

**Lista 14****Hashing****Questão 1**

Suponha que queremos guardar os dados de uma turma de de alunos ingressantes em uma tabela de espalhamento. Escreva uma boa função de hashing para isso.

**Questão 2**

Quais as complicações para a remoção de tabelas de espalhamento que utilizam endereçamento aberto? Especifique um TAD “Tabela de Espalhamento” com endereçamento aberto e escreva as `structs` correspondentes.

**Questão 3**

Suponha que uma tabela de hashing vai armazenar chaves compostas por pares de inteiros  $(x, y)$ . Que estratégia poderia ser usada para computar uma função de hashing para o par que fosse independente da ordem dos elementos, isto é,  $h(x, y) = h(y, x)$ ?

**Questão 4**

Como visto, normalmente uma boa função de hashing depende de todos os bits de sua chave. Isso pode ser entendido verificando o seguinte exemplo ruim de função: pegue a primeira letra de uma palavra e mapeie em um vetor com posições de 0 a 25. Um problema é que isso pode acarretar muitas colisões, já que as palavras não são divididas uniformemente; outro problema é que se o número de elementos for grande, então deveríamos gerar índices maiores que 25. Tendo isso em mente, explique porque a função de hashing  $h(k) = k \bmod 2^i$ , para algum  $i$  inteiro não é uma boa função de hashing em geral.

**Questão 5**

**Outras aplicações:** Funções de hashing podem ser aplicadas em outros contextos:

- *Verificação de paridade:* para evitar erros de transmissão, podemos, além de informar uma chave, transmitir o resultado da função de hashing. Exemplos:
  - dígitos verificadores
  - sequências de verificação para arquivos (*checksum* MD5 e SHA)
- *Segurança:* por definição, calcular o resultado da função de hashing para um objeto **deve** ser rápido; o problema inverso é o seguinte: dado um número  $n$ , queremos encontrar algum objeto  $x$  tal que  $f(x) = n$ . Uma função de hashing cuja inversa seja “difícil” de calcular é considerada segura.

- 
- (a) O número de CPF é composto por 9 dígitos e mais 2 dígitos verificadores. Os dígitos verificadores nesse caso servem para evitar erros de digitação. Sabemos que a chance de uma pessoa digitar errado um dígito de seu CPF é muito maior do que a probabilidade de errar dois dígitos, que é maior que de errar 3 e assim por diante. Considerando isso, elenque boas propriedades da função de hashing que gera dígitos para o CPF.
  - (b) Os números de CPF são distribuídos pela Receita Federal de acordo com a localidade. Assim, o nono dígito sempre é o mesmo para as pessoas que emitiram o CPF em uma cidade. Concorde ou discorde: em uma função de hashing, sempre devemos verificar todos os bits da entrada. Justifique.
  - (c) Tente explicar o porquê da definição da função de hashing segura.
  - (d) (extra) Uma função de hashing que usa o método da divisão  $h(x) = x \bmod p$  não é segura. Para ver isso, basta notar que, se  $y = x \bmod p$ , então  $0 \leq x < p$  e, portanto  $y$  já inverte a função de hashing, isso é,  $f(y) = y$ . Argumente que o método da multiplicação também não fornece uma função de hashing segura.