

# Example of IEEEtran.cls, adapted for Sibgrapi 2014

Leandro Botelho, Augusto Cunha\* e Thales Vieira\*  
Universidade Federal de Alagoas  
Instituto de Computação, \*Instituto de Matemática  
Maceió, Alagoas.



Fig. 1. Teasing result of our method: from this data input (left), the relevant feature are extracted using our technique (middle), producing effective result (right).

**Abstract**—A edição de superfícies suaves representadas por malhas de triângulos no computador é uma área ativa de pesquisa em Modelagem Geométrica, devido à sua gama cada vez maior de aplicações na indústria e no desenho artístico. Porém, a variedade de ferramentas de edição de superfícies disponíveis atualmente ainda é escassa. Problemas como deformação de forma livre, inserção de texturas geométricas, inpainting, reconstrução com restrições, remoção de ruído, reparos, entre outras, carecem de métodos robustos, flexíveis e eficientes que permitam edição interativa e que sejam capazes de reconstruir superfícies de qualidade. Neste trabalho, usamos a representação de superfícies baseada no operador gradiente discreto da malha, para desenvolver novas ferramentas interativas de edição de objetos 3d representados por malhas de triângulos.

**Keywords**—one or two words; separated by semicolon; from specific; to generic fields;

## I. INTRODUÇÃO

Representação e processamento de objetos 3d é um dos mais importantes tópicos em Computação Gráfica e Modelagem Geométrica. A maneira como um objeto 3d é definido restringe o conjunto de operações que podem ser aplicadas a ele. Diferentes representações de objetos podem exibir diferentes propriedades geométricas, combinatórias e até perceptivas da forma. Uma das representações de superfícies mais pesquisadas nos últimos anos é a que se baseia no operador gradiente discreto em malhas triangulares. Esta representação fornece intrinsecamente as propriedades geométricas destas

superfícies, e tem sido muito utilizada para resolver problemas de edição, onde destacamos [1].

No problema de edição de superfícies, deseja-se transformar uma superfície suave, representada no computador por uma malha de triângulos, em uma outra superfície, preservando características como continuidade, suavidade, detalhes, e ao mesmo tempo respeitando restrições impostas pelo usuário. A Figura 1 ilustra o problema.

Porém, a variedade de ferramentas de edição de superfícies disponíveis atualmente ainda é escassa. Problemas como deformação de forma livre, inserção de texturas geométricas, inpainting, reconstrução com restrições, remoção de ruído, reparos, entre outras, carecem de métodos robustos, flexíveis e eficientes que permitam edição interativa e que sejam capazes de reconstruir superfícies de qualidade. No projeto precedente, o operador Laplaciano e gradiente discreto foram estudados, e uma implementação computacional da equação de Poisson foi desenvolvida. Neste projeto, as propriedades do operador gradiente serão investigadas para o desenvolvimento de novas ferramentas de edição interativas de objetos 3d representados por malhas de triângulos. Estas ferramentas serão inspiradas na equação de Poisson, já adotada com sucesso para edição de imagens em [2].

*Contribuições:* [THALES ALTERE AQUI]

### A. Trabalhos Relacionados

Para o desenvolvimento desse nosso trabalho, percebemos que métodos de edição de superfícies têm uma participação forte na área de Modelagem Geométrica. Podemos visualizar esse tipo de atividade em aplicações envolvendo indústrias ou manipulação de desenhos artísticos.

Durante muitos anos, a abordagem utilizada na literatura, envolvia uma representação baseada em superfícies paramétricas [1], que podem ter uma generalização para domínios de base não regular usando técnicas de subdivisão [2].

Com o crescimento da divulgação dos Scanners 3D, a obtenção de geometrias de superfícies de objetos reais ficou acessível [3]. Porém, esses novos tipos de superfícies apresentam uma amostragem densa e não suave, não sendo os métodos de edição de superfícies já existentes. Devido à isso, houve o surgimento de novas ferramentas para edição desses tipos de superfícies.

Diversos métodos, surgiram até então para deformação de superfícies. Para o estado da arte dos métodos variacionais lineares, temos [4], principalmente em relação métodos baseados no operador Laplaciano discreto [5] e o Operador Gradiente Discreto [6]; que são versões adaptadas para superfícies diferenciadas, para malhas de triângulos.

Por fim, destacamos diversos problemas de edição que carecem de alternativas robustas e interativas. Ao nosso trabalho, a base de autovetores da matriz laplaciana de superfície é usada para realizar edição por meio de frequências.

## II. VISÃO GERAL

Ao longo do desenvolvimento de nosso trabalho, inicialmente utilizamos uma estrutura [7] capaz de manter as informações de geometria, topologia e conectividade de vértices, arestas e faces de uma malha triangular que representa uma superfícies bidimensional no espaço euclidiano.

Com isso implementamos os operadores Gradiente Discreto e de Laplace- Beltrami Discreto. O operador de Laplace Beltrami Discreto implementado é definido, em cada vértice  $x_i$ , por:

$$\Delta_S f(x_i) = \omega_i \sum_{v_j \in N_1(i)} v_{ij}(f(x_i) - f_{x_j}) \quad (1)$$

que para cada  $v_j \in N_1(i)$ , pertence a vizinhança estrelada de cada  $X_1$ .

Para desenvolver esse tipo de ferramentas, focamos na Equação de Poisson:

$$\Delta x' = \text{div } g_x \quad (2)$$

Esta equação pode ser adaptada para realização de malhas de triângulos, tendo sua versão discreta dada por:

$$G^T M G x' = G^T M g_x \quad (3)$$

Onde:

- $G$  = Uma matriz  $3m \times n$  representando o operador gradiente global, que multiplica um vetor de dimensão  $n$  com os valores discretos das coordenadas  $f_i$  dos  $n$  vértices da malha para obter um vetor de dimensão  $m$  com os gradientes dos  $m$  triângulos da malha.
- $M$  é uma matriz diagonal que contém as áreas dos triângulos.
- $g_x$  representando os gradientes em relação à  $x$  (que é generalizado para as outras coordenadas.)

Incorporando condições de fronteira de Dirichlet, é possível fixar regiões da malha (o bordo, em geral), e obter as coordenadas  $x$  que aproximem melhor os gradientes desejados  $g_x$ . Uma implementação eficiente deste sistema foi desenvolvida usando-se a decomposição de Cholesky. Para validar inicialmente nossos resultados, tentamos obter gradientes  $g_x$  nulos, o que tende a minimizar as curvaturas das regiões selecionadas, fixando-se seu bordo, o que tende a suavizar a superfície. Para mais detalhes, recomendamos o artigo [4].

In this section, we detail this classical technique. The reader can find a more complete exposition in the work of Paul [8].

An important concept is a type of object:

**Definition 1** (Important concept). *Given this and that, an object  $X$  is an important concept if it respects the following properties...*

This concept has been used for applications similar to ours [8], using the following formulation...

## III. ALINHAMENTO SEMI - AUTOMÁTICO

### A. Iterative Closest Point

Um dos grandes problemas no desenvolvimento de reconstrução de malhas, com certeza se caracteriza pelo alinhamento de duas malhas parcialmente sobrepostas; com dados pontos iniciais correspondentes para uma relativa transformação.

Para nos auxiliar no problema de alinhamento em relação às duas malhas, utilizamos o algoritmo *Iterative Closest Point* (ICP) [9]; que nos fornece à minimização da distância de cada ponto de uma malha D, a cada ponto correspondente de cada malha M.

### B. Iterative Closest Point

Um dos grandes problemas no desenvolvimento de reconstrução de malhas, com certeza se caracteriza pelo alinhamento de duas malhas parcialmente sobrepostas; com dados pontos iniciais correspondentes para uma relativa transformação.

Para nos auxiliar no problema de alinhamento em relação às duas malhas, utilizamos o algoritmo *Iterative Closest Point* (ICP) [9]; que nos fornece à minimização da distância de cada ponto de uma malha D, a cada ponto correspondente de cada malha M.

Para o nosso problema, utilizamos um conjunto de passos para resolvê-los. Inicialmente escolhemos nosso conjunto de vértices de uma malha M, que apresenta seu respectivo correspondente à malha D; Segue Fig. 2 como imagem.

Após esse passo, utilizamos o cálculo dos centroides em relação à cada malha. Em seguida, desenvolvemos o cálculo do alinhamento, aonde envolvemos os principais operadores de transformação (rotação e translação, respectivamente) em relação à cada conjunto de correspondências entre M e D, na qual nos retorna uma matriz de transformação; e por fim aplicamos o alinhamento, utilizando a matriz de transformação em relação à malha que sofre a sobreposição.

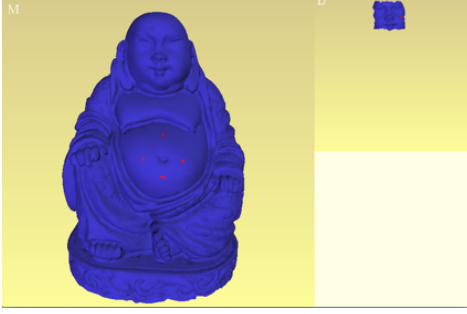


Fig. 2. Iterative Closest Point

### C. Parametrização conforme

Para nos facilitar na classificação do método de parametrização, utilizamos uma técnica de bordo livre, com foco em deformação para análise complexa. Com isso, aplicamos a parametrização espectral de [10] nas duas malhas, mantendo como restrição que os vértices correspondentes sejam mapeados para as mesmas coordenadas paramétricas.

Para isso, inicialmente aplicamos uma projeção em ambas malhas no intuito de encontrar o menor eixo do *bounding box*, e "prender" os vértices extremos.

Posteriormente, utilizamos uma técnica conhecida como LSCM (*Least Squares Conformal Maps*) [11]; que tem o objetivo em minimizar a energia conforme, devido as superfícies em geral não admitirem parametrização conforme.

A minimização M se caracteriza pela seguinte equação:

$$M = \sum_T = \left\| \begin{bmatrix} \frac{\partial v}{\partial x} \\ \frac{\partial v}{\partial y} \end{bmatrix} - \begin{bmatrix} -\frac{\partial u}{\partial y} \\ \frac{\partial u}{\partial x} \end{bmatrix} \right\|^2$$

Mantendo dois vértices para determinar a rotação, translação e escalonamento.

E por fim, aplicamos um algoritmo, conhecido como *Thin Plane Spline* [12] que nos favorece a interpolação necessária para formação da parametrização 2D.

## IV. RECONSTRUÇÃO

Após a seleção das correspondências entre a malha principal e a malha do detalhe a ser adicionada e as parametrizações já estarem alinhadas, iremos trabalhar apenas com as parametrizações no  $\mathbb{R}^2$ . Definimos o conjunto de half-edges do bordo da malha detalhe como  $B_d =$

$he_0, he_1, he_2, \dots, he_n | \forall n \in \mathbb{N} : O(he_n) = -1$  e  $B_m$  da mesma forma para a malha principal, onde  $O()$  retorna o oposto da half-edge  $he_n$ ,  $-1$  se não existir e o índice do oposto caso exista, também definimos a poligonal  $P = v_0, v_1, v_2, \dots, v_n | \forall n \in \mathbb{N} : v_n = vertex(he_n)$ , onde  $vertex()$  retorna o vertice da half-edge  $he_n$ .

Sendo assim iremos excluir cada triângulo da parametrização da malha principal que intersecta ou é interior à  $P$ . Com isso observamos a criação de um componente conexo como podemos ver na Fig. 3, assim precisamos triangular o espaço entre as parametrizações. Para isto vamos usar uma triangulação com restrições.

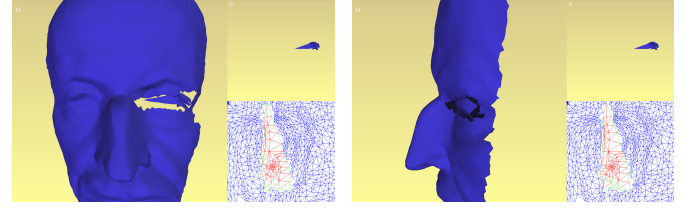


Fig. 3. Exclusão de triângulos pela parametrização

Em seguida iremos usar a Equação de Poisson para suavizar a colagem e ajustar melhor a malha ao espaço preenchido pela nova triangulação reduzindo o tamanho dos novos triângulos e aumentando o tamanho dos triângulos do detalhe, como podemos ver na Fig. 5.

### A. Triangulação com Restrições

Usaremos a técnica de sweeping (varredura) para realizar a triangulação, obedecendo o conjunto das arestas da restrição denominado por  $E = e_0, e_1, e_2, \dots, e_n | \forall n \in \mathbb{N} : e_n$  é uma aresta da restrição, onde os vértices das arestas da restrição  $\subset (B_m \cup B_d)$ , e o conjunto de arestas da primeira vizinhança de  $B_m$  e  $B_d$  denominado por  $E_v = e_0, e_1, e_2, \dots, e_m, e_{m+1}, e_{m+2}, \dots, e_{m+n} | \forall m, n \in \mathbb{N} : e_m$  é uma aresta da primeira vizinhança de  $B_m$  e  $e_{m+n}$  é uma aresta da primeira vizinhança de  $B_d$ , onde  $M$  é o número de arestas da primeira vizinhança de  $B_m$ .

A técnica consistem em:

- Ordenar os vértices das arestas de  $E_v$  de acordo com a coordenada x;
- Ordenar os vértices de  $B_m \cup B_d$  de acordo com a coordenada x;
- Testar a visibilidade de cada vértice com os vértices anteriores de ambos vetores;
- Se o ponto for visível, adicione a aresta à nova triangulação.

Seguindo este algoritmo conseguimos uma triangulação que respeita as restrições, mas pode gerar triângulos muito finos ou muito pequenos como podemos ver na Fig. 4.

### B. Equação de Poisson

## V. RESULTADOS

We performed the above-mentioned experiments on the following type of data: ... For each data, we used the following

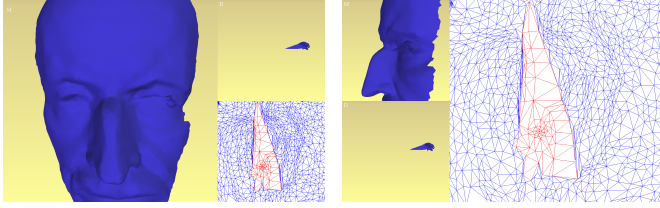


Fig. 4. Triângulação com restrições

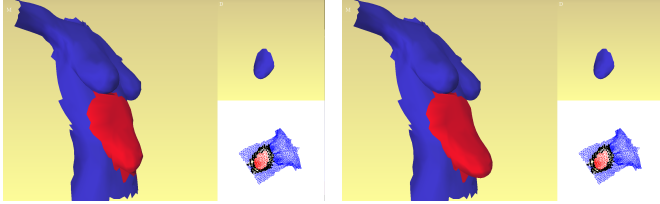


Fig. 5. Resolução do sistema com gradiente 0 para todos os triângulos gerados pela triângulação com restrição

tuning parameters of our method.

#### A. Performances

We report on Table I the performances of our technique on a computer at xxGhz with this graphic card. We observe that our technique outperforms previous approaches on this kind of data, and an equivalent result on this other kind of data.



Fig. 6. Quality assessment

#### B. Quality

As observed on Fig. 6, our method achieve good results in this situation. This can be measured by this criterion, and the results are reported on Table II.

#### C. Limitation

As mentioned in Section III, we expect our method to suit better this kind of data. On the other kind, this particularity does not fit into our formulation for this and that reason. Indeed, this can be observed in the results of Fig. 6. We plan to improve for that kind of data in future work. However, our

TABLE I

PERFORMANCES RESULTS: TIMINGS ARE EXPRESSED IN MILLISECONDS.

Data	Size	Ours	Previous	Gain
Data 1	50	0.1	1 000	$\times 10^3$
Data 2	100	0.2	2 000	$\times 10^3$
Data 3	500	0.8	10 000	$\times 10^3$
Data 4	1 000	1.2	20 000	$\times 10^3$
Data 5	5 000	1.9	100 000	$\times 10^4$
Data 6	10 000	2.1	200 000	$\times 10^4$

TABLE II

QUALITY MEASURES: TIMINGS ARE EXPRESSED IN MILLISECONDS.

Images	PSNR	MSE
Image 1	40.2	0.02
Image 2	30.9	1.02
Image 3	20.1	0.18

technique performed well on this data, which does not respect our condition, since this other aspect reduced the negative impact of its characteristic.

#### VI. CONCLUSION

In this paper, we introduced this technique and showed that it is particularly appropriate for that application. We obtained this and that improvements, and plan to extend this application in that direction in future work.

#### AGRADECIMENTOS

Os autores gostariam de agradecer ao CNPQ e PROEST pelo formento oferecido aos alunos, e a UFAL pelo e o laboratório CalaMgo pela estrutura física e materias necessários para a realização deste trabalho.

#### REFERÊNCIAS

- [1] G. FARIN, "Curves and surfaces for cagd: a practical guide," *Academic Press*, 1996.
- [2] D. SCHRDER, P. ; ZORIN, "Subdivision for modeling and animation," *SIGGRAPH 2000 Course Notes*, 2000.
- [3] P. NEUGEBAUER, "Geometrical cloning of 3d objects via simultaneous registration of multiple range images," in *International Conference on Shape Modeling and Applications, Washington, DC : IEEE*, 1997.
- [4] M. Botsch and O. Sorkine, "On linear variational surface deformation methods," *IEEE Transactions on Visualization and Computer Graphics*, vol. 14, no. 1, pp. 213–230, Jan. 2008. [Online]. Available: <http://dx.doi.org/10.1109/TVCG.2007.1054>
- [5] S. LANG, *Analysis I*, Addison-Wesley, Ed. Massachussets, 1968.
- [6] Y. Yu, K. Zhou, D. Xu, X. Shi, H. Bao, B. Guo, and H.-Y. Shum, "Mesh editing with poisson-based gradient field manipulation," *ACM Trans. Graph.*, vol. 23, no. 3, pp. 644–651, Aug. 2004. [Online]. Available: <http://doi.acm.org/10.1145/1015706.1015774>
- [7] M. Lage, T. Lewiner, H. Lopes, and L. Velho, "Che: A scalable topological data structure for triangular meshes," PUC-Rio, Preprint MAT 13/05, May 2005.
- [8] *Proceedings of the XXVII Brazilian Symposium on Computer Graphics and Image Processing (SIBGRAPI)*. Rio de Janeiro, Brazil: IEEE, August 2014.
- [9] Z. Zhang, "Iterative point matching for registration of free-form curves and surfaces," *Int. J. Comput. Vision*, vol. 13, no. 2, pp. 119–152, Oct. 1994. [Online]. Available: <http://dx.doi.org/10.1007/BF01427149>
- [10] P. Mullen, Y. Tong, P. Alliez, and M. Desbrun, "Spectral Conformal Parameterization," *Comput. Graph. Forum*, vol. 27, no. 5, pp. 1487–1494, 2008. [Online]. Available: <http://dblp.uni-trier.de/db/journals/cgf/cgf27.html#MullenTAD08>
- [11] B. Lévy, S. Petitjean, N. Ray, and J. Maillot, "Least squares conformal maps for automatic texture atlas generation," *ACM Trans. Graph.*, vol. 21, no. 3, pp. 362–371, Jul. 2002. [Online]. Available: <http://doi.acm.org/10.1145/566654.566590>
- [12] J. Duchon, "Splines minimizing rotation-invariant semi-norms in sobolev spaces constructive theory of functions of several variables," in *Constructive Theory of Functions of Several Variables*, ser. Lecture Notes in Mathematics, W. Schempp and K. Zeller, Eds. Springer Berlin / Heidelberg, 1977, vol. 571, ch. 7, pp. 85–100. [Online]. Available: <http://dx.doi.org/10.1007/bfb0086566>