

Екзаменаційна робота

з навчальної дисципліни «Алгоритми
та структури даних»

спеціальність 124 Системний аналіз

рівень вищої освіти перший (бакалаврський)

здобувачка Гарт Анна Вікторівна

курс 2, група ПС-24-1

дата проведення екзамену 10 січня 2026 р.

білет №4

Дніпровський національний
університет імені Олеся Гончара

Серія, номер
НР №15220478

Виданий
1 жовтня
2024 р.

Дійсний до
30 червня
2028 р.



Прізвище, ім'я, по батькові
Гарт
Анна Вікторівна

Факультет (відділення), структурний підрозділ,
Форма навчання
Факультет прикладної математики
та інформаційних технологій.
Денна

Група
ПС-24-1



Ректор  С.І. Оковитий

① Циклічні алгоритми. Рекурсивні алгоритми

У програмуванні для автоматизації багатопратних обчислень або дій використовуються два фундаментальних підходи: ітерація (циклічні алгоритми) та рекурсія (рекурсивні алгоритми). Обидва методи дозволяють ефективно розв'язувати задачі, що мають повторювану структуру, але відрізняються за своєю логікою та застосуваннями.

Циклічні алгоритми базуються на ітерації — багаторазовому виконанні певної послідовності інструкцій доти, доки виконується задана умова. Цикли є основою структурного програмування і зазвичай простіші для розуміння, оскільки чітко визначають початок, кінець та крок повторення.

Основні типи циклів:

1. Цикл з лінійним (for) — використовується, коли кількість ітерацій відома заздалегідь. Наприклад:

```
for (int i=0; i<n; i++) {  
    // виконати дію  
}
```

2. Цикл з умовою (while або do-while) — виконується, доки умова істинна:

```
1) while (умова) {  
    // виконати дію  
}
```

```
2) do {  
    // виконати дію  
} while (умова);
```


Основною перевагою циклів є їхня ефективність, оскільки вони часто потребують менше ресурсів (пам'яті) в порівнянні з рекурсією, адже не створюють додаткових викликів функцій та надмірних витрат на організацію стека. Крім того, цикли пропонують простіший контроль за станом процесу, оскільки всі зміни відбуваються в межах однієї ітерації, що істотно спрощує процес відлагодження коду.

Проте головним недоліком циклічного підходу є його часто промізна реалізація для задач, що природно мають рекурсивну структуру, наприклад, при обході графів, де код на основі циклів може стати складним для читання та підтримки.

Приклад застосування циклу для обчислення факторіалу $n!$:

```
int factorial=1;
for (int i=1; i<n; i++){
    factorial = factorial * i
}
```

Рекурсивний алгоритм визначається через самовиклики функцій для розв'язання підзадач того ж типу, що й початкова. Рекурсія застосовується, коли задача природно розкладається на менші екземпляри самої себе.

Складові рекурсії:

1. Базовий випадок - умова виходу з рекурсії, що перериває самовиклики.
2. Рекурсивний крок - виклик тієї самої функції з іншими параметрами.

Приклад застосування рекурсивної функції для обчислення факторіалу $n!$ (для $n \geq 0$):

```
int factorial (int n) {  
    if (n ≤ 1) {  
        return 1;  
    } else {  
        return n * factorial (n-1);  
    }  
}
```

Головна перевага рекурсії полягає в лаконічності коду для задач, рекурсивно визначених за своєю природою. Вона дозволяє писати короткі та наочні рішення для обходу дерев, графів або реалізації алгоритмів швидкого сортування. Рекурсія спрощує розуміння складних проблем, розбиваючи їх на ідентичні підзадачі.

Основним недоліком рекурсії є значні витрати пам'яті, оскільки кожен рекурсивний виклик зберігає свій контекст у стеку викликів, що при глибокій рекурсії може призвести до критичної пам'яті переповнення стека. Крім того, без додаткової оптимізації багато рекурсивних алгоритмів страждають від неефективності через множинне обчислення одних і тих же підзадач, як це відбувається в найвідомішому прикладі з числами Фібоначчі.

Висновки. Ітеративні та рекурсивні алгоритми – це взаємодоповнюючі підходи, розуміння яких дозволяє розробляти більш оптимальні рішення, балансувати між ефективністю та простотою коду.

II. Задача

Текст програми:

```
// Гарт Анна Вікторівна, група ПС-24-1, білет №4, завдання №2

#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <math.h>

int main() {
    double a, b, x, y;
    system("chcp 65001");
    system("cls");

    printf ("\nОбчислення значення функції\n\n");

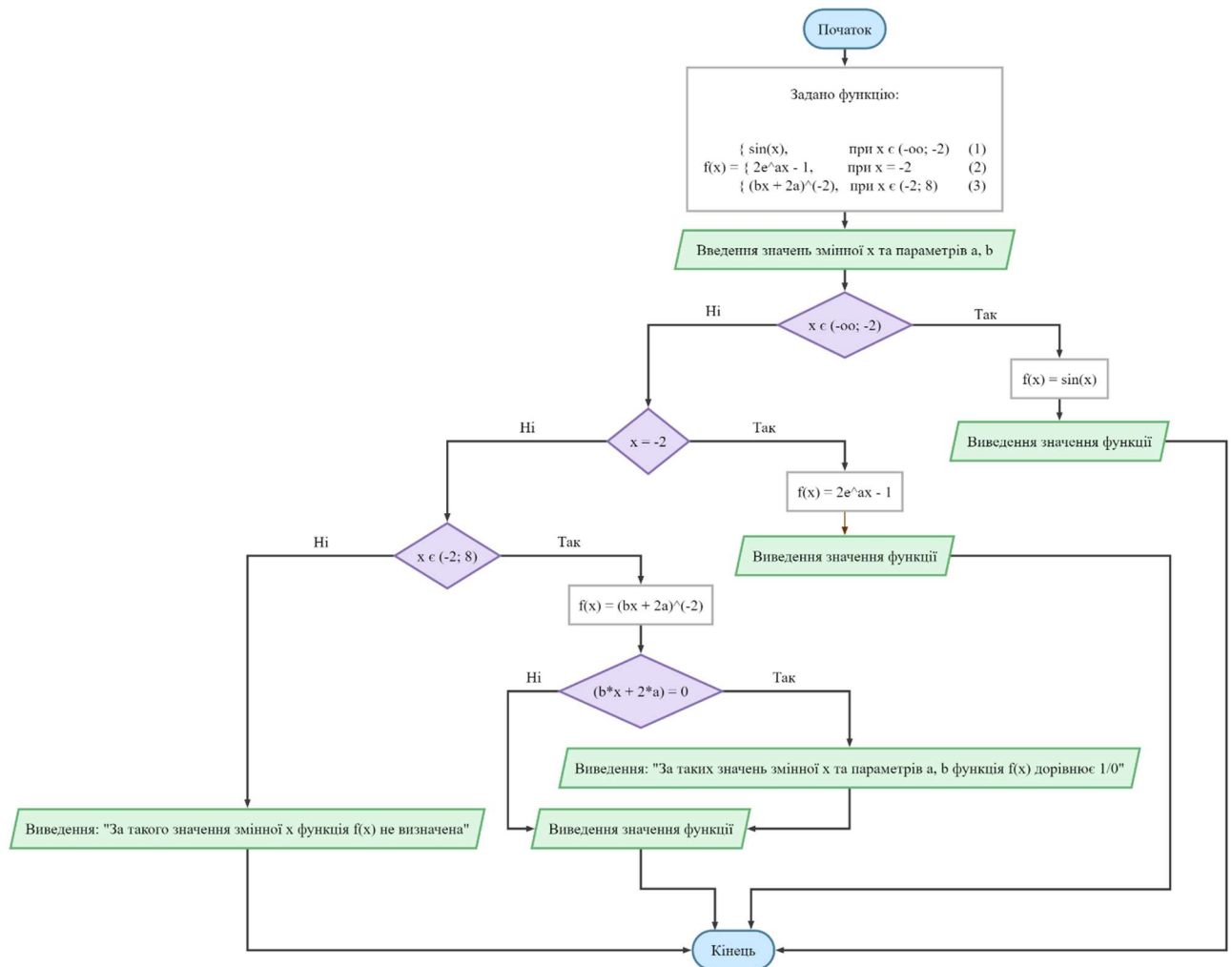
    printf ("          { sin(x),           при x ∈ (-∞; -2)           (1)\n");
    printf ("f(x) = { 2e^ax - 1,           при x = -2           (2)\n");
    printf ("          { (bx + 2a)^(-2),     при x ∈ (-2; 8)           (3)\n\n");

    printf ("Введіть параметри a, b: ");
    scanf_s ("%lf%lf", &a, &b);
    printf ("Введіть значення x: ");
    scanf_s ("%lf", &x);

    // Розгалуження (1)
    if (x < -2) {
        printf ("\nОбчислення за розгалуженням (1):\n");
        y = sin(x);
        printf("f(%4.2f) = sin(%4.2f) = %6.4f\n", x, x, y);
    }
    // Розгалуження (2)
    else if (x == -2) {
        printf ("\nОбчислення за розгалуженням (2):\n");
        y = 2*exp(a*x) - 1;
        printf("f(-2) = 2e^(%4.2f)*(-2) - 1 = 2e^(%4.2f) - 1 = 2 * (%6.4f) - 1 = %6.4f\n", a, a*x, exp(a*x), y);
    }
    // Розгалуження (3)
    else if (x > -2 && x < 8) {
        printf ("\nОбчислення за розгалуженням (3):\n");
        y = pow((b*x + 2*a), -2);
        if ((b*x + 2*a) != 0) {
            printf("f(%4.2f) = ( (%4.2f)*(%4.2f) + 2*(%4.2f) )^(-2) = ( (%4.2f) + (%4.2f) )^(-2) = (%4.2f)^(-2) = %6.4f\n", x, b, x, a, b*x, 2*a, b*x+2*a, y);
        }
        else {
            printf("За параметрів a = %4.2f, b = %4.2f функція f(x) у точці x = %4.2f набуває значення 1/0. Отже\n", a, b, x);
            printf("f(%4.2f) = ( (%4.2f)*(%4.2f) + 2*(%4.2f) )^(-2) = ( (%4.2f) + (%4.2f) )^(-2) = (%4.2f)^(-2) = %6.4f\n", x, b, x, a, b*x, 2*a, b*x+2*a, y);
        }
    }
    else {
        printf ("\nФункція f(x) не визначена у точці x = %4.2f", x);
    }

    printf ("\n\n");
    system("pause");
    return 0;
}
```


Алгоритм:



Для побудови алгоритму було використано сайт: <https://www.yworks.com/yed-live>

Результати роботи програми:

```
D:\Projects\Sem3_Algorithms\ >
Обчислення значення функції
f(x) = { sin(x),      при x ∈ (-∞; -2)   (1)
        { 2e^ax - 1,   при x = -2        (2)
        { (bx + 2a)^(-2), при x ∈ (-2; 8) (3)

Введіть параметри a, b: 1 1
Введіть значення x: -5

Обчислення за розгалуженням (1):
f(-5.00) = sin(-5.00) = 0.9589

D:\Projects\Sem3_Algorithms\ >
Обчислення значення функції
f(x) = { sin(x),      при x ∈ (-∞; -2)   (1)
        { 2e^ax - 1,   при x = -2        (2)
        { (bx + 2a)^(-2), при x ∈ (-2; 8) (3)

Введіть параметри a, b: -1 2
Введіть значення x: -2

Обчислення за розгалуженням (2):
f(-2) = 2e^(-1.00)*(-2) - 1 = 2e^(2.00) - 1 = 2 * (7.3891) - 1 = 13.7781
```

```
D:\Projects\Sem3_Algorithms\ x + v

Обчислення значення функції

f(x) = { sin(x),           при x ∈ (-∞; -2)      (1)
        { 2e^ax - 1,       при x = -2           (2)
        { (bx + 2a)^(-2),   при x ∈ (-2; 8)      (3)

Введіть параметри a, b: 3 4
Введіть значення x: 2

Обчислення за розгалуженням (3):
f(2.00) = ( (4.00)*(2.00) + 2*(3.00) )^(-2) = ( (8.00) + (6.00) )^(-2) = (14.00)^(-2) = 0.0051
```

```
D:\Projects\Sem3_Algorithms\ x + v

Обчислення значення функції

f(x) = { sin(x),           при x ∈ (-∞; -2)      (1)
        { 2e^ax - 1,       при x = -2           (2)
        { (bx + 2a)^(-2),   при x ∈ (-2; 8)      (3)

Введіть параметри a, b: -5 5
Введіть значення x: 2

Обчислення за розгалуженням (3):
За параметрів a = -5.00, b = 5.00 функція f(x) у точці x = 2.00 набуває значення 1/0. Отже
f(2.00) = ( (5.00)*(2.00) + 2*(-5.00) )^(-2) = ( (10.00) + (-10.00) )^(-2) = (0.00)^(-2) = inf
```

```
D:\Projects\Sem3_Algorithms\ x + v

Обчислення значення функції

f(x) = { sin(x),           при x ∈ (-∞; -2)      (1)
        { 2e^ax - 1,       при x = -2           (2)
        { (bx + 2a)^(-2),   при x ∈ (-2; 8)      (3)

Введіть параметри a, b: 1 2
Введіть значення x: 10

Функція f(x) не визначена у точці x = 10.00
```

III. Задача

Текст програми:

```
// Гарт Анна Вікторівна, група ПС-24-1, білет №4, завдання №3

#include <stdio.h>
#include <stdlib.h>
#include <math.h>

int main() {

    system("chcp 65001");
    system("cls");

    printf("Sum = Σ(1/k), ∀k ∈ ℤ, k ∈ (1; e^x), де x ∈ ℝ, x > 0\n");

    double x;
    printf("\nEnter x (x > 0): ");
    scanf_s("%lf", &x);
    double upper = exp(x); // e^x

    if (x > 0) {
        printf("\nSum = Σ(1/k), ∀k ∈ ℤ, k ∈ (1; %.3f)\n", upper);
        double sum = 0.0;
        printf("\nSum = 0.500");
        for (int k = 2; k <= (int)upper; k++) {
            sum += 1.0 / k;
        }
    }
}
```

```

        if (k != 2) {
            printf(" + %.3f", 1.0 / k);
        }
    }
    printf(" = %.3f\n", sum);
}
else {
    printf("\nПомилка. Введені значення x не задовольняє умову поставленої задачі");
}

printf ("\n\n");
system("pause");
return 0;
}

```

Результати роботи програми:

```

D:\Projects\Sem3_Algorithms\ x + v
Sum =  $\sum(1/k)$ ,  $\forall k \in \mathbb{Z}$ ,  $k \in (1; e^x)$ , де  $x \in \mathbb{R}$ ,  $x > 0$ 
Enter x (x > 0): 3
Sum =  $\sum(1/k)$ ,  $\forall k \in \mathbb{Z}$ ,  $k \in (1; 20.086)$ 
Sum = 0.500 + 0.333 + 0.250 + 0.200 + 0.167 + 0.143 + 0.125 + 0.111 + 0.100 + 0.091 + 0.083 +
0.077 + 0.071 + 0.067 + 0.062 + 0.059 + 0.056 + 0.053 + 0.050 = 2.598

```

```

D:\Projects\Sem3_Algorithms\ x + v
Sum =  $\sum(1/k)$ ,  $\forall k \in \mathbb{Z}$ ,  $k \in (1; e^x)$ , де  $x \in \mathbb{R}$ ,  $x > 0$ 
Enter x (x > 0): 0
Помилка. Введені значення x не задовольняє умову поставленої задачі

```