Grundlagen der Rechnerarchitektur

Tim Luchterhand, Paul Nykiel (Abgabegruppe 117)
30. November 2018

Hinweis: Jede Zahl, bei der keine Basis spezifiziert ist, ist im 10er System zu interpretieren, sofern nicht anders angegeben.

1 Zahlensysteme

1.1

- (a) b = 1 sowie $\Sigma_{b1} = \{|\}$ die Niederwertigste Ziffer steht in der Mitte. Die Null wird durch \sim dargestellt.
- (b) $15 = ||||||||||_1$
- (c) $7 = ||||||_1$
- (e) $0 = \sim_1$

2 Arithmetik natürlicher und ganzer Zahlen

2.2

(a)

$$1037 + 3802$$

=4839

(b)

$$9548$$
 -3027
 -6521

(c) Folgende Rechnung ist im Dualsystem:

$$\begin{array}{r}
 1010110 \\
 + 1010001 \\
 \hline
 1 1 \\
 \hline
 = 10101111
 \end{array}$$

(d) Folgende Rechnung ist im Dualsystem:

2.3

(a) 3-er System:

$$1001100_3 = 3^6 \cdot 1 + 3^5 \cdot 0 + 3^4 \cdot 0 + 3^3 \cdot 1 + 3^2 \cdot 1 + 3^1 \cdot 0 + 3^0 \cdot 0 = 765$$

(b) 4-er System:

$$1001100_4 = 4^6 \cdot 1 + 4^5 \cdot 0 + 4^4 \cdot 0 + 4^3 \cdot 1 + 4^2 \cdot 1 + 4^1 \cdot 0 + 4^0 \cdot 0 = 4176$$

(c) 5-er System:

$$1001100_5 = 5^6 \cdot 1 + 5^5 \cdot 0 + 5^4 \cdot 0 + 5^3 \cdot 1 + 5^2 \cdot 1 + 5^1 \cdot 0 + 5^0 \cdot 0 = 15775$$

(d) 6-er System:

$$1001100_6 = 6^6 \cdot 1 + 6^5 \cdot 0 + 6^4 \cdot 0 + 6^3 \cdot 1 + 6^2 \cdot 1 + 6^1 \cdot 0 + 6^0 \cdot 0 = 46908$$

(e) 7-er System:

$$1001100_7 = 7^6 \cdot 1 + 7^5 \cdot 0 + 7^4 \cdot 0 + 7^3 \cdot 1 + 7^2 \cdot 1 + 7^1 \cdot 0 + 7^0 \cdot 0 = 118041$$

(f) 8-er System:

$$1001100_8 = 8^6 \cdot 1 + 8^5 \cdot 0 + 8^4 \cdot 0 + 8^3 \cdot 1 + 8^2 \cdot 1 + 8^1 \cdot 0 + 8^0 \cdot 0 = 262720$$

(g) 9-er System:

$$1001100_9 = 9^6 \cdot 1 + 9^5 \cdot 0 + 9^4 \cdot 0 + 9^3 \cdot 1 + 9^2 \cdot 1 + 9^1 \cdot 0 + 9^0 \cdot 0 = 532251$$

(h) 10-er System:

$$1001100_{10} = 10^6 \cdot 1 + 10^5 \cdot 0 + 10^4 \cdot 0 + 10^3 \cdot 1 + 10^2 \cdot 1 + 10^1 \cdot 0 + 10^0 \cdot 0 = 1001100$$

(i) 11-er System:

$$1001100_{11} = 11^6 \cdot 1 + 11^5 \cdot 0 + 11^4 \cdot 0 + 11^3 \cdot 1 + 11^2 \cdot 1 + 11^1 \cdot 0 + 11^0 \cdot 0 = 1773013$$

(j) 12-er System:

$$1001100_{12} = 12^6 \cdot 1 + 12^5 \cdot 0 + 12^4 \cdot 0 + 12^3 \cdot 1 + 12^2 \cdot 1 + 12^1 \cdot 0 + 12^0 \cdot 0 = 2987856$$

2.4

In folgender Reihenfolge: Zahl, Vorzeichenbehaftete Binärzahl, Einerkomplement, Zweierkomplement. Alle Zahlen werden als 16-bit Breit angenommen.

2.5

(a) Nebenrechnung:

$$765_{18} = 0000\ 1001\ 0100\ 1101_2$$

Vorzeichenbehaftete Binärzahl:

$$\begin{array}{c} 0000\ 1001\ 0100\ 1101 \\ -0000\ 0000\ 0001\ 0101 \end{array}$$

1

=0000 1001 0011 1000

Zweierkomplement (binär):

 $\begin{array}{c} 0000\ 1001\ 0100\ 1101 \\ +\ 1111\ 1111\ 1110\ 1011 \\ {}_{1111\ 1111\ 1\ 1\ 1} \ 1\ 111 \end{array}$

 $=1\ 0000\ 1001\ 0011\ 1000$

Einerkomplement (binär, zuerst nur addieren):

 $0000\ 1001\ 0100\ 1101 \\ +\ 1111\ 1111\ 1110\ 1010 \\ 1111\ 1111\ 1\ 1$

=1 0000 1001 0011 0111

Ergebniss der Subtraktion, durch addieren von 1:

 $1\ 0000\ 1001\ 0011\ 0111 \\ +\ 0000\ 0000\ 0000\ 0001 \\ _{111}$

 $=1\ 0000\ 1001\ 0011\ 1000$

(b) Vorzeichenbehaftete Binärzahl:

 $-0000\ 0011\ 0101\ 1101 \\ -0000\ 0000\ 0001\ 0101$

 $=-0000\ 0011\ 0100\ 1000$

Zweierkomplement (binär):

 $1111 \ 1100 \ 1010 \ 0011 \\ + \ 1111 \ 1111 \ 1110 \ 1011 \\ {}_{1\ 1111 \ 1111 \ 111 \ 11} \ 11$

=1 1111 1100 1000 1110

Einerkomplement (binär, zuerst nur addieren):

Ergebniss der Subtraktion, durch addieren von 2 (zwei Zahlen im Einerkomplement):

2.6

- (a) Das Binary-Code-Decimal Format codiert die einzelnen Stellen der Zahl im Dezimalsystem, indem die einzelnen Ziffern binär dargestellt werden. Das heißt, jede Ziffer der Zahl im Zehnersystem wird durch 4 bit repräsentiert.
- (b) $253 = 2 \cdot 10^2 + 5 \cdot 10^1 + 3 \cdot 10^0 = 0010_2 \cdot 10^2 + 0101_2 \cdot 10^1 + 0011_2 \cdot 10^0 = 0010 \ 0101 \ 0011_{BCD}$

(c)
$$0011\ 0101\ 0111_{\rm BCD} = 3 \cdot 10^2 + 5 \cdot 10^1 + 7 \cdot 10^0 = 357$$