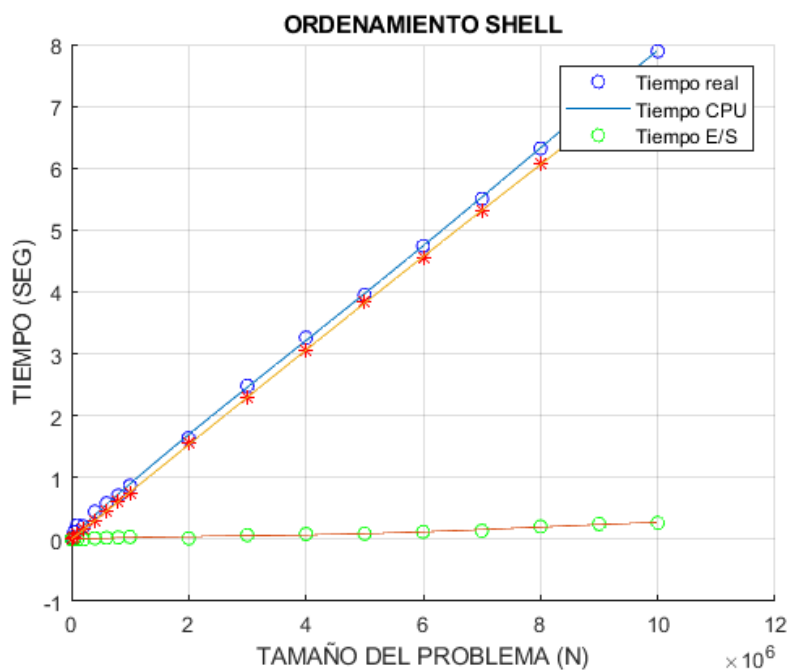


Figura 30: Shell Polinomio Grado 4

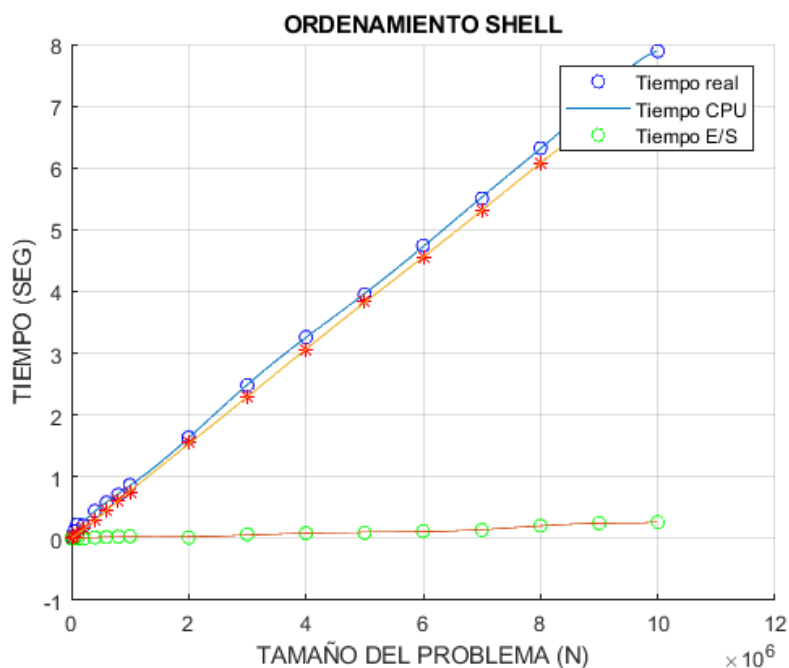


Figura 31: Shell Polinomio Grado 8

7.6. Arbol Binario

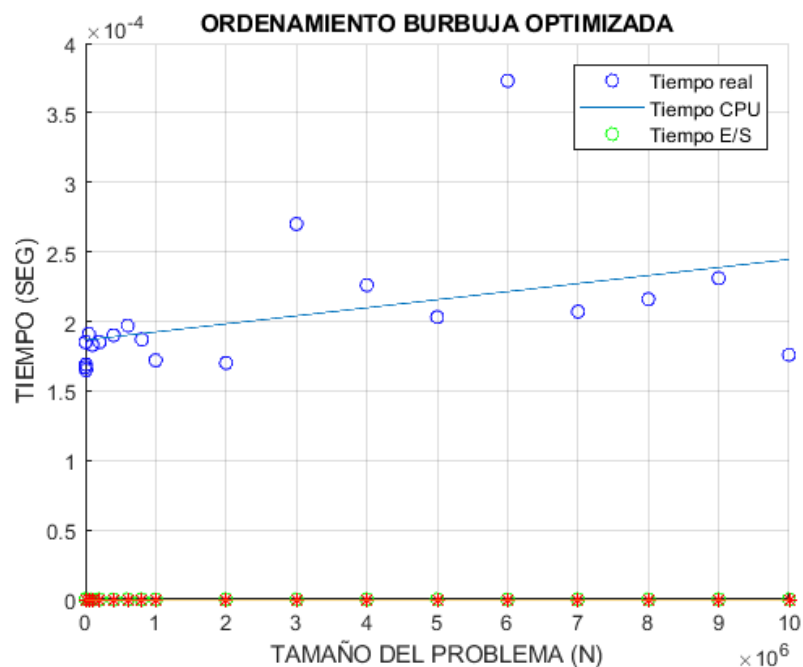


Figura 32: Shell Polinomio Grado 1

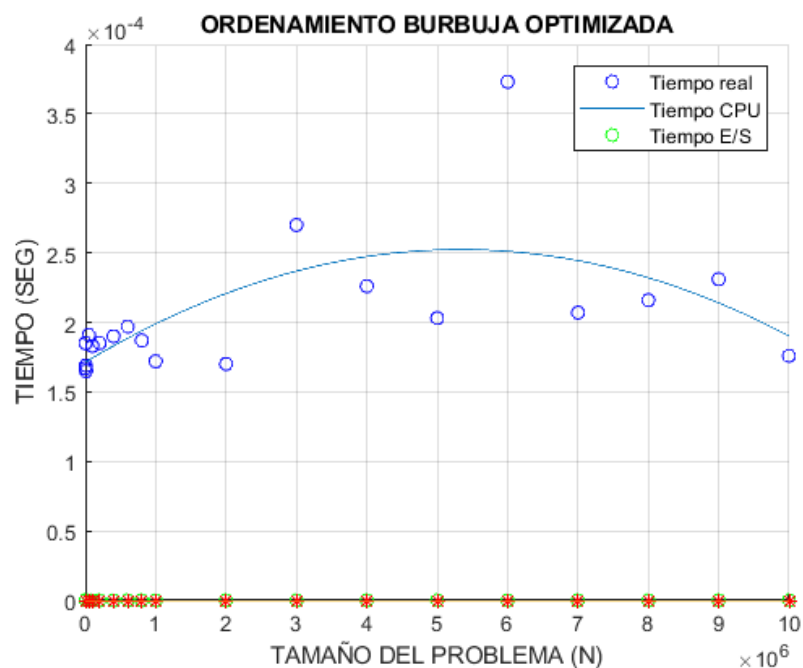


Figura 33: Shell Polinomio Grado 2

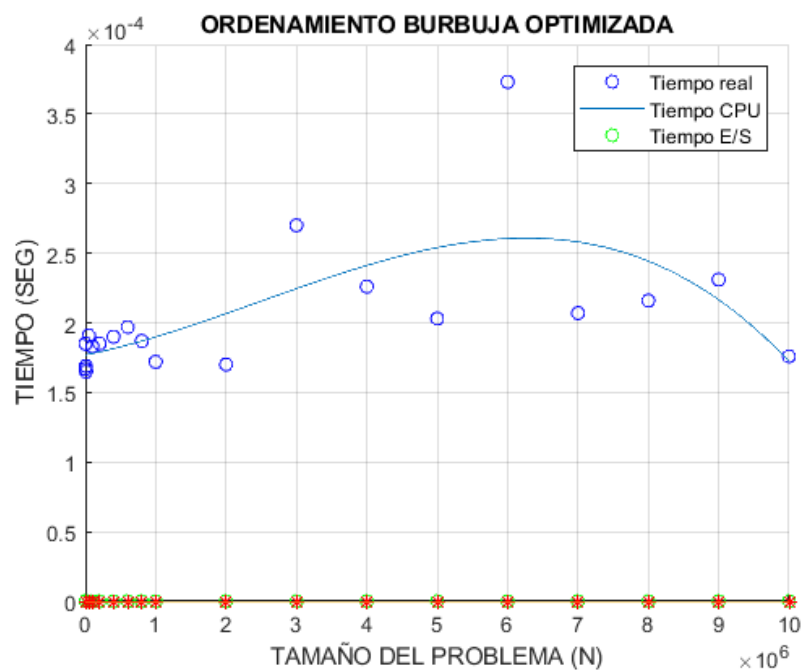


Figura 34: Shell Polinomio Grado 3

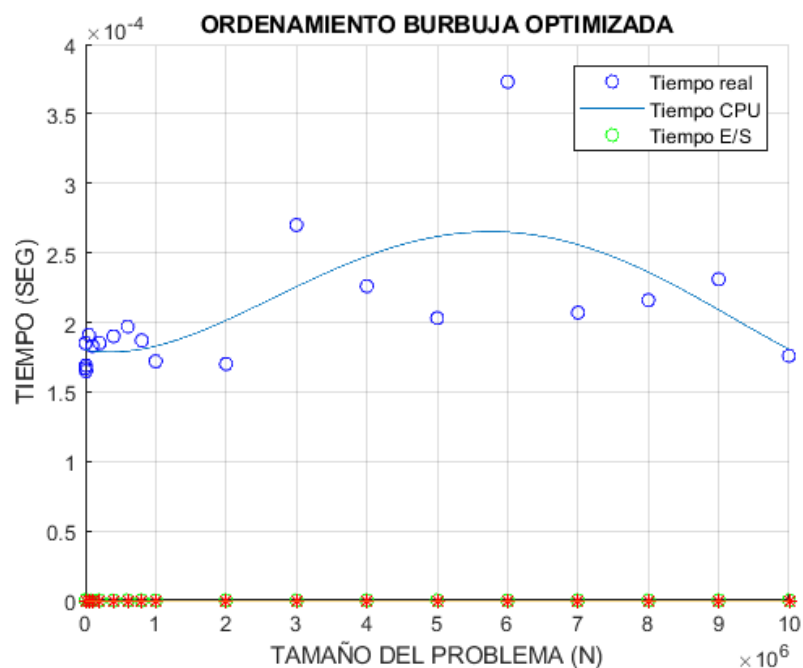


Figura 35: Shell Polinomio Grado 4

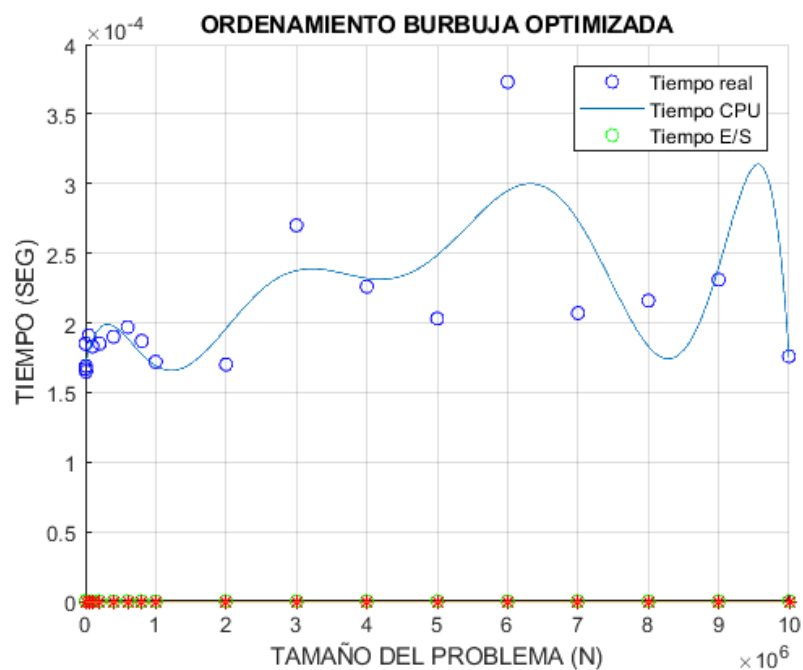


Figura 36: Shell Polinomio Grado 8

8. Comparación en tiempo real

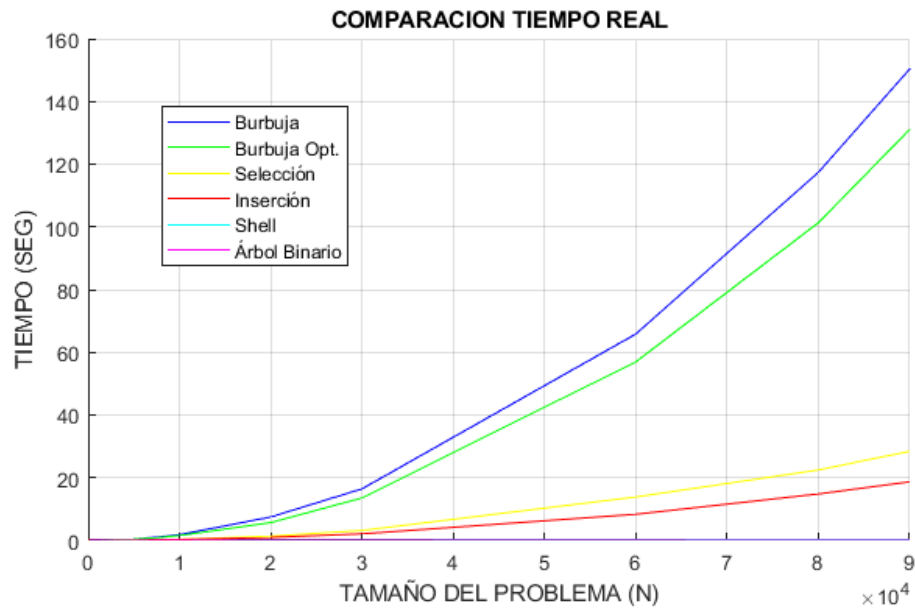


Figura 37: Tiempo Real 1

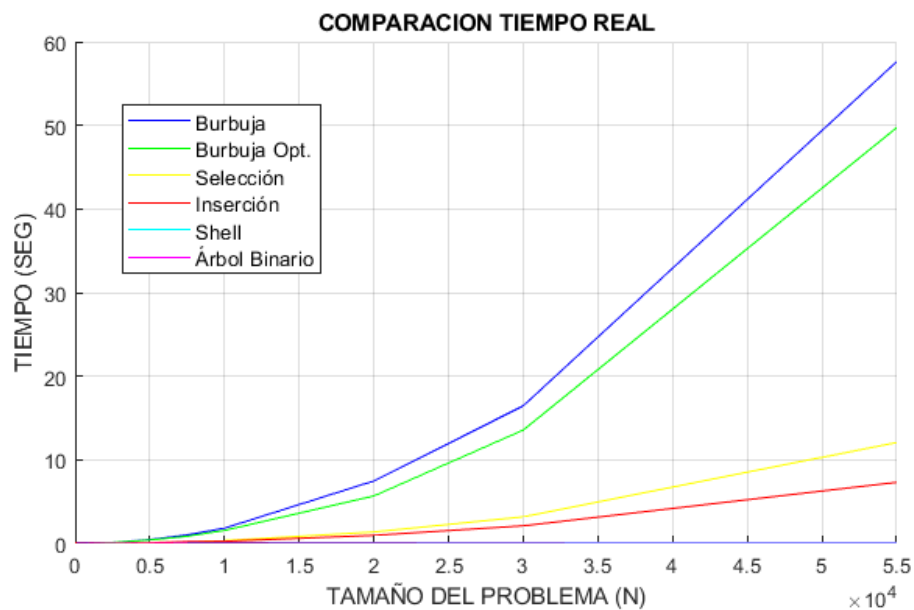


Figura 38: Tiempo Real 2

9. Preguntas

1. ¿Cuál de los 5 algoritmos es más fácil de implementar?
Burbuja e Inserción.

2. ¿Cuál de los 5 algoritmos es el más difícil de implementar?
Shell debido a que desconocíamos el funcionamiento de este algoritmo
3. ¿Cuál algoritmo tiene menor complejidad temporal?
Ordenamiento por Árbol Binario.
4. ¿Cuál algoritmo tiene mayor complejidad temporal?
Burbuja Simple
5. ¿Cuál algoritmo tiene menor complejidad espacial? ¿Por qué?
Burbuja, Inserción y ArbolBinario. Porque necesitan menos espacio en memoria para funcionar (A parte del tamaño del problema, usan pocas variables auxiliares).
6. ¿Cuál algoritmo tiene mayor complejidad espacial? ¿Por qué?
Burbuja Optimizada y Selección ya que necesitan 2 variables más para su funcionamiento.
7. ¿El comportamiento experimental de los algoritmos era el esperado? ¿Por que?
Debido a que se desconocía el ordenamiento Shell, fue inesperado el poco tiempo para ordenar los 10 millones de números. Exceptuando este algoritmo, el tiempo de ejecución de los demás algoritmos fueron esperados. No obstante, otro factor fueron los pocos recursos con los que cuenta la máquina donde se ejecutaron las implementaciones.
8. ¿Sus resultados experimentales difieren mucho de los del resto de los equipos? ¿A que se debe?
Si, debido a la máquina utilizada, pero finalmente tuvo el mismo comportamiento, en diferente escala.
9. ¿Existió un entorno controlado para realizar las pruebas experimentales? ¿Cuál fue?
No, las implementaciones fueron ejecutadas con el compilador gcc desde la consola de Linux.
10. ¿Qué recomendaciones darían a nuevos equipos para realizar esta practica?
Ser pacientes mientras se ejecutan las pruebas de cada implementación, tener instalado el software graficador e implementar los algoritmos tal como el pseudocódigo lo indica.

10. Anexos

10.1. Codigo Fuente

10.2. Burbuja Simple

```

1  /*****BURBUJA SIMPLE*****/
2  LORETTO ESTRADA GALILEA AMERICA
3  PEREZ GARCIA ATZIRI***/
4  /*****LIBRERIAS*****/
5  #include <stdio.h>
6  #include <stdlib.h>
7  #include <string.h>
8  #include "tiempo.h"
9
10 /*****Funcion Burbuja*****/

```

```

11 //Toma como entrada el arreglo donde se encuentran los números a ordenar y la
    ↳ longitud
12 void Burbuja(int *A, int n){
13     int aux; //Se declara variable auxiliar para hacer el cambio
14     for(int i = 0; i<n-2; i++){ //Se realiza n-1 veces el proceso para ordenar todos los
        ↳ numeros
15         for(int j=0; j<n-2; j++){
16             if(*(A+j) > *(A+j+1)){ //Comparacion si el primero número es mayor al
                ↳ siguiente
17                 aux = *(A+j); //Se asigna el valor del numero mayor de ambos a aux
18                 *(A+j) = *(A+j+1); //Se hace el intercambio
19                 *(A+j+1) = aux; //Se establece el numero mayor en la poscion +1
20             }
21         }
22     }
23 }
24 /*****Funcion PRINCIPAL*****/
25 //Toma como entrada la longitud del arreglo.
26 int main(int argc, char const *argv[]){
27     int *array; //Espacio en memoria donde se guardan los números a ordenar
28     double utime0, stime0, wtime0, utime1, stime1, wtime1; //Variables para medición de
        ↳ tiempos
29     int n;
30     /*****
31     //Recepción y decodificación de argumentos
32     *****/
33
34     //Si no se introducen exactamente 2 argumentos (Cadena de ejecución y cadena=n)
35     if (argc!=2)
36     {
37         printf("\nIndique el tamaño del algoritmo - Ejemplo: [user@equipo]$ %s
            ↳ 100\n", argv[0]);
38         exit(1);
39     }
40     //Tomar el segundo argumento como tamaño del algoritmo
41     else
42     {
43         n=atoi(argv[1]);
44     }
45
46     /*****
47     //Iniciar el conteo del tiempo para las evaluaciones de rendimiento
48     *****/
49     uswtime(&utime0, &stime0, &wtime0);
50     /*****
51
52     /*****
53     //Algoritmo
54     *****/

```



```

55     array =(int*)(malloc(sizeof(int)*n)); //se pide espacio en memoria para guardar los
        ↪ números a ordenar
56     for(int i=0; i<n; i++){//Se guardan los elementos pedidos en la entrada en cada
        ↪ espacio de memoria pedido anteriormente
57     scanf("%d", array+i);
58     }
59     Burbuja(array, n);
60     //*****
61     //Evaluar los tiempos de ejecución
62     //*****
63     uswtime(&utime1, &stime1, &wtime1);
64
65     //Calculo del tiempo de ejecucion del programa
66     printf("\n");
67     printf("real (Tiempo total) %.10f s\n", wtime1 - wtime0);
68     printf("user (Tiempo de procesamiento en CPU) %.10f s\n", utime1 - utime0);
69     printf("sys (Tiempo en acciones de E/S) %.10f s\n", stime1 - stime0);
70     printf("CPU/Wall %.10f %% \n",100.0 * (utime1 - utime0 + stime1 - stime0) /
        ↪ (wtime1 - wtime0));
71     printf("\n");
72
73     //Mostrar los tiempos en formato exponencial
74     printf("\n");
75     printf("real (Tiempo total) %.10e s\n", wtime1 - wtime0);
76     printf("user (Tiempo de procesamiento en CPU) %.10e s\n", utime1 - utime0);
77     printf("sys (Tiempo en acciones de E/S) %.10e s\n", stime1 - stime0);
78     printf("CPU/Wall %.10f %% \n",100.0 * (utime1 - utime0 + stime1 - stime0) /
        ↪ (wtime1 - wtime0));
79     printf("\n");
80     //*****
81
82     //Terminar programa normalmente
83     exit (0);
84
85 }

```

10.3. Burbuja Optimizada

```

1  /*****BURBUJA OPTIMIZADA*****/
2  LORETTO ESTRADA GALILEA AMÉRICA
3  PEREZ GARCIA ATZIRI***/
4  /*****LIBRERIAS*****/
5  #include <stdio.h>
6  #include <stdlib.h>
7  #include <string.h>
8  #include "tiempo.h"
9
10 /*****Funcion BurbujaOpt*****/
11 //Toma como entrada el arreglo donde es encuentran los números a ordenar y la longitud
    ↪ de este.

```

```

12 void BurbujaOpt(int *A, int n){
13     int aux, i, cambios;//Se declaran variables auxiliares para hacer el cambio
14     cambios = 1;
15     i = 0;
16     while(i<n && cambios!=0){//Se realiza n-1 veces el proceso para ordenar todos los
        ↪ numeros
17         cambios= 0;
18         for(int j=0; j<n-2; j++){
19             if(*(A+i) < *(A+j)){//Compraci3n si el primero n3mero es mayor al siguiente
20                 aux = *(A+i);//Se asigna el valor del numero mayor de ambos a aux
21                 *(A+i) = *(A+j);//Se hace el intercambio
22                 *(A+j) = aux;//Se establece el numero mayor en la poscion +1
23                 cambios = 1;
24             }
25         }
26         i++;
27     }
28 }
29
30 /*****Funcion PRINCIPAL*****/
31 //Toma como entrada la longitud del arreglo.
32 int main(int argc, char const *argv[]){
33     int *array;//Espacio en memoria donde se guardan los n3meros a ordenar
34     double utime0, stime0, wtime0, utime1, stime1, wtime1; //Variables para medici3n de
        ↪ tiempos
35     int n;
36     //*****
37     //Recepci3n y decodificaci3n de argumentos
38     //*****
39
40     //Si no se introducen exactamente 2 argumentos (Cadena de ejecuci3n y cadena=n)
41     if (argc!=2)
42     {
43         printf("\nIndique el tamano del algoritmo - Ejemplo: [user@equipo]$ %s
            ↪ 100\n",argv[0]);
44         exit(1);
45     }
46     //Tomar el segundo argumento como tama3o del algoritmo
47     else
48     {
49         n=atoi(argv[1]);
50     }
51
52     //*****
53     //Iniciar el conteo del tiempo para las evaluaciones de rendimiento
54     //*****
55     uswtime(&utime0, &stime0, &wtime0);
56     //*****
57
58     //*****

```

```

59 //Algoritmo
60 //*****
61 array =(int*)(malloc(sizeof(int)*n)); //se pide espacio en memoria para guardar los
    ↪ numeros a ordenar
62 for(int i=0; i<n; i++){//Se guardan los elementos pedidos en la entrada en cada
    ↪ espacio de memoria pedido anteriormente
63 scanf("%d", array+i);
64 }
65 BurbujaOpt(array, n);
66 //*****
67 //Evaluar los tiempos de ejecución
68 //*****
69 uswtime(&utime1, &stime1, &wtime1);
70
71 //Cálculo del tiempo de ejecución del programa
72 printf("\n");
73 printf("real (Tiempo total) %.10f s\n", wtime1 - wtime0);
74 printf("user (Tiempo de procesamiento en CPU) %.10f s\n", utime1 - utime0);
75 printf("sys (Tiempo en acciones de E/S) %.10f s\n", stime1 - stime0);
76 printf("CPU/Wall %.10f %% \n",100.0 * (utime1 - utime0 + stime1 - stime0) /
    ↪ (wtime1 - wtime0));
77 printf("\n");
78
79 //Mostrar los tiempos en formato exponencial
80 printf("\n");
81 printf("real (Tiempo total) %.10e s\n", wtime1 - wtime0);
82 printf("user (Tiempo de procesamiento en CPU) %.10e s\n", utime1 - utime0);
83 printf("sys (Tiempo en acciones de E/S) %.10e s\n", stime1 - stime0);
84 printf("CPU/Wall %.10f %% \n",100.0 * (utime1 - utime0 + stime1 - stime0) /
    ↪ (wtime1 - wtime0));
85 printf("\n");
86 //*****
87
88 //Terminar programa normalmente
89 exit (0);
90
91 }

```

10.4. Inserción

```

1 LORETTO ESTRADA GALILEA AMERICA
2 PEREZ GARCIA ATZIRI***/
3 //*****LIBRERIAS*****/
4 #include <stdio.h>
5 #include <stdlib.h>
6 #include <string.h>
7 #include "tiempo.h"
8
9 //*****Funcion Insercion*****/

```

```

10 //Toma como entrada el arreglo donde se encuentran los números a ordenar y la
    ↳ longitud
11 void Insercion(int* Arreglo, int n){
12     int auxiliar, j;
13     for(int i=0; i<n ; i++){ // Ordenar los n elementos
14         j = i; // los iteradores i y j se igualan
15         auxiliar = Arreglo[i]; // Auxiliar toma el valor de la posición i del arreglo
16         while((j>0)&&(auxiliar<Arreglo[j-1])){
17             Arreglo[j] = Arreglo[j-1]; // Se le asigna el valor de la posición anterior
18             j--; // Disminuye el iterador j.
19         }
20         Arreglo[j] = auxiliar; // se asigna el valor de la posición j del arreglo a
            ↳ auxiliar
21     }
22 }
23 /*****Funcion PRINCIPAL*****/
24 //Toma como entrada la longitud del arreglo.
25 int main(int argc, char const *argv[]){
26     int *array; //Espacio en memoria donde se guardan los números a ordenar
27     double utime0, stime0, wtime0, utime1, stime1, wtime1; //Variables para medición de
        ↳ tiempos
28     int n;
29     //*****
30     //Recepción y decodificación de argumentos
31     //*****
32
33     //Si no se introducen exactamente 2 argumentos (Cadena de ejecución y cadena=n)
34     if (argc!=2)
35     {
36         printf("\nIndique el tamaño del algoritmo - Ejemplo: [user@equipo]$ %s
            ↳ 100\n",argv[0]);
37         exit(1);
38     }
39     //Tomar el segundo argumento como tamaño del algoritmo
40     else
41     {
42         n=atoi(argv[1]);
43     }
44
45     //*****
46     //Iniciar el conteo del tiempo para las evaluaciones de rendimiento
47     //*****
48     uswtime(&utime0, &stime0, &wtime0);
49     //*****
50
51     //*****
52     //Algoritmo
53     //*****
54     array =(int*)(malloc(sizeof(int)*n)); //se pide espacio en memoria para guardar los
        ↳ numeros a ordenar

```

```

55  for(int i=0; i<n; i++){//Se guardan los elementos pedidos en la entrada en cada
    ↪ espacio de memoria pedido anteriormente
56  scanf("%d", array+i);
57  }
58  Insercion(array, n);
59  //*****
60  //Evaluar los tiempos de ejecución
61  //*****
62  uswtime(&utime1, &stime1, &wtime1);
63
64  //Cálculo del tiempo de ejecución del programa
65  printf("\n");
66  printf("real (Tiempo total) %.10f s\n", wtime1 - wtime0);
67  printf("user (Tiempo de procesamiento en CPU) %.10f s\n", utime1 - utime0);
68  printf("sys (Tiempo en acciones de E/S) %.10f s\n", stime1 - stime0);
69  printf("CPU/Wall %.10f %% \n", 100.0 * (utime1 - utime0 + stime1 - stime0) /
    ↪ (wtime1 - wtime0));
70  printf("\n");
71
72  //Mostrar los tiempos en formato exponencial
73  printf("\n");
74  printf("real (Tiempo total) %.10e s\n", wtime1 - wtime0);
75  printf("user (Tiempo de procesamiento en CPU) %.10e s\n", utime1 - utime0);
76  printf("sys (Tiempo en acciones de E/S) %.10e s\n", stime1 - stime0);
77  printf("CPU/Wall %.10f %% \n", 100.0 * (utime1 - utime0 + stime1 - stime0) /
    ↪ (wtime1 - wtime0));
78  printf("\n");
79  //*****
80
81  //Terminar programa normalmente
82  exit (0);
83
84  }

```

10.5. Selección

```

1  /*****SELECCION*****/
2  LORETTO ESTRADA GALILEA AMÉRICA
3  PEREZ GARCIA ATZIRI***/
4  /*****LIBRERIAS*****/
5  #include <stdio.h>
6  #include <stdlib.h>
7  #include <string.h>
8  #include "tiempo.h"
9
10 /*****Funcion Seleccion*****/
11 //Toma como entrada el arreglo donde se encuentran los números a ordenar y la
    ↪ longitud
12 void Seleccion(int *A, int n){

```

```

13  int min = 0, aux = 0; // se declara la variable usada para determinar el numero
    ↪ mínimo, y el auxiliar para realizar el intercambio
14  for(int i = 0; i<n; i++){ //Se realiza este proceso n veces para sacar el minimo n
    ↪ veces y acomodarlo en el lufar correcto
15      min = i;//Se establece la premisa inicial que el primer numero es el mÁnimo del
    ↪ arreglo
16      for (int j = i+1; j < n; ++j)//Se busca el minimo de todo el cjto de numeros. Se
    ↪ empieza desde +1 debido a que ocmo el primer numero es el minimo (segun
    ↪ premisa anterior) no es necesario incluir este numero.
17      {
18          if(*(A+j) < *(A+min))//Si el numero en el apuntador es menor al que se tenia
    ↪ considerado como mÁnimo:
19              min = j;//Se establece el nuevo Minimo
20      }
21      aux = *(A+min);//Se realiza el intercambio sabiendo ya que min va al principio
    ↪ del arreglo.
22      *(A+min) = *(A+i); //intercambian lugares, ahora el que es minimo toma el lugar
    ↪ del que se creia minimo anteriormente.
23      *(A+i) = aux;//El minimo anterior toma el lugar en el que estaba el minimo
    ↪ nuevo.
24  }
25  //for(int i = 0; i <n; i++)
26  //  printf("%d\n",*(A+i));
27  }
28  /*****Funcion PRINCIPAL*****/
29  //Toma como entrada la longitud del arreglo.
30  int main(int argc, char const *argv[]){
31      int *array;//Espacio en memoria donde se guardan los nÁmeros a ordenar
32      double utime0, stime0, wtime0,utime1, stime1, wtime1; //Variables para mediciÃ³n de
    ↪ tiempos
33      int n;
34      //*****
35      //RecepciÃ³n y decodificaciÃ³n de argumentos
36      //*****
37
38      //Si no se introducen exactamente 2 argumentos (Cadena de ejecuciÃ³n y cadena=n)
39      if (argc!=2)
40      {
41          printf("\nIndique el tamano del algoritmo - Ejemplo: [user@equipo]$ %s
    ↪ 100\n",argv[0]);
42          exit(1);
43      }
44      //Tomar el segundo argumento como tamaÃ±o del algoritmo
45      else
46      {
47          n=atoi(argv[1]);
48      }
49
50      //*****
51      //Iniciar el conteo del tiempo para las evaluaciones de rendimiento

```

```

52 //*****
53 uswtime(&utime0, &stime0, &wtime0);
54 //*****
55
56 //*****
57 //Algoritmo
58 //*****
59 array =(int*)(malloc(sizeof(int)*n)); //se pide espacio en memoria para guardar los
    ↪ numeros a ordenar
60 for(int i=0; i<n; i++){//Se guardan los elementos pedidos en la entrada en cada
    ↪ espacio de memoria pedido anteriormente
61 scanf("%d", array+i);
62 }
63 Seleccion(array, n);
64 //*****
65 //Evaluar los tiempos de ejecución
66 //*****
67 uswtime(&utime1, &stime1, &wtime1);
68
69 //Cálculo del tiempo de ejecución del programa
70 printf("\n");
71 printf("real (Tiempo total) %.10f s\n", wtime1 - wtime0);
72 printf("user (Tiempo de procesamiento en CPU) %.10f s\n", utime1 - utime0);
73 printf("sys (Tiempo en acciones de E/S) %.10f s\n", stime1 - stime0);
74 printf("CPU/Wall %.10f %% \n",100.0 * (utime1 - utime0 + stime1 - stime0) /
    ↪ (wtime1 - wtime0));
75 printf("\n");
76
77 //Mostrar los tiempos en formato exponencial
78 printf("\n");
79 printf("real (Tiempo total) %.10e s\n", wtime1 - wtime0);
80 printf("user (Tiempo de procesamiento en CPU) %.10e s\n", utime1 - utime0);
81 printf("sys (Tiempo en acciones de E/S) %.10e s\n", stime1 - stime0);
82 printf("CPU/Wall %.10f %% \n",100.0 * (utime1 - utime0 + stime1 - stime0) /
    ↪ (wtime1 - wtime0));
83 printf("\n");
84 //*****
85
86 //Terminar programa normalmente
87 exit (0);
88
89 }

```

10.6. Shell

```

1 //***** SHELL *****
2 LORETTO ESTRADA GALILEA AMERICA
3 PEREZ GARCIA ATZIRI*/
4 //*****LIBRERIAS*****/
5 #include <stdlib.h>

```

```

6  #include <stdio.h>
7  #include <math.h> // Biblioteca para 'TRUNC'
8  #include <string.h>
9  #include "tiempo.h"
10
11  /*****Funcion Shell*****/
12  //Toma como entrada el arreglo donde es encuentran los números a ordenar y la
   ↳ longitud
13  void Shell(int* A, int n){
14      int i,j,k,auxiliar; // Declarando variables auxiliares, iteradores
15      k = (n/2, -1); // Definiendo el tamaño del paso
16
17      while(k>0){
18          for(i=k;i<n; i++){ // Se lleva a cabo n-1 veces el procedimiento.
19              j = i; // Hacemos que i sea igual a j
20              auxiliar = A[i];
21              while((j>=k)&&(A[j-k]>auxiliar)){ // Hacemos el cambio si es que se cumple la
   ↳ condicion.
22                  A[j] = A[j-k]; // Se hace el cambio.
23                  j = j-k; // El iterador j cambia su valor con respecto de k.
24              }
25              A[j] = auxiliar; // El numero mayor se establece en la posicion j.
26          }
27          k=(k/2,-1); // Definiendo un nuevo tamaño de paso.
28      }
29      //for(int i = 0; i <n; i++)
30      // printf("%d\n",*(A+i));
31
32  }
33  /*****Funcion PRINCIPAL*****/
34  //Toma como entrada la longitud del arreglo.
35  int main(int argc, char const *argv[]){
36      int *array; //Espacio en memoria donde se guardan los números a ordenar
37      double utime0, stime0, wtime0, utime1, stime1, wtime1; //Variables para medición de
   ↳ tiempos
38      int n;
39      /*****
40      //Recepción y decodificación de argumentos
41      *****/
42
43      //Si no se introducen exactamente 2 argumentos (Cadena de ejecución y cadena=n)
44      if (argc!=2)
45      {
46          printf("\nIndique el tamaño del algoritmo - Ejemplo: [user@equipo]$ %s
   ↳ 100\n",argv[0]);
47          exit(1);
48      }
49      //Tomar el segundo argumento como tamaño del algoritmo
50      else
51      {

```



```

52     n=atoi(argv[1]);
53 }
54
55 //*****
56 //Iniciar el conteo del tiempo para las evaluaciones de rendimiento
57 //*****
58 uswtime(&utime0, &stime0, &wtime0);
59 //*****
60
61 //*****
62 //Algoritmo (llamada a la función que contiene el algoritmo)
63 //*****
64 array =(int*)(malloc(sizeof(int)*n)); //se pide espacio en memoria para guardar los
    ↪ números a ordenar
65 for(int i=0; i<n; i++){//Se guardan los elementos pedidos en la entrada en cada
    ↪ espacio de memoria pedido anteriormente
66 scanf("%d", array+i);
67 }
68 Shell(array, n);
69 //*****
70 //Evaluar los tiempos de ejecución
71 //*****
72 uswtime(&utime1, &stime1, &wtime1);
73
74 //Cálculo del tiempo de ejecución del programa
75 printf("\n");
76 printf("real (Tiempo total) %.10f s\n", wtime1 - wtime0);
77 printf("user (Tiempo de procesamiento en CPU) %.10f s\n", utime1 - utime0);
78 printf("sys (Tiempo en acciones de E/S) %.10f s\n", stime1 - stime0);
79 printf("CPU/Wall %.10f %% \n",100.0 * (utime1 - utime0 + stime1 - stime0) /
    ↪ (wtime1 - wtime0));
80 printf("\n");
81
82 //Mostrar los tiempos en formato exponencial
83 printf("\n");
84 printf("real (Tiempo total) %.10e s\n", wtime1 - wtime0);
85 printf("user (Tiempo de procesamiento en CPU) %.10e s\n", utime1 - utime0);
86 printf("sys (Tiempo en acciones de E/S) %.10e s\n", stime1 - stime0);
87 printf("CPU/Wall %.10f %% \n",100.0 * (utime1 - utime0 + stime1 - stime0) /
    ↪ (wtime1 - wtime0));
88 printf("\n");
89 //*****
90
91 //Terminar programa normalmente
92 exit (0);
93
94 }

```

10.7. Arbol de búsqueda binaria

10.7.1. Estructura del árbol

```
1  #include "Elem.h"
2  typedef struct Nodo
3  {
4      Elem raiz;
5      struct Nodo *izq;
6      struct Nodo *der;
7  } *Arbin;
8
9  Arbin
10 cons (Elem r, Arbin i, Arbin d)
11 {
12     Arbin t = (Arbin) malloc (sizeof (struct Nodo));
13     t->raiz = r;
14     t->izq = i;
15     t->der = d;
16     return t;
17 }
18
19 Arbin
20 vacio ()
21 {
22     return NULL;
23 }
24
25 int
26 esvacio (Arbin a)
27 {
28     return a == NULL;
29 }
30
31 Elem
32 raiz (Arbin a)
33 {
34     return a->raiz;
35 }
36
37 Arbin
38 izquierdo (Arbin a)
39 {
40     return a->izq;
41 }
42
43 Arbin
44 derecho (Arbin a)
45 {
46     return a->der;
```

```
47 }
48
49 void
50 ImpPreorden (Arbin a)
51 {
52     if (!esvacio (a))
53     {
54         ImpElem (raiz (a));
55         ImpPreorden (izquierdo (a));
56         ImpPreorden (derecho (a));
57     }
58 }
59
60
61 void
62 ImpInorden (Arbin a)
63 {
64     if (!esvacio (a))
65     {
66         ImpInorden (izquierdo (a));
67         ImpElem (raiz (a));
68         ImpInorden (derecho (a));
69     }
70 }
71
72 void
73 ImpPostorden (Arbin a)
74 {
75     if (!esvacio (a))
76     {
77         ImpPostorden (izquierdo (a));
78         ImpPostorden (derecho (a));
79         ImpElem (raiz (a));
80     }
81 }
82
83
84 int
85 maximo (int a, int b)
86 {
87     if (a > b)
88         return a;
89     else
90         return b;
91 }
92
93 int
94 altura (Arbin a)
95 {
96     if (esvacio (a))
```

```

97     return 0;
98     else
99         return 1 + maximo (altura (izquierdo (a)), altura (derecho (a)));
100 }

```

10.7.2. Búsqueda Binaria

```

1  #include "ArBin.h"
2  typedef Arbin DicBin;
3
4
5  *****Funcion InsOrd*****
6  //Toma como entrada elemento por elemento que se quiere ingresar al arbol, y el Arbol
   ↪ en cuestión.
7  DicBin InsOrd (Elem e, DicBin a)
8  {
9      //Si el arbol es vacio, solo se inserta el elemento en el hijo izquierdo
10     if (esvacio (a))
11         return cons (e, vacio (), vacio ());
12     //Si el árbol no es vacio, se evalua si el elemento a ingresar es menor a la raiz
       ↪ del arbol
13     else if (EsMenor (e, raiz (a)))
14         //Si lo es, se ingresa el nuevo elemnto en el hijo izquierdo
15         return cons (raiz (a), InsOrd (e, izquierdo (a)), derecho (a));
16     else
17         //Si es mayor o igual, se ingresa el elemento en la hoja derecha
18         return cons (raiz (a), izquierdo (a), InsOrd (e, derecho (a)));
19 }

```

10.7.3. Programa final

```

1  ***** BUSQUEDA BINARIA *****
2  LORETTO ESTRADA GALILEA AMÉRICA
3  PEREZ GARCIA ATZIRI*/
4  *****LIBRERIAS*****
5  #include <stdio.h>
6  #include <stdlib.h>
7  #include "BusBin.h"
8  #include <string.h>
9  #include "tiempo.h"
10
11 *****Funcion PRINCIPAL*****
12 //Toma como entrada la longitud del arreglo.
13 int main(int argc, char const *argv[]){
14     DicBin a = vacio ();
15     Elem *array;
16     double utime0, stime0, wtime0, utime1, stime1, wtime1; //Variables para medición de
       ↪ tiempos
17     int n;
18     *****

```

```

19 //Recepci3n y decodificaci3n de argumentos
20 //*****
21
22 //Si no se introducen exactamente 2 argumentos (Cadena de ejecuci3n y cadena=n)
23 if (argc!=2)
24 {
25     printf("\nIndique el tamano del algoritmo - Ejemplo: [user@equipo]$ %s
26         ↪ 100\n",argv[0]);
27     exit(1);
28 }
29 //Tomar el segundo argumento como tama3o del algoritmo
30 else
31 {
32     n=atoi(argv[1]);
33 }
34 //*****
35 //Iniciar el conteo del tiempo para las evaluaciones de rendimiento
36 //*****
37 uswtime(&utime0, &stime0, &wtime0);
38 //*****
39 //*****
40 //Algoritmo (llamada a la funci3n que contiene el algoritmo)
41 //*****
42 array =(int*)(malloc(sizeof(int)*argc)); //se pide espacio en memoria para guardar
43     ↪ los numeros a ordenar
44 for(int i=0; i<argc; i++){//Se guardan los elementos pedidos en la entrada en cada
45     ↪ espacio de memoria pedido anteriormente
46     scanf("%d", array+i);
47     if (*(array+i))
48     a = InsOrd (*(array+i), a);//Se van guardando en orden dentro del arbol
49 }
50 //*****
51 //Evaluar los tiempos de ejecuci3n
52 //*****
53 uswtime(&utime1, &stime1, &wtime1);
54
55 //C3lculo del tiempo de ejecuci3n del programa
56 printf("\n");
57 printf("real (Tiempo total) %.10f s\n", wtime1 - wtime0);
58 printf("user (Tiempo de procesamiento en CPU) %.10f s\n", utime1 - utime0);
59 printf("sys (Tiempo en acci3nes de E/S) %.10f s\n", stime1 - stime0);
60 printf("CPU/Wall %.10f %% \n",100.0 * (utime1 - utime0 + stime1 - stime0) / (wtime1
61     ↪ - wtime0));
62 printf("\n");
63
64 //Mostrar los tiempos en formato exponencial
65 printf("\n");
66 printf("real (Tiempo total) %.10e s\n", wtime1 - wtime0);
67 printf("user (Tiempo de procesamiento en CPU) %.10e s\n", utime1 - utime0);

```

```

65 printf("sys (Tiempo en acciones de E/S) %.10e s\n", stime1 - stime0);
66 printf("CPU/Wall %.10f %% \n", 100.0 * (utime1 - utime0 + stime1 - stime0) / (utime1
    ↪ - wtime0));
67 printf("\n");
68 //*****
69
70 //Terminar programa normalmente
71 exit (0);
72 return 0;
73 }

```

10.8. Scripts

10.8.1. Burbuja Simple

```

#!/bin/bash
gcc burbuja.c tiempo.c -o bubble
./bubble 50 < numeros10millones.txt > bubble.txt
./bubble 100 < numeros10millones.txt >> bubble.txt
./bubble 500 < numeros10millones.txt >> bubble.txt
./bubble 1000 < numeros10millones.txt >> bubble.txt
./bubble 2500 < numeros10millones.txt >> bubble.txt
./bubble 5000 < numeros10millones.txt >> bubble.txt
./bubble 7500 < numeros10millones.txt >> bubble.txt
./bubble 10000 < numeros10millones.txt >> bubble.txt
./bubble 20000 < numeros10millones.txt >> bubble.txt
./bubble 30000 < numeros10millones.txt >> bubble.txt
./bubble 60000 < numeros10millones.txt >> bubble.txt
./bubble 80000 < numeros10millones.txt >> bubble.txt
./bubble 100000 < numeros10millones.txt >> bubble.txt
./bubble 125000 < numeros10millones.txt >> bubble.txt
./bubble 150000 < numeros10millones.txt >> bubble.txt
./bubble 200000 < numeros10millones.txt >> bubble.txt
./bubble 250000 < numeros10millones.txt >> bubble.txt
./bubble 300000 < numeros10millones.txt >> bubble.txt
./bubble 350000 < numeros10millones.txt >> bubble.txt
./bubble 400000 < numeros10millones.txt >> bubble.txt

```

10.8.2. Burbuja Optimizada

```

#!/bin/bash
gcc burbujaopt.c tiempo.c -o bubbleplus
./bubbleplus 50 < numeros10millones.txt > bubbleplus.txt
./bubbleplus 100 < numeros10millones.txt >> bubbleplus.txt
./bubbleplus 500 < numeros10millones.txt >> bubbleplus.txt
./bubbleplus 1000 < numeros10millones.txt >> bubbleplus.txt
./bubbleplus 2500 < numeros10millones.txt >> bubbleplus.txt

```

```
./bubbleplus 5000 < numeros10millones.txt >> bubbleplus.txt
./bubbleplus 7500 < numeros10millones.txt >> bubbleplus.txt
./bubbleplus 10000 < numeros10millones.txt >> bubbleplus.txt
./bubbleplus 20000 < numeros10millones.txt >> bubbleplus.txt
./bubbleplus 30000 < numeros10millones.txt >> bubbleplus.txt
./bubbleplus 60000 < numeros10millones.txt >> bubbleplus.txt
./bubbleplus 80000 < numeros10millones.txt >> bubbleplus.txt
./bubbleplus 100000 < numeros10millones.txt >> bubbleplus.txt
./bubbleplus 125000 < numeros10millones.txt >> bubbleplus.txt
./bubbleplus 150000 < numeros10millones.txt >> bubbleplus.txt
./bubbleplus 200000 < numeros10millones.txt >> bubbleplus.txt
./bubbleplus 250000 < numeros10millones.txt >> bubbleplus.txt
./bubbleplus 300000 < numeros10millones.txt >> bubbleplus.txt
./bubbleplus 350000 < numeros10millones.txt >> bubbleplus.txt
./bubbleplus 400000 < numeros10millones.txt >> bubbleplus.txt
./bubbleplus 1000000 < numeros10millones.txt >> bubbleplus.txt
./bubbleplus 5000000 < numeros10millones.txt >> bubbleplus.txt
./bubbleplus 8000000 < numeros10millones.txt >> bubbleplus.txt
```

10.8.3. Inserción

```
#!/bin/bash
gcc insercion.c tiempo.c -o inser
./inser 50 < numeros10millones.txt > inser.txt
./inser 100 < numeros10millones.txt >> inser.txt
./inser 500 < numeros10millones.txt >> inser.txt
./inser 1000 < numeros10millones.txt >> inser.txt
./inser 2500 < numeros10millones.txt >> inser.txt
./inser 5000 < numeros10millones.txt >> inser.txt
./inser 7500 < numeros10millones.txt >> inser.txt
./inser 10000 < numeros10millones.txt >> inser.txt
./inser 20000 < numeros10millones.txt >> inser.txt
./inser 30000 < numeros10millones.txt >> inser.txt
./inser 60000 < numeros10millones.txt >> inser.txt
./inser 80000 < numeros10millones.txt >> inser.txt
./inser 100000 < numeros10millones.txt >> inser.txt
./inser 125000 < numeros10millones.txt >> inser.txt
./inser 150000 < numeros10millones.txt >> inser.txt
./inser 200000 < numeros10millones.txt >> inser.txt
./inser 250000 < numeros10millones.txt >> inser.txt
./inser 300000 < numeros10millones.txt >> inser.txt
./inser 350000 < numeros10millones.txt >> inser.txt
./inser 400000 < numeros10millones.txt >> inser.txt
```

10.8.4. Selección

```
#!/bin/bash
gcc seleccion.c tiempo.c -o selec
./selec 50 < numeros10millones.txt > selec.txt
./selec 100 < numeros10millones.txt >> selec.txt
./selec 500 < numeros10millones.txt >> selec.txt
./selec 1000 < numeros10millones.txt >> selec.txt
./selec 2500 < numeros10millones.txt >> selec.txt
./selec 5000 < numeros10millones.txt >> selec.txt
./selec 7500 < numeros10millones.txt >> selec.txt
./selec 10000 < numeros10millones.txt >> selec.txt
./selec 20000 < numeros10millones.txt >> selec.txt
./selec 30000 < numeros10millones.txt >> selec.txt
./selec 60000 < numeros10millones.txt >> selec.txt
./selec 80000 < numeros10millones.txt >> selec.txt
./selec 100000 < numeros10millones.txt >> selec.txt
./selec 125000 < numeros10millones.txt >> selec.txt
./selec 150000 < numeros10millones.txt >> selec.txt
./selec 200000 < numeros10millones.txt >> selec.txt
./selec 250000 < numeros10millones.txt >> selec.txt
./selec 300000 < numeros10millones.txt >> selec.txt
./selec 350000 < numeros10millones.txt >> selec.txt
./selec 400000 < numeros10millones.txt >> selec.txt
```

10.8.5. Shell

```
#!/bin/bash
gcc shell.c tiempo.c -o concha
./concha 100 < numeros10millones.txt > concha.txt
./concha 1000 < numeros10millones.txt >> concha.txt
./concha 5000 < numeros10millones.txt >> concha.txt
./concha 10000 < numeros10millones.txt >> concha.txt
./concha 50000 < numeros10millones.txt >> concha.txt
./concha 100000 < numeros10millones.txt >> concha.txt
./concha 200000 < numeros10millones.txt >> concha.txt
./concha 400000 < numeros10millones.txt >> concha.txt
./concha 600000 < numeros10millones.txt >> concha.txt
./concha 800000 < numeros10millones.txt >> concha.txt
./concha 1000000 < numeros10millones.txt >> concha.txt
./concha 2000000 < numeros10millones.txt >> concha.txt
./concha 3000000 < numeros10millones.txt >> concha.txt
./concha 4000000 < numeros10millones.txt >> concha.txt
./concha 5000000 < numeros10millones.txt >> concha.txt
./concha 6000000 < numeros10millones.txt >> concha.txt
./concha 7000000 < numeros10millones.txt >> concha.txt
```



```
./concha 8000000 < numeros10millones.txt >> concha.txt
./concha 9000000 < numeros10millones.txt >> concha.txt
./concha 10000000 < numeros10millones.txt >> concha.txt
```

10.8.6. Arbol Binario

```
#!/bin/bash
gcc treeBin.c tiempo.c -o arbol
./arbol 100 < numeros10millones.txt > arbol.txt
./arbol 1000 < numeros10millones.txt >> arbol.txt
./arbol 5000 < numeros10millones.txt >> arbol.txt
./arbol 10000 < numeros10millones.txt >> arbol.txt
./arbol 50000 < numeros10millones.txt >> arbol.txt
./arbol 100000 < numeros10millones.txt >> arbol.txt
./arbol 200000 < numeros10millones.txt >> arbol.txt
./arbol 400000 < numeros10millones.txt >> arbol.txt
./arbol 600000 < numeros10millones.txt >> arbol.txt
./arbol 800000 < numeros10millones.txt >> arbol.txt
./arbol 1000000 < numeros10millones.txt >> arbol.txt
./arbol 2000000 < numeros10millones.txt >> arbol.txt
./arbol 3000000 < numeros10millones.txt >> arbol.txt
./arbol 4000000 < numeros10millones.txt >> arbol.txt
./arbol 5000000 < numeros10millones.txt >> arbol.txt
./arbol 6000000 < numeros10millones.txt >> arbol.txt
./arbol 7000000 < numeros10millones.txt >> arbol.txt
./arbol 8000000 < numeros10millones.txt >> arbol.txt
./arbol 9000000 < numeros10millones.txt >> arbol.txt
./arbol 10000000 < numeros10millones.txt >> arbol.txt
```

11. Referencias

<http://www.eafranco.com/docencia/analisisdealgoritmos/files/practicas/01/Practica01.pdf> Web Personal de Edgardo Adrián