C++ Algorithmen und Datenstrukturen

Link EN: http://www.cplusplus.com/ Link DE: http://de.cppreference.com/w/

INHALTSVERZEICHNIS

1.	Präprozessor	3
2.	Kommando Linien Argumente argc & **argv oder *argv[][]	4
3.	Laufzeitanalyse	5
4.	Zeitmessung während Laufzeit	6
5.	Iterativ Lösungsansatz	6
6.	Rekursiver Lösungsansatz	6
7.	Rule of three	8
7.1.	Klassendeklaration	8
7.2.	Kopierkonstruktor	8
7.3.	Zuweisungsoperator	9
8.	Vererbung mit Polymorphie	. 10
9.	Sortieren	. 13
9.1.	Bubble Sort	. 13
9.2.	Selection Sort	. 15
9.3.	Insertion Sort	. 17
9.4.	Merge Sort	. 19
9.5.	Quick Sort	. 21
9.6.	Randomisierter Quick Sort	. 25
10.	Suchen	. 26
10.1.	Binary Search	. 26
10.2.	Lineares suchen	. 26
11.	Linked List	. 28
12.	Containers	
12.1.		
12.2.		
12.3.	,	
12.4.		
12.5.	,	
12.6.		
12.7.	3	
12.8.	1	
12.9.		
12.10		
12.1	,	
13.	Templates	
14.	Containers in C++ STL Library	
14.1.		
14.2.		
15.	Algorithmen in C++ STL Library	
16.	String Matching Algorithmen	
16.1.		
16.2.		. 45
16.3.	Knuth Morris Pratt (KMP) String Matching	. 45

1. Präprozessor

Mit der folgenden Anwendung wird ausgeschlossen, dass ein Header File mehrfach während der Laufzeit inkludiert wird. Somit kann sichergestellt werden, dass es immer nur eine "gültige" Variante des Header File gibt, welche inkludiert ist.

Weil ein Header File mehrfach in verschiedenen cpp Files aufgerufen wird, merkt der Compiler beim precompilen dass die gleiche Datei mehrfach inkludiert ist und gibt einen Fehler "redefining oft a variable". Wenn der Precompiler sieht, dass das File_H bereits inkludiert ist, springt er automatisch an die Zeile mit #endif und beugt so einem mehrfaches inkludieren vor.

Beispiel:

```
#ifndef FILE_H
#define FILE_H
/* ... Declarations etc here ... */
#endif
```

#ifdef

Mit der #ifdef-Direktive kann geprüft werden, ob ein Symbol definiert wurde. Falls nicht, wird der Code nach der Direktive nicht an den Compiler weitergegeben. Eine #ifdef-Direktive muss durch eine #endif-Direktive abgeschlossen werden

#ifndef

Die #ifndef-Direktive ist das Gegenstück zur #ifdef-Direktive. Sie prüft, ob ein Symbol nicht definiert ist. Sollte es doch sein, wird der Code nach der Direktive nicht an den Compiler weitergegeben. Eine #ifndef-Direktive muss ebenfalls durch eine #endif-Direktive abgeschlossen werden

#endif

Die #endif-Direktive schließt die vorhergehende #ifdef-, #ifndef-, #if- bzw #elif-Direktive ab

2. Kommando Linien Argumente argc & **argv oder *argv[]

argc = Argument counter und beinhaltet die Anzahl von Argumenten, die dem Programm beim Start übergeben wurden. Dabei handelt es sich um einen Integerwert.

Argv = Argument values /- vector in welchen die einzelnen Argumente stehen. Diese werden als Strings in einer Stringtabelle gespeichert. Im Argv[0] steht immer der Pfad und Dateiname, im Argv[0+n] die einzelnen Parameter die vor dem ausführen der Quelldatei übergeben werden.

Definieren der Paramter vor dem Programmstart:

Dem Programm werden Argumente beim Aufruf übergeben. Unter MS-Windows können hierfür die Eingabeaufforderung cmd.exe verwenden. Unter Linux genügt eine einfache Konsole bzw. Shell. Sofern eine Entwicklungsumgebungen (IDEs) verwenden wird, müssen die Kommandozeilenargumente anders übergeben werden. IDE bieten hierfür meistens beim Menü Ausführen noch ein Untermenü Parameter je nach IDE abhängig an, um die Argumente noch vor dem Programmstart festzulegen und zu übergeben.

Testprogramm "Kommandozeilenargumente.cpp"

Ausgabe Testprogramm:

```
1 argv[0] = .....\...\ Kommandozeilenargumente.exe
```

Parameter mit IDE Dev-C++ 5.nn übergeben

Im Menü "Ausführen/Parameter" können die Parameter an das Programm übergeben werden. Die Zahl argc der Parameter sind hierbei jeweils durch einen Leerschlag getrennt.

Beispiel: Hello World im Menü "Ausführen/Parameter" eingeben und dann erneut "Compilieren und Ausführen" der Quelldate "Kommandozeilenargumente.cpp"

Ausgabe Testprogramm:

```
3
argv[0] = .....\ Kommandozeilenargumente.exe
argv[1] = Hello
argv[2] = World
```

3. Laufzeitanalyse

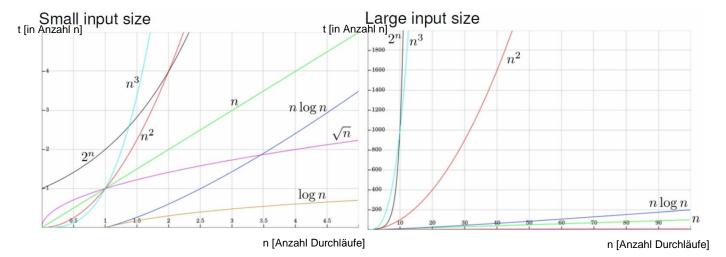
Mit dem grossen Buchstaben O wird die Laufzeit angegeben die ein Algorithmus braucht für die Lösung in Abhängigkeit von der Länge der Eingabe. Damit ist das Zeitverhalten des Algorithmus für eine potenziell unendlich große Eingabemenge gemeint.

Es interessiert also nicht der Zeitaufwand eines konkreten Programms auf einem bestimmten Computer, sondern viel mehr, wie der Zeitbedarf wächst, wenn mehr Daten zu verarbeiten sind, also z. B. ob sich der Aufwand für die doppelte Datenmenge verdoppelt oder quadriert (Skalierbarkeit). Die Laufzeit wird daher in Abhängigkeit von der Länge n der Eingabe angegeben und für immer größer werdende n unter Verwendung der Groß-O-Notation abgeschätzt.

O(1)	Konstante Laufzeit	(In der realen Welt nicht möglich!)
O(n)	Linear Laufzeit	
O(ln)	Logarithmische Laufzeit	(Logarithmus naturalis)
O(n * ln)	Logarithmische-Lineare Laufzeit	(Logarithmus naturalis)
O(n ²)	Quadratische Laufzeit	(2 Schlaufen verschachtelt)
O(n3)	Kubische Laufzeit	(3 Schlaufen verschachtelt)
$O(c^n); c > 1$	Exponentielle Laufzeit	

Beispiele Laufzeit anhand Laufzeit n = 1 ms

n	O(1)	O(n)	O(n ²)	O(n * logn)
10	1 ms	1 ms	$10^2 = 100 \text{ ms}$	10 * In ≈ 23 ms
10 ²	1 ms	$10^2 \text{ ms} = 100 \text{ ms}$	$(10^2)^2 = 10'000 \text{ ms}$	10 ² * In ≈ 460 ms
10 ³	1 ms	$10^3 \text{ ms} = 1'000 \text{ ms}$	$(10^3)^2 = 10^6 \mathrm{ms}$	10 ³ * In ≈ 6'907 ms
10 ⁶	1 ms	$10^6 \text{ ms} = 1'000'000 \text{ ms}$	$(10^6)^2 = 10^{12} \mathrm{ms}$	$10^6 * ln \approx 13.8 * 10^6 ms$



4. Zeitmessung während Laufzeit

Die Laufzeit eines Programmes oder einer bestimmeten Sequenz während dem ausführen vom Code kann wie folgt ermittelt werden:

Stoppuhr	#include <ctime></ctime>	MICHTIG: immer Bibliothek integrieren Durch die Bibliothek ist ein neuer Datentyp clock_t verfügbar, für den genau gleich wie z.Bsp int eine Variable deklariert werden kann.	
	clock_t start, stop;	Deklarieren Variabel	
	start = clock(); (zu messender Code)	Stoppuhr starten	
	stop = clock();	Stoppuhr stoppen	
	cout << ((double) stop - star	rt) / CLOCKS_PER_SEC << "s"; Zeit rechnen & auswerfen	

5. Iterativ Lösungsansatz

Beschreibt allgemein einen Prozess mehrfachen Wiederholens gleicher oder ähnlicher Handlungen zur Annäherung an eine Lösung oder ein bestimmtes Ziel. In der Informatik wird die Wiederholung selbst als Iteration bezeichnet, heisst das i in der Syntax "for (int i = 0; i < x; i++)" steht für Iteration (Wiederholung)

6. Rekursiver Lösungsansatz

Bezeichnet man die Eigenschaft von Regeln, dass sie auf das Produkt, das sie erzeugen, von neuem angewandt werden können, wodurch potenziell unendliche Schleifen entstehen. In Mathematik, Logik und Informatik kann dies so ausgedrückt werden, dass eine Funktion in ihrer Definition selbst nochmals aufgerufen wird *(rekursive Definition)*.

Es wird beim Rekursiven Ansatz versucht die Ausnahmen mittels if und return Syntax abzufangen. Der Selbstaufruf der Formel geschieht damit, dass der Name der Funktion oder Methode in der Formel selbst aufgerufen wird.

Beispiel Fakultät:

Fakultät ist das Produkt aller natürlichen Zahlen von einer bestimmten Zahl n ausser Null. Schreibweise n!

```
Berechnung: 1 * 2 * 3 * 4 * 5 = 120
```

```
#include <iostream>
using namespace std;
unsigned int fakultaet (unsigned int n){
  if (n<= 1) return 1;
  return n * fakultaet (n-1);
}
Int main ( int argc, char **argv){
  cout << fakultaet (5) << endl,
  return 0;</pre>
```

```
}
```

Regelausnahmen für Fakultät:

0! = immer 1 (ist so definiert!)

1! = immer 1

Heisst wenn 0 oder 1 vom Main an die Funktion übergeben wird, wird immer direkt 1 an das Main zurückgegeben ohne dass irgendwelche Zeit verloren geht.

Formel

n * fakultaet (n -1)

Abarbeitung:

Schritt fakultaet (5)	Berechnung	Beschreibung Funktionsaufruf in Main und der Wert 5 wird als Variable n übergeben
if (5 <= 1) return 1;		False, heisst wird nicht ausgeführt
return 5 * [fakultaet (5 – 1)]	5 – 1 = 4	Resultat wird beim neuen Aufruf Funktion fakultaet mit dem return als Variabel n übergeben
if (4 <= 1) return 1;		False, heisst wird nicht ausgeführt
return 4 * [fakultaet (4 – 1)]	4 – 1 = 3	Resultat wird beim neuen Aufruf Funktion fakultaet mit dem return als Variabel n übergeben
if (3 <= 1) return 1;		False, heisst wird nicht ausgeführt
return 3 * [fakultaet (3 – 1)]	3 – 1 = 2	Resultat wird beim neuen Aufruf Funktion fakultaet mit dem return als Variabel n übergeben
if (2 <= 1) return 1;		False, heisst wird nicht ausgeführt
return 2 * [fakultaet (2 – 1)]	2 – 1 = 1	Resultat wird beim neuen Aufruf Funktion fakultaet mit dem return als Variabel n übergeben
if (1 <= 1) return 1;		True, heisst es wird der Wert 1 übergeben
return 2 * [1]	- 2 * 1 = 2	Wert vorhergehenden Aufruf zurückgeben
return 3 * [2]	- 3 * 2 = 6	Wert vorhergehenden Aufruf zurückgeben
return 4 * [6]	_ 4 * 6 = 24	Wert vorhergehenden Aufruf zurückgeben
return 5 * [24]	_ 5 * 24 = 120	Wert vorhergehenden Aufruf zurückgeben
return 120		Wert an Main zurückgeben

7. Rule of three

Heisst in +C+, dass wenn in einer Klasse eine der drei folgenden Definitionen gemacht wurde, immer alle drei Definitionen gemacht werden sollen.

Destruktor (Destructor)
Kopierkonstruktor (Copy constructor)
Zuweisungsoperator (Assigment operator)

7.1. Klassendeklaration

Wichtig: Pointer "*values" muss immer privat deklariert werden damit nicht als siamesischer Zwilling von einem anderen Objekt darauf zugegriffen werden kann.

7.2. Kopierkonstruktor

Macht eine "genaue" Kopie vom Objekt mit dem Unterschied, dass dem neuen Objekt mit "new" einen eigenen Speicherplatz zugewiesen wird.

Methode:

```
Stack::Stack(const Stack &rObj){
    this -> index = rObj.index;
    maxSize = rObj.maxSize;
    values = new int [maxSize];
    for(int i = 0; i < index; i++){
        values[i]= rObj.values[i];
    }
}
```

Main:

Stack newStack2(newStack1); // Aufruf Kopierkonstruktor

Adresse	Zuordnung	Variable
0x000		
0x001	newStack1	index
0x002	newStack1	maxSize
0x003	newStack1	Values[0]
0x004	newStack1	Values[1]
0x005	newStack1	Values[2]
0x006		
0x007	newStack2	index
0x008	newStack2	maxSize
0x009	newStack2	Values[0]
0x00A	newStack2	Values[1]
0x00B	newStack2	Values[2]
0x00C		
0x		

Beschreibung
Automatisch assoziierter Speicher weil Klassenvariable
Automatisch assoziierter Speicher weil Klassenvariable
mit "new" assoziierter Speicher
mit "new" assoziierter Speicher
mit "new" assoziierter Speicher
Automatisch kopiert weil eine Klassenvariable
Automatisch kopiert weil eine Klassenvariable
mit "new" assoziierter Speicher
mit "new" assoziierter Speicher
mit "new" assoziierter Speicher

Beispiel Siamesischer Zwilling: (ohne das mit "new" Speicher assoziierte wird)

Adresse	Zuordnung	Variable
0x000		
0x001	newStack1	index
0x002	newStack1	maxSize
0x003	newStack1 & 2	Values[0]
0x004	newStack1 & 2	Values[1]
0x005	newStack1 & 2	Values[2]
0x006		
0x007	newStack2	index
0x008	newStack2	maxSize
0x009		
0x		

Beschreibung
Automatisch assoziierter Speicher weil Klassenvariable
Automatisch assoziierter Speicher weil Klassenvariable
Doppelt benutzter Speicher, siamesischer Zwilling!
Doppelt benutzter Speicher, siamesischer Zwilling!
Doppelt benutzter Speicher, siamesischer Zwilling!
Automatisch kopiert weil eine Klassenvariable
Automatisch kopiert weil eine Klassenvariable

7.3. Zuweisungsoperator

Funktioniert auf die gleiche Weise wie der Kopierkonstruktor nur mit der Möglichkeit dass der assoziierte Speicher eine andere Grösse haben kann.

Methode:

Zum Anwendung des Zuweisungsoperators muss zuerst ein neues Objekt erzeugt werden und danach wird ein Objekt zugewiesen und somit besteht die Möglichkeit alle Werte aus dem zugewiesenen Objekt zu kopieren. Die ganzen Adressen der Variablen werden am Ende dann durch den "This" Zeiger an das Main zurückgegeben.

Main:

```
Stack newStack3(5); // neues Objekt erzeugen
newStack3 = newStack2; // Zuweisungsoperator ausführen
```

Wichtig: "return *this" heisst, dass um das Objekt zurückzugeben muss dazu zuerst eine Kopie erstellt (= Aufruf Kopierkonstruktor) werden und auch gelöscht (= Aufruf Destruktor) werden. Heisst an diesem Punkt wird Kopierkon- und Destruktor immer je einmal aufgerufen.

Adresse	Zuordnung	Variable
0x000		
0x001	newStack1	index
0x002	newStack1	maxSize
0x003	newStack1	Values[0]
0x004	newStack1	Values[1]
0x005	newStack1	Values[2]
0x006		
0x007	newStack2	index
0x008	newStack2	maxSize
0x009	newStack2	Values[0]
0x00A	newStack2	Values[1]
0x00B	newStack2	Values[2]
0x00C		
0x00D	newStack3	index

Beschreibung
Automatisch assoziierter Speicher weil Klassenvariable
Automatisch assoziierter Speicher weil Klassenvariable
mit "new" assoziierter Speicher bei Aufruf Konst.
mit "new" assoziierter Speicher bei Aufruf Konst.
mit "new" assoziierter Speicher bei Aufruf Konst.
Automatisch assoziierter Speicher weil Klassenvariable
Automatisch assoziierter Speicher weil Klassenvariable
mit "new" assoziierter Speicher bei Aufruf Kopierkonst.
mit "new" assoziierter Speicher bei Aufruf Kopierkonst.
mit "new" assoziierter Speicher bei Aufruf Kopierkonst.
·
Automatisch assoziierter Speicher weil Klassenvariable

0x00E	newStack3	maxSize
0x00F	newStack3	Values[0]
0x010	newStack3	Values[1]
0x011	newStack3	Values[2]
0x012	newStack3	Values[3]
0x013		
0x		

Automatisch assoziierter Speicher weil Klassenvariable
mit "new" assoziierter Speicher bei Aufruf Zuw.operator
mit "new" assoziierter Speicher bei Aufruf Zuw.operator
mit "new" assoziierter Speicher bei Aufruf Zuw.operator
mit "new" assoziierter Speicher bei Aufruf Zuw.operator

8. Vererbung mit Polymorphie

(Inheritance with Polymorphism)

Eine virtuelle Methode ist in der objektorientierten Programmierung eine Methode einer Klasse, deren Einsprung Adresse erst zur Laufzeit ermittelt wird. Dieses sogenannte dynamische Binden ermöglicht es, Klassen von einer Oberklasse abzuleiten und dabei Funktionen zu überschreiben bzw. zu überladen. Das Konzept der virtuellen Methoden wird von einem Compiler (Übersetzer) zum Beispiel mittels virtueller Tabellen umgesetzt.

Polymorphie = virtual Abstrakte Klasse = virtual = 0;

Polymorphie bedeutet Vielgestaltigkeit, das heisst es geht um das überladen bei der Vererbung. Es gelten dieselben Regeln wie bei der normalen Vererbung. Bei der Vererbung mit Überladen müssen die entsprechenden Methoden mit der Syntax "virtual" gekennzeichnet werden. Dadurch weiss die IDE beim Compilieren dass die Einsprung Adresse erst während der Laufzeit ermittelt werden soll.

WICHTIG:

Syntax "virtual" heisst im Prinzip nur, dass alle abgeleiteten Klassen diese Methode implementiert haben müssen. Ohne "virtual" können sie implementiert sein, müssen aber nicht.

Abstrakte Klassen sind Klassen:

- die nur aus einer Deklaration bestehen können.
- von denen niemals Objekte erstellt werden. Keine Instantiierung möglich.
- die oft als sog. Schnittstellen in umfangreichen Anwendungen verwendet werden.
- die oft als Startpunkt(e) einer Vererbungshierarchie gedacht sind.

Wird die Methode nur als Vorlage für untergeordnete (base) Klassen verwendet, so muss diese zusätzlich noch mit dem Syntax " = 0;" gekennzeichnet werden. Diese abstrakten Methoden können nur in den untergeordneten Klassen benutzt werden weil keine Objekt von der abstrakten Methode angelegt werden kann. Die Klasse mit mindestens einer Methode "virtual …..= 0;" wird dann automatisch zu einer Abstrakten Klasse.

Nutzen Polymorphie:

 Auf diese Art kann dieselbe Methode mehrfach verwendet werden, heisst bei Anpassungen im Code dieser Methode muss diese nur einmal angepasst werden.

Nutzen abstrakte Methoden / Klassen:

 Auf diese Art können mehreren Unterklassen (base) dieselbe Methoden und Variablen zur Verfügung gestellt werden und nur die Abstrakten Methoden müssen entsprechend den Bedürfnissen angepasst werden.

Beispiel Körber, abgleitet ist der Quader und davon ist der Würfel abgeleitet

Header:

```
// ULTIMATE BASE - SUPERKLASSE KOERBER
class Koerber{
    public:
    Koerber();
    virtual ~Koerber();
```

```
virtual double getVolumen() = 0;
             };
     // BASE 1 - SUBKLASSE QUADER, CHILD VON SUPERKLASSE KOERBER
             class Quader : public Koerber{
                      public:
                                Quader(int a, int b, int c);
                                virtual ~Quader();
                                virtual double getVolumen();
                      private:
                                int a, b, c;
             };
     //BASE 2 - SUBKLASSE WUEREL, CHILD VON SUBKLASSE QUADER
             class Wuerfel: public Quader{
                      public:
                                Wuerfel(int a);
                                ~Wuerfel();
             };
Methoden:
     ULTIMATE BASE - SUPERKLASSE KOERBER
             Koerber::Koerber(){
             Koerber::~Koerber(){
     BASE 1 - SUBKLASSE QUADER, CHILD VON SUPERKLASSE KOERBER
             Quader::Quader(int a, int b, int c): Koerber(){
                      this \rightarrow a = a;
                      this \rightarrow b = b;
                      this \rightarrow c = c;
             Quader::~Quader(){
             double Quader::getVolumen(){
                      double V = a*b*c;
                      return V;
     BASE 2 - SUBKLASSE WUEREL, CHILD VON SUBKLASSE QUADER
             Wuerfel::Wuerfel(int a):Quader(a, a, a){
             Wuerfel::~Wuerfel(){
     int main(int argc, char** argv) {
             double a (3), b (5);
             Quader ObjektQuader(b, b, b);
             cout<<"\nQuader Volumen: " << ObjektQuader::getVolumen();</pre>
             Wuerfel ObjektWuerfel(a);
             cout<<"\nWuerfel Volumen: "<< ObjektWuerfel.Wuerfel::getVolumen();</pre>
             return 0;
     };
```

In diesem Beispiel ist die Klasse "Koerber" eine abstrakte Klasse. Sobald in einer Klasse mindestens eine Methode mit dem Syntax "virtual ….= 0;" versehen ist, gilt die komplette Klasse als "abstrakte Klasse".

Eine Klasse "unterhalb" der abstrakten Klasse wird als "abgeleitete Klasse" bezeichnet.

Beim Aufruf der der Methode getVolumen mit dem Objekt Wuerfel wird automatisch die Methode getVolumen der Klasse Quader verwendet. Dies sieht man auch am Konstruktor vom Wuerfel:

Wuerfel::Wuerfel(int a):Quader(a, a, a)

Wuerfel::Wuerfel (int a) = Konstruktor vom der Klasse "Wuerfel" : Quader = wird abgeleitet von der Klasse "Quader" (a, a, a) = das a welches mit dem Konstruktor beim Erstellen im Main übergeben wird,

wird der Klasse Quader als a, b, c übergeben

Wichtig:

- Ein Konstruktor kann NIE virtual oder abstrakt (= 0) gesetzt werden
- Wenn in eine untergeordnete (base / child) Klasse "abstrakt" ist, so wird automatisch auch die übergeordnete (ultimate base / Superklasse) Klasse "abstrakt"
- Wenn mit Syntax "this ->" gearbeitet wird sind privat deklarierte Variablen besser geschützt als wenn man mit einer Initialisierungsliste arbeitet. Grund ist, dass man mit der Initialisierungsliste vor Eintritt in den Schleifenrumpf eben auch die privat und kontant deklarierten Variablen initialisieren kann!

9. Sortieren

9.1. Bubble Sort

Dabei wird das vollständige Array durchlaufen, und jedes Mal – wenn notwendig – werden die benachbarten Elemente miteinander vertauscht

Regel: if (n > n + 1) dann austauschen (swap) der Zahl n und n + 1 (Sortieren von klein-links zu gross- rechts)

Der 1.te Durchlauf erfolgt nach folgendem Prinzip:

	[0]	[1]	[2]	[3]	[4]	[5]	[6]	[7]	[8]	[9]	[10]	[11]			
	17	62	30	73	49	2	12	28	29	0	55	26			
0	17	62	_												
1	17	62	30	Swap	weil n >	n + 1 =	= True								
	17	30	62												
2	17	30	62	73											
3	17	30	62	73	49	Swap	weil n > n + 1 = True								
	17	30	62	49	73		•								
4	17	30	62	49	73 🚩	2	Swap	p weil n > n + 1 = True							
	17	30	62	49	2	73									
5	17	30	62	49	2	73	12	Swap	Swap weil n > n + 1 = True						
	17	30	62	49	2	12	73								
6	17	30	62	49	2	12	73	28	Swap	weil n	> n + 1	= True			
	17	30	62	49	2	12	28	73							
7	17	30	62	49	2	12	28	73	29	Swap	weil n >	n + 1	= True		
	17	30	62	49	2	12	28	29	73						
8	17	30	62	49	2	12	28	29	73						
	17	30	62	49	2	12	28	29	0 73						
9	17	30	62	49	2	12	28	29 0 73 55 Swap							
	17	30	62	49	2	12	28	29	0	55	73				
10	17	30	62	49	2	12	28	29	0	55	73	26	Swap		
	17	30	62	49	2	12	28	29	0	55	26	73	Fertig		

Erkenntnis:

- Höchste Zahl ist neu an letzter Stelle, heisst ich muss im nächsten Schritt nur bis Stellen [10], also – 1 sortieren

Der 2.te Durchlauf erfolgt genau nach demselben Prinzip aber diesmal nur bis zur Position [10] weil die höchste Zahl bereits an der letzten Stelle ist.

Alle weiteren Durchlauf erfolgt genau nach demselben Prinzip aber diesmal nur bis zur vorhergehenden Position -1 weil die höchste Zahl immer an der letzten Stelle ist.

Umsetzung

Mittels zwei for Schleifen:

- Schleife 1 (aussen) für die vertikalen Schritte, "Anzahl Variablen 1" entspricht der Anzahl Schlaufenwiederholungen.
- Schleife 2 (innen) für die horizontalen Schritten, "Anzahle Variabel -1" zum Starten und danach mit jedem neuen Schleife 1 Durchgang um -1 reduzieren weil danach die hinterste die jeweils höchste Zahl des Durchlaufes ist.

Bubble Sort ist ein ineffizientes Verfahren da es immer mindesten zwei Schritte braucht um zwei Zahlen auszutauschen und weil die die Anzahl Variablen n -1 mal alle Zahlen sortiert werden müssen.

Code

9.2. Selection Sort

Erklärung

Algorithmus sucht als Erstes das kleinste Element in der Liste, merkt es sich und tauscht es gegen das Element am Anfang aus, sodass sich dann das kleinste Element ganz am Anfang befindet. Als Nächstes wird das zweitkleinste Element in der Liste gesucht und wird gegen das an zweiter Stelle platzierte Element der Liste ausgetauscht usw.

Regel: if (n > n counter) dann austauschen Zahl (Sortieren von klein-links zu gross-rechts)

Der 1.te Durchlauf erfolgt nach folgendem Prinzip:

varArra	ay [[0	[1]	[2]	[3]	[4]	[5]		
Wert		3	9	7	6	8	4		
Schritt	Pri	üfuı	ng						Aktion
1.1				von A icherr		bis Arı	ay[5] s	uchen und Nummer vom	Nummer 0 vom Arrayfeld speichern

varArra	/ [0]	[1]	[2]	[3]	[4]	[5]	
Wert	3	9	7	6	8	4	
Schritt	Prüfu	ing			Aktion		
1.2	Swap	Wert v	on Arr	ay[0]aı	Swap		

Der 2.te Durchlauf erfolgt nach folgendem Prinzip:

varArray [0] [1] [2] [3] [4] [5] Wert 3 9 7 6 8 4 Schritt Prüfung Aktion 2.1 kleinste Zahl von Array[1] bis Array[5] suchen und Nummer vom Arrayfeld speichern. Es kann mit if / else abgefangen werden das Nummer 5 vom Arrayfeld speichern									
Schritt Prüfung 2.1 Kleinste Zahl von Array[1] bis Array[5] suchen und Nummer vom Arrayfeld speichern. Es kann mit if / else abgefangen werden das	varArray	/ [0]	[1]	[2]	[3]	[4]	[5]		
2.1 kleinste Zahl von Array[1] bis Array[5] suchen und Nummer vom Arrayfeld speichern. Es kann mit if / else abgefangen werden das	Wert	3	9	7	6	8	4		
Arrayfeld speichern. És kann mit if / else abgefangen werden das	Schritt	Prüfu	ng					Aktion	
kein Swap gemacht wird wenn $n = n_{COLINTER}$ ist.	2.1	Arrayfe	eld spe	ichern	ı. Es ka	ann mit	if / else	abgefangen werden das	

varArray	/ [0]	[1]	[2]	[3]	[4]	[5]	
Wert	3	4	7	6	8	9	
Schritt	Prüfu	ng				<u> </u>	Aktion
2.2	Swap \	Wert v	on Arr	ay[5]aı	uf Array	/[1]	Swap

Der3.te Durchlauf erfolgt nach folgendem Prinzip:

varArray [0] [1] [2] [3] [4] [5]

Wert	3	4	7	6	8	9		
Schritt	Prüfu	ng						Aktion
3.1	kleinst Arrayfe			,	bis Arı	ay[5] s	uchen und Nummer vom	Nummer 3 vom Arrayfeld speichern

varArray	/ [0]	[1]	[2]	[3]	[4]	[5]	
Wert	3	4	6	7	8	9	
Schritt	Prüfu	ng	_				Aktion
3.2	Swap \	Nert v	on Arr	ay[3]aı	uf Array	y[2]	Swap

und so weiter... bis man bei den letzten zwei Zahlen angekommen ist! Fertig!

Umsetzung

Mittels zwei for Schleifen:

- Schleife 1 (aussen) startet links und reduziert immer die Anzahl Positionen um -1 bis auf die Position Size 1.
- Schleife 2 (innen) sucht jeweils den kleinsten Wert in den durchsuchten Positionen

Laufzeit O(n²) (Quadratische Laufzeit weil 2 Schlaufen verschachteln)

Leicht effizienteres Verfahren um Daten zu sortieren. Es wird jeweils die tiefste Zahl im Array gesucht und dann mit aktuellen Position n COUNTER im Array ausgetauscht. Die Position wird links im Array gestartet und wird nach jedem Swap um + 1 verschoben bis n COUNTER = maxArraySize -1 ist.

Im schlechtesten Fall ist die Liste von gross nach klein sortiert, was bedeutet jede Zahl bis auf die grösste muss verschoben werden.

Code

9.3. Insertion Sort

Die einzelnen Elemente werden von vorne nach hinten durchlaufen. Von der aktuellen Position aus wird jedes Element von rechts nach links weitergereicht – und das so lange, bis das bewegte Element größer oder gleich dem Element ist, das an der im Augenblick abgefragten Position liegt.

Sortierverfahren (aus der Sicht for Schlaufe):

						<u> </u>							I		
for i	[0]	[1]	[2]	[3]	[4]	[5]	[6]	[7]	[8]	[9]	[10]	[11]			
	17	62	30	73	49	2	12	28	29	0	55	26			
0	17	Elem	ent [0] i	ist sortie	ert!										
1	17	62	Ist [0]	>[1]=	False, r	no actior	า								
2	17	62	30	Ist [1]	> [2] =	Trues, s	uche Po	osition =	= [1]						
	17	30	62	Insert	[1] bis [.	2]									
3	17	30	62	73	Ist [2] > [3] = False, no action										
4	17	30	62	73	49	Ist [3]	> [4] =	Trues, s	suche F	Position	= [2]				
	17	30	49	62	73	Insert	[2] bis [4]							
5	17	30	62	49	73	2	Ist [4]	> [5] =	Trues,	suche F	Position	= [0]			
	2	17	30	49	62	73	Insert	[0] bis [[5]						
6	2	17	30	49	62	12	73	Ist [5]	> [6] =	Trues,	rues, suche Position = [1]				
	2	12	17	30	49	62	73	Insert	[1] bis	[6]					
7	2	12	17	30	49	62	73	28	Ist [6]	>[7]=	Trues,	suche F	Position = [3]		
	2	12	17	28	30	49	62	73	Insert	t [3] bis	[7]				
8	2	12	17	28	30	49	62	73	29	Ist [7]	> [8] =	Trues, .			
	2	12	17	28	29	30	49	62	73	Insert	[4] bis [[8]			
9	2	12	17	28	29	30	49	62	73	0	<i>Ist</i> [7]	> [8] =	Trues,		
	0	2	12	17	28	29	30	49	62	73	Insert	[0] bis [[9]		
10	0	2	12	17	28	29	30	49	62	73	55	Ist [8]	> [9] =		
	0	2	12	17	28	29	30	49	55	62	73	Insert	[8]		
11	0	2	12	17	28	29	30	49	55	62	73	26	Ist [9] > [
	0	2	12	17	26	28	29	30	49	55	62	73	Insert [4] b.		
													Fertig		

Beispiel für einen Insert Zyklues (while Schlaufe):

-0.06.0			··· — , ····		Comadio).								
[0]	[1]	[2]	[3]	[4]									
17	30	62	73	49	Prüfung: Ist [3] > [4] = Trues, suche richtige Position = [2]								
17	30	62	49	73	Swap [3] & [4]								
17	30	62	49	73	Swap [2] & [3]								
17	30	49	62	73	Fertig								

Erkenntnis

Nicht linear, je nachdem wie die Zahlen stehen kann es länger oder weniger lang gehen um einen Datensatz komplett zu sortieren.

Umsetzung

Mittels einer for Schleifen und einer while Schlaufe:

[letzte Position] --

- Schleife for (aussen) läuft n mal durch die Schlaufe für jeden Zeile
- Schleife while (innen)

```
Prüfen (letzte Position -1) > (letzte Position)
== False, keine Aktion
== True, Suchen [Insert Position]
while [Insert Position] < (letzte Position)
Swap [letzte Position] & [letzte Position - 1]
```

Laufzeit O(n²) (Quadratische Laufzeit weil 2 Schlaufen verschachteln)
Jedoch ist die Laufzeit unregelmässig, weil es je nach Zahlenaufbau verschieden viele Schritte braucht um eine Zahl an die richtige Stelle zu bringen.

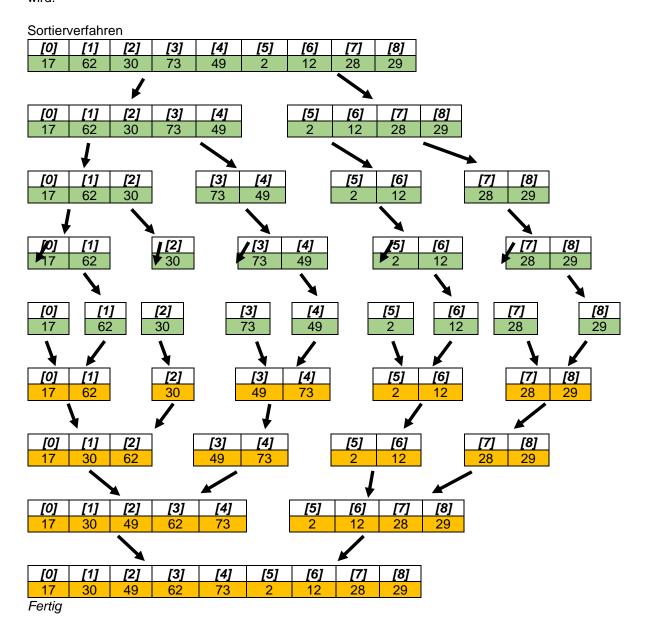
Im schlechtesten Fall ist die Liste von gross nach klein sortiert, was bedeutet jede Zahl muss immer von der aktuellen Position komplett an den Anfang verschoben werden.

Code

9.4. Merge Sort

Die Daten werden immer in zwei Teile zerlegt (halbiert) Diese zwei Teile werden wiederum jeweils in zwei Teile zerlegt bis nur noch jeweils Zahlenpaare und einzelne Zahlen bestehen. An diesem Punkt wird sortiert und danach Die Rekursion beendet sich, wenn das Teilstück aus nur noch einem Element besteht.

Bei einer Ungeraden Anzahl von Zahlen muss entschieden werden ob jeweils links oder rechts geteilt wird



Erkenntnis

?

Umsetzung

?

Laufzeit O(n * log n)

?

```
void MergeSort (int haelfte, int groesse){
        if (groesse < 1 return;
// Array aufteilen
        int haelfte1 [groesse / 2];
        int haelfte2 [(groesse + 1) / 2];
// Aufteilen
        int i;
        for(i = 0; i < groesse / 2; ++i)
                 haelfte1 [i] = liste [i];
        for (i = groesse / 2; i < groesse; ++i)
                 haelfte2 [i - groesse / 2] = liste[i];
// ?
        MergeSort (haelfte1,groesse / 2);
        MergeSort (haelfte2,( groesse + 1) / 2);
        int *pos1 = &haelfte1 [0];
        int *pos2 = &haelfte2 [0];
        for (i = 0; i < groesse; ++i){
                 if (*pos1 <= *pos2){}
                          liste [i] = *pos1;
                          if (pos1 != &haelfte2[(groesse+1)/2 - 1]) { // pos1 nicht verändern,
                                                                      // wenn der größte Wert
                                                                      // mehrmals vorkommt
                                  if (pos1 == &haelfte1 [groesse / 2 - 1]){
                                           pos1 =  haelfte2 [(groesse + 1) / 2 - 1];
                                  }
                                  else {
                                           ++pos1;
                                  }
                 }
                 else {
                          liste [i] = *pos2;
                          if (pos2 == &haelfte2 [ (groesse + 1) / 2 - 1] ){
                                  pos2 = &haelfte1 [groesse / 2 - 1];
                          }
                          else {
                                  ++pos2;
                         }
                 }
```

9.5. Quick Sort

Diese Funktion ist in die ANSI-C-Bibliothek mit aufgenommen (qsort). Quicksort funktioniert nach dem Prinzip »Teile und herrsche«, also rekursiv.

Die Daten werden immer in zwei Teile zerlegt und wieder sortiert. Diese zwei Teile werden wiederum jeweils in zwei Teile zerlegt und sortiert usw., bis die Daten sortiert sind. Die Rekursion beendet sich, wenn das Teilstück aus nur noch einem Element besteht.

Erklärung:

Das Pivotelement (von französisch pivot 'Dreh-/Angelpunkt') ist dasjenige Element einer Zahlenmenge, das als Erstes von einem Algorithmus ausgewählt wird, um bestimmte Berechnungen durchzuführen.

In unserem Fall ist das Pivotelement immer in der Mitte zwischen Variabel varMin und varMax, wenn es nicht aufgeht immer rechts von der Mitte.

In der C++ Bibliothek <algorithm> gibt es die Funktion "swap" die zwei Werte austauscht.

Array mit den Werten

[0]	[1]	[2]	[3]	[4]	[5]	[6]	[7]	[8]
17	62	30	73	49	2	12	28	29

1.1 Bestimmen der aktuellen Grösse vom Array

Übergabeparameter bezogen auf das Array beim dem Aufruf der Funktion

Index	[0] *sizeArray	[1]	[2]	[3]	[4]	[5]	[6]	[7]	[8]
Value	17	62	30	73	49	2	12	28	29
	left	•				•		•	right

Die Werte left = 0, rigth = 8, *sizeArray = 0xF001(Adresse Array [0]) werden als Integer beim Aufrufen an die Funktion übergeben.

Der Wert valPiv wird je nachdem ob Gesamtgrösse eine gerade oder ungerade Zahl in der Mitte oder rechts + 1 von der Mitte genommen.

valPiv

```
Regel: int indMin = left, indMax = right;

if ( () % 2 = 0 ) {
            indPiv = sizeArray / 2;
            }

            else {
                indPiv = sizeArray + 1 / 2;
            }

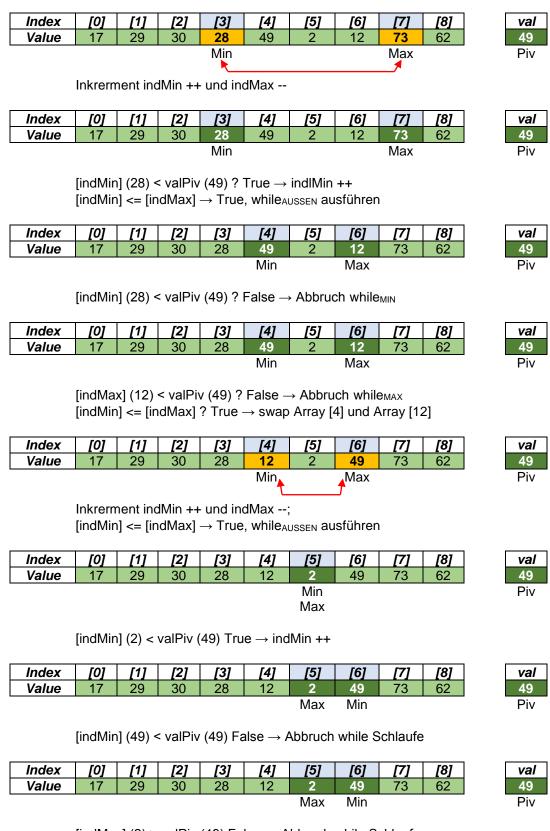
valPiv = Array [indPiv];
```

Index	[0]	[1]	[2]	[3]	[4]	[5]	[6]	[7]	[8]
Value	17	62	30	73	49	2	12	28	29
Left				indPiv				right	
Min									Max

1.2 Sortieren

```
Regel:
              while AUSSEN (indMin <= indMax) {
                       while<sub>MIN</sub> (Array[indMin] < Array[indPiv]) Index ++;
                       whileMAX (Array[indMax] > Array[indPiv]) Index ++;
                       if indMin <= indMax {</pre>
                               swap (Array[valMin], Array [indMax]);
                               indMin ++;
                               indMax --;
                       }
         [indMin] <= [indMax] → True, while AUSSEN ausführen
Index
                                           [4]
                                                   [5]
                                                                    [7]
           [0]
                   [1]
                           [2]
                                   [3]
                                                            [6]
                                                                           [8]
                                                                                           val
Value
                                                                                           49
                                                                   28
                                                                           29
          Min
                                                                          Max
                                                                                          Piv
         [indMin] (17) < valPiv (49) ? True → Min ++
Index
                   [1]
                           [2]
                                           [4]
                                                            [6]
                                                                           [8]
                                                                                           val
Value
                                                                   28
                   62
                  Min
                                                                          Max
                                                                                          Piv
         [indMin] (62) < valPiv (49) ? False → Abbruch while<sub>MIN</sub>
Index
            [0]
                   [1]
                          [2]
                                  [3]
                                           [4]
                                                                   [7]
                                                                           [8]
                                                                                           val
Value
                  Min
                                                                          Max
                                                                                          Piv
         [indMax] (29) > valPiv (49) ? False → Abbruch while<sub>MAX</sub>
         [indMin] <= [indMax] ? True → swap Array [1] und Array [8]
Index
                                                            [6]
                                                                                          val
Value
           17
                                           49
                                                            12
                                                                   28
                                                                                           49
                   29
                                                                           62
                  Min
                                                                                          Piv
                                                                          Max
         Inkrerment indMin ++ und indMax - -
         [indMin] <= [indMax] → True, while AUSSEN ausführen
Index
            [0]
                                                            [6]
                                                                   [7]
                                                                           [8]
                   [1]
                                   [3]
                                           [4]
                                                                                           val
Value
                   29
                                           49
                                                                   28
                                                                                          Piv
                          Min
                                                                   Max
         [indMin] (30) < valPiv (49) ? True → indMin ++
Index
           [0]
                   [1]
                          [2]
                                  [3]
                                           [4]
                                                   [5]
                                                           [6]
                                                                   [7]
                                                                           [8]
                                                                                          val
Value
                   29
                                           49
                                                                           62
                                                                                           49
                                  Min
                                                                   Max
                                                                                          Piv
         [indMin] (73) < valPiv (49) ? → Abbruch while<sub>MIN</sub>
Index
           [0]
                   [1]
                          [2]
                                  [3]
                                           [4]
                                                   [5]
                                                           [6]
                                                                   [7]
                                                                           [8]
                                                                                           val
Value
                   29
                          30
                                           49
                                                                   28
                                                                                           49
                                  Min
                                                                   Max
                                                                                          Piv
```

[indMax] (28) > valPiv (49) ? False \rightarrow Abbruch while_{MAX} [indMin] <= [valMax] ? True \rightarrow swap Array [3] und Array [7]



[indMax] (2) > valPiv (49) False \rightarrow Abbruch while Schlaufe [indMin] <= [indMax] ? False \rightarrow Schleifenrumpf "if" nicht ausführen

[indMin] <= [indMax], False → Abbruch while AUSSEN

Erkenntnis:

Alle Wert < 49 sind jetzt auf der linken Seite

1.3 Rekursionsaufruf

An diesem Punkt wird die Regel ZWEIMAL rekursiv aufgerufen und zwar für einen Linken Array und für einen rechten Array.

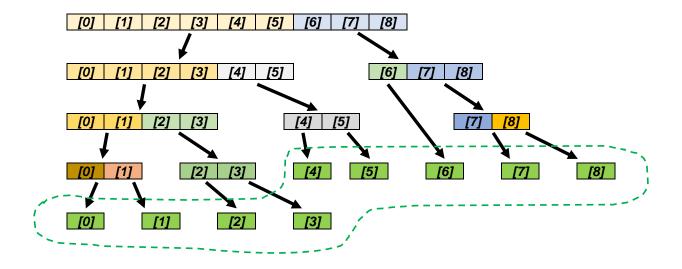
Dies wird für ein rechtes Array gemacht solange der Wert left kleiner ist als valMax. Dies wird für ein linkes Array gemacht solange der Wert valMin kleiner ist als right

WICHTIG:

Nicht vergessen, die Werte Array [valMin] und Array [valMax] sind (und werden) immer an einem Schneidpunkt übereinander laufen bevor die while Aussen abgebrochen wird, ausser das Array besteht nur noch aus einem Wert!

Index	[0]	[1]	[2]	[3]	[4]	[5]	[6]	[7]	[8]
Value	17	29	30	28	12	2	49	73	62
	left					Max	Min		right

```
Regel: if Array [left] < Array [valMax] { //0 < 5 \rightarrow \text{True}! . QuickSort (intMin, intMax, sizeArray); } if valMin < right { //6 < 8 \rightarrow \text{True}! . QuickSort (intMin, intMax, sizeArray); }
```



Laufzeit O(n * log n)

Schlechtester Fall wäre, wenn genau in umgekehrter Richtung sortiert ist.

Code

```
Void QuickSort (intMin, intMax, sizeArray) {
.
.     int valMin = left, valMax = right;
.
.     if ( () % 2 = 0 ) {
.        indPiv = sizeArray / 2;
.     }
.     else {
.     indPiv = sizeArray + 1 / 2;
```

9.6. Randomisierter Quick Sort

Je besser das Array bereits vor dem Anwenden des Quick Sort sortiert ist, desto schlechter ist die Laufzeit. Im Schlechteste Fall ist das Ganze Array bereits sortiert was der schlechteste Fall wäre. Funktioniert gleich wie der normale Quick Sort, einfach wird der Wert vom Pivot Element durch eine Zufallszahl ersetzt, indem einfach immer die letzte Position vom Array als Pivot Wert genommen wird Auf diese Weise fällt der schlechteste Fall weg.

Laufzeit O(n * log n)

10. Suchen

10.1. Binary Search

Voraussetzung ist, dass das Array bereits sortiert ist!

```
Laufzeit: 0n [log n]
```

Das Array wird in der Mittehalbiert. Es gilt dann:

```
searchValue < valueCenter \rightarrow so muss im linken Array Teil weitergesucht werden searchValue > valueCenter \rightarrow so muss im rechten Array Teil weitergesucht werden searchValue == valueCenter \rightarrow Wert gefunden!
```

WICHITG:

- Nicht geeignet wenn man die Position vom Wert vom Wert im Array sucht, da die Position für das Suchen stetig geändert wird.
- Nicht geeignet wenn ein Wert mehrfach vorhanden ist, der Wert muss Unique sein. Es kann zwar abgefangen werden, aber dann ist die Laufzeit des Algorithmus nicht mehr 0n [log n]

Code

```
int left = startPos;
int gight = size;
while ( left <= right ) {
            int index = ( ( left + right ) / 2);
            if ( data [index] == value ) return index;
            if ( data [index] < value ) left = index + 1;
            else right = index -1;
}
return -1;</pre>
```

10.2. Lineares suchen

Code

return -1;

Mit der linearen Suche können mehrere Variabel mit demselben Wert gefunden werden.

Funktionsparameter können mit Defaultwerten belgt werden. Parameter, für die ein Defaultwert vorgegeben ist, können beim Aufruf einer Funktion weggelassen werden. In diesem Fall erhält dann der Parameter den Defaultwert.

Binary Tree

Wird ein Elemnt mit zwei NAchfolger entfernt, so kann diverses ersetzt werden:

- Vom rechten Teilbaum das Elemt ganz links
- Vom linken Teilbaum das Elemnt ganz rechts

Im Normalfall kann in einem binary tree jeder Wert nur 1 x vorkommen. Wenn dies nicht der Fall ist, so muss mann entweder ein Array zum einzelnen Wert anlegen, in dem alle Mehrfachwerte gespeichert werden (dinamisch!) oder man macht hinter jedem Wert einen counter der entsprechend inkrementiert oder dekrementiert wird.

Print all values binary tree

- Preorder Regel Wurzel, links, rechts
- InorderRegel: links, Wurzel, rechts (sortierte Reichenfolge)
- 3. Postorder Regel: links, rechts, Wurzel

11. Linked List

Array benutzen wenn:

- man brauch indexierten Zugriff lesen / schreiben (über Iteration, nicht über Funktion)
- man braucht Direktzugriff lesen / schreiben (cout << bspArray[15];)
- wenn man weiss wie viele Elemente gespeichert werden müssen, heisst Liste ist statisch und unflexibel (Arrays sind Anspruchsvoll bei Erweiterungen und brauchen viele Ressourcen)
- schnell mittels Iteration schnell durch den Array gehen muss
- wenn Speicherplatz eine Rolle spielt (Array braucht weniger als Linked List)

Linked List benutzen wenn:

- konstante Laufzeit für einfügen und löschen gebraucht wird, heisst es müssen immer wieder neue Elemente eingefügt oder gelöscht werden
- wenn man nicht weiss wie viele Elemente gespeichert werden müssen, heisst Liste ist dynamisch.
- Kein Direktzugriff notwendig ist, heisst schreiben / lesen wird über Funktionen zur verfügung gestellt.

Funktionsbeschreibung:

Ein Element besteht immer mindestens aus folgenden Daten:

- Element, irgend ein Datentyp
- Pointer auf nächstes Element. Das letzte Element hat hier den Eintrag 0

Erweiterung der Linked List:

- Pointer auf vorhergehende Element. Das erste Element hat hier den Eintrag 0

Address	Address	Address	Address	Address
0# 0002	0# 0012	0# 00F1	0# 00D9	0# F3F0
*Next	*Next	*Next	*Next	*Next
0# 0012	0# 00F1	0# 00D9	0#	0
Data 0	Data 1	Data 2		Data n
*Previous	*Previous	*Previous	*Previous	*Previous
0	0# 0012	0# 00F1	0# 00D9	0#

Klasse des Elementes:

Diese Klasse ist das eigentliche Element. Jedes Mal wenn ein neues Element in die Linked List eingefügt wird, wird ein neues Objekt von dieser Klasse erstellt.

```
class Data {
    private :
        int value ;
        Data *next ;
        Data *previous ;

public :

    Data( int value , Data *next = 0, Data *previous = 0 );
    void setValue( int value );
    void setNext(Data *next );
    void setNext(Data *previous );
    int getValue () const ;
        Data *getNext () const ;
        Data *getPrevious () const ;
};
```

Klasse der Linked List:

Diese Klasse ist die Schnittstelle nach aussen. Hier werden dem Benutzer der linked List die Funktionen zur Verfügung gestellt, welche den Zugriff für das Lesen, das Schreiben, das Einfügen, das Löschen, .. usw. der einzelnen Datenpunkte ermöglicht.

Wichtig:

Bein Einfügen und Löschen der Elemente muss man daran denken, dass die jeweiligen Adressen der vorhergehenden und nachfolgenden Elemente zuerst zwischengespeichert werden müssen bevor das entsprechende Objekt "Data" gelöscht wird.

Wenn dies nicht gemacht wird kann die jeweilige Adresse nicht mehr gefunden werden.

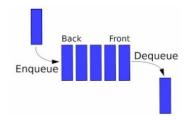
12. Containers

Folgende Container können mit ihren jeweiligen Vor und Nachteilen verwendet werden:

12.1. Queue

Der Queue (Schlange, Reihe) ist ein FIFO (fist in, first out) Container.

```
Enqueue = neues Element hinzufügen
Dequeue = Element entnehmen
```



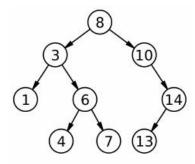
12.2. Stack

Der Stack (Stabel) ist ein LIFO (last in, first out) Container.

```
Push
        = neues Element hinzufügen
                                                               Push
                                                                              Pop
        = Element entnehmen
Pop
Klasse:
      class Stack {
            pr ivate:
               int *values ; / / ar ray based stack
               int maxNumberOfElement;
               int index;
            public:
               Stack();
               Stack(const Stack & obj);
               Stack operator= ( const Stack & obj );
               ~Stack();
               bool pop(int & value);
               bool push( int value );
               bool top(int & value);
               int size ();
               bool isEmpty();
      };
```

12.3. Binary Tree

Ist eine Baum Daten Struktur in welcher jeder Knoten meistens zwei Nachfolger haben kann. Die Elemente sind unsortiert abgelegt. Jeder Baum hat einen Root (Wurzel) wo der Baum beginnt.



Mögliche Probleme bei Funktionen:

- wenn Werte < 0 sind
- wenn es keine Zahlenwerte sind die gespeichert werden

Klasse TElement:

Diese Klasse ist das eigentliche Element. Jedes Mal wenn ein neues Element in den Binary Tree eingefügt wird, wird ein neues Objekt von dieser Klasse erstellt.

```
class TElement {
    private :
        float data;
        TElement *left; //Pointer (Adressse) auf das linke Element
        TElement *right; //Pointer (Adressse) auf das rechte Element

public :
        TElement( float data = 0 . 0 );
        ~TElement ();
        void setLeft(TElement *left);
        void setRight(TElement *right);
        void setData( f loa t data );
        TElement *getLeft ();
        TElement *getLeft ();
        float getData ();
};
```

Klasse Tree:

Diese Klasse ist die Schnittstelle nach aussen. Hier werden dem Benutzer der Binary Tree die Funktionen zur Verfügung gestellt, welche den Zugriff für das Lesen, das Schreiben, das Einfügen, das Löschen, .. usw. der einzelnen Datenpunkte ermöglicht.

Wichtig:

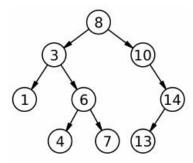
Bein Einfügen und Löschen der Elemente muss man daran denken, dass die jeweiligen Adressen der vorhergehenden und nachfolgenden Elemente zuerst zwischengespeichert werden müssen bevor das entsprechende Objekt "Element" gelöscht wird.

Wenn dies nicht gemacht wird kann die jeweilige Adresse nicht mehr gefunden werden.

12.4. Binary Search Tree

Ist wie der Binary Tree aufgebaut aber er hat eine innere Ordnung. Jeder Knoten enthält einen Wert. Der Wert vom nächst "tieferen" Knoten:

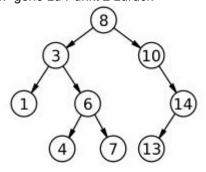
- links ist IMMER < = dem vorangehenden Knotenwert
- recht ist IMMER > dem vorangehenden Knotenwert



12.5. Binary Tree Traversal

Traversierung (durchkreuzen), heisst also es besteht ein genauer systematischer Prozess wie der Baum durchlaufen wird. Für die Traversierung sind drei Formen verfügbar:

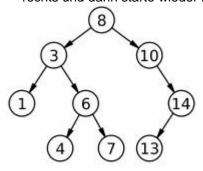
- Preorder (root left right)
 Start an Wurzel (8) = Ausgeben
 - gibt es einen weiter Node Links? Ja, gehe zu Node Links = Ausgeben, Nein gehe zu Node rechts = Ausgeben.
 - 2. solange ein Node ein Child links hat geht man links = Ausfgeben. Wenn nicht geht man rechts= Ausgeben
 - 3. ist man am Ende eines Astes angekommen geht man solange die Nodes zurück, bis man eine Verzweigung nach rechts hat.
 - 4. gehe zu Punkt 2 zurück



8, 3, 1, 6, 4, 7, 10, 14, 13

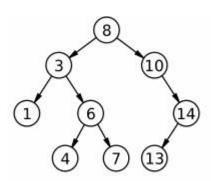
Inorder (left - root - right)
 Start an Wurzel (8)

- 1. gibt es einen weiter Node Links? Ja, gehe solange Links bis Ende erreicht =Ausgeben, Nein gehe zu Node rechts und schaue ob es einen Node links gibt.
- 2. Gehe einen Node nach oben = Ausgeben und schaue ob es rechts geht. Wenn ja gehe rechts und dann starte wieder bei 1.



1, 3, 4, 6, 7, 8, 10, 13, 14

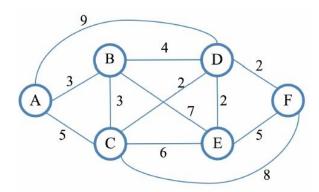
- Postorder (left right root)
 Start an Wurzel (8)
 - 1. links ans Ende gehen = Ausgeben und dann zurück bis nächste Abzweigung rechtes
 - 2. wenn nicht nach links möglich gehe rechtes. Wenn rechts Ende erreicht, = Ausgeben.
 - 3. wenn Links und rechts eines Node besucht Node Ausgeben.



1, 4, 7, 6, 3, 13, 14, 10, 8

12.6. Graph

Ein Graph ist eine Daten Struktur, die aus vielen Knoten mit einem Wert besteht wobei jeder Knoten mit x-vielen anderen Knoten verbunden sein kann.



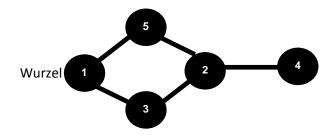
Folgende Probleme bestehen:

- wie wird sichergestellt, dass ich den Knoten nicht mehr als einmal besuche
- was ist der kürzeste Weg
- mehr als zwei Wege können pro Knoten möglich sein

In Computertechnologien sind Graphen ein wichtiger Bestandteil. Typischerweise anspruchsvolle Operation ist das Finden eines Pfades zwischen zwei Konten. Bekannte Logarithmen sind um die kürzesten Wege zu einem Zielkonten zu finden sind:

- depth-first search (Tiefensuche, basierend auf Queue)
- breadth-first search (Breitensuche, basierend auf Stack)

12.7. Graph ohne Gewichtung



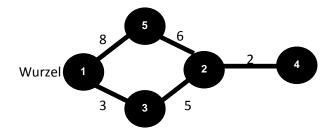
Beispiel Matrix:

	Verbindung zu 1	Verbindung zu 2	Verbindung zu 3	Verbindung zu 4	Verbindung zu 5
Knoten 1			1		1
Knoten 2			1	1	1
Knoten 3	1	1			
Knoten 4		1			
Knoten 5	1		1		

jede 1 in der Matrix entspricht einer Verbindung!

12.8. Graph mit Gewichtung

Jede Verbindung besitzt ebenfalls einen Wert



Beispiel Matrix:

	Verbindung zu 1	Verbindung zu 2	Verbindung zu 3	Verbindung zu 4	Verbindung zu 5
Knoten 1			3		8

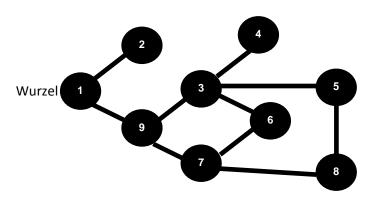
Knoten 2			5	2	6
Knoten 3	3	5			
Knoten 4		2			
Knoten 5	8		6		

jede Zahl in der Matrix entspricht der Gewichtung einer Verbindung!

Klasse Graph:

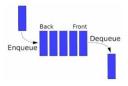
12.9. Breath First Search für Graphen

Die Breitensuche beruht auf Queue Prinzip.



Regeln:

- Tiefere Nachbarn zuerst schreiben
- Zahl die im Queue beim Ausgang dequeue steht ist aktueller Node
- Beim Besuch Node den Wert auswerfen mit cout
- Beim Besuch Node wird dieser als "besucht" markiert



Beispiel:

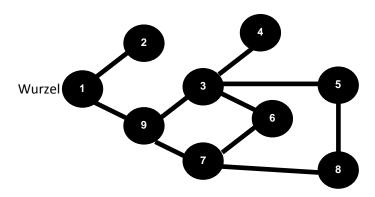
Schritt	Node IST	Aktion	EN – Queue - DE	Ausgabe
1		Bei Wurzel starten, Enqueue (1)	1	
2	1	Enqueue (2,9) Nachbarn von 1 in Queue schreiben	9,2,1	1,2,9
	1	Dequeue (1) weil keine unbesuchten Nachbarn	9,2	1,2,9
	2	keine unbesuchten Nachbarn, Dequeue (2)	9	1,2,9
	9	Enqueue (3,7) Nachbarn von 9 in Queue schreiben	7,3, <mark>9</mark>	1,2,9,3,7
	9	9 keine unbesuchten Nachbarn, Dequeue (9)	7,3	1,2,9,3,7
	3	Enqueue(4,5,6) Nachbarn von 3 in Queue schreiben	6,5,4,7, 3	1,2,9,3,7,4,5,6
	3	3 keine unbesuchten Nachbarn, Dequeue (3)	6,5,4	1,2,9,3,7,4,5,6
	4	keine unbesuchten Nachbarn, Dequeue (4)	6, 5	1,2,9,3,7,4,5,6
	5	Enqueue(8) Nachbarn von 5 in Queue schreiben	8,6,5	1,2,9,3,7,4,5,6,8
	5	5 keine unbesuchten Nachbarn, Dequeue (5)	8,6	1,2,9,3,7,4,5,6,8
	6	6 keine unbesuchten Nachbarn, Dequeue (6)	8	1,2,9,3,7,4,5,6,8

8	8 keine unbesuchten Nachbarn, Dequeue (8)	1,2,9,3,7,4,5,6,8
	Queue leer	1,2,9,3,7,4,5,6,8
	FERTIG	1.2.9.3.7.4.5.6.8

Pseudo Code Funktion FBS:

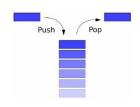
12.10. Depth First Search für Graphen

Die Tiefensuche beruht auf Stack Prinzip.



Regeln:

- Immer zuerst zu dem tieferen Node gehen
- Oberster Wert in Stack ist aktueller Node
- Beim Besuch Node den Wert auswerfen mit cout
- Beim Besuch Node wird dieser als "besucht" markiert



Beispiel:

Schritt	Node IST	Aktion	push-pop -STACK	Ausgabe
1		Bei Wurzel starten, push 1	1	
2	1	Besuchen kleineren Nachbar unbesucht (2), push 2	2,1	1,2
3	2	2 hat keine unbesuchten Nachbarn, pop	1	1,2
4	1	Besuchen kleineren Nachbar unbesucht (9), push 9	9,1	1,2,9
5	9	Besuchen kleineren Nachbar unbesucht (3), push 3	3,9,1	1,2,9,3
6	3	Besuchen kleineren Nachbar unbesucht (4), push 4	4,3,9,1	1,2,9,3,4
7	4	4 hat keine unbesuchten Nachbarn, pop	3, 9,1	1,2,9,3,4
8	3	Besuchen kleineren Nachbar unbesucht (5), push 5	5 ,3,9,1	1,2,9,3,4,5
9	5	Besuchen kleineren Nachbar unbesucht (8), push 8	8 ,5,3,9,1	1,2,9,3,4,5,8
10	8	Besuchen kleineren Nachbar unbesucht (7), push 7	7 ,8,5,3,9,1	1,2,9,3,4,5,8,7
11	7	Besuchen kleineren Nachbar unbesucht (6), push 6	6,7,8,5,3,9,1	1,2,9,3,4,5,8,7,6
12	6	6 keine unbesuchten Nachbarn, pop	7 ,8,5,3,9,1	1,2,9,3,4,5,8,7,6
13	7	7 keine unbesuchten Nachbarn, pop	8 ,5,3,9,1	1,2,9,3,4,5,8,7,6
14	8	8 keine unbesuchten Nachbarn, pop	5 ,3,9,1	1,2,9,3,4,5,8,7,6
15	5	5 keine unbesuchten Nachbarn, pop	3,9,1	1,2,9,3,4,5,8,7,6
16	3	3 keine unbesuchten Nachbarn, pop	9,1	1,2,9,3,4,5,8,7,6
17	9	9 keine unbesuchten Nachbarn, pop	1	1,2,9,3,4,5,8,7,6
18	1	1 keine unbesuchten Nachbarn, pop = Stack leer		1.2.9.3.4.5.8.7.6

19 FERTIG

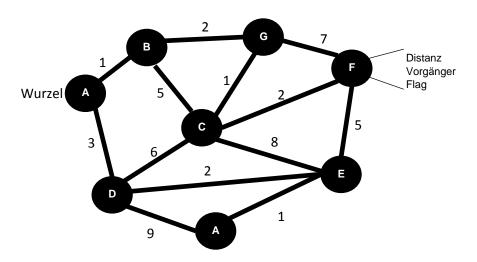
Pseudo Code Funktion DFS:

12.11. Dijkstra's Algorithmus

Mit dem Dijkstra's Algorithmus wird der kürzeste Weg in einem Graph gefunden. Jedem Node werden die zusätzlichen drei Attribute zugeordnet:

- Distanz
- Vorgänger
- Flag "Besucht"

Anhand einer Matrix kann zu jedem Zeitpunkt immer zwischen zwei Nodes die Kosten berechnet werden.



Regeln:

- Alle Nodes sind als "nicht besucht" markiert
- Alle Attribute auf
 - o Distanz unendlich
 - o Vorgänger 0
 - Flag 0
- Startpunkt definieren
- Ein besuchter Node wird nicht mehr geändert
- Wenn zwei Node die gleichen Kosten haben wird der erste in der Tabelle genommen
- Matrix mit allen Knoten erstellen

Beispiel:

	Distanz	Vorgänger	Flag
Α	8	0	false
В	8	0	false
С	8	0	false
D	8	0	false
E	8	0	false
F	8	0	false
G	8	0	false
Н	8	0	false

Lösung:

	Distanz	Vorgänger	Flag
Α	0	Α	1
В	1	Α	1
С	4	G	1
D	3	Α	1
E	5	D	1
F	6	С	1
G	3	В	1
Н	6	E	1

13. Templates

Templates erlauben es einen "Platzhalter" anstelle eines Datentypen einzusetzen und dann während der Laufzeit den Datentypen beim Erstellen das Objekt zu übergeben.

Wichtig:

Wenn Template verwendet werden wird es kein Code für die Implementierung in das Methoden File geschrieben sondern alles unterhalb der Klassendefinition im Header File.

Klassen Beispiel:

```
template <class T>
class Stack{
               private:
                    T *values;
                   int index;
                   int maxSize;
                public:
                    Stack(int maxSize);
                    Stack(const Stack T & obj);
                    Stack operator= (const Stack & obj);
                   virtual ~Stack();
                   bool push(T value);
                   bool pop(T &value);
                   bool top (T &value);
                   int size();
                   bool isEmpty();
                   void printValues();
                   T getRandomValue();
};
template <class T>
                Stack<T>::Stack(int maxSize) {
               ...}
template <class T>
               Stack<T>::Stack(const Stack T & obj){
template <class T>
               Stack<T>& Stack<T>::operator =(const Stack<T> & obj){
template <class T>
               Stack<T>::~Stack(){
template <class T>
               bool Stack<T>::pop(T &value){
template <class T>
               bool Stack<T>::top(T &value){
               ...}
template <class T>
               int Stack<T>::size(){
               ...}
template <class T>
               bool Stack<T>::isEmpty(){
template <class T>
               void Stack<T>::printValues(){
               ...}
template <class T>
               T Stack<T>::getRandomValue(){
```

...}

```
Main Beispiel:
//Deklarieren und Initialisieren Variabeln
int sizeReturn (-1);
int intSize (10), intPopReturn (0), intTopReturn (0);
long longSize (15), longPopReturn (0), longTopReturn (0);
short shortSize (15), shortPopReturn (0), shortTopReturn (0);
//Erzeugen neue Objekte
Stack<int> intStack1(intSize);
Stack<long> longStack1(longSize);
Stack<int> intStack2(intStack1);
Stack<short> shortStack1(shortSize);
```

Funktion Beispiel schlecht:

Compilerfehler weil die Klasse A nicht den Operator < überladet!

Funktion Beispiel gut:

14. Containers in C++ STL Library

(STL → Standard Template Liabary)

- Container (er. List, container, queue,...)
- Iteration Operatoren
- Algorithmen

Link EN: http://www.cplusplus.com/reference/stl/

Link DE: http://de.cppreference.com/w/cpp/container

Container Einteilung:

- 1. Sequenzielle Container (werden in der Reihenfolge abgelegt in der sie gespeichert werden)
- 2. Adaptive Container (können nicht mit einem Iteration Operator durchlaufen werden, zum Bsp. Stack -> Push / Pop oder Queue -> enqueue, dequeue)
- 3. Assoziative Container (mit innerer Ordnung, Daten werden bereits beim ablegen sortiert)

Sequenzielle Container:

- Array
- List (hat keinen Zugriff direkt auf Element in der Liste ausser mit Iteration der Bibliothek)
- Vektor (nur bei letzten Element dynamisch)
- Deque (wie Vektor aber am Anfang und am Ende dynamisch)

Adaptive Container:

- Stack
- Queue

Assoziative Container:

- Set (Sortierter Container mit eindeutigen Inhalten)
- Multiset (wie map nur ist es hier möglich gleiche Werte mehrfach zu speichern)
- Map (Sortierter Container mit zwei Werten die eindeutig sind)
- Multimap (wie map, nur ist es hier möglich gleiche Werte mehrfach zu speichern)

14.1. Beispiel Container Deque, Vector, List

```
deque<int>::iterator iter;
          for (iter = conatiner begin(); iter!= container end(); iter++){
              //wenn in der Mitte Zugriff dann einfach "begin() + 10" einfügen
              //iter => iste ein pointer auf Element
              cout << *iter >>endl;
          }
// Element am Ende einfügen bei Dequeue, List, Vektor
          objekt.push_back(rand());
// Element am Start einfügen, funktioniert nicht mit Vektor
          objekt.push_front(rand());
//Elemet an spezifischer Stelle einfügen
          list<int > : : iterator iter3 = c3 . begin ();
          objekt.insert(iter3, rand());
// Element löschen
          vector<int > :: iterator iter2 = c2 . begin ();
          objekt.erase(iter2);
// For Schlaufe
          deque<int > : : iterator iter1 ;
          for (iter1=c1 . begin ( ) ; iter1!=c1 . end ( ) ; iter1++) {
          cout << _iter1 << endl;
```

14.2. Beispiel Set / Map

```
#include <iostream>
#include <map>
#include <set>
Using namespace std;
int main (int argc, char **argv){
int intsize = 10000000;
int intErase = 10000000;
//Grundlagen
          map<string, int> ageTable;
          //Wert einfügen 1
              ageTable["B.Pitt"] = 48;
              ageTable["G.Bush"] = 76;
              ageTable["M.Mislin"] = 38;
              ageTable["D.Erhart"] = 5;
              ageTable["B.Pitt"] = 50; //überschreibt 48 bei B.Pitt
          //Wert einfügen 2
              pair<map<string, int>::iterator, bool> ret;
              ret = ageTable.insert (pair<string, int> ("G.Bush", 76)); //wird nicht eingefügt weil schon vorhanden,
                                                                      //Rückgabe 0
              cout << "Return Val: " << ret.second << endl;
              ret = ageTable.insert (pair<string, int> ("B.Obama", 72)); //wird eingefügt weil nicht vorhanden, Rückgabe 1
              cout << "Return Val: " << ret.second << endl;
          //Container durchlaufen
              map<string,int>::iterator iter;
              for(iter=ageTable.begin(); iter!= ageTable.end(); iter++){
                        cout << iter ->first <<" , " <<iter ->second << endl;
              }
//Andere Beispiele zu Map / Set
          map<int, int> mapTable;
          set<int> setTable;
```

15. Algorithmen in C++ STL Library

usw.

Link EN: http://www.cplusplus.com/reference/algorithm/?kw=algorithm

Link DE: http://de.cppreference.com/w/cpp/algorithm

Es stehen verschiedene Algorithmen in der Bilbliothek die zur Verfügung stehen um damit auf Container zu arbeiten. Es gibt folgende Beispiele:

count(begin, end, gesuchterWert); //funktioniert nicht bei list weil kein Index besteht sondern ein pointer auf das nächste Element. //gibt eine Fefernz auf das erste Elemten vom bereich begin end zurück find_it(begin, end, Funktion);

16. String Matching Algorithmen

Ein String Matching Algorithmus besteht immer aus den folgenden zwei Teilen:

- String der geprüft werden soll
- Pattern (Muster, Vorlage) auf den der String durchsucht werden soll

16.1. Naives String Matching

Ein String wird auf ein Pattern geprüft indem auf jeder Position der Textes gegen den Pattern verglichen wird solange ein Match auftritt. Bei einem Miss Match wird automatisch der Pattern um eine Position nach rechts verschoben.

```
Ε
   R
      Ε
                     S
                                                 1
                                                      Μ
                                                               L
                                                                              Ε
                                                                                  Χ
                                                                                       Α
                                                                                           Μ
                                                                                                Р
                                                                                                   L E
            Р
Χ
                 L
                     Е
                                                                                                             1 Abbruch bei Vergleich 1
   Α
       M
       Α
                 Р
                          Ε
                                                                                                             2 Abbruch bei Vergleich 2
       Χ
            Α
                 Μ
                     Р
                                                                                                                Abbruch bei Vergleich 1
                          L
       Ē
            Χ
                          Р
                                                                                                                Abbruch bei Vergleich 2
                 Α
                     M
                               L
                 Х
                          Μ
                               Р
                                                                                                                Abbruch bei Vergleich 1
                 Ē
                     Х
                                             Ε
                                                                                                                Abbruch bei Vergleich 1
                          Α
                               M
                                        L
                                        Р
                                                                                                                Abbruch bei Vergleich 1
                          Х
                               Α
                                   M
                                             L
                                                  Ε
                                             Ρ
                                                                                                                Abbruch bei Vergleich 1
                                                  Ρ
                                                                                                                Abbruch bei Vergleich 1
                                   Х
                                        Α
                                                           Ε
                                             M
                                        Χ
                                             Α
                                                  Μ
                                                      Р
                                                                Ε
                                                                                                                Abbruch bei Vergleich 1
                                             Х
                                                                                                                Abbruch bei Vergleich 1
                                                                                                                Abbruch bei Vergleich 1
                                                  Х
                                                                         Ε
                                                      Α
                                                           M
                                                                    Р
                                                                                                                Abbruch bei Vergleich 1
                                                  Ε
                                                      Χ
                                                           Α
                                                                Μ
                                                                         L
                                                                              Ε
                                                                         Р
                                                                                                                Abbruch bei Vergleich 1
                                                                              Ρ
                                                                                                                Abbruch bei Vergleich 1
                                                               Х
                                                                    Α
                                                                         M
                                                                                  L
                                                                                       Ε
                                                                                  Ρ
                                                                                                                Abbruch bei Vergleich 1
                                                                Ē
                                                                    Χ
                                                                         Α
                                                                              Μ
                                                                                       L
                                                                                            Ε
                                                                                       Ρ
                                                                                                                Abbruch bei Vergleich 2
                                                                                                                Abbruch bei Vergleich 1
                                                                              Х
                                                                                  Α
                                                                                            Р
                                                                                                L E
                                                                                       M
                                                                                                             7
                                                                              E
                                                                                  X
                                                                                                Р
                                                                                                   L
                                                                                                       Ε
                                                                                                                Match
                                                                                                            28
```

```
Klasse:
class Naive {
                public:
                     static int naive(const string &Text, const string &Pattern, int startpos=0);
};
Methode:
void Naive::naiv(const string &Text, const string &Pattern, int startpos){
                int index (0);
                 while(index + pattern.size() < text.size() ){
                     bool flag = true;
                     for (int i = 0; i < pattern.size; i++){
                               if (pattern-at(i)!= text.at (index + i) {
                                          flag = false;
                                         index ++;
                                          break;
                               }
```

}

```
. . . If ( flag ) {
. . . index ++;
. . }
. }
```

16.2. Boyer Moore String Matching

Der Vergleich vom Text und dem Pattern wird für den Vergleich von der rechten Seite her gestartet.

- Ist letztes Zeichen im vom Pattern ein Match? Wenn Miss Match, pr
 üfen ob das Zeichen vom
 Text im Pattern vorkommt.
 - Wenn das Zeichen vom Text nicht im Pattern vorkommt, dann wird der komplette Pattern um Pattern.size() nach rechts verschoben.
 - Wenn das Zeichen vom Text im Pattern vorkommt, verschieben Pattern bis die beiden Zeichen auf der gleichen Position sind.

BOYER MORE

```
H E R E I S A S S I M P L E E X A M P L E

E X A M P L E

E X A M P L E

E X A M P L E

5

E X A M P L E

7

15
```

16.3. Knuth Morris Pratt (KMP) String Matching

Der KMP baut auf dem Naiven Suchlogarithmus auf mit dem Unterschied dass das Pattern nicht nur um eine Position sondern bei Bedarf um mehrere verschoben wird. Dazu wird vorab der Pattern auf der ganzen Länge auf einen gleichen Präfix == Suffix vom Pattern geprüft und alle Möglichkeiten zwischengespeichert.

Der Vergleich vom Text und dem Pattern wird für den Vergleich von der linken Seite her gestartet.

- Ist auf der Anzahl Zeichen bei denen vom Pattern bei welchen ein Match war <u>kein</u>
 Präfix == Suffix, dann denn Pattern so weit nach rechts schieben, dass der Präfix genau unter dem Suffix sthet.
- Ist auf der Anzahl Zeichen bei denen vom Pattern bei welchen ein Match war <u>ein</u>
 Präfix == Suffix, dann denn Pattern nach rechts auf Missmatch verschieben

```
MORISE
                        (KNP)
 räfix
              /
                  Suffix
A B C
        ABCDAB
                      ABCDABCDABDE....
ABCD ABD
                                                       4
      A B C D A B D
                                                       1
        A B C D A B D
                        P r \ddot{a} f - S u f
                A B C D A B D
                                                       3
                    A B C D A B D
                                                       1
                      A B C D A B D
                                                       7
                              A B P r \ddot{a} f - S u f
                      A B
                              ABCDABD
                                            A B C . . .
                                                       1
                                              A \cdot u \cdot s \cdot w
                                                       31
```