Introducció Grup 15 **Taller de Modelització**

Pla Docent

Taller de Modelització 2n. de Grau en Matemàtiques Universitat Autònoma de Barcelona

Albert Acebrón, Jaume Betriu, Martina Canet, Marc Graells 13 o 16 de maig de 2019

Les quatre parts de la presentació

- \blacksquare Primera part $\{D_1, \cdots, D_4\}$
 - 0. Introducció
 - 1. Anàlisis del problema ·
 - 5.Conclusions
- \blacksquare Tercera part $\{D_1, \cdots, D_4\}$
 - 3. Model d'Optimització o d'investigació de sistemes
 - 3.3 Biblioteca subfusions
 - 3.4 Resultats i limitacions

- Segona part $\{D_1, \dots, D_4\}$
 - 2. Anàlisis del *Model actual*
 - 2.1 i 2.2 Dades obtingudes i facilitades
 - 2.3 Algunes curiositats
 - 2.4 i 2.5 Anàlisis i Conclusions
- \blacksquare Quarta part $\{D_1, \cdots, D_4\}$
 - 4. *Model/Mètode* × Subhastes
 - 4.2 Model Kiwis
 - 4.3 Altres Models

1. Anàlisis del problema

Enunciat del problema, **part 1**

- (01) Un departament d'una universitat té diferents tasques docents assignades, que s'han de repartir entre els seus professors.
- occidente des distribueixen segons les hores de classe de cada tasca. Se suposa que el nombre d'hores mesura l'esforç associat a una tasca, però en la pràctica això no és prou realista, la qual cosa genera desequilibris.

Enunciat del problema, **part 2**

- with the structure of t
- (04) Es podria expressar aquesta demanda a través d'una mena de subhasta.
- (05) S'haurien de tenir en compte algunes restriccions, com per exemple, que tothom faci la mateixa quantitat de docència o la restricció que hi hagi a cada departament.

Anàlisis Enunciat

- (01) El problema abstracte consisteix en una tasca de repartiment o assignació.

 Concretament, els **objectes a repartir** són les tasques docents que han de ser repartides entre el professorat, cada possible assignació s'anomenara **pla docent** o **solució** de forma anàloga en funció del context.
- (02) Acceptem que el *Model actual* genera solucions **subòptimes** i això ho justificarem amb els mateixos arguments del enunciat.
- (03) És requereix <u>mètode</u> per <u>valorar</u> i <u>repartir</u> tasca docent en funció de la demanda del professorat. A més ha de poder aportar una solució millor ^a.
- (04) Es proposa com a **alternativa** desenvolupar un <u>mètode basat en subhasta</u>.
- S'expressa anticipadament que el model/mètode ha de tenir restriccions i s'expliciten dos de necessàries. El volum del treball ha de ser homogeni^b. El mètode ha de contemplar la possibilitat de restriccions pròpies del departament.

^aEquivalentment menys desequilibrada.

^bEntesa com la qualitat de: quantitat de docències semblants entre el professorat.

2. Anàlisis del Model Actual

Alguns detalls:

- 3 graus propis + 26 graus externs. $500 \text{ sol·licituds} \approx 150 \text{ assignatures}$
- 5 subdepartaments del departament.
 Assignatures 3r i 4rt graus propis.
- Ja ve fixat el horari, nombre de alumnes i la tipologia.
 Això és si és una classe de problemes o de seminaris o · · ·
- Les assignatures només són comptades per hores de classe realitzades.



- El nombre de hores que fa cada professor pot ser molt diferent.
 oscil·la entre 60 i 240 hores per any
- Actualment el model intenta minimitzar:
 - -Dispersió:

 $\frac{\#assignatures}{professors}$

-Deute personal o Saldo

Resultats Model Actual, valors numèrics

Dades del Model actual

- El \sum de saldos positius és 1793 hores.
- El \sum de saldos negatius és -2671.0 hores.
- El ∑ de saldos positius i negatius és -1122 hores, que és un
 8.968825 % del nombre d'hores total que haurien de fer tots els professors.
- La mitjana aritmètica d'assignatures que fa cada professor és de $\approx 5.\widehat{972}$.

Resultats Model Actual, gràfics



Figura: Saldos TOTAL actual del professorat any 2018

Resultats Model Actual, gràfics

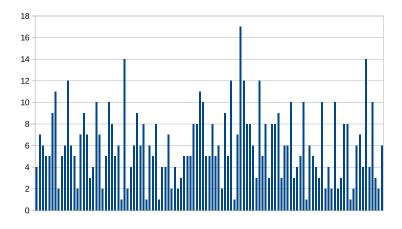


Figura: Dispersió TOTAL actual del professorat any 2018

2. Conclusions del Model Actual

Conclusions anàlisis

- No tenim amb que compara.
- Requereix *alt grau* de dedicació.
- •
- 0
- •

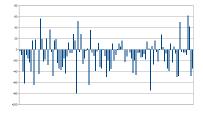


Figura: Saldos TOTAL actual del professorat any 2018

3. Model d'Optimització o d'investigació de sistemes

Una noció del model

[...la gracià està en escollir uns criteris raonables a partir dels quals, i donades unes restriccions, definir una funció objectiu a optimitza...]

Optimització

maximitzar o minimitzar f Subjecte a

restriccions



Funció de objectiu F(a)

- Com modelitzem aquest criteris?
- Potser seria interessant donar una Biblioteca de subfusions i restriccions.

Funció com a ∑ de *funcions*

```
def: func1(a), func2(a),..
  minimitzar(F(a))
  subj :rst1, rst2, ...
```

Un esquema

- Sigui $a \in \mathbb{A}$ on $|\mathbb{A}| \approx 10^{5000}$ conjunt de les possibles assignacions (**solucions**).
- Llavors volem trobar $a_{\sim opt} \in \mathbb{A}$ tal que $F(a_{\sim opt})$ sigui prou petit.
- La misteriosa

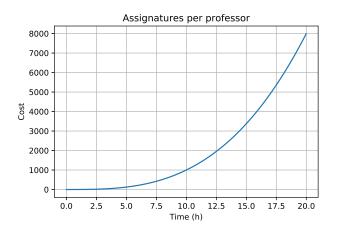


Figura: x^3



Figura:
$$f(x):=\begin{cases} (x-500)^2 & \text{si} \quad x>500 \text{,} \\ 0 & \text{si} \quad x\leq 500 \end{cases}$$

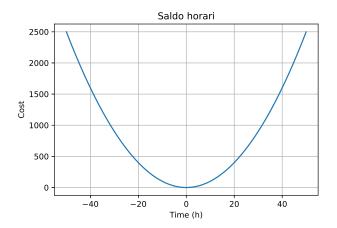


Figura: x^2

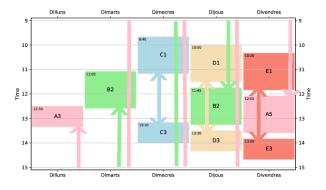


Figura: La distància entre classes es calcula entre dies

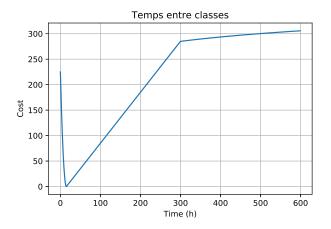


Figura: x^2 , x i log(x)

Resultats i limitacions del mode

Limitacions

Malgrat el conjunt de solucions ser finit, al ser tenir un cardinal $|\mathbb{A}| \approx 10^{5000}$, no podem^a garantir que la millor assignació que trobem és correspongui amb un **mínim** de la **funció objectiu** ni donar cap altra garantia sobre la *qualitat* de la solució a la que arribaran els *algorismes* d'optimització.

Justificació

- Solució factible
- Solució bona ja que millora anys anterior.

Conclusions i resultats

A partir de simulacions concloem que les solucions que trobem **milloren** les obtingudes amb el *model actual*, respecte els aspectes que és volen a **optimitzar**.

^aNecessitaríem ...

Conclusions Model d'investigació de sistemes

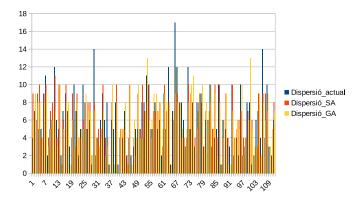
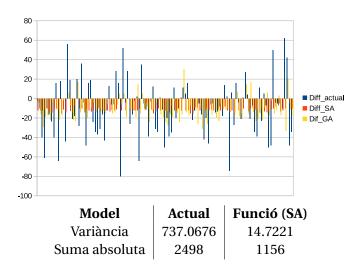


Figura: Dispersió d'assignatures per professor

Conclusions Model d'investigació de sistemes



4. Models o Mètodes per Subhastes

Introducció Subhastes

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Upurus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetuer ivulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque.

Quarta part

- 4. *Model/Mètode* × Subhastes
 - 4.2 Model Kiwis
 - 4.3 Altres Models



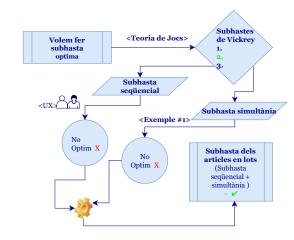
Problemàtiques i beneficis de les Subhastes

Problemàtiques

- •
- •
- •

Beneficis

- - •
- 0



4. Models o Mètodes per Subhastes

Estat del model

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Upurus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetuer ivulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque.

Valors rellevants

Lorem ipsum dolor sit amet, adipiscing elit. Upurus elit, vestibu consectetuer



Model Kiwis

Estat del model

Lorem ipsum dolor sit amet, consectetuer adipiscing elit. Upurus elit, vestibulum ut, placerat ac, adipiscing vitae, felis. Curabitur dictum gravida mauris. Nam arcu libero, nonummy eget, consectetuer ivulputate a, magna. Donec vehicula augue eu neque.

Valors rellevants

Lorem ipsum dolor sit amet, adipiscing elit. Upurus elit, vestibu consectetuer



5. Conclusions del treball

Enunciat del problema, **part 1**

Enunciat del problema, part 2

- **O3) Es tracta de trobar un mètode més equilibrat per valorar les tasques docents, que tingui en compte la demanda per cada tasca per part dels diferents professors.
- (04) Es podria expressar aquesta demanda a través d'una mena de subhasta.
- (05) S'haurien de tenir en compte algunes restriccions, com per exemple, que tothom faci la mateixa quantitat de docència o la restricció que hi hagi a cada departament.

Gràcies per la vostra atenció