Introducció Grup 15 **Taller de Modelització** 

### Pla Docent

Taller de Modelització 2n. de Grau en Matemàtiques Universitat Autònoma de Barcelona

Albert Acebrón, Jaume Betriu, Martina Canet, Marc Graells 13 o 16 de maig de 2019

## Les quatre parts de la presentació

- $\blacksquare$  Primera part  $\{D_1, \cdots, D_4\}$ 
  - 0. Introducció
  - 1. Anàlisis del problema ·
  - 5.Conclusions
- $\blacksquare$  Tercera part  $\{D_1, \cdots, D_4\}$ 
  - 3. Model d'Optimització o d'investigació de sistemes
    - 3.3 Biblioteca subfusions
    - 3.4 Resultats i limitacions

- Segona part  $\{D_1, \dots, D_4\}$ 
  - 2. Anàlisis del *Model actual* 
    - 2.1 i 2.2 Dades obtingudes i facilitades
    - 2.3 Algunes curiositats
    - 2.4 i 2.5 Anàlisis i Conclusions
- $\blacksquare$  Quarta part  $\{D_1, \cdots, D_4\}$ 
  - 4. *Model/Mètode* × Subhastes
    - 4.2 Model Kiwis
    - 4.3 Altres Models

## 1. Anàlisis del problema

### Enunciat del problema, **part 1**

- (01) Un departament d'una universitat té diferents tasques docents assignades, que s'han de repartir entre els seus professors.
- occidente des distribueixen segons les hores de classe de cada tasca. Se suposa que el nombre d'hores mesura l'esforç associat a una tasca, però en la pràctica això no és prou realista, la qual cosa genera desequilibris.

### Enunciat del problema, **part 2**

- with the structure of t
- (04) Es podria expressar aquesta demanda a través d'una mena de subhasta.
- (05) S'haurien de tenir en compte algunes restriccions, com per exemple, que tothom faci la mateixa quantitat de docència o la restricció que hi hagi a cada departament.

#### Anàlisis Enunciat

- (01) El problema abstracte consisteix en una tasca de repartiment o assignació.

  Concretament, els **objectes a repartir** són les tasques docents que han de ser repartides entre el professorat, cada possible assignació s'anomenara **pla docent** o **solució** de forma anàloga en funció del context.
- (02) Acceptem que el *Model actual* genera solucions **subòptimes** i això ho justificarem amb els mateixos arguments del enunciat.
- (03) És requereix <u>mètode</u> per <u>valorar</u> i <u>repartir</u> tasca docent en funció de la demanda del professorat. A més ha de poder aportar una solució millor <sup>a</sup>.
- (04) Es proposa com a **alternativa** desenvolupar un <u>mètode basat en subhasta</u>.
- S'expressa anticipadament que el model/mètode ha de tenir restriccions i s'expliciten dos de necessàries. El volum del treball ha de ser homogeni<sup>b</sup>. El mètode ha de contemplar la possibilitat de restriccions pròpies del departament.

<sup>&</sup>lt;sup>a</sup>Equivalentment menys desequilibrada.

<sup>&</sup>lt;sup>b</sup>Entesa com la qualitat de: quantitat de docències semblants entre el professorat.

### 2. Anàlisis del Model Actual

### Alguns detalls:

- 3 graus propis + 26 graus externs.  $500 \text{ sol·licituds} \approx 150 \text{ assignatures}$
- 5 subdepartaments del departament.
   Assignatures 3r i 4rt graus propis.
- Ja ve fixat el horari, nombre de alumnes i la tipologia.
   Això és si és una classe de problemes o de seminaris o · · ·
- Les assignatures només són comptades per hores de classe realitzades.



- El nombre de hores que fa cada professor pot ser molt diferent. oscil·la entre 60 i 240 hores per any
- Actualment el model intenta minimitzar:
  - -Dispersió:

 $\frac{\#assignatures}{professors}$ 

-Deute personal

## 2. Anàlisis del Model Actual

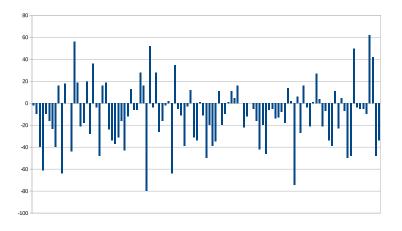


Figura: Saldos actual del professorat any 2018

## 2. Anàlisis del Model Actual

#### Estat del model

#### Valors rellevants



#### Estat del model

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Upurus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetuer ivulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque.

#### Valors rellevants



#### Una noció del model

[...la gracià està en escollir uns criteris raonables a partir dels quals , i donades unes restriccions, definir una funció objectiu a optimitza...]

#### Valors rellevants

maximitzar o minimitzar

#### Valors rellevants



#### Estat del model

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Upurus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetuer ivulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque.

#### Valors rellevants



#### Estat del model

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Upurus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetuer ivulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque.

#### Valors rellevants



## 4. Models o Mètodes per Subhastes

#### Estat del model

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Upurus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetuer ivulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque.

#### Valors rellevants



## 4. Models o Mètodes per Subhastes

#### Estat del model

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Upurus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetuer ivulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque.

#### Valors rellevants



## 4. Models o Mètodes per Subhastes

#### Estat del model

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Upurus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetuer ivulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque.

#### Valors rellevants



### Orientació i treball actual

### Esquema treball (fins avui)

- Estudi del model actual. Entrevista A.Ruiz. i altres professors
- Anàlisi de ineficiències.
   Discussió en sessions de classe.
- Revalorització de les assignatures.
   Construcció de Models.
- Ús d'eines com el llenguatge C o Python. Fer simulacions.

#### **Nous Models**

- Model amb sistema de punts i subhastes. (Kiwis)
- 2 Model basat en algorisme.
- Model basat en algoritme i subhastes de Vickrey.



### Alguns criteris en la creació dels models

- Volum de feina similar entre professors.
- Evitar estratègies guanyadores.
- Minimitzar dispersió.
- Satisfacció global en el repartiment.
- ...

### **Model Actual**

### Alguns detalls sobre el model actual

- 3 graus propis + 26 graus externs.
   500 sol·licituds ≈ 150 assignatures
- 5 subdepartaments del departament. Assignatures 3r i 4rt graus propis.
- Ja ve fixat el horari, nombre de alumnes i la tipologia. Això és si és una classe de problemes o de seminaris o · · ·
- Les assignatures només són comptades per hores de classe realitzades.

### **Model Actual**

#### Més detalls sobre el model actual

 El nombre de hores que fa cada professor pot ser molt diferent.

```
oscil·la entre 60 i 240 hores per any
```

- Actualment el model intenta minimitzar:
  - -Dispersió: (# assignatures)/professors
  - -Deute personal

### El model complex i artesanal

- ⇒ Molta dedicació i conflictes en la presa de decisions.
- ⇒ Sembla viable donar una proposta més curosa.

## Model basat en punts Kiwis

### 1. Enquesta

\* Objectiu revaloritzar les assignatures.

\* Per a evitar estratègies: descartar respostes h' tal que

$$|h - h'| > \frac{h}{2}$$

### 2. Subhasta

\* Suposem que hi ha 6 matèries d'igual valor en hores: 1, 2, 3, 4, 5, 6.



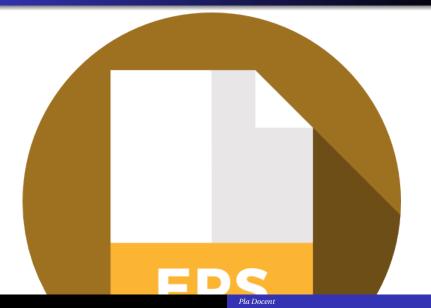
## Model basat en punts Kiwis

- A: es queda amb les assignatures per les que més kiwis ha pagat fins a cobrir les hores. Les altres les perd i se li retornen els kiwis pagats.
- B: es queda igual.
- C: se li assignen les assignatures sobrants fins a cobrir les hores.



Introducció Grup 15 Taller de Modelització

## Problemàtica Subhastes



## Model basat en Simulated annealing

### Alguns detalls sobre el model basat en SA

- Idea central minimitzar una funció amb (SA).
- Funció additiva en la qual cada terme o sumand *fa de representant* d'un criteri.
- Funció f avalua algunes de les  $\approx 10^{5000}$  possibilitats de repartiment i dóna un  $a \in \mathbb{R}$  els que tinguin un valor més petit serà els candidats.
- Possibilitat de personalitzar criteris o definir funcions de preferència.
- Possibilitat de millores substancials dels resultats amb iteració del procés.

### Un exemple de criteris concret

 Terme que considera la equitat d'hores que ha de fer cada professor i reals

$$f(x) = \sum_{i=1}^{112} (p_i - p'_i)^2 + \dots + \dots = a \in \mathbb{R}$$
 amb  $x \in \mathbb{R}^m$ 

- \* on  $p_i$  és el nombre de hores que ha de donar classe la persona docent i-èssima.
- $^*p_i^\prime$  és el nombre d'hores que donaria classes en una determinada assignació.
- \* El que fa aquest terme en f és penalitzar les diferencies entre  $p_i$  i  $p'_i$ .
- \*  $\alpha = 2, 4, \dots \Rightarrow$  S'han de triar les constants numèriques de la funció.

## Diagrama del model basat en Simulated annealing



Introducció Grup 15 Taller de Modelització

## Primers Resultats, problema 1



Introducció Grup 15 Taller de Modelització

## Primers Resultats, resultat 1



# Gràcies per la vostra atenció