

GPET Versuch 2

Tim Luchterhand, Paul Nykiel

25. April 2017

3.1 Bestimmung des Innenwiderstandes einer Quelle

Aufgabe: Nehmen Sie die Strom-Spannungskennlinie der Batterie auf. Verwenden sie hierzu Messtabelle 1 und tragen Sie die Messwerte in ein Diagramm ein. Schließen Sie das Spannungsmessgerät vor der Batterie an, damit Sie die Batterie nicht über einen längeren Zeitraum kurzschließen.

3.1.1 Vorgehensweise

Es werden verschiedene Lastwiderstände R_L eingebaut und die Arbeitsgerade des Netzwerks aufgenommen. Der Laststrom I_L berechnet sich aus

$$I_L = \frac{U_{mess}}{R_L}$$

Der 0-Wert bei R_L repräsentiert einen Widerstand von $\infty\Omega$.

Tabelle 3.1: Messtabelle für Versuch 1

R_L Ω	U_{mess} V	I_L mA
0	8.67	0
1000	8.63	0.0082
750	8.58	0.011
500	8.51	0.015
250	8.35	0.028
200	8.28	0.033
150	8.16	0.041
125	7.95	0.045
100	7.83	0.052
75	7.70	0.062

3.1.2 I-U-Kennlinie der Batterie

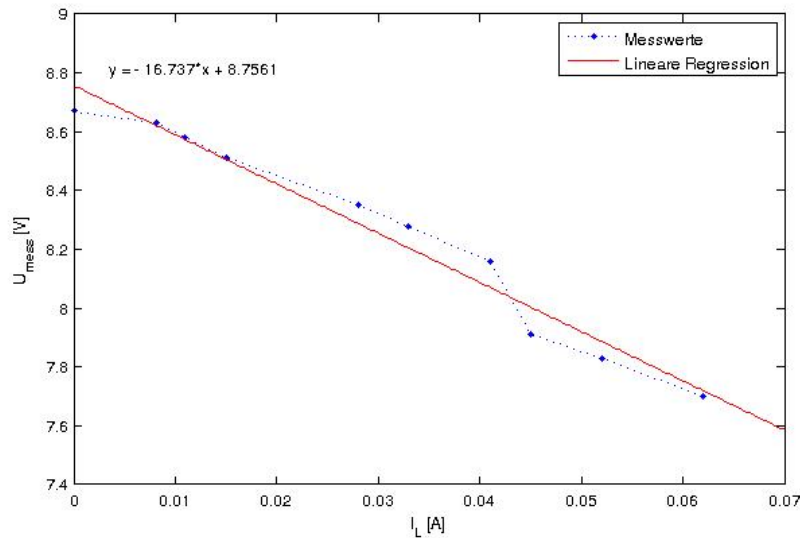


Abbildung 3.1: Arbeitsgerade

3.1.3 Charakterisierung der Ersatzspannungsquelle

Aufgabe: Charakterisieren Sie die Ersatzspannungsquelle mit Hilfe des erstellten Diagramms.

Die Steigung des Graphens ist der negative Innenwiderstand R_{innen} . Dieser beträgt:

$$R_{innen} = 16.737\Omega$$

Der x-Wert (I) des Schnittpunkts mit der x-Achse ist der Kurzschlussstrom. Dieser beträgt:

$$I_{kurzschluss} = 0.062A$$

Der y-Wert (U) des Schnittpunkts mit der y-Achse ist die Leerlaufspannung. Diese beträgt:

$$U_{leerlauf} = 8.75V$$

3.1.4 Messungenauigkeiten

Die Messungenauigkeit kommt durch das ungenaue Einstellen des Potentiometers und durch die Ungenauigkeit des Potentiometers selbst zustande. Der linearer Verlauf der Kurve ist aber trotzdem gut zu erkennen.

3.2 Untersuchung eines einfachen Netzwerks

Aufgabe: Bauen Sie die Schaltung aus Abbildung 6 nach. Die Widerstandswerte sind $R1 = R2 = 1\text{k}\Omega$ und $R3 = R4 = 100\Omega$.

Bestimmen Sie die äquivalente Ersatzspannungsquelle zwischen den Knoten 0 und 1 durch Messung ($U_{in} = 3\text{V}$). Verwenden Sie hierzu wieder das Potentiometer mit $1\text{k}\Omega$ und tragen Sie die Ergebnisse in Messtabelle 2 ein.

3.2.1 Vorgehensweise

Es werden verschiedene Lastwiderstände R_L eingebaut und die Arbeitsgerade des Netzwerks aufgenommen. Der Laststrom I_L berechnet sich aus

$$I_L = \frac{U_{mess}}{R_L}$$

Der 0-Wert bei R_L repräsentiert einen Widerstand von $\infty\Omega$.

Tabelle 3.2: Messtabelle für Versuch 2

R_L Ω	U_{mess} mV	I_L mA
0	0.2184	0
1000	0.2012	0.000 201 2
750	0.1958	0.000 261
500	0.1866	0.000 373
250	0.1485	0.000 594
100	0.1176	0.001 18
50	0.0805	0.001 61

3.2.2 Ersatzspannungsquelle

I-U-Kennlinie des Netzwerks

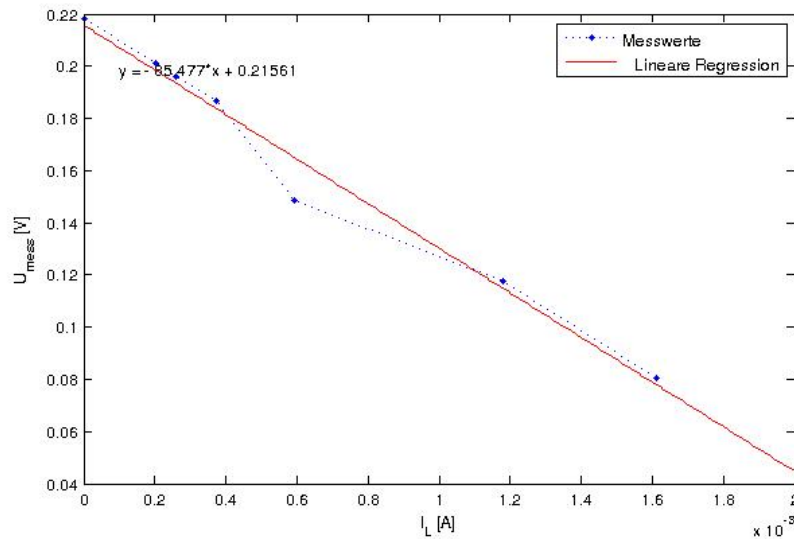


Abbildung 3.2: Arbeitsgerade

Durch identisches Vorgehen zu Aufgabe 3.1 ergibt sich folgende Charakterisierung:

$$\begin{aligned}
 U_{\text{Quelle}} &= 0.2156\text{V} \\
 I_{\text{Kurzschluss}} &= 2.1\text{mA} \\
 R_{\text{Innen}} &= 85.477\Omega
 \end{aligned}$$

Messungenauigkeit

Die Messungenauigkeit kommt durch das ungenaue Einstellen des Potentiometers und durch die Ungenauigkeit des Potentiometers selbst zustande. Der linearer Verlauf der Kurve ist aber trotzdem gut zu erkennen.

3.2.3 Spannungen an den Widerständen

Aufgabe: Messen Sie die Spannungen an den Widerständen in Abhängigkeit von U_{in} . Tragen Sie die Messwerten in Messtabelle 3 ein und vergleichen diese mit den berechneten Werten in einem Diagramm.

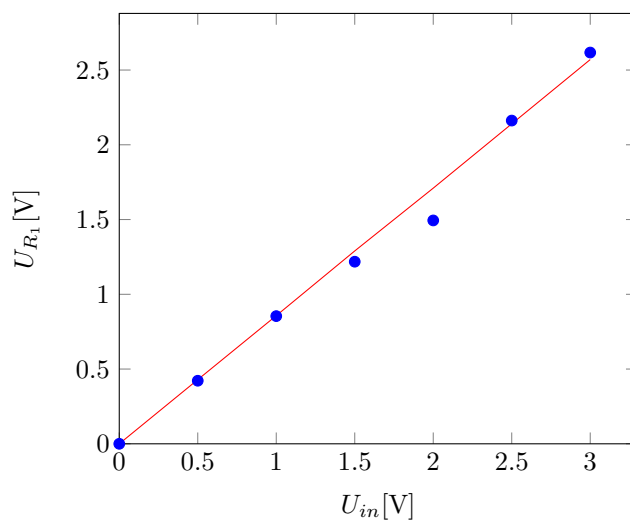
Tabelle 3.3: Messtabelle für Versuch 2

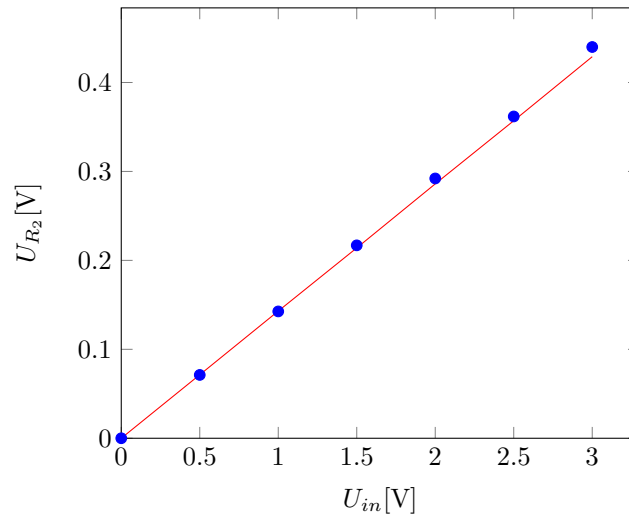
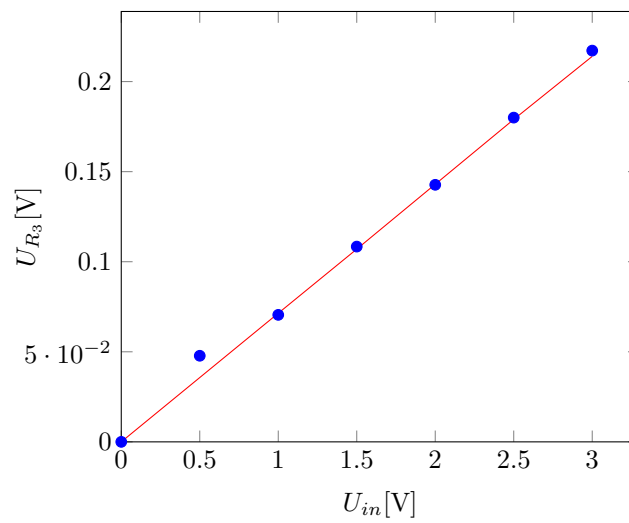
U_{in} V	$U_{R1,soll}$ V	$U_{R2,soll}$ V	$U_{R3,soll}$ V	$U_{R4,soll}$ V	$U_{R1,mess}$ V	$U_{R2,mess}$ V	$U_{R3,mess}$ V	$U_{R4,mess}$ V
0.0	0.00	0.00	0.00	0.00	0	0	0	0
0.5	0.429	0.0714	0.0357	0.0357	0.4218	0.0712	0.0478	0.0354
1.0	0.857	0.143	0.0714	0.0714	0.854	0.1426	0.0705	0.0716
1.5	1.29	0.214	0.107	0.107	1.218	0.2169	0.1084	0.1094
2.0	1.71	0.286	0.143	0.143	1.494	0.2921	0.1427	0.1491
2.5	2.14	0.357	0.179	0.179	2.162	0.3618	0.1800	0.1940
3.0	2.57	0.429	0.214	0.214	2.617	0.4399	0.2172	0.2278

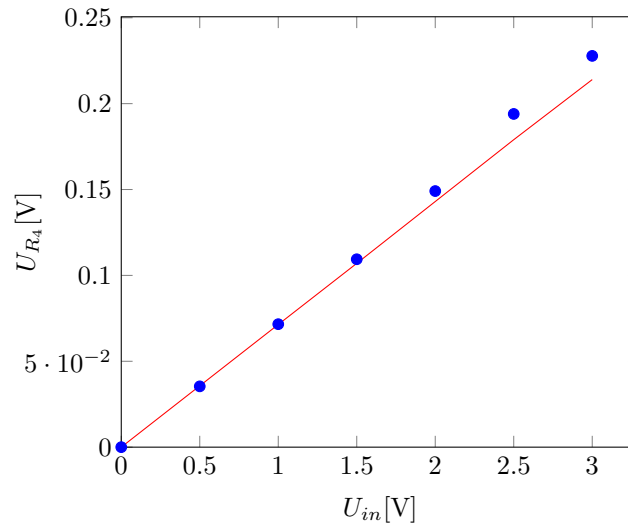
3.2.4 Diagramm

Berechnete Werte in **rot**, gemessene Werte in **blau**.

Vergleich R_1



Vergleich R_2 **Vergleich R_3** 

Vergleich R_4 **Messungenauigkeiten**

Wie in den Diagrammen zu erkennen ist, weichen die Messwerte nur sehr gering von den berechneten Werten ab.

Es ergibt es sich für jeden Widerstand eine charakteristische Gerade.

3.3 Untersuchung eines komplizierten Netzwerks

Aufgabe: Messen Sie die Spannungen an allen Knoten in Abhängigkeit von $U_{in,1} = 0 \dots 3V$ und tragen Sie die Ergebnisse in Messtabelle 4 ein. Erstellen Sie ein Diagramm für die Spannungen an allen Knoten in Abhängigkeit der Spannung $U_{in,1} = 0 \dots 3V$.

Tabelle 3.4: Messtabelle für Versuch 3

$U_{in,1}$ V	$U_{1,mess}$ V	$U_{2,mess}$ V	$U_{3,mess}$ V	$U_{4,mess}$ V
0	-0.025	0.017	0.377	0.138
0.5	0.205	0.2407	0.847	0.4221
1	0.599	0.6047	0.930	0.762
1.5	0.671	0.711	1.127	1.077
2	1.462	1.169	1.950	1.756
2.5	1.223	1.188	1.610	1.894
3	1.238	1.711	1.773	2.071

3.3.1 Diagramm der Knotenspannungen

U_1 in schwarz.

U_2 in grün.

U_3 in blau.

U_4 in rot.

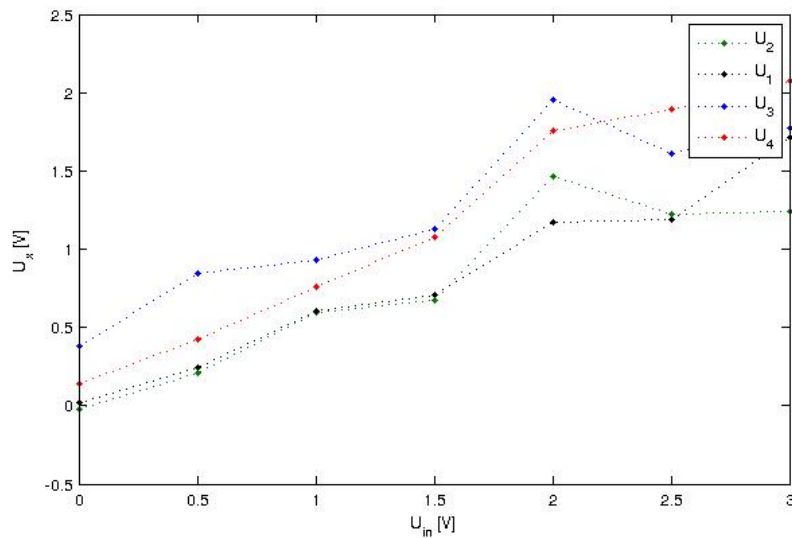


Abbildung 3.3: Messwerte

Messungenauigkeiten

Wie im Diagramm zu erkennen, verhalten sich die Kurven zwar generell linear, besitzen aber markante Abweichungen. Während des Versuchs ist aufgefallen, dass durch Wackeln an den Kabeln der Messgeräte sich die Messwerte signifikant beeinflussen ließen. Die Sprünge im Diagramm lassen sich also auf den mangelhaften Zustand der Kabel zurückführen. Wir haben einige, jedoch nicht alle Messungen wiederholen können. Zum Teil gab es stark unterschiedliche Ergebnisse bei ein und der selben Messung.

3.3.2 Knotenpotenzialanalyse mit Matlab

Aufgabe: Nun soll für dieses Netzwerk das in Abschnitt 2.2 aufgestellte KPV mit Hilfe von Matlab gelöst und mit den Ergebnissen der eben durchgeführten Messungen verglichen werden.

Matrix

$$\begin{bmatrix} -5G & G & 2G & G \\ G & -3G & 0 & 0 \\ 2G & 0 & -3G & G \\ G & 0 & G & -3G \end{bmatrix} \begin{bmatrix} \varphi_1 \\ \varphi_2 \\ \varphi_3 \\ \varphi_4 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} I_3 \\ -I_2 \\ -I_3 \\ -I_1 \end{bmatrix}$$

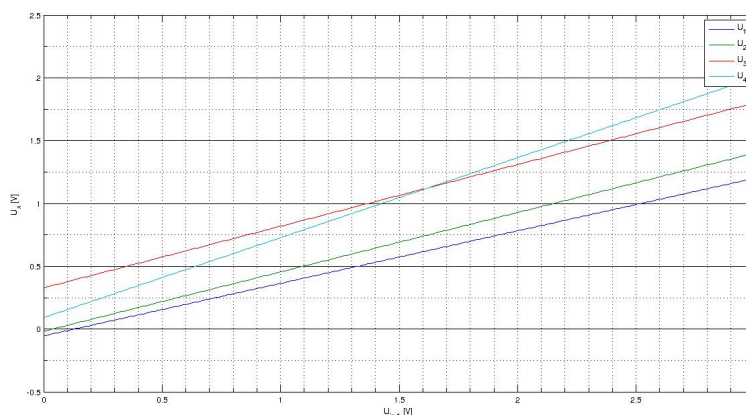
Lösung

Abbildung 3.4: KPV_plot mit MatLab

Auswertung

Alle vier Potentiale Verhalten sich Linear. Die Steigung der Geraden repräsentiert das Spannungsteilverhältniss zwischen U_{in} und des jeweiligen Potentials U_x . Beim Schnittpunkt zwischen U_3 und U_4 (bei ca. 1.6V) befinden sich beide Knoten auf dem selben Potential, d.h. es fließt kein Strom zwischen ihnen.

Das Offset der jeweiligen Kurven bei $U_{in} = 0V$ kommt durch die zweite Spannungsquelle im Netzwerk, die eine konstanten Spannung von 1V liefert, zustande.

Obwohl im Diagramm für die Messwerte deutliche Sprünge zu erkennen sind, verhalten sich die Kurven in beiden Diagrammen ähnlich: Auch bei den Messwerten lässt sich grob ein linearer Verlauf erkennen, sowohl der Schnittpunkt zwischen U_3 und U_4 , als auch das Offset der jeweiligen Spannungen bei $U_{in} = 0V$ werden dargestellt.

3.4 Aufbau einer Messbrücke nach Wheatstone

Aufgabe: Kann mit diesem Messaufbau jeder Widerstand gemessen werden? Falls dies nicht der Fall ist, wie muss der Messaufbau verändert werden, damit die restlichen Widerstände gemessen werden können?

3.4.1 Vorgehensweise

Der Widerstand des Potentiometers wird so lange verändert, bis die Spannung zwischen beiden Spannungsteilern genau null Volt beträgt. Der gesuchte Widerstand R_x lässt sich dann wie folgt berechnen:

$$R_x = \frac{R_1 R_3}{R_{poti}}$$

Verwendet wurden folgende Widerstände:

$$\begin{aligned} R_1 &= 100\Omega \\ R_3 &= 1\text{k}\Omega \end{aligned}$$

3.4.2 Widerstand 1

$$\begin{aligned} R_{poti} &= 146.5\Omega \\ \Rightarrow R_x &= 682.6\Omega \\ R_{mitMultimeter} &= 678\Omega \end{aligned}$$

3.4.3 Widerstand 2

$$\begin{aligned} R_{poti} &= 452.6\Omega \\ \Rightarrow R_x &= 220.9\Omega \\ R_{mitMultimeter} &= 219.7\Omega \end{aligned}$$

3.4.4 Widerstand 3

$$\begin{aligned} R_{poti} &= 211.8\Omega \\ \Rightarrow R_x &= 472.1\Omega \\ R_{mitMultimeter} &= 469.0\Omega \end{aligned}$$

3.4.5 Einschränkungen

R_1 , R_2 und R_3 müssen so gewählt werden, dass I_L auch tatsächlich auf 0A gebracht werden kann.

Ist R_x beispielsweise zu groß für die gewählten Widerstände R_1 und R_3 , muss man mit dem Potentiometer sehr kleine Widerstandswerte einstellen was zu Messungenauigkeiten führen kann.

Es sollte gelten:

$$\frac{R_1 \cdot R_3}{R_x} \gg 1$$

damit mit dem Potentiometer keine kleinen Widerstände eingestellt werden müssen.

Außerdem sollte R_1 in der Größenordnung von R_x sein, damit auf der rechten Seite ein Spannungsteiler aus zwei großen Widerständen ist und auf der linken Seite vergleichsweise dazu zwei kleine Widerstände. Dadurch muss das Potentiometer auf einen großen Wert eingestellt werden und Messungenauigkeiten fallen nicht so sehr ins Gewicht.