

1. Ein 10 köpfiges Team will sich treffen. Die Sitzung findet statt, wenn mindestens 7 Personen anwesend sind. Mit welcher Wahrscheinlichkeit findet das Treffen statt, wenn jede Person mit 75 % iger Wahrscheinlichkeit erscheint?
2. 5% aller Fluggäste, die Plätze reservieren, erscheinen nicht. Die Fluggesellschaft weiss dies und verkauft 74 Karten für 72 Plätze. Mit welcher Wahrscheinlichkeit gerät die Fluggesellschaft in Verlegenheit?
3. Bei einem Multiple-Choice-Test mit 15 Fragen sind pro Frage 3 Antworten vorgegeben, von denen jeweils genau eine richtig ist.
  - a) Der Test wird bestanden, wenn mindestens 60% aller Fragen richtig beantwortet werden. Wie wahrscheinlich wird der Test bei zufälligem Ankreuzen der Antworten bestanden?
  - b) Die Wahrscheinlichkeit, dass ein Kandidat den Test durch blosses Raten besteht, soll kleiner als 1 Promille sein. Mindestens wieviele richtige Antworten müssen für das Bestehen des Tests verlangt werden?
4. In einer Klinik werden pro Jahr durchschnittlich  $n = 120$  Patienten mit einem bestimmten Medikament behandelt. Die Wahrscheinlichkeit, dass ein Patient auf dieses Medikament unerwünschte Nebenwirkungen zeigt, ist 3%. Es sei  $X$  die Anzahl Patienten mit Nebenwirkungen.
  - a) Mit welcher Wahrscheinlichkeit zeigt niemand Nebenwirkungen?
  - b) Wie gross muss die Anzahl  $n$  sein, damit mit 99% iger Sicherheit mindestens 2 Personen Nebenwirkungen zeigen? (Lösung mit dem Solver oder durch probieren bestimmen).
5. Ein Bäcker stellt 40 Rosinenbrote zu 50g her. Die  $n = 200$  Rosinen gibt er in den Teig, so dass sie sich zufällig auf die Brote verteilen. Jemand kauft ein bestimmtes Brötchen  $B$ .
  - a) Bestimme die Verteilung von  $X = \text{Anzahl Rosinen in } B$ .
  - b) Mit welcher Wahrscheinlichkeit hat es weniger als 5 Rosinen in  $B$ ?
  - c) Wieviele Rosinen muss der Bäcker in den Teig geben, dass mit 99%iger Sicherheit mindestens eine Rosine in  $B$  ist?
6. Roulette: Man setzt auf die ersten 12 Zahlen ( Wette ‚Dutzend‘) .  $X$  ist die Anzahl Spiele die man verliert, bis man gewinnt.
  - a) Bestimme die Wahrscheinlichkeitsverteilung von  $X$ .
  - b) Falls man gewinnt, so erhält man den 3-fachen Einsatz (Gewinn = 1E).

Jemand spielt wie folgt: Er beginnt mit 1E. Verliert er, so setzt er das 2-fache des vorangegangenen Einsatzes, um den Verlust abzudecken. Drücke den möglichen Gewinn  $G$  und den geleisteten Totaleinsatz  $TE$  durch  $x$  aus. Erstelle dazu eine Tabelle.

  - c) Mit welcher Wahrscheinlichkeit ist die Wartezeit grösser als 7 Schritte?
  - d) Simuliere mit der Zufallsfunktion `geornd` 100 Werte für  $x$ .
7. Der Prüfplan für eine Qualitätssicherung sieht wie folgt aus: man zieht eine Stichprobe von  $n = 50$ . sind höchstens 2 schlechte Teile in der Stichprobe, so wird die Lieferung akzeptiert, bei mehr als 3 Fehlteilen wird sie abgelehnt. Bei 3 Fehlteilen, wird eine zweite Stichprobe genommen, die bei maximal 2 Fehlteilen die Sendung akzeptiert und sonst ablehnt.

Berechne das Lieferantenrisiko, wenn der Fehleranteil 4% beträgt, und das Abnehmerrisiko, wenn der Fehleranteil 8% beträgt.

## Resultate

1 binomial 0.7759

2 binomial 0.1100

3 a) 0.031 b) 12

4 0.0259 219

5 a)  $X \sim B(0.025, 200)$  b) 0.4383 c) 182

6 a)  $X \sim \text{GM}(25/37)$  b)  $G_X = 2^x + 1$  TE =  $2^{x+1} - 1$

c)  $P(X > 7) = 1 - P(X \leq 7) = (25/37)^8 = 0.043$   
grosses Verlustrisiko, das Spiel ist nicht zu empfehlen.

d) `>> geornd(12/37, 10, 10)`  
ans =

3	9	1	7	1	4	3	0	1	1
0	1	0	1	1	0	5	3	5	5
0	0	3	2	2	0	4	1	2	0
0	1	4	12	0	2	0	0	4	4
2	3	4	3	1	1	1	0	2	0
4	1	1	9	7	3	11	6	1	28
0	3	3	8	5	0	1	2	0	1
7	1	1	0	1	14	0	0	1	0
4	1	2	3	2	2	4	4	3	2
5	3	1	1	2	5	1	0	1	3

7  $\alpha = 0.199$   $\beta = 0.271$