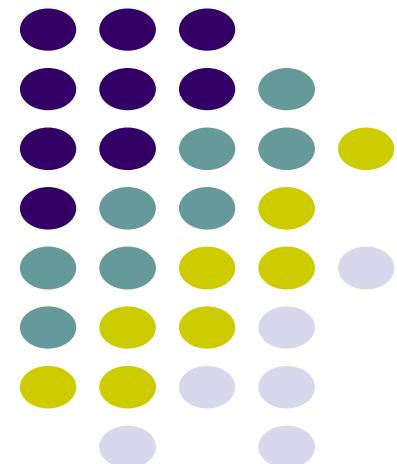


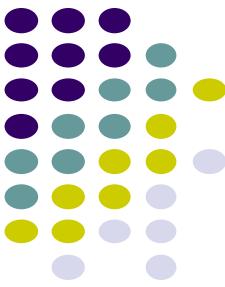
L5：线性表

吉林大学计算机学院

谷方明

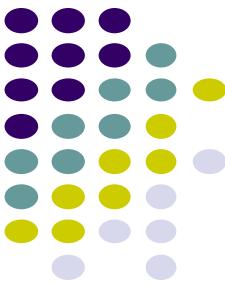
fmgu2002@sina.com





学习目标

- 熟悉线性表的定义、特性、基本操作
- 掌握顺序表
- 掌握单链表、循环链表、双向链表
- 掌握跳舞链（拓展）
- 掌握静态链表（拓展）



线性表的例子

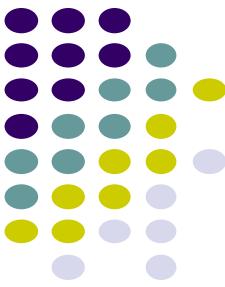
- 数列 (1, 2, 4, 8, 16)
- 字符串 “You cannot improve your past, but you can improve your future.”
- 栈和队列



线性表的定义

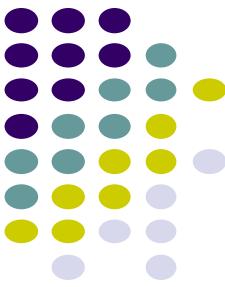
- 线性表是由零个或多个具有相同类型的结点组成的有序集合。

线性表记为
$$\begin{cases} (a_0, a_1, \dots, a_{n-1}) & n>0 \\ (\quad) & n=0 \quad \text{空表} \end{cases}$$



术语和特性

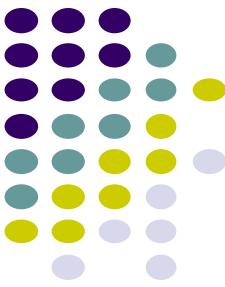
- 称 a_0 为线性表的**头结点**(简称表头), 称 a_{n-1} 为线性表的**尾结点**(简称表尾)
- a_i 为 a_{i+1} 的**前驱结点**(简称前驱) , a_{i+1} 为 a_i 的**后继结点**(简称后继)。
- 线性表特性: 除表头和表尾外, 每个结点都有唯一的前驱和后继。



线性表的基本操作

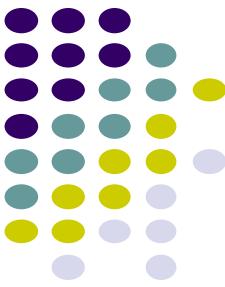
1. 在表中第k个结点后**插入**一个新结点;
 2. **删除**表中第k个结点;
 3. **存取**线性表中第k个结点的字段值;
 4. **查找**指定字段值在表中的位置;
 5.
-
6. 创建一个线性表;
 7. 确定线性表的长度;
 8. 判断线性表是否为空;
- } 基于位置

} 基于关键词



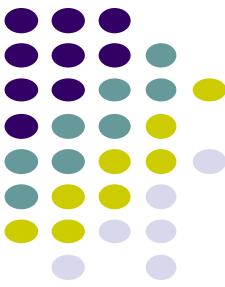
线性表的顺序存储

- 将线性表的结点按**逻辑顺序**依次存放在一块**地址连续的内存空间**中。顺序存储的线性表也称为**顺序表**。
- 实现顺序存储的最便捷的方法是使用一维数组。
 - ✓ 存储顺序表的数组: **T *element** ;
 - ✓ 顺序表的实际长度: **int length** ;
 - ✓ 顺序表的最大长度: **int maxSize** ;



顺序表结构的声明

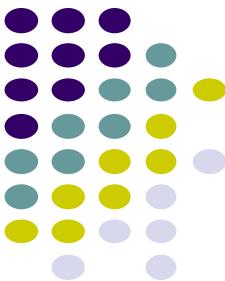
```
template<class T>
struct LinearList{
    T * element;
    int length;
    int maxSize;
    LinearList(int size);//init(int size)
    ~LinearList();//clear
    void ins(int k,int x);
    void del(int k,int* x);
};
```



顺序表的初始化和释放

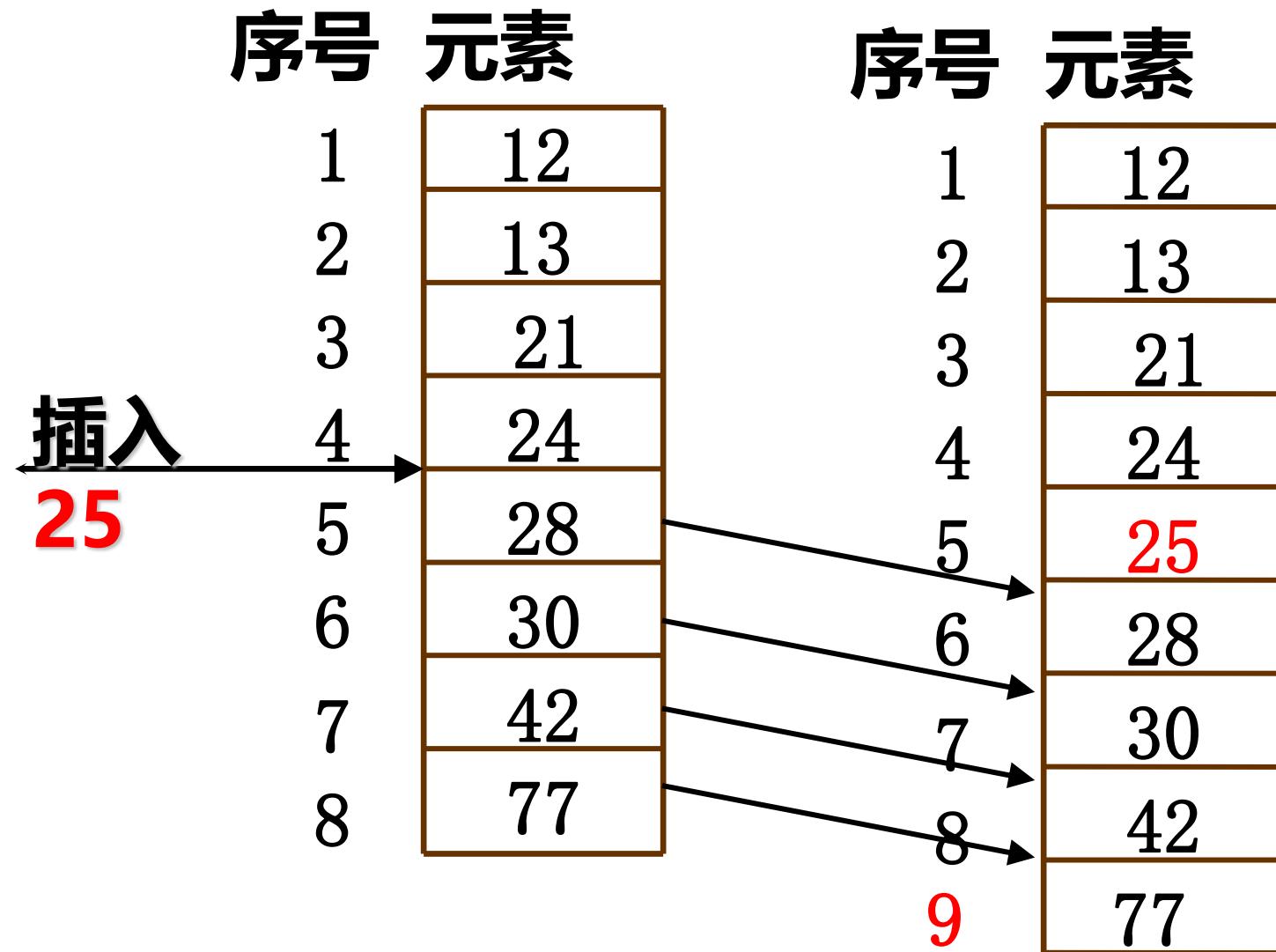
```
template<class T>
LinearList<T>::LinearList(int size){
    maxSize = size;
    element = (T*)malloc(size*sizeof(T));//new
    length = 0;
}

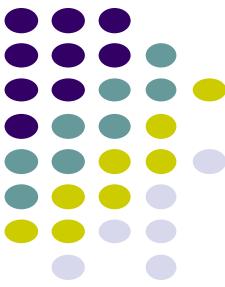
template<class T>
LinearList<T>::~LinearList(){
    free(element); //delete
}
```



顺序表的插入

- 元素移动
- 长度增1





插入算法ADL描述

算法 **Insert(A, k, item)**

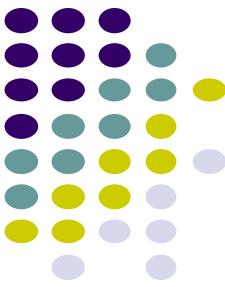
/* 在第 k 个结点后插入值为 item 的结点 */

I1.[插入合法?]

```
if ( k<0 || k>length || length==maxSize) {  
    cout<< “插入不合法” ; return; }
```

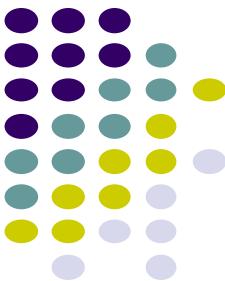
I2.[插入]

```
for(i=length; i>=k+1; i--) A[i+1]←A[i];  
A[k] = item;  
length = length+1;
```



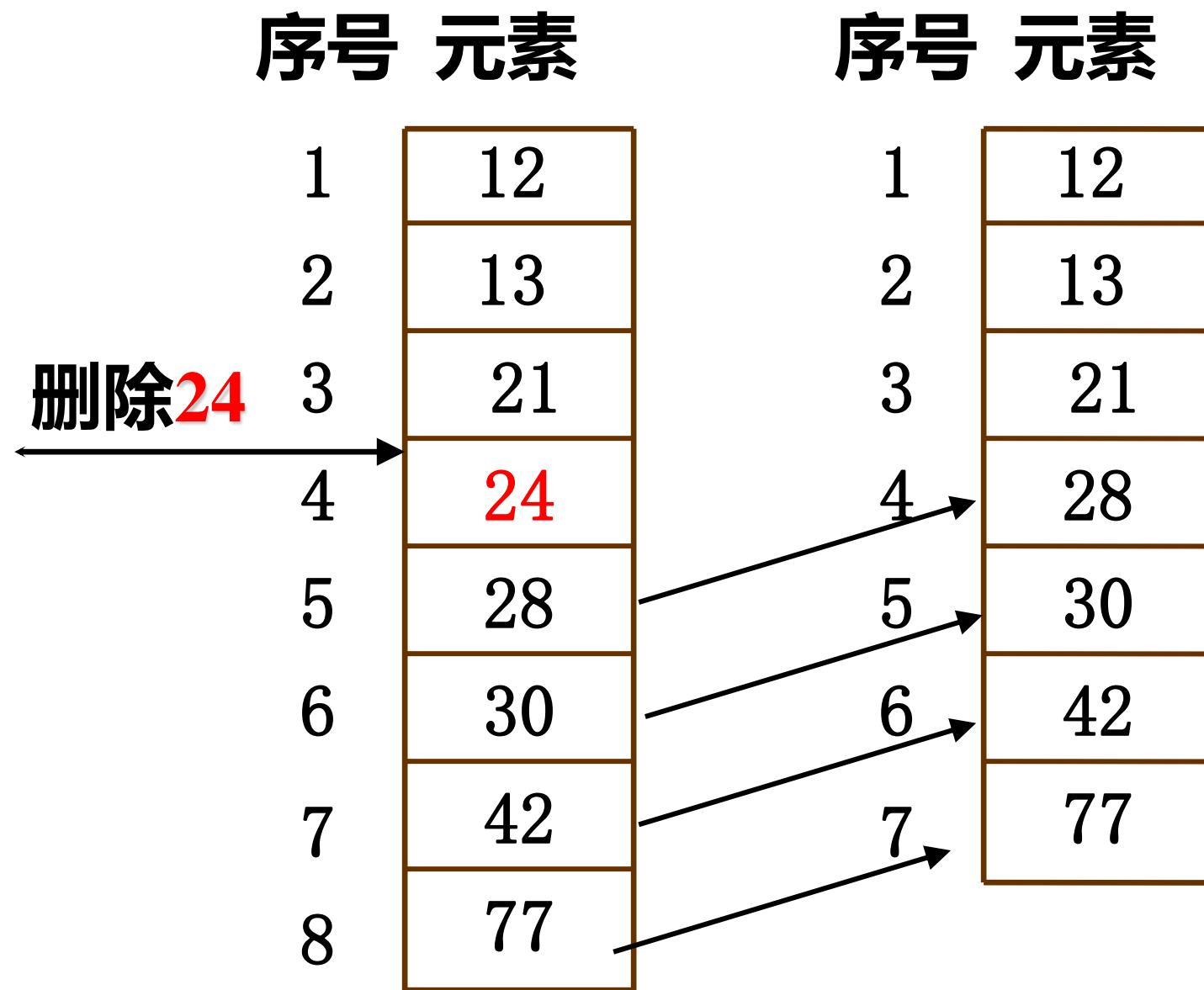
插入操作时间复杂度

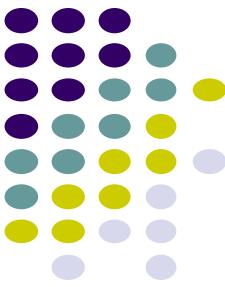
- 基本运算：元素移动（表现为元素赋值）
- 最坏时间复杂度
 - ✓ $W(n) = n$ // 若包含 $A[k] \leftarrow item$. 计数加1
- 期望时间复杂度
 - ✓ $n+1$ 个位置可以发生插入，设插入成功且插入到各位置的概率相同：
 $1/(n+1)$
 - ✓ $E(n) = (n + (n-1) + \dots + 1 + 0) / (n+1) = n/2$
- $O(n)$



顺序表的删除

- 元素移动
- 长度减1





删除算法ADL描述

算法 **Delete(A, k)**

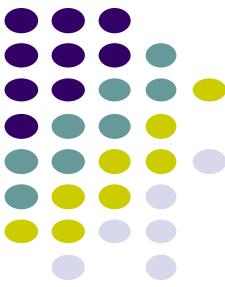
/* 删除顺序表 A 中第 k 个结点 */

D1.[k合法?]

```
if (k<1 || k>length || length==0){ cout<<“删除不合法” ; return ; }
```

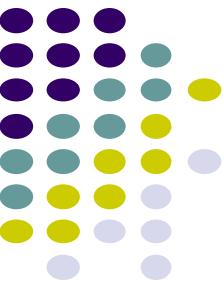
D2.[删除]

```
for (i=k+1 ; i<= length ; i++) A[i-1] = A[i];  
length = length-1;
```



删除操作时间复杂度

- 基本运算: 元素移动
- 最坏时间复杂度
 - ✓ $W(n) = n - 1$
- 期望时间复杂度
 - ✓ n 个位置可以发生删除, 设删除成功且各位置被删除的概率相等: $1 / n$
 - ✓ $E(n) = ((n-1) + \dots + 1 + 0) / n = (n-1)/2$
- $O(n)$



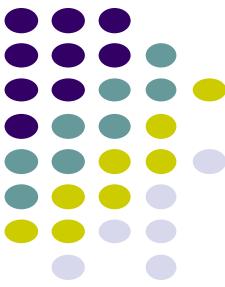
存取和查找

□ 存取第 k 个结点

- ✓ 下标运算
- ✓ 一次命中， $O(1)$

□ 查找元素出现的位置

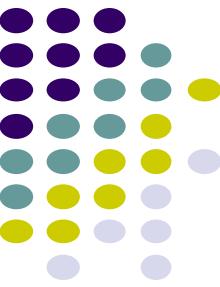
- ✓ 从前向后逐个比较
- ✓ $O(n)$



测试

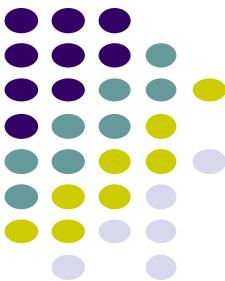
```
int main(){
    int i,x;
    LinearList<int> li(10);
    for(i=0;i<5;i++)
        li.ins(i,i+1);
    li.del(2,&x);
    //li.pri()
}

return 0;
}
```

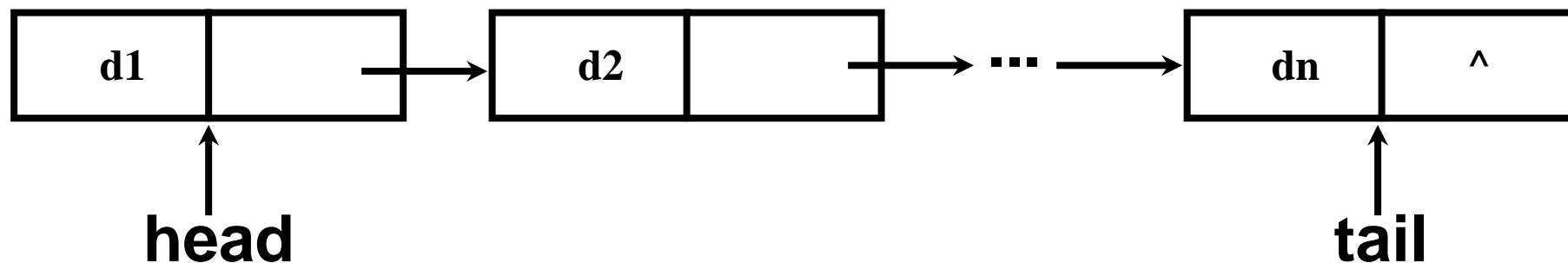


线性表的链接存储

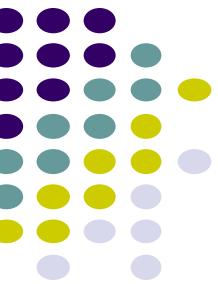
- 每个存储单元包含结点的值和逻辑相邻结点的地址信息（指针域）。链接存储的线性表也叫**链表**。
- 链表结点的指针域根据需要进行设计。**最常见的是单链表，通常也简称为链表。**



单链表

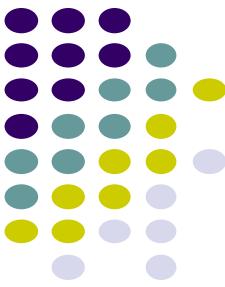


- 链表的第一个结点被称为**头结点(也称为表头)**, 指向头结点的指针被称为**头指针(head)**.
- 链表的最后一个结点被称为**尾结点(也称为表尾)**, 指向尾结点的指针被称为**尾指针(tail)**.

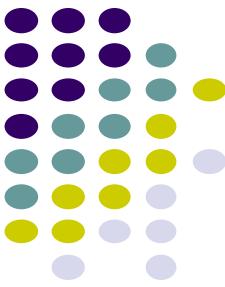


单链表结构的声明

```
template<class T>
struct SLNode{
    T data;
    SLNode* next;
};
```

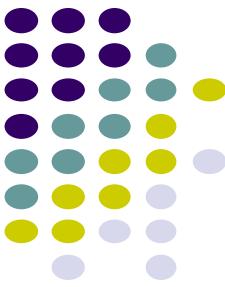


```
template<class T>
struct SLList{
    SLNode<T>* head;
    SLList(); //init
    ~SLList(); //clear
    SLNode<T>* find(int k);
    void ins(int k,T x);
    void del(int k,T& x);
    //void pri();
};
```



单链表的初始化和释放

```
template<class T>
SLList<T>::SLList(){
    head = new SLNode<T>; //哨位结点
    head->next = NULL;
}
template<class T>
SLList<T>::~SLList(){
    for(SLNode<T>* p=head;head;p=head){
        head = head->next;
        delete p;
    }
}
```



单链表:查找/存取第k个元素

算法 **Find** (*head, k . p*)

// 查找链表第k个结点，找到用*p*指向，其它情况 *p*为NULL

F1. [*k*合法?]

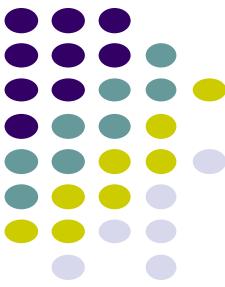
if (*k* < 0) { *p* = NULL; **return** ; }

F2. [*初始化*]

p = **head** ; *i* = 0; //有哨兵变量

F3. [*找第k个结点*]

while (*p*!=NULL && *i*<*k*) { *p*= *p*->**next**; *i*++ } ┏

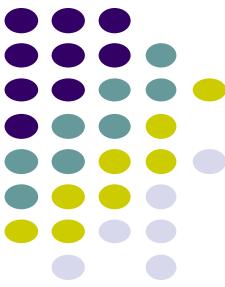


存取/查找第k个的时间复杂度

- 基本运算： 比较（定位）
- 最坏情况下的时间复杂度为 $O(n)$ ；
- 平均情况下，假设 $k < 1, k = 1, \dots, k = n, k > n$ 的概率相同，即每种情况的发生概率为 $1/(n+2)$ ，则 WHILE 循环的执行次数平均为

$$\frac{0 + 1 + \dots + n + n}{n + 2} = \frac{1}{n + 2} \left(\sum_{k=1 \dots n} k + n \right) = \frac{1}{n + 2} (n(n + 1)/2 + n) = \frac{n(n + 3)}{2(n + 2)} = O(n)$$

- $O(n)$.



单链表:查找元素

算法 **Search** (*head, item, p*)

/*在链表中查找值为*item*的结点用p指向*/

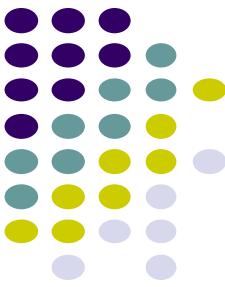
S1. [初始化]

p = head->next; //有哨兵变量

S2. [逐点访问]

while (p != NULL && p->data != item)

p=p->next ;



查找元素操作的时间复杂度

- 基本元算: 元素比较

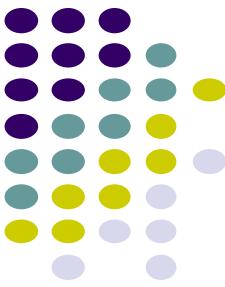
- 最坏时间复杂度

- ✓ $W(n) = n$

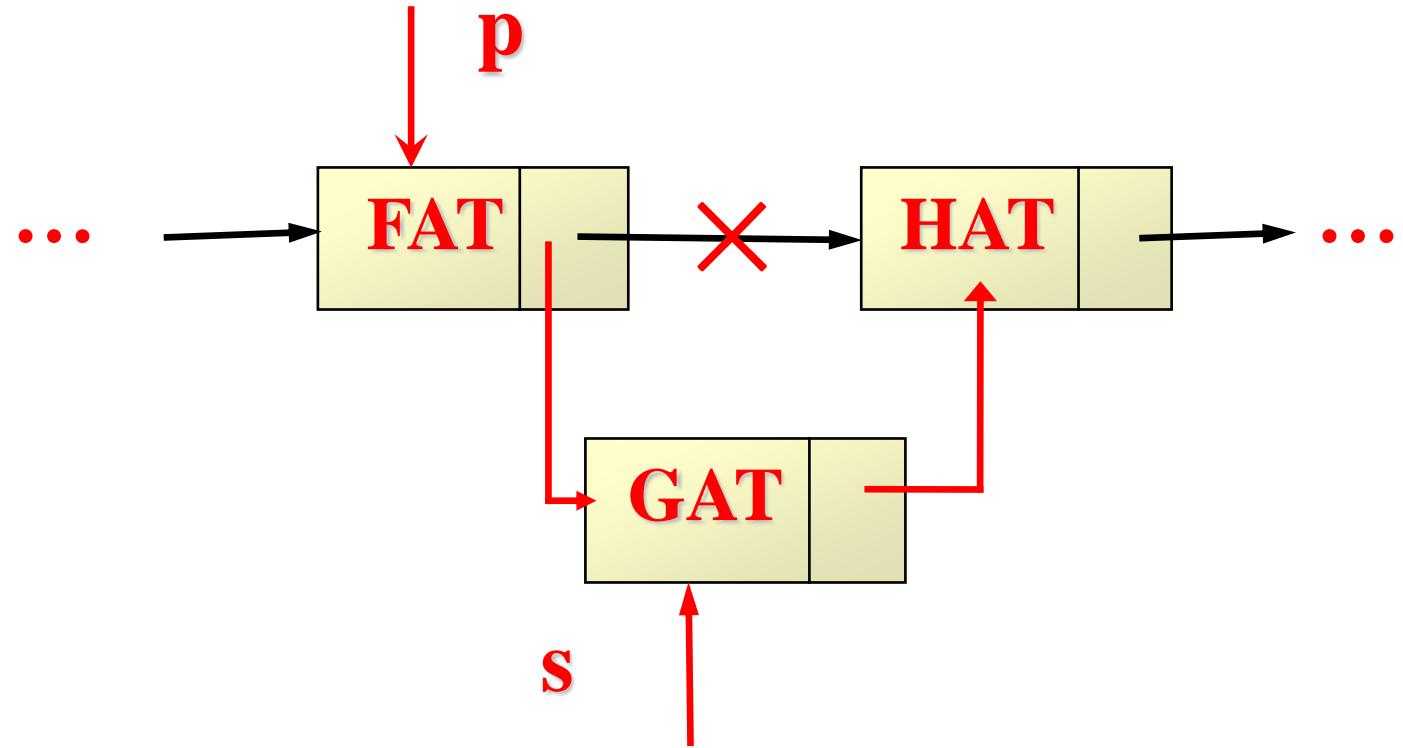
- 平均时间复杂度

- ✓ $E(n) = O(n)$

- **O(n)**

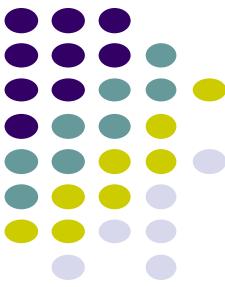


单链表的插入



$s->next = p->next;$

$p->next = s;$



插入算法ADL描述

算法**Insert (head, k, item)**

// 在链表中第k个结点 后 插入字段值为item的结点

I1. [查找第k个结点]

Find(head,k,p).

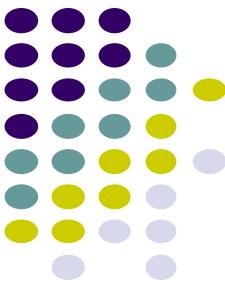
if (p==NULL) { cout<<“插入不合法” ; return; }

I2. [插入]

s←AVAIL;

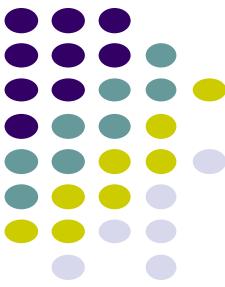
s->data = item; s->next = p->next;

p->next = s;

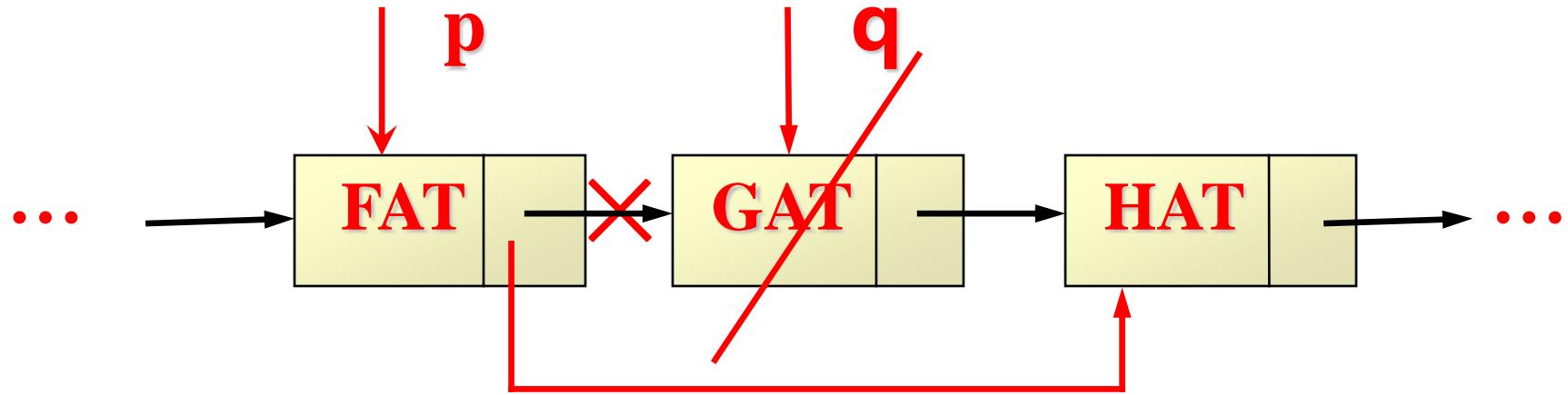


插入操作时间复杂度

- 基本运算: 比较 (定位)
- 最坏时间复杂度
 - ✓ $W(n) = n$
- 期望时间复杂度
 - ✓ $n+1$ 个位置可以发生插入, 设插入成功且插入到各位置的概率相同:
 $1/(n+1)$
 - ✓ $E(n) = (n + (n-1) + \dots + 1 + 0) / (n+1) = n/2$
- $O(n)$

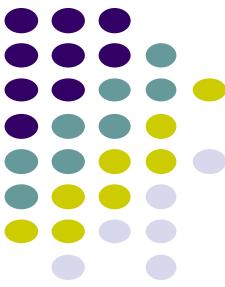


单链表的删除



$q = p->next ; p->next = q->next;$

$AVAIL \Leftarrow q ;$



删除算法ADL描述

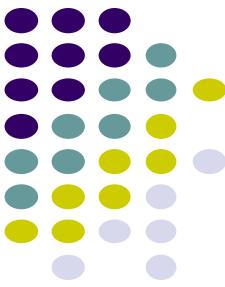
算法**Delete** (*head, k*)
// 删除链表中第*k*个结点

D1. [找第*k-1*结点]

```
Find(head,k-1,p).  
if (p==NULL || p->next==NULL){  
    cout<<“无此结点” ; return;}
```

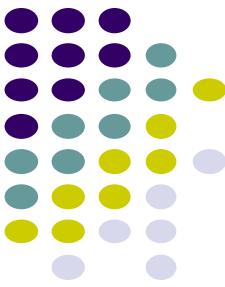
D2. [删除]

```
q = p->next ; p->next = q->next ;// 修改p的next指针  
AVAIL=q;
```



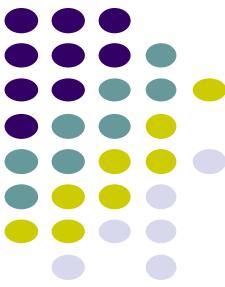
删除操作时间复杂度

- 基本运算: 比较 (定位元素)
- 最坏时间复杂度
 - ✓ $W(n) = n - 1$
- 期望时间复杂度
 - ✓ n 个位置可以发生删除, 设删除成功且各位置被删除的概率相等: $1 / n$
 - ✓ $E(n) = ((n-1) + \dots + 1 + 0) / n = (n-1)/2$
- $O(n)$

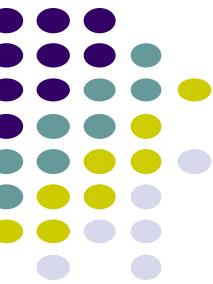


顺序表VS链表：时间复杂度

- 线性表的基本操作是**存取(第k个)、插入和删除**。对于顺序表，随机存取非常容易，但插入或删除元素需要移动若干元素；对于链表，随机存取必须要从表头开始遍历链表，但链表的插入和删除操作非常简便，只需修改一个或者两个指针值。
- 对于**基于位置的插入和删除**，两者时间复杂度都是 $O(n)$ ，顺序表的基本运算是元素移动，链表的基本运算是比较。一般来说，元素移动要大于比较。



- 对于基于关键词的操作，顺序表要增加查找的时间，耗时更多。
- 链表的插入和删除涉及到内存的申请和释放，需要调用系统函数，耗时更多。
- 当线性表要经常进行插入、删除操作时，链表的时间效率较高（动态表）；当线性表基本不需要插入和删除时，顺序表的时间效率较高（静态表）。



思考

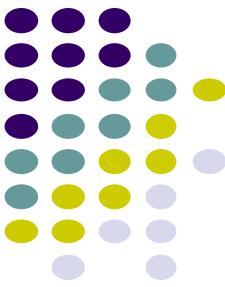
□ 栈和队列的插入删除的操作为何都是 $O(1)$ 的？

□ 栈

- ✓ 顺序表在表尾增删高效
- ✓ 链表在表头增删高效

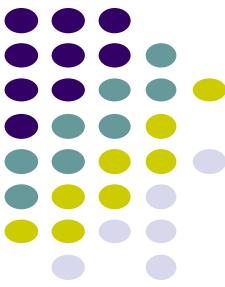
□ 队列

- ✓ 删除用表头指针加速
- ✓ 插入用表尾指针加速



顺序表VS链表：空间复杂度

- 顺序表所占用的空间来自于申请的数组空间，数组大小是事先确定的。当表中的元素较少时，顺序表中的很多空间处于闲置状态，造成了空间的浪费；
- 链表所占用的空间是根据需要动态申请的，不存在空间浪费的问题，但是链表需要在每个结点上附加一个指针，产生一定的结构性开销



空间复杂度临界值

设 N ：线性表的长度； D ：顺序表可存储结点个数；

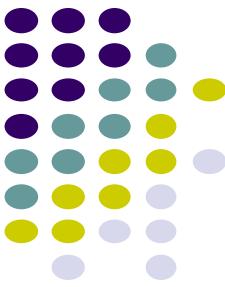
s ：存储结点数据域所占字节数；

p ：存储指针所需字节数；

顺序表空间需求 $D \times s$ ，链表空间需求 $N \times (s + p)$ 。

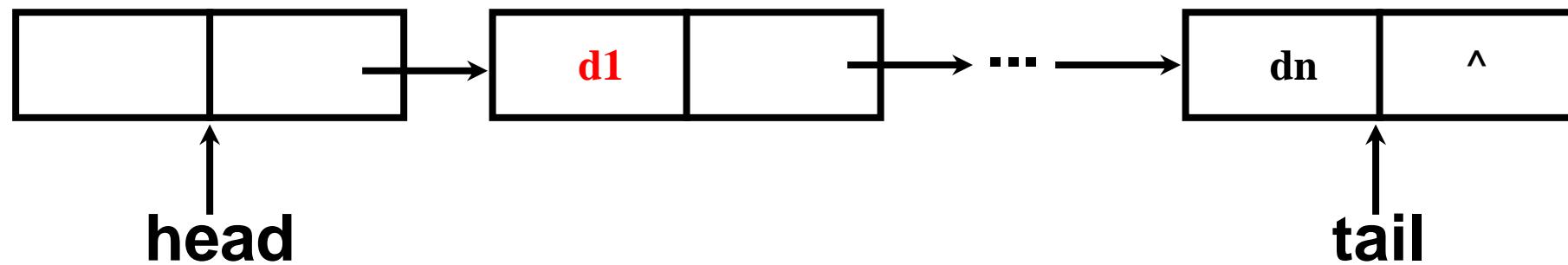
□ 临界点： $N = D \times s / (s + p)$

□ 线性表长度 N 较大时，顺序表的空间效率较高，线性表长度 N 较小时，链表的空间效率较高

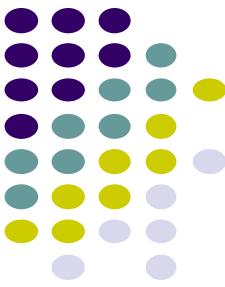


哨位结点

- 为了对表头结点插入、删除等操作的实现方便，通常在表的前端增加一个特殊的表头结点，称其为哨位结点（哨兵变量）



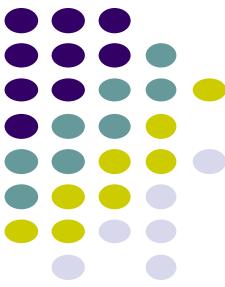
增加哨位结点的单链表



例： 删除值为x的结点

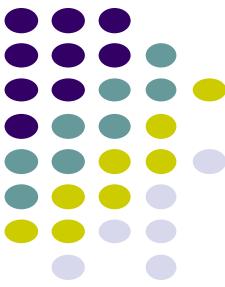
- 无哨位结点版本（讨论多种情况）

```
Node* p0,*p;
if(head==NULL) return;
if(head->next== NULL && head->data==x){
    delete head; head=NULL;
    return;
}
for( p=head ; p ; p0=p , p=p->next )
    if(p->data==x){
        p0->next=p->next;
        delete p;
        p=p0->next;
    }
}
```



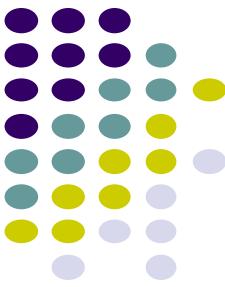
- 有哨位结点版本（逻辑简洁）

```
Node* p0=head,*p=p0->next;  
for( ; p ; p0=p, p=p->next)  
    if(p->data==x){  
        p0->next=p->next;  
        delete p;  
        p=p0->next;  
    }
```



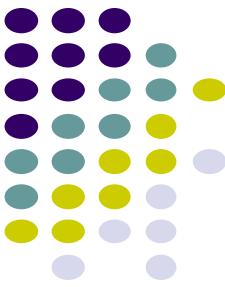
哨位结点的用处

- 标识第0个（逻辑上）结点；
- 避免讨论**head**为空的情况；
- 易于编程（插入、删除等操作统一规范）；



线性表的应用

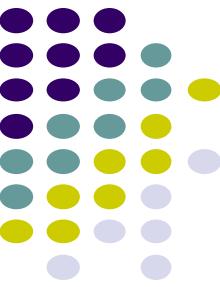
- 线性表应用极其广泛。
 - ✓ 序列、表格、字符串.....
 - ✓ 数组、矩阵、.....
 - ✓ 环、.....
 - ✓ 多项式、.....
- 线性表的适用条件：线性数据的容器。
- 线性表是最基本、最简单、也是最常用的一种数据结构。



例：多项式的计算系统

$$p(X) = a_n X^n + a_{n-1} X^{n-1} + \cdots + a_2 X^2 + a_1 X + a_0$$

- 加法、减法、微分、代入求值.....
- 增项、删项



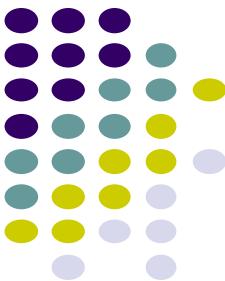
设计方案 I

- 在多项式的链表表示中每个结点增加了一个数据成员**Link**，作为链接指针。

coef	Exp	Link
------	-----	------

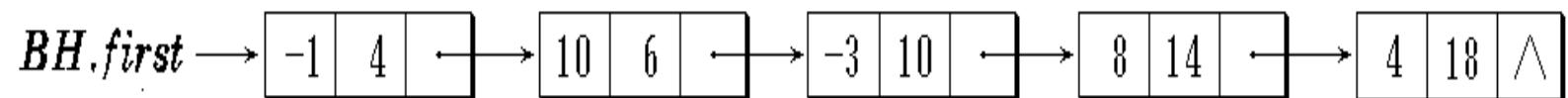
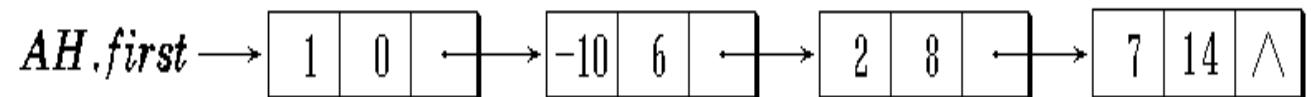
- 优点：

- ✓ 多项式的项数可以动态地增长，不存在存储溢出问题。
- ✓ 插入、删除方便，不移动元素。

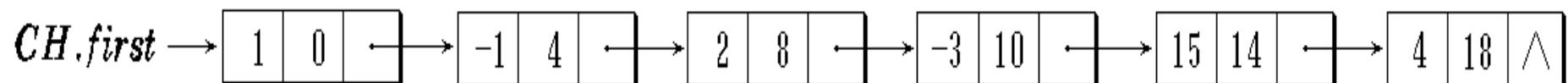


$$AH = 1 - 10x^6 + 2x^8 + 7x^{14}$$

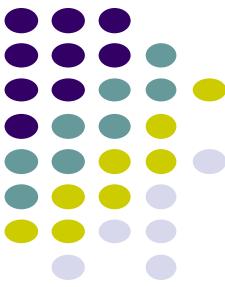
$$BH = -x^4 + 10x^6 - 3x^{10} + 8x^{14} + 4x^{18}$$



(a) 两个相加的多项式



(b) 相加结果的多项式



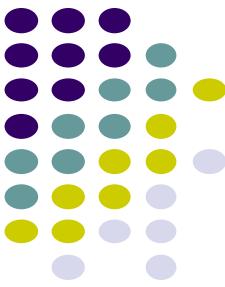
设计方案 II

□ 顺序存储(每一项保存系数和指数)

- ✓ 优点：实现容易，
- ✓ 缺点：增项、删项效率低

□ 顺序存储(每一项保存系数，指数用下标表示)

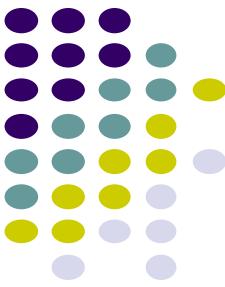
- ✓ 优点：处理简单
- ✓ 缺点：可能导致空间浪费严重，适用于指数较小的情况



STL顺序表：vector

□ 动态数组 / 有序集合

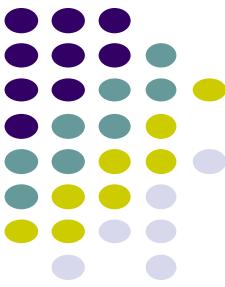
- ✓ `at() // []`
- ✓ `insert()`
- ✓ `erase()`
- ✓ `size() //capacity`
- ✓ `vector<int>::iterator i;`
- ✓ `push_back(); //末端操作效率高`
- ✓ `pop_back();`
- ✓ `back();`
- ✓ `front();`



STL链表：list

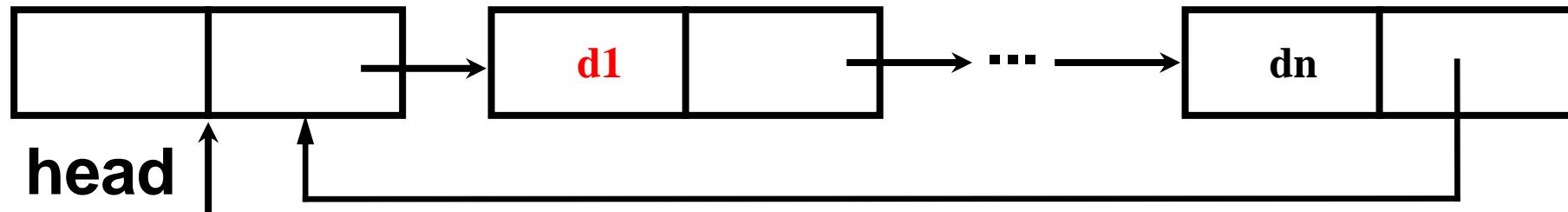
□ 双向链表，不支持随机存取

- ✓ insert()
- ✓ erase()
- ✓ size() //无capacity
- ✓ `list<int>::iterator i;`
- ✓ `push_back();`
- ✓ `pop_back();`
- ✓ `push_front();`
- ✓ `pop_front();`
- ✓ `remove, splice, merge, sort,.....`

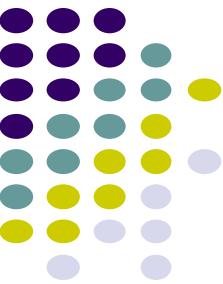


循环链表

- 链接结构“循环化”，即表尾结点的**next**域存放指向哨位结点的指针，而不是存放空指针**NULL**，这样的单链表被称为循环链表。

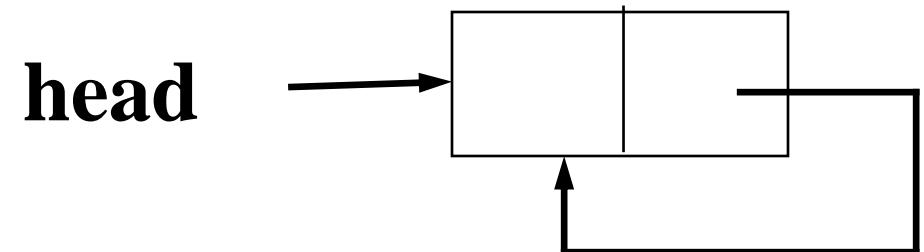


- 循环链表特性：可从链表的任何位置开始，访问链表中的任一结点。



循环链表状态和操作

- 空表

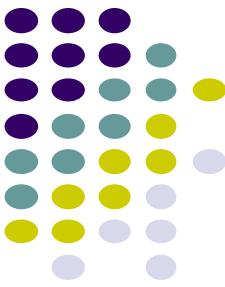


head->next == head

- 口表尾

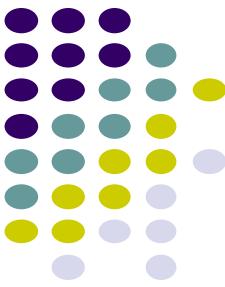
p->next == head

- 其操作和单链表类似



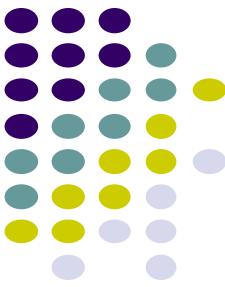
例：约瑟夫问题

- 据说著名犹太历史学家 **Josephus** 的故事。
- 罗马人占领乔塔帕特，39个犹太人与**Josephus**及其朋友躲到一个洞中。39个犹太人宁愿死也不要被敌人抓到，于是决定了一个自杀方式。41个人排成一个圆圈，由第1个人开始报数，每报数到第3人该人就必须自杀，然后再由下一个重新报数，直到所有人都自杀身亡为止。
- 然而**Josephus** 及其朋友并不想遵从。他将朋友与自己安排在第16个与第31个位置。



简化版本

- **N**个人围成一圈，从第一个开始报数，第**M**个将被杀掉，最后剩下一个人。
- 例如**N=6, M=5**，被杀掉的人的序号为依次**5, 4, 6, 2, 3**。最后剩下1号。
- 被杀掉的序号顺序？
- 最后剩下的人序号？



方案I

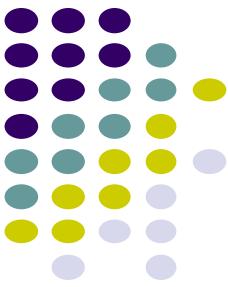
□ 模拟法：顺序存储（不真删）

- ✓ 法1：下标表示第*i*个人的编号
- ✓ 法2：第*i*个位置存放编号*i*

□ 效率分析

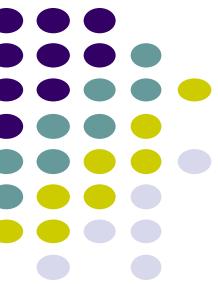
$$\begin{aligned} & (M/2 + 1) * N + (M/3 + 1) * N + \dots + (M/N + 1) * N \\ & < MN * \ln N + N(N-1) \end{aligned}$$

□ 如果不置0，每次都真删，要移动元素，请同学们分析效率。



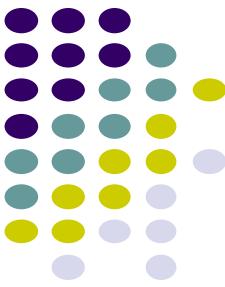
方案II

- 模拟法：循环链表
- 时间效率： $M*(N-1)$
- 空间效率： $O(N)$



方案III

□ 数学公式

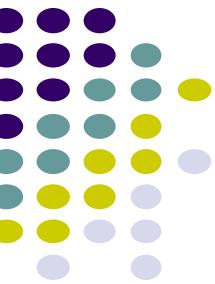


双向链表

- 双向链表（**Double-Linked List**）：链表中的结点由**data**域、**left**域（前驱地址）和**right**域(后继地址)构成。

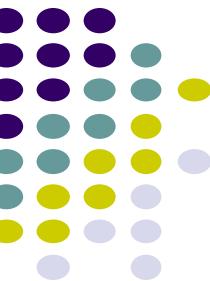
left	data	right
-------------	-------------	--------------

- 双向链表的特性：直接的双向访问能力
- 链表中表头结点的**left**指针和表尾结点的**right**指针均为**NULL**.



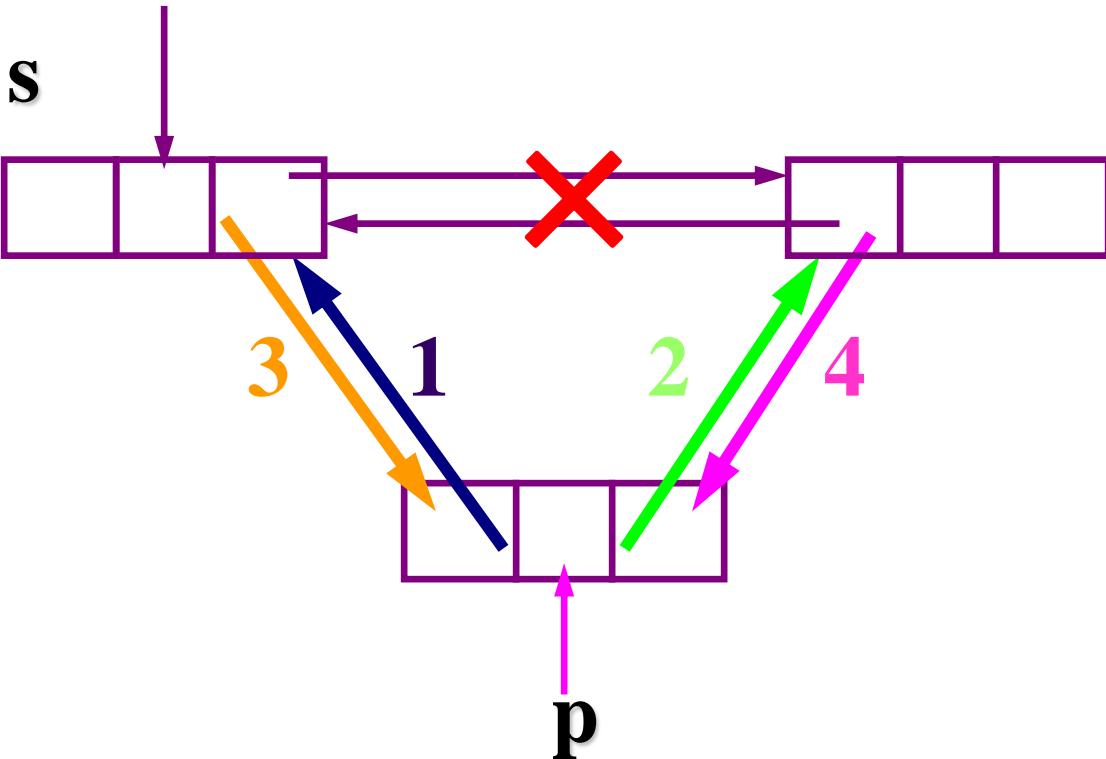
双向链表结点的结构

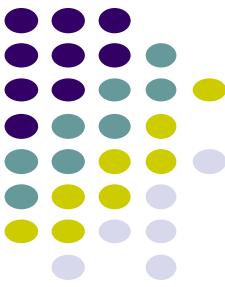
```
template<class T>
struct DLNode{
    T data;
    DLNode* left,*right;
};
```



插入算法

- **p -> left = s;**
- **p -> right = s->right;**
- **p -> left -> right = p;**
- **p -> right -> left = p;**





插入算法的ADL描述

算法**DLInsert** (*head* , *s* , *p* . *head*)

// 结点*s*的右边插入结点*p* ,有哨位

DLI1.[特判： 空 和 *s*是尾结点]

if (*s* ==NULL || *p* == NULL) **return**;

if (*s*->right==NULL) { *p*->left =*s*; *p*->right=NULL; *p*->left->right=*p*;**return**;}

DLI2. [插入]

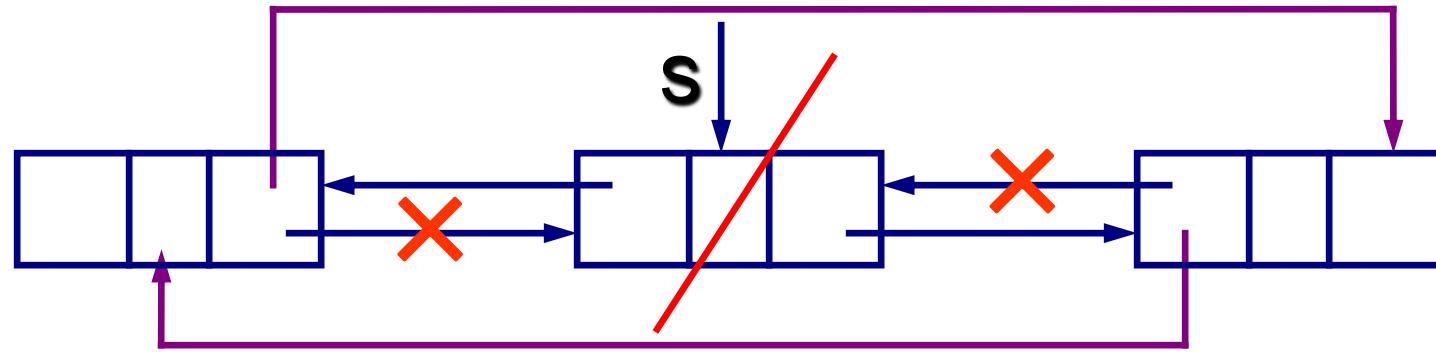
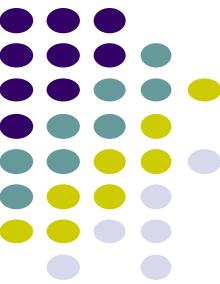
p->left = *s*;

p->right = *s* -> right;

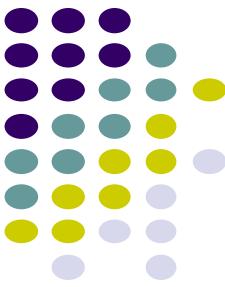
p->left->right = *p* ;

p->right->left =*p* ;

删除算法



- **$s \rightarrow \text{left} \rightarrow \text{right} = s \rightarrow \text{right};$**
- **$s \rightarrow \text{right} \rightarrow \text{left} = s \rightarrow \text{left};$**
- **`free(s);`**



删除算法的ADL描述

算法**DLDelete** (*head,p . head*) // 删除结点*p*,有哨位

DLD1.[特判： 若结点*p*为空或尾结点]

```
if (p == NULL) return;
```

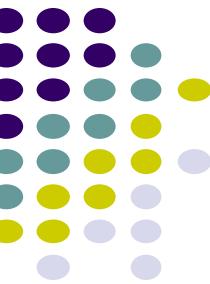
```
if (p->right ==NULL) { p->left-right =NULL; AVAIL←p; return;}
```

DLD2. [删除]

```
p->left-right = p->right;
```

```
p->right->left = p-> left;
```

```
AVAIL←p;
```

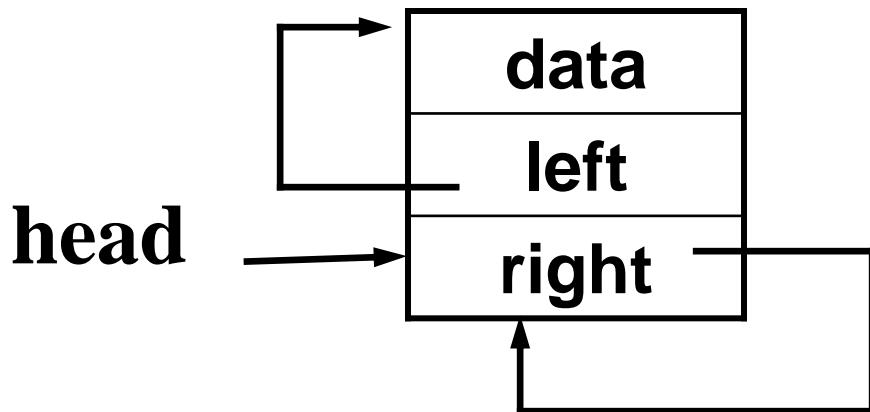


跳舞链

- 带哨兵变量的双向循环链表：跳舞链

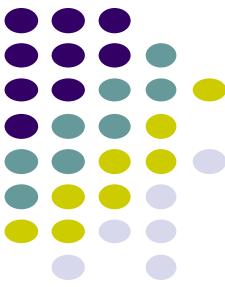
- 表头：**head->right**

- 表尾：**head->left**



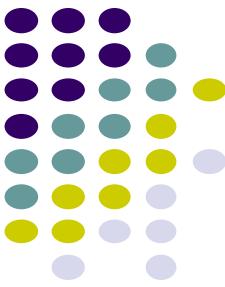
- 空表：**head->left== head**

- 或者 **head->right==head**



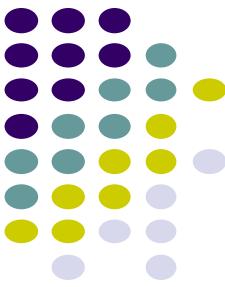
插入

```
template<class T>
void DLLList<T>::ins(int k,T x) { //k个结点后插入x
    DLNode<T>* p,*q;
    p=find(k);
    if(p==NULL) return;
    q=new DLNode<T>;
    q->data=x;
    q->left=p,q->right=p->right;
    q->left->right=q,q->right->left=q;
}
```



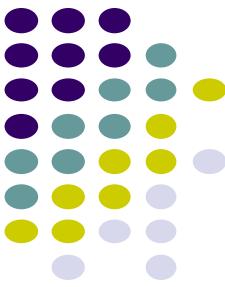
删除

```
template<class T>
void DLLList<T>::del(int k,T& x) { //删除 第k个结点
    DLNode<T>* p;
    if(k<=0) return;
    p=find(k); if(p==NULL) return;
    p->right->left=p->left;
    p->left->right=p->right;
    x=p->data;
    delete p;
}
```



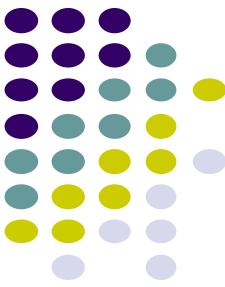
静态链表

- 前面学习的各种链表都是由指针实现的；链表中结点的分配和回收都是由系统提供的标准函数动态实现的，故称之为动态链表；
- 但是，有的高级语言，如**BASIC、FORTRAN**等，没有提供“指针”这种数据类型；链表的插入和删除效率较高，但实现不如顺序表简单；
- 用数组实现的链表，称为静态链表。



静态链表原理

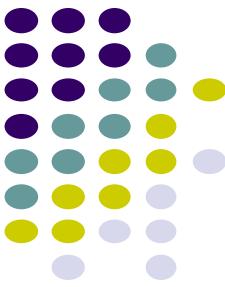
- 每个结点应含有两个域：**data**域和**next**域； **data**域用来存放结点的数据信息， **next**域指示其后继结点在数组中的相对位置（即数组下标）。
- 定义一个较大的结构数组作为待分配结点空间(即存储池)。
- 结点的分配和回收都针对存储池。简单的， 分配时使用未用的数组元素； 回收时不处理或置删除标记；



静态单链表：结构体数组

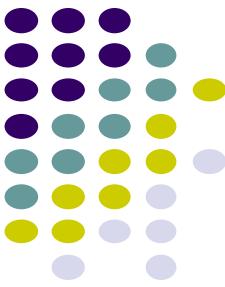
```
struct Node  
{  
    int data;  
    int next;  
};
```

```
Node link[MAXN]; // link[0]是哨兵结点  
int tot=0; //用于结点分配
```



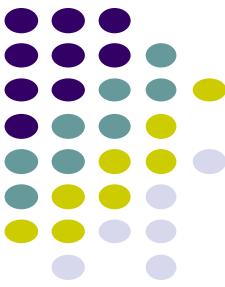
头插法创建链表

```
void insHead(int x)
{
    tot++;
    link[tot].data=x;
    link[tot].next=link[0].next;
    link[0].next=tot;
}
```



链表的遍历

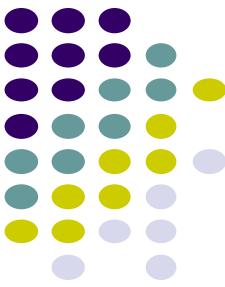
```
void print()
{
    for( int p=link[0].next ; p ; p=link[p].next )
        printf("%d\n",link[p].data);
}
```



删除头结点

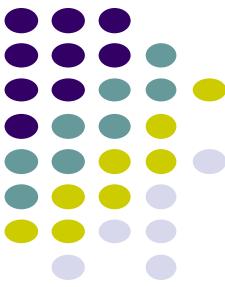
//不回收， 空间有浪费

```
void delHead()
{
    int p=link[0].next;
    if(p) link[0].next=link[p].next;
}
```



验证

```
int main()
{
    int n,i;
    scanf("%d",&n);
    for(i=1;i<=n;i++)
        insHead(i);
    print();
    delHead();
    print();
}
```



静态单链表：平行成员数组

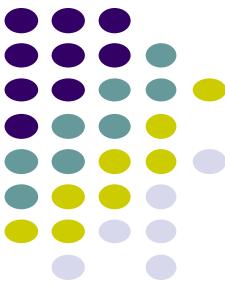
```
int data[MAXN];
```

//下标相同成员属于同一结点

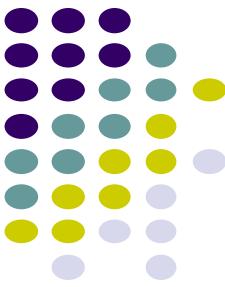
```
int next[MAXN];
```

//下标0是哨兵变量，next[0]是头指针

```
int tot=0; //用于结点分配
```

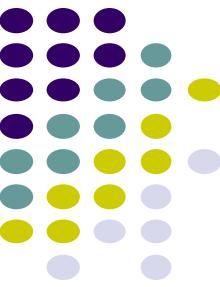


```
//头插法创建链表  
void insHead(int x)  
{  
    tot++;  
    data[tot]=x;  
    next[tot]=next[0];  
    next[0]=tot;  
}
```



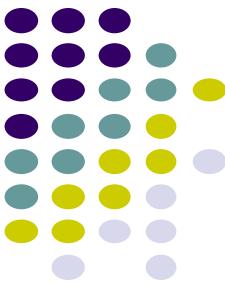
```
void print()
{
    for(int p=next[0];p;p=next[p])
        printf("%d\n",data[p]);
}
```

```
void delHead()
{
    int p=next[0];
    if(p) next[0]=next[p];
}
```



例：移动小球

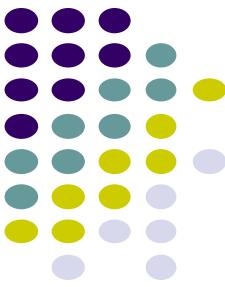
- 描述：n个小球，从左到右编号依次为1,2,3,4,5,6.....n，并规定小球1的左边的球号为n，小球n的右边的球号为1.
- 现在有以下3种操作：
 - ✓ A x y:把编号为x小球移动到编号为y的小球的左边，
 - ✓ B x y:把编号为x小球移动到编号为y的小球的右边，
 - ✓ Q 1 m为询问编号为m的小球右边的球号，
Q 0 m为询问编号为m的小球左边的球号。



□ 输入

- ✓ 第一行有一个整数 $n(0 < n < 10000)$, 表示有 n 组测试数据,
- ✓ 随后每一组测试数据第一行是两个整数 N, M , 其中 N 表示球的个数 $(1 < N < 10000)$, M 表示操作的次数 $(0 < M < 10000)$; 随后的 M 行, 每行有三个数 $s \ x \ y$, s 表示操作的类型, x, y 为小球号。当 s 为 Q 时, 若 x 为 1, 则询问小球 y 右边的球号, x 为 0, 则询问小球 y 左边的球号。

□ 输出 : 每次询问的球号

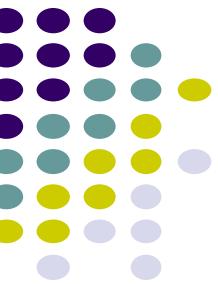


□ 样例输入

- ✓ 1
- ✓ 6 3
- ✓ A 1 4
- ✓ B 3 5
- ✓ Q 1 5

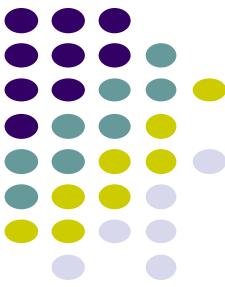
□ 样例输出

- ✓ 3



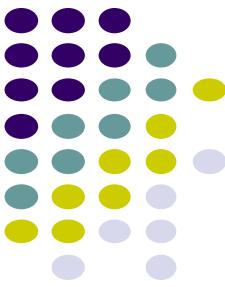
静态链表版跳舞链

- **int D[MAXN];**
- **int L[MAXN];**
- **int R[MAXN];**



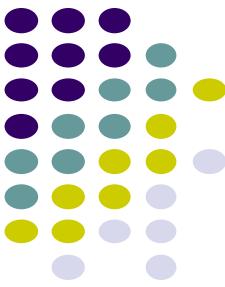
创建

```
inline void create()
{
    for( int i = 1;i < n; i++ ){
        D[i] = i;
        L[i] = i - 1;
        R[i] = i + 1;
    }
    L[n] = n-1 ; R[n] = 0 ;
    L[0]= n ; R[0] = 1 ;
}
```



跳舞链的适用条件

- 多用于表上高效插入和删除； 特征是元素固定、只调整链接；
- 查找（第k个）： $O(1)$
- 插入（链上）： $O(1)$
- 删除（摘下）： $O(1)$



跳舞链优化搜索

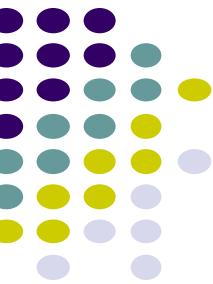
```
void delink( int x ) { //x的左右指针未置空; 控制风险
```

```
    R[ L[x] ] = R[x];  
    L[ R[x] ] = L[x];  
}
```

```
void link( int x ) { //利用风险, 操作便利;
```

```
    R[ L[x] ] = x;  
    L[ R[x] ] = x;  
}
```

- 连续多次**delink**可出错; 请控制好顺序。
- 真正删除需要将指针置空;



总结

- 线性表的定义、特性
- 线性表的基本操作
- 顺序表
- 单链表
- 双向链表
- 跳舞链
- 静态链表