

# Relatório INF05016:

Augusto Falcão Flach

## a) Possíveis detalhes relevantes da implementação:

Não sou um bom programador C++, mas estou tentando aprender, então resolvi tentar usar a linguagem. Isso talvez fique evidente se olhar o código. Então apesar de a complexidade assintótica continuar correta, acredito que o programa ficou drasticamente mais lento devido a alguma falta de habilidade pontual (e à minha necessidade de ter ponteiros para todos os lados).

Eu rodei o algoritmo nos Estados Unidos partindo do vértice 1 ao 2 com os 2,3,4,5,10-Heap para testar qual seria mais rápido. O que venceu foi o 4-Heap. A partir disso, usei ele para os outros testes.

O 10-Heap foi o mais lento, apesar de ter sido o que necessitou de menos iterações de SiftUp e SiftDown. Acredito que isso se deve a “precisar” fazer a comparação entre o valor de todos os filhos de um nó para escolher o menor. Dessa forma, por exemplo, K comparações para cada Sift Down =>  $10 \cdot 82330664 > 2 \cdot 224355914$ . Então apesar de ter menos Sift Downs, possui mais comparações (para esse grafo e vértices escolhidos).

## b) O ambiente de teste:

Rodei os testes em um notebook Ninkear com 16GB DDR4 (2666GHz) - i7-1165G7 @ 2.80GHz - SSD NVMe 512GB (3000Mb/s) rodando Kubuntu 23.10. O compilador pode até importar, mas entendo pouco disso. Rodei os testes pela IDE CLion (JetBrains), diretamente pelo console da IDE (em modo Debug, o que provavelmente é mais lento).

c-d) O resultado dos experimentos e análise:

**NOTA: Recomendo ver os resultados pelo PDF por mais fácil visualização. Fiz no Google Sheets e o .csv ficou sem a formatação.**

Grafo nos Estados Unidos:

Nodes 1 -> 2	Inserts	DeleteMins	Updates	SiftUp (iterations)	SiftDown (iterations)	Duration
10-Heap	23947347	23947347	1712835	1203067	82330664	80880ms
5-Heap	23947347	23947347	1712871	2150936	108893981	72396ms
4-Heap	23947347	23947347	1712828	2667524	124658356	67212ms
3-Heap	23947347	23947347	1712869	3679047	150927286	70406ms
2-Heap	23947347	23947347	1712809	6788424	224355914	74184ms
30-Iterations average	Inserts	DeleteMins	Updates	SiftUp (iterations)	SiftDown (iterations)	Duration
4-Heap	23947347	23947347	1717347	2694603	123436326	57383ms

Grafos gerados Aleatoriamente:

20-Interactions Average (Random Graph) - 4-Heap	Inserts	DeleteMins	Updates	SiftUp (iterations)	SiftDown (iterations)	Duration
5000 Nodes - 0.4 Edge Chance	5001	5001	30891	11984	25473	101ms
5000 Nodes - 0.3 Edge Chance	5001	5001	29508	11560	25554	77ms
5000 Nodes - 0.2 Edge Chance	5001	5001	27368	10662	25634	57ms
5000 Nodes - 0.1 Edge Chance	5001	5001	23959	9520	25684	39ms
5000 Nodes - 0.05 Edge Chance	5001	5001	20549	8437	25679	22ms
5000 Nodes - 0.01 Edge Chance	5001	5001	12496	6020	25669	14ms
20-Interactions Average (Random Graph) - 4-Heap	Inserts	DeleteMins	Updates	SiftUp (iterations)	SiftDown (iterations)	Duration
40000 Nodes - 0.01 Edge Chance	40001	40001	182824	73359	266133	346ms
20000 Nodes - 0.01 Edge	20001	20001	77569	32382	122767	106ms

Chance						
10000 Nodes - 0.01 Edge Chance	10001	10001	31882	14242	56471	43ms
5000 Nodes - 0.01 Edge Chance	5001	5001	12496	6020	25669	14ms
<b>50-Interactions Average (Random Graph) - 4-Heap</b>	<b>Inserts</b>	<b>DeleteMins</b>	<b>Updates</b>	<b>SiftUp (iterations)</b>	<b>SiftDown (iterations)</b>	<b>Duration</b>
2000 Nodes - 0.8 Edge Chance	2001	2001	11888	4710	8911	28ms
1000 Nodes - 0.8 Edge Chance	1000	1000	5270	2096	3999	7ms
2000 Nodes - 0.6 Edge Chance	2001	2001	11358	4433	8938	20ms
1000 Nodes - 0.6 Edge Chance	1001	1001	5009	2018	4011	6ms
2000 Nodes - 0.4 Edge Chance	2001	2001	11358	4433	8938	20ms
1000 Nodes - 0.4 Edge Chance	1001	1001	4526	1836	4014	7ms

Também fiz outros testes para olhar como os tempos variam entre cada mudança de variável. Por exemplo, tentei projetar o comportamento do algoritmo para um Edge Chance “semelhante” ao dos estados unidos ( $\#arcs / \#nodes$ ) /  $\#nodes = 1.01718995e-7$ . Como é de se imaginar, isso gerou um grafo quase totalmente desconexo, e todos testes geram “inf”. Comecei a conseguir uma taxa < 50% de “inf” para EdgeChance > 0.0002.

Abaixo seguem os resultados calculados e a confirmação de que estão dentro dos limites teóricos.

<b>Nodes 1 -&gt; 2 (US Graph)</b>	<b><i>n</i></b>	<b><i>m</i></b>	<b><i>r</i></b>	<b><i>i</i></b>	<b><i>d</i></b>	<b><i>u</i></b>	<b><i>K</i></b>
10-Heap	23.947.347	58.333.344	0,228	1	1	0,029	10
5-Heap	23.947.347	58.333.344	0,212	1	1	0,029	5
4-Heap	23.947.347	58.333.344	0,209	1	1	0,029	4
3-Heap	23.947.347	58.333.344	0,202	1	1	0,029	3
2-Heap	23.947.347	58.333.344	0,190	1	1	0,029	2
<b>30-Iterations Average (US Graph)</b>	<b><i>n</i></b>	<b><i>m</i></b>	<b><i>r</i></b>	<b><i>i</i></b>	<b><i>d</i></b>	<b><i>u</i></b>	<b><i>K</i></b>
4-Heap	23.947.347	58.333.344	0,207	1	1	0,029	4

<b>20-Interactions Average (Random Graph) - 4-Heap</b>	<i>n</i>	<i>m</i>	<i>r</i>	<i>i</i>	<i>d</i>	<i>u</i>	<i>K</i>
5000 Nodes - 0.4 Edge Chance	5.000	10.000.000	0,149	1	1	0,003	4
5000 Nodes - 0.3 Edge Chance	5.000	7.500.000	0,153	1	1	0,004	4
5000 Nodes - 0.2 Edge Chance	5.000	5.000.000	0,158	1	1	0,005	4
5000 Nodes - 0.1 Edge Chance	5.000	2.500.000	0,169	1	1	0,010	4
5000 Nodes - 0.05 Edge Chance	5.000	1.250.000	0,182	1	1	0,016	4
5000 Nodes - 0.01 Edge Chance	5.000	250.000	0,229	1	1	0,050	4
<b>20-Interactions Average (Random Graph) - 4-Heap</b>	<i>n</i>	<i>m</i>	<i>r</i>	<i>i</i>	<i>d</i>	<i>u</i>	<i>K</i>
40000 Nodes - 0.01 Edge Chance	40.000	16.000.000	0,169	1	1	0,011	4
20000 Nodes - 0.01 Edge Chance	20.000	4.000.000	0,185	1	1	0,019	4
10000 Nodes - 0.01 Edge Chance	10.000	1.000.000	0,205	1	1	0,032	4
5000 Nodes - 0.01 Edge Chance	5.000	250.000	0,229	1	1	0,050	4
<b>50-Interactions Average (Random Graph) - 4-Heap</b>	<i>n</i>	<i>m</i>	<i>r</i>	<i>i</i>	<i>d</i>	<i>u</i>	<i>K</i>
2000 Nodes - 0.8 Edge Chance	2.000	3.200.000	0,156	1	1	0,004	4
1000 Nodes - 0.8 Edge Chance	1.000	800.000	0,168	1	1	0,007	4
2000 Nodes - 0.6 Edge Chance	2.000	2.400.000	0,159	1	1	0,005	4
1000 Nodes - 0.6 Edge Chance	1.000	600.000	0,173	1	1	0,008	4
2000 Nodes - 0.4 Edge Chance	2.000	1.600.000	0,159	1	1	0,007	4
1000 Nodes - 0.4 Edge	1.000	400.000	0,180	1	1	0,011	4

Chance							
--------	--	--	--	--	--	--	--

Também fiz medições de tempo. Passei quase meio dia tentando fazer essas execuções, mas bem dificilmente elas tinham resultados consistentes. Boa parte do tempo empregado nas execuções não era rodando o algoritmo, mas sim gerando os grafos. Esse processo levava centenas de vezes mais tempo do que a execução do Dijkstra.

Mesmo rodando Dijkstra centenas de vezes, havia muita variação entre os resultados. Esses foram os conjuntos de dados mais consistentes que consegui:

<b>Nodes 1 -&gt; 2 (US Graph)</b>	<b><i>n</i></b>	<b><i>m</i></b>	<b>Duration (ms)</b>	<b><math>T/((n+m)\log(n))</math></b>
10-Heap	23.947.347	58.333.344	80.880	0,0001332
5-Heap	23.947.347	58.333.344	72.396	0,0001192
4-Heap	23.947.347	58.333.344	67.212	0,0001107
3-Heap	23.947.347	58.333.344	70.406	0,0001160
2-Heap	23.947.347	58.333.344	74.184	0,0001222
<b>40-Iterations Average (US Graph)</b>	<b><i>n</i></b>	<b><i>m</i></b>	<b>Duration (ms)</b>	<b><math>T/((n+m)\log(n))</math></b>
4-Heap	23.947.347	58.333.344	57.383	0,0000945
<b>20-Interactions Average (Random Graph) - 4-Heap</b>	<b><i>n</i></b>	<b><i>m</i></b>	<b>Duration (ms)</b>	<b><math>T/((n+m)\log(n))</math></b>
5000 Nodes - 0.4 Edge Chance	5.000	10.000.000	101	0,0000027
5000 Nodes - 0.3 Edge Chance	5.000	7.500.000	77	0,0000028
5000 Nodes - 0.2 Edge Chance	5.000	5.000.000	57	0,0000031
5000 Nodes - 0.1 Edge Chance	5.000	2.500.000	39	0,0000042
5000 Nodes - 0.05 Edge Chance	5.000	1.250.000	22	0,0000047
5000 Nodes - 0.01 Edge Chance	5.000	250.000	14	0,0000148
<b>40-Interactions Average (Random Graph) - 4-Heap</b>	<b><i>n</i></b>	<b><i>m</i></b>	<b>Duration (ms)</b>	<b><math>T/((n+m)\log(n))</math></b>
40000 Nodes - 0.01 Edge Chance	40.000	16.000.000	346	0,0000047
20000 Nodes - 0.01 Edge Chance	20.000	4.000.000	106	0,0000061
10000 Nodes - 0.01 Edge Chance	10.000	1.000.000	43	0,0000106
5000 Nodes - 0.01 Edge Chance	5.000	250.000	14	0,0000148
<b>50-Interactions Average (Random Graph) - 4-Heap</b>	<b><i>n</i></b>	<b><i>m</i></b>	<b>Duration (ms)</b>	<b><math>T/((n+m)\log(n))</math></b>
2000 Nodes - 0.8 Edge Chance	2.000	3.200.000	28	0,0000026
1000 Nodes - 0.8 Edge Chance	1.000	800.000	7	0,0000029

2000 Nodes - 0.6 Edge Chance	2.000	2.400.000	20	0,0000025
1000 Nodes - 0.6 Edge Chance	1.000	600.000	6	0,0000033
2000 Nodes - 0.4 Edge Chance	2.000	1.600.000	20	0,0000038
1000 Nodes - 0.4 Edge Chance	1.000	400.000	7	0,0000058

O último conjunto de dados foi o menos estruturado, então mesmo mostrando os mesmos resultados, têm uma pior visualização.

Apesar disso, gostaria de apontar que o cálculo de  $T/((n+m)\log(n))$  gerou valores consistentemente decrescentes. Não foram realizadas as contas para conferir se eles se aproximam corretamente de algum comportamento teórico, portanto deixaremos como trabalhos futuros calcular corretamente seu comportamento esperado e empírico para afirmar diretamente se os mesmos se aproximam de um comportamento  $1/X$  ou de funções logarítmicas inversas.

## Conclusão

Foi feita a construção de um algoritmo de Dijkstra e de uma fila de prioridade K-Heap na linguagem C++. A partir disso, foi feito o teste de processamento com base em diversas entradas de exemplo do desafio DIMACS 9, e por fim foi feita a execução do algoritmo com entradas geradas randomicamente para a constatação de seus comportamentos empíricos, e de que os mesmos respeitam os limites assintóticos teóricos.