### HỘI THI TIN HỌC TRỂ TOÀN QUỐC

Lần thứ XXVII – 2021

ĐỀ CHÍNH THỰC

## ĐỀ THI BẢNG A – TIỂU HỌC VÒNG CHUNG KẾT

Thời gian làm bài 150 phút Ngày thi: 21/11/2021

# Bài 1. XẾP HÌNH VUÔNG (200 điểm)

Cho một khung hình chữ nhật kích thước  $A \times B$ , em được phép chọn K là số nguyên bất kì từ 10 đến 20 và tiến hành xếp các mảnh hình vuông có kích thước  $K \times K$  lên khung hình  $A \times B$  với yêu cầu:

- Các cạnh của các mảnh hình vuông khi xếp cạnh phải song song với cạnh của khung hình;
- Không có hình nào thừa ra ngoài hoặc chồng lên nhau;
- Diện tích còn thừa là ít nhất.

Hãy tìm cách xếp và in ra phần diện tích còn thừa.

**Input**: Dữ liệu nhập vào từ bàn phím gồm hai dòng lần lượt là hai số tự nhiên A, B ( $20 \le A, B \le 10^7$ ).

Output: In ra màn hình một số duy nhất là diện tích còn thừa thoả mãn yêu cầu đề bài.

#### Ví dụ:

Input	Output	Giải thích
55 56	55	Chọn $K=11$ và xếp được $25$ mảnh hình $11x11$ , phần diện tích còn thừa là $55$ .
21 22	62	Chọn $K=20$ và xếp được $1$ mảnh hình $20x20$ , phần diện tích còn thừa là $62$ .

### HỘI THI TIN HỌC TRỂ TOÀN QUỐC

Lần thứ XXVII – 2021

ĐỀ CHÍNH THỰC

## ĐỀ THI BẢNG A – TIỂU HỌC VÒNG CHUNG KẾT

Thời gian làm bài 150 phút Ngày thi: 21/11/2021

# Bài 2. ĐẾM SỐ (150 điểm)

Cho ba số tự nhiên N, K và D. Hãy đếm xem có bao nhiều số tự nhiên A thoả mãn:

- $1 \le A \le N$ ;
- $A \times K$  chia hết cho D.

Input: Dữ liệu nhập vào từ bàn phím gồm ba dòng:

- Dòng đầu tiên là số tự nhiên N  $(1 \le N \le 10^{15})$ .
- Dòng thứ hai là số tự nhiên K  $(1 \le K \le N)$ .
- Dòng đầu tiên là số tự nhiên D ( $1 \le D \le 6$ ).

**Output**: In ra màn hình một số duy nhất là số lượng số A thoả mãn yêu cầu đề bài.

#### Ví dụ:

Input	Output	Giải thích
10	3	Có 3 số nhỏ hơn 10 mà nhân 4 chia hết cho 6 là: 3, 6, 9.
4		
6		
20	20	Tất cả 20 số từ 1 đến 20 khi nhân với 5 đều chia hết cho 1.
5		
1		

### HỘI THI TIN HỌC TRỂ TOÀN QUỐC

Lần thứ XXVII – 2021

ĐỀ CHÍNH THỰC

## ĐỀ THI BẢNG A – TIỂU HỌC VÒNG CHUNG KẾT

Thời gian làm bài 150 phút Ngày thi: 21/11/2021

# Bài 3. TÌM SỐ (150 điểm)

Cho số tự nhiên N. Tìm số tự nhiên A thoả mãn các điều kiện sau:

- A < N;
- A lớn nhất có thể;
- Số lượng chữ số của A bằng số lượng chữ số của N;
- Tổng các chữ số của A bằng tổng các chữ số của N.

**Input**: Dữ liệu nhập vào từ bàn phím gồm số tự nhiên N ( $N \le 10^{15}$ ).

**Output:** In ra màn hình một số A duy nhất thoả mãn điều kiện đề bài, nếu không tìm được số nào thoả mãn thì in ra 0.

#### Ví dụ:

Input	Output	Giải thích
245	236	Có nhiều số như 155,227,236 nhỏ hơn 245, đều có ba chữ số và có tổng các chữ số bằng 11 nhưng 236 là số lớn nhất thỏa mãn.
9	0	Không có số tự nhiên nào nhỏ hơn 9 mà có tổng các chữ số bằng 9.