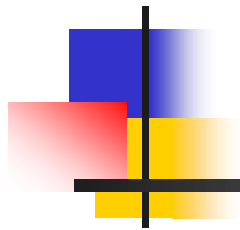


SME0827 - Estruturas de Dados



Python 2

```
def merge(left, right):
    """Merge two sorted arrays into a single sorted array"""
    result = []
    left_index = 0
    right_index = 0
    while left_index < len(left) and right_index < len(right):
        if left[left_index] <= right[right_index]:
            result.append(left[left_index])
            left_index += 1
        else:
            result.append(right[right_index])
            right_index += 1
    result += left[left_index:]
    result += right[right_index:]
    return result

def merge_sort(arr):
    """Merge sort algorithm"""
    if len(arr) <= 1:
        return arr
    middle = len(arr) // 2
    left = merge_sort(arr[:middle])
    right = merge_sort(arr[middle:])
    return merge(left, right)

# Example usage
arr = [3, 1, 4, 1, 5, 9, 2, 6, 5, 3, 5]
sorted_arr = merge_sort(arr)
print(sorted_arr)
```

Professor: André C. P. L. F. de Carvalho, ICMC-USP

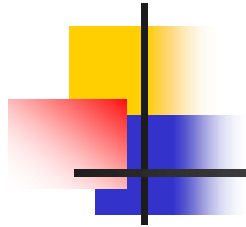
PAE:

Monitor:



Temas deste módulo

- Variáveis
- Expressões
- Comandos
- Funções



Variáveis



Tópicos

- Dados
- Constantes
- Variáveis
- Tipos de dados
- Números
- *Strings*



Dados

- Uma das principais características dos programas é que eles manipulam dados
 - Programas precisam armazenar dados
 - Valores dos dados não mudam: constantes literais
 - Valores podem mudar: variáveis
 - Cada variável armazena valores de um tipo de dado
 - Existem vários tipos de dados diferentes
 - Números
 - Textos
 - Tipos mais complexos



Constantes literais

- Valor é usado literalmente (não são variáveis)
- Facilita uso e manutenção de um valor
- Exemplos
 - 7
 - *"texto constante"*
 - 4.765
- Ao contrário de outras linguagens, Python não tem declaração de constantes
 - Na linguagem C, *#define minimo 0*



Tipagem dinâmica

- Usada por Python
- Valor da variável define seu tipo
 - Tipo da variável pode mudar durante execução de um programa
 - Uma variável pode armazenar um valor inteiro em um ponto de um programa
 - E armazenar um *string* mais adiante
 - E um valor real depois
 - ...



Variáveis

- Sintaxe para declarar variáveis em Python:
 - *Nome-da-variavel = valor*
- Podem ser declaradas em qualquer local do código
- Propriedades de variáveis:
 - Nome
 - Tipo
 - Tempo de vida
 - Escopo



Convenções para nomes de variáveis

- Deve iniciar com letra ou *underscore* (`_`)
 - Demais caracteres de um nome devem ser letras, números ou *underscores*
 - MAIÚSCULAS \neq minúsculas
 - Nomes longos dificultam leitura de expressões
- Bons nomes reduzem necessidade de comentários
- Não utilizar palavras-chave para nomes
- Também valem para funções



Palavras-chave (*keywords*)

<i>and</i>	<i>as</i>	<i>assert</i>	<i>break</i>	<i>class</i>
<i>continue</i>	<i>def</i>	<i>del</i>	<i>elif</i>	<i>else</i>
<i>except</i>	<i>False</i>	<i>finally</i>	<i>for</i>	<i>from</i>
<i>global</i>	<i>if</i>	<i>import</i>	<i>in</i>	<i>is</i>
<i>lambda</i>	<i>nonlocal</i>	<i>None</i>	<i>not</i>	<i>or</i>
<i>pass</i>	<i>raise</i>	<i>return</i>	<i>True</i>	<i>try</i>
<i>while</i>	<i>with</i>	<i>yield</i>		



Palavras-chave (*keywords*)

- Python tem uma biblioteca para elas
- Não precisa memorizar quais são
 - *keyword.iskeyword(*aaa*)*
 - Retorna se *aaa* é uma palavra chave de Python
 - *keyword.kwlist*
 - Retorna todas as palavras chave de Python



Tipos de dados

- Definidos pelo programador
 - Classes (orientação a objetos)
- Tudo em Python é um objeto
 - Incluindo números, *strings* e funções



Tipos numéricos

- Semelhantes aos tipos numéricos de outras linguagens
 - Inteiro (*int*)
 - Ponto flutuante (*float*)
 - Número complexo (*complex*)



Tipo inteiro

- Inteiro normal (*int*)
 - Precisão ilimitada
 - Pode utilizar tantos bits quanto necessário
 - Ao contrário da maioria das linguagens
 - Tipo booleano (*bool*)
 - Subtipo de inteiro
 - Adicionado a Python na versão 2.3
 - Versões anteriores não usavam um tipo booleano específico, mas os valores 1 e 0



Exemplo

```
>>> 2+2
4
>>> # Isso é um comentário
>>> 2+2 # Agora um comentário na mesma linha
4
>>> (50-5*6)/4
5
>>> # Divisão de inteiro por inteiro:
>>> 7/3
2.3333333333333335
>>> 7/-3
-2.3333333333333335
```



Tipo Booleano

- Contém apenas dois valores:
 - *True* (verdadeiro)
 - *False* (falso)
- Equivale aos valores 0 (*False*) e 1 (*True*)
 - $X == 0$ e $X != 0$
- Podem ser combinados com valores numéricos em expressões aritméticas
- Conversão para *strings* retorna os valores "*True*" ou "*False*"



Exemplos

```
>>> bool(1)
True
>>> bool(0)
False
>>> bool([])
False
>>> bool (-21)
True
>>> bool( (1,) )
True
```

```
>>> True + 1
2
>>> False + 1
1
>>> False * 9
0
>>> (True+True) * 7
14
>>> x = 3
>>> 6 + (x!=0)
7
```



Tipo ponto flutuante

- Números reais em ponto flutuante (*float*)
- Aumenta precisão em relação a *int*
 - Às custas de mais espaço de memória
- Mesmas regras para escrever valores de ponto flutuante (*double*) da linguagem C
 - Ex. 4.01, 2.34e+9, 4E120
 - Notação E indica potência de 10
 - $4.7\text{E}-3 = 4.7 * 10^{-3}$



Tipo números complexos

- Escritos na forma $5 + 7j$ ou *complex* (5, 7)
 - ↑
Parte real
 - ↑
Parte imaginária (termina com j ou J)
- Parte real é opcional
 - Parte imaginária pode vir no início
- Implementado como um par de números do tipo *float*
 - Permite uso de operações numéricas para números complexos



Exemplo

```
>>> 1j * 1j # imaginários  
(-1+0j)  
>>> 1j * complex(0,1)  
(-1+0j)  
>>> 3+1j*3  
(3+3j)  
>>> (3+1j)*3  
(9+3j)  
>>> (1+2j)/(1+1j)  
(1.5+0.5j)
```

```
>>> (3+4j).real  
3.0  
>>> (3+4j).imag  
4.0  
>>> a = 1.5+0.5j  
>>> a.real  
1.5  
>>> a.imag  
0.5
```



Tipo *string*

- Coleção ordenada de caracteres
 - Ordem pré-definida de caracteres, da esquerda para a direita
 - Ex.: "Ciencia"
- Usado para armazenar e representar sequências de caracteres
- Subtipo do tipo *sequence*
 - Inclui também listas e tuplas



Tipo *string*

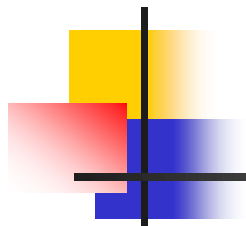
- Pode representar
 - Nomes
 - Frases
 - Textos
 - Sequências de DNA
 - Códigos
- Python possui vários operadores para manipular *strings*



Tipo *string*

- Um *string* pode ser encaixado entre aspas simples ou duplas
 - Ex.: *"Tudo bem?"* = *' Tudo bem? '*
 - Usa-se aspas triplas, *'''* ou *"""*, para *strings* de várias linhas
 - Aspas duplas ou simples podem ser usadas dentro de um *string*

```
'''This is a multi-line string. This is the first line.  
This is the second line.  
"What's your name?," I asked.  
He said "Bond, James Bond."  
'''
```



Expressões



Tópicos

- Expressões
- Operadores
 - Aritméticos
 - Relacionais
 - *Bitwise*
 - Atribuição
- Mistura de tipos



Expressões

- Construídas de acordo com a sintaxe da linguagem
- Calculam valores que podem:
 - Ser atribuídos a variáveis
 - Controlar fluxo de execução de um programa
- Valor e tipo do resultado
 - Dependem do operador e do tipo dos operandos utilizados



Exemplos

```
>>> 3 + 4
```

```
7
```

```
>>> 3 * 4
```

```
12
```

```
>>> x = 4 * 3
```

```
>>> x
```

```
12
```

```
>>> x = - 7 + 5 * 3 / 4 - (8 * 3 + 2)
```

```
>>> x
```



Exemplos

```
>>> 3 + 4
```

```
7
```

```
>>> 3 * 4
```

```
12
```

```
>>> x = 4 * 3
```

```
>>> x
```

```
12
```

```
>>> x = - 7 + 5 * 3 / 4 - (8 * 3 + 2)
```

```
>>> x
```

```
-29.25
```



Programa em Python

```
# Cálculo do valor de uma expressão  
  
val = 0  
while (val < 16):  
    val = val * 3 - 8 + 14  
print ('Valor da expressão eh: %d\n' %(val))
```



Mesma programa em C

```
/* Calculo do valor de uma expressao */  
#include <stdio.h>  
  
main () {  
    int valor;  
  
    valor = 0;  
    while (valor < 16) {  
        valor = valor + 4;  
    }  
    printf ("Valor da expressao eh: %d\n", valor);  
}
```



Operadores aritméticos

- Operadores binários

Operador	Uso	Descrição
+	$op1 + op2$	Adiciona $op1$ e $op2$
-	$op1 - op2$	Subtrai $op2$ de $op1$
*	$op1 * op2$	Multiplica $op1$ por $op2$
/	$op1 / op2$	Divide $op1$ por $op2$
//	$op1 // op2$	Divide $op1$ por $op2$ e trunca
%	$op1 \% op2$	Calcula o resto de $op1 / op2$
**	$op1 ** op2$	Calcula $op1$ elevado a $op2$



Operadores de divisão

- Python tem dois operadores de divisão
 - Divisão /
 - Resultado é um valor real
 - Não importa se a divisão for exata
 - Exemplos:
 - $9/4 = 2.5$
 - $8/4 = 2.0$
 - Divisão e truncamento //



Divisão e truncamento (//)

- Parte fracionária é descartada (truncamento)
 - Se os dois operandos forem do tipo inteiro
 - Resultado é do tipo inteiro
 - Ex.: $9 // 4 = 2$
 - Se pelo menos um dos operandos for do tipo ponto flutuante
 - Os argumentos são primeiro convertidos para o tipo de maior precisão (neste caso, *float*)
 - Resultado é do tipo ponto flutuante
 - Ex. $9.0 // 4 = 9 // 4.0 = 9.0 // 4.0 = 2.0$



Operador de resto (%)

- Resto da divisão de um valor por outro
 - Exemplos:
 - $9 \% 4 =$
 - $9.0 \% 4 =$
 - $7 \% -4 =$
 - $-7 \% 4 =$
 - Útil para testar se um número é divisível por um outro (resto da divisão é igual a zero)
 - Resultado possui mesmo sinal do segundo operando
 - Valor absoluto do resultado é menor que o valor absoluto do segundo operando



Operador de resto (%)

- Resto da divisão de um valor por outro
 - Exemplos:
 - $9 \% 4 = 1$
 - $9.0 \% 4 = 1.0$
 - $7 \% -4 = -1$
 - $-7 \% 4 = 1$
 - Útil para testar se um número é divisível por um outro (resto da divisão é igual a zero)
 - Resultado possui mesmo sinal do segundo operando
 - Valor absoluto do resultado é menor que o valor absoluto do segundo operando



Operadores relacionais

- Comparam dois valores e retornam a relação entre eles
 - Retornam valor do tipo Booleano

Operador	Uso	Descrição
<code>==</code>	<i>op1 == op2</i>	<i>op1 é igual a op2</i>
<code>!=</code>	<i>op1 != op2</i>	<i>op1 é diferente de op2</i>
<code>></code>	<i>op1 > op2</i>	<i>op1 é maior que op2</i>
<code><</code>	<i>op1 < op2</i>	<i>op1 é menor que op2</i>
<code>>=</code>	<i>op1 >= op2</i>	<i>op1 é maior ou igual a op2</i>
<code><=</code>	<i>op1 <= op2</i>	<i>op1 é menor ou igual a op2</i>



Operadores relacionais

- Retornam um dentre dois valores
 - *True* ou *False*
 - Qualquer valor $\neq 0$ é interpretado como *True*
 - Valor diferente de 1 e 0 pode ser útil, mas deve ser evitado
 - Valores especiais do tipo *bool* (não são *strings*)
- Não confundir = (atribuição) com == (igual)
 - Um dos erros mais comuns
 - Interpretador Python geralmente não detecta esses erros



Operadores lógicos

- Utilizam operandos Booleanos
 - Retornam resultado Booleano

Precedência

Operador	Uso	Retorna True se
not	not op1	op1 é falso
and	op1 and op2	op1 e op2 são ambos verdade, avalia condicionalmente op2
or	op1 or op2	op1 ou op2 é verdade, avalia condicionalmente op2

Maior



Menor



Operadores lógicos

- Como funcionam

Operandos		Operadores		
op1	op2	not (op2)	and	or
<i>False</i>	<i>False</i>	<i>True</i>	<i>False</i>	<i>False</i>
<i>False</i>	<i>True</i>	<i>False</i>	<i>False</i>	<i>True</i>
<i>True</i>	<i>False</i>	<i>True</i>	<i>False</i>	<i>True</i>
<i>True</i>	<i>True</i>	<i>False</i>	<i>True</i>	<i>True</i>



Operadores lógicos

- Avaliação preguiçosa
 - Operandos de um operador lógico são avaliados da esquerda para a direita
 - Avaliação termina assim que a resposta puder ser determinada
 - $op1 \text{ and } op2$
 - $op1 \text{ or } op2$



Operadores bitwise

- Permite manipular bits dos dados

Operador	Uso	Descrição
\gg	$op1 \gg op2$	<i>move op2 posições p/ direita os bits de op1</i>
\ll	$op1 \ll op2$	<i>move op2 posições p/ esquerda os bits de op1</i>
$\&$	$op1 \& op2$	<i>bitwise and</i>
$ $	$op1 op2$	<i>bitwise or</i>
\wedge	$op1 \wedge op2$	<i>bitwise xor (ou exclusivo)</i>
\sim	$\sim op2$	<i>complemento a 1</i>



Operadores bitwise

- Como funcionam bit a bit

Operandos		Operadores			
op1	op2	\sim op2	&		^
0	0	1	0	0	0
0	1	0	0	1	1
1	0	1	0	1	1
1	1	0	1	1	0



Operadores bitwise

- Como funcionam para um byte

Operador	Exemplo	Resultado
>>	<i>11110011 >> 2</i>	
<<	<i>11110011 << 1</i>	
&	<i>10001001 & 00000101</i>	
	<i>10001001 00000101</i>	
^	<i>10001001 ^ 00000101</i>	
~	<i>~11110000</i>	



Operadores bitwise

- Como funcionam para um byte

Operador	Exemplo	Resultado
>>	<i>11110011 >> 2</i>	<i>00111100</i>
<<	<i>11110011 << 1</i>	<i>11100110</i>
&	<i>10001001 & 00000101</i>	<i>00000001</i>
	<i>10001001 00000101</i>	<i>10001101</i>
^	<i>10001001 ^ 00000101</i>	<i>10001100</i>
~	<i>~11110000</i>	<i>00001111</i>



Operador (comando) de atribuição

- Atribuição de valores a variáveis ocorre por meio de uma expressão
 - Tipo da variável será o tipo do operando atribuído a ela
 - Ex.: resultado = 4
 - Variável será do tipo *int*

```
>>> n = 3
>>> n
3
>>> n = 2.0
>>> n
2.0
```



Operador de atribuição

- Permite atribuir valores a mais de uma variável simultaneamente

```
>>> a, b, c = 3, 4, 5
```

```
>>> a
```

```
>>> b
```

```
>>> c
```

```
>>> x = y = z = 0
```

```
>>> x
```

```
>>> y
```

```
>>> z
```



Operador de atribuição

- Permite atribuir valores a mais de uma variável simultaneamente

```
>>> a, b, c = 3, 4, 5
>>> a
3
>>> b
4
>>> c
5
```

```
>>> x = y = z = 0
>>> x
0
>>> y
0
>>> z
0
```



Operador de atribuição

- Python permite a combinação da atribuição com operadores binários
 - Atribuição com atalho
 - $total += 3 \Leftrightarrow total = total + 3$
 - Exemplos:
 - $valor += 3$
 - $res -= 2$
 - $x /= 10$
 - $y //= 8$
 - $z *= 2$



Conclusão

- Variáveis
- Expressões



Perguntas

