



Структуры данных. Массивы указателей

Структура данных (СД) - совокупность взаимосвязанных переменных и их значений:

- СД – целостное представление физической или программной (логической) сущности
- **Соглашения по данным** – правила соответствия связей и значений в различных переменных СД
- Функции, изменяющие СД, должны сохранять соглашения по данным

Физический – реальный, имеющий место на самом деле

Логический – образное представление (метафора), создаваемая программными средствами, логическое представление – **интерфейс**, создающий представление, отличное от реального.

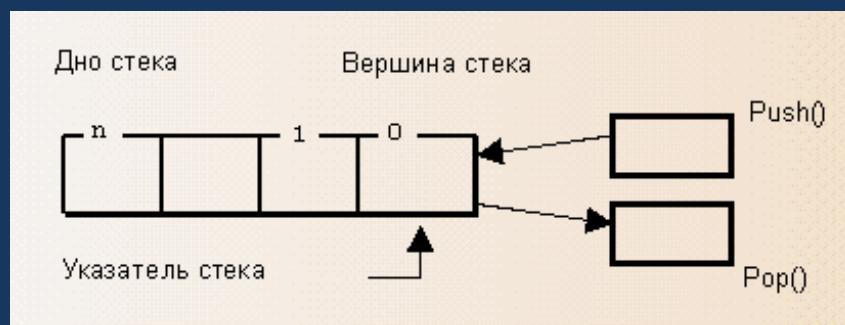


Структуры данных. Массивы указателей

Пример СД: стек - последовательность, включение и исключение

элементов в которую производится только с одного конца:

- Последовательность записи и извлечения взаимно обратны
PUSH (A), PUSH(B), PUSH(C), POP()->C, POP()->B, POP()->A
- Моделирует принцип вложенности:
 - Вложенность конструкций при синтаксическом анализе – стековый автомат
 - Вложенный вызов функций main – A – B – return – A – return – main, стек – история вызовов в обратном порядке
 - Вложенные прерывания процессора (Interrupt)
- Представление – область памяти (массив) с указателем (индексом) элемента в вершине стека (последний записанный). **SP – Stack Pointer**
- В аппаратном сегменте стека (SS) – стек «кверху дном»



```
int a[100], int sp=-1;
```

```
void PUSH(int v){ a[++sp]=v; }
```

```
int POP(){ return sp == -1 ? 0 : a[sp++]; }
```

```
int GET(int n) { return sp == -1 ? 0 : a[sp-n]; }
```



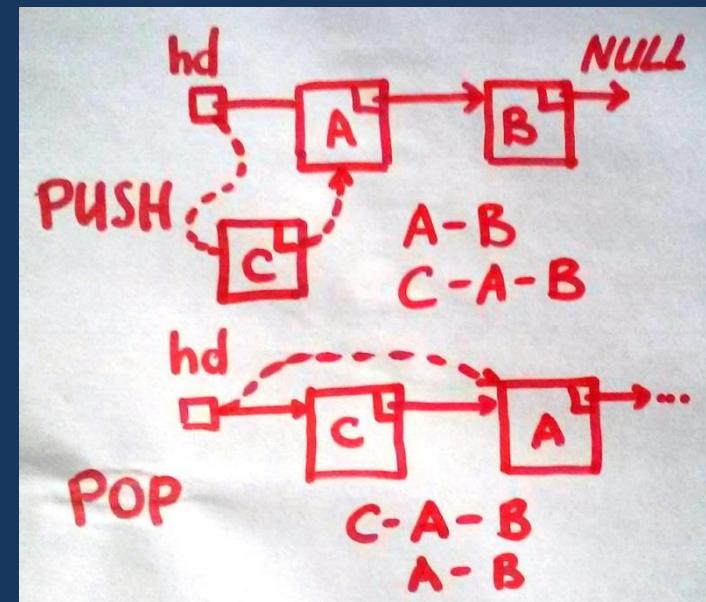
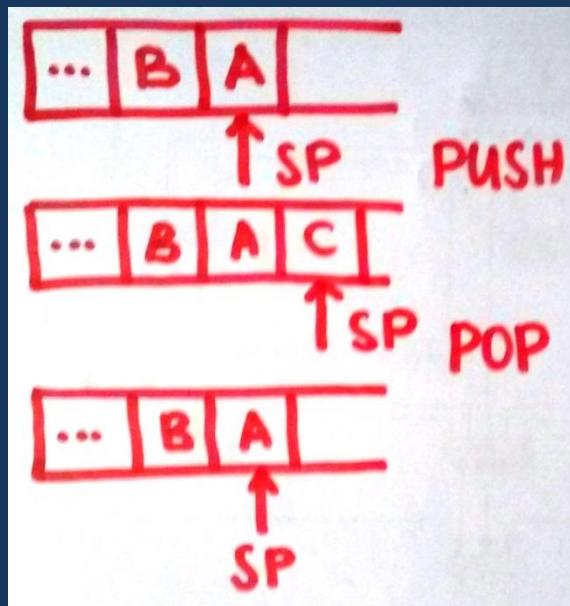
Структуры данных. Массивы указателей

Физическая СД, логическая СД

Переменные: массив (размерность = const)

Логическая СД: последовательность, стек, очередь

Физическая СД: последовательность в массиве, стек в массиве, стек на односвязном списке





Линейные структуры данных

Последовательность: линейная логическая структура данных

Стек – последовательность с добавлением/извлечением данных с одного конца

Очередь – последовательность с добавлением/извлечением данных с разных концов

Логический номер (ЛН) - номер элемента в порядке обхода СД

Последовательность на массиве
– трудоемкость операций:

- Append - $O(1)$
- Insert - $O(N)$
- Remove - $O(N)$
- Get - $O(1)$ – **прямой доступ**
- Search - $O(N)$ – неупорядоченная
- Search - $O(\log_2(N))$ – упорядоченная
- С учетом перераспределение памяти: Append - $O(1) \dots O(N)$



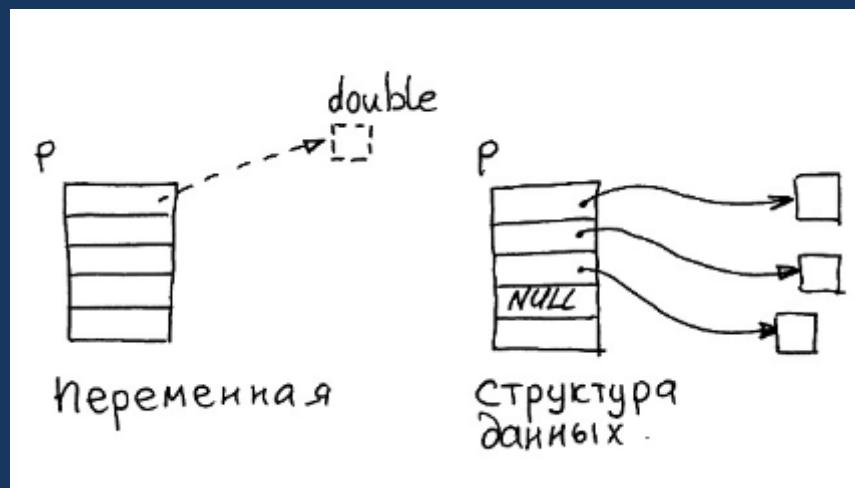


Массив указателей. Синтаксис

Массив указателей – структура данных:

- МУ – переменная
- Указуемые переменные (массивы)
- Значения указателей (ссылки)

Каждая компонента может быть определена статически и динамически



Используемые ТД:

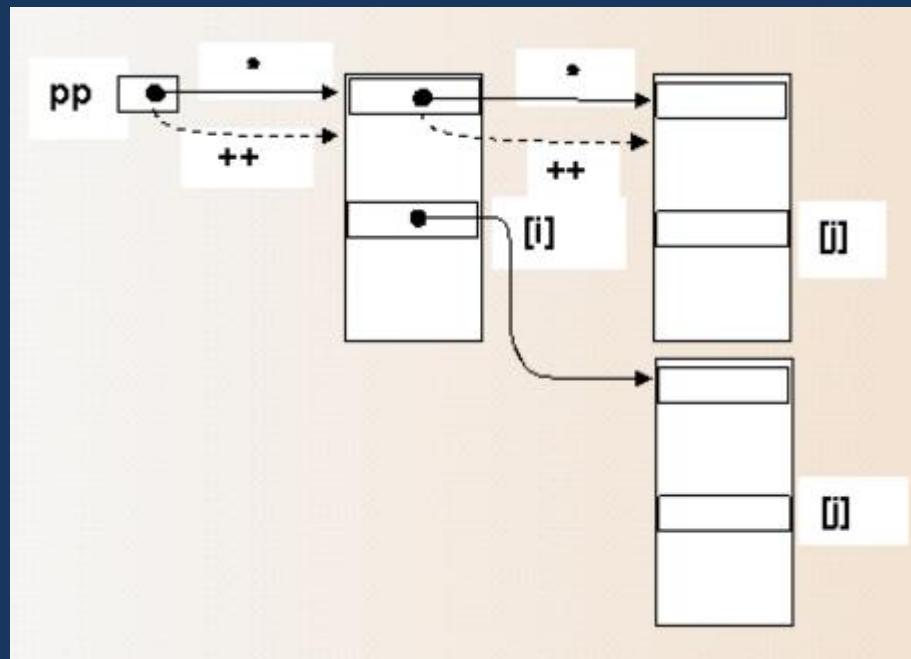
- $\text{int } *pp[n]$ - массив указателей
- $\text{int } **pp$ - указатель на указатель



Массив указателей. Синтаксис

Многообразие вариаций `int`:** указатель на отдельную переменную и на массив на каждом уровне

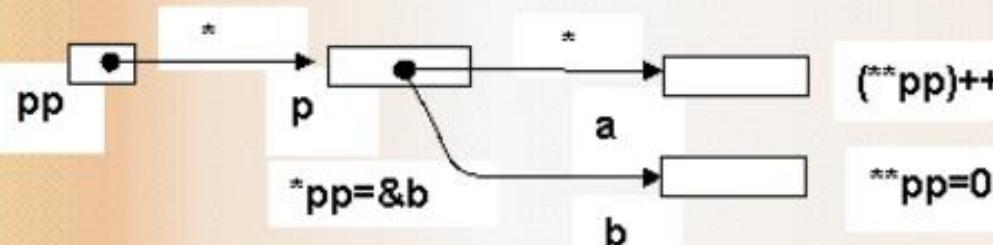
Технологический аспект: указуемые объекты могут быть «собственностью» структуры данных, либо МУ ссылается на них как на сторонние объекты.



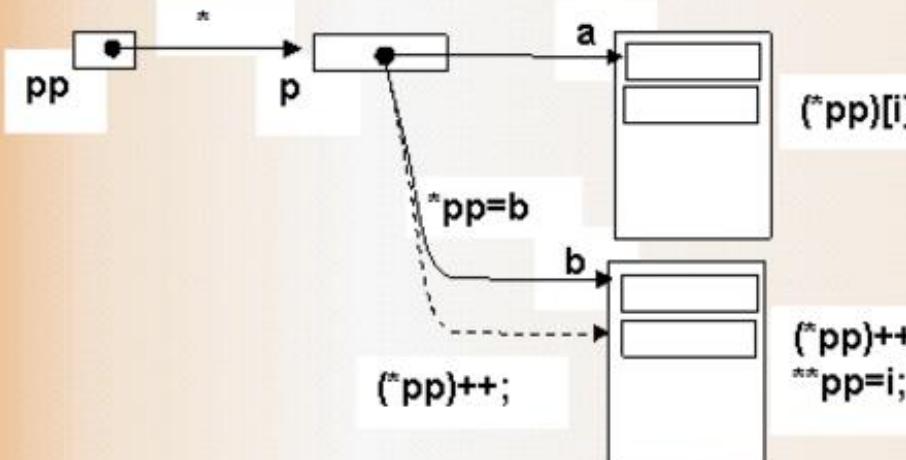


Массив указателей. Синтаксис

```
int a=5, b=10; int *p=&a; int **pp=&p;  
(**pp)++; *pp=&b; **pp=0;
```

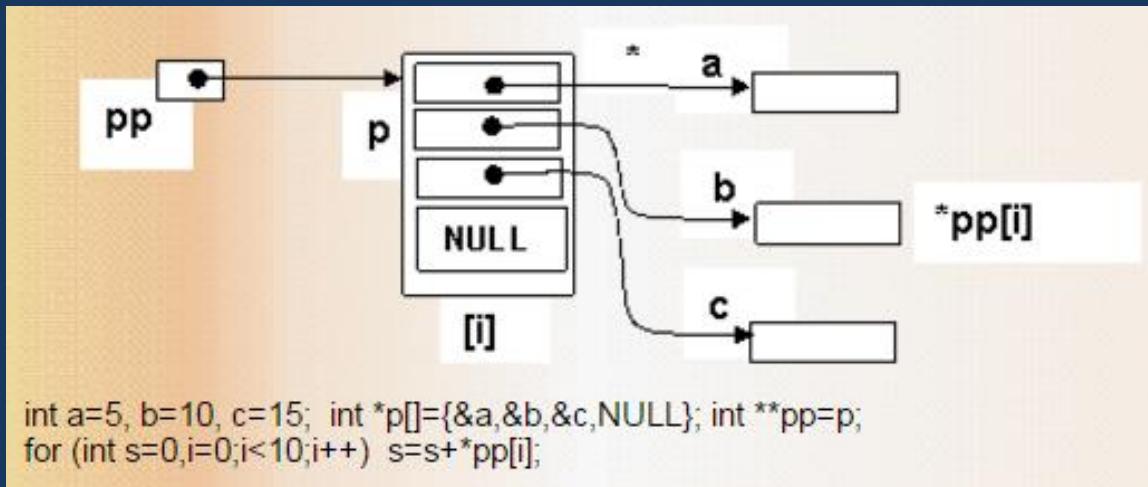


```
int a[10]=5, b[10]=10; int *p=a; int **pp=&p;  
for (int i=0;i<10;i++) (*pp)[i]=0;  
*pp=b;  
for (int i=0;i<10;i++) { (*pp)++; **pp=i; }
```

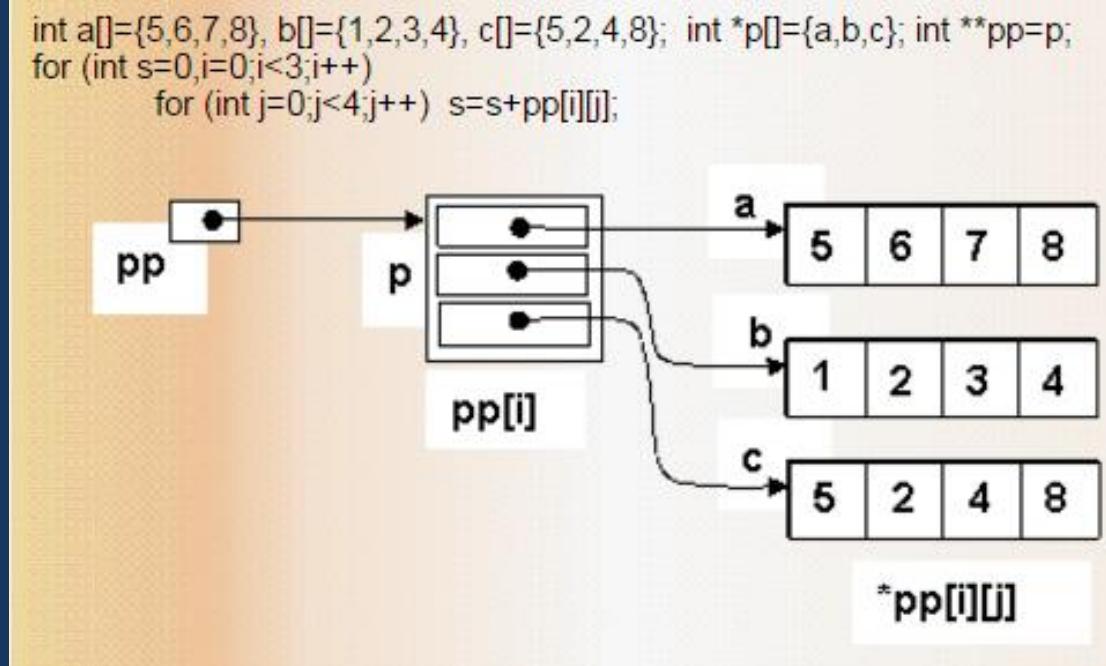




Массив указателей. Синтаксис



```
int a[]={5,6,7,8}, b[]={1,2,3,4}, c[]={5,2,4,8}; int *p[]={a,b,c}; int **pp=p;
for (int s=0,i=0;i<3;i++)
    for (int j=0;j<4;j++) s=s+pp[i][j];
```





Статические и динамические МУ

```
int a1,a2,a3, *pd[] = { &a1, &a2, &a3, NULL};
```

```
int d[19], *pd[20];
for (i=0; i<19; i++) pd[i] = &d[i];
pd[i] = NULL;
```

```
int *p, *pd[20];
for (i=0; i<19; i++){ p = new int; *p = i; pd[i] = p; }
pd[i] = NULL;
```

```
int **pp, *p;
pp = new int *[20];           // память под массив указателей
for (i=0; i<19; i++){          // из 20 указателей типа int*
    p = new int;
    *p = i;
    pp[i] = p;                 // можно pp[i]=new int; *pp[i]=i;
}
pp[i] = NULL;
```



Массив указателей. Техника работы

- МУ устанавливает собственный **логический порядок** следования элементов
- Упорядоченная последовательность: МУ на исходные элементы + сортировка МУ (сравнение элементов и перестановка указателей)
- МУ как коллекция найденных фрагментов или элементов
- МУ как логическое представление двумерности (МУ на линейные массивы)

```
//----- 62-01.cpp
//--- Сортировка массива и массива указателей
void sort1 (double d[],int sz){
    int i,k;
    do {
        for ( k=0, i=0; i<sz-1; i++)
            if (d[i] > d[i+1])
                { double c; c = d[i]; d[i] = d[i+1]; d[i+1] = c; k=1;}
    } while (k); }

void sort2 (double *pd[]){
    int i,k;
    do {
        for ( k=0, i=0; pd[i+1]!=NULL;i++)
            if (*pd[i] > *pd[i+1])           // Сравнение указуемых переменных
                {double *c;                  // Перестановка указателей
                 c = pd[i]; pd[i] = pd[i+1];pd[i+1] = c; k = 1; }
    } while (k);}
```



Массив указателей. Техника работы

```
void sortTable(int mode) {
    int i,j,k;
    for (i=0;i<nn;i++) {
        for(j=k=i; j<nn;j++)
            if (TBL[j].cmpUser(TBL[k],mode)<0)
                k=j;
        user cc=TBL[i]; TBL[i]=TBL[k]; TBL[k]=cc;
    }
}
```

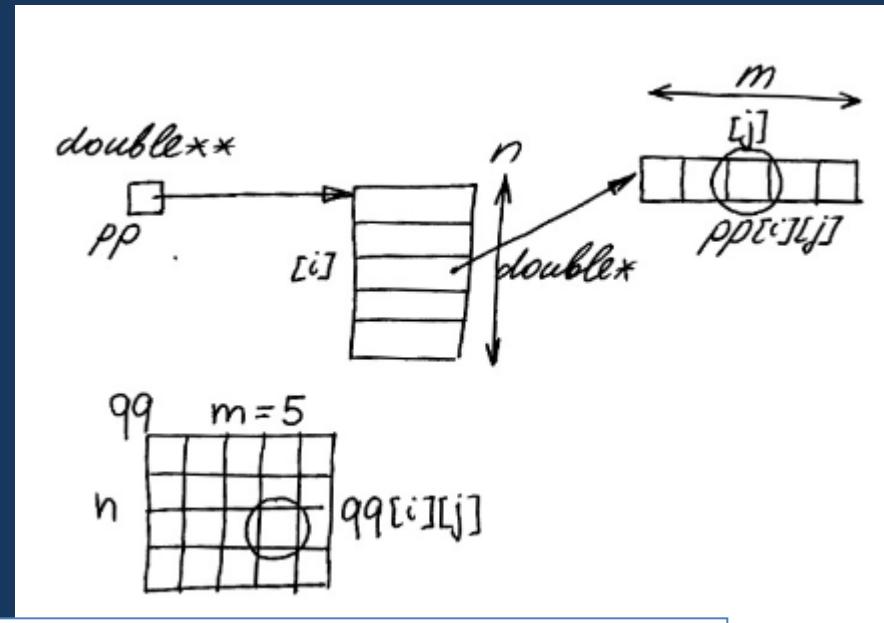
```
user **createSortedTable(int mode) {
    user **pp = new user*[nn];
    for (int i=0;i<nn;i++)
        pp[i] = &TBL[i];
    int i,j,k;
    for (i=0;i<nn;i++) {
        for(j=k=i; j<nn;j++)
            if (pp[j]->cmpUser(*pp[k],mode)<0)
                k=j;
        user *cc=pp[i]; pp[i]=pp[k]; pp[k]=cc;
    }
    return pp;
}
```



Двумерный массив. Массивы указателей

- `int *pp[]` или `int **pp` - синтаксис определения
- `pp[i]` – указатель на i -ую строку
- `pp[i][j]`

Решение для двумерного
динамического массива



```
double **load(char nm[], int &n, int &m) {
    FILE *fd=fopen(nm,"r");
    if (fd==NULL) return NULL;
    fscanf(fd,"%d%d",&n,&m);           // Чтение размерностей
    double **pp=new double*[n];        // Создание ДМУ по первой размерности
    for(int i=0;i<n;i++){
        pp[i]=new double[m];          // Создание линейных ДМ (строк)
        for(int j=0;j<m;j++) fscanf(fd,"%lf",&pp[i][j]);
    }
    fclose(fd);
    return pp;
}
```



Двумерный массив. Массивы указателей

- int *pp[] или int **pp - синтаксис определения
- pp[i] – указатель на i-ую строку
- pp[i][j]

Решение для двумерного динамического массива

3	4		
1	2	3	4
5	6	7	8
1	3	2	5

```
double sum(double **p , int n, int m ){
    double s=0 ;
    for (int i=0; i<n; i++)
        for (int j=0; j<m; j++) s+=p[i][j];
    return s; }

void destroy(double **pp,int n){
    for (int i=0;i<n;i++) delete []pp[i];
    delete []pp;
}

void main(){
    int n1,m1;
    double **pp=load("62-03.txt",n1,m1);
    if (pp!=NULL) printf("sum(%d,%d)=%2.0lf\n",n1,m1,sum(pp,n1,m1));
    destroy(pp,n1);
}
```

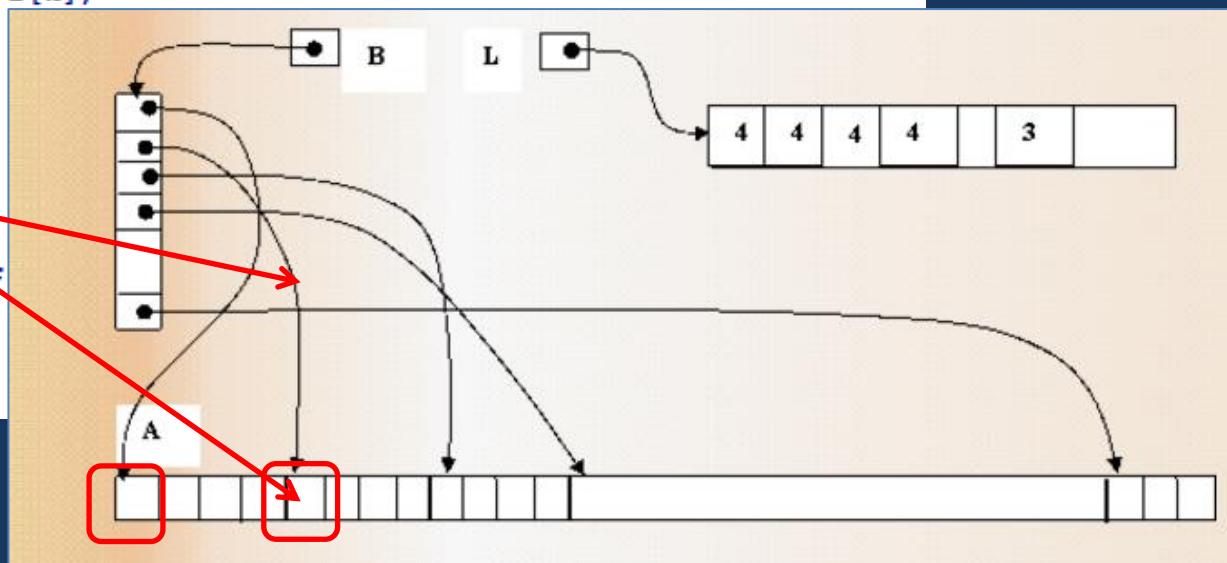


Примеры. Однократное слияние

Двумерный массив строится как ДМУ на линейные массивы – интервалы исходного линейного массива + массив длин оставшихся частей

```
void sort(int a[], int n); // любая сортировка одномерного массива

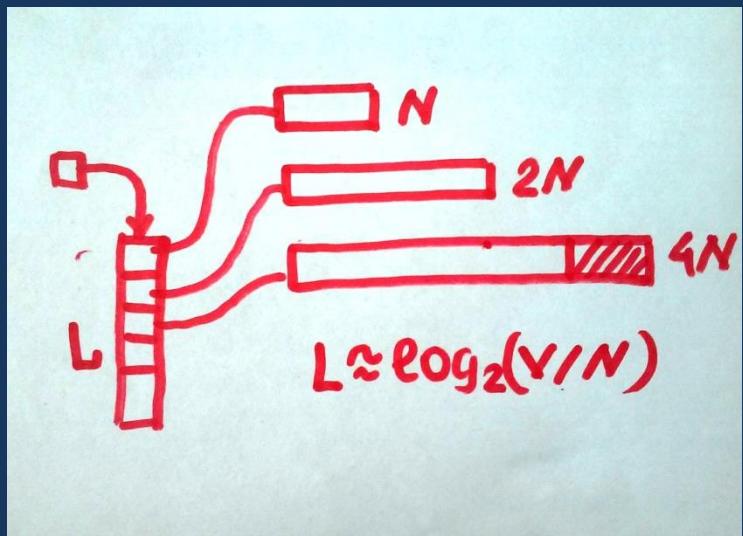
void big_sort(int A[], int N){
    int max=A[0], i, j, k, n=sqrt((double)N);
    int **B=new int*[n];
    int *L=new int[n], *C=new int[N]; // массив размерностей частей
    for (i=0; i<n; i++) B[i]=&A[i*n];
    for (i=0; i<n-1; i++) L[i]=n;
    L[n-1]=N-n*(n-1); // Размерность последнего массива - остаток
    for (i=0; i<n; i++) sort(B[i],L[i]); // Сортировка частей
    for (i=0; i<N; i++){ // Слияние
        for (k=-1, j=0; j<n; j++){
            if (L[j]==0) continue; // Пропуск слитых строк
            if (k==-1 || *B[j] < *B[k])
                k=j;
        }
        C[i] = *B[k];
        B[k]++;
        L[k]--;
    }
    for (i=0; i<N; i++) A[i]=C[i];
    delete []B;
    delete []C;
}
```





Примеры. Исключение realloc

```
int add(int value){  
    if (cidx>sizep)  
        return 0;          // ПЕРЕПОЛНЕНИЕ  
    pp[cidx-1][lastn++]=value;  
    if (lastn == csize){  
        csize*=2;  
        lastn=0;  
        cidx++;  
        if (cidx>sizep)  
            return 1;      // ПЕРЕПОЛНЕНИЕ  
        total++;  
        pp[cidx-1]=new int[csize];  
    }  
    total++;  
    return 1;  
}  
  
int get(int idx){  
    if (idx<0 || idx>=total)  
        return -1;  
    for(int i=0, vv=size0;i<sizep;i++, vv*=2) {  
        if (idx<vv)  
            return pp[i][idx];  
        idx -= vv;  
    }  
    return -1;  
}
```



```
#include <stdio.h>  
int main(){  
    DMURealloc xx;  
    xx.create(10,2000000);  
    for(int i=0;i<10000000;i++)  
        xx.add(i);  
    printf("%d\n",xx.get(777));  
    getchar();  
    return 0;  
}
```

Трудоемкость $\text{get } O(\log_2(N))$



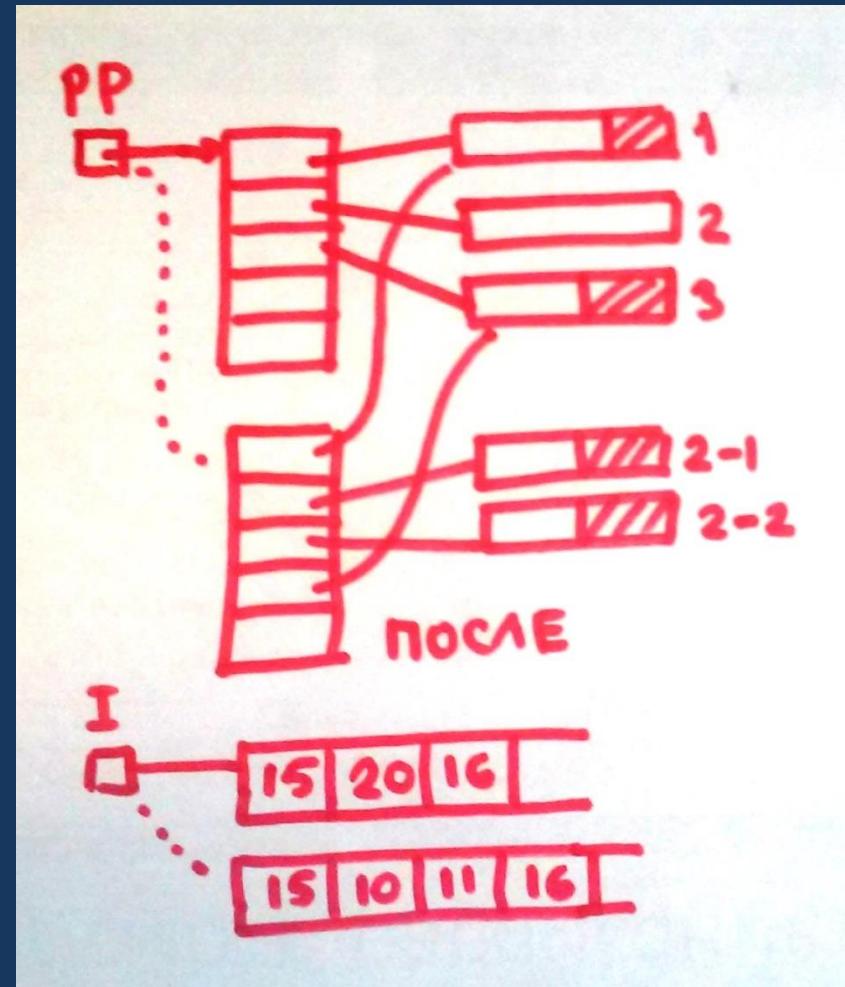
Примеры. ДМУ линейных массивов

Массив указателей на линейные массивы:

- Логическая структура – последовательность
- Физическая структура – массив указателей на массивы фиксированной размерности
- Локальность изменений при вставке/удалении
- Представление линейной структуры квадратной $n=\sqrt{N}$

Трудоемкость:

- Get – $O(\sqrt{N})$
- Insert/Remove - $O(\sqrt{N})$





Примеры. ДМУ линейных массивов

```
struct LDS_DMU{
    int size0;          // размерность линейного массива
    int sizep;          // размерность ДМУ
    int cidx;           // текущее кол-во массивов в ДМУ
    int total;           // Общее кол-во элементов
    int **pp;            // ДМУ на линейные массивы
    int *cnt;           // массив - количества элементов в линейных массивах
void create(int size){
    size0 = sizep = sqrt((double)size);
    cidx=1;                // Не пустая = 1 линейный массив (соглашение)
    pp = new int*[sizep];   // Создать ДМУ
    pp[0]=new int[size0];   // Создать 1 линейный массив
    cnt = new int[sizep];   // ДМ счетчиков (данных в лин. массивах)
    cnt[0]=0;
    total=0;               // Общее количество
}
void testDMUsize(){
    if (cidx==sizep){      // Переполнение ДМУ
        sizep*=2;          // Realloc для ДМУ и массива счетчиков
        pp = (int**)realloc(pp,sizep*sizeof(int**));
        cnt = (int*)realloc(cnt,sizep*sizeof(int*));
    }
}
```

```
void show() {           // Трассировка построчно
    for(int i=0;i<cidx;i++){
        printf("%3d:",i);
        for(int j=0;j<cnt[i];j++)
            printf("%5d",pp[i][j]);
        puts("");
    }
}
```



Примеры. ДМУ линейных массивов

```
void add(int value) {
    pp[cidx-1][cnt[cidx-1]++] = value;           // Посленим в последний массив
    if (cnt[cidx-1]==size0){                      // Переполнение
        testDMUsize();                           // Нужно ли расширять ДМУ
        int kk1 = size0*3/4;                     // 75% в старом
        int kk2 = size0 - kk1;                   // 25% в новом
        cnt[cidx-1]=kk1;                         // Новые счетчики
        cnt[cidx]=kk2;
        pp[cidx] = new int [size0];               // Новый линейный массив
        for(int i=0;i<kk2;i++)                  // Перенести хвост
            pp[cidx][i] = pp[cidx-1][i+kk1];
        cidx++;                                // Кол-во лин. массивов
    }
    total++;
}
int getIndex(int &idx){                         // Преобразование лог. номера
    if (idx<0 || idx>=total)                   // в физический [массив: индекс в массиве]
        return -1;
    for(int i=0;i<cidx;i++){
        if (idx<cnt[i])
            return i;
        idx -= cnt[i];
    }
    return -1;
}
```

```
int get(int idx){
    int ii = getIndex(idx);
    if (ii== -1)
        return -1;
    return pp[ii][idx];
}
```



Примеры. ДМУ линейных массивов

```

int insert(int val, int idx){
    int ii = getIndex(idx);                                // Место вставки [ii, idx]
    if (ii == -1)
        return 0;
    for (int k = cnt[ii] - 1; k >= idx; k--)           // Раздвижка в линейном массиве
        pp[ii][k + 1] = pp[ii][k];
    pp[ii][idx] = val;                                    // Вставка
    cnt[ii]++;
    total++;
    if (cnt[ii] == size0){                               // Переполнение
        testDMUsize();                                 // Возможный realloc ДМУ и массива счетчиков
        for (int k = cidx - 1; k > ii; k--)           // Раздвижка ДМУ и счетчиков
            pp[k + 1] = pp[k];
        cnt[k + 1] = cnt[k];
    }
    pp[ii + 1] = new int[size0];                         // Вставка нового линейного массива
    cnt[ii] = size0 / 2;                                // Перенос половины из текущего в
    cnt[ii + 1] = size0 - cnt[ii];                      // следующий
    for (int k = 0; k < cnt[ii + 1]; k++)
        pp[ii + 1][k] = pp[ii][size0 / 2 + k];
    cidx++;                                            // Увеличить кол-во лин. массивов
}
return 1;

```



Примеры. ДМУ линейных массивов

```
int insert(int val, int idx){  
    int ii = getIndex(idx);  
    if (ii== -1)  
        return 0;  
    for(int k=cnt[ii]-1;k>=idx;k--)  
        pp[ii][k+1] = pp[ii][k];  
    pp[ii][idx] = val;  
    cnt[ii]++;  
    total++;  
    if (cnt[ii]==size0){  
        testDMUsize();  
        for(int k=cidx-1;k>ii;k--){  
            pp[k+1] = pp[k];  
            cnt[k+1] = cnt[k];  
        }  
        pp[ii+1]=new int[size0];  
        cnt[ii]=size0/2;  
        cnt[ii+1]=size0 - cnt[ii];  
        for(int k=0;k<cnt[ii+1];k++)  
            pp[ii+1][k] = pp[ii][size0/2+k];  
        cidx++;  
    }  
    return 1;  
}  
  
// Место вставки [ii,idx]  
// Раздвижка в линейном массиве  
// Вставка  
// Увеличить кол-во в лин. массиве  
// Переполнение  
// Возможный realloc ДМУ и массива счетчиков  
// Раздвижка ДМУ и счетчиков  
// Вставка нового линейного массива  
// Перенос половины из текущего в  
// следующий  
// Увеличить кол-во лин. массивов
```



Примеры. ДМУ линейных массивов

```
77  
1000  
77  
0:   0   1   2   3   4   5   6  
1:   7   8   9   10  11  12  13  
2:  14  15  16  17  18  19  20  
3:  21  22  23  24  25  26  27  
4:  28  29  30  31  32  33  34  
5:  35  36  37  38  39  40  41  
6:  42  43  44  45  46  47  48  
7:  49  50  51  52  53  54  55  
8:  56  57  58  59  60  61  62  
9:  63  64  65  66  67  68  69  
10: 70  71  72  73  74  75  76  
11: 1000 77  78  79  80  81  82  83  
12: 84  85  86  87  88  89  90  
13: 91  92  93  94  95  96  97  
14: 98  99  100 101 102 103 104  
15: 105 106 107 108 109 110 111  
16: 112 113 114 115 116 117 118 119
```

```
int main(){  
    LDS_DMU xx;  
    xx.create(100);  
    for(int i=0;i<120;i++)  
        xx.add(i);  
    printf("%d\n",xx.get(77));  
    xx.insert(1000,77);  
    printf("%d\n",xx.get(77));  
    printf("%d\n",xx.get(78));  
    xx.show();  
    puts("-----");  
    for(int i=0;i<30;i++)  
        xx.insert(1000+i,77);  
    xx.show();  
    puts("-----");  
    for(int i=0;i<30;i++)  
        xx.remove(33);  
    xx.show();  
    getchar();  
    return 0;  
}
```



Примеры структур данных на МУ

```
0:   0   1   2   3   4   5   6
1:   7   8   9   10  11  12  13
2:  14  15  16  17  18  19  20
3:  21  22  23  24  25  26  27
4:  28  29  30  31  32  33  34
5:  35  36  37  38  39  40  41
6:  42  43  44  45  46  47  48
7:  49  50  51  52  53  54  55
8:  56  57  58  59  60  61  62
9:  63  64  65  66  67  68  69
10: 70  71  72  73  74  75  76
11: 1029 1028 1027 1026 1025 1024 1023 1022
12: 1021 1020 1019 1018 1017
13: 1016 1015 1014 1013 1012
14: 1011 1010 1009 1008 1007
15: 1006 1005 1004 1003 1002
16: 1001 1000 1000   77   78
17:   79   80   81   82   83
18:   84   85   86   87   88   89   90
19:   91   92   93   94   95   96   97
20:   98   99  100  101  102  103  104
21:  105  106  107  108  109  110  111
22:  112  113  114  115  116  117  118  119
```

```
puts("-----");
for(int i=0;i<30;i++)
    xx.insert(1000+i,77);
xx.show();
```



Примеры. ДМУ линейных массивов

```
puts("-----");
for(int i=0;i<30;i++)
    xx.insert(1000+i,77);
xx.show();
puts("-----");
for(int i=0;i<30;i++)
    xx.remove(33);
xx.show();
```

0:	0	1	2	3	4	5	6	
1:	7	8	9	10	11	12	13	
2:	14	15	16	17	18	19	20	
3:	21	22	23	24	25	26	27	
4:	28	29	30	31	32			
5:	63	64	65	66	67	68	69	
6:	70	71	72	73	74	75	76	
7:	1029	1028	1027	1026	1025	1024	1023	1022
8:	1021	1020	1019	1018	1017			
9:	1016	1015	1014	1013	1012			
10:	1011	1010	1009	1008	1007			
11:	1006	1005	1004	1003	1002			
12:	1001	1000	1000	77	78			
13:	79	80	81	82	83			
14:	84	85	86	87	88	89	90	
15:	91	92	93	94	95	96	97	
16:	98	99	100	101	102	103	104	
17:	105	106	107	108	109	110	111	
18:	112	113	114	115	116	117	118	119

Внутренний мусор при удалении

0:	0	1	2	3	4	5	6	
1:	7	8	9	10	11	12	13	
2:	14	15	16	17	18	19	20	
3:	21	22	23	24	25	26	27	
4:	28	29	30	31	32			
5:								
6:								
7:								
8:								
9:	63	64	65	66	67	68	69	
10:	70	71	72	73	74	75	76	
11:	1029	1028	1027	1026	1025	1024	1023	1022
12:	1021	1020	1019	1018	1017			
13:	1016	1015	1014	1013	1012			
14:	1011	1010	1009	1008	1007			
15:	1006	1005	1004	1003	1002			
16:	1001	1000	1000	77	78			
17:	79	80	81	82	83			
18:	84	85	86	87	88	89	90	
19:	91	92	93	94	95	96	97	
20:	98	99	100	101	102	103	104	
21:	105	106	107	108	109	110	111	
22:	112	113	114	115	116	117	118	119