

Faculdade de Engenharia Elétrica Teoria da Computação Prof. Felipe A. Louza

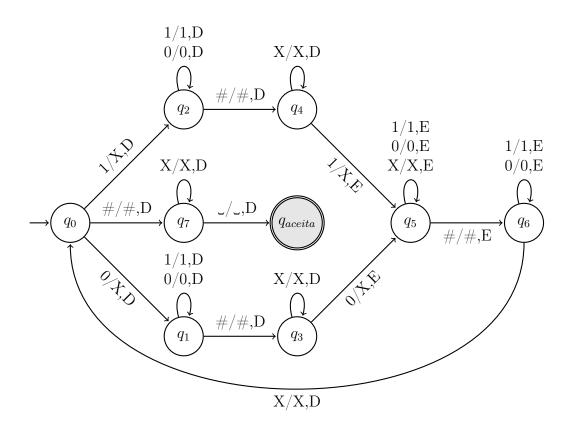
Lista 9

Máquinas de Turing; ALL; LSCs

Questão 1

Considere a seguinte Máquina de Turing M que reconhece a linguagem

$$L = \{ w \# w \mid w \in \{0, 1\}^* \}$$



- (a) Escreva o funcionamento de M no formato de um algoritmo (definição informal).
- (b) A máquina de Turing M é determinística?
- (c) Mostre a sequência de configurações C_1, C_2, \ldots, C_k para a cadeia w = 010100 # 010100.

Questão 2

Projete uma Máquina de Turing M que decide a linguagem $L = \{a^n b^n c^n \mid n \ge 1\}$.

- (a) Mostre um algoritmo (definição informal) da MT M.
- (b) Construa o diagrama de estados (definição formal) da MT M.
- (c) Mostre a sequência de configurações C_1, C_2, \ldots, C_k para a cadeia w = aaabbbccc.

Questão 3

Qual é a diferença entre decidir e reconhecer uma linguagem? Por que falamos que decidir é mais forte do que reconhecer uma linguagem?

Questão 4

Considere a seguinte **GSC** $G = (\{S, A, B, C, \dots, Q\}, \{a\}, P, S),$ com

$$\begin{array}{lll} P: & S \rightarrow A \mid \mathbf{a} & H \rightarrow K \\ & B\mathbf{a} \rightarrow \mathbf{a}\mathbf{a}B & FJ \rightarrow L\mathbf{a} \\ & BC \rightarrow \mathbf{a}\mathbf{a}D & \mathbf{a}K \rightarrow JM \\ & E\mathbf{a} \rightarrow F\mathbf{a}B & FK \rightarrow LM \\ & EC \rightarrow F\mathbf{a}D & L \rightarrow E & M \rightarrow C \\ & A \rightarrow FG & \mathbf{a}N \rightarrow N\mathbf{a} \\ & D \rightarrow \mathbf{a}G & I \rightarrow N \\ & G \rightarrow H \mid I & FN \rightarrow Q\mathbf{a} \\ & \mathbf{a}J \rightarrow J\mathbf{a} & Q \rightarrow \mathbf{a} \end{array}$$

tal que
$$L(G) = \{a^{2^n} \mid n \ge 0\}$$

- (a) Qual é o tipo da linguagem gerada por G?
- (b) Mostre uma sequência de derivações para seguintes cadeias:
 - 1. w = a
 - $2. \ w = aa$
 - 3. w = aaaa
 - 4. w = aaaaaaaa

Questão 5

Considere a seguinte linguagem $L = \{a^nb^nc^n \mid n \ge 0\}$

- (a) Projete uma $\operatorname{\mathbf{GSC}}$ para gerar a linguagem L.
- (b) Mostre uma sequência de derivações para seguintes cadeias:
 - 1. $w = \mathcal{E}$
 - $2. \ w = abc$
 - 3. w = aabbcc
 - 4. w = aaabbbccc

Questão 6

Quais são as diferenças entre as máquinas de Turing e os Autômatos Limitados Linearmente?

Questão 7

Projete um Autômato Limitado Linearmente (ALL) A que decide a linguagem

$$L = \{ w \# w \mid w \in \{0, 1\}^* \}$$

- (a) Mostre um algoritmo (definição informal) do ALL A.
- (b) Construa o diagrama de estados (definição formal) do ALL A.
- (c) Mostre a sequência de configurações C_1, C_2, \dots, C_k para a cadeia w = 0110#0110.

Questão 8

Projete um ALL que decide a linguagem $L = \{a^n b^m \mid n, m \ge 0\}$

- (a) Mostre um algoritmo (definição informal) do ALL A.
- (b) Construa o diagrama de estados (definição formal) do ALL A.
- (c) Mostre a sequência de configurações C_1, C_2, \ldots, C_k para a cadeia w = aaabb.

Questão 9

Se uma linguagem L é reconhecida por uma máquina de Turing, o que podemos afirmar sobre a classe dessa linguagem? Essa linguagem pode ser do Tipo 3?

Questão 10

O que são as linguagens não computáveis?