Übungsserie 9

Abgabe KW 47

Fassen Sie Ihre Lösungen zusammen in die ZIP-Datei Name_Vorname_Gruppe_S9.zip. Laden Sie dieses File vor der nächsten Übungsstunde nächste Woche auf OLAT hoch. Die einzelnen m-Files müssen ausführbar sein und in den Kommentarzeilen (beginnen mit %) soll bei Funktionen ein Beispiel eines funktionierenden Aufrufs angegeben werden. Verspätete Abgaben können nicht mehr berücksichtigt werden.

Aufgabe 1 (40 Minuten):

Das Integral

$$I(a) = 2 \int_{1}^{a} x \cdot \ln(x^2) \, dx$$

liegt in Abhängigkeit der oberen Intervallgrenze a als Wertetabelle vor

a	$e - \frac{1}{2}$	$e - \frac{1}{4}$	$e + \frac{1}{4}$	$e + \frac{1}{2}$
I(a)	3.9203	5.9169	11.3611	14.8550

Lösen Sie die folgenden Aufgaben manuell und scannen Sie die Lösung in $Name_Vorname_Klasse_S9_Aufg1.pdf$:

- a) Benutzen Sie die Lagrange-Interpolation, um I(a) für a = e zu interpolieren.
- b) Berechnen Sie analytisch den exakten Wert des bestimmten Integrals I(e). Wie gross ist dann der absolute und relative Fehler Ihrer Näherung aus a) im Vergleich zum exakten Wert?
- c) Berechnen sie erneut die Näherung für I(e), diesmal basierend auf der Romberg-Extrapolation mit Ihrem Program Name_Vorname_Klasse_S3_Aufg3.m für n=3. Wie gross sind der absolute und relative Fehler hier? Was schneidet in diesem Beispiel besser ab, die Polynominterpolation oder die Romberg-Extrapolation?

Aufgabe 2 (40 Minuten):

Bei der Übermittlung von Daten eines Wettersatelliten über den Atmosphärendruck als Funktion der Höhe sind Fehler aufgetreten, so dass die in der folgenden Messreihe mit NaN bezeichneten Werte geschätzt werden müssen. Verwenden Sie hierzu das Aitken-Neville Schema und runden Sie auf ganze Zahlen. Scannen Sie Ihre manuelle Lösung in $Name_Vorname_Klasse_S9_Aufg2.pdf$.

Höhe über Meer [m]	0	1250	2500	3750	5000	10000
Atmosphärendruck [hPa]	1013	NaN	747	NaN	540	226

Aufgabe 3 (40 Minuten):

Implementieren Sie das Aitken-Neville Schema in die Funktion $yj = Name_Vorname_Klasse_S9_Aufg3(x, y, xj)$. Dabei ist x der Vektor mit den gegebenen Stützstellen, y der analoge Vektor mit den bekannten Stützwerten, xj die Stützstelle, für welche das Schema ausgewertet werden soll, und yj der interpolierte Wert. Überprüfen Sie Ihre Funktion mit Ihren Resultaten aus Aufgabe 2.