

# Grundlagen der Rechnerarchitektur

Tim Luchterhand, Paul Nykiel (Abgabegruppe 117)

9. Januar 2019

## 1 Umcodierer

### 1.1

| $x_2$ | $x_1$ | $x_0$ | $y_7$ | $y_6$ | $y_5$ | $y_4$ | $y_3$ | $y_2$ | $y_1$ | $y_0$ |
|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| 0     | 0     | 0     | 0     | 0     | 0     | 0     | 0     | 0     | 0     | 1     |
| 0     | 0     | 1     | 0     | 0     | 0     | 0     | 0     | 0     | 1     | 0     |
| 0     | 1     | 0     | 0     | 0     | 0     | 0     | 0     | 1     | 0     | 0     |
| 0     | 1     | 1     | 0     | 0     | 0     | 0     | 1     | 0     | 0     | 0     |
| 1     | 0     | 0     | 0     | 0     | 0     | 1     | 0     | 0     | 0     | 0     |
| 1     | 0     | 1     | 0     | 0     | 1     | 0     | 0     | 0     | 0     | 0     |
| 1     | 1     | 0     | 0     | 1     | 0     | 0     | 0     | 0     | 0     | 0     |
| 1     | 1     | 1     | 1     | 0     | 0     | 0     | 0     | 0     | 0     | 0     |

(a)

(b) Schaltfunktionen:

$$y_0 = \overline{x_2} \cdot \overline{x_1} \cdot \overline{x_0}$$

$$y_1 = \overline{x_2} \cdot \overline{x_1} \cdot x_0$$

$$y_2 = \overline{x_2} \cdot x_1 \cdot \overline{x_0}$$

$$y_3 = \overline{x_2} \cdot x_1 \cdot x_0$$

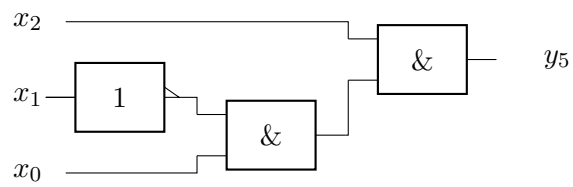
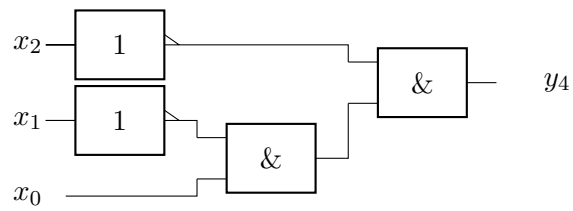
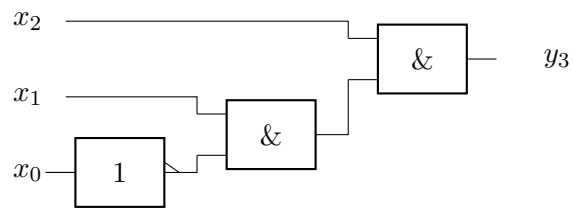
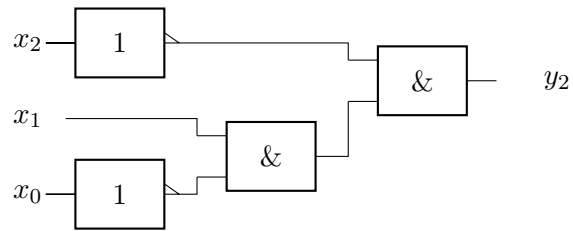
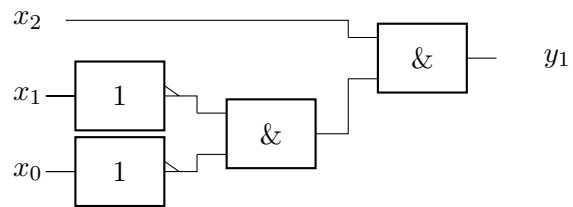
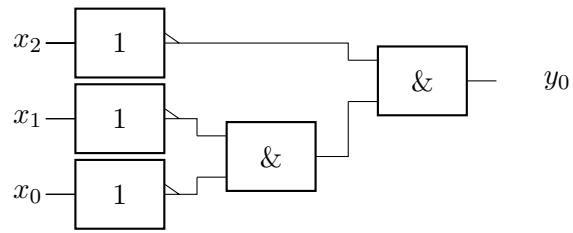
$$y_4 = x_2 \cdot \overline{x_1} \cdot \overline{x_0}$$

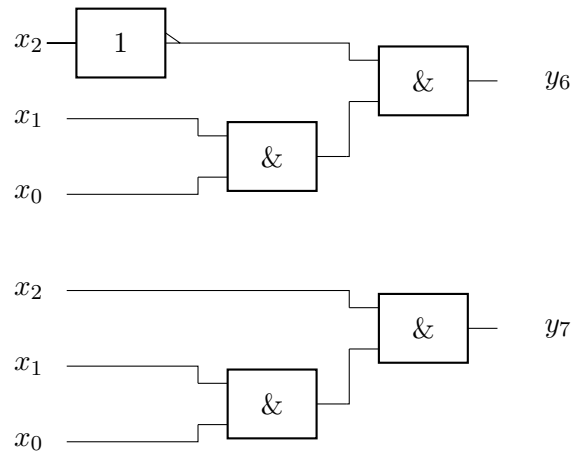
$$y_5 = x_2 \cdot \overline{x_1} \cdot x_0$$

$$y_6 = x_2 \cdot x_1 \cdot \overline{x_0}$$

$$y_7 = x_2 \cdot x_1 \cdot x_0$$

Gatterschaltungen:





## 1.2

(a) Gray-Codierung:

| $x_2$ | $x_1$ | $x_0$ | $y_2$ | $y_1$ | $y_0$ |
|-------|-------|-------|-------|-------|-------|
| 0     | 0     | 0     | 0     | 0     | 0     |
| 0     | 0     | 1     | 0     | 0     | 1     |
| 0     | 1     | 0     | 0     | 1     | 1     |
| 0     | 1     | 1     | 1     | 1     | 1     |
| 1     | 0     | 0     | 1     | 0     | 1     |
| 1     | 0     | 1     | 1     | 0     | 0     |
| 1     | 1     | 0     | 1     | 1     | 0     |
| 1     | 1     | 1     | 0     | 1     | 0     |

(b) TODO

(c) Wenn Grey-Codierte Daten über einen Kanal übertragen werden und es zu Fehlern kommt (zum Beispiel durch Rauschen oder ungenaue Messungen), so ist das decodierte Codewort in fast allen Fällen nur um ein Byte gegenüber dem gesendeten Codewort falsch. Bei „normaler“ Codierung treten Fehler in Codewörtern die mehrere Bits des decodierten Codeworts betreffen auch schon bei kleinen Fehlern auf.

(d) Ausgehend von der DKNF mit Quine-McCluskey:

$$\begin{aligned}
 y_0(x_0, x_1, x_2) &= \overline{x_2} \cdot \overline{x_1} \cdot x_0 + \overline{x_2} \cdot x_1 \cdot \overline{x_0} + \overline{x_2} \cdot x_1 \cdot x_0 + x_2 \cdot \overline{x_1} \cdot \overline{x_0} \\
 &= (\overline{x_2} \cdot \overline{x_1} \cdot x_0 + \overline{x_2} \cdot x_1 \cdot x_0) + (\overline{x_2} \cdot x_1 \cdot \overline{x_0} + x_2 \cdot \overline{x_1} \cdot \overline{x_0}) \\
 &= \overline{x_2} \cdot x_0 + \overline{x_0} \cdot (x_2 \cdot \overline{x_1} + \overline{x_2} \cdot x_1) \\
 &= \overline{x_2} \cdot x_0 + \overline{x_0} \cdot (x_1 \oplus x_2)
 \end{aligned}$$

### 1.3

| Dezimal | Binär |       |       |       | Aiken-Code |       |       |       |
|---------|-------|-------|-------|-------|------------|-------|-------|-------|
| $d$     | $x_3$ | $x_2$ | $x_1$ | $x_0$ | $y_3$      | $y_2$ | $y_1$ | $y_0$ |

(a)