



МИНИСТЕРСТВО ОБРАЗОВАНИЯ И НАУКИ РФ
Московский государственный технический университет
им. Н. Э. Баумана
(МГТУ им. Н. Э. Баумана)

Кафедра «Информационная безопасность» (ИУ8)

Домашнее задание №1

По дисциплине: «Моделирование систем»

Вариант 4

Выполнил:

Студент группы ИУ8-52

Велинецкий А. В.

Проверила:

Старший преподаватель

Глинская Е. В.

Москва 2021

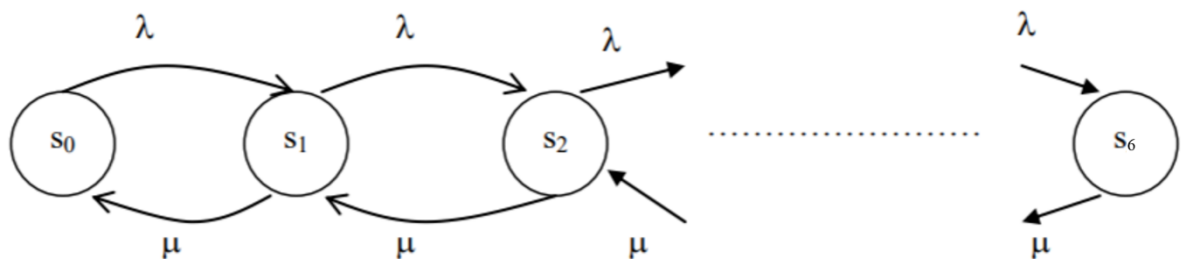
Задача

Однопроцессорный компьютер решает задачи. Интенсивность потока задач - 1 задача в минуту (время между задачами распределено по экспоненциальному закону). Среднее время решения задачи 1 минута (распределено по экспоненциальному закону). В случае если, процессор занят, то задача становится в очередь (максимальная длина очереди 5 задач), если в очереди уже находится 5 задач, то задача получает отказ в решении.

Определить: среднюю длину очереди, среднее время пребывания задачи в очереди, степень загрузки процессора, вероятность решения задачи. Провести имитационное моделирование системы работы системы в течение 10 часов, 100 часов, 1000 часов.

Расчет на аналитических моделях

СМО является одноканальная СМО с ограниченной очередью, все потоки простейшие.



Состояния:

s_0 – процессор свободен, очередь пуста;

s_1 – процессор занят, очередь пуста;

s_2 – процессор занят, в очереди одно требование;

...

s_6 – процессор занят, в очереди 5 требований. ($n = 6$)

Интенсивность входного потока задач:

$$\lambda = 1 / 1_{\text{мин}} = 1 \frac{\text{задач}}{\text{мин}}$$

Интенсивность потока обслуживания задач:

$$\mu = 1 / 1_{\text{мин}} = 1 \frac{\text{задач}}{\text{мин}}$$

Приведенная интенсивность:

$$\rho = \frac{\lambda}{\mu} = 1$$

Т. к. $\rho = 1$, то $p_0 = p_1 = \dots = p_n = \frac{1}{n+1}$;

При $n = 6$, $p_0 = 1/7$

Степень загрузки процессора (вероятность того, что процессор занят):

$$K_{\text{загр}} = 1 - p_0 = \frac{6}{7} = 0.86$$

Относительная пропускная способность – вероятность решения задачи:

$$U = 1 - p_{\text{отк}} = 1 - p_0 \rho^n = 1 - \frac{1}{7} = \frac{6}{7} = 0.86$$

Абсолютная пропускная способность – среднее число задач, обслуживаемых в единицу времени:

$$A = \lambda U = \frac{6}{7}$$

Среднее число задач в системе:

$$\bar{Q}_{\text{сист}} = p_0 \sum_{k=1}^n k \rho^k = p_0 \sum_{k=1}^6 k \rho^k = \frac{1}{7} (1 + 2 + \dots + 6) = 3$$

Средняя длина очереди:

$$\bar{Q}_{\text{оч}} = \bar{Q}_{\text{сист}} - K_{\text{загр}} = 3 - \frac{6}{7} = 2 \frac{1}{7} = 2.14$$

Среднее время пребывания задачи в очереди:

$$\bar{T}_{\text{оч}} = \frac{\bar{Q}_{\text{оч}}}{A} = \frac{15}{7} * \frac{7}{6} = \frac{15}{6} = 2.5$$

Имитационное моделирование на языке GPSS

Текст программы на GPSS с комментариями представлен в листинге 1.

Листинг 1

Текст программы на GPSS с комментариями

Generate	(Exponential(1,0,1)); Генерируем транзакт-задачу
test L	Q1,5,Otkaz; Проверка длины очереди, если не проходит,
то уходим на метку Otkaz	
queue	1; Задача становится в очередь
seize	1; Задача занимает процессор
depart	1; Задача освобождает очередь
advance	(Exponential(2,0,1)); Моделируем время обслуживания
release	1; Задача освобождает процессор
Otkaz terminate	; Транзакт уничтожается
generate	60000; Генерируем транзакт для задания времени
моделирования	
terminate	1; Уменьшаем счетчик, определяющий число прогонов
start	1; Прогон модели

Результаты моделирования в течение 100000 часов (два прогона по 100000 часов каждый) представлены в листинге 2.

Листинг 2.

Результаты моделирования на GPSS

GPSS World Simulation Report - Д31_MC.9.1										
Tuesday, November 16, 2021 15:33:01										
START TIME		END TIME		BLOCKS	FACILITIES	STORAGES				
0.000		600.000		10	1	0				
NAME		VALUE								
OTKAZ		8.000								
LABEL	LOC	BLOCK TYPE	ENTRY COUNT	CURRENT	COUNT	RETRY				
	1	GENERATE	579		0	0				
	2	TEST	579		0	0				
	3	QUEUE	502		1	0				
	4	SEIZE	501		0	0				
	5	DEPART	501		0	0				
	6	ADVANCE	501		1	0				
	7	RELEASE	500		0	0				
OTKAZ	8	TERMINATE	577		0	0				
	9	GENERATE	1		0	0				
	10	TERMINATE	1		0	0				
FACILITY	ENTRIES	UTIL.	AVE. TIME	AVAIL.	OWNER	PEND	INTER	RETRY	DELAY	
1	501	0.850	1.017	1	579	0	0	0	1	
		$K_{заср} = U$								
QUEUE	MAX	CONT.	ENTRY	ENTRY (0)	AVE. CONT.	AVE. TIME	AVE. (-0)	RETRY		
1	5	1	502	92	2.077	2.483	3.040	0		
					$\bar{Q}_{очер}$	$\bar{T}_{очер}$				

На листинге отмечены четыре параметра СМО, которые требуется рассчитать в задании.

Значения, требуемых параметров, полученные в результате имитационного моделирования в течении различных интервалов времени (каждый раз использовалось по два одинаковых прогона), а также те же результаты, полученные аналитически представлены в табл. 1.

Таблица 1

Результаты, полученные при аналитическом расчете и имитационном моделировании

Параметры	Аналитический расчет	Время моделирования		
		10 час.	100 час.	1000 час.
$\bar{Q}_{очер}$	2.14	2.08	2.24	2.14
$\bar{T}_{очер}$ (в мин.)	2.5	2.48	2.65	2.49
$K_{заср} = U$	0.86	0.85	0.87	0.86

Вывод

Таким образом, при анализе результатов имитационного моделирования можно сделать вывод о том, что с увеличением длительности интервала моделирования, полученные результаты становятся все более близкими с результатами, полученными при аналитическом расчете.