# Alinhamento de seqüências com rearranjos

## Augusto Fernandes Vellozo<sup>1</sup>

Orientador: Alair Pereira do Lago<sup>1</sup>

<sup>1</sup>Departamento de Ciência da Computação - Instituto de Matemática e Estatística

Universidade Estadual de São Paulo – SP – Brasil (DCC– IME – USP)

vellozo@ime.usp.br

Abstract. Sequence comparison done by alignment algorithms is one of the most fundamental tasks in bioinformatics. The evolutive mutations considered in these alignments are insertions, deletions and substitutions of nucleotides. This work treats of generalizations introduced in alignment algorithms in such a way that other mutations known as rearrangements are also considered, more specifically, we consider non-overlapping inversions, duplications and duplications in tandem. The new algorithms presented in this work improve asymptotically the runt time of the algorithms known to solve the same problem. This paper is an extended abstract of [Vellozo 2007].

Resumo. Uma das tarefas mais básicas em bioinformática é a comparação de seqüências feita por algoritmos de alinhamento, que modelam as alterações evolutivas nas seqüências biológicas através de mutações como inserção, remoção e substituições de nucleotídeos. Este trabalho trata de generalizações nos algoritmos de alinhamento que levam em consideração outras mutações conhecidas como rearranjos, mais especificamente, inversões não sobrepostas,

duplicações e duplicações em tandem. Os novos algoritmos apresentados neste trabalho melhoram assintoticamente o tempo de execução dos algoritmos conhecidos para resolver o mesmo problema. Este artigo é um resumo estendido de [Vellozo 2007].

### 1. Introdução

Atualmente, devido ao grande número de projetos de seqüenciamentos desenvolvidos e finalizados, temos uma enorme quantidade de dados moleculares disponíveis, principalmente de DNA, RNA e proteína. Processar estes dados para extrair informações relevantes é um grande desafio.

Uma das maneiras de manipular, estudar e estruturar estes dados moleculares é através do uso de sequências de símbolos. No caso do DNA os símbolos são as letras que representam as bases de nucleotídeos (A, C, T e G), no caso das proteínas os símbolos são letras que representam os 20 aminoácidos elementares.

Na história da evolução vários eventos biológicos introduzem mudanças nas sequências do DNA. Quando duas sequências tem alto grau de semelhança é esperado que elas se diferenciem apenas em alguns trechos. Normalmente as diferenças nestes trechos são consequências da ocorrência de alguns eventos biológicos. Em geral, para a visualização destes eventos ocorridos, é feito um procedimento de alinhamento entre as duas sequências. Procedimentos de alinhamento típicos tentam identificar que partes não mudam e, nas partes que mudam, quais os eventos biológicos que ocasionaram as mudanças. Tipicamente os eventos biológicos considerados para um alinhamento são as substituições, remoções e inserções de nucleotídeos.

O alinhamento de sequências biológicas é uma das principais técnicas utilizadas por biólogos para comparar sequências biológicas.

Um alinhamento pode ser associado a um conjunto de operações de edição que transformam uma seqüência em outra. Normalmente, por motivos de performance, as únicas operações de edição consideradas para obtenção de um alinhamento ótimo são a *substituição* de um símbolo em outro, a *inserção* de um símbolo e a *remoção* de um símbolo. Se associamos custos a cada operação de edição, existe um algoritmo clássico de programação dinâmica, que em tempo de execução  $O(n^2)$  [Needleman and Wunsch 1970]<sup>12</sup>, computa um conjunto mínimo de operações de edição que tem o custo total ótimo e apresenta o alinhamento associado.

Dadas duas seqüências s e t e pontuações fixas para cada operação de edição associada a uma mutação, o problema de *obter uma transformação ótima com inversões*  $de\ s\ e\ t$  é um problema de otimização que procura uma transformação com inversões de s e t tal que, a soma das pontuações das operações de edição desta transformação é máxima.

Além desses eventos que resultam em alterações em um único símbolo na seqüência biológica, iremos considerar também os rearranjos para a obtenção de alinhamentos.

Os rearranjos agem sobre um fragmento da seqüência. Consideraremos, além dos eventos

 $<sup>^1</sup>$ Nas análises das complexidades dos algoritmos, consideraremos neste texto que n é o comprimento da maior sequência analisada.

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>O conhecido artigo de Needleman e Wunsch é geralmente considerado a primeira contribuição importante em procedimentos computacionais para a comparação de seqüências. O algoritmo proposto por eles neste artigo, apesar de não ter sido feita uma análise de tempo no artigo, é considerado cúbico, mas normalmente o nome "Algoritmo de Needleman e Wunsch" é utilizado para denominar o algoritmo quadrático clássico de programação dinâmica para alinhamentos [Setubal and Meidanis 1997].

de inserção, remoção e substituição de um símbolo, os eventos de inversão e de duplicação de fragmentos para a obtenção de um alinhamento ótimo de duas seqüências. Estes não são os únicos tipos de rearranjos, mas são considerados muito importantes e são largamente estudados, como por exemplo em [Shaw and Lupski 2004], inclusive na associação de doenças humanas à rearranjos no DNA, como por exemplo em [Verkerk et al. 1991]. Os novos resultados comparativos feitos por Sherer et al. [Feuk et al. 2005] nas seqüências de DNA do homem e do chimpanzé, mostram a importância do estudo da inversão ao nível da seqüência de DNA e reportaram 83 seqüências reversas que estão contidas dentro de genes.

Consideraremos que  $s=s_1s_2\dots s_n=s[1\dots n]$  e  $t=t_1t_2\dots t_m=t[1\dots m]$  são as duas seqüências a serem comparadas e alinhadas.

Chamaremos uma sequência de operações de edição que transforma uma sequência s em uma sequência t de uma transformação de s em t. Consideraremos que cada operação de edição tem uma pontuação associada e que a pontuação de uma transformação é a soma das pontuações de suas operações de edição. Consideraremos que uma transformação de s em t é ótima se não existir outra transformação de s em t com pontuação maior.

Diremos que  $\omega((i',j'),(i,j))$  é a pontuação de uma transformação ótima de s[i'+1...i] em t[j'+1...j] considerando as operações de substituição, inserção e remoção.

#### 2. Alinhamento com inversões

Quando possibilitamos a operação de edição de inversão para a obtenção de uma transformação diremos que a transformação obtida é uma transformação com inversões

de s em t. A operação de edição de inversão substitui um fragmento da seqüência pelo seu reverso complementar.

Como pode ser visto em [Chen et al. 2005], o problema de decisão associado ao problema de obter uma transformação ótima com inversões para um alfabeto ilimitado é NP-difícil

Em 1992, Schöniger e Waterman [Schöniger and Waterman 1992] introduziram uma hipótese simplificadora: todas as regiões envolvendo inversões não se sobrepõem. Com esta simplificação eles obtiveram um alinhamento ótimo com inversões não sobrepostas em tempo  $O(n^6)$ . A partir daí, outros melhoraram este tempo chegando até  $O(n^4)$  [do Lago et al. 2003, Gao et al. 2003].

Propomos dois algoritmos exatos que obtêm uma transformação ótima com inversões não sobrepostas em tempo  $O(n^3 \log n)$  [Alves et al. 2005] e  $O(n^3)$  [Vellozo et al. 2006].

Diremos que  $\overline{s[i'\ldots i]}$  é o complemento reverso de  $s[i'\ldots i]$ . Assumiremos que ins(t[j]), rem(s[i]), sub(s[i], t[j]) e  $\omega_{inv}$  são, respectivamente, as pontuações das operações de edição de inserção de um símbolo t[j], remoção de um símbolo s[i], substituição de um símbolo s[i] por t[j] e inversão de um fragmento de s.

Os dois algoritmos computam a matriz B, onde B[i,j] é a pontuação do alinhamento ótimo com inversões não sobrepostas de s[1...i] e t[1...j]. O Algoritmo 1 contém o pseudo-código seguido pelos dois algoritmos.

Entre as linhas 3 a 14 do Algoritmo 1 são considerando somentes as operações de edição de inserção, remoção e substituição de um símbolo. O laço da linha 18 considera

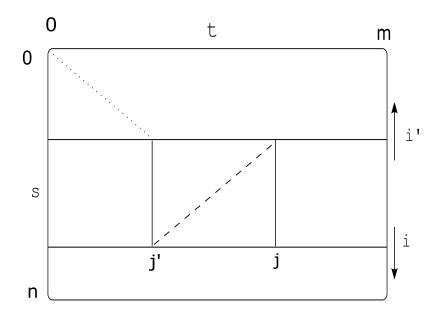


Figura 1. Ilustração da execução do Algoritmo 1. A linha pontilhada representa em um grafo de edição um alinhamento ótimo com inversões não sobrepostas de  $s[1\ldots i]\times t[1\ldots j]$  e a linha tracejada o alinhamento de  $\overline{s[i'+1\ldots i]}\times t[j'+1\ldots j]$ 

a possibilidade de uma operação de edição de inversão de  $s[i'+1\mathinner{.\,.} i], 0 \leq i' \leq i \leq n.$ 

Os dois algoritmos que propomos diferem somente na forma da construção da matriz  $W^i_{i'}$  e do vetor  $A^i_{i'}$ , onde  $W^i_{i'}[j',j]$  é a pontuação do alinhamento ótimo de  $\overline{s[i'+1\mathinner{.\,.} i]}$  e  $t[j'+1\mathinner{.\,.} j]$  considerando somente inserção, remoção e substituição, pois não consideramos inversões sobrepostas no alinhamento de s e t, e  $A^i_{i'}[j]$  é o valor máximo de  $(B[i',j]+W^i_{i'}[j',j]+\omega_{inv})$ , para todo  $j',0\leq j'\leq j$ .

# 2.1. Alinhamento com inversões não sobrepostas em tempo $O(n^3 \log n)$

Jeanette Schmidt [Schmidt 1998] desenvolveu um algoritmo que constrói uma estrutura de árvores binárias de altura  $\log m$  que possibilita obter um valor de  $\omega((i',j'),(i,j))$  em tempo  $\log m$ . Dada a estrutura de árvores com os valores de  $\omega((i',j'),(i-1,j))$  o algoritmo precisa de tempo  $O(m\log m)$  para construir outras m árvores que contêm os valores

**Algoritmo 1** Algoritmo para obtenção da matriz B tal que B[i,j] é a pontuação do alinhamento ótimo com inversões não sobrepostas de s[1 ... i] e t[1 ... j]

## INVGERAL(s, t)

```
para i de 0 até |s| faça
 1

ightharpoonup Obtém B[i,j] considerando somente inserção, remoção e substituição
 2
 3
                se i=0 então
                          B[0,0] \leftarrow 0
 4
                senão
 5
                          B[i, 0] \leftarrow B[i - 1, 0] + rem(s[i])
 6
 7
                para j de 1 até |t| faça
 8
                          se i=0 então
                                   B[0, j] \leftarrow B[0, j - 1] + ins(t[j])
 9
10
                          senão
                                   h \leftarrow B[i, j-1] + ins(t[j])
11
                                   v \leftarrow B[i-1, j] + rem(s[i])
12
                                   d \leftarrow B[i-1, j-1] + sub(s[i], t[j])
13
                                   B[i,j] \leftarrow \max(h,v,d)
14
               \triangleright A seguir, obtém B[i,j] considerando também inversões não sobrepostas
15
               \triangleright W^i_{i'}[j',j] =pontuação do alinhamento ótimo de \overline{s[i'+1\mathinner{.\,.} i]} e t[j'+1\mathinner{.\,.} j]
16
17
                Inicializa W_{i+1}^i
                para i' de i descendo até 0 faça
18
                         Obtém W_{i'}^i a partir de W_{i'+1}^i
19
                          Para cada j obtém A^i_{i'}[j] = \max_{j' \leq j} (B[i',j] + W^i_{i'}[j',j] + \omega_{inv})
20
                          para j de 0 até |t| faça
21
                                   B[i, j] \leftarrow \max(B[i, j], A_{i'}^i[j])
22
23
     devolva B
```

de  $\omega((i', j'), (i, j))$ .

Pode-se provar que a matriz  $W^i_{i'}$  é uma matriz de Monge inversa triangular superior e portanto totalmente monotônica, o que possibilita que utilizemos o algoritmo proposto por [Aggarwal et al. 1987] para obtermos  $A^i_{i'}[j]$  com O(m) comparações.

Utilizando a estrutura de árvores proposta em [Schmidt 1998] para armazenar os valores de  $\omega((i',j'),(i,j))$ , executamos a linha 19 do Algoritmo 1 em tempo  $O(m\log m)$  e, utilizando o algoritmo proposto por [Aggarwal et al. 1987], obtemos  $A^i_{i'}[j]$  na linha 20 em tempo  $O(m\log m)$ . Como essas linhas são executadas para todo i e i',  $0 \le i' \le i \le n$ , o Algoritmo 1 é executado em tempo  $O(n^2m\log m)$ . Além disto, pode-se verificar que o Algoritmo 1 precisa de  $O(\max(nm, m^2))$  de memória.

## 2.2. Alinhamento com inversões não sobrepostas em tempo $O(n^3)$

## 3. Alinhamento com duplicações

Uma duplicação é um evento biológico que ocorre frequentemente e que insere uma cópia de um fragmento da seqüência na própria seqüência. Existe um tipo de duplicação muito estudado que são as duplicações encadeadas (ou duplicações *tandem*). Neste tipo de duplicação a cópia é inserida imediatamente após (ou antes) do fragmento copiado.

Em 1997, Benson [Benson 1997] propôs um modelo para o alinhamento de seqüências que considera a presença de repetições em tandem de mesmo tamanho nas seqüências. Ele propôs dois algoritmos exatos para obter um tal alinhamento ótimo que considera estas repetições. O primeiro algoritmo proposto executa em tempo  $O(n^5)$  e espaço  $O(n^2)$ . O segundo algoritmo proposto executa em tempo  $O(n^4)$  e espaço  $O(n^3)$ . Propomos algoritmos que executam em tempo  $O(n^3)$  e memória  $O(n^2)$ . O modelo proposto por Benson para considerar duplicações em *tandem*, além da restrição de só considerar repetições em *tandem*, tem mais duas restrições, que são as seguintes.

- 1. Sejam s e t as seqüências a serem alinhadas. Se um trecho de s é uma repetição então a seqüência base a ser comparada (ou alinhada) com esta repetição em s deve ser um trecho de t. Portanto este modelo proposto por Benson não considera que a seqüência original da repetição pode estar na própria seqüência onde está a repetição.
- 2. A seqüência base deve ser a mesma para repetições consecutivas, ou seja, como as duplicações consideradas são em *tandem* e a seqüência original considerada está sempre na outra seqüência, as seqüências base das duplicações consecutivas devem ter o mesmo tamanho.

Propomos modelos parecidos com este modelo apresentado por Benson, porém sem estas restrições propostas por Benson. Vale a pena ressaltar que, utilizando as técnicas utilizadas em [Landau and Ziv-Ukelson 2001], podemos obter um alinhamento ótimo com duplicações em tandem segundo o modelo proposto pode Benson, em tempo  $O(n^3)$  e com memória  $O(n^2)$ . Porém acreditamos que os modelos que propomos são modelos mais reais, pois consideram mais casos de duplicações.

#### 4. Conclusão

Para a comparação de duas sequências, desenvolvemos e apresentamos algoritmos exatos e inéditos, que obtêm alinhamentos que consideram a possibilidade da ocorrência de outros importantes eventos biológicos (inversão e duplicação) além dos eventos de inserção, remoção e substituição, comumente utilizados em algoritmos usuais para obtenção de ali-

nhamentos ótimos. Esperamos com isto, que o alinhamento obtido esteja mais próximo de mostrar o que realmente ocorreu na evolução.

Apesar do problema da obtenção de um alinhamento ótimo com inversões não sobrepostas ser um problema já bem estudado e com alguns algoritmos já publicados, conseguimos desenvolver algoritmos com complexidade de tempo significativamente melhor que os já existentes.

Para o alinhamento com duplicações, não conhecemos nenhum outro trabalho que utilize os modelos de duplicações que apresentamos. O modelo mais próximo que conhecemos do modelo que propomos para alinhamentos com duplicações em *tandem* é o modelo proposto por Benson [Benson 1997]. Porém, os algoritmos propostos por Benson têm complexidades de tempo e memória muito piores que as dos algoritmos que propomos, apesar do nosso espaço de busca das duplicações em *tandem* ser maior que o do Benson.

#### Referências

- [Aggarwal et al. 1987] Aggarwal, A., Klawe, M. M., Moran, S., Shor, P., and Wilber, R. (1987). Geometric applications of a matrix-searching algorithm. *Algorithmica*, 2(2):195–208.
- [Alves et al. 2005] Alves, C. E. R., do Lago, A. P., and Vellozo, A. F. (2005). Alignment with non-overlapping inversions in  $O(n^3 \log n)$ -time. *Electronic Notes in Discrete Mathematics*, 19:365–371.
- [Benson 1997] Benson, G. (1997). Sequence alignment with tandem duplication. In RE-COMB '97: Proceedings of the first annual international conference on Computational

- molecular biology, pages 27–36, New York, NY, USA. ACM Press.
- [Chen et al. 2005] Chen, X., Zheng, J., Fu, Z., Nan, P., Zhong, Y., Lonardi, S., and Jiang, T. (2005). Assignment of orthologous genes via genome rearrangement. *IEEE/ACM Trans. Comput. Biol. Bioinformatics*, 2(4):302–315.
- [do Lago et al. 2003] do Lago, A. P., Muchnik, I., and Kulikowski, C. (2003). An  $O(n^4)$  algorithm for alignment with non-overlapping inversions. In *Second Brazilian Workshop* on *Bioinformatics*, *WOB 2003*, Macaé, RJ, Brazil. http://www.ime.usp.br/~alair/wob03.pdf.
- [Feuk et al. 2005] Feuk, MacDonald, Tang, Carson, Li, Rao, Khaja, and Scherer (2005). Discovery of human inversion polymorphisms by comparative analysis of human and chimpanzee DNA sequence assemblies. *PLoS Genet*, 1(4):e56.
- [Gao et al. 2003] Gao, Y., Wu, J., Niewiadomski1, R., Wang, Y., Chen, Z.-Z., and Lin, G. (2003). A space efficient algorithm for sequence alignment with inversions. In *Computing and Combinatorics, 9th Annual International Conference, COCOON 2003*, volume 2697 of *Lecture Notes in Computer Science*, pages 57–67. Springer-Verlag.
- [Landau and Ziv-Ukelson 2001] Landau, G. M. and Ziv-Ukelson, M. (2001). On the common substring alignment problem. *J. Algorithms*, 41(2):338–359.
- [Needleman and Wunsch 1970] Needleman, S. B. and Wunsch, C. D. (1970). A general method applicable to the search for similarities in the amino acid sequence of two proteins. *Journal of Molecular Biology*, 48(3):443–453.
- [Schmidt 1998] Schmidt, J. P. (1998). All highest scoring paths in weighted grid graphs and their application to finding all approximate repeats in strings. *SIAM J. Comput.*,

- 27(4):972–992 (electronic).
- [Schöniger and Waterman 1992] Schöniger, M. and Waterman, M. S. (1992). A local algorithm for DNA sequence alignment with inversions. *Bulletin of Mathematical Biology*, 54(4):521–536.
- [Setubal and Meidanis 1997] Setubal, J. and Meidanis, J. (1997). *Introduction to computational molecular biology*. PWS Publishing Company.
- [Shaw and Lupski 2004] Shaw, C. and Lupski, J. (2004). Implications of human genome architecture for rearrangement-based disorders: the genomic basis of disease. *Hum. Mol. Genet.*, 13 Spec No 1:57–64.
- [Vellozo 2007] Vellozo, A. F. (2007). *Alinhamento de seqüências com rear-ranjos*. PhD thesis, Universidade de São Paulo DCC IME- USP, http://www.teses.usp.br/teses/disponiveis/45/45134/tde-04052007-185842.
- [Vellozo et al. 2006] Vellozo, A. F., Alves, C. E. R., and do Lago, A. P. (2006). Alignment with non-overlapping inversions in  $o(n^3)$ -time. In 6th Workshop on Algorithms in Bioinformatics. Springer. Lecture Notes in Bioinformatics 4175.
- [Verkerk et al. 1991] Verkerk, Pieretti, Sutcliffe, Fu, Kuhl, Pizzuti, Reiner, Richards, Victoria, and Zhang (1991). Identification of a gene (FMR-1) containing a CGG repeat coincident with a breakpoint cluster region exhibiting length variation in fragile X syndrome. *Cell*, 65(5):905–914.