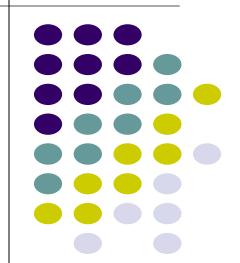
L3: 栈

吉林大学计算机学院 谷方明 fmgu2002@sina.com



学习目标

- □ 掌握栈的定义、特性和操作;
- □ 掌握栈的两种存储方式及实现;
- □应用栈解题;
- □ 掌握算术表达式的求解;
- □理解数据结构的封装(衔接)



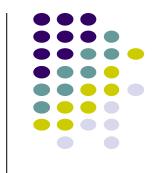
栈的定义

- □例
 - ✓ 摞盘子
 - ✓ 子弹夹









术语

□栈顶:进行插入、删除的一端;

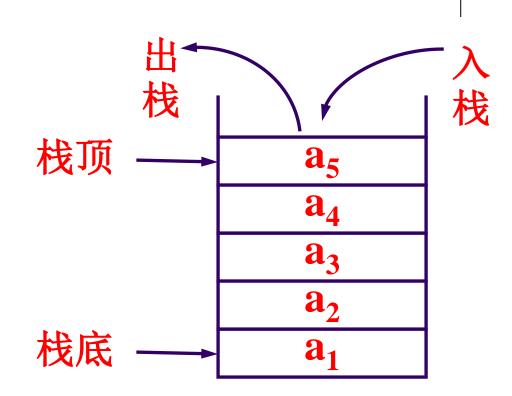
□栈底:另一端;

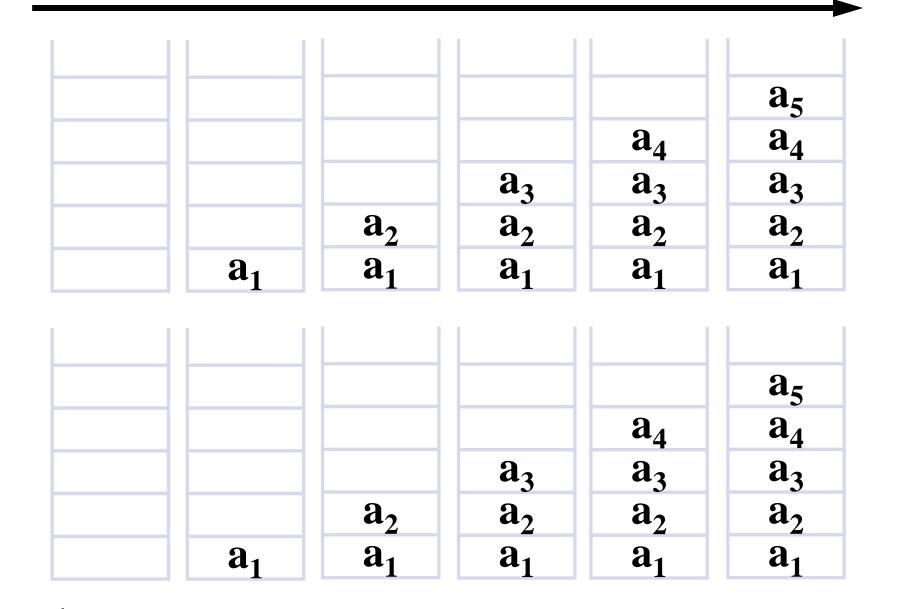
□空栈: 栈中无元素时。

□插入:入栈、进栈、压栈

□删除: 出栈、退栈、弹栈

[例] 线性表 (a₁, a₂, ···, a₅), 入栈出栈情况







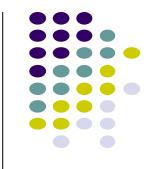
栈的特性



□后进先出(Last In First Out, LIFO)。栈也称作后进先出表。

栈的基本操作

- 1. 压栈 push
- 2. 弹栈 pop
- 3. 取栈顶元素 peek
- 4. 栈初始化
- 5. 判栈空
- 6. 判栈满
- 7. 清空栈



栈的顺序存储

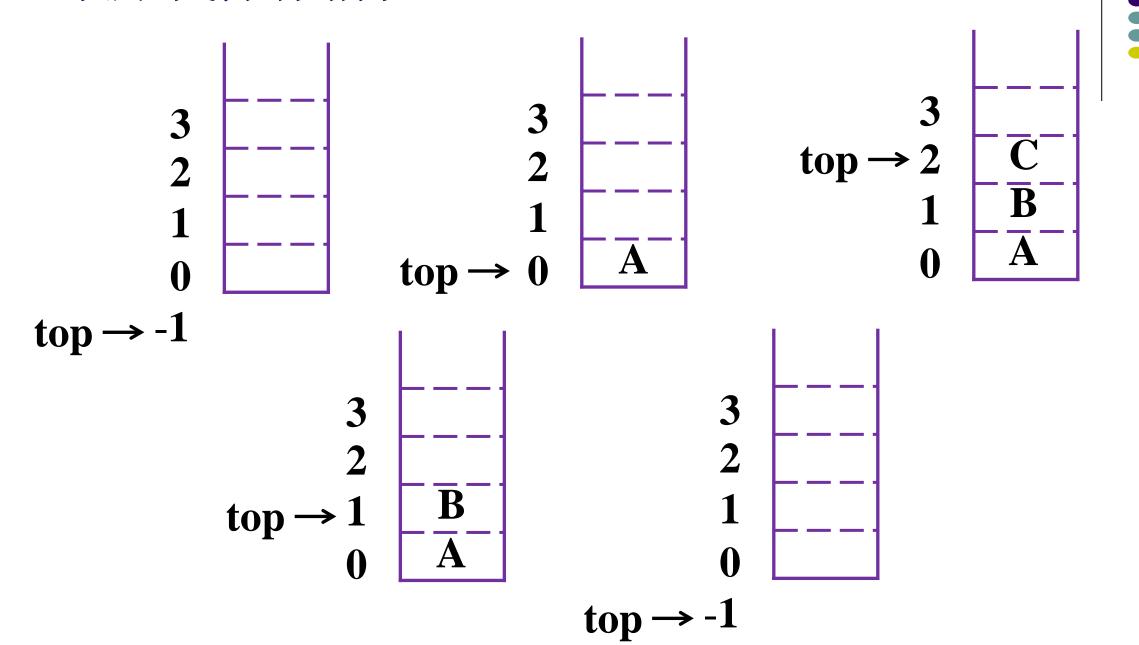
- □按顺序存储方式存放栈元素,称为顺序栈。
- □栈中的元素数(规模)必须不超过数组的规模。

□ 以整数栈为例:

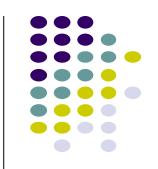
int stackArray [MaxStackSize];

int top = -1;

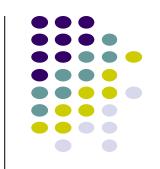
顺序栈操作情况



```
void push(int x){
 stackArray[++top]=x;
int pop(){
 return stackArray[top--];
int peek(){
 return stackArray[top];
```



```
bool empty(){
 return top==-1;
bool full(){
 return top==MaxStackSize-1;
void clear(){
 top=-1;
```







```
int main(){
  int n,i;
 scanf("%d",&n);
 for(i=1;i<=n;i++) push(i);
 for(i=1;i<=n;i++) printf("%d ",pop());
  printf("\n");
```

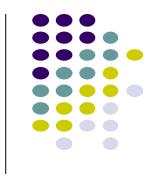
简化的风险

□安全的做法

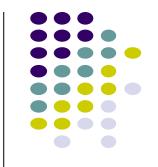
- ✓ push操作前,判断栈满
- ✓ pop和peek操作前,判断栈空

□简化的前提是确信栈的操作都合法

- ✓ 空间足够大,确保不会溢出
- ✓ 不会发生空栈弹栈和读取







- □ 用链接存储实现栈,要为每个元素分配一个额外的指针空间, 指向后继结点。也称为链栈。
- 以整数栈为例:struct Node{int data;Node* next;};Node* top=NULL;

压栈算法ADL描述

算法 Push (A, item)

// 向栈顶指针为top的链式栈中压入一个元素item

P1. [创建新结点]

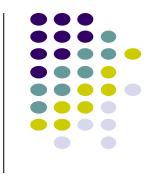
 $s \Leftarrow AVAIL.$

//为新结点申请空间

 $data(s) \leftarrow item. next(s) \leftarrow top.$

P2. [更新栈顶指针]

top←s.





```
void push( int x )
  Node* p = new Node;
 // Node* p = (Node *)malloc(sizeof(Node*))
 p->data = x, p->next = top;
 top = p;
```

弹栈算法ADL描述



算法 Pop (A. item)

//从栈顶指针为top的链式栈中弹出栈顶元素,并存放在变量item中

P1. [栈空?]

IF top = NULL

THEN (PRINT"栈空无法弹出". RETURN.)

P2. [出栈]

item \leftarrow data(top). q \leftarrow next(top).

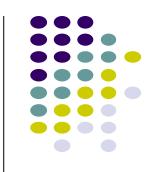
AVAIL←top. // 释放栈顶结点的空间

top←q.



```
int pop(){
 int x = top->data;
  Node* p = top;top = top->next; delete p;
 return x;
int peek(){
 return top->data;
```

```
bool empty(){
 return top==NULL;
void clear(){
  Node *p = top;
 while(p){
     top = p->next;
     delete p;
     p = top;
```



顺序栈与链式栈的比较



□空间复杂度

- ✔ 顺序栈初始必须申请固定的空间,当栈不满时,必然造成空间的浪费;
- ✓ 链式栈所需空间是根据需要随时申请的,其代价是为每个元素提供空间以存储next指针域。
- □ 在时间复杂性上,对于针对栈顶的基本操作(压入、弹出和栈顶元素存取),顺序栈和链式栈的渐进时间复杂度均为*O*(1).

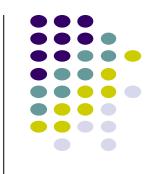
设计决策

□一般来讲

- ✓ 顺序栈易于实现
- ✓ 链式栈能更合理的利用空间

□设计决策:

- ✓ 空间是否够用
- ✓ 使用方式()
 - 解题 =〉顺序栈
 - 写成容器 =〉链式栈



应用1: 括号匹配



□输入一字符串,判断括号是否匹配: "("与")".

□匹配输出"yes",否则输出"no".

括号匹配增强版(bracket.cpp)



□高级语言程序设计中的各种括号应该匹配,例如: "("与")" 匹配、"["与"]"匹配、"{"与"}"匹配等。

□输入一字符串,判断括号是否匹配; 匹配输出"yes", 否则输出"no".

测试样例



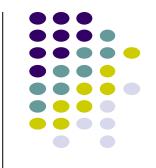
输入	输出
}	no
[(])	no
{()	no
{a=(b*c}+free()]	no
({})	yes

栈的引入



- □遇到闭括号时,应考察其与最近未匹配的开括号是否匹配; 用来进行匹配的开括号是最后输入的,符合栈的后进先出 特性,因此用栈来存放开括号,模拟匹配过程。
 - ✓ 若匹配,则将匹配的开括号从栈顶删除,继续考察下一闭括号; 若不匹配,说明输入的括号不配对。
 - ✓ 注意:输入结束后,栈中还有多余的开括号,匹配失败。

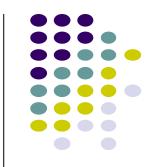
应用2: 算术表达式求值



□ 表达式求值是程序设计语言编译中的一个基本问题。其实现方法是 栈的一个典型应用实例。

- □ 表达式是由操作数 (operand)、运算符 (operator)和界限符 (delimiter) 组成的。
- □ 其中操作数可以是常数,也可以是变量或常量的标识符;运算符是 算术运算符(+,-,*,/);界限符为左右括号和标识表达式结束的结 束符。

例: 算术表达式



 $\Box 1 \times (2/3 + 4 - 5)$

□运算规则:

- (1) 先计算括号内,后计算括号外;
- (2) 无括号或同层括号内,先进行乘除运算,后进行加减运算,即乘除运算的优先级高于加减运算的优先级;
- (3) 同一优先级运算,从左向右依次进行。

模拟法

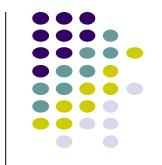


□用计算机模拟人工计算比较复杂。一个算术表达式中,有多少个 运算符,原则上就需对表达式进行多少遍扫描,才能完成计算。

□ 时间复杂性: O(n*L)

L是算术表达式的长度,n是操作符的个数

后缀表达式



□运算符紧跟在两个操作数之后的表达式称作后缀表达式。 波兰逻辑学家Lukasiewicz提出,也称逆波兰式。(前缀 表达式称为波兰式)

□ 例: 后缀表达式 **AB**×**C**/ 中缀表达式 **A**×**B**/**C**

后缀表达式的特点

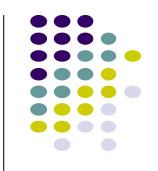


- □后缀表达式没有括号
- □ 不存在优先级的差别,计算过程完全按照运算符出现的先后次 序进行

□演示

- ✓ 1234 + *
- (100) (20) 3 4 * /

后缀表达式的计算



- 1. 左起依次读取后缀表达式的一个符号;
- 2. 若读入的是操作数,则将其压入栈;
- 3. 若读入的是运算符,则从栈中连续弹出两个元素,进行相应 的运算,并将结果压入栈中。
- 4. 若读入的是结束符,则栈顶元素是计算结果。





中缀表达式	后缀表达式
a+b	ab+
a+b×c	abc×+
$a \times b \times c + c \times d$	ab×c×cd×+
$(a+b)\times((c-d)\times e+f)$	ab+cd-e×f+×

- □操作数出现的顺序一样
- □ 区别在于操作符的顺序,后缀表达式中操作符按计算顺序出现

引入操作符栈,确定出栈顺序



□ 规则1:运算符优先级 当前操作符 > 栈顶操作符,压栈;否则,弹栈

□规则2: 括号 左括号压栈,右括号弹栈至左括号

□规则3: 结束符 弹栈至空栈

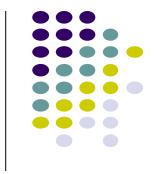
算术表达式的计算

□方法一

- ✓ 中缀转后缀 扫描一遍
- ✓ 计算后缀表达式 扫描一遍
- \checkmark T(L) = 2L

□方法二

- ✓ 边转换、边计算 只需扫描一遍
- √ T(L) = L



演示 (方法二)

$$\Box 1 \times (2/3 + 4 - 5)$$



```
S1. READ(x). // 左起依次读取中缀表达式的 1 个符号
S2. IF x 是操作数 THEN Q \leftarrow x.
S3. IF x 是运算符 THEN // 运算符包括括号
     IF S 为空 THEN S \leftarrow x.
     ELSE // S 非空. top(S): 栈顶元素. '('优先级最高.
         IF x是'('OR 优先级x > top(S) THEN S \leftarrow x
     ELSE IF x 是')' THEN (
           WHILE top(S) \neq '('DO)
           (d2 \Leftarrow Q. d1 \Leftarrow Q. t \Leftarrow S Q \Leftarrow d1 t d2.).
           t←S.) //弹出'('
      ELSE (WHILE (S非空 AND 优先级 top(S)≥x) DO
                   (d2 \Leftarrow Q. d1 \Leftarrow Q. t \Leftarrow S Q \Leftarrow d1 t d2.)
                 S \Leftarrow x.)
S4. IF x 是 '#' THEN(// '#': 中缀表达式的结束符
   WHILE S非空 DO (d2 \Leftarrow Q. d1 \Leftarrow Q. t \Leftarrow S.Q \Leftarrow d1 t d2.)
  RETURN).
S5. GOTO S1.
```

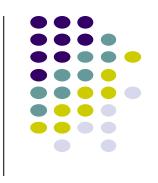
栈的应用小结

- □函数调用和返回(1946图灵)
- □递归
- □ undo功能
- o

□凡数据符合后进先出性的问题,可考虑应用栈







□数据结构通常使用不需要自行封装

- ✓ 语言提供了数据结构: STL, Java、Python等自带
- ✓ 追求高效时,如ACM、CSP认证等,可以纯手写(全局)或优化现有结构(如STL的allocator)

□掌握数据结构的封装是必要的

- ✓ 现有的数据结构不存在 或 达不到要求(如图等)
- ✓ 高阶技能和专业课程要求(数据结构及后续课)

STL中关于栈的实现

- #include <stack>

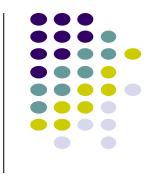
using namespace std;

- □ stack<int > s; //不用声明大小
- □ s.push(x);
- □ s.top(); //相当于peek
- □ s.pop(); //只弹出栈顶,不取值,与top合用
- □ s.empty(); //判空
- □ s.size(); //栈的长度



栈数据类型

```
□场景:需要多个相同类型的栈:
□ C-Style (C++99 和非纯c环境)
struct AStack{
 int stackArray[MaxStackSize];
 int top;
void init(AStack& s){
 s.top = -1;
```





```
void push(AStack& s,int x){
 s.stackArray[++s.top]=x;
int pop(AStack& s){
 return s.stackArray[s.top--];
```



```
int main(){
  int n,i;
  AStack s;
  init(s);
  scanf("%d",&n);
  for(i=1;i<=n;i++) push(s,i);
  for(i=1;i<=n;i++) printf("%d ",pop(s));
  printf("\n");
```

栈泛型

- □场景2: 需要多个不同类型的栈
- □ C-Style (C++99 和非纯c环境)

```
template<class T>
```

struct AStack{

T stackArray[MaxStackSize];

int top;

};

template<class T>

void init(AStack<T>& s){

s.top = -1;





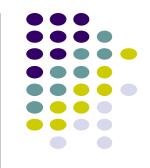
```
template<class T>
void push(AStack<T>& s,T x){
     s.stackArray[++s.top]=x;
template<class T>
T pop(AStack<T>& s){
     return s.stackArray[s.top--];
```





```
int main(){
  int n,i;
  AStack<int> s;
  init(s);
  scanf("%d",&n);
  for(i=1;i<=n;i++) push(s,i);
  for(i=1;i<=n;i++) printf("%d ",pop(s));
  printf("\n");
```



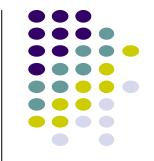


```
class AStack{
     int stackArray[MaxStackSize];
     int top;
public:
     AStack(){top=-1;}
     void push(int x){stackArray[++top]=x;}
     int pop(){return stackArray[top--];}
     void clear(){top = -1;}
};
```

struct扩充方式(C++99)

```
struct AStack{
  int stackArray[MaxStackSize];
  int top;
  AStack(){top=-1;}
  void push(int x){stackArray[++top]=x;}
  int pop(){return stackArray[top--];}
  int peek(){return stackArray[top];}
};
```

struct VS class



- □ C++对C中的struct进行了扩充(C++99)
 - ✓ 可包含成员函数
 - ✓ 可继承
 - ✓ 可多态
- □ struct 与 class语法类似,意义不同
 - ✓ 默认权限: struct默认public, class 默认private
 - ✓ 传递方式: 传值 VS 传址





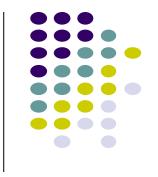
- □封装鼓励声明和实现分离
 - ✓ 声明放在.h文件中
 - ✓ 实现放在.cpp文件中

□ 模板类(template)的声明和实现都放在头文件中,不能分开成.h 和 .cpp

封装注意事项: 重复include

□ 防止重复include同一个头文件

- //astack.h
- #ifndef _A_STACK
- ✓ #define _A_STACK
- **√**
- ✓ #endif



数据结构封装小结

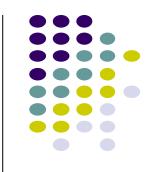


□建议: C++方式 或 struct扩充方式

□可以使用STL解题,除非题目明确说明不允许或题目本身要求实现对应数据结构

总结

- □ 栈的定义、特性和基本操作;
- □ 栈的顺序存储方式及实现(顺序栈);
- □ 栈的链式存储方式及实现(链栈);
- □栈的应用
 - ✓ 数据容器满足LIFO
 - ✓ 经典示例: 表达式计算
- □ 数据结构的封装(衔接)
 - ✓ OO、struct



现在开始编程

□做中学

- ✓ 理论源于实践; 用数据结构求解问题
- ✔ 做什么(实现每种数据结构、在线练习、作业)
- ✓ 心理准备(基础、修炼)

□尝试好的编程习惯

- ✓ 想好了再写(建立计算模型)
- ✓ 写好后读一遍(检查小错误和逻辑)
- ✔ 学会调试(输出中间结果,写调试函数)
- ✓ 记下犯过的错误
- ✓ 有一点代码风格(空行、缩进、变量、必要注释)
- ✓ 建立自己的代码

第3-4章 任务

- □在线测试平台注册
 - ✓ pintia.cn/学习通
- □慕课
 - ✓ 在线学习/预习 第 3 章 视频
 - ✓ 自学第4章的视频: 4.1 和 4.2 (考、不讲)
- □作业
 - ✓ P72: 3-2, 3-6, 3-8, 3-11, 3-17, 3-25
 - ✓ 本章结束后一周在线提交

