

บทที่ 8 Support Vector Machines

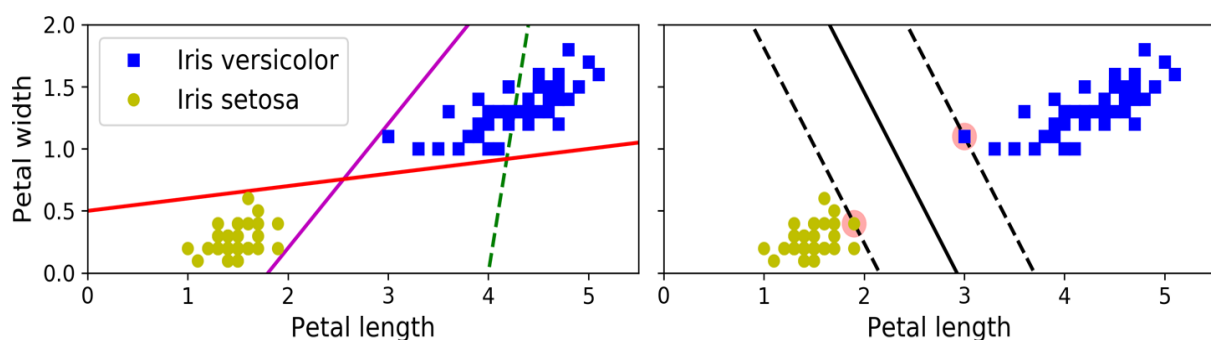
หัวข้อหลัก

- Support vector machines (SVM) เป็นโมเดลที่เหมาะสมกับข้อมูลที่ซับซ้อนซึ่งมีขนาดเล็กและขนาดกลาง
- เราสามารถใช้ SVM ได้ทั้งการทำนายค่า (regression) และการจำแนกประเภท (classification)
- โมเดล SVM ในไลบรารี Scikit-Learn อยู่ในโมดูล sklearn.svm โดยมีคลาสสำหรับการจำแนกประเภทคือ LinearSVC และ SVC ส่วนคลาสสำหรับการทำนายค่าคือ LinearSVR และ SVR

Support Vector Machine (SVM) คือ โมเดลการเรียนรู้ที่สามารถใช้กับงานทางวิทยาศาสตร์ข้อมูลได้หลายประเภท คือ linear classification, non-linear classification, linear regression, non-linear regression, และ outlier detection SVM เป็นโมเดลที่มีการใช้งานอย่างแพร่หลายมากที่สุดโมเดลหนึ่ง นักวิทยาศาสตร์ข้อมูลทุกคนจึงควรศึกษาและเรียนรู้การใช้งานของ SVM โมเดล SVM นี้เหมาะกับการจำแนกประเภทกรณีที่ชุดข้อมูลมีความซับซ้อนมาก และมีขนาดเล็กถึงขนาดกลาง

8.1 Linear SVM Classification

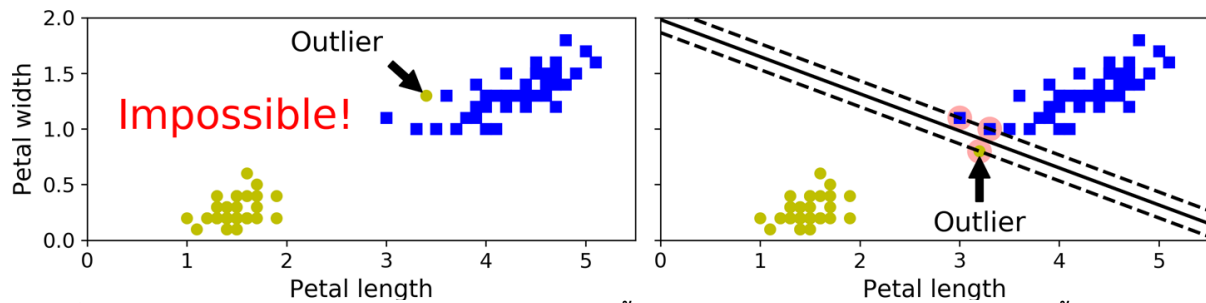
รูปที่ 1 แสดง scatter plot ของแอททริบิวต์ Petal length และ Petal width ของดอกไอริส สปีชีส์ Iris versicolor และดอกไอริส สปีชีส์ Iris setosa ซึ่งจากรูปเห็นได้ชัดว่าข้อมูลนี้สามารถถูกแบ่งแยกได้ด้วยเส้นตรง (linearly separable) รูปทางด้านซ้ายแสดงเส้นขอบเขตการตัดสินใจ (decision boundary) ของโมเดลการเรียนรู้เชิงเส้น 3 โมเดล (เส้นสีแดง สีม่วง และเส้นประสีเขียว) ซึ่งจะเห็นว่าโมเดลที่แทนด้วยเส้นประสีเขียวไม่สามารถจำแนกประเภทดอกไอริสสองสปีชีส์ออกจากกันได้ ส่วนโมเดลที่แทนด้วยเส้นสีแดงและสีม่วงนั้นสามารถจำแนกสปีชีส์ของดอกไอริสได้แต่ขอบเขตการตัดสินใจของทั้งสองโมเดลอยู่ใกล้กับจุดข้อมูลที่มีอยู่ในชุดข้อมูลนี้มาก ซึ่งมีผลเสียคือ หากมีข้อมูลใหม่เข้ามาโอกาสที่โมเดลจะทำนายผิดพลาดจะมีสูง ในทางตรงกันข้ามหากเราพิจารณา แผนภาพทางด้านขวาในรูปที่ 1 ซึ่งแสดงชุดข้อมูลชุดเดียวกันกับทางด้านซ้าย แต่เส้นขอบเขตการตัดสินใจที่ดีในรูปนี้ คือเส้นขอบเขตการตัดสินใจของ SVM จะเห็นได้ว่า เส้นขอบเขตการตัดสินใจของ SVM นั้นไม่เพียงแค่แบ่งชุดข้อมูลออกเป็นคลาส versicolor และคลาส setosa ได้แต่เส้นขอบเขตการตัดสินใจของ SVM ยังเป็นเส้นที่มีระยะทางมากที่สุดจากจุดข้อมูลในชุดข้อมูลฝึกฝนที่ใกล้ที่สุดอีกด้วย ซึ่งมีผลดีคือทำให้ SVM มีความทนทานต่อการเปลี่ยนแปลงของชุดข้อมูล กล่าวคือ ข้อมูลใหม่ที่เพิ่มขึ้นในชุดข้อมูลฝึกฝนมีโอกาที่จะทำให้เส้นขอบเขตการตัดสินใจเปลี่ยนแปลงไปได้น้อยลง



รูปที่ 1 การจำแนกประเภทโดยใช้ขอบเขตขนาดใหญ่ (large margin classification) (ภาพประกอบจาก [1])

8.1.1 Soft Margin Classification

หากเรากำหนดว่า จุดข้อมูลของคลาสเดียวกันจะต้องอยู่ในด้านเดียวกันของเส้นขอบเขตการตัดสินใจของ SVM ทั้งหมด เราจะเรียกโมเดลที่ได้ว่า hard margin classification ซึ่งมีข้อเสียสองประการคือ (1) hard margin classification จะใช้ได้เฉพาะกับชุดข้อมูลที่สามารถแบ่งแยกด้วยเส้นตรง (linearly separable) เท่านั้น และ (2) hard margin classification จะมีความอ่อนไหวกับ outlier หรือจุดข้อมูลที่ไม่เข้าพวก ดังแสดงในรูปที่ 2



รูปที่ 2 hard margin classifier จะไม่สามารถจำแนกชุดข้อมูลแบบ non-linearly separable ได้ (ซ้าย) และจะทำงานผิดพลาดหากมี outlier หรือจุดที่ไม่เข้าพวก ในชุดข้อมูล (ภาพประกอบจาก [1])

การแก้ไขปัญหาที่พบใน hard margin SVM ดังกล่าว สามารถทำได้โดยใช้ soft margin classification ซึ่งอนุญาตให้มีจุดข้อมูลอยู่ในด้านที่ไม่ถูกต้องของเส้นขอบเขตการตัดสินใจได้ (เรียกว่า margin violation) โดยจุดข้อมูลที่อยู่ในด้านที่ไม่ถูกต้องจะมีจำนวนได้มากน้อยเท่าใด สามารถกำหนดได้ด้วยไฮเปอร์พารามิเตอร์ C โดยที่

- เมื่อค่า C ต่ำ จะทำให้โมเดล SVM ที่ได้มี margin violation จำนวนมาก ส่งผลให้ได้ขนาดขอบเขตการตัดสินใจกว้าง (large margin) ซึ่งจะทำให้โมเดล SVM สามารถใช้กับข้อมูลใหม่ที่ไม่เคยพบมาก่อนได้ดี (better generalization to new unseen data)
- เมื่อค่า C สูง จะทำให้โมเดล SVM ที่ได้มี margin violation จำนวนน้อย ส่งผลให้ได้ขนาดขอบเขตการตัดสินใจแคบ (narrow margin) ซึ่งจะทำให้โมเดลที่ได้มีความสามารถในการทำนายค่าของข้อมูลใหม่ที่ไม่เคยพบมาก่อนได้ไม่มากนัก

หมายเหตุ ขณะเทรน SVM หากโมเดลเกิด overfit ขึ้น เราสามารถแก้ไขได้โดยปรับลดค่าไฮเปอร์พารามิเตอร์ C ให้น้อยลง

8.1.2 ตัวอย่างการสร้างโมเดล Linear SVM ด้วย Scikit-Learn

(1) การจำแนกประเภทดอกไอริสว่าเป็นสปีชีส์ Virginica หรือไม่ ตัวอย่างโปรแกรมภาษาไพธอน แสดงดังนี้

```
In [1]: import numpy as np
from sklearn import datasets
from sklearn.pipeline import Pipeline
from sklearn.preprocessing import StandardScaler
from sklearn.svm import LinearSVC

iris = datasets.load_iris()
X = iris.data[:, (2, 3)] # petal length, petal width
y = (iris.target == 2).astype(np.float64) # iris virginica

svm_clf = Pipeline([
    ('scaler', StandardScaler()),
    ('linear_svc', LinearSVC(C=1, loss='hinge')),
])
svm_clf.fit(X, y)
```

ทดลองใช้โมเดลที่ได้ทำนายสปีชีส์ของดอกไอริสที่มีค่า petal length เท่ากับ 5.5 และ petal width เท่ากับ 1.7

```
In [2]: svm_clf.predict([[5.5, 1.7]]) # this is an iris virginica
Out[2]: array([1.])
```

(2) การทำนายการเกิดฝนตกโดยใช้ชุดข้อมูล weather

```
In [3]: import pandas as pd
df = pd.read_csv('weather.csv')
df.head(3)
```

```
Out[3]:
```

	Temperature_c	Humidity	Wind_Speed_kmh	Wind_Bearing_degrees	Visibility_km	Pressure_millibars	Rain	Description
0	-0.555556	0.92	11.2700	130	8.0500	1021.60	0	Cold
1	21.111111	0.73	20.9300	330	16.1000	1017.00	1	Warm
2	16.600000	0.97	5.9731	193	14.9086	1013.99	1	Normal

```
In [4]: # เปลี่ยน categorical feature Description ไปเป็นตัวเลขโดยใช้ `get_dummies`
df_dummies = pd.get_dummies(df, drop_first=True)

# สลับลำดับข้อมูล
from sklearn.utils import shuffle
df_shuffled = shuffle(df_dummies, random_state=42)

# แบ่งข้อมูลเป็น X , y
DV = 'Rain'
X = df_shuffled.drop(DV, axis=1)
y = df_shuffled[DV]

# แบ่งข้อมูลเป็น train/test sets
from sklearn.model_selection import train_test_split
X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X, y,
                                                    test_size=0.33, random_state=42)

# scale ค่าของข้อมูลให้อยู่ในช่วงมาตรฐาน
from sklearn.preprocessing import StandardScaler
std_model = StandardScaler()
X_train_scaled = std_model.fit_transform(X_train)
X_test_scaled = std_model.transform(X_test)

# train model LinearSVC
from sklearn.svm import LinearSVC
svc_model = LinearSVC(C=1, loss='hinge')
svc_model.fit(X_train_scaled, y_train)
```

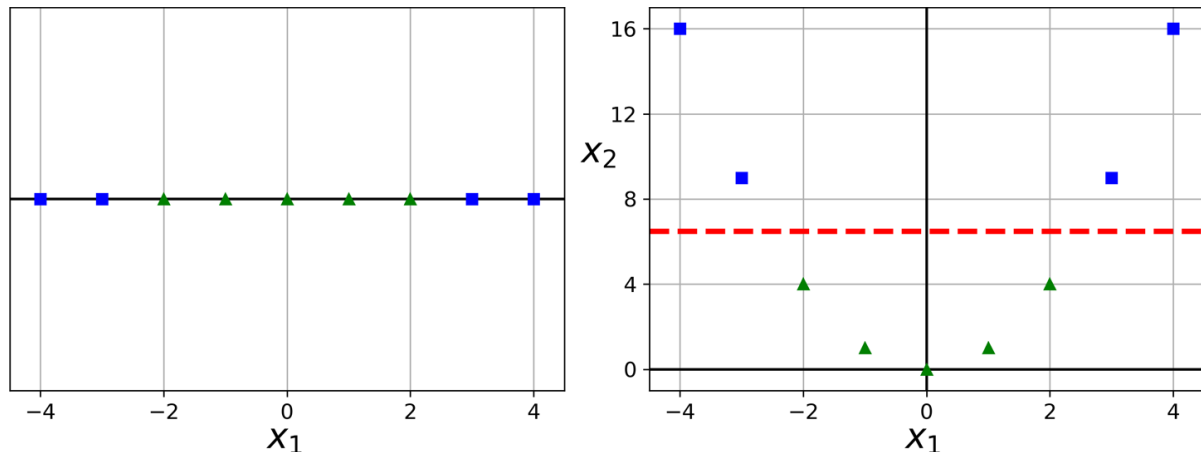
```
Out[4]: LinearSVC(C=1, class_weight=None, dual=True, fit_intercept=True,
                  intercept_scaling=1, loss='hinge', max_iter=1000, multi_class='ovr',
                  penalty='l2', random_state=None, tol=0.0001, verbose=0)
```

```
In [5]: y_predicted = svc_model.predict(X_test_scaled)
from sklearn.metrics import classification_report
print(classification_report(y_test, y_predicted))
```

	precision	recall	f1-score	support
0	0.99	0.97	0.98	383
1	1.00	1.00	1.00	2917
micro avg	1.00	1.00	1.00	3300
macro avg	0.99	0.98	0.99	3300
weighted avg	1.00	1.00	1.00	3300

8.2 Nonlinear SVM Classification

แม้ว่า soft margin linear SVM จะสามารถนำไปใช้งานกับข้อมูลแบบ non-linearly separable ได้ แต่ในกรณีที่ชุดข้อมูลมีความซับซ้อนมากจนไม่สามารถใช้เส้นขอบเขตแบบเส้นตรงของ soft margin linear SVM จำแนกได้ เราก็สามารถแก้ไขปัญหานี้ได้โดยการเพิ่มฟีเจอร์แบบ polynomial features เข้าไปในชุดข้อมูล ซึ่งในบางครั้งจะทำให้รูปร่างของมิติข้อมูลเปลี่ยนแปลงไปและสามารถจำแนกโดยใช้เส้นตรงได้ ดังตัวอย่างในรูปที่ 3



รูปที่ 3 การเพิ่ม Polynomial features ทำให้จุดข้อมูลที่เรียงเป็นเส้นตรงในรูปทางด้านซ้าย เปลี่ยนเป็นจุดข้อมูลบนเส้นโค้งดังในรูปทางขวา ซึ่งสามารถแบ่งจุดข้อมูลออกเป็นกลุ่มสีเขียวและกลุ่มสีน้ำเงินได้โดยใช้เส้นตรง (ภาพประกอบจาก [1])

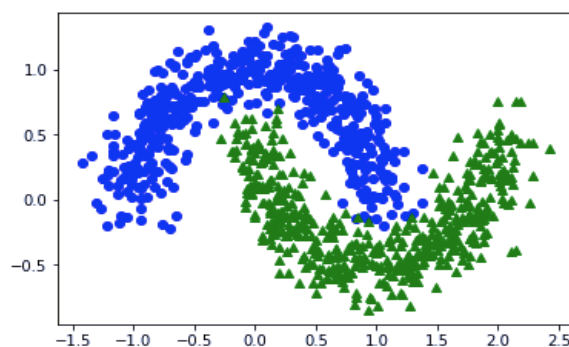
ใน Scikit-Learn มีตัวแปลงฟีเจอร์โพลิโนเมียลอยู่ใน sklearn.preprocessing.PolynomialFeatures ตัวอย่างต่อไปจะเป็นการใช้ PolynomialFeatures เพิ่มฟีเจอร์ให้กับชุดข้อมูลแบบ nonlinear ที่ประกอบด้วยฟีเจอร์สองตัว คือ X1 และ X2 จากนั้นจึงสร้างโมเดลตัวจำแนกประเภท Linear SVM เพื่อทำนายค่าข้อมูลต่อไป

1. สร้างชุดข้อมูลแบบ nonlinear โดยใช้ฟังก์ชัน make_moons

```
In [6]: from sklearn.datasets import make_moons
X, y = make_moons(n_samples=1000, noise=0.15)

import matplotlib.pyplot as plt
%matplotlib inline
plt.plot(X[:,0][y==0], X[:,1][y==0], marker='o', linestyle='', color='b')
plt.plot(X[:,0][y==1], X[:,1][y==1], marker='^', linestyle='', color='g')
```

Out[6]: [<matplotlib.lines.Line2D at 0x1a187e26d8>]



2. ทดลองใช้ Linear SVM กับชุดข้อมูลแบบ nonlinear ที่ได้

```
In [7]: # แบ่งข้อมูลเป็น train/test sets
from sklearn.model_selection import train_test_split
X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X, y,
                                                    test_size=0.33, random_state=42)

# train model LinearSVC
from sklearn.svm import LinearSVC
svc_model = LinearSVC(C=1, loss='hinge')
svc_model.fit(X_train, y_train)

# evaluate performance
y_predicted = svc_model.predict(X_test)
from sklearn.metrics import classification_report
print(classification_report(y_test, y_predicted))
```

	precision	recall	f1-score	support
0	0.84	0.89	0.87	158
1	0.90	0.84	0.87	172
micro avg	0.87	0.87	0.87	330
macro avg	0.87	0.87	0.87	330
weighted avg	0.87	0.87	0.87	330

จะเห็นได้ว่าโมเดลที่ได้มีประสิทธิภาพประมาณ 86% ซึ่งสาเหตุหลักน่าจะมาจากการที่เราใช้โมเดลแบบเชิงเส้นกับชุดข้อมูลแบบไม่เชิงเส้น

3. ต่อไปเราจะเพิ่มพ็อลิโนเมียลเข้าไปในชุดข้อมูลโดยใช้คลาส PolynomialFeatures จากนั้นจึงนำข้อมูลที่ได้ป้อนให้กับโมเดล Linear SVM (ใช้ X_train, X_test, y_train, y_test ที่ได้จากขั้นตอนที่ 2)

```
In [8]: from sklearn.preprocessing import PolynomialFeatures

polyf = PolynomialFeatures(degree=3)
X_train_poly = polyf.fit_transform(X_train)
X_test_poly = polyf.transform(X_test)

svc_model = LinearSVC(C=1, loss='hinge')
svc_model.fit(X_train_poly, y_train)

# evaluate performance
y_poly_predicted = svc_model.predict(X_test_poly)

from sklearn.metrics import classification_report
print(classification_report(y_test, y_poly_predicted))
```

	precision	recall	f1-score	support
0	0.97	0.97	0.97	158
1	0.98	0.98	0.98	172
micro avg	0.98	0.98	0.98	330
macro avg	0.98	0.98	0.98	330
weighted avg	0.98	0.98	0.98	330

8.2.1 Kernel Trick

การเพิ่ม Polynomial Features สามารถทำได้ง่ายและใช้ได้กับชุดข้อมูลที่มีความซับซ้อนปานกลาง ในกรณีที่ชุดข้อมูลมีความซับซ้อนสูง การเพิ่ม Polynomial Features จะทำให้เกิด combinatorial explosion ของจำนวนพ็อลิโนเมียล ส่งผลให้การเรียนรู้ทำได้ยากขึ้นและโมเดลที่ได้ทำงานช้าลง

เทคนิคที่เหมาะสมกับชุดข้อมูลที่มีความซับซ้อนสูงมากคือ การใช้ kernel trick ร่วมกับ SVM kernel trick เป็นเทคนิคทางคณิตศาสตร์ ที่ทำให้เราสามารถได้ผลลัพธ์เช่นเดียวกันกับการเพิ่ม features จำนวนมากเข้าไปในชุดข้อมูลได้โดยไม่ต้องคำนวณค่าพ็อลิโนเมียลเหล่านั้นจริงๆ (ก็คือไม่มีการเพิ่มพ็อลิโนเมียลเข้าไปจริงนั่นเอง) วิธีการ kernel trick นี้ได้ถูกรวมไว้ในคลาส SVC ของไลบรารี Scikit-Learn

ตัวอย่างการใช้โมเดล SVC โดยการกำหนดให้ kernel เป็นแบบ linear

```
In [9]: from sklearn.svm import SVC
poly_kernel_svc = SVC(kernel='poly', degree=3, coef0=1, C=5)
poly_kernel_svc.fit(X_train, y_train)

y_poly_kernel_predicted = poly_kernel_svc.predict(X_test)
print(classification_report(y_test, y_poly_kernel_predicted))
```

	precision	recall	f1-score	support
0	0.97	0.97	0.97	158
1	0.98	0.98	0.98	172
micro avg	0.98	0.98	0.98	330
macro avg	0.98	0.98	0.98	330
weighted avg	0.98	0.98	0.98	330

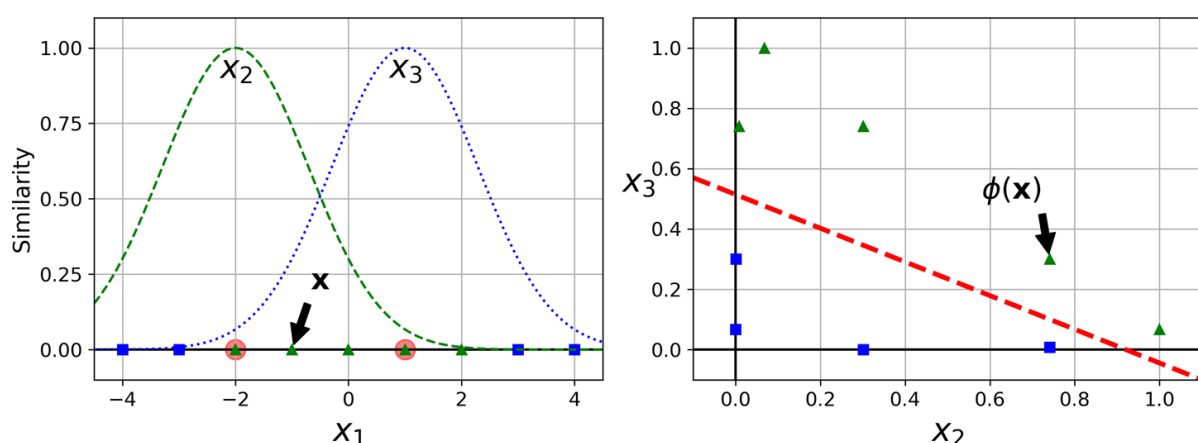
จะเห็นว่าโมเดลที่ได้มีประสิทธิภาพเหมือนกันกับการใช้ PolynomialFeatures เพิ่มฟีเจอร์เข้าไปในชุดข้อมูล แต่ในกรณีที่
เราใช้ Linear Kernel SVC เราไม่จำเป็นต้องเพิ่มฟีเจอร์เข้าไปในชุดข้อมูลจริงๆ

8.2.2 Gaussian RBF Kernel

นอกจากการเพิ่มฟีเจอร์โดยใช้ polynomial terms อีกวิธีการหนึ่งในการเพิ่มฟีเจอร์ให้กับข้อมูลคือ การเพิ่มฟีเจอร์ที่
คำนวณได้จากการหาค่าความคล้ายคลึงกันกับจุดสังเกตหรือ landmark เช่น Gaussian Radial Basis Function (RBF) ซึ่งมี
ค่าดังสมการ

$$\phi(x, L) = e^{-\gamma L^2}$$

ตัวอย่างเช่นรูปที่ 4 แสดงการเพิ่มฟีเจอร์โดยใช้ Gaussian RBF



รูปที่ 4 การเพิ่ม similarity features โดยใช้ Gaussian RBF (ภาพประกอบจาก [1])

จากรูปที่ 4 ทางด้านซ้าย จุด landmark ที่ใช้เป็นจุดอ้างอิงในการวัดค่า similarity คือ จุด $x_1=-2$ และจุด $x_1=1$ ค่าของ Gaussian RBF เมื่อ landmark คือจุด $x_1=-2$ แสดงด้วยเส้นโค้งสีเขียว และ เมื่อ landmark คือจุด $x_1=1$ แสดงด้วยเส้นโค้งสีน้ำเงิน เราจะใช้ landmark $x_1=-2$ เพื่อเพิ่มฟีเจอร์ x_2 และ landmark $x_1=1$ เพื่อเพิ่มฟีเจอร์ x_3 ตัวอย่างการคำนวณค่าฟีเจอร์ x_2 และ x_3 ด้วย Gaussian RBF ตามสมการที่ให้ไว้ข้างต้นและกำหนดให้พารามิเตอร์ $\gamma=0.3$ เมื่อจุดข้อมูลคือ $x=-1$ ซึ่งห่างจาก landmark $x_1=-2$ เท่ากับ 1 หน่วย และห่างจาก landmark $x_1=1$ เป็นระยะทาง 2 หน่วย ค่าฟีเจอร์ใหม่คำนวณได้ดังนี้คือ

$$x_2 = \varphi(x = 1, L = 1) = e^{(-0.3 \cdot 1^2)} \approx 0.74$$

$$x_3 = \varphi(x = 1, L = 2) = e^{(-0.3 \cdot 2^2)} \approx 0.30$$

เมื่อนำฟีเจอร์ใหม่ทั้งสองของแต่ละจุดข้อมูลมาพล็อตกราฟจะได้ผลลัพธ์เป็นชุดข้อมูลแบบ linearly separable ทางด้านขวาของรูปที่ 4 เช่นเดียวกันกับกรณีของ polynomial features เราสามารถใช้ kernel trick กับ SVM ได้ ซึ่งในไลบรารี Scikit-Learn ได้เตรียม Gaussian RBF kernel ไว้ให้ใช้กับคลาส SVC ดังตัวอย่างต่อไปนี้

```
In [10]: from sklearn.svm import SVC
rbf_kernel_svc = SVC(kernel='rbf', gamma=5, C=1000)
rbf_kernel_svc.fit(X_train, y_train)

rbf_kernel_predicted = rbf_kernel_svc.predict(X_test)
print(classification_report(y_test, rbf_kernel_predicted))
```

	precision	recall	f1-score	support
0	0.99	0.99	0.99	158
1	0.99	0.99	0.99	172
micro avg	0.99	0.99	0.99	330
macro avg	0.99	0.99	0.99	330
weighted avg	0.99	0.99	0.99	330

ทดลองค้นหาค่าไฮเปอร์พารามิเตอร์ที่เหมาะสม ด้วยวิธี grid search

```
In [11]: from sklearn.model_selection import GridSearchCV
param_grid = {'C': [0.1, 1, 10, 100, 1000],
              'gamma': [10, 5, 1, 0.1, 0.01, 0.001],
              'kernel': ['rbf']}

grid = GridSearchCV(SVC(), param_grid, refit=True)
grid.fit(X_train, y_train)

Out[11]: GridSearchCV(cv='warn', error_score='raise-deprecating',
                      estimator=SVC(C=1.0, cache_size=200, class_weight=None, coef0=0.0,
                      decision_function_shape='ovr', degree=3, gamma='auto_deprecated',
                      kernel='rbf', max_iter=-1, probability=False, random_state=None,
                      shrinking=True, tol=0.001, verbose=False),
                      fit_params=None, iid='warn', n_jobs=None,
                      param_grid={'C': [0.1, 1, 10, 100, 1000], 'gamma': [10, 5, 1, 0.1, 0.01, 0.001], 'kernel': ['rbf']},
                      pre_dispatch='2*n_jobs', refit=True, return_train_score='warn',
                      scoring=None, verbose=0)
```


ค่าไฮเปอร์พารามิเตอร์ที่ทำให้โมเดลมีประสิทธิภาพดีที่สุดคือ

```
In [12]: grid.best_params_
```

```
Out[12]: {'C': 10, 'gamma': 1, 'kernel': 'rbf'}
```

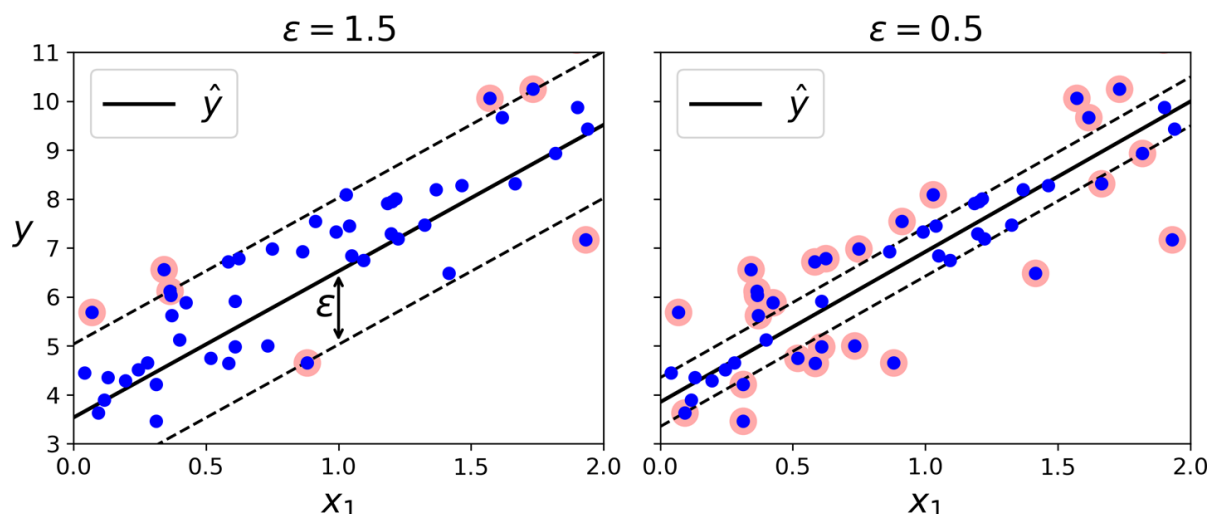
ค่า F1-score ของตัวจำแนกประเภท SVM ที่ได้อยู่ที่ประมาณ 0.98

```
In [14]: print(classification_report(y_test, grid.predict(X_test)))
```

	precision	recall	f1-score	support
0	0.99	0.98	0.98	158
1	0.98	0.99	0.99	172
micro avg	0.98	0.98	0.98	330
macro avg	0.98	0.98	0.98	330
weighted avg	0.98	0.98	0.98	330

8.3 SVM Regression

หลักการของ SVM Regression คือการปรับเป้าหมายของ SVM ให้เป็นตรงกันข้ามกับกรณีของ classification กล่าวคือ แทนที่จะค้นหาขอบเขตการตัดสินใจที่แบ่งคลาสสองคลาสดออกจากกันโดยมีระยะห่างระหว่างจุดที่ใกล้ที่สุดของแต่ละคลาสมากที่สุด ในกรณีของ SVM Regression เราจะพยายามพิตจุดข้อมูลให้อยู่ภายในขอบเขตการตัดสินใจให้มากที่สุดเท่าที่จะเป็นไปได้ ดังในรูปที่ 5 ค่าไฮเปอร์พารามิเตอร์ของโมเดล SVM Regression ที่ใช้กำหนดขนาดของขอบเขตการตัดสินใจคือ ค่า epsilon (ϵ) โดยเมื่อค่า epsilon มากจะทำให้ขนาดของขอบเขตการตัดสินใจกว้างขึ้น



รูปที่ 5 หลักการของ SVM Regression คือการพิตจุดข้อมูลให้อยู่ภายในขอบเขตของมาร์จิ้นของโมเดล (ภาพประกอบจาก [1])

ในไลบรารี Scikit-Learn มี SVM Regression ให้เราเลือกใช้คือ (1) LinearSVR เป็นโมเดลแบบเชิงเส้นและ (2) SVR เป็นโมเดลแบบเชิงเส้นที่ใช้ kernel trick

(1) ตัวอย่างการใช้งาน คลาส LinearSVR ของไลบรารี Scikit-Learn

```
In [21]: from sklearn.svm import LinearSVR
from sklearn.datasets import load_diabetes
from sklearn.preprocessing import StandardScaler
from sklearn.model_selection import train_test_split
from sklearn.metrics import mean_squared_error, explained_variance_score

diabetes = datasets.load_diabetes()
X = diabetes.data
y = diabetes.target

X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X, y,
                                                    test_size=0.2, random_state=42)

lsvr = LinearSVR(C=1000, epsilon=1.5)
lsvr.fit(X_train, y_train)

y_pred = lsvr.predict(X_test)
print("Mean Squared Error: ",
      mean_squared_error(y_test, y_pred))
print("Explained Variance Score: ",
      explained_variance_score(y_test, y_pred))

Mean Squared Error: 2952.4238109248836
Explained Variance Score: 0.45152271004270483
```

(2) ตัวอย่างการใช้งาน คลาส SVR (SVM Regression using kernel trick) ของไลบรารี Scikit-Learn

```
In [22]: from sklearn.svm import SVR
from sklearn.datasets import load_diabetes
from sklearn.model_selection import train_test_split
from sklearn.metrics import mean_squared_error, explained_variance_score

diabetes = datasets.load_diabetes()
X = diabetes.data
y = diabetes.target

X_train, X_test, y_train, y_test = train_test_split(X, y,
                                                    test_size=0.3, random_state=42)

from sklearn.model_selection import GridSearchCV
param_grid = {'C': [0.1, 1, 10, 100, 1000],
              'gamma': [0.001, 0.1, 1, 10, 100],
              'epsilon': [0.1, 0.5, 1.0, 1.5, 2, 2.5],
              'kernel': ['rbf']}

grid_svr = GridSearchCV(SVR(), param_grid, cv=5)
grid_svr.fit(X_train, y_train)

print(grid_svr.best_params_)

y_pred = grid_svr.predict(X_test)
print("Mean Squared Error: ", mean_squared_error(y_test, y_pred))
print("Explained Variance Score: ", explained_variance_score(y_test, y_pred))

{'C': 100, 'epsilon': 2.5, 'gamma': 10, 'kernel': 'rbf'}
Mean Squared Error: 2777.7563329332484
Explained Variance Score: 0.49048278587973115
```

8.4 Computational Complexity

ประสิทธิภาพของ SVM Classifiers ในไลบรารี Scikit-Learn แสดงดังตารางที่ 1 จากตารางจะเห็นว่า คลาส LinearSVC ไม่มีการใช้ kernel tricks แต่จะใช้เวลาในการเทรนสัมพันธ์กับจำนวน training instances แบบเชิงเส้น ส่วนคลาส SVC เป็นคลาสที่รองรับ kernel trick แต่จะใช้เวลาในการเทรนสัมพันธ์กับจำนวน training instances แบบ quadratic และแบบ cubic ซึ่งหมายความว่า เมื่อจำนวน training instances เพิ่มขึ้นระยะเวลาที่ใช้ในการเทรนโมเดลจะเพิ่มขึ้นอย่างรวดเร็ว ดังนั้น คลาส SVC จึงเหมาะสำหรับชุดข้อมูลเทรนขนาดเล็กและขนาดกลาง ที่ความสัมพันธ์ระหว่างฟีเจอร์เป็นแบบ nonlinear

ตารางที่ 1 ประสิทธิภาพของอัลกอริทึมการเรียนรู้ SVM ในไลบรารี Scikit-Learn

คลาส	ประสิทธิภาพของอัลกอริทึมการเรียนรู้ Time Complexity	ใช้ kernel trick?
LinearSVC	$O(m \times n)$	No
SVC	$O(m^2 \times n)$ to $O(m^3 \times n)$	Yes

* m = จำนวน training instances, n = จำนวนฟีเจอร์

แบบฝึกหัด

1. จงอธิบายแนวคิดพื้นฐานของ support vector machines
2. หากท่านเทรน SVM classifier โดยกำหนด kernel เป็น Gaussian RBF แล้วพบว่าเกิด overfitting ขึ้น ท่านควรปรับค่าไฮเปอร์พารามิเตอร์ gamma และ C อย่างไร เพื่อแก้ไขปัญหา overfitting
3. จงสร้าง SVM classifier สำหรับจำแนกตัวเลข 0-9 ที่อยู่ในรูปแบบของรูปภาพขนาด 28x28 โดยใช้ชุดข้อมูล MNIST (<http://yann.lecun.com/exdb/mnist/>)
4. จงสร้าง SVM Regression model สำหรับทำนายราคาบ้าน โดยใช้ชุดข้อมูล California Housing Prices (<https://www.kaggle.com/camnugent/california-housing-prices>)

เอกสารอ้างอิง

- [1] Aurelien Geron. Hands-On Machine Learning with Scikit-Learn, Keras, and TensorFlow, 2ed, O'Reilly Media, Inc. 2019.
- [2] Mohamed Noordeen Alaudeen; Rohan Chopra; Aaron England. Data Science with Python, Packt Publishing, 2019.