

# Lista 2 - Análise de Sobrevivência

Augusto Cesar Nunes - 13/0103004

## Contents

<b>Exercício 1</b>	<b>1</b>
Item (a) . . . . .	1
Item (b) . . . . .	1
<b>Exercício 2</b>	<b>2</b>
Item (a) . . . . .	2
Item (b) . . . . .	3
Item (c) . . . . .	5
Item (d) . . . . .	5
Item (e) . . . . .	6
Item (f) . . . . .	6
<b>Exercício 3</b>	<b>7</b>
Item (a) . . . . .	7
Item (b) . . . . .	9
Item (c) . . . . .	10
Item (d) . . . . .	11
<b>Exercício 4</b>	<b>13</b>
Item (a) . . . . .	13
Item (b) . . . . .	14
Item (c) . . . . .	17
Item (d) . . . . .	18
<b>Exercício 5</b>	<b>19</b>
Item (a) . . . . .	19
Item (b) . . . . .	19
Item (c) . . . . .	19

## Exercício 1

### Item (a)

$$P(T > 1) = 1 - P(T < 1) = 1 - \int_0^1 2t * \exp\{-t^2\} dt = 1 - (1 - \exp\{-1\}) \approx 0,3679$$

### Item (b)

$$h(t) = \frac{f(t)}{S(t)} = \frac{2t * \exp\{-t^2\}}{\exp\{-t^2\}} \Rightarrow \lim_{t \rightarrow \infty} h(t) = \infty$$

## Exercício 2

### Item (a)

```
## Loading required package: survival

## Call: survfit(formula = Surv(time = tempos.ex2, event = censuras.ex2) ~
##      1, conf.int = F)
##
##      time n.risk n.event survival std.err
##      7      50      1    0.980  0.0198
##     34      49      1    0.960  0.0277
##     42      48      1    0.940  0.0336
##     63      47      1    0.920  0.0384
##     64      46      1    0.900  0.0424
##     83      44      1    0.880  0.0461
##     84      43      1    0.859  0.0494
##     91      42      1    0.839  0.0523
##    108      41      1    0.818  0.0549
##    112      40      1    0.798  0.0572
##    129      39      1    0.777  0.0593
##    133      38      2    0.736  0.0628
##    139      36      1    0.716  0.0643
##    140      35      2    0.675  0.0668
##    146      33      1    0.655  0.0678
##    149      32      1    0.634  0.0687
##    154      31      1    0.614  0.0695
##    157      30      1    0.593  0.0701
##    160      29      2    0.552  0.0710
##    165      27      1    0.532  0.0713
##    173      26      1    0.511  0.0714
##    176      25      1    0.491  0.0714
##    218      23      1    0.470  0.0714
##    225      22      1    0.448  0.0713
##    241      21      1    0.427  0.0710
##    248      20      1    0.406  0.0706
##    273      19      1    0.384  0.0700
##    297      17      1    0.362  0.0695
##    405      15      1    0.337  0.0689
##    417      14      1    0.313  0.0681
##    420      13      1    0.289  0.0670
##    440      12      1    0.265  0.0656
##    523      11      1    0.241  0.0639
##    583       9      1    0.214  0.0622
##    594       8      1    0.187  0.0599
##   1101       7      1    0.161  0.0570
##   1146       5      1    0.129  0.0539
##   1417       1      1    0.000    NaN

## Call: survfit(formula = coxph(Surv(tempos.ex2, censuras.ex2) ~ 1, method = "breslow"))
##
##      time n.risk n.event survival std.err lower 95% CI upper 95% CI
##      7      50      1    0.9802  0.0196    0.94252    1.000
##     34      49      1    0.9604  0.0274    0.90809    1.000
```

##	42	48	1	0.9406	0.0333	0.87761	1.000
##	63	47	1	0.9208	0.0380	0.84925	0.998
##	64	46	1	0.9010	0.0420	0.82227	0.987
##	83	44	1	0.8807	0.0457	0.79558	0.975
##	84	43	1	0.8605	0.0489	0.76975	0.962
##	91	42	1	0.8403	0.0518	0.74463	0.948
##	108	41	1	0.8200	0.0544	0.72009	0.934
##	112	40	1	0.7998	0.0567	0.69607	0.919
##	129	39	1	0.7795	0.0587	0.67249	0.904
##	133	38	2	0.7396	0.0622	0.62724	0.872
##	139	36	1	0.7193	0.0637	0.60473	0.856
##	140	35	2	0.6793	0.0661	0.56139	0.822
##	146	33	1	0.6591	0.0672	0.53974	0.805
##	149	32	1	0.6388	0.0681	0.51835	0.787
##	154	31	1	0.6185	0.0689	0.49722	0.769
##	157	30	1	0.5982	0.0695	0.47634	0.751
##	160	29	2	0.5584	0.0704	0.43613	0.715
##	165	27	1	0.5381	0.0707	0.41591	0.696
##	173	26	1	0.5178	0.0709	0.39591	0.677
##	176	25	1	0.4975	0.0710	0.37614	0.658
##	218	23	1	0.4763	0.0710	0.35559	0.638
##	225	22	1	0.4551	0.0709	0.33531	0.618
##	241	21	1	0.4340	0.0707	0.31529	0.597
##	248	20	1	0.4128	0.0704	0.29554	0.577
##	273	19	1	0.3916	0.0699	0.27606	0.556
##	297	17	1	0.3693	0.0694	0.25551	0.534
##	405	15	1	0.3454	0.0689	0.23372	0.511
##	417	14	1	0.3216	0.0681	0.21238	0.487
##	420	13	1	0.2978	0.0671	0.19150	0.463
##	440	12	1	0.2740	0.0658	0.17111	0.439
##	523	11	1	0.2502	0.0643	0.15124	0.414
##	583	9	1	0.2239	0.0627	0.12937	0.387
##	594	8	1	0.1976	0.0606	0.10836	0.360
##	1101	7	1	0.1713	0.0579	0.08828	0.332
##	1146	5	1	0.1402	0.0551	0.06493	0.303
##	1417	1	1	0.0516	0.0554	0.00628	0.424

## Item (b)

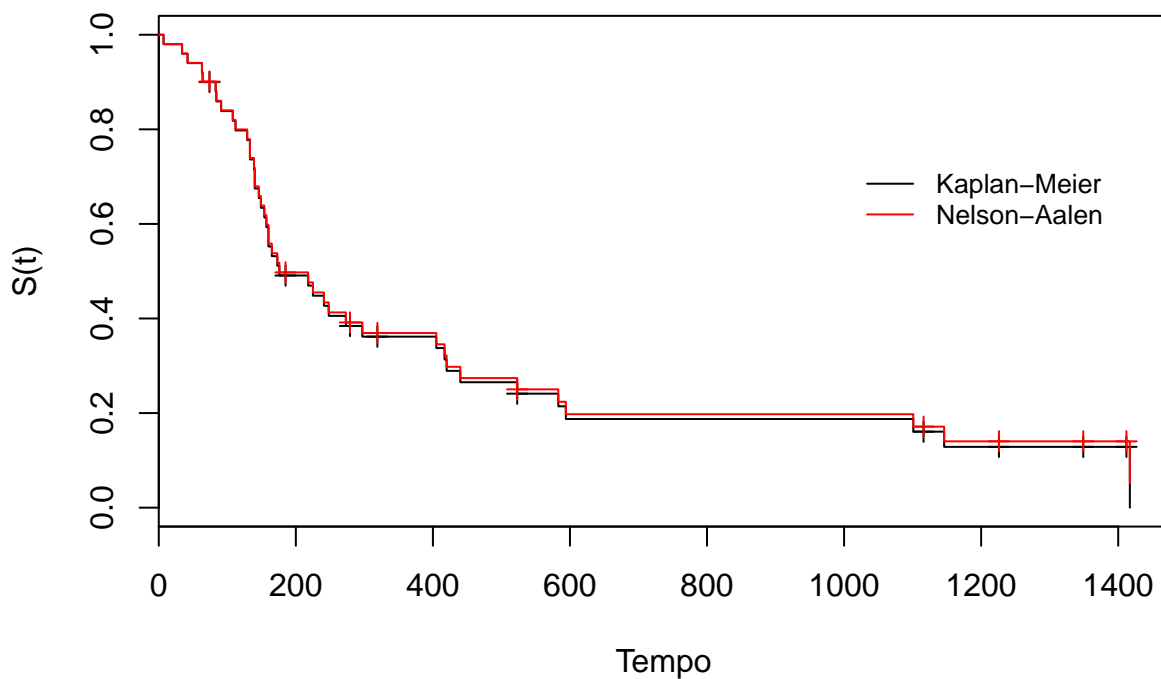
```
# plot(
# KM.ex2,
# conf.int = FALSE,
# xlab = "Tempo",
# ylab = "S(t)",
# main = "Estimativa para S(t) \n Método de Kaplan-Meier"
# )
# plot(
# NA.ex2,
# conf.int = FALSE,
# xlab = "Tempo",
# ylab = "S(t)",
# main = "Estimativa para S(t) \n Método de Nelson-Aalen"
```

```

# )
# par(mfrow=c(1,2))
# plot(
# KM.ex2,
# conf.int = FALSE,
# xlab = "Tempo",
# ylab = "S(t)",
# main = "Estimativa para S(t) \n Método de Kaplan-Meier"
# )
# plot(
# NA.ex2,
# conf.int = FALSE,
# xlab = "Tempo",
# ylab = "S(t)",
# main = "Estimativa para S(t) \n Método de Nelson-Aalen"
# )
par(mfrow = c(1,1))
plot(
KM.ex2,
conf.int = FALSE,
xlab = "Tempo",
ylab = "S(t)",
main = "Estimativas para S(t) \n ",
mark.time = T
)
lines(NA.ex2, col = 2, conf.int = F, mark.time = T)
legend(1000,0.75,lty=c(1,1),c("Kaplan-Meier","Nelson-Aalen"),bty="n",cex=0.8,col=c(1,2))

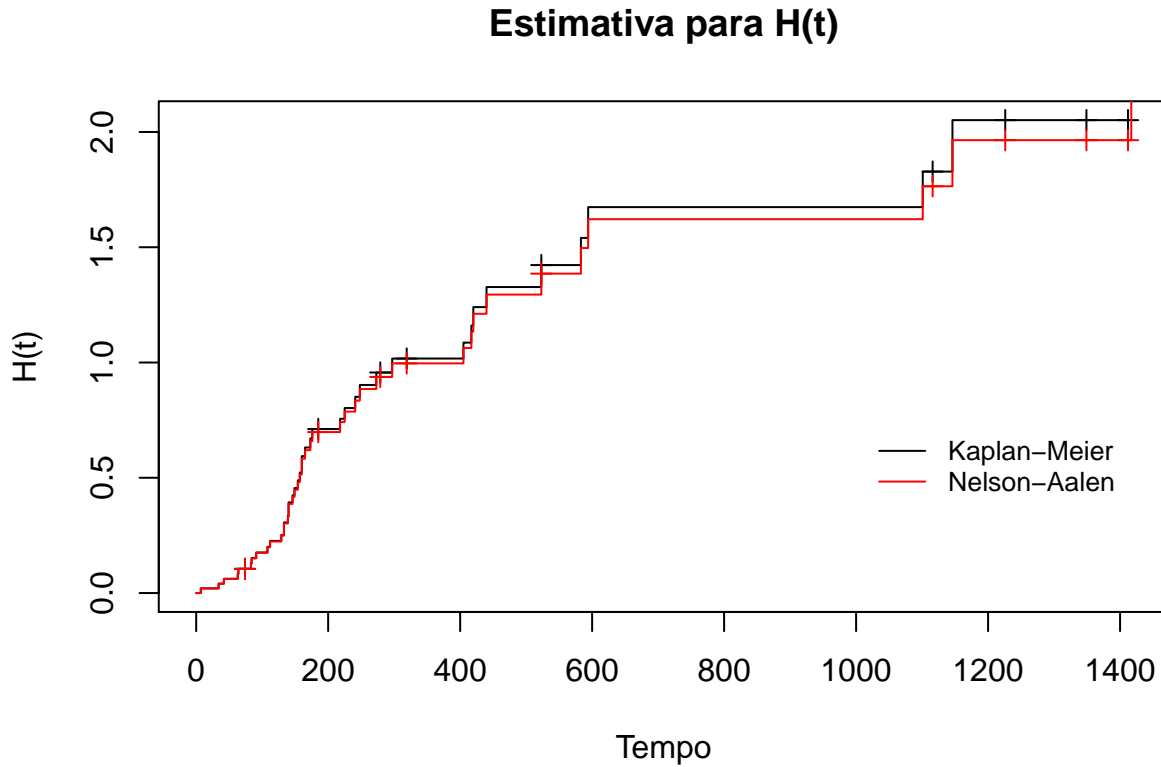
```

## Estimativas para S(t)



```
# plot(KM.ex2, fun = "cumhaz", xlab = "Tempo", ylab = "H(t)", main = "Estimativa para H(t) \n Método de
# plot(NA.ex2, conf.int = F, fun = "cumhaz", xlab = "Tempo", ylab = "H(t)", main = "Estimativa para H(t)

plot(KM.ex2, fun = "cumhaz", xlab = "Tempo", ylab = "H(t)", main = "Estimativa para H(t)", mark.time = T,
lines(NA.ex2, col =2, fun = "cumhaz", conf.int = F, mark.time = T)
legend(1000,0.75,lty=c(1,1),c("Kaplan-Meier","Nelson-Aalen"),bty="n",cex=0.8,col=c(1,2))
```



### Item (c)

Usando Interpolação:

$$\frac{176 - 173}{0,491 - 0,511} = \frac{\hat{t}_{MD,K-M} - 173}{0,5 - 0,511} \Rightarrow \hat{t}_{MD,K-M} \approx 175(174,65)$$

$$\frac{176 - 173}{0,4975 - 0,5178} = \frac{\hat{t}_{MD,N-A} - 173}{0,5 - 0,5178} \Rightarrow \hat{t}_{MD,N-A} \approx 175(174,993)$$

### Item (d)

1.  $\frac{42-34}{0,940-0,960} = \frac{40-34}{\hat{S}(40)_{K-M}-0,960} \Rightarrow \hat{S}(40)_{K-M} = 0,945$
2.  $\frac{108-91}{0,818-0,839} = \frac{100-91}{\hat{S}(100)_{K-M}-0,839} \Rightarrow \hat{S}(100)_{K-M} = 0,827882$
3.  $\frac{405-294}{0,337-0,362} = \frac{300-294}{\hat{S}(300)_{K-M}-0,362} \Rightarrow \hat{S}(300)_{K-M} = 0,360649$

$$4. \frac{1101-594}{0,161-0,187} = \frac{1000-594}{\hat{S}(1000)_{K-M}-0,187} \Rightarrow \hat{S}(1000)_{K-M} = 0,166179$$

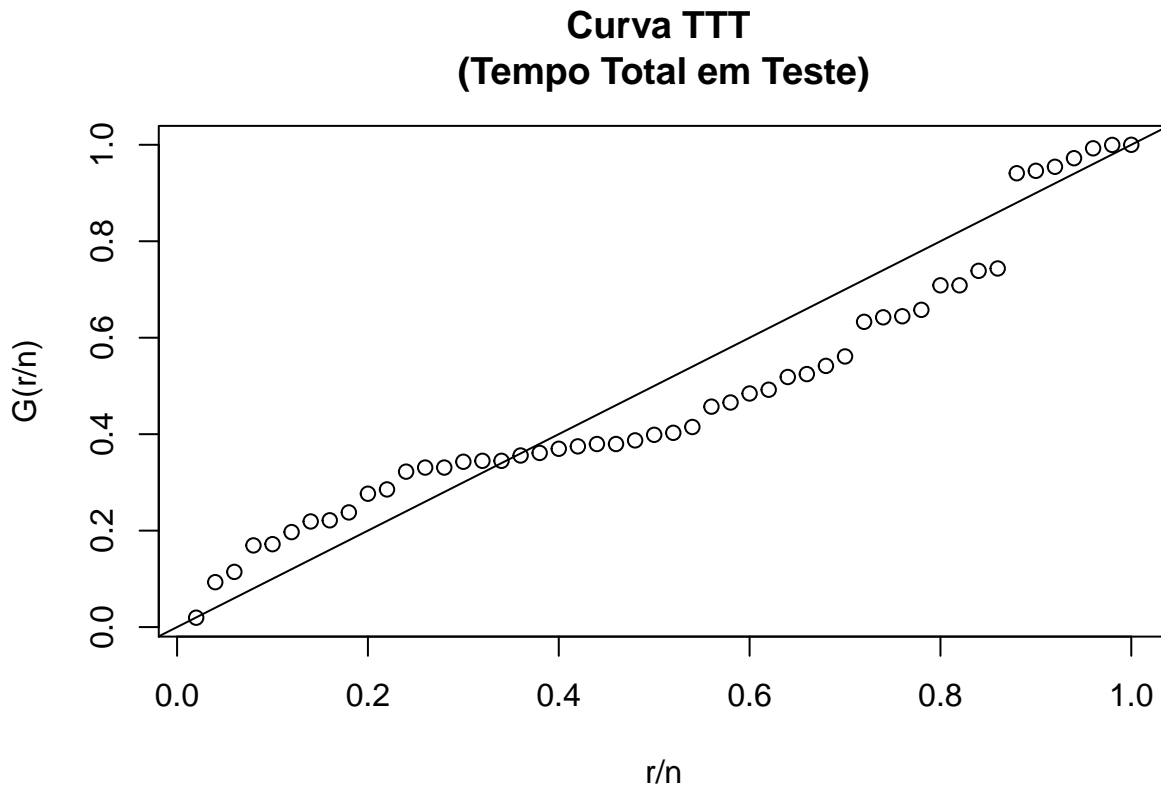
### Item (e)

O comportamento das estimativas para a função de sobrevivência tanto usando o Estimador de Kaplan-Meier quanto utilizando o de Nelson-Aalen sugerem que este não é um problema com fração de cura, já que a mesma *tende a zero* com o passar do tempo.

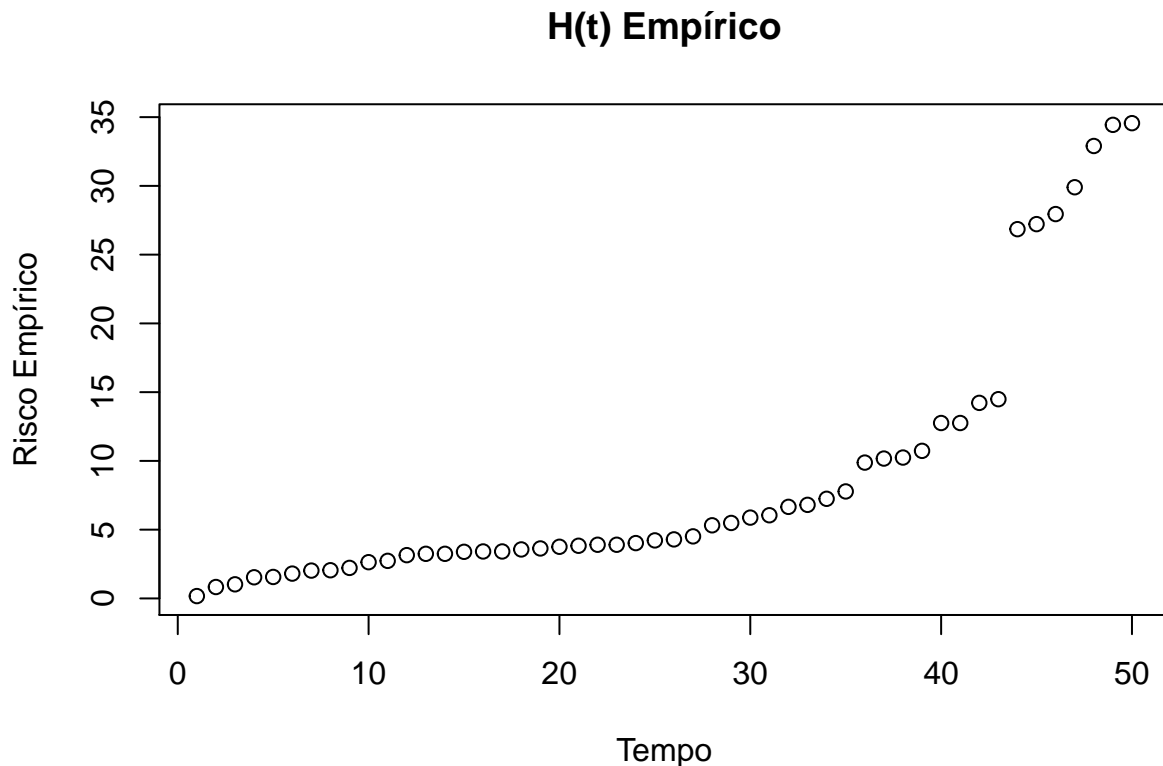
### Item (f)

```
curvaTTT <- function(tempo) {
  G_rn <- numeric()
  for (i in 1:length(tempo)) {
    G_rn[i] <-
      (sum(sort(tempo)[1:i]) + (length(tempo) - i) * sort(tempo)[i]) / (sum(tempo))
  }
  rn <- seq_along(tempo)/length(tempo)
  plot(G_rn ~ rn,
       main = "Curva TTT \n(Tempo Total em Teste)",
       ylab = "G(r/n)",
       xlab = "r/n")
  abline(0,1)
}

curvaTTT(tempos.ex2)
```



```
plot(tempos.ex2/sum(censuras.ex2),
     ylab = "Risco Empírico",
     xlab = "Tempo",
     main = "H(t) Empírico")
```



O Gráfico da Curva TTT sugere uma distribuição paramétrica unimodal, como a Gama Generalizada, ou a Weibull Exponencializada (com  $\gamma < 1$  e  $\gamma a > 1$ ).

### Exercício 3

```
tempos.g.ex3 <- c(28, 89, 175, 195, 309, 377, 393, 421, 447, 462, 709, 744, 770, 1106, 1206)
tempos.p.ex3 <- c(34, 88, 137, 199, 280, 291, 299, 300, 309, 351, 358, 369, 369, 370, 375, 382, 392, 429)
censuras.g.ex3 <- c(rep(1,5), rep(0,4), 1, rep(0,5))
censuras.p.ex3 <- c(rep(1,6), rep(0,2), rep(1,9), 0, 1, 0)
```

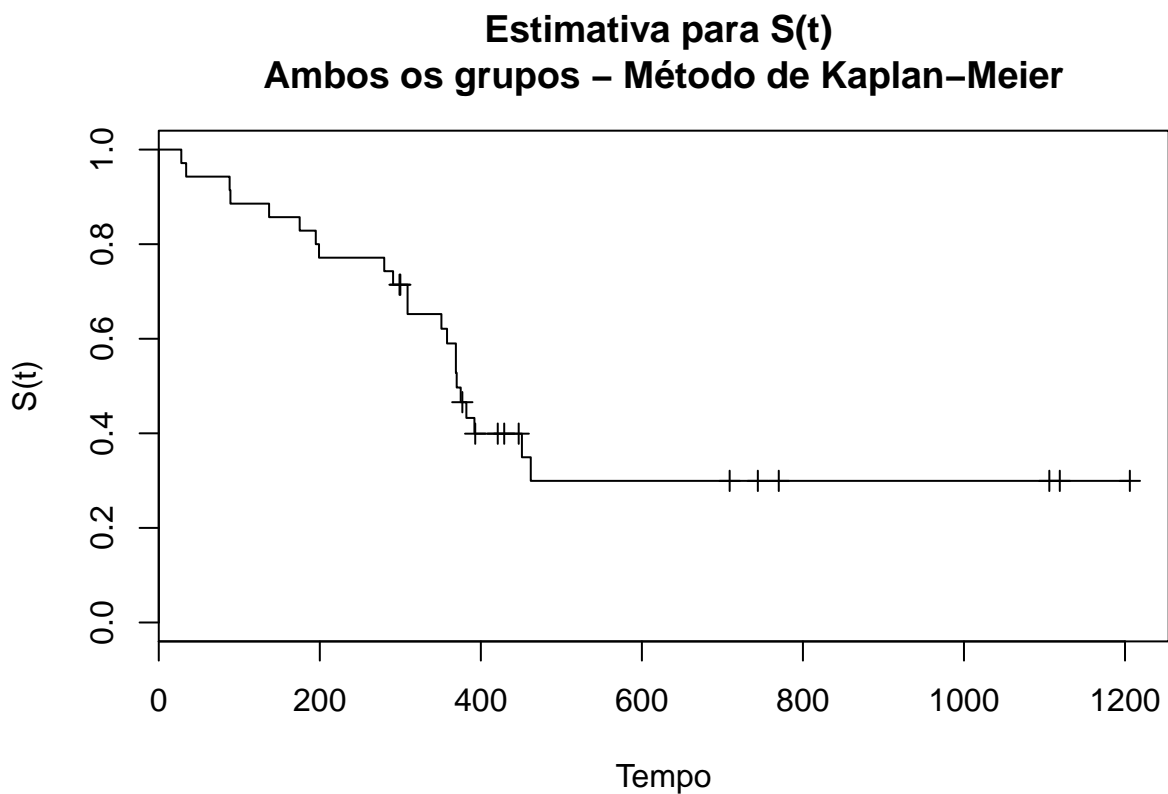
#### Item (a)

```
ex3 <-
  survfit(Surv(time = append(tempos.g.ex3, tempos.p.ex3), event = append(censuras.g.ex3, censuras.p.ex3)) ~ 1, conf.int = F)
summary(ex3)

## Call: survfit(formula = Surv(time = append(tempos.g.ex3, tempos.p.ex3),
##       event = append(censuras.g.ex3, censuras.p.ex3)) ~ 1, conf.int = F)
##
##   time n.risk n.event survival std.err
##    28     35         1   0.971  0.0282
```

##	34	34	1	0.943	0.0392
##	88	33	1	0.914	0.0473
##	89	32	1	0.886	0.0538
##	137	31	1	0.857	0.0591
##	175	30	1	0.829	0.0637
##	195	29	1	0.800	0.0676
##	199	28	1	0.771	0.0710
##	280	27	1	0.743	0.0739
##	291	26	1	0.714	0.0764
##	309	23	2	0.652	0.0814
##	351	21	1	0.621	0.0832
##	358	20	1	0.590	0.0847
##	369	19	2	0.528	0.0864
##	370	17	1	0.497	0.0867
##	375	16	1	0.466	0.0867
##	382	14	1	0.433	0.0866
##	392	13	1	0.399	0.0861
##	451	8	1	0.349	0.0886
##	462	7	1	0.299	0.0889

```
plot(ex3, conf.int = FALSE, xlab = "Tempo", ylab = "S(t)", main = "Estimativa para S(t) \n Ambos os grupos")
```



- Este gráfico de sobrevivência sugere a presença de fração de cura na amostra. Há suspeita de que este comportamento pode ser explicado pela perda de informação ao agregarmos os dois grupos em um só, ou seja, pode ser um comportamento espúrio.



## Item (b)

```
require(survival)
g.ex3 <-
  survfit(Surv(time = tempos.g.ex3, event = censuras.g.ex3) ~ 1, conf.int = F)
summary(g.ex3)
```

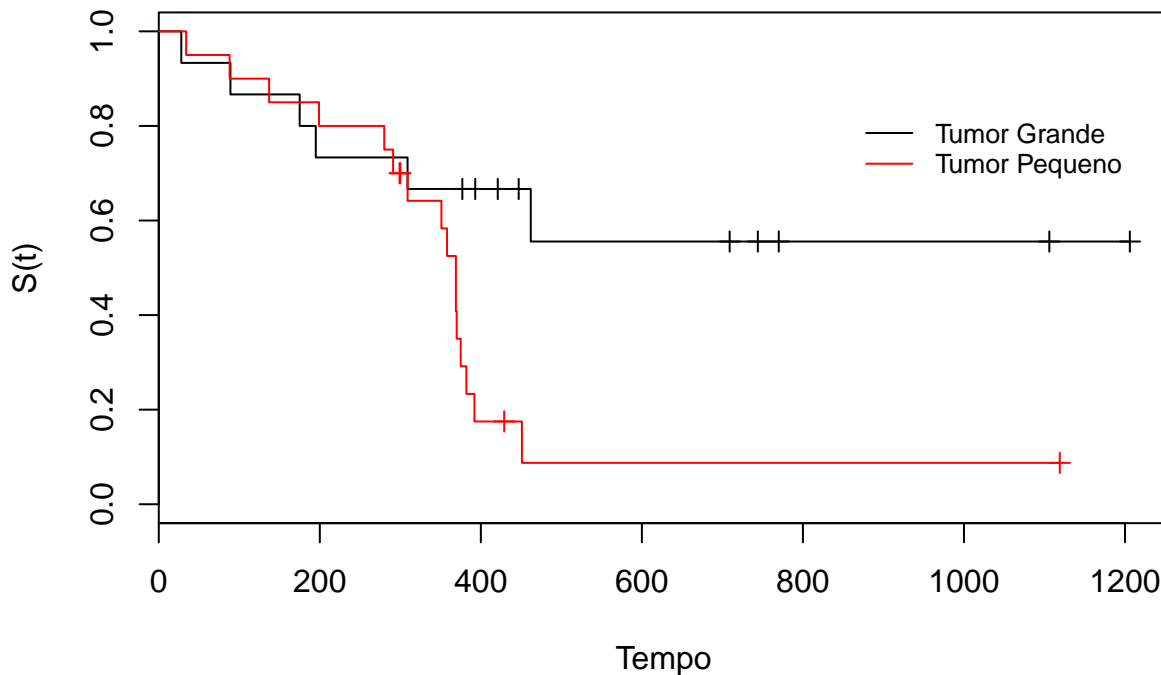
```
## Call: survfit(formula = Surv(time = tempos.g.ex3, event = censuras.g.ex3) ~
##       1, conf.int = F)
##
##      time n.risk n.event survival std.err
##      28      15      1   0.933  0.0644
##      89      14      1   0.867  0.0878
##     175      13      1   0.800  0.1033
##     195      12      1   0.733  0.1142
##     309      11      1   0.667  0.1217
##     462       6      1   0.556  0.1434
```

```
p.ex3 <-
  survfit(Surv(time = tempos.p.ex3, event = censuras.p.ex3) ~ 1, conf.int = F)
summary(p.ex3)
```

```
## Call: survfit(formula = Surv(time = tempos.p.ex3, event = censuras.p.ex3) ~
##       1, conf.int = F)
##
##      time n.risk n.event survival std.err
##      34      20      1  0.9500  0.0487
##      88      19      1  0.9000  0.0671
##     137      18      1  0.8500  0.0798
##     199      17      1  0.8000  0.0894
##     280      16      1  0.7500  0.0968
##     291      15      1  0.7000  0.1025
##     309      12      1  0.6417  0.1093
##     351      11      1  0.5833  0.1139
##     358      10      1  0.5250  0.1165
##     369       9      2  0.4083  0.1162
##     370       7      1  0.3500  0.1133
##     375       6      1  0.2917  0.1084
##     382       5      1  0.2333  0.1012
##     392       4      1  0.1750  0.0912
##     451       2      1  0.0875  0.0769
```

```
plot(g.ex3, conf.int = FALSE, xlab = "Tempo", ylab = "S(t)", main = "Estimativa para S(t) \n Método de Kaplan-Meier")
lines(p.ex3, col = 2, conf.int = F, mark.time = T)
legend(850,0.85,lty=c(1,1),c("Tumor Grande","Tumor Pequeno"),bty="n",cex=0.8,col=c(1,2))
```

## Estimativa para $S(t)$ Método de Kaplan–Meier



- Como citado na interpretação do item anterior, nota-se uma clara diferença entre as estimativas da função de sobrevivência entre os grupos “Tumor Grande” e “Tumor Pequeno”: no primeiro temos a presença de fração de cura.
- A razão entre as funções de sobrevivência (e consequentemente de risco) estimadas para os dois grupos não é (aproximadamente) proporcional, o que inviabiliza o uso do Teste de logRank para a igualdade das curvas de sobrevivência. O que de certa forma não é grande prejuízo já que, por inspeção, podemos considerar que as curvas são *suficientemente* diferentes para que o teste não tenha tanta relevância prática.

### Item (c)

```
grupo <- c(rep(1,15), rep(2,20))
survdif(Surv(time = append(tempos.g.ex3, tempos.p.ex3), event = append(censuras.g.ex3, censuras.p.ex3))

## Call:
## survdif(formula = Surv(time = append(tempos.g.ex3, tempos.p.ex3),
##   event = append(censuras.g.ex3, censuras.p.ex3)) ~ grupo,
##   rho = 0)
##
##      N Observed Expected (O-E)^2/E (O-E)^2/V
## grupo=1 15      6     11.3      2.51      5.57
## grupo=2 20     16     10.7      2.67      5.57
##
## Chisq= 5.6  on 1 degrees of freedom, p= 0.0183
survdif(Surv(time = append(tempos.g.ex3, tempos.p.ex3), event = append(censuras.g.ex3, censuras.p.ex3))

## Call:
```

```
## survdiff(formula = Surv(time = append(tempos.g.ex3, tempos.p.ex3),
##      event = append(censuras.g.ex3, censuras.p.ex3)) ~ grupo,
##      rho = 1)
##
##           N Observed Expected (O-E)^2/E (O-E)^2/V
## grupo=1 15      4.66      7.40      1.013      2.74
## grupo=2 20     10.60      7.87      0.953      2.74
##
## Chisq= 2.7  on 1 degrees of freedom, p= 0.0978
```

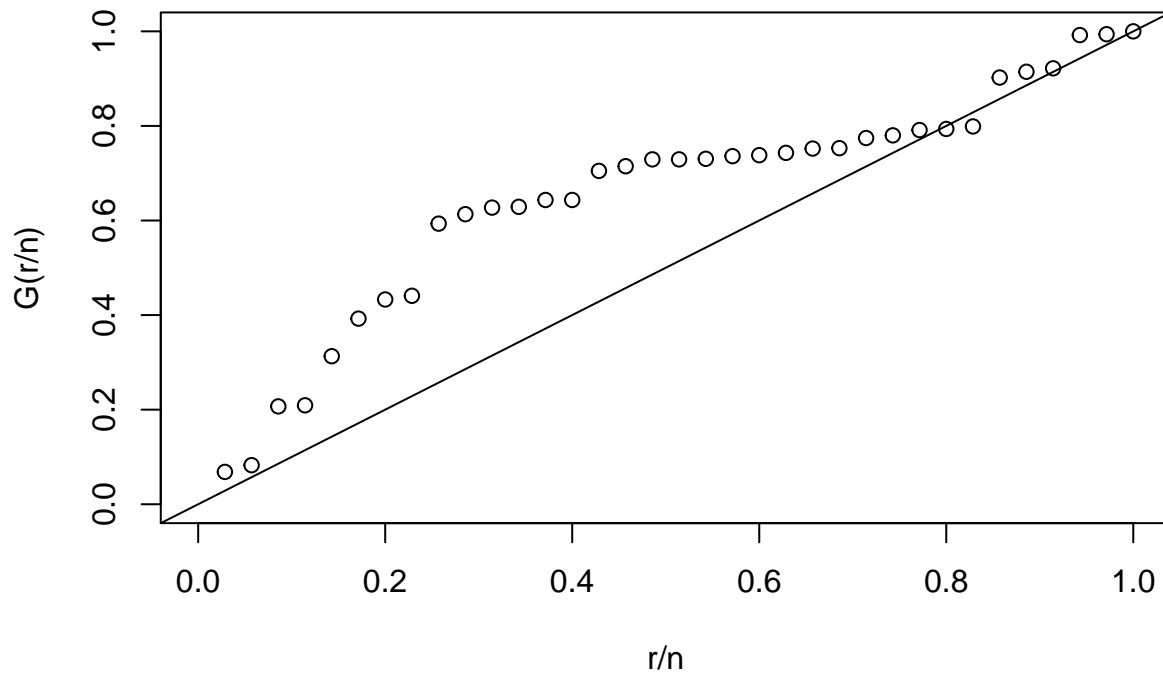
- O Teste `_log_Rank` rejeita a hipótese nula (de igualdade entre as funções de sobrevivência) a um p-valor  $\approx 0,02$ , ao contrário do Teste de Wilcoxon, que rejeita a igualdade com p-valor inferior, que não seria adequado caso considerássemos  $\alpha = 0,05$  como critério.
- O motivo desta discrepância é o achado citado no item anterior, a suposição de razão constante entre as funções de sobrevivência, exigida pelo Teste de `_log_Rank`, não é verificada.
- O Teste de Wilcoxon é robusto à falta desta suposição, então **não rejeitamos a igualdade entre as funções de sobrevivência a um nível de significância de cerca de 9%**.

## Item (d)

```
curvaTTT <- function(tempo) {
  G_rn <- numeric()
  for (i in 1:length(tempo)) {
    G_rn[i] <-
      (sum(sort(tempo)[1:i]) + (length(tempo) - i) * sort(tempo)[i]) / (sum(tempo))
  }
  rn <- seq_along(tempo)/length(tempo)
  plot(G_rn ~ rn,
       main = "Curva TTT \n(Tempo Total em Teste)",
       ylab = "G(r/n)",
       xlab = "r/n",
       xlim = c(0, 1),
       ylim = c(0, max(rn))
  )
  abline(0,1)
}

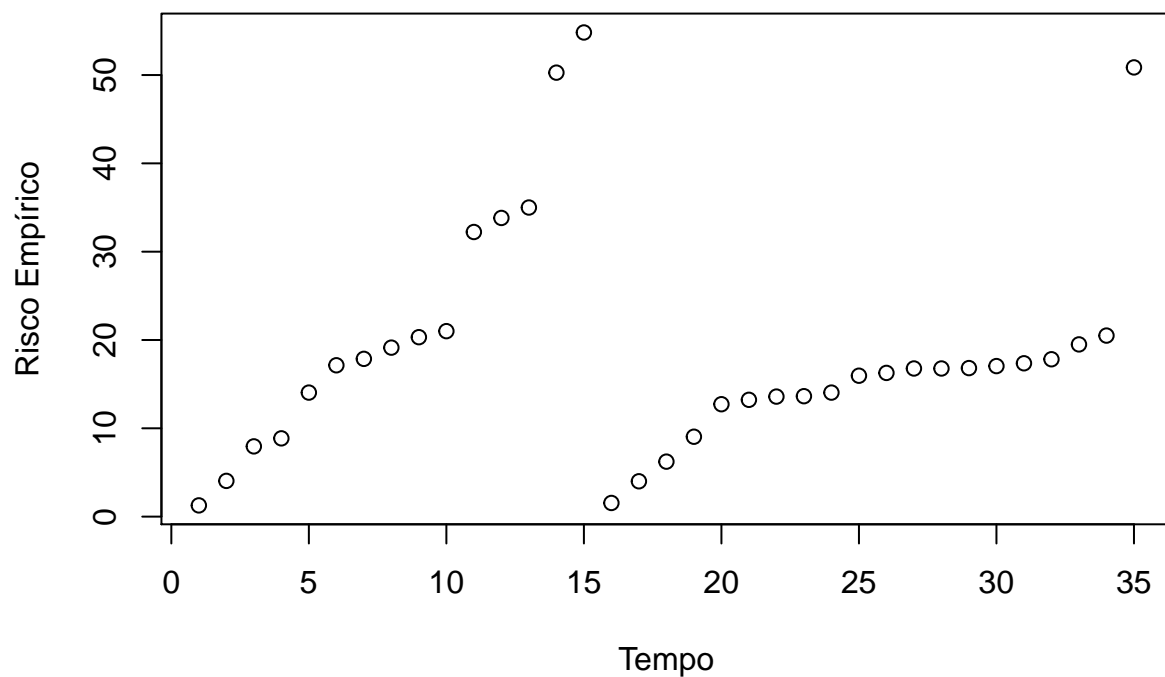
curvaTTT(append(tempos.g.ex3, tempos.p.ex3))
```

### Curva TTT (Tempo Total em Teste)



```
plot(append(tempos.g.ex3, tempos.p.ex3)/sum(append(censuras.g.ex3, censuras.p.ex3)),
     ylab = "Risco Empírico",
     xlab = "Tempo",
     main = "H(t) Empírico")
```

### H(t) Empírico



A Curva TTT indica que a função Taxa de Falha é monotonicamente crescente, ou seja, podemos utilizar a distribuição Weibull com  $\gamma > 1$ .

## Exercício 4

```
tempos.1.ex4 <- c(140, 177, 50, 65, 86, 153, 181, 191, 77, 84, 87, 56, 66, 73, 119, 140, 200, 200, 200, 200)
censuras.1.ex4 <- c(rep(1,15), rep(0,15))

tempos.2.ex4 <- c(124, 58, 56, 68, 79, 89, 107, 86, 142, 110, 96, 142, 86, 75, 117, 98, 105, 126, 43, 43)
censuras.2.ex4 <- c(rep(1,23), rep(0,7))

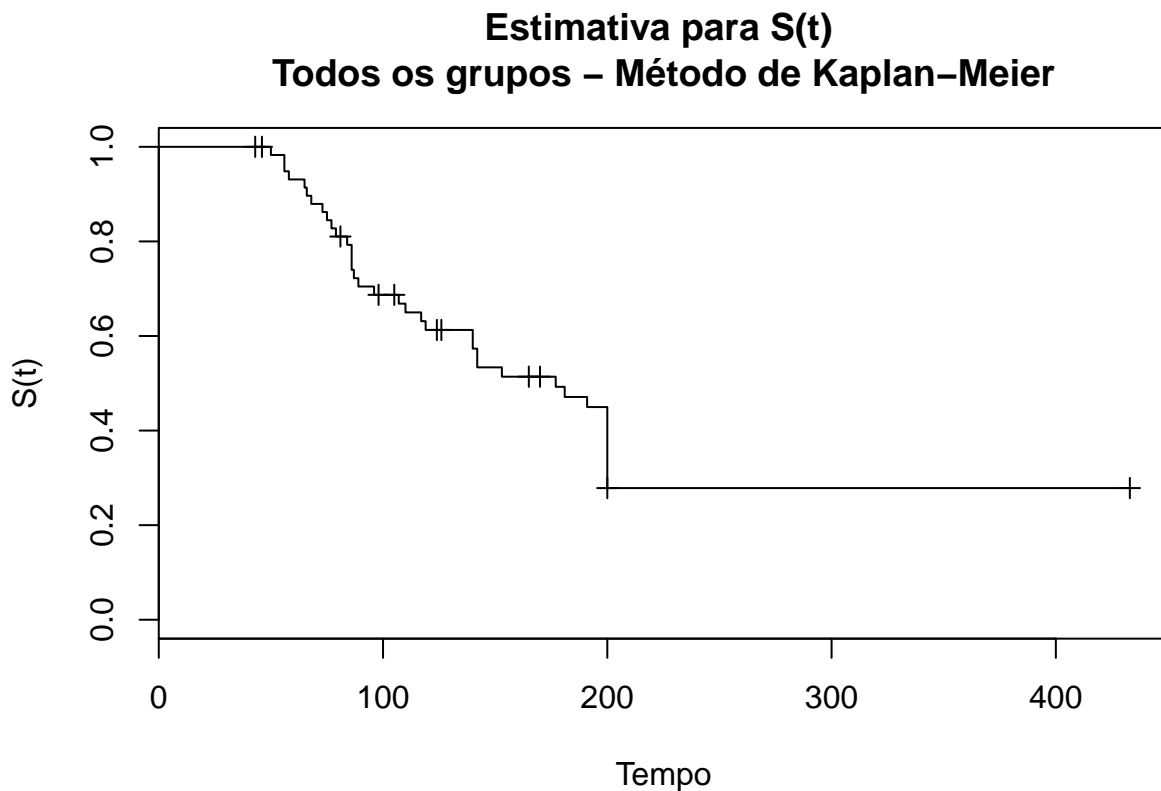
tempos.3.ex4 <- c(112, 68, 84, 109, 153, 143, 60, 70, 98, 164, 63, 63, 77, 91, 91, 66, 70, 77, 63, 66, 66)
censuras.3.ex4 <- c(rep(1,30))
```

Item (a)

```
ex4 <- survfit(Surv(time = append(tempos.1.ex4, tempos.2.ex4, tempos.3.ex4), event = append(censuras.1.
## Warning in if (!after) c(values, x) else if (after >= length) c(x, values)
## else c(x[1L:after], : the condition has length > 1 and only the first
## element will be used
## Warning in if (after >= length) c(x, values) else c(x[1L:after], values, :
## the condition has length > 1 and only the first element will be used
## Warning in if (!after) c(values, x) else if (after >= length) c(x, values)
## else c(x[1L:after], : the condition has length > 1 and only the first
## element will be used
## Warning in if (after >= length) c(x, values) else c(x[1L:after], values, :
## the condition has length > 1 and only the first element will be used
## Warning in 1L:after: numerical expression has 30 elements: only the first
## used
## Warning in (after + 1L):length: numerical expression has 30 elements: only
## the first used
summary(ex4)
## Call: survfit(formula = Surv(time = append(tempos.1.ex4, tempos.2.ex4,
##      tempos.3.ex4), event = append(censuras.1.ex4, censuras.2.ex4,
##      censuras.3.ex4)) ~ 1, conf.int = F)
##
##      time n.risk n.event survival std.err
##      50      58       1   0.983  0.0171
##      56      57       2   0.948  0.0291
##      58      55       1   0.931  0.0333
##      65      54       1   0.914  0.0369
##      66      53       1   0.897  0.0400
##      68      52       1   0.879  0.0428
##      73      51       1   0.862  0.0453
##      75      50       1   0.845  0.0475
##      77      49       1   0.828  0.0496
```

##	79	48	1	0.810	0.0515
##	84	46	1	0.793	0.0533
##	86	45	3	0.740	0.0578
##	87	42	1	0.722	0.0591
##	89	41	1	0.705	0.0602
##	96	40	1	0.687	0.0612
##	107	37	1	0.668	0.0623
##	110	36	1	0.650	0.0633
##	117	35	1	0.631	0.0641
##	119	34	1	0.613	0.0649
##	140	31	2	0.573	0.0664
##	142	29	2	0.534	0.0675
##	153	27	1	0.514	0.0678
##	177	24	1	0.493	0.0683
##	181	23	1	0.471	0.0686
##	191	22	1	0.450	0.0687
##	200	21	8	0.278	0.0639

```
plot(ex4, conf.int = FALSE, xlab = "Tempo", ylab = "S(t)", main = "Estimativa para S(t) \n Todos os grupos")
```



O gráfico sugere a presença de fração de cura. Mas este efeito pode ser espúrio, explicado pela mesma razão do item 3.a: a perda de informação quando desconsideramos os grupos.

### Item (b)

```
grupo <- c(rep(1,30), rep(2,30), rep(3,30))
g1.ex4 <-
  survfit(Surv(time = tempos.1.ex4, event = censuras.1.ex4) ~ 1, conf.int = F)
```

```
summary(g1.ex4)
```

```
## Call: survfit(formula = Surv(time = tempos.1.ex4, event = censuras.1.ex4) ~
##      1, conf.int = F)
##
##   time n.risk n.event survival std.err
##    50     30      1    0.967  0.0328
##    56     29      1    0.933  0.0455
##    65     28      1    0.900  0.0548
##    66     27      1    0.867  0.0621
##    73     26      1    0.833  0.0680
##    77     25      1    0.800  0.0730
##    84     24      1    0.767  0.0772
##    86     23      1    0.733  0.0807
##    87     22      1    0.700  0.0837
##   119     21      1    0.667  0.0861
##   140     20      1    0.633  0.0880
##   153     18      1    0.598  0.0899
##   177     17      1    0.563  0.0912
##   181     16      1    0.528  0.0920
##   191     15      1    0.493  0.0924
```

```
g2.ex4 <-
```

```
  survfit(Surv(time = tempos.2.ex4, event = censuras.2.ex4) ~ 1, conf.int = F)
summary(g2.ex4)
```

```
## Call: survfit(formula = Surv(time = tempos.2.ex4, event = censuras.2.ex4) ~
##      1, conf.int = F)
##
##   time n.risk n.event survival std.err
##    43     30      1    0.967  0.0328
##    46     29      1    0.933  0.0455
##    56     28      1    0.900  0.0548
##    58     27      1    0.867  0.0621
##    68     26      1    0.833  0.0680
##    75     25      1    0.800  0.0730
##    79     24      1    0.767  0.0772
##    81     23      1    0.733  0.0807
##    86     22      2    0.667  0.0861
##    89     20      1    0.633  0.0880
##    96     19      1    0.600  0.0894
##    98     18      1    0.567  0.0905
##   105     17      1    0.533  0.0911
##   107     16      1    0.500  0.0913
##   110     15      1    0.467  0.0911
##   117     14      1    0.433  0.0905
##   124     13      1    0.400  0.0894
##   126     12      1    0.367  0.0880
##   142     11      2    0.300  0.0837
##   165      9      1    0.267  0.0807
##   433      1      1    0.000    NaN
```

```
g3.ex4 <-
```

```
  survfit(Surv(time = tempos.3.ex4, event = censuras.3.ex4) ~ 1, conf.int = F)
summary(g3.ex4)
```

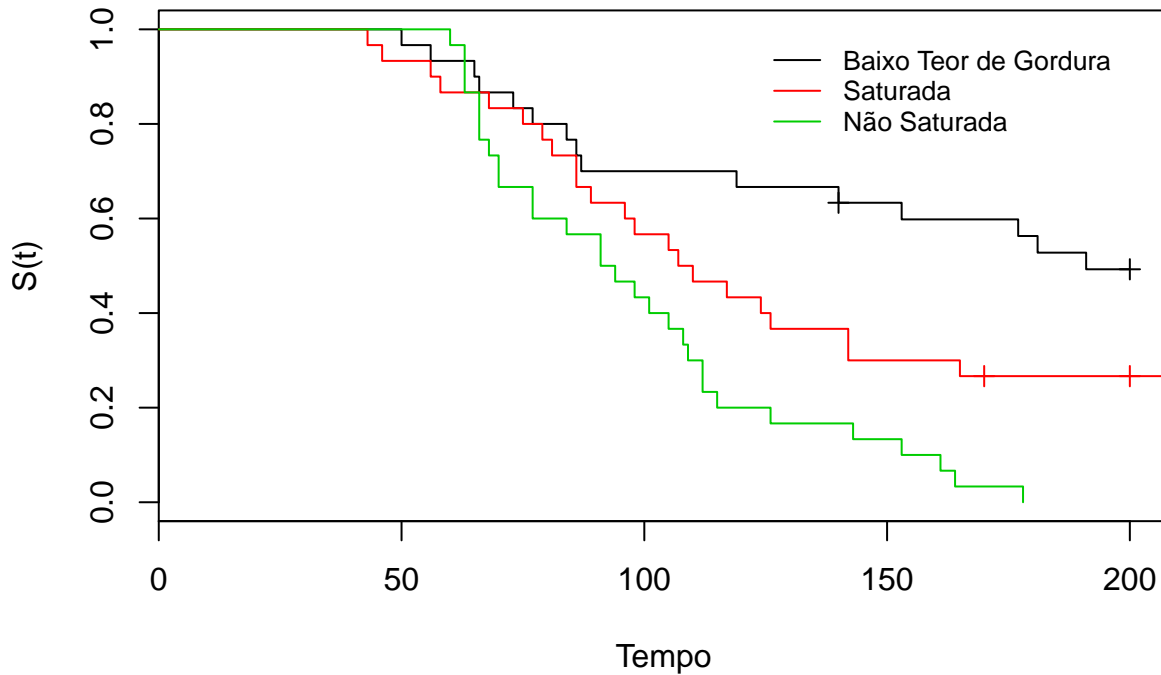
```
## Call: survfit(formula = Surv(time = tempos.3.ex4, event = censuras.3.ex4) ~
##      1, conf.int = F)
```

```
##
##   time n.risk n.event survival std.err
##    60     30      1   0.9667  0.0328
##    63     29      3   0.8667  0.0621
##    66     26      3   0.7667  0.0772
##    68     23      1   0.7333  0.0807
##    70     22      2   0.6667  0.0861
##    77     20      2   0.6000  0.0894
##    84     18      1   0.5667  0.0905
##    91     17      2   0.5000  0.0913
##    94     15      1   0.4667  0.0911
##    98     14      1   0.4333  0.0905
##   101     13      1   0.4000  0.0894
##   105     12      1   0.3667  0.0880
##   108     11      1   0.3333  0.0861
##   109     10      1   0.3000  0.0837
##   112      9      2   0.2333  0.0772
##   115      7      1   0.2000  0.0730
##   126      6      1   0.1667  0.0680
##   143      5      1   0.1333  0.0621
##   153      4      1   0.1000  0.0548
##   161      3      1   0.0667  0.0455
##   164      2      1   0.0333  0.0328
##   178      1      1   0.0000    NaN
```

```
plot(g1.ex4, conf.int = FALSE, xlab = "Tempo", ylab = "S(t)", main = "Estimativa para S(t) \n Método de
lines(g2.ex4, col = 2, conf.int = F, mark.time = T)
lines(g3.ex4, col = 3, conf.int = F, mark.time = T)
legend(122,1,lty=c(1,1),c("Baixo Teor de Gordura","Saturada", "Não Saturada"),bty="n",cex=0.8,col=c(1,2
```



## Estimativa para $S(t)$ Método de Kaplan-Meier



### Item (c)

```
grupos <- c(rep(1,30), rep(2,30), rep(3,30))
survdif(Surv(time = append(tempos.1.ex4, append(tempos.2.ex4, tempos.3.ex4)), event = append(censuras.1.ex4, append(censuras.2.ex4, censuras.3.ex4))) ~ grupos, rho = 0)
```

## Call:

```
## survdiff(formula = Surv(time = append(tempos.1.ex4, append(tempos.2.ex4,
##      tempos.3.ex4)), event = append(censuras.1.ex4, append(censuras.2.ex4,
##      censuras.3.ex4))) ~ grupos, rho = 0)
```

	N	Observed	Expected	(O-E) <sup>2</sup> /E	(O-E) <sup>2</sup> /V
grupos=1	30	15	28.9	6.70e+00	1.25e+01
grupos=2	30	23	23.1	1.41e-04	2.23e-04
grupos=3	30	30	16.0	1.22e+01	1.71e+01

## Chisq= 20.4 on 2 degrees of freedom, p= 3.7e-05

```
survdif(Surv(time = append(tempos.1.ex4, append(tempos.2.ex4, tempos.3.ex4)), event = append(censuras.1.ex4, append(censuras.2.ex4, censuras.3.ex4))) ~ grupo, rho = 1)
```

## Call:

```
## survdiff(formula = Surv(time = append(tempos.1.ex4, append(tempos.2.ex4,
##      tempos.3.ex4)), event = append(censuras.1.ex4, append(censuras.2.ex4,
##      censuras.3.ex4))) ~ grupo, rho = 1)
```

	N	Observed	Expected	(O-E) <sup>2</sup> /E	(O-E) <sup>2</sup> /V
grupo=1	30	9.35	17.0	3.47e+00	8.56e+00
grupo=2	30	14.41	14.4	2.91e-06	6.31e-06
grupo=3	30	19.18	11.5	5.13e+00	9.75e+00

```
##
## Chisq= 12.3 on 2 degrees of freedom, p= 0.00211
```

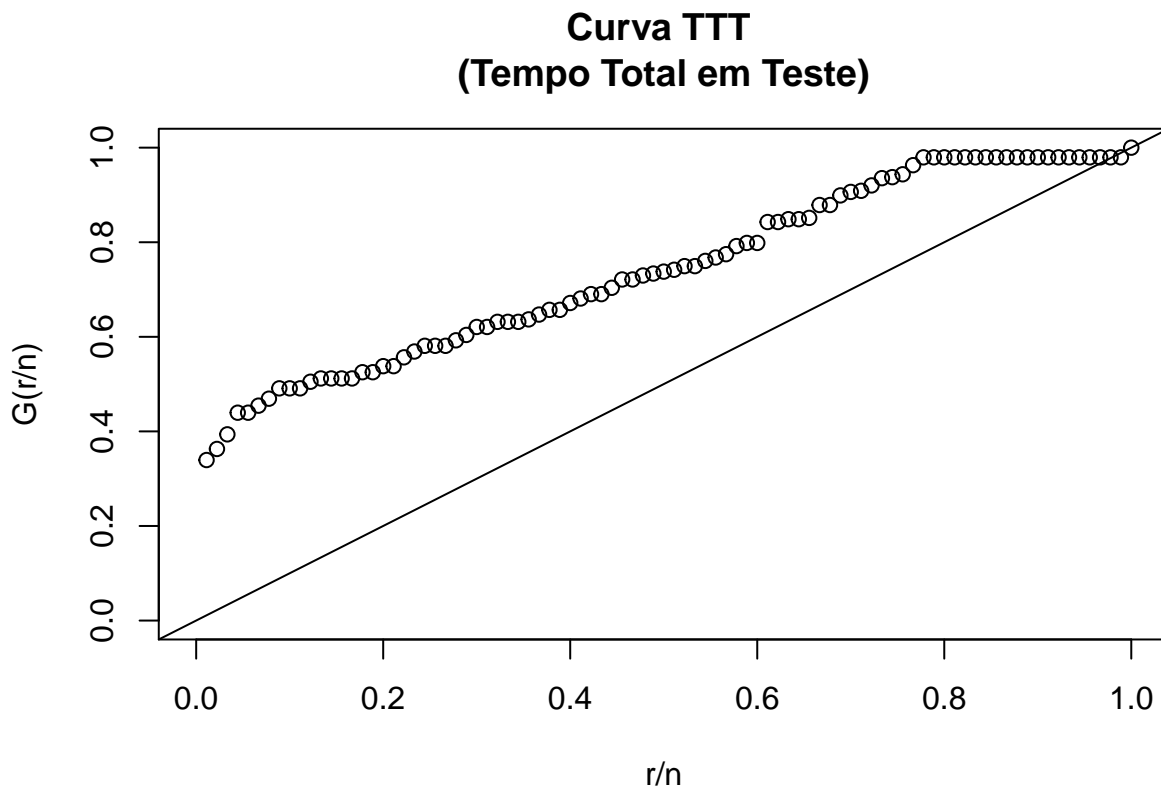
Como no item (c) da questão anterior, utilizamos aqui o Teste `_log_Rank` e o Teste de Wilcoxon, respectivamente.

O Teste `_log_Rank` supõe a razão entre as curvas de sobrevivência estimadas como constante, o que claramente não se verifica de acordo com o item (b). De qualquer maneira, este Teste rejeitou a hipótese de igualdade entre as curvas a um alto nível de significância, da ordem de  $10^{-5}$ .

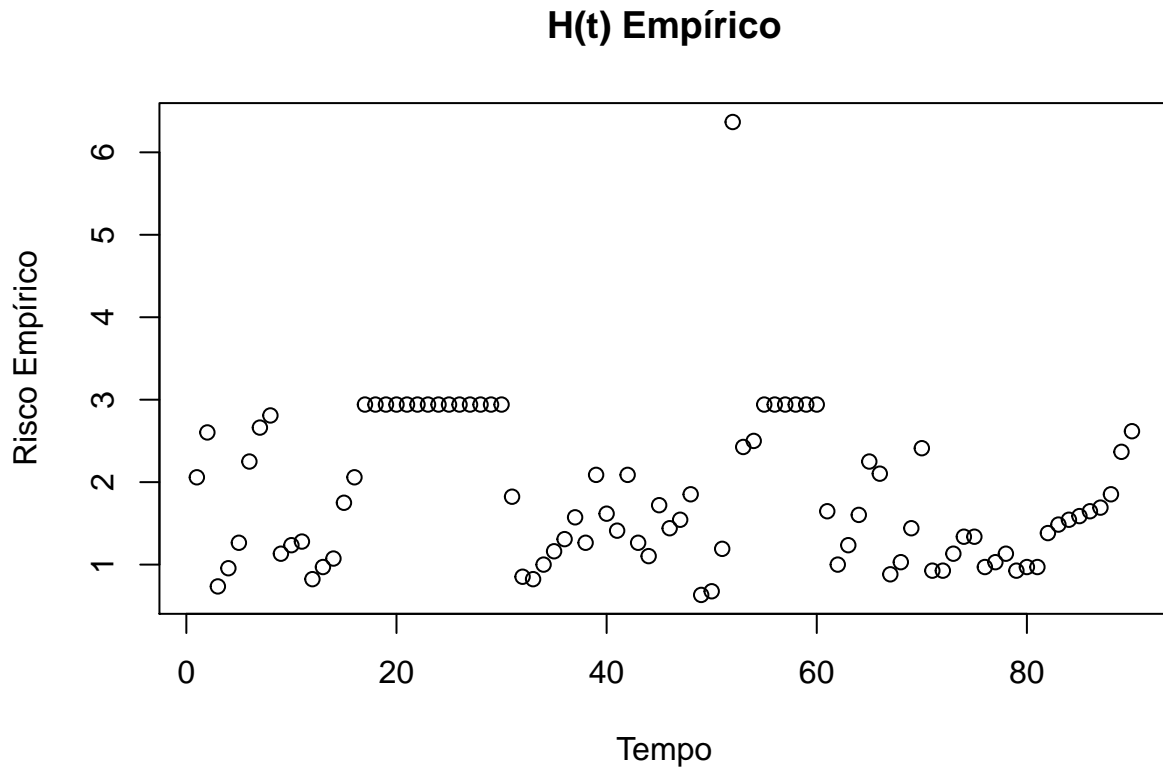
O Teste de Wilcoxon não necessita da suposição do Teste `_log_Rank`, então ele é perfeitamente aplicável à nossa situação. E de fato ele rejeita a hipótese nula também com nível de significância considerável, da ordem de  $10^{-3}$ . Aliás a significância deste teste é observada mesmo considerando a correção de Bonferroni para comparações múltiplas: já que estamos comparando três grupos, a um nível  $\alpha_g = 0,05$  para as comparações dois-a-dois devemos ter um nível de significância  $\alpha_{\text{bonf}} \approx 0,0167$  para as comparações de três grupos.

### Item (d)

```
curvaTTT(append(tempos.1.ex4, append(tempos.2.ex4, tempos.3.ex4)))
```



```
plot(append(tempos.1.ex4, append(tempos.2.ex4, tempos.3.ex4))/sum(append(censuras.1.ex4, append(censuras.2.ex4, censuras.3.ex4))),
      ylab = "Risco Empírico",
      xlab = "Tempo",
      main = "H(t) Empírico")
```



A Curva TTT sugere uma distribuição crescente para a função de risco, ou seja, podemos utilizar a Distribuição Weibull com  $\gamma > 1$ .

## Exercício 5

### Item (a)

Entendo que o **Tratamento B** deve ser o mais eficiente dos três, pois sua curva de sobrevivência decresce com certa regularidade a partir de  $t \approx 30$ . Como o evento de interesse aqui é a cura do paciente, isso indica que o Tratamento B cura pacientes a partir de um tempo inferior ao do Tratamento C, mesmo que este tenha um desempenho (o que pode ser chamado de eficiência?) relativamente maior em  $t \approx 45$ .

Entendo que esta seria uma conclusão um tanto *grosseira*, já que não leva em conta outros aspectos dos tratamentos em questão como seus custos, efeitos colaterais etc.

É interessante também notar a inexistência de marcações de censura em ambas as curvas de sobrevivência.

### Item (b)

Difícil dizer sem verificar que a hipótese de igualdade entre ambas as curvas, e sem levar em consideração outros aspectos dos dois tratamentos em questão, já que ambos observam o mesmo valor em  $t = 50$ .

### Item (c)

Aqui o valor da função de sobrevivência do **Tratamento B** é claramente superior, então supondo que pudéssemos estabelecer a diferença entre ambas as curvas, este é o tratamento mais razoável