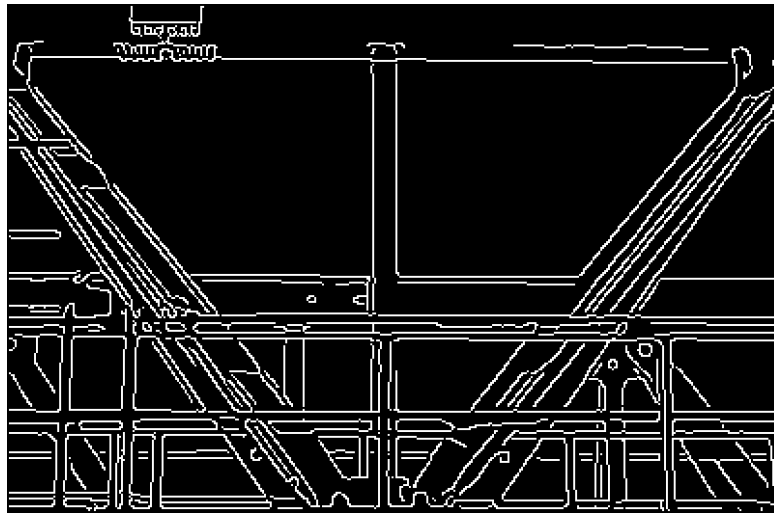


## Part 1.



↑ 經內建函數 'edge(image,'Canny')' 製作之邊緣偵測圖，threshold、sig 預設  
(a)

```
function [E, M, A, Gx, Gy, T]=canny(img,sig,TH,TL)
    %先將rgb圖片轉成grayscale
    grayimg=rgb2gray(img);
    %step1:smooth the input image with a Gaussian filter
    %sig是題目要求的輸入參數
    H_1=fspecial('gaussian',[3,3],sig);
    G_img=imfilter(grayimg,H_1);
    %step2:compute the gradient components along x and y with sobel filters
    %原本打算用[1 0 -1;1 0 -1;1 0 -1]以及[-1 -1 -1;0 0 0;1 1 1]
    %但大部分資料都有指名使用sobel
    sobel_x=[1 0 -1;2 0 -2;1 0 -1];
    sobel_y=[-1 -2 -1;0 0 0;1 2 1];
    Gx=filter2(sobel_x,G_img,'same');
    Gy=filter2(sobel_y,G_img,'same');
    %calculate the gradient magnitude after using smoothing(Gaussian) filter
    M=sqrt(Gx.^2+Gy.^2);
    %calculate the gradient angle
    A=180*atan(Gy./Gx)./pi;
    [m,n]=size(A);
    %create matrix E which refers to the edge map after non-maximum suppression
    E=zeros(m,n);
```

```

for jj=1:m
    for kk=1:n
        %先判斷角度是否有負值，將其限制於0度~180度
        if A(jj, kk)<0
            A(jj, kk)=A(jj, kk)+180;
        end
        %角度歸類
        if A(jj, kk)>=22.5 && A(jj, kk) <67.5
            A(jj, kk)=45;
        elseif A(jj, kk)>=67.5 && A(jj, kk) <112.5
            A(jj, kk)=90;
        elseif A(jj, kk)>=112.5 && A(jj, kk) <157.5
            A(jj, kk)=135;
        else
            A(jj, kk)=0;
        end
    end
end
for jj=2:m-1
    for kk=2:n-1
        if A(jj, kk)==0
            %如果歸類後的角度=0 中心值與水平方向最大值相比
            E(jj, kk) = M(jj, kk) == max([M(jj, kk), M(jj, kk+1), M(jj, kk-1)]));
        elseif A(jj, kk)==45
            %如果歸類後的角度=45 中心值與右下 左上方向最大值相比
            E(jj, kk) = M(jj, kk) == max([M(jj, kk), M(jj+1, kk-1), M(jj-1, kk+1)]));
        elseif A(jj, kk)==135
            %如果歸類後的角度=135 中心值與右上 左下方向最大值相比
            E(jj, kk) = M(jj, kk) == max([M(jj, kk), M(jj+1, kk+1), M(jj-1, kk-1)]));
        else
            %如果歸類後的角度=90 中心值與垂直方向最大值相比
            E(jj, kk) = M(jj, kk) == max([M(jj, kk), M(jj+1, kk), M(jj-1, kk)]);
        end
    end
end
%將原本計算完的梯度強度經非極大值抑制
E=E.*M;
%套用雙閾值
T=zeros(m,n);
for jj=2:m-1
    for kk=2:n-1
        %若該點<TL,該點不為邊緣，最後成品圖為二值化圖，因此設為0
        if E(jj, kk)<TL
            T(jj, kk)=0;
        %若該點>TH,該點為邊緣，最後成品圖為二值化圖，因此設為1
        elseif E(jj, kk)>TH
            T(jj, kk)=1;
        %若不幸處於兩閾值間，判斷周圍八個點是否有點高過TH，若有則為邊界，i.e. 該點設為=1
    end
end

```

```

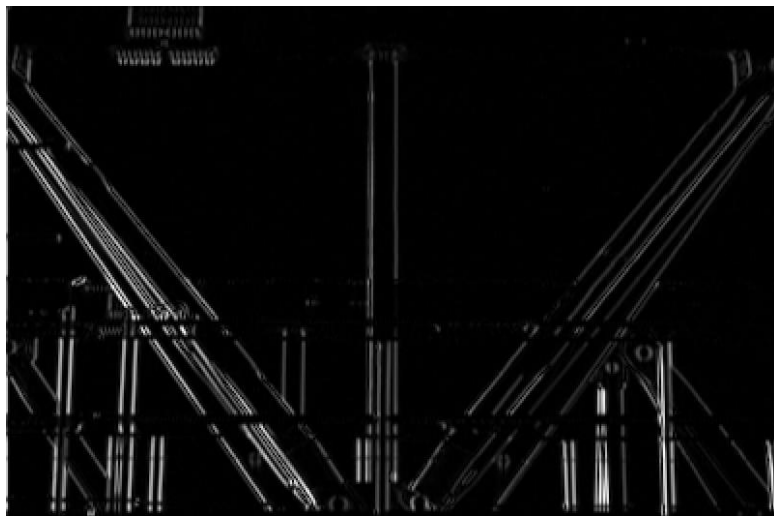
if E(jj, kk) < TL
    T(jj, kk) = 0;
    %若該點 > TH, 該點為邊緣，最後成品圖為二值化圖，因此設為1
elseif E(jj, kk) > TH
    T(jj, kk) = 1;
    %若不幸處於兩閾值間，判斷周圍八個點是否有點高過TH，若有則為邊界，i.e. 該點設為=1
elseif E(jj, kk+1) > TH || E(jj-1, kk+1) > TH || E(jj-1, kk) > TH || E(jj-1, kk-1) > TH || E(jj, kk-1) > TH || E(jj+1, kk-1) > TH || E(jj+1, kk) > TH || E(jj+1, kk+1) > TH
    T(jj, kk) = 1;
end
end
end
end
end

```

整個函數步驟依序為：（該處圖片使用  $\text{sig}=0.5, \text{TH}=100, \text{TL}=50$ ）

- (i) 彩圖轉灰階，並通過高斯低通濾波器
- (ii) 經過 **sobel** 找尋  $x, y$  方向的梯度  $G_x$ 、 $G_y$ ，顯示的圖片為經過絕對值處理  $|G_x|$ 、 $|G_y|$

**$G_x$  --gradient components along x**



**Gy --gradient components along y**



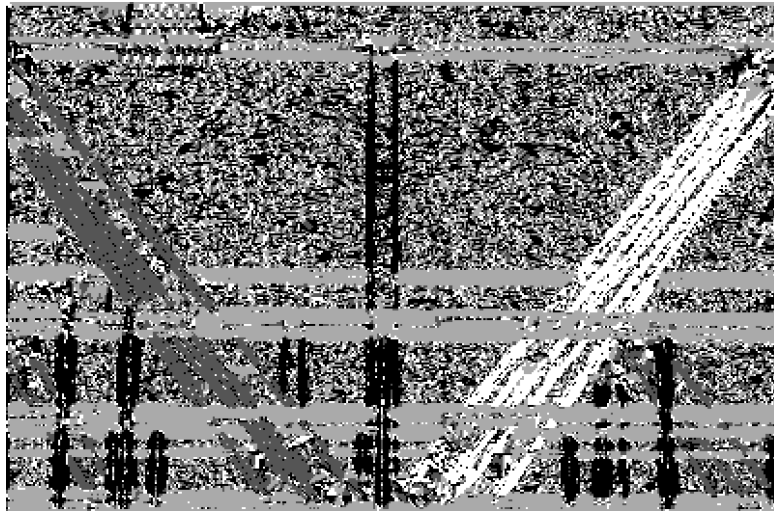
(iii) 計算梯度強度  $M$  與梯度方向  $A$

**M --smoothed gradient magnitude**



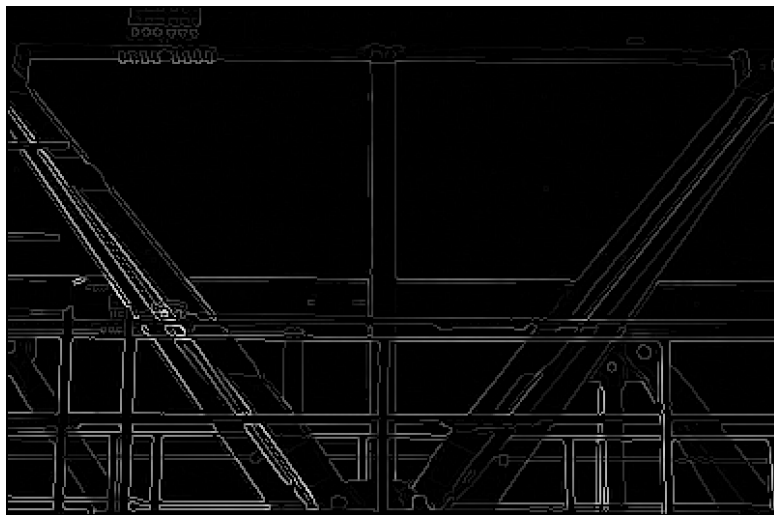
- (iv) 歸類梯度方向 A，4 值化:0 45 90 135，而函數輸出的 A 為已分類過角度的矩陣，因此只有四種顏色強度 0 45 90 135

A --gradient angle



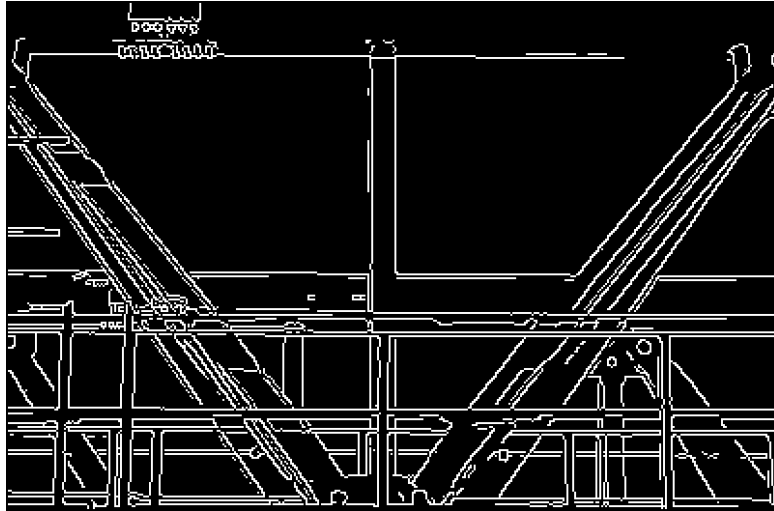
- (v) Non-maximum suppression，將梯度強度 M 矩陣依據 Non-maximum suppression 處理成 E 矩陣

E --edge map after non-maximum suppression



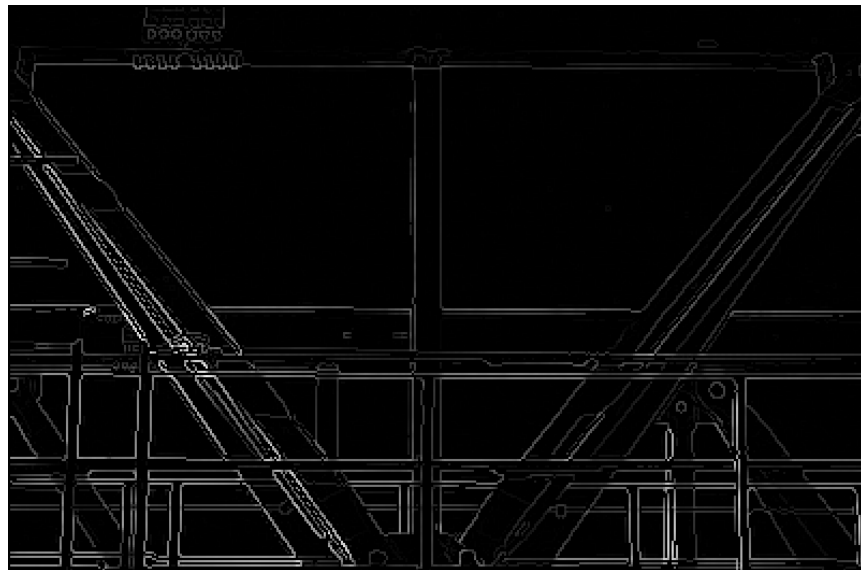
- (vi) Bonus 部分，將 E 矩陣經 TH、TL 過濾出邊界，其中 TH 與 TL 是經過前述步驟觀察 E 矩陣內的值而選擇，此為第一次嘗試的數值 TH=100、TL=50

**Bonus T --double thresholding on the resulting image**

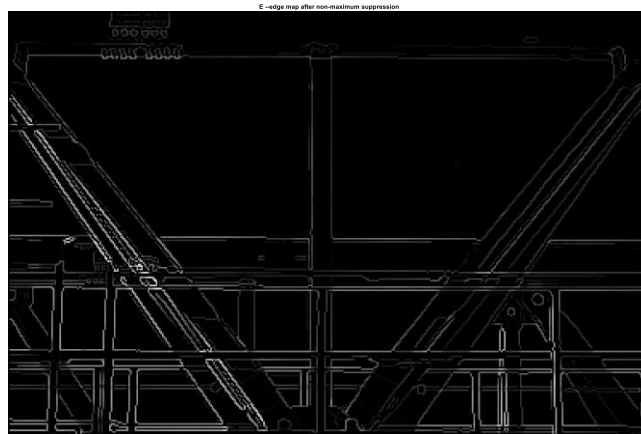


(b)

**E --edge map after non-maximum suppression**



(  $\uparrow$  sig=0.01)



(  $\uparrow$  sig=0.5)



(  $\uparrow$  sig=100)



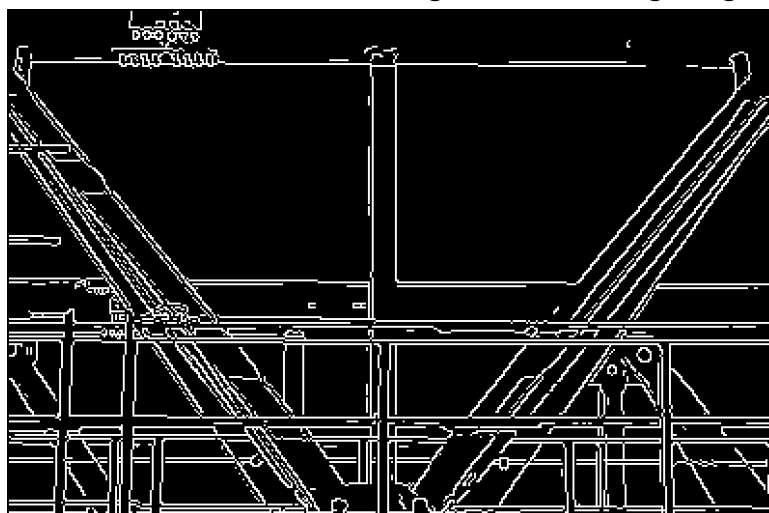
(sig=0.5)

(sig=100)

隨手試了  $\text{sig}=0.01$ 、 $0.2$ 、 $0.5$ 、 $0.8$ 、 $100$ ，因圖片眾多僅放上兩組特別極端的做比較，主要著重在左下角吊臂處，在  $\text{sig}=100$  時，比起  $\text{sig}=0.5$ 、 $0.1$ ，吊臂內部的線條較少條，放大看其他較細節的部分，也是  $\text{sig}$  小時較多線條。這可能是因為  $\text{sig}$  愈大使得模糊程度愈高，因此對於後續偵測邊界時，模糊的影像較難以尋找邊界。

(c)

#### Bonus T --double thresholding on the resulting image

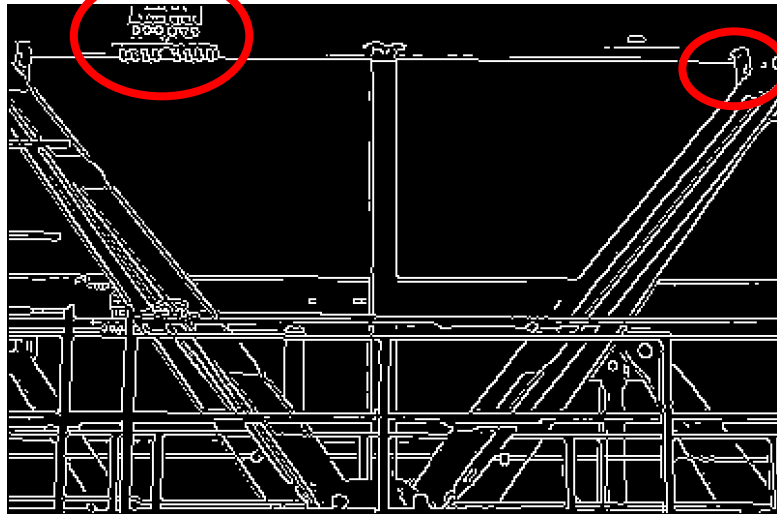


(↑ 根據(b)，於  $\text{TH}=100$ 、 $\text{TL}=10$  時， $\text{sig} = 0.15$  效果最好)

以下固定  $\text{sig}=0.15$ ，調整  $\text{TH}$ 、 $\text{TL}$ ，效果好不好則與用內建函數 `edge` 所作相比

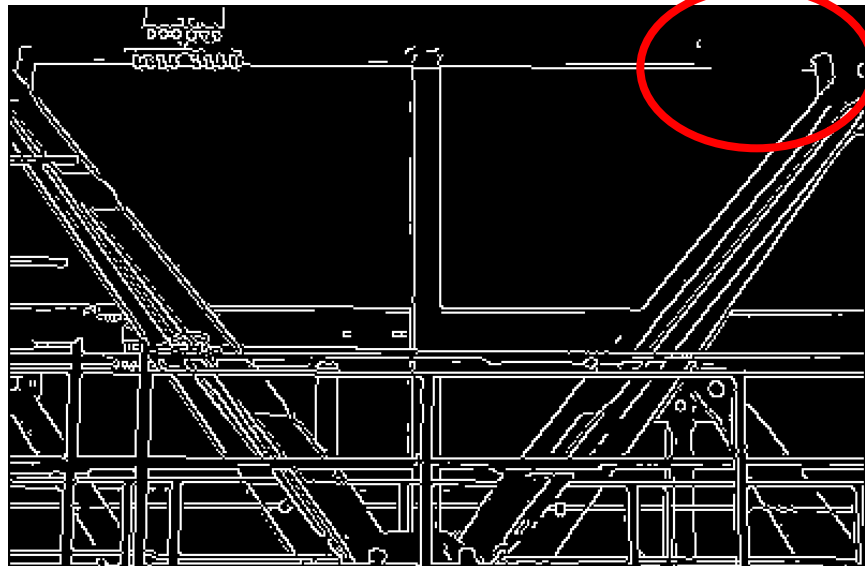


Bonus T --double thresholding on the resulting image



(  $\uparrow$  sig=0.15 , TH=80 、TL=30 時，左右上角多了奇怪的點點)

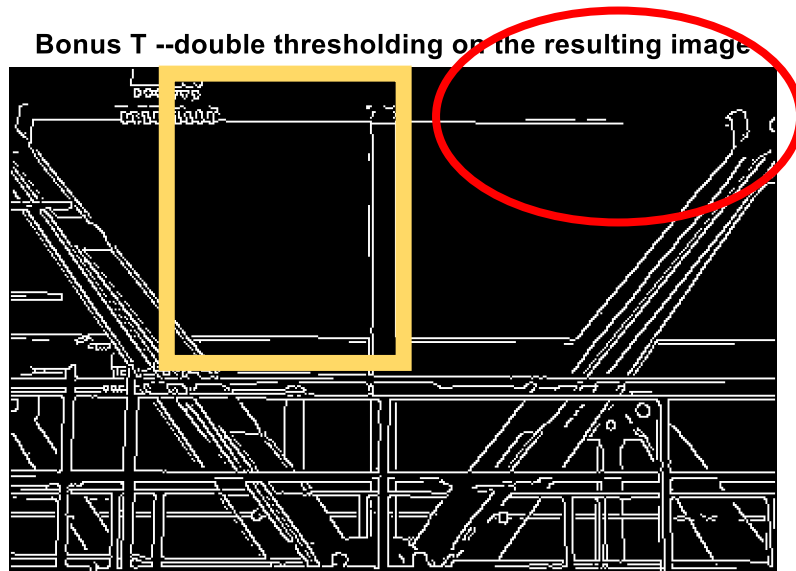
Bonus T --double thresholding on the resulting image



(  $\uparrow$  sig=0.1 , TH=106 、TL=20 時)

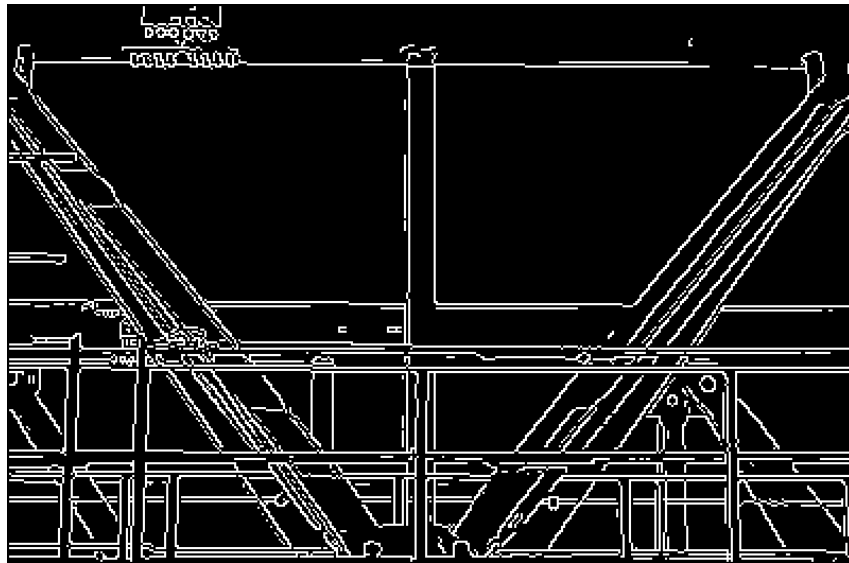
消除了原本左右上角多餘的點點，但換成紅圈處無法密合....，為了不犧牲其他更多地方的資訊，選用此組參數。

```
figure,imshow(canny_img,[]);  
[E, M, A, Gx, Gy, T]=canny(img,0.1,106,20);  
figure,imshow(E,[]);
```

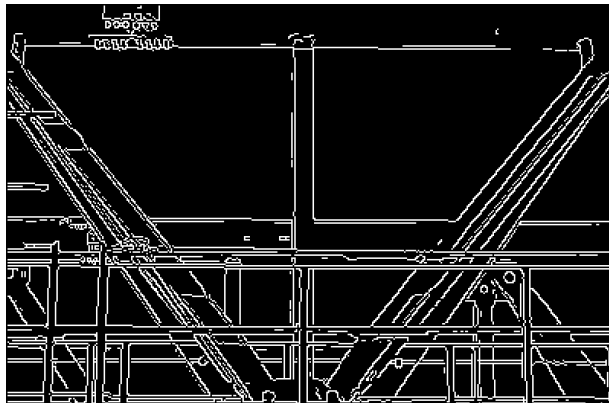


比較大的問題是將圖片使用 `copy figure` 貼到 `word` 時，`word` 會因為圖片縮放大小而損失某些細節，例如黃框處。

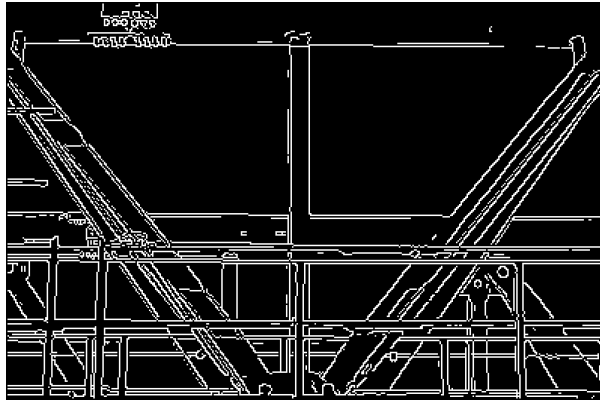
**Bonus T --double thresholding on the resulting image**



**Bonus T --double thresholding on the resulting image**



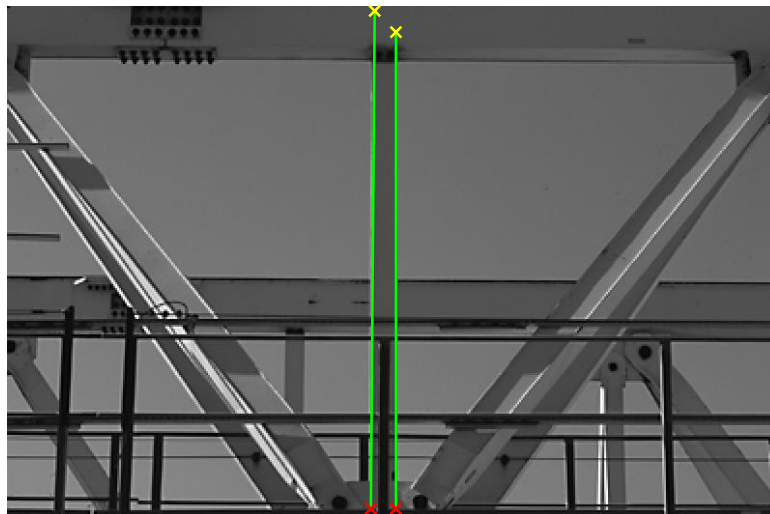
Bonus T --double thresholding on the resulting image



(↑ 以上三張圖都是同一張圖片  $\sigma=0.15$ ，但我在 word 做了不同縮放，線條的呈現大不相同)

Part2.

$\sigma$  採用 1-(b)， $\sigma=0.15$



```

%因為中心桿子是垂直線，考慮柱子可能不是完全垂直，需要找theta很接近0的地方
[H,T,R]=hough(E, 'THETA',0:0.5:2);
figure
imshow(H,[],'XData',T,'YData',R,'InitialMagnification','fit');
title('\rho\theta-plane');
xlabel('\theta'), ylabel('\rho');
axis on, axis normal, hold on;

%threshold設為0.8*MAX是經過多次測試出來的最佳解
P=houghpeaks(H,5,'threshold',ceil(0.8*max(H(:))));
%找到最大角度
x = T(P(:,2));
%找到最大長度
y = R(P(:,1));
plot(x,y,'s','color','white');

%根據help houghlines資料調整'FillGap' 'MinLength'讓中間的現更連續與更明顯
lines = houghlines(E,T,R,P,'FillGap',40,'MinLength',30);
figure, imshow(grayimg), hold on
max_len = 0;
for k = 1:length(lines)
    xy = [lines(k).point1; lines(k).point2];
    plot(xy(:,1),xy(:,2),'LineWidth',1,'Color','green');

    % Plot beginnings and ends of lines
    plot(xy(1,1),xy(1,2),'x','LineWidth',1,'Color','yellow');
    plot(xy(2,1),xy(2,2),'x','LineWidth',1,'Color','red');

    % Determine the endpoints of the longest line segment
    len = norm(lines(k).point1 - lines(k).point2);
    if ( len > max_len)
        max_len = len;
        xy_long = xy;
    end
end
end

```

---