Estruturas de Dados

Filas e Pilhas

Aula 04

Prof. Felipe A. Louza



Roteiro

Filas

2 Pilhas

Referências

Roteiro

Filas

2 Pilhas

Referências

Uma fila (queue) é uma estrutura de dados dinâmica que admite inserção e remoção de elementos.

Primeiro a entrar é primeiro a sair : FIFO (first-in first-out)



Não podemos acessar elementos do "meio" da fila

Operações:

• Enfileira (push_back): adiciona item no "fim" da fila

5

Operações:

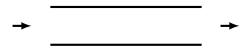
- Enfileira (push_back): adiciona item no "fim" da fila
- Desenfileira (pop_front): remove item do "início" da fila

5

Operações:

- Enfileira (push_back): adiciona item no "fim" da fila
- Desenfileira (pop_front): remove item do "início" da fila

Exemplo:

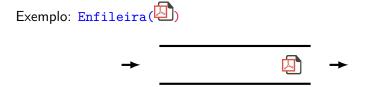


Operações:

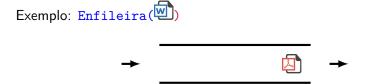
- Enfileira (push_back): adiciona item no "fim" da fila
- Desenfileira (pop_front): remove item do "início" da fila

Exemplo: Enfileira()

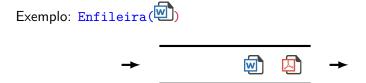
- Enfileira (push_back): adiciona item no "fim" da fila
- Desenfileira (pop_front): remove item do "início" da fila



- Enfileira (push_back): adiciona item no "fim" da fila
- Desenfileira (pop_front): remove item do "início" da fila



- Enfileira (push_back): adiciona item no "fim" da fila
- Desenfileira (pop_front): remove item do "início" da fila



Operações:

- Enfileira (push_back): adiciona item no "fim" da fila
- Desenfileira (pop_front): remove item do "início" da fila

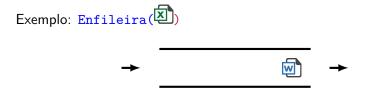


Operações:

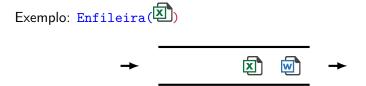
- Enfileira (push_back): adiciona item no "fim" da fila
- Desenfileira (pop_front): remove item do "início" da fila



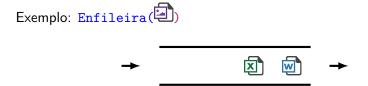
- Enfileira (push_back): adiciona item no "fim" da fila
- Desenfileira (pop_front): remove item do "início" da fila



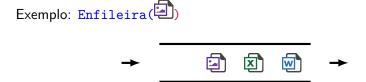
- Enfileira (push_back): adiciona item no "fim" da fila
- Desenfileira (pop_front): remove item do "início" da fila



- Enfileira (push_back): adiciona item no "fim" da fila
- Desenfileira (pop_front): remove item do "início" da fila



- Enfileira (push_back): adiciona item no "fim" da fila
- Desenfileira (pop_front): remove item do "início" da fila



Operações:

- Enfileira (push_back): adiciona item no "fim" da fila
- Desenfileira (pop_front): remove item do "início" da fila



Operações:

- Enfileira (push_back): adiciona item no "fim" da fila
- Desenfileira (pop_front): remove item do "início" da fila



Operações:

- Enfileira (push_back): adiciona item no "fim" da fila
- Desenfileira (pop_front): remove item do "início" da fila



Operações:

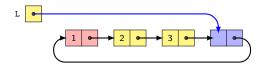
- Enfileira (push_back): adiciona item no "fim" da fila
- Desenfileira (pop_front): remove item do "início" da fila

Exemplo: Fim!

Filas: implementação com lista ligada

Implementação: Lista ligada circular

- Inserção no final: O(1)
- Remoção no início: O(1)



- fila_criar()
- ② fila_destruir()
- fila_adicionar()

- 4 fila_topo()
- fila_remover()
- fila_tamanho()

TAD - Interface



fila.h

```
//Adicionar
  #ifndef FILA H
  #define FILA H
                                           void fila_adicionar(Fila **F, int x);
                                        18
   #include "lista circular.h"
                                        19 //Acessar
                                           int fila_topo(Fila *F);
5
   //Dados
                                        21
  typedef struct {
                                           //Remover
                                           void fila_remover(Fila **F);
8
     int tam:
     No *L;
                                        24
  } Fila:
                                           //Extra
                                        25
10
11
                                           int fila_tamanho(Fila *F);
  //Funções
                                        27
13 Fila* fila_criar();
                                        28
14 void fila destruir(Fila **F);
                                        29 # endif
```

Vamos reutilizar o TAD de listas circulares

Fila – Criar fila

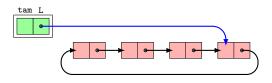


fila.c

```
5 Fila* fila_criar() {
6    Fila *p = (Fila*) malloc(sizeof(Fila));
7    p->tam = 0;
8    p->L = criar_lista();
9    return p;
10 }
```

- Vamos alocar o espaço para uma Fila;
- Código do cliente: Fila *F = fila_criar();

Fila – Destruir fila



fila.c

```
void fila_destruir(Fila **p) {// p recebe &F

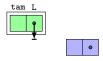
destruir_lista(&((*p)->L));

free(*p);

*p = NULL;
}
```

• Primeiro apagamos a lista, depois a struct Fila

Fila – Adicionar no final



fila.c

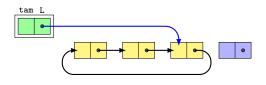
```
void fila_adicionar(Fila **p, int x) {// p recebe &F

adicionar_final(&((*p)->L), x);

(*p)->tam++;
}
```

- Incrementamos o valor de tam
- Custo computacional: O(1)

Fila – Adicionar no final



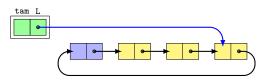
fila.c

```
void fila_adicionar(Fila **p, int x) {// p recebe &F

adicionar_final(&((*p)->L), x);
   (*p)->tam++;
}
```

- Incrementamos o valor de tam
- Custo computacional: O(1)

Fila – Acessar (início)



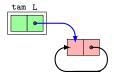
lista circular.c

```
int acessar_primeiro(No *p){
   if(p==NULL) return -1; //lista vazia
   No *q = p->prox;
   return q->dado;
}
```

fila.c

```
27 int fila_topo(Fila *p) {// p recebe F
28    return acessar_primeiro(p->L);
29 }
```

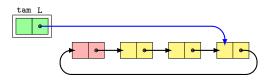
Lista circular – Remover do início



fila.c

```
33
void fila_remover(Fila **p) {// p recebe &L
remover_inicio(&((*p)->L));
(*p)->tam--;
}
```

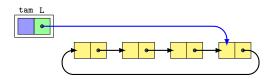
Lista circular – Remover do início



fila.c

```
33
void fila_remover(Fila **p) {// p recebe &L
remover_inicio(&((*p)->L));
(*p)->tam--;
}
```

Fila - Tamanho



fila.c

```
40 int fila_tamanho(Fila *p) {// p recebe L
41 return p->tam;
42 }
```

Cliente



exemplo1.c

```
1 # include <stdio.h>
   #include "fila.h"
3
   int main(){
     int i, num;
 5
     Fila *F = fila_criar();
6
     scanf("%d", &num);
     for(i=1; i<=num; i++) fila_adicionar(&F, i);</pre>
     while(fila_tamanho(F) > 0){
       printf("%d\n", fila_topo(F));
10
       fila_remover(&F);
11
12
     fila_destruir(&F); //testar valgrind!!
13
   return 0:
14
15
```

Como compilar?

Teremos dois TADs diferentes:

- fila.c
- lista_circular.c

Vamos compilar por partes:

- gcc -Wall -Werror -c lista_circular.c
 - vai gerar o arquivo compilado lista_circular.o
- gcc -Wall -Werror -c fila.c
 - vai gerar o arquivo compilado fila.o
- gcc exemplo1.c fila.o lista_circular.o -o exemplo1
 - compila, e faz a linkagem, gerando o executável exemplo1

Makefile

Vamos usar o Makefile para compilar:

```
CFLAGS= -Wall -Werror

all: exemplo1

exemplo1: exemplo1.c fila.o lista_circular.o

gcc $^-o $@

#regra genérica

%.o: %.c %.h

gcc $(CFLAGS) -c $<
```

Relembrando:

- \$^ representa todas as dependências da regra, e \$@ o alvo
- Regras genéricas:
 - Para cada *.o criamos uma regra com dependências *.c e *.h
 - \$< representa a primeira dependência

Valgrind

Podemos verificar se toda memória foi desalocada com o Valgrind:

```
1 $ valgrind --leak-check=yes ./exemplo1
```

- Podemos encontrar vazamento de memória e acesso a posições inválidas:
 - Valgrind avisa que houveram bytes perdidos
 - Indica qual o malloc responsável pelo vazamento



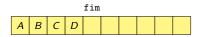
valgrind.org/docs/manual/quick-start.html

17

Fila - implementação com vetor

Primeira ideia:

- Variável fim indica o fim da fila no vetor
- Inserimos no final do vetor: O(1)



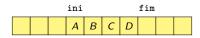
Após remover um elemento, precisamos mover todos para a esquerda

• Custo computacional: $O(n) \leftarrow ruim!$

Fila - implementação com vetor

Segunda ideia:

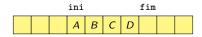
- Variável ini indica o começo da fila
- Variável fim indica o fim da fila



Fila - implementação com vetor

Segunda ideia:

- Variável ini indica o começo da fila
- Variável fim indica o fim da fila

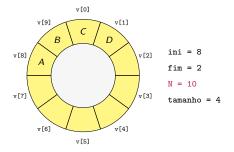


E se, ao inserir, tivermos espaço apenas à esquerda de ini?

• temos mover toda a fila para o começo do vetor $\leftarrow O(n)!$

Fila - implementação com vetor (fila circular)

Terceira ideia: considerar o vetor de tamanho N de maneira circular



As manipulações de índices são realizadas módulo N

Fila - Listas circular vs. vetor circular

	Lista circular	Vetor circular
Inserção	O(1)	O(1)
Remoção	O(1)	O(1)
Acesso (topo)	O(1)	O(1)
Tamanho	O(1)	O(1)

Comparação:

- Custo computacional de cada operação: O(1)
- Lista ligada sem restrição de tamanho máximo

Exemplos de aplicações

Algumas aplicações de filas:

- Gerenciamento de fila de impressão
- Buffer do teclado
- Escalonamento de processos
- Comunicação entre aplicativos/computadores
- Percurso de estruturas de dados complexas (grafos etc.)



Roteiro

Filas

2 Pilhas

3 Referências

Uma pilha (*stack*) é uma estrutura de dados dinâmica que também admite inserção e remoção de elementos.

Último a entrar é primeiro a sair : LIFO (last-in first-out)



24

Operações:

- Empilha (push): adiciona no "topo" da pilha
- Desempilha (pop): remove do "topo" da pilha

Exemplo:



Operações:

- Empilha (push): adiciona no "topo" da pilha
- Desempilha (pop): remove do "topo" da pilha

Exemplo: Empilha(A)

Operações:

- Empilha (push): adiciona no "topo" da pilha
- Desempilha (pop): remove do "topo" da pilha

Exemplo: Empilha(A)



Operações:

- Empilha (push): adiciona no "topo" da pilha
- Desempilha (pop): remove do "topo" da pilha

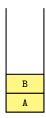
Exemplo: Empilha(B)



Operações:

- Empilha (push): adiciona no "topo" da pilha
- Desempilha (pop): remove do "topo" da pilha

Exemplo: Empilha(B)



Operações:

- Empilha (push): adiciona no "topo" da pilha
- Desempilha (pop): remove do "topo" da pilha



Operações:

- Empilha (push): adiciona no "topo" da pilha
- Desempilha (pop): remove do "topo" da pilha



Operações:

- Empilha (push): adiciona no "topo" da pilha
- Desempilha (pop): remove do "topo" da pilha

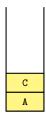
Exemplo: Empilha(C)



Operações:

- Empilha (push): adiciona no "topo" da pilha
- Desempilha (pop): remove do "topo" da pilha

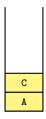
Exemplo: Empilha(C)



Operações:

- Empilha (push): adiciona no "topo" da pilha
- Desempilha (pop): remove do "topo" da pilha

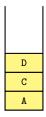
Exemplo: Empilha(D)



Operações:

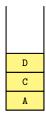
- Empilha (push): adiciona no "topo" da pilha
- Desempilha (pop): remove do "topo" da pilha

Exemplo: Empilha(D)



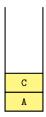
Operações:

- Empilha (push): adiciona no "topo" da pilha
- Desempilha (pop): remove do "topo" da pilha



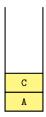
Operações:

- Empilha (push): adiciona no "topo" da pilha
- Desempilha (pop): remove do "topo" da pilha



Operações:

- Empilha (push): adiciona no "topo" da pilha
- Desempilha (pop): remove do "topo" da pilha



Operações:

- Empilha (push): adiciona no "topo" da pilha
- Desempilha (pop): remove do "topo" da pilha



Operações:

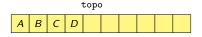
- Empilha (push): adiciona no "topo" da pilha
- Desempilha (pop): remove do "topo" da pilha

Exemplo: Fim!

Pilha - implementação com vetor

Implementação: vetores

- Inserção no final: O(1)
- Remoção no final: O(1)



Operações:

- pilha_criar()
- pilha_destruir()
- pilha_adicionar()

- pilha_topo()
- pilha_remover()
- foliation
 foli

TAD - Interface



pilha.h

```
#ifndef PILHA VETOR H
                                            //Adicionar
   #define PILHA VETOR H
                                            void pilha_adicionar(Pilha **P,int x);
3
                                        18
   //Dados
                                            //Acessar
   typedef struct {
                                           int pilha_topo(Pilha *P);
     int topo, N;
6
                                        21
     int *dados:
                                            //Remover
   } Pilha:
                                            void pilha_remover(Pilha **P);
9
                                         24
   #define MAX 100
                                            //Extra
                                            int pilha_tamanho(Pilha *P);
11
                                         26
   //Funções
                                         27
13 Pilha* pilha_criar();
                                         28
14 void pilha_destruir(Pilha **P);
                                         29
                                           #endif
```

Vamos definir uma tamanho máximo da Pilha como constante

Pilha circular - Criar pilha

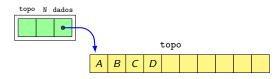


pilha.c

```
5 Pilha* pilha_criar() {
6    Pilha *P = malloc(sizeof(Pilha));
7    P->dados = malloc(MAX * sizeof(int));
8    P->topo = 0;
9    P->N = MAX;
10    return P;
11 }
```

• Primeiro alocamos a struct Pilha, depois o vetor

Pilha circular - Criar pilha

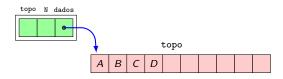


pilha.c

```
5 Pilha* pilha_criar() {
6    Pilha *P = malloc(sizeof(Pilha));
7    P->dados = malloc(MAX * sizeof(int));
8    P->topo = 0;
9    P->N = MAX;
10    return P;
11 }
```

• Primeiro alocamos a struct Pilha, depois o vetor

Pilha circular - Destruir pilha



pilha.c

```
void pilha_destruir(Pilha **p) {// p recebe &P
free((*p)->dados);
free(*p); //testar valgrind!
*p = NULL;
}
```

• Primeiro apagamos o vetor, depois a struct Pilha

Pilha circular - Destruir pilha



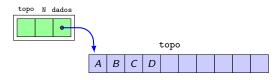
pilha.c

```
void pilha_destruir(Pilha **p) {// p recebe &P
free((*p)->dados);
free(*p); //testar valgrind!

*p = NULL;
}
```

• Primeiro apagamos o vetor, depois a struct Pilha

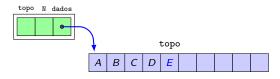
Pilha circular - Adicionar no final



pilha.c

Adicionar E

Pilha circular - Adicionar no final

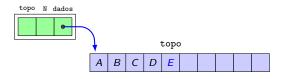


pilha.c

```
19  void pilha_adicionar(Pilha **p, int x) {// p recebe &P
20     (*p)->dados[(*p)->topo] = x;
21     (*p)->topo++;
22  }
```

Adicionar E

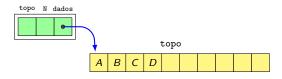
Pilha circular - Adicionar no final



pilha.c

- Adicionar E
- Custo computacional: $O(1) \leftarrow se$ a pilha estourar, temos acessos inválidos!!

Pilha circular - Acessar (final)

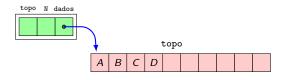


pilha.c

```
24 int pilha_topo(Pilha *p){
25    return (p->topo)?p->dados[p->topo-1]:-1;
26 }
```

• Custo computacional: O(1)

Pilha circular - Remover do final

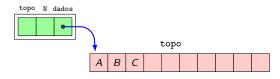


pilha.c

```
28  void pilha_remover(Pilha **p) {// p recebe P
29    if((*p)->topo==0) return;
30    (*p)->topo--;
31 }
```

Remover do final: D

Pilha circular - Remover do final

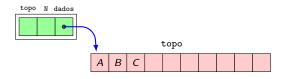


pilha.c

```
28  void pilha_remover(Pilha **p) {// p recebe P
29    if((*p)->topo==0) return;
30    (*p)->topo--;
31 }
```

Remover do final: D

Pilha circular - Remover do final

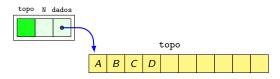


pilha.c

```
28  void pilha_remover(Pilha **p) {// p recebe P
    if((*p)->topo==0) return;
    (*p)->topo--;
31 }
```

- Remover do final: D
- Custo computacional: O(1)

Pilha circular - Tamanho



pilha.c

```
33 int pilha_tamanho(Pilha *p) { // p recebe P
34    return p->topo;
35 }
```

• Custo computacional: O(1)

Cliente



exemplo2.c

```
1 #include <stdio.h>
   #include "pilha vetor.h"
3
   int main(){
     int i, num;
 5
     Pilha *F = pilha_criar();
6
     scanf("%d", &num);
     for(i=1; i<=num; i++) pilha_adicionar(&F, i);</pre>
     while(pilha_tamanho(F) > 0){
       printf("%d\n", pilha_topo(F));
10
       pilha_remover(&F);
11
12
     pilha_destruir(&F); //testar valqrind!!
13
   return 0:
14
15
```

Makefile e Valgrind

Vamos usar o Makefile para compilar:

```
exemplo2: exemplo2.c pilha_vetor.o

gcc $^ -o $@
```

Vamos verificar a memória com o Valgrind:

```
1 $ valgrind --leak-check=yes ./exemplo2
```



Pilha - vetor

	Vetor
Inserção	O(1)
Remoção	O(1)
Acesso (topo)	O(1)
Tamanho	O(1)

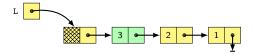
Comparação:

- Custo computacional de cada operação: O(1)
- Temos uma restrição no tamanho máximo do vetor

Pilhas: implementação com lista ligada

Implementação: Lista com nó cabeça

- Inserção no início: O(1)
- Remoção no início: O(1)



Operações:

- pilha_criar()
- pilha_destruir()
- pilha_adicionar()

- pilha_topo()
- pilha_remover()
- foliation
 pilha_tamanho()

TAD - Interface



pilha.h

```
//Adicionar
   #ifndef PILHA H
   #define PILHA H
                                           void pilha_adicionar(Pilha **P,int x);
3
                                        17
   #include "lista com cabeca.h"
                                           //Acessar
5
                                           int pilha_topo(Pilha *P);
   //Dados
                                        20
   typedef struct {
                                        21
                                           //Remover
                                           void pilha_remover(Pilha **P);
     No *L;
8
   } Pilha;
                                        23
                                           //Extra
10
                                        24
   //Funções
                                           int pilha_tamanho(Pilha *P);
11
   Pilha* pilha_criar();
                                        26
   void pilha_destruir(Pilha **P);
                                        27
                                           #endif
```

Vamos reutilizar o TAD de listas com nó cabeça

Pilha - Criar pilha



```
Pilha* pilha_criar() {
   Pilha *p = (Pilha*) malloc(sizeof(Pilha));
   p->L = criar_lista();
   return p;
}
```

- Vamos alocar o espaço para uma Pilha;
- Código do cliente: Pilha *P = pilha_criar();

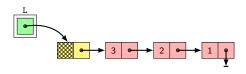
Pilha – Criar pilha



```
Pilha* pilha_criar() {
   Pilha *p = (Pilha*) malloc(sizeof(Pilha));
   p->L = criar_lista();
   return p;
}
```

- Vamos alocar o espaço para uma Pilha;
- Código do cliente: Pilha *P = pilha_criar();

Pilha – Destruir pilha



pilha.c

```
void pilha_destruir(Pilha **p) {// p recebe &F

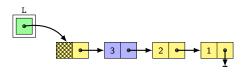
destruir_lista(&((*p)->L));

free(*p); //testar valgrind!

*p = NULL;
}
```

• Primeiro apagamos a lista, depois a struct Pilha

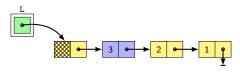
Pilha – Adicionar no início



```
void pilha_adicionar(Pilha **p, int x) {// p recebe &F
adicionar_inicio((*p)->L, x);
}
```

- O TAD de lista com cabeça incrementa o tamanho da lista
- Custo computacional: O(1)

Pilha – Acessar (início)



lista_com_cabeca.c

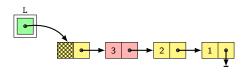
```
int acessar_primeiro(No *p){
   if(p->prox==NULL) return -1; //lista vazia
   return (p->prox)->dado;
}
```

pilha.c

```
25 int pilha_topo(Pilha *p) {// p recebe F
26    return acessar_primeiro(p->L);
27 }
```

• Custo computacional: O(1)

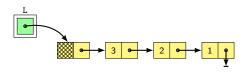
Lista circular – Remover do início



```
void pilha_remover(Pilha **p) {// p recebe &L
remover_inicio((*p)->L);
}
```

- O TAD de lista com cabeça incrementa o tamanho da lista
- Custo computacional: O(1)

Pilha - Tamanho



pilha.c

```
int pilha_tamanho(Pilha *p) {// p recebe L
return tamanho_lista(p->L);
}
```

• Custo computacional: O(1)

Pilha - Listas vs. vetor

	Lista ligada	Vetor
Inserção	O(1)	O(1)
Remoção	O(1)	O(1)
Acesso (topo)	O(1)	O(1)
Tamanho	O(1)	O(1)

Comparação:

- Custo computacional de cada operação: O(1)
- Lista ligada sem restrição de tamanho máximo

Exemplos de aplicações

Algumas aplicações de pilhas:

- Balanceamento de parênteses
 - expressões matemáticas
 - linguagens de programação
 - HTML...

4

Veremos algumas dessas aplicações na próxima aula

Exemplos de aplicações

Algumas aplicações de pilhas:

- Balanceamento de parênteses
 - expressões matemáticas
 - linguagens de programação
 - HTML...
- Cálculo e conversão de notações
 - pré-fixa
 - pós-fixa
 - infixa (com parênteses)

40

Veremos algumas dessas aplicações na próxima aula

Exemplos de aplicações

Algumas aplicações de pilhas:

- Balanceamento de parênteses
 - expressões matemáticas
 - linguagens de programação
 - HTML...
- Cálculo e conversão de notações
 - pré-fixa
 - pós-fixa
 - infixa (com parênteses)
- Percurso de estruturas de dados complexas (grafos etc.)
- Recursão

Veremos algumas dessas aplicações na próxima aula

Fim

Dúvidas?

Roteiro

Filas

2 Pilhas

Referências

Referências

- Materiais adaptados dos slides do Prof. Rafael C. S. Schouery, da Universidade Estadual de Campinas.
- 2 Feofiloff, Paulo. Algoritmos em linguagem C. Elsevier Brasil, 2009.