### 求解方程的数值解(未修订) Version 0.1

#### zhangtao github.com/ztao1991

February 21, 2017

#### 1 化简

$$N\frac{\partial P(k,t)}{\partial x} = \frac{1}{\langle f(x)\rangle} \left[ -f(x)P(k,t) + f(k-1)P(k-1,t) \right] + \frac{1}{\bar{k}} \left[ -kP(k,t) + (k+1)P(k+1,t) \right]$$

当  $t \rightarrow \infty$ :

$$f(k) = \frac{(k+1)P(k+1)}{P(k)} \frac{\langle f(x) \rangle}{\bar{k}}$$

分离变量: P(k,t) = P(k)P(t), 将 P(t) 看成对 P(k) 的一个比例系数作用量。将上式带入原式,并用上式化简得到:

$$P(t) - (\frac{1}{N \langle f(k) \rangle} f(k-1) \frac{P(k-1)}{P(k)} - \frac{k}{N\bar{k}}) P(t) = 0$$

现在给定

$$f(k) = k + 1 - \lambda$$

得到

$$P(k) = \left[\frac{\bar{k}}{\langle f(k) \rangle}\right]^k k^{-\lambda}$$

带入上式得到:

$$\dot{P}(t) - \frac{1}{N} \frac{1 - \lambda}{\bar{k}} P(t) = 0$$

其中

$$k = 2L/N$$

带入得到:

$$\dot{P}(t) - \frac{1-\lambda}{2L}P(t) = 0$$

**\$** 

$$\alpha = \frac{1 - \lambda}{2L}$$

则有

$$\dot{P}(t) - \alpha P(t) = 0$$

即问题化为对一阶线性常微分方程进数值求解。

## 2 Python 数值解

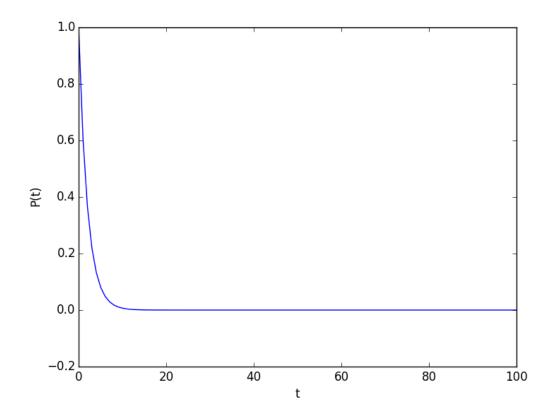
```
from scipy.integrate import odeint
import numpy as np

def Net(P, t ):
    a = 0.5
    return -a*P

t = linspace(0.0,1000,1000)

y = odeint(Net,1,t)

plot(t,y)
xlabel('t')
ylabel('P(t)')
show()
```



# 3 小结

可知随着时间的演变 P(t) 对 P(k) 的作用越来越小。